



طراحی و ساخت میراگر مغناطیسی و کنترل فعال ارتعاشات تیر با استفاده از جریان گردابی

علی اصغر مدادح^۱, یوسف حجت^{۲*}

۱- دانشجوی دکترا، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

۲- دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

*تهران، صندوق پستی ۱۴۱۱۵-۱۴۳ yhojjat@modares.ac.ir

چکیده- روش‌های مختلفی برای میرا نمودن ارتعاشات وجود دارد، ولی تعداد محدودی از این روش‌ها قادرند بدون تماس، میرا کننده ارتعاشات باشند. یکی از این روش‌ها، استفاده از نیروی جریان گردابی است. جریان گردابی در اثر تغییرات میدان مغناطیسی القاء شده در یک رسانا بوجود می‌آید. در این پژوهش نوع فعال و نیمه فعال میراگر جریان گردابی ساخته شده و پاسخ ورودی ضربه برای حالت‌های مختلف میرایی به طور تحریبی و عددی به دست آمده است. جهت تحریک تیر آزمایشی یکسر گیردار، از ضربه جریان گردابی استفاده شده است و سفتی و ضربی میرایی توسط روش کاهش لگاریتمی از روی پاسخ زمانی به دست آمده است. پاسخ ضربه در محیط سیمولینک نرم‌افزار متلب شبیه‌سازی شده، و با نتایج به دست آمده مقایسه گردیده است. میرا نمودن ارتعاشات تیر با کاهش در قله های پاسخ فرکانسی خود را نشان می‌دهد. برای به دست آوردن پاسخ فرکانسی، در دو قسمت آزمایش‌های انجام شده است. ابتدا توسط آزمایش مودال در حالت نیمه فعال، نتایج نمایانگر کاهش ارتعاشات به میزان ۱۰ دسیبل می‌باشد. برای بررسی حالت فعال، مجموعه آزمایشگاهی ساخته شده است که نتایج نشان دهنده کاهش قابل توجه دارند در بیک اول و دوم طیف فرکانسی و نیز افزایش پهنه‌ای باند می‌باشد.

کلید واژگان: میراگر جریان گردابی، میراگر فعال، میراگر نیمه فعال، ضربه جریان گردابی، شبیه‌سازی عددی.

Design and Manufacturing Magnetic Damper and Active Control of Beam Vibrations using Eddy current

A. Maddah¹, Y. Hojjat^{2*}

1- ph. D. Student of Mechanical Eng. Dept., Tech. and Eng. Faculty, Tarbiat Modarres Univ.

2- Assoc. Prof. of Mechanical Eng. Dept., Tech. and Eng. Faculty, Tarbiat Modares Univ.

*P.O.B. 14115-143, Tehran, Iran. yhojjat@modares.ac.ir

Abstract- There is different methods to damp the vibration. However, the numbers of contactless methods are limited. Eddy current dampers are of these procedures. Eddy current is produced in a nonmagnetic conductive material when it is subjected to a time varying magnetic field. In this research, active and semi-active types of eddy current dampers are manufactured and input impulse responses for different damping modes are determined experimentally and numerically. The Aluminium cantilevered beam is stimulated by an eddy current impact. The stiffness and damping coefficient are derived by a reduced logarithmic method according to the time response. The response to impulse is simulated by Simulink of MATLAB and the outcomes are compared with experimental results. Both results show significant decrease in the peak of frequency responses. The results of modal semi-active experiments show the effective suppress of vibration by more than 10 dB. Experiments on the active damper demonstrate a remarkable decrease in the first and second peak of frequency spectrum and increase in bandwidth over previously used eddy current methods.

Keywords: Eddy Current Dampers, Active Dampers, Semi-active Dampers, Eddy Current impact, Numerical Simulation.

می باشد. ۴- عدم نیاز به گریس، روغن، پمپ، لوله، مخزن و فیلتر. ۵- نیاز به تعمیرات کمتر بدليل سادگی و نداشتن تماس مکانیکی و در نتیجه طول عمر بالا.

با وجود این، روش مذبور معایبی مانند موارد زیر را دارد:
۱- تنها ارتعاشات مواد هادی (مانند مس و آلمینیم) با این روش میرا می شود. ۲- حساس بودن نسبت به شکاف ها بر روی جسم مرتعش. ۳- عمق نفوذ جریان گردابی در رسانا محدود می باشد و در طراحی میراگر محدودیت ایجاد می کند.

۲- آزمایش ها

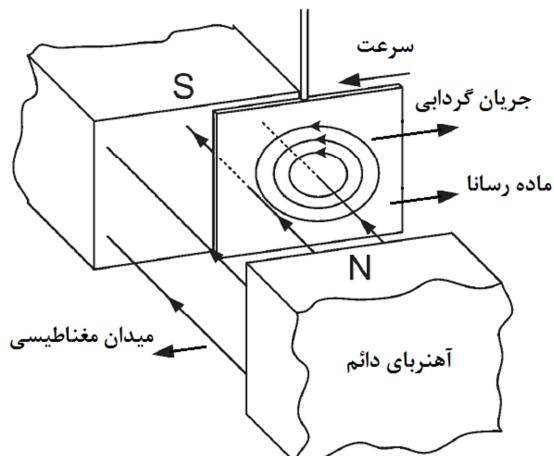
در این مقاله اثر میرایی جریان گردابی در میرا نمودن ارتعاشات تیر یکسر گیردار برسی می شود. دمپر جریان گردابی در حالت های غیر فعال و نیمه فعال برسی شده است. بدليل تاثیر نویز در سیگنال تجهیزات اندازه گیری آزمایشگاه مodal، در این تحقیق آزمایشها به دو قسمت تقسیم می شود.

قسمت اول آزمایش های مربوط به میراگر جریان گردابی نوع نیمه فعال است که در آزمایشگاه مodal برسی می شود. در این قسمت میرا نمودن ارتعاشات تیر خود را با کاهش در قله های پاسخ فرکانسی نشان می دهد که از مقایسه پاسخ فرکانسی سیستم در حالت های بدون میرایی و با میرایی، میزان میرایی ارتعاشات تیر به دست می آید.

قسمت دوم آزمایش ها مربوط به نوع فعال میراگر جریان گردابی می باشد و توسط مجموعه آزمایشگاهی ساخته شده انجام می گردد. جهت کنترل نیروی تحریک ضربه، مجموعه تولید پالس جریانی و نیز چکش مغناطیسی که شامل سیم پیچ نوع تخت می باشد، طراحی و ساخته شده است. پاسخ زمانی بوسیله سنسور جابه جایی و مبدل های آنالوگ به دیجیتال در نرم افزار متلب تبدیل به سیگنال کنترلی می گردد و از یک تقویت کننده برای تقویت ولتاژ کنترلی استفاده شده است. پاسخ زمانی تحریک ضربه، در نرم افزار متلب به دست آمده و ضربه میرایی به روش کاهش لگاریتمی محاسبه می گردد. با استفاده از ابزار محاسباتی نرم افزار متلب و با قرار دادن پارامترها دینامیکی در تابع تبدیل سیستم درجه دو، پاسخ فرکانسی نیز به دست آمده است. برای به دست آوردن میزان میرایی در فرکانس های مختلف از ابزار FFT نرم افزار متلب استفاده شده است.

۱- مقدمه

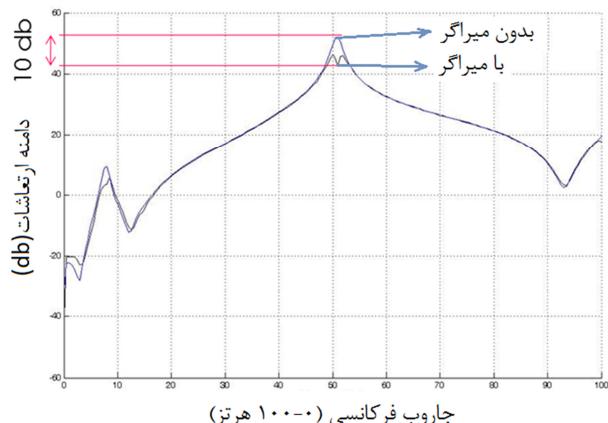
عنصر فنری، بازگشتی متناسب با جابه جایی تولید می کند، که می تواند به صورت رفت و برگشتی یا فشاری باشد، از طرف دیگر عنصر میرایی از سرعت نسبی در امتداد خودش جلوگیری می کند. یک روش ساده برای رسیدن به میرایی، استفاده از یک میرا کننده است که رفتاری مشابه یک جاذب ارتعاشی دارد [۱]. اصول کارکرد یک دمپر جریان گردابی بر اساس اثلاف انرژی بوجود آمده به سبب ایجاد جریان های گردابی در داخل یک رسانا خواهد بود و مانند شکل ۱ شامل یک قسمت رسانا و یک قسمت مغناطیسی مولد میدان مغناطیسی می باشد. وقتی قسمت رسانا در میدان مغناطیسی حرکت می کند در داخل رسانا جریان گردابی ایجاد شده که خود این جریان ها تولید میدان مغناطیسی کرده و در واکنش به میدان اصلی بنا بر قانون لنز ایجاد نیروی دافعه ای می کند که در میراگرهای جریان گردابی همان نیروی میرا کننده ارتعاشات می باشد. این موضوع باعث می شود که دامنه ارتعاشات جسم رسانا محدود شده و عبور از فرکانس بحرانی را تضمین نماید.



شکل ۱ مجاورت میدان مغناطیسی با صفحه رسانا [۲]

از میان مزایای این روش می توان به موارد زیر اشاره کرد [۳]:
۱- بدون تماس. ۲- سرعت میرایی بالا. ۳- نیرو می تواند در زمان بسیار کوتاهی انتقال یابد (کمتر از ۴ میلی ثانیه) و برای بوجود آوردن یک ضربه بسیار مناسب می باشد [۴]. نرخ انتقال انرژی در این روش، در طی اعمال ضربه بالا می باشد که با توجه به این ویژگی، بیشترین کاربرد آن در صنعت شکل دهی فلزات

بوسیله یک منبع تغذیه ولتاژ متغیر، برق شهری ۲۲۰ ولت با فرکانس ۵۰ هرتز به ولتاژ متناسب ۳۰ ولت تبدیل شده و میراگر جریان گردابی را تغذیه می‌کند. مقاومت سیم پیچ عملگر ۱۰ اهم می‌باشد و سبب بوجود آمدن جریان متناسب در سیم پیچ می‌شود که بیشترین مقدار آن ۳ آمپر می‌باشد. افزایش جریان عبوری متغیر با فرکانس ۵۰ هرتز سبب بالا رفتن دانسیته جریان گردابی در تیر شده و افزایش نیروی میراگر را باعث می‌گردد. در این آزمایش تاثیر فرکانس میراگر بر روی کاهش دامنه بررسی می‌گردد. آزمایش در حالت‌های بدون میرایی و با میرایی انجام گرفته و پاسخ سیستم به ازاء تحریک سینوسی و جاروب فرکانسی ۰ تا ۱۰۰ هرتز به صورت نمودار FRF طبق شکل-۳ به دست آمده است.



شکل ۳ مقایسه نمودارهای FRF

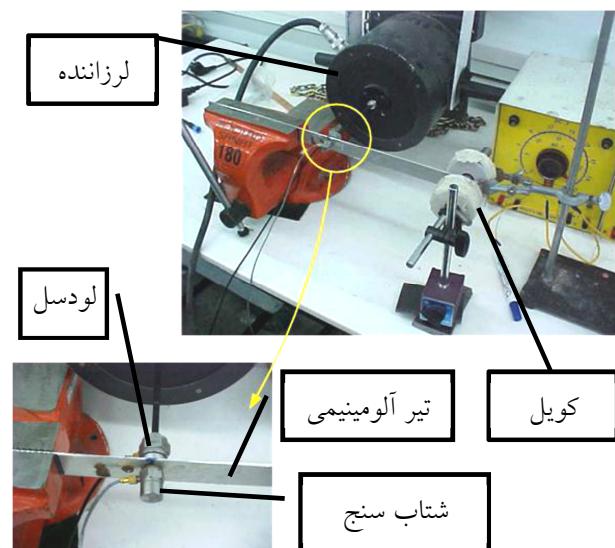
در این آزمایش مشخص گردید، میراگر در فرکانس ۵۰ هرتز بیشترین کاهش دامنه را به همراه داشته است و در فرکانس‌های بالاتر از ۵۰ هرتز نیروی میرایی کاهش داشته و بیشتر انرژی تولید شده توسط جریانهای گردابی، به صورت گرم‌ما مستهلك می‌گردد.

۴- بررسی میراگر فعال

اصطلاح فعال^۱ نشان‌دهنده این واقعیت است که این گونه از سیستم‌ها نیاز به منبع قدرت خارجی دارند^[۴]. نحوه اتصالهای

۳- بررسی میراگر نیمه فعال

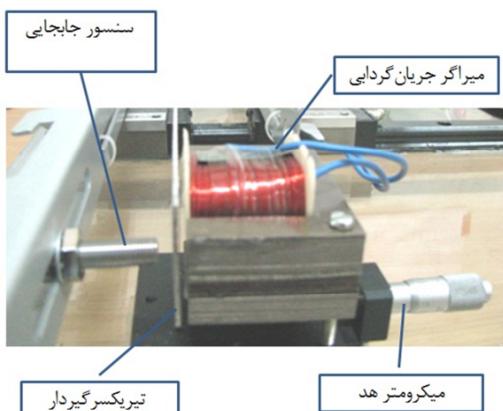
تیر آلومینیومی استفاده شده، ۵۰ گرم وزن دارد که وزن آن در مقایسه با گیره چدنی ناچیز است. برای بررسی میراگر جریان گردابی نیمه فعال، طول تیر آلومینیومی به صورتی انتخاب شده است که یکی از فرکانس‌های طبیعی آن با فرکانس برق شهری منطبق باشد. با تکرار آزمایش مودال و تغییر طول تیر، فرکانس طبیعی قالب در فرکانس ۵۰ هرتز خود را در نمودار FRF نشان می‌دهد. همانطور که در شکل-۲ مشخص است از یک لرزاننده برای تحریک و از یک نیروسنج برای اندازه‌گیری نیروی تحریک شتاب سنج جهت به دست آوردن پاسخ سیستم استفاده شده است. برای بالا بردن تکرار پذیری آزمایش، لرزاننده توسط نگهدارنده‌ای که به جرثقیل سقفی متصل است از روی میز آزمایش بالا آورده شده و لرزش میز تاثیری بر ارتعاش تیر ندارد. نیروی اعمال شده توسط آمپلیفایر به مقدار ناچیزی تنظیم می‌گردد تا کمترین جایه‌جایی انتهای تیر در مود اول ارتعاشی مشاهده شود. با این عمل پارامترهای غیرخطی سیستم حذف خواهد شد. میراگر نیمه فعال هیچ کنترلی بر پاسخ سیستم نداشته و در انتهای تیر یکسرگیردار بر روی پایه نصب می‌گردد.



شکل ۲ چیدمان مجموعه آزمایشگاهی مودال

پایداری سیستم می‌باشد که به صورت ولتاژ در کامپیوتر مشخص می‌شود. این معیار با اندازه ولتاژ خروجی سنسور مقایسه می‌گردد. بعد از تحریک ضربه، سیگنال خروجی سنسور به کامپیوتر ارسال شده و توسط کنترلر طراحی شده در نرم افزار متلب، تبدیل به سیگنالی کنترلی می‌گردد. سیگنال کنترلی توسط مدارهای تقویت‌کننده به عملگر تولید کننده میدان مغناطیسی متغیر تحویل داده می‌شود و سیگنال مناسب با آن جهت میراگر فرستاده می‌شود و سپس دانسیته جریان گردابی در محل اعمال نیروی میرایی تغییر می‌کند. دانسیته جریان گردابی با تغییر دامنه و فرکانس جریان عبوری از کویل تغییر می‌کند که مناسب با آن نیروی میرایی به تیر یکسر گیردار اعمال می‌شود.

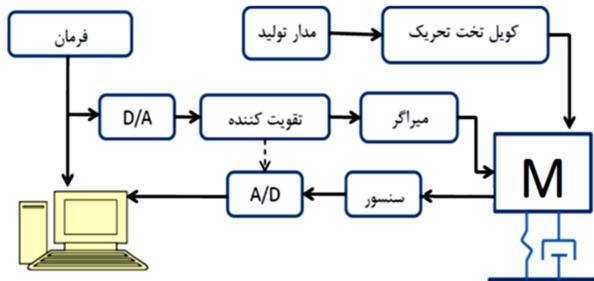
سنسور القایی استفاده شده در این قسمت از آزمایش‌ها، می‌تواند فواصل ۰ تا ۴ میلیمتر را اندازه گیری کند و خروجی آن ولتاژی بین ۰ تا ۱۰ ولت می‌باشد. نمودار خروجی این سنسورها غیرخطی می‌باشد و باید یک ناحیه خطی مناسب برای اندازه گیری، انتخاب گردد.



شکل ۶ مجموعه آزمایشگاهی

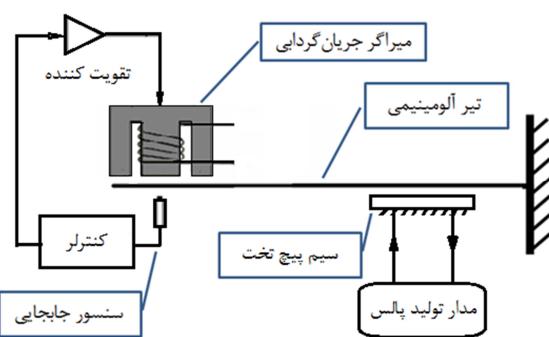
بهترین فاصله سنسور از تیر مرتعش که در آن سنسور به صورت خطی عمل کند، فاصله ۲ میلیمتر است. به همین جهت فاصله سنسور از تیر به گونه‌ای انتخاب شده است که در حالتی که تیر در وسط قرار می‌گیرد خروجی سنسور، ۵ ولت را نشان دهد. خروجی این سنسورها به ازای هر میکرومتر

قسمت‌های مختلف در شکل ۴ مشخص گردیده است. مرکز یا هسته یک کنترل کننده فعال ارتعاشی، یک سیستم ریز پردازنده با مبدل‌های آنالوگ به دیجیتال می‌باشد.



شکل ۴ نحوه اتصالهای قسمت‌های مختلف

مجموعه آزمایش شامل یک میز شیشه‌ای با پایه‌های قابل تنظیم می‌باشد که توسط گیره قابل تنظیم نصب شده بر روی آن، تیر به صورت یکسر گیردار در موقعیت مشخص قرار می‌گیرد. عضوهای دیگری نیز در مجموعه آزمایش در رابطه با این تیر وجود دارد. اول کویل تخت جهت اعمال ضربه جریان گردابی (تحریک ضربه تیر). دوم کویل میراگر جریان گردابی و سوم سنسور جابجایی که بر روی پایه قابل تنظیم همانند شکل ۵ مشخص شده است. جهت تنظیم فاصله تیر و کویل از میز مینیاتوری موقعیت‌دهی دقیق استفاده شده است همانند شکل ۶ استفاده شده است.

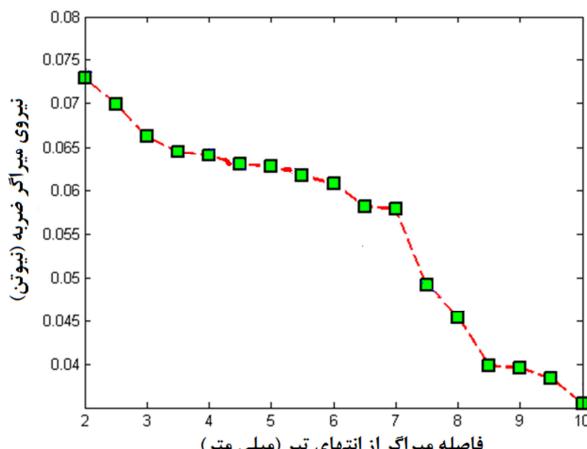


شکل ۵ چیدمان اجزاء آزمایش

وظیفه عملگر ضربه جریان گردابی، تحریک طیف فرکانسی سازه می‌باشد. فرمان پیشنهادی که همان نقطه مرجع یا نقطه

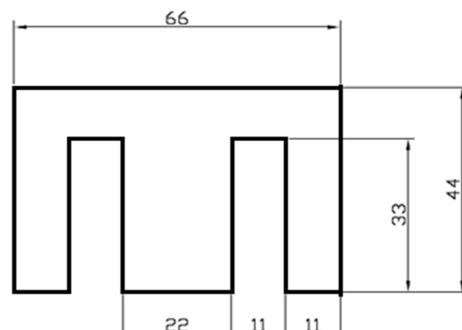
در معادله-۱، طول سیم پیچ را با l و ضریب نفوذپذیری مغناطیسی خلاء را با μ_0 نشان می‌توان و I_1, I_2 جریانهای بوجود آمده در تیر و کویل می‌باشند که به دست آوردن آن کار مشکلی است زیرا جریان مستهلك شده در رسانا را نمی‌توان به دست آورد. در این مقاله نیرو میراگر فعال جریان گردابی به روش استاتیکی محاسبه شده است. نیروی میراگر جریان گردابی در حالتی که تیر در وضعیت پایداری خود قرار دارد بسیار ناچیز است و برای مشاهده نیروی میراگر می‌بایست تیر از وضعیت تعادل خود خارج گردد که توسط ضربه جریان گردابی تیر مرتיעش می‌گردد. ضربه با دشارژ شدن بانک خازنی به میزان ۷۰ ولت توسط سیم پیچ تخت ایجاد می‌گردد. میز موقعیتدهی دقیق را طوری تنظیم می‌کنیم که سیم پیچ در فاصله ۱ میلی‌متری از تیر قرار بگیرد. سیم پیچ هر بار به اندازه ۱ میلی‌متر از تیر دور می‌شود و به ازاء تحریک ضربهای ثابت و با دامنه‌های یکسان، جابه‌جایی انتهایی تیر در هر تغییر فاصله، توسط سنسور القایی اندازه‌گیری می‌شود که بیشترین مقدار جابه‌جایی در انتهای تیر مشخص می‌گردد. با توجه به روابط مقاومت مصالح تیر یکسرگیردار، نیرو از معادله-۲ محاسبه می‌گردد و منحنی نیروی میراگر جریان گردابی فعال بر حسب بیشترین مقدار جابه‌جایی تیر محاسبه می‌گردد (شکل-۸).

$$F_{\max} = \frac{\gamma EI}{L^r} * X_{\max} (N) \quad (2)$$



شکل ۸ نیروی میراگر ضربه

تغییرات در فاصله، به مقدار ۰۰۰۲۵ ولت تغییر می‌کند. مبدل دیجیتال به آنالوگ انتخاب شده باید قادر باشد که این تغییرات ولتاژ را بخواند که برای این منظور از شماره محصول ۱۷۱۶ تولید شده توسط شرکت Advantech استفاده شده است. انتخاب مناسب تعداد دورها و قطر سیم برای سیم پیچ، به نحوی است که میراگر بتواند نیروی دافعه مغناطیسی کافی را با عبور جریانی کمتر از جریان مجاز اعمال نماید. سیم پیچ استفاده شده در این سیستم، یک سیم پیچ E شکل است. دور سیم پیچ ۲۰۰ دور است و قطر سیم برابر با 0.65 میلی‌متر انتخاب شده است. مقاومت سیم پیچ نیز برابر 10 اهم می‌باشد. هسته E شکل از جنس آهن سیلیسیم دار می‌باشد که جهت جلوگیری از بروز جریان گردابه‌ای به صورت لایه-لایه و از ورق با پوشش عایق انتخاب شده است. جریان مجاز حداقل جریانی است که می‌تواند بدون آسیب زدن به سیم و گرم کردن بیش از حد سیم پیچ از سیم عبور نماید که مقدار آن برابر 3 آمپر است.

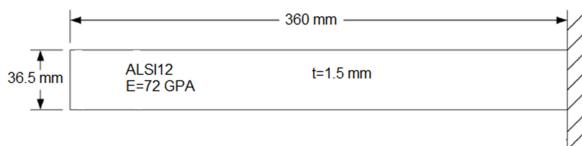


شکل ۷ ابعاد هسته بر حسب میلی‌متر

با توجه به ابعاد استاندارد هسته در شکل-۷، می‌توان سطح مقطعی را که سیم پیچی می‌شود را به صورت زیر محاسبه نمود. سطح مقطع سیم پیچ برابر است با: $11 \times 33 = 363 \text{ mm}^2$. لذا جریان مجاز برابر است با: $\frac{(11 \times 33) \times 3}{200} = 5.445 \text{ A}$. عدد ۲۰۰ در مخرج کسر نشانگر تعداد دورهای سیم پیچ است. نیروی بوجود آمده در اثر تشکیل جریانهای گردابی [۵] به صورت رابطه زیر تعریف می‌شود:

$$\frac{F}{l} = \frac{\mu I_1 I_2}{2\pi d} \quad (1)$$

گردید. با استفاده از روش کاهش لگاریتمی، ضریب میرایی برای حالت‌های بدون میرایی و با میرایی به دست آمده است. ابعاد تیر در شکل ۷ مشخص شده است.



شکل ۱۰ ابعاد تیر یکسر گیردار

مشخصات تیر آلومینیومی به صورت زیر می‌باشد:

$$\rho = 2650 \frac{kg}{m^3}$$

$$E = 72 Gpa = 72 * 10^9 pa$$

$$I = \frac{1}{12} \times (1.5 \times 36.5) \times 10^{-12} = 1.02656 E - 11$$

$$m = \rho A L = 0.05223 Kg$$

با توجه به حل تحلیلی معادله اویلر برنولی منجر به معادله ۳ و معادله ۴-۴ می‌شود که فرکانس‌های طبیعی تیر یکسر گیردار به دست می‌آید.

$$\omega = \frac{\gamma}{L} \sqrt{\frac{EI}{\rho A}} \quad (3)$$

ثابت γ نیز از حل تحلیلی به دست می‌آید [۷] که عبارتند از:

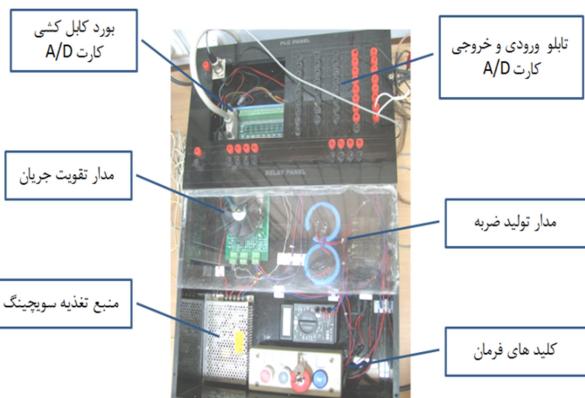
$$\gamma_1 = 120.91 \quad \gamma_2 = 61.701 \quad \gamma_3 = 22.034 \quad \gamma_4 = 3.516$$

با دانستن مقادیر به دست آمده از بالا، چهار فرکانس طبیعی اول تیر از معادله ۳-به صورت زیر به دست آمده است:

$$\omega_1 = 10.75 \quad \omega_2 = 175.3 \quad \omega_3 = 220.11 \quad \omega_4 = 10.75$$

$$f_1 = 1.711 \quad f_2 = 10.356 \quad f_3 = 27.90 \quad f_4 = 35.032 \quad (4)$$

برای اعمال ضربه در این آزمایش از یک منبع تولید پالس جریانی با دو عدد خازن موازی و لذتزا بالا (۳۵۰ ولت، μF ۱۵۰۰) استفاده شده است. یک پل دیود، برق متناوب شهری را به جریان مستقیم تبدیل می‌کند. با قرار دادن یک مدار فرمان و تحریک رله قدرتی دو سر خازن‌ها در سیم‌پیچ تخت دشارژ می‌شود که جریانی حدود ۳۰ آمپر به طور لحظه‌ای از سیم‌پیچ در اطراف سیم‌پیچ تخت می‌شود. نرخ تغییرات میدان مغناطیسی بسیار بالا بوده و باعث ایجاد ضربه جریان گردابی به تیر آلومینیومی می‌شود.



شکل ۹ پانل کنترلی

ضریب میرایی پارامتری است که معمولاً محاسبه و تخمین آن بسیار مشکل است. سفتی و جرم توسط آزمایش‌های استاتیکی تعیین می‌شوند اما اندازه گیری میرایی نیاز به آزمایش‌های دینامیکی دارد. حال اگر سیستمی داشته باشیم که امکان انجام آزمایش دینامیکی نیز روی آن امکان‌پذیر باشد، روش کاهش لگاریتمی روشی مناسب جهت تخمین ضربی میرایی (۵) است [۶]. طراحی مجموعه آزمایشی به طوری است که می‌توان با تکرار پذیری بالا آزمایش‌های جهت به دست آوردن ضربی میرایی در پاسخ ضربه انجام داد. تیر توسط گیره قابل تنظیم مقید شده و ضربه جریان گردابی توسط سیم‌پیچ تخت در ولتاژ ۶۰ ولت اعمال می‌گردد. با این روش ضربه‌های یکسانی جهت تحریک سیستم به تیر وارد

مقادیر B_1 و B_{n+1} از نویز های محیطی که بر موج اصلی سوار شده‌اند صرفنظر شده است.
نحوه محاسبه ضریب میرایی:

$$\{n = 4, t = 0.287\}$$

$$\{B_1 = 3.938, B_{n+1} = 3.401, V = 60 \text{ volt}\}$$

$$\delta = \frac{1}{n} \ln \frac{B_1}{B_{n+1}} = \frac{1}{4} \ln \frac{3.938}{3.401} = 0.0366$$

$$\zeta = \frac{\delta}{\sqrt{\epsilon \pi^* + \delta^*}} = 0.005823$$

$$p = \frac{t}{n} = \frac{0.287}{4} = 0.07175$$

$$w_d = \frac{2\pi}{p} = 90.405 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$w_n = \frac{w_d}{\sqrt{1 - \zeta^2}} = 90.414 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$k = m w_n = 426.964 \frac{N}{m}$$

$$\frac{\epsilon \pi}{w_d + w_n} = 0.0694 \frac{\text{rad}}{\text{s}} = \text{پریود تپش}$$

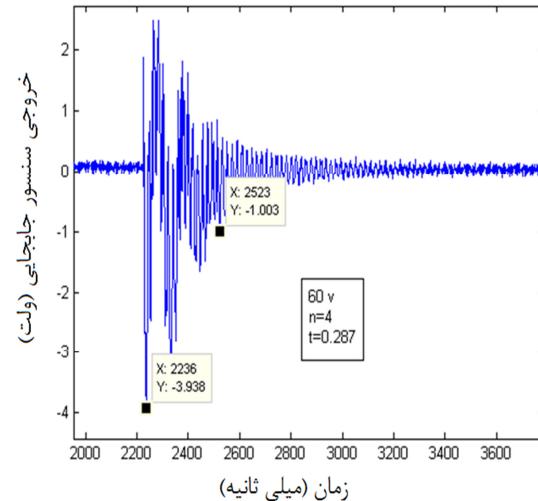
$$\frac{2\pi}{|\omega_d - \omega_n|} = 698.13 \frac{\text{rad}}{\text{s}} = \text{پریود ارتعاشات}$$

تابع `bode` شکلی از نمودارهای پاسخ فرکانسی است که از واحد دسیبل برای نشان دادن دامنه ارتعاشات و واحد رادیان بر ثانیه برای نشان دادن محور فرکانسی لگاریتمی استفاده می‌کند. بوسیله نرمافزار متلب از تابع تبدیل، جهت انتقال مناسب و اتوماتیک رنج فرکانسی نمودارها، استفاده شده است. شکل-۱۲ نشان دهنده دیاگرام `Bode` به دست

ضریب کاهش لگاریتمی از روی نمودار پاسخ زمانی بهصورت زیر محاسبه می‌گردد:

$$\delta = \frac{1}{n} \ln \frac{B_1}{B_{n+1}} \quad (5)$$

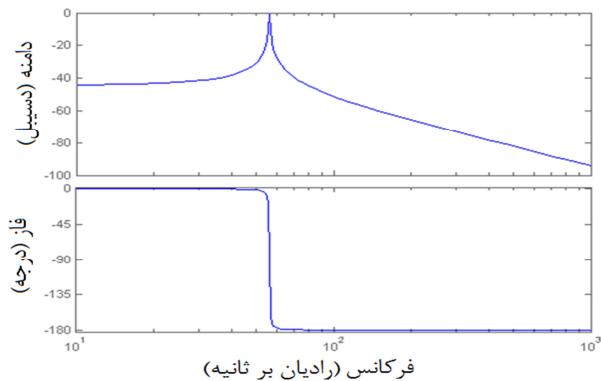
B_1 دامنه پیک اول انتخاب شده است زیرا بلندترین پیک بوده و کمتر در معرض خطا می‌باشد، اما حتماً نباید اینگونه باشد و این فرمول می‌تواند برای هر دو سیکل با فاصله n به کار رود. برای به‌دست آوردن ضریب میرایی، ضربه‌ای به تیر وارد کرده و میراگر را بهصورت کنترل فعل قرار می‌دهیم. پاسخ زمانی تیر در اثر تحریک ضربه جریان گردابی بهصورت شکل-۱۱ به‌دست آمده است.



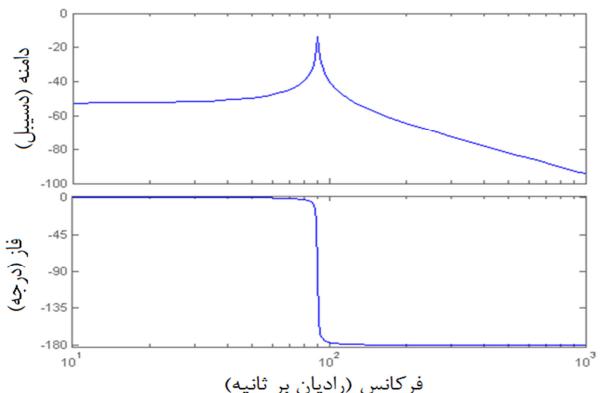
شکل ۱۱ پاسخ زمانی تیر (ضربه ۶۰ ولت و میراگر فعل)

برای استفاده از روش کاهش لگاریتمی و محاسبه ضریب میرایی، مقدار ولتاژ خروجی سنسور که متناسب با جایه جایی انتهای تیر می‌باشد در قله اول تا چهارم در نرمافزار متلب به‌دست آمده است. تیر آلومینیمی نازک عوامل اغتشاش همچون فن کامپیوتر و سیستم تهویه متبوع را همانند شکل ۱۱ کاملاً نمایان می‌کند. به همین علت برای مشخص کردن

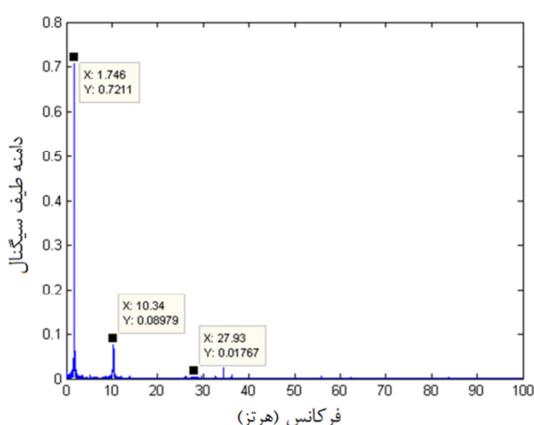
میرایی ارتعاشات تیر، با کاهش دادن دامنه قلهای در نمودار پاسخ فرکانسی مشخص می‌گردد.



شکل ۱۲ نمودار بود (ضربه ۶۰ ولت، میراگر غیر فعال)



شکل ۱۳ نمودار بود (ضربه ۶۰ ولت، میراگر فعال)



شکل ۱۴ FFT جابه‌جایی (ضربه ۵۰ ولت، میراگر غیر فعال)

آمده از تابع تبدیل سیستم درجه دو تحت ضربه جریان گردابی می‌باشد. تابع تبدیل سیستم با گرفتن تبدیل لاپلاس از مدل یک درجه آزادی به صورت معادله-۶ به دست می‌آید [۸].

$$G(s) = \frac{1}{ms^2 + cs + k} \quad (6)$$

میراگر جریان گردابی از مدار خارج شده و پارامترهای سیستم برای حالت بدون میرایی دوباره به دست آمده است. تابع تبدیل سیستم برای حالت بدون میراگر تشکیل شده و توسط نرم‌افزار متلب، نمودار پاسخ فرکانسی آن رسم شده شد.

همانطور که در شکل-۱۲ نمایان است، قله دامنه ارتعاشات کاملاً تیز و در نتیجه پهنای باند آن کوچک می‌باشد. پاسخ فرکانسی سیستم، با فعال کردن میراگر همانند حالت قبلی به دست آمده و به صورت شکل-۱۳ نمایش داده شده است. با بررسی کاهش دامنه ارتعاشات قلهای پاسخ فرکانسی در حالتهای بدون میرایی و با میرایی می‌تواند مقدار میرایی میراگر نوع فعال را مشخص نماید [۹].

دیاگرامهای *Bode* در حالت‌های با میرایی و بدون میرایی نشان داد که حدود ۱۰ دسیبل کاهش دامنه ارتعاشات بوجود آمده است.

۵- بررسی میراگر فعال در فرکانس‌های مختلف

بررسی اثر میرایی توسط نمودار پاسخ فرکانسی صورت گرفته است. با بکارگیری تبدیل فوریه و گرفتن FFT از پاسخ زمانی سیستم، پاسخ فرکانسی در حالتهای بدون میرایی و با میرایی به دست آمده است. فرکانس‌های طبیعی در روش حل تحلیلی با دقت بسیار خوبی در نمودار FFT خود را نشان می‌توان.

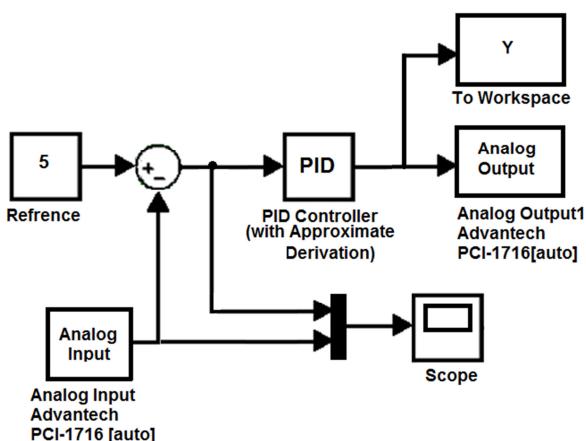
میرا نمودن ارتعاشات در فرکانس‌های پایین عموماً مشکل‌تر از میرا نمودن ارتعاشات در فرکانس‌های بالاست [۱۰]. نمودارهای شکل-۱۴ و شکل-۱۵ نمایانگر دامنه ارتعاشات در فرکانس‌های مختلف هستند. تحریک توسط ضربه جریان گردابی باعث تحریک تمامی فرکانسها در تیر می‌شود و توانایی میراگر در

نمودار پاسخ زمانی ضربه ورودی به سیستم میراکننده فعال به ازاء تحریک ضربه ۶۰ ولت در شکل ۱۶ مشخص شده است.

مقادیر P, D, I با روش سعی و خطاب برای به دست آوردن پاسخ ضربه جریان گردابی به صورت زیر به دست آمده است:

$$P=0.9 \quad I=0.23 \quad D=0.11$$

قسمتهای مختلف واحد کنترل فعال و نحوه ارتباط آنها بیکدیگر، در شکل ۱۸ مشاهده می‌گردد.

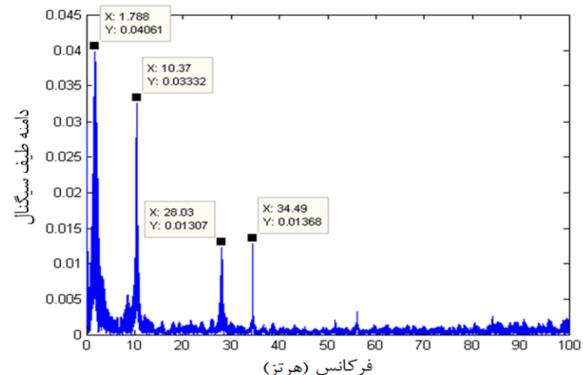


شکل ۱۷ تحقق کنترل PID در محیط سیمولینک

از روی نمودار پاسخ زمانی ورودی ضربه در حالت ۶۰ ولت دشارژ خازن (شکل ۱۱)، پارامترهای دینامیکی بوسیله روش کاهش لگاریتمی به دست آمده است که در نتیجه،تابع تبدیل سیستم به صورت زیر می‌گردد:

$$\frac{X(s)}{F(s)} = \frac{1}{0.05223s^3 + 0.0549s + 426.96}$$

با توجه به شکل ۱۸ مشاهده می‌شود که به ازاء ورودی ضربه جریان گردابی مدل شده در نرم‌افزار متلب، پاسخ سیستم میرا به دست آمده است.



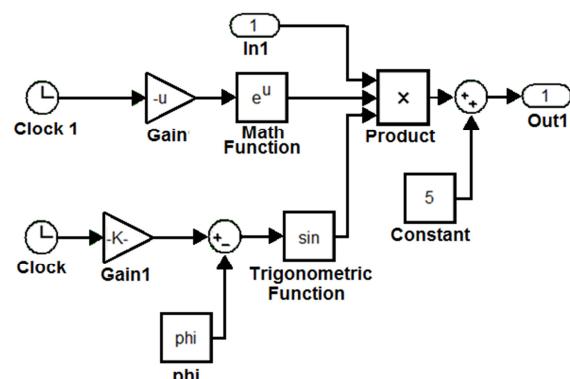
شکل ۱۵ FFT جابه جایی (ضربه ۵۰ ولت، میراگر فعال)

۶- شبیه‌سازی پاسخ زمانی ضربه جریان گردابی
شکل کلی نیروی ضربه به صورت تابعی سینوسی و لگاریتمی کاهنده می‌باشد که به صورت رابطه زیر در سیمولینک مدل شده است:

$$y(t) = a_0 e^{-\zeta \omega_n t} \sin(\omega_d t) \quad \text{معادله ۷}$$

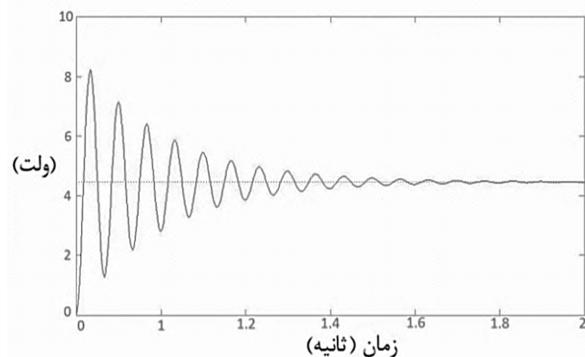
با مشاهده ضربه جریان گردابی در اسیلوسکوپ، زمان اعمال ضربه کمتر از ۵/۲ میکروثانیه مشخص گردید.
هر ۵/۲ ولت دریافتی از سنسور جابه جایی برایر یک میلی‌متر جابه جایی در انتهای تیر می‌باشد که در نتیجه ۳/۹۳۸ ولت پیک اول منحنی بالا، نشانگر ۱/۵۷۶ میلی‌متر جابه جایی انتهای تیر می‌باشد که این مقدار در معادله ۷ برابر a_0 در نظر گرفته شده است.

ورودی ضربه به صورت تابعی سینوسی با کاهش نمایی همانند معادله ۷ در نرم‌افزار متلب مدل شده است. بلوك‌های مورد نظر جهت مدل کردن ضربه ورودی مانند شکل ۱۷ به هم متصل می‌گردند.



شکل ۱۶ مدل ضربه ورودی به سیستم

- Damper for Vibration Suppression of a Beam, J.Sound Vib, Vol.74, 2004; pp 560-580
- [2] phD thesis, Jianhuishang M.S, electro magnetically Assisted Sheet Metal Staming, Ohaio State University, 2006; Vol.62, pp 305-320
- [3] phD thesis, Sodano, Deveolopment of Novel Eddy Current Damping Mechanisms for the Suppression of Structural Vibrations, Virgina Tech University, 2005; pp 50-80.
- [4] Babak Ebrahimi, Permanent magnet configuration in design of an eddy current damper, Technical paper, 2008; pp 1-4
- [5] Sodano, Improved Concept and Model of Eddy Current Damper, J.Sound Vib, Vol.86, 2004; pp 163-170.
- [6] ارتعاشات مکانیکی، ویلیم جی پالم، ترجمه دکتر انوشیروان فرشیدیان‌فر، جلد دوم، انتشارات دانشگاه فردوسی مشهد، ۱۳۸۸، ص ۳۶۱-۳۵۳.
- [7] ارتعاشات مکانیکی، ویلیم جی پالم، ترجمه دکتر انوشیروان فرشیدیان‌فر، جلد اول، انتشارات دانشگاه فردوسی مشهد، ۱۳۸۸، ص ۲۷۶-۲۰۵.
- [8] مهندسی کنترل، کاسووهیکو اگاتا، ترجمه محمود دیانی، ویراست www.ndtuk.com ۱۶۱-۱۳۸۳، ص ۱۶۸-۱۶۱.
- [9] C.M.Harris and A.G.Piersol, eds., Shock and Vibration Handbook, McGraw-Hill, New York, 2002; pp 430-478
- [10] E.L. Bruno, ed. High Velocity Forming of Metals, Revised Edition, ASTM; 1978, pp 65-70
- [11] Sodano, H, Non-Contact Eddy Current Excitation Method for Vibration Testing. J.Sound Vib Vol.83, 2006; pp 83-86.
- [12] W.Palm, Analysis and Control of Dynamics Systems, John Wiley & Sons, New York, 2000; pp 300-320



شکل ۱۸ شبیه‌سازی پاسخ زمانی تیر (میراگر فعال)

۷- نتیجه‌گیری

کاهش دامنه ارتعاشات میراگر جریان‌گردابی در حالت نیمه فعال در فرکانس ۵۰ هرتز محسوس است و بهنای باند در نمودار پاسخ فرکانسی با فعال کردن میراگر افزایش داشته است. بررسی میراگر جریان‌گردابی در حالت فعال نشان داد که در پاسخ ضربه ۵۰ ولت، کاهش دامنه ارتعاشات در طیف فرکانسی بهصورتی است که میزان دامنه ارتعاشات در قله اول طیف فرکانسی در حالت بدون میرایی ۱۸ برابر حالت میرایی و در قله دوم طیف فرکانسی در حالت بدون میرایی ۲/۴۲ برابر حالت میرایی می‌باشد. در قله سوم طیف فرکانسی میراگر معکوس عمل کرده و دامنه ارتعاشات در حالت میرایی ۳ برابر حالت بدون میرایی شده است. میراگر جریان‌گردابی نوع فعال در فرکانس‌های پایین، کاهش قابل توجه دامنه ارتعاشات را به همراه داشته است. پیشنهاد می‌شود با طراحی کنترلر مناسب، میرایی در فرکانس‌های بالاتر نیز حاصل گردد.

۸- سپاسگزاری

مولفان بدینوسیله از همکاریهای آزمایشگاه مودال دانشگاه سمنان و جناب آقای دکتر آشوری تشکر می‌نمایند.

۹- منابع

- [1] Sodano, H. A., Bae, J. S., Inman, D. J., and Belvin, W. K, Concept and Model of Eddy Current

