



## کنترل وضعیت ماهواره صلب با مدولاسیون پهنا و فرکانس پالس با استفاده از کنترلگر تناسبی-انتگرال گیر-مشتق گیر اصلاح شده با الگوریتم مشاهده گر

سارا مقدسزاده بزاز<sup>۱</sup>، وحید بهلouri<sup>۲</sup>، سید حمید جلالی نائینی<sup>۳\*</sup>

- ۱- کارشناس ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران  
 ۲- دانشجوی دکتری، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران  
 ۳- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران  
 \* تهران، صندوق پستی ۱۴۱۱۵-۱۱۱، shjalalinaini@modares.ac.ir

### چکیده

در این مقاله، عملکرد سیستم کنترل وضعیت تکمحوره یک ماهواره صلب با مدولاتور پهنا و فرکانس پالس و عملگر تراوستر از نوع دو وضعیتی (روشن یا خاموش) با استفاده از کنترلگر تناسبی-انتگرال گیر-مشتق گیر (PID) اصلاح شده، در شرایط اغتشاش خارجی پله بهبود یافته است. بدین منظور از کنترلگر PID مبتنی بر روش مشاهده گر استفاده شده است. عملگر تراوستر با یک تابع تبدیل مرتبه دوم به همراه یک زمانی خالص مدل شده و فرکانس بروز رسانی خروجی مدولاتور، به عنوان ورودی عملگر تراوستر دو وضعیتی، به مقدار ۴۰ هرتز محدود شده است. در این مطالعه، میکارهای دقت نشانه روی، میزان فرجهش پاسخ زاویه ای، مصرف سوخت و تعداد دفعات روش شدن عملگر تراوستر بهارای اغتشاش خارجی پله (با مقادیر مختلف)، مد نظر است. پارامترهای کنترلگر PID اصلاح شده بر مبنای مشاهده گر، با استفاده از روش جستجوی پارامتری تنظیم شده است. نتایج شبیه سازی نشان می دهد که میزان مصرف سوخت و زمان نشست پاسخ در روش کنترلگر مبتنی بر مشاهده گر نسبت به کنترلگر PID، در حالی که فرجهش پاسخ نیز حذف شده است، کاهش قابل ملاحظه ای داشته است. نهایتاً قوام کنترلگر مبتنی بر مشاهده گر در مواجهه با عدم قطعیت در ممان اینرسی و عدم قطعیت در سطح نیروی تراوست بررسی شده است.

### اطلاعات مقاله

- |                              |                       |
|------------------------------|-----------------------|
| مقاله پژوهشی کامل            | 1395                  |
| دریافت: 13 خرداد 1395        | پذیرش: 14 تیر 1395    |
| ارائه در سایت: 24 مرداد 1395 |                       |
| کلید واژگان:                 | کنترل وضعیت ماهواره   |
| مدولاتور پهنا و فرکانس پالس  | کنترلگر PID اصلاح شده |
| روش مشاهده گر                |                       |

## Attitude Control of a Rigid Satellite with Pulse-Width Pulse-Frequency Modulation Using Observer-based Modified PID Controller

Sara Moghadaszadeh Bazaz, Vahid Bohlouri, Seyed Hamid Jalali Naini\*

Faculty of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran.  
 \* P.O.B. 14115-111, Tehran, Iran, shjalalinaini@modares.ac.ir

### ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper  
 Received 02 June 2016  
 Accepted 04 July 2016  
 Available Online 14 August 2016

**Keywords:**  
 Satellite Attitude Control  
 Pulse-Width Pulse-Frequency Modulator  
 Modified PID Controller  
 Observer-based Approach

### ABSTRACT

In this paper, the performance of a single-axis attitude control with pulse-width pulse-frequency (PWPF) modulation is enhanced using a modified proportional-integral-derivative (PID) controller for a rigid satellite with on-off thruster actuators. For this purpose, the well-known observer-based PID approach is utilized. The on-off thruster actuator is modeled with a constant delay followed by a second-order binomial transfer function. The modulator update frequency is limited to 40 Hz as an input to the on-off thruster actuators. In this study, the design criteria of pointing accuracy, overshoot of the attitude response, fuel consumption, and the number of thruster firings are considered for a step external disturbance (with different values). The parameters of the observer-based PID controller are tuned using parametric search method. Simulation results show that the fuel consumption and settling time of the observer-based approach are considerably decreased with respect to those of PID controller with PWPF modulator. Moreover, the overshoot of the observer-based approach is omitted. Finally, the robustness of the observer-based modified PID controller is investigated in presence of uncertainties in satellite moment of inertia and thrust level of on-off actuators.

کنترلگرهای اشمتیت‌تریگر و مدولاتورهای پهنا و فرکانس پالس، دو روش کاربردی برای کنترل وضعیت با این نوع عملگرها هستند. در این میان، مدولاتورهای پالسی به علت مزیتشان در کاهش مصرف سوخت، نشانه روی دقیق تر و رفتار شبه‌خطی، کاربرد گستردگتری دارند [۴-۱]. کنترلگر تناسبی-انتگرال گیر-مشتق گیر (PID)، به دلیل سابقه موفقیت‌ها و سهولت استفاده از اهمیت زیادی در صنعت برق‌خوار است. این

**۱- مقدمه**  
 وظیفه سیستم کنترل وضعیت ماهواره، پایداری وضعیت، کنترل زاویه و سرعت دوران ماهواره، به ویژه در حضور اغتشاش و عدم قطعیت است. عملگرهای تراوستر دو وضعیتی روشن-خاموش به دلیل سرعت بالای کنترل و سطح گشتاور بالا از جمله پرکاربردترین و سریع‌ترین عملگرها برای کنترل وضعیت ماهواره‌ها به ویژه در حضور اغتشاش نسبتاً بزرگ هستند.

Please cite this article using:

S. Moghadaszadeh Bazaz, V. Bohlouri, S. H. Jalali Naini, Attitude Control of a Rigid Satellite with Pulse-Width Pulse-Frequency Modulation Using Observer-based Modified PID Controller, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 8, pp. 139-148, 2016 (in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

برای رسیدن به حداقل زمان نشست، بصورت ثابت تنظیم شده است. در نظر نگرفتن مدل برای تراست، محدود نکردن فرکانس کاری تراست و سعی بر کاهش زمان نشست، به تنهایی، بدون توجه به مقدار مصرف سوخت و فعالیت تراست، از جمله کاسته های روش مرجع مذکور می باشد. جهت بهبود عملکرد پاسخ کنترلگر وضعیت در مرجع [20]. تنظیم کننده بهینه مرتبه دوم (LQR)<sup>8</sup> با بهره های پایا (زمان بینهایت) به همراه مدولاتور پهنا و فرکانس پالس، با فرض رفتار خطی مدولاتور و فرض مدل ایدهآل برای تراست و همچنین فرض عدم محدودیت بر روی فرکانس کاری تراست بررسی شده است. اگرچه این روش توانست سرعت پاسخ سیستم در دنبال کردن ورودی مرجع را بهبود دهد، اما در کاهش میزان مصرف سوخت و یا تعداد روش شدن تراست بهبودی حاصل نگردید. در مرجع [21] از ترکیب کنترلگر LQG و مدولاتور پهنا و فرکانس پالس در کنترل وضعیت سه محوره ماهواره برای حذف اثر اغتشاش استفاده شد. در این بررسی، مدل مدولاتور پهنا و فرکانس پالس بصورت تقریبی و خطی در نظر گرفته شد، همچنین مقادیر بهره های کنترلگر بطری ثابت و بیازای یک حالت اغتشاش در نظر گرفته شده که در مواجهه با اغتشاش های مختلف موجب کاهش بهینگی سیستم کنترل شده است. عدم محدود کردن فرکانس کنترلگر، در نظر گرفتن مدل ایدهآل برای تراست و در نظر گرفتن مدل خطی برای مدولاتور از جمله فضای ساده شونده بررسی مذکور می باشد. در مرجع [22] از ترکیب کنترلگر تطبیقی با مدولاتور پهنا و فرکانس پالس برای بهبود عملکرد کنترلگر در مواجهه با عدم قطعیت ممان اینرسی استفاده شده است. در مرجع مذکور، مدل تراست ایدهآل فرض شده و محدودیت فرکانس سیگنال فرمان به تراست لحاظ نشده است.

از طرفی موضوعی که در کنترل وضعیت ماهواره با مدولاتور پهنا و فرکانس پالس به همراه کنترلگر PD حائز اهمیت است، افت قابل توجه عملکرد آن (خطای ماندگار در نشانه روی) در حضور اغتشاش است [23,1]. اگر چه با فرض فرکانس بینهایت و مدل ایدهآل برای تراست، می توان به دقت های بالا در حضور اغتشاش دست یافت، اما نتایج واقعی نبوده و با نتایج عملی مغایر است. لذا لحاظ کردن مدل برای تراست و محدود نمودن فرکانس کاری آن، ضرورت دارد. در مرجع [23] پاسخ مدولاتور پهنا و فرکانس پالس به همراه کنترلگر P-D و PID در حضور اغتشاش پله مقایسه شده و خطای حالت ماندگار کنترلگر P-D در حضور اغتشاش به سیله کنترلگر PID تقریباً حذف شده است. با وجود اینکه کنترلگر PID در حضور اغتشاش پله، خطای حالت ماندگار را کاهش می دهد، اما موقع پدیده جمع شوندگی سبب افزایش فرجهش و افزایش مصرف سوخت می شود. میزان مصرف سوخت در یک ماهواره کمیت حائز اهمیت است که مستقیماً بر روی جرم ماهواره، هزینه برتاب ماهواره و عمر عملیاتی آن در مدار تأثیر می گذارد. از طرفی محدودیت در تعداد دفعات روش شدن عملکرد نیز از محدودیت های سخت افزاری در طراحی کنترل وضعیت ماهواره است که بر روی طول عمر عملیاتی ماهواره تأثیر دارد.

در مرجع [24] سه روش PID اصلاح شده، شامل روش های مشاهده گر، محاسبات بازگشتی و انتگرال گیری شرطی برای کنترل وضعیت ماهواره صلب بررسی شده که نتایج بررسی های اولیه در این مرجع نشان دهنده عملکرد مطلوب تر روش مشاهده گر در مصرف سوخت و فعالیت عملکرد تراست نسبت به دو روش دیگر است. در مرجع مذکور به علت مقایسه منصفانه روش ها،

ویژگی ها باعث ارجحیت استفاده از کنترلگرهای PID به جای کنترلگرهای پیچیده در صنعت می شود. عموماً برای استفاده از کنترلگر PID در سیستم های غیرخطی دو روش وجود دارد؛ یکی طراحی سیستم کنترل با استفاده از کنترلگر PID کلاسیک و سپس اصلاح رفتارهای نامطلوب آن و دیگری استفاده از روش های کنترل مدرن و هوشمند مانند تطبیقی، فازی، شبکه عصبی و الگوریتم رئتیک برای تنظیم بهره هاست [7-5]. یکی از مشکلات کاربردی کنترلگرهای PID، پدیده جمع شوندگی<sup>1</sup> و اشباع عملکرد است. بیش از 50 سال است که در تحقیقات علمی روش هایی برای جلوگیری از جمع شوندگی ارائه شده است. مرجع [8] به بررسی و معرفی روش های ضد جمع شوندگی از جمله روش انتگرال گیری شرطی<sup>2</sup> پرداخته است. آسترöm روش محدود کردن نقطه تنظیم، روش محاسبات بازگشتی<sup>3</sup> و نوار تنبابی<sup>4</sup> را به منظور محدود کردن خروجی انتگرال گیر پیشنهاد کرده است [9]. در مرجع [11] روش های اصلاح شده مشاهده گر<sup>5</sup> و روش شایسته سازی<sup>6</sup> تشریح شده است.

در ادامه، به کاربرد کنترلگر تناسبی-مشتق گیر (PD) و PID در کنترل وضعیت ماهواره اشاره می شود. بطور نمونه، مرجع [12] به مقایسه کنترلگر P-D با PID در کنترل وضعیت سه محوره ماهواره با عملکرد گشتوار مغناطیسی و تراست پلاسمای ضربه ای دو وضعیتی پرداخته است. در مرجع [13] از کنترلگر PID و کنترل تطبیقی در کنترل وضعیت ماهواره صلب با عملگرهای گشتوار مغناطیسی و چرخ مومنتومی استفاده شده است. همچنین در مرجع [14] از کنترلگر PID در چرخ عکس العلمی استفاده شده که با تنظیم بهره ها به صورت بهینه، رفتار رضایت بخشی داشته است. در مرجع [15] از ترکیب کنترلگر فازی با کنترل بنگبینگ برای کاهش چتربنگ و کاهش مصرف سوخت سیستم کنترل وضعیت ماهواره تک محوره استفاده شده است. در این مرجع اثر اغتشاشات در نظر گرفته نشده، مدل تراست ایدهآل فرض شده و فرکانس خروجی کنترلگر محدود نشده است. در مرجع [16] از مدولاسیون پهنه ای پالس به همراه کنترلگر PID برای کنترل وضعیت ماهواره با تراست در مقابل اغتشاشات ناشی از حرکت سوخت و تشعشعات خورشیدی و گرانش ماه استفاده شده است.

مدولاتورهای پهنا و فرکانس پالس<sup>7</sup> به دلیل تنظیم همزمان عرض پالس و فرکانس پالس از جمله مدولاتورهای پر کاربرد در سیستم کنترل وضعیت ماهواره با عملگرهای دو وضعیتی روش - خاموش هستند. البته به همراه این مدولاتورها و به منظور عملکرد مطلوب سیستم کنترل وضعیت از کنترلگرهای متعددی استفاده شده است. در این میان در اکثر منابع، از کنترلگر PD یا نوع P-D (مشتق گیر در مسیر بازخورد زاویه است یا سرعت زاویه مستقیماً بازخورد می شود)، یا استفاده از جبرانساز تأخیری تقدمی استفاده شده است. بطور مثال، در مراجع [18,17] از مدولاتور پهنا و فرکانس پالس و کنترلگر P-D به منظور کاهش ارتعاشات ماهواره الاستیک در کنترل وضعیت استفاده شده است. در مرجع [19] عملکرد کنترل وضعیت ماهواره با ترکیب کنترلگر مدل لغزشی و مدولاتور پهنا و فرکانس پالس با هدف کاهش زمان نشست و در حضور اغتشاش بررسی شده است. در این مرجع، ضرایب کنترلگر مدل لغزشی

<sup>1</sup> Windup<sup>2</sup> Conditional Integration<sup>3</sup> Back-Calculation<sup>4</sup> Proportional Band<sup>5</sup> Observer Approach<sup>6</sup> Conditioning Technique<sup>7</sup> Pulse-Width Pulse-Frequency (PWPF) Modulators<sup>8</sup> Linear Quadratic Regulator (LQR)

طول عمر ماهواره تأثیر داشته و تعداد دفعات روشن شدن تراسته می‌تواند حداقل طول عمر ماهواره را محدود نماید.

### 3- کنترلگر PID اصلاح شده با الگوریتم مشاهده‌گر

جمع‌شوندگی و اشباع عملگر تراسته می‌تواند موجب مصرف سوخت اضافی و کاهش طول عمر گردد. لذا بهبود سیستم کنترل وضعیت ماهواره می‌تواند هزینه تمام شده یک ماهواره را کاهش دهد. برای جلوگیری از اشباع عملگر و جمع‌شوندگی نیاز به اصلاح کنترلگر PID است. روش‌ها و الگوریتم‌هایی برای اصلاح کنترلگر PID ارائه شده که از جمله این روش‌ها می‌توان به روش محاسبات بازگشتی، روش مشاهده‌گر و روش انتگرال گیری شرطی اشاره نمود [11,10]. در مرجع [24] مطالعه‌ای مقدماتی در مقایسه روش‌های مذکور در اعمال به سیستم دو وضعیتی کنترل وضعیت ماهواره با مدولاتور پهنا و فرکانس پالس شده است. البته در این مرجع به منظور مقایسه منصفانه، ضرایب PID برای روش‌های اصلاحی PID یکسان اعمال شده است. در شکل 2، کنترلگر PID اصلاح شده با روش مشاهده‌گر به همراه مدولاتور پهنا و فرکانس پالس برای ماهواره صلب تکمحوره با تراسته دو وضعیتی نمایش داده شده است. در این نمودار جعبه‌ای از یک محدود کننده غیرخطی برای جلوگیری از افزایش پیش از حد سیگنال خروجی کنترلگر استفاده شده است. از طرفی جهت اصلاح الگوریتم کنترلی و قرار نگرفتن مداوم کنترلگر در حالت اشباع، از اختلاف سیگنال کنترلگر، قبل و بعد از محدودساز، بازخورد گرفته شده است. سیگنال بازخورد با یک ضربی به قسمت انتگرال گیر کنترلگر منتقل شده و سعی در خروج انتگرال گیر از حالت اشباع می‌نماید. بنابراین در این روش با بازخورد اختلاف سیگنال ورودی و خروجی محدودساز و اعمال بهره استاتیکی  $L$ ، خطای تخمین مشاهده‌گر، بهنگام می‌شود [25]. با استفاده از شکل 2، معادلات حالت سیستم مذکور، براحتی همانند

مراجع [24]، بصورت زیر استخراج می‌شود:

$$\dot{\theta} = \omega \quad (8)$$

$$\dot{z}_1 = \frac{2}{T} (y_d - z_1), \quad y_d(t) = y(t - \tau) \quad (9)$$

$$\dot{z}_2 = \frac{2}{T} (z_1 - z_2) \quad (10)$$

$$\dot{\omega} = \frac{z_2}{J} + \frac{M_d}{J} \quad (11)$$

$$\dot{u} = \frac{K}{T_f} [Ku_r - KF(u, y_{\text{old}}, u_{\text{off}}, u_{\text{on}}, U_m) - u] \quad (12)$$

$$\dot{x}_1 = \frac{1}{\tau_d} (\theta - x_1) \quad (13)$$

$$\dot{x}_e = \theta_{\text{ref}} - \theta - L(u_p - u_r) \quad (14)$$

که در آن،  $x_e$  متغیر حالت تخمین‌زده شده است.  $u_p$  سیگنال خروجی کنترلگر بوده که بصورت رابطه (15) نوشته می‌شود و  $u_r$  سیگنال خروجی محدودساز است که در رابطه (16) بیان شده است [24].

$$u_p = K_I x_e + K_P (\theta_{\text{ref}} - \theta) - \frac{K_D}{\tau_d} (\theta - x_1) \quad (15)$$

$$u_r = \begin{cases} u_{\max}, & u_p > u_{\max} \\ u_p, & u_{\min} \leq u_p \leq u_{\max} \\ u_{\min}, & u_p < u_{\min} \end{cases} \quad (16)$$

لازم به ذکر است که در اینجا، روابط روش PID کلاسیک و روش PID اصلاح شده مبتنی بر روش مشاهده‌گر، بطور کامل ذکر شده است؛ اما روابط و نتایج برای روش‌های اصلاح شده محاسبات بازگشتی، انتگرال گیری شرطی و همچنین روش PID کلاسیک و مشاهده‌گر در مراجع [24] بررسی شده و در

تنظیمات کنترلگر برای سه روش مذکور یکسان منظور شده است. در این پژوهش سعی بر بهبود عملکرد، شامل کاهش مصرف سوخت، کاهش زمان نشست و حذف فرآجेश با تنظیم مناسب ضرایب کنترلگر در حضور اغتشاش خارجی پله و اعمال محدودیت در فرکانس خروجی مدولاتور و لحاظ کردن دینامیک عملگر تراسته است. بعلاوه، عملکرد سیستم کنترل در حضور عدم تعیین در ممان اینرسی و سطح تراسته نیز بررسی شده است.

### 2- کنترل وضعیت ماهواره با کنترلگر PID

در شکل 1، نمودار جعبه‌ای سیستم کنترل وضعیت تکمحوره ماهواره صلب با مدولاتور پهنا و فرکانس پالس به همراه کنترلگر PID مطابق مرجع [24] نمایش داده شده است. در این شکل، سیگنال کنترلی از کنترلگر PID وارد مدولاتور پهنا و فرکانس پالس شده و فرمان مدوله شده پالسی وارد عملگر تراسته است. عملگر تراسته به صورت تابع تبدیل مرتبه دوم به همراه تأخیر زمانی خالص ( $\tau$ ) مدل شده است. در این شکل، مدل دینامیک ماهواره بصورت تکمحوره و صلب در نظر گرفته شده و اغتشاش بر دینامیک ماهواره نیز اعمال شده است. لذا معادلات حالت سیستم مذکور با توجه به شکل 1، براحتی همانند مراجع [24]، بصورت زیر استخراج می‌شود:

$$\dot{\theta} = \omega \quad (1)$$

$$\dot{z}_1 = \frac{2}{T} (y_d - z_1), \quad y_d(t) = y(t - \tau) \quad (2)$$

$$\dot{z}_2 = \frac{2}{T} (z_1 - z_2) \quad (3)$$

$$\dot{\omega} = \frac{z_2}{J} + \frac{M_d}{J} \quad (4)$$

$$\dot{u} = \frac{K}{T_f} \left[ \underbrace{K_P (\theta_{\text{ref}} - \theta) + \frac{K_D}{\tau_d} (\theta_{\text{ref}} - \theta - x_1)}_e + x_2 \right] - \frac{1}{T_f} [u + KF(u, y_{\text{old}}, u_{\text{off}}, u_{\text{on}}, U_m)] \quad (5)$$

$$\dot{x}_1 = \frac{1}{\tau_d} (\theta_{\text{ref}} - \theta - x_1) \quad (6)$$

$$\dot{x}_2 = K_I (\theta_{\text{ref}} - \theta) \quad (7)$$

که در آن،  $\theta_{\text{ref}}$  ورودی مرجع موقعیت زاویه‌ای،  $\theta$  موقعیت زاویه‌ای ماهواره،  $J$  ممان اینرسی ماهواره صلب،  $M_d$  اغتشاش ورودی،  $u_{\text{on}}$  و  $u_{\text{off}}$  به ترتیب آستانه شروع و خاتمه ناحیه هیسترزیس،  $u$  سیگنال ورودی به اشمیت‌تریگر،  $U_m$  حداکثر گشتوار اشمیت‌تریگر،  $K$  بهره فیلتر و  $T_f$  ثابت زمانی فیلتر است.

سیگنال ورودی به مدولاتور و تابع  $F$  نمایانگر بلوک اشمیت‌تریگر است که خروجی آن به صورت  $y = F(u, y_{\text{old}}, u_{\text{off}}, u_{\text{on}}, U_m)$  نمایش داده شده است. بهره‌های تناوبی، مشتق گیر و انتگرال گیر کنترلگر PID به ترتیب با  $K_I$ ،  $K_P$  و  $K_D$  نمایش داده شده و  $\tau_d$  ثابت زمانی مشتق گیر،  $K_{DS}/(1 + \tau_d S)$  است. مطابق شکل 1، متغیرهای حالت کنترلگر PID با  $x_1$  و  $x_2$  و همچنین متغیرهای حالت تراسته با  $Z_1$  و  $Z_2$  و ثابت زمانی تراسته با  $T$ ، نمایش داده شده است. جمع‌شوندگی، افزایش فرآجेश و افزایش مصرف سوخت چالشی است که در کنترلگرهای PID وجود دارد. از طرفی ماهواره‌ها سیستم‌های پرهزینه و گران قیمتی هستند که همانطور که همانطور که جرم و طول عمر از جمله مهمترین و اساسی‌ترین پارامترهای تأثیرگذار بر روی هزینه یک ماهواره می‌باشد. میزان سوخت مصرفی، مستقیماً بر روی جرم و

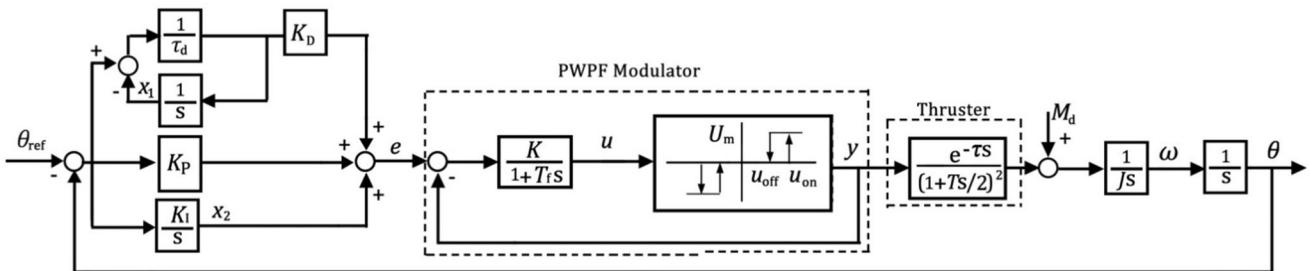


Fig. 1 Block diagram of satellite attitude control with PWPF modulator and PID controller [24]

شکل ۱ نمودار جعبه‌ای کنترل وضعیت ماهواره صلب با مدولاتور پهنا و فرکانس پالس و کنترلگر PID [24]

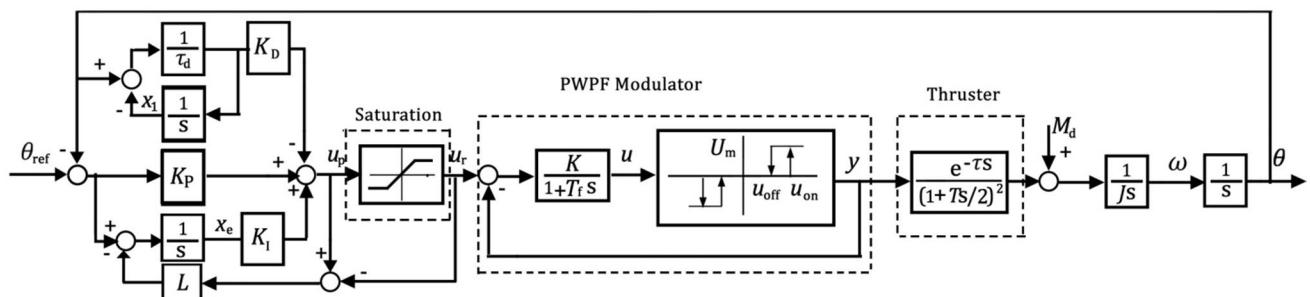


Fig. 2 Block diagram of satellite attitude control with PWPF modulator and observer-based modified PID controller [24]

شکل ۲ نمودار جعبه‌ای کنترل وضعیت ماهواره با مدولاتور پهنا و فرکانس پالس و کنترلگر PID اصلاح شده با الگوریتم مشاهده‌گر [24]

روش بهینه‌سازی جستجوی پارامتری ابتدا با دو معیار عملکرد مصرف سوخت و دفعات روشن شدن تراuster و سپس با معیار عملکرد ترکیبی مصرف سوخت و دفعات روشن شدن تراuster بکار رفته‌است. همچنین قیدهای این مسئله، مقدار خطای وضعیت و میزان فرجهش پاسخ انتخاب شده‌است.

## 5- نتایج شیوه‌سازی

در این بخش، عملکرد سیستم کنترل وضعیت تکمحوره ماهواره صلب، با مدولاتور پهنا و فرکانس پالس به همراه کنترلگر PID اصلاح شده مبتنی بر الگوریتم مشاهده‌گر و با عملکرد تراuster دو وضعیتی در حضور اغتشاش خارجی پله و عدم قطعیت‌ها بررسی می‌شود. در عمل، فرکانس خروجی مدولاتور در

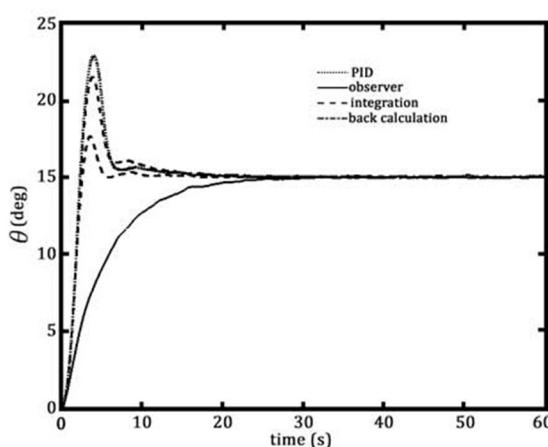


Fig. 3 Comparison of attitude control response for three modified PID controller with PWPF Modulator [24]

شکل ۳ مقایسه پاسخ کنترل وضعیت برای سه کنترلگر PID اصلاح شده به همراه مدولاتور پهنا و فرکانس پالس [24]

شکل ۳ پاسخ کنترل وضعیت ماهواره به‌ازای این الگوریتم‌ها، نمایش داده شده است. این الگوریتم‌ها در مرجع مذکور برای ماهواره صلب تکمحوره با عملکرد تراuster دو وضعیتی به همراه مدولاتور پهنا و فرکانس پالس ارائه شده است. همانطور که از این شکل ملاحظه می‌شود، در روش مشاهده‌گر، زمان خیز و زمان نشست زیاد و در سایر روش‌ها، فرجهش پاسخ زیاد است.

## 4- بهینه‌سازی

به منظور بهبود عملکرد سیستم کنترل وضعیت ماهواره، علاوه بر استفاده از روش مشاهده‌گر، نیاز به تعیین و تنظیم بهره‌های مناسب کنترلگر نیز هست. تنظیم بهره‌ها می‌بایست متناسب با معیارهای عملکرد مورد نظر و قیدهای مسئله انجام شود. مصرف سوخت، تعداد دفعات روشن شدن تراuster، زمان خیز، خطای وضعیت، فرجهش و زمان نشست، معیارها و یا قیدهایی هستند که می‌تواند برای این مسئله بهینه‌سازی در نظر گرفته شود. همچنین می‌توان چند معیار عملکرد را با یکدیگر ترکیب نمود و مسئله بهینه‌سازی را با معیار عملکرد ترکیبی بررسی نمود. بهینه‌سازی می‌تواند با روش‌ها و الگوریتم‌های مختلفی انجام شود. یکی از روش‌های بهینه‌سازی بررسی همه حالاتی ممکن است، اگرچه این روش مستلزم زمان و حجم محاسبات زیاد می‌باشد، اما دیدگاه مناسبی را به طراح جهت انتخاب مقادیر متغیرهای مسئله بهینه‌سازی با توجه به معیار عملکرد می‌دهد و به علت قابل بررسی بودن معیار عملکرد به‌ازای مقادیر مختلف متغیرها، می‌توان مقادیری را انتخاب کرد که علاوه بر نسبتاً کمینه نمودن معیار عملکرد، به‌ازای تغییرات متغیرها، معیار عملکرد دچار تغییرات زیادی نشود. به عبارتی در این روش بهینه‌سازی، معیار عملکرد در مواجهه با عدم قطعیت متغیرهای مسئله قابل بررسی بوده و می‌توان متغیرها را طوری انتخاب نمود که نتایج طراحی در مواجهه با عدم قطعیت‌ها، عملکرد مناسبی داشته باشد. لذا در این پژوهش،

مشاهده‌گر در مرجع [24] است. همچنین در این کنترلگر اصلاح شده فراجهش وجود ندارد، در صورتی که در کنترلگر PID حدود 51% فراجهش وجود دارد. علاوه بر این، در معیار عملکرد ترکیبی میزان مصرف سوخت نسبت به کنترلگر PID کلاسیک حدود 72% کاهش یافته است. زمان خیز<sup>2</sup> و زمان نشت در این کنترلگر نسبت به مقادیر بدست آمده در مرجع [24] کاهش چشمگیری داشته است بطوری که می‌توان گفت زمان نشت نسبت به مرجع [24] حدوداً نصف شده است.

با در نظر گرفتن معیار عملکرد مصرف سوخت در کنترلگر مبتنی بر مشاهده‌گر علاوه بر کاهش زمان نشت نسبت به کنترلگر PID کلاسیک، حدود 72.5% مصرف سوخت نیز کاهش یافته است. همچنین با در نظر گرفتن معیار عملکرد تعداد روش‌شندن تراستر، این معیار در کنترلگر مشاهده‌گر کمتر از کنترلگر PID کلاسیک شده است، البته این مقادار کاهش قابل توجه نیست، که علت آن می‌تواند وجود اغتشاش و رسیدن به مقدار دقت 0.1 درجه باشد. بنابراین استفاده از کنترلگر PID اصلاح شده با روش مشاهده‌گر و با بهره‌های تنظیمی مناسب، نسبت به روش PID کلاسیک ارجحیت داشته و باعث کاهش چشمگیر مصرف سوخت و کاهش زمان نشت شده است. مقایسه بین پارامترهای پاسخ در دو کنترلگر مذکور به‌ازای معیار عملکردهای مجزا و ترکیبی در جدول 4 را ثابت کرد. پاسخ سیستم به‌ازای معیار عملکردهای

جدول 1 مقادیر اولیه و پارامترها

Table 1 Initial values and parameters

مقادیر	پارامتر
1 (N · m)	$U_m$
0.45	$u_{on}$
0.15	$u_{off}$
4.5	$K$
0.15 (s)	$T_f$
0.01 (s)	$\tau_d$
0.03 (s)	$M_d$
0.03 (s)	$T$
0.01 (s)	$\tau$
10 (kg · m <sup>2</sup> )	$J$
15 (deg)	$\theta_{ref}$
0	$\theta(0)$
0	$\dot{\theta}(0)$
40 (Hz)	فرکانس کنترلی
40 (s)	زمان نهایی

جدول 2 محدوده جستجوی پارامتری

Table 2 Parametric search region

مقادیر	پارامتر
0.1-50	$K_p$
0.1-50	$K_D$
0.1-50	$K_I$
0.1-10	$L$

جدول 3 ضرایب تنظیمی کنترلگر به‌ازای زوایای مختلف ورودی

Table 3 Tuned parameters of controller for different input angles

$L$	$K_I$	$K_D$	$K_p$	زاویه ورودی (درجه)
3.2	3.3	33.82	22.7	5
5.45	5.3	34.95	23.3	15
7.5	14.7	23.9	29.95	30
3.05	10.15	24.25	25.65	45
7.45	15.4	18.85	35.7	60

<sup>2</sup> زمان خیز با معیار 90% مقدار نهایی در نظر گرفته شده است.

کنترل وضعیت ماهواره صلب با تراستر محدود بوده که در اینجا، فرکانس خروجی مدولاتور 40 هرتز لحاظ شده است. لازم به ذکر است که محدودیت فرکانس کاری باید بعد از خروجی مدولاتور اعمال شود که در نمودارهای جعبه‌ای شکل‌های 1 و 2 ترسیم شده است. همچنین دینامیک تراستر بصورت تابع تبدیل مرتبه دوم به همراه تأخیر زمانی خالص مدل شده که این مدل بر حسب انتخاب مقادیر تأخیر و ثابت زمانی می‌تواند برای تراستر گاز سرد یا گرم بکار رود. همچنین شبیه‌سازی‌ها برای مدت زمان 40 ثانیه و با روش حل عددی اویلر و با گام زمانی انتگرال گیری<sup>4</sup> 10 ثانیه انجام شده است. مقادیر پارامترهای تنظیمی مدولاتور پهنا و فرکانس پالس از مرجع [26] انتخاب شده است. مقادیر پارامترها و شرایط اولیه شبیه‌سازی در جدول 1 آمده است. معیار عملکرد تعداد دفعات روش‌شندن تراستر با  $N$  و معیار عملکرد قدر مطلق انتگرال خروجی تراستر که متناسب با میزان مصرف سوخت است، با  $\Delta V$  نمایش داده شده است. در حالت بهینه‌سازی ترکیبی، معیار عملکردها مطابق رابطه (17) است. بین صفر تا یک نرمالیزه شده و سپس با ضریب وزنی  $w$  با یکدیگر ترکیب می‌شود. در این رابطه، زیرنویس  $\max$  و  $\min$  به ترتیب نمایانگر مقدار حداقل و حدکثر در بازه مورد نظر می‌باشد.

$$J = \frac{\Delta V - \Delta V_{\min}}{\Delta V_{\max} - \Delta V_{\min}} + w \frac{N - N_{\min}}{N_{\max} - N_{\min}} \quad (17)$$

قبل از انجام بهینه‌سازی با استفاده از روش زیگلر-نیکلز ابتدا محدوده‌ای برای مقادیر اولیه بهره‌ها بدست آمده است. مقادیر بدست آمده برای بهره‌ها طبق روش زیگلر-نیکلز برای کنترلگر PID بصورت  $K_p = 35$  بودند.  $K_I = 5.62$  و  $K_D = 27$  بدست آمده و برای کنترلگر PID اصلاح شده مبتنی بر الگوریتم مشاهده‌گر این مقادیر به صورت  $K_p = 17$ ,  $K_D = 18$ ,  $K_I = 4.25$  حاصل شده است. به منظور بهبود عملکرد کنترل وضعیت، از روش جستجوی پارامتری جهت تنظیم بهره‌های کنترلگر استفاده شده است. این بهره‌ها شامل پارامترهای  $K_I$ ,  $K_D$ ,  $K_p$  و  $L$  هستند.

در روش جستجوی پارامتری، سعی بر در نظر گرفتن همه حالت‌های ممکن و بررسی معیار عملکرد با توجه به حالت‌های در نظر گرفته شده است. محدوده‌ای بهره‌های کنترلگر برای جستجوی پارامتری با توجه به معیار زیگلر-نیکلز، تحریبات و قیود مسئله و البته بطور محافظه‌کارانه تعیین شده و در جدول 2 ذکر شده است. در روش جستجوی پارامتری، مقادیر ضرایب بدست آمده به‌ازای در نظر گرفتن هر معیار عملکرد، متفاوت بوده و برای لحاظ کردن اثر چهار پارامتر تنظیمی کنترلگر اصلاح شده، تعداد 2310400 اجرای برنامه، برای حالت‌های مختلف انجام شده و نهایتاً معیار عملکرد به‌ازای ترکیب‌های مختلف ضرایب، بررسی شده است. تعیین ضرایب مناسب کنترلگر با در نظر گرفتن معیار عملکرد و قیدهای مسئله که شامل مقدار فراجهش صفر و مقدار خطای وضعیت کمتر از 0.1 درجه می‌شود، انجام شده است.

تعیین بهره‌های مناسب کنترلگر به‌ازای زوایای ورودی 5 تا 60 درجه و در حضور اغتشاش خارجی پله با مقدار 0.03 نیوتن‌متر برای معیار عملکرد مطابق با رابطه (17) با ضریب وزنی  $w = 1$  انجام شده و در جدول 3 ارائه شده است. مطابق این جدول می‌توان بهره‌های مناسب کنترلگر را برای زوایای مختلف انتخاب نمود. در شکل 4، پاسخ سیستم کنترل وضعیت ماهواره به‌ازای زوایه ورودی 15 درجه، اغتشاش خارجی پله 0.03 نیوتن‌متر با بهره‌های تنظیمی برای کنترلگر PID اصلاح شده ارائه شده و با کنترلگر PID کلاسیک مقایسه شده است. همانطور که در این شکل ملاحظه می‌شود، زمان نشت<sup>1</sup> کنترلگر مشاهده‌گر کمتر از کنترلگر PID کلاسیک و کنترلگر

<sup>1</sup> زمان نشت با معیار 2% مقدار نهایی در نظر گرفته شده است.

جدول ۵ ضرایب تنظیمی کنترلگر بهازی مقادیر مختلف اغتشاش خارجی پله

**Table 5** Tuned parameters of controller for different values of step external disturbances

L	K <sub>I</sub>	K <sub>D</sub>	K <sub>P</sub>	اغتشاش (نیوتن·متر)
5.45	5.3	34.95	23.3	0.03
2	6	42.05	25.65	0.025
1.8	7	43.55	27.5	0.02
2.35	4.6	40.05	22.95	0.015
2.05	6.65	34.4	26.95	0.01
2.5	5.65	44.55	26.5	0.005
3.5	4.8	43.35	23.95	0

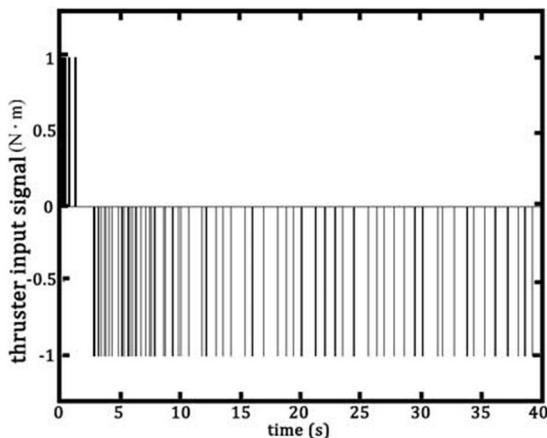
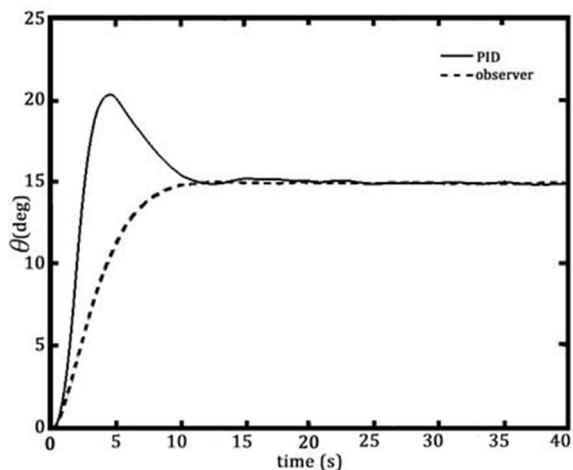


Fig. 5 The output signal of PWPF modulator

شکل ۵ سیگنال خروجی مدولاتور پهنا و فرکانس پالس

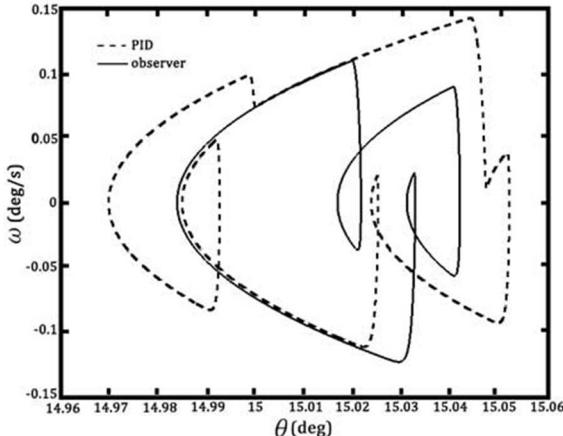
Fig. 4 The response of attitude control for PID controller and observer method ( $w = 1$ )

شکل ۴ پاسخ کنترلگر PID و مشاهده‌گر ( $w = 1$ )

جزء، مشابه شکل 4 می‌باشد، لذا از تکرار آن اجتناب شده است. در جدول ۵، ضرایب تنظیمی کنترلگر مبتنی بر مشاهده‌گر در زاویه ورودی 15 درجه بهازی اغتشاش مختلف پله با مقادیر مختلف و برای معیار عملکرد ترکیبی ارائه شده است. با استفاده از نتایج جدول ۵ می‌توان ضرایب مناسب کنترلگر را بهازی اغتشاش‌های مختلف پله از مقدار 0.03 تا 0.005 نیوتن·متر انتخاب کرد. در شکل ۵، سینگال کنترلی اعمالی به تراست (خروجی مدولاتور) نمایش داده شده است. در این شکل به علت وجود اغتشاش فواصل زمانی روشن شدن تراست کوچک بوده تا دقت کمتر از 0.1 درجه حفظ شود. به منظور بررسی خطای زاویه‌ای سیستم کنترل وضعیت، چرخه شبه حدی کنترلگر PID کلاسیک و مشاهده‌گر، در شکل 6 ارائه شده است. دامنه چرخه شبه حدی کنترلگر PID مبتنی بر مشاهده‌گر کوچکتر از دامنه چرخه حدی کنترلگر PID کلاسیک است که نشان‌دهنده دقت بهتر کنترلگر اصلاح شده مبتنی بر مشاهده‌گر می‌باشد. لازم به ذکر است که در اینجا به علت خطای حل عددی و همچنین عدم اثبات ریاضی از عبارت چرخه شبه حدی استفاده شد.

در ادامه، تحلیل‌ها برای معیار عملکرد ترکیبی و بهازی زاویه ورودی 15 درجه و با اعمال عدم قطعیت در ممان اینرسی، نیروی تراست و مقدار اغتشاش خارجی پله انجام می‌شوند.

یک کنترلگر مناسب باید در بازه‌ای از مقادیر ورودی، عملکرد مطلوبی داشته باشد، لذا برای بررسی عملکرد کنترلگر اصلاح شده، زاویه ورودی 5 تا

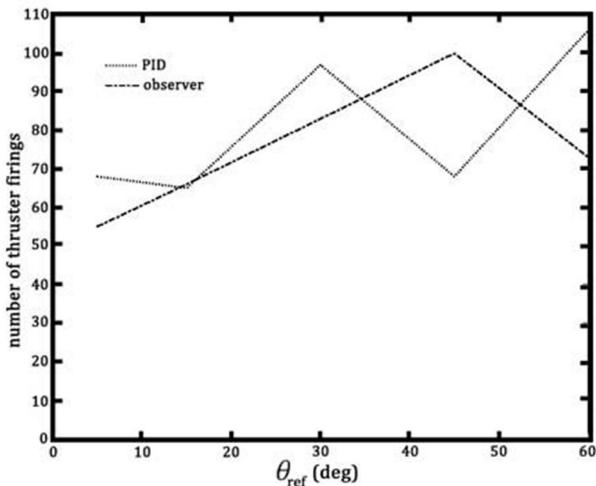
Fig. 6 Pseudo limit cycle for PID controller and observer-based method  
شکل ۶ چرخه شبه حدی برای کنترلگر PID و کنترلگر مبتنی بر مشاهده‌گر

60 درجه در حضور اغتشاش پله 0.03 نیوتن·متر، اعمال شده و نتایج برای دو کنترلگر مذکور مقایسه شده است. بهره‌های کنترلگر PID کلاسیک برای زوایای بین 5 تا 30 درجه بهازی شرایط مفروض و برای زوایای بین 30 تا 60 درجه بصورت  $K_I = 5.62$  و  $K_D = 17.84$ ،  $K_P = 8.66$  [24] که با استفاده از محک زیگلر-نیکلز بدست آمده، در نظر گرفته شده است. مقادیر پارامترها و شرایط اولیه در شکل‌های 7 تا 17 مشابه جدول ۱ است مگر در مواردی که غیر از آن اشاره شده باشد. در شکل 7، زمان خیز و زمان نشست بر حسب زاویه ورودی برای دو کنترلگر ارائه شده است. همچنان که از این شکل مشاهده می‌شود، با افزایش زاویه ورودی، زمان خیز و زمان نشست پاسخ افزایش می‌یابد. اگر چه زمان خیز در کنترلگر اصلاح شده بیشتر

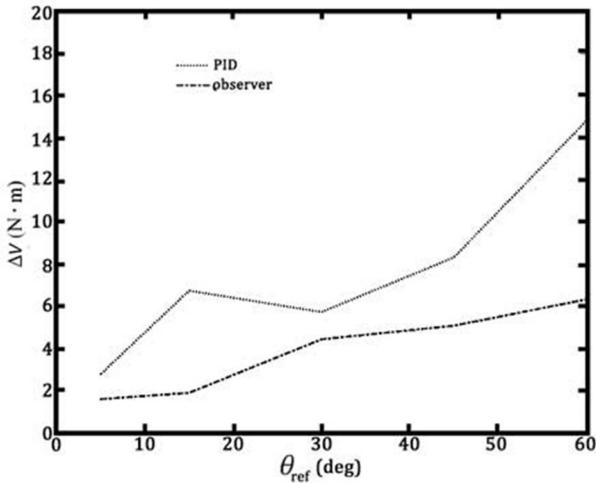
جدول ۴ عملکرد کنترلگر PID و کنترلگر PID مبتنی بر مشاهده‌گر

Table 4 Performance of PID controller and observer-based method

کنترلگر	زمان نشست (ثانیه)	زمان خیز (ثانیه)	صرف سخت شدن تراستر (ΔV)	تعداد روشن سوت خیز	زمان
تناوبی-انتگرال گیر-مشتق گیر	14.1	2.24	50.8%	6.5	65
مشاهده‌گر با معیار مصرف سوت	9.5	6.5	0	1.79	68
مشاهده‌گر با معیار روشن شدن تراستر	10.65	8.3	0	1.95	62
مشاهده‌گر با معیار ترکیبی	9.8	6.85	0	1.83	66



شکل 8 دفعات روشن شدن تراستر بر حسب زاویه ورودی



شکل 9 مصرف سوخت بر حسب زاویه ورودی

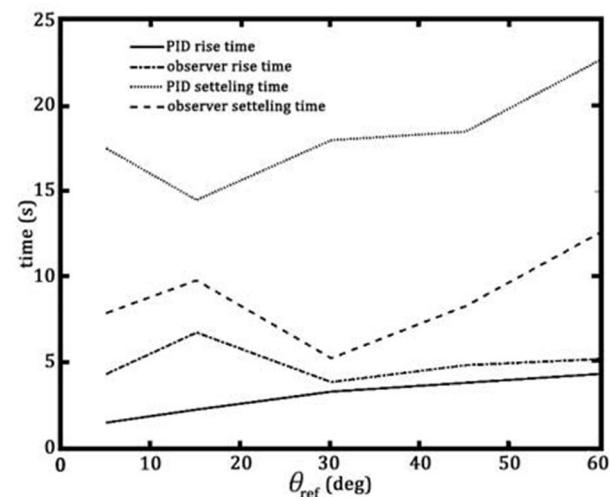
صرف سوخت و فعالیت تراستر افزایش یافته است، اما اثر عدم قطعیت ممان اینرسی در کنترلگر مشاهده‌گر، کمتر از کنترلگر PID کلاسیک می‌باشد. بطور نمونه، در کنترلگر مشاهده‌گر با تغییر 20% در ممان اینرسی، تعداد دفعات روشن شدن تراستر حدود 9% و میزان مصرف سوخت حدود 8% افزایش داشته است. در صورتی که اثر عدم قطعیت ممان اینرسی در کنترلگر PID بیشتر بوده و با تغییر مقدار 20% در ممان اینرسی، مصرف سوخت حدود 20% تغییر می‌کند.

عموماً سطح نیروی تراست تولیدی در ماهواره‌ها بسته به دقت زیرسیستم پیشرانش، فناوری ساخت تراسترهای و همچنین شرایط محیطی دارای تغییراتی است. لذا لازم است اثر عدم قطعیت سطح تراست در عملکرد سیستم کنترل وضعیت بررسی شود. در شکل 12، دفعات روشن شدن تراستر و در شکل 13 میزان مصرف سوخت بر حسب عدم قطعیت سطح تراست، در زاویه ورودی 15 درجه و اغتشاش 0.03 نیوتون‌متر ترسیم شده است. در این دو شکل، محور افقی میزان عدم قطعیت سطح تراست را بر حسب درصد در محدوده  $\pm 20\%$  نشان می‌دهد. بررسی عدم قطعیت سطح تراست در این کنترلگر نشان‌دهنده روند کاهشی دفعات روشن شدن تراست و مصرف سوخت در مواجهه با تراست‌های با نیروی بالاتر است. میزان تغییرات مصرف

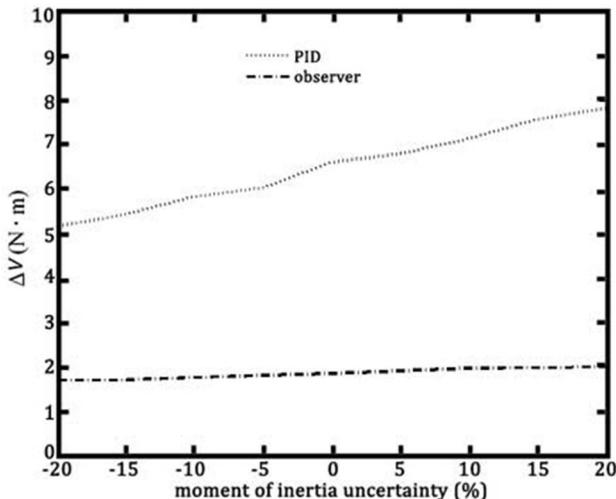
از کنترلگر PID است، اما با توجه به اینکه مقدار فراجهش در کنترلگر مبتنی بر مشاهده‌گر وجود ندارد، این مقدار زمان خیز مناسب بوده و در مقایسه با نتایج مرجع [24] که در شکل 3 هم بررسی شد، زمان خیز حدود 55% کاهش یافته است. همچنین بطور متوسط زمان نشست کنترلگر مبتنی بر مشاهده‌گر در مقایسه با کنترلگر PID و نتایج مرجع [24] حدود 50% کاهش داشته که در شکل 7 به وضوح قابل مشاهده است. از طرفی مشابه تغییرات زمان خیز و زمان نشست کنترلگر مبتنی بر مشاهده‌گر در شکل 7 جالب توجه است. بنابراین می‌توان گفت که کنترلگر اصلاح شده با ضرایب تنظیمی مناسب، سرعت پاسخ سیستم کنترل وضعیت را از نظر زمان نشست، بطور قابل ملاحظه‌ای افزایش داده است.

در شکل‌های 8 و 9، دفعات روشن شدن تراستر و میزان مصرف سوخت بر حسب زاویه ورودی ارائه شده است. در شکل 8، نمودار تعداد دفعات روشن شدن تراستر در کنترلگر مبتنی بر مشاهده‌گر نسبت به کنترلگر PID تغییر زیادی نداشته است، که این مسئله به علت دقت در نظر گرفته شده و لزوم فعالیت بیشتر تراستر جهت رسیدن به دقت 0.1 درجه در حضور اغتشاش بوده است. اما همچنانکه از شکل 9 ملاحظه می‌شود، مقامار مصرف سوخت در کنترلگر PID مبتنی بر مشاهده‌گر کاهش قابل توجهی نسبت به کنترلگر PID کلاسیک، نه فقط در یک نقطه بلکه در زوایای مختلف دارد. کاهش مصرف سوخت در بازه‌ای از زوایای ورودی، مزیت کنترلگر مشاهده‌گر در کاهش مصرف سوخت را نشان می‌دهد. همچنین نرخ کم افزایش مصرف سوخت به‌ازای زوایای ورودی در کنترلگر مشاهده‌گر نسبت به کنترلگر PID قابل اشاره است.

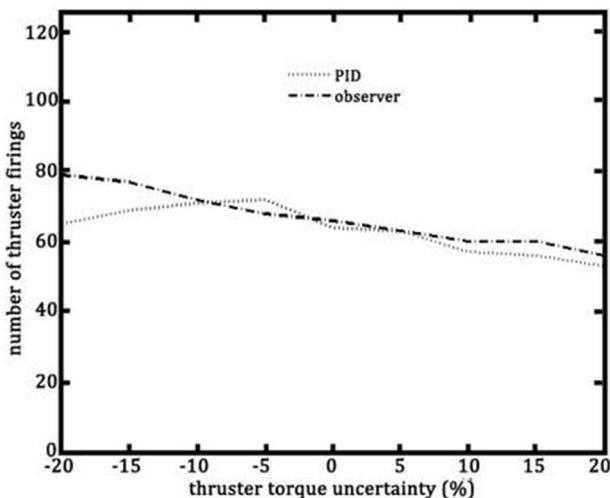
با توجه به گستردگی جانمایی اجزای یک ماهواره، عموماً ممان اینرسی آن بطور تقریبی در دسترس بوده و یا به دلیل مصرف سوخت، ممان اینرسی ماهواره در مدار تغییر می‌نماید. لذا عملکرد سیستم کنترل وضعیت نسبت به اثر عدم قطعیت در ممان اینرسی بررسی شده است. در شکل 10، تعداد دفعات روشن شدن تراستر بر حسب عدم قطعیت در ممان اینرسی و در شکل 11 میزان مصرف سوخت بر حسب عدم قطعیت در ممان اینرسی به‌ازای زاویه ورودی 15 درجه و مقدار اغتشاش 0.03 نیوتون‌متر ترسیم شده است. در این دو شکل، محور افقی میزان عدم قطعیت ممان اینرسی در بازه  $\pm 20\%$  است. چنانکه از این دو شکل ملاحظه می‌شود با افزایش ممان اینرسی، میزان



شکل 7 زمان خیز و زمان نشست بر حسب زاویه ورودی



شکل ۱۱ مصرف سوخت بر حسب درصد عدم قطعیت در ممان اینرسی



شکل ۱۲ دفعات روشن شدن تراست بر حسب درصد عدم قطعیت در سطح تراست

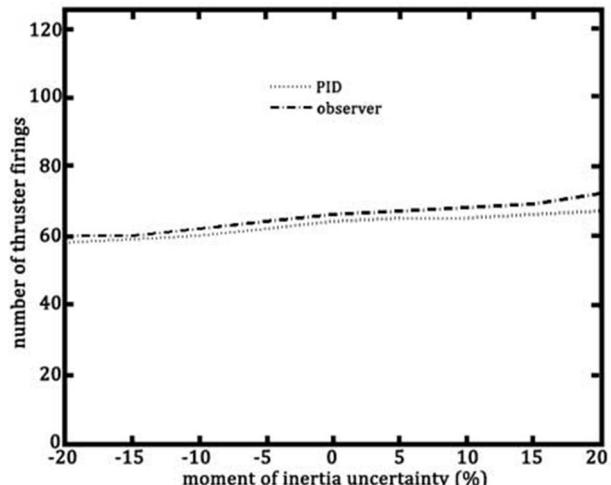
شکل ۱۶ ترسیم شده است. در این شکل، ضرایب کنترلگر مبتنی بر مشاهده‌گر، بهارای اغتشاشات خارجی مختلف، مطابق جدول ۵ انتخاب شده‌است. همانطور که در این شکل ملاحظه می‌شود دامنه چرخه شبه حدی کنترلگر مشاهده‌گر بهارای اغتشاش‌های مختلف، کمتر از دامنه چرخه حدی کنترلگر PID شده است. دامنه چرخه حدی، بیشترین مقدار خطای نشان می‌دهد. لذا کنترلگر مشاهده‌گر از نظر دقیقت نشانه‌روی، عملکرد مطلوب‌تری نسبت به کنترلگر PID داشته است. همانطور که انتظار می‌رود با افزایش میزان اغتشاش، دامنه چرخه شبه حدی افزایش یافته و خطای نشانه‌روی افزایش می‌یابد.

حال نشان داده می‌شود که اگر شبیه‌سازی با تراست ایده‌آل و بدون محدودیت در فرکانس کاری صورت پذیرد، دامنه چرخه حدی بسیار کاهش می‌یابد. در شکل ۱۷، چرخه شبه حدی کنترلگر مشاهده‌گر بهارای زاویه ورودی 15 درجه و اعمال اغتشاش خارجی پله برابر 0.03 نیوتون‌متر و با فرض مدل تراست ایده‌آل و فرکانس کاری 400 هرتز، ترسیم شده است. در این شکل، دامنه چرخه شبه حدی حدود 0.0065 درجه (بهارای  $\omega = 0$ ) و برای

سوخت بر حسب عدم قطعیت سطح تراست در کنترلگر مبتنی بر مشاهده‌گر، بسیار ناچیز است؛ اما در کنترلگر PID تغییرات بیشتر مصرف سوخت مشاهده می‌شود. لذا عملکرد کنترلگر مشاهده‌گر در مصرف سوخت بهارای PID عدم قطعیت در ممان اینرسی و سطح تراست مقاوم‌تر از کنترلگر کلاسیک ملاحظه می‌شود. بررسی کنترلگر مشاهده‌گر در برابر عدم قطعیت‌های ممان اینرسی و سطح تراست، نشانگر مقاوم بودن آن در مقایسه با کنترلگر PID است.

طراحی قانون کنترلی در تحقیق حاضر، برای ماهواره‌هایی است که برای انجام مأموریت، ارتفاع خود را کاهش داده و پس از انجام مأموریت به مدار بالاتر انتقال می‌یابد. این ماهواره‌ها در حین انجام مأموریت و در ارتفاع پایین تحت تأثیر نیروی آبرودینامیکی قرار گرفته و گشتاورهای ثابت به ماهواره اعمال می‌شود. به همین علت اغتشاش خارجی پله در این تحقیق لاحظ شده است. بعلاوه در این حالت، تخمین خوبی نیز از مقدار اغتشاش خارجی وجود دارد. بدین منظور اغتشاش خارجی پله با دامنه‌های مختلف و مقادیر مثبت و منفی به سیستم کنترل اعمال شده و عملکرد آن بررسی شده است. شبیه‌سازی بهارای زاویه ورودی 15 درجه و مقدار حداقل قدر مطلق اغتشاش 0.05 نیوتون‌متر انجام شده است. در شکل ۱۴، تعداد دفعات روشن شدن تراست بر حسب اغتشاش ارائه شده است. در حالتی که اغتشاش وجود ندارد، تراست کمترین میزان فعالیت خود را دارد. اما با افزایش مقدار اغتشاش در جهت مثبت یا منفی، تعداد دفعات روشن شدن تراست افزایش می‌یابد. در شکل ۱۵، میزان مصرف سوخت بر حسب اندازه اغتشاش پله ترسیم شده است. این شکل، مقایسه‌ای از میزان مصرف سوخت در دو کنترلگر مذکور بهارای اغتشاش خارجی پله ارائه می‌نماید. بطور مشابه مشاهده می‌شود که با افزایش اندازه اغتشاش، میزان مصرف سوخت در هر دو کنترلگر افزایش یافته و همانطور که انتظار می‌رود، کمترین میزان مصرف سوخت در حالتی است که اغتشاش خارجی وجود نداشته باشد. همچنین در این شکل، تأثیر اغتشاش‌های مثبت و منفی تقریباً برابر بوده و با افزایش مقدار گشتاور اغتشاشی، میزان مصرف سوخت افزایش متقارنی داشته است. البته کمی عدم تقارن به علت زاویه ورودی 15 درجه است.

به منظور بررسی اثر اغتشاش خارجی پله بر روی میزان خطای دامنه چرخه شبه حدی در سرعت زاویه‌ای صفر ( $\omega = 0$ ) استخراج شده و در



شکل ۱۰ دفعات روشن شدن تراست بر حسب درصد عدم قطعیت در ممان اینرسی

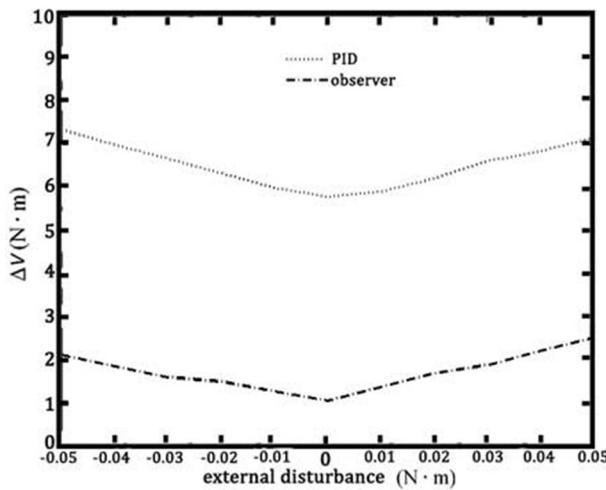


Fig. 15 Fuel consumption versus external disturbance

شکل 15 مصرف سوخت بر حسب مقدار اغتشاش خارجی

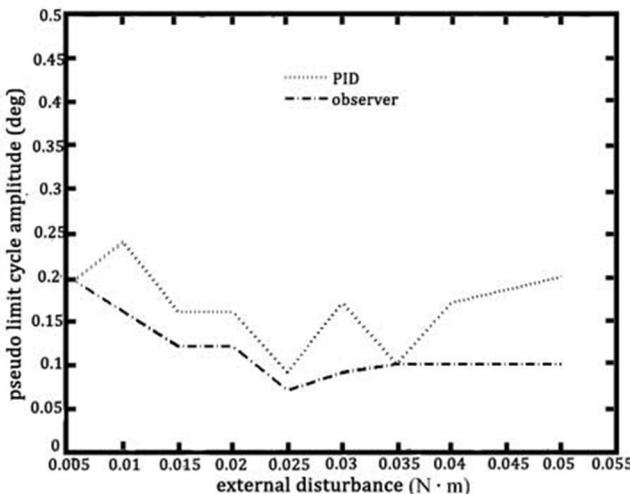


Fig. 16 Pseudo limit cycle amplitude versus external disturbance

شکل 16 دامنه چرخه شبیه حدی بر حسب اغتشاش خارجی

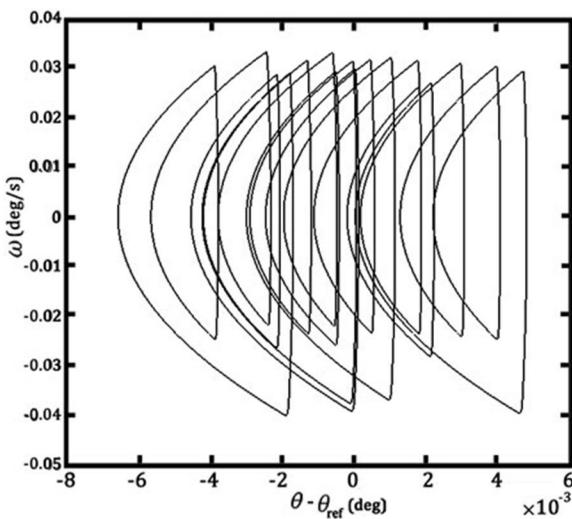


Fig. 17 Pseudo limit cycle of observer-based controller with perfect thruster model and modulator frequency=400 Hz

شکل 17 چرخه شبیه حدی کنترلگر مشاهده‌گر با مدل تراستر ایده‌آل و فرکانس مدولاتور برابر 400 هرتز

سرعت زاویه‌ای حدود 0.04 درجه بر ثانیه بدست آمده است. همانطور که از شکل 2 ملاحظه می‌شود، سیگنال  $\dot{\theta}$  برای افزایش ضریب میرایی پاسخ سیستم با استفاده از مشتق گیری تقریبی از زاویه وضعیت، استخراج شده است. در صورت استفاده از ژیروی نرخی، فیدبک  $\dot{\theta}$  بجای استفاده از مشتق گیر در PID (اصطلاحاً نوع PI-D و در نوع مبتنی بر مشاهده‌گر) توصیه می‌شود.

## 6- نتیجه‌گیری

در مطالعه حاضر، به منظور بهبود عملکرد کنترل وضعیت تکمحوره ماهواره صلب با مدولاتور پهنا و فرکانس پالس در مقابل اغتشاش خارجی پله، کنترلگر تناسبی-انتگرال گیر-مشتق گیر (PID) مبتنی بر الگوریتم مشاهده‌گر در سیستم‌های غیرخطی با عملگرهای دو وضعیتی (وشن یا خاموش) بکار رفته است. به منظور کسب نتایج نسبتاً عملی، مدل دینامیکی مرتبه دوم به همراه تأخیر زمانی خالص برای تراستر در نظر گرفته شده و فرکانس خروجی مدولاتور نیز محدود به 40 هرتز گردید. با فرض مدل ایده‌آل برای تراستر و

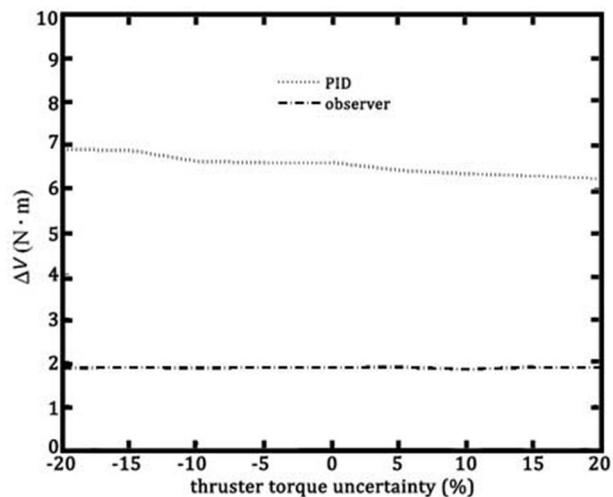


Fig. 13 Fuel consumption versus thruster level uncertainty

شکل 13 مصرف سوخت بر حسب درصد عدم قطعیت در سطح تراست

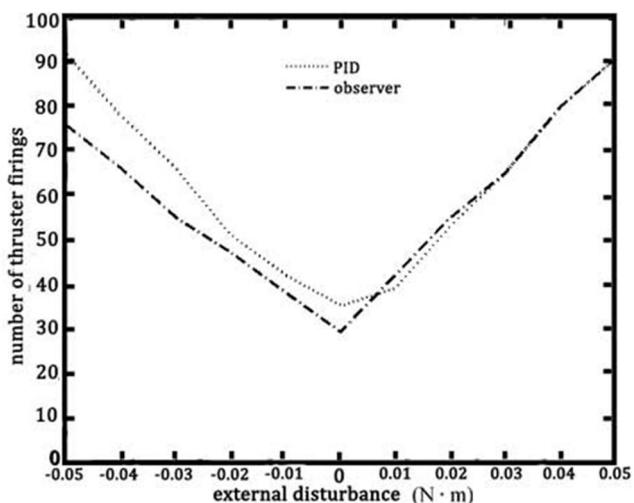


Fig. 14 Thruster firings versus external disturbance

شکل 14 دفعات روشن شدن تراستر بر حسب مقدار اغتشاش خارجی

- Approach*, First Edition, pp. 260-273, Cambridge: Cambridge University Press, 1997.
- [2] B. Wie, *Space Vehicle Dynamics and Control*, pp. 451-457, Reston: AIAA Education Series, 1998.
- [3] R. Wertz, *Spacecraft Attitude Determination and Control*, pp. 206-210, Boston: Kluwer Academic Publisher, 1978.
- [4] P. Fortescue, J. Stark, G. Swinerd, eds., *Spacecraft Systems Engineering*, pp. 288-324, New York: John Wiley and Sons Inc., 2011.
- [5] M.A. Johnson, M.H. Moradi, *PID Control New Identification and Design Methods*, pp. 339-358, Berlin: Springer, 2005.
- [6] F. G. Shinskey, *Process Control System: Application, Design and Tuning*, Fourth Edition, pp. 339-358, New York: McGraw-Hill, 1996.
- [7] C. C. Yu, *Autotuning of PID Controllers, A Relay Feedback Approach*, Second Edition, pp. 9-20, Berlin: Springer, 2006.
- [8] L. Rundqvist, *Anti-Reset Windup for PID Controllers*, PhD Thesis, Department of Automatic Control of Lund Institute of Technology, Sweden, 1991.
- [9] K. J. Astrom, T. Hagglund, *PID Controllers: Theory, Design and Tuning*, Second Edition, pp. 70-93, Durham: Research Triangle Park, 1995.
- [10] K. J. Astrom, L. Rundqvist, Integrator Windup and How to Avoid It, *Proceeding of the American Control Conference*, Pittsburgh, pp. 1693-1698, 1989.
- [11] Y. Peng, D. Vrancic, R. Hanus, Anti-Windup, bumpless, and conditioned transfer techniques for PID controllers, *IEEE Control Systems Magazine*, Vol. 16, No. 4, pp. 48-57, 1996.
- [12] P. Tisa, P. Vergez, Performance analysis of control algorithm for FalconSat-3, *the 16<sup>th</sup> AAS/AIAA Space Flight Mechanics Conference*, Florida, USA, 2006.
- [13] S. Balochian, A. Asaei, Controlling the micro satellite with adaptive and PID controllers and their function comparison, *Advances in Mechanical Engineering and its Applications(AMEA)*, Vol. 1, No. 3, pp. 54-63, 2012.
- [14] R. E. Snider, *Attitude Control of a Satellite Simulator Using Reaction Wheels and a PID Controller*, Master Thesis, Department of Aeronautics and Astronautics of Air University, Ohio, USA, 2010.
- [15] A. Farmanbordar, S. Rezanejad, A. Bazrafshan, Design of fuzzy bang-bang controller for satellite attitude control, *The 1<sup>th</sup> International Conference on nonlinear modeling and optimization*, Amol, Iran, August 29-30, 2012. (In Persian)
- [16] C. L. Prioroc, M. R. Stefanescu, Three axes reaction thrusters attitude control system during trajectory maneuvers for ESMO, *1<sup>th</sup> IAA Conference on Dynamics and Control of Space Systems*, Porto, Portugal, 19-21 March, 2013.
- [17] G. Song, N. V. Agrawal, Vibration suppression of flexible spacecraft during attitude control, *Acta Astronautica*, Vol. 49, No. 2, pp. 73-83, 2001.
- [18] W. Song, Y. Liu, Q. Hu, Spacecraft vibration suppression during attitude maneuver using PWPF modulated input component commands, *International Conference on Mechatronics and Automation*, Dartmouth, Canada, 29-31 July, 2005.
- [19] J. Kim, J. L. Crassidis, A comparative study of sliding mode control and time optimal control, *AIAA/AAS Astrodynamics Specialist Conference and Exhibit*, USA, 1998.
- [20] X. Xingyuan, Y. Cai, Pulse-width pulse-frequency based optimal controller design for kinetic kill vehicle attitude tracking control, *Applied Mathematics*, pp. 566-574, 2011.
- [21] G. Arantes, L. S. Martins-Filho, A. C. Santana, Optimal on-off attitude control for the Brazilian multi mission platform satellite. *Mathematical Problems in Engineering*, pp. 1-17, 2009.
- [22] A. Fazlyab, A. Ajorkar, M. Kabganiyan, Design of an adaptive controller of a satellite using thruster actuator, *International Journal of Computer Applications*, Vol. 102, No. 10, pp. 6-12, 2014.
- [23] A. Karimi, Sh. Ahmadi Darani, S.H. Jalali Naini, Comparison of attitude control of a single-axis rigid satellite with pulse-width pulse-frequency modulator using PD and PID controllers in the presence of disturbance, *The 14<sup>th</sup> Iranian Aerospace Society Conference*, Tehran, Iran, March 2-4, 2015. (In Persian)
- [24] S. Moghadashadeh Bazaz, S. H. Jalali Naini, Attitude control of a rigid satellite with pulse-width pulse-frequency modulation using modified PID controllers, *The 15<sup>th</sup> Iranian Aerospace Society Conference*, Tehran, Iran, March 1-3, 2016. (In Persian)
- [25] M. Bak, *Control of Systems with Constraints*, PhD Thesis, Department of Automation of Technical University of Denmark, Denmark, 2000.
- [26] S. H. Jalali Naini, Sh. Ahmadi Darani, Parametric Optimization of Spacecraft Attitude Control with Pulse-Width Pulse-Frequency Modulator Using Quasi-Normalized Equations, *The 13<sup>th</sup> Iranian Aerospace Society Conference*, Tehran, Iran, March 1-3, 2014. (In Persian)

عدم محدودیت فرکانس کاری تراسته، می‌توان در حضور اغتشاش به دقت‌های بالا دست یافت؛ اما در صورتی که مدل تراسته به واقعیت نزدیک شود و محدودیت فرکانس کاری تراسته اعمال شود، نتایج حاصل در دقت نشانه‌روی بسیار متفاوت خواهد شد. در صورتی که فرکانس کاری، بطور نامعقول زیاد در نظر گرفته شود (با اصلاً اعمال نشود)، خروجی عملگر از حالت دو وضعیتی خارج شده و رفتاری مشابه با عملگری با خروجی پیوسته دارد که عمل مدلسازی خلاف واقع ارائه می‌نماید.

در این تحقیق، بهره‌های کنترلگر PID مبتنی بر مشاهده‌گر، با روش جستجوی پارامتری تنظیم شده است که علاوه بر رفع مشکل خطای حالت ماندگار در ترکیب مدولاتور پهنا و فرکانس پالس با کنترلگر P-D عملکرد الگوریتم کنترل وضعیت را نیز بهبود داده است. بدین منظور، قیود و معیارهای عملکرد بصورت دقت بهتر از 0.1 درجه و نداشتن فراچشم در پاسخ و معیار عملکرد مصرف سوخت، دفعات روشن شدن تراسته و معیار عملکرد ترکیبی انجام شده است. بهره‌های مناسب کنترلگر بهازی زوایای ورودی مختلف استخراج شده است که ممکن است از طریق «میان‌یابی از جدول» یا «برازش منحنی» صورت پذیرد. مضافاً با توجه به فرض کاهش ارتفاع ماهواره برای انجام مأموریت در ارتفاع پایین و متعاقباً افزایش ارتفاع، بهره‌های تنظیمی بهازی مقادیر مختلف اغتشاش خارجی پله نیز بدست آمده است. در ارتفاع پایین تحت تأثیر نیروی آیرودینامیکی، گشتاوری ثابت به ماهواره اعمال شده که مقدار آن با دقت قابل قبولی قابل تخمین است. به همین دلیل، بهره‌های تنظیمی کنترلگر با فرض اغتشاش خارجی پله با مقادیر معلوم نیز استخراج شده است. نتایج شبیه‌سازی نشان می‌دهد مصرف سوخت کنترلگر مبتنی بر مشاهده‌گر در مقایسه با کنترلگر PID، بهازی شرایط مفروض، حدود 72% کاهش یافته و توأم زمان نشست نیز حدود 50% کاهش داشته است. همچنین عملکرد کنترل وضعیت با در نظر گرفتن عدم قطعیت در ممان اینرسی و سطح نیروی تراست نیز بررسی گردید که عملکرد مقاوم کنترلگر مبتنی بر مشاهده‌گر را در مواجهه با عدم قطعیت در ممان اینرسی و سطح نیروی تراست نشان می‌دهد. لازم به ذکر است که به علت وجود اغتشاش پیوسته، فواصل زمانی روشن شدن تراست کوچک بوده تا بتواند دقت وضعیت کمتر از 0.1 درجه را حفظ کند. به علت مذکور، کاهش تعداد دفعات روشن شدن‌های تراسته، با ضرایب تنظیمی، قابل توجه نیست. به عنوان دستاوردهای فرعی این پژوهش، همانطور که اشاره شد در طراحی کنترلگر به منظور دقت نشانه‌روی بالا، حتماً باید فرکانس کاری و مدل تراسته، بویژه در حضور اغتشاش اعمال شود، که بدین منظور چرخه شبه حدی برای دو حالت بابدون فرکانس کاری و مدل سازی تراست ترسیم شد.

در خاتمه در صورت استفاده از ژیروی نرخی، فیدبک سرعت زاویه‌ای بجای استفاده از مشتق گیر در PID (اصطلاحاً نوع PI-D و در نوع مبتنی بر مشاهده‌گر) توصیه می‌شود.

## 7- مراجع

- [1] M. J .Sidi, *Spacecraft Dynamics and Control, A Practical Engineering*