

ماهنامه علمى پژوهشى

مهندسی مکانیک مدر س





بررسی اثرات فاز میانی بر رفتار ویسکوالاستیک غیرخطی کامپوزیتهای چندفازی زمینه پلیمری

ابوالفضل درويزه¹، رضا انصاری خلخالی^{2*}، محمدجواد محمودی³، محمدکاظم حسنزاده اقدم⁴

1 - استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه گیلان، رشت

2- دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه گیلان، رشت

3- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه شهید بهشتی، تهران

4- دانشجوي دكتري، مهندسي مكانيك، دانشگاه گيلان، رشت

r_ansari@guilan.ac.ir ،3756* رشت، صندوق يستى

چکیدہ	اطلاعات مقاله
در این پژوهش، از یک مدل میکرومکانیکی تحلیلی برمبنای روش سلول واحد جهت مطالعه اثرات فاز میانی بر پاسخ ویسکوالاستیک غیرخطی کامپوزیتهای زمینه پلیمری چندفازی استفاده میشود. المان حجمی نماینده کامپوزیت از سه فاز شامل الیاف همراستا، زمینه پلیمری و فاز میانی	مقاله پژوهشی کامل دریافت: 13 مهر 1394 بذیرش: 05 آذر 1394
بین الیاف و زمینه تشکیل می شود. فرض اتصال کامل بین اجزای سازنده کامپوزیت منظور می شود. از معادله ساختاری ویسکوالاستیک شیپری	پدیرمان مایت: 09 دی 1394
- برای مدلسازی رفتار ویسکوالاستیک غیرخطی زمینه استفاده میشود. نتایج مدل میکرومکانیکی ارایه شده برای رفتار خزشی پلیمر و کامپوزیت	کلید واژگان:
دوفازی تطابق بسیار خوبی را با دادههای تجربی موجود نشان میدهد. همچنین نتایج مدل حاضر برای خواص الاستیک کامپوزیتهای سهفازی	کامپوزیت چندفاری کالار ترکیف نیا
بسیار نزدیک به روشهای عددی موجود میباشد. اترات قار میانی شامل مواد و صحامت بر منحنی کرنش حزش – بازیافت کامپوزیت سه –قاری بطور مفصل بیبیس میشدد نتایج نشان میدهد که خواص مواد تشکیل دهندم مضخاصت فاز میانی اشیبیسان مهم بیبیاسخ کنشی خنش	ويسحوا ا سيک عيرخطي کرنش خزش-بازيافت
بطور مفیض بررسی می سود. نایج نسان می دهد که خواص مواد نسخین هنده و طلحامت کار میدی از بسیار مهمی بر پاسی کرس کر بازیافت کامپوزیتهای سه-فازی در بارگذاری عرضی دارد. همچنین، طبق نتایج مدلسازی میکرومکانیکی فهمیده شد که تاثیر فاز میانی بر	فاز میانی
رفتار ویسکوالاستیک غیرخطی کامپوزیت سهفازی تحت بارگذاری محوری ناچیز میباشد. بهعلاوه، اثرات سطوح مختلف تنش و تغییرات درصد محمد الالف بر منحن یک نشر منتشر مانیافت کامیند تبدید به با بر مربه ماند می برد. به مشرد	مدل ساری میدرومحانیخی

Investigation of interphase effect on the non-linear viscoelastic behavior of multiphase polymer composites

Abolfazl Darvizeh¹, Reza Ansari Khalkhali^{1*}, Mohammad Javad Mahmoodi², Mohammad Kazem Hassanzadeh Aghdam¹

1- Department of Mechanical Engineering, Guilan University, Rasht, Iran.

2- Department of Mechanical and Energy Engineering, Shahid Beheshti University, Tehran, Iran.

* P.O.B. 3756, Rasht, Iran, r_ansari@guilan.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 05 October 2015 Accepted 26 November 2015 Available Online 30 December 2015

ABSTRACT

In this work, an analytical micromechanical model based on unit-cell approach is used to study the effect of interphase on the non-linear viscoelastic response of multiphase polymer composites. The representative volume element of composite consists of three phases including unidirectional fibers, polymer matrix and fiber/matrix interphase. Perfect bonding conditions are applied between the constituents of composites. The Schapery viscoelastic constitutive equation is used to model the nonlinear viscoelastic matrix. Prediction of the presented micromechanical model for the creep response of polymer material and two-phase composites shows good agreement with available experimental data. Furthermore, the predicted overall elastic behavior of three-phase composites demonstrates close agreement with other available numerical results. The effects of material and thickness of interphase on the creep-recovery strain curves of three-phase composites are studied in detail. Results show that the interphase thickness and material properties have significant effect on the creep-recovery strain responses of the three-phase composites under transverse loading. According to micromechanical modeling results, it is found that the interphase negligibly affects the nano-linear viscoelastic behavior of three-phase composites under axial loading. Effects of the different stress levels and the variation of fiber volume fraction on the creep-recovery strain curves of three-phase composites are also investigated.

Keywords: Multiphase composites Non-linear viscoelastic Creep-recovery strain Interphase Micromechanical modeling

Please cite this article using:

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

A. Darvizeh, R. Ansari Khalkhali, M. J. Mahmoodi, M. K. Hassanzadeh Aghdam, Investigation of interphase effect on the non-linear viscoelastic behavior of multiphase polymer composites, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 1, pp. 181-191, 2016 (in Persian)

1- مقدمه

کامپوزیتهای زمینه پلیمری تقویت شده با الیاف دارای کاربردهای گستردهای در صنایع گوناگون هستند. بدلیل سبکی این مواد از آنها بطور عمده در صنایع هوافضا، نظامی، خودروسازی و غیره استفاده میشود. تحت شرایط محیطی و مکانیکی پلیمر از خود رفتار ویسکوالاستیک نشان میدهد. بنابراین مدلسازی و تحلیل رفتار ویسکوالاستیک کامپوزیتهای زمینه پلیمری بعنوان یک بخش از رفتار مکانیکی بلند مدت این مواد از اهمیت ویژهای برخوردار میباشد. چندین عامل بر پاسخ وابسته به زمان کامپوزیتهای زمینه پلیمری تقویت شده با الیاف تاثیر میگذارند که از آن جمله میتوان به دما، رطوبت و سطح تنش اشاره نمود. بطور مثال در سطوح تنش بالا رفتار ویسکوالاستیک مواد پیچیده و غیرخطی میشود.

مطالعات بسیاری شامل روشهای آزمایشگاهی و تحلیلی و عددی در خصوص بررسى رفتار ويسكوالاستيك غيرخطي كامپوزيتهاى زمينه پليمرى انجام شده است. تاتل و برینسون [1] رفتار ویسکوالاستیک کامپوزیت گرافیت/ اپوکسی را با روش آزمایشگاهی مورد مطالعه قرار دادند. پاسریچا و همکاران [2] پاسخ خزشی کامپوزیت زمینه پلیمری را تحت بارگذاری ترمو-مکانیکی متناوب با روش آزمایشگاهی استخراج کردند. پاپانیکولو و همکاران [3] رفتار ويسكوالاستيك پليمر تقويت شده با الياف را به روش آزمايشگاهي مورد مطالعه قرار دادند. آنها کرنش خزش - بازیافت برحسب زمان را تحت سطوح مختلف تنش بدست آوردند. اثرات جهت الياف بر پاسخ ویسکوالاستیک کامپوزیت زمینه پلیمری با روش آزمایشگاهی در [4] مورد مطالعه قرار گرفته است. شافر و آدام [5] با استفاده از مدلسازی ميكرومكانيكي المان محدود رفتار ويسكوالاستيك غيرخطي زمينه اپوكسي تقویت شده با الیاف تکجهته را مورد مطالعه قرار دادند. آنها در بارگذاری عرضی پاسخ کامپوزیت را تحت سطوح مختلف تنش پیش بینی نمودند. ابودی [6] با روش سلولی پاسخ ویسکوالاستیک کامپوزیت زمینه پلیمری را مورد مطالعه قرار داد. زمینه پلیمری با مدل ویسکوالاستیک غیرخطی شیپری [7] مدل شد. سادکین و ابودی [8] اثرات دما را بر پاسخ ویسکوالاستیک كامپوزيت تقويت شده با الياف با روش سلولى بررسى كردند. در [9] با استفاده از روش المان محدود غيرخطي اثرات تنش پسماند اوليه بر رفتار ويسكوالاستيك غيرخطى كامپوزيت زمينه پليمرى بررسى شد. حاجعلى و مولييانا [10] با روش سلولى اثرات جهت الياف را بر پاسخ ويسكوالاستيك كامپوزیت گرافیت/اپوكسی مورد مطالعه قرار دادند. زمینه پلیمری بعنوان یک ماده ويسكوالاستيك غيرخطي و الياف بعنوان يك ماده ايزوتروپ عرضي درنظر گرفته شدند. از مدل شیپری جهت بررسی رفتار زمینه استفاده شد. فلاحتگر و همکاران [11] با استفاده از مدلسازی میکرومکانیکی رفتار ویسکوالاستیک غیرخطی کامپوزیت زمینه پلیمری را تحت بارگذاریهای عمودی، برشی و خارج از محوری مورد مطالعه قرار دادند. مدل ويسكوالاستيك شيپرى براى بيان رفتار زمينه استفاده شد. روش المان محدود برای مطالعه رفتار ویسکوالاستیک کامپوزیت تقویت شده با الیاف در [12] به کار گرفته شد. برای نمایش ریزساختار کامپوزیت از یک سلول واحد تكراري با آرایش الیاف بصورت مربعي و شش گوش استفاده شد. زاتسوس و همکاران [13] اثرات پیشبار را بر رفتار ویسکوالاستیک غیرخطی کامپوزیت مطالعه کردند. نتایج نشان داد که در سطوح تنش بالا، پاسخ کامپوزیت کاملا غیرخطی شده و جهت طراحی مطمئن و بهینه بایستی این رفتار در مدلسازی منظور شود. کیم و مولییانا [14] با استفاده از مدلسازی

میکرومکانیکی المان محدود و یک المان حجمی نماینده با چهار زیرسلول، رفتار غیرخطی کامپوزیت تقویت شده با ذرات را بررسی کردند. آنها از مدل ویسکوالاستیک شیپری برای مدلسازی رفتار ویسکوالاستیک زمینه پلیمری استفاده نمودند. در [15] از روش انرژی و یک مدل میکرومکانیکی تحلیلی جهت مطالعه واماندگی خزشی برای کامپوزیت زمینه پلیمری در دمای بالا استفاده شده است. سیدموسوی و همکاران [16] با استفاده از شبیهسازی میکرومکانیکی اثرات بار حرارتی و مکانیکی را بر پاسخ ویسکوالاستیک کامپوزیت زمینه پلیآمید بررسی کردند. نتایج آنها نشان داد که با افزایش دما رفتار ویسکوالاستیک کامپوزیت زمینه پلیمری تغییر میکند. رفتار خزشی بلند مدت کامپوزیت زمینه پلیمری در [17] مورد بررسی قرار گرفته است.

براساس تحقیقات انجام شده مطالعهای درخصوص اثرات فاز میانی بر پاسخ ویسکوالاستیک غیرخطی کامپوزیتهای چندفازی که شامل فاز تقویت، زمینه و فاز میانی میباشد، انجام نشده است. مطالعات نشان داده است که چندین عامل از جمله درصد حجمی فاز تقویت و رفتار اجزای سازنده بر خواص مکانیکی کامپوزیتها اثر می گذارد [19،18]. در این بین فازهای میانی بعنوان یکی از مهمترین عوامل موثر بر عملکرد کامپوزیتها شناخته میشوند [22-20]. در طی فرآیند تولید کامپوزیتها، واکنشهای شیمیایی بین فاز تقویت و زمینه موجب تشکیل فاز میانی می شود [23،22]. همچنین به علت استفاده از روکشهای محافظ بر فاز تقویت در حین فرآیند تولید جهت اطمينان از اتصال مناسب بين فاز تقويت و زمينه از فاز سومي بين فاز تقويت و زمينه استفاده مىشود [24]. شكل 1 فاز ميانى را در كامپوزيت تقويت شده با الياف نشان مي دهد. در اين شكل الياف توسط فاز مياني با ضخامت مشخص و ثابتی الیاف را احاطه کردهاند. از آنجایی که فاز میانی متصل کنندهی فاز تقویت و زمینه میباشد، نقش بسیار مهمی در انتقال تنش از زمينه به فاز تقويت ايفا مىكند. بنابراين جهت طراحى بهينه بايستى اثرات فاز میانی در مدلسازی کامپوزیتها لحاظ گردد.

بایستی توجه نمود که توصیف رفتار خزشی کامپوزیتهای تقویت شدهی الیافی با روشهای آزمایشگاهی تحت شرایط مختلف دما و رطوبت دشوار و زمانبر بوده و از نظر اقتصادی بصرفه نمی باشد.

مدلهای میکرومکانیکی روشهای کارایی هستند که رفتار کلی مواد کامپوزیتی را از ریزساختارهای تشکیلدهندهی آن پیشبینی میکنند. مدلهای میکرومکانیکی شامل روشهای المان محدود و تحلیلی میباشند. روش سلولی یکی از مدلهای میکرومکانیکی تحلیلی براساس مفهوم المان حجمی نماینده میباشد که توسط ابودی [25] معرفی شد. در این مدل سطح مقطع الیاف چهار گوش درنظر گرفته میشود. مدلسازی با روش سلولی علیرغم پیشبینی مناسب رفتار کامپوزیتها از نظر ریاضی بسیار پیچیده میباشد. مدل میکرومکانیکی سلول واحد ساده شده [27،26,16] شکل ساده

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1395، دورہ 16، شمارہ 1



Fig. 1 Interphase in aligned fiber-reinforced composites شکل 1 فاز میانی در کامپوزیت تقویت شده با الیاف همراستا

یکسان بودن کرنش اجزاء کامپوزیت در راستای الیاف می گردد. اعمال این وضعیت کرنش در مطالعات میکرومکانیکی تحلیلی و عددی پیشین شامل مراجع [25،16،16،16-15] مشاهده میشود. همچنین جدایش اتصال و همچنین در واقعیت تجربی [32] وجود ندارد. زمینهی پلیمری بعنوان یک ماده ویسکوالاستیک غیرخطی و الیاف بعنوان یک ماده الاستیک خطی درنظر گرفته میشوند. از اینرو، در بخش 2 مدل ویسکوالاستیک غیرخطی شیپری که از آن برای مدل سازی زمینه استفاده میشود، معرفی می گردد. در بخش 3 معادلات میکرومکانیکی مدل سلول واحد ساده شده برای ماده مرکب و محت مدل ارایه شده برای پاسخ ویسکوالاستیک غیرخطی شیپری معادلات میکرومکانیکی مدل سلول واحد ساده شده برای ماده مرکب و خواص الاستیک کامپوزیت سهفازی انجام می گیرد. سپس اثرات فاز میانی، سطح تنش بارگذاری و درصد حجمی الیاف بر رفتار خزش - بازیافت

2- معادله ساختاري ويسكوالاستيك غيرخطي

تحت شرایط همدما و بارگذاری تکمحوری برای مدل سازی رفتار ویسکوالاستیک غیرخطی زمینه پلیمری، از معادله ساختاری شیپری به صورت زیر استفاده می شود [33].

$$\varepsilon(t) = g_0^{\sigma(t)} D_0 \sigma(t) + g_1^{\sigma(t)} \int_0^t \Delta D(\psi^t - \psi^\tau) \frac{\partial g_2^{\sigma(t)} \sigma(t)}{\partial \tau} d\tau$$
(1)

(1) که D_0 مقدار نرمی آنی در زمان صفر (t = 0) میباشد. در معادله D_0 دو پارامتر $\psi^{ au}$ و $\psi^{ au}$ بصورت زیر داده می شوند

$$\psi^{t} = \int_{0}^{t} \frac{ds}{a_{\sigma}^{\sigma(s)}}, \quad \psi^{\tau} = \int_{0}^{\tau} \frac{ds}{a_{\sigma}^{\sigma(s)}}$$
(2)

همچنین $\Delta D(t)$ مولفهی نرمی وابسته به زمان بوده که از تابع نمایی

$$\varepsilon(t) = \left(g_0^t D_0 + g_1^t g_2^t \sum_{n=1}^N D_n \left[1 - \frac{1 - \exp(-\lambda_n \Delta \psi^t)}{\lambda_n \Delta \psi^t}\right]\right) \sigma(t) - g_1^t \sum_{n=1}^N D_n \left(\exp(-\lambda_n \Delta \psi^t) q_n^{t-\Delta t} - \frac{1 - \exp(-\lambda_n \Delta \psi^t)}{\lambda_n \Delta \psi^t} g_2^{t-\Delta t} \sigma(t - \Delta t)\right)$$
(4)

(4

که انتگرال هردیتاری برای هر بخش از سری پرونی در انتهای زمان حاضر (q_n^t) بصورت زیر تعریف میشود

$$q_{n}^{t} = \exp(-\lambda_{n} \Delta \psi^{t}) q_{n}^{t-\Delta t} - \frac{1 - \exp(-\lambda_{n} \Delta \psi^{t})}{\lambda_{n} \Delta \psi^{t}} \left(g_{2}^{t} \sigma(t) - g_{2}^{t-\Delta t} \sigma(t-\Delta t)\right)$$

$$(5)$$

در این رابطه $\Delta \psi^t$ بصورت زیر داده می شود

$$\Delta \psi^{t} = \int_{t-\Delta t}^{t} \frac{ds}{a_{\sigma}^{\sigma(s)}}$$
(6)

بهمنظور استخراج رابطه تنش - کرنش برای حالت چند محوری فرض میشود که مولفههای کرنش توابعی خطی از تنش هستند [16]. مطابق الاستیسیته سهبعدی روابط تنش - کرنش بصورت زیر نوشته میشوند. $\varepsilon_{ij}(t) = (1 + v_m)S(t)\sigma_{ij}(t) - v_mS(t)\sigma_{kk}(t)\delta_{ij}$ $+ (1 + v_m)R_{ij}(t) - v_mR_{kk}(t)\delta_{ij},$ i,j 1,2,3 (7)

که $\varepsilon_{ij} \in \sigma_{ij}$ مولفههای تنش و کرنش در زمان t هستند. در این رابطه نسبت پوآسون زمینه (v_m) مستقل از زمان فرض می شود. ماتریس نرمی (S) نیز بصورت زیر نوشته می شود

$$R_{ij}(t) = -g_1^t \sum_{n=1}^N D_n \left(\exp(-\lambda_n \Delta \psi^t) q_{n,ij}^{t-\Delta t} - \frac{1 - \exp(-\lambda_n \Delta \psi^t)}{\lambda_n \Delta \psi^t} g_2^{t-\Delta t} \sigma_{ij}(t - \Delta t) \right)$$
(9)

3- المان حجمي نماينده كاميوزيت سەفازى

در مدلهای میکرومکانیکی، یک ناحیهی تکراری کوچک از مقطع کامپوزیت بعنوان المان حجمی نماینده درنظر گرفته میشود. فرض میشود که خواص موثر کامپوزیت مورد نظر با خواص موثر این المان حجمی برابر باشد. شکل 2 یک المان حجمی برای کامپوزیت سهفازی را با آرایه مربعی نشان میدهد. این المان حجمی از الیاف بعنوان فاز تقویت، زمینه پلیمری و فاز میانی که احاطه کننده ی الیاف میباشد، تشکیل شده است. مطابق شکل 2، مقطع الیاف بصورت چهار گوش $(a \times a)$ فرض میشود. الیاف در جهت محور z همراستا هستند.

ضخامت فاز میانی با t و ضخامت موثر با t/a مشخص میشود. بنابراین جهت z راستای محوری و جهات x و y راستای عرضی کامپوزیت مورد نظر میباشد. ابعاد المان حجمی در سه راستای x، y و z واحد فرض میشود. این

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1395، دورہ 16، شمارہ 1

$$a\varepsilon_{xx}^{1} + t\varepsilon_{xx}^{2} + b\varepsilon_{xx}^{3} = a\varepsilon_{xx}^{4} + t\varepsilon_{xx}^{5} + b\varepsilon_{xx}^{6}$$

$$= a\varepsilon_{xx}^{7} + t\varepsilon_{xx}^{8} + b\varepsilon_{yy}^{9} = (a + t + b)\overline{\varepsilon}_{xx}$$

$$a\varepsilon_{yy}^{1} + t\varepsilon_{yy}^{4} + b\varepsilon_{yy}^{7} = a\varepsilon_{yy}^{2} + t\varepsilon_{yy}^{5} + b\varepsilon_{yy}^{8}$$

$$= a\varepsilon_{yy}^{3} + t\varepsilon_{yy}^{6} + b\varepsilon_{yy}^{9} = (a + t + b)\overline{\varepsilon}_{yy}$$
(12)
$$k \quad (12)$$

$$k \quad (13)$$

$$k \quad (14)$$

$$k \quad (14)$$

$$k \quad (15)$$

$$k \quad (16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$(16)$$

$$($$

$$\begin{cases} \varepsilon_{zz} \\ \varepsilon_{xx} \\ \varepsilon_{yy} \end{cases}^{p} = S^{p} \begin{bmatrix} \mathbf{1} & -v_{m} & -v_{m} \\ -v_{m} & \mathbf{1} & -v_{m} \\ -v_{m} & -v_{m} & \mathbf{1} \end{bmatrix} \begin{cases} \sigma_{zz} \\ \sigma_{xx} \\ \sigma_{yy} \end{cases}^{p} + \begin{bmatrix} \mathbf{1} & -v_{m} & -v_{m} \\ -v_{m} & \mathbf{1} & -v_{m} \\ -v_{m} & -v_{m} & \mathbf{1} \end{bmatrix} \begin{cases} R_{zz} \\ R_{xx} \\ R_{yy} \end{cases}^{p}, p = \mathbf{3}, \mathbf{6}, \mathbf{7}, \mathbf{8}, \mathbf{9} \end{cases}$$
(14)

که S^p از رابطهی (8) بدست میآید.

برای زیرسلولهای 2، 4 و 5 که شامل فاز میانی میباشد، دو حالت را میتوان در نظر گرفت. اگر فاز میانی بعنوان یک ماده الاستیک خطی منظور گردد، مطابق معادله ساختاری الاستیسیتهی سهبعدی میتوان نوشت

$$\begin{cases} \varepsilon_{zz} \\ \varepsilon_{xx} \\ \varepsilon_{yy} \end{cases}^{q} = \begin{bmatrix} \bar{S}_{i,zz} & \bar{S}_{i,zx} & \bar{S}_{i,zy} \\ \bar{S}_{i,xz} & \bar{S}_{i,xx} & \bar{S}_{i,xy} \\ \bar{S}_{i,yz} & \bar{S}_{i,yx} & \bar{S}_{i,yy} \end{bmatrix}^{q} \begin{cases} \sigma_{zz} \\ \sigma_{xx} \\ \sigma_{yy} \end{cases}^{q}, q=2, 4, 5$$

$$(15)$$

$$(15)$$

$$\sum_{i=1}^{n} \overline{S}_{i} \text{ also in the set of a s$$

فاز میانی بعنوان یک ماده ویسکوالاستیک غیرخطی درنظر گرفته شود، مطابق رابطه (7) می توان نوشت

$$\begin{cases} \varepsilon_{zz} \\ \varepsilon_{xx} \\ \varepsilon_{yy} \end{cases}^{q} = S^{q} \begin{bmatrix} \mathbf{1} & -v_{i} & -v_{i} \\ -v_{i} & \mathbf{1} & -v_{i} \\ -v_{i} & -v_{i} & \mathbf{1} \end{bmatrix} \begin{cases} \sigma_{zz} \\ \sigma_{xx} \\ \sigma_{yy} \end{cases}^{q} \\ + \begin{bmatrix} \mathbf{1} & -v_{i} & -v_{i} \\ -v_{i} & \mathbf{1} & -v_{i} \\ -v_{i} & -v_{i} \end{bmatrix} \begin{cases} R_{zz} \\ R_{xx} \\ R_{yy} \end{cases}^{q}, q = \mathbf{2}, \mathbf{4}, \mathbf{5} \end{cases}$$

$$(-15)$$

که v_i نسبت پوآسون فاز میانی میباشد. با جایگزینی معادلات (13-15) در معادله (13)، و با استفاده از معادلات (10-11)، یک دستگاه معادلات، 15



Fig. 2 Representative volume element of the three-phase composites with square array

شکل 2 المان حجمی نماینده کامپوزیت سهفازی با آرایهی مربعی

المان حجمی در راستای محورهای x و y به سه قسمت تقسیم می شود. المان حجمی دارای 3×3 زیرسلول بوده که ابعاد هر یک از این زیرسلول ها در شکل 2 نشان داده شده است. با توجه به شکل 2، زیرسلول 1 الیاف، زیرسلول 2، 4 و 5 فاز میانی و زیرسلول 3، 6، 7، 8 و 9 شامل زمینه می باشد.

4- معادلات میکرومکانیکی سلول واحد ساده شده برای کامپوزیت سهفازی

جهت استخراج روابط میکرومکانیکی سلول واحد ساده شده برای کامپوزیت سهفازی، فرض میشود که مولفههای جابجایی توابعی خطی بوده که منجر به حالت تنش و کرنش ثابت در هر زیر سلول میشود. مطالعات قبلی نشان داده که چنین فرضی از دقت کافی برای مدلسازی کامپوزیتها برخوردار میباشد [25-28]. همچنین فرض میشود که تنشهای عمودی باعث ایجاد تنشهای برشی در زیرسلولها نشود.

با اعمال تنش ماکرو $ar{\sigma}_{ll}$ ، که l میتواند جهت x، x یا z باشد، بر المان حجمی نماینده معادلات تعادل المان حجمی نماینده بصورت زیر نوشته میشود

$$\begin{aligned} a^{2}\sigma_{zz}^{1} + at\sigma_{zz}^{2} + ab\sigma_{zz}^{3} + at\sigma_{zz}^{4} + t^{2}\sigma_{zz}^{5} + bt\sigma_{zz}^{6} + ab\sigma_{zz}^{7} \\ &+ bt\sigma_{zz}^{8} + b^{2}\sigma_{zz}^{9} = (a + t + b)^{2}\bar{\sigma}_{zz} \\ a\sigma_{xx}^{1} + t\sigma_{xx}^{4} + b\sigma_{xx}^{7} = (a + t + b)\bar{\sigma}_{xx} \\ a\sigma_{yy}^{1} + t\sigma_{yy}^{2} + b\sigma_{yy}^{3} = (a + t + b)\bar{\sigma}_{yy} \end{aligned}$$
(10)

l بعنوان تنش میکرو در جهت σ_{ll}^k (k = 1,2,...,9) بعنوان تنش میکرو در جهت c_{ll}^k (k = 1,2,...,9) در زیرسلول k میباشد. k و k بعنوان پارامترهای هندسی زیرسلولها میباشند.

از روابط تعادل تنشهای میکرو در سطوح مشترک هر دو سلول مجاور میتوان رابطهی زیر را در جهات x و y نوشت

$$\begin{bmatrix} A \end{bmatrix}_{15\times1} \{ \sigma \}_{15\times1} = \{ F \}_{15\times1} + \{ H \}_{15\times1}$$
(16)

$$\begin{bmatrix} A \end{bmatrix}_{15\times1} = \{ F \}_{15\times1} + \{ H \}_{15\times1}$$
(16)

$$\begin{bmatrix} \sigma_{xx}^{1} = \sigma_{xx}^{2} = \sigma_{xx}^{3} \\ \sigma_{xx}^{7} = \sigma_{xx}^{8} = \sigma_{xx}^{9} \\ \sigma_{xy}^{7} = \sigma_{xy}^{9} = \sigma_{yy}^{9} \\ \sigma_{yy}^{2} = \sigma_{yy}^{7} = \sigma_{yy}^{8} \\ \sigma_{yy}^{2} = \sigma_{yy}^{7} = \sigma_{yy}^{8} \\ \sigma_{yy}^{3} = \sigma_{yy}^{6} = \sigma_{yy}^{9} \\ \sigma_{yy}^{3} = \sigma_{xz}^{6} = \sigma_{zz}^{2} = \varepsilon_{zz}^{2} = \varepsilon_{$$

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1395، دورہ 16، شمارہ 1

5- نتايج و بحث

در ابتدا بمنظور صحت سنجی مدل میکرومکانیکی حاضر، مقایسه ای بین نتایج تجربی و مدل میکرومکانیکی حاضر برای پاسخ ویسکوالاستیک غیرخطی کامپوزیت دوفازی انجام می گیرد. کامپوزیت زمینه اپوکسی که با گرافیت %50 حجمی تقویت شده درنظر گرفته می شود. ضرایب سری پرونی برای اپوکسی در جدول 1 آمده است. برای اپوکسی نسبت پوآسون و نرمی الاستیک آنی به ترتیب برابر 0.35 و (¹⁻GPa) 0.2174 منظور می شود [10].

$$g_{i} = \begin{cases} \mathbf{1} & \sigma_{eq} \leq \sigma_{0} \\ \mathbf{1} + \sum_{n=1}^{N_{g_{i}}} \alpha_{i_{n}} \left(\frac{\sigma_{eq}}{\sigma_{0}} - \mathbf{1} \right) & \sigma_{eq} > \sigma_{0} \end{cases}, i = \mathbf{0}, \mathbf{1}, \mathbf{2}$$

$$a_{\sigma} = \begin{cases} \mathbf{1} & \sigma_{eq} \leq \sigma_{0} \\ \mathbf{1} + \sum_{n=1}^{N_{a_{\sigma}}} \beta_{n} \left(\frac{\sigma_{eq}}{\sigma_{0}} - \mathbf{1} \right) & \sigma_{eq} > \sigma_{0} \end{cases}, i = \mathbf{0}, \mathbf{1}, \mathbf{2}$$

$$(17)$$

در این رابطه σ_{eq} تنش معادل است. σ_0 حد تنش موثر میباشد که از آزمایش کشش بدست آمده و ماده مورد نظر در بالاتر از این مقدار رفتار غیرخطی از خود نشان میدهند. α_{i_n} و α_{i_n} پارامترهایی هستند که از نتایج آزمایشگاهی بدست میآید. برای اپوکسی حد تنش موثر 25 مگاپاسکال درنظر گرفته میشود [10]. گرافیت نیز بعنوان یک ماده ایزوتروپ عرضی مدل میشود. مدول الاستیک طولی و عرضی برای گرافیت بترتیب برابر 200 و 13 گیگاپاسکال در نظر گرفته میشود. همچنین نسبت پوآسون طولی و عرضی برای این ماده بترتیب برابر 0.39 و 0.4 میباشد [10].

در شکل 3 برای رفتار خزشی، مقایسهای بین نتایج مدل میکرومکانیکی ارایه شده با دادههای روش تجربی [1] برای کامپوزیت گرافیت/اپوکسی تحت سه سطح تنش عرضی مختلف، 13.8، 17.2 و 20.7 مگاپاسکال، ارایه شده است. با توجه به شکل 3 نتایج مدل میکرومکانیکی حاضر نزدیک به دادههای تجربی میباشد.

اعتبارسنجی دیگر بررسی اثرات خواص الاستیک و ضخامت فاز میانی بر مدول الاستیک کامپوزیت سهفازی میباشد. بمنظور مطالعه اثرات خواص الاستیک فاز میانی، کامپوزیت سهفازی که خواص الاستیک آن در جدول 2 آمده [34]، درنظر گرفته میشود. نسبت پوآسون و ضخامت موثر فاز میانی آمده (t/a) بترتیب برابر 0.34 و 0.1176 [34] درنظر گرفته میشود. درصد حجمی الیاف 50% منظور میشود.

در جدول 3 به ازای مقادیر مختلف مدول الاستیک فاز میانی، مقایسهای بین نتایج مدل میکرومکانیکی حاضر با روش المان محدود و روش المان مرزی [34] برای مدول الاستیک عرضی کامپوزیت سهفازی انجام شده است. همان طور که از جدول 3 مشاهده می شود نتایج مدل میکرومکانیکی حاضر بسیار نزدیک به روش های المان محدود و المان مرزی می باشد. با افزایش مدول الاستیک فاز میانی از 4 به 12 مگاپاسکال، مدول الاستیک عرضی ماده مرکب سهفازی افزایش می یابد.



Fig. 3 Creep strain of graphite/epoxy under three different stress levels شکل 3 کرنش خزشی گرافیت/اپوکسی تحت سه سطح مختلف تنش

جدول 2 خواص الاستيک اجزای سازنده کامپوزيت سهفازی [34]

Table 2 Elastic properties of constituents of three-phase composite [34]

زمينه	الياف	خواص اجزای سازنده
4	84	مدول الاستيك (گيگاپاسكال)
0.34	0.22	نسبت پوآسون

جدول 3 مقایسه مدول الاستیک عرضی (گیگاپاسکال) کامپوزیت سهفازی Table 3 Comparison of transverse elastic modulus (GPa) of three-phase composite

				مدول الاستيك فاز ميانى
12	8	6	4	<i>(گ</i> یگاپاسکال)
15.11	14.68	13.71	12.25	روش المان محدود [34]
15.04	13.97	13.18	11.61	روش المان مرزي [34]
 15.01	14.13	13.44	12.34	مدل حاضر

کامپوزیت سهفازی شیشه//پوکسی که خواص مکانیکی آن در جدول 4 آمده [34]، بهمنظور بررسی اثرات ضخامت فاز میانی بر مدول الاستیک عرضی کامپوزیت درنظر گرفته میشود. نتایج مدل میکرومکانیکی با روش المان مرزی [34] در جدول 5 مقایسه شده است. درصد حجمی الیاف شیشه %65 درنظر گرفته میشود. همان طور که جدول 5 نشان میدهد نتایج مدل حاضر به دادههای روش المان مرزی نزدیک میباشد. اختلاف بین نتایج مدل ارایه شده و روش المان مرزی به ازای ضخامتهای موثر فاز میانی شامل 0.01 و خاص در مدان می میباشد. با توجه به دادههای جدول 5 با افزایش

ضخامت فاز مياني، مدول الاستيک کامپوزيت سهفازي افزايش مييابد.
اثرات فاز میانی شامل مواد و ضخامت، سطح تنش وارده و درصد حجمی
الیاف بر منحنی کرنش خزش-بازیافت در مقابل زمان، از 0 تا 240 دقیقه
کرنش خزشی و از 240 تا 320 دقیقه کرنش بازیافت، برای کامپوزیت
شیشه//پوکسی مطالعه میشود. کامپوزیت سهفازی شیشه//پوکسی که خواص
الاستیک اجزای سازنده آن در جدول 4 آمده، درنظر گرفته میشود. ضرایب
a_{σ} سری پرونی برای اپوکسی در جدول 1 آمده است. ضرایب g_{0} ، g_{1} ، g_{2} ، و
برای اپوکسی از رابطهی (17) بدست میآید. برای این ماده حد تنش موثر
25 مگاپاسکال درنظر گرفته میشود [10]. بایستی توجه نمود که ضرایب

جدول 1 ضرایب سری پرونی برای ماده اپوکسی [10]

Table 1 Prony series coefficients for epoxy [10]			
	$D_n \times 10^{-6} (\text{MPa}^{-1})$	$\lambda_n (s^{-1})$	-
	نرمی خزشی	زمان تاخیر	
	8.5	1	-
	8.36	0.1	
	5.5	0.01	
	33.8	0.001	

185



Fig. 4 Effects of interphase materials on the creep strain of the glass/epoxy composite under transverse loading, applied stress equals to 30 MPa

شکل 4 اثرات مواد فاز میانی بر کرنش خزشی کامپوزیت شیشه/ایوکسی در بارگذاری عرضی، تنش واردہ 30 مگایاسکال



Fig. 5 Effects of interphase materials on the recovery strain of the glass/epoxy composite under transverse loading, applied stress equals to 30 MPa

سری پرونی فاز میانی برابر ضرایب سری پرونی زمینه درنظر گرفته میشود.

در اشکال 4 و 5 اثرات مواد فاز میانی بترتیب بر یاسخ کرنش خزشی (تنش وارده 30 مگایاسکال) و کرنش بازیافت در بارگذاری عرضی مشاهده می شود. درصد حجمی الیاف و ضخامت موثر فاز میانی بترتیب برابر %65% و 0.1 منظور می شود.

با توجه به شکل 4، کرنش خزشی بیشترین مقدار را برای حالت بدون اثرات فاز میانی اختیار می کند. درنظر گرفتن فاز میانی در بارگذاری عرضی، بصورت یک ماده الاستیک یا ویسکوالاستیک غیرخطی، میزان نرمی خزشی را به میزان قابل توجهی کاهش میدهد. با درنظر گرفتن فاز میانی بهعنوان یک ماده الاستیک یا ویسکوالاستیک غیرخطی در زمان t = 0 مقدار نرمی برای کامپوزیت سهفازی یکسان میباشد. اما با گذشت زمان میزان نرمی خزشی برای کامپوزیت با درنظر گرفتن فاز میانی بعنوان یک ماده ویسکوالاستیک غيرخطي افزايش مييابد.

با توجه به شکل 4، در زمان t = 0 مقدار کرنش خزشی این ماده برای سه حالت بدون فاز مياني و فاز مياني بعنوان يک ماده الاستيک و ويسكوالاستيك بترتيب 0.1804، 0.121 و 0.121% مى باشد. همچنين در زمان t=240 دقيقه مقدار كرنش خزشي اين ماده براي سه حالت بدون فاز میانی و فاز میانی بعنوان یک ماده الاستیک و ویسکوالاستیک بترتیب 0.1351، 0.2071 و 0.1535% مى باشد.

با توجه به شكل 5 يس از باربرداري (از 240 دقيقه به بعد)، كرنش بازیافت برای کامپوزیت مورد نظر بیشترین مقدار را برای حالت فاز میانی بعنوان یک ماده ویسکوالاستیک غیرخطی اختیار میکند. بعبارت دیگر در بارگذاری عرضی اگر رفتار فاز میانی بصورت یک ماده ویسکوالاستیک غیرخطی باشد، مدت زمان بیشتری لازم است تا کرنش بازیافت به صفر میل كند. بالعكس، اكر اكر رفتار فاز مياني بصورت يك ماده الاستيك باشد، مدت زمان کمتری لازم است تا کرنش بازیافت به صفر میل کند. با توجه به شکل 5، در زمان t=240.001 دقيقه مقدار كرنش بازيافت كامپوزيت سەفازى شیشه/اپوکسی برای سه حالت بدون فاز میانی و فاز میانی بعنوان یک ماده الاستيك و ويسكوالاستيك بترتيب 0.0264، 0.0139 و 0.032% مى باشد.

اشکال 6 و 7 اثرات مواد فاز میانی را بترتیب بر پاسخ کرنش خزشی (تنش وارده 30 مگاپاسکال) و کرنش بازیافت در بارگذاری طولی نشان

جدول 4 خواص اجزای سازنده کامیوزیت سهفازی شیشه *ا*یوکسی [34]

Table 4 Elastic properties of constituents of three-phase glass/epoxy composite [34]

فاز میانی	زمینه (اپوکسی)	الياف (شيشه)	خواص اجزای سازنده
36.2	3.45	72.4	مدول الاستيك (گيگاپاسكال)

میدهند. با توجه به اشکال 6 و 7 تغییر مواد فاز میانی اثر جزیی بر رفتار
کامپوزیت سەفازی مورد نظر دارد. همانطور که شکل 6 نشان میدهد، در
زمان $t={f 0}$ مقدار کرنش خزشی این ماده برای سه حالت بدون فاز میانی و
فاز میانی بعنوان یک ماده الاستیک و ویسکوالاستیک بهترتیب 0.0621،
0.057 و %0.057 مىباشد. همچنين در زمان t=240 دقيقه مقدار كرنش
خزشی این ماده برای سه حالت بدون فاز میانی و فاز میانی بعنوان یک ماده
الاستيك و ويسكوالاستيك بترتيب 0.0624، 0.057 و 0.0608 مىباشد.
اثرات ضخامت موثر فاز میانی (t/a) بر کرنش خزشی و بازیافت در
بارگذاری عرضی بر رفتار ویسکوالاستیک غیرخطی کامپوزیت شیشه/اپوکسی

0.3	0.35	0.22	نسبت پواسون
-----	------	------	-------------

جدول 5 مقايسه مدول الاستيک عرضي نسبت به مدول الاستيک زمينه براي

كامپوزيت سهفازي شيشه/اپوكسي براي ضخامتهاي مختلف فاز مياني Table 5 Comparison of transverse elastic modulus with respect to elastic modulus of matrix for three-phase glass/epoxy composite with different interphase thicknesses

0.03	0.01	0	ضخامت موثر فاز میانی
5.34	4.83	4.6	روش المان مرزى [29]
5.38	4.9	4.8	مدل حاضر

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1395، دورہ 16، شمارہ 1



Fig. 8 Effects of effective interphase thickness on the creep strain of the glass/epoxy composite under transverse loading, applied stress equals to 30 MPa





Fig. 9 Effects of effective interphase thickness on the recovery strain of the glass/epoxy composite under transverse loading, applied stress equals to 30 MPa

زمان 313.2، 307.2 و 285.2 دقيقه به صفر ميرسد.

بهترتیب در اشکال 8 و 9 نشان داده شده است. رفتار فاز میانی بعنوان یک ماده الاستیک درنظر گرفته می شود. همان طور که شکل 8 نشان می دهد، با توجه به این که نرمی آنی فاز میانی بیشتر از زمینه می باشد، با افزایش ضخامت فاز میانی کرنش خزشی کامپوزیت کاهش می یابد. در زمان 240t=240 دقیقه مقدار کرنش خزشی این ماده برای سه ضخامت موثر فاز میانی شامل دقیقه مقدار کرنش خزشی این ماده برای سه ضخامت موثر فاز میانی شامل 0.1360 و 0.0744 می باشد.

با توجه به شکل 9 با افزایش ضخامت فاز میانی، پس از باربرداری مدت زمان کمتری نیاز است تا کرنش به صفر برسد. بطوری که کرنش بازیافت این ماده برای سه ضخامت موثر فاز میانی شامل 0.05، 0.1 و 0.2 بترتیب در



Fig. 6 Effects of interphase materials on the creep strain of the glass/epoxy composite under axial loading, applied stress equals to 30 MPa



Fig. 7 Effects of interphase materials on the recovery strain of the glass/epoxy composite under axial loading, applied stress equals to 30 MPa

شکل 7 اثرات مواد فاز میانی بر کرنش بازیافت کامپوزیت شیشه/پوکسی در بارگذاری طولی، تنش وارده 030 مگاپاسکال

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1395، دورہ 16، شمارہ 1

میدهد در بارگذاری عرضی کرنش بازیافت متاثر از سطح تنش میباشد. حال اثرات درصد حجمی الیاف با مقادیر 35، 50 و 65 درصد بر پاسخ ویسکوالاستیک غیرخطی کامپوزیت سهفازی در بارگذاریهای طولی و عرضی مورد بررسی قرار میگیرد. ضخامت موثر فاز میانی 0.1، تنش بارگذاری 30 مگاپاسکال و فاز میانی بعنوان یک ماده الاستیک درنظر گرفته میشود. اشکال 16 و 17 اثرات درصد حجمی الیاف را بترتیب بر کرنش خزشی و کرنش بازیافت کامپوزیت سهفازی در بارگذاری عرضی نشان میدهند.

با توجه به شکل 16، در زمان $\mathbf{0} = t$ مقدار کرنش خزشی این ماده برای 0.121 و 0.121 و 0.121% و 0.121% و 0.121% می درصد حجمی 35، 50 و 65% بترتیب 0.3415 و 0.240% می باشد. همچنین در زمان t=240 دقیقه مقدار کرنش خزشی این ماده برای سه درصد حجمی 35، 50 و 65% بترتیب 0.400% 0.4002

Fig. 12 Effects of stress levels on the creep strain of the glass/epoxy composite under transverse loading

شکل 12 اثرات سطح تنش بر کرنش خزشی کامپوزیت شیشه/ایوکسی در بارگذاری

عرضى

Fig. 10 Effects of effective interphase thickness on the creep strain of the glass/epoxy composite under axial loading, applied stress equals to 30 MPa

Fig. 11 Effects of effective interphase thickness on the recovery strain of the glass/epoxy composite under axial loading, applied stress equals to 30 MPa

اثرات سطح تنش شامل 30، 60 و 90 مكاپاسكال، بر رفتار ويسكوالاستيك

Fig. 13 Effects of stress levels on the recovery strain of the glass/epoxy composite under transverse loading

شکل 13 اثرات سطح تنش بر کرنش بازیافت کامپوزیت شیشه/اپوکسی در بارگذاری عرضی

غیرخطی کامپوزیت سهفازی در بارگذاری عرضی در اشکال 12 و 13 نشان داده شده است. ضخامت موثر فاز میانی 0.1 درنظر گرفته می شود. با توجه به شكل 12، با افزايش سطح تنش ميزان كرنش خزشى كامپوزيت افزايش مىيابد. اشكال 14 و 15 اثرات سطح تنش را بر رفتار ويسكوالاستيك غيرخطي کامپوزیت سهفازی در بارگذاری طولی نشان میدهند. با توجه به شکل 14 با افزایش سطح تنش، میزان کرنش خزشی در بارگذاری طولی افزایش مییابد. شکل 15 نشان میدهد که بعد از باربرداری طولی، سطح تنش بر کرنش بازیافت کامپوزیت تاثیر چندانی ندارد. در حالی که همان طور شکل 13 نشان

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1395، دورہ 16، شمارہ 1

Fig. 16 Effects of fiber volume fraction on the creep strain of the glass/epoxy composite under transverse loading, applied stress equals to 30 MPa

شکل 16 اثرات درصد حجمی الیاف بر کرنش خزشی کامپوزیت شیشه/اپوکسی در بارگذاری عرضی، تنش واده 30 مگاپاسکال

Fig. 17 Effects of volume fraction on the recovery strain of the glass/epoxy composite under transverse loading, applied stress equals to 30 MPa

6- نتیجه گیری

Fig. 14 Effects of stress levels on the creep strain of the glass/epoxy composite under axial loading

Fig. 15 Effects of stress levels on the recovery strain of the glass/epoxy composite under axial loading

میباشد. با توجه به شکل 17، در زمان 240.001 دقیقه مقدار کرنش بازیافت این ماده برای سه درصد حجمی 35، 50 و 65% بترتیب 0.0578

[DOR: 20.1001.1.10275940.1395.16.1.31.4]

در این پژوهش بمنظور مطالعه اثرات فاز میانی بر پاسخ ویسکوالاستیک غیرخطی کامپوزیتهای زمینه پلیمری چندفازی از مدل میکرومکانیکی سهبعدی سلول واحد ساده استفاده شد. یک المان حجمی نماینده برای مدلسازی کامپوزیت سهفازی با آرایه مربعی برای الیاف درنظر گرفته شد. این المان حجمی از سه فاز شامل الیاف، زمینه پلیمری و فاز میانی احاطه کننده ی الیاف، تشکیل شد. از مدل ویسکوالاستیک غیرخطی شیپری بمنظور مدلسازی رفتار زمینه استفاده شد. نتایج پیشبینی شده با مدل میکرومکانیکی ارایه شده در خصوص رفتار ویسکوالاستیک پلیمر تقویت شده با الیاف گرافیت (کامپوزیت دوفازی) بسیار نزدیک به دادههای آزمایشگاهی

0.0314 و 10 اثرات درصد حجمی الیاف را بترتیب بر کرنش خزشی و اشکال 18 و 19 اثرات درصد حجمی الیاف را بترتیب بر کرنش خزشی و کرنش بازیافت کامپوزیت سهفازی در بارگذاری طولی نشان میدهند. با توجه به شکل 18 مشاهده میشود که با افزایش کسر حجمی رفتار کلی کامپوزیت به رفتار الاستیک به جای ویسکوالاستیک نزدیک میشود. مقدار کرنش خزشی برای کامپوزیت سهفازی شیشه اپوکسی با درصد حجمی 650 در زمانهای 0 و 240 دقیقه برابر %0.0569 میباشد. شکل 19 نشان میدهد که با افزایش درصد حجمی الیاف مدت زمان کمتری لازم است تا کرنش بازیافت به صفر برسد.

طبق نتایج بدست آمده مشخص شد که اگر فاز میانی بعنوان یک ماده الاستیک در نظر گرفته شود، مدت زمان لازم برای این که کرنش بازیافت كامپوزيت به صفر برسد كاهش مىيابد. طبق نتايج استخراج شده با مدل میکرومکانیکی حاضر، اثرات ضخامت فاز میانی بر کرنش خزشی بیشتر از كرنش بازيافت مي باشد. با افزايش سطح تنش، ميزان كرنش خزشي کامپوزیت افزایش می یابد. با توجه به نتایج مشاهده شد که در بارگذاری طولى با افزايش كسر حجمي رفتار كلى كامپوزيت به رفتار الاستيك به جاي ویسکوالاستیک نزدیک می شود. بطوری که مقدار کرنش خزشی برای کامپوزیت سهفازی شیشه/پوکسی با درصد حجمی 65% در زمانهای 0 و 240 دقيقه برابر %0.0569 مىباشد.

7- مراجع

- [1] M. E. Tuttle, H. F. Brinson, Prediction of the long-term creep compliance of general composite laminates, Experimental Mechanics, Vol. 26, No. 1, pp. 89-102, 1986.
- [2] A. Pasricha, M. E. Tuttle, A. F. Emery, Time-dependent response of IM7/5260 composites subjected to cyclic thermo-mechanical loading, Composites Science and Technology, Vol. 56, No. 1, pp. 55-66, 1996.
- [3] G. C. Papanicolaou, S. P. Zaoutsos, A. H. Cardon, Further development of a data reduction method for the nonlinear viscoelastic characterization of FRPs, Composites: Part A, Vol. 30, No. 7, pp. 839-848, 1999.
- G. C. Papanicolaou, S. P. Zaoutsos, E. A. Kontou, Fiber orientation [4] dependence of continuous carbon/epoxy composites nonlinear viscoelastic behavior, Composites Science and Technology, Vol. 64, No. 16, pp. 2535-2545, 2004.
- [5] B. G. Schaffer, D. F. Adams, Nonlinear viscoelastic analysis of a unidirectional composite material, Journal of Applied Mechanics, Vol. 48, No. 4, pp. 859-865, 1981.
- [6] J. Aboudi, Micromechanical Characterization of the nonlinear viscoelastic behavior of resin matrix composites, Composites Science and Technology, Vol. 38, No. 4, pp. 371-386, 1990.
- R. A. Schapery, On the characterization of nonlinear viscoelastic materials, [7] Polymer Engineering and Sciences, Vol. 9, No. 4, pp. 295–310, 1969.
- [8] Y. Sadkin, J. Aboudi, Viscoelastic behavior of thermo-rheologically complex resin matrix composites, Composites Science and Technology, Vol. 36, No. 4, pp. 351-365, 1989.
- [9] J. S. Thomsen, R. Pyrz, Non-linear creep modelling of single-fibre model composites, Composites Science and Technology, Vol. 60, No. 9, pp. 1791-1800, 2000.
- [10] R. M. Haj-Ali, A. H. Muliana, A multi-scale constitutive formulation for the nonlinear viscoelastic analysis of laminated composite materials and structures, International Journal of Solids and Structures, Vol. 41, No. 13, pp. 3461-3490, 2004.
- [11] S. R. Falahatgar, M. Salehi, M. M. Aghdam, Nonlinear viscoelastic response of unidirectional fiber-reinforced composites in off-axis loading, Journal of Reinforced Plastics and Composites, Vol. 28, No. 15, pp. 1793-1811, 2009.
- [12] A. Niak, N. Abolfathi, G. Karami, M. Ziejewski, Micromechanical viscoelastic characterization of fibrous composites, Journal of Composite Materials, Vol. 42, No. 12, pp. 1179-1204, 2008.
- [13] S. P. Zaoutsos, G. C. Papanicolaou, On the influence of preloading in the nonlinear viscoelastic-viscoplastic response of carbon-epoxy composite. Composites Science and Technology, Vol. 70, No. 6, pp. 922-929, 2010.
- [14] J. S. Kim, A. H. Muliana, A combined viscoelastic-viscoplastic behavior of particle reinforced composites, International Journal of Solids and Structures, No. 5, Vol. 47, pp. 580–594, 2010.
- [15] A .Sayyidmousavi, H .Bougherara, S .R. Falahatgar, Z. Fawaz, A 3D micromechanical energy-based creep failure criterion for high-temperature polymer-matrix composites, Journal of Reinforced Plastics and Composites, pp. 1-9, 2013.

Fig. 18 Effects of fiber volume fraction on the creep strain of the glass/epoxy composite under axial loading, applied stress equals to 30 MPa

Fig. 19 Effects of volume fraction on the recovery strain of the glass/epoxy composite under axial loading, applied stress equals to 30 MPa

شد. همچنین نتایج مدل حاضر تطابق بسیار خوبی با روشهای عددی دیگر

- [16] A .Sayyidmousavi, H .Bougherara, S .R. Falahatgar, Z. Fawaz,
 - viscoelastic response of a unidirectional Thermomechanical graphite/polyimide composite at elevated temperatures using a micromechanical approach, Journal of Composite Materials, pp. 1-16, 2014.
- [17] R. Rafiee, B. Mazhari, Modeling creep in polymeric composites: Developing a general integrated procedure, International Journal of Mechanical Sciences, Vol. 99, pp. 112-120, 2015.
- [18] B. Lauke, Determination of adhesion strength between a coated particle and polymer matrix, Composites Science and Technology, Vol. 66, No. 16, pp. 3153-3160, 2006.
- [19] S.Y. Fu, X.Q. Feng, B. Lauke, Y. W. Mai, Effects of particle size, particle/matrix interface adhesion and particle loading on mechanical properties of particulate-polymer composites, Composites Part B, Vol. 39, No. 6, pp. 933–961, 2008.
- [20] S. Kari, H. Berger, U. Gabbert, R. Guinovart-Diaz, J. Bravo-Castillero, R. Rodriguez-Ramos, Evaluation of influence of interphase material parameters

در خصوص بررسی اثرات فاز میانی بر رفتار الاستیک کامپوزیتهای زمینه پلیمری سهفازی نشان داد. اثرات فاز میانی شامل مواد و ضخامت، سطح تنش و درصد حجمی الیاف بر منحنی خزش-بازیافت کامپوزیت سهفازی تحت بارگذاری طولی و عرضی مطالعه شد. درنظر گرفتن فاز میانی بصورت یک ماده الاستیک یا ویسکوالاستیک غیرخطی، میزان نرمی خزشی کامپوزیت را کاهش میدهد. نتایج نشان داد که هرچند در آغاز بارگذاری میزان کرنش خزشی برای کامپوزیت با درنظر گرفتن فاز میانی بعنوان یک ماده الاستیک یا ویسکوالاستیک یکسان است، ولی با افزایش زمان کرنش خزشی با درنظر گرفتن فاز میانی بعنوان یک ماده ویسکوالاستیک بیشتر میباشد. همچنین

(فارسی in Persian)

- [28] M. J. Mahmoodi, M.M. Aghdam, M. Shakeri, The effects of interfacial debonding on the elastoplastic response of unidirectional silicon carbide– titanium composites, Part C: *Journal of Mechanical Engineering Science*, Vol. 223, No. 2, pp. 259-269, 2010.
- [29] M. M. Aghdam, M. Gorji, S. R. Falahatgar, Interface damage of SiC/Ti metal matrix composites subjected to combined thermal and axial shear loading, *Computational Materials Science*, Vol. 46, No. 3, pp. 626–631, 2009.
- [30] J. Aboudi, T. O. Williams, A coupled micro-macromechanical analysis of hygrothermoelastic composites, *International Journal of Solids and Structures*, Vol. 37, No. 30, pp. 4149-4179, 2000.
- [31] J. Aboudi, M. J. Pindera, S. M. Arnoldc, Higher-order theory for functionally graded materials, *Composites: Part B*, Vol. 30, No. 8, pp. 777–832, 1999.
- [32] A. H. Muliana, Integrated micromechanical-structural framework for the nonlinear viscoelastic behavior of laminated and pultruded composite materials and structures, PhD Thesis, Georgia Institute of Technology, Atlanta, 2003.
- [33] R. M. Haj-Ali, A. H. Muliana, Numerical finite element formulation of the Schapery nonlinear viscoelastic material model, *International Journal for Numerical Methods in Engineering*, Vol. 59, No. 1, pp. 25–45, 2004.
- [34] Y. J. Liu, N. Xu J.F. Luo, Modeling of interphases in fiber-reinforced composites under transverse loading using boundary element method, *Journal of Applied Mechanics*, Vol. 67, No. 1, pp. 41-49, 2000.

on effective material properties of three phase composites, *Composites Science and Technology*, Vol. 68, No. 3-4, pp. 684–691, 2008.

- [21] F. Yang, R. Pitchumani, Effects of interphase formation on the modulus and stress concentration factor of fiber-reinforced thermosetting-matrix composites, *Composites Science and Technology*, Vol. 64, No. 10–11, pp. 1437–1452, 2004.
- [22] Y. Yao, S. Chen, P Chen, The effect of a graded interphase on the mechanism of stress transfer in a fiber-reinforced composite, *Mechanics of Materials*, Vol. 58, pp. 35–54, 2013.
- [23] Y. P. Jiang, W. L. Gao, H. Yang, Numerical studies on the effective shear modulus of particle reinforced composites with an inhomogeneous interphase, *Computational Materials Science*, Vol. 43, No. 4, pp. 724–731, 2008.
- [24] S. Nie, C. Basaran, A micromechanical model for effective elastic properties of particulate composites with imperfect interfacial bonds, *International Journal of Solids and Structures*, Vol. 42, No. 14, pp. 4179–4191, 2005.
- [25] J. Aboudi, Continuum theory for fiber-reinforced elasticvisco-plastic composites, *International Jornal of Engineering Science*, Vol. 20, No. 5, pp. 605–621, 1982.
- [26] M. J. Mahmoodi, M. M. Aghdam, Damage analysis of fiber reinforced Tialloy subjected to multi-axial loading—A micromechanical approach, *Materials Science and Engineering A*, Vol. 528, No. 27, pp. 7983-7990, 2011.
- [27] M. K. Hassanzadeh Aghdam, M. J. Mahmoodi, Micromechanical damage analysis of short fiber titanium matrix composites under combined axial loading, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 13, No. 4, pp. 86-97, 2013.

191