ماهنامه علمى پژوهشى





mme.modares.ac.ir

اثر شکل هندسی قالب اکستروژن در تولید یک قطعه تقارن محوری آلومینیومی با ضخامت دیواره متفاوت

مهدی ظهور^{1*}، ابوالفضل کاظمی نسب²، محمد شهابی زاده³

1 - دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی، تهران

2- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی، تهران

3- كارشناس ارشد، مهندسی شكلدهی فلزات، جامعه قالبسازان ایران، تهران

" تهران، صندوق پستى 1999 - 1935، mzohoor@kntu.ac.ir

چکیدہ	اطلاعات مقاله
در این مقاله، تأثیر شکل هندسی قالب در فرایند اکستروژن مستقیم روی تلرانس ابعادی سطح مقطع یک قطعه بررسی شده و سرعت اکستروژن، جریان فلز، دمای اکستروژن و نیروی اکستروژن، به عنوان متغیرهای فرایند بهصورت تجربی و عددی مورد مطالعه قرار گرفتند. قطعهکار مورد آزمایش از جنس آلیاژ آلومینیوم 2014 با ضخامت دیواره متفاوت میباشد. این تفاوت در ضخامت دیواره موجب تغییرات در سرعت سیلان ماده	مقاله پژوهشی کامل دریافت: 12 تیر 1395 پذیرش: 10 شهریور 1395 ارائه در سایت: 24 مهر 1395
- هنگام خروج از قالب میشود. در نتیجه قالبی که برای تولید این قطعه استفاده میشود، باید قادر به کنترل نرخ جریان فلز باشد. در این مطالعه، از دو قالب مختلف برای تولید این قطعه استفاده شده است. در قالب اول برای کنترل سرعت فلز از روش ایجاد طول بیرینگ متغیر و در قالب دوم علاوه بر طول بیرینگ از تغذیه کننده نیز در کانالهای باریکتر بهره برده شده است. از نتایجی که در آنالیز تجربی و عددی بر روی قالب اول	<i>کلید واژگان:</i> شبیهسازی المان محدود سرعت سیلان ماده
بهدست آمد، میتوان نتیجه گرفت که این قالب کارایی لازم را برای تولید این قطعه ندارد. زیرا قادر به یکسان نمودن جریان ماده در تمام سطح مقطع قطعه نیست. بههمین دلیل مشکلاتی از جمله کیفیت پایین همراه با عدم دقت لازم در ابعاد قطعه تولید شده، مخصوصا در مقطعهای باریکتر (به علت پر نشدن گوشههای قالب) وجود دارد. نتایج حاصل از آنالیز عددی قالب دوم نشان میدهد که کارایی قالب دوم بسیار بهتر از	طول بیرینگ محفظه تغذیه تلرانس ابعادی
قالب اول بوده و توانسته سرعت سیلان ماده را در کل سطح مقطع قطعه کار تقریبا برابر کند و موجب بهبود دقت ابعادی در محصول شود.	

Influence of extrusion die geometry in the manufacturing of an axisymmetric aluminium part with different wall thickness

Mehdi Zohoor^{1*}, Abolfazl Kazeminasab¹, Mohammad Shahabizadeh²

1- Faculty of Mechanical Engineering, K. N. Toosi University of Technology, Tehran, Iran

2- Iranian Society of Toolmakers, Tehran, Iran

* P.O.B. 19395-1999, Tehran, Iran, mzohoor@kntu.ac.ir

ARTICLE INFORMATION ABSTRACT In this paper, the effect of extrusion die profile on the dimensional tolerance of a cross section of a part Original Research Paper Received 02 July 2016 in a forward extrusion process was studied. In these experimental and numerical investigations, some Accepted 31 August 2016 parameters such as extrusion speed, metal flow, extrusion temperature and extrusion force were Available Online 15 October 2016 considered as process variables. The specimen was aluminium alloy 2014 with a variable wall thickness. The variable wall thickness causes the metal flow rate to be changed along the die orifice. As Keywords: a result, the die which is used to produce this part must be suitable to control the flow rate of metal. In Finite Element Simulation this study, two different dies were used to produce this part. In the first die, to control the metal flow, Metal Flow Rate Bearing Length variable bearing length method is used. In the second die, in addition to the bearing length method, a Feeder feeder is used in the narrow channels. From the experimental and numerical results, it was found that Dimensional Tolerance the first die is not good enough for manufacturing of this part. Because, the first die was not able to control uniform metal flow rate through the die orifice during the extrusion process. This drawback causes the die cavity to remain empty at the sharp corners which results in a low quality and low dimensional accuracy in the product, especially in narrow channels. The numerical analysis results have shown that, the second die performance was much better than the first one. It was able to control uniform metal flow rate which causes high quality products.

به نام بیلت¹، تحت فشار قرار می گیرد تا از میان سطح مقطع یک قالب که کوچکتر از بیلت اولیه است سیلان پیدا کند. این فرایند که اساسا یک فرایند

1- مقدمه

اکستروژن یک فرایند تغییر شکل پلاستیک است، که در آن یک قطعه فلزی

Please cite this article using:

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

¹ Billet

فشاری معکوس است، توسط واکنش بیلت با محفظه¹ و قالب²، منجر به تولید تنشهای فشاری بالایی شده که در کاهش ترک خوردن بیلت هنگام تغییر شکل اولیهاش موثر میباشد [1]. از این فرایند عمدتا برای تولید قطعات با سطح مقطعهای یکسان و در طولهای بلند مطابق با شکل و طرح قالب استفاده میکنند.

طراحی و ساخت قالب مهم ترین نیاز تمام فرایندهای اکستروژن است. طراحی قالب تحت تاثیر برخی عوامل همچون نوع پرس، نوع مقطع و تلرانس های آن و مشخصات آلیاژ قرار دارد [1]. در این فرایند چون فلز از طریق قالب جریان مییابد و شکل و ابعاد آن را به خود می گیرد. در نتیجه کیفیت ابعاد به دست آمده، بهره وری و نرخ ضایعات به طور چشمگیری به عملکرد قالب بستگی دارد [2].

از مهمترین ویژگیهای یک قالب اکستروژن این است که بتواند سرعت ماده را هنگام خروج از قالب کنترل کند به طوری که ماده در کل مقطع دارای یک سرعت باشد. اگر سرعت ماده هنگام خروج از قالب به طور کامل یکسان نباشد، قطعه اکسترود شده ممکن است دچار خمیدگی³, پیچیدگی⁴ و یا عدم تلرانس ابعادی⁵ شود که این مسئله زمانی که ضخامت دیوارههای شکل اکسترودی کوچک باشد، بیشتر اتفاق میافتد [3,2]. تغییرات در سرعت ماده توسط دو عامل اصطکاک و ضخامت دیوارههای مقطع پروفیل ایجاد میشود. به طوری که سرعت در دیوارههای کلفتتر و مناطق نزدیک به مرکز قالب به دلیل سطح مقطع بزرگتر و وجود اصطکاک بین سطح بیلت و محفظه نسبت به دیوارههای نازکتر و مناطق نزدیک دیواره های محفظه بیشتر است [3].

برای کنترل سرعت ماده می توان به طور سنتی از تغییرات در طول سطح تماس قالب (بيرينگ) با سطح فلز بهره برد. طول بيرينگ با ايجاد نیروی اصطکاک سرعت ماده را متعادل مینماید. اما این روش به دلیل ایجاد حرارت ناشی از اصطکاک در سطح تماس موجب افزایش دمای اکستروژن شده و دسترسی به سرعتهای بالا را محدود مینماید. همچنین موجب کاهش کیفیت سطح و سخت شدگی موضعی قطعه اکسترودی و کاهش طول عمر قالب می شود. به همین دلیل همواره سعی بر آن است که تا حد امکان طول سطح تماس قالب با قطعه را كاهش داد [3,2]. در نتيجه امروزه براى رسیدن به این هدف و همچنین کنترل جریان ماده از تغذیه کننده [/] یا پاکت⁸ در مقابل سطح قالب استفاده می کنند. وجود تغذیه کننده یا پاکت در قالب موجب كاهش فشار اكستروژن شده و از سطح تماس قالب محافظت مىنمايد. همچنین می توان از این قالبها به علت باقی ماندن فلز در آنها از بیلت قبلی و جوش خوردن به بیلت بعدی در اکستروژن پشت سر هم بیلتها و برای توليد قطعات با طول بلند استفاده نمود [3]. در قالبهای دارای محفظه تغذیه فلز قبل از ورود به سطح بیرینگ دچار تغییر شکل اولیه شده و سرعت آن كنترل مى شود. طراح قالب مى تواند با ايجاد تغيير در حجم، موقعيت، عمق و زاویه ورودی محفظه تغذیه سرعت ماده خروجی از قالب را یکنواخت نماید. ساخت و اصلاح این قالبها به خصوص برای تولید شکلهای با دیواره نازک در مقایسه با قالبهایی که فقط دارای طول بیرینگ برای کنترل سرعت

- ¹ Container
- ² Die ³ Bent
- ⁴ Twist ⁵ Out of Tolerance
- ⁶ Bearing
- ⁷ Feeder ⁸ Pocket

ماده هستند، بسیار آسانتر است [2]. در نتیجه در سالهای اخیر استفاده از قالبهای پاکتدار یا قالبهای دارای محفظه تغذیه برای اکسترود کردن مقاطع پیچیده به شکل چشم گیری افزایش یافته است.

در این مقاله بررسی تجربی و آنالیز عددی فرایند اکستروژن مستقیم یک قطعه متقارن محور آلومینیومی از جنس AA2014-T6 مورد بررسی قرار گرفته است. از آنجا که این قطعه در صنایع هوافضا به کار میرود و قطعات مورد استفاده در صنعت هوافضا بايد داراى استحكام و مقاومت بالا و همچنین چقرمگی و مقاومت به شکست مناسبی باشند، لذا در این آزمایش از بیلتی با این جنس که تقریبا دارای این ویژگیهاست استفاده شده است. آلیاژهای سری 2000 آلومینیوم به طور عمده در صنایع هوافضا و برای تولید قطعات با استحكام بالا استفاده مى شوند. اين آليا دها به علت استحكام بالا، اکسترودپذیری نسبتا سخت و قابلیت جوش پایینی دارند. به همین منظور برای اکسترود کردن این آلیاژها میبایست آنها را تا دماهای بالای درجه حرارت تبلور مجدد پیش گرم نمود (اکستروژن داغ¹⁰) تا بتوان شکل پذیری این آلیاژها را افزایش داد [4,1]. از دیگر مزایای اکستروژن داغ این است که در هنگام شکلدهی، بازیابی همراه با تغییر شکل در قطعه اتفاق میافتد و پدیده کرنش سختی¹¹ تقریبا از بین میرود [5]. پروفیل مورد آزمایش در این مطالعه دارای یک مقطع با ضخامت دیوارههای متفاوت است. به طوری که مقطع آن دارای یک بخش بزرگ در مرکز و چهار بخش یکسان و کوچکتر در اطراف مىباشد. به همين دليل طبيعتا هنگام اكسترود كردن آن شاهد تغییرات سرعت هنگام سیلان ماده خواهیم بود. برای کنترل سرعت سیلان ماده در این مطالعه از دو قالب با شکل هندسی متفاوت استفاده شده است. در قالب اول برای یکنواخت کردن سرعت سیلان ماده هنگام خروج از قالب فقط از تغییرات طول بیرینگ مطابق با شکل پروفیل در آن مقطع استفاده شده است. از نتایج به دست آمده از آزمایش تجربی و آنالیز عددی روی این قالب مشخص گردید که سطح تماس قالب نتوانسته سرعت سیلان ماده را هنگام خروج از قالب در کل مقطع، یکنواخت و متعادل نماید. همین امر موجب سرعت بیشتر مواد در مرکز قالب نسبت به اطراف شده و منجر به ایجاد تنش کششی در مواد اطراف مرکز می شود. در نتیجه تمایل مواد برای جریان یافتن به سمت مرکز افزایش یافته و همین امر موجب پر نشدن کامل قالب در قسمتهای اطراف مقطع می شود. نتایج حاصل شده از اندازه گیری ابعاد قطعه توليدى در هر دو حالت، صحت اين مسئله را به وضوح نشان میدهد. در قالب دوم برای کنترل سرعت سیلان ماده، از کاربرد تغذیه کننده در مقاطع نازکتر به همراه طول بیرینگ متغیر به طور همزمان در قالب استفاده شده است. به دلیل مطابقت کامل نتایج شبیهسازی و تجربی در قالب اول، در قالب دوم فقط بررسی عددی روی فرایند صورت گرفته است. نتایج به دست آمده از شبیهسازی فرایند در این قالب نشان میدهد که سرعت ماده هنگام خروج از قالب به صورت چشمگیری در همه جای مقطع تقریبا یکنواخت شده و مشکل پر نشدن قالب نیز به طور کامل برطرف گردیده است. اعداد به دست آمده از اندازه گیری ابعاد قطعه اکسترودی نیز کاملا گویای بهبود بخش بودن قالب دوم میباشند. برای شبیهسازی فرایند اکستروژن در این مطالعه از نرم افزار سه بعدی دیفرم¹² استفاده شده است. به دلیل اینکه این نرم افزار قابلیت اندازه گیری دقیق ابعاد قطعه اکسترود شده را ندارد، میبایست پس از پایان شبیهسازی قطعه اکسترود شده را به نرم

⁹ Billet to Billet

¹⁰ Hot Extrusion ¹¹ Strain Hardening

¹² Deform 3d

افزار کتیا¹ منتقل کرد و اندازهگیری دقیق ابعاد را در محیط این نرم افزار بدست آورد.

2- طراحي قالب

سطح مقطع قطعهای که در این مطالعه قرار است اکسترود شود به همراه اندازههای ابعاد آن بر روی حفره قالب در شکل 1 نشان داده شده است. همان طور که مشاهده می شود این قطعهی متقارن محور دارای ضخامت دیوارههای مختلف در طول سطح مقطع است. به طوری که ضخامت دیواره در مرکز آن بسیار کلفت تر از اطراف آن بوده و همین امر موجب ایجاد اختلاف در سرعت سیلان ماده هنگام خروج از قالب می شود. در این مطالعه عملکرد شکل هندسی قالب در یکنواخت نمودن سرعت ماده هنگام خروج از قالب و تاثیر كنترل سرعت ماده روى كيفيت ابعادى قطعه، سرعت اكستروژن، جابجايي ماده، دمای اکستروژن و نیروی اکستروژن مورد بررسی قرار گرفته است. به همین دلیل برای تولید این پروفیل از دو قالب مختلف از لحاظ شکل ظاهری استفاده شده است. از دیگر پارامترهایی که می توانست در این آزمایش مورد مطالعه قرار گیرد و میزان تاثیرپذیریشان نسبت به هندسه قالب بررسی گردد، مى توان به فشار اكستروژن، نسبت اكستروژن، تنش موثر، كرنش موثر و نرخ کرنش موثر اشاره نمود. هر چه نسبت اکستروژن در یک مقطع بالاتر باشد، دلیل واضحی بر کار مکانیکی بیشتر یا کرنش پلاستیکی بالاتر است. در نتيجه فشار اكستروژن مورد نياز جهت حركت دادن فلز از ميان قالب بالاتر میرود که منجر به تنش بیشتر در آن نقاط میشود [1].

در قالب اول که در شکل 2 نشان داده شده است، برای یکنواخت نمودن سرعت سیلان ماده از روش تغییرات طول بیرینگ متناسب با شکل پروفیل در آن مقطع استفاده شده است. این روش که اساسا با ایجاد نمودن نیروی مقاوم اصطکاکی در برابر حرکت بیلت موجب کند نمودن سرعت فلز میشود، در بیشتر قالبهای اکستروژن مورد استفاده قرار میگیرد. وظیفه سطح تماس قالب عبارت است از کنترل اندازه، شکل، سطح نهایی و سرعت اکستروژن [1]. به دلیل متقارن بودن مقطع پروفیل، شکل 3 اندازه طول بیرینگ در بخشهای مختلف قالب را فقط برای 1/8 مدل نشان میدهد.



¹ CATIA

شکل 1 سطح مقطع و ابعاد حفره قالب



Fig. 2 Front view of the die with variable bearing length شکل 2 نمایی از قالب دارای طول بیرینگ متغیر



Fig. 3 Bearing length in different sections of the first die شکل 3 طول بیرینگ در بخش های مختلف قالب اول

طول سطح تماس در هر موضع از دریچه قالب به اندازهای که در مقابل سیلان فلز در آن موضع باید مقاومت شود، وابسته است. در فرایند اکستروژن مستقیم، مقاومت اصطکاکی در فصل مشترک بیلت و محفظه، سیلان فلز نزدیک به سطح بیلت را کند مینماید. لذا مرکز بیلت سریعتر از محیط اطراف آن حرکت میکند. برای موازنه سیلان، طول سطح تماس قالب باید نسبت عکس با فاصله آن از مرکز بیلت داشته باشد. در مقاطع نازکتر به دلیل کوچک بودن دریچه قالب، سیلان کندتر می شود. به طور مشابه برای موازنه سیلان در مقاطع نازکتر طول سطح تماس قالب باید کوچکتر باشد و بالعکس [1]. فرایند اکستروژن بر روی این قالب در عمل نیز آزمایش شده است.

در قالب دوم برای کنترل سرعت سیلان ماده از روش ایجاد تغذیه کننده در مقاطع نازکتر به همراه طول بیرینگ با اندازههای متفاوت در سطح قالب استفاده شده است. شکل 4 نمایی از این قالب را نشان می دهد. همان طور که مشاهده می شود در این قالب از دو محفظه تغذیه با اندازههای مختلف و عمق یکسان (mm 60)، در هر چهار طرف قطعه استفاده شده است. تغذیه کننده بزرگتر در قسمت تاج قطعه و به شکل مخروطی با زاویه 15 درجه و دارای فیلت² دیواره به اندازه mm 5 و تغذیه کننده کوچکتر در قسمت رابط بین تاج و قسمت مرکزی قطعه و به شکل مخروط با زاویه 5 درجه تعبیه شده

² Fillet

شکل 5 استفاده شده است. تغذیه کننده بزرگتر در محدوده ab و تغذیه کننده کوچکتر در محدوده bc قرار دارد. بخش cd که مربوط به قسمت مرکزی قطعه است فقط دارای بیرینگی به طول mm 70 mm میباشد. مزیت استفاده از تغذیه کننده مخروطی نسبت به مسطح در این است که منطقه مرده فلزی که در گوشه تغذیه کننده مسطح شکل می گرفت و باعث کند شدن سیلان ماده به دلیل تنش برشی میشد در تغذیه کننده مخروطی کاملا حذف شده و در نتیجه سرعت سیلان بیشتری را در این قالبها خواهیم داشت [6].

3- روش شبیه سازی المان محدود و شرایط آزمایش

برای شبیه سازی این فرایند از نرم افزار سهبعدی دیفرم که نرم افزاری بر پایه المان محدود میباشد و برای شبیهسازی و آنالیز فرایندهای مختلف شکل دهی و عملیات حرارتی طراحی گردیده، استفاده شده است. شکل 6 نمایی از کل سیستم فرایند را به صورت مش بندی شده نمایش میدهد. مش بندی قالب و سایر ابزارها برای محاسبه تاثیرات حرارتی آنها با بیلت انجام میشود.



Fig. 4 Top view of the die with feeder in thinner sections and variable bearing length

شکل 4 نمایی از قالب دارای تغذیه کننده در مقاطع نازکتر به همراه طول بیرینگ متغير



Fig. 5 Bearing length in different sections of the second die شکل 5 طول بیرینگ در بخش های مختلف قالب دوم

در طول آنالیز از سیستم بازیابی مش¹ خودکار نیز جهت کنترل واپیچش المانها در بیلت و سطح بیرینگ استفاده شده است. برای شبیهسازی این فرایند جهت بالا نگه داشتن کیفیت مش و جلوگیری از اعوجاج المانها در طول آنالیز از فرمولاسیون اویلر - لاگرانژ دلخواه² استفاده می شود. در این روش امکان حرکت مستقل مش و ماده وجود دارد، بنابراین حتی برای مدل هایی با تغییر شکلهای بزرگ یا در مدلهایی که درآن بخشی از ماده از بین می رود، می توان با استفاده از این روش کیفیت مش بندی را حفظ نمود [7]. در طی شبیه سازی، بیلت شکل پذیر و سایر ابزارها (محفظه، قالب و سمبه) به صورت صلب فرض شدهاند و رفتار تغییر شکل مواد به صورت صلب-ویسکوپلاستیک حرارتی³ در نظر گرفته شده است.

در این کار چون قصد بررسی ابعاد قطعه اکسترود شده را به همراه سایر پارامترها داریم و به دلیل اینکه اندازه مش انتخابی بسیار در کیفیت لبههای نهایی ایجاد شده و زمان آنالیز موثر است، و از طرفی چون فرایند اکستروژن نیز بعد از یک حالت گذرا و تغییر شکل پذیر به یک سیکل حالت ثابت تبدیل می شود، برای به حداقل رساندن زمان آنالیز، شبیه سازی پس از رسیدن به یک حالت سیکل ثابت متوقف می شود. در این آنالیز اندازه مش 3 میلیمتری برای بیلت و از نوع تتراهدرال⁴ در نظر گرفته شده است. جنس بیلت مورد آزمایش AA2014-T6 و سایر ابزارها از جنس فولاد AISI-H13 می باشند. در جدول 1 دمای بیلت و سایر ابزارها حین آزمایش به همراه سایر شرایط فرایند آورده شده است. در این شبیه سازی از مدل اصطکاک برشی ترسکا⁵ برای بیان رفتار اصطکاکی بین بیلت با قالب و دیگر ابزارها استفاده شده است. طبق این مدل و معیار فون میزز⁶ فاکتور اصطکاک طبق رابطه (1) محاسبه auمی می می در این رابطه fs تنش برشی اصطکاکی، m فاکتور اصطکاک، استحکام تسلیم برشی ماده و σ تنش تسلیم موثر ماده میباشد. فاکتور اصطكاک مقداری بین $m \le 0 \le m$ دارد که اگر m = 0 باشد یعنی لغزش کامل اتفاق میافتد و اگر m=1 شود چسبندگی کامل ایجاد می شود [8]. در این شبیه سازی فاکتور اصطکاک بین بیلت و سایر ابزارها برابر مقدار ثابت 0.4 فرض شده است.

$$fs = m\tau = m \frac{\sigma}{\sqrt{3}} \quad \Rightarrow \quad m = \frac{\sqrt{3} fs}{\sigma}$$
 (1)

در این کار، چون مواد از مدل صلب- پلاستیک همگن⁷ پیروی می کنند، تنش جریان مطابق رابطه (2) تابعی از کرنش موثر، نرخ کرنش موثر و دما در



Fig. 6 A schematic illustration of the entire extrusion process system with mesh

شكل 6 شماتيكي از كل سيستم مش بندى شده فرايند اكستروژن

1 Remeshing

- Arbitrary Lagrangian-Eulerian Method
- Rigid–Viscoplastic Thermal Tetrahedral Mesh
- Tresca

7 Isotropic Rigid-Plastic

Downloaded from mme.modares.ac.ir on 2024-05-13

DOR: 20.1001.1.10275940.1395.16.10.24.5

Von Mises

 $\bar{\sigma} = \bar{\sigma} \left(\bar{\varepsilon}, \frac{\dot{\varepsilon}}{\varepsilon}, T \right)$

نظر گرفته شده است [9]. (2)

در رابطه (2)، $\overline{\sigma}$ تنش جریان موثر، \overline{s} کرنش موثر، \overline{s} نرخ کرنش موثر و T دما قطعه کار می اشد. نرم افزار دیفرم که برای شبیه سازی این کار استفاده شده، دارای یک مکانیزم درونیابی است که این امکان را برای نرمافزار فراهم می کند تا بتواند مقادیر تنش و نرخ کرنش را از پایگاه اطلاعات استخراج نماید [11,10,7]. در جدول 2 خواص فیزیکی ماده قطعه کار و سایر ابزارها به همراه ضریب انتقال حرارت همرفتی و جابجایی آورده شده است [19].

4- بحث در نتایج 1-4- کنترل ابعاد قطعه اکسترودی

همان طور که اشاره شد، هدف اصلی این مقاله کنترل ابعاد قطعه اکسترود شده پس از پایان عمل شبیه سازی است. برای رسیدن به این هدف و به جهت اینکه امکان اندازه گیری دقیق ابعاد در نرم افزار سه بعدی دیفرم وجود ندارد، می بایست پس از پایان یافتن عمل شبیه سازی در هر دو قالب، قطعه کار اکسترود شده را جهت اندازه گیری دقیق ابعاد به یک نرمافزار دیگر منتقل کرد. برای انجام این کار باید از بخش هندسی¹ نرمافزار دیفرم در محیط پیش پردازش² یک فایل با فرمت STL ایجاد کرد. سپس این فایل STL را به محیط ابرنقاط³ نرم افزار کتیا انتقال داده و اجرا کرد. در گام بعد با ایجاد

جدول 1 پارامترهای فرایند مورد استفاده در آنالیز تجربی و عددی Table 1 The process parameters used in the experimental and

numerical analysis

واحد	مقدار	پارامترها
(°C)	420	دمای اولیه بیلت
(°C)	403	دماي اوليه محفظه
(°C)	420	دماى اوليه قالب
(°C)	403	دماي اوليه سمبه
(mm/sec)	2	سرعت سمبه
-	2.75	نسبت اكستروژن
(mm)	600	طول بيلت
(mm)	178	قطر بيلت
-	0.4	فاكتور اصطكاك بين بيلت و ساير
	0.4	ابزارها

جدول 2 خواص فیزیکی قطعه کار و ابزارها

Table 2 The physical properties of the workpiece and tools			
خواص فيزيكي	AA2014	H13 Tool steel	
ظرفیت گرمایی [(//(mm ² °C)]	2.43	5.6	
رسانندگی حرارتی [(° N/(sec)]	180.2	28.4	
ضریب انتقال حرارت بین قطعه کار و سایر ابزارها [(N/(sec mm °C)]	11	11	
ضریب انتقال حرارت بین قطعه کار/ ابزارها و هوا [(℃ N/(sec mm)]	0.02	0.02	

¹ Geometry

² Pre-Processor

³ Cloud of Points

مقطع⁴ در جهت عمود بر طول قطعه اکسترود شده یک سطح انتخاب شود. به علت مقايسه نتايج، مقطعها با فاصله ثابتي از خروجي هر دو قالب ايجاد میشوند. پس از انتخاب مقطعها، ابعاد آنها در محیط نقشه کشی⁵ نرم افزار کتیا قابل اندازه گیری است. همان طور که در شکل های 7 و 8 مشاهده می-شود مقطعها در هر دو قالب، به فاصله ثابت 160 میلیمتر از ورودی قالب ایجاد شدهاند. نتایج حاصل از اندازه گیری منحنی این دو مقطع در محیط نقشه کشی در شکل های 9 و 10 نشان داده شده است. برای اینکه یک معیار ثابت در طول اندازه گیری رعایت شود، اندازهها در قسمتهای مختلف شکل، در راستای خطوط شطرنجی و نقاط ثابت گرفته شدهاند. همچنین جهت کسب نتایج دقیق تری از آنالیز، اندازه گیری در هر چهار طرف قطعه متقارن و در فواصل مختلف از ورودی قالب انجام شده است. در هر دو قالب، مقطعها در فواصل 200،180،160،140 از ورودی قالب ایجاد شدهاند. اندازه گیری بر روى منحنى مقطع در پنج بخش طول تاج، عرض تاج، بخش رابط تاج و قسمت مرکزی، شعاع قسمت مرکزی و شعاع بزرگ قطعه صورت گرفته است. نتایج بهدست آمده از مقایسه دو قالب نشان میدهد که بیشترین اختلاف در اندازههای حاصل شده در بخش طول تاج قطعه اتفاق افتاده است. در جدول 3، اندازههای به دست آمده از دو منحنی شکل 9 و 10، در بخش طول تاج قطعه و در چهار طرف به تفضیل آورده شده است. اختلاف به دست آمده بین این اندازهها و اندازه حفره قالب نشان میدهد که قالب دارای طول بیرینگ در این بخش دچار کاهش اندازهای بیش از حد درصد انقباضی قابل قبول شده است. مقدار انقباض معمول مواد بسته به نوع آلياژ بين 1 الى 1.25 درصد



 Fig. 7 The section in the product using first die

 شكل 7 نمايش مقطع ايجاد شده در قطعه خروجي از قالب اول



Fig. 8 The section in the product using second die شکل 8 نمایش مقطع ایجاد شده در قطعه خروجی از قالب دوم

[Downloaded from mme.modares.ac.ir on 2024-05-13]

Section

⁵ Drafting



Fig. 9 Dimensions of the product obtained by first die شكل 9 ابعاد قطعه توليد شده با قالب اول

جدول 3 مقایسه دادههای حاصل از دو منحنی در قسمت طول تاج **Table 3** Comparison of the results obtained from two parts profile along the crown length

arong the e	rown rengti				
اندازه حفره قالب در بخش طول تاج (mm)	اختلاف اندازه حفره قالب با (D ₂) (mm)	اختلاف اندازه حفره قالب با (D ₁)	اندازہ طول تاج در قالب دوم (D2) (mm)	اندازه طول تاج در قالب اول (D1) (mm)	
43.35	1.14	4.04	41.95	39.31	بخش 1
43.35	1.12	4.16	42.23	39.19	بخش 2
43.35	1.35	5.07	42	38.28	بخش 3
43.35	1.60	4.67	41.75	38.68	بخش 4

است [12]. در ادامه دلایل این اتفاق به تفضیل بیان میشود. شکل 11 مقطع ایجاد شده از قطعهی اکسترودی را در آزمایش عملی نشان میدهد. همانند آنالیز عددی در آزمایش تجربی نیز مقطعهای ایجاد شده در فواصل مختلف مورد اندازه گیری قرار گرفتهاند.

مقادیر ماکزیمم و مینیممی که از اندازه گیری ابعاد در بخشهای مختلف قطعه به دست آمده در جدول 4 به صورت یک محدوده تغییرات آورده شده است. محدوده تغییرات در بخشهای مختلف قطعه، نسبت به اندازهای که طبق نقشه اصلی پس از انجام ماشینکاری میبایست در قطعه ایجاد شود، در قالبی که دارای محفظه تغذیه و طول بیرینگ است کاملا راضی کننده میباشد و در قالبی که فقط دارای طول بیرینگ میباشد هم در عمل و هم در شبیه سازی رضایت چندانی وجود ندارد. به طور کلی نتایج به دست آمده از قالب اول بیانگر این مطلب است که این قالب عملکرد چندان موفقی در کنترل سرعت سیلان ماده هنگام خروج از قالب ندارد. همان طور که در شکل تسبت به سایر قسمت ها دارای سرعت بیشتری میباشد. همین امر موجب نسبت به سایر قسمتها دارای سرعت بیشتری میباشد. همین ام موجب ایجاد یک تنش کششی در بخش رابط و تاج قطعه شده که منجر به تنش پسماند کششی در آن بخشها میشود. این تنش پسماند میتواند پس از



Fig. 10 Dimensions of the product obtained by second die شكل 10 ابعاد قطعه توليد شده با قالب دوم

پایان عمل اکسترود در بخشهای اولیه قطعه به صورت ترک خصوصا در بخشهای تاج و رابط قطعه مشاهده شود. شکل 12 نمونههایی از ترک ایجاد شده در بخش تاج قطعه را نشان میدهد. این عدم یکنواختی در سرعت و نیروی کششی به وجود آمده ناشی از آن میتواند موجب پر نشدن کافی قالب به خصوص در دیوارههای نازکتر شود. پر نشدن کامل قالب نیز میتواند عوارضی همچون عدم کیفیت لبههای خارجی و خارج از تلرانس شدن ابعاد قطعه به دنبال داشته باشد. شکلهای 13 و 14 وضعیت تماس بین بیلت و سطح قالب را در طول شبیه سازی نشان میدهند. همان طور که مشخص است در قالب اول، فقط در بخش مرکزی بین بیلت و قالب اندک تماسی وجود دارد که حاکی از پر نشدن قالب در کل بخشهای آن است. اما در قالب دوم که دارای محفظه تغذیه و طول بیرینگ است، مشاهده میشود که قالب با



Fig. 11 A view of the section created in part by using first die شکل 11 نمایش مقطع ایجاد شده در قطعه توسط قالب اول

drawing of product				
اندازه این	نتايج حاصل از	نتايج حاصل از	نتايج حاصل از	
بخش ها روی	آزمایش تجربی در	شبیه سازی در قالب	شبیه سازی در	-1 ··· · · · ·
نقشه اصلى	قالب دارای طول	داراي تغذيه كننده و	قالب دارای طول	محدوده تعييرات
قطعه	بيرينگ (اول)	طول بیرینگ (دوم)	بيرينگ (اول)	بحسهاي محتلف فطعه
(mm)	(mm)	(mm)	(mm)	
40	(39.6, 41)	(41.49, 42.71)	(38.24, 40.13)	1- طول تاج
9.5	(9.4, 9.5)	(9.97, 10.81)	(9.74, 10.82)	2- عرض تاج
15.5	(15.1, 15.4)	(16.19, 16.94)	(15.88, 16.86)	3- رابط بين تاج و قسمت مركز
41	(41.1, 41.15)	(41.10, 42.02)	(40.97, 41.92)	4- شعاع قسمت مركزي
74	(75.1, 75.15)	(75.89, 76.63)	(75.24, 76.05)	5- شعاع بزرگ قطعه

جدول 4 مقايسه دامنه تغييرات ابعاد قطعه توليد شده توسط دو قالب با نتايج عملى و نقشه مهندسى محصول Table 4 Comparison of the range of dimensional changes in the product obtained by using two dies with experimental results and the engineering



شکل 12 ترکهای ایجاد شده در قسمت تاج قطعه تولید شده توسط قالب اول



Fig. 13 A view of the contact surface of the billet with first die شکل 13 نمایی از سطح تماس بیلت با قالب اول



Fig. 14 A view of the contact surface of the billet with second die شکل 14 نمایی از سطح تماس بیلت با قالب دوم

بیلت در اکثر نواحی تماس دارد که حاکی از پر شدن رضایت بخش قالب است. همین امر کارایی و تاثیر غیر قابل انکار تغذیه کننده را که هم موجب پر شدن کامل قالب و هم کنترل سرعت سیلان ماده پس از خروج از قالب

Fig. 12 The cracks created in crown part produced by using first die

میشود را کاملا نشان میدهد.

4-2- بررسی سرعت اکستروژن

از دیگر پارامترهای مهم در این فرایند سرعت اکستروژن میباشد. با افزایش سرعت اکستروژن، کار مکانیکی که روی فلز انجام می شود بیشتر شده که این عامل خود باعث تولید حرارت و افزایش دمای قطعه کار میشود. با توجه به اینکه برای هر فلز یک دمای ماکزیممی تعریف شده که از آن دما به بعد فلز دچار شکنندگی حرارتی¹ میشود پس میبایست سرعت اکستروژن را در طول فرايند طبق دماى قطعه كار كنترل نمود [1]. اساسا سرعت اكستروژن با افزایش فاصله از مرکز قطعه کاهش می یابد. که این امر به دلیل وجود عامل اصطكاك بين محفظه و قالب با بيلت مي باشد [2]. در شكلهاي 15 و 16 نمودار تغییرات سرعت نسبت به زمان برای سه نقطه از قطعه در بخشهای تاج (P3)، رابط (P2) و قسمت مرکزی قطعه (P1) نمایش داده شده است. این نقاط در اشکال 13 و 14 نشان داده شده اند. همان طور که مشاهده می شود سرعت قطعه در نقاط مختلف، در داخل قالب اول که فقط دارای طول بیرینگ است متفاوت بوده، به طوری که ماده قبل از خروج از قالب به ترتیب در بخش مرکزی، بخش رابط تاج و قسمت مرکزی و بخش تاج قطعه دارای بیشترین مقدار سرعت است که این امر به دلیل متفاوت بودن سطح مقطع قطعه در آن قسمتها اتفاق افتاده است. اما در قالب دوم که دارای تغذیه کننده و طول بیرینگ است، سرعت در داخل قالب و در نقاط مختلف تقریبا کنترل شده و دارای یکنواختی بهتری نسبت به قالب اول است. به طور کلی می توان بیان کرد که اکستروژن مقاطعی که دارای یک دیواره ضخیم مرکزی نسبت به سایر دیوارههای اطراف هستند بسیار مشکل بوده و روش طول بیرینگ متغیر به تنهایی جوابگوی این مقاطع برای کنترل تغییرات سرعت به وجود آمده نمی باشد. برای تولید این چنین مقاطعی می بایست از

¹ Hot Shortness

هر دو روش طول بیرینگ متغیر و تغذیه کننده در دیوارههای نازکتر به طور همزمان در قالب بهره برد.

4-3- بررسی جابجایی مادہ

همانطور که بیان شد به علت متفاوت بودن سطح مقطع قطعه در نقاط مختلف، سرعت سیلان ماده هنگام خروج از قالب متفاوت است. به همین دلیل ما شاهد ایجاد اختلاف در جابجایی ماده هنگام خروج از قالب نیز خواهیم بود. مقدار این اختلاف میتواند توسط شکل هندسی قالب کاهش یابد یا به طور کلی از بین برود. همانطور که در شکل 17 مشاهده میشود در قالب اول که فقط دارای طول بیرینگ است بین قسمت مرکزی و قسمت تاج قطعه یک اختلاف جابجاییای در حدود 22 میلیمتر وجود دارد. این اختلاف در جابجایی ماده موجب بروز یک حالت دماغهای در جلوی قطعه و مهانند شکل 18 یک عیب در اکستروژن به حساب میآید که موجب افزایش خامت ته بیلت باقیمانده میشود که مقرون به صرفه نیست. این اختلاف در جابجایی ماده میتواند با ایجاد محفظه تغذیه در مقاطعی که دارای دیواره مواد را در قالب دوم که دارای تغذیه کننده و طول بیرینگ است نشان





شکل 15 نمودار تغییرات سرعت در سه نقطه قطعه تولید شده با قالب اول



Fig. 16 Chart speed changes in three points of the produced part by using second die

شكل 16 نمودار تغييرات سرعت در سه نقطه قطعه توليد شده با قالب دوم



Fig. 17 Chart metal flow at different points in the first die شكل 17 نمودار جابجايي ماده در نقاط مختلف در قالب اول



Fig. 18 Funnel formed at the end of the billet due to the lack of uniform metal flow rate $% \left({{{\mathbf{F}}_{\mathbf{0}}}^{T}} \right)$

شکل 18 تشکیل قیف در انتهای بیلت به علت یکنواخت نبودن سرعت جریان فلز



شکل 19 نمودار جابجایی ماده در نقاط مختلف در قالب دوم

باشد که شکل و هندسه قالب بسیار در این فرایند حائز اهمیت است.

4-4- بررسی دمای اکستروژن

همان طور که بیان شد دمای اکستروژن از جمله پارامترهایی است که رابطه مستقیم با سرعت اکستروژن دارد. به عبارتی در اکستروژن داغ میبایست کنترل مداومی روی دمای قطعه کار صورت گیرد تا از رسیدن دمای قطعه کار به حد متالوژیکی آن (نقطه انجماد¹) جلوگیری کند. افزایش دمای

DOR: 20.1001.1.10275940.1395.16.10.24.5

اکستروژن از این مقدار بحرانی میتواند منجر به تشکیل عیوب سطحی به شکل شکنندگی حرارتی و یا ترک شود. حتی دما زیر این مقدار بحرانی نیز میتواند موجب تبلور مجدد موضعی' و رشد دانهای شود [14,13]. تبلور مجدد موضعی در محیط اطراف یک محصول اکسترودی با عنوان درشت دانگی محیطی شناخته می شود. لایه خارجی تبلور مجدد یافته ممکن است سبب تغییر در خواص مکانیکی، به خصوص ایجاد تنش کششی پایین تر نسبت به مركز تبلور مجدد نيافته گردد [1]. نقطه انجماد اين آلياژ در حدود 480 الى 490 درجه سلسيوس مىباشد. همان طور كه در شكل هاى 20 و 21 مشاهده می شود، دمای بیلت در هر دو قالب از این مقدار بالاتر نرفته و قابل قبول است. دمای قطعه کار در ابتدای فرایند در هر سه قسمت به علت تبادل حرارت بین بیلت و سایر ابزارها کاهش یافته است. سپس با آغاز کار مکانیکی روى بيلت و ايجاد حرارت، دما بالا رفته و مجددا پس از خروج قطعه از قالب دما کاهش می یابد. علت کاهش دما در بخش تاج و رابط قطعه نسبت به مرکز به دلیل سطح تماس بیشتر بیلت با قالب و انتقال حرارت است. همچنین دما در قالب دوم که دارای تغذیه کننده است به علت سطح تماس بیشتر نسبت به قالب اول دچار کاهش و افزایش دمای بیشتری در بخش تاج و رابط شده است. کاهش دما به دلیل سطح تماس بزرگتر و انتقال حرارت بیشتر و در مقابل افزایش دما نیز به دلیل سطح تماس بیشتر و ایجاد حرارت ناشی از اصطکاک و کار مکانیکی اتفاق افتاده است. هرچه دمای قطعه کار در طول









Fig. 21 Temperature changes at three points on the produced part by using second die

4-5- بررسی نیروی اکستروژن

از دیگر پارامترهایی که در فرایند اکستروژن حائز اهمیت بوده و میتواند در انتخاب ظرفیت پرس موثر باشد، نیروی اکستروژن است. همان طور که در شکل 22 مشخص است، نیرو در قالب اول که فقط دارای طول بیرینگ است، پس از ورود بیلت به قالب با یک شیب نسبتا زیادی افزایش یافته است. اما در قالب بهینه شده با تغذیه کننده و طول بیرینگ مطابق شکل 23 نیرو کم کم و با یک شیب ملایم تری بالا رفته که نشان دهنده تغییر شکل اولیه فلز در داخل محفظه تغذیه این قالب میباشد. همچنین در قالب بهینه به علت تماس بیشتر فلز با سطح قالب و ایجاد نیروی اصطکاک، مقدار نیرو در این تواند موجب تسریع در مستهلک شدن سطح قالب و کاهش کیفیت ابعاد قطعه تولیدی شود. این مطلب به خصوص در تولید قطعات از جنس آلیاژهای سخت بیشتر نمود دارد. در نتیجه استفاده از تغذیه کننده در اکستروژن مواد با شکل پذیری سخت به کاهش نیروی ماکزیمم در فرایند کمک میکند، که احتمالا علت آن نیز انجام تغییر شکل در دو مرحله و در داخل محفظه تغذیه و سطح بیرینگ است [15].

5- نتیجه گیری

در این مقاله اکسترود کردن یک مقطع تقارن محور، با ضخامت دیواره



Fig. 22 Force-displacement curve for direct extrusion process (using first die)



شكل 23 منحنى نيرو- جابجايى براى فرايند اكستروژن مستقيم (براى قالب دوم)

شکل 22 منحنی نیرو- جابجایی برای فرایند اکستروژن مستقیم (برای قالب اول)

شكل 21 تغييرات دما در سه نقطه قطعه توليد شده با قالب دوم

¹ Local Recrystallization

متفاوت مورد بررسی قرار گرفت. در ابتدای کار، به دلیل متفاوت بودن ضخامت دیوارهها در بخشهای مختلف قطعه، سرعت سیلان ماده در هنگام خروج از قالب متفاوت بوده است. برای به کنترل در آوردن سرعت فلز در این مطالعه از دو قالب مختلف از لحاظ شکل هندسی استفاده شد. در قالب اول برای یکنواخت نمودن سرعت از روش طول بیرینگ متغیر و در قالب دوم از روش ایجاد تغذیه کننده در مقاطع نازکتر به همراه طول بیرینگ متغیر استفاده شد. از آنالیز تجربی و عددی این فرایند، موارد ذیل استناج گردید:

- 1- سرعت سیلان ماده هنگام خروج از قالب با تغییرات در هندسه قالب تغییر میکند، به طوری که در این قطعه سرعت خروجی فلز در قالب دوم به دلیل وجود تغذیه کننده در دیوارههای نازکتر نسبت به قالب اول دارای یکنواختی بهتری بوده است.
- 2- در قالب اول ماکزیمم سرعت فلز در داخل قالب و در قسمت مرکز قطعه اتفاق افتاده که برابر (mm/sec) است، اما در قالب دوم ماکزیمم سرعت در خارج از قالب و یکسان در تمام نقاط سطح مقطع بدست آمده و مقداری برابر (mm/sec) 7.64 دارد. دلیل افزایش سرعت فلز در خارج از قالب دوم نیز به دلیل وجود تغذیه کننده مخروطی شکل است.
- 3- سرعت سیلان ماده هنگام خروج از قالب میتواند روی کیفیت ابعادی بهدست آمده و نحوه پر شدن قالب در بخشهای مختلف اثر گذار باشد. بهطوری که در قالب دوم کیفیت تلرانس ابعادی حاصل شده به دلیل وجود تغذیه کننده و پر شدن کامل قالب خصوصا در بخشهای نازکتر نسبت به قالب اول که فقط دارای طول بیرینگ است بسیار راضی کنندهتر است. به عنوان مثال اندازه حفره قالب در قسمت طول تاج در هر دو قالب برابر mm 43.35 بوده و اندازه بدست آمده از آنالیز عددی برای این بخش از قطعه در قالب اول 39.31 و برای قالب دوم mm 41.95 بوده است که با توجه به درصد انقباض ماده بیلت، نشان دهنده پر شدن بهتر قالب در کانالهای باریکتر است.
- 4- بیشترین اختلاف در جابجایی ماده بین نقاط مرکزی (p1) و بیرونی (p3) قطعه اتفاق افتاده که در قالب اول در حدود mm 22 و در قالب دوم در حدود mm 6 است. این مقدار بین نقاط دور از مرکز یعنی نقاط (p2) و (p3) کاهش یافته که برای قالب اول mm 12.37 و برای قالب دوم Mm 0.66 است. نتایج بدست آمده گویای این مطلب است که قالب دوم تا حدود بسیار زیادی توانسته نرخ جابجایی مواد را در نقاط مختلف به طور بهینه کنترل نماید.
- 5- عدم کنترل در سرعت و جابجایی ماده بین قسمت مرکزی و سایر نقاط قطعه میتواند موجب تشکیل عیوبی همچون ایجاد ترک در بخشهای نازکتر به دلیل وجود تنش پسماند کششی و تشکیل قیف در انتهای بیلت شود که موجب افزایش ضایعات و کاهش بهره وری می شود.
- 6- در قالب دوم که دارای تغذیه کننده است، به دلیل وجود سطح تماس بیشتر بیلت با قالب و همچنین اصطکاک ناشی از آن نیروی

اکستروژن در حدود 6.5 درصد نسبت به قالب اول بیشتر افزایش مییابد. از طرفی چون ماده در محفظه تغذیه این قالب دچار تغییر شکل اولیه میشود نیرو با شیب بسیار ملایم تری نسبت به قالب اول افزایش مییابد که میتواند افزایش طول عمر قالب و عملکرد بهتر پرس در تیراژ تولید بالا را به دنبال داشته باشد.

- 7- ماکزیمم دمایی که در طول اکستروژن در هر دو قالب بدست آمده 7کمتر از دمای متالوژیکی قطعه کار بوده و مقداری در حدود $423(\mathcal{C})$
- 8- اکستروژن مقطعهایی که دارای یک بخش با سطح مقطع خیلی بزرگتر نسبت به سایر بخشها هستند، عملا با استفاده از قالبی که دارای تغذیه کننده و طول بیرینگ متغیر است آسان تر بوده و از لحاظ اقتصادی نیز به صرفه تر است.

6- مراجع

- P. K. Saha, Aluminum extrusion technology. Asm International, pp. 87-115, (Translated by H. Ghiasi), Organization Publications Jihad Collegiate, 2000. (in Persian فارسی)
- [2] G. Fang, J. Zhou, J. Duszczyk, Effect of pocket design on metal flow through single-bearing extrusion dies to produce a thin-walled aluminium profile, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 199, No. 1, pp. 91-101, 2008.
- [3] Q. Li, C. J. Smith, C. Harris, M. R. Jolly, Finite element investigations upon the influence of pocket die designs on metal flow in aluminium extrusion: Part I. Effect of pocket angle and volume on metal flow, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 135, No. 2, pp. 189-196, 2003.
- W. F. Hosford, R. M. Caddell, *Metal Forming: Mechanics and Metallurgy*, pp. 69-71, Cambridge University Press, Third Edittion, 2011.
 K. Lange, *Handbook of metal forming*, pp.627-647, McGraw-Hill Book
- [6] Q. Li, C. J. Smith, C. Harris, M. R. Jolly, Finite element modelling
- [6] Q. El, C. J. Shifu, C. Haris, M. K. Sofy, Pinte center indefining investigations upon the influence of pocket die designs on metal flow in aluminium extrusion: Part II. Effect of pocket geometry configurations on metal flow, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 135, No. 2, pp. 197-203, 2003.
- [7] J. Zhou, L. Li, J. Duszczyk, 3D FEM simulation of the whole cycle of aluminium extrusion throughout the transient state and the steady state using the updated Lagrangian approach, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 134, No. 3, pp. 383-397, 2003.
- [8] D. W. Zhang, H. Ou, Relationship between friction parameters in a Coulomb–Tresca friction model for bulk metal forming, *Tribology International*, Vol. 95, pp.13-18, 2016.
- [10] T. Chanda, J. Zhou, J. Duszczyk, FEM analysis of aluminium extrusion through square and round dies, *Materials & Design*, Vol. 21, No. 4, pp. 323-335, 2000.
- [11] T. Chanda, J. Zhou, L. Kowalski, J. Duszczyk, 3D FEM simulation of the thermal events during AA6061 aluminum extrusion, *Scripta Materialia*, Vol. 41, No. 2, pp. 195-202, 1999.
- [12] F. Khorasani, Technology Extrusion of Aluminium Alloys, pp. 49-62, Tehran: Kian Rayaneh Sabz, 2009. (in Persian فارسی)
- [13] Z. Peng, and T. Sheppard, Study of surface cracking during extrusion of aluminium alloy AA 2014, *Materials Science and Technology*, Vol. 20, No. 9, pp. 1179-1191, 2004.
- [14] G. Fang, J. Zhou, J. Duszczyk, FEM simulation of aluminium extrusion through two-hole multi-step pocket dies, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 209, No. 4, pp. 1891-1900, 2009.
- [15] D. Lesniak, W. Libura, Extrusion of sections with varying thickness through pocket dies, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 194, No. 1, pp. 38-45, 2007.