



محاسبه توزیع فشار انفجار پیرامون اجسام سیلندری شکل با بهره‌گیری از شبیه‌سازی عددی انفجار

سید حامد خلیل پور^۱, علی اکبر آفکوچک^{۲*}, قاسم دهقانی^۳

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی عمران، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

۲- استاد، مهندسی عمران، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

۳- استادیار، مهندسی عمران، دانشگاه مالک اشتر، تهران

* تهران، صندوق پستی ۱۴۱۱۵-۱۱۱، agha@modares.ac.ir

چکیده

انفجار یکی از مخاطرات جدی در صنایع پتروشیمی و سکوهای استخراج نفت و گاز محسوب می‌گردد. مخازن تحت‌فشار در تأسیسات فوق به دلیل اینکه در اثر انفجار می‌توانند خسارات بسیار زیادی را به دیگر بخش‌ها وارد کنند، بسیار بالهمیت می‌باشند. در طراحی‌های صنعتی برای انفجار خارجی به صورت یک بار یک‌نواخت به یک وجه از مخازن تحت‌فشار اعمال می‌گردد. در این مطالعه تلاش می‌شود توزیع واقع بینانه‌تری مطابق با آنچه در آزمایشات بدست آمده، ارائه گردد. این مطالعه شامل بررسی صحت استفاده از قابلیت اولرین در نرم‌افزار اجزای محدود آبکوس جهت انجام تحلیل‌های کوپل نشده اولرین-لاغرانژین می‌باشد. نتایج بدست آمده در این تحقیق نشان می‌دهد که استفاده از محیط اولری در نرم‌افزار اجزا محدود آبکوس در نقاطی که اثر آشفتگی زیاد نیست، تطبیق بسیار خوبی با نتایج آزمایشگاهی دارد اما در نقاطی که اثر آشفتگی و تشکیل گردابه‌ها افزایش می‌یابد، خطأ در مدل عددی نیز افزایش پیدا می‌کند. همچنین نتایج بدست آمده از تحقیق نشان می‌دهد، روشی که به صورت معمول جهت اعمال بار انفجار به اجسام سیلندری شکل استفاده می‌شود، اختلاف زیادی با نتایج بدست آمده از شبیه‌سازی‌های عددی و نتایج آزمایشگاهی دارد. به همین منظور بر اساس نتایج مطالعات عددی روایطی برای محاسبه توزیع فشار برای قطرهای مختلف از اجسام سیلندری شکل در حالت قائم وافقی ارائه می‌گردد که می‌تواند در تحقیقات آئی و یا طراحی‌های صنعتی مورد استفاده قرار گیرد.

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: ۳۰ شهریور ۱۳۹۵

پذیرش: ۲۳ آبان ۱۳۹۵

ارائه در سایت: ۲۹ دی ۱۳۹۵

کلید واژگان:

شبیه‌سازی انفجار

محیط اولرین

اجسام سیلندری شکل

مخازن تحت‌فشار

سیستم‌های لوله‌کشی

Determination of blast pressure distribution around cylindrical shape based on numerical simulation of explosion

Seyed Hamed Khalilpour¹, Ali Akbar Aghakouchak^{1*}, Ghasem Dehghani²

1-Department of Civil Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran

2- Department of Civil Engineering, Malek-Ashtar University, Tehran, Iran

* P.O.B. 14115-111, Tehran, Iran, a_agha@modares.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 20 September 2016

Accepted 13 November 2016

Available Online 18 January 2017

Keywords:

Explosion simulation

Eulerian domain

cylindrical shape

pressure vessel

piping system

ABSTRACT

Explosion is considered as the most hazardously event in petrochemical facilities and offshore structures. In these facilities, pressure vessels are very important because their explosion may result in damage to other modules. In practical design, external blast load is applied to one side of pressure vessels as uniform load. In this paper we try to propose more realistic distribution to confirm experimental results. This paper includes validation of Eulerian domain capability in finite element program ABAQUS to carryout uncoupled Eulerian Lagrangian analysis. The results show good agreement between Eulerian capability and experimental results in locations that do not have high turbulence effect, but in points where turbulence effects and vortexes are increased, error in numerical model is larger. Also, this paper shows that the method which is usually used to apply blast loads to cylindrical materials has a great error in comparison with numerical simulation and experimental results. Thus, in this paper a blast load distribution is presented which can be used in future research and industrial designs for vertical shape or horizontal shape of cylindrical materials with a variety of different diameters.

بسیار داغ انجام می‌شود. به دلیل سرعت بسیار زیاد واکنش (حدود یک‌صدم

ثانیه) ترکیبات بلا فاصله منبسط نمی‌شوند، بلکه برای کسری از ثانیه درون

ظرف خود باقی می‌مانند؛ بنابراین به علت فضای بسیار کوچک و دمای بسیار

بالا، فشار زیادی حاصل می‌شود. این فشار می‌تواند یک موج انفجار تولید کند

-۱- مقدمه

انفجار شبیه‌سازی نتیجه یک واکنش شبیه‌سازی است که در یک فاصله زمانی بسیار کوتاه رخ می‌دهد و با تولید مقدار زیادی حرارت و گاز همراه است. در یک واکنش شبیه‌سازی، انتقال گرمایی سریع همراه با تشکیل گازها و بخارات

Please cite this article using:

S. H. Khalilpour, A. A. Aghakouchak, Gh. Dehghani, Determination of blast pressure distribution around cylindrical shape based on numerical simulation of explosion, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 17, No. 2, pp. 19-28, 2017 (in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

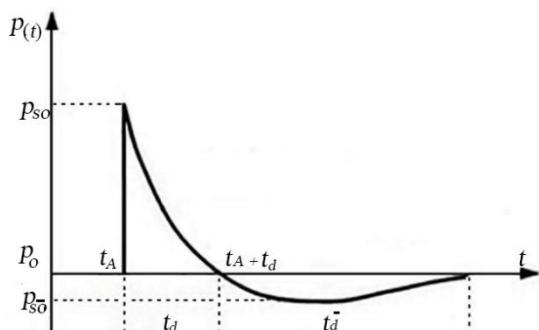
S. H. Khalilpour, A. A. Aghakouchak, Gh. Dehghani, Determination of blast pressure distribution around cylindrical shape based on numerical simulation of explosion, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 17, No. 2, pp. 19-28, 2017 (in Persian)

می‌گردد، که توسط گازهای داغ، رانده شده و پشتیبانی می‌شود. جبهه شاک، که موج انفجار نامیده می‌شود، توسط افزایش تقریباً آنی از فشار محیط به حداقل فشار برخورده (p_{so}) مشخص می‌گردد. این افزایش فشار یا جبهه شاک، به طور شعاعی از نقطه انفجار با یک سرعت کاهش یابنده، حرکت می‌کند. با گسترش جبهه شاک به حجم‌های بزرگ‌تر در محیط انتشار، حداقل فشار برخورده در جبهه‌ها کاهش یافته و مدت تداوم فشار افزایش می‌یابد [6,5].

در هر نقطه دور از محل انفجار، تغییر زمان‌مند فشار مطابق با منحنی نشان داده شده در "شکل 2" می‌باشد. جبهه شاک به یک موقعیت معین در زمان t_a ، می‌رسد و بعد از افزایش یافتن فشار به مقدار حداقل (p_{so}), فشار برخورده در طول زمانی که، مدت تداوم فاز مثبت نامیده می‌شود، به مقدار فشار محیطی اتمسفری تنزل می‌یابد. این فاز مثبت توسط یک فاز منفی با مدت تداوم t_0 که معمولاً خیلی طولانی‌تر از مدت تداوم فاز مثبت است، دنبال می‌شود. این فاز منفی با یک فشار منفی (کمتر از فشار اتمسفری محیطی) با یک مقدار بیشینه P_{so}^- که ناشی از برگشت جریان ذرهای است، مشخص می‌شود. در طراحی مهندسی، فاز منفی معمولاً اهمیت کمتری در خصوص اثرات انفجار عمده داده‌های ارائه شده در راهنمایها و آینینه‌ها مربوط به فشارهای حاصل از انفجار ماده تی ان تی کروی بدون روکش است. این داده‌ها را می‌توان برای دیگر مواد مستعد انفجار، با برقراری ارتباط بین انرژی انفجار وزن مؤثر خرج این مواد با مقادیر نظری حاصل از وزنی معادل با تی ان تی تعیین داد. علاوه بر انرژی حاصله، عوامل دیگری ممکن است بر معادل مواد در قیاس با تی ان تی اثر بگذارند. این عوامل شامل شکل ماده (مسطح، مریع، گرد و غیره) تعداد مواد (مختلف منفجره، محصور شدگی ماده منفجره (غلاف، محفظه دربرگیرنده و غیره) و محدوده فشار مدنظر (حدوده نزدیک، متوسط، یا دور) می‌باشند [8,5].

برای طراحی سازه‌های مقاوم در برابر انفجار، اثرات انرژی آزاد شده حاصله از ماده منفجره با یک شکل خاص، نسبت به مقدار نظری در تی ان تی با شکل مشابه، می‌تواند به صورت تابعی از حرارت انفجار مواد مختلف بیان گردد. جدول 1 و رابطه (1) نحوه تبدیل فوق را نشان می‌دهد.

$$W_E = \frac{H_{\text{EXP}}^d}{H_{\text{TNT}}^d} W_{\text{EXP}} \quad (1)$$



شکل 2 تغییرات فشار-زمان در میدان آزاد [5]

و سبب خسارت به اشیای اطراف شود [2,1]. انفجار ابر بخار^۱ به معنای توده‌ای از مخلوط گازی در فضای اتمسفر است که تحت شرایط مشخصی منفجر می‌گردد [3].

از مهم‌ترین عواملی که بر روی شدت انفجار تأثیر می‌گذارد می‌توان به نوع ترکیب مخلوط سوخت-هوا، زمان اتفاق افتادن احتراق، شرایط مرzi و شرایط محیطی اشاره کرد. انفجار ابر بخار تفاوت‌هایی با انفجار مواد منفجره قوی^۲ دارد.

در مخلوط‌های قابل ترکیب شکل گیری موج انفجار می‌تواند تحت دو مکانیزم صورت گیرد:

(الف) دفلگریشن^۳: انتقال گرما از بخش منفجرشده به بخش سوخته نشده مخلوط باعث انتشار شعله می‌شود.

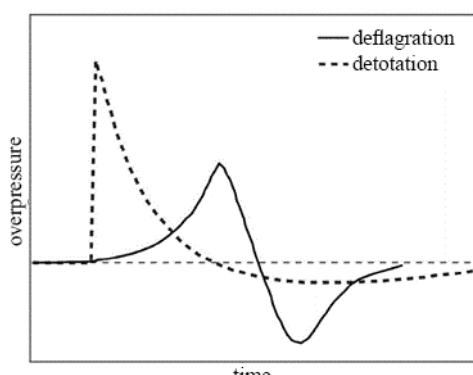
(ب) دتونیشن^۴: اگر شعله توسط یک موج شاک به حرکت درآمده باشد که مخلوط گازی در مقابل شعله را فشرده می‌کند و می‌سوزاند، می‌توان آن را یک انفجار ناگهانی یا دتونیشن نامید.

برخی ویژگی‌های موج انفجار ناشی از دو مکانیسم فوق در "شکل 1" نمایش داده شده است [4,2].

موج ناشی از دتونیشن شامل یک افزایش ناگهانی فشار از فشار هوا اتمسفر به یک فشار اوج^۵ می‌باشد و فشار هوا در یک مدت زمان اندک از فشار اوج به فشار اتمسفر باز می‌گردد. در حالی که موج انفجار ناشی از دفلگریشن شامل افزایش نسبتاً تدریجی فشار از فشار اتمسفر به فشار اوج می‌باشد. در حالت کلی می‌توان گفت که دتونیشن موج انفجاری با بیشینه فشار بیشتر و مدت تداوم کمتری نسبت به دفلگریشن تولید می‌کند. پدیده دفلگریشن اگر در محیطی با فشار و انباستگی بالا صورت گیرد، می‌تواند به پدیده دتونیشن تبدیل گردد. وقتی که یک موج انفجار به یک سطح برخورد می‌کند، منعکس می‌گردد. بزرگی موج منعکس شده بستگی به میزان حداقل فشار و همچنین زاویه برخورد موج انفجار دارد. موج منعکس شده ناشی از مکانیسم دفلگریشن بستگی بیشتری به موج برخوردی و ابعاد سازه هدف دارد.

1-1- انفجار در هوا

رها شدن یک باره انرژی از یک فرآیند انفجار، ماده منفجره را به گازهای با فشار و دمای بسیار بالا تبدیل می‌کند. جبهه فشاری یک گاز با فشار بالا، به طور شعاعی در محیط اتمسفر به صورت یک موج شاک قوی منتشر



شکل 1 دو مکانیزم انفجار [4]

شکل 1 دو مکانیزم انفجار [4]

¹ Vapour Cloud Explosion(VCE)

² high explosive(HE)

³ deflagration

⁴ detonation

⁵ peak pressure

$$P_r = 2P_s \frac{4P_s + 7P_0}{P_s + 7P_0} \quad (9)$$

$$C_r = \frac{P_r}{P_s} \quad (10)$$

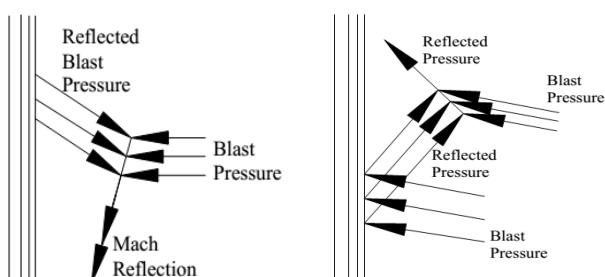
در انعکاس مایل امواج با زاویه به مرز برخورد کرده و با زاویه از آن دور می‌شوند، زاویه برخورد الزاماً با زاویه انعکاس برابر نیست. علاوه بر این در هنگام دور شدن امواج از نقطه برخورد، امواجی که بار اول به سمت سازه حرکت می‌کنند با این امواج برخورد می‌کنند. این امر موجب می‌شود که امواج مجدداً به سمت سازه حرکت کنند و برای بار دوم با سازه برخورد کنند. نوع آخر انعکاس که پیچیده‌ترین نوع انعکاس می‌باشد، تحت عنوان "شکل‌گیری باریکه ضربه (ماخ)" نامیده می‌شود، همان‌طور که در "شکل 4" مشاهده می‌شود این نوع انعکاس از این بات است که برخوردی با سطح ندارد، با دونوع انعکاس پیشین تفاوت دارد در عوض این موج از تداخل امواج برخورد و انعکاس شکل می‌گیرد. این تداخل نوع منحصر به فردی از موج تحت عنوان انعکاس ماخ ایجاد می‌کند [16,15].

4- مروری بر مطالعات گذشته

در این بخش مرور محدودی بر تحقیقات گذشته در این زمینه صورت می‌گیرد. در سال 2015 یاسری [9] تحقیقاتی را در مورد توزیع بار انفجار پیرامون تانکرهای بزرگ ذخیره‌سازی مواد هیدروکربنی صورت داد. یاسری [9] با استفاده از نتایج آزمایشگاهی معادله‌ای را برای به دست آوردن نیروی ناشی از انفجار بر اجسام استوانه‌ای شکل ارائه کرد. این نتایج براساس سه سری آزمایش بوده‌اند. سازه هدف آزمایشات نیز تانکری تقریباً صلب با ارتفاع 2 متر و قطر 2.5 متر بوده است. فشارسنج‌هایی در دو ارتفاع 0.9 و 1.2 متر از زمین و در پیرامون سازه نیز در 19 نقطه (یعنی درمجموع 38 فشارسنج) قرار داده شده که فشار را با زاویه ده درجه از یکدیگر نسبت به مرکز سیلندر و در دو ارتفاع مختلف بر روی سیلندر اندازه‌گیری کرده‌اند. سپس نتایج دو ارتفاع در 3 سری آزمایش فوق میانگین‌گیری شده است. سپس منحنی از میان نتایج فوق عبور داده شده و معادله‌ای با ضرایب مشخص جهت استفاده مهندسی پیشنهاد داده است. "شکل 5" نمودار فشار-زمان ارائه شده توسط یاسری را بیان می‌کند. رابطه (11) با در نظر گرفتن ضرایب ارائه شده [9] نسبت بین حداکثر فشار منعکس شده در زاویه θ و حداکثر فشار منعکس شده در زاویه صفر درجه را ارائه می‌کند (P_r/P_m). همچنین شکل 6 نسبت P_r/P_m به دست آمده از رابطه (10) برای زاویه صفرتاً 180 درجه (پشت سازه) را ارائه می‌کند.

$$\frac{P_r}{P_m} = \sum_{i=0}^6 c_i \cos i\theta \quad (11)$$

لوکا و چن [4] نیز در سال 2015 تحقیقاتی را پیرامون پاسخ سیلندر فولادی به بار انفجار، از طریق انجام کارهای آزمایشگاهی و عددی، صورت



شکل 4 انعکاس مایل و جبهه ماخ [14]

جدول 1 ضرائب تبدیل انفجار [9]

نوع ماده منفجره	ضریب تی ان تی معادل	انرژی مخصوص (Q_x (kJ/kg))	Q_x/Q_{tnt}
Compound b	1.148	5190	
TNT	1	4520	
C4	1.34	6057	

پلارمترهای موج شاک از اهمیت خاصی برخوردار است. براد [10] روابط (4) و (3,2) را برای به دست آوردن فشار اوج ارائه کرد. R فاصله از ماده منفجره بر حسب متر و W وزن معادل تی ان تی بر حسب کیلوگرم می‌باشد.

$$Z = \frac{R}{\sqrt[3]{W}} \quad (2)$$

$$P_s = \frac{0.975}{Z} + \frac{1.455}{Z^2} + \frac{5.85}{Z^3} - 0.019, \text{bar} \quad P_s < 10 \quad (3)$$

$$P_s = \frac{6.7}{Z^3} + 1, \text{bar} \quad P_s > 10 \quad (4)$$

افراد دیگری هم روابط متفاوتی را ارائه کرده‌اند از جمله میلس که رابطه (5) را برای فشار اوج ارائه کرده است. [11]

$$P_s = \frac{108}{Z} + \frac{114}{Z^2} + \frac{1772}{Z^3} - 0.019, \text{KPa} \quad (5)$$

همچنین سرعت حرکت جبهه شاک (U_s) و حداکثر فشار دینامیکی (q_s) نیز توسط اسمیت بیان گردیده است (رابطه 6 و 7). [12]

$$U_s = a_0 \sqrt{\frac{6P_s + 7P_0}{7P_0}} \quad (6)$$

$$q_s = \frac{5P_s^2}{2(P_s + 7P_0)} \quad (7)$$

همچنین آینه‌نامه ای پی‌آ^۱ رابطه (8) را جهت بدست آوردن مدت تداوم فشار انفجار ارائه کرده است [13].

$$t^+ = 0.084 + \frac{13000}{P} \quad (8)$$

3- انعکاس موج شاک

در هنگام پیش‌بینی عملکرد سازه‌ای در اثر بارگذاری انفجار، نه تنها موج شاک‌های تولیدشده در حین انفجار بایستی به عنوان یک نیروی ویژه در نظر گرفته شوند، بلکه امواج انعکاسی نیز می‌توانند موجب افزایش بسیار بیشتر فشار در یک نقطه شوند. در انفجار امکان رخداد سه نوع انعکاس وجود دارد: انعکاس عمودی، انعکاس مایل و انعکاس ماخ در انعکاس عمودی جبهه شاک، زاویه برخورد یا انحراف از خط عمود بر سطح برابر صفر است. زوایای برخورد و انعکاس در "شکل 3" نشان داده شده است.

رانکین و هوگونیوت روابط (9) و (10) را برای محاسبه فشار منعکس شده (P_r) از اجسام با زاویه برخورد صفر درجه و همچنین ضریب انعکاس (C_r) در حالت فوق ارائه کرده‌اند.



شکل 3 انعکاس عمودی [14]

^۱ American Petroleum Institute(API)

فشار ایستا بستگی دارد به ابعاد سازه و همچنین مکان وجه جلویی سازه که موج به آن برخورد می‌کند. ضریب درگ با تغییر شکل سازه تغییر می‌کند. در موارد متعدد، به میانگین ضریب درگ برای محاسبه نیروی مؤثر انفجار بسته می‌شود. زمان افزایش فشار در سطوح پشتی سازه نیز بستگی به ابعاد و نکات دیگری راجع به شکل سازه دارد.

بنابراین به عنوان نوع آوری این مقاله می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:

- 1- بررسی قابلیت محیط اولیه‌ین در نرم‌افزار اباکوس جهت شبیه‌سازی انفجار دوراً.
- 2- بررسی قابلیت و مقایسه دقت شبیه‌سازی انفجار در نقاط دارا و فقدان اثر آشفتگی.

3- ارائه فرمول توزیع بار انفجار پیرامون اجسام سیلندری شکل. همچنین روند به دست آوردن منحنی فشار زمان برای 10 حالت متفاوت از لحاظ قطر و افقی یا عمودی بودن جسم سیلندری شکل جهت استفاده در کارهای تحقیقاتی و یا صنعتی آتی. تا جایی که بررسی نویسنده‌گان نشان می‌دهد، چنین تحلیلی تاکنون توسط محققان ارائه نشده است و این مقاله برای اولین بار این موضوع را مورد کاوش قرار می‌دهد.

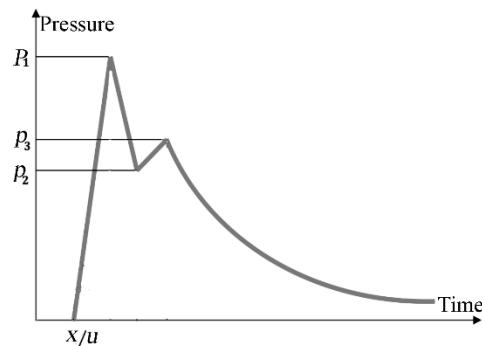
ساختار ادامه مقاله به شرح زیر است: در بخش آتی شبیه‌سازی‌ها و اعتبار سنجی روش ارائه می‌گردد. در بخش سوم مقاله، نتایج به دست آمده از بخش دوم تحلیل می‌گردد و روند پیشنهادی برای به دست آوردن منحنی فشار-زمان برای طراحی اجسام سیلندری شکل در مقابل انفجار ارائه می‌گردد. درنهایت در بخش چهارم، نتایج مقاله تبیین می‌گردد و در بخش پنجم علائم و پارامترهای بکار رفته در مقاله معرفی می‌گردد.

2- شبیه‌سازی انفجار و صحت سنجی آن

2-1- ابزارهای شبیه‌سازی
تمركز اصلی این مقاله مربوط به توسعه مدل اجزای محدود پیشرفته برای به دست آوردن توزیع بار انفجار پیرامون یک جسم سیلندری شکل مانند مخازن تحت‌فشار موجود در عرضه سکوهای دریایی و یا مخازن نفت و گاز و همچنین سیستم‌های لوله‌کشی در تأسیسات پتروشیمی می‌باشد. قابلیت مدل‌سازی در حوزه اولرین که اخیراً به نرم‌افزار اباکوس اضافه گردیده، در تحقیق حاضر مورد استفاده قرار گرفته است. در تحقیقات پیشین پیرامون مدل‌سازی انفجار از نرم‌افزارهای مانند ال اس داینا و اتو داین جهت مدل‌سازی انفجار استفاده گردیده که غالباً در محیط (اولرین-لاگرانژین انتخابی)¹ شبیه‌سازی انفجار صورت گرفته است؛ بنابراین از ویژگی‌های تحقیق حاضر مدل‌سازی هوا و همچنین شبیه‌سازی انتشار موج انفجار در محیط اولرین در نرم‌افزار اجزای محدود آباکوس می‌باشد. برخلاف کدهای لاغرانژی، کدهای اولری با فرض کردن چهارچوب مرجع اولری اقدام به حل معادلات اولری می‌نمایند که در این حالت المان بندی‌های محاسبه شده در هر مرحله در جای خود ثابت می‌باشند و مواد یا ماده‌های جداگانه اختصاص داده شده به مجموعه المان‌ها در آن‌ها حرکت می‌کنند.

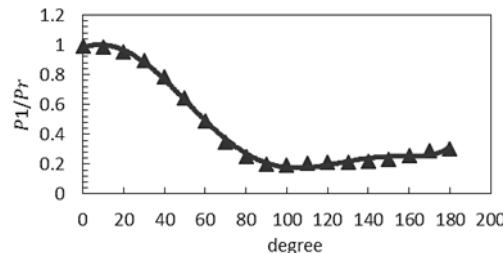
2- ساخت مدل عددی و بررسی صحت نتایج

مدل‌سازی‌های زیادی صورت گرفت تا اطمینان حاصل گردد که مدل شبیه‌سازی شده گسترش موج انفجار در محیط اولری تطبیق خوبی با واقعیت داشته باشد. برای این منظور بررسی مطابقت ضریب انعکاس عمودی موج



شکل 5 نمودار فشار-زمان ارائه شده در [9]

شکل 5 نمودار فشار-زمان ارائه شده در [9]



شکل 6 نمودار ارائه شده توسط یاسری برای نسبت P_1/P_f از زاویه صفرتا 180 درجه [9]

شکل 6 نمودار ارائه شده توسط یاسری برای نسبت P_1/P_f از زاویه صفرتا 180 درجه [9]

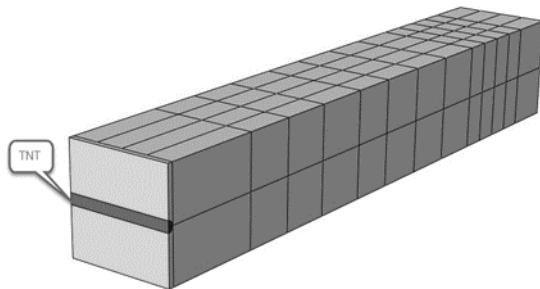
داده‌اند. آن‌ها در کار آزمایشگاهی خود فشار را در اطراف سیلندر اندازه‌گیری نکرده‌اند بلکه با مدل‌سازی عددی و مشاهده نزدیکی تغییر شکل‌های سیلندر بین نتایج عددی و نتایج آزمایشگاهی به صحت نتایج خود پی برده‌اند. همچنین آن‌ها در مقاله خود فشار به دست آمده از مدل‌سازی عددی را در پنج زاویه مختلف پیرامون سیلندر گزارش کرده‌اند. سیلندر مورد آزمایش لوکا و چن [4] در ابعادی با ارتفاع 0.905 و قطر 0.57 مورد بررسی قرار گرفته است.

1- فشار انفجار در اطراف جسم سیلندری شکل

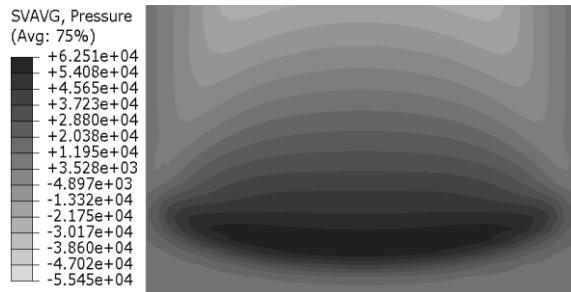
أنواع المان‌های سازه‌ای را از نظر تأثیرپذیری از بار انفجار می‌توان به دو دسته تقسیم کرد: نوع متأثر از اثر نیروی تفرق و نوع متأثر از اثر نیروی درگ آن دسته از سازه‌هایی که از نوع متأثر از اثر تفرق هستند پیش از همه به حد اکثر فشار اوج ناشی از موج شاک حساسیت دارند. برای مثال تانکرهای بزرگ ذخیره‌سازی نفت و گاز؛ اما اگر در زمان وقوع انفجار و رسیدن موج انفجار به سازه، فشار وارد به پشت سازه به سرعت برابر با جهت روبرو گردد (به دلیل ابعاد اندک سازه) نیروی تفرق تنها برای مدت زمان اندکی به سازه اعمال می‌گردد پس بنابراین پاسخ سازه‌های فوق بیشتر بستگی دارد به فشار دینامیکی (یا نیروی درگ) ناشی از باد انفجار. منحنی فشار-زمان ناشی از انفجار دور از منبع معمولاً با منحنی متشابه تعريف می‌گردد. در حالتی که عمولاء افزایش و کاهش یکسانی را برای آن در نظر می‌گیرند [9].

این بخش روشی را ارائه می‌کند که بر مبنای آن می‌توان بار انفجار وارد بر اجسام سیلندری شکل را در زمانی که جهت اعمال بار انفجار به صورت نرمال بر روی محور سیلندر می‌باشد، به دست آورد. نسبت بین فشار منعکس شده و فشار برخوردی موج انفجار بستگی دارد به زاویه‌ای که موج انفجار به جسم برخورد می‌کند. برای یک سطح منحنی، انعکاس می‌تواند بین هر نقطه متفاوت باشد. همچنین زمان کاهش فشار از فشار منعکس شده به

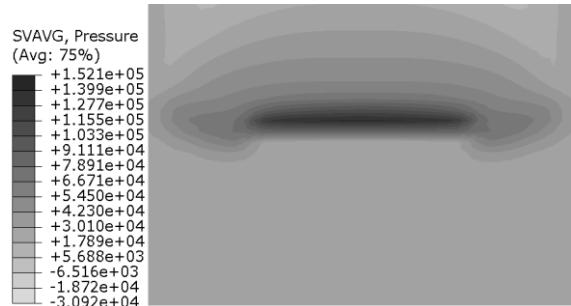
¹ Arbitrary Lagrangian Eulerian(ALE)



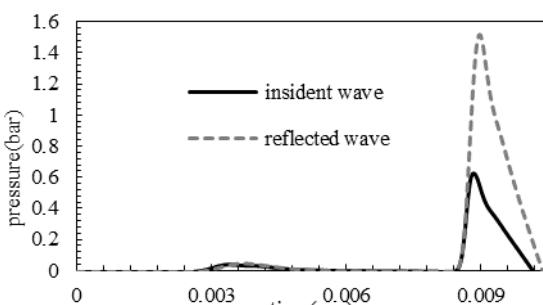
شکل 7 مدل هوای و ماده منفجره جهت صحت سنجی موج انفجار در محیط اولرین



شکل 8 موج انفجار برخوردی (Pa)



شکل 9 موج عمودی معنکس شده از صفحه صلب (Pa)



شکل 10 منحنی فشار-زمان موج برخوردی و موج معنکس شده

2-3- حساسیت نسبت به ابعاد مش

به دلیل وجود تعداد بسیار بالای المان‌ها در مدل‌های اولرین، نقش پیدا کردن ابعاد مناسب المان جهت مدل‌سازی سه‌بعدی کار بسیار بالهمیتی می‌باشد. در این تحقیق برای یافتن ابعاد مناسب مش، حداقل سرعت جابجایی هوا در فاصله حدوداً 1.2 متری از ماده منفجره و در سه نقطه در یک

انفجار از یک صفحه صلب با نتایج آزمایشگاهی و فرمول‌های تحلیلی مدنظر قرار گرفت. هوا در ابعاد $10\text{m} \times 2\text{m} \times 2\text{m}$ در نرم‌افزار مدل‌سازی شده و ماده منفجره به شکل استوانه افقی به قطر 0.2m در ارتفاع 1m از کف قرار داده شد (شکل 7). برای شبیه‌سازی هوا از معادله حالت گاز کامل¹ و برای شبیه‌سازی ماده منفجره از معادله حالت جی‌دبليوال² استفاده شده است. اعداد مشخص کننده ویژگی‌های ماده منفجره و هوا در مراجع متعدد ذکر گردیده است. جدول 2 مقادیر در نظر گرفته شده برای شبیه‌سازی مواد فوق را نشان می‌دهد.

شرايط مرزي در شش وجه مکعب مستطيل هوا به صورت شرايط مرزي اولري³ و بدون انعكاس در نظر گرفته شده است. با اين هدف كه موج منتشره پس از برخورد با ديواره ها منعكس نگردد. صفحه صلب در ابعاد 1m×2m×0.001m در فواصل 8 و 10 متری از ماده منفجره در نظر گرفته شده است. درمجموع چهار شبیه‌سازی صورت گرفته است که دو مورد مربوط به دست آوردن فشار منعکس شده (با در نظر گرفتن صفحه صلب) و دو مورد هم مربوط به دست آوردن فشار برخوردی (بدون در نظر گرفتن صفحه صلب) می‌باشد. "شکل 8" موج برخوردی و "شکل 9" موج منعکس شده را در حالتی که صفحه صلب در فاصله 8 متری از ماده منفجره قرار گرفته است را نشان می‌دهد همچنین منحنی فشار زمان به دست آمده مربوط به موج برخوردی و موج منعکس شده در نقطه‌ای در میانه صفحه صلب برای شرايطی که صفحه صلب در فاصله 8 متری از منبع انفجار قرار گرفته در "شکل 10" نشان داده شده است.

سپس ضریب انعکاس (نسبت فشار منعکس شده به فشار برخوردی) به دست آمده از شبیه‌سازی عددی فوق با ضریب انعکاس به دست آمده از روابط تئوری رانکین و هوگوونت (رابطه 9 و 10) و همچنین داده‌های ارائه شده در آیین نامه یوفاسی⁴ [5] که حاصل از نتایج آزمایشگاهی متعدد می‌باشد، مقایسه گردیده است. نتایج مقایسه فوق در جدول 3 ارائه شده است. همان‌طور که مشخص می‌باشد، ضریب انعکاس مستقیم تطبیق بسیار خوبی با نتایج آزمایشگاهی و داده‌های تحلیلی دارد و این موضوع صحت موج انفجار مدل‌سازی شده را می‌رساند.

جدول 2 مشخصات مواد

Table 2 material properties

ماده	نوع	مشخصات	میزان	واحد
چگالی	چگالی	چگالی	1.293	kg/m ³
هوای	معادله حالت	ثابت گاز	287	J/kgK
	(گاز کامل)	فشار محیطی	101325	N/m ²
	دمای مخصوص	دمای مخصوص	717.6	J/kgK
	وسکوزیته	وسکوزیته	6.924e-6	kg/sm
چگالی	سرعت موج انفجار	چگالی	1630	kg/m ³
	A		6930	m/s
	B		373770	mPa
تیان‌تی	معادله حالت	R ₁	3747.1	mPa
	(جي‌دبليوال)	w	0.35	-
		R ₂	4.15	-
			0.9	-
	انرژی مخصوص		3860	kJ/kg

¹ Ideal gas

² JWL(Jones-Wilkins-Lee)

³ Eulerian boundary condition

⁴ UFC

جدول 3 صحت سنجی انعکاس عمودی

Table 3 validation for normal reflection

خطا(%)	C_r -rankine	C_r -UFC	C_r - numerical	P_r numerical -bar	P_s numerical-bar	فاصله از ماده منفجره (متر)
2.4	2.49	2.49	2.43	1.52	0.625	8
1.56	2.19	2.18	2.1	0.51	0.24	10

3- تحلیل نتایج

در "شکل 14" الگوی جریان در اطراف یک سیلندر نشان داده شده است. انتقال از جریان آرام به جریان آشفته بستگی زیادی به عدد رینولدز دارد و در بعضی مواقع جریان بصورت کاملاً آشفته درمی‌آید. ضرایب درگ و لیفت نیز به مقدار زیادی بستگی به این انتقال (از آرام به آشفته) دارند.

"شکل 14" نشان می‌دهد که توزیع فشار در اطراف سیلندر پکنواخت نیست؛ بنابراین اعمال یکنواخت بار انفجار به سطح رویی سیلندر پیش‌بینی صحیحی از نوع خرابی ارائه نمی‌کند.

همان‌طور که در "شکل 15" مشخص است تا حدود زاویه 100 درجه، نتایج مدل سازی عددی تطبیق بسیار خوبی با نتایج آزمایش صورت گرفته توسط یاسری [9] دارد. اما از 100 درجه تا 180 درجه (پشت سازه)، اختلاف‌ها افزایش می‌یابد. در حقیقت به این دلیل که روش عددی در محیط اولرین (مورداستفاده در تحقیق حاضر) یک معادله ساده‌شده نویر استوکس¹ را حل می‌کند [2] و اثر گردابه‌های ایجاد شده در کناره‌ها و پشت سازه را نمی‌بیند، می‌توان گفت فشاری که در واقعیت و آزمایش در پشت سازه ایجاد می‌شود را نمی‌تواند دقیقاً پیش‌بینی کند و در واقع یکی از ضعف‌های بسیار مهم فضاهای اولرین در نرم‌افزار آباکوس می‌تواند همین در نظر نگرفتن اثر آشفتگی ایجاد شده و همچنین تشکیل گردابه‌ها باشد. دلیل اینکه فشار در پشت سازه در مدل عددی بسیار کمتر از نتایج آزمایشگاهی به دست آمده است می‌تواند این باشد که تشکیل گردابه‌ها باعث می‌شود که موج بریده شده توسط سیلندر (مطابق "شکل 16ج") زودتر به پشت سازه برسد و درنتیجه موج با فشار بیشتری در آزمایش نسبت به کار عددی به پشت سازه منتقل گردد.

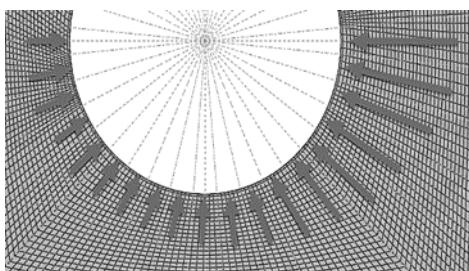


Fig.13 the 19 reference nodes for reflected pressures

شکل 13 قرائت فشار در 19 نقطه

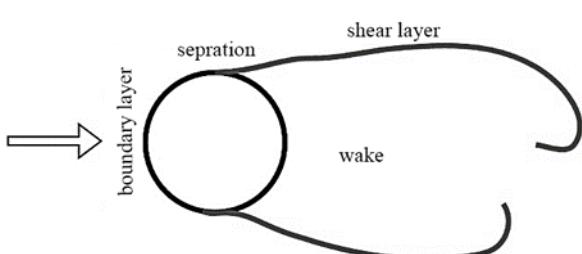


Fig.14 flow field around cylindrical cylinder

شکل 14 الگوی جریان در اطراف یک سیلندر

¹ navier stokes

خط به فاصله 0.1 متر از یکدیگر در یک سناریو انفجار مشخص در ابعاد مش مختلف محاسبه گردیده است. همچنین حداکثر فشار رخ داده در یک نقطه یک المان و به فاصله 1.4 از ماده منفجره به عنوان معیاری دیگر برای بررسی بعد مناسب المان‌ها مورد تحلیل قرار گرفت. همان‌طور که در "شکل 11" مشخص است ابعاد مش دو تا سه سانتی‌متر نتایج بسیار خوبی را ارائه می‌کند. در تحقیق حاضر در نقاطی که قصد فرائت فشار وجود دارد به جهت دقت در فرائت فشار منعکس شده از مش دو سانتی‌متر و برای مناطق دیگر از ابعاد بزرگ‌تر استفاده شده است.

همچنین المان‌های به کار رفته از نوع اولرین با نام EC3D8R می‌باشند.

2-4- مدل عددی با در نظر گرفتن جسم سیلندری شکل

مدل هوا در محیط اولری در نرم‌افزار آباکوس و با ابعاد $2m \times 10m \times 10m$ شکل 2 مدل سیلندری گردید. مطابق با تحقیقات یاسری [9] مدل جسم سیلندری شکل به قطر دو و نیم متر و ارتفاع دو متر در نظر گرفته شد (شکل 12) و حداکثر فشارهای منعکس شده در ارتفاع 0.9 و 1.2 متر از کف (مطابق با داده‌برداری یاسری [9]) در نوزده نقطه (شکل 13) فرائت گردید و میانگین‌گیری صورت گرفت و نتایج با داده‌های آزمایشگاهی یاسری [9] مقایسه گردید. ماده منفجره نیز به صورت استوانه‌ای شکل به قطر 10cm و طول 1.2m بر روی کف تعریف شده است. برای مقایسه نتایج عددی با داده‌های آزمایشگاهی از نسبت موج منعکس شده در هر نقطه (P_1) به موج منعکس شده در زاویه صفر درجه (P_r) استفاده گردیده است.

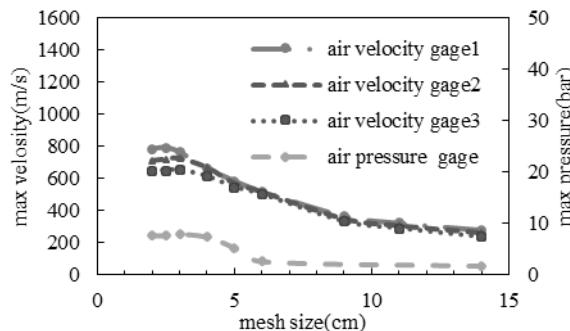


Fig.11 mesh convergence study

شکل 11 مطالعه همگرایی پاسخ‌ها نسبت به ابعاد مش

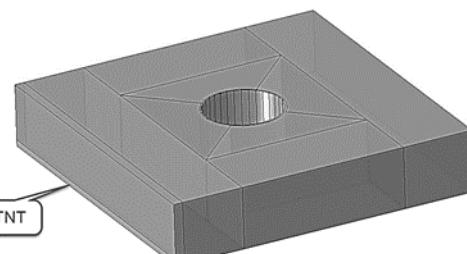


Fig.12 3D model of vertical circular cylinder(diameter=2.5m)

شکل 12 مدل سه‌بعدی با در نظر گرفتن سیلندر قائم به قطر 2.5 متر

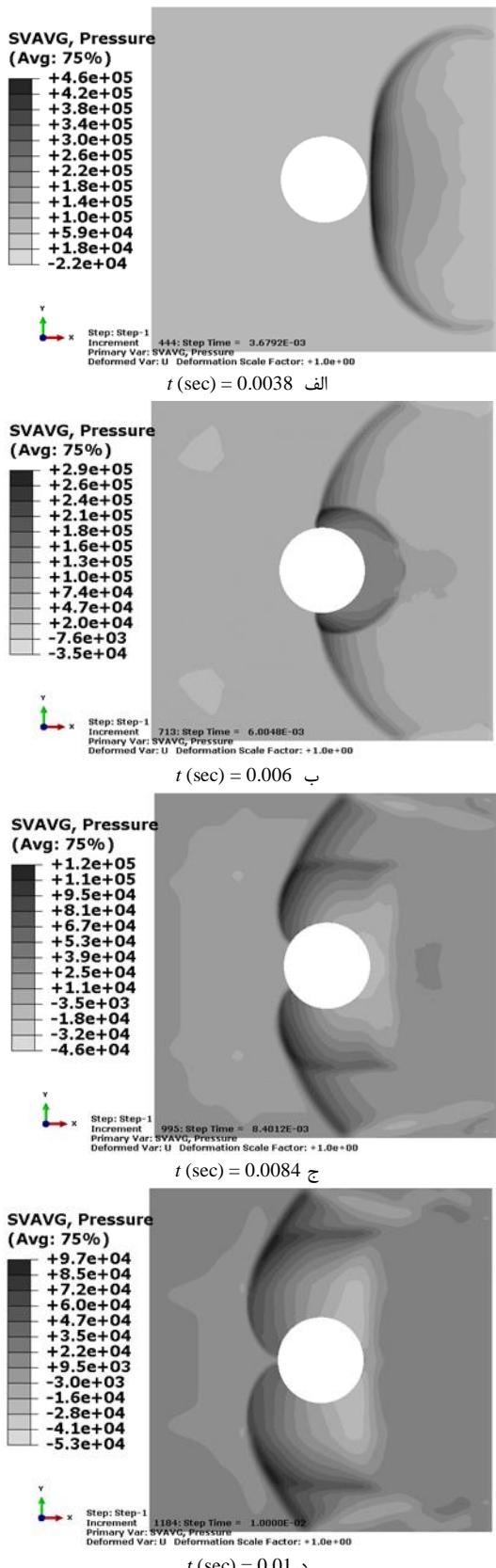


Fig.16 expansion of blast wave around circular cylinder(Pa)
شکل 16 گسترش موج انفجار در اطراف محفظه سیلندری شکل(Pa)

در رابطه (12) متغیر i به جملات سری (هفت جمله) مربوط می‌باشد و c_i یک ثابت است که سهم هر کدام از جملات سری فوق را نمایندگی می‌کند.

البته توجه به این امر ضروری است که با فرض پذیرش بالا بودن درصد اختلاف بین نتایج عددی و آزمایشگاهی در نقاط پشت مانع سیلندری شکل، به دلیل از بین رفتن اثر انعکاس در نقاط فوق، بزرگی فشار وارد نسبت به فشار وارد بر نقاط رویروی محل انفجار اندک بوده و درمجموع، اختلاف فوق تأثیر زیادی بر روی نیروی کلی وارد بر جسم سیلندری شکل ندارد.

3- مقایسه توزیع در قطرهای مختلف برای اجسام سیلندری قائم

در بررسی دیگر، با تغییر قطر جسم سیلندری شکل در قطرهای 1.5, 1, 0.5 و 2.5 متر نیز شبیه‌سازی انفجار صورت گرفت و فشار پیرامون جسم سیلندری شکل قائم در میانه ارتفاع جسم و در دو فاصله 0.9 و 1.2 از کف "قرائت گردید و فشار در دو ارتفاع فوق مبنایگری شد. مطابق با "شکل 17 مشاهده شد که هرچه قطر جسم سیلندری شکل کاهش می‌یابد فشارها در نقاط مختلف پیرامون سازه به فشار P_r نزدیکتر می‌گردند و در حقیقت کاهش اثر انعکاس پیرامون جسم سیلندری شکل کمتر می‌شود و در قطرهای پایین می‌توان فشار یکنواختی را برای سطح رویرویی جسم سیلندری شکل در نظر گرفت (شکل 17). در واقع می‌توان گفت که فرض در نظر گرفتن فشار یکنواخت پیرامون اجسام سیلندری شکل صرفاً در ابعاد بسیار کوچک قابل پذیرش است.

3- مقایسه توزیع در قطرهای مختلف برای اجسام سیلندری افقی

در بررسی دیگر به بررسی اثر انفجار بر اجسام سیلندری افقی پرداخته شد. در این بررسی اثر فاصله از زمین در نظر گرفته نشده است (شکل 18 و 19). با تغییر قطر جسم سیلندری شکل در قطرهای 1, 1.5, 2 و 2.5 متر نیز شبیه‌سازی انفجار صورت گرفت و مشاهده شد (شکل 20) که مانند بررسی اجسام سیلندری قائم که هرچه قطر کاهش می‌یابد فشارها در نقاط مختلف پیرامون سازه به فشار P_r نزدیکتر می‌گردند و در حقیقت کاهش اثر انعکاس پایین می‌شود؛ و در قطرهای پایین می‌توان فشار یکنواختی را برای سطح رویرویی جسم سیلندری شکل در نظر گرفت.

3- برازش منحنی از نتایج عددی

مجموعه‌ای از منحنی‌های کسینوئی می‌توانند توزیع فشار پیرامونی اجسام سیلندری را نمایندگی کنند، به همین دلیل اغلب روابط ارائه شده جهت به دست آوردن توزیع فشار در اطراف اجسام سیلندری شکل از معادلات فوریه کسینوئی استفاده کرده‌اند. معادله منحنی برازش داده شده می‌تواند شکل رابطه (12) را داشته باشد:

$$\begin{aligned} P_1 &= \sum_{i=0}^6 c_i \cos i\theta = c_0 \cos 0 + c_1 \cos \theta + \\ &c_2 \cos 2\theta + c_3 \cos 3\theta + c_4 \cos 4\theta + c_5 \cos 5\theta + \\ &c_6 \cos 6\theta \end{aligned} \quad (12)$$

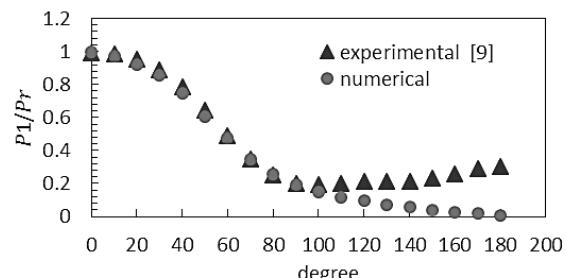


Fig.15 comparison of current numerical result with experimental result in [9]

شکل 15 مقایسه نتایج عددی حاضر با نتایج آزمایشگاهی در [9]

در "شکل‌های 21 و 22" منحنی‌های برازش داده شده به همراه داده‌های عددی نمایش داده شده است. نقاطی که در این شکل‌ها نمایش داده شده مربوط به داده‌های عددی است و خط رسم شده منحنی برازش داده شده با استفاده از فوریه کوسمینوسی می‌باشد.

4-3- روند محاسبه منحنی فشار-زمان

در این بخش فلوچارتی جهت محاسبه منحنی فشار-زمان اعمالی به جسم

جدول 4 ضرایب منحنی برازش داده شده از نتایج عددی برازش برای جسم سیلندری شکل افقی

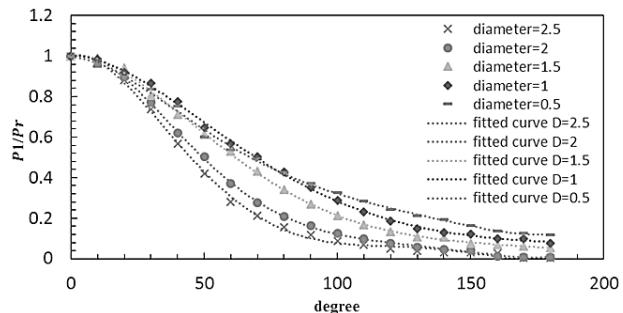
Table 3 parameters of fitted curves for numerical results of vertical circular cylinder simulation

قطر 2.5	قطر 2	قطر 1.5	قطر 1	قطر 0.5	c_i
0.3589	0.3797	0.4214	0.4469	0.502	c_0
0.4605	0.4508	0.4483	0.4294	0.3833	c_1
0.157	0.1491	0.1175	0.1023	0.0711	c_2
0.0367	0.0296	0.0136	0.0186	0.0341	c_3
-0.0126	-0.0094	-0.0056	0.0014	0.0071	c_4
-0.0085	-0.0066	0.0004	0.002	0.0014	c_5
-0.0022	-0.0036	-0.0025	-0.0057	-0.0035	c_6

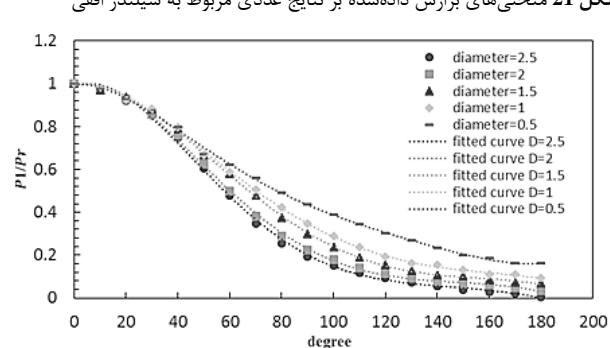
جدول 5 ضرایب منحنی برازش داده شده از نتایج عددی برازش برای جسم سیلندری شکل افقی

Table 4 parameters of the fitted curves for numerical result of horizontal circular cylinder simulation

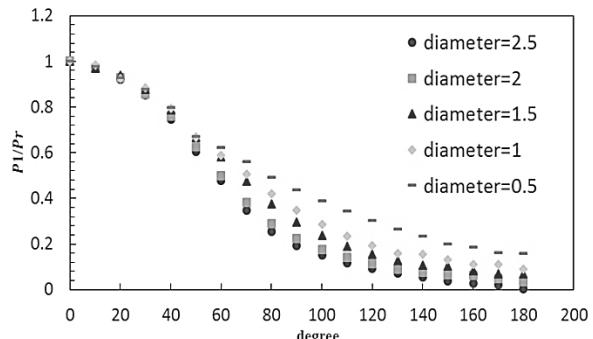
قطر 2.5	قطر 2	قطر 1.5	قطر 1	قطر 0.5	c_i
0.4506	0.2883	0.3194	0.3938	0.4378	c_0
0.3860	0.40973	0.4289	0.4370	0.4305	c_1
0.0924	0.1996	0.1737	0.1291	0.098	c_2
0.0441	0.0859	0.0679	0.0302	0.0226	c_3
0.012	0.024	0.0125	0.0089	0.0116	c_4
0.004	0.0035	0.0031	0.011	0.0037	c_5
-0.006	-0.0079	-0.0024	0.0025	-0.007	c_6



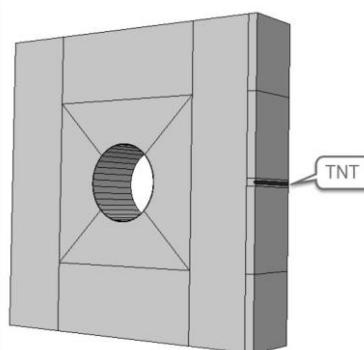
شکل 21 منحنی‌های برازش داده شده بر نتایج عددی مربوط به سیلندر افقی



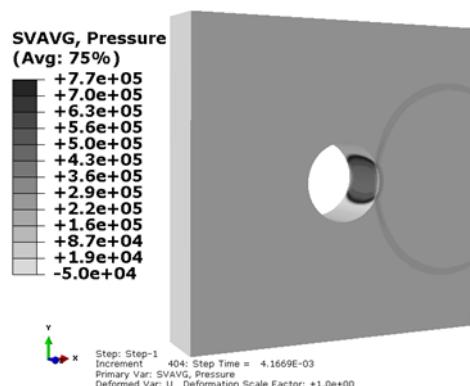
شکل 22 منحنی‌های برازش داده شده بر نتایج عددی مربوط به سیلندر افقی



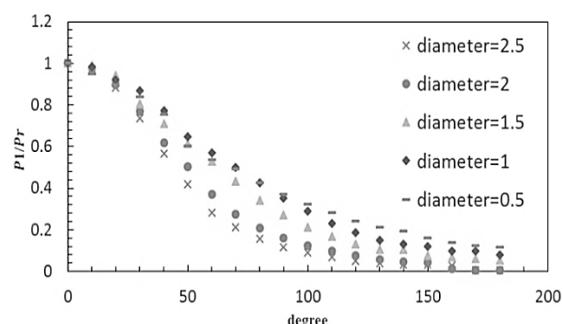
شکل 17 مقایسه توزیع حداکثر فشار پیرامون سیلندر قائم در ابعاد مختلف



شکل 18 مدل سه‌بعدی با در نظر گرفتن سیلندر افقی به قطر 2.5 متر



شکل 19 گسترش موج انفجار پیرامون سیلندر افقی (Pa)



شکل 20 مقایسه توزیع حداکثر فشار پیرامون سیلندر افقی در ابعاد مختلف

جدول 4 و 5 اندازه c_i مربوط به منحنی‌های برازش داده شده را ارائه می‌نماید.

خوبی با نتایج آزمایشگاهی داشت اما در نقاطی که اثر آشفتگی و تشکیل گردابها رخ می‌دهد، خطای در مدل عددی افزایش می‌یابد و این موضوع می‌تواند به دلیل استفاده محیط اولی در نرمافزار آباکوس از معادله ساده‌شده نویر استوکس باشد [4]. نتایج بدست آمده از تحقیق نشان داد، روشی که به صورت معمول در تحقیقات جهت اعمال بار انفجار به اجسام سیلندری شکل استفاده می‌شود (اعمال بار یکنواخت به سطح جلوی جسم سیلندری شکل)، اختلاف زیادی با نتایج بدست آمده از تحقیق حاضر داشت، به همین منظور بر مبنای شبیه‌سازی‌های عددی صورت گرفته روابطی جهت اعمال دقیق‌تر بار انفجار بر اجسام فوق ارائه گردید که می‌تواند در تحقیقات و یا طراحی‌های صنعتی مورد استفاده قرار گیرد. در بررسی بر روی ابعاد جسم سیلندری شکل، مشخص گردید که هرچه قطر سیلندر کاهش می‌یابد، نسبت فشار منعکس شده پیرامون سطح منحنی (P_1) به فشار منعکس شده در نقطه با زاویه صفر(P_r)، به عدد یک نزدیک‌تر می‌گردد. این نتیجه نشان می‌دهد در قطرهای بسیار کم تقریباً فشار منعکس شده در وجه جلوی سیلندر در زوایای مختلف، بزرگی یکسانی خواهد داشت.

5- فهرست علائم

ضریب انعکاس	C_r
دمای انفجار ماده منفجره مورد بررسی	H_{EXP}^d
دمای انفجار تی ان‌تی	H_{TNT}^d
فاصله از ماده منفجره	R
فشار محیطی هوا	P_0
حداکثر فشار منعکس شده	P_r
حداکثر فشار برخوردی	P_s
وزن مؤثر ماده منفجره (kg)	W_E
وزن ماده منفجره مورد بررسی	W_{EXP}

6- مراجع

- [1] P. S. Bulson, *Explosive loading of engineering structures*, pp. 30-100, London:Taylor & Francis e-library, 2002.
- [2] A. Chen, L. A. Louca, A. Y. Elghazouli, Blast assessment of steel switch boxes under detonation loading scenarios, *International Journal of Impact Engineering*, Vol. 78, No. 2, pp. 51-63, 2015.
- [3] A. Chen, *Structural response to vapour cloud explosions*, Doctor of Philosophy Thesis, Department of Civil and Environmental Engineering, Imperial College London, pp. 31-150, 2012.
- [4] A. Chen, L. A. Louca, A. Y. Elghazouli, Behaviour of cylindrical steel drums under blast loading conditions, *International Journal of Impact Engineering*, Vol. 88, No. 5, pp. 39-53, 2016.
- [5] U.S. Army Corps of Engineers, *UFC3-340-02:Structure to Resist The Effects of Accidental Explosions*, pp. 30-150, NewYork: Department of Defense , 2008.
- [6] M. V. Mousavi, J. Zamani, S. M. R. Khalili, Numerical investigation of formation of Mach reflection in explosive free forming of confined cylindrical shells, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 13, pp.131-142, 2015.(in persian) فارسی
- [7] M. Goudarzi, J. Zamani, Experimental and numerical investigation of the maximum deflection of circular aluminum plate subjected to free air explosion, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 15, No. 1, pp.219-226, 2015. (in persian) فارسی
- [8] V. M. Dehabadi, J. Z. Ashani, Study of various clamped isotropic square plates simulating methods and compare with experimental results under explosion loads, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No.13, pp.315-322, 2015.(in persian) فارسی
- [9] S. Yasseri, blast pressure distribution around large storage tanks, *Fabig Newsletter*, Vol. 30, No. 67, 2015.
- [10] H. L. Brode, Numerical solutions of spherical blast waves, *Journal of Applied physics*, Vol. 26, No. 6, pp. 766-775, 1955.
- [11] C. Mills, The Design of Concrete Structure to Resist Explosions and Weapon Effects, *Proceeding of the 1st international Conference on Concrete for Hazard Protection*,Edinburgh,pp. 61-73, 1987.

سیلندری شکل بر اساس داده‌های این تحقیق ارائه می‌گردد (شکل 23). در فلوچارت فوق با در نظر گرفتن حداکثر فشار برخوردی بر اساس تحلیل خطرهای صورت گرفته در مورد اجسام سیلندری شکل قائم فشار در ارتفاع به صورت یکنواخت فرض می‌گردد. در مورد اجسام سیلندری شکل افقی فشار در عرض یکنواخت فرض می‌شود.

4- نتیجه گیری

در انفجارهای رخ داده در تأسیسات نفت، گاز و پتروشیمی، نقش مخازن تحت فشار و سیستم‌های لوله‌کشی به عنوان منبعی برای تولید انفجارهای متعدد و به وجود آمدن اثر دومین، بسیار بالاهمیت و غیرقابل اغماض می‌باشد. به دست آوردن توزیع مناسبی از بار انفجار خارجی بر روی مخازن فوق جهت استفاده در مسائل تحقیقاتی و طراحی‌های صنعتی امری بسیار ضروری تشخیص داده شده است. شکل هندسی المان‌های مکانیکی فوق ضرورت تحقیق بیشتر پیرامون اندرکنش اجسام سیلندری شکل با موج انفجار را اثبات می‌کند.

انفجار به مفهوم تبدیل ماده‌ای جامد با چکالی بالا به ماده‌ای با چکالی انکد می‌باشد. درنتیجه تغییری بسیار سریع در حجم ماده منفجره رخ می‌دهد. تغییر حجم فوق باعث رانده شدن هوا پیرامونی گردیده و درنتیجه موج انجار گسترش می‌یابد. غالباً روش‌های عددی از همین مفهوم برای شبیه‌سازی انفجار استفاده می‌کنند. بررسی صحت و کفایت استفاده از یک روش اجزای محدود پیشرفتة (از طریق مقایسه با نتایج آزمایشگاهی) جهت شبیه‌سازی انفجار از فضای محدود مورد بررسی در تحقیق حاضر بود و در ادامه مطالعه پارامتریک بر روی ابعاد مخازن تحت فشار متداول در صنعت و همچنین افقی با قائم بودن آن‌ها صورت گرفته است. در انتها نیز روابطی جهت محاسبه منحنی فشار-زمان وارد بر پیرامون اجسام سیلندری شکل ارائه گردیده است. نتایج بدست آمده در این تحقیق نشان داد که استفاده از محیط اولی در نرمافزار اجزا محدود در نقاطی که آشفتگی رخ نمی‌دهد تطبیق بسیار

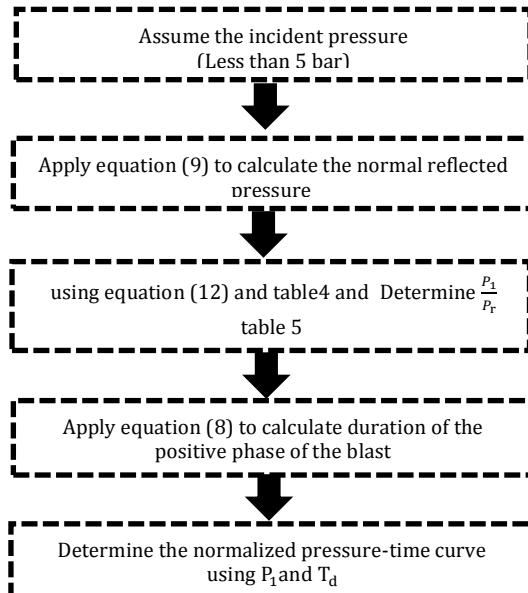


Fig.23 the proposed flowchart to obtain pressure-time curve in design of circular cylinder

شکل 23 فلوچارت بدست آوردن منحنی فشار-زمان برای طراحی اجسام سیلندری شکل

- Loading*, Master Thesis, University of Delaware, pp. 40-150,2007.
- [15] W.L.Bounds, *Design of Blast-Resistant Buildings in Petrochemical Facilities*, pp. 40-150, New York: ASCE Publications , 2010.
- [16] A.Van Netten, J. Dewey, A study of blast wave loading on cantilevers, *Shock Waves*, Vol. 7, No. 3, pp. 175-190, 1997.
- [12] G. Mays, *Blast Effects on Buildings: Design of Buildings to Optimize Resistance to Blast Loading*, pp. 20-80, London: Thomas Telford, 1995.
- [13] American Petroleum Institute, *Recommended Practice for The Design of Offshore Facilities Against Fire and Blast Loading*, pp. 35-50, NewYork: API Publications ,2006.
- [14] R. Cimo, *Analytical Modeling to Predict Bridge Performance Under Blast*