

Analytical Modeling of Cutting Forces in Grinding of AISI 1060 Heat Treated Steel Considering Undeformed Chip Thickness Distribution

ARTICLE INFO

Article Type Original Research

Authors Jamaati F.¹, Adibi H.^{1*}, Rahimi A.¹

How to cite this article

Analytical modeling of cutting forces in grinding of AISI 1060 heat treated steel considering undeformed chip thickness distribution. Modares Mechanical Engineering. 2021; 21(10):685-692.

ABSTRACT

The grinding process is one of the most important and widely used machining processes to achieve the desired surface quality and dimensional accuracy. Since the undeformed chip thickness is not a constant value in the grinding process and is changing independently and momentarily for each abrasive, the accurate determination of the undeformed chip thickness is essential to determine the grinding forces and surface topography of the grinding wheel. Previous studies on grinding forces were mainly regardless of the micro-mechanisms between the abrasive and the workpiece. On the other hand, only the average values of forces could be calculated by determining the average value for undeformed chip thickness. In this study, a new analytical model with the approach of kinematic-geometric analysis of abrasive grain trajectory is presented to determine the undeformed chip thickness and subsequent grinding forces. This model predicts the components of normal and tangential grinding forces (including sliding, plowing, and cutting forces) accurately and in detail based on the instantaneous undeformed chip thickness between abrasive and the workpiece. Finally, experimental tests were performed to validate the theoretical model.

Keywords Instantaneous Undeformed Chip Thickness, Analytical Modeling, Micro Mechanisms of Cutting, Grinding Forces

CITATION LINKS

¹ Department of Mechanical Engineering, Amirkabir University of Technology, Tehran, Iran.

*Correspondence

Address: Department of Mechanical Engineering, Amirkabir University of Technology, Tehran, Iran. *Phone*: -*Fax*: -

hadibi@aut.ac.ir

Article History Received: February 23, 2021 Accepted: May 03, 2021 ePublished: 8 August, 2021

[1] The role of chip thickness in grinding. [2] The significance of chip thickness in grinding. [3] Grinding technology: theory and application of machining with abrasives. [4] Analysis and simulation of the grinding process, Part I: generation of the grinding wheel surface. [5] Predictive modeling of undeformed chip thickness in ceramic grinding. [6] Grinding force and power modeling based on chip thickness analysis. [7] Modeling and analysis of grinding forces based on the single grit scratch. [8] Analysis of grinding mechanics and improved predictive force model based on material-removal and plastic-stacking mechanisms. [9] Grinding force and energy modeling of textured monolayer CBN wheels considering undeformed chip thickness nonuniformity. [10] An analytical grinding force model based on individual grit interaction. [11] Principles of modern grinding technology. 2013 [12] Prediction on grinding force during grinding powder metallurgy nickel-based superalloy FGH96 with electroplated CBN abrasive wheel. [13] Investigation of different grain shapes and dressing to predict surface roughness in grinding using kinematic simulations. [14] Predicting galling behaviour in deep drawing processes. [15] Detailed modeling of cutting forces in grinding process considering variable stages of grain-workpiece micro interactions. [16] An explanation of the different regimes of friction and wear using asperity deformation models. [17] Characterization of interfacial shear strength and its effect on ploughing behaviour in single-asperity sliding.

Copyright© 2020, TMU Press. This open-access article is published under the terms of the Creative Commons Attribution-NonCommercial 4.0 International License which permits Share (copy and redistribute the material in any medium or format) and Adapt (remix, transform, and build upon the material) under the Attribution-NonCommercial terms.

مدلسازی تحلیلی نیروهای برشی در فرآیند سنگزنی فولاد عملیات حرارتی شده AISI 1060 با در نظر گرفتن توزیع ضـخامت براده تغییر شکل نیافته

> **فرزاد جماعتی** مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران **حامد ادیبی*** مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران

چکیدہ

فرآیند سنگزنی یکی از مهمترین و پرکاربردترین فرآیندهای ماشینکاری جهت رسیدن به کیفیت سطح و دقت ابعادی مطلوب میباشد. از آنجایی که در فرآیند سنگ-زنی، ضخامت براده تغییر شکل نیافته یک مقدار ثابت نبوده و برای هر دانه ساینده به طور مستقل و لحظهای در حال تغییر میباشد، لذا تعیین دقیق ضخامت براده تغيير شكل نيافته لحظهاى جهت مشخص كردن نيروهاى سنگزنی و همچنین توپوگرافی سطح سنگزنی شده از اهمیت بالایی برخوردار است. مطالعات پیشین در زمینه نیروهای سنگزنی عمدتا بدون توجه به نوع میکرومکانیزمهای بین دانه ساینده و قطعهکار استوار بود، از طرف دیگر با تعيين مقدار متوسط براى ضخامت براده تغيير شكل نيافته فقط مقادير متوسط نیروهای سنگزنی قابل محاسبه بود. در این پژوهش برای تعیین ضخامت براده تغییر شکل نیافته لحظهای و به دنبال آن نیروهای سنگزنی، یک مدل تحلیلی جدید با رویکرد آنالیز سینماتیکی-هندسی مسیر دانههای ساینده ارائه شدهاست. این مدل، اجزای تشکیل دهنده نیروهای عمودی و مماسی سنگزنی (شامل نیروهای لغزش، شخم و برش) را به طور جزئی و دقیق بر اساس ضخامت براده تغيير شكل نيافته لحظهاى حاصل از آناليز سينماتيكى حركت دانه ساينده و همچنین بر اساس ریزسازوکارهای براده برداری بین دانه ساینده و قطعهکار پیشبینی میکند. در پایان آزمایشهای تجربی، جهت صحت سنجی مدل نظری صورت پذیرفت.

کلیدواژهها: ضخامت براده تغییر شکل نیافته لحظهای، مدلسازی تحلیلی، ریزسازوکارهای براده برداری، نیروهای سنگزنی

> تاریخ دریافت: ۱۳۹۹/۱۲/۰۵ تاریخ پذیرش: ۱۴۰۰/۰۲/۱۳ *نویسنده مسئول: hadibi@aut.ac.ir

۱– مقدمه

فرآیند سنگزنی به عنوان یکی از فرآیندهای پیچیده ماشینکاری، متشکل از فعل و انفعالات پیچیده بین تعداد زیادی از متغیرها، مانند ماشین ابزار، چرخ سنگ، قطعهکار و سایر مولفههای ماشینکاری محسوب میگردد. عوامل زیادی وجود دارند که نیروهای سنگزنی، دقت ابعادی، زبری سطح و سایر خروجیهای فرآیند سنگزنی را تحت تاثیر قرار میدهند؛ لذا توسعه مدل–های بنیادی، تحلیلی و نیمه تحلیلی جهت پیشبینی خروجیهای فرآیند سنگزنی از اهمیت بالایی برخوردار است. یک مدلسازی

تحلیلی منسجم باید از مفاهیم بنیادی فیزیکی فرآیند سنگزنی که حاصل از برخوردهای پیچیده بین دانه ساینده و قطعه کار است، آغاز گردد و سیس به کل چرخ سنگ گسترش یابد. با تعیین ضخامت براده تغییر شکل نیافته ، نوع برخورد بین دانه ساینده و قطعه کار مشخص می گردد. ضخامت براده تغییر شکل نیافته مولفه ای است که به طور لحظهای برای هر دانه ساینده در حال تغییر بوده و اغلب با استفاده از آن، نیروهای سنگزنی و زبری سطح قطعه کار سنگزنی شده مشخص می گردند؛ با این حال اکثر مدلهای پیشین، از مقدار متوسط یا بیشینه این مولفه برای تعیین خروجی فرآیند استفاده میکنند. از اولین مدلها جهت تعيين ضخامت براده تغيير شكل نيافته مدل ريجنبچ و همکاران[1] بود. این مدل بر اساس نسبت سرعتها، عمق برش و قطر چرخ سنگ استوار بود. در ادامه مدل دیگری توسط اسنویز و پیترز^[2] برای ضخامت براده تغییر شکل نیافته ارائه گردید، به طوریکه از معادله پیوستگی برای تعیین ضخامت براده استفاده گردید. این مدل بعدها به طور گسترده در صنعت مورد استفاده قرار گرفت. در ادامه در این زمینه ملکین^[3] یک چرخ سنگ مطلوب با تویوگرافی سطح دو بعدی را در نظر گرفت که لبههای برنده به طور یکنواخت روی سطح چرخ سنگ قرار گرفته بودند و در نهایت ضخامت براده تغییر شکل نیافته بیشینه را طبق معادله (۱) به دست آورد:

$$h_m = \left[\frac{4}{Cr} \left(\frac{V_w}{V_s}\right) \left(\frac{a}{d_e}\right)^{\frac{1}{2}}\right]^{\frac{1}{2}} \tag{1}$$

در این رابطه، C تعداد دانههای ساینده فعال در واحد چرخ سنگ، r یک ضریب ثابت، ۷_۳ سرعت پیشروی قطعهکار، ۷_۶ سرعت برشی چرخ سنگ، a عمق برش و de قطر معادل چرخ سنگ میباشند. همچنین این مدل قادر است ویژگیهای مختلف فرآیند سنگزنی را به خوبی شرح دهد. چن و رو^[4] نیز یک آنالیز دقیق از مدلسازی فرآیند سنگزنی ارائه دادند. در این آنالیز سطح چرخ سنگی که تیز شده است، مدلسازی شده و نیروهای سنگزنی با شبیه سازی نیروهای وارد بر هر دانه ساینده که در طول فرآیند از روی سطح قطعهکار عبور میکنند، مدلسازی گردید. همچنین بار دیگر ضخامت براده تغییر شکل نیافته با استفاده از روشی جدیدتر محاسبه شده و تأثیرات آن روی اجزای نیروهای عمودی و مماسی سنگزنی بررسی گردید^[5]. در ادامه هکر و همکاران^[6] یک مدل جهت پیش بینی نیروهای سنگزنی مطرح کردند که بر اساس توزیع ضخامت براده تغییر شکل نیافته ، ویژگیهای ریزساختار چرخ سنگ (شامل چگالی دانههای ساینده و هندسه دانه ساینده) و خواص ماده قطعه کاریایه ریزی شده بود، همچنین هکر تغییرات ناشی از سینماتیک سنگزنی را نیز به مدلهای قبلی اضافه کرد. عزیزی و همکاران^[7] با اضافه کردن تأثیرات ریزساختار چرخ سنگ (هندسه دانههای ساینده و توزیع آنها) به مدلسازی، یک مدلسازی تحلیلی جدید ارائه دادند. در ادامه مدلسازی دیگری

نیروهای سنگ زنی را با در نظر گرفتن تأثیرات برداشت ماده و همچنین انباشت پلاستیک ماده مورد بررسی قرار داد، در این مدلسازی با تعیین ضرایب اصطکاک به طور مجزا برای حالتهای سنگزنی خشک، سنگزنی با روانکار، سنگزنی با روانکاری کمینه و سنگزنی با روانکاری کمینه با استفاده از نانو سیال نیروهای سنگزنی با دقت قابل قبولی پیش بینی گردید^[8]. از طرف دیگر، یک مدلسازی دیگر نیز برای تعیین نیروها و انرژی مخصوص سنگزنی صورت گرفت، در این پژوهش با اندازه گیری و تعیین تویوگرافی سطح چرخ سنگ، تأثیرات ضخامت براده تغییر شکل نیافته بر روی نیروها و انرژی مخصوص سنگزنی مورد بررسی قرار گرفت^[9]. همچنین یک مدلسازی تحلیلی دیگر جهت پیش بینی نیروهای سنگزنی ارائه گردید که بریایه ریزسازوکارهای بین دانه ساینده و قطعه کار استوار بود. در این مدل سازی نیروهای سنگزنی به سه دسته شامل نیروهای حاصل از ناحیه فلزی مرده ، نیروهای شخم و نیروهای برش تقسیم بندی شدند که در نهایت مدل تحلیلی مطرح شده تطابق خوبی با آزمونهای تجربی داشت. با این حال ضریب اصطکاک تنها پارامتر در این مدل است که باید به صورت تجربی تعیین گردد^[10].

علی رغم اینکه اکثر مدلهای جدید، قادر به پیش بینی نیروهای سنگزنی بودند، اما در بعضی از موارد این مدلها خلاف واقعیت بودند. برای مثال در مواد نرم طبق نظریه کلاسیک سنگزنی^[3] سه نوع ریزسازوکار بین دانه ساینده و قطعهکار شامل لغزش، شخم و برش برقرار است این درحالی است که در اکثر مدل های قبل از این اثرات چشم پوشی شدهاست.

از آنجایی که اکثر مدلهای قبل، بر پایه ضخامت براده تغییر شکل نیافته متوسط پایهریزی شده بودند، لذا فقط قادر به پیشبینی مقادیر متوسط خروجیهای فرآیند مانند نیروها و انرژی مخصوص سنگزنی بودند که احتمالا فهم درست از فرآیند سنگزنی یا توسعه ابزارهای سنگزنی را در مسیر ریزساختار چرخ سنگ با محدودیت مواجه میسازد. لذا در این پژوهش، با تعیین ضخامت براده تغییر شکل نیافته به صورت لحظهای و دقیق بر اساس آنالیز سینماتیکی دانههای ساینده، نیروهای سنگزنی به صورت جزء به جزء و دقیق مورد محاسبه قرار گرفتهاست.

۲– مکانیزم براده برداری در مواد داکتیل

در فرآیند سنگزنی، به محض اینکه قطعه کار در یک عمق برش مشخص قرار گیرد، با حرکت چرخشی چرخ سنگ عمل براده برداری نیز شروع می شود. زمانی که دانه در عمق بالایی از قطعه کار نفوذ کند، باعث برش ماده می شود که به صورت تشکیل براده از قطعه کار خارج می گردد. همچنین زمانی که این عمق نفوذ خیلی کم باشد، دانه ساینده موفق به نفوذ در قطعه کار نشده و در نهایت باعث تغییر شکلهای در محدوده الاستیک یا پلاستیک در داخل قطعه کار می شود، که به لغزش معروف است. یک فاز واسط نیز وجود دارد

که شخم زنی نام دارد، بدین صورت که عمق نفوذ بین دو فاز قبلی است و در این حالت دانه ساینده در قطعه کار نفوذ کرده، و با ایجاد شیاری مستقیم درون قطعه کار، ماده را به جناحین خود هدایت می کند، در این حالت براده برداری اتفاق نمیافتد^[11]. در سنگزنی خشک به دلیل چسبندگی زیاد، در مکانیزم شخم زنی اغلب ماده در حین حرکت دانه ساینده در جلوی آن جمع شده و به دانه ساینده می چسبد که باعث بارگیری چرخ سنگ شده و مکانیزم برادهبرداری را با مشکل مواجه می سازد. این سه مرحله لغزش، شخم و برش در شکل ۱ نشان داده شده است.

۳– مدلسازی نظری ۳–۱– مدلسازی توپوگرافی سطح چرخ سنگ

در این مدل، فرض اولیه بر عدم سایش چرخ سنگ در طی فرآیند در نظر گرفته شدهاست. با توجه به اینکه در سنگزنی شکل دانههای ساینده چرخ سنگ به صورت یکنواخت و منظم نمیباشند، بدین جهت در این پژوهش دانههای ساینده به صورت کروی شکل در نظر گرفتهاست. همچنین، توپوگرافی سطح چرخ سنگ را به صورت یک تک لایه از دانههای ساینده در نظر میگیریم. برای مدلسازی دقیقتر توپوگرافی تصادفی چرخ سنگ اندازه دانههای ساینده به صورت تصادفی در بازه بین کمینه و بیشینه سایز دانههای ساینده به صورت تصادفی در بازه بین کمینه و میگردند. برای مکان قرارگیری دانهها نیز در ابتدا دانههای ساینده به صورت مطلوب و با فاصله یکسان از همدیگر در نظرگرفته شده و سپس با استفاده از الگوی لرزش فاصله بین دانههای ساینده نیز مطابق رابطه (۲) به صورت تصادفی از هم قرار میگیرند^[11]:

$$\begin{bmatrix} x_{nk} \\ y_{nk} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_{n0} \\ y_{n0} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \lambda_{x1} \\ \lambda_{y1} + \lambda_{y2} + \dots + \lambda_{yk} \end{bmatrix}$$
(Y

در رابطه بالا، n شماره مربوط به هر دانه، k عدد لرزش، $\begin{bmatrix} x_{n0} \\ y_{n0} \end{bmatrix}$ مکان اولیه و $\begin{bmatrix} X^{nk} \\ y_{nk} \end{bmatrix}$ مکان نهایی قرارگیری دانهها میباشند. همچنین Lr مک و λ جابهجاییهای تصادفی در بازه $[-L_r L_r]$ هستند. λ فاصله میانگین بین دانههای ساینده میباشد. شکل نهایی توپوگرافی مدل مانند شکل ۲ خواهد بود:

۳–۲– تعیین ضخامت براده تغییر شکل نیافته لحظهای

بعد از مشخص کردن توپوگرافی تصادفی چرخ سنگ، نیاز است که مسیر حرکت دانه ساینده مخصوصا در راستای z مشخص گردد. اگر چه مسیر حرکت تک دانه ساینده توسط محققان معروفی همچون



شکل ۱) میکرو مکانیزمهای برادهبرداری بین دانه ساینده و قطعهکار^[12]



شکل ۲) مدل نهایی توپوگرافی سطح چرخ سنگ^[13]

ملکین^[5] و رو^[13] به دست آمدهاست، با این حال به ندرت ضخامت براده تغییر شکل نیافته لحظهای در مطالعات مربوط به فرآیند سنگزنی در نظرگرفته شدهاست. در این فرآیند در واقعیت، هر دانه ساینده به علت ضخامت براده تغییر شکل نیافته متفاوت که حاصل توپوگرافی تصادفی چرخ سنگ و مسیرهای متفاوت حرکت دانه ساینده است، با عمقهای متفاوتی از روی قطعه کار عبور میکند. در این پژوهش در دو مرحله مسیر دانه ساینده مورد تحلیل و بررسی قرار می گیرد:

۱. تحلیل مسیر حرکت یک دانه ساینده:

برای این منظور در ابتدا مختصات x_iO_iz_i را همانطور که در شکل ۳ نشان داده شدهاست، مشخص میکنیم. به طوری که ۵ محل برخورد اولین دانه ساینده با قطعهکار است. در این سیستم مختصات، با توجه به هندسه شکل، مؤلفه x و z مسیر حرکت دانه مطابق شکل ۳ و با استفاده از روابط (۳) و (۴) به دست میآیند:

$$x^{(i)} = d^{(i)} \sin \theta^{(i)} \pm d^{(i)} \frac{V_w}{V_s} \theta^{(i)}$$
(^w)

$$u^{(i)} = \frac{\left[x^{(i)}\right]^2}{\left[d_g^{(i)} + d_s\right] \left(1 \pm \frac{V_w}{V_s}\right)^2}$$
(5)

 d_s در رابطه فوق، $d^{(i)}$ فاصله مرکز چرخ سنگ تا نوک دانه ساینده $d_s^{(i)}$ قطر چرخ سنگ $\theta^{(i)}$ قطر چرخ سنگ $d_g^{(i)}$ قطر چرخ سنگ $d_g^{(i)}$ قطر چرخ سنگ مختصه افقی حرکت دانه ساینده و حرکت دانه ساینده میباشد. همچنین $z^{(i)}$ مختصه عمودی حاصل حرکت دانه ساینده میباشد. همچنین علامت + برای سنگ زنی مخالف و علامت – برای سنگ زنی موافق میباشند.



شکل ۳) آنالیز سینماتیکی مسیر حرکت تک دانه ساینده

ماهنامه علمي مهندسي مكانيك مدرس

۲. آنالیز سینماتیکی مسیر حرکت چندیدن دانه ساینده در مختصات کلی:

برای تعیین مسیر حرکت چندیدن دانه ساینده، یک مختصات جدید شدهاست. در این سیستم مختصات مطابق شکل ۴ نقطه مبدأ را نقطه برخورد اولین دانه ساینده با قطعهکار در نظر میگیریم. لذا برای مسیر حرکت دانههای ساینده در این مختصات خواهیم داشت:

$$z^{(i)} = \frac{\left[d^{(i)}\sin\theta^{(i)} \pm d^{(i)}\frac{V_w}{V_s} \cdot \theta^{(i)} - s^{(i)}\right]^2}{\left[d_a^{(i)} + d_s\right]\left(1 \pm \frac{V_w}{V_s}\right)^2} \tag{0}$$

s⁽ⁱ⁾ فاصله مراکز هر کدام از دانهها از مرکز دانه اول میباشد که از رابطه (۵) به دست میآید، همچنین ۵s نیز فاصله دو دانه مجاور است که از رابطه (٦) و (۷) محاسبه میگردد:

$$s^{(i)} = x^{(i)} - x^{(1)} \tag{1}$$

$$\Delta s^{(i+1)} = s^{(i+1)} - s^{(i)} \tag{Y}$$

از آنجایی که θ در فرآیند سنگزنی بسیار ناچیز است، بنابراین ضخامت براده تغییر شکل نیافته لحظهای را مطابق شکل ۴ میتوان به صورت اختلاف مسیر حرکت دو دانه ساینده مجاور در نظر گرفت، برای این منظور در نهایت با حذف تاخیر زمانی بین دو دانه ساینده خواهیم داشت:

$$z^{(i)} = \frac{\left[d^{(i)} \sin\left(\frac{tV_s}{d^{(i)}}\right) \pm d^{(i)}\left(\frac{tV_w}{d^{(i)}}\right) - s^{(i)}\right]^2}{\left[d_g^{(i)} + d_s\right] \left(1 \pm \frac{V_w}{V_s}\right)^2}$$
(A)

 $z_{t''}^{(i+1)}$

$$=\frac{\left[d^{(i+1)}\sin\left(\frac{tV_{s}}{d^{(i)}}-\left(\frac{\Delta s^{(i+1)}}{d^{(i+1)}}\right)\right)\right]^{2}}{\left[d_{g}^{(i+1)}+d_{s}\right]\left(1\pm\frac{V_{w}}{V_{s}}\right)^{2}}$$

$$d^{(i+1)}V_{w}\left(tV_{s}-\left(\Delta s^{(i+1)}\right)\right)=c^{(i+1)}$$
(9)

$$\pm \frac{d^{(i+1)} \overline{V_s} \left(\overline{d^{(i)}} - \left(\overline{d^{(i+1)}} \right) \right) - s^{(i+1)}}{\left[d_g^{(i+1)} + d_s \right] \left(1 \pm \frac{V_w}{V_s} \right)^2}$$

نهایتا ضخامت براده تغییر شکل نیافته لحظهای با شرط π ≥ ⁽ⁱ⁾θ و با اعمال شرایط مرزی بدین صورت محاسبه میگردد:

$$h_t^{(i+1)} \approx z_t^{(i)} - z_{t''}^{(i+1)} \quad z_t^{(i)}, z_{t''}^{(i+1)} \le a_p \tag{1}$$

$$h_t^{(i+1)} \approx a_p - z_{t''}^{(i+1)} \qquad z_{t''}^{(i+1)} \le a_p \le z_t^{(i)} \tag{11}$$

در روابط فوق t زمان، (⁽ⁱ⁺¹⁾ مختصه z دانه مجاور با حذف تأخیر زمانی، a_p عمق برش و همچنین h_t⁽ⁱ⁺¹⁾ ضخامت براده لحظهای میباشد.

۳-۳- تعیین نوع میکرومکانیزم و نیروهای سنگزنی

در مواد نرم، نوع ریزسازوکاری که دانه ساینده در هر لحظه در حال طی کردن آن است، بستگی به ضخامت براده تغییر شکل نیافته لحظهای هر دانه ساینده دارد. با تعیین این مورد، میتوان نوع ریزسازکار را تعیین کرد. با توجه به ضخامت براده تغییر شکل



شکل ۴) آنالیز سینماتیکی مسیر حرکت چندین دانه ساینده

نیافته ۳ ریزسازوکار زیر میتواند رخ دهد:

ا- مرحله لغزش: درصورتی که $\mathbf{h}_{ ext{plow}}^{(i)} \leq \mathbf{h}_{ ext{plow}}^{(i)}$ باشد، دانه ساینده -۱ در مرحله لغزش قرار دارد.

باشد، دانه $h_{
m plow}^{(i)} \leq h_t^{(i)} \leq h_{
m cut}^{(i)}$ باشد، دانه -۲ ساینده در مرحله شخم قرار دارد. در این مرحله عمق نفوذ دانه به حدی است که قادر به ایجاد شیار در سطح قطعه کار است ولی کمتر از عمق نفوذ برش یا تشکیل براده میباشد.

مرحله برش: در صورتی که $\mathbf{h}_{\mathrm{cut}}^{(i)} \geq \mathbf{h}_{\mathrm{cut}}^{(i)}$ باشد، عمق نفوذ دانه- ۳ ساینده بیشتر از حد برش بوده و درنتیجه دانه ساینده در مرحله برش یا تشکیل براده میباشد.

در روابط مطرح شده، $h_{
m clv}^{(i)}$ و $h_{
m clv}^{(i)}$ به ترتیب ضخامت براده تغییر شکل نیافته بحرانی برای تبدیل از مرحله لغزش به شخم و شخم به برش میباشند. نیروهای عمودی حاصل از مرحله لغزش و شخم به ترتیب با استفاده از روابط (۱۲) و (۱۳) به دست مي آيند [14]:

$$F_{nw} = \pi . d_g^{(i)} . H. h_t^{(i)} \tag{1Y}$$

$$F_{np} = \frac{2\Delta\gamma E^*}{H} \sqrt{d_g^{(i)} \cdot h_t^{(i)}} \tag{11}$$

در این روابط، H سختی قطعهکار، Δγ انرژی مخصوص چسبندگی و *E مدول الاستیک معادل میباشند، به گونهای که مدول الاستیک معادل نیز از رابطه ذیل قابل محاسبه است:

$$\frac{1}{E^*} = \frac{(1 - v_1^2)}{E_1} + \frac{1 - v_2^2}{E_2} \tag{15}$$

در رابطه فوق، E_1 و v_1 به ترتیب مدول الاستیسیته و ضریب پواسون برای دانه ساینده و E₂ و υ₂ به ترتیب مدول الاستیسیته و ضریب یواسون برای قطعه کار میباشند.

همچنین نیروهای عمودی مرحله برش نیز با استفاده از رابطه (۱۵) به دست می آید^[15]:

$$F_{nc} = \frac{\sqrt{28}}{3} \cdot \left[h_t^{(i)}\right]^2 \cdot HB$$
 (10)

در این رابطه، HB سختی برینل قطعه کار میباشد.

۶**۸**۹ مدلسازی تحلیلی نیروهای برشی در فرآیند سنگزنی فولاد عملیات حرارتی ...

برای تعیین ضریب اصطکاک برای هر کدام از مراحل مطرح شده نیز، از مدل چلن و اکسلی[16] و نتایج حاصل از آن استفاده شده است[17].

در نهایت در هر لحظه نوع تماس و به دنبال آن نیروهای سنگزنی برای هر دانه ساینده مشخص شده و با جمع نیروهای حاصل از همه دانههای درگیر در هر لحظه و جمع برداری آنها در دو راستای افقی و قائم، نیروهای افقی و عمودی سنگزنی با استفاده از مدل تحليلي ارائه شده تخمين زده مي شوند.

۴- آزمایشهای تجربی و تجهیزات فرآیند

برای صحت سنجی مدل تئوری، آزمایشهای تجربی با پارامترهای ماشینکاری متفاوت انجام گرفت. دستگاه سنگزنی مورد استفاده در این آزمونها، دستگاه BLOHM Surface Grinder با مدل HFS204 و ساخت کشور آلمان میباشد. همچنین در این آزمونها جهت به دست آوردن نیروها از دینامومتر KISTLER مدل B۹۲۵۵ استفاده شدهاست. برای انجام آزمونهای تجربی، از فولاد عملیات حرارتی شده AISI ۱۰۶۰ استفاده شدهاست. دلیل انتخاب این نوع فولاد جهت آزمون های تجربی به این جهت است که رفتار این فولاد در تماس با دانه ساینده نمایانگر رفتار بسیاری از فولادهای کربنی و آلیاژی میباشد. لذا نتایج حاصل از پژوهش را میتوان به طیف وسیعی از فولادهای کربنی نیز گسترش داد. برای انجام فرآیند سنگزنی، با توجه به خواص قطعه کار مورد استفاده، از چرخ سنگ اکسید آلومینیوم ساخت شرکت Norton به شماره ۳۲А۴۶JVBE۲۶۸۴۴۵ استفاده شدهاست. مشخصات چرخ سنگ و قطعه کار استفاده شده در جداول ۱ و ۲ آورده شده است.

جدول ۱) مشخصات چرخ سنگ

| مقدار | مشخصات | | | |
|-----------------|--------------------------------|--|--|--|
| 19+×01×WV | ابعاد چرخ سنگ (mm) | | | |
| اكسيد آلومينيوم | جنس ذرات ساينده | | | |
| ۰/۳۳ | میانگین سایز ذرات ساینده (mm) | | | |
| ويتريفايد | نوع باند | | | |
| J | درجه سختی چرخ سنگ | | | |
| ۶ | عدد ساختار | | | |
| •/۵۲ | درصد ذرات ساینده چرخ سنگ | | | |
| ۳۷۵ | مدول الاستیک دانه ساینده (GPa) | | | |
| •/۲۲ | ضريب پواسون دانه ساينده | | | |

جدول ٢) مشخصات قطعه کار

| مقدار | مشخصات | | |
|----------|--------------------|--|--|
| ۷•×۵•×۲• | ابعاد قطعهکار (mm) | | |
| ۲۲ | سختی (HRC) | | |
| ۲ | مدول الاستيك (GPa) | | |
| •/۲٧ | ضريب پواسون | | |

۶۹۰ فرزاد جماعتی و همکاران

نوع فرآیند، در این آزمونها از نوع سنگزنی یاندولی بوده و جهت فرآیند نیز سنگزنی مخالف میباشد، همچنین فرآیند به صورت خشک و بدون حضور سیال برشی انجام گرفتهاست. با توجه به تحلیلی بودن مدل ارائه شده و نبود ضرایب ثابت، آزمونهای تجربي صرفا جهت صحت سنجي مدل ارائه شده، انجام گرفته است. در این آزمایشها تأثیر سه پارامتر ورودی عمق برش، سرعت برشی چرخ سنگ و سرعت پیشروی بر روی نیروهای سنگزنی مورد بررسی قرار گرفتهاست. اطلاعات موجود در جدول۳، ۱۲ مرحله آزمایش جهت بررسی نیروهای سنگزنی و اعتبارسنجی مدل ارائه شده را نشان میدهد. در ابتدا هر نمونه جهت سنگزنی بر روی گیره مخصوصی که روی دینامومتر بسته شدهاست، موقعیت دهی و فیکس میشود. پس از بستن هر نمونه به گیره و قبل از شروع دیتا برداری، سطح نمونه باید به طور یکیارچه سنگزنی شده باشد تا در هر پاس سنگزنی، تماس چرخ سنگ با کل سطح قطعهکار فراهم شود. به همین جهت در ابتدای هر آزمایش، نمونه در چند پاس سنگزنی شده تا اصطلاحا تمام سطح آن سفید شود. پس از آن به منظور ایجاد شرایط سنگزنی یکسان برای همه نمونهها، قبل از هر آزمایش چرخ سنگ با استفاده از درسر تک لبه الماس تیز می شود. عمق درسینگ ۱۰۰ میکرون می باشد که به صورت دو سیکل رفت و برگشتی با عمق ۵۰ میکرون انجام میگیرد.

۵- بحث و نتیجهگیری

در این بخش، جهت بررسی دقت مدل تحلیلی، به تجزیه و تحلیل نتایج مدل تحلیلی با نتایج آزمایشگاهی پرداخته میشود. برای به دست آوردن نتایج مدل تحلیلی، از نرم افزار محاسباتی متلب استفاده شدهاست. همچنین تأثیر مولفه های ماشینکاری در مدل تئوری بررسی شده و با نتایج آزمایشگاهی مقایسه گردید.

جدول ۳) آزمونهای تجربی طراحی شده جهت به دست آوردن نیروهای سنگزنی

| | | | | | سەرىي | |
|-----------|-----------|-------------|-----------|---------|--------|---|
| نيروى | نيروى | سرعت پیشروی | سرعت برشی | عمق برش | ترتيب | |
| مماسی (N) | عمودی (N) | (m/min) | (m/s) | (µm) | آزمایش | |
| ۴. | ۲۶ | ۵ | ۲۲ | ۱. | ١ | |
| ۷۶ | ۱۴۵ | ۵ | ۲۲ | ۲. | ٢ | |
| ۱۰۷ | 414 | ۵ | ۲۲ | ٣. | ٣ | |
| ۱ | ۳۱۰ | ۵ | ۲۲ | ۴. | ۴ | |
| ۵۵ | 114 | ٧ | ۱۵ | ۱۵ | ۵ | |
| ٧. | 144 | ٧ | ۲. | ۱۵ | ۶ | |
| ۴۷ | ۱۰۳ | ٧ | ۲۵ | ۱۵ | ٧ | |
| ۴٣ | ٩٣ | ٧ | ٣. | ۱۵ | ٨ | |
| 88 | ۱۳۲ | ۶ | ۲۵ | ۲. | ٩ | |
| ۶۷ | 14. | ٩ | ۲۵ | ۲. | ۱. | |
| ٧Y | ۱۵۲ | ١٢ | ۲۵ | ۲. | 11 | ĺ |
| 54 | ۱۳۰ | ۱۵ | ۲۵ | ۲. | ١٢ | l |

ماهنامه علمي مهندسي مكانيك مدرس

۵-۱- تاثیر تغییر عمق برش روی نیروهای سنگزنی در مدل تحلیلی با ثابت در نظر گرفتن دو مولفه سرعت برشی چرخ سنگ و سرعت پیشروی قطعهکار، تغییرات نیروی عمودی و مماسی بر اساس عمق برش در مدل تحلیلی، بررسی شد. بر اساس نتایج حاصل از مدل تحلیلی ، با افزایش عمق برش و به دنبال آن افزایش طول ناحیه سنگزنی، دانههای ساینده با تعداد بیشتری در فرآیند شرکت میکنند، لذا هر سه نیروی لغزش، شخم و برش افزایش یافته و درکل نیروهای سنگزنی بیشتر میشوند، همچنین به دلیل افزایش عمق برش، دانههای ساینده در عمقهای بیشتری از قطعهکار درگیر شده، لذا با افزایش عمق برش، نیروهای برشی افزایش بیشتری نسبت به سایر نیروها خواهند داشت. نمودارهای شکل ۵ و ۶ تفاوت بین نتایج آزمایشهای تجربی و مدل تحلیلی را برای نیروهای عمودی و مماسی سنگزنی با تغییر عمق برش

۵–۲– تاثیر تغییر سرعت برشی روی نیروهای سنگزنی در مدل تحلیلی

در ادامه با ثابت در نظر گرفتن مقادیر عمق برش و سرعت پیشروی، تأثیر تغییرات سرعت برشی بر روی نیروهای عمودی و مماسی مدل تحلیلی در سنگزنی بررسی گردید. با افزایش سرعت برشی و به دنبال آن تغییر مسیر حرکت دانه ساینده، ضخامت براده لحظهای تغییر کرده و نیروهای برشی افزایش نسبتا کمی پیدا میکنند. از طرف دیگر نیروهای لغزش کاهش پیدا کرده و نیروهای شخم نیز به شکل محسوستری کاهش پیدا میکنند که در نهایت







شکل ۶) مقایسه نتایج تئوری و تجربی نیروهای مماسی با تغییر عمق برش

۵–۳– تأثیر تغییر سرعت پیشروی روی نیروهای سنگزنی در مدل تحلیلی

برای بررسی اثرات سرعت پیشروی روی نیروهای سنگزنی در حالت خشک، دو مولفه عمق برش و سرعت برشی چرخ سنگ ثابت در نظر گرفته شد. با افزایش سرعت پیشروی، نیروهای لغزش با شیب بیشتر و نیروهای شخم با شیب کمتری افزایش پیدا میکنند، ولی نیروهای برش با افزایش سرعت پیشروی کاهش پیدا میکنند. در نهایت مجموع این تغییرات باعث افزایش نیروهای سنگزنی با شیب کم میگردد. مقایسه نیروهای عمودی و مماسی حاصل از مدلسازی و نتایج تجربی در شکلهای ۹ و ۱۰ دقت خوب و خطای کم مدل ارائه شده را نشان میدهد. از طرف دیگر کاهش نیروهای آزمایشهای تجربی در سرعت پیشروی دانههای ساینده با قطعه کار و به طورکلی درگیری چرخ سنگ با تطعه کار بیشتر شده تا جایی که در این سرعت پیشروی پدیده خودتیز شوندگی چرخ سنگ رخ داده و باعث کاهش نیروها در این سرعت شدهاست.



شکل ۷) مقایسه نتایج تئوری و تجربی نیروهای عمودی با تغییر سرعت برشی



شکل ۸) مقایسه نتایج تئوری و تجربی نیروهای مماسی با تغییر سرعت برشی



شکل ۹) مقایسه نتایج تئوری و تجربی نیروهای عمودی با تغییر سرعت پیشروی



شکل ۱۰) مقایسه نتایج تئوری و تجربی نیروهای مماسی با تغییر سرعت پیشروی

۶- نتایج

در این پژوهش، با شبیه سازی توپوگرافی تصادفی سطح چرخ سنگ و اندازه تصادفی دانههای ساینده، تلاش گردید تا مدلسازی نزدیکتری برای توپوگرافی سطح چرخ سنگ انجام شود، از طرف دیگر با آنالیز سینماتیکی مسیر حرکت دانه ساینده درون قطعهکار، به جای تعیین ضخامت براده متوسط یا حداکثر از یک شیوه جدید برای تعیین ضخامت براده تغییر شکل نیافته لحظهای استفاده شد و با استفاده از این متغیر، نیروی های سنگزنی بر اساس نوع ریزسازوکار حرکتی در هر لحظه تعیین گردید.

در پایان آزمونهای تجربی جهت صحت سنجی مدل تئوری با خطای جذر میانگین مربعات ۸۸ درصد برای نیروهای سنگزنی، دقت خوب مدل مطرح شده را تصدیق میکند. یکی از مهمترین علل خطای مدلسازی تئوری با نتایج تجربی موضوع سایش چرخ سنگ میباشد که باعث میشود مقدار نیروهای اندازهگیری شده معمولا از نتایج حاصل از مدل نظری بیشتر باشند. همچنین مواردی از قبیل بارگیری چرخ سنگ، خطای توپوگرافی سطح مدلسازی شده با توپوگرافی واقعی چرخ سنگ، پدیده خودتیزشوندگی و همچنین دماهای موضعی بالا در سنگزنی خشک از دیگر عوامل موثر در افزایش خطای نتایج آزمایشگاهی با نتایج حاصل از مدل تئوری هستند. 6- Hecker RL, Liang SY, Wu XJ, Xia P, Jin DG. Grinding force and power modeling based on chip thickness analysis. The International Journal of Advanced Manufacturing Technology. 2007;33(5-6):449-59.

7- Azizi A, Mohamadyari M. Modeling and analysis of grinding forces based on the single grit scratch. The International Journal of Advanced Manufacturing Technology. 2015;78(5-8):1223-31.

8- Zhang Y, Li C, Ji H, Yang X, Yang M, Jia D, Zhang X, Li R, Wang J. Analysis of grinding mechanics and improved predictive force model based on material-removal and plastic-stacking mechanisms. International Journal of Machine Tools and Manufacture. 2017;122:81-97.

9- Dai C, Yin Z, Ding W, Zhu Y. Grinding force and energy modeling of textured monolayer CBN wheels considering undeformed chip thickness nonuniformity. International Journal of Mechanical Sciences. 2019;157:221-30.

10-Jamshidi H, Budak E. An analytical grinding force model based on individual grit interaction. Journal of Materials Processing Technology. 2020;283:116700.

11-Rowe WB. Principles of modern grinding technology. William Andrew; 2013.

12-Benkai LI, Chenwei DA, Wenfeng DI, Changyong YA, Changhe LI, Kulik O, Shumyacher V. Prediction on grinding force during grinding powder metallurgy nickel-based superalloy FGH96 with electroplated CBN abrasive wheel. Chinese Journal of Aeronautics. 2021;34(8):65-74.

13-Liu Y, Warkentin A, Bauer R, Gong Y. Investigation of different grain shapes and dressing to predict surface roughness in grinding using kinematic simulations. Precision Engineering. 2013 Jul 1;37(3):758-64.

14-Van der Linde G. Predicting galling behaviour in deep drawing processes.

15-Li HN, Yu TB, Wang ZX, Da Zhu L, Wang WS. Detailed modeling of cutting forces in grinding process considering variable stages of grain-workpiece micro interactions. International Journal of Mechanical Sciences. 2017;126:319-39.

16-Challen JM, Oxley PL. An explanation of the different regimes of friction and wear using asperity deformation models. Wear. 1979;53(2):229-43.

17-Mishra T, de Rooij M, Shisode M, Hazrati J, Schipper DJ. Characterization of interfacial shear strength and its effect on ploughing behaviour in single-asperity sliding. Wear. 2019;436:203042.

با توجه به نتایج مدل تحلیلی، میتوان بیان کرد در این پژوهش، سهم نیروهای حاصل از مرحله لغزش، شخم و برش از کل نیروها برای نیروهای عمودی به طور میانگین به ترتیب در حدود ۱۸، ۴۲ و ۴۰ درصد میباشد. همچنین سهم نیروهای لغزش، شخم و برش برای نیروهای مماسی نیز به طور میانگین به ترتیب در حدود ۲۴، ۶۲ و ۱۴ درصد به دست آمد.

با توجه به اینکه در این مدل، از روش جدیدی برای تعیین ضخامت براده لحظهای استفاده شدهاست، در ادامه میتوان توپوگرافی سطح قطعه کار بعد از فرآیند سنگزنی را با مطالعات بر روی مدل ارائه شده پیشبینی کرد. همچنین با ارائه مدلی جدید جهت پیش بینی سایش چرخ سنگ، و افزودن به مدل کنونی، میتوان پدیدههای مخرب در فرآیند سنگزنی از قبیل موضوع بارگیری چرخ سنگ، آسیبهای حرارتی و ... را بدون نیاز به انجام آزمایشهای تجربی پیشبینی کرد.

تشکر و قدردانی: از مسئول آزمایشگاه تحقیقات ماشینکاری دانشگاه صنعتی امیرکبیر به دلیل همکاری سازنده در انجام آزمونهای تجربی کمال تشکر و قدردانی را دارم.

تاییدیه اخلاقی: مقاله حاضر با رعایت تمامی اصول اخلاقی ثبت گردیده است.

تعارض منافع: هیچ موردی از تعارض منافع در مقاله حاضر وجود ندارد. **منابع مالی:** مقاله حاضر با حمایتهای مالی نویسندگان به ثبت رسیده است.

منابع

1- Reichenbach GS. The role of chip thickness in grinding. Trans. Asme. 1956;78(5):23.

2- Snoeys R. The significance of chip thickness in grinding.

3- Malkin S, Guo C. Grinding technology: theory and application of machining with abrasives. Industrial Press Inc.; 2008.

4- Chen X, Rowe WB. Analysis and simulation of the grinding process. Part I: generation of the grinding wheel surface. International Journal of Machine Tools and Manufacture. 1996;36(8):871-82.

5- Agarwal S, Rao PV. Predictive modeling of undeformed chip thickness in ceramic grinding. International Journal of Machine Tools and Manufacture. 2012;56:59-68.