



## پیش‌بینی ترکیدگی لوله در فرآیند هیدروفرمینگ گرم به کمک معیارهای شکست نرم اصلاح شده

سید جلال هاشمی<sup>۱</sup>, حسن مسلمی نائینی<sup>۲\*</sup>, غلامحسین لیاقت<sup>۲</sup>, جواد شهبازی کرمی<sup>۳</sup>, امیرحسین روحی<sup>۱</sup>

۱- دانشجوی دکتری، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

۲- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

۳- دانشجوی دکتری، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی، تهران

\* تهران، صندوق پستی: ۱۴۱۱۵-۳۳۳ moslemi@modares.ac.ir

### چکیده

پیش‌بینی پارامترهای فرآیندی بحرانی منجر به ترکیدگی و محل رخ دادن ترکیدگی در فرآیند هیدروفرمینگ گرم لوله مسآلہ کلیدی در طراحی قطعات هیدروفرمینگ می‌باشد. در این مقاله برای پیش‌بینی حد شکل دهی لوله‌های آلومینیومی AA6063 در دمای بالا معیارهای شکست نرم اصلاح شده‌اند به طوری که تأثیر تغییرات دما و نرخ کرنش در شکست در نظر گرفته شود. برای کالیبره کردن معیارهای شکست نرم اصلاح شده از آزمایش‌های کشش در دمایا و نرخ کرنش‌های مختلف استفاده شده و توابع کرنش شکست و کار شکست بر حسب پارامتر زنر - هولومن بدست آمداند. فرآیند هیدروفرمینگ لوله یک قطعه مربعی در دمای بالا در نرم‌افزار آباکوس شبیه‌سازی و مختصه‌های بارگذاری با تغذیه محوری مقاومت بر روی لوله اعمال شده تا شاعع گوشه شکل گرفته به وسیله معيارهای شکست اصلاح شده پیش‌بینی شود. برای استفاده از معيارهای شکست نرم در روش اجزای محدود یک زیر برنامه نوشته شد. یک دستگاه هیدروفرمینگ گرم ساخته شده و پیش‌بینی معيارهای شکست نرم اصلاح شده با نتایج تجربی در دمایای مختلف مورد مقایسه قرار گرفته است. نتایج نشان می‌دهد که معيارهای شکست نرم اصلاح شده محل رخ دادن ترکیدگی را به خوبی مشخص می‌کنند. بیشترین نازک‌شدنی در ناحیه انتقال رخ می‌دهد که لوله تماس خود را با قالب از دست می‌دهد. همچنین معيار آیادی اصلاح شده با خطای کمتر نسبت به دیگر معيارها شاعع گوشه قطعه مربعی را در دمایای بالا پیش‌بینی می‌کند و با توجه به نزدیکی پیش‌بینی این معيار نسبت به نتایج تجربی می‌توان از آن برای پیش‌بینی ترکیدگی لوله آلومینیومی در دمای بالا استفاده کرد.

### اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: ۲۷ خرداد ۱۳۹۳

پذیرش: ۱۵ مرداد ۱۳۹۳

ارائه در سایت: ۱۷ آبان ۱۳۹۳

کلید واژگان:

هیدروفرمینگ گرم لوله

معیار شکست نرم اصلاح شده

ترکیدگی

## Prediction of Bursting in Warm Tube Hydroforming using Modified Ductile Fracture Criteria

Seyed Jalal Hashemi<sup>1</sup>, Hassan Moslemi Naeini<sup>2\*</sup>, Gholamhossein Liaghate<sup>2</sup>,  
Javad Shahbazi Karami<sup>3</sup>, Amir Hossein Roohi<sup>1</sup>

۱- Department of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran

۲- Department of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran

۳- Department of Mechanical Engineering, Shahid Rajaei Teacher Training University, Tehran, Iran

\*P.O.B. 14115-333, Tehran, Iran, moslemi@modares.ac.ir

### ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper  
Received 17 June 2014  
Accepted 06 August 2014  
Available Online 08 November 2014

**Keywords:**  
Warm tube hydroforming  
modified ductile fracture criterion  
bursting

### ABSTRACT

Prediction of critical process parameters which cause bursting and their location in warm tube hydroforming is a key factor in hydroforming parts design. In this paper, ductile fracture criteria have been modified so that the effect of variation of temperature and strain rate on fracture is considered in forming of aluminum AA6063 tubes. Calibration of modified ductile fracture criteria has been performed using uniaxial tension tests at different temperatures and strain rates. Also, fracture strain and fracture work have been obtained as functions of Zener-Holloman parameter. Tube hydroforming process of a square part has been simulated at high temperatures in Abaqus software and loading curves with various axial feeds have been used to deform the tube. Then, the formed corner radius before bursting is predicted using modified fracture criteria. A subroutine has been written for using modified fracture criteria. A warm tube hydroforming setup has been fabricated and prediction of modified ductile fracture criteria is compared with experimental results at various temperatures. Results show that modified criteria determine the location of bursting well. Maximum of thinning occurs in transition zone where the tube loses its contact with die cavity. Also, modified Ayada criterion, rather than other criteria, predicts corner radius with little error at high temperatures. Thus, because of its precise prediction, modified Ayada criterion can be used to predict the bursting of aluminum tubes at elevated temperatures.

Please cite this article using:

S. J. Hashemi, H. Moslemi Naeini, Gh. Liaghate, J. Shahbazi Karami, A. H. Roohi, Prediction of Bursting in Warm Tube Hydroforming using Modified Ductile Fracture Criteria, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 16, pp. 201-211, 2015 (In Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

آلیاژهای آلومینیومی به دلیل نسبت استحکام به وزن بالا کاربرد زیادی در صنعت خودرو دارند. اما مشکل اصلی در کاربرد این آلیاژها شکل‌پذیری پایین در دمای محیط می‌باشد [6,5]. با بالا بردن دمای فرآیند شکل‌دهی، میزان شکل‌پذیری آلیاژهای آلومینیومی افزایش می‌یابد در حالی که نیروها و فشارهای مورد نیاز برای شکل‌دهی کاهش می‌یابد. به همین دلیل در دهه‌های اخیر بسیاری از پژوهشگران تحقیقاتی را بر روی انجام فرآیند هیدروفرمینگ لوله در دمای بالا انجام داده‌اند. کیم و همکارانش [7] هیدروفرمینگ پذیری لوله‌های آلومینیومی را در دماهای مختلف بررسی کردند. آن‌ها انتقال دمای بین لوله و قالب را در بالج آزاد بوسیله شبیه‌سازی و کار تجربی بررسی کردند و نشان دادند که با افزایش دما ارتفاع بالج افزایش می‌یابد. بی و همکارانش [8] یک سیستم گرمایش ترکیبی را انجام فرآیند هیدروفرمینگ لوله در دمای بالا معرفی کردند. این سیستم شامل پیش گرمایش بوسیله یک کویل الایی و گرمایش یک الممنت کارتیجی درون لوله در حين فرآیند می‌شد. هی و همکارانش [9] رفتار تغییر شکل لوله‌های منیزیمی AZ31B را در راستای محیطی و طولی مورد بررسی قرار دادند. براساس نتایج آنها شکل‌پذیری ماده در راستای محیطی در یک محدوده دمایی کاهش می‌یابد ولی در راستای طولی با افزایش دما شکل‌پذیری ماده به صورت پیوسته افزایش می‌یابد. یوان و همکارانش [10] هیدروفرمینگ لوله‌های 5A02 را در دمای بالا مورد بررسی قرار داده و نشان دادند که بالج ناهمگن لوله در راستای محیطی باعث ترکیدگی در دمای بالا می‌شود. هاشمی و همکارانش [11] توزیع ضخامت محصول را در هیدروفرمینگ گرم لوله‌های آلومینیومی AA1050 مورد بررسی قرار داده و نشان دادند که با افزایش دما توزیع ضخامت یکنواخت‌تر شده و نازک‌شده‌گی کاهش می‌یابد. سید کاشی و همکارانش [12] منحنی بارگذاری در فرآیند هیدروفرمینگ گرم لوله‌های آلومینیومی AA6061 را با استفاده از الگوریتم تبرید تدریجی بهینه کردند.

در زمینه حد شکل‌دهی لوله‌ها در دمای محیط پژوهش‌های زیادی صورت گرفته است اما به دلیل تأثیر دما و نرخ کرنش، پیش‌بینی زمان ترکیدگی در فرآیند هیدروفرمینگ گرم کاری مشکل است. معیارهای شکست نرم فرودنال [13]، کوکرافت - لاتهام [14]، کوکرافت - لاتهام نرمال شده [15]، بروزو [16]، آیادا [17] و رایس و تریسی [18] برای تعیین حد شکل‌دهی در فرآیندهای شکل‌دهی ورقی به کار می‌روند. برای کاربرد این معیارها در دمای بالا باید تأثیر تغییرات دما و نرخ کرنش در شکست نیز در نظر گرفته شود. برای رسیدن به این هدف می‌توان از پارامتر زنر - هولومن استفاده کرد. کیم و همکارانش [19] دو معیار شکست نرم کرنش پلاستیک و فرودنال را با کمک پارامتر زنر - هولومن برای پیش‌بینی پارگی در فرآیند کشش عمیق گرم استفاده کردند. ژانگ و همکارانش [20] با کاربرد پارامتر زنر - هولومن معیار شکست نرم اویانه را برای پیش‌بینی شکست در فرآیند آهنگری گرم آلیاژ T140 کالیبره کردند.

در این مقاله هفت معیار شکست نرم با استفاده از پارامتر زنر - هولومن<sup>4</sup> برای پیش‌بینی ترکیدگی در فرآیند بالج آزاد لوله‌های آلومینیومی به کار گرفته شده‌اند. معیارهای شکست نرم اصلاح شده بوسیله آزمایش‌های کشش در دماها و نرخ کرنش‌های مختلف کالیبره شده‌اند. سپس این معیارها با استفاده از زیر برنامه<sup>5</sup> UVARM در نرم‌افزار آباکوس برای پیش‌بینی ترکیدگی لوله تحت منحنی‌های بارگذاری مختلف به کار گرفته شده و حد شکل‌دهی در دماهای بالا بدست آمده است. یک دستگاه بالج آزاد برای بالج لوله در

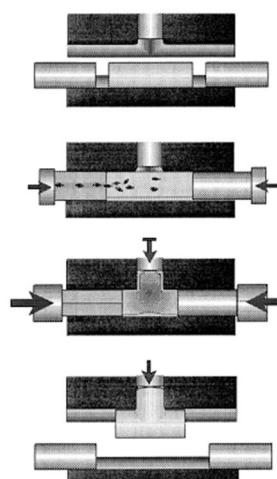
## 1- مقدمه

هیدروفرمینگ لوله دارای پیشینه تقریباً صد ساله می‌باشد ولی کاربرد آن در صنعت خودروسازی از حدود دو دهه پیش آغاز شده است [1]. کاربردهای این روش شکل‌دهی شامل ساخت قطعات لوله‌ای شکل بکار رفته در موتور و سیستم‌های خروج گاز می‌باشد. علاوه بر این، تعداد زیادی از قطعات شاسی و بدنه مانند قطعات در و کاپوت نیز با هیدروفرمینگ تولید شده‌اند. مزیت اصلی این فرآیند بالا بردن نسبت استحکام به وزن ساختار خودرو می‌باشد. از مزیت‌های دیگر فرآیند می‌توان به هزینه کمتر تجهیزات، عملیات‌های اضافی کمتر پس از تولید، دقت ابعادی بالاتر و برگشت فنری کمتر و همچنین کاهش دور ریز اشاره کرد [3,2].

در فرآیند هیدروفرمینگ لوله امکان ساخت قطعات ساختاری با دیواره نازک و سطح مقطع‌های به نسبت پیچیده وجود دارد که شکل سطح مقطع می‌تواند در طول قطعه تغییر کند. به‌وسیله فرآیند اکستروژن می‌توان قطعات توخالی و جدار نازک را تولید کرد اما سطح مقطع محصول ثابت است اما با استفاده از فرآیند هیدروفرمینگ می‌توان سطح مقطع در طول محصول را تغییر داد. نحوه انجام فرآیند هیدروفرمینگ لوله بسیار ساده می‌باشد و در شکل 1 نشان داده شده است.

فرآیند معمولاً با یک لوله جدار نازک دایره‌ای که قطعه کار نامیده می‌شود، آغاز می‌گردد که درون حفره قالب با شکل نهایی دلخواه قرار می‌گیرد. قبل از قرار دادن لوله درون قالب لوله از دو انتهای سنبه‌های مناسب<sup>1</sup> بسته می‌شود تا آبندی<sup>2</sup> به خوبی صورت بگیرد و تغذیه محوری بتواند اعمال شود. سپس لوله از داخل تحت فشار قرار می‌گیرد و انساط پیدا کرده و شکل حفره قالب را بخود می‌گیرد. معمولاً آب به همراه یک مکمل ضد خوردگی برای اعمال فشار داخلی مورد استفاده قرار می‌گیرد در حالی که گاز نیز می‌تواند مورد استفاده قرار گیرد.

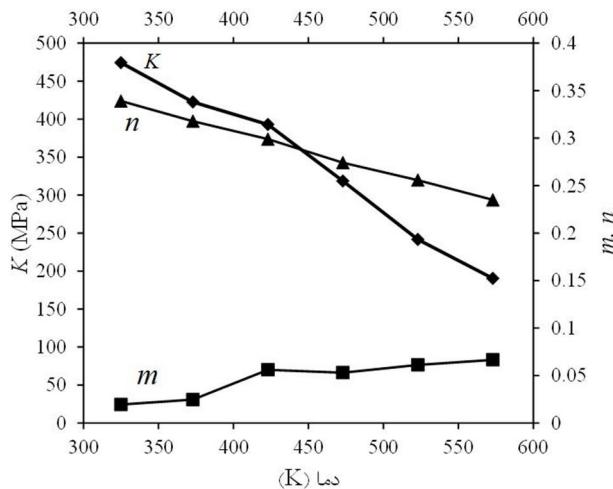
یک چرخه معمولی فرآیند در حدود 10-15 ثانیه می‌باشد که کنترل از انجام یک فرآیند استمپینگ<sup>3</sup> است. اما با در نظر گرفتن عملیات‌های اضافی مورد نیاز برای قطعات استمپینگ مانند مونتاژ و جوشکاری و همچنین هزینه قالب و تجهیزات بالاتر، فرآیند هیدروفرمینگ بویژه برای حجم تولید متوسط از نظر اقتصادی به صرفه می‌باشد.



شکل 1 هیدروفرمینگ لوله [4]

- 1- Axial Plungers
- 2- Sealing
- 3- Stamping

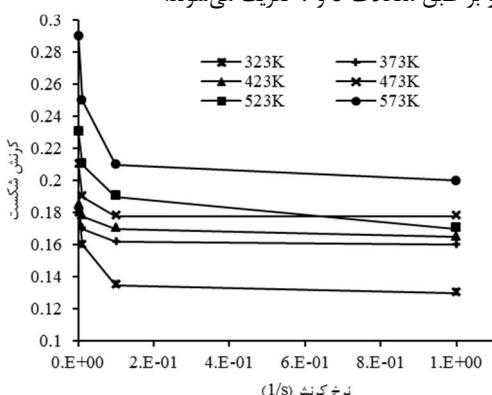
4- Zener-Hollomon parameter  
5- Subroutine

شکل 3 مقدار  $K$ ،  $n$  و  $m$  بر حسب دما

همان طور که در شکل های 4 و 5 مشاهده می شود، با افزایش دما کرنش شکست افزایش می باید اما با افزایش نرخ کرنش شکست در کرنش ها پابین تری رخ می دهد. کار شکست با افزایش دما کاهش می باید اما تأثیر نرخ کرنش در دماهای مختلف تغییر می کند. در همه دمایها بجز دمای (K) 373 373 در دماهای مختلف کار شکست تحت نرخ کرنش  $(\dot{\epsilon}) = 1 \times 10^0 \text{ s}^{-1}$  بدست آمده است. در دمای 323 برخلاف دماهای بالاتر تنفس جریان ماده با افزایش قابل توجهی نداشته است. اما از طرف دیگر در همین دما کرنش شکست مطابق با شکل 4 با افزایش نرخ کرنش کمتر شده و در نتیجه کار شکست که سطح زیر منحنی تنفس - کرنش می باشد در این دما با افزایش نرخ کرنش کمتر می شود. برای ارتباط کرنش شکست و کار شکست به دو متغیر دما و نرخ کرنش از پارامتر زنر - هولومن ( $Z$ ) استفاده می شود. پارامتر زنر - هولومن با معادله (2) تعریف می شود.

$$(2) Z = \dot{\epsilon} \exp\left(\frac{Q}{RT}\right)$$

که در آن  $\dot{\epsilon}$  نرخ کرنش،  $Q$  انرژی فعال سازی،  $R$  ثابت گازها و  $T$  دما بر حسب کلوین (K) می باشند. مقدار  $Q$  برای فلزات مختلف مشخص می باشد. در دماهای مورد استفاده در این مقاله  $Q$  تقریبا 82 kJ/mol و می باشد [21]. نمودار کرنش شکست و کار بر حسب  $\ln Z$  در شکل 6 و شکل 7 نمایش داده شده است. همان طور که در شکل های 6 و 7 مشاهده می شود، کرنش شکست و کار شکست توابعی بر حسب پارامتر زنر - هولومن می باشند.  $Z = \epsilon_f(Z)$  توابع کرنش شکست و کار شکست بر حسب  $Z$  می باشند. این توابع بوسیله انطباق منحنی در شکل های 6 و 7 بدست آمده اند و بر طبق معادلات 3 و 4 تعریف می شوند.



شکل 4 کرنش شکست آزمایش های کشش در دماهای مختلف

دماهای بالا ساخته شده و نتایج شبیه سازی با نتایج تجربی مورد مقایسه قرار گرفته است. تأثیر دما بر توزیع ضخامت قطعات نیز مورد بررسی قرار گرفت و در پایان معیار مناسب برای پیش‌بینی ترکیدگی لوله‌های آلومینیومی در دمای بالا پیشنهاد شد.

## 2- بخش تجربی

### 2-1- آزمایش های کشش تک محوری

لوله های آلومینیومی مورد استفاده در بالاج آزاد گرم از آلیاژ AA6063 1/5mm 40mm بوده و خارجی و ضخامت اولیه آنها بترتیب 1/5mm 40mm می باشد. لوله ها بدون درز بوده و با فرآیند اکستروژن تولید شده اند. ترکیب شیمیایی لوله در جدول 1 نشان داده شده است.

نمونه های آزمایش کشش در راستای طولی و طبق استاندارد ASTM E8M آماده شده و تحت دماهای بین (K) 273 تا 573 تحت آزمایش کشش تک محوری قرار گرفته اند. آزمایش های کشش در چهار نرخ کرنش منحنی های تنفس - کرنش تحت دمای (K) 573 و در نرخ کرنش های متفاوت در شکل 2 نشان داده شده است.

مدل مکانیکی ماده با در نظر گرفتن کار سختی و حساسیت به نرخ کرنش با معادله 1 تعریف می شود.

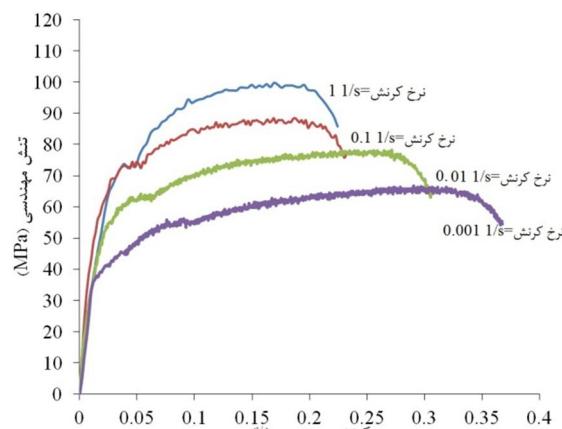
$$(1) \bar{\sigma} = K(T) \bar{\epsilon}^n \dot{\epsilon}^m$$

$\bar{\sigma}$  تنش میاندی،  $\bar{\epsilon}$  کرنش میاندی،  $n$  و  $m$  بترتیب ضریب استحکام، توان کار سختی و ضریب حساسیت به نرخ کرنش می باشند که مقدار آنها در دماهای مختلف در شکل 3 نشان داده شده است. با افزایش دما ضریب استحکام و ضریب کار سختی کاهش می باید اما حساسیت به نرخ کرنش بیشتر می شود.

مقادیر کرنش شکست  $\epsilon_f$  و کار شکست  $W_f$  در آزمایش های کشش مختلف در شکل های 4 و 5 نشان داده شده است. کار شکست برابر با سطح زیر منحنی تنفس - کرنش تا نقطه شکست می باشد.

جدول 1 ترکیب شیمیایی لوله

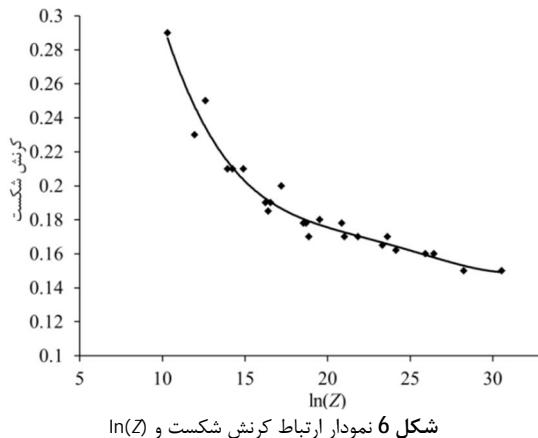
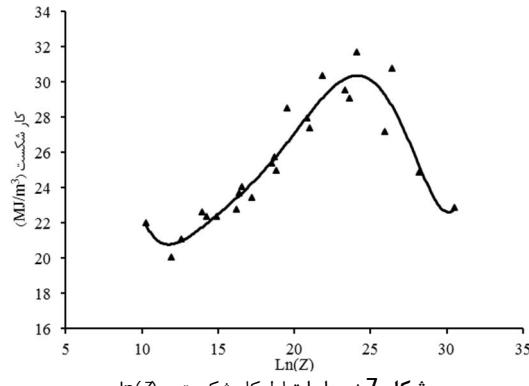
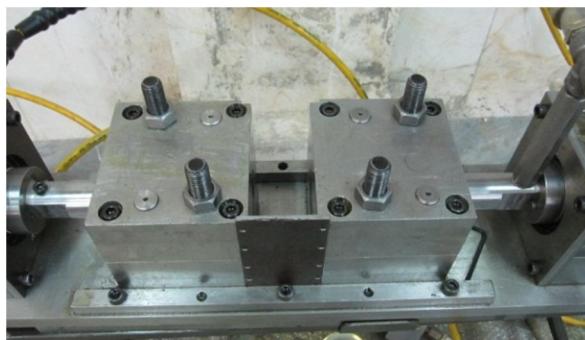
	Al	Mg	Si	Fe	Zn	Cu
Base	0/47	0/44	0/30	0/08	0/06	
Mn	Pb	Ti	Sn	Ni	Ga	
0/03	0/03	0/03	0/017	0/02	0/01	



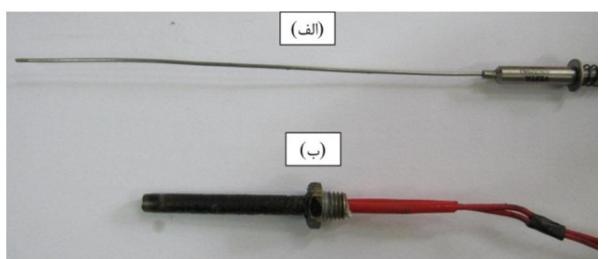
شکل 2 منحنی های تنفس - کرنش مهندسی در دمای (K) 573

(7) معیار فرودنتال برای استفاده در دمای بالا می‌تواند به صورت معادله نوشته شود.

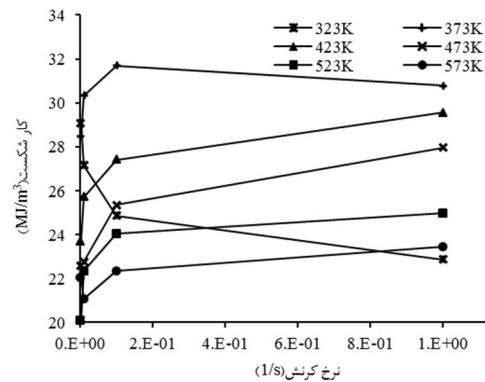
$$\int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \bar{\sigma}(\bar{\varepsilon}, \dot{\bar{\varepsilon}}, T) d\bar{\varepsilon} = W_f(\dot{\bar{\varepsilon}}, T) \quad (7)$$

شکل 6 نمودار ارتباط کرنش شکست و  $\ln(Z)$ شکل 7 نمودار ارتباط کار شکست و  $\ln(Z)$ 

شکل 8 دستگاه بالج آزاد گرم لوله



شکل 9 (الف) المنت کارتیجی قرار گرفته بر روی سر یکی از سنبه‌ها (ب) ترموموکوپل اندازه‌گیری دما



شکل 5 کار شکست در های کشنش در دماهای مختلف

$$\begin{aligned} \varepsilon_f(Z) &= \varepsilon_f(\dot{\bar{\varepsilon}}, T) = 1.863 \times 10^{-7} \times [\ln(Z)]^5 \\ &\quad - 1.693 \times 10^{-5} \times [\ln(Z)]^4 + 5.3 \times 10^{-4} \times [\ln(Z)]^3 \\ &\quad - 5.5879 \times 10^{-3} \times [\ln(Z)]^2 - 1.02 \times 10^{-2} \times [\ln(Z)] \\ &\quad + 0.6047 \end{aligned} \quad (3)$$

$$\begin{aligned} W_f(Z) &= W_f(\dot{\bar{\varepsilon}}, T) = 7.252 \times 10^{-5} \times [\ln(Z)]^5 \\ &\quad - 7.117 \times 10^{-3} \times [\ln(Z)]^4 + 2.614 \times 10^{-1} \times [\ln(Z)]^3 \\ &\quad - 4.47 \times [\ln(Z)]^2 + 35.99 \times [\ln(Z)] - 88.93 \end{aligned} \quad (4)$$

**2-2-هیدروفرمینگ‌لوله‌های آلومینیومی در دمای بالا**  
یک دستگاه هیدروفرمینگ گرم لوله با قابلیت اعمال منحنی‌های بارگذاری متفاوت طراحی و ساخته شد. دستگاه هیدروفرمینگ در شکل 8 نشان داده شده است. ابتدا لوله درون قالب قرار گرفته و توسط سنبه‌های محوری از دو طرف آب‌بندی می‌شوند. سپس درون لوله با روغن با فشار پایین پر می‌شود. در مرحله بعد روغن درون لوله توسط المنت کارتیجی قرار گرفته روی سر یکی از سنبه‌ها گرم می‌شود. دمای لوله که بواسطه تماس با روغن داغ بالا می‌رود، به‌وسیله یک ترموموکوپل نوع K که با سطح خارجی لوله تماس دارد، اندازه‌گیری می‌شود. پس از رسیدن دمای لوله به دمای مورد نظر، منحنی بارگذاری اعمال شده و لوله تغییر شکل می‌دهد. المنت حرارتی و ترموموکوپل در شکل 9 نشان داده شده است. فشار داخلی بوسیله فشارسنج و تغذیه محوری بوسیله یک LVDT اندازه‌گیری می‌شود. تغذیه محوری توسط جک‌های هیدرولیکی در دو طرف انجام می‌شود. برای اعمال فشار داخلی و تغذیه محوری از دو پمپ هیدرولیکی استفاده شده است.

**3-اصلاح معیارهای شکست نرم برای کاربود در دمای بالا**  
معیارهای شکست نرم بدون وابستگی به تأثیر دما و ترخ کرنش توسعه داده شده‌اند. در اینجا، با استفاده از پارامتر زنر-هولومن تأثیر دو پارامتر مذکور در معیارهای شکست نرم در نظر گرفته می‌شود. معیار فرودنتال زمانی که سطح زیر منحنی تنش-کرنش در یک نقطه به مقدار بحرانی  $C_1$  برسد، شکست را پیش‌بینی می‌کند (معادله 5).

$$\int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \bar{\sigma} d\bar{\varepsilon} = C_1 \quad (5)$$

در این معادله  $\bar{\sigma}$  و  $\bar{\varepsilon}$  به ترتیب تنش و کرنش مؤثر می‌باشند.  
به‌وسیله انتگرال‌گیری از منحنی تنش-کرنش آزمایش کشنش تکمحوری به دست می‌آید. در واقع معیار فرودنتال برابر با کار شکست می‌باشد. اگر تنش مؤثر وابسته به دما و ترخ کرنش مطابق معادله 6 تعریف شود:

$$\bar{\sigma} = \bar{\sigma}(\bar{\varepsilon}, \dot{\bar{\varepsilon}}, T) \quad (6)$$

مقدار بحرانی  $C_2$  برای کرنش شکست در آزمایش کشش تکمحوری می‌باشد. با استفاده از تابع کرنش شکست بر حسب پارامتر زنر-هولومن معیار کرنش پلاستیک معادل اصلاح شده برای استفاده در دمای بالا به صورت معادله 14 نوشته می‌شود.

$$F = \int_{\dot{\varepsilon}_f}^{\bar{\varepsilon}_f} \frac{d\bar{\varepsilon}}{\varepsilon_f(\dot{\varepsilon}, T)} = \int_{\dot{\varepsilon}_f}^{\bar{\varepsilon}_f} \frac{d\bar{\varepsilon}}{\varepsilon_f(Z)} = 1 \quad (14)$$

در معیار کوکرافت و لاتهام حداکثر تنش کششی جایگزین تنش مؤثر در معیار فرودنتال شده است و برطبق معادله 15 شکست را پیش‌بینی می‌کند.

$$\int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \sigma^* d\bar{\varepsilon} = C_3 \quad (15)$$

که  $\sigma^*$  حداکثر تنش کششی اصلی و  $C_3$  مقدار بحرانی معیار می‌باشد. از آنجا که در آزمایش کشش تکمحوری حداکثر تنش کششی برابر با تنش مؤثر می‌باشد، معیار کوکرافت-لاتهام اصلاح شده را نیز می‌توان برای استفاده در دمای بالا بر طبق معادله 16 بازنویسی کرد:

$$F = \int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \frac{\sigma^*(\bar{\varepsilon}, \dot{\varepsilon}, T) d\bar{\varepsilon}}{W_f(\dot{\varepsilon}, T)} = 1 \quad (16)$$

معیار کوکرافت-لاتهام نرمال شده که توسط آه و همکارانش [15] پیشنهاد شده به صورت معادله 17 بیان می‌شود. در مورد این معیار نیز از آنجا که در کشنش تکمحوری  $\sigma^*$  می‌باشد، معادله 17 به صورت معادله 18 ساده می‌شود.

$$\int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \frac{\sigma^*}{\bar{\sigma}} d\bar{\varepsilon} = C_4 \quad (17)$$

$$\int_0^{\bar{\varepsilon}_f} d\bar{\varepsilon} = \bar{\varepsilon}_f \quad (18)$$

سپس با توجه به اینکه کرنش شکست تابعی از دما و نرخ کرنش می‌باشد، معیار کوکرافت-لاتهام نرمال اصلاح شده برای استفاده در دمای بالا مطابق معادله 19 بددست می‌آید.

$$F = \int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \frac{\left( \frac{\sigma^*}{\bar{\sigma}} \right)}{\varepsilon_f(\dot{\varepsilon}, T)} d\bar{\varepsilon} = \int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \left( \frac{\sigma^*}{\bar{\sigma}} \right) d\bar{\varepsilon} = 1 \quad (19)$$

معیارهای آیادا، بروزو و رایس و تریپسی بترتیب با روابط 20، 21 و 22 بیان می‌شوند:

$$\int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \frac{\sigma_m}{\bar{\sigma}} d\bar{\varepsilon} = C_5 \quad (20)$$

$$\int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \frac{2\sigma^*}{3(\sigma^* - \sigma_m)} d\bar{\varepsilon} = C_6 \quad (21)$$

$$\int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \exp(1.5 \frac{\sigma_m}{\bar{\sigma}}) d\bar{\varepsilon} = C_7 \quad (22)$$

که تابع  $(\bar{\varepsilon}, T, F)$  از آزمایش‌های کشش در دمایها و نرخ کرنش‌های متفاوت بدست آمده است. معادله 7 می‌تواند بوسیله تابع  $(\bar{\varepsilon}, T, F)$  نرمال شود (معادله 8).

$$F = \frac{\int_{\dot{\varepsilon}_f}^{\bar{\varepsilon}_f} \bar{\sigma}(\bar{\varepsilon}, \dot{\varepsilon}, T) d\bar{\varepsilon}}{W_f(\dot{\varepsilon}, T)} = 1 \quad (8)$$

زمانی که مقدار  $F$  به یک برسد، بر طبق معیار فرودنتال اصلاح شده شروع شکست پیش‌بینی می‌شود. معادله 8 برای حالتی که نرخ کرنش ثابت ( $\dot{\varepsilon}$ ) و دما ثابت ( $T^*$ ) باشد و در آن کرنش شکست برابر  $\bar{\varepsilon}_f$  است، صادق است و به این ترتیب تابع  $(\bar{\varepsilon}, T^*, F)$  می‌تواند وارد انتگرال شود (معادله 9).

$$F = \frac{\int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \bar{\sigma}(\bar{\varepsilon}, \dot{\varepsilon}^*, T^*) d\bar{\varepsilon}}{W_f(\dot{\varepsilon}^*, T^*)} = 1 \quad (9)$$

در آزمایش کشش دما و نرخ کرنش در طول تغییر شکل ثابت باقی می‌ماند اما در یک فرآیند شکل‌دهی به طور معمول دما و نرخ کرنش در همه نقاط ثابت نیست و تحت تأثیر شرایط فرآیندی تغییر می‌کند. به همین دلیل می‌توان یک فرآیند شکل‌دهی را مجموعه‌ای از تغییر شکل‌های کوچک در نظر گرفت که در هر کدام از آن‌ها دما و نرخ کرنش ثابت است. پس می‌توان معادله 9 را مطابق معادله 10 به صورت مجموعه از  $n$  جزه‌ای شکل‌دهی نوشت.

$$F = \frac{\int_0^{\bar{\varepsilon}_1} \bar{\sigma}(\bar{\varepsilon}, \dot{\varepsilon}^*, T^*) d\bar{\varepsilon}}{W_f(\dot{\varepsilon}^*, T^*)} + \frac{\int_{\bar{\varepsilon}_1}^{\bar{\varepsilon}_2} \bar{\sigma}(\bar{\varepsilon}, \dot{\varepsilon}^*, T^*) d\bar{\varepsilon}}{W_f(\dot{\varepsilon}^*, T^*)} + \dots + \frac{\int_{\bar{\varepsilon}_{n-1}}^{\bar{\varepsilon}_n} \bar{\sigma}(\bar{\varepsilon}, \dot{\varepsilon}^*, T^*) d\bar{\varepsilon}}{W_f(\dot{\varepsilon}^*, T^*)} = 1 \quad (10)$$

سپس اگر فرض شود که در هر جزء شکل‌دهی نرخ کرنش و دما تغییر کند معادله 11 حاصل می‌شود.

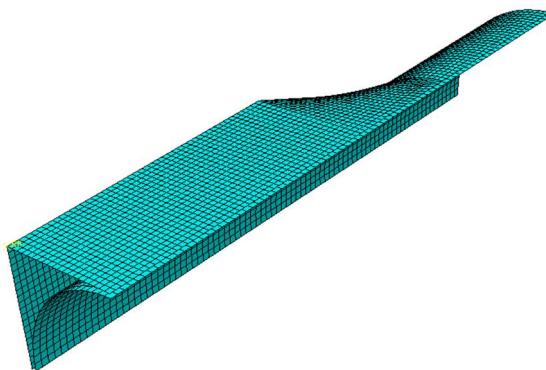
$$F = \frac{\int_0^{\bar{\varepsilon}_1} \bar{\sigma}(\bar{\varepsilon}, \dot{\varepsilon}_1, T_1) d\bar{\varepsilon}}{W_f(\dot{\varepsilon}_1, T_1)} + \frac{\int_{\bar{\varepsilon}_1}^{\bar{\varepsilon}_2} \bar{\sigma}(\bar{\varepsilon}, \dot{\varepsilon}_2, T_2) d\bar{\varepsilon}}{W_f(\dot{\varepsilon}_2, T_2)} + \dots + \frac{\int_{\bar{\varepsilon}_{n-1}}^{\bar{\varepsilon}_n} \bar{\sigma}(\bar{\varepsilon}, \dot{\varepsilon}_n, T_n) d\bar{\varepsilon}}{W_f(\dot{\varepsilon}_n, T_n)} = 1 \quad (11)$$

با داشتن منحنی تنش-کرنش در یک نقطه از ماده، معادله 12 را به عنوان معیار فرودنتال اصلاح شده می‌توان به صورت عمومی و برای حالتی که دما و نرخ کرنش در فرآیند ثابت نیست مورد استفاده قرار داد:

$$F = \frac{\int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \bar{\sigma}(\bar{\varepsilon}, \dot{\varepsilon}, T) d\bar{\varepsilon}}{W_f(\dot{\varepsilon}, T)} = 1 \quad (12)$$

معیار کرنش پلاستیک معادل  $(\bar{\varepsilon}_P)$  زمانی که مقدار  $\bar{\varepsilon}_P$  به مقدار بحرانی  $C_2$  برسد، شکست را پیش‌بینی می‌کند (معادله 13).

$$\bar{\varepsilon}_P = C_2 \quad (13)$$



شکل 11 مدل شبیه‌سازی

بارگذاری شامل تغییرات فشار داخلی به تغذیه محوری اعمال شده بر روی لوله در شبیه‌سازی در شکل 12 نشان داده شده است. در همه منحنی‌های بارگذاری فشار نهایی 15 MPa در نظر گفته شده ولی تغذیه محوری از صفر تا 12mm تغییر کرده است. زمان کل انجام فرآیند برای همه منحنی‌های بارگذاری 30 ثانیه می‌باشد. ضریب اصطکاک بین سطح خارجی لوله و قالب براساس مدل کولومب برابر 0/1 در نظر گرفته شده است. منحنی‌های بارگذاری مختلف بر روی لوله اعمال شده و شکل دهنده تا پیش‌بینی ترکیدگی توسط معیارهای شکست نرم ادامه می‌یابد. سپس در لحظه پیش‌بینی ترکیدگی شعاع گوشه شکل گرفته روی قطعه به عنوان حد شکل دهنده اندازه‌گیری شده است.

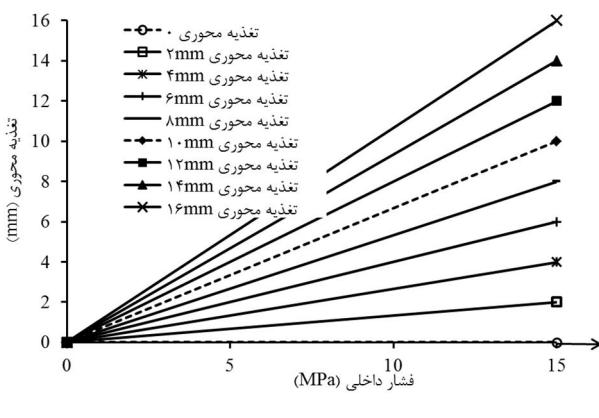
## 5- نتایج و بحث

### 5-1- بررسی صحت نتایج عددی

به منظور اطمینان از نتایج عددی توزیع ضخامت محصول مربعی در راستای محیطی لوله نیز با نتایج تجربی مورد مقایسه قرار گرفته است. توزیع ضخامت با برش محصول در وسط به دست آمده است. در حالت مقایسه شده دما 300 درجه بوده و فشار داخلی حداکثر 15 مگاپاسکال و تغذیه محوری صفر بوده است. توزیع ضخامت در یک چهارم سطح مقطع مربعی در حالت تجربی و شبیه‌سازی در شکل 13 مورد مقایسه قرار گرفته است که تطابق خوبی بین آن‌ها مشاهده می‌شود.

### 5-2- پیش‌بینی محل ترکیدگی

با استفاده از معیارهای اصلاح شده در دمای بالا زمان و محل ترکیدگی لوله‌ها پیش‌بینی شد. ابتدا محل رخ دادن ترکیدگی مورد بررسی قرار گرفت. محل



شکل 12 منحنی‌های بارگذاری

$C_5$ ،  $C_6$  و  $C_7$  مقادیر بحرانی این معیارها می‌باشند. این سه معیار را نیز می‌توان برای استفاده در دمای بالا بازنویسی کرد. در آزمایش کشش تک محوری، تنش میانگین  $\sigma_m$  برابر یک سوم تنش مؤثر می‌باشد (معادله 23).

$$\sigma_m = \frac{1}{3} \bar{\sigma} \quad (23)$$

معادلات اصلاح شده این سه معیار آیادا، بروزو و رایس و تریسی برای استفاده در دمای بالا بر حسب پارامتر زنر- هولمن به ترتیب با معادلات 24 و 25 بیان می‌شوند:

$$F = \int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \frac{3 \frac{\sigma}{\bar{\sigma}}}{\varepsilon_f(\dot{\varepsilon}, T)} d\bar{\varepsilon} = 1 \quad (24)$$

$$F = \int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \frac{2\sigma^*}{3(\sigma^* - \sigma_m) \times \varepsilon_f(\dot{\varepsilon}, T)} d\bar{\varepsilon} = 1 \quad (25)$$

$$F = \int_0^{\bar{\varepsilon}_f} \frac{\exp(1.5 \frac{\sigma}{\bar{\sigma}})}{1.6487 \times \varepsilon_f(\dot{\varepsilon}, T)} d\bar{\varepsilon} = 1 \quad (26)$$

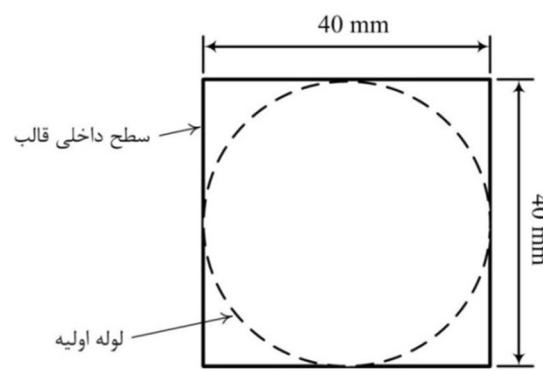
### 4- شبیه‌سازی اجزای محدود بالج آزاد در دمای بالا

به منظور به کارگیری معیارهای شکست نرم اصلاح شده در دمای بالا برای پیش‌بینی ترکیدگی لوله، فرآیند هیدروفرمینگ گرم لوله یک قطعه مربعی در نرم‌افزار آباکوس شبیه‌سازی شد. ابعاد سطح مقطع قالب و لوله اولیه در شکل 10 نشان داده شده است. ضخامت اولیه لوله برابر 1/5 میلی‌متر بوده است. به علت تقارن موجود، فقط یک هشتم قالب و لوله مدل شده است.

خواص مکانیکی ماده بدست آمده از آزمایش‌های کشش وارد نرم‌افزار شده و برای استفاده از معیارهای شکست یک زیربرنامه نوشته شد. دمای لوله در طول شبیه‌سازی ثابت در نظر گرفته شده و از فشار یکنواخت سطحی به جای فشار روغن استفاده شد. تغذیه محوری نیز با اعمال جایجاوی به دو لبه انتهایی لوله انجام گرفت. در شبیه‌سازی قالب‌ها به عنوان سطوح صلب و لوله بعنوان جسم انعطاف‌پذیر تعریف شد. شبکه‌بندی لوله با المان‌های پوسته‌ای S4RT برای تحلیل کوپل حرارتی - مکانیکی تعریف شد به طوری که 1056

گره روی لوله قرار گرفت. مدل شبیه‌سازی در شکل 11 مشاهده می‌شود.

طول بالج آزاد بین قالب‌ها 60 میلی‌متر و شعاع گوشه قالب‌ها 10 میلی‌متر می‌باشد. دمای لوله در حین انجام فرآیند ثابت فرض شده و ضریب انبساط حرارتی لوله  $\frac{W}{m \cdot K}$  220 تعريف شده است [22]. منحنی‌های

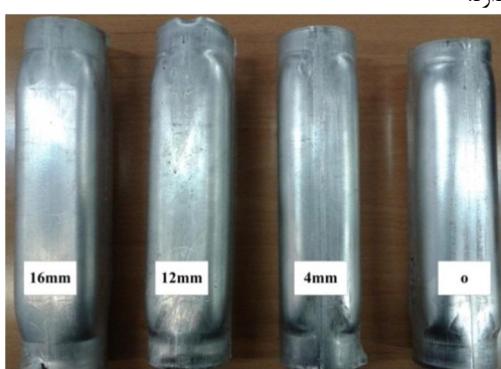


شکل 10 هندسه و ابعاد سطح مقطع قالب

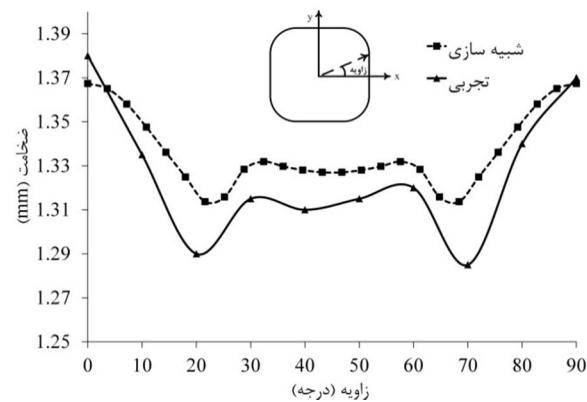
دهاهای مختلف شعاع گوشه شکل گرفته شده در شبیه‌سازی به دست آمده و با نتایج تجربی مورد مقایسه قرار گرفت. مقایسه نتایج تجربی و شبیه‌سازی فقط در دمای محیط و  $300^{\circ}\text{C}$  صورت گرفته است تا مشخص شود کدام معیار به بهترین وجه ترکیدگی را پیش‌بینی می‌کند.

نمونه‌های بدست آمده تحت تغذیه‌های محوری مختلف تحت دمای 300 درجه سانتی‌گراد در شکل 15 نشان داده شده است. شعاع گوشه پیش‌بینی شده توسط سه معیار اصلاح شده کرنش پلاستیک، فرونتال و کوکرافت-لاتهم به ترتیب در شکل‌های 16، 17 و 18 نشان داده شده است. پیش‌بینی معیار کرنش پلاستیک اصلاح شده در دمای محیط حداقل 10% و حداقل 34% با نتایج تجربی تفاوت داشته است اما در دمای 300 درجه این اختلاف به 31% و 70% می‌رسد. برای معیار فروندتال اصلاح شده نیز اختلاف در دمای محیط حداقل 15% و حداقل 35% و در دمای 30 درجه حداقل 34% و حداقل 66% بوده است. برای معیار کوکرافت-لاتهم در دمای محیط این اختلاف به حداقل 16% و حداقل 34% رسیده و در دمای 300 درجه حداقل 25% و حداقل 62% است. همان‌طور که در شکل 16 مشاهده می‌شود، معیار کرنش پلاستیک در هر دما تقریباً برای همه تغذیه‌های محوری یک مقدار شعاع را پیش‌بینی کرده است. معیار کرنش پلاستیک اصلاح شده از کرنش در همه راستاها تأثیر می‌پذیرد. در تغذیه‌های کرنش طولی مقدار مقدار اما با بالا رفتن فشار نازک‌شدنگی به سرعت زیاد شده و در واقع کرنش ضخامتی افزایش می‌یابد. در تغذیه‌های محوری زیاد نازک‌شدنگی کمتر بوده و کرنش کره‌ای کاهش می‌یابد اما در اثر تغذیه کرنش طولی بیشتر است. پس در هر دو حالت یعنی تغذیه محوری کم یا زیاد تقریباً در یک کرنش محيطی مقدار کرنش پلاستیک معادل به حد بحرانی می‌رسد. در واقع برای تغذیه‌های محوری زیاد قبل از اینکه نازک‌شدنگی رخ دهد، شکست پیش‌بینی شده است.

از طرف دیگر تنفس مؤثر از کرنش معادل پیروی می‌کند یعنی با افزایش کرنش پلاستیک تنفس نیز مطابق منحنی تنفس-کرنش ماده که وارد نرمافزار شده است، بالا می‌رود. در نتیجه معیار فروندتال اصلاح شده که از منحنی تنفس-کرنش مؤثر در هر نقطه برای پیش‌بینی شکست استفاده می‌کند، رفتاری مانند معیار اصلاح شده کرنش پلاستیک معادل خواهد داشت و در همه تغذیه‌های محوری تقریباً مقدار یکسانی برای شعاع گوشه خواهد داشت. همان‌طور که در شکل 18 مشاهده می‌شود با افزایش تغذیه محوری معیار کوکرافت-لاتهم را در شکل 17 نشان داده که این را بهتر شده و شعاع گوشه شکل گرفته لاتهم با افزایش دما شکل‌پذیری ماده بهتر شده و شعاع گوشه شکل گرفته کاهش یافته است اما پیش‌بینی هیچ‌کدام از این سه معیار با نتایج تجربی تطابق ندارد.



شکل 15 تأثیر تغذیه محوری بر شعاع گوشه قطعه

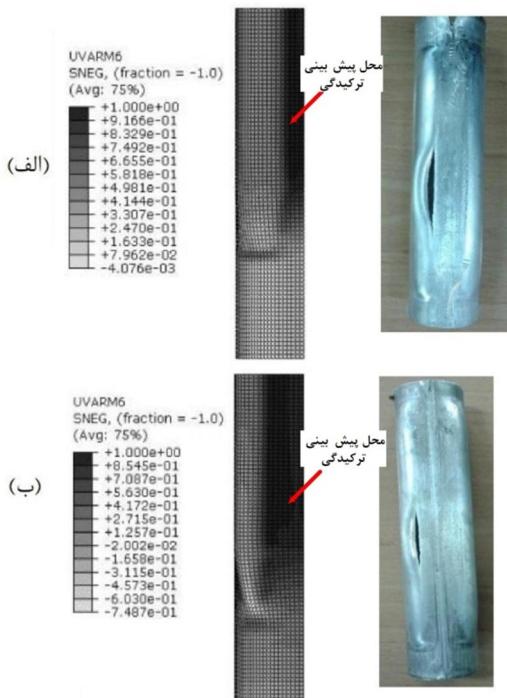


شکل 13 مقایسه توزیع ضخامت قطعه در شبیه‌سازی با نتیجه تجربی

رخ دادن ترکیدگی معمولاً در ناحیه انتقال می‌باشد. ناحیه انتقال محلی است که تماس لوله با دیواره قالب شروع می‌شود. در همه موارد بیشترین نازک‌شدنگی نیز در این ناحیه رخ می‌دهد زیرا در محلی که لوله با دیواره قالب در تماس می‌باشد، اصطکاک اجازه تغییر شکل و نازک شدن را به لوله نمی‌دهد و از طرف دیگر نواحی دورتر از محل تماس تغییر شکل کمی دارند و باعث کشیدگی در ناحیه انتقال می‌گردند. معیارهای شکست محل رخ دادن ترکیدگی را به خوبی پیش‌بینی کرده‌اند. در دو نمونه از قطعات تولید شده با دو تغذیه محوری صفر و 12 میلی‌متری در دمای بالا با نتایج شبیه‌سازی معیار شکست آیادی اصلاح شده مورد مقایسه قرار گرفته‌اند (شکل 14). همان‌طور که مشاهده می‌شود محل ترکیدگی در هر دو حالت مشابه می‌باشد. البته با افزایش تغذیه محوری و به دنبال آن کاهش شعاع گوشه شکل گرفته محل ترکیدگی به گوشه قالب نزدیک‌تر خواهد شد.

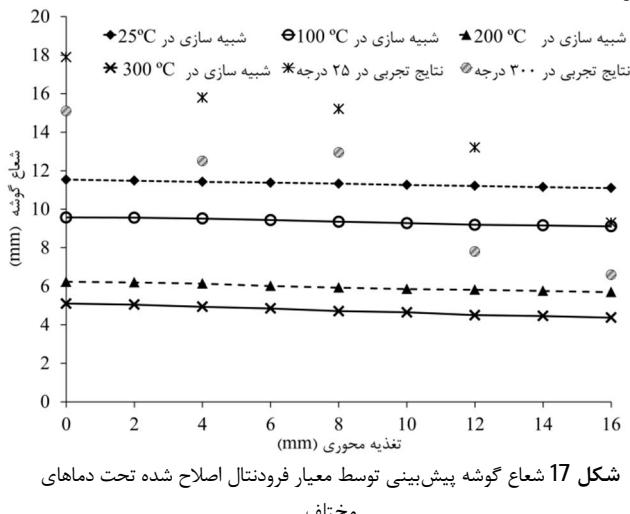
### 5- پیش‌بینی شعاع شکل گرفته

با اعمال منحنی‌های بارگذاری بر روی لوله و توسط معیارهای اصلاح شده در

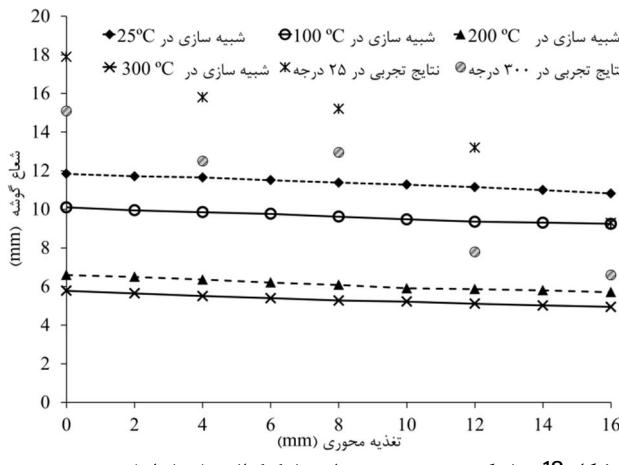


شکل 14 مقایسه محل ترکیدگی لوله با پیش‌بینی معیار شکست آیادی اصلاح شده (الف) تغذیه محوری صفر (ب) تغذیه محوری 12mm

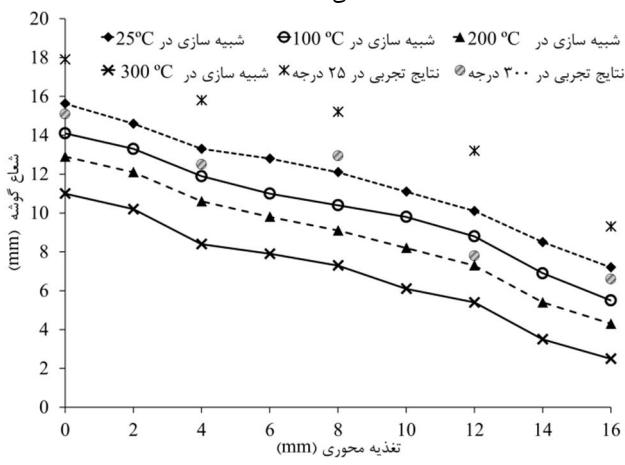
مقایسه پیش‌بینی معیارهای شکست با نتایج تجربی نشان می‌دهد که معیار آیادی اصلاح شده بهترین پیش‌بینی را داشته است. معیار آیادی اصلاح شده در دمای محیط خطای حداکثری ۱۰٪ و در دمای ۳۰۰ درجه سانتی‌گراد خطای حداکثری ۱۲٪ داشته است. معیار بروزو اصلاح شده تقریباً برای همه حالت‌ها پیش‌بینی پایین‌تری از نتایج تجربی داشته است و پیش‌بینی معیار رایس اصلاح شده در تغذیه‌های محوری بالا به نتایج تجربی نزدیک شده است.



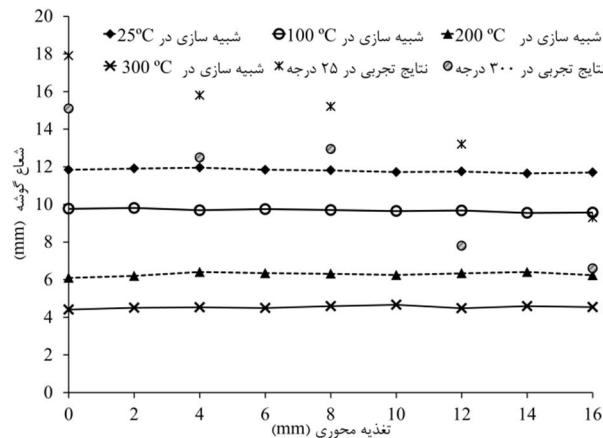
شکل ۱۷ شعاع گوشه پیش‌بینی توسط معیار فرودن‌تال اصلاح شده تحت دماهای مختلف



شکل ۱۸ شعاع گوشه پیش‌بینی توسط معیار کوکرافت - لاتهام اصلاح شده تحت دماهای مختلف



شکل ۱۹ شعاع گوشه پیش‌بینی توسط معیار کوکرافت - لاتهام نرمال اصلاح شده تحت دماهای مختلف



شکل ۱۶ شعاع گوشه پیش‌بینی توسط معیار کرنس پلاستیک اصلاح شده تحت دماهای مختلف

شعاع گوشه پیش‌بینی شده به‌وسیله معیار کوکرافت - لاتهام نرمال اصلاح شده در شکل ۱۹ نشان داده شده است. پیش‌بینی این معیار نیز با نتایج تجربی اختلاف زیادی دارد اما طبق پیش‌بینی این معیار با افزایش تغذیه محوری شعاع گوشه شکل گرفته قبل از ترکیدگی کاهش یافته است. برای این معیار حداقل اختلاف بین نتایج تجربی و پیش‌بینی در دمای محیط ۱۲٪ و حداکثر ۲۳/۵٪ و در دمای ۳۰۰ درجه حداقل ۲۷٪ و حداکثر ۶۲٪ می‌باشد. شعاع گوشه پیش‌بینی شده توسط معیار آیادی اصلاح شده تحت تغذیه‌های محوری و دماهای متفاوت در شکل ۲۰ نشان داده شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود با افزایش دما شکل بدیری لوله بیشتر شده و شعاع شکل گرفته کمتر می‌شود. تأثیر تغذیه محوری بر شعاع گوشه پیش‌بینی شده برای همه دماها مشابه می‌باشد و با افزایش تغذیه محوری شعاع گوشه کوچکتری قبل از ترکیدگی شکل خواهد گرفت.

طبق پیش‌بینی معیار آیادی اصلاح شده مقدار شعاع شکل گرفته شده در تغذیه محوری ۱۶mm نسبت به حالت بدون تغذیه محوری حدود ۷۰٪ کاهش داشته است. اختلاف بین پیش‌بینی معیار آیادی اصلاح شده و نتایج تجربی کمتر بوده و در دمای محیط حداقل ۳٪ و حداکثر ۱۰٪ بوده است در حالی که در دمای ۳۰۰ درجه این اختلاف حداقل به ۵٪ و حداکثر ۱۲٪ می‌رسد.

براساس پیش‌بینی معیار آیادی اصلاح شده در دمای ۳۰۰ درجه سانتی‌گراد بدون تغذیه محوری شعاع گوشه ۱۳/۶۵mm ۱۷ شکل گرفته است در حالی که در دمای ۲۰۰ درجه سانتی‌گراد برای بهدست آوردن همین شعاع گوشه باید بیشتر از ۴mm تغذیه محوری اعمال کرد که این مقدار تغذیه محوری مورد نیاز در دمای ۱۰۰ درجه سانتی‌گراد و دمای محیط به ۶mm می‌رسد.

شکل ۲۱ و شکل ۲۲ به ترتیب شعاع‌های گوشه پیش‌بینی شده توسط دو معیار بروزو و رایس اصلاح شده را نمایش می‌دهند. بر اساس پیش‌بینی معیار آیادی اصلاح شده در دمای ۳۰۰ درجه سانتی‌گراد با افزایش تغذیه محوری از صفر به ۱۶mm شعاع گوشه حدود ۵۶٪ کاهش داشته است اما این مقدار برای دو معیار بروزو و رایس اصلاح شده ۳۶٪ و ۳۹٪ بوده است. برای معیار بروزو اصلاح شده حداقل و حداکثر اختلاف با نتایج تجربی در دمای محیط ۳٪ و ۲۰٪ بوده و در دمای ۳۰۰ درجه به ترتیب ۴٪ و ۲۸٪ می‌باشد. برای معیار رایس اصلاح شده اختلاف در دای محیط حداقل ۹٪ و حداکثر ۱۰٪ است و در دمای ۳۰۰ درجه حداقل ۱۲٪ و حداکثر ۲۳٪ می‌باشد.

شكل گیری شعاع گوشه 13/65 در دمای 300 درجه سانتی‌گراد نمایش می‌دهد. با افزایش تغذیه محوری نازک‌شدگی دیرتر رخ داده و استحکام قطعه نهایی بیشتر خواهد شد. در نتیجه با افزایش دمای فرآیند می‌توان شکل پذیری ماده را بیشتر کرد اما این لزوماً منجر به افزایش استحکام قطعه نخواهد شد.

## 6- نتیجه‌گیری

در این مقاله معیارهای شکست نرم برای پیش‌بینی ترکیدگی در دمای بالا و با در نظر گرفتن نرخ کرنش اصلاح شدند. برای به کار گیری معیارهای اصلاح فرآیند هیدروفرمینگ گرم لوله‌های آلومینیومی شیوه‌سازی شده و نتایج زیر به دست آمد:

1- مقادیر شعاع پیش‌بینی شده بوسیله معیار آیادای اصلاح شده

بهترین تطابق را با نتایج تجربی نشان می‌دهد و در دمای محیط

حداکثر خطای 10% و در دمای 300 درجه حداقل خطای 23%

داشته است. بهمین علت می‌توان از معیار آیادای اصلاح شده

برای پیش‌بینی ترکیدگی لوله‌های آلومینیومی در دمای بالا

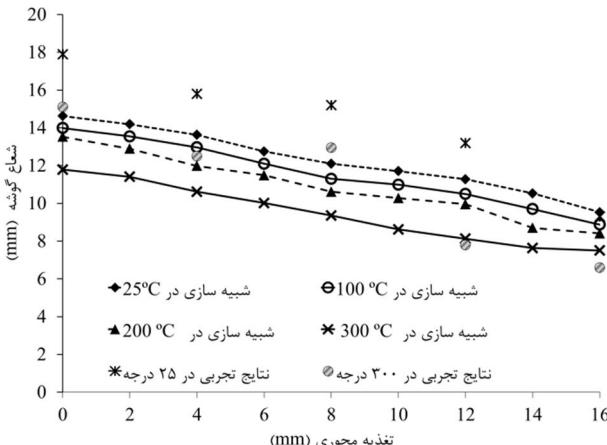
استفاده کرد.

2- پیش‌ترین نازک‌شدگی در ناحیه انتقال رخ می‌دهد که لوله تماس

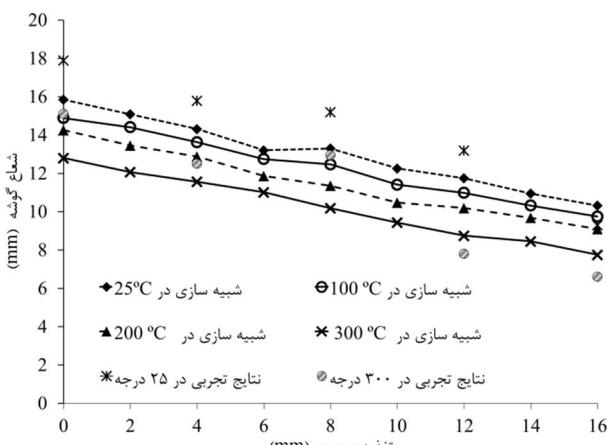
خود را با قالب از دست می‌دهد در نهایت در همین ناحیه

ترکیدگی رخ می‌دهد.

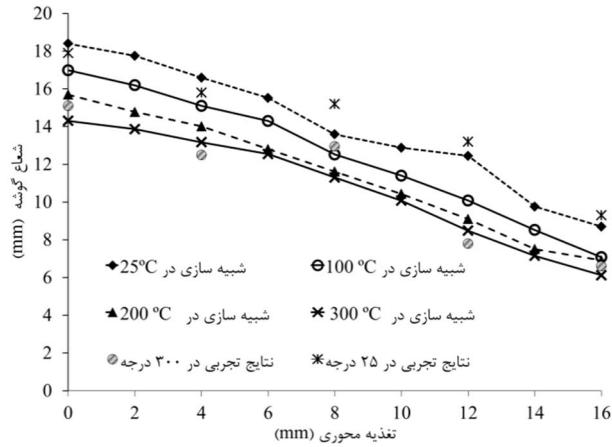
3- شعاع گوشه پیش‌بینی شده تحت دمای مختلف



شکل 21 شعاع گوشه پیش‌بینی توسط معیار بروزو اصلاح شده تحت دمای مختلف



شکل 22 شعاع گوشه پیش‌بینی توسط معیار رایس اصلاح شده تحت دمای مختلف



شکل 20 شعاع گوشه پیش‌بینی توسط معیار آیادای اصلاح شده تحت دمای مختلف

## 5-4- تأثیر دما بر روی توزیع ضخامت قطعه مربعی

همان‌طور که در شکل 20 و بر طبق پیش‌بینی معیار آیادای اصلاح شده مشاهده می‌شود در دمای 300 درجه سانتی‌گراد بدون تغذیه محوری شاعع گوشه 13/65mm شکل گرفته است اما برای دماهای دیگر و شکل گرفتن همین شاعع تغذیه محوری لازم می‌باشد. توزیع ضخامت قطعه یکچهارم سطح مقطع قطعه در دماهای مختلف در شکل 23 در وسط قطعه نشان داده شده است. برای هر دما حداقل تغذیه محوری مورد نیاز، استفاده شده است که برای دماهای محیط (25)، 100، 200 و 300 درجه سانتی‌گراد به ترتیب صفر، 2، 4 و 6 میلی‌متر بوده است.

برای شعاع گوشه 13/65mm در دمای محیط به دلیل اینکه تغذیه محوری زیادی استفاده شده است، نازک‌شدگی کمی در حدود 2% مشاهده می‌شود. با افزایش دمای فرآیند برای شکل گیری شاعع گوشه مورد نظر تغذیه محوری کمتری مورد نیاز است اما ضخامت قطعه کاهش یافته و در واقع نازک‌شدگی بیشتر شده است. این موضوع برای همه شاعع‌ها صادق است. در حالی که افزایش دما باعث بیشتر شدن شکل پذیری ماده شده، اما از آن‌جا که برای شکل گیری شاعع موردنظر تغذیه محوری کمتری استفاده شده است، کرنش در راستای محیطی بیشتر شده و نازک‌شدگی افزایش می‌یابد. شکل 24 توزیع ضخامت را برای شعاع گوشه 7/23mm نشان می‌دهد. برای به دست آوردن این شاعع در دمای محیط 16mm تغذیه محوری مورد نیاز است اما در دماهای 100، 200 و 300 درجه سانتی‌گراد به ترتیب 12mm، 10mm و 10mm تغذیه محوری اعمال شده است. در این حالت نیز با افزایش دما نازک‌شدگی افزایش یافته است به طوری که در دمای محیط نازک‌شدگی تقریباً صفر است. این موضوع به دلیل زیاد بودن تغذیه محوری و فشرده شدن ماده در وسط قطعه می‌باشد.

حداکثر نازک‌شدگی در همه حالت‌ها در محلی رخ می‌دهد که لوله تماس خود را با دیواره قالب از دست می‌دهد. در واقع در این مکان شکل سطح مقطع از حالت تخت به حالت گرد تبدیل می‌شود و چون در قسمت تخت اصطکاک بین سطح لوله و دیواره قالب از تغییر شکل جلوگیری می‌کند، محل مذکور تحت کشش زیادی قرار می‌گیرد و در نتیجه نازک‌تر خواهد شد. البته اگر ترکیدگی رخ ندهد این مکان با شکل گیری شاعع‌های کوچکتر به طرف گوشه قالب حرکت خواهد کرد. در هر دما برای شکل گیری یک شخص می‌توان از تغذیه‌های محوری متفاوت استفاده کرد. شکل 25 تأثیر استفاده از تغذیه‌های محوری متفاوت را بر روی توزیع ضخامت برای

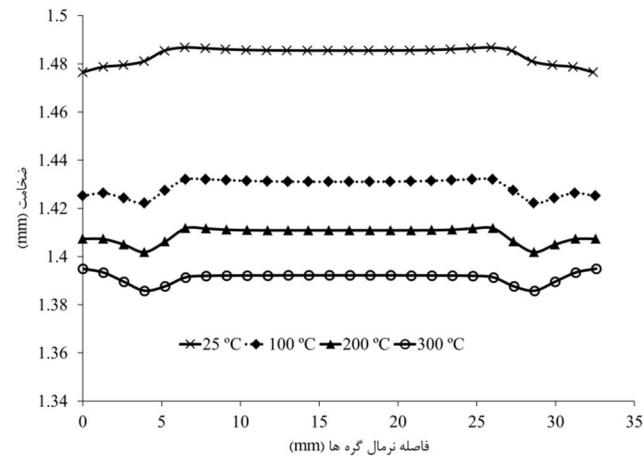
## 7- فهرست علائم

تنش معادل (MPa)	$\bar{\sigma}$
بزرگترین تنش کششی اصلی	$\sigma^*$
کرنش معادل	$\bar{\varepsilon}$
کرنش شکست	$\varepsilon_f$
نرخ کرنش معادل	$\dot{\varepsilon}$
(دما) (K)	T
پارامتر زنر-هولومن	Z
کار شکست	$W_f$
انرژی فعل سازی	Q
ثابت گازها	R
تنش میانگین	$\sigma_m$
ضریب استحکام (MPa)	K
توان کارسختی	n
ضریب حساسیت به نرخ کرنش	m
ثوابت معیارهای شکست نرم	$C_i (i=1-7)$

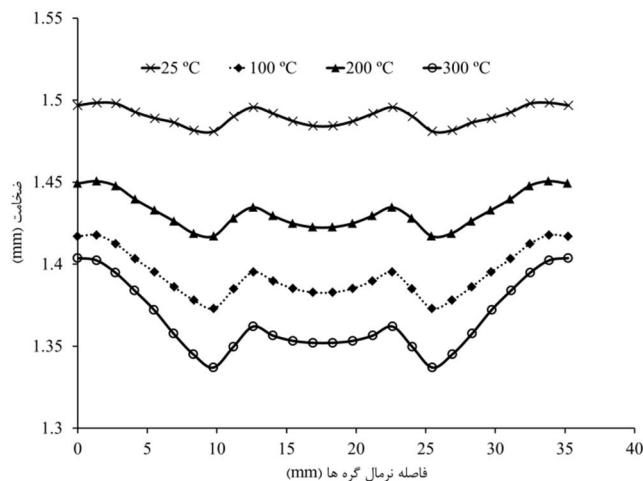
## 8- مراجع

- [1] L. Lang, Z. Wang, D. Kang, S. Yuan, S.-H. Zhang, J. Danckert, K. B. Nielsen, Hydroforming highlights: sheet hydroforming and tube hydroforming, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 151, No. 1, pp. 165-177, 2004.
- [2] M. Ahmetoglu, K. Sutter, X. Li, T. Altan, Tube hydroforming: current research, applications and need for training, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 98, No. 2, pp. 224-231, 2000.
- [3] M. Ahmetoglu, T. Altan, Tube hydroforming: state-of-the-art and future trends, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 98, No. 1, pp. 25-33, 2000.
- [4] A. Alaswad, K. Benyounis, A. Olabi, Tube hydroforming process: A reference guide, *Materials & Design*, Vol. 33, pp. 328-339, 2012.
- [5] M. Keigler, H. Bauer, D. Harrison, A. K. M. De Silva, Enhancing the formability of aluminium components via temperature controlled hydroforming, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 167, No. 2-3, pp. 363-370, 2005.
- [6] D. Li, A. K. Ghosh, Biaxial warm forming behavior of aluminum sheet alloys, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 145, No. 3, pp. 281-293, 2004.
- [7] B. J. Kim, C. J. Van Tyne, M. Y. Lee, Y. H. Moon, Finite element analysis and experimental confirmation of warm hydroforming process for aluminum alloy, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 187-188, No. 0, pp. 296-299, 2007.
- [8] H. K. Yi, E. J. Pavlina, C. J. Van Tyne, Y. H. Moon, Application of a combined heating system for the warm hydroforming of lightweight alloy tubes, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 203, No. 1-3, pp. 532-536, 2008.
- [9] Z. He, S. Yuan, G. Liu, J. Wu, W. Cha, Formability testing of AZ31B magnesium alloy tube at elevated temperature, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 210, No. 6-7, pp. 877-884, 2010.
- [10] S. Yuan, J. Oi, Z. He, An experimental investigation into the formability of hydroforming 5A02 Al-tubes at elevated temperature, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 177, No. 1-3, pp. 680-683, 2006.
- [11] S. Hashemi, H. Moslemi Naeini, G. Liaghat, R. Azizi Tafti, F. Rahmani, Numerical and Experimental Investigation of Temperature Effect on Thickness Distribution in Warm Hydroforming of Aluminum Tubes, *Journal of Materials Engineering and Performance*, Vol. 22, No. 1, pp. 57-63, 2013/01/01, 2013. English
- [12] H. M. N. S.M.H. Seyedkashi, G.H. Liaghat, M. Mosavi Mashadi, Y. H. Moon, Numerical and experimental study on the effects of expansion ratio, corner fillets and strain rate in warm hydroforming of aluminum tubes, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 12, No. 5, pp. 122-131, 2012 (in persian).
- [13] A. Freudenthal, The inelastic behavior of solids, *Wiley, New York*, 1950.
- [14] M. Cockcroft, D. Latham, Ductility and the workability of metals, *J Inst Metals*, Vol. 96, No. 1, pp. 33-39, 1968.
- [15] S. Oh, C. Chen, S. Kobayashi, Ductile Fracture in Axisymmetric Extrusion and Drawing—Part 2: Workability in Extrusion and Drawing, *Journal of Engineering for Industry*, Vol. 101, pp. 36, 1979.
- [16] P. Brozzo, B. Deluca, R. Rendina, A new method for the prediction of formability limits in metal sheets, in Proc. 7th biennal Conf. IDR, 1972.

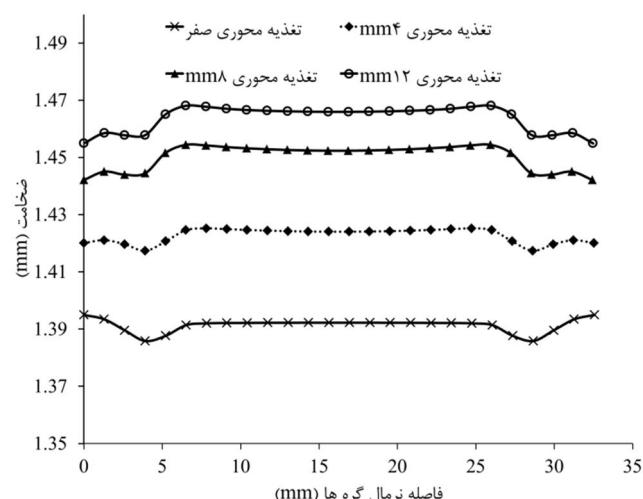
- 3- با افزایش دما برای یک شعاع مشخص، ضخامت قطعه کمتر شده و نازک شدگی افزایش یافته است.



شکل 23 توزیع ضخامت در یک‌چهارم سطح مقطع قطعه مریعی در شعاع گوشه 13/65mm



شکل 24 توزیع ضخامت در یک‌چهارم سطح مقطع قطعه مریعی در شعاع گوشه 7/23mm



شکل 25 توزیع ضخامت در یک‌چهارم سطح مقطع قطعه مریعی در شعاع گوشه 13/65mm تحت تغذیه محوری متفاوت

- Materials Science and Engineering: A*, Vol. 488, No. 1, pp. 468-474, 2008.
- [20] X.-m. ZHANG, W.-d. ZENG, Y. SHU, Y.-g. ZHOU, Y.-q. ZHAO, H. WU, H.-q. YU, Fracture criterion for predicting surface cracking of Ti40 alloy in hot forming processes, *Transactions of Nonferrous Metals Society of China*, Vol. 19, No. 2, pp. 267-271, 2009.
- [21] H. J. Frost, M. F. Ashby, Deformation mechanism maps: the plasticity and creep of metals and ceramics, 1982.
- [22] A. S. Handbook, Aluminum and aluminum alloys, *ASM International*, pp. 117, 1993.
- [17] M. Ayada, T. Higashino, K. Mori, Central bursting in extrusion of inhomogeneous materials, *Advanced Technology of Plasticity* 1987., Vol. 1, pp. 553-558, 1987.
- [18] J. R. Rice, D. M. Tracey, On the ductile enlargement of voids in triaxial stress fields, *Journal of the Mechanics and Physics of Solids*, Vol. 17, No. 3, pp. 201-217, 1969.
- [19] W. Kim, H. Kim, W. Kim, S. Han, Temperature and strain rate effect incorporated failure criteria for sheet forming of magnesium alloys,