مقاله پژوهشی کامل تاریخ دریافت ۹۲/۳/۲ تاریخ پذیرش ۹۲/۵/۱۷ ارائه در سایت ۹۲/۱۰/۳۰

د. در نگار بیت بیرس

میک دیسی مکانیک ملر دیں فوق العادہ اسفند ۱۳۹۲، دورہ ۱۳ شمارہ ۱۶ ص ۲۰۹–۲۱۹

طراحی کنترل کننده LQG/LTR برای کنترل وضعیت ماهواره زمین آهنگ با استفاده از چرخهای عکسالعملی

امیر رضا کوثری'*، مهدی پیروانی'، مهدی فکور '، حسین نجات'

مجله علمى يژوهش

۱- استادیار مهندسی هوافضا، دانشگاه تهران، تهران ۲- دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی مکاترونیک، دانشگاه تهران، تهران ۳- استادیار مهندسی مکانیک، دانشگاه تهران، تهران ۴- استادیار مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شریف، تهران * تهران، صندوق پستی ۱۵۶۱-۱۴۳۹۵، kosari_a@ut.ac.ir

چکیده- در این مقاله به طراحی کنترلکننده LQG/LTR برای کنترل وضعیت ماهواره زمین آهنگ در فاز نامی پرداخته میشود. عملگر مورد استفاده در این مقاله چرخ عکس العملی است و گشتاور کنترلی آن به وسیله رگولاتور LQR تعیین میشود. حسگرهای مورد استفاده در این مقاله، حسگر خورشید و زمین هستند و از فیلتر کالمن توسعه یافته برای تخمین حالتهای آغشته به نویز استفاده میشود. سیگنال کنترلی حاصل از LQR به شرطی که همه حالات سیستم در فیدبک خروجی دیده شوند، دارای عملکرد مناسبی است. اما این روش ایدهآل بوده و نویز موجود در مدل و حسگرها را لحاظ نمی کند. از اینرو، بر اساس حالتهای تخمینی کنترلکنندههای DQG و LQG/LTR طراحی شده و با کنترلکننده LQR مقایسه می شوند. ضرایب بهره کنترلکنندهها بر اساس خطیسازی حول نقطه کاری بدست میآید که موجب مقاومت و تشابه پاسخهای LQG و LQG/LTR میشود. نتایج نشان میدهد که فراجهش کنترلی LQR نیز از سایر کنندهها بیشتر است. LQG و LQG/LTR میشود. نتایج نشان میدهد که فراجهش کنترلی LQR نیز از سایر کنترل کنندهها بیشتر است.

Design of LQG/LTR controller for attitude control of Geostationary satellite using Reaction Wheels

A. R. Kosari^{1*}, M. Peyrovani², M. Fakoor³, H. Nejat⁴

1- Assist. Prof., AeroSpace Eng., Tehran Univ., Tehran, Iran

2- MSc of Mechatronics Eng., Tehran Univ., Tehran, Iran

4- Assist. Prof., Mech. Eng., Sharif Univ. of Tech., Tehran, Iran

* P.O.B. 14395-1561 Tehran, Iran. kosari_a@ut.ac.ir

Abstract- In this paper, LQG/LTR controller is designed for attitude control of the geostationary satellite at nominal mode. Usage actuator in this paper is the reaction wheel and control torque is determined by the LQR regulator. Usage sensors in this article are sun and earth sensors and EKF is used for estimation of noisy states. LQR controller signal has good performance, if all system's states are considered in system output feedback. But this method is ideal and does not include model noise and sensors noise. Therefore, LQG and LQG/LTR controllers are designed based on the estimated states, and are compared with LQR controller. Controllers gain coefficients are obtained based on linearization around operating point. It caused to robustness and similarity of LQG and LQG/LTR response. The results show that control overshoot of LQR is greater than the others.

Keywords: Geostationary Satellite, Attitude Control, Extended Kalman Filter, LQG/LTR, Reaction Wheel.

³⁻ Assist. Prof., Mech. Eng., Tehran Univ., Tehran, Iran

۱– مقدمه

ماهواره زمین آهنگ، ماهوارهای است که مدار آن بر فراز خط استوا قرار دارد و سرعت زاویهای ماهواره در این مدار با سرعت زاویهای زمین برابر است. ماهوارههای مخابراتی و هواشناسی معمولاً در این مدار قرار میگیرند و با توجه به این ویژگی، آنتنهای گیرنده امواج ماهواره به صورت ثابت نسبت به نقطهای از زمین نصب میشوند. این ماهوارهها دائما در معرض گشتاورهای اغتشاشی مانند نیروهای ثقلی ماه و خورشید، نیروی ناشی از پخی زمین، بیضی بودن سطح استوا، گشتاورهای گرادیان گرانشی، و تشعشعات خورشیدی قرار دارند، که این اغتشاشات موجب منحرف شدن ماهواره از موقعیت و وضعیت نامی^۲ میشود [۱].

برای پرهیز از این مشکل و پایدارسازی وضعیت ماهواره از زیرسیستم تعیین و کنترل وضعیت ماهواره^۲ استفاده می شود. این زیرسیستم مسئول نشانه روی مناسب ماهواره در مانورهای مختلف حفظ موقعیت^۳ است [۲].

بخش تعیین وضعیت در این زیرسیستم شامل تمامی حسگرهایی است که اطلاعات مربوط به جهتگیری و وضعیت ماهواره را برای کنترلکننده تولید میکنند. پس از آن، کنترلکننده به وسیله عملگرهای تصحیح وضعیت، جهتگیری ماهواره را اصلاح میکند. عملگرهای ماهواره میتوانند تراسترها، چرخهای عکسالعملی یا چرخهای مومنتومی باشند [۴،۳].

برای کنترل وضعیت ماهواره از روشهای کنترلی مختلفی استفاده میشود. در مرجع [۵] دینامیک عملگر چرخ مومنتمی در سیستم کنترل وضعیت بررسی و کنترلکنندهای برای آن طراحی شده است. نویزها و گشتاورهای اغتشاشی به طور جدی دقت گشتاور خروجی این عملگر را به مخاطره میاندازند. از اینرو در [۵]، الگوریتم PID قابل تنظیم، بر پایه شبکه عصبی RBF^{*} برای طراحی جبرانساز اغتشاشی، در سیستم کنترل مد گشتاور عملگر به کار گرفته شده و طراحی بر اساس دینامیک و تحلیل گشتاور اغتشاشی انجام شده است. در مرجع دینامیک و تحلیل گشتاور اغتشاشی انجام شده است. در مرجع

کواترنیونها بیان شده و از کنترلکننده P و PI برای داشتن کمترین خطا در دوران دستگاهها استفاده شده است. در مرجع [۷] نیز روابط خطیسازی شده دینامیک ماهواره ارائه شده و کنترل کننده LQR برای کنترل وضعیت و داشتن کمترین خطا طراحی شده است. در مرجع [۸] طراحی زیرسیستم کنترل وضعیت برای ماهوارههایی که دارای بخشهای انعطافپذیر هستند، مطرح شده است. اساساً سیستم کنترل وضعیت در این ماهوارهها بر اساس شبیهسازیهای رایانهای و بدون تصدیق تجربی طراحی می شوند. از این رو به دلیل عدم قطعیت مدل، دچار ناپایداری و عملکرد ضعیف کنترلکننده می شوند. در این مرجع مقاومت و عملكرد سيستم با طراحى و مقايسه سه كنترلكننده LQG ،LQR و H∞ بررسى شده است. مقايسه سه کنترلکننده نشان میدهد که LQR در عین سادگی، مقاومت مناسبی تولید می کند ولی نویز موجود در سیستم را در نظر نمی گیرد و تمام حالات سیستم باید در فیدبک دیده شوند. LQG روش واقعیتری است و نویز سیستم و حالات غیرمشاهده پذیر، به وسیله فیلتر کالمن، در آن ملاحظه می شود ولى مقاومت آن با توجه به عدم قطعيتهاى سيستم، نسبت به وش ملکرد و LQR کمتر است. روش H_{∞} نیز در عین داشتن عملکرد و حساسیت مناسب، مقاومت و محدوده تلاش کنترلی خوبی تولید میکند [۹،۸]. مسأله دیگری که در این ماهوارهها وجود دارد، این است که قرار دادن حسگر و اندازه گیری یار امترها در قسمتهای منعطف ماهواره امری پیچیده است. از اینرو برخی از حالتهای سیستم مشاهدهپذیر نخواهند بود که خود بر نامعینی سیستم می فزاید. در [۱۰]، از روش LQG/LTR^a برای حل این مشکل استفاده شده است. در این روش بهوسیله فيلتر كالمن پارامترهاى بخشهاى منعطف را از زوايا و سرعتهای زاویه ای بخشهای مقید تخمین میزنند و در ادامه، از LQR برای طراحی فیدبک حالت مناسب برای ورودی کنترلی استفاده میکنند. در این مرجع ابتدا یک کنترل کننده LQR ایدهآل بدون در نظر گرفتن نویز موجود در سیستم و با فرض اینکه تمامی حالات مستقیماً (بدون تخمین از بخشهای مقيد) در خروجی آن قابل مشاهده باشند، طراحی شده است. سپس در حالت واقعی، دو کنترل کننده LQG و LQG/LTR برای ماهواره طراحی شدهاند. نتایج نشان میدهد که

711

^{1.} Nominal Mode

^{2.} Attitude Determination and Control Subsystem (ADCS)

^{3.} Station Keeping

^{4.} Radial Basis Function (RBF) Neural Network

امیر رضا کوثری و همکاران

^{5.} Linear Quadratic Gaussian with Loop Transfer Recovery

امیر رضا کوثری و همکاران

کنترل کننده LQR بهترین عملکرد را دارد ولی، برای چنین ماهوارهای، روش عملی محسوب نمی شود. عملکرد کنترل کننده حاصل از روش LQG نیز، نسبت به روش LQR ضعیفتر است. در نتيجه با استفاده از روش LQG/LTR، مقاومت کنترلکننده و عملکرد آن، با نزدیک شدن به LQR ایدهآل، تا حد زیادی بهبود داده شده است. تنها مشکلی که در این روش وجود دارد این است که روش LQG/LTR فراجهش بیشتری نسبت به کنترلکنندههای فوق تولید میکند [۱۰].

در این مقاله کنترل کننده LQG/LTR برای کنترل وضعيت ماهواره زمين آهنگ بر پايه بردار كواترنيونها طراحي شده و بازه خطای دستگاه بدنه نسبت به دستگاه مداری حدود +۰/۱° (همان دقت نشانه روی) در نظر گرفته میشود. در صورت استفاده از دینامیک نقطه تعادل، بر پایه کوترنیونها، سیستم کنترل پذیر نخواهد بود، از اینرو طراحی کنترل کنندهها بر اساس خطیسازی حول نقاط کاری انجام میشود. از سوی دیگر در این سیستم بخش منعطفی وجود ندارد و همه حالتهای سیستم در فیدبک خروجی مشاهده میشوند. همچنین فرض می شود که تشعشعات خورشیدی تنها نویز موجود در مدل سیستم بوده و از فیلتر کالمن توسعه یافته برای حذف آن استفاده می گردد. بدین منظور از حسگرهای خورشید و زمین در بخش تعیین وضعیت و از چرخ عکسالعملی به عنوان عملگر استفاده می شود.

در بخش دوم معادلات حرکت ماهواره، روش LQG، روش LQG/LTR، روش فيلتر كالمن توسعه يافته و روش LQG/LTR بیان می شوند. در بخش سوم نتایج شبیه سازی عددی ارائه شده و در نهایت در بخش چهارم نتیجه گیری و پیشنهادات مطرح مىشوند.

۲- مدلسازی 1-1- معادلات حركت ماهواره معادله دینامیکی حرکت ماهواره به صورت معادله (۱) بیان می شود [۱۱،۱]. $\dot{\omega}_{b/i}^{b} = J^{-1}(u - \omega_{b/i}^{b} \times (I\omega_{b/i}^{b} + h_{RW}))$ (1) که در آن $w^{\mathrm{b}}_{\mathrm{b/i}} \in R^3$ ، بردار سرعت زاویهای بدنه نسبت به دستگاه اینرسی بیان شده در دستگاه بدنه است، J، ماتریس ممان اينرسي، $u \in \mathbb{R}^3$ گشتاور کنترلي ورودي و h_{RW} ، تکانه

زاویهای چرخ عکس العملی است.
سینماتیک وضعیت به وسیله کواترنیونهای وضعیت به صورت
معادله (۲) نسبت به دستگاه مداری بیان میشود.
(۲)
$$\dot{q} = \frac{1}{2} \Omega(\omega_{b/o}^{b}) = p(\omega_{b/o}^{b}) \frac{1}{2} = \dot{p}$$

که در آن $\omega_{b/o}^{b}$ ، بردار سرعت زاویهای بدنه نسبت به
دستگاه مداری بیان شده در دستگاه بدنه است و

$$q = [q_1, q_2, q_3, q_4]^{\mathrm{T}} = [q_{13}^{\mathrm{T}}, q_4]^{\mathrm{I}}$$

$$\Omega(\omega)_{4 \times 4} = \begin{bmatrix} -[\omega \times] & \omega \\ -\omega^{\mathrm{T}} & 0 \end{bmatrix}$$
(*)

$$\Xi(\omega)_{4\times4} = \begin{bmatrix} -\omega^{T} & 0 \end{bmatrix} \\
\Xi(q)_{4\times3} = \begin{bmatrix} q_{4}I_{3} + [q_{13}\times] \\ -q_{13}^{T} \end{bmatrix}$$
(Δ)

LQG روش LQG

روش LQG از ترکیب و حل دو مسأله LQR و فیلتر کالمن توسعه يافته حاصل مى شود [١٢]. فرض كنيد معادلات حالت سیستم و معادلات اندازه گیری به صورت (۶) باشند [۱۳،۱۱]. $\dot{x}(t) = f(x(t), u(t), w(t))$ (6) $z_k = h(x_k, v_k)$ که در (۶) w(t) و v_k به ترتیب اغتشاش مدل و نویز w(t)اندازه گیری هستند و دارای توزیع گوسی میباشند. $p(w) \sim N(0, Q)$ (Y) $p(v) \sim N(0, R)$ و z_k و z_k نیز به ترتیب بردار ورودی کنترلی و بردار u(t)خروجی اندازه گیری شده هستند. در روش LQR، در صورتی که سیستم کنترل پذیر و مشاهدهیذیر حالت باشد، قانون کنترلی خطی وجود دارد که از مینیمم کردن تابع هزینه زیر حاصل می شود [۱۴]: $J = \int_{-1}^{1} [x^{\mathrm{T}}(t)Q_{1}(t)x(t) + u^{\mathrm{T}}(t)Q_{2}(t)u(t)]dt$ (λ)

که در آن t_0 و t_1 زمانهای اولیه و نهایی در هر مرحله و $Q_2(t)$ و $Q_2(t)$ به ترتیب ماتریسهای وزنی متقارن ضریب بردار حالت و ضریب کنترلکننده می باشند. $Q_{I}(t)$ مثبت نیمه معين، (Q2(t) مثبت معين مىباشند.

در این صورت میتوان نشان داد که کنترلکننده بهینه در این حالت با استفاده از رابطه (۹) قابل محاسبه است: $u = -Q_2^{-1}B^{\mathrm{T}}Sx = -K_rx$ (٩) که در آن K_r ماتریس بهره LQR و ماتریس K_r از حل

معادله ديفرانسيل ريکاتی (۱۰) به دست میآيد [۱۴]. $-\dot{S} = A^{\mathrm{T}}S + SA + Q_1 - SBQ_2^{-1}B^{\mathrm{T}}S$ $(1 \cdot)$ ماتریس A در (۱۰) دینامیک سیستم میباشد که در هر مرحله از خطیسازی حول نقطه کاری بدست میآید.

روش LQR در عین سادگی، مقاومت مناسبی تولید میکند ولی نویز موجود در سیستم را در نظر نمی گیرد و تمام حالات سیستم باید در فیدبک دیده شوند [۸].

در روش فیلتر کالمن توسعه یافته، نویز موجود در سیستم لحاظ شده و بردار حالت أغشته به نویز، تخمین زده می شود و بخشی از نویز آن حذف می شود. برای اعمال فیلتر کالمن توسعه یافته نیاز است که ماتریسهای حالت و اندازه گیری در هر لحظه از (۱۱) بدست آیند. به منظور سادهتر شدن مدل، فرض می شود که نویزهای فرآیند و اندازه گیری به صورت خطی وارد سیستم می شوند [۱۳،۱۱].

$$\begin{aligned} A_{[i,j]} &= \frac{\partial f_{[i]}}{\partial x_{[j]}} (\hat{x}_{k-1}, u_{k-1}, 0) \\ H_{[i,j]} &= \frac{\partial h_{[i]}}{\partial x_{[j]}} (\hat{x}_k, 0) \end{aligned} \tag{11}$$
avaluation of the second state of the

$$\begin{aligned} \dot{x}_{k} &= f(\hat{x}_{k-1}, u_{k-1}) \\ A_{k} &= A|_{x=\hat{x}_{k-1}} \\ \dot{P}_{k} &= A_{k} P_{k-1} + P_{k-1} A_{k} + Q \\ H_{k} &= H|_{x=\hat{x}_{k-1}} \end{aligned}$$
(17)

$$K_{f} = \bar{P}_{k} H_{k}^{\mathrm{T}} \left(H_{k} \, \bar{P}_{k} H_{k}^{\mathrm{T}} + R_{k} \right)^{-1}$$

$$\hat{x}_{k} = \bar{x}_{k} + K_{f} (z_{k} - h(\bar{x}_{k}, 0))$$

$$P_{k} = \left(I - K_{f} H_{k} \right) \bar{P}_{k}$$

$$(17)$$

که در آن علایم \overline{x} و \overline{P} به ترتیب مقادیر تخمین حالتها و ماتریس کوواریانس خطا در مرحله پیش بینی و \hat{x} مقادیر تخمین حالتها پس از اصلاح میباشند. ماتریسهای P، Q، R و K_f نیز ماتریس های کوواریانس خطا، کوواریانس نویز مدل، K_f کوواریانس نویز اندازهگیری و بهره فیلتر کالمن هستند [17.11]

دو روش LQR و فيلتر كالمن توسعه يافته، وقتى كه به صورت مجزا طراحی میشوند، دارای خصوصیات عملکردی و پايداري مقاوم مناسبي هستند. ولي جبرانساز LQG فاقد اين ویژگی است [۱۶،۱۵].

LQG/LTR روش -۳-۲

LQG/LTR روشی سیستماتیک بر پایه شکلدهی و بازیابی مقادیر ویژه سیستم حلقه باز است و برای کاهش میزان نوسانات به فیدبک نیازمند است. این روش از ترکیب مسأله LQR، فيلتر كالمن توسعه يافته (همان روش LQG) و تنظيم بازیافت تبدیل حلقه (LTR) تشکیل می شود و با استفاده از آن بهره کنترل کننده LQG بهینه و مقاومت سیستم تضمین می شود. در نتیجه می توان یک سیستم غیر خطی را در بازههای معین خطی، پایدار و به صورت بهینه کنترل نمود .[17.10.10]

تنظیم LTR به دو شیوه LTR در ورودی^۲ و LTR در خروجی در حوزه فرکانس انجام می شود [۱۸،۱۵،۱۰]. ماتریس تابع تبدیل حلقه LTR با KG نمایش داده می شود که G، ماتریس حلقه باز سیستم، برابر است با:

$$G = H(sI - A)^{-1}B \tag{19}$$

$$K = -K_r(sI - A + BK_r + K_f H)$$
 ⁽¹⁰⁾
بنابراین، تابع تبدیل حلقه LTR به صورت (۱۶) بیان می-
شود [۱۰].

$$KG = -K_r (sI - A + BK_r + K_f H)^{-1} \times K_f H (sI - A)^{-1} B$$
(19)

$$KG \Rightarrow -K_r(sI - A)^{-1}B \tag{(1Y)}$$

 Q_1 در روش LTR در خروجی، K_r به وسیله ماتریسهای و Q_2 بهگونهای انتخاب می شود که در محدوده وسیعی از فرکانسها (۱۸) برقرار شود [۱۸]. $KG \Rightarrow -H(sI - A)^{-1}K_f$ (Λ)

۳- نتابج

و

DOR: 20.1001.1.10275940.1392.13.14.4.2

^{1.} Loop Transfer Recovery (LTR)

^{2.} LOGI 3. LQGO

²¹⁷

برای اینکه بتوان بخشی از نویز را از سیگنال کنترلی حذف کرد از فیلتر کالمن استفاده میشود. بدین منظور از روش رانگ کوتای مرتبه ۴ برای حل معادلات دیفرانسیل استفاده شده است. این روش نسبت به روشهایی مانند اویلر یا اویلر اصلاح شده دقت بالاتری دارد ولی محاسبات آن به زمان بیشتری نیازمند است. بر خلاف روش رانگ کوتا، دو روش دیگر کارایی فیلتر را تا حدود قابل توجهی کاهش میدهند.

پس از این که متغیرهای حالت به کمک فیلتر کالمن توسعهیافته تخمین زده شد، از LQR برای تولید ورودی مطلوب استفاده میشود. نکتهای که در طراحی LQR باید بدان توجه کرد، عدم اشباع چرخ عکسالعملی در بازه 0 . \pm است.

بدین منظور ممان اینرسی ماهواره و چرخهای عکسالعملی به صورت (۱۹) در نظر گرفته شده و بردار حسگرهای خورشید و زمین در دستگاه مداری ثابت و برابر (۲۰) فرض میشود. در نتیجه، معادلات حالت سیستم و خروجی حسگرها به ترتیب به صورت (۲۱) و (۲۲) خواهد بود.

$$J = \begin{bmatrix} 1218.63 & 5.28 & 1.76 \\ 5.28 & 1429.43 & 8.39 \\ 1.76 & 8.39 & 442.26 \end{bmatrix}$$

$$J_{\rm RW} = 0.016 \times I_{3\times3} \tag{19}$$

$$\vec{e}_{sun} = [0\ 1\ 0]^{T} \vec{e}_{Earth} = [0\ 0\ 1]^{T}$$
(Y•)

$$\dot{q} = \frac{1}{2} \Omega(\omega_{b/o}^{\mathrm{p}}) q$$
$$\dot{\omega}_{b/i}^{\mathrm{b}} = J^{-1} \left(u - \omega_{b/i}^{\mathrm{b}} \times \left(I \omega_{b/i}^{\mathrm{b}} + h_{\mathrm{RW}} \right) \right) + J^{-1} w$$
(Y)

$$z_{\text{Sun}} = \begin{bmatrix} 2(q_1q_2 + q_3q_4) \\ -q_1^2 + q_2^2 - q_3^2 + q_4^2 \\ 2(q_2q_3 - q_1q_4) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \nu_1 \\ \nu_2 \\ \nu_3 \end{bmatrix}$$
$$z_{\text{Earth}} = \begin{bmatrix} 2(q_1q_3 - q_2q_4) \\ 2(q_2q_3 + q_1q_4) \\ -q_1^2 - q_2^2 + q_3^2 + q_4^2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \nu_4 \\ \nu_5 \\ \nu_6 \end{bmatrix}$$
(YY)

که برای ساده شدن طراحی ماتریس نویز مدل، Γ ، در معادله (۲۱) برابر با B یعنی J^{I} فرض شده است [۱۵]. ماتریسهای A و H نیز از (۲۳) بهدست میآیند و مقدار

الگوریتم LTR که در این مقاله به کار گرفته شده است، LTR در ورودی است. از اینرو سعی شده که عملکرد تبدیل حلقه KG در حوزه فرکانس به سمت LQR میل داده شود.

ماتریسهای وزنی
$$Q_{I}$$
 و Q_{2} نیز به صورت (۲۵) فرض میشود

$$A = \begin{bmatrix} 0.5\Omega & 0.5\Xi \\ 0_{3\times4} & J^{-1}\{[(J\omega\times)] + [h_{RW}\times] - [\omega\times]J\} \end{bmatrix}$$
$$H = \begin{bmatrix} \frac{\partial z_{Sun}}{\partial q} & 0_{3\times3} \\ \frac{\partial z_{Earth}}{\partial q} & 0_{3\times3} \end{bmatrix}$$
(77)

$$P = \begin{bmatrix} 0.02I_{4\times4} & 0_{3\times3} \\ 0_{4\times4} & \left(\frac{\pi}{180}\right)I_{3\times3} \end{bmatrix}$$
(YF)

$$\begin{aligned} Q_1 &= 10^{17} diag([24.80\ 3.84\ 3.84\ 0.28\ 0.9\ 0.9\ 0.9]) \\ Q_2 &= 10^{15} I_{3\times 3} \end{aligned} \tag{Ya}$$

باید دقت کرد که K_r به گونهای طراحی شود که گشتاور کنترلی از ماکزیمم گشتاوری که عملگر چرخ عکسالعملی، با توجه به ماکزیمم توان مصرفی آن، تولید میکند، بیشتر نشود. از اینرو شرط اشباع عملگر به صورت (۲۶) در نظر گرفته می شود.

$$\tau_{Max} = \pm 0.3 \text{ (N.m)}$$

 $P_{RW_{Max}} = 100 \text{ (w)}$
(79)
 P_{I} , P_{I} ,

روش LQG/LTR عملکرد و مقاومت را در سیستمهای خطی بهبود میبخشد [۱۹]، برای آن ماتریس حالتی که دارای کندترین دینامیک است، انجام میشود. بدین منظور از تجزیه مقادیر تکین⁽ (SVD) استفاده شده و ماتریس دینامیکی که دارای کوچکترین SVD است، برای انجام عمل LTR انتخاب میشود. کواریانس نویز مدل و نویز اندازه گیری از معادله (۲۷)

بدست مىآيند.
$$0 = \sigma_w^2 I_{7\times7}$$

$$R = \begin{bmatrix} \sigma_{\nu}^{2} |_{\text{Sun}} I_{3\times 3} & 0_{3\times 3} \\ 0_{3\times 3} & \sigma_{\nu}^{2} |_{\text{Earth}} I_{3\times 3} \end{bmatrix}$$
(YV)

که σ_w اsun ، σ_w و $\sigma_v|_{\text{Earth}}$ به ترتیب نویز مدل، نویز حسگر خورشید و نویز حسگر زمین میباشند.

در طراحی کنترلکننده LQG مقادیر اولیه نویز مدل و نویز اندازهگیری را به صورت (۲۸) در نظر گرفته شده که به ترتیب مقادیر اغتشاش ناشی از تشعشعات خورشیدی و نویز حسگرهای غیردقیق خورشید و زمین میباشند. در این رابطه ۳۰ درصد به نویز حسگرهای ایدهآل افزوده شده و پاسخ زمانی سیستم در شکلهای ۱ تا ۷ نشان داده شده است.

^{1.} Singular Value Decomposition (SVD)

و ۰/۰۰۷۶۹۲، برای ρ مقادیر تکین LQG در بازه وسیعی به مقادیر تکین LQG در بازه وسیعی به مقادیر تکین LQR نزدیک شده است ولی به ازای LQR نوموع شیب نمودار در فرکانسهای بالا بیشتر است و این موضوع موجب عدم حساسیت سیستم به نویزهای فرکانس بالا (نویز اندازه گیری) می شود [۱۸].



LQG و LQR شکل P_3 مؤلفه q_3 کواترنیونهای وضعیت Q_3



شکل ۴ مؤلفه q4 کواترنیونهای وضعیت LQR و LQG



 $\sigma_{w} = 10^{-5} (\text{N.m})$ $\sigma_{v}|_{\text{Sun}} = 1.3 \times \sigma_{\text{Sun}}$, $\sigma_{\text{Sun}} = 0.01^{\circ}$ $\sigma_{v}|_{\text{Earth}} = 1.3 \times \sigma_{\text{Earth}}$, $\sigma_{\text{Earth}} = 0.025^{\circ}$ (7A) and the construction of the constructin of the construction of the construction of the constructin







شکل ۲ مؤلفه q₂ کواترنیونهای وضعیت LQR و LQG

همان طور که در شکل ۸ مشخص است به ازای مقادیر ۷۶۹۲/۰

میهندسی مکانیک مدرسی فوقالعاده اسفند ۱۳۹۲، دورهٔ ۱۳ شمارهٔ ۱٤

LQR



همان طور که در شکل های ۹ تا ۱۵ مشخص است، عملکرد LQG و LQG/LTR مشابه هستند. علت این امر استفاده از





x 10

12

پس طراحی کنترلکننده LQG/LTR با ۰/۷۶۹۲*R* انجام میشود که نتایج آن به همراه سایر کنترلکنندهها در شکلهای ۹ تا ۱۵ آمده است.



Downloaded from mme.modares.ac.ir on 2024-05-03]

دینامیک خطیسازی شده سیستم در هر مرحله و حول نقطه کاری است که موجب مقاوم شدن و بهبود عملکرد کنترل کننده میشود. از سوی دیگر ماهیت سیستم و دقت حسگرهای مورد استفاده در آن برای رسیدن به خطایی کمتر از 1/1 درجه و همچنین لحاظ کردن مقادیر متعارف نویز (σ و $\sigma \times 1.3$) عملکرد دو کنترل کننده را بسیار مشابه می کند. از طرفی همانطور که گفته شد وجود نویز و استفاده از فیلتر کالمن توسعه یافته موجب افزایش فراجهش در حالتهای سیستم نسبت به کنترل کننده R

ورودی کنترلی کنترلکنندهها را نیز میتوان با اعمال شرط اشباع عملگر چرخ عکسالعملی با هم مقایسه کرد. همانطور که در شکلهای ۱۶ تا ۱۸ مشخص است، فراجهشLQR از سایر کنترلکنندهها بیشتر و زمان نشست آن کمتر است.



شکل ۹ مؤلفه q₁ کواترنیونهای وضعیت LQG ،LQR و LQG/LTR



LQG/LTR

مهندسی مکانیک مدرس فوقالعاده اسفند ۱۳۹۲، دورهٔ ۱۳ شمارهٔ ۱۶





LOR

----- LQG ----- LQG/LTR



شکل ۱۴ ω_y کنترلکنندههای LQR و LQG و LQG و



LQG/LTR شکل ۱۵ ω_z کنترل کنندههای ω_z او ω_z



شکل ۱۶ مؤلفه x تلاشهای کنترلی LQG ،LQR و LQG/LTR

عملکرد LQG و LQG/LTR نیز مشابه میباشد. علت این موضوع استفاده از دینامیک نقطه کاری است ولی نویز بیشتر

موجود در روش LQG موجب نویزی شدن پاسخ کنترلی سیستم می شود. 0.25 0.2 0.2



شکل ۱۷ مؤلفه y تلاشهای کنترلی LQG ،LQR و LQG/LTR



شکل ۱۸ مؤلفه z تلاشهای کنترلی LQG ،LQR و LQG/LTR

۴- نتیجه گیری و جمع بندی

یکی از فرضیات ساده کننده در شبیه سازیهای صورت گرفته این است که بردار حسگرهای خورشید و زمین در دستگاه مداری، ثابت و بدون خطا فرض شد، در حالی که این بردارها با گذشت زمان تغییر می کنند و دچار خطا می شوند، از اینرو بهتر است برای داشتن شبیه سازی دقیق تر از تخمین گرهای خورشید، ماه و زمین برای محاسبه این بردارها استفاده کرد.

در این مقاله سه کنترلکننده LQG، LQR و LQG/LTR با هم مقایسه شدند. نتایج نشان داد که کنترلکننده LQR، در صورتی که تمامی متغیرهای حالت را در فیدبک خود مشاهده کند، بهترین عملکرد را دارد. اما این

امیر رضا کوثری و همکاران

- [8] Castro J.de, Souza L.de, "Comparison of the LQG H-infinity Techniques Design and to Experimentally a Flexible Satellite Attitude Control System", Journal of Aerospace Engineering, Vol. 2, No. 2, 2010, pp. 17-25.
- [9] Souza L.de, et al., "Experimental Optimization of Control Techniques to Design a Flexible Satellite Attitude Controller", in Proceeding. 2ndInternational Conference on Engineering Optimization, 2010.
- [10] Vargas R., DeSouza L.G., "Application of the LQG/LTR Method for Attitude Control of a Rigid-Flexible Satellite", in 56th International Astronautical Congress, 2005.
- [11] Myung H., et al., "Hybrid estimation of spacecraft attitude dynamics and rate sensor alignment parameters", in Control, Automation and Systems, 2007. ICCAS'07. International Conference on, 2007, pp. 179-183.
- [12] Fulton J.M., LQG/LTR optimal attitude control of small flexible spacecraft using free-free boundary conditions, PhD Thesis, USA, University of Colorado, 2006.
- [13] Greg W., Gary B., An introduction to the Kalman filter, Second Ed., North Carolina, University of North Carolina at Chapel Hill, 2006.
- [14] Kirk D.E., Optimal control theory: an introduction, New Jersey, Courier Dover Publications, 1970.
- [15] Zarei J., et al., "Design and comparison of LQG/LTR and H_{∞} controllers for a VSTOL flight control system", Journal of the Franklin Institute, Vol. 344, No. 5, 2007, pp. 577-594.
- [16] Souza L., "Robust controller design for flexible space system using a combination of LQG/LTR and PRLQG methods", Dynamics and Control of Structure in Space III. UK: Computational Mechanics Publication-CMP, 1996, pp. 151-166.
- [17] Wang X., "Using LQG-LTR control law to improve the performance of direct drive rotary positioning system subject to uncertain inertia load", in Fluid Power and Mechatronics (FPM), 2011 International Conference on, 2011, pp. 945-948
- [18] Tewari A., Advanced Control of Aircraft, Spacecraft and Rockets, United Kingdom, John Wiley, 2011.
- [19] Tsakalis K., Ioannou P., Linear Time Varying Systems: Control and Application, New Jersey, Prentice-Hall, 1993.

موضوع همواره امکانیذیر نیست و از سوی دیگر، نویزها و اغتشاشات سیستم در LQR لحاظ نمی شوند. از این و در این سیستم از دو کنترلکننده LQG و LQG/LTR برای حذف نویز استفاده شد. نتایج بیانگر این است که روش LQG/LTR، عملکردی بهتر از LQG دارد.

یافتن کندترین دینامیک برای سیستم و انجام عمل LTR نیز، کار مشکلی است ولی بازہ کاری چرخ عکس العملی به حدی کوچک است کے مےتوان گفت ماتریس A با دقت مناسبی انتخاب می شود و می توان سیستم را مقاوم کرد. این عمل در سیستم های غیر خطی، موجب مقاوم شدن کنترل کنندہ مے شود ولے عملکرد آن را تا حدودی ضعيف مي كند.

۵- مراجع

- [1] Sidi M.J., Spacecraft dynamics and control: a practical engineering approach, First Ed., USA, Cambridge University Press, 1997.
- [2] Derman H.Ö., 3-Axis attitude control of a geostationary satellite, MSc Thesis, Turkey, Middle East Technical University, 1999.
- [3] Hagen D., Spacecraft attitude control: modeling and controller design considering actuator dynamics, [MSc thesis], Norway, Narvik University College, 2006.
- [4] Pena R.S.S., et al., "Robust optimal solution to the attitude/force control problem", IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, Vol. 36, No. 3, 2000, pp. 784-792.
- [5] Zhang C., et al., "An adjustable control for inertia momentum wheel with disturbance compensation", Instrumentation and Control Technology (ISICT), 2012 8th IEEE International Symposium on, 2012, pp. 320-323.
- [6] Weiss H., "Quaternion-based rate/attitude tracking system with application to gimbal attitude control", Journal of Guidance, Control, and Dynamics, Vol. 16, No. 4, 1993, pp. 609-616.
- [7] Abbas M.A., Eklund J.M., "Attitude Determination and Control Sub-System satellite controller", in Electrical and Computer Engineering (CCECE), 201124th Canadian Conference on, 2011, pp. 1440-1445.

Downloaded from mme.modares.ac.ir on 2024-05-03