



# یک روش نوین و جامع برای شکل دهی به کمک لیزر سطوح استوانه‌ای با شعاع انحنای دلخواه

\* مهدی صفری

استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی اراک، اراک  
\* اراک، صندوق پستی: ۳۸۱۸۱-۴۱۱۶۷

## چکیده

شکل دهی به کمک لیزر، یک فرآیند شکل دهی انعطاف‌پذیر می‌باشد که نیاز به ابزار سخت یا نیروهای خارجی ندارد. در این مقاله، شکل دهی با لیزر سطوح استوانه‌ای با شعاع انحنای دلخواه به صورت تحلیلی و تجربی مورد بررسی قرار می‌گیرد. از آنجایی که فرآیند شکل دهی با لیزر یک فرآیند شکل دهی بدون قالب می‌باشد تولید یک شکل مطلوب از بلانک اولیه با این فرآیند بسیار مشکل می‌باشد. زیرا در فرآیند شکل دهی با لیزر، پارامترهای متغیری شامل توان لیزر، قطر پرتوی لیزر، سرعت اسکن لیزر و ابعاد بلانک اولیه هستند که مستقیماً بر شکل نهایی قطعه تولید شده اثر می‌گذارند. همچنین علاوه بر پارامترهای ذکر شده در بالا، در فرآیند شکل دهی یک سطح استوانه‌ای، یک پارامتر جدید یعنی تعداد خطوط تابش دهی به پارامترهای متغیر اضافه می‌شود. در نتیجه، پیچیدگی شکل دهی با لیزر یک سطح استوانه‌ای بیشتر از یک خمکاری با لیزر ساده خواهد بود. در این مقاله یک روش تحلیلی جهت شکل دهی با لیزر سطوح استوانه‌ای با شعاع انحنای دلخواه ارائه می‌شود. در روش ارائه شده، با در نظر گرفتن محدودیت‌های دستگاه لیزر شامل توان لیزر، قطر پرتوی لیزر و سرعت حرکت لیزر، تعداد خطوط تابش دهی و فاصله بین آن‌ها جهت تولید سطوح استوانه‌ای با شعاع انحنای دلخواه پیشنهاد می‌شود. همچنین با استفاده از آزمایش‌های تجربی کارآیی و دقت روش ارائه شده مورد بررسی و تأیید قرار می‌گیرد. نتایج تحلیلی و تجربی نشان می‌دهند که با استفاده از روش تحلیلی ارائه شده، سطوح استوانه‌ای با هر شعاع انحنای دلخواه می‌توانند با دقت بسیار خوبی تولید می‌شوند.

## اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل
دریافت: ۰۳ تیر ۱۳۹۴
پذیرش: ۲۱ مهر ۱۳۹۴
ارائه در سایت: ۲۰ آبان ۱۳۹۴

کلید واژگان:

شکل دهی با لیزر

سطح استوانه‌ای

بررسی تئوری و تجربی

## A novel and comprehensive method for laser forming of cylindrical surfaces with arbitrary radius of curvature

Mehdi Safari\*

Department of Mechanical Engineering, Arak University of Technology, Arak, Iran.  
\* P.O.B. 38181-41167 Arak, Iran, m.safari@arakut.ac.ir

### ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 24 June 2015

Accepted 13 October 2015

Available Online 11 November 2015

**Keywords:**

Laser Forming

Cylindrical surface

Theoretical and Experimental Investigation

### ABSTRACT

Laser forming is a flexible forming process that needs no hard tooling or external forces. In this paper, laser forming of cylindrical surfaces with arbitrary radius of curvature is investigated analytically and experimentally. As the laser forming process is a die-less forming process, production of a desired shape from initial blank is very difficult with this process. Because in the laser forming process, there are some variable parameters such as laser power, laser beam diameter, laser scanning speed and dimensions of initial blank that directly affect the final shape of the produced part. Also, in addition to the above mentioned parameters, in the laser forming process of a cylindrical surface, a new parameter says the number of irradiating lines is added to variable parameters. Therefore complexity of laser forming of a cylindrical surface will be more than a simple laser bending. In this paper, an analytical method for laser forming of cylindrical surfaces with arbitrary radius of curvature is proposed. In the proposed method, with the aim of technical determining limitations of laser machine such as laser power, laser beam diameter and laser scanning speed, the number of irradiating lines and the distance between neighboring lines are proposed for production of cylindrical surfaces with arbitrary radius of curvature. Also, using experimental tests the performance and accuracy of the proposed method are investigated and verified. Analytical and experimental results show that with the proposed analytical method, cylindrical surfaces with any arbitrary radius of curvature can be produced with very good accuracy.

نیازی به ابزار یا نیروهای خارجی نمی‌باشد. خمکاری با لیزر در بسیاری از فرایندهای ورقکاری از جمله خمکاری در صفحه و خارج از صفحه ورق، تصحیح اعوجاج‌های ناخواسته حاصل از سایر فرایندهای شکل دهی ورق‌های

۱- مقدمه  
فرایند خمکاری با لیزر<sup>۱</sup>، یک فرآیند شکل دهی انعطاف‌پذیر می‌باشد که در آن

1- Laser bending

Please cite this article using:

M. Safari, A novel and comprehensive method for laser forming of cylindrical surfaces with arbitrary radius of curvature, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 15, No. 11, pp. 9-16, 2015 (in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

خمش ورق‌های فلزی با لیزر را مورد مطالعه قرار دادند [7]. نتایج آن‌ها نشان داد که پارامترهای توان لیزر، سرعت حرکت پرتو لیزر، عرض پالس و قطر پرتو لیزر به ترتیب بیشترین تأثیر را بر زاویه خمش ورق دارند. در سال 2011 حسین پور و همکارانش در یک مطالعه آماری، اثر پارامترهای فرایندی مانند جنس ورق، توان لیزر، قطر پرتو، سرعت اسکن، ضخامت ورق، تعداد پاس‌های تابش دهی و مدت زمان اعمال پرتوی لیزر را بر زاویه خمش با استفاده از یک لیزر نئودمیم – یاگ پالسی بررسی کردند [8]. نتایج آن‌ها نشان داد که پارامترهای تعداد پاس تابش دهی، جنس ماده، ضخامت ورق، سرعت اسکن و قطر پرتو لیزر بیشترین اثر را بر زاویه خمش ورق داشتند. همچنین پارامترهای توان لیزر و مدت زمان اعمال پرتوی لیزر اثر کمتری بر زاویه خمش داشتند. در مقاله آن‌ها رابطه بین پارامترهای لیزر و زاویه خمش ورق به خوبی و با استفاده از آنالیز رگرسیون به دست آمد و پارامترهای بهینه جهت دستیابی به بیشترین زاویه خمش تعیین گردیدند. در سال 2008 چاندرا جا و همکارانش اثرات لبه ای و پدیده خمش چند منحنی را در فرایند خمکاری با لیزر فولاد زنگ نزن 304 مطالعه کردند [9]. نتایج آنها نشان داد که هر دوی اثرات لبه ای و پدیده خمش چند منحنی بسیار وابسته به سرعت اسکن می‌باشند. همچنین پدیده خمش چند منحنی با افزایش تعداد دفعات تابش دهی کاهش می‌یابد. در سال 2013 ظهرانی و همکارانش [10]، به صورت تجربی اثر پارامترهای فرآیند شامل قطر پرتو، توان لیزر، سرعت اسکن، ضخامت ورق، تعداد پاس‌های تابش دهی و موقعیت مسیر تابش دهی بر روی ورق را بر اثرات لبه‌ای و پیچیدگی طولی بررسی کردند. آن‌ها با استفاده از تحلیل آماری و طراحی آزمایش، آزمایش‌های تجربی را انجام داده و سپس مدل‌های تجربی را بر مبنای روش پاسخ سطحی<sup>5</sup> توسعه دادند. نتایج آن‌ها نشان داد که پارامترهای تعداد پاس‌های تابش دهی، ضخامت ورق، سرعت اسکن و توان لیزر مستقیماً بر اثرات لبه ای اثر گذار هستند.

در فرآیند شکل‌هی به کمک لیزر سطوح استوانهای نیاز به بیش از یک خط تابش دهی می‌باشد. در این شرایط علاوه بر پارامترهای متغیر موجود در فرآیند خمکاری ساده به کمک لیزر، تعداد خطوط تابش دهی به عنوان پارامتر متغیر جدید ظاهر می‌شود. پیداست که در این شرایط پیچیدگی دستیابی به یک سطح استوانه‌ای مشخص بسیار پیچیده‌تر از دستیابی به یک زاویه خمش مشخص در یک فرآیند خمکاری ساده به کمک لیزر می‌باشد. با توجه به تحقیقات انجام شده توسط نویسنده، تا کنون گزارشی در این رابطه توسط سایر محققین ارائه نشده است.

در این مقاله، یک روش تحلیلی جهت شکل‌دهی با لیزر سطوح استوانهای با شعاع انحنای دلخواه ارائه می‌شود. در روش ارائه شده از مسیرهای تابش دهی خطی ساده استفاده می‌شود. در این روش با در نظر گرفتن محدودیت‌های دستگاه لیزر شامل توان لیزر، قطر پرتوی لیزر و سرعت اسکن پرتوی لیزر، پارامترهایی مانند تعداد خطوط تابش دهی و همچنین فاصله بین آن‌ها جهت دستیابی به سطح استوانه‌ای با شعاع انحنای دلخواه پیشنهاد می‌شوند. همچنین به منظور بررسی و تأیید روش تحلیلی ارائه شده، آزمایش‌های تجربی جهت شکل‌دهی با لیزر سطوح استوانهای با شعاع انحنای دلخواه انجام می‌شوند. نتایج تجربی نشان دهنده این هستند که روش تحلیلی ارائه شده، دارای دقت بسیار خوبی در پیش بینی پارامترهای لازم جهت دستیابی به یک سطح استوانه‌ای با شعاع انحنای دلخواه می‌باشد.

5- Response surface methodology

فلزی و تنظیم قطعات الکترونیکی در جایشان مورد استفاده قرار می‌گیرد. در فرایند خمکاری با لیزر، ورق تحت تابش یک پرتوی لیزر غیر متتمرکز<sup>1</sup> قرار می‌گیرد. بدین وسیله دمای سطح ناحیه تحت تابش دهی سریعاً افزایش یافته و با حرکت پرتوی لیزر به نواحی مجاور، این ناحیه سریعاً سرد می‌شود. در مرحله تابش دهی و در صورتی که کرنش‌های حرارتی ایجاد شده در ناحیه حرارت دیده از حد الاستیک تجاوز کنند تبدیل به کرنش‌های پلاستیک فشاری می‌شوند. در مرحله سرد شدن، ناحیه حرارت دیده دچار انقباض شده و بدین ترتیب می‌توان یک ورق فلزی را بدون ابزار و تنها به کمک تنش‌های حرارتی شکل دهی کرد. نامبا در سال 1986 برای اولین بار از پرتوی لیزر به عنوان ابزاری برای شکل دهی ورق‌های فلزی استفاده کرد [1]. پس از نامبا، بسیاری از محققین از پرتوی لیزر به عنوان ابزاری برای شکل دهی استفاده کردند و تحقیقات بسیاری را در این زمینه انجام دادند. در سال 1993 گایگر و ولرتسن فرایند خمکاری با لیزر را بر اساس پارامترهای هندسی ورق و پرتوی لیزر به سه مکانیزم اصلی گرادیان دمایی<sup>2</sup>، کمانشی<sup>3</sup> و کوتاه شدگی<sup>4</sup> تقسیم کردند [2]. همانند سایر تکنیک‌ها، شکل دهی با لیزر نیز محدودیت دارد و محدودیتش این است که تغییر شکل پلاستیک ایجاد شده در اثر حرارت القا شده از لیزر کم می‌باشد و بنابراین می‌بایستی جهت دستیابی به شکل مطلوب، سیکل‌های حرارتی یا به عبارت دیگر تعداد پاس‌های تابش دهی زیاد شوند. در سال 2001، چنگ و یائو [3]، اثرات سرد شدگی را در شکل دهی‌های چند پاسه بصورت عددی بررسی کردند. آن‌ها راندمان شکل دهی‌های چند پاسه بصورت عددی بررسی کردند. نتایج نشان داد که سرد شدن بطور قابل ملاحظه‌ای زمان کلی شکل دهی را در اسکن‌های چند پاسه کاهش می‌دهد و این به علت کاهش زمان مورد نیاز بین پاس‌های متوالی است. در سال 2006، یک مطالعه عددی بر روی فرایند شکل دهی با لیزر توسط شن و همکارانش [4]، انجام شد که در آن دو پرتوی لیزر به طور همزمان و در امتداد دو خط موازی حرکت می‌کردند. نتایج بدست آمده نشان دادند که تغییر شکل پلاستیک ایجاد شده به وسیله پرتوهای همزمان، بزرگتر از حالتی است که پرتوها به صورت تک تک و یکی پس از دیگری حرکت می‌کردند. البته شرط لازم برای نتیجه فوق این بود که فاصله دو خط اسکن زیاد نباشد. همچنین در سال‌های 2006 و 2007، شن و همکارانش [6,5]، اثرات بازه‌های زمانی و همپوشانی زاویه خمش در اسکن‌های چند پاسه را با استفاده از اجزای محدود بررسی کردند. نتایج آن‌ها نشان داد که تغییر شکل پلاستیک ایجاد شده در ورق، با کاهش فاصله زمانی بین پاس‌های متوالی افزایش می‌یابد. همچنین هر چه میزان همپوشانی پاس‌های متوالی بیشتر شود با توجه به افزایش ناحیه پلاستیک، زاویه خمش نیز افزایش می‌یابد. از آنجایی که فرآیند شکل دهی با لیزر از جمله فرآیندهای شکل دهی بدون قالب می‌باشد لذا تولید قطعه‌ای با هندسه مشخص در آن بسیار پیچیده است. زیرا در این فرآیند می‌بایستی پارامترهای لیزر و بلانک اولیه طوری تنظیم شوند که منجر به تولید قطعه‌ای با هندسه مشخص شوند. با توجه به وجود چندین پارامتر متغیر، پیچیدگی دستیابی به یک زاویه خمش مشخص در یک فرآیند خمکاری ساده به کمک لیزر بسیار زیاد می‌باشد. در این زمینه تحقیقاتی توسط سایر محققین انجام شده است. از جمله آنکه در سال 1389 حسین پور و همکارانش در یک بررسی تحلیلی و تجربی، پارامترهای مؤثر در فرایند

1- Defocused laser beam

2- Temperature gradient mechanism (TGM)

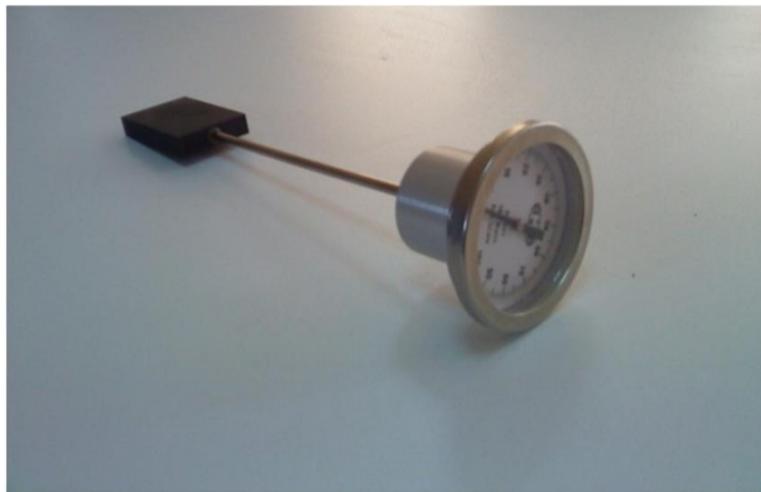
3- Buckling mechanism (BM)

4- Upsetting mechanism (UM)

جذب نمونه‌ها، سطح نمونه‌ها توسط گرافیت تیره می‌شوند. تغییر شکل‌ها و انحنای سطوح استوانه‌ای تولید شده به کمک لیزر، توسط یک ماشین اندازه‌گیری مختصاتی<sup>۳</sup> (مدل ایسان ای ان سی ۵۶۵<sup>۴</sup>) اندازه‌گیری می‌شوند. در شکل ۳ نمونه‌ای از قطعات استوانه‌ای تولید شده به کمک لیزر و با استفاده از روش ارائه شده، نشان داده شده است.

### ۳- روش جدید برای تولید سطوح استوانه‌ای با شعاع انحنای دلخواه

اولین نکته‌ای که باید بدان دقت شود این است که پارامترهای توان لیزر، قطر پرتو و سرعت اسکن لیزر می‌باشند. با توجه به تجهیزات موجود انتخاب شده و مقادیر آن‌ها دارای محدودیت می‌باشد. یکی از این محدودیت‌ها رعایت دمای سطح ورق در محدوده پایین تر از دمای ذوب می‌باشد که توان لیزر و سرعت اسکن نیز با توجه به این محدودیت انتخاب می‌شوند. پیداست که هر چه توان لیزر بالاتر بوده و سرعت اسکن لیزر کمتر باشد شار حرارتی وارد شده به ورق نیز بیشتر می‌شود ولی در انتخاب حداکثر توان و حداقل سرعت تابش‌دهی می‌باشند محدودیت حداکثر دمای مجاز سطح ورق در نظر گرفته شود. محدودیت دیگری که وجود دارد اینست که توان و سرعت اسکن لیزر



**Fig. 2** The Power-meter used to measure laser power

شکل ۲ دستگاه توان سنج مورد استفاده برای اندازه‌گیری توان لیزر



**Fig. 3** A sample of cylindrical parts produced by laser and using the proposed method

شکل ۳ نمونه‌ای از قطعات استوانه‌ای تولید شده به کمک لیزر و با استفاده از روش ارائه شده

3- Coordinate Measuring Machine (CMM)  
4- Easson ENC-565

### ۲- کار تجربی

به منظور انجام آزمایش‌های تجربی از یک دستگاه لیزر دی اکسید کربن مدل رسی دبلیو ۶<sup>۱</sup> با حداکثر توان ۱۵۰ وات و پرتوی پیوسته استفاده می‌شود. در تجهیزات تجربی، کلگی لیزر ثابت بوده و حرکت قطعه توسط یک میز با کنترل عددی انجام می‌شود. در شکل ۱ تجهیزات تجربی مورد استفاده نشان داده است. قبل از انجام آزمایش‌های تجربی می‌باشند میزان اتلاف توان لیزر در اثر انتقال پرتوی لیزر از لوله اصلی لیزر تا لنز انتهایی که درست قبل از قطعه کار قرار گرفته است بررسی شود. بدین منظور با استفاده از یک دستگاه توان سنج، توان لیزر درست پس از خروج از لوله اصلی لیزر و همچنین قبل از لنز انتهایی اندازه‌گیری می‌شود و بدین ترتیب میزان اتلاف توان لیزر در اثر انتقال پرتو مشخص می‌شود. در آزمایش‌های تجربی انجام شده در این مقاله میزان اتلاف توان لیزر در حد بسیار ناچیز و قابل اغماض می‌باشد.

در شکل ۲ دستگاه توان سنج مکن<sup>۲</sup> مدل پی ۱۰۰ مورد استفاده در آزمایش‌های تجربی با دقت یک درجه نشان داده شده است. نمونه‌های مورد بررسی در کار تجربی از فولاد کم کربن با طول ۱۰۰ میلیمتر، عرض ۶۰ میلیمتر و ضخامت ۰.۸۵ میلیمتر تهیه می‌شوند. به منظور افزایش ضرب



**Fig. 1** The equipment used in experimental tests

شکل ۱ تجهیزات مورد استفاده در آزمایش‌های تجربی

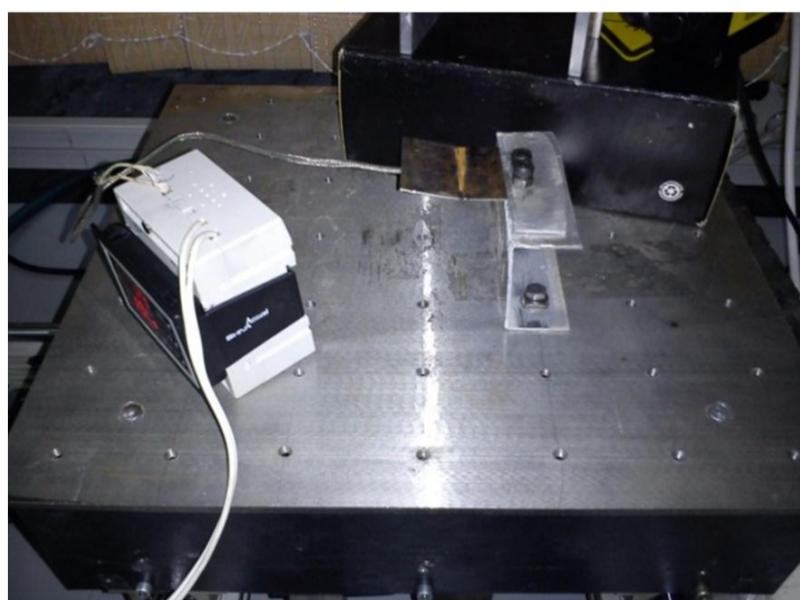
1- Reci laser- Model: W6  
2- Macken instruments- Model: P-100

مجاز بین خطوط تابش دهی مجاور نشان داده شده است. حال با توجه به تعیین پارامترهای توان لیزر، سرعت اسکن لیزر و تعداد خطوط تابش دهی مجاز، این سوال اساسی پیش می‌آید که راهکار مناسب جهت دستیابی به سطح استوانه‌ای با هر شعاع انحنای دلخواه چیست؟ به منظور پاسخگویی به این سؤال می‌بایستی روند ارائه شده در ادامه این بخش انجام شود.

در مرحله اول باید یک سطح استوانه‌ای با حداکثر انحنای قابل دستیابی در یک مرحله تابشده و با توجه به الگوی تابشده نشان داده شده در شکل 5 تولید شده و انحنای آن اندازه‌گیری شود. دلیل اینکه جهت حرکت مسیرهای متوالی، مخالف یکدیگر می‌باشد متعادل کردن شرایط حرارتی در نقاط ابتدایی و انتهایی مسیرهای تابش دهی می‌باشد.

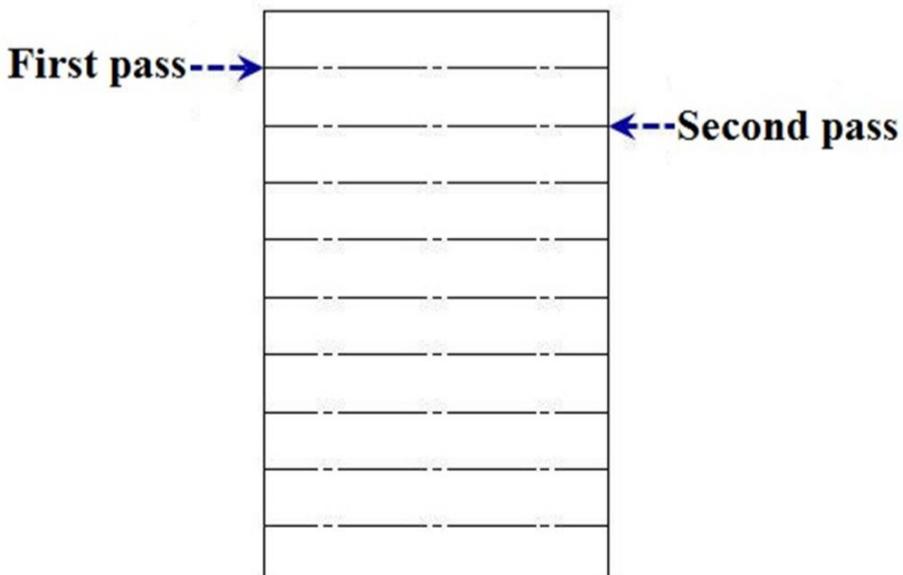
همچنین همانطور که در شکل 5 نشان داده شده است تابش دهی ورق از یک لبه آن و در امتداد خط تابش دهی آغاز شده و به ترتیب در خطوط تابش دهی بعدی به سمت لبه دیگر ورق ادامه می‌یابد. در این حالت هنگامی که ورق در امتداد پاس اول، تابش دهی می‌شود بخش‌های دیگر در امتداد پاس‌های دوم تا انتهای ورق در لبه‌ی دیگر تحت تأثیر تابش دهی خط اول قرار نمی‌گیرند.

هنگامی که ورق در پاس دوم تابش دهی می‌شود فقط پاس اول که قبل تابش دهی شده است تحت تأثیر آن قرار گرفته و خطوط سوم تا انتهای تحت



**Fig. 4** Experimental setup used to measure the allowable distance between adjacent irradiating lines

شکل 4 تجهیزات تجربی مورد استفاده جهت اندازه گیری فاصله مجاز بین خطوط تابش دهی مجاور



**Fig. 5** Irradiating pattern used to produce cylindrical surface

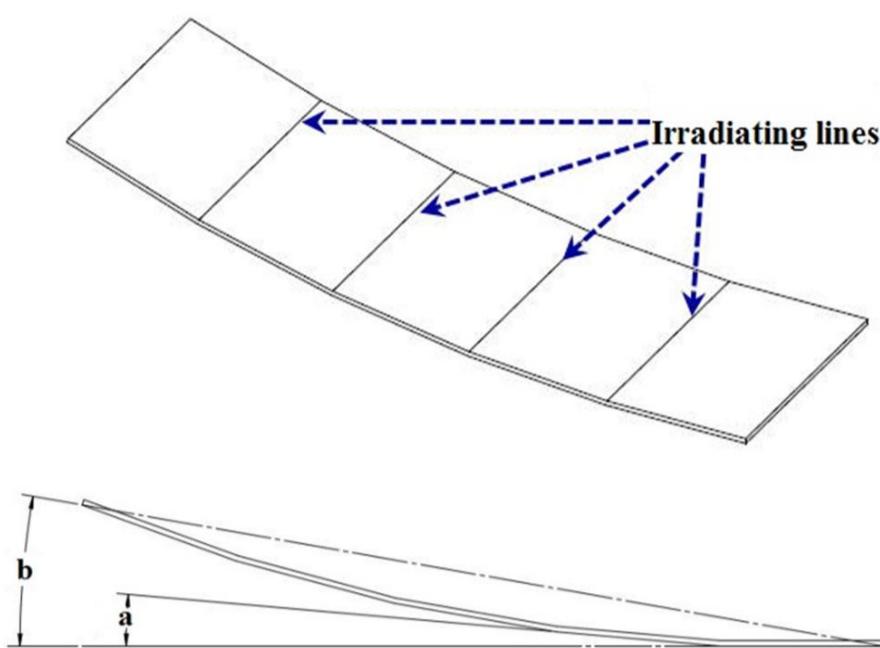
شکل 5 الگوی تابش دهی مورد استفاده جهت تولید سطح استوانه‌ای

طوری انتخاب شوند که شار حرارتی ورودی به ورق به اندازه کافی جهت ایجاد تغییر شکل پلاستیک باشد. پیداست که هر چه توان لیزر کمتر و سرعت اسکن لیزر بیشتر باشد شار حرارتی وارد شده به قطعه نیز کمتر می‌شود. در این مقاله محدوده پارامترهای توان لیزر و سرعت اسکن لیزر با توجه به اندازه گیری دما در سطح ورق محاسبه شده و مورد استفاده قرار می‌گیرند به نحوی که شار حرارتی وارد شده به قطعه به اندازه کافی جهت ایجاد تغییر شکل پلاستیک بوده و از طرفی هم دمای سطح ورق در محدوده پایین تراز دمای ذوب باشد.

به منظور بررسی و تعیین محدوده مجاز پارامترهای لیزر شامل توان لیزر، سرعت اسکن لیزر و قطر پرتوی لیزر به صورتی که اولاً دمای سطح ورق در محدوده پایین تراز دمای ذوب می‌باشد و ثانياً شار حرارتی ورودی به ورق به اندازه کافی جهت ایجاد تغییر شکل پلاستیک باشد آزمایش‌های تجربی مختلفی انجام شدند. در این آزمایش‌ها، یک ورق با جنس و ابعاد مشابه ورق‌های اصلی، تحت تابش دهی لیزر قرار گرفت. در هر آزمایش، با ثابت نگه داشتن دو پارامتر، پارامتر سوم تغییر داده شد و اثرات آن بر دمای سطح ورق و تعییر شکل پلاستیک ایجاد شده در ورق مورد بررسی قرار گرفت. در این مقاله دو معیار برای تعیین محدوده های مجاز در نظر گرفته شد. با توجه به اینکه جنس ورق‌های مورد استفاده، فولاد کم کربن می‌باشد لذا ماکریم دمای سطحی ورق نباید بیشتر از 800 درجه سانتیگراد باشد. همچنین معیار مورد استفاده برای تعیین حداقل شار حرارتی وارد به ورق جهت ایجاد تغییر شکل پلاستیک نیز بدین صورت تعیین گردید که حداقل زاویه خمس ایجاد شده در ورق پس از اعمال پرتوی لیزر باید 1 درجه باشد. بدین ترتیب محدوده مجاز برای هر یک از پارامترها تعیین گردید. به منظور اندازه گیری دما در خط تابش دهی از یک دستگاه ترموموکوپل لیزری (مدل پی اس آی پی 310<sup>1</sup>) و برای اندازه گیری زاویه خمس نیز از یک ماشین اندازه گیری مختصاتی (مدل ایسان ای ان سی 565) استفاده گردید.

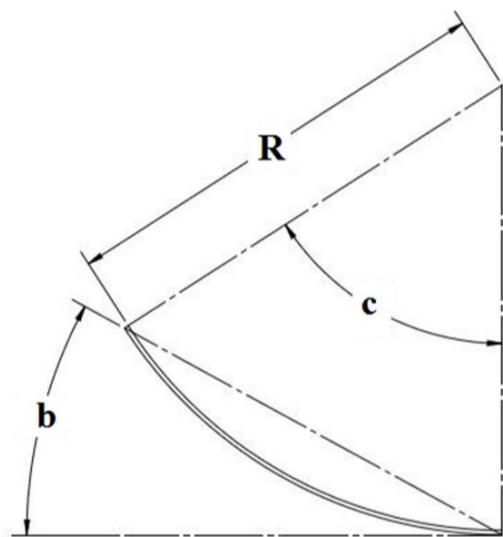
در زمینه حداکثر تعداد خطوط تابش دهی نیز محدودیت وجود دارد. نکته بسیار مهم و کلیدی در رابطه با تعداد خطوط تابش دهی اینست که فاصله بین دو خط تابش دهی مجاور به اندازه‌ای باشد که هر یک از خطوط تابش دهی به صورت مستقل بر تغییر شکل نهایی قطعه اثر بگذارند و یک خط تابش دهی تحت تأثیر حرارت تولید شده در خط تابش دهی مجاور نباشد. مشخص است که در تابش دهی ورق فلزی در امتداد یک خط تابش دهی مشخص، حرارت وارد شده به ورق به خاطر هدایت حرارتی موجود در ورق به اطراف خط تابش دهی منتقل می‌شود. در این حالت، در صورتی که خط تابش دهی مجاور در فاصله ای قرار گیرد که تحت تأثیر حرارت ناشی از خط تابش دهی اول باشد اثری که بر تغییر شکل نهایی قطعه می‌گذارد مستقل ناشی از حرارت تولید شده در خودش نیست و حرارت تولید شده در خط تابش دهی اول نیز در آن تأثیرگذار است. در این حالت بررسی اثر تعداد خطوط تابش دهی بر تغییر شکل نهایی ورق بسیار مشکل شده و پیچیدگی فرا آیند بسیار بیشتر می‌شود. به منظور برطرف کردن این مشکل همانطور که قبل نیز اشاره شد لازم است که فاصله بین دو خط تابش دهی مجاور طوری انتخاب شود که تحت تأثیر حرارت یکدیگر قرار نگیرند. بدین منظور در این پژوهش، تست‌های تجربی فراوانی انجام شده و فاصله مجاز بین دو خط تابش دهی مجاور تعیین می‌شود.

در شکل 4 تجهیزات تجربی مورد استفاده جهت اندازه گیری فاصله



**Fig. 6** Schematic of the relationship between final bending angle of plate, bending angle in each irradiating line and also the number of heating lines in the pattern with parallel irradiating lines

شکل 6 شماتیک رابطه بین زاویه خمش نهایی ورق، زاویه خمش در هر خط تابش‌دهی و همچنین تعداد خطوط تابش‌دهی در الگوی تابش‌دهی با خطوط تابش‌دهی موازی هم



**Fig. 7** Schematic of created curvature in the plate as a circular sector after irradiating with parallel heating lines

شکل 7 شماتیک انحنای ایجاد شده در ورق به صورت قطاعی از دایره در اثر تابش‌دهی توسط خطوط تابش‌دهی موازی هم

قابل توجه اینست که در تعیین مقدار پارامتر  $a$  در رابطه (2)، ابعاد اولیه ورق و جنس ورق در نظر گرفته شده اند و رابطه (4) می‌تواند برای ورق‌هایی با هر ابعاد و جنسی مورد استفاده قرار بگیرد. به عبارتی می‌توان گفت که روش ارائه شده در این مقاله مستقل از جنس و ابعاد اولیه ورق می‌باشد.

#### 4- نتایج و بحث

در ابتدای این بخش، نتایج مربوط به محدوده مجاز برای پارامترهای توان لیزر، سرعت اسکن لیزر و قطر پرتوی لیزر برای تولید سطوح استوانه‌ای ارائه می‌گردد.

در جدول 1 با ثابت نگه داشتن سرعت اسکن برابر با 150 میلیمتر بر دقیقه و قطر پرتوی لیزر برابر با 1 میلیمتر، تغییرات دمای سطح و همچنین زاویه خمش ورق متناسب با تغییر توان لیزر ارائه گردیده است. در جدول 2 تغییرات دمای سطح ورق و زاویه خمش آن متناسب با تغییرات سرعت اسکن در شرایطی که توان لیزر برابر با 120 وات و قطر پرتو برابر با 1 میلیمتر و ثابت هستند نشان داده شده است. همچنین در جدول 3 با توان لیزر 120 وات و سرعت اسکن 150 میلیمتر بر دقیقه ثابت، تغییرات دمای سطح و

تأثیر قرار نمی‌گیرند. با این روش با جابجایی ورق در ارتفاع که باعث تغییر قطر و نهایتاً انرژی واردہ به ورق می‌گردد مقابله می‌شود. همچنین در انجام آزمایش‌ها از لزهای با فاصله کانونی زیاد استفاده می‌شود تا تغییرات احتمالی ارتفاع ورق تأثیر کمتری بر قطر آن داشته باشد و انرژی واردہ به ورق تقریباً یکسان باشد. به منظور دستیابی به سطح استوانه‌ای با بیشترین انحنای باید پارامترهای فرایند و لیزر در بهینه ترین مقادیر خود مورد استفاده قرار بگیرند. بر این اساس حداکثر تعداد خطوط تابش‌دهی متناسب با قطر پرتوی لیزر، طول ورق تحت تابش‌دهی و فاصله مجاز بین دو خط تابش‌دهی مجاور انتخاب می‌شود. توان لیزر، قطر پرتوی لیزر و سرعت تابش‌دهی نیز متناسب با محدودیت‌های دستگاه لیزر انتخاب می‌شوند. البته در انتخاب حداقل و حداکثر توان و همچنین حداقل و حداکثر سرعت تابش‌دهی مجاور باید محدودیت‌های مطرح شده در بالا در رابطه با حداقل مقدار شار حرارتی جهت ایجاد تغییر شکل پلاستیک و همچنین ماکریم مقدار دمای سطح ورق نیز در نظر گرفته شوند. با توجه به انتخاب پارامترهای بهینه، می‌توان یک سطح استوانه‌ای با حداکثر انحنای قابل دستیابی تولید کرد. پس از تولید سطح استوانه‌ای یک فرض اساسی مطرح می‌شود و آن اینست که در الگوی تابش‌دهی با خطوط تابش‌دهی موازی هم (شکل 5)، به شرط رعایت حداقل فاصله مجاز بین خطوط تابش‌دهی مجاور، زاویه خمش ایجاد شده در تابش‌دهی تمامی خطوط تابش‌دهی یکسان می‌باشد.

با در نظر گرفتن این فرض و با توجه به شکل 6 رابطه ای بین زاویه خمش نهایی ورق و زاویه خمش در هر خط تابش‌دهی و همچنین تعداد خطوط تابش‌دهی ارائه می‌شود. فرض می‌شود که همانند شکل 6 زاویه خمش در هر خط تابش‌دهی  $a$  بوده و همچنین تعداد خطوط تابش‌دهی نیز  $N$  خط باشد. همانطور که مشاهده می‌شود زاویه خمش نهایی ورق  $b$  می‌باشد. با توجه به روابط هندسی موجود در شکل 6 می‌توان رابطه (1) را ارائه کرد:

$$(1) \quad b = \frac{1}{2}N \times a$$

فرض دیگری که می‌بایستی در نظر گرفته شود اینست که همانطور که در شکل 7 نشان داده شده است انحنای ایجاد شده در سطح استوانه‌ای، قطاعی از دایره باشد.

با توجه به شکل 7 می‌توان رابطه (2) را بین زاویه مرکزی قطاع، شعاع قطاع (شعاع انحنای سطح استوانه‌ای) و زاویه خمش نهایی ورق ارائه کرد.

$$(2) \quad c = 2 \times b$$

با توجه به رابطه (2)، زاویه قطاع دایروی حاصله، دو برابر زاویه خمش نهایی ورق می‌باشد. از طرفی با توجه به شکل 7 و روابط هندسی داریم:

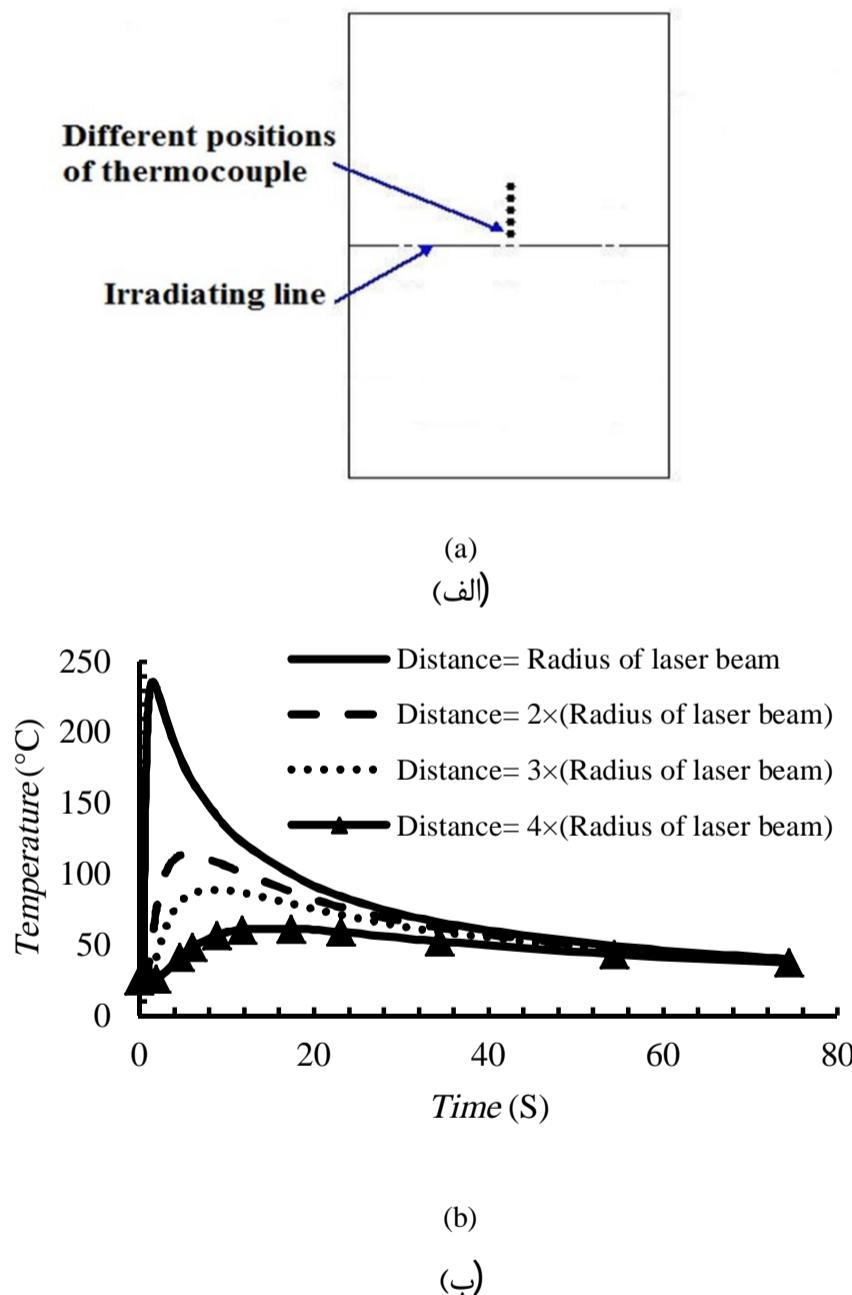
$$(3) \quad L = R \times c$$

در رابطه (3)،  $L$  طول قطاع دایروی می‌باشد که در واقع همان طول اولیه ورق است. بنابراین با توجه به روابط (1)، (2) و (3) می‌توان رابطه (4) را ارائه نمود.

$$(4) \quad L = R \times N \times a$$

رابطه (4) بدین معناست که با معلوم بودن مقادیر طول اولیه ورق، زاویه خمش در هر خط تابش‌دهی و همچنین شعاع انحنای مطلوب در تولید یک سطح استوانه‌ای، می‌توان تعداد خطوط تابش‌دهی لازم جهت دستیابی به شعاع انحنای مطلوب را تعیین کرد. توجه به این نکته ضروری می‌باشد که زاویه خمش در هر خط تابش‌دهی از سطح استوانه‌ای، با داشتن حداقل میزان انحنای قابل دستیابی و با توجه به رابطه (1) بدست آمده است. نکته

شرایط مشابه آزمایش‌های تولید سطوح استوانه‌ای (شامل جنس و ابعاد ورق، استفاده از گرافیت برای تیره کردن سطح ورق و پارامترهای لیزر) انجام می‌شوند. سپس در شرایطی که حداکثر شار حرارتی در اثر تابش دهی لیزر به ورق وارد می‌شود یعنی در حداقل سرعت اسکن لیزر و حداکثر توان لیزر، ورق تحت تابش دهی لیزر در امتداد یک خط مستقیم قرار می‌گیرد. در این شرایط همانطور که در شکل ۸-الف نشان داده است یک عدد ترموموکوپیل نوع کی<sup>۱</sup> در یک نقطه طولی مشخص و در فواصل عرضی مختلفی از خط تابش دهی قرار گرفته و نمودار حرارتی نقاط مختلف را ثبت می‌نماید. در شکل ۸-ب نمودار حرارتی مربوط به موقعیت‌های مختلف ترموموکوپیل که در شکل ۸-الف دیده می‌شوند نشان داده شده‌اند. به منظور بررسی پارامتریک فاصله مناسب بین خطوط تابش دهی مجاور هم، موقعیت‌های مختلف ترموموکوپیل بر حسب شعاع پرتوی لیزر در نظر گرفته شده‌اند. همانطور که از شکل ۸-ب دیده می‌شود در نقطه‌ای که در فاصله‌ای به اندازه دو برابر قطر پرتوی لیزر نسبت به خط تابش دهی قرار گرفته است اثرات حرارتی ناشی از تابش دهی لیزر بسیار کم می‌باشد. بنابراین می‌توان گفت که در صورتی که



**Fig. 8** Allowable distance between adjacent irradiating lines, a- Schematic of various positions of the thermocouple from irradiating line, b- The diagram of transferred heat to adjacent points with different displacements related to irradiating line

شکل ۸ فاصله مجاز بین خطوط تابش دهی مجاور، الف - شکل شماتیک از موقعیت‌های مختلف ترموموکوپیل نسبت به خط تابش دهی، ب - نمودار حرارت منتقل شده به نقاط مجاور خط تابش دهی در فواصل مختلف

زاویه خمش ورق متناسب با تغییرات قطر پرتو دیده می‌شود. همانطور که از جدول ۱ مشاهده می‌شود در توان 60 وات زاویه خمش ایجاد شده در ورق کمتر از 1 درجه می‌باشد بنابراین حداقل میزان توان لیزر باید 80 وات باشد. همچنین در توان 140 وات، دمای سطح ورق از 800 درجه سانتیگراد بیشتر می‌شود و مشخص می‌شود که محدوده بالایی توان لیزر نیز 120 وات است. در جدول دیده می‌شود که بیشترین مقدار زاویه خمش ورق در محدوده مجاز در توان 120 وات اتفاق می‌افتد. بنابراین بهترین مقدار توان لیزر برای انجام آزمایش‌ها، 120 وات می‌باشد. در جدول 2 دیده می‌شود که برای سرعت 100 میلیمتر بر دقیقه دمای سطح ورق بیشتر از 800 درجه سانتیگراد شده و همچنین برای سرعت 250 میلیمتر بر دقیقه زاویه خمش ورق کمتر از 1 درجه می‌شود. بنابراین محدوده سرعت اسکن نیز تعیین شده و همانطور که از جدول 2 مشخص است بهینه ترین سرعت اسکن 150 میلیمتر بر دقیقه می‌باشد. از جدول 3 نتیجه گیری می‌شود که در قطر پرتوی 2 میلیمتر زاویه خمش ورق کمتر از 1 درجه شده و از طرف دیگر در قطر پرتوی 0.5 میلیمتر دمای سطح ورق بیشتر از 800 درجه سانتیگراد می‌شود. بنابراین محدوده قطر پرتوی لیزر نیز مشخص می‌شود و همانطور که از جدول 3 پیداست، بهینه ترین قطر پرتوی لیزر 1 میلیمتر می‌باشد. در ادامه این بخش، نتایج حاصل از بررسی تجربی حداقل فاصله مجاز بین یک خط تابش دهی و خط تابش دهی مجاور آن، به طوری که تحت تأثیر حرارت تولید شده در خط تابش دهی مجاور قرار نگیرد ارائه می‌شود. تجهیزات تجربی و روش مورد استفاده برای این آزمایش‌ها قبلاً در شکل 4 نشان داده شده است. به منظور بررسی حداقل فاصله مجاز، آزمایش‌هایی با

**جدول ۱** تغییرات دمای سطح و زاویه خمش ورق متناسب با تغییر توان لیزر  
**Table 1** Changes in surface temperature and bending angle of the sheet in accordance with the change of laser power

زاویه خمش (Degrees)	دما (°C)	توان (Watts)
0.82	300	60
1.24	530	80
1.93	680	100
2.34	799	120
2.74	930	140

**جدول ۲** تغییرات دمای سطح و زاویه خمش ورق متناسب با تغییر سرعت اسکن  
**Table 2** Changes in surface temperature and bending angle of the sheet in accordance with the change of scanning speed

زاویه خمش (Degrees)	دما (°C)	سرعت اسکن (mmmin <sup>-1</sup> )
3.42	1210	50
2.81	987	100
2.34	802	150
1.63	580	200
0.92	355	250

**جدول ۳** تغییرات دمای سطح و زاویه خمش ورق متناسب با تغییر قطر پرتو  
**Table 3** Changes in surface temperature and bending angle of the sheet in accordance with the change of beam diameter

زاویه خمش (Degrees)	دما (°C)	قطر پرتو (mm)
2.51	882	0.5
2.33	801	1
1.82	640	1.5
0.96	400	2

مشخص می‌گردد. سپس با استفاده از تعداد خطوط تابش دهی محاسبه شده و همچنین با در نظر گرفتن پارامترهای دستگاه لیزر، ورق اولیه تابش دهی شده و سپس توسط یک ماشین اندازه گیری مختصاتی شعاع انحنای قطعه تولید شده در آزمایش تجربی محاسبه می‌شود.

در جدول ۵ عملکرد روش ارائه شده بررسی شده است. هماطور که در این جدول مشاهده می‌شود آزمایش‌های تجربی مختلفی جهت تولید سطوح استوانه‌ای با شعاع انحنای ای به ترتیب ۱۲۰، ۲۵۰، ۳۳۰، ۴۰۰، ۴۸۰ و ۵۷۰ انجام می‌شوند. همانطور که از جدول ۵ دیده می‌شود اختلاف شعاع انحنای سطح استوانه‌ای تولید شده در آزمایش تجربی با شعاع انحنای مطلوب، در آزمایش‌های مختلف کمتر از ۱۰ درصد می‌باشد که نتیجه بسیار خوبی است. البته خطای موجود نیز به دلایل مختلفی ایجاد شده است. یکی از این دلایل اختلاف بین تعداد خطوط تابش دهی محاسبه شده در روش تحلیلی و تعداد خطوط استفاده شده در آزمایش‌های تجربی می‌باشد. البته دلیل دیگر برای این خطاهای می‌تواند مربوط به ساده سازی‌های انجام شده در استخراج روابط تحلیلی می‌باشد. به هر حال با وجود این خطاهای نتایج حاصل از آزمایش‌های تجربی بسیار رضایت بخش می‌باشند.

در شکل ۹ نمونه‌ای از سطوح استوانه‌ای تولید شده در جدول ۵ نشان داده شده‌اند.

## ۵- نتیجه گیری

در این مقاله، یک روش تحلیلی برای شکلدهی به کمک لیزر سطوح استوانه‌ای با هر شعاع انحنای دلخواه ارائه شد. در این روش، پارامترهای دستگاه لیزر شامل توان، قطر پرتو و سرعت اسکن لیزر با توجه به محدودیت‌های دستگاه لیزر و همچنین محدودیت‌های موجود در فرآیند در نظر گرفته شدند. با توجه به اینکه در روش ارائه شده به منظور تولید سطوح استوانه‌ای از خطوط تابش دهی موازی استفاده شد تعداد خطوط تابش دهی و



**Fig. 9** Some of produced cylindrical surfaces in table 5

شکل ۹ نمونه‌ای از سطوح استوانه‌ای تولید شده در جدول ۵

یک خط تابش دهی در مجاورت خط تابش دهی نشان داده شده و با فاصله ای به اندازه دو برابر قطر پرتوی لیزر باشد تحت تأثیر حرارت ناشی از خط تابش دهی اول قرار نمی‌گیرد. با توجه به نتیجه شکل ۸ می‌توان اینگونه استنباط نمود که زاویه خمش ورق در هر خط تابش دهی ثابت می‌باشد. به منظور بررسی این موضوع ورقی با طول ۱۰۰ میلیمتر، عرض ۶۰ میلیمتر و ضخامت ۰.۸۵ میلیمتر تحت تابش دهی لیزر با توان ۱۲۰ وات، سرعت اسکن ۱۵۰ میلیمتر بر دقیقه و قطر پرتوی ۱ میلیمتر قرار گرفت.

در این آزمایش، تعداد ۴ خط تابش دهی با فاصله ۲ میلیمتر (دو برابر قطر پرتو) از یکدیگر در نظر گرفته شدند. سپس توسط ماشین اندازه گیری مختصاتی زاویه خمش کلی ورق پس از هر تابش دهی (پارامتر  $a$  در شکل ۶) و همچنین زاویه خمش کلی ورق پس از هر تابش دهی (پارامتر  $b$  در شکل ۶) اندازه گیری شدند. نتایج اندازه گیری در جدول ۴ ارائه گردیده اند. آزمایش فوق به ازای پرتوهای لیزر با قطرهای مختلف تکرار شده و همین نتایج برای قطرهای دیگر نیز تکرار گردیده است. با توجه به این نتایج مشخص می‌شود که فاصله مجاز بین خطوط تابش دهی مجاور هم، به اندازه دو برابر قطر پرتوی لیزر می‌باشد. حال که فاصله مجاز بین خطوط تابش دهی مجاور هم تعیین گردید می‌باشی کارآیی روش ارائه شده در تولید سطوح استوانه‌ای با هر شعاع انحنای دلخواه بررسی شود.

به منظور بررسی عملکرد روش ارائه شده جهت تولید سطح استوانه‌ای با هر شعاع انحنای دلخواه، آزمایش‌های تجربی مختلفی انجام می‌شود. بدین منظور ورق‌هایی با طول ۱۰۰ میلیمتر، عرض ۶۰ میلیمتر و ضخامت ۰.۸۵ میلیمتر آماده می‌شوند. مقادیر حداکثر توان لیزر و حداقل سرعت تابش دهی مجاز، مناسب با حداکثر دمای سطح ورق به ترتیب ۱۲۰ وات و ۱۵۰ میلیمتر بر دقیقه انتخاب می‌شوند. همچنین حداکثر تعداد خطوط تابش دهی مجاز نیز با توجه به اینکه قطر پرتوی لیزر ۱ میلیمتر بوده و طول ورق نیز ۱۰۰ میلیمتر می‌باشد و با فرض اینکه حداقل فاصله بین خطوط تابش دهی مجاز ۲ برابر قطر پرتوی لیزر باشد ۴۹ خط تابش دهی تعیین می‌شود. با استفاده از مقادیر ارائه شده برای پارامترهای لیزر و فرایند یک سطح استوانه‌ای با حداکثر انحنای قابل دستیابی در یک پاس تابش دهی تولید می‌شود. شعاع انحنای این سطح استوانه‌ای برابر با ۵۰ میلیمتر محاسبه می‌شود. همچنین با استفاده از رابطه (۴) حداکثر مقدار زاویه خمش به ازای هر خط تابش دهی برابر با ۲.۳۴ درجه محاسبه می‌شود.

در ادامه و به منظور بررسی عملکرد روش ارائه شده آزمایش‌های تجربی مختلفی جهت تولید سطوح استوانه‌ای با شعاع‌های انحنای مختلف انجام می‌شوند. در این آزمایش‌ها سعی در تولید سطوح استوانه‌ای با شعاع‌های انحنای دلخواه می‌باشد. بدین منظور با جایگذاری شعاع انحنای مطلوب در رابطه (۴)، تعداد خطوط تابش دهی مورد نیاز جهت تولید آن سطح استوانه‌ای

**جدول ۴** نتایج اندازه گیری زاویه خمش در هر خط تابش دهی و زاویه خمش کلی ورق پس از هر تابش دهی

**Table 4** The results of measurement of bending angle in each irradiating line and total bending angle of the sheet after each irradiation

تعداد خطوط تابش دهی	زاویه خمش کلی ورق پس از هر تابش دهی (Degrees)	زاویه خمش در هر خط تابش دهی (Degrees)
1	2.34	1.17
2	2.34	2.34
3	2.34	3.51
3	2.34	4.68

تجربی مورد بررسی قرار گرفتند. نتایج تجربی نشان دادند که روش ارائه شده قادر به تولید سطوح استوانه‌ای با شعاع انحنای دلخواه و با دقت بسیار خوبی می‌باشد. خطای موجود بین شعاع انحنای سطوح استوانه‌ای تولید شده در آزمایش‌های تجربی و شعاع انحنای مطلوب بسیار اندک و ناچیز بود.

## 6- مراجع

- [1] Y. Namba, Laser forming in space, in *The International Conference of Laser and Electro Optics (ICALEO'85)*, Boston, America, 1985.
- [2] M. Geiger, F. Vollertsen, The mechanisms of laser forming, *CIRP Annals*, Vol. 42, No. 1, pp. 301-304, 1993.
- [3] J. Cheng, Y. L. Yao, Cooling effects in multiscan laser forming, *Journal of Manufacturing Processes*, Vol. 3, No. 1, pp. 60-72, 2001.
- [4] H. Shen, Y. J. Shi, Z. Q. Yao, Numerical simulation of the laser forming of plates using two simultaneous scans, *Computational Materials Science*, Vol. 37, No. 3, pp. 239-245, 2006.
- [5] H. Shen, Y. J. Shi, Z. Q. Yao, Laser forming of plates using two sequent scans of different intervals, *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part C: Journal of Mechanical Engineering Science*, Vol. 220, No. 4, pp. 507-511, 2006.
- [6] H. Shen, J. Zhou, Z. Q. Yao, Study on overlapping of two sequential scans in laser forming, *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part C: Journal of Mechanical Engineering Science*, Vol. 221, No. 9, pp. 993-997, 2007.
- [7] M. Hoseinpour Gollo, S. M. Mahdavian, H. Moslemi Naeini, G.H. Liaghat, S. Jelvani, Theoretical and experimental study of the effects of process parameters on bending angle in laser bending process, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 10, No. 3, pp. 67-86, 2010. (in Persian)
- [8] M. Hoseinpour Gollo, H. Moslemi Naeini, Statistical analysis of parameter effects on bending angle in laser forming process by pulsed Nd:YAG laser, *Optics and Laser Technology*, Vol. 43, No. 3, pp. 475-482, 2011.
- [9] G. Chandra Jha, A.K. Nath, S.K. Roy, Study of edge effect and multi-curvature in laser bending of AISI 304 stainless steel, *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 197, No. 1-3, pp. 434-438, 2008.
- [10] E. Gh. Zahrani, A. Marasi, Experimental investigation of edge effect and longitudinal distortion in laser bending process, *Optics and Laser Technology*, Vol. 45, pp. 301-307, 2013.

جدول 5 بررسی و مقایسه نتایج حاصل از روش ارائه شده با نتایج تجربی

**Table 5** Investigation and comparison of the results of proposed method and experimental work

شعاع انحنای مطلوب (mm)	شعاع انحنای				
	تعداد خطوط تابش دهی	قطعه تولید شده در تابش دهی	تعداد خطوط تابش دهی	تعداد خطوط مورد استفاده مورد نیاز	(mm) تجربی
خطای بین نتایج تحلیلی (%) و تجربی (%)	آزمایش	آزمایش	آزمایش	آزمایش	آزمایش
9.78	133	20	20.42	120	
3.73	241	10	9.80	250	
5.44	349	7	7.43	330	
3.61	415	6	6.13	400	
2.24	491	5	5.11	480	
3.22	589	4	4.30	570	

همچنین فاصله بین آن‌ها به عنوان پارامتر تأثیرگذار در تولید سطح استوانه ای با هر شعاع انحنای دلخواه مطرح گردید. بدین منظور یک فرض اساسی مطرح گردید و در این فرض، حداقل فاصله مجاز بین خطوط تابش دهی مجاور به اندازه ای در نظر گرفته شد که تحت تأثیر حرارت ناشی از یکدیگر قرار نگیرند. به منظور تعیین حداقل فاصله مجاز بین خطوط تابش دهی مجاور، با استفاده از آزمایش‌های تجربی این فاصله بررسی گردید. نتایج نشان دادند که حداقل فاصله مجاز بین خطوط تابش دهی مجاور به اندازه دو برابر قطر پرتونی لیزر تعیین می‌باشد. همچنین با استفاده از روش ارائه شده تعداد خطوط تابش دهی مورد نیاز و فاصله بین آن‌ها به منظور تولید سطوح استوانه ای با شعاع‌های انحنای مختلف پیشنهاد گردیدند و توسط آزمایش‌های