



# شبیه سازی عددی جریان سیال در یک پمپ گریز از مرکز در نقطه طرح و شرایط خارج از طرح

محمد امین ذوالجناحی<sup>۱</sup>، سعادت زیرک<sup>۲\*</sup>

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد ، مهندسی مکانیک، دانشگاه سمنان، سمنان

۲- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه سمنان، سمنان

\* سمنان، کد پستی ۳۵۱۳۱-۱۹۱۱۱ s\_zirak@profs.semnan.ac.ir

## چکیده

این مقاله به بررسی جریان سیال در یک پمپ های گریز از مرکز شرکت پمپ- ایران با استفاده از روش های عددی می پردازد. برای انجام این کار تحلیل دینامیک سیالات محاسباتی در نرم افزار CFX برای گستره وسیعی از دبی های جرمی در دو سرعت متفاوت ۱۴۵۰ rpm و ۲۹۰۰ rpm انجام شده و نتایج عددی سیال آب با نتایج آزمایشگاهی هد و بازده کل مقایسه شده اند که تطابق قابل قبولی را نشان می دهد. نتایج برای سیال نفت خام نیز بدست آمده و به صورت منحنی های هد و بازده کل و سایر متغیرها بر حسب دی جرمی ارائه و با نتایج آب مقایسه شده اند. نتایج عددی نشان می دهد که میزان فشار مطلق روى تیغه ها در حالت نفت خام ۷۰۵ kPa کمتر از حالت آب است و همچنین مقدار اختلاف فشار مطلق بین ورودی و خروجی پروانه و حلزونی برای نفت خام به مراتب از آب کمتر است. علاوه بر آن مشاهده شد که با افزایش دور پمپ برای هر دو سیال، مقادیر بالای شدت آشفتگی از لوله خروجی به خروجی پروانه پمپ به مراتب از آب کمتر می یابد که باعث کاهش بازده می شود و میزان شدت آشفتگی برای نفت خام نسبت به آب در فضای داخل پروانه پمپ به مراتب از آب کمتر است. در نهایت برای ارائه منحنی هد پروانه پمپ برای نفت خام در محدوده کلی عملکرد پمپ، یک معادله چند جمله ای مرتبه دوم به نتایج عددی انتطاق داده شد.

## اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: ۰۶ آذر ۱۳۹۴

پذیرش: ۱۹ دی ۱۳۹۴

ارائه در سایت: ۱۷ بهمن ۱۳۹۴

کلید واژگان:

شبیه سازی عددی

پمپ گریز از مرکز

منحنی مشخصه

شدت آشفتگی

نفت خام

## Numerical simulation of fluid flow in a centrifugal pump at design point and off-design conditions

Mohammad Amin Zoljanah<sup>1</sup>, Saadat Zirak<sup>2\*</sup>

Department of Mechanical Engineering, University of Semnan, Semnan, Iran  
\*P.O.B. 35131-19111 Semnan, Iran, s\_zirak@profs.semnan.ac.ir

### ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 27 November 2015

Accepted 09 January 2016

Available Online 06 February 2016

Keywords:

Numerical simulation  
centrifugal pump  
characteristic curve  
Turbulence intensity  
crude oil

### ABSTRACT

This article presents a numerical investigation of fluid flow in one of the centrifugal pumps of pump-Iran Corporation. A computational fluid dynamics (CFD) analysis is performed by using the CFX software for a wide range of volumetric flow rates for two different rotor speeds of 1450 rpm and 2900 rpm and the numerical results of water are validated against measured values of head and total efficiency with an overall acceptable agreement. The results have been obtained for crude oil as diagrams of head , total efficiency and other variables with respect to volumetric flow rate and then compared with results of water. Numerical results show that the absolute pressure on blade surfaces for crude oil is 705 kPa less than when using water. The absolute pressure difference between inlet and outlet of impeller and spiral volute for crude oil is comparatively less than those amounts in comparison with water. Also, by increasing the angular velocity of rotor, it was observed that high levels of turbulence intensity are transmitted from outlet pipe bending to the impeller outlet at volumetric flow rate of 30 m<sup>3</sup>/h which causes reduction in efficiency. Also, high levels of turbulence intensity for crude oil are less than those amounts in comparison with water within impeller area. Finally, to present an impeller pump head curve for crude oil over the overall operation range of the pump, a second order polynomial equation was fit to numerical data.

### ۱- مقدمه

جدی در کشور مطرح است و طراحی و ساخت اینگونه پمپ ها تاحد زیادی مشکلات پیش رو را مرتکع می سازد. مبنای کارکرد این دسته از پمپ ها بر اساس انتقال مومنتوم زاویه ای از چرخ<sup>۱</sup> به سیال عبوری می باشد. در گذشته

پمپ های گریز از مرکز یکی از تجهیزات ضروری در بسیاری از کاربردهای صنایع نیروگاهی، نفت و کشاورزی به شمار می آیند. در حال حاضر لزوم تأمین پمپ های گریز از مرکز در تاسیسات چاه های نفت به عنوان چالشی

1- Impeller

Please cite this article using:

M. A. Zoljanah, S. Zirak, Numerical simulation of fluid flow in a centrifugal pump at design point and off-design conditions, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 2, pp. 88-98, 2016 (in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

قسمت تحتانی روتور گردابی گرفته شده است. شبیه سازی عددی بر روی هر دو هندسه‌ی پمپ عادی و پمپ با روتور گردابی انجام شد و نتایج با هم مقایسه شد. به خاطر تاثیرات شدید ناپایداری های جریان، اندازی گیری های تجربی به دقت انجام شد. نتایج هد و بازده کل دو نوع پمپ عادی و گردابی با هم مقایسه شد و مشاهده شد که انتقال انرژی به سیال و همچنین پایداری پمپ در حالت استفاده از روتور گردابی بیشتر از حالت عادی است [8] و سیاری منابع ارزشمند در زمینه‌ی بررسی و تحلیل جریان داخل پمپ گریز از مرکز ارائه شده است [9-12].

در این مقاله روند بررسی جریان سه بعدی در پمپ اتنرم 50-250 شرکت پمپ ایران شامل بخش‌های تعریف هندسه پمپ گریز از مرکز، تولید شبکه و استقلال از شبکه، روابط و معادلات حاکم بر مساله و تحلیل نتایج می‌باشد. برای گسته سازی معادلات حاکم بر جریان سیال از روش حجم محدود در کد CFX استفاده شده و مدل آشفتگی استفاده شده SST $\omega$  k- $\omega$  است. پس از صحه گذاری بر نتایج تحلیل عددی با استفاده از مقادیر تجربی، پارامتر-های مهم جریان از قبیل سرعت، فشار و انرژی جنبشی آشفتگی در جریان و نقاط حساس پمپ بررسی شده اند و مقادیر هد، بازده، بارگذاری روی تیغه‌ها و اختلاف فشار مطلق بین دو سر پروانه و حلزونی در دو سرعت متغیر روتور، برای سیال آب و نفت خام<sup>7</sup> با هم مقایسه شده اند. با توجه به کارهای گذشته که توجه کمتری به شدت آشفتگی جریان درون پمپ داشتند، شدت این پارامتر در نقاط حساس پمپ برای گستره وسیعی از دبی های جریان در دو سرعت متغیر و برای دو سیال، بررسی شده است. همچنین شرایط تشابه برای نفت خام در دو سرعت بررسی شده و یک معادله چندجمله‌ای مرتبه دو برای ارائه هد پروانه بر حسب سرعت چرخش روتور و دبی جریان، بدست آمده که با استفاده از آن می‌توان هد پروانه را در دورها و در دبی‌های مختلف محاسبه کرد. بنابراین علاوه بر ارزیابی روابط تشابه برای یک سیال با لزجت بالاتر، عملکرد این پمپ برای نفت خام بررسی می‌شود. این مطالعه یک امکان سنجی در خصوص طراحی پروانه گریز از مرکز برای سیالات با لزجت بالاتر است.

## 2- مخصوصات هندسی پمپ گریز از مرکز

هندسه‌ی مورد استفاده در شبیه سازی‌های این مقاله، پمپ 50-250 شرکت پمپ ایران بوده است. این پمپ به صورت تک مکشه و فاقد پره‌های جدا کننده بوده و شامل یک پروانه به قطر خارجی 259 mm و 6 پرهی عقب گرد است، پره‌ها و کل پروانه‌ی پمپ از جنس چدن هستند. عرض پروانه 17.5 mm و زوایای ورودی و خروجی تیغه‌های پروانه به ترتیب 32° و 26° هستند. از زبری در داخل پروانه‌ی پمپ و حلزونی صرف نظر شده است. پمپ به وسیله‌ی یک الکتروموتور سه فاز ای-سی چرخانده می‌شود که توان تولیدی آن در دور 2900 rpm معادل 30kW است. در ابتدا هندسه‌ی پمپ مورد بررسی توسط نرم افزار کتیا<sup>8</sup> مدل شد و بعد مورد تحلیل قرار گرفت. در شکل 1 نمایی از هندسه‌ی پروانه شامل هاب و شراد<sup>9</sup> نشان داده شده است.

## 3- معادلات حاکم

در این بخش به توضیح معادلات حاکم بر جریان سیال پرداخته می‌شود. معادله‌ی پیوستگی به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$\frac{\partial u_i}{\partial x_i} = 0 \quad (1)$$

7- Crude oil

8- Catia

9- Hub and shroud

برای طراحی پمپ‌های گریز از مرکز، تنها ملاحظات مربوط به نقطه‌ی کار پمپ مد نظر قرار می‌گرفت. این در حالیست که برای طراحی پمپ‌های مدرن مانند پمپ‌های آب خورشیدی، لازم است که شرایط کاری خارج از نقطه‌ی طرح نیز به صورت کامل مورد توجه قرار گیرد [1]. در این مقاله سعی شده است با استفاده از شبیه سازی عددی به بررسی جریان سیال در پمپ اتنرم<sup>1</sup> 50-250 شرکت پمپ ایران پرداخته شود. در سال‌های اخیر محققان بسیاری بر روی انواع پمپ‌های گریز از مرکز تحقیقات گسترده‌ای انجام داده اند؛ که از آن جمله می‌توان به تحقیقات استل<sup>2</sup> اشاره کرد که با بررسی جریان سیال در طبقه‌ی اول یک پمپ دو طبقه به تاثیرات وجود تیغه‌های جدا کننده بر میزان تغییرات فشار و سرعت جریان در نقاط حساس پمپ پرداخت [2]. تحقیقات دیگری توسط شجاعی فرد در زمینه‌ی بررسی جریان سیال ویسکوز در یک پمپ گریز از مرکز برای تعیین تغییرات متغیر هد بر حسب دبی با تغییرات هندسه‌ی پمپ انجام شد. نتایج کار به این صورت بود که با تعیین زاویه‌ی خروجی پروانه به 30° و همچنین با تعیین پهنه‌ای عوری مسیر جریان به 21mm نسبت به موارد دیگر، نتایج بهتری بدست آمد [3]. در زمینه تغییرات متغیرهای جریان با در نظر گرفتن تغییر هندسه‌ی حلزونی تحقیقات دیگری توسط نوربخش و همکاران انجام شد؛ آنها با در نظر گرفتن شرایط خارج از نقطه‌ی طرح در یک پمپ با سرعت مخصوص پایین به شبیه سازی سه بعدی جریان سیال در آن پرداختند و با در نظر گرفتن سه هندسه‌ی مجزا برای حلزونی به این نتیجه رسیدند که هندسه‌ی با روش سرعت ثابت نسبت به روش مومنتوم زاویه‌ای ثابت، جریان را بهتر هدایت می‌کند و مقادیر کمینه‌ی نیروهای شعاعی در دبی‌های زیاد در هندسه‌ی حلزونی دایروی نسبت به هندسه‌ی مستطیلی حاصل می‌شود [4]. مطالعات دیگری توسط جونگسینگ جاو<sup>3</sup> در سال 2014 مبنی بر تحلیل ناپایا بر روی یک نمونه پمپ گریز از مرکز به منظور بررسی نوسانات فشار روی نقاط حساس پمپ انجام شد و نتایج عددی حاصله با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شد و مشاهده شد که در شرایط کاری خارج از نقطه نتایج تحلیل پایا مقایسه شد و مشاهده شد که در شرایط کاری خارج از نقطه طرح پمپ، اختلاف بین نتایج عددی و تجربی در تحلیل پایا زیاد می‌شود [5]. مطالعات دیگری در زمینه تغییر هندسه‌ی پروانه‌ی یک پمپ توسط ناتاراج<sup>4</sup> و همکاران انجام شد. آنها با تغییرات پهنه‌ای تیغه‌ی پروانه و زاویه‌ی خروجی تیغه‌های جدا کننده و قطر پروانه توanstند مقدار هد را در بهترین نقطه‌ی بازده پمپ از 39.66 m به 41.72 m برسانند. همچنین مقادیر توان مصرفی پمپ نیز از مقدار W 432 به مقدار W 366 تقلیل یافت [6]. در طی مطالعات روی کاویتاپسین، یانجیا فو<sup>5</sup> و همکاران با شبیه سازی یک پمپ به بررسی میزان کاویتاپسین در دبی‌های پایین جریان پرداختند؛ آنها مشاهده کردند که میزان نوسانات فشار روی حلزونی و پروانه پمپ با کاهش ضریب دبی افزایش می‌یابد و همچنین نتایج عملکرد هیدرولیکی پمپ مورد بررسی با نتایج تجربی مقایسه شد و از تطابق خوبی برخوردار بود و تمرکز آنها بر روی رژیم جریان در مقطع ورودی پمپ گریز از مرکز قرار داشت [7]. آقای تیهومیر میهالیک<sup>6</sup> با شبیه سازی یک پمپ گردابی با افزودن یک روتور گردابی به بررسی خصوصیات جریان پرداخت. ایده‌ی این چنین طراحی با بررسی ساختار جریان‌های ثانویه و اغتشاش جریان سیال در

1- Etha-norm

2- Stel

3- Zhongxin Gao

4- Nataraj

5- Yanxia Fu

6- Tihomir Mihalic

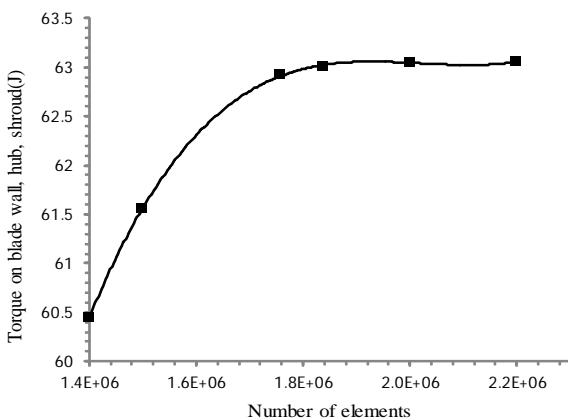


Fig.2 The mesh independency examination

شکل 2 آزمون استقلال از شبکه

چندانی در گشتاور روی پروانه دیده نمی شود.

برای سطوح جامد از توابع دیواره خود مقیاس بهره برده شده که با توجه به مقدار  $y^+$  در اولین سلول روی سطح جامد از فرمولاسیون رینولدز پایین به تابع دیوار لگاریتمی تغییر وضعیت دهد [14]. در جدول 1 نتایج نهایی مقادیر المان های شبکه در تمام اجزای پمپ نشان داده شده است.

برای بررسی آزمون استقلال از شبکه تمامی اجزاء پمپ به مقدار یکسانی برای هر جزو، تعداد المان های شبکه افزایش یافته است. از جمله مزایای شبکه سازمان یافته کاهش میزان المان های شبکه و افزایش دقت تحلیل در مقایسه با شبکه بی سازمان است [15]؛ اما در هندسه حلقه ای پمپ گریز از مرکز به دلیل پیچیدگی هندسه، از ساختار بی سازمان استفاده شده است. در شکل 3 نمایی از هندسه ای مورد نظر به همراه شبکه های سازمان یافته و بی سازمان نشان داده شده است.

### 6- شرایط موزی حاکم بر مساله

در پمپ مورد بررسی در این مقاله از شرط موزی فشار کل در ورود و دبی در خروج استفاده شده است. فشار کل ورودی 0.5 atm بوده و برای دبی، در سرعت rpm 2900 از مقادیر در بازه  $m^3/h$  (30-80) و در سرعت rpm 1450 مقادیر بازه  $m^3/h$  (5-45) در نظر گرفته شده است. شرط موزی غیر لغزشی<sup>2</sup> برای تمام دیواره ها ایجاد شده است. سیالات مورد استفاده در این تحلیل شامل آب و نفت خام هستند که اطلاعات مربوط به آنها در دمای کاری پمپ یعنی  $25^\circ C$  در جدول 2 آورده شده است. در مقاله حاضر از شرط موزی زیری سطوح در دیواره ها صرف نظر شده است. میزان دبی های جریان در خروج در بازه های تعیین شده با توجه به نتایج تجربی بدست آمده از پمپ ایران تعیین شده اند و با بررسی، مشخص شد که اعمال شرط دبی حجمی در خروج و فشار کل در ورودی پمپ در همگرایی نتایج بسیار موثر تر

جدول 1 تعداد نهایی المان های اجزاء پمپ

Table 1 The final number of elements of the pump components

| تعداد المان ها | اجزاء پمپ    | ردیف |
|----------------|--------------|------|
| 123562         | لوله ورودی   | 1    |
| 694387         | ناحیه پروانه | 2    |
| 816481         | حلزونی       | 3    |
| 262387         | لوله خروجی   | 4    |

2- Not-slipping



شکل 1 نمایی از پروانه ای پمپ گریز از مرکز

همچنین معادله مومنتوم با تعریف ترم چشم و تنش برشی به صورت رابطه 2 نوشته می شود:

$$\rho \frac{\partial}{\partial x_j} (\bar{u}_i \bar{u}_j) = - \frac{\partial \bar{P}}{\partial x_i} + \frac{\partial}{\partial x_j} (\bar{\tau}_{ij} - \rho \bar{u}_i \bar{u}_j) + S_{u_i} \quad (2)$$

که در این معادله ترم چشم به صورت رابطه 3 نوشته می شود و مقدار متوسط گیری شده تنسی برشی از رابطه 4 تعیین می شود:

$$S_{u_i} = -\mu [2\vec{\Omega} \times \vec{u} + \vec{\Omega} \times (\vec{\Omega} \times \vec{r})] \quad (3)$$

$$\bar{\tau}_{ij} = -\mu \left( \frac{\partial \bar{u}_i}{\partial x_j} + \frac{\partial \bar{u}_j}{\partial x_i} \right) \quad (4)$$

### 4- مدل آشفتگی جریان

مدل آشفتگی SST قابلیت اعمال دو مدل آشفتگی  $k-\omega$  و  $k-\epsilon$  را در نواحی مختلف دارد. برای نواحی خیلی نزدیک به دیواره ها به طور خودکار از مدل آشفتگی  $k-\omega$  و برای نواحی دورتر، از مدل آشفتگی  $k-\epsilon$  استفاده می کند. در ابتدا این مدل آشفتگی ترم تولید انرژی را در معادله انتقال انرژی جنبشی تعییر داده و بهبود می بخشد [13,3]. با توجه به مطالعاتی که در مورد دو مدل آشفتگی  $k-\epsilon$  و  $k-\omega$  انجام شده است، نتایج بدست آمده به این صورت است که جریان نزدیک دیواره با استفاده از اعمال دو مدل SST و  $k-\omega$ ، با دقت قابل توجهی ارزیابی می شود. بررسی ها نشان داده است که استفاده از دو مدل یاد شده، نتایج بسیار دقیق تری نسبت به مدل SST نزدیک دیواره، ایجاد می کند [3]. بنابراین از مدل آشفتگی SST برای بررسی عددی جریان سیال داخل پمپ گریز از مرکز استفاده می شود.

### 5- شبکه بندی هندسه و آزمون استقلال از شبکه

دانمه هی محاسباتی پمپ شامل لوله ورودی، پروانه ای پمپ، حلزونی و لوله خروجی است. در این شبیه سازی از جریان نشستی عبوری از فضا بین دیواره های جانبی پروانه و محفظه صرف نظر شده است و دامنه هی حل به صورت ترکیبی از شبکه های سازمان یافته در پروانه ای پمپ و لوله ورودی و شبکه بندون سازمان در حلزونی و لوله خروجی گسته سازی شده است. علت انتخاب این نوع شبکه بندی میزان پیچیدگی هندسه و عدم توانایی در مش سازمان یافته در اجزای پیچیده است به همین دلیل در محفظه حلزونی از المان های چهارچوبی و در پروانه ای پمپ با استفاده از نرم افزار توربو-گرید<sup>1</sup> از المان های شش وجهی استفاده شده است. برای اطمینان از دقت حل عددی لازم است که اثر اندازه هی المان ها بر یکی از پلارامتر های مساله بررسی شود. به همین دلیل آزمون استقلال از شبکه برای گشتاور پروانه، انجام شد و در شکل 2 نشان داده شده است. همانطور که مشاهده می شود با افزایش مقادیر شبکه به بیش از 1896817 تغییر

1- Turbo-Grid

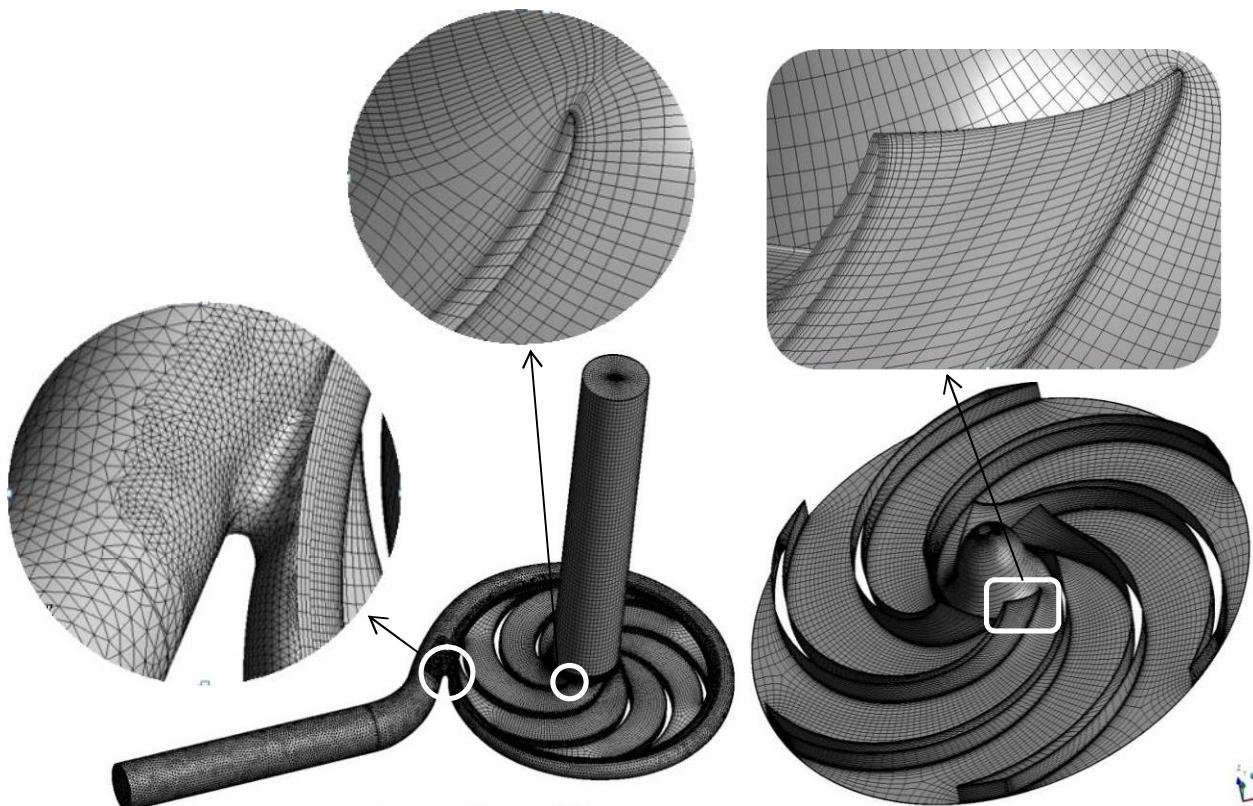


Fig. 3 The view of areas with unstructured and structured grids

شکل ۳ نمایی از نواحی با شبکه بندی بی سازمان و سازمان یافته

گریز از مرکز توسط نرم افزار CFX شیوه سازی شده است. برای مدل سازی جریان آشفته، مدل  $k-\omega$  SST انتخاب شده است. معیار همگرایی برابر  $10^{-5}$  در نظر گرفته شده است و با استفاده از روش دستگاه مختصات

و سریعتر از شرط های مرزی دیگر در تحلیل پمپ حاضر است. شکل 4 روند همگرایی ترم های فشار و سرعت های مربوط به معادلات بقای جرم و مومنتوم را در شرایط نقطه بهترین بازده پمپ و در دور 2900 rpm نشان می دهد. همانطور که از شکل مشخص است از دو شرط مرزی متفاوت برای بررسی روند همگرایی تحلیل استفاده شده است. با توجه به شکل 4 مشخص است که با استفاده از شرط مرزی فشار استاتیک در خروجی و دبی در ورود، پایداری تحلیل بیشتر از حالتی است که از شرط مرزی دبی در خروج و فشار کل در ورود استفاده شود و روند همگرایی با شبیه مایم اما کم دنبال می شود؛ اما استفاده از شرط فشار کل در ورود و دبی در خروج، زمان همگرایی را کاهش می دهد و همانطور که از شکل 4 مشخص است شرط مرزی دوم در تحلیل حاضر بعد از تقریبا 100 گام زمانی بیشتر، منجر به همگرایی تحلیل شده است که حدودا یک ساعت و نیم به زمان تحلیل اضافه می کند. بقیه شرط های مرزی حساس به حدس اولیه، غیر قابل اعتماد و حتی غیرممکن هستند چرا که قید بسیار ضعیفی را بر سیستم وارد می کنند [16].

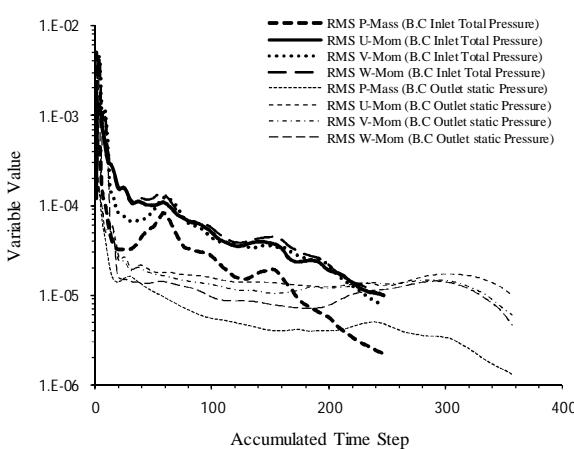


Fig. 4 Convergence procedure of numerical solution

شکل 4 روند همگرایی تحلیل عددی

جدول 2 خواص سیالات استفاده شده در تحلیل

| Table 2 The characteristics of fluids used into the analysis |                   |          |
|--|-------------------|----------|
| $\mu$ (Pa s)   | ویکوزیته دینامیکی | نوع سیال |
| 0.000926   | 998               | آب       |
| 0.00692  | 855               | نفت      |

در شکل 5 نمایی از مرز های ورود و خروج نمایش داده شده است. همانطور که از شکل 5 مشخص است مرزهای پمپ شامل ورودی، دیواره لوله ورودی، دیواره های هاب و شراد، دیوارهی حلقه ای، دیواره های لوله خروجی و در نهایت خروجی پمپ است که برای نواحی دیوارهی هاب و شراد به ترتیب از شرط مرزی دیواره های چرخان و عدم لغزان و برای تمامی دیواره های دیگر از شرط مرزی دیواره ساکن استفاده شده است.

## 7- تحلیل عددی

در این مقاله جریان تراکم ناپذیر و سه بعدی و پایا و مغثوش داخل یک پمپ

$$H = \frac{(P_{\text{tot}})_{\text{outlet}} - (P_{\text{tot}})_{\text{inlet}}}{\rho g} \quad (5)$$

مقادیر تجربی ترسیم شده، از کاتالوگ پمپ ایران و از پمپ گریز از مرکز آتا-نرم 50-250 شرکت پمپ ایران بدست آمده اند [18]؛ همچنین نتایج با مقادیر عددی بدست آمده از نتایج عددی تحلیل نفت خام مقایسه شده اند. همانطور که از شکل 6 مشخص است، دو سرعت مختلف 1450 rpm و 2900 rpm برای راه اندازی پمپ گریز از مرکز در نظر گرفته شده و با مقایسه نتایج عددی و تجربی برای آب تطابق قابل قبولی برای مقادیر هد وجود دارد به طوری که بیشترین مقدار خطا حدود 9.5% است. مقادیر هد بدست آمده از نتایج عددی برای دبی کمتر از 70 m<sup>3</sup>/h بیشتر از نتایج تجربی است و دلیل آن این است که انواع مختلف تلفات از قبیل تلفات نشتی و تلفات شوک برای شبیه سازی جریان مدلسازی نشده است؛ همچنین از مقادیر زبری سطح در دیواره های قسمت های مختلف پمپ صرف نظر شده است. با توجه به شکل 6 مشخص است که قبل از دبی 70 m<sup>3</sup>/h، مقادیر تجربی هد پمپ کمتر از مقادیر متناظر عددی برای آب است. با بررسی نتایج 6% بر حسب دبی مشخص می شود که حل عددی مقادیر هد را با خطای نسبت به نتایج تجربی نشان می دهد. علت افت هد می تواند به دلیل وجود جریان ثانویه و عمل و عکس العمل بین جریان سیال با زبانه حلقه ای پمپ باشد. این پدیده در دبی های بالاتر محسوس است. نتایج هد پمپ برای نفت نیز در شکل 6 نشان داده شده است. همانطور که مشخص است، با توجه به تشابه مقادیر عددی هد می توان دریافت که نفت، در شبیه سازی شبیه به آب عمل می کند. واضح است که نفت در گستره وسیعی از دبی های جریان مقادیر هد را با اختلاف ناچیزی کمتر از آب نشان می دهد.

با توجه به محدودیت مدل عددی در احتساب برخی از مکانیزم های تلفات از قبیل تلفات مکانیکی در یاتاقان ها، تلفات نشتی<sup>6</sup> و تلفات دیسکی<sup>7</sup>، برای محاسبه بازدهی کل پمپ لازم است که مقادیر تلفات فوق از روابط نیمه تجربی جایگزین شود [1]. مینگاو و همکارانش [19] موفق شدند که بازدهی کل را به صورت تابعی از سایر تلفات به کمک رابطه 6 محاسبه کنند:

$$\eta = \left( \frac{1}{\eta_h \eta_v} + \frac{\Delta P_d}{\rho g Q H} + 0.03 \right)^{-1} \quad (6)$$

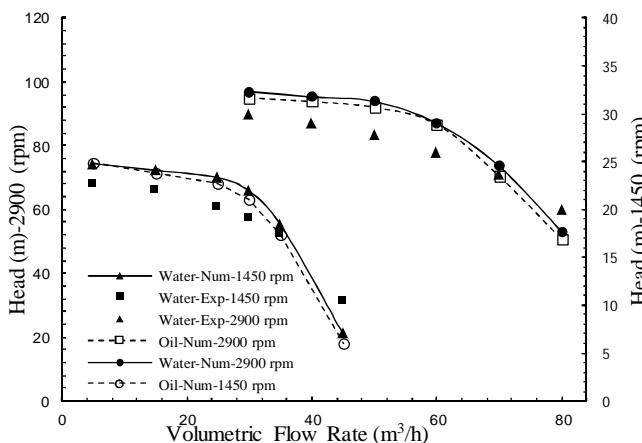


Fig. 6 Numerical and experimental results of Head at two angular velocities for water and Crude Oil

شکل 6 نتایج هد عددی و تجربی در دو سرعت برای آب و نفت خام

6- Leakage loss  
7- Disk friction loss

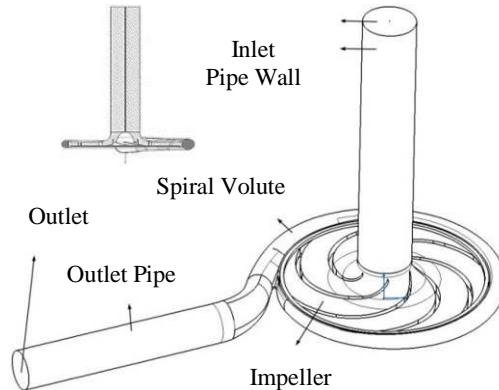


Fig. 5 The view of inlet, outlet and other boundaries

شکل 5 نمایی از شرایط مرزی ورود، خروج و مرز های دیگر

چندگانه<sup>1</sup>، اجزای ساکن و دوار پمپ شبیه سازی شده اند و برای اتصال قسمت ساکن و چرخان از سطح مشترک روتور ایستا<sup>2</sup> استفاده شده است. برای حل معادلات انتقال از روش المان محدود بر پایه حجم محدود استفاده شده است<sup>3</sup>. برای کوپلینگ سرعت و فشار از الگوریتم رایخوف<sup>4</sup> با دقت مرتبه ای بالا برای گسسته سازی ترم های جابجایی<sup>5</sup> استفاده شده است. نکته ای مهم این است که در بررسی پمپ با فرض حالت دائم، میدان جریان تنها برای یک وضعیت مشخص و با توجه به نحوه قرار گیری اجزای ساکن و چرخان نسبت به یکدیگر تعیین خواهد شد [1]؛ یعنی در تحلیل حالت پایا برای انواع پمپ ها، وضعیت پره های پروانه پمپ و محفظه حلقه ای در تعیین میدان جریان داخل پمپ و محل و میزان ناحیه جدایش در محفظه حلقه ای نقش تعیین کننده ای دارد [17]؛ بنابراین با بکار گیری شرط تماسی روتور ایستا در این مقاله سعی شده است تا تأثیرات نواحی ساکن اطراف نواحی چرخان خنثی شود و در واقع تحلیل مستقل از وضعیت قرار گیری پره ها نسبت به حلقه ای خواهد بود. علاوه بر آن لازم است که مرز های ورود و خروج جریان پمپ برای جلوگیری از واگرا شدن تحلیل به اندازه 6 الی 10 برابر قطر های ورودی و خروجی ادامه یابند [14] تا از موقع نواحی گردابی در نزدیکی مرز ها و مخصوصاً تشکیل دیواره های فرضی در نواحی خروجی هندسه ای پمپ در دبی های کم جلوگیری شود؛ که این امر باعث پایداری حل و تسريع در همگرایی خواهد شد [14]. میزان شدت میانگین آشفتگی در این مقاله برای تحلیل عددی 5% در نظر گرفته شده است که برای سیستم موجود و همچنین کنترل جریان ورودی پمپ یک مقدار کاملاً تجربی است.

#### 8- صحه گذاری بر حل عددی و بررسی نتایج تحلیل

برای تایید مدل عددی و محاسبات مربوط به آن، بین نتایج بدست آمده از مدل شبیه سازی شده و نتایج تجربی مقایسه ای انجام شده است. شکل 6 نتایج عددی و تجربی مقادیر هد پمپ بر اساس دبی حجمی عبوری از آن را نشان می دهد. هد محاسبه شده بیانگر هد کل پمپ از لوله ورودی تا لوله خروجی است و بر اساس رابطه 5 بیان می شود:

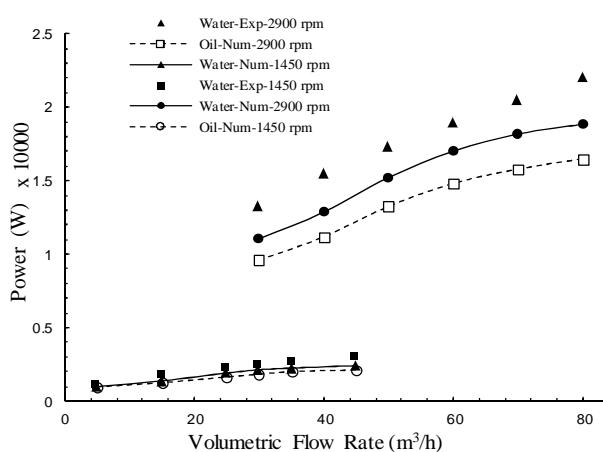
1- Multiple reference frame model

2- Frozen rotor

3- Finite element based finite volume

4- Rhee-Chow

5- Convection terms



**Fig. 8** Comparison between numerical and experimental results of Power at two angular velocities of 1450 rpm and 2900 rpm for water and Crude Oil

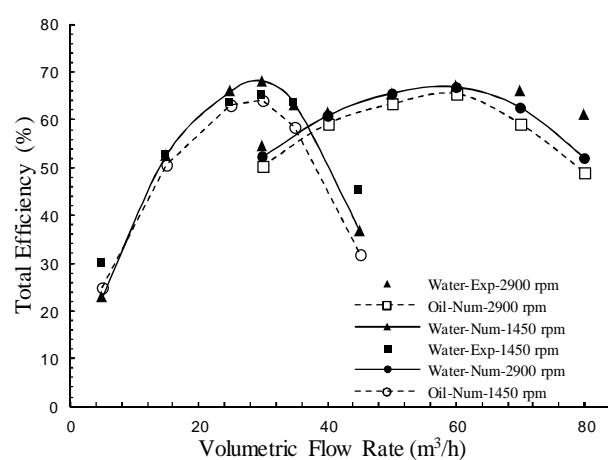
شکل 8 مقایسه نتایج توان عددی و تجربی در دو سرعت 2900rpm و 1450 rpm برای آب و نفت خام

دو سیال، توان مصرفی پمپ افزایش می‌باید ولی این افزایش در مقدار توان مصرفی هنگامی که سرعت دورانی روتور 2900 rpm باشد با شبیه‌سازی مقدار توان سرعت به سرعت دورانی 1450 rpm افزایش می‌باید؛ یعنی با دوبرابر کردن سرعت چرخش روتور شبیه افزایش توان مصرفی پمپ تقریباً دو برابر می‌شود. با توجه به توضیحات می‌توان دریافت که حل عددی تطابق خوبی را با نتایج تجربی نشان داده است و می‌توان برای تحلیل نتایج عددی پمپ در گام‌های بعد پرداخت.

بعد از صحنه گذاری بر نتایج تحلیل عددی نتایج بررسی می‌شوند. شکل 9 نشان دهنده مقدار افزایش فشار مطلق بین ورودی و خروجی پروانه‌ی پمپ و حلقه‌ی در دو سرعت متفاوت و برای آب و نفت در پمپ می‌باشد. همانطور که از شکل‌ها پیداست مقدار اختلاف فشار مطلق دو سر پروانه‌ی پمپ و دو سر حلقه‌ی نفت خام کمتر از آب بودست آمده است و در هر دو سیال با افزایش دبی مقدار اختلاف فشار مطلق در ابتداء افزایش و سپس در محدوده‌ی وسیعی از دبی‌های حجمی کاهش می‌باید، همچنین در دبی‌های بکسان برای هر دو سرعت، با افزایش دور پمپ اختلاف فشار مطلق دو سر پروانه‌ی پمپ و حلقه‌ی افزایش می‌باید و میزان اختلاف فشار مطلق دو سر پروانه‌ی پمپ در سرعت‌های نامبرده به طور میانگین از میزان اختلاف فشار مطلق دو سر حلقه‌ی بیشتر است. می‌توان دریافت که در حلقه‌ی پمپ برای نفت خام با کاهش دبی مقدار اختلاف فشار مطلق، افت بیشتری نسبت به آب دارد ولی با افزایش دبی جریان این اختلاف بین مقدار نفت و آب کاهش می‌باید. در پروانه‌ی پمپ میزان اختلاف فشار مطلق برای دو سیال نفت و آب در دبی‌های مختلف به طور میانگین ثابت است ولی در دورهای پایین با کاهش دبی جریان این اختلاف بین آب و نفت در پروانه‌ی پمپ کاهش می‌باید. در شکل‌های 9(a) و (b) مشخص است که میزان کاهش اختلاف فشار مطلق در هر دو سرعت 2900 و 1450 rpm با افزایش دبی افزایش دبی برای پروانه‌ی پمپ شبیه کمتری نسبت به حلقه‌ی دارد و این بیانگر این مطلب است که افزایش دبی جریان به شدت بر اختلاف فشار مطلق دو سر حلقه‌ی تاثیر گذاشته و میزان حساسیت این پارامتر به دبی، در حلقه‌ی پمپ بیشتر از پروانه است. در دبی‌های بیشتر از حدود 70 m³/h در سرعت 2900 rpm و 38 m³/h در سرعت 1450 rpm در حلقه‌ی پمپ افت فشار مطلق بین دو سر آن ایجاد

که در این رابطه،  $\Delta P_d$  تلفات دیسکی،  $\eta_7$  راندمان حجمی<sup>1</sup> و مقدار 0.03 اضافه شده اثر تلفات در یاتاقان‌ها و آب بندها را نشان می‌دهد [1]. جزئیات محاسبه‌ی هر کدام از پارامترهای فوق در پیوست قابل مشاهده است.

شکل 7 نیز مقداری بازده کل را بر حسب دبی حجمی برای دو سرعت نام-برده نشان می‌دهد. همانطور که از شکل پیداست مقداری بازده کل برای حل عددی و تجربی برای آب تنها با اختلاف 18.5% در دبی 45 m³/h برای سرعت 1450 rpm بست آمده است که علت آن می‌تواند حضور جریان-های چرخشی و ثانویه در دبی‌های بالا باشد که تحلیل را از حالت پایا دور می‌کند ولی در دبی‌های کمتر تحلیل عددی مقداری بازده متناظر بیشتری را نسبت به نتایج تجربی نشان می‌دهد که علت آن عدم شبیه‌سازی افت‌های مربوطه در پمپ است. با مقایسه‌ی دو سرعت در نظر گرفته مشخص است که مقداری بازده کل برای سرعت 1450 rpm 20% تا حدود 68% متغیر است ولی با افزایش سرعت چرخش پروانه به 2900 rpm این محدوده به 50% تا 65% تغییر می‌یابد. همچنین نفت خام نیز رفتاری مشابه ولی با اندکی اختلاف در نتایج عددی با آب دارد و برای دو سرعت چرخشی متفاوت، مقداری بازده کمتری را نسبت به آب نشان می‌دهد. در شکل 8 توان مصرفی پروانه شامل دیواره‌های تیغه‌ها، قسمت‌هایی از سیال که با هاب و شراد در تماس اند، نشان داده شده است. همانطور که از شکل 8 مشخص است، نتایج عددی و تجربی با اندکی اختلاف در دبی‌های مختلف ترسیم شده اند. علت کاهش توان مصرفی در نتایج عددی نسبت به تجربی، عدم شبیه‌سازی افت‌های مربوطه و شرط مرزی زیری در داخل پمپ است. نتایج توان محاسبه شده برای آب با مقداری عددی توان برای نفت خام در دو سرعت نام-برده با هم مقایسه شده اند. همانطور که از شکل 8 مشخص است توان بست آمده از مقداری عددی نفت خام برای هر دو سرعت از مقداری متناظر با سیال آب کمتر است. این به این معنی است که نفت خام گشتوار کمتری را بر تیغه‌های پروانه و سطوح هاب و شراد پمپ گریز از مرکز وارد می‌کند همچنین با افزایش دور پمپ مقداری توان، افزایش قابل توجهی را برای دبی‌های بین 30 و 45 m³/h که برای دو سرعت مشترک هستند، به همراه دارد. همچنین می‌توان دریافت که با افزایش دبی جریان در هر دو سرعت برای هر

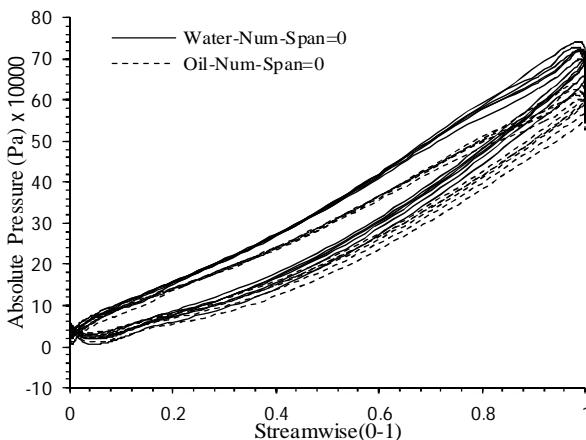


**Fig. 7** Comparison between numerical and experimental results of Total Efficiency at two angular velocities of 1450 rpm and 2900 rpm for water and Crude Oil

شکل 7 مقایسه نتایج بازده کل عددی و تجربی در دو سرعت 1450 و 2900 rpm برای آب و نفت خام

1- Volumetric efficiency

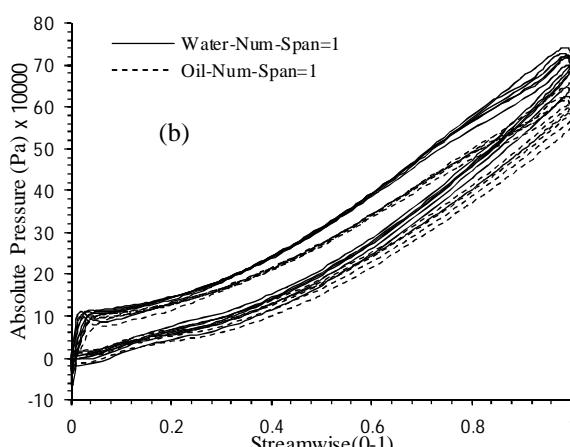
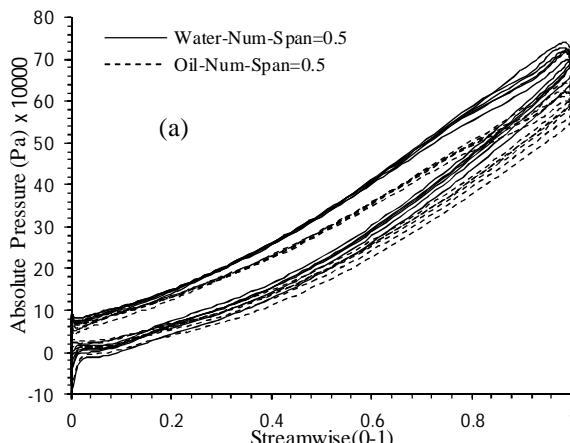
شکل 12 خطوط جریان محاسبه شده برای 3 دبی مختلف برای آب و نفت را نشان می دهد. تمام کانتور ها در ارتفاع میانی تداخل پروانه و حلزونی برای سرعت 2900 rpm ترسیم شده اند. کانتور های دامنه سرعت در تمام



**Fig.10** Comparison of Absolute pressure distribution on blades between

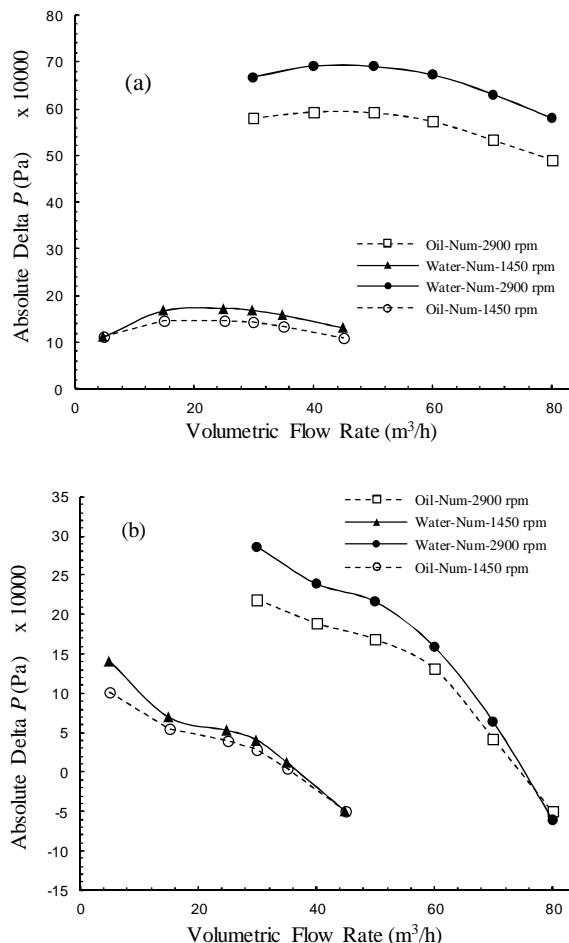
water and crude oil at section of hub at BEP at 2900 rpm

شکل 10 مقایسه توزیع فشار مطلق روی تیغه های بین آب و نفت خام در مقطع هاب در نقطه طرح در سرعت 2900 rpm



**Fig.11** Comparison of Absolute pressure distribution on blades between water and crude oil at sections of (a) mid, (b) shroud at BEP at 2900 rpm

شکل 11 مقایسه توزیع فشار مطلق روی تیغه های بین آب و نفت خام در مقاطع (a) میانی و (b) شزاد در نقطه طرح در سرعت 2900 rpm



**Fig. 9** Comparison of Absolute pressure difference results between inlet and outlet of (a) impeller and (b) spiral Volute at two angular velocities of 1450 rpm and 2900 rpm for water and Crude Oil

شکل 9 مقایسه نتایج اختلاف فشار مطلق بین ورودی و خروجی در (a) پروانه و در (b) حلزونی در دو سرعت 1450rpm و 2900rpm برای آب و نفت خام

می شود ولی برای محدوده های وسیعی از دبی های حجمی در پروانه پمپ شاهد افزایش فشار مطلق از ورودی تا خروجی آن هستیم. شکل 10 و 11 توزیع فشار مطلق از سطوح تیغه های پمپ گریز از مرکز در دور 2900 rpm در خطوط مماس با هاب، شراد و خط میانی تیغه بر حسب طول تیغه برای سیال نفت خام و آب را نشان می دهد. همانطور که از نتایج پیداست نفت خام در هر سه ناحیه میزان فشار ناتوانی نسبت به سیال آب روی تیغه های پمپ گریز از مرکز وارد می کند. شکل های 10 و 11 (a) و (b) نشان می دهند که توزیع فشار های مطلق روی تیغه ها در قسمت های انتهایی تیغه نزدیک حلزونی روی سطوح پر فشار تیغه باهم متفاوت اند که دلیل آن توزیع نامتقارن فشار روی سطوح پر فشار تیغه به علت وجود حلزونی است؛ اما این توزیع فشار در سطوح پر فشار نزدیک به ورودی تیغه تقریباً یکسانی را برای آب و نفت خام نسبت به توزیع فشار روی سطوح کم فشار دارند.

در شکل های 10 و 11 مقدار استریم وایز<sup>1</sup> صفر و یک به ترتیب مربوط به ورودی و خروجی تیغه ها هستند.

سیال آب و نفت خام می تواند مورد بحث قرار گیرد. در ابتدای امر شدت آشفتگی توسط رابطه ۷ تعریف می شود:

$$T_s = \frac{1}{\omega R_2} \sqrt{K(x, y, z, \theta)} \quad (7)$$

که در این رابطه  $\omega R_2$  بیانگر سرعت خروجی پروانه‌ی پمپ است و  $K$  نیز همان انرژی جنبشی آشفتگی محاسبه می شود. به خاطر پایا بودن تحلیل تمامی مقادیر شدت آشفتگی در لحظه‌ی پایا شدن حل، محاسبه و ترسیم گردیده است. با در نظر گرفتن نفت در پمپ انتظار می رود که در دو سرعت دورانی ۱۴۵۰rpm و ۲۹۰۰rpm برای مقادیر هد پروانه‌ی پمپ، تشابه برقرار باشد. در دو سرعت دورانی با توجه به مقادیر عددی هد پمپ می توان ضریب هد پروانه و دبی را به ترتیب به صورت روابط ۸ و ۹ تعریف کرد:

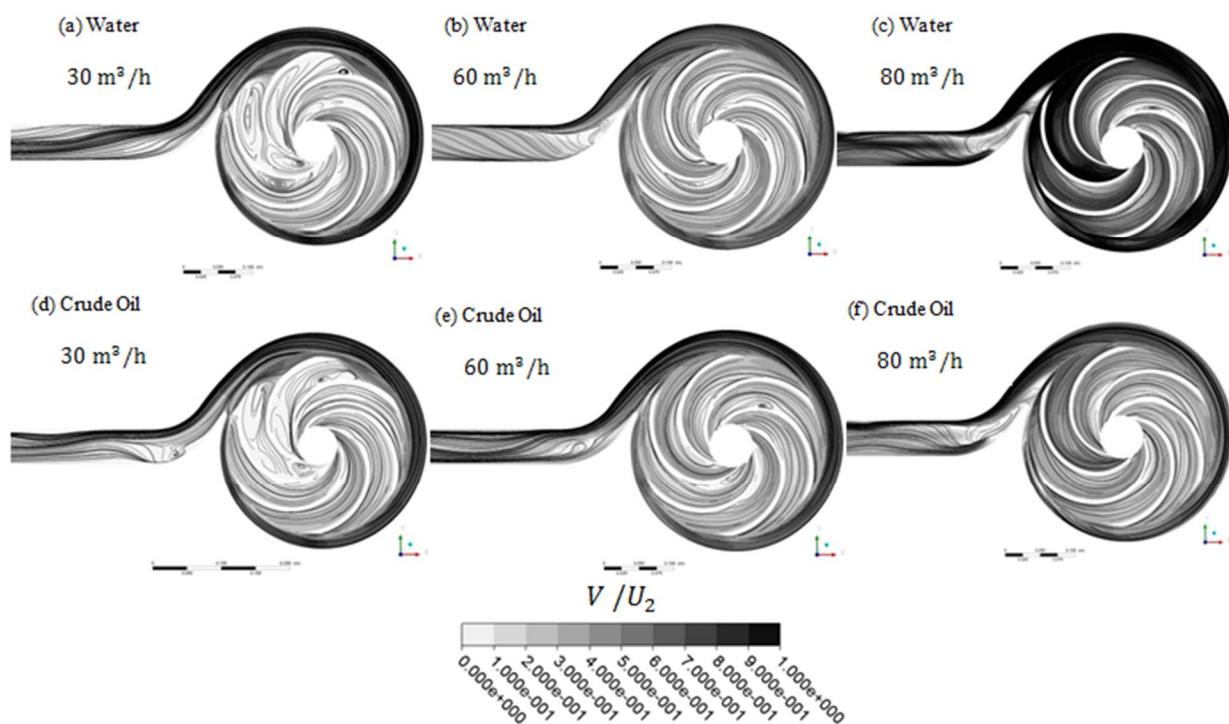
$$\psi = \frac{g H_{im}}{U_2^2} \quad (8)$$

$$\varphi = \frac{Q}{U_2 R_2^2} \quad (9)$$

که پارامتر  $U_2$  نمایانگر سرعت خروجی پروانه‌ی پمپ است و  $H_{im}$  بیانگر هد پروانه است همچنین  $g$  شتاب گرانش و  $Q$  دبی حجمی جریان است. شکل ۱۳ مقادیر عددی ضریب هد را در دو سرعت دورانی نامبرده به عنوان تابعی از ضریب دبی برای نفت نشان می دهد. همانطور که انتظار می رود نتایج برای دو سرعت دورانی با هم منطبق اند که نشان دهنده‌ی این است که تشابه برای مقادیر هد پروانه یکسان است. با در نظر گرفتن یک چندجمله‌ای مرتبه‌ی دو معلوم شد که معادله‌ی ۱۰ برای تطابق نتایج عددی هد پروانه بر حسب دبی جریان بسیار مناسب است.

$$H_{im}(Q, n) = C_1 Q^2 + C_2 Qn + C_3 n^2 \quad (10)$$

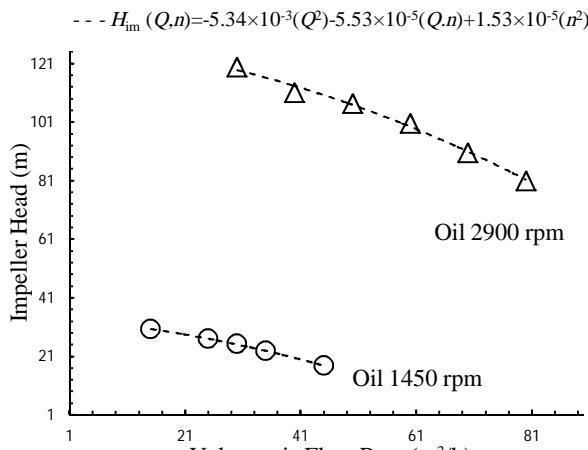
نواحی پمپ با سرعت خروجی پروانه یعنی  $U_2$  نormalیزه شده اند. هر دوی کانتورهای سرعت و خطوط جریان بر اساس ناحیه‌ی چرخان ترسیم شده اند. برای هر دوی آب و نفت خام همانطور که انتظار می رود در شرایط خارج از نقطه طرح جریان به شیوه‌ی نامناسبی جهت گرفته است. همانطور که از شکل ۱۲ (a) و (d) مشخص است چندین نواحی چرخشی در ناحیه‌ی پروانه مخصوصاً در ناحیه‌ی پر فشار دیده می شود. علت آن مسدود شدن راهگاه عبور جریان بین دو تیغه به خاطر لزعیدن جریان سیال از پره به داخل جریان می باشد. در دبی  $30 \text{ m}^3/\text{h}$ ، آب گردابه‌های بیشتری را نسبت به نفت خام تشکیل می دهد. در دبی  $60 \text{ m}^3/\text{h}$  که دبی  $60 \text{ m}^3/\text{h}$  است همانطور که پیش‌بینی می شود در هر دو شکل ۱۲ (b) و (e) کانتورها بهتر و خطوط جریان جهت گیری مناسب تری دارند ولی گردابه‌های ریزی در ناحیه‌ی پر فشار برای نفت مشاهده می شود که گواه بر این موضوع است که نقطه‌ی بهترین بازده برای نفت خام اندکی بیشتر یا کمتر از دبی  $60 \text{ m}^3/\text{h}$  است. در دبی  $80 \text{ m}^3/\text{h}$  برای هر دو سیال مقادیر سرعت جریان مخصوصاً در سیال آب به شدت افزایش می یابد به طوریکه در یکی از راهگاه‌ها نزدیک زبانه‌ی حلقه‌ی سرعت سیال به بیشینه خود می‌رسد و همین عامل باعث تداخل جریان و کاهش فشار کل و در نتیجه افت هد شدید می شود. عملکرد پمپ می تواند توسط شدت اغتشاش و اختلالات جریان تحت تاثیر قرار گیرد. در پمپ‌هایی که بعد از پروانه تیغه‌های پخش‌کننده وجود دارند، این اغتشاشات تحت تاثیر کشش و واکنش بین تیغه‌های پروانه و پخش‌کننده به طور غیر پایا قرار می‌گیرند؛ ولی در پمپ مورده بررسی این تیغه‌ها وجود ندارند و تنها اثرات اغتشاش را می‌توان در نواحی اطراف زبانه‌ی حلقه‌ی سرعت خمیده‌ی لوله‌ی خروجی پمپ یافت؛ به همین دلیل بررسی اثرات آشفتگی در این نواحی برای شرایط کاری خارج از نقطه طرح در هر دو



**Fig.12** 2D streamline paths and velocity magnitude contours at a plane located in the middle height of the impeller-spiral volute interface for two selected flow rates and a rotor speed of 2900 rpm: water : (a)  $30 \text{ m}^3/\text{h}$  (b)  $60 \text{ m}^3/\text{h}$  (c)  $80 \text{ m}^3/\text{h}$  , Crude oil: (d)  $30 \text{ m}^3/\text{h}$  (e)  $60 \text{ m}^3/\text{h}$  (f)  $80 \text{ m}^3/\text{h}$

شکل ۱۲ مسیرهای دو بعدی خط جریان و کانتورهای دامنه‌ی سرعت در صفحه‌ی انتخابی دبی حجمی و سرعت نفت خام: آب: (آ)  $30 \text{ m}^3/\text{h}$  و (ب)  $60 \text{ m}^3/\text{h}$  و (c)  $80 \text{ m}^3/\text{h}$  و پمپ گریز از مرکز: (d)  $30 \text{ m}^3/\text{h}$  و (e)  $60 \text{ m}^3/\text{h}$  و (f)  $80 \text{ m}^3/\text{h}$  در ۲۹۰۰rpm

مرتبه‌ی دو با مقادیر عددی هد پروانه برای نفت در دو سرعت مختلف نشان داده شده است که از تطابق بسیار خوبی برخوردارند. همانطور که از شکل 14 مشخص است میزان هد پروانه در دبی‌های بالا افت چندانی ندارد ولی این موضوع در شکل 6 که نشان دهنده هد کل پمپ بر حسب دبی حجمی است متفاوت است. کانتورهای شدت آشفتگی برای پمپ در شکل 15 نشان داده شده‌اند.

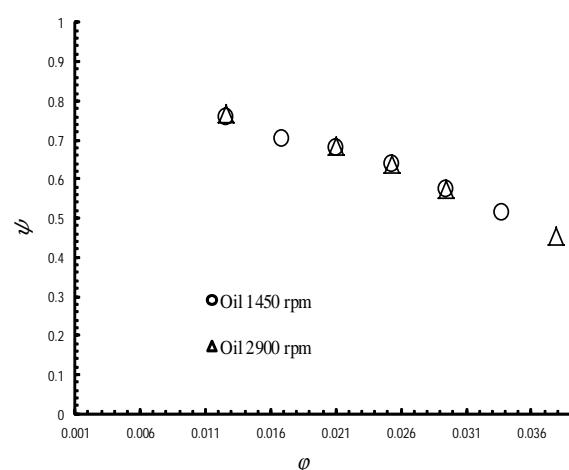


**Fig.14** Numerical values of impeller head compared with the fitted curve for Oil

شکل ۱۴ مقادیر عددی هد پروانه در مقایسه با منحنی مطابق شده برای نفت

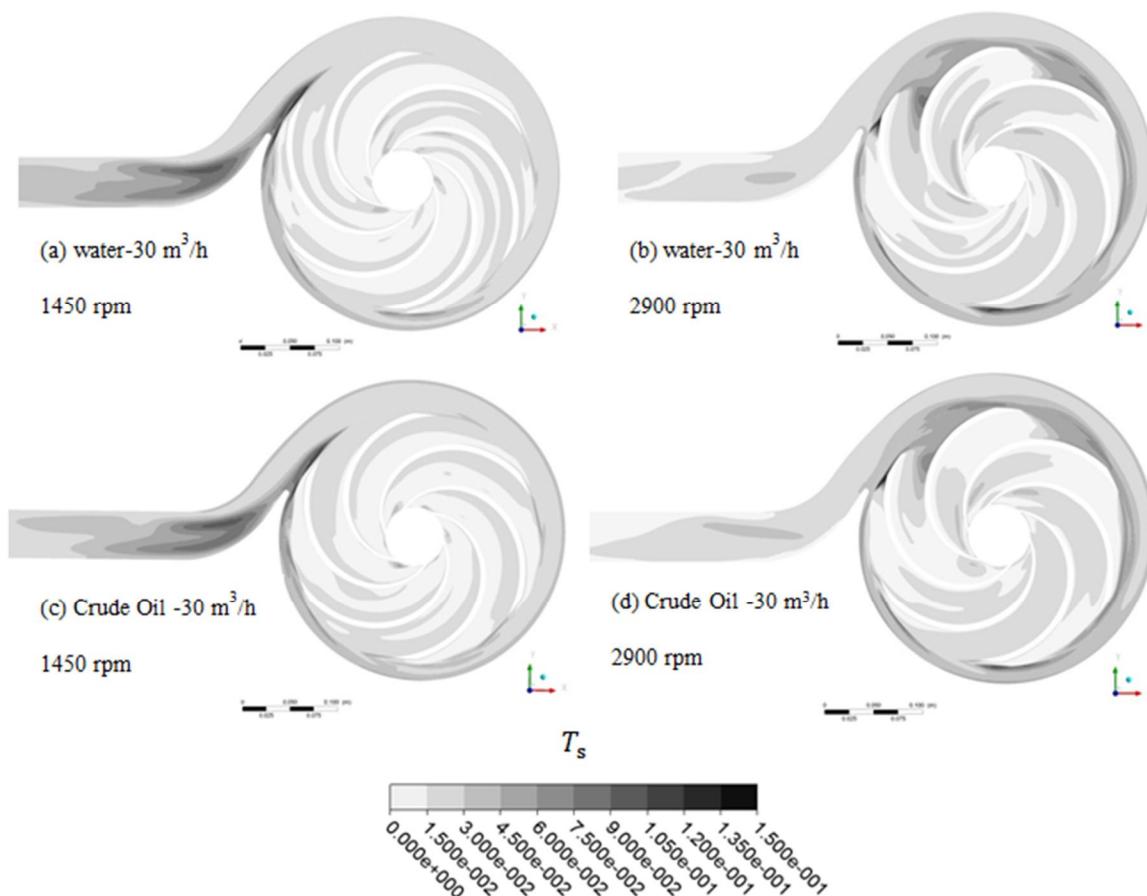
در این رابطه  $n$  بیانگر سرعت دورانی پروانه‌ی پمپ است. مقادیر ثابت بدست آمده در معادله برای این مورد در ادامه مشخص شده‌اند که عبارتند از  $C_1 = 5.34 \times 10^{-3}$  و  $C_2 = -5.53 \times 10^{-5}$  و  $C_3 = 1.53 \times 10^{-5}$  که در اثر معادل سازی ترم‌های مربوطه با نتایج عددی ضریب هد بر حسب ضریب جریان بدست آمده‌اند.

اکنون در شکل 14 مقایسه‌ای بین منحنی‌های حاصل از معادله‌ی



**Fig.13** Numerical results of the impeller head coefficient for oil

شکل ۱۳ نتایج عددی ضریب هد پروانه برای نفت



**Fig.15** Contour plots of normalized instantaneous turbulence intensity at a plane located in the middle height of the impeller-spiral volute interface for a part-load condition and the best efficiency point for water and crude oil: water: (a)  $30\text{ m}^3/\text{h}$  - 1450 rpm (b)  $30\text{ m}^3/\text{h}$  - 2900 rpm, Oil : (c)  $30\text{ m}^3/\text{h}$  - 1450 rpm (d)  $30\text{ m}^3/\text{h}$  - 2900 rpm

شکل ۱۵ کانتورهای شدت آشفتگی نرماییزه و لحظه‌ای در صفحه‌ای واقع در ارتفاع میانی تداخل پروانه - حلوونی برای شرایط خارج از نقطه طرح و نقطه بهترین بازده برای آب 2900 rpm- $30\text{ m}^3/\text{h}$  (c) 2900 rpm- $30\text{ m}^3/\text{h}$  (b) 1450 rpm- $30\text{ m}^3/\text{h}$  (a) نفت خام . آب . شماره ۲

خارج از نقطه طرح به شدت بر جهت گیری جریان تاثیر می‌گذارد و سرانجام با در نظر گرفتن تشابه مقادیر هد، برای ارائه منحنی هد پروانه بر حسب دی نفت، یک معادله چند جمله‌ای مرتبه دو بر نتایج عددی هد پروانه انطباق داده شد. مهمترین نتایج در موارد زیر می‌تواند خلاصه شود:

- 1 با بکار گیری نفت خام به جای سیال آب میزان بارگذاری و فشار روى تیغه پمپ از مقدار 700 kPa به مقدار تقریبی 625 kPa کاهش یافته است.
- 2 بررسی های انجام شده برای دو سیال آب و نفت خام نشان می‌دهد که رفتار نفت خام با توجه به نمودار هد و بازده کل بر حسب دی، بسیار شبیه به رفتار آب است.
- 3 میزان اختلاف فشار مطلق در ورودی و خروجی پروانه و حلزونی پمپ برای سیال نفت خام به مراتب از سیال آب کمتر است.
- 4 با افزایش دور پمپ برای هر دو سیال رده های بالای شدت آشفتگی از لوله خروجی به خروجی پروانه انتقال می‌یابد و بازده به شدت افت می‌کند و میزان شدت آشفتگی برای نفت خام نسبت به آب در فضای پروانه پمپ به مراتب کمتر است.
- 5 اصل تشابه برای سیال نفت بررسی شد و در نهایت معادله چندجمله‌ای مرتبه دو برای پارامتر هد پروانه بر حسب دی ارائه شده است.

## 10- فهرست علائم

|  |                      |
|--|----------------------|
| شتاپ گرانش (ms <sup>-2</sup> )             | <i>g</i>             |
| هد کل پمپ (m)                              | <i>H</i>             |
| انرژی جنبشی آشفتگی                         | <i>K</i>             |
| سرعت دورانی روتور (rpm)                    | <i>n</i>             |
| دبی حجمی (m <sup>3</sup> s <sup>-1</sup> ) | <i>Q</i>             |
| شعاع پروانه در خروجی (m)                   | <i>R<sub>2</sub></i> |
| شدت آشفتگی در لحظه همگرایی حل              | <i>T<sub>s</sub></i> |
| سرعت خروجی پروانه (m s <sup>-1</sup> )     | <i>U<sub>2</sub></i> |
| علائم یونانی                               |                      |
| چگالی (kgm <sup>-3</sup> )                 | $\rho$               |
| سرعت دورانی روتور (rad s <sup>-1</sup> )   | $\omega$             |
| ویسکوزیتهٔ دینامیکی (Pa s)                 | $\mu$                |
| سرعت دورانی روتور (rad s <sup>-1</sup> )   | $\Omega$             |
| ضریب هد پروانه                             | $\psi$               |
| ضریب دی                                    | $\varphi$            |
| بازده کل پمپ                               | $\eta$               |
| زیرنویس ها                                 |                      |
| پروانه                                     | im                   |
| ورودی                                      | inlet                |
| خروجی                                      | Outlet               |
| کل   | tot                  |

## 11- پیوست

رابطه‌ی بازده کل از رابطه نیمه تجربی مرجع [19] آورده شده است.

در بررسی هد پمپ، به علت وجود حلزونی و کنش واکنش انتهای تیغه‌ها با زبانه‌ی حلزونی در دی های بالا و ایجاد جریان‌های ثانویه در قسمت خمیدگی لوله خروجی افت هد شدیدی در تحلیل عددی مشاهده شده است. همانطور که مشخص است با افزایش سرعت دورانی میزان کاهش هد پروانه، اندکی شیب بیشتری پیدا می‌کند.

همانطور که از قبل بیان شد برای در نظر گرفتن اثرات اغتشاش جریان باید میزان تغییرات شدت آشفتگی را در لحظه پایان تحلیل مد نظر قرار داد. شکل 15 میزان تغییرات شدت آشفتگی را در دو سرعت 1450 و 2900 rpm و در دی 30 m<sup>3</sup>/h برای هر دو سیال نفت و آب نشان می‌دهد. دی ناابرده، همان دی نقطه طرح در سرعت 1450rpm است. همانطور که از شکل 15 مشخص است مقادیر لحظه‌ای *T<sub>s</sub>* برای شرایط خارج از نقطه طرح یعنی در شکل‌های 15 (b) و (d) در نواحی اطراف قسمت خروجی پروانه پمپ بیشتر است. مقادیر شدت آشفتگی برای هر چهار مورد نرمالیزه<sup>1</sup> شده اند و از مقدار 0 تا 0.15 متغیرند. همانطور که مشخص است با ثابت ماندن دی در 30 m<sup>3</sup>/h و کاهش دور پمپ برای آب و نفت میزان شدت اغتشاش از خروجی پره‌ها مخصوصاً نواحی پر فشار تیغه‌ها و نزدیک به زبانه‌ی حلزونی، به نواحی اطراف لوله خمیده خروجی جریان انتقال می‌یابد ولی میزان اغتشاشات جریان به طور متوسط برای نفت در هر دو سرعت دورانی تقریباً از آب کمتر است. با افزایش دور به مقدار دو برابر، در دی 30 m<sup>3</sup>/h برای آب، میزان بازده کل پمپ از 68.15% به مقدار 52.32% و برای نفت خام از 64.22% به 50.41% کاهش می‌یابد که نشان دهنده‌ی این است که با افزایش دور پمپ در این دی مقادیر زیاد شدت آشفتگی از لوله خروجی به قسمت خروجی پروانه پمپ انتقال می‌یابد و تاثیر شدت آشفتگی بر خروجی پروانه برای کاهش بازده پمپ به مراتب از تأثیرات شدت آشفتگی در لوله خروجی بیشتر است. از شکل 15 (a) و (c) مشخص است که هنگامی که پمپ در نقطه طرح راهاندازی می‌شود، شاهد اثرات خفیف شدت آشفتگی در نواحی ورودی پروانه پمپ نزدیک تیغه‌ها هستیم، اما به محض اینکه پمپ در شرایط خارج از طرح راهاندازی می‌شود، اثرات اغتشاش و آشفتگی جریان در ورودی تیغه‌ها افزایش می‌یابد. پس می‌توان دریافت که اثرات آشفتگی جریان و میزان اغتشاش در ورودی تیغه‌ها تاثیر عمده‌ای بر افت بازده پمپ دارد. این موضوع می‌تواند با بررسی کاهش شدید بازده در شکل 6 در دی 30 m<sup>3</sup>/h، هنگامی که سرعت از 1450 rpm به 2900 rpm تغییر می‌کند، به خوبی نشان داده شود.

## 9- نتیجه گیری و جمع بندی

مقاله‌ی حاضر تحلیل عددی جریان سیال در پمپ گریز از مرکز اثراورون 50-250 شرکت پمپ‌ایران را برای آب و نفت خام ارائه داده است. هدف این تحقیق بررسی نتایج تحلیل عددی یک پمپ آبی با وارد کردن سیال نفت در آن و مقایسه‌ی متغیرهای مهم جریان از قبیل سرعت، فشار و شدت آشفتگی در نقاط حساس پمپ برای این دو سیال بوده است. نتایج عددی بدست آمده برای آب تطابق خوبی را با نتایج تجربی نشان می‌دهد که دلیل خوبی برای مطالعه‌ی جریان سیال با استفاده از تحلیل عددی است. نتایج تحلیل با استفاده از نرم افزار CFX برای چندین دبی مختلف جریان در نقطه طرح و خارج از نقطه طرح و در دو سرعت 1450rpm و 2900rpm برای نفت خام و آب بدست آمده است. تحلیل عددی نشان داده است که شرایط کاری

1 Normalized

- [7] Y. Fu, J. Yuan, S. Yuan, G. Pace, L. d'Agostino, P. Huang, X. Li, Numerical and experimental analysis of flow phenomena in a centrifugal pump operating under low flow rates, *Journal of Fluids Engineering*, Vol. 137, No. 1, pp. 102-114, 2014.
- [8] T. Mihalić, Z. Guzović, A. Predin, Performances and flow analysis in the centrifugal vortex pump, *Journal of Fluids Engineering*, Vol. 135, No. 1, pp. 107-114, 2013.
- [9] M. Vaezi, A. Kumar, The flow of wheat straw suspensions in an open-impeller centrifugal pump, *Biomass and Bioenergy*, Vol. 69, pp. 106-123, 2014.
- [10] L. Jianfeng, D. Jing, Y. Jianping, Y. Xiaoxi, Steady dynamical behaviors of novel viscous pump with groove under the rotor, *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 73, pp. 170-176, 2014.
- [11] N. Moazami, K. Fukamachi, M. Kobayashi, N. G. Smedira, K. J. Hoercher, A. Massiello, S. Lee, D. J. Horvath, R. C. Starling, Axial and centrifugal continuous-flow rotary pumps: A translation from pump mechanics to clinical practice, *Journal of Heart and Lung Transplantation*, Vol. 32, No. 1, pp. 1-11, 2013.
- [12] A. Georgescu, S. Georgescu, C. Ioan, L. Hasegan, A. Anton, D. Maria, EPANET simulation of control methods for centrifugal pumps operating under variable system demand, *Procedia Engineering*, Vol. 119, pp. 1012-1019, 2015.
- [13] H. M. El-Beher SM, A comparative study of turbulence models performance for separating flow in a planar asymmetric diffuser, *Computers & Fluids*, Vol. 44, No. 1, pp. 248-257, 2011.
- [14] Ansys group, *Ansys CFX Pre User's Guide*, Release 15.0, pp.118, U.S.A, 2013.
- [15] C. Hirsch, *Numerical Computation of Internal and External Flows*, Second Edition, pp. 249-277, Burlington: Elsevier, 2007.
- [16] M.A kazemi laari, S. khaje poor, *Modeling & Numerical Simulation via ANSYS CFX*, pp. 455-456, Tehran: Abed, 2012 (in Persian فارسی)
- [17] M.A.B. Jafarzadeh, A. Hajari, M. M. Alishahi, The flow simulation of a low specific speed high speed centrifugal pump, *Applied Mathematical Modeling*, Vol. 35, No.1, pp. 242-249, 2011.
- [18] *Pumps catalogue-centrifugal pumps-Eta norm 50-250*, Accessed 20 October 2015; <http://www.pumpiran.org/e-catalog/>. (in Persian فارسی)
- [19] M. Tan, S. Yuan, H. Liu, Y. Wang, K. Wang, Numerical research on performance prediction for centrifugal pumps, *Chinese Journal of Mechanical Engineering*, No. 1, pp. 21-27, 2010.

$$\Delta P_d = \begin{cases} 1.1 \times 75 \times 10^{-6} \rho g u_2^3 D_2^2 & , N_s > 65 \\ 0.133 \times 10^{-3} \rho [2.5 \times 10^5 \omega D_2^2]^{0.134} \omega^3 \frac{D_2^5}{8} & , N_s < 65 \end{cases} \quad (11)$$

$$N_s = \frac{3.65N(\text{rpm})\sqrt{Q(\text{m}^3/\text{s})}}{H^{0.75}(\text{m})} \quad (12)$$

$$\eta_v = \frac{1}{1 + 0.68N_s^{-\frac{2}{3}}} \quad (13)$$

## 12- مراجع

- [1] M. Ghaderi, A.F. Najafi, A. Nourbakhsh, Estimation of a centrifugal pump slip factors at off-design conditions using computational fluid dynamics, *modares Mechanical Engineering*, Vol. 15, No. 3, pp. 199-207, 2015. (in Persian فارسی)
- [2] H. Stel, G. D. L. Amaral, C. O. R. Negra, S. Chiva, V. Estevam, R. E. M. Morales, Numerical analysis of the fluid flow in the first stage of a two-stage centrifugal pump with a vaned diffuser, *Journal of Fluids Engineering*, Vol. 135, No. 7, pp. 1-9, 2013.
- [3] M. H. Shojaeeefard, M. Tahani, M. B. Ehghaghi, M. a. Fallahian, M. Beglari, Numerical study of the effects of some geometric characteristics of a centrifugal pump impeller that pumps a viscous fluid, *Computers & Fluids*, Vol. 60, pp. 61-70, 2012.
- [4] H. Alemi, S. A. Nourbakhsh, M. Raisee, A. F. Najafi, Effects of volute curvature on performance of a low specific-speed centrifugal pump at design and off-Design conditions, *Journal of Turbomachinery*, Vol. 137, No. 4, pp. 9-19, 2015.
- [5] Z. Gao, W. Zhu, L. Lu, J. Deng, J. Zhang, F. Wuang, Numerical and experimental study of unsteady flow in a large centrifugal pump with stay vanes, *Journal of Fluids Engineering*, vol. 136, No. 7, pp. 101-110, 2014.
- [6] M. Nataraj R. Ragot Singh, Analyzing pump impeller for performance evaluation using RSM and CFD, *Desalination and Water Treatment*, Vol. 52, No. 34-36, pp. 6822-6831, 2014.