

کنترل مقاوم سیستم ترمز ضدفل خودرو با استفاده از مدل‌لغزشی ترمینال سریع بهینه

حمیدرضا مقدم^۱، حامد مجالی^{۲*}

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی برق، دانشگاه آزاد اسلامی واحد قزوین، قزوین

۲- دانشیار، مهندسی برق، دانشگاه گیلان، رشت

*- رشت، صندوق پستی ۴۱۶۳۵-۳۷۵۶

چکیده

سیستم ترمز ضدفل یکی از عوامل مهم ایجاد امنیت در طراحی خودروها می‌باشد. کنترل فشار ترمیزی و ریابی لغزش مطلوب در طول ترمز‌گیری‌های شدید باعث حفظ امنیت در خودروها می‌شود. بدلیل وجود عدم قطعیت در پارامترها و عوامل غیرخطی شدید، طراحی کنترل کننده مقاوم برای این سیستم مناسب می‌باشد. در این مقاله از انواع کنترل کننده مدل‌لغزشی به منظور دستیابی به لغزش مطلوب خودرو و توقف آن استفاده خواهد شد. سطح لغزشی و جاذبه ترمینالی در کلیه کنترل کننده‌های طراحی شده مورد تحلیل و بررسی قرار خواهد گرفت. همچنین یک ساختار جدید با جاذبه ترمینالی بالا برای کنترل کننده مدل‌لغزشی ترمینال سریع ارائه شده است. روش پیشنهادی خطا ریابی را حد بسیار مطلوبی کاهش داده است. در این مقاله عملکرد این کنترل کننده با کنترل کننده مدل‌لغزشی ترمینال معمولی و مدل‌لغزشی ترمینال سریع مقایسه شده است. همچنین کلیه پارامترهای طراحی به منظور کاهش میزان خطأ با استفاده از الگوریتم بهینه‌سازی ازدحام ذرات بدست خواهد آمد. این روش برای حل مسائل بهینه‌سازی پیچیده برنهای تابع هزینه شخص، بسیار مناسب می‌باشد. نتایج شیوه‌سازی با استفاده از نرم‌افزار متلب، عملکرد بهتر کنترل کننده پیشنهادی نسبت به کنترل کننده مدل‌لغزشی ترمینال معمولی و سریع را ارائه خواهد داد.

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: ۲۶ دی ۱۳۹۵

پذیرش: ۲۶ اسفند ۱۳۹۵

ارائه در سایت: ۰۳ اردیبهشت ۱۳۹۶

کلید واژگان:

کنترل کننده مدل‌لغزشی

کنترل کننده مدل‌لغزشی ترمینال

کنترل کننده مدل‌لغزشی ترمینال سریع

سیستم ترمز ضدفل

Robust control of anti-lock braking system using optimized fast terminal sliding mode controller

Hamidreza Moghaddam^۱, Hamed Mojallali^{۲*}

۱- Department of Electrical, Biomedical and Mechatronics Engineering, Islamic Azad University, Qazvin Branch, Qazvin, Iran

۲- Electrical Engineering Department, Faculty of Engineering, University of Guilan, Rasht, Iran

* P.O.B. 41635-3756, Rasht, Iran, mojallali@guilan.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 15 January 2017

Accepted 16 March 2017

Available Online 23 April 2017

Keywords:

Sliding mode controller
Terminal sliding mode controller
Fast terminal sliding mode controller
Anti-lock braking system

ABSTRACT

The anti-lock braking system is one of the main factors to provide safety in designing vehicles. The brake pressure control and desired slip tracking through severe braking ensure safety in vehicles. Because of uncertainty in parameters and sever nonlinear factors, robust controller designing is suitable for this system. In this paper, various types of sliding mode controller have been used to achieve a vehicle desired slip and its stop. Sliding surface and terminal attractions will be analyzed in all of the designed controllers. Also, a new structure with high terminal attraction has been used for the fast terminal sliding mode controller (FTSMC). The proposed method has reduced tracking error as well. In this paper, the performance of this controller is compared with normal terminal sliding mode controller and fast terminal sliding mode. Moreover, all design parameters are determined to decrease error ratio using particle swarm optimization (PSO) algorithm. This method is suitable for solving complex optimized solution based on certain cost function. Simulation results using MATLAB software, present better performance of the suggested controller in comparison with normal and fast terminal sliding mode controller.

و نگهداشت لغزش طولی خودرو در یک محدوده مطلوب در حین ترمز‌گیری‌های شدید می‌باشد. اگرچه در سال‌های گذشته تلاش سیاری برای طراحی ایده‌آل این سیستم انجام گرفته است ولی هنوز هم این سیستم در حال بهبود و بررسی می‌باشد. در سیستم ترمز ضدفل یکی از اساسی‌ترین بخش‌ها، بخش الکترونیکی آن می‌باشد که امروزه با توجه به پیشرفت‌هایی که در ساخت ترموزهای الکتریکی حاصل شده است، تمام سیستم‌های ترمز ضدفل از کنترل کننده الکترونیکی استفاده می‌کنند. به علت وجود عوامل

امروزه خودروها یکی از ضروری‌ترین وسایل نقلیه محسوب می‌شوند. برای صنایع خودروسازی یکی از مهمترین مسائل، بهبود اینمی و قابلیت اطمینان در خودروها می‌باشد. همچنین افزایش اینمی در رانندگی یک چالش اصلی در طراحی خودروها محسوب می‌شود. سیستم‌های امنیتی متفاوتی در خودرها وجود دارند که یکی از مهمترین آن‌ها سیستم ترمز ضدفل می‌باشد. هدف اصلی در طراحی سیستم ترمز ضدفل، جلوگیری از قفل شدن چرخ‌ها

۱- مقدمه

Please cite this article using:

H. R. Moghaddam, H. Mojallali, Robust control of anti-lock braking system using optimized fast terminal sliding mode controller, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 17, No. 4, pp. 290-298, 2017 (in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

برای مدل سازی نیروهای وارد بر چرخ خودرو با توجه به رفتار غیرخطی در حین ترمزگیری از مدل یکچهارم خودرو استفاده خواهد شد [9]. این مدل که در برگیرنده رفتار غیرخطی نیروهای چرخ در حین ترمزگیری های شدید می باشد برای طراحی کنترل کننده مناسب بوده و از ساختار دو درجه آزادی برخوردار است. سرعت طولی خودرو و سرعت زاویه ای چرخ خودرو، درجات آزادی این مدل را تشکیل می دهند. "شکل 1" مدل یکچهارم خودرو را به همراه نیروهای وارد بر چرخ خودرو نمایش می دهد.

براساس این مدل، معادلات حالت سیستم به صورت روابط (1) و (2) استخراج خواهند شد:

$$\dot{V} = -\frac{F_x}{m_t} \quad (1)$$

$$\dot{\omega} = \frac{1}{J}(RF_x - T_b) \quad (2)$$

که در روابط فوق، R شعاع چرخ، J ممان اینرسی چرخ، ω سرعت زاویه ای چرخ، V سرعت طولی خودرو، T_b گشتاور ترمیزی، F_x نیروی طولی چرخ و m_t جرم یکچهارم خودرو طبق رابطه (3) می باشد:

$$m_t = \frac{1}{4}m_{vs} + m_w \quad (3)$$

که در آن m_{vs} جرم فرنبرنده خودرو و m_w جرم چرخ خودرو می باشد. بر قائم مشکل از دو عامل استاتیکی مربوط به توزیع جرم خودرو و عامل دینامیکی مربوط به انتقال بار در حین ترمزگیری است. بنابراین بر قائم در این مدل عبارت است از:

$$F_z = m_t g - F_l \quad (4)$$

F_l نیروی انتقال بار در حین ترمزگیری و g شتاب جاذبه زمین می باشد.

در طول ترمزگیری، لغزش طولی چرخ به صورت رابطه (5) محاسبه می شود:

$$\lambda = \frac{V - RW}{V} \quad (5)$$

با مشتق گیری نسبت به زمان از رابطه (5) و با استفاده از روابط (1) و (2) داریم:

$$\dot{\lambda} = -\frac{1}{V} \left[\frac{F_x}{m_t} (1 - \lambda) + \frac{R^2 F_x}{J} \right] + \left(\frac{R}{VJ} \right) T_b \quad (6)$$

با در نظر گرفتن سرعت طولی خودرو و لغزش طولی چرخ به عنوان متغیرهای حالت و با استفاده از روابط (1) و (6)، معادلات حالت سیستم به صورت رابطه (7) محاسبه می شوند:

$$\begin{cases} \dot{V} = -\frac{F_x}{m_t} \\ \dot{\lambda} = -\frac{1}{V} \left(\frac{F_x}{m_t} (1 - \lambda) + \frac{R^2 F_x}{J} \right) + \left(\frac{R}{VJ} \right) T_b \\ y = \lambda \end{cases} \quad (7)$$

در معادلات فوق گشتاور ترمیزی T_b نشان دهنده ورودی کنترلی سیستم می باشد که از قانون کنترلی به دست خواهد آمد. در واقع ورودی کنترلی باید طوری اعمال گردد که لغزش طولی چرخ، رفتار مدل مرجع را دنبال کند تا ضمن جلوگیری از قفل شدن چرخ ها، مقدار بیشینه نیروی ترمیزی نیز به چرخ ها اعمال گردد. در این مقاله به منظور در نظر گرفتن خواص اشباع چرخ از مدل چرخ داگوف استفاده شده است [5,4].

$$F_x = \frac{C_i \lambda}{1 - \lambda} f(S) \quad (8)$$

$$f(S) = \begin{cases} S(2 - S) & S < 1 \\ 1 & S > 1 \end{cases} \quad (9)$$

$$S = \frac{\mu F_z (1 - \varepsilon_r V \sqrt{\lambda^2 + \tan^2 \alpha}) (1 - \lambda)}{2 \sqrt{C_i^2 \lambda^2 + C_\alpha^2 \tan^2 \alpha}} \quad (10)$$

که در آن، C_i سختی طولی تایر، C_α سختی سریچ تایر، ε_r ضریب اصطکاک جاده، α زاویه لغزش و μ فاکتور کاهش چسبندگی جاده می باشد.

غیرخطی شدید در این سیستم و همچنین عدم قطعیت در پارامترهایی از قبیل جرم و ضریب اصطکاک بین سطح جاده و چرخ خودرو نیاز به طراحی یک کنترل کننده مقاوم برای این سیستم می باشد. در این زمینه کارهای متنوعی تا کنون انجام گرفته است. در مرجع [1] کنترل کننده مدلغزشی مرتبه کسری برای سیستم ترمز ضداقل طراحی شده است. در این مقاله نشان داده است که این کنترل کننده از مقاومت خوبی در مقابل عدم قطعیت در پارامترها برخوردار است. نتایج حاصل از طراحی کنترل کننده نیز با کنترل کننده های نوع P و PI مقایسه شده است. در مرجع [2] طراحی کنترل کننده مدلغزشی معمولی برای تنظیم لغزش خودرو در چرخ جلو و عقب خودرو موفقیت آمیز بوده است. همچنین در این مقاله کنترل کننده طراحی شده برای شرایط مختلف جاده ای (آسفالت خشک، مرتبط، برفی و...) مورد بررسی قرار گرفته است. در مرجع [3] یک مدل مرجع بهینه برای لغزش مطلوب خودرو در نظر گرفته شده است. همچنین با استفاده از یک الگوریتم کنترل غیرخطی، مدل مرجع برای یک چرخ خودرو به خوبی ردیابی شده است. نتایج حاصل از طراحی در شرایط مختلف جاده ای مورد بررسی قرار گرفته شده و عملکرد کنترل کننده موردنظر با کنترل کننده مدلغزشی معمولی مقایسه شده است. در مرجع [4] کنترل کننده غیرخطی برای هر چهار چرخ خودرو در نظر گرفته شده است که از مقاومت خوبی در مقابل عدم قطعیت در پارامترها برخوردار است. نتایج حاصل از شبیه سازی عملکرد کنترل کننده با پارامترهای مختلف طراحی را نشان داده است. در مرجع [5] برای تخمین اصطکاک بین چرخ خودرو و سطح جاده از رویتگر مدلغزشی معمولی استفاده شده است. همچنین مقاومت کنترل کننده در شرایط مختلف جاده ای از آسفالت خشک تا برقی مورد بررسی قرار گرفته است. در مرجع [6] ترکیبی از کنترل کننده مدلغزشی معمولی و PID مورد استفاده قرار گرفته شده است که در مقابل عدم قطعیت در پارامترها بسیار مقاوم بوده است. نتایج حاصل از شبیه سازی عملکرد بهتر طراحی نسبت به کنترل کننده مدلغزشی معمولی را نشان داده است. در مرجع [7] برای مقاومت بیشتر در مقابل عدم قطعیت در پارامترها از روش پسخورد انگرالی استفاده شده است. همچنین نتایج حاصل از این طراحی نسبت به کنترل کننده مدلغزشی معمولی مورد مقایسه قرار گرفته است. در مرجع [8] در سیستم ترمز ضداقل از رویتگر فازی برای تخمین سرعت خودرو استفاده شده است و با توجه به آن طراحی کنترل کننده صورت گرفته است.

در این مقاله به منظور جلوگیری از لغزش خودرو و مقابله با عدم قطعیت در پارامترها، انواع کنترل کننده مدلغزشی برای سیستم طراحی شده است. همچنین یک ساختار جدید برای کنترل کننده مدلغزشی ترمینال سریع با قابلیت جاذبه ترمینالی بالا را به گردیده است. مقدار بهینه پارامترهای طراحی در این مقاله با استفاده از الگوریتم بهینه سازی ازدحام ذرات بدست آورده شده است.

در این مقاله در بخش دوم مدل سیستم ارائه گردیده است. سپس در بخش سوم انواع کنترل کننده های مدلغزشی طراحی شده است. در همین بخش ساختار جدید برای کنترل کننده مدلغزشی ترمینال سریع ارائه شده است و پارامترهای طراحی از طریق الگوریتم بهینه سازی ازدحام ذرات بدست آورده شده اند. در بخش چهارم شبیه سازی های مربوطه ارائه شده است. بخش پنجم و ششم نیز شامل نتیجه گیری و مراجع می باشد.

2- مدل سازی سیستم

2-1- توصیف مدل یکچهارم خودرو

محدهای قرار دارد که اگر لغزش چرخ خودرو در این محدوده قرار بگیرد بیشترین ضریب اصطکاک بین سطح جاده و چرخ خودرو فراهم می‌شود. مشخص است که هرچه مقدار ضریب اصطکاک افزایش پیدا کند، به همان اندازه لغزش کاهش پیدا خواهد کرد.

3- طراحی کنترل کننده

3-1- طراحی کنترل کننده مدل‌گذشی معمولی

به علت وجود عدم قطعیت در پارامترها و همچنین عوامل غیرخطی شدید در مدل سیستم از کنترل کننده مدل‌گذشی معمولی به منظور دستیابی به لغزش مطلوب و توقف خودرو در زمان محدود استفاده خواهد شد. برای طراحی این کنترل کننده با در نظر گرفتن خطای ریدیابی به صورت رابطه (13)، یک سطح لغزشی خطی به صورت رابطه (14) در نظر می‌گیریم [13,12]:

$$e = \lambda - \lambda_d \quad (13)$$

$$s(x, t) = \left(\frac{d}{dt} + \beta \right)^{n-1} e \quad (14)$$

که β یک ثابت مثبت می‌باشد. برای سیستم مرتبه اول $n = 1$ در نظر گرفته می‌شود. با ساده‌سازی و بازنویسی رابطه (7):

$$\begin{aligned} \dot{\lambda} &= h(\lambda) + \left(\frac{R}{VJ} \right) T_b \\ h(\lambda) &= -\frac{1}{V} \left(\frac{F_x}{m_t} (1 - \lambda) + \frac{R^2 F_x}{J} \right) \end{aligned} \quad (15)$$

عدم قطعیت در جرم و ضریب اصطکاک وجود دارد که این دو پارامتر در تابع $h(\lambda)$ قرار دارند. با محاسبه مشتق اول سطح لغزشی نسبت به زمان و مساوی صفر قرار دادن آن به یک قانون کنترل معادل می‌رسیم:

$$\hat{T}_b = \frac{VJ}{R} (\lambda_d - \hat{h}(\lambda)) \quad (16)$$

که $\hat{h}(\lambda)$ تخمینی از تابع $h(\lambda)$ می‌باشد که در آن عدم قطعیت در پارامترها لحاظ می‌شود. حال قانون کنترل اصلی را با اضافه کردن یک قانون کلیدزنی به کنترل معادل محاسبه می‌کنیم:

$$T_b = \hat{T}_b - k \text{sgn}(s) \quad (17)$$

که k بهره کنترل کننده می‌باشد و با استفاده از پایداری لیپاونوف حاصل می‌شود:

$$\frac{1}{2} \frac{d}{dt} s^2 \leq -\eta |s| \Rightarrow s \dot{s} \leq -\eta |s| \quad (18)$$

که η یک ثابت مثبت می‌باشد. با مشتق گرفتن از رابطه (14) و جایگذاری رابطه (17) در آن داریم:

$$s[h(\lambda) + \frac{R}{VJ} (\hat{T}_b - k \text{sgn}(s)) - \dot{x}_d] \leq -\eta |s| \quad (19)$$

که با استفاده از رابطه (16) و ساده‌سازی داریم:

$$s[h(\lambda) - \hat{h}(\lambda) - \left(\frac{R}{VJ} \right) k \text{sgn}(s)] \leq -\eta |s| \quad (20)$$

که در آن بیشترین میزان عدم قطعیت به صورت رابطه (21) بیان می‌شود:

$$|h(\lambda) - \hat{h}(\lambda)| \leq H \quad (21)$$

در آخر بهره کنترل کننده نیز به صورت رابطه (22) بیان می‌شود:

$$k = \frac{VJ}{R} (H + \eta) \quad (22)$$

3-2- طراحی کنترل کننده مدل‌گذشی ترمینال

در طراحی کنترل کننده مدل‌گذشی ترمینال از یک سطح لغزشی غیرخطی به منظور همگرایی سیستم به نقاط تعادل در زمان محدودتر و با سرعت بیشتر استفاده می‌شود [14]. سطح لغزشی غیرخطی در این کنترل کننده به صورت رابطه (23) در نظر گرفته می‌شود [16,15]:

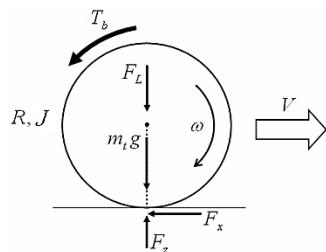


Fig. 1 The quarter car model

شکل 1 مدل یک‌چهارم خودرو

2-2- مدل مرجع لغزش

برای به دست آوردن مدل مرجع برای لغزش مطلوب نیازمند محاسبه ضریب اصطکاک بر حسب ضریب لغزش جاده می‌باشیم:

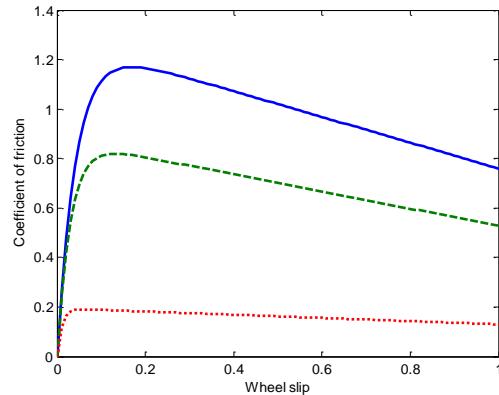
$$\mu(\lambda) = C_1 (1 - e^{-C_2 \lambda}) - C_3 \lambda \quad (11)$$

ضریب فوق با توجه به شرایط مختلف جاده‌ای (آسفالت خشک، مريط، برفي و ...) تغيير می‌کنند [11,10].

در "شکل 2" مشخص است که بیشترین ضریب اصطکاک در بازه‌ای اتفاق می‌افتد که لغزش بین 0.1 و 0.2 قرار داشته باشد. پس مدل مرجع برای لغزش مطلوب را به صورت رابطه (12) در نظر می‌گيریم:

$$\lambda_d = 0.15 - 0.15 e^{-20t} \quad (12)$$

که در "شکل 3" نشان داده شده است. در رابطه (12)تابع نمایی که به عنوان لغزش مطلوب چرخ خودرو در نظر گرفته شده است از لحظه اندازه در



شکل 2 ضریب اصطکاک، خشک (خط تپیر)، مريط (خط چین)، برف (نقطه چین)

شکل 2 ضریب اصطکاک، خشک (خط تپیر)، مريط (خط چین)، برف (نقطه چین)

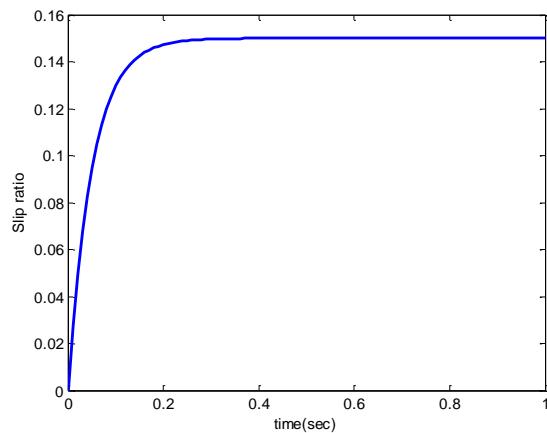


Fig. 3 Desired slip ratio

شکل 3 ضریب لغزش مطلوب

4-3 طراحی کنترل کننده مدلغزشی ترمینال سریع با تابع پیشنهادی

در این قسمت به معروفی تابعی پرداخته می‌شود که دارای جاذبه ترمینال منحصر به فردی در نزدیکی نقاط تعادل می‌باشد.

$$f(\lambda) = -w(0.5 - \frac{1}{(1 + e^{-a(\lambda - \lambda_d)^{\frac{p}{q}}})}) \quad (33)$$

در این تابع چهار پارامتر w, a, p, q برای تنظیم جاذبه ترمینال درنظر گرفته شده است. هر کدام از این ضرایب تاثیر منحصر به فردی در جاذبه ترمینالی از خود نشان می‌دهند. در ادامه به تاثیر این پارامترها در جاذبه ترمینالی پرداخته می‌شود. در "شکل 4" جاذبه ترمینالی این تابع به ازای مقادیر مختلف p و q مورد بررسی قرار داده شده است. مشخص است که نسبت این دو پارامتر هرچه به یک نزدیکتر باشد جاذبه ترمینالی بهتر است. در "شکل 5" تاثیر پارامتر a در جاذبه ترمینالی مورد بررسی قرار داده شده است. مشخص است که برای مقادیر کوچک این پارامتر، شب منحنی بسیار آهسته می‌باشد. برای مقادیر بزرگتر از 4 گرچه شب منودار تند می‌باشد و جاذبه ترمینالی بیشتر می‌شود ولی افزایش مقدار شب ناچیز می‌باشد. برای مقادیر خیلی بزرگ نیز این تابع همانند تابع علامت برخورد می‌کند که

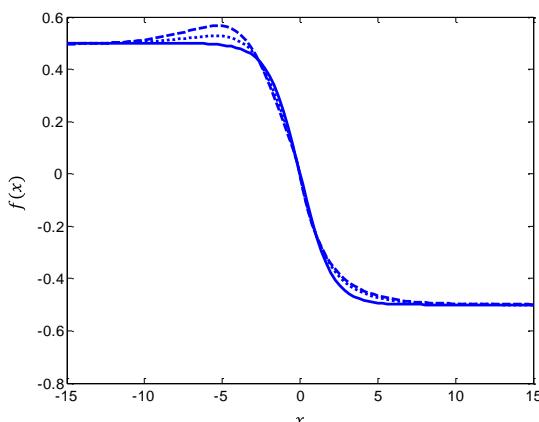


Fig. 4 The terminal attraction versus amounts of ratio of (p/q) , 0.75 (dashed line), 0.8 (dotted line), 0.99 (solid line)

شکل 4 جاذبه ترمینالی برحسب مقادیر نرخ (p/q) , 0.75 (خط چین)، 0.8 (نقطه‌چین)، 0.99 (خط توپر)

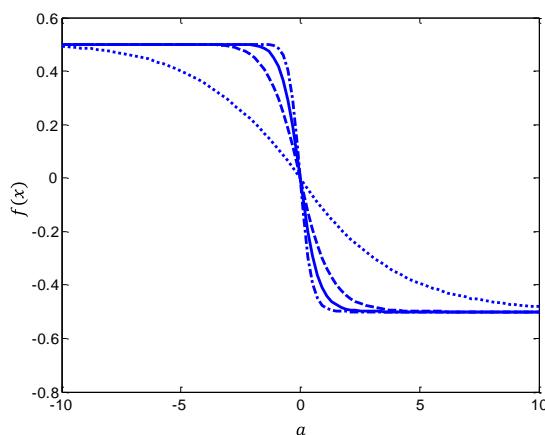


Fig. 5 The terminal attraction versus amounts of ratio of a , 0.5 (dotted line 0.5), 1.5 (dashed line), 2.5 (solid line), 4 (dash-dotted line)

شکل 5 جاذبه ترمینالی برحسب مقدار نرخ a 0.5 (نقطه‌چین)، 1.5 (خط توپر)، 2.5 (خط چین)، 4 (نقطه خط چین)

$$s(x, t) = (\frac{d}{dt} + \lambda)^{n-1} e^{\frac{p}{q}} \quad (23)$$

p و q اعداد صحیح فرد مثبت می‌باشند به طوری که $2p < q < 2p$ می‌باشد [18,17]. با قرار دادن $n = 1$ در رابطه (23) و درنظر گرفتن خطا به صورت آن بهصورت روابط (24) و (25) بیان می‌شوند:

$$s = (\lambda - \lambda_d)^{\frac{p}{q}} \quad (24)$$

$$\dot{s} = \frac{p}{q} (\dot{\lambda} - \dot{\lambda}_d) (\lambda - \lambda_d)^{\frac{p}{q}-1} \quad (25)$$

که با مساوی صفر قرار دادن رابطه (25) کنترل معادل بهصورت رابطه (16) حاصل می‌شود که با اضافه کردن قانون کلیدزنی به آن، قانون کنترل اصلی همانند رابطه (17) بیان می‌شود. با استفاده از پایداری لیپاپونف و سطح لغزشی غیرخطی معرفی شده و با ساده‌سازی روابط، داریم:

$$s \left(\frac{p}{q} (\lambda - \lambda_d) (\lambda - \lambda_d)^{\frac{p}{q}-1} \right) \leq -\eta |s| \quad (26)$$

$$s(h(\lambda) + \left(\frac{R}{VJ} \right) T_b - \dot{\lambda}_d) \leq -\eta \left(\frac{1}{\frac{p}{q} (\lambda - \lambda_d)^{\frac{p}{q}-1}} \right) |s|$$

با قرار دادن قانون کنترلی طبق رابطه (17) در معادله (26) نتایج رابطه

(27) حاصل می‌شود:

$$s(h(\lambda) + \left(\frac{R}{VJ} \right) [\hat{T}_b - k \operatorname{sgn}(s)] - \dot{\lambda}_d) \leq -\eta \left(\frac{1}{\frac{p}{q} (\lambda - \lambda_d)^{\frac{p}{q}-1}} \right) |s|$$

$$s(h(\lambda) - \hat{h}(\lambda) - k \left(\frac{R}{VJ} \right) \operatorname{sgn}(s)) \leq -\eta \left(\frac{1}{\frac{p}{q} (\lambda - \lambda_d)^{\frac{p}{q}-1}} \right) |s| \quad (27)$$

با درنظر گرفتن بیشترین میزان عدم قطعیت بهصورت رابطه (21)، بهره کنترل کننده بهصورت رابطه (28) طراحی شده است:

$$k = \frac{VJ}{R} [F + \eta \left(\frac{1}{\frac{p}{q} (\lambda - \lambda_d)^{\frac{p}{q}-1}} \right)] \quad (28)$$

3-3 طراحی کنترل کننده مدلغزشی ترمینال سریع

مشکل اصلی در کنترل کننده مدلغزشی ترمینال، سرعت پایین همگرایی در نقاط دورتر از مبدأ می‌باشد. جاذبه ترمینالی باعث افزایش سرعت همگرایی در محدوده نزدیکتر به مبدأ می‌شود. برای حل این مشکل و افزایش سرعت همگرایی در نقاط دورتر از مبدأ، کنترل کننده مدلغزشی ترمینال سریع پیشنهاد شده است. در این کنترل کننده یک سطح لغزشی خطی با سطح لغزشی غیرخطی ترکیب شده و مشکل همگرایی در نقاط دورتر از مبدأ را حل کرده است. سطح لغزشی مطابق رابطه (29) درنظر گرفته شده است [19]:

$$s(x, t) = e + e^{\frac{p}{q}} \quad (29)$$

مشتق سطح لغزشی بهصورت رابطه (30) بیان می‌شود:

$$\dot{s} = (\dot{\lambda} - \dot{\lambda}_d) (1 + \frac{p}{q} (\lambda - \lambda_d)^{\frac{p}{q}-1}) \quad (30)$$

قانون کنترل اصلی همانند رابطه (17) بیان می‌شود. با استفاده از پایداری لیپاپونف که در رابطه (18) بیان شده است، رابطه (31) حاصل شده است:

$$s(h(\lambda) - \hat{h}(\lambda) - k \left(\frac{R}{VJ} \right) \operatorname{sgn}(s)) \leq -\eta \left(\frac{1}{1 + \frac{p}{q} (\lambda - \lambda_d)^{\frac{p}{q}-1}} \right) |s| \quad (31)$$

بهره کنترل کننده نیز بهصورت رابطه (32) محاسبه شده است:

$$k = \frac{VJ}{R} [F + \eta \left(\frac{1}{1 + \frac{p}{q} (\lambda - \lambda_d)^{\frac{p}{q}-1}} \right)] \quad (32)$$

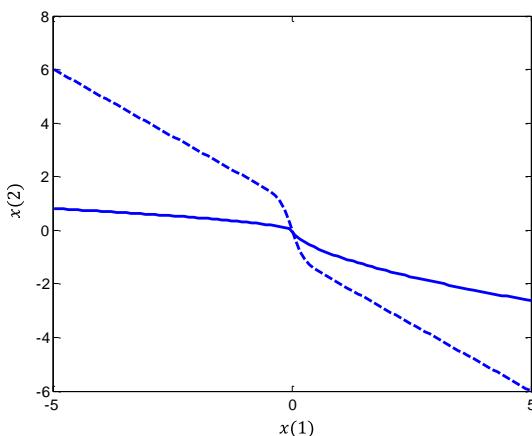


Fig.8 State trajectory of the TSMC (solid line) and proposed FTSMC (dashed line) in phase plane

شکل 8 مسیر حالت مدل‌گذشی ترمینال (خط توپر) و ترمینال سریع پیشنهادی (خط چین) در صفحه فاز

$$\dot{s} = (\lambda - \lambda_d) \left(1 + \frac{wa \left(\frac{p}{q}\right) (\lambda - \lambda_d)^{\left(\frac{p}{q}-1\right)} e^{-a(\lambda - \lambda_d)^{\left(\frac{p}{q}\right)}}}{\left(1 + e^{-a(\lambda - \lambda_d)^{\left(\frac{p}{q}\right)}}\right)^2} \right) \quad (36)$$

با صفر قرار دادن مشتق سطح لغزشی موردنظر، کنترل معادل به صورت رابطه (37) حاصل شده است.

$$\hat{T}_b = \frac{VJ}{R} (\lambda_d - \hat{h}(\lambda)) \quad (37)$$

برای به دست آوردن گشتاور کنترل اصلی یک قانون کلیدزنی به رابطه (37) اضافه خواهد شد.

$$T_b = \hat{T}_b - k \text{sgn}(s) \quad (38)$$

که k بهره کننده می‌باشد و با استفاده از پایداری لیپانوف حاصل خواهد شد. سطح لغزشی در پایداری لیپانوف به صورت رابطه (39) در نظر گرفته شده است.

$$\frac{1}{2} \frac{d}{dt} s^2 \leq -\eta |s| \Leftrightarrow ss \leq -\eta |s| \quad (39)$$

این شرط کاهش $|s|$ را در صورتی که حالات روی سطح لغزشی نباشد را تضمین می‌کند. ما به دنبال طراحی یک کنترل کننده می‌باشیم که شرط لغزشی (39) را برآورده نماید. در این صورت حالات در زمان محدود به سطح لغزشی خواهند رسید، بر روی آن باقی خواهند ماند و خطای ریدیابی به صفر همگرا خواهد شد. با توجه به شرط لغزشی (39) و روابط (35) و (38)، رابطه (40) حاصل شده است.

$$(h(\lambda) + \left(\frac{R}{VJ}\right) T_b - \lambda_d) \leq \frac{-\eta \text{sgn}(s)}{\left(1 + \frac{wa \left(\frac{p}{q}\right) (\lambda - \lambda_d)^{\left(\frac{p}{q}-1\right)} e^{-a(\lambda - \lambda_d)^{\left(\frac{p}{q}\right)}}}{\left(1 + e^{-a(\lambda - \lambda_d)^{\left(\frac{p}{q}\right)}}\right)^2}\right)} \quad (40)$$

با جایگذاری رابطه (38) در رابطه فوق، رابطه (41) حاصل شده است.

$$\begin{aligned} & (h(\lambda) - \hat{h}(\lambda)) - k \left(\frac{R}{VJ}\right) \text{sgn}(s) \\ & \leq \frac{-\eta \text{sgn}(s)}{\left(1 + \frac{wa \left(\frac{p}{q}\right) (\lambda - \lambda_d)^{\left(\frac{p}{q}-1\right)} e^{-a(\lambda - \lambda_d)^{\left(\frac{p}{q}\right)}}}{\left(1 + e^{-a(\lambda - \lambda_d)^{\left(\frac{p}{q}\right)}}\right)^2}\right)} \end{aligned} \quad (41)$$

مناسب نیست و باعث ایجاد نوسان در خروجی می‌شود. مقدار پارامتر w نیز اندازه تابع را تغییر می‌دهد. در "شکل 6" تاثیر پارامتر w در اندازه تابع مشخص شده است. در "شکل 8" نیز وجود جاذبه ترمینالی در این تابع به ازای $(p/q)=0.9$ ، $a=8$ و $w=10$ نشان داده شده است. در "شکل 8" مسیر حالت مدل‌گذشی ترمینال سریع و ترمینال معمولی در صفحه فاز نشان داده شده است.

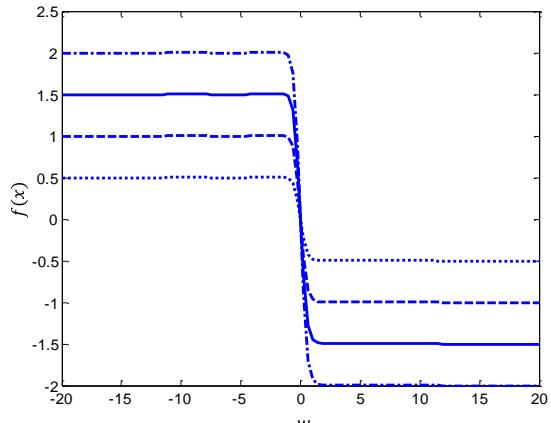
با توجه به توصیفاتی که در این بخش ارائه گردیده شد، سطح لغزشی برای کنترل کننده مدل‌گذشی ترمینال سریع با ساختار جدید به صورت رابطه (34) در نظر گرفته شده است.

$$s = (\lambda - \lambda_d) - w(0.5 - \frac{1}{\left(1 + e^{-a(\lambda - \lambda_d)^{\left(\frac{p}{q}\right)}}\right)}) \quad (34)$$

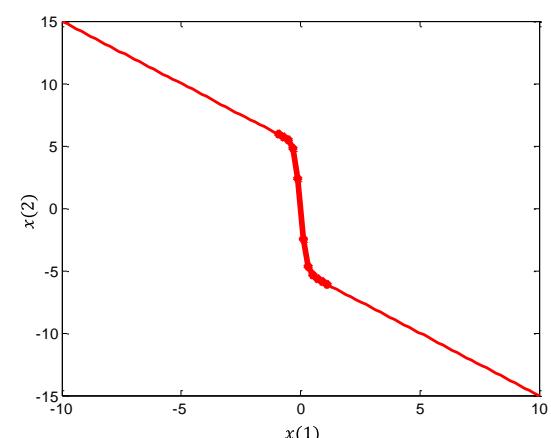
پایداری طرح کنترلی موردنظر با استفاده از پایداری لیپانوف مورد بررسی قرار گرفته است. اگر معادلات حالت سیستم به صورت رابطه (35) بیان شده باشد، اثبات پایداری به شرح زیر می‌باشد.

$$\dot{\lambda} = h(\lambda) + \left(\frac{R}{VJ}\right) T_b \quad (35)$$

برای به دست آوردن کنترل معادل، مشتق سطح لغزشی به صورت رابطه (36) در نظر گرفته شده است.



شکل 6 جاذبه ترمینالی بر حسب مقدار نرخ w : 0.5 (نقطه چین)، 1.5 (خط چین)، 2.5 (خط توپر)، 4 (نقطه خط چین)



شکل 7 جاذبه ترمینالی

ذره می‌باشد. در این مقاله تابع هزینه را که به دنبال کمینه کردن آن می‌باشیم، انتگرال اندازه خطای ریدیابی لغزش مطلوب در نظر گرفته‌ایم.

$$IAE = \int_0^{\infty} |e(t)| dt \quad (47)$$

پارامترهای بینه‌سازی شده برای طراحی انواع کنترل‌کننده‌ها، با درنظر گرفتن اندازه جمعیت معادل 10، تعداد 500 تکرار و برای 40 بار اجرای برنامه در جدول 1 ارائه شده است. پارامتر η بیان کننده سرعت رسیدن به سطح لغزشی می‌باشد، بنابراین در کلیه کنترل‌کننده‌ها به یک اندازه تاثیر-گذار است. پس مقدار این پارامتر برای کلیه کنترل‌کننده‌های طراحی شده 0.9 در نظر گرفته شده است. دو پارامتر a و w نیز فقط در کنترل‌کننده مدلغزشی ترمینال سریع پیشنهادی وجود دارند که آن‌ها نیز توسط الگوریتم بهینه‌سازی از دحام ذرات به بهترین شکل به دست آمداند. محدوده انتخابی پارامترها به گونه‌ای است که $1 < p/q < 20$ ، $0.5 < a \leq 20$ و $1 \leq w \leq 20$ می‌باشد.

4- شبیه‌سازی

برای اعتبارسنجی عملکرد کنترل‌کننده طراحی شده بر روی سیستم ترمز ضدقال، با استفاده از نرم‌افزار متلب شبیه‌سازی‌های مربوطه انجام داده شده است. برای این منظور، 10 درصد عدم قطعیت برای جرم یک‌چهارم خودرو و همچنین 10 درصد عدم قطعیت برای ضریب اصطکاک بین سطح جاده و چرخ خودرو در نظر گرفته شده است. این میزان عدم قطعیت در اصطکاک بین سطح جاده و چرخ خودرو ناشی از شرایط مختلف جاده‌ای (آسفالت خشک، آسفالت مرتکب، آسفالت یخ زده و ...) می‌باشد. سرعت خودرو نیز 72km/h یا 20m/s در نظر گرفته شده است. نتایج شبیه‌سازی به صورت شکل‌های مختلف ارائه خواهد شد. همچنین برای شفافسازی برخی از نتایج شبیه‌سازی به صورت جدول‌های مختلف ارائه شده است. مقادیر پارامترهای استفاده شده در شبیه‌سازی به صورت جدول 2 در نظر گرفته شده است [7.3]. در ابتدا نتایج حاصل از طراحی کنترل‌کننده مدلغزشی ترمینال سریع با ساختار جدید ارائه شده است. در "شکل 9" سرعت طولی خودرو و سرعت دورانی چرخ خودرو نشان داده شده است. مشخص است که این دو پارامتر در یک محدوده قرار گرفته‌اند و با آهنگ ثابت و همواری به یکدیگر نزدیک شده‌اند. اگر در لحظه‌ای که سرعت دورانی چرخ خودرو صفر می‌شود، سرعت طولی خودرو ادامه پیدا کند و صفر نشود، خودرو سر خورده و دچار لغزش می‌شود. در "شکل 10" ریدیابی لغزش مطلوب به صورت قابل قبولی صورت گرفته است. این عمل باعث می‌شود که بیشترین ضریب اصطکاک بین سطح جاده و چرخ خودرو ایجاد شود که این امر برای حفظ خودرو در مقابل لغزش بسیار مطلوب می‌باشد. "شکل 11" خطای ریدیابی مقدار مطلوب لغزش را نشان می‌دهد که این میزان خطای مطلوب می‌باشد و با گذشت زمان بسیار کوچک شده است. این میزان خطای نشان از عملکرد مطلوب کنترل‌کننده بینه‌سازی دارد. در "شکل 12" نیز گشتاور ترمزی نشان داده شده است. این

Table 1 The optimal parameters

w	a	p/q	کنترل‌کننده
-	-	0.85	مدلغزشی ترمینال معمولی
-	-	0.87	مدلغزشی ترمینال سریع
20	8	0.99	مدلغزشی ترمینال سریع جدید

در رابطه فوق تابع $h(\lambda)$ دقیقاً معلوم نمی‌باشد ولی تخمین آن به صورت $\hat{h}(\lambda)$ و بیشترین میزان عدم قطعیت در پارامترها توسط تابع H مشخص شده است. با درنظر گرفتن بیشترین میزان عدم قطعیت به صورت رابطه (42)، بهره کنترل کننده به صورت رابطه (43) بیان شده است.

$$|h(\lambda) - \hat{h}(\lambda)| \leq H \quad (42)$$

$$k = \frac{VJ}{R} (H + \frac{\eta}{\left(1 + \frac{w a (\frac{p}{q}) (\lambda - \lambda_d)^{(\frac{p}{q}-1)} e^{-a(\lambda-\lambda_d)^{(\frac{p}{q})}}}{\left(1 + e^{-a(\lambda-\lambda_d)^{(\frac{p}{q})}} \right)^2} \right)}) \quad (43)$$

3- قاعده کلیدزنی هموار

قاعده کنترل لغزشی در طول سطح لغزش (t) گستینگی دارد. از آن جایی که پیاده‌سازی کلیدزنی نمی‌تواند کامل باشد و در سیستم‌های کنترل دیجیتال می‌باید از سیگنال‌ها نمونه‌برداری کنیم، این امر باعث ایجاد نوسان در فاز رسیدن به سطح لغزشی می‌باشد. این نوسان به دلیل این که می‌تواند دینامیک فرکانس بالایی ایجاد نماید، مطلوب نمی‌باشد. یک راه جلوگیری از نوسان ایجاد یک لایه مرزی نازک در همسایگی سطح لغزشی توسط تابع اشباع به صورت رابطه (44) می‌باشد، به طوری که کنترل به طور پیوسته در میان این لایه مرزی تغییر نماید [20]:

$$\text{sat}\left(\frac{s}{\varphi}\right) = \begin{cases} -1 & , \quad \frac{s}{\varphi} \leq -1 \\ \frac{s}{\varphi} & , \quad -1 < \frac{s}{\varphi} \leq 1 \\ 1 & , \quad \frac{s}{\varphi} > 1 \end{cases} \quad (44)$$

که φ نشان دهنده ضخامت لایه مرزی می‌باشد. یعنی اگر $|s/\varphi| > 1$ باشد، آنگاه $\text{sat}(s/\varphi) = \text{sgn}(s)$ بوده و برقراری شرط لغزشی (18) در خارج از لایه مرزی تضمین خواهد شد.

6- بینه‌سازی پارامترها

در این مقاله بمنظور انتخاب بهینه‌ترین پارامترها برای طراحی کنترل‌کننده‌ها از الگوریتم بهینه‌سازی از دحام ذرات استفاده شده است. الگوریتم بهینه‌سازی از دحام ذرات یک روش بهینه‌سازی فرا ابتکاری برمبنای هوش اجتماعی است. این روش برای حل مسائل بهینه‌سازی پیچیده بر مبنای تابع هزینه مشخص بسیار مناسب است. در الگوریتم از دحام ذرات، تعدادی از موجودات وجود دارند که آن‌ها را ذره می‌نامیم و در فضای جستجو پخش شده‌اند. هر ذره مقدار تابع هدف را در موقعیتی از فضا که در آن قرار گرفته است، محاسبه می‌کند. سپس با استفاده از ترکیب اطلاعات محل فعلی اش و بهترین محلی که قبلاً در آن بوده است و همچنین اطلاعات یک یا چند ذره از بهترین ذرات موجود در جمع، جهتی را برای حرکت خود انتخاب می‌کند. پس از انجام حرکت جمعی، یک مرحله از الگوریتم به پایان می‌رسد. این مراحل چندین بار تکرار می‌شوند تا آن که بهینه‌ترین پاسخ بدست آید. معادلات توصیف کننده رفتار ذرات در این الگوریتم به صورت روابط (45) و (46) بیان شده است [21].

$$V_i(t+1) = WV_i(t) + r_1 c_1 (P_i(t) - X_i(t)) + \dots \quad (45)$$

$$r_2 c_2 (g(t) - X_i(t)) \quad (46)$$

که در روابط فوق V_i سرعت ذره، W ضریب اینرسی، r_2 و r_1 اعدادی تصادفی با توزیع یکنواخت، c_1 ضریب یادگیری شخصی، c_2 ضریب یادگیری جمعی، P_i بهترین خاطره شخصی، g بهترین خاطره جمعی و X_i موقعیت

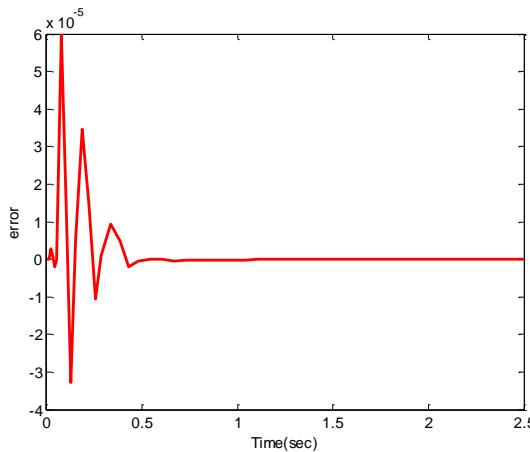


Fig. 11 Wheel slip tracking error

شکل 11 خطای ریدیابی لغزش چرخ

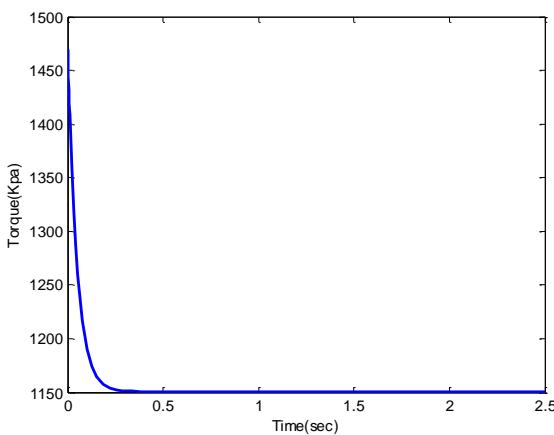


Fig. 12 Braking pressure

شکل 12 فشار ترمز

دو کنترل کننده دیگر بسیار کمتر و مناسب‌تر می‌باشد. در "شکل 15" نیز گشتاور ترمزی با یکدیگر مقایسه شده است. به دلیل انتخاب سطح لغزشی متفاوت در کنترل کننده‌ها، عملکرد کنترل کننده‌ها با یکدیگر متفاوت شده است. سطح لغزشی در کنترل کننده مدلغذشی ترمینال به‌گونه‌ای است که در

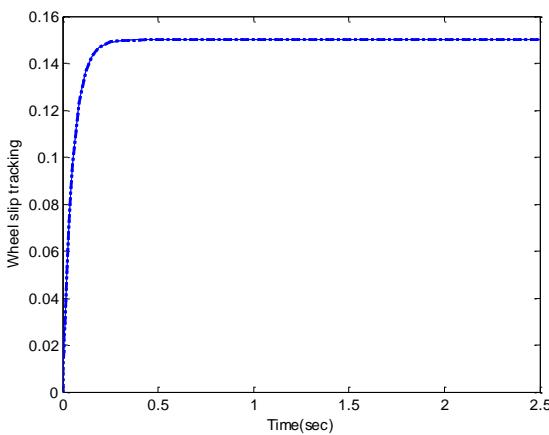


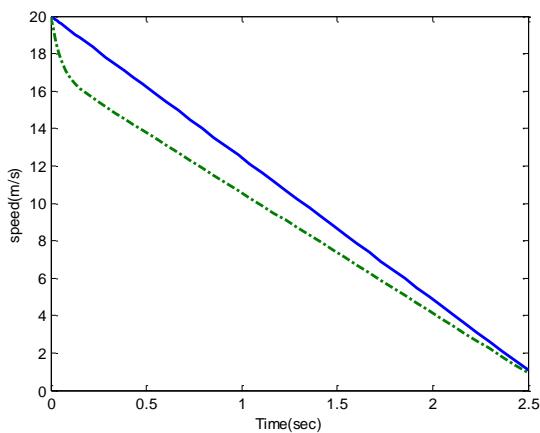
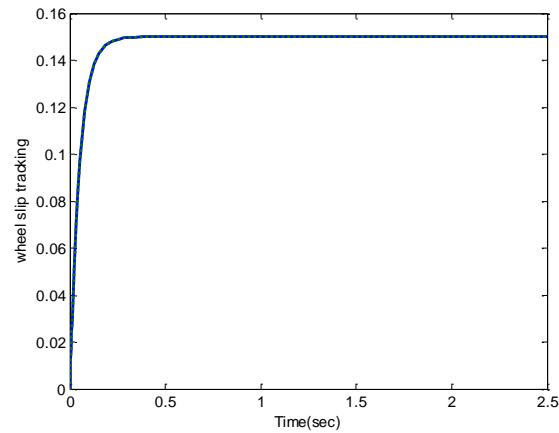
Fig. 13 Wheel slip tracking, Desired (solid line), TSMC (dashed line), FTSMC (dash-dotted line), newFTSMC (dotted line)

شکل 13 ریدیابی لغزش چرخ، لغزش مطلوب (خط توپر)، لغزش چرخ (خط چین)، TSMC (نقطه خط چین)، newFTSMC (نقطه خط چین)

جدول 2 پارامترهای شبیه‌سازی

Table 2 Parameters for simulation

پارامتر	واحد	مقدار
شعاع چرخ R	m	0.326
سمان اینرسی چرخ J	$k\text{gm}^2$	1.7
جرم چرخ m_w	kg	40
یک‌چهارم جرم فنربندی $\frac{1}{4}m_{vs}$	kg	415
ارتفاع از مرکز گرانش خودرو h_{cg}	m	0.5
فاصله محور عقب تا جلو l	m	2.5
سختی طولی چرخ c_i	N/rad	50000
سختی سر پیچ چرخ c_α	N/(unit slip)	30000
بار قائم F_z	N	6000
فاکتور کاهش چسبندگی ε_r		0.015
زاویه لغزش α		0

Fig. 9 Wheel and vehicle speed, V (solid line), Rw (dashed line)شکل 9 سرعت خودرو و چرخ، V (خط توپر)، Rw (خط چین)

شکل 10 ریدیابی لغزش چرخ، لغزش مطلوب(خط توپر)، لغزش چرخ (خط چین)

گشتاور بسیار هموار و مناسب می‌باشد. در این شکل اثر نامطلوب پدیده نوسان بسیار کم و ناچیز می‌باشد. در این قسمت نتایج حاصل از طراحی‌های مختلف با یکدیگر مقایسه شده است. در "شکل 13" ریدیابی لغزش مطلوب مقایسه شده است. "شکل 14" خطای ریدیابی لغزش مطلوب را در کنترل کننده‌های مختلف نشان داده است. در این شکل میزان خطای ریدیابی در کنترل کننده پیشنهادی نسبت به

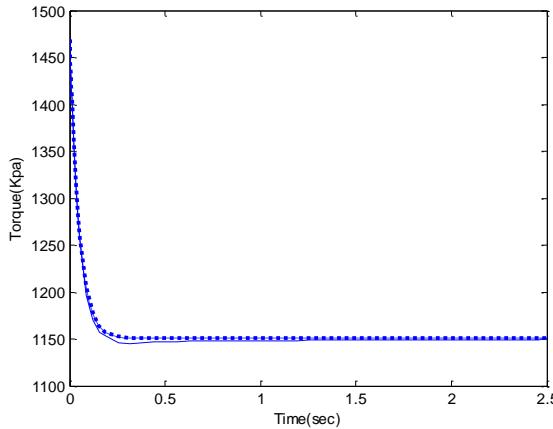


Fig. 15 Braking pressure, TSMC (solid line), FTSMC (dashed line), newFTSMC (dotted line)

شکل 15 فشار ترمزی، TSMC (خط توپر)، FTSMC (خط چین)، newFTSMC (نقطه چین)

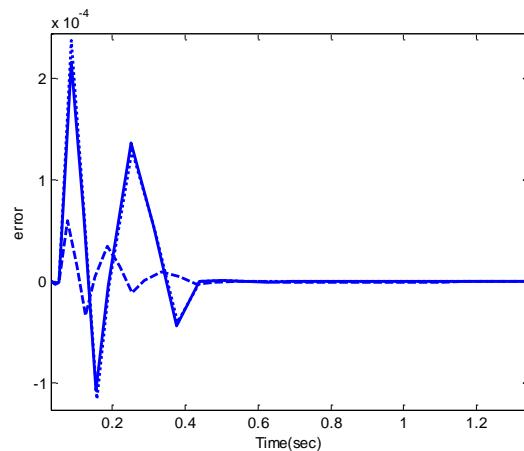


Fig. 14 خطای ردیابی لغزش چرخ، TSMC (نقطه چین)، FTSMC (خط توپر)، newFTSMC (خط چین)

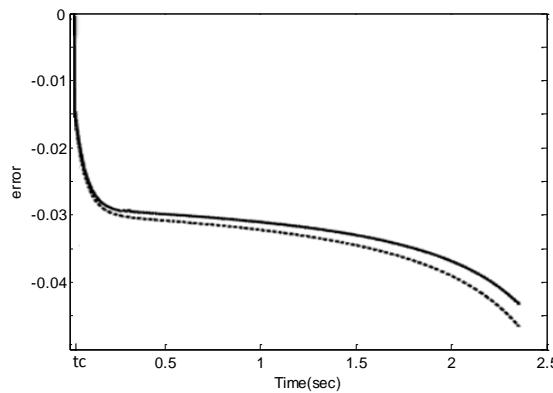


Fig. 16 خطای در [4]، مطالعه حاضر (خط توپر)، مدلغزشی (نقطه چین)

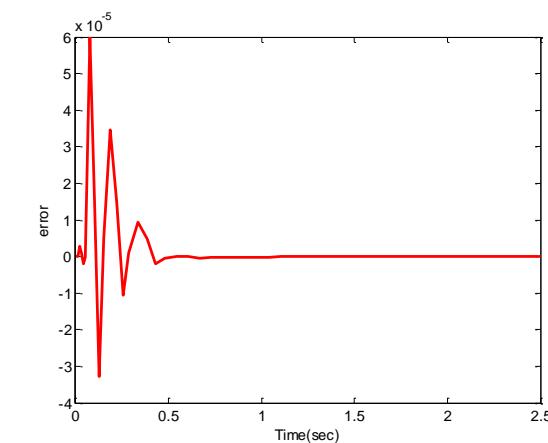


Fig. 17 خطای در مدلغزشی ترمینال سریع جدید

شکل 17 خطای در مدلغزشی ترمینال سریع جدید

نتایج حاصل از شبیه‌سازی و مقایسه، عملکرد بهتر کنترل کننده مدلغزشی ترمینال سریع با ساختار جدید را نسبت به انواع مرسوم دیگر بیان نمود.

6- مراجع

- [1] Y. Tang, X. Zhang, D. Zhang, G. Zhao, X. Guan, Fractional order sliding mode controller design for antilock bracking system, *Neurocomputing*, Vol. 111, No. 1, pp. 122-130, 2013.

Table 3 Comparison of three controllers

newFTSMC	FTSMC	TSMC	پارامتر
0.00019	0.00063	0.00065	انتگرال اندازه خطای

نزدیکی نقطه تعادل سرعت همگرایی بالا می‌باشد ولی در نقاط دور از مبدا این گونه نیست. در مدلغزشی ترمینال سریع سطح لغزشی هم در نقاط نزدیک به مبدا و هم در نقاط دورتر از مبدا دارای سرعت همگرایی بالایی می‌باشد. در کنترل کننده پیشنهادی نیز با توجه به جاذبه ترمینالی ایجاد شده، سرعت همگرایی در نقاط نزدیک به مبدا بسیار بالا می‌باشد. در این سه شکل نشان داده شده است که طراحی کنترل کننده با ساختار جدید عملکرد بهتری را از خود برای کنترل این سیستم نشان داده است.

در جدول 3 به مقایسه پارامتر انتگرال اندازه خطای سه کنترل کننده مدلغزشی ترمینال، مدلغزشی ترمینال سریع و مدلغزشی ترمینال سریع پیشنهادی پرداخته شده است.

در این قسمت نتایج حاصل از شبیه‌سازی با مقایله دیگری که در این سطح انجام شده‌اند مقایسه شده است. برای این منظور خطای ردیابی در مقالات مختلف در شرایط یکسان به تصویر کشیده شده است. در "شکل 16" خطای ردیابی در مرجع [4] نشان داده شده است. برای این که مقایسه در شرایط یکسان انجام شود کلیه پارامترها و عدم قطعیت‌ها در سیستم یکسان در نظر گرفته شده است. در این شکل با گذشت زمان مقدار خطای هر دو کنترل کننده طراحی شده رو به افزایش می‌باشد. ولی در کنترل کننده پیشنهادی طراحی شده در این مقاله با گذشت زمان میزان خطای به مقدار صفر نزدیک‌تر شده است. "شکل 17" خطای ردیابی در کنترل کننده مدلغزشی ترمینال سریع که در این مقاله طراحی شده است را نشان می‌دهد.

5- نتیجه گیری

در این مقاله به طراحی و بررسی کامل انواع کنترل کننده‌های مدلغزشی برای سیستم ترمز ضد قفل پرداخته شد. همچنین یک ساختار جدید با قابلیت جاذبه ترمینالی بالا برای کنترل کننده مدلغزشی ترمینال سریع ارائه گردید. در این مقاله به منظور دستیابی به کمترین میزان اندازه خطای کلیه پارامترهای طراحی با استفاده از الگوریتم بهینه‌سازی از دحام ذرات به دست آورده شد.

جدول 3 مقایسه سه کنترل کننده

- 181-195, 2012.
- [12] M. Wu, M. Shih, Simulated and experimental study of hydraulic anti-lock braking system using sliding-mode pwm control, *Mechatronics*, Vol. 13, No. 4, pp. 331-351, 2003.
- [13] E. Kayancan, Y. Ozin, O. Kaynak, A grey system modeling approach for sliding mode control of antilock braking systems, *The IEEE Transactions on Industrial Electronics*, Vol. 56, No. 8, pp. 3244-3252, 2009.
- [14] S. Hasanpour, A. Baghramian, H. Mojallali, Fast terminal sliding mode controller design with a new structure for DC-DC buck converter, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 3, pp. 112-120, 2016. (in Persian فارسی)
- [15] Z. Zhu, Y. Yan, Space-based line-of-sight tracking control of GEO target using nonsingular terminal sliding mode, *Advance in Space Research*, Vol. 54, No. 6, 1064-1076, 2014.
- [16] J. Yang, S. Li, J. Su, X. Yu, Continuous nonsingular terminal sliding mode control for systems with mismatched disturbances, *Automatica*, Vol. 49, No. 7, pp. 2287-2291, 2013.
- [17] Y. Feng, X. Yu, F. Han, On nonsingular terminal sliding-mode control of nonlinear systems, *Automatica*, Vol. 49, No. 6, pp. 1715-1722, 2013.
- [18] S. Mondal, C. Mahanta, Adaptive second order terminal sliding mode controller for robotic manipulators, *Journal of the Franklin Institute*, Vol. 351, No. 4, pp. 2356-1377, 2014.
- [19] H.Komurcugil, Fast terminal sliding mode control for single-phase UPS inverters, *The IEEE International Symposium on Industrial Electronics*, Gdansk, Poland, pp.277-282, 2011.
- [20] L. Wang, *A Course In Fuzzy Systems and Control*, 1st Edition, pp. 308-309, (Translated by M.Teshneh lab, N.Saffarpour, D.Afyouni), Khaje Nasireddin Toosi University Press, 2012.
- [21] J.Kennedy, R.Eberhart, Particle swarm optimization, *The IEEE International Conference on Neural Networks*, Washington-DC, USA, Vol. 4, pp. 1942-1948, 1995.
- [2] A. Harifi, A. Aghagolzadeh, G. Alizadeh, M. Sadeghi, Designing a sliding mode controller for slip control of anti-lock brake systems, *Transportation Research Part C*, Vol. 16, No. 6, pp. 731-741, 2008.
- [3] M. Mirzaei, H. Mirzaeinejad, Optimal design of a non-linear controller for anti-lock braking system, *Transportation Research Part C*, Vol. 24, No. 1, pp. 19-35, 2012.
- [4] H. Mirzaeinejad, M. Mirzaei, Optimization of nonlinear control strategy for anti-lock braking system with improvement of vehicle directional stability on slip- μ roads, *Transportation Research Part C*, Vol. 46, No. 1, pp. 1-15, 2014.
- [5] N.Patra, K.Datta, Observer based road tire friction estimation for slip control of braking system, *International Conference on Modelling, Optimisation and Computing*, TamilNadu, India, pp. 1566-1574, 2012.
- [6] N. Patra, K. Datta, Sliding mode controller for wheel-slip control of anti-lock braking system, *the IEEE International Conference on Advanced Communication Control and Computing Technologies*, pp. 385-391, 2012.
- [7] H. Mirzaeinejad, M.Mirzaei, A novel method for non-linear control of wheel slip in anti-lock braking systems, *Control Engineering Practice*, Vol. 18, No. 8, pp. 918-926, 2010.
- [8] H. Du, W. Li, Y. Zhang, Tracking control of wheel slip ratio with velocity estimation for vehicle anti-lock braking system, *the IEEE 27 th Chinese Control and Decision Conference*, Qingdao, China, pp. 1900-1905, 2015.
- [9] M. Mirzaei, H. Mirzaeinejad, S. Vahidi, D. Heidarien, M. J. Khosrowjerdi, Nonlinear control and estimation of tire longitudinal slip for using in anti-lock braking system, *Journal of Control*, Vol. 5, No. 4, pp. 31-42, 2012. (in Persian فارسی)
- [10] E. J. Park, D. Stoikov, L. Falcao da Luz, A. Suleman, A performance evaluation of an automotive magnetorheological brake design with a sliding mode controller, *Mechatronics*, Vol. 16, No. 7, pp. 405-416, 2006.
- [11] R. Bhandri, S. Patil, R. K. Singh, Surface prediction and control algorithms for anti-lock brake system, *Transportation Research Part C*, Vol. 21, No. 1,