ماهنامه علمى پژوهشى



mme.modares.ac.ir



جليل رضاي<u>ى پ</u>ژند<sup>1\*،</sup> جعفر رحيمىنسب<sup>2</sup>

1- استاد، مهندسی مکانیک، ، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد

2- دانشجوی دکتری، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد

\* مشهد، صندوق پستیjrezaeep@um.ac.ir ،91775-1111

چکیدہ	اطلاعات مقاله
این مقاله ارتعاشات گذرای غیرخطی صفحات ساندویچی کامپوزیتی را با لایهی سیال الکترورئولوژیکال مورد بررسی قرار میدهد. تحریک اولیه	مقاله پژوهشی کامل
به صورت یک بار گسترده یکنواخت و یا ناپایداری فلاتر در اثر جریان هوای مافوق صوت است. برای مدلسازی صحیح رفتار سیال	دریافت: 30 شهریور 1393
الکترورئولوژیکال در ناحیهی پس از تسلیم، از مدل پلاستیک بینگهام استفاده میشود. به کمک روابط کرنش جابهجایی وان کارمن اثر تغییر	پذیرش: 66 آذر 1393
شکار ماه بنگی در نفا گفته میشد دانتیم میتم اطار بستین ماه به میتراند به درمان بردید به کمک روابط کرنش جابهجایی وان کارمن اثر تغییر	ارائه در سایت: 18 آذر 1393
- سمل مای برر کا در طر طرعه می سود. از طوری مربعای اول پیشول برای به نست اوری نسار برودیمیکی استاده از روش اجزاء محدود معادلات حرکت استخراج شده و سپس، پاسخ از طریق روش انتگرال گیری نیومارک در حوزهی زمان به	<i>کلید واژگان:</i>
دست می آید. در بررسی های عددی اثر لایهی الکترورئولوژیکال بر رفتار ارتعاشی صفحهی ساندویچی مطالعه می شود. اثر شدت میدان الکتریکی،	سیال الکترور ئولوژیکال
ضخامت لایهی الکترورئولوژیکال، تحریک اولیه و شرایط مرزی بر زمان نشست ارتعاشات گذرا تحلیل می شود. نتایج نشان می دهد با اعمال	ارتعاشات غیرخطی
میدان الکتریکی بر لایهی الکترورئولوژیکال ، میرایی ارتعاشات گذرا به طور قابل توجهی بهبود می ابد، اما دامنهی ارتعاشات پس از فلاتر تغییر	صفحهی ساندویچی
نمی کند.	روش اجزاء محدود

# A nonlinear study on transient vibration and limit cycle oscillation of composite sandwich plates with electrorheological fluid layer

Jalil Rezaeepazhand\*, Jafar Rahiminasab

Department of Mechanical Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran. \*P.O.B. 91775-1111, Mashhad, Iran, jrezaeep@um.ac.ir

ARTICLE INFORMATION	Abstract	
Original Research Paper Received 21 September 2014 Accepted 27 November 2014 Available Online 09 December 2014	This paper deals with the nonlinear transient vibration of composite sandwich plates with an electrorheological (ER) fluid core. The initial excitation is a distributed transverse load or the flutter instability due to supersonic airflow. The Bingham plastic model is adopted to accurately model the post-yield behavior of the ER material. The first order piston theory is used for	
Keywords: Electrorheological fluid Nonlinear vibrations Sandwich plate Finite element method	evaluating the aerodynamic forces. The von Karman strain-displacement relations are employed to account for moderately large deflection. The Hamilton's principle is applied in conjunction with the finite element method to derive the equations of motion. The solution is then obtained through use the Newmark time integration scheme. Numerical investigations are conducted to study the effect of ER core layer on the vibration characteristics of the sandwich plate. The influence of the electric filed strength, ER core thickness, initial excitation and the boundary conditions on the settling time of transient vibration are also examined. The results show that the damping of transient vibration is significantly improved as the electric field applied to the ER layer, but the amplitude of post-flutter oscillations remains unchanged.	

در راستای میدان الکتریکی به وجود میآید و سیال در مدت زمان بسیار کوتاهی از حالت مایع به یک جسم نیمهجامد تبدیل می شود.

تئورىهاى مختلفى براى مدلسازى سيال الكترورئولوژيكال در ناحيهى قبل و بعد از تسلیم وجود دارد. مدل کوین<sup>2</sup> که به طور گسترده در تحقیقات قبلی برای مدلسازی سازههای مبتنی بر سیال الکترورئولوژیکال به کار گرفته شده، تنها قادر است که رفتار قبل از تسلیم این مواد را توصیف کند. با این

Modares Mechanical Engineering, Vol. 15, No. 1, pp. 285-293, 2015 (In Persian)

1- مقدمه

سیالهای الکترورئولوژیکال<sup>1</sup> نوعی از مواد هوشمند به شمار میروند که خواص آنها تحت اثر ميدان الكتريكي تغيير ميكند. به طور معمول، يك سيال الكترورئولوژيكال از مخلوط معلق ذرات جامد در روغن سيليكون تشكيل شده است. با اعمال میدان الکتریکی، ذرات جامد دو قطبی شده و قطبهای مخالف در کنار هم قرار می گیرند. به این ترتیب ساختاری زنجیری شکل از این ذرات

1- Electrorheological fluids

<sup>2-</sup> Kevin

Please cite this article using: J. Rezaeepazhand, J. Rahiminasab, A nonlinear study on transient vibration and limit cycle oscillation of composite sandwich plates with electrorheological fluid layer,

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

وجود سیال های الکترورئولوژیکال به دلیل تنش تسلیم بسیار پایین در مقایسه با مواد ویسکوالاستیک رایج، میتوانند به راحتی دچار تسلیم شوند. مدل بینگها م<sup>1</sup> به طور غالب، توسط محققین برای توصیف رفتار سیال الکترورئولوژیکال در ناحیهی پس از تسلیم مورد استفاده قرار گرفته است.

یکی از روشهای مؤثر برای مقابله با ارتعاشات نامطلوب در صفحات، استفاده از لایهی میرای مقید<sup>2</sup> است. در این روش لایهای از مادهای که ضریب میرایی بالایی دارد (مانند مواد ویسکوالاستیک)، توسط دو لایهی الاستیک احاطه میشود. هنگام ارتعاش صفحهی ساندویچی، لایهی میرا بخشی از انرژی مکانیکی را با تغییر شکل برشی که در آن ایجاد میشود، مستهلک کرده و بهاین ترتیب از دامنهی ارتعاشات کاسته میشود. هرچند به طور معمول از مواد ویسکوالاستیک به عنوان لایهی میرا استفاده میشود، اخیراً سیالهای الکترورئولوژیکال نیز در این رابطه مورد توجه قرار گرفتهاند.

تحقیقات متنوعی در زمینهی رفتار دینامیکی صفحات ساندویچی با لایهی میرا انجام شده است که در بیشتر آنها فرکانسهای طبیعی و ضریب میرایی سازه در اثر استفاده از لایهی ویسکوالاستیک مورد بررسی قرار گرفته است. بهطورکلی روش حل مسأله به این صورت بوده است که مدول برشی مختلط لایهی میرا با استفاده از یک مدل خطی در ناحیهی قبل از تسلیم به دست آمده و سپس با فرض پاسخ هارمونیک، معادلهی حاکمه به یک مسأله-ی مقدار ویژه تبدیل شده است. در نهایت با محاسبهی مقادیر ویژه، فرکانس-های طبیعی و ضرایب میرایی در مودهای مختلف تعیین شده است. در ادامه، برای روشن تر شدن موضوع، تحقیقات مهم منتشر شده در زمینهی رفتار دینامیکی صفحات ساندویچی با لایهی میرای ویسکوالاستیک و الکترورئولوژیکال را مرور میکنیم.

جانسون و کینهولز [1] در تحقیقی با استفاده از روش اجزاء محدود میرایی صفحات با لایهی ویسکوالاستیک را بررسی کردهاند. پاسخ گذرای صفحهای ساندویچی با لایهی میرای ویسکوالاستیک توسط گروور و کاپور [2] تحلیل شده است. نایفه و واراناسی [3] مدلی را برای میرایی ارتعاشات پیچشی لولههای نازک با لایهی ویسکوالاستیک مقید ارائه نمودهاند. رای و همکارانش [4] کارایی لایهی میرای مقید فعال را در کنترل ارتعاشات پوسته-ی استوانهای از طریق آزمایش و تئوری مطالعه کردهاند. وانگ و چن [5] میرایی و فرکانسهای طبیعی صفحهی حلقوی با لایهی میرای مقید ویسکوالاستیک را بررسی کردهاند.

تحلیل اجزاء محدود لامینیتهای کامپوزیتی هوشمند با مواد پیزوالکتریک و لایهی میرای ویسکوالاستیک توسط یی و سِزی [6] انجام شده است. ژنگ و همکارانش [7] کمینهسازی پاسخ ارتعاشی پوستههای استوانهای را از طریق بهینهسازی لایههای مقید غیرفعال مورد تحقیق قرار دادهاند.

کانگ و سینگ [8] برای پیشبینی فرکانسها و میرایی صفحهی با تکه-های لایهی میرا، راهکار تحلیلی جدیدی را بر مبنای روش انرژی ارائه نموده-اند. در تحقیقی دیگر کومار و سینگ [9] با انجام آزمایشهایی ارتعاشات و میرایی پنل استوانهای را با لایهی موضعی ویسکوالاستیک مورد بررسی قرار دادهاند. آنها برای تعیین موقعیت بهینهی لایهی میرا از روش انرژی کرنشی مودال کمک گرفتهاند.

اه [10] با استفاده از تئوری لایهوار به تحلیل دینامیکی پنلهای استوانهای با لایهی ویسکوالاستیک پرداخته است. شین و همکارانش ابتدا

فلاتر مافوق صوت پنلهای استوانهای با لایهی ویسکوالاستیک [11] و سپس فلاتر غیرخطی سازهی فوق را که دچار کمانش حرارتی شده [12]، مورد مطالعه قرار دادهاند.

حجم تحقیقات منتشر شده در مورد رفتار دینامیکی صفحات با لایه ی الکترورئولوژیکال در مقایسه با تحقیقاتی که در آنها از ماده ی ویسکوالاستیک به عنوان لایه یمیرا استفاده شده ناچیز است. به علاوه در این تحقیقات سیال الکترورئولوژیکال در ناحیه یقبل از تسلیم و بر اساس مدلهای خطی ویسکوالاستیک توصیف شده است. به عبارت دیگر لایه ی الکترورئولوژیکال مانند یک لایه ی ویسکوالاستیک عمل کرده و فقط مدول برشی آن تابعی از میدان الکتریکی است.

یه و چِن [13-15] ارتعاشات و پایداری دینامیکی صفحات مستطیلی ساندویچی با لایهی سیال الکترورئولوژیکال را بررسی کردهاند. یه [16] در تحقیقی دیگر، ارتعاشات صفحهی حلقوی ساندویچی با لایهی الکترورئولوژیکال را تحلیل کرده است. نارایانا و گانیسان [17] میرایی ناشی از لایهی ویسکوالاستیک و سیال الکترورئولوژیکال را در صفحات ساندویچی متوازیالاضلاع با یکدیگر مقایسه نمودهاند.

ونکاتاچالام و همکارانش [18] اثر لایههای میراکنندهی مختلف (لایهی ویسکوالاستیک، لایهی الکترورئولوژیکال و لایهی مگنتورئولوژیکال) را بر ارتعاشات دیسکهای ساندویچی مرکب مطالعه کردهاند. ارتعاشات گذرای صفحهها و تیرهای ساندویچی با هستهی الکترورئولوژیکال توسط رضایی پژند و پهلوان [20.19] بررسی شده است.

هاشمینژاد و همکارانش [21] تعویق فلاتر مافوق صوت پنلهای ساندویچی را با لایهی میانی الکترورئولوژیکال بر روی بستر الاستیک مطالعه کردهاند. محمدی و صداقتی [22] طراحی بهینه پنلهای استوانهای ساندویچی را که در آنها از لایههای مادهی الکترورئولوژیکال به طور موضعی به عنوان میراکننده استفاده شده است، مورد بررسی قراردادهاند. آنها همچنین [23]، اثر حرارت و فشار را بر رفتار ارتعاشی پنلهای ساندویچی با لایهی ویسکوالاستیک تحلیل کردهاند. فلاتر مافوق صوت صفحههای ساندویچی با لایهی الکترورئولوژیکال توسط رحیمی نسب و رضاییپژند [24] مفحات هوشمند با لایهی مگنتورئولوژیکال پرداختهاند [55]. ملکزاده و صفحات هوشمند با لایهی مگنتورئولوژیکال پرداختهاند [51]. همکارانش نیز پاسخ ارتعاشات آزاد و ضربه را برای یک مدل مشابه مطالعه کردهاند [26].

تحقیقات انجام شده نشان میدهد که به کارگیری لایه سیال الکترورئولوژیکال در سازههای ساندویچی میتواند مرز ناپایداری سیستم را جابهجا کند. به عبارت دیگر لایهی الکترورئولوژیکال قادر است میرایی، فرکانسهای طبیعی و یا فشار ایرودینامیکی بحرانی سازه را افزایش دهد. اما تاکنون در این تحقیقات اثر لایهی الکترورئولوژیکال بر رفتار سازه پس از وقوع ناپایداری بررسی نشده است. چنین تحلیلی نیاز دارد تا اثرات تغییر شکلهای بزرگ در مدل سازی در نظر گرفته شود و علاوه بر این از یک مدل دقیق تر که استفاده شود. با توجه به این موارد، در مقالهی حاضر ارتعاشات گذرای غیرخطی صفحات ساندویچی با لایهی میرای سیال الکترورئولوژیکال با در نظر گرفتن رفتار سیال در ناحیهی پس از تسلیم توصیف کند، نظر گرفتن رفتار سیال در ناحیهی پس از تسلیم میشود. همچنین اثر میرامی میشود. همچنین اثر میرام تایچ ارائه شده بر مبنای تئوری ورق کلاسیک شکل گرفته و از روش اجزاء محدود برای حل معادلات حرکت استفاده شده است.

<sup>1-</sup> Bingham 2- Constrained damping layer



#### 2- فرمول بندى اجزاء محدود

دراين بخش معادلات لازم براى تحليل ارتعاشات گذرا و فلاتر صفحات كامپوزيتى ساندويچى با لايەى سيال الكترورئولوژيكال، بە كمك روش اجزاء محدود استخراج مىشوند. تئورى كلاسيك ورق، روابط كرنش-جابهجايى غيرخطي وان كارمن<sup>1</sup> و اصل هميلتون<sup>2</sup> مبناي شكل بندي اين معادلات

#### 2-1- مدل مورد بررسی

مطابق شکل 1 یک صفحه ی ساندویچی مستطیلی سه لایه را که از دو لایه ی الاستیک در بالا و پایین و یک لایه ی سیال الکترورئولوژیکال در وسط تشکیل شده است، در نظر بگیرید. هر یک از لایههای الاستیک خود می تواند از چند لایهی کامپوزیتی تک جهته<sup>3</sup>یا از یک ماده همگن تشکیل شده باشد. در ادامه این سه لایه به ترتیب از پایین به بالا، با شمارههای 1، 2 و 3 مشخص مىشود.

برای به دست آوردن یک مدل ریاضی از مسأله فرض میکنیم که هیچ لغزشي بين لاية سيال الكترورئولوژيكال و لايههاي مجاور رخ نمي دهد، همچنین هیچ تنش عمودی در سیال الکترورئولوژیکال ایجاد نمی شود و درنهایت اینکه جابهجایی عمودی تمام نقاطی که تصویرشان روی مقطع x-y یکسان است، با هم برابر است.

## 2-2- روابط کرنش -جابهجایی

با استفاده از تئوری ورق کلاسیک، میدان جابهجایی را در هر یک از لایههای الاستیک می توان به صورت رابطه(1) بیان کرد:

$$u_{i}(x, y, z, t) = u_{i0}(x, y, t) - z_{i}w_{,x}(x, y, t)$$
  

$$v_{i}(x, y, z, t) = v_{i0}(x, y, t) - z_{i}w_{,y}(x, y, t)$$
  

$$w(x, y, z, t) = w(x, y, t) \quad (i = 1,3)$$
(1)

که <sub>i</sub> U و v به ترتیب جابهجایی صفحهی میانی لایهی *i* ام را در جهت x و Y مشخص می کنند و ۷۷ جابه جایی در راستای عمود بر صفحه است. همچنین، اندیس "," مشتق نسبت به کمیت ظاهر شدهی بعد از آن را نشان میدهد.

روابط کرنش-جابهجایی وان کارمن را میتوان به شکل ماتریسی زیر نوشت:

$$\varepsilon_{i} = \begin{cases} \varepsilon_{xi} \\ \varepsilon_{yi} \\ \gamma_{xyi} \end{cases} = \begin{cases} u_{i0,x} \\ v_{i0,y} \\ u_{i0,y} + v_{i0,x} \end{cases} + z_{i} \begin{cases} w_{,xx} \\ w_{,yy} \\ 2w_{,xy} \end{cases}$$
$$+ \begin{cases} \frac{1}{2} w_{,x}^{2} \\ \frac{1}{2} w_{,y}^{2} \\ w_{,x}^{W} y \end{cases} = \varepsilon_{i}^{0} + z_{i}\kappa_{i} + \varepsilon_{\theta}$$
(2)

که  $\mathbf{\epsilon}_{i}^{0}$ ،  $\mathbf{\epsilon}_{i}^{0}$  و  $\mathbf{\epsilon}_{\theta}$  به ترتیب، بردار کرنش خطی درون صفحهای، بردار کرنش که  $\mathbf{\kappa}_{i}$ ،  $\mathbf{\epsilon}_{i}^{0}$ انحناء و بردار کرنش غیرخطی درون صفحهای را نشان میدهند.

لايهى الكترورئولوژيكال در مقابل تغيير شكل برشى مقاومتى از خود نشان میدهد که می تواند باعث میرایی انرژی ارتعاشی شود. بردار کرنش برشی در این لایه بصورت رابطه(3) می گردد:

$$\gamma_2 = \begin{cases} \gamma_{xz2} \\ \gamma_{yz2} \end{cases} = \begin{cases} u_{2,z} + w_{,x} \\ v_{2,z} + w_{,y} \end{cases}$$
(3)

با در نظر گرفتن شکل 2، گرادیان های مؤلفه های جابه جایی در لایه ی 2 را می-توان برحسب جابهجایی هایی لایه های 1 و 3 بصورت رابطه (4) و (5) بیان کرد:

$$u_{2,z} = \frac{h_1 + h_3}{2h_2} W_{,x} + \frac{u_1 - u_3}{h_2}$$
(4)

$$v_{2,z} = \frac{h_1 + h_3}{2h_2} w_{,y} + \frac{v_1 - v_3}{h_2}$$
(5)

اکنون با جایگزینی دو معادلهی (4) و (5) در معادلهٔ (3) بردار کرنش برشی لايهى 2 به صورت زير نوشته مىشود:

$$\gamma_{2} = \begin{cases} \gamma_{XZ2} \\ \gamma_{YZ2} \end{cases} = \frac{1}{h_{2}} \begin{cases} u_{1} - u_{3} \\ v_{1} - v_{3} \end{cases} - \frac{d}{h_{2}} \begin{cases} w_{i_{X}} \\ w_{i_{Y}} \end{cases}$$
(6)

که در ان d برابر است با:

#### 2-3- معادلات ساختاری

معادلات ساختاری را برای لایه های الاستیک می توان به صورت رابطه (8) بیان کرد:  $(N_{\star})$   $[\Lambda_{\star}$   $\mathbf{p}_{\star}$   $\neg f 0$ 

$$\begin{cases} \mathbf{N}_{j} \\ \mathbf{M}_{j} \end{cases} = \begin{bmatrix} \mathbf{A}_{j} & \mathbf{B}_{j} \\ \mathbf{B}_{j} & \mathbf{D}_{j} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{c}_{j}^{O} + \mathbf{c}_{\theta} \\ \mathbf{\kappa}_{j} \end{bmatrix} \quad (j = 1, 3)$$

$$(8)$$

که Ni و Mi به ترتیب، بردارهای برآیند نیروی درون صفحهای و گشتاور را نشان میدهند. در ضمن، Ai، Bi، Ai و Di به ترتیب بیانگر ماتریسهای سفتی کشش، کوپلینگ و خمش میباشند.

همان طور که در مقدمه اشاره شد برای توصیف رفتار سیال

 $d = h_2 + \frac{1}{2}(h_1 + h_3)$ 

<sup>1-</sup> Von Karman

<sup>2-</sup> Hamilton's principle 3- Uni-directional composite

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1394، دورہ 15، شمارہ 1

الکترورئولوژیکال در ناحیهی پس از تسلیم اغلب از مدل بینگهام استفاده می-شود. بر اساس مدل بینگهام معادلهی تنش-کرنش برای سیال الکترورئولوژیکال از رابطهی (9) تبعیت میکند:

$$\tau_{\rm p}(\boldsymbol{E}) = \eta_{\rm p} \dot{\gamma}_2 + \tau_{\boldsymbol{E}}(\boldsymbol{E}) \tag{9}$$

که  $\tau_{p}$  و  $\eta_{p}$  به ترتیب تنش برشی و ضریب ویسکوزیتهی سیال الکترورئولوژیکال را مشخص میکنند.  $\dot{\gamma}_{2}$ , B و  $\tau$  نیز بیانگر آهنگ برش، میدان الکتریکی و تنش نوسانی<sup>1</sup> میباشند. رابطهی  $\tau_{E}$  برحسب میدان الکتریکی در بخش بعدی ارائه شده است. خاطر نشان میشود که کمیت  $\eta_{p}$ مستقل از میدان الکتریکی است. با توجه به معادلهی (9) تنشهای برشی جانبی در لایهی الکترورئولوژیکال را میتوان به شکل ماتریسی زیر بیان نمود:

$$\tau_{2} = \begin{cases} \tau_{\mathbf{X}\mathbf{Z}\,2} \\ \tau_{\mathbf{y}\mathbf{Z}\,2} \end{cases} = \begin{bmatrix} \eta_{\mathbf{p}} & 0 \\ 0 & \eta_{\mathbf{p}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \dot{\gamma}_{\mathbf{X}\mathbf{Z}\,2} \\ \dot{\gamma}_{\mathbf{y}\mathbf{Z}\,2} \end{bmatrix} + \begin{cases} \tau_{\mathbf{E}} \\ \tau_{\mathbf{E}} \end{cases}$$
(10)

با انتگرال گیری از معادلهی (10) در راستای ضخامت لایهی سیال الکترورئولوژیکال، معادلهی ساختاری به شکل زیر به دست میآید:

$$Q_2 = C_2 \dot{\gamma}_2 + \tau_{\boldsymbol{E}}$$
(11)

که در آن  $Q_2$  برآیند تنش برشی را در لایهی 2 نشان داده و  $C_2$  و  $\tau_E$  عبارتند از:

$$C_{2} = \boldsymbol{h}_{2} \begin{bmatrix} \eta_{\boldsymbol{p}} & 0\\ 0 & \eta_{\boldsymbol{p}} \end{bmatrix}, \ \boldsymbol{\tau}_{\boldsymbol{E}} = \boldsymbol{h}_{2} \begin{cases} \boldsymbol{\tau}_{\boldsymbol{E}} \\ \boldsymbol{\tau}_{\boldsymbol{E}} \end{cases}$$
(12)

#### 2-4- معادلات حركت

در اینجا، برای به دست آوردن معادلات حرکت از اصل همیلتون کمک گرفته شده است. طبق این اصل در یک سیستم دینامیکی باید رابطهی زیر همواره برقرار باشد:

$$\delta \int_{\boldsymbol{t}_1}^{\boldsymbol{t}_2} (\boldsymbol{T} - \boldsymbol{V} + \boldsymbol{W}) d\boldsymbol{t} = 0$$
(13)

که *۲، ۷ و ۱*۷ به ترتیب بیانگر انرژی جنبشی، انرژی پتانسیل و کار انجام شده توسط نیروهای خارجی است. در ادامه هر یک از این عبارات برای مدل مورد نظر محاسبه میشود.

با صرفنظر کردن از نیروهای اینرسی درونصفحهای، کل انرژی جنبشی صفحهی ساندویچی را میتوان از رابطهی زیر بدست آورد:

$$\boldsymbol{T} = \frac{1}{2} \int_{\boldsymbol{A}} (\rho_1 \boldsymbol{h}_1 + \rho_1 \boldsymbol{h}_1 + \rho_3 \boldsymbol{h}_3) \boldsymbol{w}^2 \, \mathrm{d}\boldsymbol{A} = \frac{1}{2} \, \mathrm{d}^{\mathrm{T}} \mathrm{M} \, \mathrm{d}$$
(14)

در رابطه فوق T ( بردار جابهجایی است و  $d = [u_1, v_1, u_3, v_3, w, w_{,x}, w_{,y}]$  بردار جابهجایی است و M ماتریس جرمی را مشخص میکند. همچنین علامت نقطه یالای یک کمیت، مشتق آن را نسبت به زمان نشان می دهد.

انرژی پتانسیل صفحه ساندویچی عبارت است از:

$$\boldsymbol{V} = \frac{1}{2} \int_{\boldsymbol{A}} \left[ \sum_{\boldsymbol{i}=1,3} \left( \left( \boldsymbol{\varepsilon}_{\boldsymbol{i}}^{0} + \boldsymbol{\varepsilon}_{\boldsymbol{\theta}} \right)^{\mathrm{T}} \mathbf{N}_{\boldsymbol{i}} + \boldsymbol{\kappa}_{\boldsymbol{i}}^{\mathrm{T}} \mathbf{M}_{\boldsymbol{i}} \right) + \gamma_{2}^{\mathrm{T}} \mathbf{Q}_{2} \right] d\boldsymbol{A}$$
$$= \frac{1}{2} d^{\mathrm{T}} \left( \mathbf{K}_{\mathrm{lin}} + \frac{1}{3} \mathbf{N}_{1} + \frac{1}{6} \mathbf{N}_{2} \right) d + \frac{1}{2} \dot{\mathbf{d}}^{\mathrm{T}} \mathbf{C} \dot{\mathbf{d}} + d^{\mathrm{T}} \mathbf{F}_{\mathrm{ER}}$$
(15)

که N1، Klin و N2 به ترتیب ماتریس سفتی خطی، سفتی مرتبهی اول و سفتی مرتبهی دوم را مشخص میکنند. جزئیات مربوط به این ماتریسها را میتوان در مرجع [27] ملاحظه کرد. C ماتریس میرایی و FER نیز بیانگر بردار نیروی لایهی سیال الکترورئولوژیکال است [19].

برای محاسبهی عبارت کار در اصل همیلتون ابتدا باید نیروهای خارجی حاضر در مسأله مشخص شوند. برای مدل مورد بررسی در بخش تحلیل ارتعاشات گذرا، تنها بار خارجی موجود، بار گسترده و یکنواختی است که عمود بر صفحه وارد میشود و به عنوان یک تحریک اولیه عمل میکند. در قسمت مربوط به تحلیل ارتعاشات پس از فلاتر نیز، بار خارجی همان فشار ایرودینامیکی است که بر سطح صفحه وارد میشود. اکنون برای هر یک از این دو حالت کار مربوط به نیروهای خارجی به دست میآید.

در صورتی که بار گسترده و یکنواخت q به طور عمود بر صفحه وارد شود، کار انجام شده توسط آن به سادگی از رابطهی (16) به دست میآید:

$$\boldsymbol{W} = \int_{\boldsymbol{A}} \boldsymbol{q} \boldsymbol{w} \, \mathrm{d}\boldsymbol{A} = \mathrm{d}^{\mathrm{T}} F_{\mathrm{Ext}} \tag{16}$$

در تحلیل ایروالاستیک، بار خارجی همان فشار ایرودینامیکی سیال هوا است که مطابق شکل 1 در جهت x و در بالای صفحه جریان دارد. با فرض جریان مافوق صوت، این فشار ایرودینامیکی را میتوان از تئوری مرتبهی اول پیستون<sup>2</sup> با رابطهی زیر تقریب زد:

$$P_{a} = -\frac{\rho_{a}V_{\infty}^{2}}{\sqrt{M_{\infty}^{2} - 1}} \left\{ \frac{\partial w}{\partial x} + \frac{1}{V_{\infty}} \left( \frac{M_{\infty}^{2} - 2}{M_{\infty}^{2} - 1} \right) \frac{\partial w}{\partial t} \right\}$$
$$= -\left( \lambda \frac{D_{11}^{0}}{a^{3}} \frac{\partial w}{\partial x} + \frac{\sqrt{\lambda g}}{\omega_{0}} \frac{D_{11}^{0}}{a^{4}} \frac{\partial w}{\partial t} \right)$$
(17)

که  $ho_a$  چگالی هوا،  $M_{\infty}$  عدد ماخ و  $V_{\infty}$  سرعت جریان آزاد را نشان میدهد.  $\lambda$ فشار ایرودینامیکی بیبعد است و از رابطهی (18) به دست میآید:

$$\lambda = \frac{\rho_{a} V_{\omega}^{2}}{\sqrt{M_{\omega}^{2} - 1}} \frac{a^{3}}{D_{11}^{0}}$$
(18)

در رابطهی فوق، 
$$E_L^2 h_1^3 = \frac{E_L^2 h_1^3}{12(E_L - v_{LT}^2 E_T)}$$
 ملبیت خمشی لایهی اصلی

(لایهی 1) است. EL و EL و ۷۱۲ نیز ثابتهای الاستیک کامپوزیت تکجهته را مشخص میکنند.

سایر پارامترهای بی بعدی که در معادلهی (17) ظاهر شدهاند با روابط (19) و (20) زیر تعریف می شوند:

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{\boldsymbol{D}_{11}^0}{\rho_1 \boldsymbol{h}_1 \boldsymbol{a}^4}}, \quad \boldsymbol{g} = \frac{\mu}{\boldsymbol{M}_{\infty}}, \quad \mu = \frac{\rho_a \boldsymbol{a}}{\rho_1 \boldsymbol{h}_1}$$
(19)

که  $p_1$  و  $h_1$  بیانگر چگالی و ضخامت لایه 1 میباشند.

اکنون می توان کار نیروی ایرودینامیکی را به صورت زیر به دست آورد:

$$W = -\lambda \frac{D_{11}^0}{a^3} \iint_A w \frac{\partial w}{\partial x} dA - \frac{\sqrt{\lambda g}}{\omega_0} \frac{D_{11}^0}{a^4} \iint_A w \frac{\partial w}{\partial t} dA$$
(20)

## 2-4-1- معادلهی ارتعاشات گذرای صفحهی ساندویچی با لایهی سیال الکترورئولوژیکال

برای به دست آوردن معادلهی حرکت کافیست که عبارات بدست آمده برای انرژی جنبشی، پتانسیل و کار نیروهای خارجی به ترتیب از معادلات (14). (15) و (16) در اصل همیلتون جایگذاری شود. به این ترتیب، با اعمال اصل همیلتون معادلهی ارتعاشات گذرای صفحهی ساندویچی با لایهی سیال الکترورئولوژیکال حاصل میشود:

$$M\ddot{d} + C\dot{d} + \left(K + \frac{1}{2}N_1 + \frac{1}{3}N_2\right)d + F_{ER} = F_{ext}$$
(21)

288

<sup>1-</sup> Fluctuating stress

<sup>2-</sup> First-order piston theory

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1394، دورہ 15، شمارہ 1

حل معادلهی فوق مستلزم انتگرال گیری در حوزهی زمان است. روشهای متنوعی برای حل عددی معادلاتی به این شکل وجود دارند که در اینجا از یک نوع روش انتگرال گیری مستقیم، موسوم به روش شتاب ثابت<sup>1</sup> استفاده شده است [28].

بنابر روش شتاب ثابت مشتقهای اول و دوم در پایان زمان ∆، در معادلهی (24) از روابط بازگشتی زیر به دست میآیند:

$$\mathbf{n}_{n+1} = \dot{\mathbf{d}}_{n} + \mathbf{a}_{1}\dot{\mathbf{d}}_{n} + \mathbf{a}_{2}\ddot{\mathbf{d}}_{n+1}$$
 (22)

$$\ddot{\mathbf{d}}_{n+1} = \mathbf{a}_3 (\mathbf{d}_{n+1} - \mathbf{d}_n) - \mathbf{a}_4 \dot{\mathbf{d}}_n - \mathbf{a}_5 \ddot{\mathbf{d}}_n$$
 (23)

ضرایب ظاهر شده در روابط (22) و (23) عبارتند از:

$$a_1 = \frac{1}{2}\Delta t, \quad a_2 = \frac{1}{2}\Delta t, \quad a_3 = \frac{4}{(\Delta t)^2}, \quad a_4 = \Delta t a_3, \quad a_5 = 1,$$
 (24)

اندیس n حل را در گام nام نشان میدهد.

اکنون به کمک معادلات (22) و (23)، معادلهی (21) را میتوان به شکل زیر بازنویسی کرد:

که ماتریسهای  $\overline{\mathrm{K}}$  و  $\overline{\mathrm{F}}$  عبارتند از:

$$\overline{\mathbf{K}} = \left(\mathbf{K} + \frac{1}{2}\mathbf{N}_1 + \frac{1}{3}\mathbf{N}_2\right)_{\mathbf{n}+1} + \mathbf{a}_3\mathbf{M}_{\mathbf{n}+1} + \mathbf{a}_2\mathbf{a}_3\mathbf{C}_{\mathbf{n}+1}$$
(26)

$$F = F_{n+1} + M_{n+1}a_3d_n + a_4d_n + a_5d_n + C_{n+1} \left( a_2a_3d_n + (a_2a_4 - 1)\dot{d}_n + (a_2a_5 - a_1)\ddot{d}_n \right)$$
(27)

در اولین گام از حل گذرا، مقادیر  $d_0$  و  $d_0$  را می وان از شرایط اولیهی مسأله به دست آورد. همچنین برای تعیین  $\ddot{d}_0$  از معادلهی (21) داریم:

$$\ddot{\mathbf{d}}_{0} = \mathbf{M}^{-1} \left( \mathbf{F}_{\text{ext}} - \dot{\mathbf{Cd}}_{0} - \left( \mathbf{K} + \frac{1}{2} \mathbf{N}_{1} + \frac{1}{3} \mathbf{N}_{2} \right) \mathbf{d}_{0} - \mathbf{F}_{\text{ER}} \right)$$
(28)

## 2-4-2- معادلهی حرکت صفحهی ساندویچی با لایهی سیال الکترورئولوژیکال تحت بار ایرودینامیکی

درصورتی که از معادلات (14)، (15) و (20) عبارتهای مربوط به انرژی جنبشی، پتانسیل و کار نیروهای خارجی را در اصل همیلتون قرار دهیم معادلهی حرکت سیستم تحت بار ایرودینامیکی به صورت زیر بهدست میآید:

$$\dot{\mathrm{Md}} + \frac{\sqrt{\lambda g}}{\omega_0} \mathbf{C}_{\mathbf{a}} \dot{\mathbf{d}} + \left(\mathbf{K} + \lambda \mathbf{K}_{\mathbf{a}} + \frac{1}{2}\mathbf{N}_1 + \frac{1}{3}\mathbf{N}_2\right) \mathbf{d} + \mathbf{F}_{\mathrm{ER}} = 0$$
(29)

درمعادله (29) M، Ca، N و K به ترتیب ماتریس جرم، میرایی ایرودینامیکی، سفتی سازهای و سفتی ایرودینامیکی را نشان میدهند. از آنجایی که معادلهی فوق یک معادلهی ناهمگن است حل آن در حوزهی فرکانس و تبدیل آن به یک مسألهی مقدار ویژه امکانپذیر نیست. اما میتوان پاسخ را در حوزهی زمان از طریق روش انتگرالگیری مستقیم که در بخش 2-4-1 به آن اشاره شد، به دست آورد.

لازم به ذکر است که تحلیلهای دینامیکی غیرخطی در حوزهی زمان به ویژه با روش اجزاء محدود بسیار زمانبر است. معمولاً هنگامی که تنها عامل غیرخطی حاضر در مسأله تغییر شکلهای بزرگ است، میتوان از روشهای کاهشی برای کمکردن درجات آزادی سیستم و کاهش زمان تحلیل بهره برد (مانند روش کاهش مودال و روش کاهشی گویان<sup>2</sup>). اما در اینجا به دلیل غیرخطی بودن رفتار سیال الکترورئولوژیکال، امکان استفاده از روشهای کاهشی وجود ندارد.

#### 3- بحث و بررسی نتایج - -

# 3-1- معتبرسازی روش حل

d

 $\overline{K}d_{n+1} = \overline{F}$ 

روابط اجزاء محدود به دست آمده در بخش قبل، در قالب یک برنامه متلب گنجانده شدهاند. برای اطمینان از صحت روابط استخراج شده و برنامهی کامپیوتری، نخست نتایج به دست آمده از روش حاضر با نتایج گزارش شده توسط دیگر محققین مقایسه می شود. شکل 3 فرکانس های طبیعی و ضرایب میرایی مودهای اول و دوم یک صفحه ساندویچی با لایه سیال الکتروررئولوژیکال را بر حسب ضخامت لایهی سیال الكترورئولوژيكال نشان مىدهد. هرچند كه در اين مثال، سيال الكتروررئولوژيكال بر اساس مدل كوين رفتار مىكند، اما اين مقايسه می تواند درستی روش اجزاء محدود حاضر را محک بزند. همانطور که در شکل 3 دیده می شود تطابق خوبی بین نتایج حاضر و نتایج گزارش شده توسط یه و چن [13] وجود دارد. در مثال دوم جهت بررسی دقت روش انتگرال گیری حاضر، پاسخ گذرای غیر خطی یک صفحهی کامپوزیتی با چيدمان صليبي [°0/°90/°90/°0] را كه تحت يك بار گسترده و یکنواخت قرار گرفته است به دست آورده و نتیجه در شکل 4 با حل گزارش شده توسط چن و همکارانش [29] مقایسه شده است. در این شکل خیز مرکز صفحه به صورت بی بعد، بر حسب زمان رسم شده است. همخواني بين نتايج كاملاً قابل قبول است.



<sup>1-</sup> Constant acceleration method

<sup>2-</sup> Guyan reduction

## 3-2- خواص فیزیکی و پارامترهای هندسی

خواص فیزیکی مواد و ابعاد هندسی انتخاب شده در تحلیل ارتعاشات گذرای غیرخطی در جدول 1 ارائه شده است.

سیال الکترورئولوژیکال مورد نظر از ذرات نشاستهی شیمایی و روغن پایهی سیلیکون تشکیل شده است. تنش تسلیم سیال، (tec (E)، تابعی از میدان الکتریکی است و از رابطهی (30) تبعیت میکند:

$$\mathbf{r}_{\mathbf{F}}(\mathbf{E}) = \mu \mathbf{E}^{\lambda} \tag{30}$$

که μ و λ ثابتهای سیال الکترورئولوژیکال میباشند. مقادیر μ=427 و λ=1.2 به طور تجربی توسط جانگ و همکارانش [30] اندازه گیری شدهاند.

شکل 5 المان مورد استفاده در تحلیل حاضر را نشان دهد که قبلاً نیز در تحلیل فلاتر صفحههای ساندویچی با هستهی الکترورئولوژیکال به کار گرفته شده است [24]. صفحه به یک شبکهی 6×6 از المانها تقسیم شده است. در بررسی ارتعاشات گذرا، تحریک اولیه بار گسترده و یکنواختی است که در مدت زمان 0/01 ثانیه اعمال میشود. اندازهی بار اعمال شده 200<sup>9</sup> (00 است. و است. چیدمان لایهها به صورت متقارن و صلیبی [°00°/2R/90° ا در نظر گرفته شده است. گام زمانی در انتگرال گیری مستقیم 1µs میباشد.

## 3-3- تحلیل غیرخطی ارتعاشات گذرای صفحات ساندویچی با لایهی سیال الکترورئولوژیکال

در شکل 6 تأثیر میدان الکتریکی بر پاسخ دینامیکی صفحه یساندویچی برای میدانهای الکتریکی صفر، 1 و 2 kV/mm نشان داده شده است. در هر یک از این نموارها خیز مرکز صفحه به صورت تابعی از زمان رسم شده است. بعد می کند. نرخ افت ارتعاشات میزان میرایی سیستم را نشان میدهد. مطابق شکل 6-الف هنگامی که میدان الکتریکی اعمال نشده است، میرایی ارتعاشات بسیار ناچیز بوده و هیچ افت محسوسی در دامنه ی نوسانات دیده نمی شود. اما می شود. هر چقدر میدان الکتریکی به تدریج از دامنه ی نوسانات کاسته می شود. اما میدان الکتریکی به تدریج از دامنه ی نوسانات کاسته می شود. اما میدان الکتریکی به تدریج از دامنه ی نوسانات کاسته سرعت بیشتری افت کرده و زمان نشست کوچکتری به دست می آید. دلیل این رفتار این است که طبق مدل بینگهام، نیروی برشی مستهلک کننده ی سیال الکترورئوبوژیکال رابطه ی مستقیمی با میدان الکتریکی دارد. در نتیجه انتظار می رود با افزایش میدان الکتریکی بر میرایی سیستم نیز افزوده شود.

نکتهی قابل توجه دیگری که در شکل **6** میتوان به آن اشاره نمود افت خطی نوسانات میباشد. این موضوع نشان میدهد که میرایی ناشی از سیال الکترورئولوژیکال ماهیت کولومبی دارد.

**جدول 1** خواص فیزیکی و ابعاد هندسی صفحهی ساندویچی

مقدار	نماد	كميت
<b>119</b> GPa	E <sub>1</sub>	
<b>5/18</b> GPa	E <sub>2</sub>	مدول الاستیک مادہی مرکب
<b>8/67</b> GPa	G <sub>12</sub>	
0/31	$v_{12}$	ضریب پواسان مادهی مرکب
<b>1570</b> kg/m <sup>3</sup>	ρ	چگالی مادہی مرکب
<b>1100</b> kg/m <sup>3</sup>	$ ho_2$	چگالی سیال ER
<b>400</b> mm	а	طول صفحه
<b>400</b> mm	b	عرض صفحه
<b>2</b> mm	<i>h</i> 1, <i>h</i> 3	
<b>1</b> mm	$h_2$	صحامت لايهها



مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1394، دورہ 15، شمارہ 1

Downloaded from mme.modares.ac.ir on 2024-05-13

بنابر مدل بینگهام نیروی میراکنندهی سیال الکترورئولوژیکال از دو بخش تشکیل شده است: نیروی میرای لزج و نیروی میرای وابسته به میدان الکتریکی. نیروی میرای لزج مانند یک دمپر لزج در یک سیستم جرم و فنر عمل می کند، در حالی که عملکرد نیروی وابسته به میدان الکتریکی شبیه به یک دمپر کولمبی در یک سیستم جرم فنر است. از آنجایی که بخش اصلی میرایی در اثر میدان الکتریکی به وجود میآید، میتوان نتیجه گرفت که میرایی کولمبی اثر غالب را در سیستم دارد و بنابراین یک افت کاملاً خطی در ارتعاشات گذرا مشاهده میشود.

همچنین با توجه به شکل **6** میتوان دریافت که تغییر میدان الکتریکی اثر چندانی روی دامنهی نوپسانات ندارد. به عبارت دیگر با افزایش میدان الکتریکی سفتی سیستم تغییر نمیکند و در نتیجه ماکزیمم دامنهی ارتعاشات نیز ثابت باقی میماند.

اثر میدان الکتریکی بر زمان نشست ارتعاشات در شکل 7 برای شرایط مرزی مختلف نشان داده شده است. ۵، C و F به ترتیب یک لبهی با تکیه گاه ساده، گیردار و آزاد را نشان میدهند. مطابق شکل هر چقدر شرایط مرزی مقیدتر میشود زمان نشست ارتعاشات کمتر میشود و البته حساسیت به میدان الکتریکی نیز کاهش مییابد. به ویژه، در حالتی که شرایط مرزی صفحه به صورت گیردار است، تغییرات زمان نشست با میدان الکتریکی بسیار ناچیز است.

شکل 8 اثر ضخامت لایهی سیال الکترورئولوژیکال را بر زمان نشست نشان میدهد. میدان الکتریکی اعمال شده در این حالت برابر ۱kV/mm است. مطابق شکل به جز شرایط مرزی گیردار، در مابقی حالات با افزایش ضخامت، زمان نشست ارتعاشات کاهش مییابد. البته هرچه شرایط مرزی آزادتر میشود، این کاهش زمان نشست محسوس تر میشود.



در شکل 9 اثر اندازهی بار گستردهی اعمال شده، بر زمان نشست ارتعاشات نشان داده شده است. همانطور که انتظار میرود با اعمال مقادیر بزرگتری از بار گسترده، زمان نشست ارتعاشات افزایش مییابد. البته اثر بار اعمال شده در شرایط مرزی آزادتر بیشتر به چشم میآید.

اثر چیدمان لایههای صفحه ساندویچی بر زمان نشست ارتعاشات در شکل 10 نشان داده شده است. شرایط مرزی برای تمام چیدمانها به صورت تکیه گاه ساده است. مطابق شکل، زمان نشست به دست آمده برای چیدمانهای [°0/°00/°ER/900] و [°90/°0/°00' 900] تقریباً یکسان است. اما صفحه ی با چیدمان [°ER/902) همواره زمان نشست کمتری را در مقایسه با دو چیدمان قبلی دارد.

## 3-4- تحلیل ارتعاشات پس از فلاتر صفحات ساندویچی با لایهی سیال الکترورئولوژیکال

فشار ایرودینامیکی بحرانی بی بعد برای صفحه یمورد نظر برابر  $2e=\lambda\epsilon$  است. در شکل 11 پاسخ سیستم به یک تحریک اولیه برای 900 $=\lambda$  در میدان الکتریکی صفر رسم شده است. محور عمودی خیز بی بعد نقطهای را نشان می دهد که روی خط میانی صفحه و در فاصله یا 3/4 از لبه ی ابتدایی صفحه قرار دارد. از آنجایی که فشار ایرودینامیکی هنوز به مقدار بحرانی نرسیده است، سیستم از نظر ایرودینامیکی پایدار است و اغتشاش وارد شده با گذشت زمان از بین می رود.

شکلهای 12 و 13 پاسخ را به ترتیب برای فشار 50=۶ و 1000-نشان میدهند. در هر یک از این وضعیتها فشار دینامیکی از مقدار بحرانی بیشتر بوده و سیستم دچار ارتعاشات خود تحریک می شود.



شکل 10 اثر میدان الکتریکی بر زمان نشست ارتعاشات در چیدمان های مختلف



دامنهی این نوسانات پس از مدت زمان کوتاهی در یک محدودهی ثابت قرار میگیرد. به ارتعاشات سیستم در این حالت اصطلاحاً نوسانات چرخهی حد<sup>1</sup> گفته میشود. با افزایش بیشتر فشار ایرودینامیکی دامنهی این نوسانات به سرعت افزایش مییابد.

برای بررسی اثر میدان الکتریکی بر ارتعاشات چرخهی حد، در فشار

دینامیکی ثابت ۸۵۵۵ه پاسخ سیستم را برای میدانهای الکتریکی 1 و 2kV/mm به ترتیب در شکلهای 14 و 15 رسم کردهایم. همان طور که در این شکلها مشاهده میشود، افزایش میدان الکتریکی تأثیری بر کاهش دامنه ی ارتعاشات ندارد. حداکثر دامنه نوسانات در تمام حالتها برابر 23/0 است. در واقع هرچند که افزایش میدان الکتریکی نیروی میرایی برشی سیال است. در واقع هرچند که افزایش میدان الکتریکی نیروی میرایی برشی سیال ماتریس میرایی سیستم ندارد. در نتیجه، اعمال میدان الکتریکی دامنهی نوسانات را کاهش نمی دهد و تنها میتواند مدت زمان رسیدن به دامنهی نهایی را تغییر دهد.

## 4- جمع بندی و نتیجه گیری

در این تحقیق ارتعاشات گذرا و پس از فلاتر صفحات ساندویچی با هستهی الکترورئولوژیکال با نظر گرفتن اثرات تغییر شکلهای بزرگ مورد بررسی قرار گرفت. از مدل بینگهام برای تعیین خواص سیال الکترورئولوژیکال استفاده شد. نتایج به دست آمده نشان میدهد که لایهی سیال الکترورئولوژیکال تأثیر قابل توجهی بر پاسخ گذرای سیستم دارد. هر چقدر میدان الکتریکی بزرگتری اعمال شود، میرایی سیستم بیشتر شده و زمان نشست کاهش مییابد. نکتهی قابل توجهی که در پاسخ گذرا مشاهده شد، افت خطی دامنهی نوسانات است که بیانگر ماهیت کولمبی میرایی ناشی از سیال الکترورئولوژیکال میباشد.



مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1394، دورہ 15، شمارہ 1

292

<sup>1-</sup> Limit cycle oscillation

- [15] J.-Y. Yeh, L.-W. Chen, Dynamic stability analysis of a rectangular orthotropic sandwich plate with an electrorheological fluid core, *Composite structures*, Vol. 72, No. 1, pp. 33-41, 2006.
- [16] J.-Y. Yeh, Vibration analyses of the annular plate with electrorheological fluid damping treatment, *Finite Elements in Analysis and Design*, Vol. 43, No. 11, pp. 965-974, 2007.
- [17] G. Vishnu Narayana, N. Ganesan, Critical comparison of viscoelastic damping and electrorheological fluid core damping in composite sandwich skew plates, *Composite structures*, Vol. 80, No. 2, pp. 221-233, 2007.
- [18] R. Venkatachalam, S. B. Prabu, K. V. Raja, Effect of constrained layers on vibrational characteristics of a composite sandwich system—a finite element based critical investigation, *International Journal of Mechanics* and Materials in Design, Vol. 7, No. 4, pp. 291-298, 2011.
- [19] J. Rezaeepazhand, L. Pahlavan, Transient response of a three layer sandwich plate with electrorheological core and orthotropic faces, in *13th European Conference on Composite Materials-ECCM-13*, 2008.
- [20] J. Rezaeepazhand, L. Pahlavan, Transient response of sandwich beams with electrorheological core, *Journal of Intelligent Material Systems and Structures*, 2008.
- [21] S. M. Hasheminejad, M. Nezami, M. A. Panah, Supersonic flutter suppression of electrorheological fluid-based adaptive panels resting on elastic foundations using sliding mode control, *Smart Materials and Structures*, Vol. 21, No. 4, pp. 045005, 2012.
- [22] F. Mohammadi, R. Sedaghati, Vibration analysis and design optimization of sandwich cylindrical panels fully and partially treated with electrorheological fluid materials, *Journal of Intelligent Material Systems* and Structures, Vol. 23, No. 15, pp. 1679-1697, 2012.
- [23] F. Mohammadi, R. Sedaghati, Effects of pressure and temperature on the vibration behavior of sandwich cylindrical shells, *Journal of Sandwich Structures and Materials*, pp. 1099636211426627, 2011.
- [24] J. Rahiminasab, J. Rezaeepazhand, Aeroelastic stability of smart sandwich plates with electrorheological fluid core and orthotropic faces, *Journal of Intelligent Material Systems and Structures*, Vol. 24, No. 5, pp. 669-677, 2013.
- [25] M. Hoseinzadeh, J. Rezaeepazhand, Improvement of the vibrational behavior of the cross ply lamiated sandwich plate by smart elastomeric layer, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 11, pp. 47-58, 2015 (In Persian).
- [26] K. Malekzade Fard,Gh. Payganeh, F. Rashed Saghavaz, Free vibration and Low velocity impact Analysis of sandwich plates with Smart Flexible cores, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 13, pp. 191-200, 2015 (In Persian).
- [27] S.-Y. Kua, Aerothermoelastic Analysis of Composite Sandwich Plates, PhD Thesis, Department of Aeronautics & Astronautics, National Cheng Kung University, Taiwan, 2002.
- [28] J. N. Reddy, Energy principles and variational methods in applied mechanics, pp. 475-477: John Wiley & Sons, 2002.
- [29] J. Chen, D. Dawe, S. Wang, Nonlinear transient analysis of rectangular composite laminated plates, *Composite Structures*, Vol. 49, No. 2, pp. 129-139, 2000.
- [30] W. Jung, W. Jeong, S. Hong, S.-B. Choi, Vibration control of a flexible beam structure using squeeze-mode ER mount, *Journal of sound and vibration*, Vol. 273, No. 1, pp. 185-199, 2004.

اثرات میدان الکتریکی، ضخامت لایهی سیال الکترورئولوژیکال و چیدمان لایهها بر زمان نشست ارتعاشات در شرایط مرزی مختلف بررسی شد. به طور کلی هر چه شرایط مرزی صفحه مقیدتر می شود، اثر میدان الکتریکی و ضخامت هسته بر زمان نشست کمتر به چشم می آید.

تحلیل ارتعاشات پس از فلاتر صفحهی ساندویچی نشان داد که لایهی

الکترورئولوژیکال تأثیری بر دامنهی ارتعاشات ندارد، و تنها میتواند زمان رسیدن به دامنهی نهایی را تغییر دهد.

#### 5- مراجع

- D. Johnson, D. A. Kienholz, Finite element prediction of damping in structures with constrained viscoelastic layers, *AIAA Journal*, Vol. 20, No. 9, pp. 1284-1290, 1982.
- [2] S. Grover, A. D. Kapur, Shock response of viscoelastically damped sandwich plates, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 85, No. 3, pp. 355-364, 1982.
- [3] S. A. Nayfeh, K. K. Varanasi, A model for the damping of torsional vibration in thin-walled tubes with constrained viscoelastic layers, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 278, No. 4–5, pp. 825-846, 2004.
- [4] M. C. Ray, J. Oh, A. Baz, Active constrained layer damping of thin cylindrical shells, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 240, No. 5, pp. 921-935, 2001.
- [5] H.-J. Wang, L.-W. Chen, Vibration and damping analysis of annular plates with constrained damping layer treatments, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 264, No. 4, pp. 893-910, 2003.
- [6] S. Yi, K. Y. Sze, A finite element formulation for composite laminates with smart constrained layer damping, *Advances in Engineering Software*, Vol. 31, No. 8–9, pp. 529-537, 2000.
- [7] H. Zheng, C. Cai, G. S. H. Pau, G. R. Liu, Minimizing vibration response of cylindrical shells through layout optimization of passive constrained layer damping treatments, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 279, No. 3–5, pp. 739-756, 2005.
- [8] S. W. Kung, R. Singh, Complex eigensolutions of rectangular plates with damping patches, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 216, No. 1, pp. 1-28, 1998.
- [9] N. Kumar, S. P. Singh, Experimental study on vibration and damping of curved panel treated with constrained viscoelastic layer, *Composite Structures*, Vol. 92, No. 2, pp. 233-243, 2010.
- [10] I.-K. Oh, Dynamic characteristics of cylindrical hybrid panels containing viscoelastic layer based on layerwise mechanics, *Composites Part B: Engineering*, Vol. 38, No. 2, pp. 159-171, 2007.
- [11] W.-H. Shin, I.-K. Oh, J.-H. Han, I. Lee, Aeroelastic characteristics of cylindrical hybrid composite panels with viscoelastic damping treatments, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 296, No. 1–2, pp. 99-116, 2006.
- [12] W.-H. Shin, I.-K. Oh, I. Lee, Nonlinear flutter of aerothermally buckled composite shells with damping treatments, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 324, No. 3–5, pp. 556-569, 2009.
- [13] J.-Y. Yeh, L.-W. Chen, Dynamic stability of a sandwich plate with a constraining layer and electrorheological fluid core, *Journal of sound and vibration*, Vol. 285, No. 3, pp. 637-652, 2005.
- [14] J.-Y. Yeh, L.-W. Chen, Dynamic stability of a sandwich plate with a constraining layer and electrorheological fluid core, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 285, No. 3, pp. 637-652, 2005.