

http://mjmec.ir

اردیبهشت ۱۳۹۲، دوره ۱۳ شماره ۲ صص ۱۱–۱

ger of the

مقاله پژوهشی کامل تاریخ دریافت ۹۱/۶/۱۲ تاریخ پذیرش ۹۱/۸/۶ ارائه در سایت ۹۱/۱۱/۳۰

# مطالعه تطبیقی عملکرد مدلهای آشفتگی در پیشبینی فرکانس جریان جت نوسانی با تحریک طبیعی

محسن جهانمیری'، امیر امیدوار'\*، مسعود خراتی کوپایی'

مجله علمی پژوهشی

۱– دانشیار مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی شیراز، شیراز ۲– استادیار مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شیراز، شیراز

۳- استادیار مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شیراز، شیراز ۳- استادیار مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شیراز، شیراز

چکیده- در این مقاله عملکرد مدلهای توربولانسی مختلف در تخمین رفتار نوسانی جتهای سیالی با تحریک طبیعی، مورد ارزیابی قرار گرفته است. بدین منظور معادلات متوسط گیریشده برای جریان تراکمناپذیر آشفته در حالت غیردایم به همراه پنج مدل توربولانسی رایج در یک فضای محاسباتی سهبعدی حل شدهاند. برای محاسبات از نرمافزار فلوئنت 6.3.26 استفاده شده است. در این تحقیق نتایج محاسباتی با دادههای تجربی موجود مقایسه شد. بررسیها نشان داد که دو مدل ٤-4 استاندارد و ۵-35 لستفاده شده است. در این تحقیق نتایج محاسباتی با دادههای تجربی شایان ذکر است که در سرعتهای ورودی بسیار کم، دقت مدل ٤-3 استاندارد به شدت کاهش میابد به طوری که نتایج این مدل در تخمین کمینه سرعت (انرژی) لازم جهت تحریک پذیری جت سیال قابل استناد نیست. کلیدواژگان: جت نوسانی، تحریک طبیعی، آشفتگی

# A comparative study of turbulence models performance in predicting the frequency of naturally-excited oscillating jet flows

M. Jahanmiri<sup>1</sup>, A. Omidvar<sup>2\*</sup>, M. Kharati Koopaee

Assoc. Prof., Aerospace. Eng., Shiraz Univ. Tech., Shiraz, Iran.
Assist. Prof., Mech. Eng., Shiraz Univ. Tech., Shiraz, Iran.
Assist. Prof., Mech. Eng., Shiraz Univ. Tech., Shiraz, Iran.

\*P. O. B. 71555-313 Shiraz, omidvar@sutech.ac.ir

**Abstract**- This paper presents a comparative study of turbulence models performance in prediction the oscillating characteristics of naturally excited jet flows. The unsteady averaged Navier-Stoks equations for turbulent incompressible flow and five variant turbulence closures are used in this study. The software, FLUENT 6.3.26, was employed for solving the governing equations. Computational results compared with reported experimental data. The standard k- $\varepsilon$  and SST k- $\omega$  models clearly showed better results than the others. The accuracy of standard k- $\varepsilon$  model decreases with decreasing the nozzle inlet velocity and it failed to predict the minimum excitation velocity (kinetic energy) in the fluidic nozzle.

Keywords: Oscillating Jet, Naturally-Excitation, Turbulence

#### ۱– مقدمه

جریان جت تحریکشده کاربردهای متنوعی دارد. امروزه در عرصههای گستردهای در صنعت و فناوری از جمله سیستمهای خنک کاری، جلوبرنده ها و سامانه های احتراقی از جریان جتهای تحریکشده استفاده می شود[۱]. بررسی ها نشان داده است که با تحریک جت سیال و ایجاد نوسان در آن میتوان مشخصات جتهای سیالی نظیر طول نفوذ جت، نیمزاویه گسترش جت و میزان اختلاط جریان جت با سیال محیطی را کنترل نمود. تحريک جريان جت ميتواند به دو صورت تحريک فعال و غيرفعال (طبيعي) انجام شود. تحريك فعال شامل تحريك صوتی و تحریک مکانیکی است. در تحریک صوتی، موجی با دامنه کوتاه و اغلب با فرکانس بالا در راستای محوری یا جانبی با استفاده از یک یا چند بلندگو باعث تحریک جریان جت سیال میشود. از این روش برای تحریک ویک پشت وسایل نقلیه به منظور کاهش نیروی پسای اعمال شده به آن استفاده می شود[۱]. در تحریک مکانیکی جسمی مانند یک ایرفویل کوچک در مسیر جریان قرار داده می شود تا با نوسان خود باعث تحریک جریان سیال گردد[۳،۲]. البته تغییر گذر جرمی جریان در نازل و همچنین نوسان متناوب زاویه نازل راههای دیگر ایجاد تحریک مکانیکی محسوب میشوند. در تحریک غيرفعال (سيالي) هيچگونه عامل تحريک کننده متحرکی وجود ندارد. در این حالت تنها عامل تحریک هندسه و ابعاد خاص نازل است. فرکانس نوسان ایجادشده در این حالت به هندسه نازل و سرعت جریان جت سیال بستگی دارد. این شیوه تحریک جت سیال را تحریک طبیعی نیز مینامند. نازل ایجادکننده این نوع تحریک اصطلاحا نازل سیالی یا نازل خودتحریک ناميده مي شود.

هرمن ویتس در سال ۱۹۷۵ برای اولینبار یک نوع نازل سیالی را برای ایجاد جت تحریک شده با هدف افزایش اختلاط و جلوبرندگی به کار گرفت[۳]. او مشاهده نمود که تغییرات اندک در ساختار نازل میتواند نرخ اختلاط جریان را به شدت تغییر دهد. در سال ۱۹۸۷ لاکستون و همکاران برای اولینبار از یک نازل تودرتو برای ایجاد تحریک در جریان جت استفاده کردند[۳]. این نوع نازلها امروزه از رایج ترین انواع نازلهای سیالی محسوب می شوند. در این نازلها معمولاً به دلیل انبساط ناگهانی در خروجی نازل اولیه، جریان جت به یکی از دیوارههای

نازل بزرگتر برخورد میکند. گرادیان فشار معکوس و جریان بازگشتی ایجادشده در دهانه نازل باعث جداشدن جریان از دیواره و برخورد آن با جداره مقابل میگردد. اگر نازل از نظر ابعاد و هندسه، طراحی مناسبی داشته باشد، این رخدادها متناوباً تکرار خواهند شد. اصطلاحاً به این رویداد اثر کواندا<sup>۱</sup> گفته میشود. نمایی از شکل نازل و نحوه عملکرد آن در شکل ۱ نشان داده شده است.



**شکل ۱** نمایی از نازل سیالی و نحوه عملکرد آن[۴]

با توجه به اینکه استفاده از روشهای تحریک فعال، به دلیل وزن و حجم نسبتاً زیاد سامانههای تحریککننده و همچنین هزینههای تعمیر و نگهداری آنها، چندان مقرون به صرفه نیست، امروزه به روشهای تحریک غیرفعال یا طبیعی توجه بیشتری شده است. استفاده از نازلهای سیالی، ساده، مؤثر و بادوام است. یکی از مهمترین کاربردهای جتهای سیالی افزایش نرخ اختلاط جریان است. افزایش نرخ اختلاط معمولاً افزایش نرخ اختلاط جریان است. افزایش نرخ اختلاط معمولاً در سیستمهای احتراقی از اهمیت ویژهای برخوردار است[۵]. تحقیقات نشان داده است که استفاده از نازلهای سیالی در مشعلها باعث پایداری شعله و کاهش میزان آلایندهها می گردد[۶–۸].

تاکنون مطالعات زیادی در مورد بررسی تأثیر هندسه و ابعاد نازلهای سیالی بر عملکرد آنها صورت گرفته است[۱۰،۹]. در برخی از بررسیها[۱۲،۱۱] تأثیر قطر نازل بیرونی بر فرکانس جت تحریکشده مورد توجه قرار گرفته است. همچنین مطالعات نشان داده است که علاوه بر شکل و ابعاد هندسی نازل، نسبت دانسیته سیال اصلی به سیال محیطی اطراف نازل نیز بر رفتار نوسانی این گونه جتها بسیار اثرگذار است[۱۳]. نتایج نشان داده است که با افزایش نسبت چگالی، نیم<sub>ا</sub>زاویه گسترش جت نیز افزایش مییابد.

<sup>1.</sup> Coanda effect

بر اساس آخرین جستارهای نگارندگان، اغلب پژوهشهای انجامشده در زمینه مطالعه جتهای نوسانی طبیعی به صورت تجربی انجام شده و تاکنون تحقیق قابل توجهی در زمینه مدلسازی عددی این گونه جریانها صورت نگرفته است. به همین علت، در مقاله حاضر، سعی شده است تا با مدلسازی سهبعدی جریان در داخل نازلهای خودتحریک، امکان مدلسازی عددی و دقت آن مورد ارزیابی قرار گیرد. از آنجا که این گونه جریانها ماهیتی آشفته و کاملاً وابسته به زمان دارند، نقش مدلهای آشفتگی در شبیهسازی رفتار آنها بسیار چشمگیر است. لذا در این مقاله بیشتر بر عملکرد مدلهای مختلف توربولانسی تمرکز شده است.

# ۲- معادلات جریان و مدلسازی آشفتگی ۲-۱- معادلات حاکم بر جریان سیال

در این مقاله معادلات ناویر استوکس متوسط گیری شده (RANS) در حالت غیردایم برای جریان آشفته سیال تراکمناپذیر با خواص ثابت در حالت سهبعدی نوشته و حل می شوند. معادلات حاکم بر میدان جریان عبارتاند از:

$$\frac{\partial u_i}{\partial x_j} = 0 \tag{1}$$

$$\frac{\partial u_i}{\partial t} + \frac{\partial u_i u_j}{\partial x_j} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x_i} + \frac{\partial}{\partial x_j} (\upsilon S_{ij} - \overline{u'_i u'_j})$$
(7)

که  $S_{ii}$  تانسور نرخ کرنش سیال است، به طوری که:  $1 \partial u \partial u$ 

$$S_{ij} = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) \tag{(7)}$$

و  $\overline{u_i'u_i'} = au_{ii}$  تانسور تنشهای آشفتگی یا همان تنشهای رینولدزی است.  $u'_i$  بیانگر سرعت نوسانی آشفته در جهت i است. دسته معادلات فوق بسته نمی شوند و برای حل، نیازمند مدلهای آشفتگی هستند تا تنشهای آشفتگی را محاسبه نمايند.

# ۲-۲- مدلسازی آشفتگی

در این مقاله، عملکرد برخی از مدلهای مرسوم آشفتگی نظیر و مدل SST k- $\omega$  استاندارد، k- $\omega$  ،RNG k- $\varepsilon$  و مدل k- $\varepsilon$ تنشهای رینولدزی یا RSM برای پیشبینی فرکانس نوسانی

محسن جهانمیری و همکاران

همان طور که قبلاً نیز اشاره شد، دسته معادلات (۱) و (۲) باید با کمک معادلات اضافی به نوعی مدلسازی یا محاسبه گردد. در همه مدلهای آشفتگی فوقالذکر، جز مدل RSM، برای مدلسازی تنشهای رینولدزی از تقریب بوزینسک استفاده می شود. در این مدل ها، که به مدل های لزجت توربولانسی نیز مشهور هستند، تنشهای رینولدزی به صورت زير برآورد مي شوند:

$$\tau_{ij} = \frac{2}{3}k\delta_{ij} - 2\upsilon_i S_{ij} \tag{f}$$

که k بیانگر انرژی جنبشی آشفتگی است.  $\delta_{ij}$  دلتای کرونیکر و kلزجت توربولانسی هستند. برای محاسبه k و  $v_t$  معادلات  $v_t$ اضافهای لازم است که باید در کنار دسته معادلات حاکم بر جریان سیال نوشته و حل شوند. شایان ذکر است که در مدل RSM، برای محاسبه تنشهای رینولدزی به رابطه (۴) نیاز نیست. در این مدل مقادیر تنشها مستقیماً و بدون مدلسازی تعيين مىشوند.

### (SKE) مدل $k-\varepsilon$ استاندارد $k-\varepsilon$

مدل  $\mathcal{E} - \mathcal{E}$  استاندارد یکی از مدلهای توربولانسی بسیار رایج است که تاکنون در تحقیقات زیادی مورد استفاده قرار گرفته و نقاط قوت و ضعف آن در مقالات متنوعی به چالش کشیده شده است. در این مدل جریان کاملاً آشفته فرض می شود به نحوی که می توان از اثرات لزجت مولکولی صرفنظر نمود[۱۴]. در نزدیکی جدارههای جامد، عملکرد مدل (SKE) با مشکل مواجه می شود. در این نواحی معمولاً معادلات کمکی اضافه ای لازم است تا اثرات لزجت مولکولی را نیز در محاسبات لحاظ نماید. به همین دلیل، در نواحی نزدیک جداره، استفاده از توابع ديواره الزامي است.

#### (RNGKE) RNG $k - \varepsilon$ مدل -۲-۲-۲

یاخوت و ارزاگ در سال ۱۹۸۶ شکل جدیدی از مدل k- $\varepsilon$  را ارائه کردند[۱۵]. آنها توانستند اثرات ناشی از مقیاسهای کوچک آشفتگی که پیش از آن در مفهوم لزجت گردابهای از آنها صرفنظر شده بود را در محاسبات لحاظ نمایند. این مدل

٣

<sup>1.</sup> Closure problem

مهندسی مکافیک مدرس اردیب ۱۳۹۲، دورهٔ ۱۳ شمارهٔ ۲

نسبت به مدل استاندارد دارای یک جمله اضافی است که بیانگر نسبت زمان مشخصه آشفتگی به زمان مشخصه میدان جریان است. لذا پیشبینی میشود که این مدل بتواند اثرات غیرتعادلی<sup>۱</sup> (مانند جریانهای سریعاً کرنشیافته یا جریانهای با چرخش زیاد) را بهتر محاسبه نماید. در چنین جریانهایی، مقیاس زمانی آشفتگی میتواند با مقیاس زمانی جریان متوسط متفاوت باشد. برای دسترسی به جزییات بیشتر در این مورد میتوان به مرجع [10] مراجعه نمود.

(SKW) مدل  $k-\omega$  استاندارد $k-\omega$ 

این مدل نیز یکی از مدلهای بسیار مرسوم و کاربردی برای محاسبه آشفتگی است. مدل  $k - \omega$  استاندارد برای محاسبه خواص آشفتگی جریان نیاز به دو معادله دیفرانسیل اضافی دارد. اولین معادله مربوط به انتقال انرژی جنبشی آشفتگی (k)است و از این بابت کاملاً مشابه مدل  $\mathcal{F} - \mathcal{F}$  استاندارد است. معادله انتقال دوم مربوط به تلفات ویژه  $(\omega)$  یا همان نسبت  $(\mathcal{E}/k)$  است. در این مدل اصلاحاتی، برای لحاظنمودن اثرات تراکمپذیری جریان و Re پایین، اعمال شده است. جزییات بیشتر در مورد مدل مذکور توسط ویلکاکس در مرجع [۱۶] آورده شده است.

# ۲-۲-۴- مدل انتقال تنشهای رینولدزی (SST)

این مدل برای اولینبار توسط منتر ارائه شد. این مدل توانمندیهای مدل k - w برای جریانهای با رینولدز پایین را با مزایای مدل  $\mathcal{E} - k$  در مناطق دور از جداره به طور همزمان داراست. مدل انتقال تنشهای رینولدزی از نظر ظاهری بسیار شبیه به مدل w - w ویلکاکس است. مدل انتقال تنشهای رینولدزی، علاوه بر دربر داشتن اثرات عدد رینولدز پایین، اثرات تراکمپذیری جریان و اثرات پراکندگی جریان برشی، دارای توانمندیهای دیگری نیز هست که از آن جمله میتوان به موارد زیر اشاره نمود:

- در این مدل، به منظور دخیلنمودن اثرات انتقال تنشهای برشی اصلی، تعریف لزجت آشفته اصلاح شده است.
- ثوابت مدل نسبت به ثوابت مدل استاندارد k-w بهبود یافته است.

این ویژگیها باعث شده است که مدل مذکور برای دسته وسیعی از جریانهای مهندسی عملکرد دقیقتر و مطمئنتری داشته باشد. جهت اطلاع از جزییات بیشتر در این باره میتوان به مراجع [۱۵] و [۱۶] مراجعه نمود.

# ۲-۲-۵- مدلهای تنشهای رینولدزی (RSM)

مدل تنشهای رینولدزی، نسبت به سایر مدلهای مطرحشده در این مقاله، یک مدل سطح بالاتر و قویتر محسوب می گردد. این مدل به مدل مرتبه دوم<sup>۲</sup> نیز معروف است. در مدل RSM، بر خلاف سایر مدلهای مورد بحث، رهیافت لزجت گردابهای دنبال نمیشود. در این مدل برای هر یک از مؤلفههای تانسور تنشهای توربولانسی، یک معادله انتقال به طور جداگانه نوشته و به طور همبسته با سایر معادلات حاکم بر میدان جریان سیال حل می شوند. برای دستیابی به جزییات بیشتر در این زمینه می توان به مرجع [۱۶] مراجعه نمود.

# ۲-۳- توابع دیواره

در نواحی نزدیک به جداره، گرادیان کمیتهای حاکم بر جریان بسیار چشمگیر است به طوری که برای محاسبه چنین تغییراتی لازم است اندازه شبکه محاسباتی در نزدیکی دیواره بسیار ریز باشد.استفاده از تابع دیواره اجازه میدهد که با تعداد سلولهای محاسباتی کمتر بتوان نتایج قابل قبولی را بهدست آورد.

برای جریانهای پیچیده همراه با جدایش جریان و نقطه تماس مجدد، اغلب تابع دیواره لگاریتمی مرسوم که توسط لاندر و اسپالدینگ[۱۴] ارائه شد چندان قابل اطمینان نیست. تابع دیواره غیرتعادلی که توسط کیم و چوداری ارائه شد، به دلیل اینکه اثرات گرایان فشار و انحراف از حالت تعادلی در آن لحاظ شده است، تقریبهای بهمراتب بهتری را ارائه مینماید[۱۷]. تابع دیواره غیرتعادلی، در مقایسه با تابع دیواره لگاریتمی مرسوم، حساسیت کمتری به گرادیان فشار و تغییرات شدید نرخ کرنش از خود نشان میدهد[۱۷]. در این تحقیق از تابع دیواره غیرتعادلی است.

تابع دیواره غیرتعادلی در محاسبه انرژی جنبشی آشفتگی از مفهوم دولایهای استفاده میکند به طوری که برای نقاط نزدیک دیواره و نقاط دور از آن دو مقدار مختلف اختیار میکند و مقادیر مابین این دو نقطه را خطی فرض مینماید.

<sup>1.</sup> Off-equilibrium

<sup>2.</sup> Second order



شکل ۲ نمایی از نازل خود تحریک (ابعاد به میلی متر) [۱۸]

مبدأ مختصات در دهانه خروجی نازل اولیه (درونی) قرار دارد. محور x عمود بر سطح مقطع این نازل و در راستای محور جریان جت سیال قرار دارد. سیال مورد بررسی در این مقاله، هواست که با لزجت ثابت و با دمای معین و مشخص (مشابه با آنچه در مرجع [۱۸] آمده) در داخل نازل جریان دارد.

به منظور مدلسازی محیط اطراف نازل و تحلیل کنش متقابل محیط بیرونی نازل با جریان داخل آن، یک فضای مکعب مستطیل شکل بزرگتر در اطراف نازل درنظر گرفته شده است. مرزهای این فضا که در واقع بیانگر محیط اطراف نازل است باید به گونهای انتخاب شوند که الگوی جریان خروجی از نازل مستقل از محل آنها باشد. بدین منظور مرزهای محیط بیرونی به اندازه سه برابر قطر نازل بیرونی در راستای عمود بر محور جریان و به اندازه پنج برابر طول کل نازل در راستای افقی (هم جهت با محور نازل) درنظر گرفته شد.

شایان ذکر است که میزان تأثیرپذیری الگوی جریان جت از محل قرارگیری مرزهای محیط اطراف نازل مورد بررسی قرار گرفت و استقلال الگوی جریان از محل مرزهای محیطی در فواصل فوقالذکر تأیید شد. به منظور حل عددی جریان جت نوسانی با نازل خودتحریک، فضای درون نازل و محیط اطراف آن با یک شبکه سازمانیافته غیریکنواخت پوشش داده شده است.

در شکل ۳ نمایی کلی از شبکه محاسباتی مورد استفاده در این تحقیق نشان داده شده است. همان طور که ملاحظه می شود، اندازه سلول های شبکه در نزدیکی نازل و محور جت ریزتر است و هر چه از نازل دور می شویم شبکه در شتر شده است.

$$k = \begin{cases} \left(\frac{y}{y_{v}}\right)^{2} k_{p} & ; y < y_{v} \\ k_{p} & ; y > y_{v} \end{cases}$$
( $\Delta$ )

که <sub>۷</sub><sub>۷</sub> و ۷ بهترتیب ضخامت زیرلایه لزج و فاصله از دیواره است. <sub>p</sub> انرژی جنبشی آشفتگی در فواصل دور از جداره است. همچنین، برای میرایی انرژی جنبشی آشفتگی نیز داریم:

$$\varepsilon = \begin{cases} \frac{2\nu k}{y^2} & ; \ y < y_{\nu} \\ \frac{k^{3/2}}{C_l^* y} & ; \ y > y_{\nu} \end{cases}$$
(8)

که v لزجت سینماتیک است و

$$C_l^* = \kappa C_\mu^{-3/4} \tag{Y}$$

ثابت ون کارمن است و ۲۰۱۹  $C_{\mu}= \cdot/$ ۱ست. K

# ۳- هندسه میدان حل و شبکه محاسباتی

در این تحقیق، جریان آشفته تراکمناپذیر یک جت سیال نوسانی با تحریک طبیعی، به هنگام خروج از یک نازل خودتحریک به صورت سهبعدی مدلسازی شده است. این مسئله به صورت تجربی بارها در شرایط مختلف و با نازلهای مختلف مورد بررسی قرار گرفته است[۱۰،۹]. اما بر اساس آخرین بررسیهای نگارندگان، تاکنون تحقیقات عددی زیادی در مورد مدلسازی این گونه جریانها انجام نشده است. به همین علت، در این مقاله سعی شده است تا توانمندی مدلهای مختلف آشفتگی در محاسبه و مدلسازی رفتار نوسانی این گونه جریانها مورد بحث و تجزیه و تحلیل قرار گیرد.

در شکل ۲، نمایی از نازل سیالی مورد مطالعه در این پژوهش نشان داده شده است. این نازل درواقع از دو نازل تودرتو تشکیل شده است. نازل درونی اصطلاحاً نازل اولیه و نازل بیرونی نازل ثانویه نامیده میشود. در این شکل، نازل بیرونی دارای سطح مقطع مستطیلی با ابعاد ۲۰ در ۴۰ میلیمتر و نازل درونی دارای مقطع مستطیلی با ابعاد ۲۰ در ۴۰ میلیمتر و است. طول نازل بیرونی ۲۹ میلیمتر و طول نازل درونی ۴۸ میلی متر درنظر گرفته شده است. کلیه ابعاد نازل کاملاً مشابه با نازلی است که در مرجع [۱۸] رفتار نوسانی آن به طور تجربی مورد بررسی قرار گرفته است.



**شکل ۳** نمایی از شبکه محاسباتی مورد استفاده

جهت ارزیابی حساسیت نتایج محاسباتی به ابعاد و دانسیته نقاط شبکه، محاسبات برای سه شبکه با تعداد نقاط ۴۸۳۰۰۰ ۶۹۶۰۰۰ و ۹۱۲۰۰۰ انجام شد. جهت بررسی استقلال محاسبات از سایز شبکه محاسباتی دو پارامتر سرعت جت سیال در راستای محوری و فرکانس نوسانات سرعت مدنظر قرار گرفت. این دو پارامتر از مهمترین کمیتهای ساختار جت بهشمار میآیند.

نتایج نشان داد که با شبکه ۶۹۶۰۰۰ گرهای استقلال نتایج از شبکه محاسباتی برآورده می گردد. لذا این شبکه به عنوان شبکه محاسباتی انتخاب شد. همچنین، شایان ذکر است که با این شبکه مقادیر فاصله بدون بعد از جداره (<sup>+</sup> Y)، به جز در بخشهای کوچکی از ورودی جریان در نازل درونی که مقادیر <sup>+</sup>Y تا حدود ۳۵ افزایش مییابد، در سایر بخشهای میدان در مرتبه یک ( $1=(^+ Y)O$ ) نگه داشته شده است.

### ۴- شرایط مرزی

در دهانه ورودی نازل درونی، گذر جرمی جریان به عنوان ورودی به محاسبات اعمال شده است. بر روی جدارههای نازل شرط عدم لغزش اعمال شده و در نواحی نزدیک دیواره نیز از توابع دیواره (بخش ۲–۳) استفاده شده است. بر روی مرزهای محیط اطراف نازل نیز شرط فشار خروجی لحاظ شده است.

### ۵- راهبردها و شيوه حل عددی

برای گسسته سازی معادلات ممنتوم از تقریب بالادست مرتبه دوم و برای گسسته سازی معادلات آشفتگی از تقریب بالادست مرتبه اول استفاده شده است. برای برقراری همبستگی بین سرعت و فشار از الگوریتم سیمپل استفاده شده است. کلیه

معادلات گسسته سازی شده در شرایط وابسته به زمان، به طور ضمنی، توسط نرمافزار فلوئنت حل شدهاند. در حل معادلات از گام زمانی ۲/۰۰۰۱ ثانیه استفاده شده است. شایان ذکر است که در چنین شرایطی، استقلال نتایج محاسباتی از اندازه گام زمانی برای مسئله مورد بحث تضمین می گردد. جهت تعیین معیار همگرایی، مقادیر خطای باقی مانده برای سایر کمیت های محاسباتی برابر با <sup>۲</sup>-۱۰ درنظر گرفته شده است.

محاسبات از طریق پردازش موازی توسط دو پردازشگر چهارهستهای دوگیگاهرتز انجام شد. مدت زمان محاسبات توسط سیستم مذکور تقریباً ۱۲۰ ساعت بهطول انجامید.

# ۶- نتایج و بحث

#### ۶-۱-پیشبینی فرکانس جت نوسانی طبیعی

می و ناتان رفتار یک جت نوسانی با نازلی همانند نازل نشان داده شده در شکل ۱ را بهصورت تجربی مورد مطالعه قرار دادند[۱۸]. آنها نشان دادند که فرکانس نوسانات جریان جت یکی از پارامترهای بنیادی تعیینکننده برای پیشبینی ویژگیهای رفتاری جتهای نوسانی است.

بر اساس نتایج گزارششده در مرجع [۱۸]، فرکانس جت نوسانی وابستگی خطی شدیدی به سرعت سیال ورودی به نازل دارد. این در حالی است که با تغییر سرعت جریان ورودی به نازل، فرکانس بیبعد (عدد استروهال) تقریباً ثابت باقی میماند. نتایج تحقیق مذکور نشان داد که با تغییر سرعت جریان ورودی به نازل از ۱۱ تا ۸۶ متر بر ثانیه، مقدار عدد استروهال تنها به اندازه ۲۰۲۰۲ تغییر خواهد کرد[۱۸].

به منظور بررسی عملکرد و توانمندی مدلهای توربولانسی رایج در محاسبه رفتار جتهای خودتحریک و پیشبینی فرکانس نوسانی آنها، با بهکارگیری مدلهای مختلف آشفتگی، فرکانس جریان جت نوسانی تولیدشده توسط نازل شکل ۱ برای یک سرعت ورودی مشخص (۵۶/۶ متر بر ثانیه) با مقدار فرکانس محاسبه شده توسط مرجع [۱۸] مقایسه شده است. نتایج این مقایسه در جدول ۱ آمده است. به منظور محاسبه فرکانس نوسان جت، تاریخچه زمانی تغییرات اندازه مؤلفههای سرعت جت سیال در هر نقطه میدان رسم شده و تعداد نوسانات در واحد زمان به عنوان فرکانس غالب درنظر گرفته شده است.

[	فرکانس تجربی [۱۸ (Hz)	فرکانس محاسباتی (Hz)	مدل آشفتگی
	۵۳/۵	۵۸	SKE
	۵۳/۵	٧٢	RNGKE
	۵۳/۵	۳۵	SKW
	۵۳/۵	۵۲	SST
	$\Delta \Upsilon / \Delta$	٨٨	RSM

جدول ۱ مقایسه فرکانس محاسباتی جت نوسانی با مقادیر تجربی

نکته جالب توجه اینکه اندازه فرکانس محاسبه شده به مکان نقطه مورد بررسی در میدان جریان وابسته نیست. به عبارت دیگر، نزدیک یا دوربودن نقطه دادهبرداری به دهانه نازل تأثیری بر مقدار فرکانس ندارد. فرکانس نوسان یکی از پارامترهای ساختاری جت خودتحریک محسوب می شود و مقدار آن بساختاری جت خودتحریک محسوب می شود و مقدار آن به شدت تابع هندسه نازل است [۲۰،۱۹،۱۱]. فرکانس نوسان به نوعی بیانگر ویژگی ساختاری نازل به شمار می آید و شاید به همین دلیل است که این پارامتر در نقاط مختلف میدان تغییر نمی کند.

البته شایان ذکر است که بر خلاف فرکانس، دامنه تغییرات سرعت عمودی بهشدت به فاصله نقطه دادهبرداری از دهانه نازل بستگی دارد. به طوری که با دورشدن از نازل دامنه تغییرات مؤلفه عمودی سرعت جت بهشدت کاهش مییابد.

همانطور که ملاحظه میشود، مدل انتقال تنش برشی (SST) نسبت به سایر مدلهای مورد ارزیابی، نتایج دقیقتری را پیشبینی کرده است. در این بین، مدل تنشهای رینولدزی (RSM) بیشترین خطا را در محاسبه فرکانس جت نوسانی بههمراه داشته است.

به عنوان نمونه تاریخچه سیگنال سرعت برای دو مدل SST و SKE در بازه زمانی ۱ تا ۱/۱ ثانیه در شکل ۴ رسم شده است. در این نمودار محور عمودی نمایانگر سرعت بدون بعد (نسبت سرعت به سرعت سیال خروجی از نازل) جریان است. این دادهها در فاصله ۸۵ میلیمتری از نازل رسم شدهاند.

در ادامه باید دید که مدلهای توربولانسی مذکور وابستگی خطی نسبتاً شدید فرکانس با سرعت ورودی جت را چگونه پیش بینی خواهند کرد. بدین منظور، در نمودار شکل ۵، مقادیر فرکانس پیش بینی شده توسط مدلهای توربولانسی مختلف برای سرعتهای ۱۰ تا ۸۰ متر بر ثانیه رسم شده است.







**شکل ۵** مقایسه مقادیر فرکانس محاسباتی توسط مدلهای آشفتگی مختلف با دادههای تجربی گزارششده در مرجع [۱۸]

همان طور که ملاحظه می شود، مقادیر فرکانس پیش بینی شده توسط دو مدل SKE و SST به مقادیر تجربی نزدیک تر است. در سرعتهای متوسط و یا نسبتاً زیاد مدل SST دقت به مراتب مطلوب تری در محاسبه فرکانس نوسان جت دارد. در حالی که در سرعتهای نسبتاً پایین (کمتر از ۳۰ متر بر ثانیه) از دقت مدل SST تا حدی کم می شود. به طوریکه نتایج مدل SST در سرعتهای نسبتاً کم به سمت نتایج مدل WKS میل می کند. البته این رخداد چندان هم دور از انتظار نیست. چرا که مدل SST از نظر ساختاری ترکیبی از دو مدل WKS و SST است؛ به نحوی که در سرعتهای کم عملکرد مدل SST به سمت مدل SKW نزدیک می شود و بالعکس در مقادیر با کمی دقت در نمودارهای ارائه شده در شکل ۵، دقیقاً با کمی دقت در نمودارهای ارائه شده در شکل ۵، دقیقاً نمودارهای شکل ۵، مشاهده می گردد که مدل های RSM و

RNGKE دقت کمتری نسبت به مدلهای دیگر دارند. این کاهش دقت در سرعتهای نسبتاً بالا مشهودتر است. شایان ذکر است عملکرد مدلهای آشفتگی مذکور با تابع دیواره مرسوم لگاریتمی نیز مورد ارزیابی قرار گرفت که نتایج بهدست آمده به هیچ وجه با دادههای تجربی تطابق نداشت.

از آنجا که دو مدل SKE و SST نسبت به سایر مدلها نتایج بهتری را در پیشبینی فرکانس جت نوسانی ارائه کردهاند، به منظور مقایسه بهتر، میزان خطای این دو مدل نسبت به دادههای تجربی گزارششده در مرجع [۱۸] در شکل ۶ با هم مقایسه شده است. همان طور که ملاحظه می گردد، هر دو مدل در سرعتهای ورودی بیشتر، دقتهای مطلوبتری دارند. به طوری که با افزایش سرعت ورودی سیال، از میزان خطای محاسباتی مدلها بهشدت کاسته میشود. خطای مدل SST بهمراتب کمتر از خطای مدل SKE است. اما در سرعتهای پایین هیچ یک از آنها در محاسبه فرکانس نوسان جت دقت خوبی ندارند. شاید بتوان چنین نتیجه گیری نمود که در سرعتهای پایین مدلهای محاسباتی به مختی میتوانند در سرعتهای پایین مدلهای محاسباتی به سختی میتوانند



**شکل ۶** مقایسه خطای محاسباتی مدلهای SKE و SST

به طور کلی چنین نتیجه گیری می شود که مدل آشفتگی SST در محاسبه فرکانس جت نوسانی، نسبت به سایر مدل های مورد بررسی دقت محاسباتی به مراتب مطلوب تری دارد. این امر تا حد زیادی به توانمندی مدل مذکور در محاسبه جریان های با گرادیان فشار نامطلوب برمی گردد. از آنجا که ایجاد نوسان و تحریک در نازلهای خودتحریک (مانند شکل ۲) تا حد زیادی مرهون ایجاد جریان برگشتی از سمت محیط بیرون به داخل نازل بیرونی است و با توجه به اینکه مدل SST در

شبیه سازی جریان های همراه با گرادیان فشار نامطلوب بسیار خوب عمل می کند، لذا عملکرد مطلوب این مدل در محاسبات جتهای سیالی خودتحریک نیز چندان دور از انتظار نیست.

۶-۲- پیشبینی کمینه سرعت تحریک پذیری جت

نکته حائز اهمیت دیگر، تعیین مقدار کمینه سرعت لازم برای تحریک پذیری و ایجاد نوسان در جریان جت سیال است. به عبارت دیگر، اگر رابطه خطی بهدست آمده نتایج تجربی مرجع [۱۸] را ادامه دهیم، محور مختصات افقی (محور ۱) را در نقطه ۲/۵۵ m/s قطع خواهد کرد. در مقادیر سرعت کمتر از این مقدار فرکانس جریان جت صفر خواهد بود. یعنی در سرعتهای کمتر از ۲/۵۵ متر بر ثانیه، جریان جت حاصل از نازل خودتحریک مورد بررسی در این تحقیق تحریک نخواهد شد. به همین علت، این مقدار سرعت آستانهای را میتوان تحت عنوان کمینه سرعت لازم برای تحریک پذیری جریان جت معرفی نمود.

مقادیر محاسباتی کمینه سرعت تحریک پذیری جت نوسانی با نازل خودتحریک (نشان داده شده در شکل ۲) در جدول ۲ با مقدار استنتاجشده از دادههای تجربی گزارششده در مرجع [۱۸] مقایسه شده است.

ملاحظه می شود که مدل های SKE و SKW بدترین پیش بینی ها را برای مقدار کمینه سرعت تحریک پذیری جت ارائه کردهاند. بر مبنای مدل SKE، حتی در مقادیر سرعت بسیار ناچیز (نزدیک به صفر)، تحریک در نازل رخ می دهد که این امر هم با فیزیک مسئله و هم با آنچه در نتایج تجربی منعکس شده تفاوت دارد.

جدول ۲ مقایسه کمینه سرعت تحریک پذیری جت

مدل آشفتگی	کمینه سرعت تحریکپذیری محاسباتی (m/s)	کمینه سرعت تحریک پذیری تجربی[۵] (m/s)
SKE	ť	۲/۵۵
RNGKE	١/۴	۲/۵۵
SKW	$\Delta/\mathcal{F}$	۲/۵۵
SST	٣/۴	۲/۵۵
RSM	$\nabla/\lambda$	۲/۵۵

در این میان، مدل SST کمینه سرعت لازم جهت تحریک پذیری جت را با تقریب نسبتاً قابل قبولی می تواند تخمین بزند. اینکه مدل SST توانسته است فرکانس نوسان جت و کمینه سرعت تحریک پذیری آن را به خوبی پیش بینی نماید به هیچ وجه دلیل بر توانمندی کامل این مدل در پیش بینی دقیق سایر ویژگی های جت نوسانی نیست و باید برای صدور یک حکم قطعی داده ها و کمیت های متنوع تری مورد بررسی قرار گیرد. آنچه فعلاً با قطعیت می توان بیان کرد این است که مدل SST در پیش بینی فرکانس جت نوسانی و کمینه سرعت تحریک پذیری آن عملکرد نسبتاً مطلوب تری نسبت به سایر مدل های مورد بررسی دارد.

### ۶-۳- رابطه فرکانس جت نوسانی با عدد رینولدز

تحقیقات پیشین نشان داده است که فرکانس جتهای نوسانی طبیعی با عدد رینولدز رابطه خطی دارد[۲۰،۱۱]. معمولاً عدد رینولدز بر اساس مشخصه طولی دهانه نازل و سرعت سیال در دهانه ورودی نازل تعریف میشود. رابطه بین فرکانس نوسان و عدد رینولدز برای نازل خودتحریک سیالی (شکل ۲) در شکل ۷ رسم شده است.

همان طور که ملاحظه می شود برای نازل مورد بررسی در این مقاله نیز، فرکانس با عدد رینولدز رابطه خطی دارد. این امر با نتایجی که قبلاً به صورت تجربی برای نازل های نسبتاً مشابه انجام شده تطابق دارد[۲۰،۱۱]. شایان ذکر است که نتایج گزارش شده در شکل ۲ با استفاده از مدل SST محاسبه شده است.



**شکل ۷** رابطه فرکانس با عدد رینولدز

#### ۶-۴-الگوی جریان جت نوسانی طبیعی

برای دستیابی به یک نمای کلی و ملموس از الگوی جریان جت نوسانی ایجادشده توسط نازل خودتحریک شکل ۲، کانتورهای اندازه بردار سرعت در صفحه xy در ثانیههای دوم و سوم برای سرعت ورودی ۶۰= u متر بر ثانیه با استفاده از مدل آشفتگی SST در شکلهای ۸–(الف) و ۸–(ب) رسم شده است. مقادیر سرعت جریان از مقدار ۶۰ متر بر ثانیه در نزدیکی نازل (رنگ سفید) تا مقادیر بسیار نزدیک به صفر (رنگ سیاه) تغییر کرده است.

همان طور که ملاحظه می شود، در ثانیه دوم سرعت سیال در نقاط سمت بالای نازل بالاست، در حالی که در ثانیه سوم اوضاع کاملاً تغییر کرده و نقاط پایینی دارای سرعت بالاتری هستند. این امر به خوبی نشان دهنده اثر کوانداست (مراجعه شود به شکل ۱).

نکته مهم دیگری که در این شکلها بهچشم میخورد میرایی دامنه نوسانات جت در فواصل دورتر از نازل است. برای وضوح بیشتر، در شکل ۹ دامنه نوسانات سرعت جریان برای نقاط واقع بر محور جریان جت بر حسب فاصله از دهانه نازل رسم شده است.



(الف)





شکل ۸ نمایی از الگوی جریان جت نوسانی طبیعی توسط کانتورهای اندازه بردار سرعت جت نوسانی در (الف) ثانیه ۲، (ب) ثانیه ۳





شکل ۹ میرایی دامنه نوسانات سرعت با دور شدن از نازل

ملاحظه می گردد با دورشدن از نازل، دامنه نوسانات جریان به شدت کاهش می ابد. یادآوری می شود که بررسی ها نشان داد که مقدار فرکانس در سایر نقاط میدان جریان فرقی نمی کند، به طوری که با دورشدن از نازل اندازه فرکانس ثابت باقی می ماند. به عبارت دیگر، در تحقیقات تجربی نیز محل قرار گیری سنجشگر فرکانس در میدان اهمیت چندانی ندارد.

شاید به همین علت است که در همه تحقیقات تجربی، که توسط نگارندگان مورد مطالعه و بررسی قرار گرفت، از محل قرارگیری سنجشگر فرکانس هیچ صحبتی بهمیان نیامده است. البته واضح است که هرچه محل سنجشگر فرکانس به دهانه نازل نزدیکتر باشد، به دلیل قویتربودن دامنه نوسانات، قدرت تمایز بالاتر رفته و شناسایی نوسانات جریان آسانتر صورت خواهد گرفت.

#### ۷- جمعبندی

در این مقاله نحوه عملکرد و میزان دقت محاسباتی برخی از مدلهای رایج آشفتگی در پیشبینی رفتار نوسانی جتهای تحریک شده طبیعی مورد بحث و ارزیابی قرار گرفت. به منظور مقایسه با داده های تجربی موجود، محاسبات برای یک نازل خودتحریک معین انجام شد. جهت هماهنگی با شرایط تست تجربی، سیال مورد بررسی هوا درنظر گرفته شد و محاسبات برای سرعتهای مختلف ورودی (بین ۱۰ تا ۸۰ متر بر ثانیه) تکرار شد. نتایج به دست آمده از این تحقیق را می توان در قالب موارد زیر خلاصه نمود:

۱- کلیه مدلهای آشفتگی مورد بررسی توانستند ماهیت
خطی وابستگی بین فرکانس جت و سرعت سیال ورودی

با نازل را به طور کیفی پیش بینی کنند. در این بین دو مدل SKE و SST از دقت محاسباتی بسیار بالاتری برخوردار بودند. مدل SST نسبت به مدل SKE با خطای کمتری توانست رفتار نوسانی جت تحریک شده طبیعی را پیش بینی نماید.

۲- بررسیها نشان داد که با افزایش سرعت ورودی به نازل، به شدت از خطای محاسباتی مدل های SKE و SST کاسته می شود. در سرعتهای ورودی خیلی کم، هیچ یک از مدلهای مذکور نتوانستند فرکانس نوسانی جت را با دقت پیشبینی کنند. در این شرایط در بهترین حالت خطای محاسبه فرکانس به ۴۵درصد میرسد. این در حالی است که در سرعتهای ورودی بالا، مدل SST می تواند با خطای کمتر از ۱۰درصد فرکانس نوسان جت را پیشبینی نماید. ۳- مدل SST توانست کمینه سرعت ورودی لازم برای ایجاد تحریک پذیری جریان در نازل را با تقریب نسبتاً قابل قبولی تخمین بزند. در این مورد استفاده از سایر مدلهای آشفتگی خطای بسیار بیشتری را به محاسبات تحمیل نمود. شایان ذکر است که مدل SKE در محاسبه کمینه سرعت تحریک پذیری در نازل بیشترین خطا را بهدنبال داشت. علیرغم عملکرد نسبتاً مطلوب این مدل در سرعتهای نسبتاً بالا، در محدوده سرعتهای ورودی بسیار کم، نتایج مدل SKE چندان قابل استناد نیست.

۴- بررسیها نشان داد که دامنه نوسانات سرعت جریان جت خودتحریک با دورشدن از دهانه نازل بهشدت کاهش می یابد. این در حالی است که فرکانس نوسانات ثابت است و با دورشدن از دهانه نازل تغییر نمی کند.

انتخاب یک مدل آشفتگی مناسب میتواند در مدلسازی رفتار نوسانی جتهای خودتحریک بهشدت مؤثر باشد. نتایج تحقیق حاضر نشان داد که مدل SST تا حدودی از سایر مدلهای مرسوم در این مورد بهتر عمل میکند. البته شایان ذکر است که برای اعلام نظر قطعی لازم است عملکرد این مدل برای سیالهای مختلف و تحت شرایط گوناگون آزموده شود. از آنجا که تاکنون در مورد نحوه مدلسازی عددی این گونه جریانها بررسی در خور توجهی صورت نگرفته است، نتایج بهدست آمده در این مقاله میتواند بستر مناسبی برای تحقیقات گستردهتر آتی در این زمینه را فراهم نماید.

مطالعه تطبیقی عملکرد مدلهای آشفتگی در پیشبینی ...

Journal of Fluid Engineering, Trans. ASME, No. 123, 2001, pp. 878-883.

- [11] Mi J., Nathan G. J., "Self-Excited Jet-Precession Strouhal Number and its Influence on Downstream Mixing Field", *Journal of Fluids and Structures*, No. 19, 2004, pp. 851-862.
- [12] Mi J., Nathan G. J., Hill S. J., "Frequency Characteristic of a Self Excited Precession Jet Nozzle", *Proceeding of the English Asian of Fluid Mechanics*, China, Shenzhen, 1999.
- [13] England G., Kalt P. A. M., Nathan G. J., Keslo R.M., "The Effect of Density Ratio on the Near Field of a Naturally Occurring Oscillating Jet", *Experiments in Fluids*, Vol. 48, No. 1, 2010, pp. 69-80.
- [14] Launder B. E., Spalding D. P., "The Numerical Computation of Turbulent Flows" *Computational Methods in Applied Mechanical Engineering*, No. 3, 1974, pp. 269-289.

- [16] Wilcox D. C., *"Turbulence Modeling for CFD"*, La Canada, California: DCW Industries, 1998.
- [17] Kim J. Y., Ghajar A. J., Tang C., Foutch G. L., "Comparison of Near-Wall Treatment Methods for High Reynolds Number Backward-Facing Step Flow", *International Journal of Computational Fluid Dynamics*, No. 19, 2005, pp. 493-500.
- [18] Mi J., Nathan G. J., "Scalar Mixing Characteristics of a Self-Excited Flip-Flop Jet Nozzle", 15<sup>th</sup> Australian Fluid Mechanics Conference, Australia, Adelaide, 2001.
- [19] Mataoui A., Schiestel R., "Unsteady Phenomena of an Oscillating Turbulent Jet Flow inside a Cavity: Effect of Aspect Ratio" *Journal of Fluid and Structures*, No. 25, 2009, pp. 60-79.
- [20] Mi J., Nathan G. J., Wong C. Y., "The Influence of Inlet Flow Condition on the Frequency of Self-Excited Jet precession" *Journal of Fluid and Structures*, No. 22, 2006, pp. 129-133.

۸- مراجع

- Jahanmiri M., "Excited Jet and its Applications", Research Report 2011:10, Department of Applied Mechanics, Chalmers University of Technology, Göteborg, Sweden, 2011.
- [2] Jahanmiri M., "Static Pressure Distribution in an Excited Jet: Some Observation", *International Journal of Engineering*, Vol. 13, No. 3, 2000.
- [3] Riese M., "Study of Large Scale Coherent Structure in the Mechanically Oscillated Planar Jet", PHD Thesis, School of Mechanical Engineering, University Of Adelaide, 2005.
- [4] Nathan G. J., Mi J., Newbold G.J.R., Nobes D.S., Alwahabi Z. T., "Effects of Subtle and Dramatic Changes to Initial Conditions on a Jet's Turbulent Structure, Mixing and Combustion", 15<sup>th</sup> Fluid Mechanics Conference, Australia, Sydney, 2004.
- [5] Mi J., Nathan G. J., Luxton R. E., "Mixing Characteristics of a Flapping Jet from a Self Exciting Nozzle", *Flow Turbulence and Combustion*, No. 67, 2001, pp. 1-23.
- [6] Claypole T. C., Syred N., "The Stabilization of Flames in Swirl Combustors", *Journal of the Institute of Energy*, No. 55, 1982, pp. 14-19.
- [7] Nathan G. J., Luxtone R. E., "Flame Stability and Emission Characteristics of the Enhanced Mixing Burner", 2<sup>nd</sup> European Conference on Industrial Furnaces and Boilers, Portugal, Algarve 1991.
- [8] Nathan G. J., Luxtone R. E., "A Stable Un-Premixed Gas Burner with Infinite Turn-Down Ratio", *1st European Conference on Industrial Furnaces and Boilers*, Portugal, Lisbon 1988.
- [9] Han D., Mungal M.G., "Direct Measurements of Entrainment in Reacting/Nonreacting Turbulent Jets", *Combustion and Flame*, Vol. 124, No. 4, 2001, pp. 370-386.
- [10] Mi J., Nathan G. J., Nobes D. S., "Mixing Characteristics of Axisymmetric Free Jets from a Contoured Nozzle, an Orifice, Plate and Pipe",