ماهنامه علمى پژوهشى



mme.modares.ac.ir

# بهینه سازی تطبیقی ردیابی مسیر ربات ماهر با استفاده از استراتژی کنترل ولتاژ

# پیمان بهمنی<sup>1</sup>، مهدی ادریسی<sup>2\*</sup>، سید حمید موسویان<sup>1</sup>

1 - فارغ التحصیل کارشناسی ارشد، گروه مهندسی برق، دانشگاه اصفهان، اصفهان 2 - استادیار، گروه مهندسی برق، دانشگاه اصفهان، اصفهان \* اصفهان، کد پستی edrisi@eng.ui.ac.ir ،8174673441

اطلاعات مقاله	چکیدہ
مقاله پژوهشی کامل دریافت: 28 آذر 1394 پذیرش: 28 اسفند 1394 ارائه در سایت: 07 فروردین 1395	در این مقاله، روند طراحی یک کنترل کننده بهینه پایدار تطبیقی بر خط به منظور ردیابی مسیر بازوی ربات با استفاده از روش تنظیم کننده خطی مربعی ارائه شده است. به طور کلی بکارگیری این روش در نهایت منجر به حل یک معادله دیفرانسیل ریکاتی میشود که در قالب متعارف خود در یک فرم معکوس با استفاده از شرایط نهایی به صورت خارج از خط حل میشود و در حالت خاص سیستم تغییر ناپذیر با زمان و زمان بی
کلید واژگان: ربات ماهر	نهایت به معادله جبری ریکاتی تبدیل میشود. ولی در این مقاله معادله دیفرانسیل ریکاتی مورد نظر به عنوان یک تابع تطبیقی جهت کنترل ولتاژ موتور در نظر گرفته شده و به فرم رو به جلو با استفاده از شرایط اولیه به صورت برخط به منظور پاسخدهی مناسب به تغییرات محیط، حل می-
حداقل سازی انرژی کنترل ولتاژ موتور	شود. در ضمن پایداری مجانبی خطای ردیابی این کنترلکننده با انتخاب یک تابع لیاپانف مناسب تضمین میگردد. از طرف دیگر، عدم قطعیت- های پارامتری مانند تغییرات پارامتر جرم بازوی ربات و همچنین اغتشاشات خارجی محیط در مطالعات شبیهسازیها در نظر گرفته شده است و
تنظیم کنندہ خطی مربعی	بدین سبب مقاوم بودن طراحی نشان داده شده است. نتایج حاصل از شبیهسازیها به منظور ردیابی سیگنال مرجع در حضور اغتشاشات خارجی و عدم قطعیت مدل، نشان دهنده برتری کنترل کننده بهینه ولتاژ پیشنهادی و صرف کمتر توان سیگنال کنترلی مورد نیاز (ولتاژ موتورهای بازوهای ربات) در مقایسه با توان مصرفی موتورهای کنترل کنندههای بهینه مشابه اعمال شده بر روی گشتاور موتورهای بازوهای ربات و همچنین روش-
	های طراحی کلاسبک کنتال کننده، نظیر PID است.

# Adaptive Optimization in Path Tracking of Manipulator Using Voltage Control Strategy

# Peyman Bahmany, Mehdi Edrisi<sup>\*</sup>, Sayed Hamid Mousavian

Department of Electrical Engineering, University of Isfahan, Isfahan, Iran \* P.O.B. 81746-73441, Isfahan, Iran, edrisi@eng.ui.ac.ir

ARTICLE INFORMATION	Abstract
Original Research Paper Received 19 December 2015 Accepted 17 February 2016 Available Online 26 March 2016	In this article, the linear quadratic regulator method (LQR) for voltage control of a linear time-varying model of a robot is used to design an online adaptive optimal stable controller to trace the robot arm path. Normally, offline solving of Riccati differential equations in backward with final conditions for linear time-varying system or converting the Riccati differential equation to an algebraic one in linear
Keywords: Manipulator Energy Minimization Motor Voltage Control Strategy LQR	time-invariant system is inevitable in LQR. However, in this paper, the differential Riccati equations are considered as the adaptation laws along with a voltage control strategy to be solved online in forward method with initial conditions. Choosing a proper Lyapunov function guarantees the asymptotic stability of the tracking. Furthermore, parametric model uncertainties such as mass parameter variation and external disturbances which affect the dynamics of the model are also taken into account. Simulation results show the energy used by dc motors of the voltage optimal control strategy is less than that of the torque control strategy and as good as the classical PID one. The superior performance of the voltage optimal control over torque control strategy is also shown in presence of disturbance

#### 1-مقدمه

امروزه رباتهای ماهر (بازوهای مکانیکی ماهر) در بسیاری از کاربردهای صنعتی مورد استفاده قرار میگیرند. به همین دلیل در سالهای اخیر مسأله کنترل این رباتها برای اهداف گوناگون اعم از ردیابی مسیر [2,1] و پایدارسازی مورد توجه بسیاری از محققین بوده است [4,3].

مسأله بهینه سازی انرژی ربات (ماهر) یک مسأله مهم و اساسی در برنامهریزی مسیر ربات است. این مسأله توجه محققان زیادی را به ویژه در دو دهه گذشته به خود جلب کرده است. یکی از انگیزههای اصلی برای استفاده از

ولتاژ مورد نیاز حرکت موتور جهت انجام وظایف محوله با توجه به محدودیت-های فیزیکی است [5-7]. حتی در برخی موارد بهینه سازی، مسأله انرژی مصرف شده به عنوان اصلی ترین معیار در نظر گرفته می شود. این امر در مواردی که مقدار انرژی در دسترس کم باشد نمود بیشتری پیدا می کند. به طور کلی می توان تحقیقات انجام گرفته توسط محققان در زمینه

رباتها، افزایش بهره وری با استفاده از افزایش سرعت ربات است. در واقع یک

رویکرد عملی برای حداقل سازی انرژی مصرفی موتور، حداقل سازی سطح

بازوهای رباتیک را به سه دسته مختلف تقسیم بندی نمود: 1) مسأله طراحی

DOR: 20.1001.1.10275940.1395.16.3.10.7

مسیر<sup>1</sup> [8]، 2) مسأله تخمین موقعیت<sup>2</sup> [9]، 3) مسأله کنترل<sup>3</sup> [11,10]. در این مقاله به دسته سوم یعنی طراحی و حل مسأله کنترل بهینه تطبیقی بازوهای رباتیک پرداخته میشود.

برخی از تحقیقات در زمینه کنترل بهینه سیستمهای رباتیک و نقد آنها به شرح ذیل است. در سال 1998 با توجه به دینامیک موتور بر حسب ولتاژ و جریان و با بدست آوردن معادلات همیلتونی و ژاکوبین و انتخاب یک تابع هزینه مناسب، توان مصرفی موتور، بهینه سازی شد و با انتخاب تابع لیاپانف مناسب و طراحی یک رویت گر، پایداری مجانبی آن تضمین شد [1]. در مقاله [12]، یک سیستم جدید شامل جایابی مکان پورت بهینه تعریف شده مقاله [12]، یک سیستم جدید شامل جایابی مکان پورت بهینه تعریف شده است. در مقاله [2]، یک روش بهینه سازی برای مدل ارتباط مکانیکی حرکات دست انسان استفاده شده است. در مقاله [3]، مسأله برنامه ریزی حرکت با انتصاب یک مسیر انرژی بهینه بررسی شده است. در مقاله [4]، یک چارچوب بهینه سازی برای چرخه حرکت غیرمتقارن در حضور اختلال، ارائه شده است. در مقاله [13]، مسأله طراحی مسیر بهینه بازوی مکانیکی با چند درجه آزادی در مقاله [14]، روند طراحی مسیر بهینه برای ربات ماهر با مفاصل انعطاف پذیر در مرجع [14]، روند طراحی مسیر بهینه برای ربات ماهر با مفاصل انعطاف پذیر ارائه میشود. روش حل آن، بر اساس حل غیرمستقیم مسأله کنترل بهینه می -باشد.

در سال 2013 برای کنترل ربات از استراتژی کنترل ولتاژ استفاده شد. بنابراین برای محاسبه دینامیک و کنترل ربات، ولتاژ موتور به عنوان ورودی سیستم استفاده شد و یک کنترلکننده فازی طراحی گردید. علاوه بر این ضرایب کنترلکننده با استفاده از الگوریتم PSO در حالت خارج از خط تنظیم گردید [5].

در مرجع [15]، با در نظر گرفتن برخی از شاخصهای مهم مانند جانمایی قطبهای حلقهبسته سیستم، سرعت پاسخ و حداکثر سطح تلاش کنترلی، و ترکیب آنها در یک تابع هدف، یک مسأله بهینهسازی برای پیدا کردن ماتریسهای وزنی مطلوب در کنترل کننده LQR تعریف و حل گردید. برای حل این مسأله بهینهسازی، چهار روش بهینه سازی هوشمند خارج از خط الگوریتم ژنتیک، بهینهسازی اجتماع ذرات، تکامل تفاضلی، والگوریتم رقابت استعماری استفاده شده است. روش پیشنهادی در این مقاله به مدل غیرخطی ربات اعمال گردیده و نتایج بدست آمده از چهار روش بهینهسازی با یکدیگر مقایسه شدهاند. در سال 2013 یک استراتژی کنترل ولتاژ براساس قضیه کنترل امپدانس بکار رفته شده است [6]. نتایج این مقاله در مقایسه با است که روش پیشنهادی از نظر محاسباتی سادهتر و مقاومتر بوده است، و با کنترل امپدانس بکار رفته براساس استراتژی کنترل گشتاور ربات، نشان داده است که روش پیشنهادی از نظر محاسباتی سادهتر و مقاومتر بوده است، و با کنترل نویکرد، میتوان یک ربات با مدل دینامیکی نامشخص را بخوبی کنترل نمود.

هر یک از این تکنیکهای ذکر شده دارای مزایا و معایبی هستند و از این رو بایستی به دقت، الگوریتم کنترل موردنظر بر اساس شرایط واقعی و ملزومات آن انتخاب گردد. در نهایت با بررسی هر یک از این مقالات مرتبط با روشهای کنترل بهینه فوق و همچنین چندین مرجع دیگر وابسته به آنها، میتوان بیان نمود که هر یک از تکنیکهای ذکر شده پیشین حداقل دارای یکی از قیود محدود کننده زیر هستند:

در نظر نگرفتن برخی عوامل تأثیر گذار در عملکرد کنترل کننده

طراحی شده نظیر اغتشاشات خارجی محیط و نویزهای اندازه گیری [6,3-12,8-6]، همچنین عدم بررسی تأثیرات وجود عدم قطعیتهای پارامتری در مدل سیستم در حین عملکرد سیستم [17-12,8,7,4-2]

- لزوم دسترسی به دادههای ورودی و خروجی سیستم در شرایط مختلف حرکت ربات جهت استنتاج قوانین فازی به صورت جامع [5,1] و یا آموزش شبکه عصبی [1-11]،
- نداشتن تضمین تحلیلی پایداری و عملکرد مقاوم کنترل کننده در روش پیشنهادی [15,8,3]،
- خطی سازی معادلات غیر خطی ربات ماهر، و نادیده گرفتن اثر کوپلینگ و ترمهای غیر خطی معادلات سیستم، در نظر نگرفتن دینامیک موتورهای الکتریکی بازوها به عنوان محر کههای سیستم در دینامیک کل مدل جهت بکار گیری در روند طراحی کنترل کننده موردنیاز [16,15,13,7,3].

بنابراین نهایتا به منظور رفع نواقص و محدودیتهای روشهای پیشین در زمینه کنترل حرکت بازوهای ربات ماهر، در این مقاله از روش کنترل بهینه تطبیقی، با توجه با قابلیتهای تئوری و پیادهسازی آن، به عنوان یک کنترل کننده مناسب و کارآمد به منظور ردیابی مسیرهای مرجع با توانایی تضعیف تأثیر اغتشاشات خارجی محیط کاری و تأثیرات عدم قطعیتهای پارامتری در مدل سیستم در حین عملکرد سیستم، برای مدل غیرخطی سه درجه آزادی ربات ماهر استفاده می گردد.

روند طراحی کنترل کننده بهینه پایدار بر خط، به منظور ردیابی بهینه مسیر بازوی ربات جهت برآورده نمودن اهداف طراحی حداقل انرژی به این صورت است که از روش تنظیم کننده خطی مربعی استفاده شده است. یعنی در روش کنترل پیشنهادی از مدل دینامیکی موتورهای الکتریکی در مدل سازی کل سیستم استفاده می شود و سپس از تابع همیلتونی و مشتقات نسبی آن نسبت به ورودی، حالت و حالت کمکی استفاده می گردد. به طور کلی بکار گیری این روش در نهایت منجر به حل یک معادله دیفرانسیل ریکاتی میشود که در قالب متعارف خود در یک فرم معکوس با استفاده از شرایط نهایی به صورت خارج از خط حل می شود و یا با در نظر گرفتن افق نامحدود در مسأله در حالت خاص به معادله جبری ریکاتی تبدیل می شود. ولی در این مقاله معادله دیفرانسیل ریکاتی مورد نظر به عنوان یک تابع تطبیقی درنظر گرفته شده و به فرم رو به جلو با استفاده از شرایط اولیه به صورت برخط به منظور پاسخدهی مناسب به تغییرات محیط، حل شده است. ساختار مقاله به شرح زیر است: در بخش 2، برخی از ویژگیهای مهم کلی مدل ریاضی بازوهای ربات در قالب مقدمات مسأله معرفی شده است. در بخش 3، روش پیشنهادی طراحی کنترلکننده بهینه به منظور ردیابی مسیر بازوهای ربات ارائه گردیده است. در بخش 4، پایداری مجانبی خطای ردیابی کنترل کننده بهینه تضمین می گردد. در بخش 5، به معرفی و چگونگی ترکیب نمودن معادلات دینامیکی ربات ماهر تحت بررسی با دینامیک محرکههای بازوها، و در نهایت استخراج مدل کل سیستم بر حسب ورودی ولتاژ موتورها یرداخته می شود. در بخش 6، نتایج شبیه سازی های حاصل از اعمال کنترل-کننده بهینه بر روی ولتاژ موتورهای بازوی ربات (ماهر) استوانه ای در سه وضعیت متفاوت نشان داده شده است و در نهایت در بخش 7، نتیجه گیری کلی مقاله بيان مي گردد.

## 2-فرمول بندى و بيان مقدمات مسأله

معادله حرکت بازوهای مکانیکی ربات با n درجه آزادی با درنظر گرفتن نیروی

<sup>1-</sup> Trajectory Planning

<sup>2-</sup> Position Estimation 3- Control

(10) $\tilde{x} = x - x_d$ تعريف مي گردد، كه در آن  $x_a$  بيانگر مرجع مورد نظر (مسير مطلوب) است. همچنین با تعریف مدل مرجع به صورت  $\dot{x}_d = A x_d$ (11)که در آن A در (7) تعریف شده است، بنابراین با استفاده از عمل تفریق رابطه (11) از (9)، بر اساس رابطه (10)، خطای ردیابی سیستم حلقه بسته به صورت  $\dot{\tilde{x}} = A \ \tilde{x} + B \ \hat{u}$ (12)بدست می آید، که در آن A و B در رابطه (7) تعریف شدهاند. اکنون، ترم کنترل بهينه كمكى  $\hat{u}$  بدست خواهد آمد. شاخص عملکرد یک تنظیم کننده خطی مربعی درجه دو برای این سیستم به صورت رابطه (13) است [22-20]  $j = \frac{1}{2} \tilde{x}_f^{\mathrm{T}} H \tilde{x}_f + \frac{1}{2} \int_{t_0}^{t_f} (\tilde{x}^{\mathrm{T}} Q \tilde{x} + \hat{u}^{\mathrm{T}} R \hat{u}) dt$ (13) $0 \leq H \in R^{2n \times 2n}$   $0 \leq Q \in R^{2n \times 2n}$   $0 \leq R \in R^{n \times n}$  که در آن ورودى  $\hat{u} \in R^{n \times 1}$ ، ورودى  $\tilde{x} = [\tilde{x}_1, \tilde{x}_2]^T \in R^{2n \times 1}$ سیستم و  $\tilde{x}_f$  حالات پایانی در شبیهسازی هستند [7]. معادلات كنترل كننده بهينه براى روش تنظيم كننده خطى مربعي به فرم معادلات (14) بدست مي آيند [21,20]  $h(\tilde{x}, u, \lambda) = \frac{1}{2} [\tilde{x}^{\mathrm{T}} Q \ \tilde{x} + \hat{u}^{\mathrm{T}} R \ \hat{u}] + \lambda^{\mathrm{T}} [A \ \tilde{x} + B \ \hat{u}]$  $\mathbf{0} = \frac{\partial h(\tilde{x}, \hat{u}, \lambda)}{\partial t}$ ди  $\dot{\tilde{x}} = \frac{\partial h(\tilde{x}, \hat{u}, \lambda)}{2}$ дλ  $\partial h(\tilde{x}, \hat{u}, \lambda)$ λ**=**-(14)که در آن  $R \in R^{2n \times 1}$  بیانگر همیلتونی و  $\lambda \in R^{2n \times 1}$  به عنوان حالت كمكي معلوم به صورت معادله (15) تعريف مي شود.  $\lambda = S \tilde{x}$ (15)البته ماتریس S به صورت  $S \in R^{2n \times 2n}$  میباشد. از معادله دوم رابطه (14)، واضح است که  $\frac{\partial h(\tilde{x}, \hat{u}, \lambda)}{\partial h(\tilde{x}, \hat{u}, \lambda)} = R \hat{u} + B^{\mathrm{T}} \lambda = \mathbf{0}$ (16)ди و در نهایت میتوان ترم کنترل بهینه کمکی  $\hat{u}$  را با استفاده از (16)، به صورت معادله (17) بدست آورد.  $\hat{u} = -R^{-1} B^{\mathrm{T}} \lambda = -R^{-1} B^{\mathrm{T}} S \tilde{x}$ (17)بنابراین با مشتق گیری از رابطه (15)، و همچنین بر اساس معادله چهارم رابطه (14)، بترتيب روابط (18) و (19) بدست مى آيد.  $\dot{\lambda} = \dot{S}\tilde{x} + S\dot{x}$ (18) $\dot{\lambda} = -Q \, \tilde{x} - A^{\mathrm{T}} \, \lambda$ (19)اکنون، بترتیب با جایگزینی روابط (18)، سپس (12) و پس از آن (17)، و در نهایت (15)، در رابطه نهایی (19)، سرانجام رابطه کلی معادله دیفرانسیل (20) بدست ميآيد.  $\vec{S} + O - SBR^{-1}B^{T}S + SA + A^{T}S\tilde{x} = 0$ (20)حال با در نظر گرفتن (20) و بازنویسی آن به فرم **0 = (a(x)** b(x)، که در آن ، مى باشند  $b(x) = \tilde{x} = \dot{s} + Q - SBR^{-1}B^{T}S + SA + A^{T}S$ و از آنجایی که b(x) نمی تواند صفر باشد، از این رو a(x) = 0 است. بنابراین، در نهایت معادله ماتریس دیفرانسیل ریکاتی به فرم [23,21,20]

 $\dot{S} + Q - S B R^{-1} B^{\mathrm{T}} S + S A + A^{\mathrm{T}} S = \mathbf{0}$  (21) بدست میآید [7]. تماس<sup>1</sup> و محدودیتها<sup>2</sup>، در فضای مفصلی<sup>3</sup> به فرم [18] (1)  $M(q) \ddot{q} + C(q, \dot{q}) \dot{q} + G(q) = \tau$  (1) بیان میشود، که در آن <sup>1 \* R</sup> e R<sup>n</sup> بیانگر بردار عمومی از موقعیت مفاصل شامل (1)  $M(q) \in R^{n \times n}$  محانیکی ربات، <sup>n × n</sup>  $\sigma$  (1) ماتریس ماتریس متقارن و مثبت معین اینرسی ربات، <sup>n × n</sup>  $e R^{n \times n}$  ماتریس نیروی جانب مرکز و کوریولیس، <sup>1 × n</sup>  $e G(q) \delta$  (1) در بردارنده نیروهای گرانشی و <sup>1 × n</sup>  $e R^{n \times n}$  گشتاور یا نیروی اعمالی جهت کنترل ربات است. ماتریس متقارن و مثبت معین اینرسی در فضای کاری دارای محدودیت معادله (2) است [19.18].

 $m_1 \|x\|^2 \le x^T M(x_1) x \le m_2 \|x\|^2$  (2) که در آن  $m_2, m_1$  ثابتهای عددی مثبت و معلوم هستند.

ماتریس نامتقارن نیروی جانب مرکز و کوریولیس نیز از رابطه (3) تخمین زده شده است [19,18]

و در آن  $k_c \in R^n$  میباشد.

اکنون با تعریف دو متغیر حالت، و ورودی به صورت

 $\begin{aligned} x_1 &= q \in R^{n \times 1} \\ x_2 &= \dot{q} \in R^{n \times 1} \\ u &= \tau \in R^{n \times 1} \end{aligned} \tag{5}$  as a solution of the set of th

فضای کاری بازنویسی نمود:  $\dot{x}_1 = x_2$   $\dot{x}_2 = M^{-1}(x_1)[\tau - G(x_1) - C(x_1, x_2) x_2]$ (6) علاوه براین، از معادله (2)، نتیجه میشود که **0** ( $x_1$ ) است و بنابراین  $M(x_1) > 0$  (2)، نتیجه میشود که  $M(x_1)$  است و بنابراین  $M(x_1) = M(x_1)$ (7) بدست میآید [7]  $\dot{x} = A x + B (u - G(x_1))$ 

$$A = \begin{bmatrix} \mathbf{0} & I \\ \mathbf{0} & -M^{-1}(x_1) C(x_1, x_2) \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} \mathbf{0} \\ M^{-1}(x_1) \end{bmatrix}$$

$$Z = \begin{bmatrix} x_1, x_2 \end{bmatrix}^T \qquad (7)$$

$$X = \begin{bmatrix} x_1, x_2 \end{bmatrix}^T$$

که در آن ۲۹۳۸ ۲ بیانگر مانریس واحد و ۲۵٬۰۸۵ – ۲ بردار خان با  $x_2$  سیستم  $x_2$  از از رابطه (5) است. اثبات قضیه کنترل پذیری سیستم متغیر با زمان رابطه (7) به طور کامل در مرجع [16] آمده است.

3- طراحی کنترل کننده بهینه به منظور ردیابی مسیر

در این بخش، یک کنترل کننده بهینه برای حل مسأله ردیابی مسیر با هدف دستیابی به خطای ردیابی صفر طراحی می گردد، به طوری که حالات سیستم بازوی ربات به مسیرهای مطلوب همگرا شوند. (8) تعریف گردیده است [7] (8)  $u = G(x_1) + \hat{u}$ (8) در ابطه (8) است که در ادامه بدست که در آن  $\hat{u}$  بیانگر یک ترم کنترل بهینه کمکی است که در ادامه بدست خواهد آمد. با جایگزینی رابطه (8) در رابطه (7)، مدل ریاضی اصلاح شده بازوهای ربات به فرم (9) بدست میآید، که در آن A و B در رابطه (7) تعریف شدهاند.

خطای ردیابی  $\widetilde{x}$  نیز به صورت

<sup>1-</sup> The Contact Force

<sup>2-</sup> The Constraints

<sup>3-</sup> The Joint Space

قابل ذکر است که تابع کنترل اصلی در این مقاله، رابطه (8) در نظر گرفته

شده است که حاوی ترمهای گرانشی بازوهای ربات است. بنابراین، رابطه

شناخته شده و معلوم (17)، به عنوان یک تابع کمکی برای رابطه (8) می-

باشد. علاوه بر این، در این مقاله، رابطه (21) به عنوان یک تابع تطبیقی در

نظر گرفته می شود، به طوری که در زمان های یکسانی که کنترل کننده در حال

انجام كار است، اين رابطه به صورت برخط حل شده و تابع كنترل بروز رساني

می گردد.

اثب**ات** : بدین منظور یک تابع کاندیدای لیاپانف مثبت به صورت رابطه (23) انتخاب می گردد [7]. (23)  $L_a = \frac{\gamma}{2} \tilde{x}^T S \tilde{x}$ سپس، براساس روند ارائه شده در مرجع [7]، ابتدا با جایگزینی (17) در (12) و سپس با مشتق گیری از رابطه (23)، دو رابطه مهم بدست می آید که به کمک سپس با مشتق گیری از رابطه (23)، دو رابطه مهم بدست می آید که به کمک آنها و با جانشینی رابطه  $\dot{S}$  از رابطه (21)، در نهایت رابطه (24) بدست می آید.  $\dot{L}_a = -\frac{\gamma}{2} \tilde{x}^T (Q + S B R^{-1} B^T S) \tilde{x}$ 

بنابراین با استفاده از رابطه (24)، خطای ردیابی به طور مجانبی پایدار است [24]. با انتگرال گیری از رابطه (24) در بازه 0 تا T، روابط

$$\int_{0}^{T} \left[ \frac{\gamma}{2} \tilde{x}^{\mathrm{T}} \left( Q + S B R^{-1} B^{\mathrm{T}} S \right) \tilde{x} \right] dt \leq L_{1,0} - L_{1,T} \leq L_{1,0}$$

$$\lim_{T \to \infty} \sup \frac{1}{T} \int_{0}^{T} \left[ \frac{\gamma}{2} \tilde{x}^{\mathrm{T}} \left( Q + S B R^{-1} B^{\mathrm{T}} S \right) \tilde{x} \right] dt \leq L_{1,0} \lim_{T \to \infty} \sup \frac{1}{T} = \mathbf{0} \qquad (2)$$

بدست میآید، که بر این اساس با میل نمودن  $\infty \to T$ ، آنگاه عبارت بدست میآید، که بر این اساس با میل نمودن  $\infty \to T$ ، آنگاه عبارت  $\widetilde{x}^{T}(Q + S B R^{-1} B^{T} S) \widetilde{x} = \mathbf{0}$ صحت عبارت رابطه (21) میباشد. همچنین با توجه به رابطه (21)، ماتریس محت عبارت رابطه (22) میباشد. همچنین با توجه به رابطه (21)، ماتریس محت عبارت رابطه (21)، ماتریس محت عبارت رابطه (21). ماتریس که این نکته، نتیجه اصلی قضیه فوق را تضمین میکند [7].

نکته 1: بایستی بیان نمود که روش کنترل بهینه بکار برده شده در این مقاله، به راحتی میتواند به صورت برخط بر روی هر نوع بازوی ربات صلب که مدل ریاضی سیستم آن بتواند به فرم (1) بازنویسی شود، پیاده سازی و اعمال گردد.

نکته 2: مراجع [25-27] برای پیشبرد روند کنترلی خود، مشابه به این مقاله، از روش تنظیم کننده خطی مربعی استفاده کردهاند، اما معادله دیفرانسیل ریکاتی این سه مرجع در یک فرم معکوس با استفاده از شرایط نهایی حل شده است، ولی در این مقاله، معادله دیفرانسیل ریکاتی مورد نظر به عنوان یک دیدگاه متفاوت، به صورت یک تابع تطبیقی در نظر گرفته شده است و در یک فرم رو به جلو با استفاده از شرایط اولیه حل گردیده است.

# 5- معرفی معادلات دینامیکی بازوهای ربات ماهر

اکنون در این بخش به معرفی معادلات دینامیکی بازوهای ربات ماهر به عنوان یک مدل سیستم نمونه جهت اعمال کنترلکننده بهینه پیشنهادی به آن، با هدف ردیابی مسیر مطلوب پرداخته میشود.

از آنجایی که در پیاده سازی های عملی ممکن است قوانین کنترل برای ربات ماهر شامل مسائلی از قبیل محدودیت های سیستم، اشباع محرک ها، چترینگ، محاسبات و زمان پردازش طولانی باشد، و همچنین در برخی مراجع، قوانین کنترل اغلب به عنوان دستورات کنترل گشتاور ارائه شده است [7]، در حالی که در سیستم واقعی نمی توان آن ها را به طور مستقیم به ورودی موتورهای الکتریکی اعمال نمود. بنابراین، در این مقاله به جای بکار گیری قوانین کنترل بر روی گشتاور موتور، قوانین کنترل ولتاژ موتور بر روی ربات ماهر مطرح می گردد که در آن موتورهای الکتریکی توسط کنترل ولتاژ هدایت می شوند. از این رو در بخش 5-1، برخلاف مرجع [7]، مدل ریاضی بازوی ربات ماهر بر نهایتا کنترل کننده بهینه پیشنهادی بر روی این معادلات اعمال گردد و عملکرد سیستم در مقایسه با مرجع [7] مورد تحلیل و بررسی قرار گیرد.



تفصیل بیان گردید. در نهایت با توجه به مطالب و روابط ارائه شده در این بخش، میتوان نمایی از روند پیاده سازی بخش سیستم کنترل بهینه تطبیقی پیشنهادی را مطابق "شکل 1" نشان داد.

# 4- بررسی پایداری کنترل کننده بهینه پیشنهادی

با بیان حل مسأله مطرح شده در قالب قضیه 2 و اثبات آن، پایداری کنترل-کننده بهینه پیشنهادی، در این بخش بررسی می گردد.

قضیه 2 [7]: خطای ردیابی سیستم حلقه بسته با کنترل کننده بهینه روابط (8)، (17) و (21) برای بازوی ربات رابطه (7)، پایدار مجانبی است و خطای ردیابی *x* به

 $\lim_{T \to \infty} \sup \tilde{x}^{\mathrm{T}} (Q + S B R^{-1} B^{\mathrm{T}} S) \tilde{x} = \mathbf{0}$ (22) همگرا خواهد شد (همگرایی به صفر)، که در آن T بیانگر زمان نهایی است.



Fig. 1 A view of the implementation of the proposed adaptive optimal control system

**شکل 1** نمایی از روند پیاده سازی بخش سیستم کنترل بهینه تطبیقی پیشنهادی

#### پیمان بہمنی و همکا*ر*ان



Fig. 3 Cylindrical robotic arm (a) lateral sight, (b) upper sight [8]

شکل 3 ربات ماهر استوانه ای (الف) از نمای کنار، (ب) از نمای بالا [8]

جدول 1 پارامترهای ربات [8,7]

Table 1 Robot parameters [7, 8]							
مقدار	واحد	توضيح	پارامتر				
0.3	m	طول بازو اول	$l_1$				
0.3	m	طول بازو دوم	$l_2$				
0.2	m	طول بازو سوم	$l_3$				
0.46	kg	جرم بازو اول	$m_1$				
0.34	kg	جرم بازو دوم	$m_2$				
0.34	kg	جرم بازو سوم	$m_3$				
0.04624	kg <b>m</b> ²	اينرسى مربوط به بازو اول	$J_1$				
0.02545	kg <b>m</b> <sup>2</sup>	اینرسی مربوط به بازو دوم	$J_2$				
0.03616	kg <b>m</b> <sup>2</sup>	اينرسي مربوط به بازو سوم	$J_3$				

محرکه الکتریکی) ایجاد نیرو و افزایش آن به نرمی و با سرعت کم، و کاهش آن به نرمی و بدون هیچگونه شوک است. در واقع یک بازوی ربات الکتریکی توسط موتورهای الکتریکی هدایت و راه اندازی می شود، که قوانین کنترل برای چنین رباتهایی، به صورت ورودیهایی برای موتورهای الکتریکی آنها، ارائه میشود. از این رو، این مسأله زمانی واقعی تر به نظر میرسد که، دینامیک ربات شامل مدل ریاضی موتورهای الکتریکی ربات نیز باشد. به طور نمونه در مرجع [28]، به مسأله مدلسازی دینامیکی یک ربات صنعتی که توسط سرو موتورهای dc راه اندازی می شود، پرداخته شده است.

در این مقاله به منظور دسترسی به سطح بالایی از قابلیت کنترل پذیری مطلوب و دقیق ربات ماهر در ردیابی مسیر مرجع، از موتورهای الکتریکی dc ولت [17]) برای مفصل ها استفاده شده است. از این رو بر اساس معادلات ریاضی حرکت یک موتور dc آهنربای دائم<sup>2</sup>، یک فرم ماتریسی از معادلات دینامیکی این گونه موتورها برای n 🖌 = 1 به صورت [18,17]  $J_{mk} \,\ddot{\theta}_{mk} + (B_{mk} + R^{-1}_{k} K_{bk} K_{mk}) \,\dot{\theta}_{mk} =$  $R^{-1}_{k} K_{mk} V_{k} - \tau_{k} I r_{k}$ (27)بیان می گردد، و برای k = 1، با فرض  $\tau_k = \tau_l$ ، رابطه (27) برابر می شود با  $J_m \ddot{\theta}_m + (B_m + R^{-1} K_b K_m) \dot{\theta}_m = R^{-1} K_m V - \tau_l / r$ (28)که در این مدل دینامیکی، $u = V \in R^{n imes 1}$  بردار ولتاژ موتور به عنوان ورودی ، $K_m$  [Nm/A] سیستم،  $\theta_m$  [rad]  $\epsilon \; R^{n \times 1}$  سیستم،  $\theta_m$  (rad)  $\epsilon \; R^{n \times 1}$ و r بترتيب ماتريس R [Ohm]  $B_m$  [Nms/rad]  $J_m$  [kg m<sup>2</sup>]  $K_b$ قطری n × n ضرایب گشتاور، ثابت emf برگشتی<sup>3</sup>، اینرسی، دمیینگ<sup>4</sup>، مقاومت و نرخ کاهش دنده<sup>3</sup> موتور میباشند، و البته در این نوع موتور، از نظر

# 1-5- بيان مدل رياضي بازوي ربات برحسب ولتاژ به همراه ديناميک محركهها

در این مقاله، از روش لاگرانژ اویلر [19,16] برای بدست آوردن مدل ریاضی بازوهای ربات استفاده شده است که این روابط بترتیب برای بازوهای 1، 2 و 3 ربات نشان داده شده در "شکل 2" بصورت معادلات رابطه (26) حاصل می گردند  $[J_{13} + (m_2 + 4m_3)l_{c2}^2]\ddot{\theta}_1 + 2(m_2 + 4m_3)l_{c2}\dot{\theta}_1\dot{l}_{c2} = \tau_1$ 

$$(m_2 + 4 m_3)\ddot{l}_{c2} - (m_2 + 4 m_3)l_{c2} \dot{\theta}_1^2 = \tau_2$$

 $m_3 \ddot{l}_{c3} - m_3 g = \tau_3$ (26)که در آن،  $\tau_1$  بیانگر گشتاور مورد نیاز به منظور ایجاد حرکت چرخشی بازوی ، و ترمهای  $au_2$  و  $au_3$  بترتیب بیانگر نیروهای مورد نیاز به منظور ایجاد 1حرکت انتقالی بازوهای 2 و 3 میباشند (در واقع  $au_1$   $au_2$  و  $au_3$  ورودیهای سیستم هستند)، و ترم [g = 9.81 [m/s<sup>2</sup>] برابر با شتاب گرانشی زمین است. همچنین با توجه به (5)، میتوان بیان نمود که در رابطه (26) متغیرهای  $q_2 = l_{c2} = \frac{l_2}{2}$  حالت سیستم به صورت  $q_1 = \theta_1$  بیانگر زاویه مفصل چرخشی، 2 و $q_3 = l_{c3} = \frac{l_3}{2}$  بترتيب بيانگر طول محورهايي هستند که از مفصلهاي  $q_3 = l_{c3} = \frac{l_3}{2}$ و 3 تا مركز جرم بازوهاي 2 و 3 ادامه مي يابند [16].

"شکل 2"، در واقع نمای کلی از بازوی ربات ماهر استوانهای تحت بررسی را به همراه محدوده فضای کاری آن، نشان میدهد، و "شکل 3" نیز ربات ماهر استوانه ای را از دو نمای کنار و بالا، به منظور معرفی دقیق عناصر مدل ربات نشان میدهد. همچنین توصیف هر یک از پارامترهای مدل دینامیکی رابطه (26) به همراه مقادیر عددی آنها در جدول 1 ارائه شده است.

از آنجایی که هر محور حرکت در ربات ماهر دارای یک کارانداز (راه انداز<sup>۱</sup>) می باشد که تأمین کننده های محرک مفصل ها در آن عبارت اند از: نیروی الکتریکی، نیروی هیدرولیکی و نیروی پنوماتیکی. از این رو در این مقاله برای ربات ماهر مورد نظر، فرض شده است که نیروی (انرژی) الکتریکی سبب تأمین نیروی محرکه مفصلها می گردد. یکی از مزیتهای این سیستمها (دارای نیروی



Fig. 2 Overview of cylindrical robotic arm with its workspace area

شکل 2 نمای کلی از ربات ماهر استوانه ای به همراه محدوده فضای کاری آن

1- Driver

<sup>2-</sup> Permanent Magnet DC Motor

<sup>3-</sup> Back EMF Constant 4- Damping

<sup>5-</sup> Reduction Gear Ratio

 $M(q) = \begin{bmatrix} J_{13} + k_{\theta}^2 (m_2 + 4 m_3) x_{12}^2 & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & m_2 + 4 m_3 & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & m_3 \end{bmatrix}$  $C(q, \dot{q}) = \begin{bmatrix} k_{\theta}^2 (m_2 + 4 m_3) x_{12} x_{22} & k_{\theta} (m_2 + 4 m_3) x_{12} x_{21} & \mathbf{0} \\ -k_{\theta} (m_2 + 4 m_3) x_{12} x_{21} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \end{bmatrix}$  $G(q) = \begin{bmatrix} \mathbf{0} \\ -m_3 g \end{bmatrix}$ 

(35)

در نهایت میتوان بر اساس روابط (32) تا (35)، معادلات دینامیکی کلی ربات ماهر بدست آمده برحسب ولتاژ را که با مدل دینامیکی موتور dc به عنوان راه انداز الکتریکی آن ترکیب گردیده است براساس رابطه (31) بگونه-ای بدست آورد که در آن ترمهای D(q) D(q) (p) N(q) (با لحاظ نمودناندیسهای عددی هریک از پارامترهای مدل سیستم و موتورها) بترتیب بهصورت ماتریسهای موجود در رابطه (36) بدست آیند.

$$D(x_{1}) = \begin{bmatrix} R_{1} K_{m1}^{-1} (J_{m1} r_{1}^{-1} + r_{1} (J_{13} + k_{\theta}^{2} (m_{2} + 4 m_{3}) x_{12}^{2}) \\ 0 \\ 0 \\ R_{2} K_{m2}^{-1} (J_{m2} r_{2}^{-1} + r_{2} (m_{2} + 4 m_{3})) \\ 0 \\ R_{3} K_{m3}^{-1} (J_{m3} r_{3}^{-1} + r_{3} (m_{3})) \end{bmatrix}$$

 $N(x_{1}, x_{2}) = \begin{bmatrix} R_{1} K_{m1}^{-1} B_{m1} r_{1}^{-1} + R_{1} K_{m1}^{-1} r_{1} (k_{\theta}^{2} (m_{2} + 4 m_{3}) x_{12} x_{22}) + K_{b1} r_{1}^{-1} \\ R_{2} K_{m2}^{-1} r_{2} (-k_{\theta} (m_{2} + 4 m_{3}) x_{12} x_{21}) \\ 0 \\ R_{1} K_{m1}^{-1} r_{1} (k_{\theta} (m_{2} + 4 m_{3}) x_{12} x_{21}) \\ R_{2} K_{m2}^{-1} B_{m2} r_{2}^{-1} + K_{b2} r_{2}^{-1} \\ 0 \\ R_{3} K_{m3}^{-1} B_{m3} r^{-1} + K_{b3} r_{3}^{-1} \end{bmatrix}$ 

$$W(x_1) = \begin{bmatrix} \mathbf{0} \\ \mathbf{0} \\ -R_3 K_{m3}^{-1} r_3(m_3 g) \end{bmatrix}$$
(36)

همچنین بر اساس روابط (1) و (5) تا (7)، حالتها و ورودیهای مدل سیستم نهایی با **3 =** n (ربات ماهر با 3 درجه آزادی) برابر است با :

$$\begin{aligned} x_{11} &= q_1 = \theta_1 \,, \; x_{12} = q_2 = l_{c2} \,, \; x_{13} = q_3 = l_{c3} \\ x_{21} &= \dot{q}_1 = \dot{\theta}_1 \,, \; x_{22} = \dot{q}_2 = \dot{l}_{c2} \,, \; x_{23} = \dot{q}_3 = \dot{l}_{c3} \\ u_1 &= v_1 \,, \; u_2 = v_2 \,, \; u_3 = v_3 \end{aligned}$$

## 6- شبيەسازىھا

اکنون در این بخش به منظور راستی آزمایی تحلیلهای تئوری، و نشان دادن کارایی روش پیشنهادی، نتایج شبیه سازیها و عملکرد کنترلکننده بهینه پیشنهادی از بخش 3 ( اعمال شده بر روی ولتاژ ورودی موتور بازوهای ربات ماهر استوانه ای) در حالات مختلفی مورد بررسی قرار میگیرد و نتایج آن ارائه میگردد.از طرفی روش پیشنهادی با روش بکار گرفته شده در مرجع [7] که بر اساس کنترل بهینه مبتنی بر گشتاور موتورها است، مقایسه شده و نشان داده خواهد شد که میزان انرژی بکار رفته برای موتور در بازوهای ربات ماهر در روش پیشنهادی در حالات مختلف در این مطالعه، بسیار کمتر است.

## 1-6- تعیین مدل عددی دینامیک کل ربات و جایگذاری دادهها

اکنون به منظور آغاز اجرای اعمال الگوریتم پیشنهادی، ابتدا بایستی بیان نمود

عددی  $K_m = K_b$  در نظر گرفته شده است [18,17].

"شکل 4"، نمایی از بلوک دیاگرام کلی یک سیستم موتور dc را نشان میدهد، و همچنین جدول 2 نیز مقادیر عددی بکار رفته در پارامترهای مدل دینامیکی رابطه (28) را ارائه میکند.

بر اساس مرجع [17]، در واقع بردار زاویه مفصل p، از طریق نرخ کاهش دنده موتور r، به صورت رابطه (29)، با بردار زاویه موتور  $\theta$ ، مرتبط میشود. (29) از این رو اکنون میتوان با ترکیب نمودن و جایگذاری روابط (29) و (28) در (1)، در نهایت رابطه (30) را به عنوان دینامیک ربات ماهر ترکیب شده با مدل ریاضی موتور dD بازوی ربات بر حسب ولتاژ بدست آورد [17].

 $R K_m^{-1} (J_m r^{-1} + r M(q)) \ddot{q} + (R K_m^{-1} B_m r^{-1} + R K_m^{-1} r C(q, \dot{q}) + K_b r^{-1}) \dot{q} + R K_m^{-1} r C(q) = V$ (30)

میتوان مدل دینامیکی کلی ربات ماهر برحسب ولتاژ به همراه مدل موتورهای dc میتوان مدل دینامیکی کلی ربات ماهر برحسب ولتاژ به همراه مدل موتورهای dc از رابطه (30) را به صورت یک فرم ساده به شرح رابطه (31) در نظر گرفت،  $D(q) \ddot{q} + N(q_i \dot{q}) \dot{q} + W(q) = V$  (31)

که در آن ترمهای (D(q, d) ، (Q, q) و (W(q) بترتیب به صورت روابط (32) الی (34) بیان می گردند.

$$D(q) = R K_m^{-1} (J_m r^{-1} + r M(q))$$
(32)

$$N(q, \dot{q}) = R K_m^{-1} B_m r^{-1} + R K_m^{-1} r C(q, \dot{q}) + K_b r^{-1}$$
(33)

$$W(q) = R K_m^{-1} r G(q)$$
 (34)

در روش پیشنهادی کنترل مبتنی بر ولتاژ ربات ماهر که دینامیک کلی آن با مدل ریاضی موتور bc بازوی ربات ترکیب شده، میتوان با اضافه نمودن ضریب  $k_0$ ، زوایای مفصل  $q_2$  و  $q_3$  را بترتیب با  $g_0$  و  $\epsilon^0$  موتور، به صورت روابط $g_2 = l_{c2} = k_0 \theta_3 = l_{c3} = k_0 \theta_3$  متناسب کرد، از این رو حرکت چرخشی موتور (مفصل) بازوهای 2 و 3 به حرکت کشویی تبدیل می-شود. اکنون با توجه به این موضوع میتوان مدل دینامیکی رابطه (26) را در فضای مفصلی به فرم رابطه (1) بازنویسی کرد، که در آن ترمهای (M(q)فضای مفصلی به مورت روابط (35) بدست میآیند.



Fig. 4 Block diagram for dc motor system [18]

شکل 4 بلوک دیاگرام برای سیستم موتور dc [18]

جدول 2 پارامترهای موتور dc بازوی ربات به همراه مقادیر عددی آنها [17] **Table 2** Parameters of dc motor of the cylindrical robotic arm with their numerical values [17]

$B_m$	<b>1/</b> r	$J_m$	$K_b = K_m$	R	موتور dc
0.000817	107.82	0.0002	0.26	1.6	مربوط به بازو اول
0.00138	53.706	0.0002	0.26	1.6	مربوط به بازو دوم
0.00138	53.706	0.0002	0.26	1.6	مربوط به بازو سوم

که ساختار کلی مدل دینامیکی اصلی سیستم تحت بررسی در واقع رابطه (31) میباشد که میتوان این معادله را مطابق آنچه که در بخش 2 مقاله ذکر شد، مشابه روابط (1)، (6) و (7) در نظر گرفته، و برای n = 3 به فرم  $\dot{x} = A x + B (u - W(x_1))$ 

$$A = \begin{bmatrix} \mathbf{0}_{3\times3} & l_{3\times3} \\ \mathbf{0}_{3\times3} & -D^{-1}(x_1) N(x_1, x_2) \end{bmatrix}$$
$$B = \begin{bmatrix} \mathbf{0}_{3\times3} \\ D^{-1}(x_1) \end{bmatrix}$$
(37)

باز نویسی نمود، که به منظور بدست آوردن مقادیر عددی عناصر رابطه (37) اعم از A و B، می توان ابتدا با جایگذاری دادههای موجود از جدول های I و 2، ماتریس های عددی موجود در رابطه (35) را به صورت روابط (38) بدست آورد،

$$M(x_{1}) = \begin{bmatrix} 0.10785 + k_{\theta} & 1.7 x_{12}^{2} & 0 & 0 \\ 0 & 1.7 & 0 \\ 0 & 0 & 0.34 \end{bmatrix}$$
$$C(x_{1}, x_{2}) = \begin{bmatrix} k_{\theta}^{2} & 1.7 x_{12} x_{22} & k_{\theta} & 1.7 x_{12} x_{21} & 0 \\ -k_{\theta} & 1.7 x_{12} x_{21} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
$$G(x_{1}) = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -3.3354 \end{bmatrix}$$
(38)

و پس از آن نیز بر اساس رابطه (38)، مقادیر عددی ترمهای (*D*(*q*) (*Q*) و (*Q*) (*Q*) در رابطه (36)، به طور دقیق مشخص می گردند. همچنین در نهایت با توجه به مسأله پیشنهادی مطرح شده برای کنترل ولتاژ در این مقاله، می توان مقدار ضریب  $k_{\theta} = 0.26$  را در روابط مدل سیستم (35) و (36) جایگذاری نموده که بدین سبب، حرکت چرخشی بازوی 2 و 3 به حرکت کشویی موتور بازوها، تبدیل می گردد.

شرایط اولیه این سیستم نیز به صورت

 $x_{11,0} = 0.5 \text{ [rad]}$ ,  $x_{12,0} = 2.25 \text{ [m]}$ ,  $x_{13,0} = 0.75 \text{ [m]}$  $x_{21,0} = 0 \text{ [rad/s]}$ ,  $x_{22,0} = 0 \text{ [m/s]}$ ,  $x_{23,0} = 0 \text{ [m/s]}$  $x_{0}$  c, idd,  $x_{0}$  is marked by the formula of the equation of the equat

در سر عرف سنه است [7]، سپینی مسیرتای برو سر (سبوب) به ردیایی توسط بازوهای ربات ماهر به صورت زیر تعیین و انتخاب شدهاند [7]:

 $\begin{aligned} x_{d11} &= \sin(t), x_{d12} = 1 + \cos(t), x_{d13} = 1 + \sin(t) \\ x_{d21} &= \cos(t), x_{d22} = -\sin(t), x_{d23} = \cos(t) \end{aligned} \tag{39}$ 

#### 2-6- بیان روش اجرا، شبیهسازی و بررسی نتایج

به منظور اجرای کلی شبیهسازیها، میتوان مراحل اجرای این روند را بترتیب به صورت زیر بیان نمود :

1- تعریف مدل عددی دینامیک کل ربات با تعیین نمودن مقادیر عددی ماتریس های مشخص شده در روابط (32) تا (36)، و (37) به کمک داده های موجود سیستم (پارامتر های ربات و موتور dc) از جداول 1 و 2،

2- مشخص کردن مقادیر شرایط اولیه سیستم از بخش 6-1 به صورت
$$x_{1,0} = \begin{bmatrix} x_{11,0}, \ x_{12,0}, \ x_{13,0} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}, x_{2,0} = \begin{bmatrix} x_{21,0}, \ x_{22,0}, \ x_{23,0} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$

3-3-3
 3-3-3
 3-4-3
 3-4-3
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 3-4-4
 <li

 $\begin{aligned} x_{d1} = [x_{d11}, x_{d12}, x_{d13}]^{\mathrm{T}}, x_{d2} = [x_{d21}, x_{d22}, x_{d23}]^{\mathrm{T}} \\ (1) \quad ($ 

- محاسبه و حل معادله ديفرانسيل ريكاتي (21)، به صورت تابع تطبيقي رابطه  

$$\dot{S} = -Q + SBR^{-1}B^{T}S - SA - A^{T}S$$
(40)

به صورت همزمان برای پیدا کردن S در یک فرم رو به جلو، با در نظر  $Q = \text{diag}(1) \epsilon R^{6\times6}$  ،  $R = \text{diag}(0.0002) \epsilon R^{3\times3}$  گرفتن  $S(0) = 0 \epsilon R^{6\times6}$ 

6- محاسبه خطای ردیابی  $\tilde{x}$  از رابطه (10)، و سپس حل توابع کنترل بهینه از روابط (8) و (17)، برای پیدا کردن  $u = [u_1, u_2, u_3]^T$  به منظور ردیابی مسیر بازوی ربات،

- 7- در نهایت، محاسبه و حل مدل ریاضی کل بازوی ربات در روابط (32) تا
   (36)، و (37)، برای پیدا کردن *x*،
- 8- تكرار روند شبيهسازىها بترتيب از مرحله 4 تا 7، به عنوان مرحله پاياني.

در این مقاله به منظور ایجاد یک دیدگاه مقایسهای برای تحلیل و بررسی عملکرد کنترل کننده ولتاژ بهینه تطبیقی پیشنهادی، از دو کنترل کننده مختلف به طورجداگانه شامل یک کنترل کننده PID اعمال شده بر روی گشتاور موتورهای بازوی ربات، با مقادیر 50، 5 و 0.1 بترتیب به عنوان بهرههای تناسبی، مشتقگیر و انتگرالگیر، و همچنین از نتایج طراحی یک کنترل کننده گشتاور بهینه تطبیقی، از مرجع [7] استفاده شده است. نتایج شبیهسازیها در این بخش در قالب نمودارهایی ارائه میگردد که شامل نتایج ردیابی مسیرهای (مرجع) مشخص برای بازوها و توابع کنترلی مورد نیاز برای هر یک از آنها هستند. این نمودارها بر حسب کنترل بهینه ردیابی مسیر بازوهای ربات در سیستم حلقه بسته بلوک دیاگرام کلی "شکل 5" بدست آمدهاند، که بترتیب در ادامه مقاله به طور جداگانه در سه حالت مختلف

- $(d_i = d_o = \mathbf{0})$  ردیابی مسیر مرجع بدون در نظر گرفتن اغتشاشات (
  - $(d_i, d_o 
    eq \mathbf{0})$  ردیابی مسیر مرجع با در نظر گرفتن اغتشاشات ( $d_i, d_o 
    eq \mathbf{0}$

 ردیابی مسیر مرجع در حضور عدم قطعیت پارامتری در مدل سیستم ارائه و ارزیابی می گردند. بر اساس بلوک دیا گرام کلی انتخاب شده در "شکل 5"، اغتشاشات وارده به سیستم حلقه بسته، به دو صورت مختلف از جمله اغتشاش اعمال شده در ورودی سیستم (a<sub>i</sub>) و اغتشاش اعمال شده در خروجی سیستم (a<sub>0</sub>)، برای بازوی ربات ماهر در نظر گرفته شده است.

حالت اول : ردیابی مسیر مرجع بدون در نظر گرفتن اغتشاشات ( $d_i = d_o = 0$ ) در این حالت، هدف مورد نظر، ارزیابی عملکرد ردیابی مسیر توسط سیستم کنترل پیشنهادی بدون در نظر گرفتن اغتشاشات وارده به سیستم حلقه بسته است، به گونهای که در بلوک دیاگرام "شکل 5"،  $0 = d_i = d_o$  میاشند.

بدین منظور، در "شکل 6" عملکرد ردیابی مسیرهای مورد نظر انتخاب شده برای بازوهای 1، 2 و 3 ربات نشان داده شده است، که بر این اساس مشاهده می شود عمل ردیابی مسیر مرجع توسط کنترل کننده بهینه تطبیقی پیشنهادی اعمال شده بر روی ولتاژ موتورهای بازوی ربات و همچنین کنترل -کننده بهینه اعمال شده بر روی گشتاور موتورهای بازوی ربات از مرجع [7]، به خوبی و با سرعت بالایی صورت پذیرفته است. در "شکل 7" توابع ولتاژ اعمالی برای تولید توابع کنترلی مورد نیاز بازوهای 1، 2 و 3 ربات ارائه گردیده است. این توابع بیانگر میزان ولتاژ سیگنال کنترلی اعمال شده به مدل دینامیکی یکپارچه شده ربات و موتورهای بازوهای ربات ماهر هستند. بر اساس نتایج بدست آمده از "شکل 7" مشاهده می گردد که کنترل بهینه تطبیقی



Fig. 5 Block diagram of the overall system with controller for simulations

شکل 5 بلوک دیاگرام کلی سیستم به همراه کنترلکننده به منظور شبیهسازیها



Fig. 6 Comparison of the tracking performance of the applied voltage and torque strategies to robot motors (a) Trajectory tracking of the link 1, (b) Trajectory tracking of the link 2, (c) Trajectory tracking of the link 3





Fig. 7 Comparison of the applied voltage to produce the control signal to track the reference path by the voltage and torque strategy to robot motors (a) The optimal control voltage of the link 1, (b) The optimal control voltage of the link 2, (c) The optimal control voltage of the link 3 (a) The optimal control voltage of the link 1, (b) The optimal control voltage of the link 2, (c) The optimal control voltage of the link 3 (b) The optimal control voltage of the link 2, (c) The optimal control voltage of the link 3 (b) The optimal control voltage of the link 3 (c) The optimal control voltage of the link 3

پیشنهادی اعمال شده بر روی ولتاژ موتور بازوهای ربات، در مقایسه با نتایج کنترلکننده بهینه [7]، توانسته است عملکرد سیستم حلقه بسته را بدلیل ردیابی بهتر و مؤثرتر مسیرهای مورد نظر با میزان توان سیگنال کنترلی کمتری، بهبود بخشد.

در ضمن به منظور مقایسه میزان سطح انرژی اعمالی در هر دو حالت اعمال روش کنترل بهینه بر روی ولتاژ (روش پیشنهادی) و گشتاور (مرجع [7]) موتورهای بازوهای ربات و همچنین کنترلکننده IDI اعمال شده بر روی گشتاور موتورهای بازوهای ربات (مرجع [7])، نتایج میزان نرم 2 ولتاژ توابع کنترلی تولیدی کنترلکنندهها، در "شکل 8" آورده شده است. مقایسه نتایج بدست آمده از "شکل 7" و "شکل 8" نشان میدهد که سطح سیگنال-های کنترلی تولیدی (توابع ورودی) توسط کنترلکننده بهینه تطبیقی پیشنهادی نسبت به کنترلکننده بهینه [7]، و کنترلکننده بهینه تطبیقی کوچکتر است و به نوعی میتوان نتیجه گرفت با اعمال استراتژی روش کنترل بهینه بر روی ولتاژ موتورهای بازوهای ربات و با بکارگیری توابع کنترلی با سطح توان کمتری میتوان به طور مؤثرتر عمل ردیابی را به انجام رسانده، که این نکته مهم ترین مزیت کنترل کننده پیشنهادی است.

حالت دوم : ردیابی مسیر مرجع با در نظر گرفتن اغتشاشات ( $d_i, d_o \neq 0$ ) به منظور بررسی خواص پایداری و عملکرد مقاوم کنترل کننده بهینه تطبیقی پیشنهادی، مطالعات شبیه سازی این بخش تحت اعمال اغتشاشات کران دار وارده در دو حالت  $d_o$  و  $d_o$  بترتیب در ورودی و خروجی سیستم حلقه بسته



■ Motor Torque based LQR [7]

Link 1 Link 2 Link 3

Fig. 8 Comparison of the norm 2 characteristic of the generated voltage of the control signal ( $||u||_2$ ) by the applied voltage and torque strategy to robot motors

شکل 8 نمودار مقایسه مشخصه نرم دو ولتاژ سیگنال کنترلی تولیدی (2|||u||) کنترلکننده مبتنی بر ولتاژ و گشتاور موتورهای ربات

 $d_i$  الف) تضعيف اثر اغتشاش

در این حالت، وضعیتی در نظر گرفته شده است که یک سیگنال اغتشاش به

صورت تابع سینوسی 5 هرتز با دامنه 5 در بازه زمانی 4 تا 6 ثانیه در ورودی سیستم اضافه شده، و سیستم حلقهبسته را مخدوش کرده است. در "شکل 0" و " شکل 10" بترتیب عملکرد ردیابی مسیرهای مورد نظر انتخاب شده، و همچنین ولتاژ توابع کنترلی مورد نیاز برای بازوهای 1، 2 و 3 ربات ارائه گردیده است. از نتایج "شکل 9" و " شکل 10" مشاهده میشود کنترل-کننده بهینه اعمال شده بر روی ولتاژ موتورهای بازوی ربات در مقایسه با کنترلکننده بهینه [7] در روند ردیابی سیگنالهای مرجع، در برابر اغتشاش وارده به سیستم با توجه به میزان تأثیر ناچیزی که در پاسخ خروجی هر یک از بازوهای ربات و همچنین در توابع کنترلی (ورودی) سیستم حلقه بسته گذاشته است، مقاومتر بوده و توانسته اثر اغتشاش وارده به سیستم را مورد تضعیف قرار حهد، و به نوعی خطای حالت دائمی ناشی از اعمال اغتشاش را به سرعت به مطلوب به انجام رساند، که این نکته حاکی از برتری کنترل کننده پیشنهادی میباشد.

علاوه بر این می توان با مقایسه نتایج ارائه شده در "شکل 11"، بین میزان نرم 2 ولتاژ توابع کنترلی تولیدی توسط کنترل کننده پیشنهادی و کنترل کننده بهینه مبتنی بر گشتاور [7]، و بر اساس "شکل 10"، به این نتیجه رسید که کنترل کننده پیشنهادی توانسته است عمل ردیابی سیگنال مرجع را با تلاش کنترلی کمتری (کوچکتر بودن میزان نرم 2 توابع کنترلی تولیدی) در حضور اغتشاش  $d_i$ ، به عنوان یک مزیت چشمگیر با موفقیت به انجام برساند.

 $d_o$  ب) تضعيف اثر اغتشاش

در این حالت، وضعیتی در نظر گرفته شده است که یک سیگنال اغتشاش به صورت تابع سینوسی 5 هرتز با دامنه 1 در بازه زمانی 4 تا 6 ثانیه در خروجی سیستم اضافه شده، و سیستم حلقهبسته را مخدوش کرده است. در این حالت نيز، براساس نتايج "شكل 12" و "شكل 13" مشاهده مي شود كنترل كننده پیشنهادی در مقایسه با نتایج کنترل کننده بهینه [7] در برابر اغتشاش وارده به سیستم با توجه به میزان تأثیری که در پاسخ خروجی و در توابع کنترلی هر یک از بازوهای ربات گذاشته است، مقاومتر بوده و توانسته اثر اغتشاش وارده به سیستم را مورد تضعیف قرار دهد، و به نوعی خطای حالت دائمی ناشی از اعمال اغتشاش  $d_o$  را با سرعت بیشتری به صفر برساند. میتوان با مقايسه نتايج ارائه شده در "شكل 14"، بين ميزان نرم 2 ولتاژ توابع کنترلی تولیدی برای هر یک از بازوها، توسط کنترلکننده پیشنهادی و کنترل کننده بهینه مبتنی بر گشتاور از مرجع [7]، و همچنین بر اساس "شكل 13"، به اين نتيجه رسيد كه كنترلكننده بهينه تطبيقي پيشنهادي توانسته است عمل ردیابی سیگنال مرجع را با تلاش کنترلی کمتری (کوچک-تر بودن میزان نرم 2 توابع کنترلی تولیدی) بدون به اشباع رفتن سیگنالهای کنترلی مورد نیاز برای هر یک از بازوها، در حضور اغتشاش  $d_o$  با موفقیت به انجام برساند، که این مبین برتری کنترل کننده پیشنهادی میباشد.

حالت سوم : ردیابی مسیر مرجع در حضور عدم قطعیت پارامتری در مدل سیستم در این حالت نیز برای بررسی خواص پایداری و عملکرد مقاوم کنترل کننده





Fig. 10 Comparison of the generated voltage signal to track the reference path by the applied voltage and torque strategy to robot motors in the presence of disturbance  $d_i$  (a) The voltage of the link 1, (b) The voltage of the link 2, (c) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (a) The voltage of the link 1, (b) The voltage of the link 2, (c) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (a) The voltage of the link 1, (b) The voltage of the link 2, (c) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (a) The voltage of the link 1, (b) The voltage of the link 2, (c) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (a) The voltage of the link 1, (b) The voltage of the link 2, (c) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (a) The voltage of the link 1, (b) The voltage of the link 2, (c) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (a) The voltage of the link 1, (b) The voltage of the link 2, (c) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 2, (c) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 2, (c) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 2, (c) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the link 3 the presence of disturbance  $d_i$  (b) The voltage of the presence of disturbance  $d_i$  (b) The vo



**Fig. 11** Comparison of norm 2 characteristic of the generated voltage of the control signal  $(||u||_2)$  by the applied voltage and torque strategy to robot motors in the presence of disturbance  $d_i$ 

( $\|u\|_2)$  شکل 11 نمودار مقایسه مشخصه نرم دو ولتاژ سیگنال کنترلی تولیدی  $d_i$ 

بهینه تطبیقی پیشنهادی در برابر عدم قطعیت پارامتری در مدل سیستم، شبیه-سازیهای این بخش در حضور عدم قطعیت در پارامتر جرم لینک سوم ( $\Delta m_3$ ) صورت می پذیرد، که این عدم قطعیت به صورت 5 برابر مقدار نامی این پارامتر به فرم  $\Delta m_3 = 5 m_3$  به عنوان فرض بدترین حالت، بکار برده شده است. در نهایت تأثیر عدم قطعیت فوق الذکر که از ثانیه 5 به بعد در مدل دینامیکی کل سیستم (در روابط (37)، و (32) تا (36)) در شبیه سازیها وارد می گردد، در خروجی کل سیستم حلقه بسته به طور جداگانه یک بار با کنترل کننده پیشنهادی و بار دیگر با کنترل کننده مرجع [7] مورد بررسی و تحلیل قرار می گیرد.

نتایج شبیه سازی عملکرد سیستم حلقه بسته در برابر عدم قطعیت پارامتری در مدل سیستم، و همچنین توابع کنترلی مورد نیاز جهت ردیابی مسیر مرجع، بترتیب در "شکل 15 " و "شکل 16" برای بازوهای 1، 2 و 3 ربات ارائه گردیده است. همچنین نتایج مقایسه بین میزان نرم 2 ولتاژ توابع کنترلی تولیدی توسط کنترلکننده پیشنهادی و کنترل-کننده بهینه [7] در این حالت نیز در شکل "17" نشان داده شده است.

براساس این نتایج میتوان نتیجه گرفت کنترل کننده پیشنهادی در مقایسه با کنترل کننده بهینه [7]، توانسته است در برابر اعمال عدم قطعیت پارامتری در مدل سیستم در ثانیه 5، مقاومت بالایی از خود نشان دهد و به نوعی افزایش ناگهانی جرم لینک سوم نتواسته است تأثیر چشمگیری در عملکرد این کنترل-کننده وارد نماید، در مقابل کنترل کننده بهینه [7]، پس از انحراف از مسیر مرجع در لحظه ثانیه 5، با تلاش کنترلی بزرگی، و با سرعت کمتری به همراه یک تاخیر زمانی توانسته تأثیر این عدم قطعیت را جبران نماید.

# 7- نتیجه گیری

در این مقاله، نحوه طراحی مکانیزم یک کنترلکننده بهینه تطبیقی پایدار به منظور ردیابی مسیر بازوی ربات ماهر بیان شد. بدین صورت که به کمک یک تنظیم کننده خطی مربعی با بکار بردن یک تابع هزینه مناسب، انرژی سیستم و در نتیجه توان موتورهای بازوی ربات در ردیابی مسیر، بهینه گردید. از آنجایی که در کنترل بهینه کلاسیک در روش تنظیم کننده خطی مربعی، معادله دیفرانسیل ریکاتی مربوطه میبایست در یک فرم معکوس با استفاده از



**Fig. 12** Comparison of the tracking performance of the applied voltage and torque strategy to robot motors in the presence of disturbance  $d_o$  (a) Trajectory tracking of the link 1, (b) Trajectory tracking of the link 2, (c) Trajectory tracking of the link 3 (م) Trajectory tracking of the link 3 (م) تشكل 12 مقايسه عملكرد رديابي كنترل كننده هاي مبتني بر ولتاژ و گشتاور موتورهاي ربات در حضور اغتشاش  $d_o$  (لف) رديابي مسير بازوي يك، (ب) رديابي مسير بازوي دو، (ج)



Fig. 13 Comparison of the generated control signal to track the reference path by the applied voltage and torque stratergy to robot motors in the presence of disturbance  $d_o$  (a) The voltage of the link 1, (b) The voltage of the link 2, (c) The voltage of the link 3  $\frac{1}{2} \sqrt{1 + 1} \sqrt{1$ 



Fig. 14 Comparison of the norm 2 characteristic of the generated voltage of the control signal ( $||u||_2$ ) by the applied voltage and torque strategy to robot motors in the presence of disturbance  $d_o$  ( $||u||_2$ ) ( $||u||_2$ ) شكل 14 نمودار مقايسه مشخصه نرم دو ولتاژ سيگنال كنترلى توليدى  $d_o$  كنترل كننده مبتنى بر ولتاژ و گشتاور موتورهاى ربات در حضور اغتشاش  $d_o$ 

شرایط نهایی به صورت خارج از خط حل شود، در نتیجه سیستم نمیتواند به تغییرات محیط به صورت بر خط پاسخ مناسب بدهد. از این رو در این مقاله، معادله دیفرانسیل ریکاتی مورد نظر در روند طراحی کنترلکننده به عنوان یک تابع تطبیقی در نظر گرفته شده است و در یک فرم رو به جلو با استفاده از شرایط اولیه به صورت برخط حل گردید. از طرفی تابع کنترل پیشنهادی اصلی در این مقاله، حاوی شرایط گرانش در نظر گرفته شد تا عملکرد سیستم را به واقعیت نزدیک تر کند. علاوه بر این پایداری خطای ردیابی کنترل بهینه بازوی ربات نیز به طور مجانبی با استفاده از روش لیاپانف بررسی و تضمین گردید.

به عنوان یک دیدگاه نو، در این مقاله در واقع رویکردی از دو روش طراحی کنترلکنندههای بهینه و کنترلکنندههای پایدار تطبیقی برای ولتاژ موتورهای بازوی ربات ترکیب و پیشنهاد شد. این الگوریتم پیشنهادی طراحی شده به سادگی قابلیت اعمال به دسته وسیعی از بازوهای ربات با ساختارهای متعارف را دارد. همچنین از آنجایی که در تحقیقات پیشین معمولا قوانین کنترل حرکت بازوی ربات ماهر اغلب به صورت کنترل گشتاور (موتورهای بازوها) ارائه شده است، مشکلاتی در پیاده سازی عملی از قبیل محدودیت-معای موتورها ایجاد می گردد، از این رو در این مقاله به منظور رفع نواقص و موتورهای الکتریکی بازوها، قوانین کنترل پیشنهادی به جای اعمال بر گشتاور، بر روی ولتاژ ورودی موتورهای بازوی ربات اعمال شده است، که این تکنیک بکار گرفته شده، طراحی و شبیهسازی ها را از نظر دینامیکی ربات و موتورها، و بکار گرفته شده، طراحی و شبیهسازی ها را از نظر دینامیکی ربات و موتورها، و گشتاور اعمال شده در سایر مراجع دارای مزدیک تر می ماید، و در مقایسه با کنترل

در نهایت میتوان بر اساس روند پیشنهادی فرمول بندی کنترلکننده بهینه تطبیقی پیشنهادی اعمال شده بر روی ولتاژ موتورهای بازوی ربات و همچنین نتایج حاصل از شبیهسازیهای انجام شده به منظور ارزیابی عملکرد کنترلکننده پیشنهادی در سه حالت ردیابی مسیر مرجع در حضور دو نوع اغتشاش خارجی و عدم قطعیت پارامتری در مدل سیستم، به چندین نمونه از مزایای بدست آمده در این مقاله در مقایسه با فعالیتهای مشابه انجام شده





**Fig. 16** Comparison of the generated voltage of the control signal to track the reference path by the applied voltage and torque strategy to robot motors in the presence of uncertainty in the system model parameter (a) The voltage of the link 1, (b) The voltage of the link 2, (c) The voltage of the link 3

شکل 16 نمودارهای مقایسه عملکرد ولتاژهای اعمالی جهت تولید سیگنالهای کنترلی به منظور ردیابی مسیر مرجع توسط کنترلکنندههای مبتنی بر ولتاژ و گشتاور موتورهای ربات در حضور عدم قطعیت در پارامتر مدل سیستم (الف) ولتاژ بازوی یک، (ب) ولتاژ بازوی دو، (ج) ولتاژ بازوی سه voltage control strategy, *Nonlinear Dynamics*, Vol. 74, No. 1-2, pp. 277–286, 2013.

- [7] C. Torres, Stable optimal control applied to a cylindrical robotic arm, *Neural Computing and Applications*, Vol. 24, No. 3-4, pp. 937-944, 2014.
- [8] J. Rubio, E. Garcia, J. Pacheco, Trajectory planning and collisions detector for robotic arms, *Neural Computing and Applications*, Vol. 21, No. 8, pp. 2105–2114, 2012.
- [9] I. Villaverde, M. Grana, Neuro-evolutionary mobile robotegomotion estimation with a 3D ToF camera, *Neural Computing and Applications*, Vol. 20, pp. 345–354, 2011.
- [10]H. Chaoui, P. Sicard, Adaptive Lyapunov-based neural network sensorless control of permanent magnet synchronous machines, *Neural Computing and Applications*, Vol. 20, pp. 717–727, 2011.
- [11]W-P. Lee, T-H. Yang, Combining GRN modeling anddemonstration-based programming for robot control, *Neural Computing and Applications*, Vol. 20, pp. 909–921, 2011.
- [12]R. Bauernschmitt, M. Feuerstein, J. Traub, EU. Schirmbeck, G. Klinker, R. Lange, Optimal port placement and enhanced guidance in robotically assisted cardiac surgery, *Surgical Endoscopy*, Vol. 21, No. 4, pp. 684–687, 2007.
- [13]F. Najafi, M. Karimi, M. Ghayour, Optimal trajectory planning and obstacle avoidance of a manipulator in the presence of ellipsoidal obstacles using genetic algorithms, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 10, No. 4, pp. 75-84, 2010. (In Persian) (فارسی)
- [14]M. Salehi, A. Nikoobin, Optimal trajectory planning of flexible joint manipulator: maximum load carrying capacity minimum vibration, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 13, No. 14, pp. 68-80, 2013. (In Persian فارسى)
- [15]S. Ghoreishi, M. Nekoui, S. Basiri, Optimal design of LQR weighting matrices based on intelligent optimization methods, *Intelligent Information Processing*, Vol. 2, No. 1, 2011.
- [16]J. Rubio, C. Torres, C. Aguilar, Optimal control based in a mathematical model applied to robotic arms, *Innovative Computing*, *Information and Control*, Vol. 7, No. 8, 2011.
- [17]M. Fateh, Proper uncertainty bound parameter to robust control of electrical manipulators using nominal model, *Nonlinear Dynamics*, Vol. 61, No. 4, pp. 655–666, 2010.
- [18]M. Spong, S. Hutchinson, M. Vidyasagar, Robot Modeling and Control, Wiley, New York, 2006.
- [19]F. Lewis, D. Dawson, C. Abdallah, *Control of Robot Manipulators*, Theory and Practice, Second Edittion, New York, 2004.
- [20]E. Eronini, System Dynamics and Control, Thomson Learning, 1998.
- [21]F. Lewis, V. Syrmos, Optimal Control, Second Edittion, Wiley, 1995.
- [22]D. Naidu, Optimal Control Systems, CRC press, 2002.
- [23]C. Chen, C. Lee, Explicit matrix bounds of the solution for the continuous Riccati equation, *ICIC Express Letters*, Vol. 3, No. 2, pp. 147–152, 2009.
- [24]J. Rubio, C. Torres, R. Rivera, C. Hernandez, Comparison of four mathematical models for braking of a motorcycle, *Latin America Transactions*, Vol. 9, No. 5, pp. 630–637, 2011.
- [25]M. Jimenez-Lizarraga, A. Poznyak, Near–Nash equilibrium strategies for LQ differential games with inaccurate state information, *Mathematical Problems in Engineering*, pp. 1–24, 2006.
- [26]M. Jimenez-Lizarraga, B. Cruz Jose, New approach to solve algebraic constraints in linear systems using linear dynamical controllers, *Innovative Computing, Information and Control*, Vol. 6, No. 11, pp. 4879–4898, 2010.
- [27]M. Jimenez-Lizarraga, A. Poznyak, Necessary conditions for robust stackelberg equilibrium in a multi-model differential game, *Optimal Control Applications and Methods*, Vol. 33, No. 5, pp. 595–613, 2012.
- [28]J. Miro, A. White, Modelling an industrial manipulator a case study, Simulation Practice and Theory, Vol. 9, No. 6, pp. 293–319, 2002.



■ Motor Torque based LQR [7]

Fig. 17 Comparison of the norm 2 characteristic of the generated voltage of the control signal  $(||u||_2)$  by the applied voltage and torque strategy to robot motors in the presence of uncertainty in the system model parameter

شکل 17 نمودار مقایسه مشخصه نرم دو ولتاژ سیگنال کنترلی تولیدی (2||µ||) کنترلکننده مبتنی بر ولتاژ و گشتاور در حضور عدم قطعیت در پارامتر مدل سیستم

برای بازوهای مکانیکی ربات، از قبیل

Proposed LOR

- مقاوم بودن سیستم در برابر اغتشاشات خارجی و نامعینیهای مدل
  - زمان همگرایی محدود (با سرعت بالا)
  - عدم نیاز به دانستن کران بالای نامعینیها
  - قوانین کنترلی نسبتا ساده با میزان سطح انرژی پایینتر

اشاره نمود. در واقع با مقایسه عملکرد کنترل کننده پیشنهادی با یک کنترل-کننده متعارف PID، و کنترل کننده بهینه مبتنی بر کنترل گشتاور موتورهای بازوی ربات طراحی شده در سایر مقالات، میتوان برتری این روش را هم از نظر ردیابی مؤثرتر (با سرعت بالا) سیگنال مرجع (مسیرهای مورد نظر برای حرکت بازوی ربات) و هم کوچکتر بودن سطح سیگنال کنترلی مورد نیاز (با انرژی کمتر)، در شرایط نامعینی کلی (شامل عدم قطعیت مدل و اغتشاشات خارجی) نشان داده و از صحت طراحی انجام شده اطمینان حاصل نمود.

#### 8-مراجع

- [1] B. Chen, H. Uang, C. Tseng, Robust tracking enhancement of robot systems including motor dynamics: a fuzzy based dynamic game approach, *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*, Vol. 6, No. 4, pp. 538-552, 1998.
- [2] A. Biess, M. Nagurka, T. Flash, Simulation discrete and rhythmic multi-joint human arm movements by optimization of nonlinear performance indices, *Biological Cybernetics*, Vol. 95, pp. 31–53, 2006.
- [3] T. Chakraborti, A. Sengupta, A. Konar, R. Janarthanan, Application of swarm intelligence to a twofold optimization scheme for trajectory planning of a robot arm, In: Lecture notes in computer science, *Swarm, Evolutionary and Memetic Computing*, Vol. 7077, pp. 89–96, 2011.
- [4] D. Garcia, W. Schiehlen, 3D-simulation of human walking by parameter optimization, *Archive of Applied Mechanics*, Vol. 82, No. 4, pp. 533–556, 2012.
- [5] M. Moradi Zirkohi, M. Fateh, M. Shoorehdeli, Type -2 fuzzy control for a flexible joint robot using voltage control strategy, *Automation and Computing*, Vol. 10, No. 3, pp. 242-255, 2013.
- [6] M. Fateh, R. Babaghasabha, Impedance control of robots using

Downloaded from mme.modares.ac.ir on 2024-09-26