



بررسی توزیع دما و عمق حفره ایجاد شده در سوپرآلیاژ اینکونل ۶۱۷ توسط مدل‌سازی المان محدود برای فرآیند میکرو ماشین‌کاری تخلیه الکتریکی

محمد صادقی^۱، رضا نصوحی^{۲*}

۱- کارشناسی ارشد، مکانیک- ساخت و تولید، دانشگاه آزاد اسلامی واحد تجف آباد، نجف آباد

۲- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه آزاد اسلامی واحد تجف آباد، نجف آباد

*نجف آباد، صندوق پستی ۸۵۱۴۱۴۳۱۳۱ rezanosouhi@pmc.iaun.ac.ir

چکیده

در این مقاله، فرآیند میکرو ماشین‌کاری تخلیه الکتریکی در سوپرآلیاژ اینکونل ۶۱۷ توسط مدل‌سازی المان محدود جهت توزیع دما و عمق حفره ایجاد شده در یک جرقه بررسی می‌گردد. در مرحله اول، مدل‌سازی قطعه و اعمال شار حرارتی ناشی از ایجاد جرقه، مرحله دوم، بررسی نحوه توزیع و میزان دمای انتقال یافته به مدل، مرحله سوم، حذف المان‌های سوخته شده و در نهایت بررسی عمق حفره ایجاد شده، صورت می‌پذیرد. شرایط پهنه‌های کاری نظیر: شاعع کانال پلاسمای (شعاع جرقه)، زمان روشن بودن جرقه و میزان انرژی تخلیه شده در سه سطح مختلف انرژی، بررسی و بینه‌گردید. همچنین زمان روشن بودن جرقه نسبت به شاعع جرقه و میزان انرژی و اثر آن در عمق حفره بدست آمد که جهت اعتبارسنجی نتایج با کار آزمایشگاهی مقایسه گردید که مطابقت خوبی مشاهده گردید.

کلید واژگان: میکرو ماشین‌کاری تخلیه الکتریکی، روش المان محدود، توزیع دما، روش تاگوچی

Determining the temperature distribution and the depth of cavities in Inconel 617 super alloy by FE modeling of micro-EDM process

Mohammad Sadeghi, Reza Nosouhi*

Department of Mechanical Engineering, Najafabad Branch, Islamic Azad University, Najafabad, Iran
*P.O.B. 8514143131, Najafabad, Iran, rezanosouhi@pmc.iaun.ac.ir

ABSTRACT

In this paper, the process of micro-electro discharge machining is investigated in Inconel 617 super alloy by finite element modeling to determine the distribution of temperature and depth of the hole created by spark. First, the workpiece and the heat flux created from spark have been investigated. Then, the second step has investigated the distribution mechanism beside the temperature that has transmitted to the workpiece. Finally, the burnt elements have been removed and the depths of the cavities have been investigated. The optimum condition for plasma channel radius (the radius of the arc), spark on time and the discharged energy at three different levels have been obtained. Also, spark on time, energy and its effect on the depth of cavity were obtained. The results were verified through the experiments which represented a good agreement.

Keywords: Distribution of Temperature, Finite Element Method, Micro Electro Discharge Machining, Taguchi Method.

محدود در شبیه‌سازی میکرو ماشین‌کاری تخلیه الکتریکی سایقه چندانی ندارد و به دلیل تفاوت‌های آن با ماشین‌کاری تخلیه الکتریکی، هنوز در بسیاری از زمینه‌ها ناشناخته باقی مانده است. در سال ۲۰۰۴ هان و همکاران [۱]، با استفاده از مدار ایزوپالس و مدار تغذیه سروو، بهبود پارامترهای میکرو ماشین-کاری تخلیه الکتریکی را به صورت تحریبی بررسی کردند. در سال ۲۰۰۷ آلن و همکاران [۲]، نرخ برداشت فلز در آلیاژ مولیبدنیوم را با استفاده از یک مدل عددی- حرارتی بررسی کردند. آن‌ها تاثیر پارامترهای مؤثر در میکرو ماشین-کاری تخلیه الکتریکی را در اندازه حفره ایجاد شده و نرخ سایش ابزار مورد مطالعه قرار دادند و نتایج را با مدل حقیقی مقایسه کردند. در سال ۲۰۰۹ پرادهان و همکاران [۳]، میکرو ماشین‌کاری تخلیه الکتریکی را برای سوپرآلیاژهای بتیتیوم بررسی کردند که مشخص شد، ماشین‌کاری با قطب مثبت بهتر از ماشین‌کاری با قطب منفی است و در نهایت پارامترهای فرآیند توزیع تجزیه تحلیل تاگوچی بینه‌سازی شد. در سال ۲۰۱۰ جوشی و همکاران [۴]، یک مدل حرارتی- فیزیکی را جهت پیش‌بینی عمق حفره همکاران [۴]، یک مدل حرارتی- فیزیکی را جهت پیش‌بینی عمق حفره

Please cite this article using:

M. Sadeghi, R. Nosouhi, Determining the temperature distribution and the depth of cavities in Inconel 617 super alloy by FE modeling of micro-EDM process, *Modares Mechanical Engineering, Proceedings of the Advanced Machining and Machine Tools Conference*, Vol. 15, No. 13, pp. 376-381, 2015 (in Persian)

۱- مقدمه
فرآیند میکرو ماشین‌کاری تخلیه الکتریکی یکی از روش‌های جدید ساخت قطعات می‌باشد که فرآیندهای سنتی قادر به تولید آن‌ها نمی‌باشند و جهت ساخت انواع قطعات پیچیده در مقایسه میکرو، سوراخ‌های ریز، قطعات دستگاه‌های میکرو الکترومکانیکی، میکرو کانال‌ها و غیره، در فلزات سخت و حتی نیمه هادی‌ها استفاده می‌شود، اساس کار در این روش شبیه به ماشین-کاری تخلیه الکتریکی می‌باشد، که با ایجاد جرقه بین ابزار و قطعه کار غوطه‌ور در مایع دی‌الکتریک، باعث برداشت فلز از سطح قطعه کار می‌شود. از عدم تفاوت‌های آن با ماشین‌کاری تخلیه الکتریکی می‌توان، افزایش دقت، کاهش انرژی ورودی و کاهش زمان روشن بودن جرقه را ذکر کرد.

برای اولین بار در سال ۱۹۴۳ آقا و خانم لازارنکو با استفاده از انرژی حاصله از جرقه‌های الکتریکی اقدام به ساخت قطعات کردند، که این روش تاکنون توسط محققان بسیاری گسترش داده شده است. استفاده از روش اجزاء

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

M. Sadeghi, R. Nosouhi, Determining the temperature distribution and the depth of cavities in Inconel 617 super alloy by FE modeling of micro-EDM process, *Modares Mechanical Engineering, Proceedings of the Advanced Machining and Machine Tools Conference*, Vol. 15, No. 13, pp. 376-381, 2015 (in Persian)

۵- مدل‌سازی حرارتی

جهت مدل‌سازی حرارتی با استفاده از معادله انتقال حرارت در مختصات استوانه‌ای از معادله (۱) استفاده می‌شود.

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(k_t r \frac{\partial T}{\partial r} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left(k_t \frac{\partial T}{\partial z} \right) = \rho C_p \frac{\partial T}{\partial t} \quad (1)$$

۱-۵- شرایط مرزی

در شکل ۱ شماتیکی از مدل دو بعدی در نظر گرفته شده با چرخش حول محور تقارن نشان داده است.

در ادامه در شکل ۲ شرایط مرزی اعمال شده روی مدل دو بعدی مشاهده می‌شود. شار حرارتی مناسب در نظر گرفته شده طبق نظر بسیاری از محققین با توزیع گوسی بررسی می‌شود [۷]. همان‌طور که در رابطه (۲) مشاهده می‌شود، مرزهای ۲ و ۳ به دلیل فاصله زیاد از شارحرارتی و مرز ۴ به دلیل تقارن محوری عالی در نظر گرفته می‌شود.

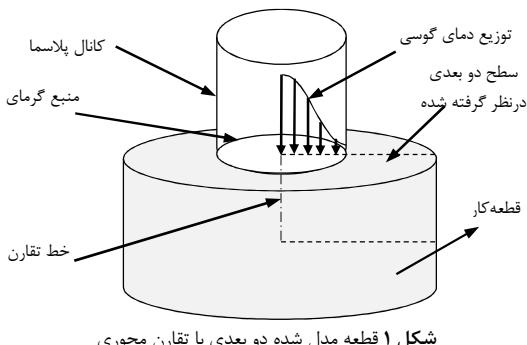
۲-۵- شاع کانال پلاسمای

همان‌طور که اشاره شد، شاع کانال پلاسمایکی از عوامل بسیار مهم می‌باشد

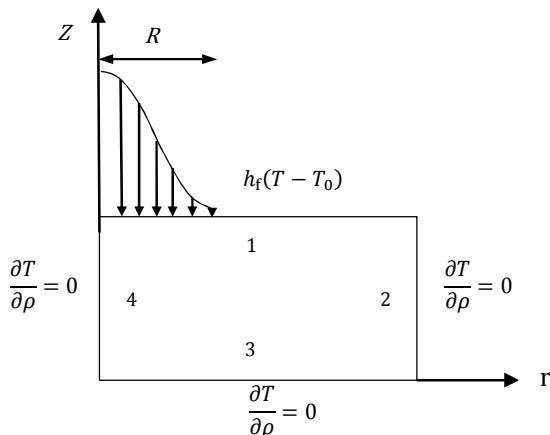
$$\left(\frac{\partial T}{\partial z} \right) = Q_r \quad r \leq R \quad \text{اگر در مرز ۱}$$

$$\left(\frac{\partial T}{\partial z} \right) = h_f(T - T_0) \quad r > R \quad \text{اگر در مرز ۲}$$

$$\left(\frac{\partial T}{\partial \rho} \right) = 0 \quad \text{در مرزهای ۲ و ۳ و ۴}$$



شکل ۱ قطعه مدل شده دو بعدی با تقارن محوری



شکل ۲ شرایط مرزی و شارحرارتی با توزیع گوسی

ایجاد شده در ماشین‌کاری تخلیه الکتریکی بررسی کردند. قطعه کار مورد استفاده، از فولاد پی ۲۰ و الکترود ابزار، مس در نظر گرفته شد. در سال ۲۰۱۳ آویناش [۵]، مدل‌سازی شکل حفره‌های ایجاد شده در میکروماشین-کاری تخلیه الکتریکی را با نتایج آزمایشگاهی در قطعه کار تیتانیوم درجه ۵ با الکترود ابزار، تنگستن بررسی کرد، که طبق گزارش وی با اندازه‌گیری دمای کانال پلاسما در زمان روشن بودن جرقه توسط طیف‌نگار، دمایی بین ۴۰۰۰ تا ۱۰۰۰۰ کلوین ثبت شد، همچنین فشار کانال پلاسما در اثر ترکیدن حباب‌ها، باز مشاهده گردید. در سال ۲۰۱۴ [۶]، با استفاده از توزیع حرارت بهصورت یکنواخت با توزیع نرمال، جهت شبیه‌سازی فرآیند میکرو ماشین‌کاری تخلیه الکتریکی در فولاد زنگ نزن اقدام کرد که با توجه به کاهش نرخ سایش الکترود، میزان نرخ برازیده‌داری بررسی شد و مقایسه نتایج با آزمایشات نشان داد که با افزایش انرژی تخلیه تا ۱۱۰ میکروژول، نرخ برداشت فلز در مدل تئوری افزایش می‌یابد اما در عمل از این مقدار به بعد نرخ برداشت فلز به صورت خطی، کاهش می‌یابد.

در این تحقیق به دلیل وجود پارامترهای متغیر گوناگون نظیر شاع جرقه، زمان روشن بودن جرقه، میزان انرژی تخلیه شده، جنس الکترود و قطعه کار، فرکانس، فاصله الکترود تا سطح قطعه کار (گک)، میزان جریان و ولتاژ، با انجام شبیه‌سازی حرارتی و درنظر گرفتن فرضیات، نحوه توزیع دما و عمق حفره ایجاد شده پیش‌بینی می‌شود و نتایج را برای سوپرآلیاژ مذکور در سه حالت انرژی کم، متوسط و زیاد، در زمان روشن بودن جرقه کمتر از ۲ میکروثانیه بررسی می‌گردد و نتایج با کار آزمایشگاهی مقایسه و اعتبارسنجی می‌گردد.

۲- مراحل انجام کار

مراحل انجام کار در این تحقیق شامل: طراحی آزمایش‌ها و بررسی مؤلفه‌های لازم، ایجاد هندسه مدل دوبعدی با تقارن محوری، انتخاب المان حرارتی، تعریف خصوصیات قطعه کار، اعمال شارحرارتی و شرایط مرزی در مدل حرارتی، بررسی نحوه توزیع دما، حل گام به گام مسئله، حذف المان‌های سوخته شده و اندازه‌گیری عمق حفره ایجاد شده، می‌باشد و در نهایت نتایج با کار آزمایشگاهی اعتبارسنجی می‌گردد.

۳- فرضیات مسئله

- (۱) مدل‌سازی و آنالیز برای یک جرقه انجام می‌شود.
- (۲) دمای اولیه قطعه کار ۲۵ درجه سانتی‌گراد می‌باشد.
- (۳) آنالیز وابسته به زمان می‌باشد.
- (۴) قطعه کار دارای تقارن محوری، همگن و آیزوتروپیک است.
- (۵) از اثر ترکیدن حباب‌ها در کانال پلاسما صرف نظر شده است.

۴- خصوصیات ماده

سوپرآلیاژ استفاده شده در این تحقیق به دلیل کاربردهای وسیع نظامی، هواپاک و کاربردهای هسته‌ای، جهت شبیه‌سازی در نظر گرفته شده است. همچنین دمای ذوب این سوپرآلیاژ ۱۳۷۷ درجه سانتی‌گراد می‌باشد. خصوصیات اینکوئل ۶۱۷ در دمای ۲۰ درجه سانتی‌گراد در جدول ۱ مشاهده می‌شود، که در شبیه‌سازی، خواص مکانیکی، حرارتی و الکتریکی این فلز به صورت غیرخطی تا دمای ۱۱۰ درجه سانتی‌گراد در نظر گرفته شد.

جدول ۱ خصوصیات اینکوئل ۶۱۷ در دمای ۲۰ درجه سانتی‌گراد

k_i (W/m·°C)	c_p (J/kg·°C)	E_y (GPa)	ρ (kg/m³)
۱۲/۴	۴۱۹	۰/۳	۲۱۱

جدول ۲ فاکتورها و سطوح آزمایش L36 تاگوجی					
(μm)	گپ	شعاع (μm)	زمان (μs)	جریان (A)	ولتاژ (V)
۰/۰۱	۱	۰/۰۱	۰/۰۵	۱	۱۰
			۰/۰۵		
		۰/۱			
۱	۳	۰/۵	۱/۵	۲۰	
		۱			
		۱/۵			
۵	۵	۲	۳	۳۰	
		۵			

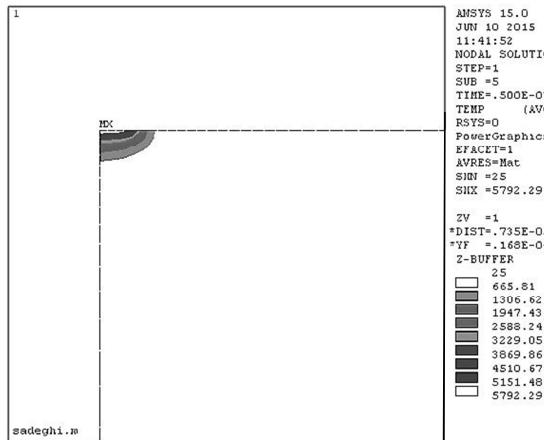
جدول ۳ طراحی و بهینه سازی آزمایش تاگوجی با ۴ فاکتور

شعاع (μm)	زمان (μs)	جریان (A)	ولتاژ (V)
۱	۰/۰۵	۱	۱۰
۳	۰/۵	۱/۵	۱۰
۵	۱	۳	۱۰
۵	۰/۵	۱	۲۰
۱	۱	۱/۵	۲۰
۳	۰/۰۵	۳	۲۰
۳	۱	۱	۳۰
۵	۰/۰۵	۱/۵	۳۰
۱	۰/۵	۳	۳۰

همان‌طور که قبلاً در شکل ۳ مشاهده گردید، با بهینه‌سازی مقادیر توسط روش تاگوجی، میزان شارحرارتی ورودی به قطعه‌کار نسبت به شعاع‌های مختلف جرقه در ۶ حالت نشان داده شد، که در ادامه جهت شبیه‌سازی از آن استفاده خواهد شد.

۷- نتایج مدل حرارتی

شارحرارتی در این آنالیز از نوع گذرا می‌باشد که پس از قطع، بالافاصله در گام پایانی، کانتور توزیع دما نشان داده می‌شود. برای نمونه در شکل ۴ کانتور توزیع دما در مدل پس از اعمال شارحرارتی در زمان روش بودن جرقه در ۰/۰۵ میکروثانیه نشان داده شده است.



شکل ۴ مقدار توزیع دما در ۰/۰۵ میکروثانیه

که به شدت واپسته به زمان است و با شدت کمتری به جنس الکترود بستگی دارد و از رابطه (۳) با توجه به جنس الکترود و از رابطه (۴) با توجه به جریان ورودی به قطعه‌کار و زمان روش بودن جرقه به دست می‌آید.

$$R = K \cdot Q^m \cdot t^n \quad (3)$$

$$R = 0.00204 I^{0.43} \cdot t_{on}^{0.44} \quad (4)$$

۳-۵- شارحرارتی

طبق نظر محققین بهترین حالت، جهت اعمال شارحرارتی برای مدل‌سازی در این مورد، استفاده از توزیع گرمایی گوسی می‌باشد. میزان شارحرارتی گوسی از رابطه (۵) به دست می‌آید [۸].

$$Q(r) = \left(\frac{4.45 P \cdot V \cdot I}{\pi R^2} \right) \exp \left\{ -4.5 \left(\frac{d}{R} \right)^2 \right\} \quad (5)$$

میزان ازیزی ورودی به قطعه‌کار در این مدل، مقدار ۰/۰۸ در نظر گرفته شد [۹]. شارحرارتی گوسی در شکل ۳ با شعاع جرقه ۱ تا ۵ میکرومتر نشان داده شده است.

۴-۵- مدل المان محدود

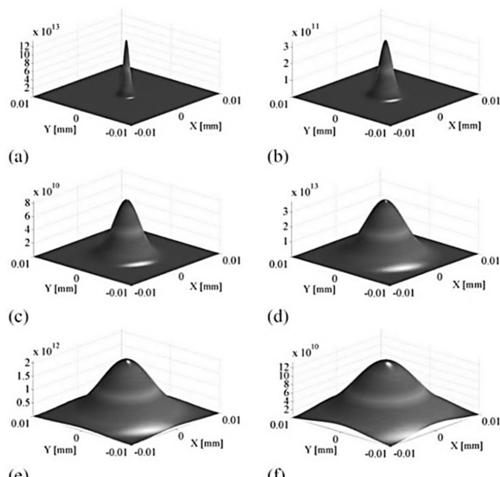
جهت انجام این مدل‌سازی از نرمافزار انسیس ۱۵ استفاده شده است. همچنین المان حرارتی از نوع درجه دوم با قابلیت تقارن محوری و دارای چهار گره، با یک درجه آزادی دما در هر گره در نظر گرفته شده است.

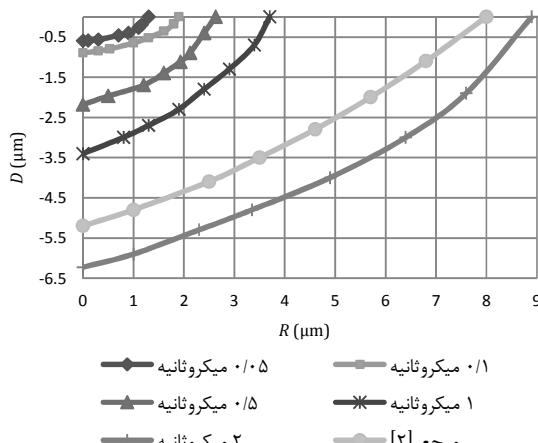
۶- طراحی آزمایش‌ها با روش تاگوجی

در جدول ۲ ابتدا جهت طراحی آزمایش ۵ فاکتور و ۳ سطح در نظر گرفته شد، که یکی از سطوح (زمان) دارای ۹ سطح می‌باشد. با طبق طراحی تاگوجی، به ۳۶ آزمایش جهت بررسی نیاز می‌باشد. با بهینه‌سازی و بررسی نتایج مشاهده گردید که میزان گپ، بیشترین نویز و بیشترین میزان تأثیرگذاری را در آزمایش‌ها موجب می‌شود.

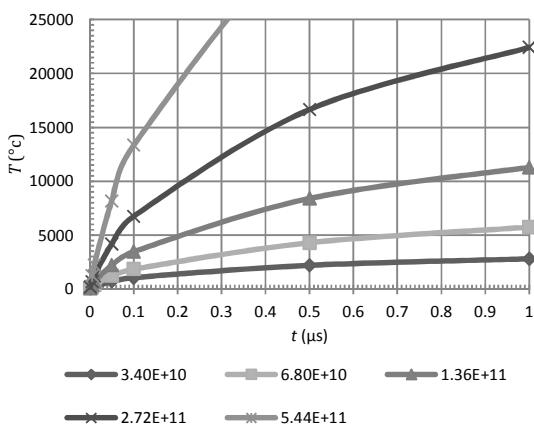
در عمل افزایش گپ، باعث کاهش عمق، ایجاد فرم نامتقارن حفره و در نهایت خاموشی جرقه و اتصال کوتاه می‌شود.

جهت تصحیح، با تکرار آنالیز تاگوجی در جدول ۳ تعداد فاکتورها ۴ و تعداد سطوح ۳ در نظر گرفته شد، این مقادیر با تکرار آزمایش جهت به دست آوردن عمق حفره ایجاد شده بهینه‌سازی گردید.

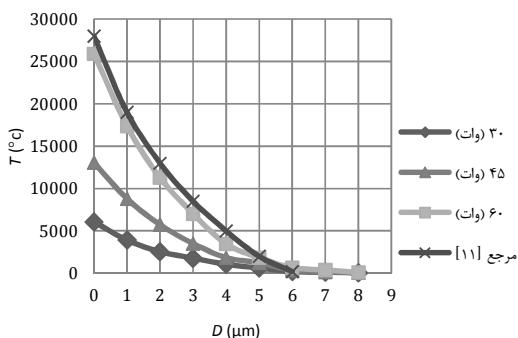
شکل ۳ شارحرارتی ورودی به قطعه‌کار (W/m^2) تا شعاع ۵ میکرومتر



شکل ۶ عمق حفره نسبت به شعاع در زمان کمتر از ۲ میکروثانیه



شکل ۷ توزیع دما نسبت به زمان، در شارحرارتی مختلف



شکل ۸ توزیع دما نسبت به عمق، در توان‌های مختلف

در شکل ۹ انرژی کم، بین ۰/۱ تا ۵ میکروژول، در نظر گرفته شده است؛ که به میزان انرژی کم، جهت انجام کارها، با دقت و حساسیت فراوان با ضخامت کم و حداقل میزان تنش‌های حرارتی و تنش‌های پسماند می‌باشد. در شکل ۱۰ میزان انرژی متوسط بین ۵ تا ۶۰ میکروژول در نظر گرفته شده است، که در این سطح با افزایش انرژی می‌توان به عمقی تا حدود ۸ میکرومتر دست یافت.

همان‌طور که ملاحظه می‌شود در زمان ۰/۰۵ میکروثانیه، روشی جرقه؛ بیشترین دمای ایجاد شده در سطح قطعه کار تا حدود ۵۷۹۲ درجه سانتی- گراد بالا می‌رود که حدود چهار برابر دمای ذوب این سوپرآلیاژ می‌باشد. در ادامه جهت بدست آوردن عمق حفره پس از اعمال شارحرارتی با استفاده از تکنیک تولد و مرگ المان‌ها، المان‌هایی که دمای آن‌ها از دمای ذوب قطعه کار بیشتر است حذف می‌گردد. شکل ۵ کانتور توزیع دما پس از حذف المان‌ها را در زمان ۰/۰۵ میکروثانیه را نشان می‌دهد.

پس از حذف المان‌های سوخته شده عمق حفره ایجاد شده را می‌توان به دقیق اندازه‌گیری کرد. شکل ۶ نتایج عمق حفره ایجاد شده را در زمان‌های مختلف روشی بودن جرقه با انرژی یکسان ورودی به سطح قطعه کار نشان می‌دهد.

همان‌طور که مشاهده می‌شود به علت بیشتر بودن توزیع دما در راستایشعاعی نسبت به راستای محوری، میزان شعاع جرقه نسبت به عمق حفره ایجاد شده بیشتر می‌باشد.

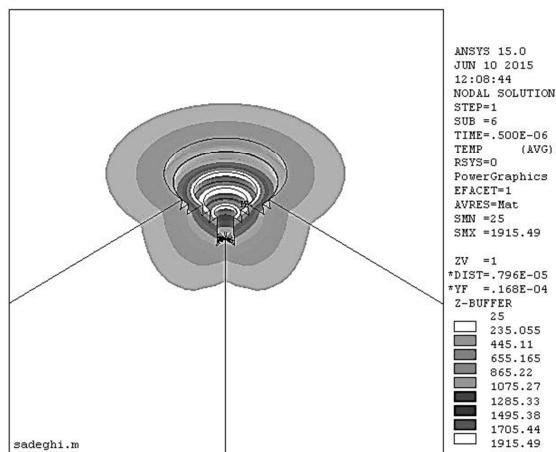
طبق مشاهدات ملاحظه می‌شود که در زمان حدود ۱ میکروثانیه، نسبت عمق حفره به شعاع جرقه در روی سطح، به یک میزان می‌باشد. در ادامه همان‌طور که در شکل ۷ مشاهده می‌شود با افزایش زمان روشی بودن جرقه، توزیع دما در سطح قطعه کار بیشتر می‌شود.

۸- مقایسه نتایج به دست آمده با نتایج آزمایشگاهی

برای بررسی نتایج از کار انجام گرفته محققین در مراجع [۱۱] [۲۵، ۱۱] استفاده می‌شود. همان‌طور که در شکل ۶ مشاهده گردید در زمان ۲ میکروثانیه، حداقل عمق ۶/۲۳ میکرومتر و شعاع ۸/۹ میکرومتر بدست آمد، که با نظر مرجع نشان داده شده در همان شکل تطابق خوبی دارد، دلایل میزان اختلاف بدست آمده را می‌توان مواردی نظیر اختلاف در خصوصیات ماده و غیرخطی بودن آن، وجود لایه‌ی جدید تشکیل شده در مدل آزمایشگاهی پس از تخلیه انرژی در زمان روشی بودن جرقه و در نظر نگرفتن اتصال کوتاه در مدل المان محدود دانست.

همان‌طور که در شکل ۸ مشاهده می‌گردد، میزان توزیع دما در عمق قطعه کار نشان داده شده است که در مقایسه با مرجع [۱۱] تطبیق خوبی دارد و با افزایش توان و زمان روشی بودن جرقه، دمای سطح قطعه کار در هر دو مدل بالا می‌رود.

جهت بهینه‌سازی در برداشت فلز و ایجاد حفره در این سوپرآلیاژ می‌توان مراحل کار را در سه سطح انرژی نشان داد.



شکل ۵ مقدار توزیع دما پس از حذف المان‌های ذوب شده

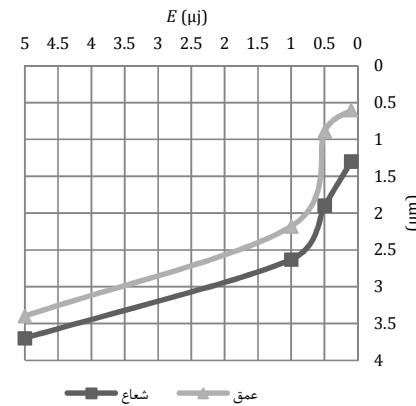
شدید حرارتی ناشی از ایجاد یک جرقه، عمق حفره ایجاد شده پیش‌بینی و جهت بهینه‌سازی، انرژی ورودی بررسی گردید. در ابتدا پارامترهای مؤثر نظری، شعاع جرقه، گپ، جریان، ولتاژ، زمان روشنایی جرقه و انرژی وارد شده به قطعه کار با استفاده از روش تاگوچی بررسی گردید و سپس با استفاده از نتایج حاصله، مجدد آزمایش‌های جدید طراحی گردید.

در توزیع دما با توجه به شارحرارتی ایجاد شده، مشاهده گردید که با افزایش شارحرارتی، دما در سطح قطعه کار به شدت افزایش می‌یابد؛ همچنین با افزایش زمان روشن بودن جرقه، این عمل تشید می‌شود. در ادامه نسبت شعاع جرقه به عمق حفره، در زمان‌های کمتر از ۲ میکروثانیه مورد بررسی قرار گرفت که با مرتع [۲] مطابقت خوبی مشاهده گردید. دلایل میزان اختلاف بدست آمده را می‌توان مواردی نظری اختلاف در خصوصیات ماده و غیرخطی بودن آن، وجود لایه‌ی جدید تشکیل شده در مدل آزمایشگاهی پس از تخلیه انرژی در زمان روشن بودن جرقه و در نظر نگرفتن اتصال کوتاه در مدل المان محدود دانست.

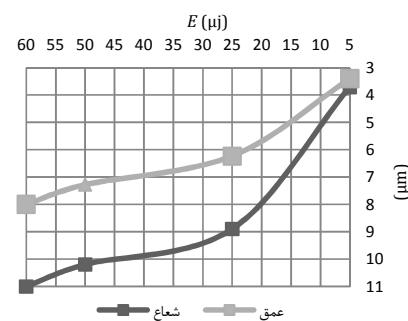
در نهایت جهت بهینه‌سازی عملیات میکرو ماشین‌کاری تخلیه الکتریکی در سوپرآلیاژ اینکونل ۶۱۷، انرژی وارد شده به قطعه کار جهت بدست آوردن بهترین عمق حفره، در سه سطح انرژی بدست آمد، که نتایج در مقایسه با کار مشابه انجام شده در مراجع [۱۱،۵،۴] مطابقت خوبی داشت. استفاده از این سطوح انرژی، سبب بهینه‌سازی و تثبیت خواص مکانیکی در ناحیه‌ی مورد نظر می‌شود. همچنین باعث جلوگیری از تشکیل میکروترک‌های سطحی و کاهش تنش‌های حرارتی و تنش‌های پسماندی می‌شود.

۱۰- فهرست علامت

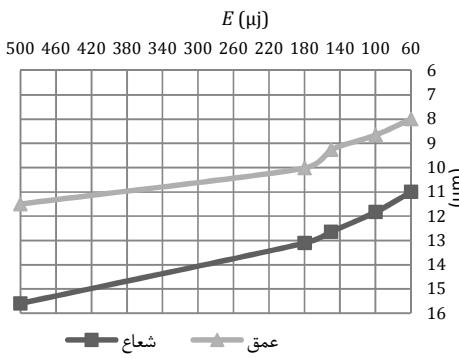
درصد انرژی ورودی به قطعه کار	p
گرمای ویژه ($\text{Jkg}^{-1}\text{C}^{0-1}$)	c_p
ضریب هدایت گرمایی ($\text{Wm}^{-1}\text{C}^{0-1}$)	k_t
دما ($^{\circ}\text{C}$)	T
مختصات طولی	r
مختصات عرضی	z
زمان (μs)	t
ضریب انتقال حرارت همرفت ($\text{wm}^{-2}\text{C}^{0-1}$)	H_f
شارحرارتی (wm^{-2})	Q_r
شعاع جرقه (μm)	R
گپ (μm)	d
عمق حفره (μm)	D
شدت جریان (A)	I
ولتاژ (V)	
انرژی (μj)	E
مدول یانگ (GPa)	E_y
ثابت آزمایشگاهی با توجه به جنس قطعه کار (رابطه ^۳)	K
توان تخلیه (W)	Q
علایم یونانی	
چگالی (kgm^{-3})	ρ
ضریب پواسون	γ
بالانویس‌ها	
ثابت نرمال مربوط به جنس قطعه	m
ثابت نرمال مربوط به جنس قطعه	n



شکل ۹ انرژی در سطح یک، بین ۰/۰ تا ۵ میکروژول



شکل ۱۰ انرژی در سطح دو، بین ۵ تا ۶۰ میکروژول



شکل ۱۱ انرژی در سطح سه، بین ۶۰ تا ۵۰۰ میکروژول
در شکل ۱۱ انرژی زیاد ۶۰ تا ۵۰۰ میکروژول نشان داده شده است؛ که برای انجام حداکثر نزدیکی فلز از سطح قطعه کار داد؛ ایجاد همواره باید مواعظ و مشکلات ذیل را در سطح سه مدنظر قرار داد؛ ایجاد لایه جدید ذوب مجدد با ضخامت نسبتاً زیاد نسبت به سطوح قبل، کاهش شدید خواص مکانیکی در آن ناحیه، ایجاد میکروترک‌های سطحی و افزایش تنش‌های حرارتی و تنش‌های پسماند که موجب کاهش مقاومت به خستگی و افزایش تمرکز تنش در قطعه کار می‌شود. در این ناحیه کیفیت سطح نسبت به سطوح قبل بهطور محسوسی پایین می‌آید که وجود این موارد دلایل استفاده از این سطح انرژی، برای خشن کاری می‌باشد.

۹- نتیجه‌گیری

در این تحقیق با بررسی توزیع دما توسط مدل‌سازی المان محدود و گرادیان

زیرنویس‌ها

روشن بودن جرقه on

-۱۱ مراجع

- [1] Han, F., S. Wachi, and M. Kunieda, Improvement of machining characteristics of micro-EDM using transistor type isopulse generator and servo feed control. *Precision Engineering*, (2004). 28(4): p. 378-385.
- [2] Philip Allen, Xiaolin Chen, Process simulation of micro electro-discharge machining on molybdenum, *Journal of Materials Processing Technology* 186 (2007).346-355.
- [3] B. B. Pradhan, M. Masanta, B. R. Sarkar and B. Bhattacharyya, –Investigation of electro discharge micro- machining of titanium super alloy, *International Journal of Advance Manufacturing Technology* (2009) 41:1094-1106.
- [4] Joshi, S. and S. Pande, Thermo-physical modelling of die-sinking EDM process. *Journal of Manufacturing Processes*, 2010. 12(1): p. 45-56.
- [5] Deshmukh, Avinash, modelling of anode crater formation in micro-electrical discharge machining (2013). *Industrial and Management Systems Engineering*- Dissertations and Student Research.
- [6] vinoth kumar, Fabrication electro thermal modeling of micro EDM, *international journal of innovative research in science, engineering and technology*,(2014).
- [7] Murali, M.S. and S.H. Yeo, Process simulation and residual stress estimation of micro-electrodischarge machining using finite element method. *Japanese journal of applied physics*, 2005. 44: p. 5254.
- [8] M.R. Patel, A. Barrufet, P.T. Eubank, D.D. DiBitonto, Theoretical models of the electrical discharge machining process II: The anode erosion model, *Journal of Applied Physics* 66 (9) (1989) 4104-4111.
- [9] V. Yadav, V. Jain, P. Dixit, Thermal stresses due to electrical discharge machining, *Int. J. Mach. Tools Manuf.* 42 (2002) 877-888.
- [10] Umesh kumar vishwakarma, modelling of micro electro discharge machining in aerospace material, (2011). *Department of Mechanical Engineering National Institute of Technology*.
- [11] Ved Prakash Kishor, modelling of micro electro discharge machining in aerospace material, (2013). *Department of Mechanical Engineering National Institute of Technology*.