



## اثر مانع در کanal جریان گاز کاتد بر انتقال واکنشدها و عملکرد پیل سوختی غشا پلیمری

سیدعلی اطیابی<sup>۱</sup>، ابراهیم افساری<sup>۲\*</sup>، محمود عدمی<sup>۳</sup>

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد مکانیک- تبدیل انرژی، مجتمع مکانیک و هوافضا، دانشگاه صنعتی مالک اشتر، شاهین شهر اصفهان

۲- استادیار گروه مهندسی مکانیک، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه اصفهان، اصفهان

۳- دانشیار گروه مهندسی مکانیک، مجتمع مکانیک و هوافضا، دانشگاه صنعتی مالک اشتر، شاهین شهر اصفهان

\* اصفهان، صندوق پستی ۸۱۷۴۶-۷۳۴۴۱ e.afshari@eng.ui.ac.ir

### چکیده

در این مطالعه، با قرار دادن یک یا چند مانع در کanal کاتد پیل سوختی غشا پلیمری، تأثیرات دینامیک سیالات ناشی از وجود/ عدم وجود مانع در کanal و همچنین اثر مانع بر عملکرد پیل سوختی مورد مطالعه قرار گرفته است. بدین منظور با در نظر گرفتن یک مدل سه بعدی پیل سوختی که بخشی از کanal کاتد مسدود شده است، معادلات پیوستگی، مومنتوم، گونه‌های جرمی و بقای بار الکترومکانیک بهصورت حالت پایا در سیستم مختصات کارتزین با استفاده از یک دامنه کلی و روش جرم محدود حل شده است. نتایج نشان می‌دهد که با قرار دادن یک مانع مستطیلی، در مقایسه با حالت بدون مانع، بیشترین افزایش سرعت در لایه پخش گاز (در زیر مانع حدود ۶ برابر سرعت) رخ داده است و گازهای واکنشدها مانع با حالت مجبور به ورود به لایه پخش گاز می‌شود که به واکنش‌های شیمیایی کمک می‌کند و عملکرد پیل سوختی را بهبود می‌بخشد. همچنین افزایش تعداد موانع بر انتقال گازهای واکنشده و توزیع یکنواخت‌تر گازها در لایه پخش گاز و لایه کاتالیست، بهبود در دانسیته جریان‌های بالا، کمک می‌کند؛ اما افت فشار در کanal کاتد را افزایش می‌دهد. پیش‌بینی‌ها نشان می‌دهد که انتقال موضعی واکنشدها، تولید چگالی جریان محلی و عملکرد پیل در حضور موانع بهبود می‌یابد.

### اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: ۳۱ فروردین ۱۳۹۲

پذیرش: ۲۸ مهر ۱۳۹۲

ارائه در سایت: ۱۷ خرداد ۱۳۹۳

کلید واژگان:

پیل سوختی غشا پلیمری

مانع

انتقال اکسیژن

افت فشار

## Effects of baffle-blocked flow cathode channel on reactant transport and cell performance of a PEMFC

Seyed Ali Atyabi<sup>1</sup>, Ebrahim Afshari<sup>2\*</sup>, Mahmood Adami<sup>3</sup>

1- Department of Mechanic & Aerospace Engineering, Malek - Ashtar University of Technology, Sahinshar Isfahan, Iran.

2- Department of Mechanical Engineering, Faculty of Engineering, Isfahan University, Isfahan, Iran

3- Department of Mechanic & Aerospace Engineering, Malek - Ashtar University of Technology, Sahinshar Isfahan, Iran

\*P.O.B. 81746-73441, Isfahan, Iran. e.afshari@eng.ui.ac.ir

### ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 20 April 2013

Accepted 20 October 2013

Available Online 07 June 2014

**Keywords:**

PEM Fuel Cell

Baffle

Oxygen Transport

Pressure Drop

### ABSTRACT

In this study, we propose a configuration of partially blocked oxidant channel with baffle plates transversely inserted in the cathode channel and effects of the fluid dynamics due to the presence or non-presence of the baffles and their effect on the fuel cell performance is investigated. A 3D model with the presence of baffle plates is considered and a set of equations (continuity, momentum, species and charge together with electrochemical kinetics) in the form of single domain is developed and solved numerically. The baffles block the main flow in the cathode channel and force more reactant gases to turn to the GDL. This fact implies an enhancement of the oxygen mass flux at the GDL and catalyst surface, especially at the position beneath the location of the baffle plates. An increase in the number of baffles contribute to the reactant gas transport to GDL with more uniform distribution of gas in the GDL and catalyst layer, especially in high current densities, where it leads to a penalty of high pressure - loss. The predictions indicate that the local transport of the reactant gas would enhance the local current densities and the fuel cell performance in presence of baffle in the channel.

آلوگی، تنوع و زمان راهاندازی کوتاه به طور گسترشده قابل استفاده بوده و یک منبع تبدیل انرژی مناسب در آینده است.

طراحی بهینه کanal‌های جریان یک عامل مهم در عملکرد پیل سوختی غشا پلیمری است. شکل و الگوی کanal جریان بر انتقال گازهای واکنش‌گر، بهره‌گیری از گازهای واکنش‌گر، مدیریت آب و عملکرد پیل تأثیر می‌گذارد [۱]. بدلیل کوچکتر بودن ضرایب پخش گازها در الکترود کاتد نسبت به آند، طراحی کanal در سمت کاتد از اهمیت بیشتری برخوردار است. اگر مقدار

پیل‌های سوختی دستگاه‌هایی الکتروشیمیایی هستند که به طور مستقیم انرژی شیمیایی حاصل از واکنش سوخت و اکسید کننده را به الکتریسیته و گرما تبدیل می‌کنند. برخلاف باقی‌ها که وسائل ذخیره‌کننده انرژی هستند، در پیل‌های سوختی تا زمانی که گازهای واکنش‌گر تأمین شوند، می‌توان انرژی شیمیایی را به انرژی الکترومکانیک تبدیل کرد. در میان انواع پیل‌های سوختی، پیل سوختی غشا پلیمری به دلیل داشتن راندمان بالا، عدم ایجاد

### ۱- مقدمه

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

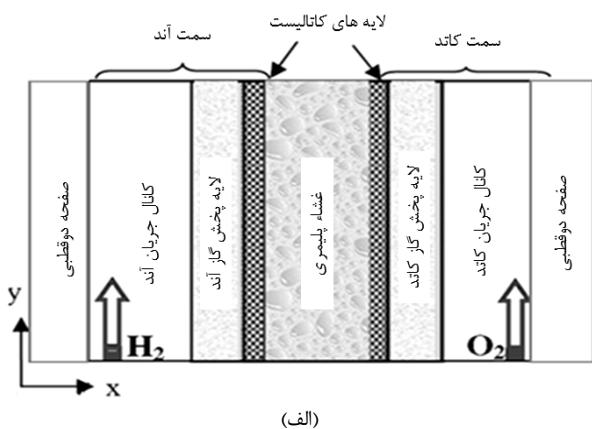
S.A. Atyabi, E. Afshari, M. Adami, Effects of baffle-blocked flow cathode channel on reactant transport and cell performance of a PEMFC, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 4, pp. 158-166, 2014 (In Persian)

بررسی انتقال جرم اکسیژن در طرف کاتد پیل سوختی غشا پلیمری منطقی است. در مطالعاتی که تاکنون بر روی تأثیرات مسدودسازی کanal پیل انجام شده است، تنها نواحی کanal جریان و لایه پخش گاز کاتد و یا فقط همه نواحی سمت کاتد مدل شده است و سمت آند پیل مدل نشده و تأثیرات مسدودسازی کanal بر روی عملکرد کل پیل مدل نگردیده است. مدل نشدن سمت آند سبب می‌شود که نتوان عملکرد کل پیل را بررسی کرد. همچنین نیاز به شرایط مرزی در مراتزهای داخلی پیل بوده و به تبع آن دقت حل معادلات کاهش می‌باشد. برای درک صحیح دینامیک سیال و فرآیندهای الکتروشیمیایی پیل سوختی، در این مطالعه یک حل عددی کامل از معادلات پیوستگی، مومنتوم، بقای گونه‌های جرمی و بقای بار الکتریکی بدون محاسبه اثر جریان دو فاز در تمامی نواحی پیل سوختی ارائه شده است. در این تحلیل برای بررسی کanal جریان شامل مانع، آنالیز سه بعدی صورت گرفته است و اثر کanal با مانع و تعداد موانع بر پدیده‌های انتقالی در داخل پیل و بر عملکرد پیل مورد بررسی قرار گرفته است.

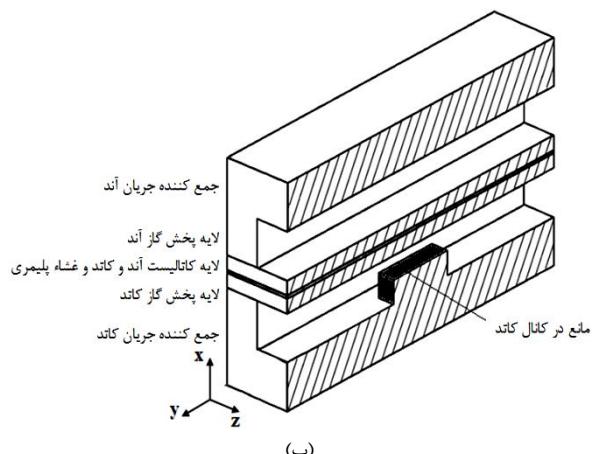
## ۲- مدل پیل سوختی غشا پلیمری

### ۲-۱- توصیف پیل

شکل ۱ نمایهای دو و سه‌بعدی از یک تک سل پیل سوختی غشا پلیمری با اجزای مرتبط به آن را نشان می‌دهد. پیل شامل کanal جریان آند، لایه پخش گاز آند، لایه کاتالیست آند، غشا، لایه کاتالیست کاتد، لایه پخش گاز کاتد و کanal جریان کاتد است. براساس شکل ۱ مانع مسدود کننده در داخل کanal کاتد قرار می‌گیرد. طول کanal، طول بالا دست و پایین دست کanal و  $L_{baffle}$  نیز ارتفاع مانع است.



(الف)



شکل ۱ نمای دو بعدی (شکل الف) و نمای سه بعدی متقارن (شکل ب) یک پیل سوختی غشا پلیمری به همراه مانع در کanal کاتد

گاز و آب خروجی پیل از کنترل خارج شود، انتقال اکسیژن به لایه کاتالیست کاهش قابل توجهی می‌باید و ممکن است سبب گرم شدن بیش از حد و خشکی غشا شود. این وضعیت نامطلوب، سبب افزایش مقاومت درونی پیل و در نتیجه سبب افت عملکرد آن می‌شود. از این روش ایجاد آن می‌باشد که جریان برای اطمینان از توزیع یکنواخت گازهای واکنش‌گر در پیل سوختی سیار مهم و اساسی است. طراحی الگوی میدان جریان میدان از چالش‌های فنی بحرانی در طراحی پیل سوختی غشا پلیمری است و تأثیرات عمده آن روی عملکرد و عمر سیستم است [۲].

نگوین و همکاران [۳] یک مدل محاسباتی پیل سوختی غشا پلیمری با کanal‌های مارپیچی ارائه نمودند و پدیده‌های اساسی انتقال را در پیل بررسی کردند. محاسبات سه بعدی انتقال سوخت در پیل سوختی غشا پلیمری با کanal‌های مارپیچی توسط دو تا و همکاران [۴] انجام شد. کی و همکاران [۵] یک مدل محاسباتی عمومی برای انتقال جرم و مومنتوم در شبکه کanal نوع مسطح در توده پیل سوختی ارائه کردند. در مطالعه عددي انجام شده در پیان و همکاران [۶] اثرات عرض کanal جریان و تخلخل لایه پخش گاز در انتقال گازهای واکنش‌گر و عملکرد پیل سوختی غشا پلیمری بررسی شده است. گرو و همکاران [۷] با ارائه یک مدل عددی، انتقال اجزا واکنش‌گر را در یک نیم‌پیل بررسی و تأثیرات ضریب تخلخل و انحنای لایه پخش گاز و لایه کاتالیست بر انتقال اجزا واکنش‌گر را مشخص کردند. کیو و همکاران [۸] با ارائه یک مدل عددی سه بعدی به بررسی عملکرد پیل سوختی غشا پلیمری با کanal‌های موجی پرداختند و توزیع دما و منحنی عملکرد پیل را به دست آوردند. نتایج آن‌ها نشان می‌دهد که کanal‌های موجی تأثیر انتقال حرارت جابه‌جایی را بهبود بخشدیده و سرعت جریان گاز در محیط متخلخل را افزایش می‌دهند. لیو و همکاران [۹] اثر کanal‌های مسدود شده بر انتقال واکنش‌گرهای عملکرد پیل با استفاده از میدان جریان موازی مرسوم را بررسی کردند. نتایج آن‌ها نشان می‌دهد که عملکرد پیل سوختی به واکنش‌های شیمیایی، افزایش می‌باشد. سونگ و همکاران [۱۰] یک ساختار کanal جدید را با قرار دادن موانعی در کanal میدان جریان مرسوم بررسی کردند. آن‌ها دریافتند که عملکرد پیل با کاهش اندازه گپ یا افزایش تعداد موانع در طول کanal با در نظر گرفتن تلفات افت فشار افزایش می‌باشد. وانگ و همکاران [۱۱] اثرات موانع در میدان جریان مارپیچی برای بهبود عملکرد پیل سوختی غشا پلیمری را مورد مطالعه قرار دادند. آن‌ها نشان داده‌اند که میدان جریان جدید مارپیچی مسدود شده از طرفی سبب اختلاف فشار بالا می‌شود و از سوی دیگر به انتقال واکنش‌دهنده‌ها به لایه پخش گاز کمک نموده و سبب بهبود چگالی جریان و عملکرد بهینه پیل می‌شود. افساری و بهارلو [۱۲] با مدل سازی دو بعدی کاتد پیل سوختی غشا پلیمری به بررسی مسدودسازی کanal کاتد و تأثیر آن بر انتقال اکسیژن پرداختند. در کار آن‌ها صرفًا تحلیل پدیده انتقال جرم بررسی شده و مدل الکتروشیمیایی پیل در نظر گرفته نشده است. از این‌رو در کار آن‌ها عملکرد نهایی پیل در قالب منحنی دانسته جریان-ولتاژ پیل قابل بررسی نیست.

این مطالعات نشان می‌دهند که عملکرد پیل سوختی با اضافه کردن موانع مسدودساز در کanal‌های جریان که سبب افزایش جابه‌جایی واکنش‌دهنده‌ها به لایه پخش گاز می‌شود، بهبود می‌باشد. واضح است که ترم‌های افت فشار به دلیل مقاومت جریان بالا در بیشتر میدان‌های جریان با کanal مسدود شده زیاد می‌شود و نیاز است که کاهش باید. اضافه ولتاژ پیل در طرف آند پیل سوختی غشا پلیمری در مقایسه با اضافه ولتاژ طرف کاتد قابل صرف‌نظر کردن است و بنابراین انتخاب

## جدول ۱ معادلات حاکم بر مدل پیل سوختی [۱۳]

شماره	معادله	فرم ریاضی معادله
(١)	پیوستگی	$\frac{\partial(\varepsilon\rho)}{\partial t} + \nabla(\varepsilon\rho\vec{u}) = 0$
(٢)	مومنتوم	$\frac{1}{\varepsilon} \left[ \frac{\partial(\rho\vec{u})}{\partial t} + \frac{1}{\varepsilon} \nabla \cdot (\rho\vec{u}\vec{u}) \right] = \nabla P +$ $\nabla \cdot (\mu^{\text{eff}} \nabla \vec{u}) + \vec{S}_u$
(٣)	بقاء اجزا	$\frac{\partial(\varepsilon X_k)}{\partial t} + \nabla(\varepsilon \vec{u} X_k) =$ $\nabla(D_k^{\text{eff}} \nabla X_k) + S_k$
(٤)	پتانسیل الکترود	$\nabla(\sigma_e^{\text{eff}} \nabla \varphi_e) + S_{\varphi_e} = 0$
(٥)	پتانسیل فاز جامد	$\nabla(D_s^{\text{eff}} \nabla \varphi_s) + S_{\varphi_s} = 0$

جدول ۲ ترم‌های چشم و چاه [۱۳]

غشا	لایه کاتالیست	لایه پخش گاز	معادله مومنتوم
$\frac{\mu}{K_p} \varepsilon_m \varepsilon_{mc} \vec{u}$ + $\frac{K_\phi}{K_P} Z_f C_f F \nabla \phi_e$	$\frac{\mu}{K_p} \varepsilon_m \varepsilon_{mc} \vec{u}$ + $\frac{K_\phi}{K_p} Z_f C_f F \nabla \phi_e$	$\frac{\mu}{K_p} \varepsilon^2 \vec{u}$	
0	$\frac{j_a}{2FC_{tot,a}}(\text{H}_2)$	0	گوندهای جرمی
0	$\frac{j_c}{4FC_{tot,c}}(\text{O}_2)$	0	
0	$\frac{j_c}{2FC_{tot,c}}(\text{H}_2\text{O})$	0	پتانسیل جامد
0	$j$	0	پتانسیل غشا

\* ترم حشمه و یا چاه در نواحی که در این جدول نیامده برابر با صفر است.

در معادلات (۱-۵)،  $u$ ،  $\rho$ ،  $P$ ،  $\varepsilon$ ،  $X_k$ ،  $\varphi_e$  و  $\varphi_s$ ، بردار سرعت، چگالی سیال، ضریب تخلخل، فشار، کسر مولی جز  $k$ ام، پتانسیل الکتریکی در غشاء، پتانسیل فاز جامد و ویسکوزیته است. ترمونهای چشممه مربوط به این معادلات در جدول ۲ آمده شده است.

ضریب موثر پخش جز  $k$  و ضریب هدایت یونی غشا با استفاده از روابط (۶) و (۷) بدست می‌آیند [۱۳].

$$D_k^{\text{eff}} = \varepsilon^{1.5} D_k \quad (\mathcal{E})$$

$$\sigma_e^{\text{eff}} = \varepsilon^{1.5} \sigma_e \quad (\text{V})$$

$\epsilon_m$  تخلخل غشا است.

$$D(T) = D_0 \left( \frac{T}{T_0} \right)^{\frac{3}{2}} \left( \frac{P_0}{P} \right) \quad (\text{A})$$

ضریب هدایت پروتونی در فاز غشا نیز تابع دما و رطوبت نسبی غشا است.

$$\sigma_m(T) = 100 \times \exp[1268(\frac{1}{303} - \frac{1}{T})] \times (0.005139\lambda - 0.00326) \quad (4)$$

طوبیت نسبی غشا بر اساس این طبقه تحریک (۱۰) به دست می‌آید [۱۴].

$$\lambda = \begin{cases} 0.043 + 17.18a - 39.85a^2 + 36a^3 & 0 < a \leqslant \\ 14 + 1.4(a - 1) & 1 \leqslant a \leqslant \end{cases} \quad (14)$$

در پیل سوختی غشا پلیمری، هیدروژن مرتبط وارد کانال آند و هوا وارد کانال کاتند می‌شود. هیدروژن از میان لایه پخش آند به طرف کاتالیست انتقال می‌یابد و به دو یون هیدروژن (پروتون) و دو الکترون تبدیل می‌شود. پروتون‌ها از میان غشا به طرف لایه کاتالیست کاتد حرکت می‌کنند؛ اما غشا رسانایی الکترون نیست و از این‌رو الکترون مجبور است مدار خارجی را طی کنند و یک جریان الکتریکی خارجی به وجود می‌آید که سبب تولید کار الکتریکی می‌شود. در کاتد، اکسیژن از میان لایه پخش گاز حرکت می‌کند و در سطح لایه کاتالیست با پروتون‌ها و الکترون‌ها واکنش داده و تشکیل آب می‌دهد. واکنش آندی کمی گرمایگر و واکنش کاتندی به شدت گرمایاست؛ بنابراین در مجموع علاوه بر تولید آب، در پیل گرمای تولید می‌شود.

٢-٢ - معاذلات حاکم

در توسعه مدل، فرضیات پیش رو در نظر گرفته می شود:

۱) مخلوط گاز، گاز کامل در نظر گرفته می‌شود.

(۲) جریان با توجه با کوچک بودن عدد رینولدز (حداکثر ۱۹۱) در همه جا آرام در نظر گرفته می‌شود.

(۳) با توجه به مقادیر سرعت و دما در کانال‌ها  $100 \text{ متر بر ثانیه}$  و  $353 \text{ درجه کلوین}$ ، مخلوط جریان‌های گاز، تراکم یزدیر در نظر گرفته می‌شود.

۴) مدل پایا در نظر گرفته می‌شود.

<sup>۵</sup>) الکترودها، لایه‌های کاتالیست و غشا همگن در نظر گرفته می‌شوند.

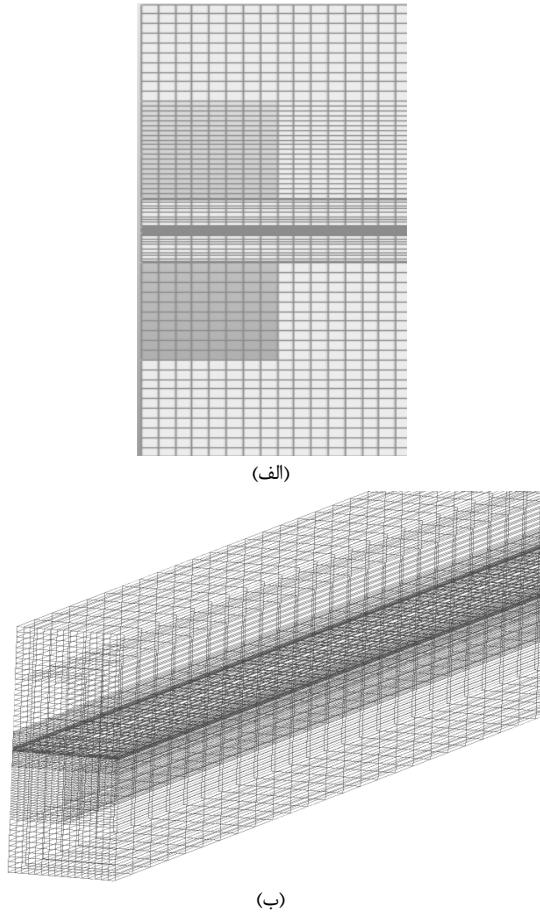
۶) پیل آدیاپاتیک در نظر گرفته می‌شود.

برای مدل سازی عددی پیل سوختی، می توان از روش تک ناحیه‌ای و یا روش چند ناحیه‌ای استفاده کرد. در مدل چند ناحیه‌ای، دامنه محاسباتی به چند زیر دامنه تقسیم می شود و در هر زیر دامنه مجموعه معادلات حاکم بر آن ناحیه حل می شود. برای حل این معادلات و ارتباط آنها با یکدیگر، به شرایط مرزی بین نواحی مختلف پیل نیاز است؛ اما بسیاری از این شرایط مرزی به طور واضح مشخص نیستند و از این‌رو پاسخ‌های به دست آمده از حل معادلات نیز دقیق نیست. همچنین، چون در هر ناحیه یک سری معادله مربوط به همان ناحیه نوشته می شود و این معادلات با شرایط مرزی به یکدیگر مربوط می شوند، مسئله بسیار پیچیده می شود. در روش تک ناحیه‌ای، فقط یک سری معادلات بقا در تمام نواحی پیل سوختی به کار می رود و نیازی به مشخص کردن شرایط مرزی در فصل مشترک بین نواحی نیست و شرایط مرزی فقط در سطح بیرونی پیل مورد نیاز است. اهمیت دیگر این روش آن است که با قرار دادن صفحه مسدودکننده در کانال جریان، نیازی به اعمال شرایط مرزی بر سطح این صفحه نیست. عدم اعمال این شرایط مرزی به دقت حل مسئله می افزاید و حل معادلات را آسان‌تر می نماید؛ هر چند که زمان محاسبات را طولانی می کند. با به کار بردن روش تک ناحیه‌ای ممکن است یک معادله در ناحیه‌ای خاص از پیل برقرار نباشد؛ ولی برای اجتناب از اعمال معادلات متفاوت در هر ناحیه، می توان در روش عددی با اعمال ترم چشمی بزرگ و تعیین خواص فیزیکی مربوط به آن ناحیه، تمام معادلات را به گونه یکسان در تمام نواحی به کار برد. مدل شامل معادلات دیفرانسیل پاره‌ای همبسته شده غیر خطی شامل بیانی جرم، مومنتوم، بقای اجزا و بار الکتریکی با واکنش‌های الکتروشیمیایی است. با محاسبه ترم‌های چشمی (چاه) واکنش‌های الکتروشیمیایی، ابتدا معادلات گونه‌های جرمی برای مرحله اول مصرف و تولید اجزا و در مرحله بعد معادله بار الکتریکی به کار می رود. معادلات حاکم در جدول ۱ خلاصه

$$u_{c,in} = \zeta_c \frac{I_{ref}}{4FC_{O_2,in}} \frac{A_{react}}{A_{c,in}} \quad (22)$$

در کاتد

شرایط مرزی سرعت‌ها و اجزا خروجی به صورت کاملاً توسعه‌یافته در نظر گرفته می‌شود. پتانسیل الکتریکی  $\phi_e$  در وجه مشترک لایه کاتالیست آند/لایه پخش گاز کاتد، گاز آند صفر و در وجه مشترک لایه کاتالیست کاتد/لایه پخش گاز کاتد،  $\partial\phi_e/\partial y = 0$  است.  $\phi_e$  در نظر گرفته می‌شود و در  $y=H$  و  $y=0$  است. تعداد گره‌های شبکه‌بندی برای عدم وابستگی جواب‌ها به تعداد شبکه، ۱۱۹۶۸۰ انتخاب شده است. در نواحی ورودی و خروجی لایه پخش گاز و ابتداء و انتهای کanal، همچنین پیش و پس از مانع، شبکه‌بندی ریزتر شده است. این شبکه‌بندی در شکل ۲ نشان داده شده است. معادلات حاکم همراه با شرایط مرزی مشخص شده، با استفاده از نرم‌افزار فلوئنت نسخه ۱۴ حل شده‌اند. نرم‌افزار فلوئنت با استفاده از یک مازول مخصوص حل پیل سوختی غشا پلیمری، توانایی حل معادلات مخصوص پیل را به کاربر می‌دهد. در این مازول، معادلات پتانسیل، روابط الکتروشیمیایی و انتقال آب در غشا، به کمک زیر برنامه‌هایی به نرم افزار اضافه شده است که پیش‌بینی منحنی قطبش و سایر پدیده‌های انتقال در پیل را آسان می‌کند. در این مدل، میدان‌های سرعت و فشار با استفاده از الگوریتم سیمپل به دست آمده‌اند. برای حل معادلات از یک روند تکراری استفاده شده است و حل تا رسیدن به همگرایی با دقت  $10^{-4}$  ادامه پیدا کرده است. نمودار شکل ۳ برای آشنایی با گام‌های حل نمایش داده شده است. جدول ۳ نیز پارامترهای فیزیکی و خصوصیات پیل را نشان می‌دهد.



شکل ۲ شبکه‌بندی مدل پیل سوختی از: (الف) نمای جلو دامنه حل و (ب) نمای سه بعدی دامنه حل

فعالیت آب طبق رابطه (۱۱) تعریف می‌شود.

$$a = \frac{X_{H_2O} P}{P_{sat}} \quad (11)$$

ضریب پخش آب در غشا نیز به صورت رابطه (۱۲) است [۱۵].

$$D_w^m = \begin{cases} 3.1 \times 10^{-7} \times \lambda (\epsilon^{0.28\lambda} - 1) e^{\left(\frac{-2346}{T}\right)} & 0 < \lambda < 3 \\ 4.17 \times 10^{-8} \times \lambda (161e^\lambda + 1) e^{\left(\frac{-2346}{T}\right)} & 3 < \lambda \end{cases} \quad (12)$$

ضرایب پخش هیدروژن، اکسیژن و آب در مخلوط گاز طبق روابط (۱۳) و (۱۴) و (۱۵) تابع دما و فشار است.

$$D_{H_2} = 1.1 \times 10^{-4} \left( \frac{T}{353} \right)^{3/2} \left( \frac{I}{P} \right) \quad (13)$$

$$D_{O_2} = 3.2 \times 10^{-5} \left( \frac{T}{353} \right)^{3/2} \left( \frac{I}{P} \right) \quad (14)$$

$$D_{H_2O} = 7.35 \times 10^{-5} \left( \frac{T}{353} \right)^{3/2} \left( \frac{1}{P} \right) \quad (15)$$

چگالی جریان الکتریکی در جهت محوری به صورت روابط (۱۶) و (۱۷) محاسبه می‌شود.

$$I(y) = -\sigma_e^{\text{eff}} \left. \frac{\partial \phi_e}{\partial x} \right|_{x=IF} \quad (16)$$

$$I_{avg} = \frac{1}{L} \int_0^L I(y) dy \quad (17)$$

IF وجه مشترک بین غشا و لایه کاتالیست کاتد است. چگالی جریان الکتریکی نیز به صورت روابط (۱۸) و (۱۹) محاسبه می‌شود [۱۵].

$$j_a = a j_{0,a}^{\text{ref}} \left( \frac{X_{H_2}}{X_{H_2,\text{ref}}} \right)^{\frac{1}{2}} \left( \frac{\alpha_a + \alpha_c}{RT} \cdot F \cdot \eta \right) \quad (18)$$

$$j_c = -a j_{0,c}^{\text{ref}} \left( \frac{X_{O_2}}{X_{O_2,\text{ref}}} \right)^{\frac{1}{2}} \exp \left( \frac{-\alpha_c}{RT} \cdot F \cdot \eta \right) \quad (19)$$

$$\eta(x,y) = \phi_s - \phi_e - V_{oc} \quad (20)$$

$j$ ،  $\alpha$ ،  $\eta$  و  $V_{oc}$  به ترتیب چگالی جریان الکتریکی انتقالی، ضریب انتقال، اضافه ولتاژ، پتانسیل و ولتاژ مدار باز است.

### ۳-۲- شرایط مرزی و روش حل عددی

معادلات ۱ تا ۵ یک دستگاه از معادلات حاکم برای حل مجھولات مسئله را تشکیل می‌دهند. برای حل این معادلات نیاز به مشخص شدن شرایط مرزی مناسب است؛ زیرا در این مقاله از روش تک ناحیه‌ای استفاده شده است، فقط شرایط مرزی بیرونی باید مشخص شود و نیازی به شرایط مرزی بین لایه‌های مختلف پیل سوختی نیست.

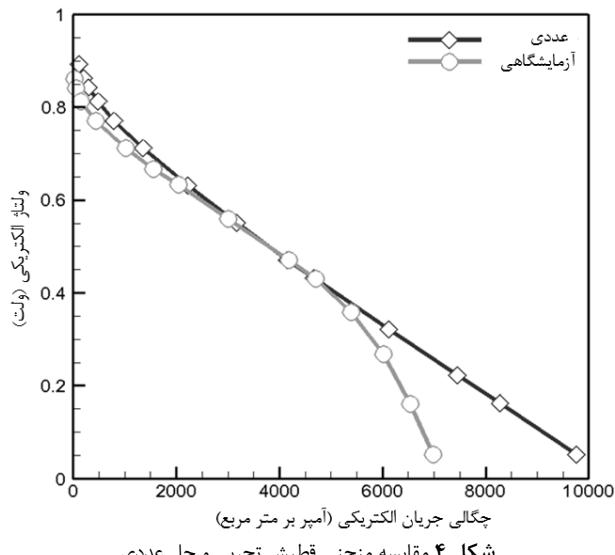
شرط مرزی شار صفر، در مرزهای بیرونی به استثنای ورودی و خروجی کanal‌های جریان به کار می‌رود. در ورودی کanal کاتد و آند، غلظت اجزا با شرایط فشار و نسبت رطوبت ورودی مشخص می‌شود. فشار جزئی بخار آب در ورودی، برابر فشار اشباع در دمای مرتبط‌سازی واکنش‌گرهای ورودی است. سرعت ورودی آند و کاتد نیز می‌تواند با استفاده از نسبت جریان استوکیومتریک تعیین شود. این نسبت به صورت نسبت مقدار واکنش‌گرهای تأمین شده به واکنش‌گرهای مورد نیاز برای واکنش الکتروشیمیایی که دانسیته جریان مرجع را تولید کند، براساس روابط (۲۱) و (۲۲) تعریف می‌شود [۱۵].

$$u_{a,in} = \zeta_a \frac{I_{ref}}{2FC_{H_2,in}} \frac{A_{react}}{A_{a,in}} \quad (21)$$

در آند



شکل ۳ نمودار حل دستگاه معادلات



شکل ۴ مقایسه منحنی قطبش تجربی و حل عددی

در شکل های ۵ و ۶ به ترتیب سرعت جریان در طول کanal در فصل مشترک

### جدول ۳ خصوصیات و پارامترهای فیزیکی پیل سوختی

مقادیر	پارامترها
1 mm	ضخامت کanal
300 μm	ضخامت لایه پخش گاز
10 μm	ضخامت لایه کاتالیست
50 μm	ضخامت غشا
70 mm	طول پیل
2 mm	طول مانع مستطیلی
0.5 mm	ارتفاع مانع مستطیلی
1 mm	عرض مانع مستطیلی
96487 Cmol⁻¹	ثابت فارادی
1/1	نرخ استوکیومتری جریان هیدروژن/اکسیژن
5×10⁸ Am⁻³	چگالی جریان مرجع آند
1×10² Am⁻³	چگالی جریان مرجع کاتد
353 K	دمای عملکرد پیل سوختی
66.817/17.808 mol m⁻³	غلظت کلی آند/ کاتد
10⁴ Am⁻²	جریان الکتریکی مرجع
1×10⁵ Pa	فشار ورودی آند و کاتد
0.8441/0.19	کسر مولی هیدروژن/اکسیژن ورودی
0.1559	کسر مولی پخار آب ورودی در آند و کاتد
0.28	تخلخل غشا و لایه کاتالیست
0.4	تخلخل آب و لایه پخش گاز
0.01 ms⁻¹	سرعت ورودی کanal آند و کاتد
2/2	ضریب انتقال آند/ کاتد
0.55	کسر مولی مرجع هیدروژن
0.02	کسر مولی مرجع اکسیژن
1.873×10⁻⁵ m² s⁻¹	ضریب پخش بخار آب در کanal
2×10⁵ atm cm⁻³	ثابت هنری برای اکسیژن در غشا
2.63×10⁻⁶ m² s⁻¹	ضریب پخش هیدروژن در کanal
5.2197×10⁻⁶ m² s⁻¹	ضریب پخش اکسیژن در کanal

### ۳- نتایج و بحث

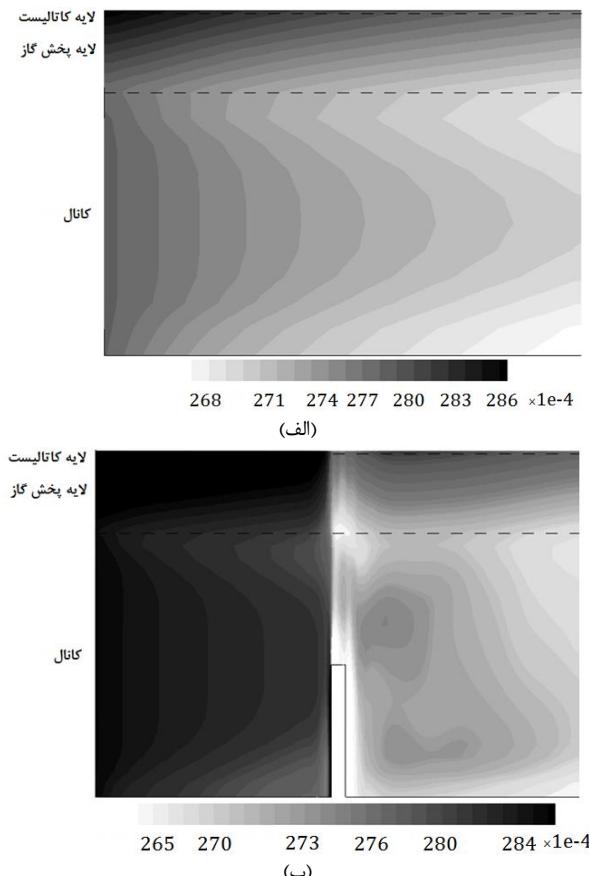
به منظور صحه‌گذاری نتایج، منحنی قطبش در شکل ۴ برای یک کanal ساده مستقیم (بدون مانع) با اطلاعات تجربی تیکنالی [۱۶] مقایسه شده که توافق بسیار خوبی با نتایج تجربی دارد. بیشترین اختلاف مدل حاضر با نتایج تجربی مربوط به دانسیته جریان‌های بالا است. در دانسیته جریان‌های بالا، آب مایع سبب شناوری لایه پخش گاز شده و انتقال گازهای واکنشگر به لایه کاتالیست را مختلف می‌کند. در اثر پدیده شناوری عملکرد پیل به شدت افت می‌یابد. باید توجه داشت که به دلیل پیچیدگی زیاد بحث تغییر فاز آب در پیل سوختی، در این مقاله فرض شد که آب تغییر فاز نداده و به صورت بخار باقی می‌ماند. این فرض در دانسیته جریان‌های معمول و با توجه به شرایط عملکرد پیل، فرض مناسب و منطقی است.

#### ۳-۱- تأثیر قرار دادن مانع در کanal کاتد

با قرار دادن مانع در کanal کاتد، سرعت جریان در فاصله بین مانع و لایه پخش گاز افزایش می‌یابد و سبب می‌شود گاز بیشتری به لایه پخش گاز نفوذ کند و غلظت اکسیژن و به تبع آن نرخ واکنش در لایه کاتالیست افزایش یابد. البته باید افزایش افت فشار در کanal را نیز در نظر گرفت. در غیاب مانع در کanal، کمترین افت فشار وجود دارد. افت فشار بیشتر معادل استفاده از پمپی با توان بالاتر است که بخشی از توان پیل سوختی را تلف می‌کند.

در شکل‌های ۷الف و ۷ب توزیع‌های غلظت اکسیژن در کanal جریان گاز کاتد، لایه پخش گاز و لایه کاتالیست کاتد در حالت با مانع مستطیلی و بدون مانع مقایسه شده است. در حالت بدون مانع، بیشتر اکسیژن در کanal جریان دارد و فقط کمی اکسیژن می‌تواند از میان لایه پخش گاز انتقال یابد و به لایه کاتالیست کاتد برسد. این امر می‌تواند منجر به نرخ پایین واکنش شده، بنابراین عملکرد پایین سیستم را به همراه دارد. با قرار دادن مانع، اکسیژن بیشتری، به خصوص در زیر مانع و پیش از آن، به سمت لایه پخش گاز و لایه کاتالیست هل داده می‌شود<sup>۱</sup> و غلظت اکسیژن در این لایه‌ها به طور محسوسی در راستای طول کanal افزایش می‌یابد. واکنش در سطح کاتالیست نیز به تبع تأمین بیشتر اکسیژن با نرخ بالاتری صورت می‌گیرد. همان‌طور که مشاهده می‌شود، غلظت اکسیژن در لایه‌های پخش گاز و کاتالیست در زیر ناحیه مانع و پیش از آن به طور مشخصی افزایش یافته است. افزایش غلظت اکسیژن براساس رابطه (۱۹) سبب افزایش دانسیته جریان کاتدی می‌شود.

در شکل‌های ۸الف و ۸ب توزیع سرعت و خطوط جریان در کanal کاتد، لایه پخش گاز و لایه کاتالیست در حضور مانع مشاهده می‌شود. در صفحه پشت و جلویی مانع دو گردابه به علت تشکیل ناحیه کم فشار ایجاد می‌شود که این مطلب در کanal کاتد موجب تلفات انتقال جرم می‌شود و تا حد امکان باید این نواحی کم فشار را با ایجاد مانعی دیگر، با افزایش فشار استاتیک کم کرد. افزایش ضریب تخلخل لایه پخش گاز نیز می‌تواند به کوچک شدن این گردابه‌ها کمک کند. در واقع اکسیژن بیشتری که به علت وجود مانع به سمت لایه پخش گاز هل داده می‌شود، با افزایش تخلخل لایه پخش گاز، می‌تواند وارد این لایه شده و به سمت لایه کاتالیست کاتد انتقال یابد.

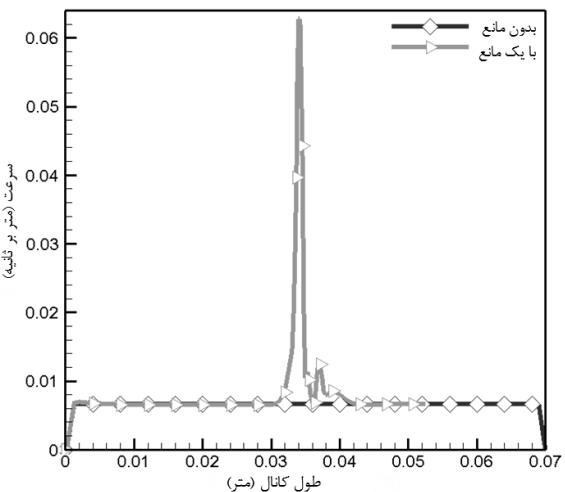


شکل ۷ غلظت اکسیژن در الکترود کاتد در حالت: (الف) بدون مانع و (ب) با مانع

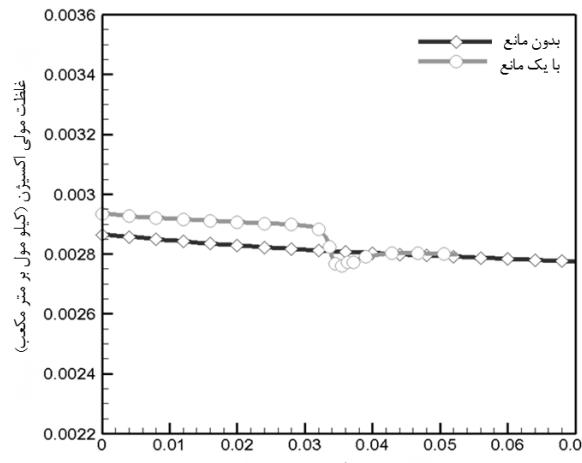
1- pushing effect

لایه پخش گاز / لایه کاتالیست و غلظت اکسیژن در این مرز در طول کanal در حضور و عدم حضور مانع مکعب مستطیلی مقایسه شده‌اند. در این وضعیت مانع مکعب مستطیلی در وسط کanal قرار دارد.

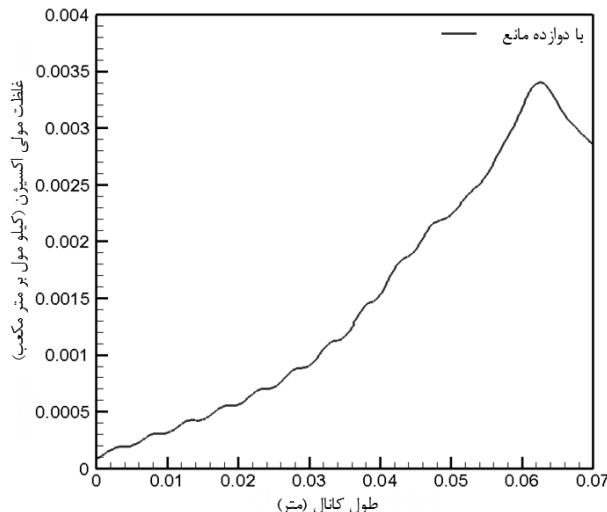
ملحوظه می‌شود زمانی که در کanal کاتد از مانع استفاده می‌شود، سرعت گاز در ناحیه زیر مانع افزایش می‌یابد. افزایش قابل توجه سرعت گازها و واکنش‌گر به انتقال گازها به سمت لایه پخش گاز کمک کرده و به تبع آن افزایش غلظت اکسیژن همراه است. پس از قله سرعت، نوسان‌های کوچک سرعت مشاهده می‌شود که ناشی از تشکیل گردابه پشت مانع است. پس از این ناحیه، اندازه سرعت مشابه پیش از مانع است. به دلیل این که اکسیژن در لایه کاتالیست مصرف می‌شود، در جهت طول کanal غلظت اکسیژن کاهش می‌یابد. کاهش اکسیژن سبب کاهش نرخ واکنش کاتدی می‌شود و در نتیجه جریان تولیدی کاهش یابد. مانع سبب شده تا از ابتدای کanal تا نقطه شده و مانع نفوذ اکسیژن به داخل لایه پخش گاز می‌شود.



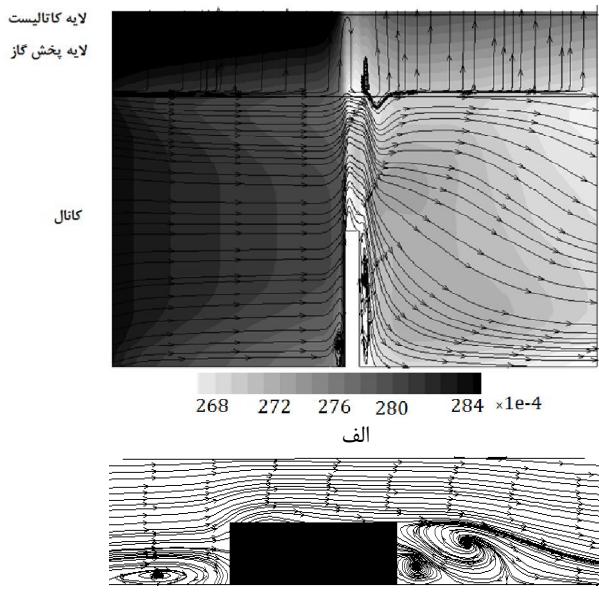
شکل ۵ تغییرات سرعت در فصل مشترک لایه پخش گاز / لایه کاتالیست در حالت با مانع و بدون مانع در وسط کanal کاتد



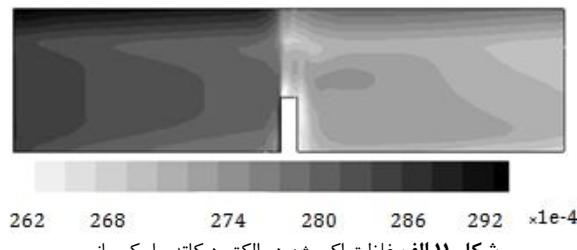
شکل ۶ تغییرات غلظت اکسیژن در فصل مشترک لایه پخش گاز / لایه کاتالیست، در حالت با مانع و بدون مانع در وسط کanal کاتد



شکل ۱۰ تأثیر ۱۲ مانع در کanal (تعداد زیاد مانع) کاتد بر غلظت اکسیژن موجود در فصل مشترک لایه پخش گاز / لایه کاتالیست



شکل ۸ (الف) توزیع سرعت در حضور مانع به همراه خطوط جریان در نواحی کanal، لایه پخش گاز و لایه کاتالیست کاتد، (ب) خطوط جریان در نزدیکی مانع



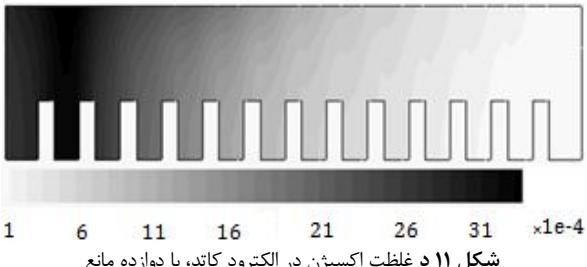
شکل ۱۱ (الف) غلظت اکسیژن در الکترود کاتد، با یک مانع



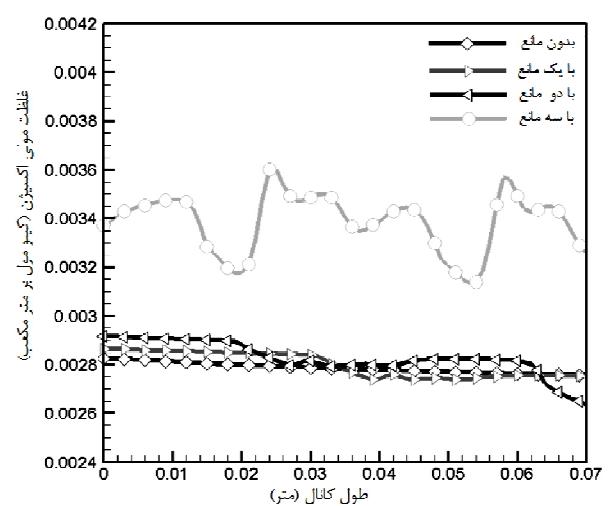
شکل ۱۱ (ب) غلظت اکسیژن در الکترود کاتد، با دو مانع مستطیلی



شکل ۱۱ (ج) غلظت اکسیژن در الکترود کاتد، با شش مانع



شکل ۱۱ (د) غلظت اکسیژن در الکترود کاتد، با دوازده مانع

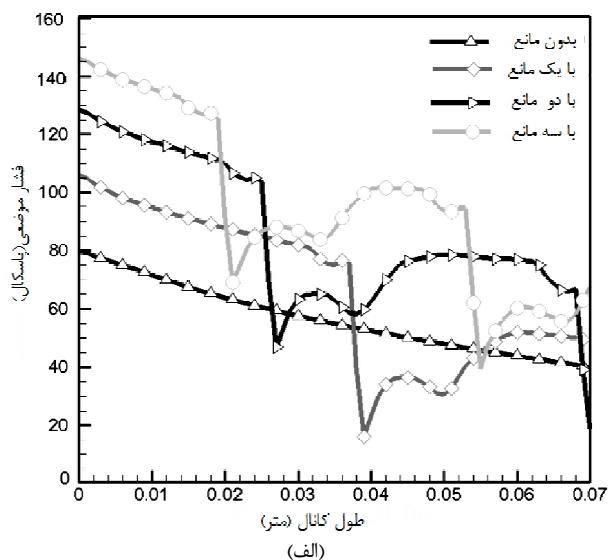


شکل ۹ تأثیر تعداد موانع در کanal کاتد بر غلظت اکسیژن موجود در فصل مشترک لایه پخش گاز / لایه کاتالیست

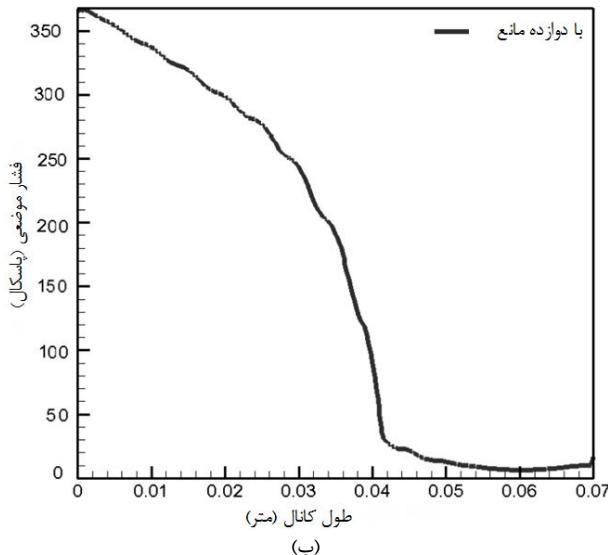
### ۳-۲- تأثیر تعداد موانع کanal کاتد

افزایش زیاد سرعت جریان گاز در زیر مانع کanal کاتد، طرح استفاده از تعداد بیشتر مانع را در کanal کاتد طرح می‌کند. شکل ۹ تأثیر تعداد موانع بر غلظت گاز اکسیژن در فصل مشترک لایه پخش گاز / لایه کاتالیست را نشان می‌دهد. با افزایش تعداد موانع، تعداد قله‌های بیشینه غلظت اکسیژن نیز افزایش می‌یابد. همچنین، غلظت اکسیژن در فصل مشترک لایه پخش گاز / لایه کاتالیست افزایش می‌یابد؛ هر چند که حرکت اجرایی اکسیژن به سمت لایه پخش گاز محدود بوده و افزایش تعداد زیاد مانع نمی‌تواند در بالا بردن غلظت اکسیژن در لایه پخش گاز تأثیر زیادی گذارد. ولی باید به این نکته مهم توجه داشت که اضافه کردن هر مانع در کanal، منجر به توزیع یکنواخت‌تر غلظت اکسیژن در لایه پخش گاز می‌شود. این مطلب در شکل ۱۰ که ۱۲ مانع در طول کanal استفاده شده است، بهتر نمایان شده است. مشاهده می‌شود که نوسانات غلظت ناشی از اضافه شدن تعداد زیاد مانع (۱۲ مانع) نسبت به تعداد کم مانع (۲ یا ۳ مانع) بسیار کمتر است.

که تشکیل این گردابهای به دلیل ناحیه کم فشار در کanal است و با افزودن مانع در این نواحی این گردابهای کوچک و در مواردی از بین می‌رود.

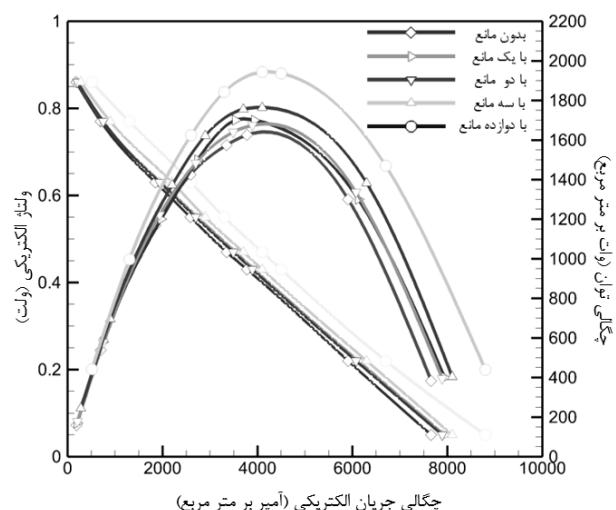


(الف)



(ب)

شکل ۱۲ افت فشار در طول کanal برای: (الف) تعداد موانع مختلف و (ب) ۱۲ مانع



شکل ۱۳ تأثیر تعداد موانع بر منحنی عملکرد و چگالی توان پیل سوختی

توزیع یکنواخت‌تر اکسیژن منجر به توزیع یکنواخت‌تر دانسیته جریان می‌شود.

به کار بدن تعداد محدودی مانع موجب توزیع غیر یکنواخت اکسیژن در لایه کاتالیست می‌شود. از ابتدای کanal تا زیر موانع غلظت اکسیژن بالا بوده و در دیگر نواحی غلظت اکسیژن پایین است. توزیع غیریکنواخت غلظت اکسیژن منجر به توزیع غیریکنواخت چگالی جریان الکتریکی پیل می‌شود؛ ولی براساس شکل ۱۱ با افزایش تعداد موانع، علاوه بر نواحی زیر موانع، غلظت اکسیژن در دیگر نواحی نیز بالا می‌رود. به گونه‌ای که با کار بدن سه مانع نسبت به یک مانع توزیع اکسیژن در لایه پخش گاز و لایه کاتالیست بسیار یکنواخت‌تر می‌شود. وقتی تعداد موانع کanal کاتد افزایش یابد (شکل ۱۲) مانع مستطیلی در طول کanal غلظت اکسیژن در لایه پخش گاز یکنواخت‌تر شده است.

افزایش تعداد موانع طرح کanal های موجی را طرح می‌کند که برای بالا بردن و یکنواخت کردن غلظت اکسیژن در لایه پخش گاز و در لایه کاتالیست در طراحی و ساخت پیل های سوختی استفاده قرار می‌گیرد؛ اما افت فشار در کanal های موجی (تعداد موانع بالا و به طور منظم در کanal تعییه شده‌اند) نسبت به کanal های ساده بسیار بالاتر است. براساس شکل ۱۲ و با توجه به تغییرات فشار گاز در طول کanal کاتد، افت فشار برای کanal در حضور مانع حدود ۵۰ پاسکال است که این مقدار برای کanal ساده حدود ۴۰ پاسکال است. در شکل ۱۲ مشخص است که با افزایش تعداد موانع در کanal افت فشار نیز افزایش می‌یابد. این مطلب برای تعداد موانع زیاد (۱۲ مانع) بسیار محسوس است. نفوذ بالای اکسیژن در اثر ۱۲ مانع و صرف بالای اکسیژن در لایه کاتالیست سبب می‌شود دیگر اکسیژن در انتهای کanal به شدت افت کند و تغییرات فشار در انتهای کanal بسیار اندرک باشد. این موضوع در نسبت استوکیومتری پایین‌تر (جدول ۳) محسوس‌تر است.

در شکل ۱۳ تأثیر تعداد موانع بر منحنی عملکرد پیل سوختی مشاهده می‌شود. با افزایش تعداد موانع به ویژه در چگالی های جریان بالا، عملکرد پیل سوختی بهتر می‌شود. در چگالی جریان بالا، عدم افتخاهای داخل پیل ناشی از افتخاهای انتقال جرم بوده که مانع به انتقال بهتر اکسیژن کمک می‌کند. همچنین محدوده چگالی جریان یعنی بیشینه چگالی توان قابل دسترس برای مواردی با مانع بیشتر، افزایش می‌یابد که دلیل آن را باید در توزیع مناسب‌تر گاز و اکنش‌گر کاتد در سطح لایه کاتالیست و افزایش تعداد واکنش‌های موثر در سطح لایه کاتالیست جستجو کرد.

تأثیر تعداد موانع بر منحنی چگالی توان پیل سوختی مشاهده می‌شود. در منحنی چگالی توان مشخص است که با افزایش تعداد موانع چگالی توان بالاتری از پیل قابل استخراج است. مطلب دیگری که از این منحنی قابل برداشت است مربوط به بیشینه چگالی توان است که مربوط به چگالی جریان ۴۵۰۰ آمپر بر مترمربع و ولتاژ عملیاتی ۴۷/۰ ولت است.

#### ۴- جمع‌بندی

در این مطالعه، یک مدل سه بعدی دائم پیل سوختی غشا پلیمری با کanal کاتدی شامل مانع، برای پیش‌بینی رفتار کلی پیل سوختی تحت شرایط کارکردی و برای استفاده در طراحی تک پیل ارائه شده و تأثیر مانع و همچنین افزایش موانع در کanal کاتد بررسی شده است. در مجموع می‌توان به این منحنی قابل افزایش تعداد موانع در کanal از طرفی افت فشار بالا می‌رود و توان اتصالی در کanal زیاد می‌شود؛ اما از سوی دیگر سرعت نفوذ به لایه پخش گاز تقویت می‌شود. مطلب قابل توجه دیگر افزایش سرعت به لایه پخش گاز در حضور موانع و همچنین تشکیل گردابه قبل و بعد از مانع موجود در کanal است. باید دقت کرد

**۷- مراجع**

- [1] D. M. Bernardi, M. W. Vebrunge, A mathematical model of the solid polymer electrolyte fuel cell, *Journal of The Electrochemical Society*, Vol. 139, No. 9, pp. 2477-2491, 1992.
- [2] L. Peng, X. Lai, D. Liu, P. Hu, J. Ni, Flow channel shape optimum design for hydroformed metal bipolar plate in PEM fuel cell, *Journal of Power Sources*, Vol. 178, pp. 223-230, 2008.
- [3] P. T. Nguyen, T. Berning, N. Djilali, Computational model of a PEM fuel cell with serpentine gas flow channels, *Journal of Power Sources*, Vol. 130, pp. 149-157, 2004.
- [4] S. Dutta, S. Shimpalee, J. W. Van, Numerical prediction of mass exchange between cathode and anode channels in a PEM fuel cell, *Journal Heat Mass Transfer*, Vol. 44, pp. 2029-2038, 2001.
- [5] R. J. Kee, P. Korada, K. Walters, M. Pavol, A generalized model of the flow distribution in channel networks of planar fuel cells, *Journal of Power Sources*, Vol. 109, pp. 148-154, 2002.
- [6] W. M. Yan, C. Y. Soong, F. Chen, H. S. Chu, Effect of flow distributor geometry and diffusion layer porosity on reactant gas transport and performance of proton exchange membrane fuel cells, *Journal of Power Sources*, Vol. 125, pp. 27-36, 2004.
- [7] V. Gurau, F. Barbir, H. Liu, An analytical solution of a half-cell model for PEM fuel cells, *Journal of The Electrochemical Society*, Vol. 47, pp. 2468-2477, 2000.
- [8] J. K. Kuo, T. H. Yen, C. K. Chen, Three-dimensional numerical analysis of PEMFCs with straight and wave-like gas flow fields channels, *Journal of Power Sources*, Vol. 177, pp. 96-103, 2008.
- [9] H. C. Liu, W. M. Yan, C. Y. Soong, F. Chen, Effects of baffle-blocked flow channel on reactant transport and cell performance of a proton exchange membrane fuel cell, *Journal of Power Sources*, Vol. 142, 125-133, 2005.
- [10] C. Y. Soong, W. M. Yan, C. Y. Tseng, H. C. Liu, F. Chen, H. S. Chu, Analysis of reactant gas transport in a PEM fuel cell with partially blocked fuel flow channels, *Journal of Power Sources*, Vol. 143, 36-47, 2005.
- [11] X. D. Wang, Y. Y. Duan, W. M. Yan, Novel serpentine-baffle flow field design for proton exchange membrane fuel cells, *Journal of Power Sources*, Vol. 173, 210-221, 2007.
- [12] E. Afshari, N. Baharloo Hooreh, Analysis of oxygen transport and pressure drop in a PEM fuel cell cathode with partially blocked flow channel, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 12, No. 5, pp. 43-58, 2012. (In Persian)
- [13] S. Um, C. Y. Wang, K. S. Chen, Computational fluid dynamics modeling of proton exchange membrane fuel cells, *Journal of The Electrochemical Society*, Vol. 147, No. 12, pp. 4485-4493, 2000.
- [14] T. Springer, T. Zawodzinski, S. Gottesfeld, Electrode materials and process for energy conversion and storage, *Journal of The Electrochemical Society*, Vol. 13, pp. 1-14, 1997.
- [15] E. Afshari, S. A. Jazayeri, Analyses of heat and water transport interactions in a proton exchange membrane fuel cell, *Journal of Power Sources*, Vol. 194, pp. 423-432, 2009.
- [16] E. A. Ticianelli, C. R. Derouin, A. Redondo, S. Srinivasan, Methods to Advance Technology of Proton Exchange Membrane Fuel Cells, *Journal of The Electrochemical Society*, Vol. 135, pp. 2209-2214, 1998.

نتایج حاصل از مطالعه وجود مانع در کanal جریان عبارتند از:

- با قرار دادن مانع در کanal کاتد، سرعت جریان در فاصله بین مانع و لایه پخش گاز افزایش می‌یابد؛ که این مطلب سبب می‌شود تا گاز بیشتری به داخل لایه پخش گاز نفوذ کند و غلظت اکسیژن و به تبع آن نرخ واکشن در لایه کاتالیست افزایش یابد، هر چند افت فشار سمت کاتد نیز با افزایش تعداد موانع افزایش می‌یابد.
- افزایش تعداد موانع در کanal کاتد منجر به افزایش غلظت اکسیژن در لایه پخش گاز و لایه کاتالیست و توزیع یکنواخت‌تر گاز در این نواحی می‌شود. به عبارتی افزایش تعداد موانع موجب توزیع بسیار یکنواخت اکسیژن در لایه کاتالیست می‌شود؛ اگر چه افت فشار کanal با مانع زیاد نیز بالا است.
- تعداد زیاد موانع که ایده کanal‌های موجود را در پیل مطرح می‌کند، به دو دلیل توزیع یکنواخت‌تر اکسیژن و نفوذ بالاتر اکسیژن به لایه پخش گاز و لایه کاتالیست، سبب بهبود عملکرد پیل می‌شود.

**۵- علائم و نشانه‌ها****علائم انگلیسی**

ثابت عمومی گازها (R)	R
ثبت فارادی (F)	F
جمله چشمی در معادلات انتقال (S)	S
چگالی جریان الکتریکی (I)	I
دما (T)	T
سرعت (u)	u
ضریب پخش آب در غشا (D <sub>w</sub> <sup>m</sup> )	D <sub>w</sub> <sup>m</sup>
ضریب پخش جز k (m <sup>2</sup> s <sup>-1</sup> )	D <sub>k</sub>
فشار (Pa)	p
فعالیت آب (a)	a
غلظت جز i (mol m <sup>-3</sup> )	C <sup>i</sup>
نفوذپذیری (K)	K
علائم یونانی	
اضافه پتانسیل (V)	η
پتانسیل الکتریکی (V)	φ
ثبت فعالیت در غشا (λ)	λ
چگالی (kgm <sup>-3</sup> )	ρ
ضریب استوکیومتری (ς)	ς
ضریب تخلخل (ε)	ε
لزجت (Pa.s)	μ

**۶- تشریف و قدردانی**

نویسنده‌گان از کمک‌ها و حمایتهای سازمان انرژی‌های نو ایران تشریف و قدردانی می‌کنند.