ماهنامه علمى پژوهشى





بررسي اثرات نيروى اينرسي روى انتقال حرارت جريان سيال ويسكوالاستيك داخل كانال صفحهاي واكرا با انبساط ناگهاني متقارن

امين شهبانىظهيرى¹، حسن حسنزاده²، محمدمحسن شاەمردان^{3*}، محمود نوروزى⁴

1- دانشجوی دکتری، مهندسی مکانیک، دانشگاه بیرجند، بیرجند

2- دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه بیرجند، بیرجند

3- دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شاهرود، شاهرود

4- دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شاهرود، شاهرود

* شاهرود، صندوق پستى mmshahmardan@shahroodut.ac.ir ،3619995161 *

| چکیدہ | اطلاعات مقاله |
|--|---|
| در این مقاله انتقال حرارت جریان سیال ویسکوالاستیک داخل کانال صفحهای متقارن با انبساط ناگهانی 1:3 به صورت عددی شبیهسازی شده است. برای مدلسازی رفتار رئولوژیکی و غیرخطی جریان اینرسی سیال ویسکوالاستیک، از فرم نمائی مدل فن تین– تنر استفاده شده است. شرط مرزی حرارتی در ورود و روی دیوارهای کانال، دما ثابت در نظر گرفته شده است. همچنین سرعت در ورودی کانال یکنواخت و ثابت است | مقاله پژوهشی کامل دریافت: 16 بهمن 1395 پذیرش: 19 اردیبهشت 1396 ارائه در سایت: 13 خرداد 1396 |
| و مقدار آن با توجه به عدد رینولدز جریان تعیین میشود. با توجه به تاثیر قابل ملاحظه دما بر خواص سیال ویسکوالاستیک، لزجت، زمان آسودگی از تنش، ظرفیت گرمایی ویژه و ضریب هدایت حرارتی به صورت توابعی از دما در نظر گرفته شده و جمله تلفات در معادله انرژی لحاظ شده است. برای حل همزمان معادلات حاکم از الگوریتم پیزو و برای گسستهسازی از روش حجم محدود استفاده شده است. در این مطالعه تأثیر نیروی اینرسی روی توزیع سرعت، توزیع دما و تغییرات اعداد ناسلت محلی و میانگین در بخش انبساطی کانال بررسی میشود. افزایش عدد رینولدز با وجود متقارن بودن کانال صفحهای سبب تشکیل جریانهای متقارن و نامتقارن داخل بخش انبساطی کانال میشود. افزایش عدد | <i>کلید واژگان:</i> سیال ویسکوالاستیک نیروی اینرسی عدد ناسلت دواحی گردابهای شکل حابان نامتقارن |
| رینولدز برای جریانهای نامتقارن از 40 تا 100 (رشد 2.5 برابری عدد رینولدز) سبب افزایش 1.7 برابری مقادیر بیشینه اعداد ناسلت محلی در مجاورت دیوارهای پایینی و بالایی بخش انبساطی کانال میشود. | |

Investigation of inertial force effects on the heat transfer of viscoelastic fluid flow inside expanded planar channel with the symmetric abrupt expansion

Amin Shahbani Zahiri¹, Hassan Hassanzadeh¹, Mohammad Mohsen Shahmardan^{2*}, Mohmood

Norouzi²

1- Department of Mechanical Engineering, University of Birjand, Birjand, Iran.

2- Department of Mechanical Engineering, Shahrood University of Technology, Shahrood, Iran.

* P.O.B. 3619995161 Shahrood, Iran, mmshahmardan@shahroodut.ac.ir

| ARTICLE INFORMATION | ABSTRACT |
|---|---|
| Original Research Paper Received 04 February 2017 Accepted 09 May 2017 Available Online 03 June 2017 | In this paper, the heat transfer of viscoelastic fluid flow has been numerically simulated inside a symmetric planar channel with 1:3 abrupt expansions. For modeling the rheological and nonlinear behavior of inertial flow related to the viscoelastic fluid, exponential form of the Phan Thien-Tanner (EPTT) model has been used. The thermal boundary condition of constant temperature has been |
| Keywords: Viscoelastic Fluid Inertial Force Nusselt Number Recirculation Regions Asymmetric Flow | considered at the inlet and on the walls of channel. Also, velocity is uniform and constant at the inlet of channel and its value is determined by the Reynolds number of flow. Due to the significant effect of temperature on the viscoelastic fluid properties, viscosity, relaxation time, specific heat capacity and thermal conductivity have been taken as a function of temperature and dissipation term has been employed in the energy equation. For coupling the governing equations, the PISO algorithm is utilized and finite volume method (FVM) is employed for discretizing these equations. In this study, the effect of inertial force is investigated on the velocity distribution, temperature distribution and variation of local and average Nusselt numbers in the expanded part of channel. Despite the symmetry in the planar channel, increasing the Reynolds number forms the symmetric and asymmetric flows inside the expanded part of channel. For asymmetric flows, increase of Reynolds number from 40 to 100 (growth of 2.5 times the Reynolds number) resulted in a 1.7-fold increase for the maximum values of local Nusselt numbers in the vipor and lower walls of the channel expanded part |

1- مقدمه

سیالات غیرنیوتنی برخلاف سیالات نیوتنی طبیعت پیچیدهای دارند و در هنگام جریان خصوصیات و رفتارهای خاصی را از خود بروز می دهند. جریان سیالات غیرنیوتنی کاربرد وسیعی در صنایعی چون پتروشیمی، داروسازی، مواد بهداشتی و غذایی، رنگ و پلاستیک دارند که در بیشتر موارد جریان سیال غیرهم دماست. مذاب های پلیمری در صنعت پلاستیک دارای رفتارهای رئولوژیکی پیچیده از نوع سیالات ویسکوالاستیک هستند که این رفتارها وابسته به دما و نرخ کرنش برشی است، همچنین برای انتقال و جابه جایی محصولات مایع پلیمری غیرهم دما نیاز به کانال هایی با سطح مقطع دایره یا مربعی است که در آن ها از تبدیلات انبساطی ناگهانی یا تدریجی استفاده می شود. مطالعه الگوی جریان و تغییرات دما در بخش انبساطی کانال به دلیل افت فشار و تغییرات انرژی گرمایی در این تبدیلات مهم و ارزشمند است.

در دهههای اخیر محققین زیادی جریان همدما و غیرهمدمای سیال غیرنیوتنی داخل کانالها و لولههای مستقیم مورد مطالعه قرار دادهاند. الیویرا [1]، روچا و همکاران [2]، شاهمردان و همکاران [3]، نوروزی و همکاران [5,4] جریان غیرخزشی و همدمای سیال ویسکوالاستیک داخل کانال صفحهای با تبدیلات انبساطی ناگهانی و تدریجی را با مدلهای غیرخطی و پیچیده غیرنیوتنی به صورت عددی شبیه سازی کردند، و این در حالی است که تحقیقات انجام شده روی جریان غیر همدمای سیال غیرنیوتنی در کانال با انبساط ناگهانی بسیار کم است.

پينهو و اليويرا [6] با انجام حل تحليلي براي جابهجايي اجباري جريان سیال ویسکوالاستیک داخل لوله و کانال صفحهای مستقیم، توزیع دما و عدد ناسلت را بهدست آوردند. آنها برای مدلسازی رفتار غیرنیوتنی سیال از فرم سادهشده معادله رئولوژیکی فن تین- تنر ٔ استفاده کرده و تغییرات عدد ناسلت و دما را برای اعداد دبورای مختلف ($\mathrm{De} \leq \mathrm{De} \leq 0$) بهدست آورند. نتايج آنها نشان مي دهد كه با رشد خاصيت الاستيك (عدد دبورا¹)، نرخ انتقال حرارت جریان افزایش مییابد. کوئلهو و همکاران [7] جابهجایی اجباری جریان آرام سیال ویسکوالاستیک را داخل لوله و کانال صفحهای مستقیم با استفاده از حل تحلیلی مورد مطالعه قرار دادند. آن ها با به کارگیری فرم سادهشده معادله فن تین – تنر و تحت شرط مرزی حرارتی دما ثابت نشان دادند که رشد خاصیت الاستیک سیال سبب افزایش انتقال حرارت می شود و افزایش اتلافات ناشی از لزجت با رشد عدد ناسلت همراه است. در ادامه كوئلهو و همكاران [8] مسئله گراتز ًرا برای جریان سیال ویسکوالاستیک داخل کانال صفحهای مستقیم و لوله متقارن محوری را با استفاده از همان معادله متشكله مدلسازى كرده و تأثير اتلافات ناشى از لزجت و خواص الاستیک را روی تغییرات عدد ناسلت مطالعه کردند.

نوبرگا و همکاران [9] انتقال حرارت جریان سیال ویسکوالاستیک داخل کانال مستقیم را با استفاده از فرم خطی مدل فن تین- تنر به صورت عددی و تحلیلی بررسی کردند. ایشان خواصی نظیر ظرفیت گرمایی ویژه، ضریب هدایت حرارتی، لزجت و زمان رهایی از تنش را هم به صورت خواصی ثابت و هم وابسته به دما در نظر گرفتند و با اعمال شرط مرزی دما ثابت، عدد ناسلت و ضریب اصطکاک را برای جریان حرارتی در حال توسعه و کاملاً توسعه یافته محاسبه کردند. کروز و همکاران [10] جریان سیال غیرنیوتنی داخل لوله مستقیم را با کمک روشهای تقریبی بررسی کردند. آنها عدد ناسلت و ضریب اصطکاک را با استفاده از معادلات متشکله مختلف از قبیل کیسون³

 $^{\Lambda}$ کاریو-یاسودا^۵، هرشل – بالکلی^³، بینگهام^۷ و فرم خطی مدل فن تین – تنر[^] محاسبه کردند. جلالی و همکاران [11] جریان در حال توسعه سیال ویسکوالاستیک همراه با انتقال حرارت را در کانال مستطیلی به صورت عددی با استفاده از فرم سادهشده مدل رئولوژیکی فن تین – تنر شبیهسازی کردند. آنها توزیع دما و تغییرات عدد ناسلت در محدوده اعداد برینکمن آنها توزیع دما و تغییرات عدد ناسلت در محدوده اعداد برینکمن برسی کردند. نتایج ایشان نشان میدهد که عدد ناسلت با افزایش عدد برینکمن برای جریان در حال توسعه کاهش مییابد.

باپتیستا و همکاران [12] بین صفحات موازی و داخل لوله با استفاده از مدل قانون توانی و با در نظر گرفتن شرط مرزی حرارتی دما ثابت برای جريان آرام سيال غيرنيوتني رابطهاي براي عدد ناسلت برحسب مقدار شاخص قانون توانى بەدست آوردند. آلوز و همكاران [13] جريان آرام سيال نيوتنى تعمیمیافته '' و سیال ویسکوالاستیک را داخل لوله با شرط مرزی حرارتی دما ثابت ارزیابی کردند. آنها با به کارگیری روش کروز و همکارانش [10] و با كمك نتايج باپتيستا و همكارانش [12] عدد ناسلت را براى مدل هاى مختلفى از قبیل کیسون، کاریو- یاسودا، هرشل- بالکلی، بینگهام و فرم سادهشده مدل فن تین- تنر محاسبه کردند. لیتلیر و همکاران [14] مسئله گراتز را برای جريان سيال ويسكوالاستيك داخل كانال مستقيم با سطح مقطع عرضى اختیاری به صورت تحلیلی و با استفاده از فرم اصلاح شده مدل فن تین - تنر، جریان ثانویه''، نحوه تغییرات دما و عدد ناسلت را بررسی کردند. منتهایی و همكاران [15] از فرم غیرخطی مدل فن تین- تنر برای شبیهسازی جریان و انتقال حرارت سيال ويسكوالاستيك داخل لوله متقارن محورى استفاده كردند. آن ها توزيع فشار و عدد ناسلت جريان را با صرف نظر از ترم اتلافات ناشی از لزجت در معادله انرژی بهدست آورند. نتایج ایشان نشان میدهد که فشار جريان با افزايش خاصيت الاستيك كاهش مى يابد، همچنين عدد ناسلت با افزایش عدد پرانتل برای جریان حرارتی در حال توسعه افزایش مییابد.

همانطور که ملاحظه میشود بیشتر تحقیقات انجامشده روی انتقال حرارت سیالات غیرنیوتنی مربوط به جریان داخل کانال و لوله مستقیم است. نکته قابل توجه در مطالعات گذشته این است که الگوی جریان برای جریان آرام سیال غیرنیوتنی در داخل لوله واگرا دارای تقارن، در حالی که این جریان در کانال صفحه ای واگرا دارای الگوی نامتقارن است؛ بنابراین نحوه تغییرات الگوی جریان و انتقال حرارت سیال ویسکوالاستیک داخل لوله با تقارن محوری و کانال صفحه ای بسیار با یکدیگر متفاوتند. مطالعه درباره انتقال حرارت سیال ویسکوالاستیک داخل کانال صفحه ای واگرا با انبساط ناگهانی بسیار کم صورت گرفته است.

وازجر و زدانسکی [16] با استفاده از روش اختلاف محدود کاملاً ضمنی، جریان خزشی مذاب پلیمری را داخل کانال صفحهای و انبساط ناگهانی نامتقارن مدلسازی کردند. آنها توزیع دما را با بهکارگیری معادله نیوتنی تعیمیافته کراس و با در نظر گرفتن وابستگی دمایی برای لزجت و زمان رهایی از تنش بررسی کردند. زدانسکی و وازجر [17] جریان خزشی مذاب پلیمری را داخل انبساط ناگهانی نامتقارن با نسبت انبساط 1:2 به صورت عددی با استفاده مدل کراس شبیهسازی کردند. نتایج ایشان نشان میدهد که اتلافات ناشی از لزجت در جریان خزشی تأثیر کمی روی افزایش دما و

¹ Simplified Phan Thien-Tannar (SPTT) model

² Deborah number ³ Graetz problem

⁴ Casson model

⁵ Carreau-Yasuda model ⁶ Herschel-Bulkley model

⁷ Bingham model

⁸ Linear Phan Thien-Tanner (LPTT) model

⁹ Power-law model

¹⁰ Generalized Newtonian fluid
¹¹ Secondary flow

تغییرات لزجت دارد؛ در حالی که نرخ کرنش برشی (تغییرات سرعت) بیشترین تأثیر را روی تغییرات دما دارد. همزمان در تحقیقی دیگر زدانسکی و وازجر [18] اثر نسبت انبساطهای مختلف و دماهای ورودی متفاوت را روی ضریب افت فشار جریان خزشی مذاب پلیمری داخل کانال واگرای نامتقارن با انبساط ناگهانی را مورد مطالعه قرار دادند. آنها با استفاده از معادلات نیوتنی تعمیم یافته کراس و فرم اصلاح شده قانون توانی نشان دادند که ضریب افت فشار با افزایش نسبت انبساط افزایش می یابد.

با توجه به تحقیقات گذشته بیشتر مطالعات صورت گرفته مربوط به انتقال حرارت جریان خزشی سیال ویسکوالاستیک داخل کانال صفحهای با انبساط ناگهانی نامتقارن است و مقدار عدد وایزنبرگ جریان و اختلاف دما بین ورودی و دیواره کانال بسیار کم در نظر گرفته شده است. اثرات نیروی اینرسی (عدد رینولدز) جریان به دلیل خزشی بودن جریان ناچیز است و نواحی گردابهای شکل بسیار ضعیف و کوچکی تشکیل میشوند. خواص لزجت و زمان رهایی از تنش وابستگی زیادی به دما دارند. انرژی حرارتی در جریان به دلیل اتلافات ناشی از لزجت سیال تولید شده، و انرژی گرمایی نیز به دلیل خاصیت الاستیک سیال در آن ذخیره میشود. هنگامی که تغییرات دما زیاد باشد، در نظر گرفتن وابستگی دمایی برای خواص سیال و اعمال ترم اتلافات تنشهای نیوتنی و پلیمری در معادله انرژی تأثیرات قابل ملاحظهای روی جریان و انتقال حرارت سیال ویسکوالاستیک دارند [9].

در تحقیق کنونی انتقال حرارت جریانهای متقارن و نامتقارن سیال ویسکوالاستیک داخل کانال صفحهای با انبساط ناگهانی متقارن 1:3 شبیهسازی شده است. برای مدلسازی اثرات هر دو خواص لزجت و الاستیک در رفتار سیال ویسکوالاستیک از فرم نمائی مدل رئولوژیکی فن تین - تنر استفاده شده است. اثرات وابستگی خواص سیال به دما و همچنین جمله اتلافات ناشی از لزجت در معادله انرژی لحاظ شده است. بررسی جریان غیرخزشی و غیرهمدمای سیال ویسکوالاستیک داخل کانال صفحهای با انبساط ناگهانی متقارن توسط فرم غیرخطی مدل رئولوژیکی فن تین - تنر همراه با خواص وابسته به دما و اختلاف دمای زیاد بین ورودی و دیوارهای کانال قابل توجه، ارزشمند و از نوآوریهای این مطالعه است.

شبیهسازی مسئله در نرمافزار کد باز اپن فوم^۱ با استفاده از روش حجم محدود^۲ و الگوریتم پیزو^۲ انجام شده است. طرح شماتیک هندسه کانال صفحهای با انبساط ناگهانی متقارن در شکل 1 نشان داده شده است. براساس شکل 1 ارتفاع و طول بخشهای اول و دوم کانال به ترتیب با L_1, h و L_2, H نامگذاری شدهاند. در این مطالعه طول مربوط به بخشهای اول و دوم کانال به ترتیب 60 و 120 برابر ارتفاع بخش بالادست کانال در نظر گرفته شده است تا شرایط توسعه یافتگی کامل برای جریان هیدرودینامیکی و حرارتی کانال حاصل شود. در این مقاله اثر نیروی اینرسی روی الگوی جریان، پروفیل دما و تغییرات عدد ناسلت محلی و میانگین بررسی میشود. به این جهت انتقال حرارت جریان غیرخزشی سیال ویسکوالاستیک با لزجت پلیمری زیاد



Fig. 1 Geometry of the symmetric planar channel with 1:3 abrupt expansion

شکل 1 هندسه کانال صفحهای متقارن با انبساط ناگهانی 1:3

مهندسی مکانیک مدرس، شهریور 1396، دوره 17، شماره 6

داخل کانال صفحهای متقارن با انبساط ناگهانی در محدوده عدد رینولدز 100 = Re 2 10 شبیهسازی شده است.

2- معادلات حاکم و روش حل

برای شبیه سازی عددی جریان آرام و غیرهم دمای سیال ویسکوالاستیک داخل کانال صفحه ای واگرا با انبساط ناگهانی متقارن نیاز به حل معادلات پیوستگی، مومنتوم و انرژی است که شکل بدون بعد این معادلات به ترتیب با روابط (1-3) بیان شده اند.

$$\frac{du_i^*}{dx_i^*} = 0 \tag{1}$$

$$\frac{\partial(u_{i}^{*}u_{i}^{*})}{\partial x_{j}^{*}} = \frac{1}{\text{Re}} \left[-\frac{\partial p^{*}}{\partial x_{i}^{*}} + \frac{\partial \tau_{ij}^{\text{p}*}}{\partial x_{j}^{*}} + \frac{\partial \tau_{ij}^{\text{p}*}}{\partial x_{j}^{*}} \right]$$

$$\frac{\partial(u_{j}^{*}T^{*})}{\partial x_{j}^{*}} = \frac{1}{\text{RePr}} \left[\frac{\partial}{\partial x_{j}^{*}} \left(\frac{\partial T^{*}}{\partial x_{j}^{*}} \right) \right]$$

$$+ \frac{\text{Br}}{\text{RePr}} \left[\tau_{ij}^{\text{p}*} \frac{\partial u_{i}^{*}}{\partial x_{j}^{*}} + \tau_{ij}^{\text{s}*} \frac{\partial u_{i}^{*}}{\partial x_{j}^{*}} \right]$$
(2)

پارامترهای $p^* u_i^* e^* r_i$ و $T^* r_i^* r_i^* r_i^*$ بعد را نشان میدهند. همچنین کمیتهای بدون بعد Re و Br و Br به ترتیب بعد را نشان میدهند. همچنین کمیتهای بدون بعد Re و Br به ترتیب اعداد رینولدز، پرانتل و برینکمن است که به صورت رابطه (4) تعریف میشود [19].

$$\operatorname{Re} = \frac{\rho U_{\mathrm{in}} D_{\mathrm{h}}}{\eta_0}, \quad \operatorname{Pr} = \frac{\eta_0 C_{\mathrm{p}}}{k_{\mathrm{f}}}, \quad \operatorname{Br} = \frac{\eta_0 U_{\mathrm{in}}^2}{k_{\mathrm{f}} (T_{\mathrm{w}} - T_{\mathrm{in}})}$$
(4)

پارامترهای η ، U_{in} , v_{in} و T_{in} و T_{in} و T_{in} , v_{in} , $v_{$

$$\tau_{ij}^{s}{}^{*} = \beta \left(\frac{\partial u_i^*}{\partial x_j^*} + \frac{\partial u_j^*}{\partial x_i^*} \right)$$
(5)

هنگامی که نسبت لزجت نیوتنی به لزجت کل (β) برابر 0.5 یا بیشتر است، خاصیت الاستیک به عنوان یک عامل پایدارکننده (در رابطه با تشکیل \mathcal{R} ردابههای متقارن) برای جریان سیال ویسکوالاستیک عمل می کند. در حالی که خاصیت الاستیک برای لزجت پلیمری زیاد ($1 \gg \beta$) به عنوان یک عامل ناپایدارکننده در تشکیل نواحی گردابهای شکل نامتقارن عمل می کند [5]. در این تحقیق مقدار نسبت لزجت نیوتنی به لزجت کل بسیار کوچک ($1/15 \approx (\eta_s + \eta_p)$) در نظر گرفته شده است تا رفتار سیال ویسکوالاستیک در لزجت پلیمری بالا بررسی شود. از فرم نمائی مدل رئولوژیکی فن تین- تنر برای مدلسازی رفتار غیرخطی و پیچیده سیال پلیمری استفاده شده است. در این مدل رئولوژیکی دو ثابت قابل تنظیم مربوط به خواص سیال (ξ و ع) وجود دارد که از دادههای تجربی بهدست مربوط به خواص سیال (ξ و ع) وجود دارد که از دادههای تجربی بهدست در صنایع مختلف مانند حلالهای غلیظ و مذابهای پلیمری، مدل فن تین-در صنایع مختلف مانند حلالهای غلیظ و مذابهای پلیمری، مدل فن تین-تنر با داشتن دو ثابت قابل تنظیم دارای دقت کافی و لازم است [21,20].

Downloaded from mme.modares.ac.ir on 2024-05-03

¹ Open FOAM

 ² Finite element method (FVM)
 ³ Pressure-Implicit with Splitting of Operators (PISO)

$$F(\operatorname{tr}\tau_{ij}^{P^{*}})\tau_{ij}^{P^{*}} + \operatorname{We}\left(u_{k}^{*}\frac{\partial\tau_{ij}^{P^{*}}}{\partial x_{k}^{*}} - \tau_{ik}^{P^{*}}\frac{\partial u_{j}^{*}}{\partial x_{k}^{*}} - \frac{\partial u_{i}^{*}}{\partial x_{k}^{*}}\tau_{kj}^{P^{*}}\right) + \frac{\operatorname{We}\xi}{2}\left(\tau_{ij}^{P^{*}}\left(\frac{\partial u_{i}^{*}}{\partial x_{j}^{*}} + \frac{\partial u_{j}^{*}}{\partial x_{i}^{*}}\right) + \left(\frac{\partial u_{i}^{*}}{\partial x_{j}^{*}} + \frac{\partial u_{j}^{*}}{\partial x_{i}^{*}}\right)\tau_{ij}^{P^{*}}\right) = (1 - \beta)\left(\frac{\partial u_{i}^{*}}{\partial x_{j}^{*}} + \frac{\partial u_{j}^{*}}{\partial x_{i}^{*}}\right)$$
(6)

پارامتر We عدد بدون بعد وایزنبرگ، (We = $\lambda U_{\rm in}/D_{\rm h}$) که مقدار آن برابر با 10 در نظر گرفته شده و λ ضریب رهایی از تنش سیال ویسکوالاستیک است. در مطالعه حاضر تابع ضریب تنش پلیمری (F(tr τ_{ij}^{P})) به فرم نمائی به صورت رابطه (7) تعریف می شود [23].

$$F(\operatorname{tr}\tau_{ij}^{P^*}) = \exp\left(\frac{\varepsilon We}{1-\beta}\operatorname{tr}\tau_{ij}^{P^*}\right)$$
(7)

رفتار کششی سیال ویسکوالاستیک وابسته به مقدار ٤ است و تابع ضریب تنش پلیمری ($(\mathrm{f}(\mathrm{trr}_{ij}^{\mathrm{P}}))$) نحوه تأثیرگذاری انرژی جنبشی جریان سیال روی خاصیت کششی سیال ویسکوالاستیک را نشان می دهد. هنگامی که فرم نمائی برای تابع ضریب تنش پلیمری انتخاب می شود، بیشترین لزجت کششی با تغییرات نرخ کشسانی سیال حاصل می شود؛ بنابراین رفتار لزجت کششی و رقیق شونده سیال برای جریانهای قوی با نرخ کرنش بالا به درستی مدل می شود [24]. نتایج تحقیقات گذشته نشان می دهند که مقادیر ثابتهای قابل تنظیم مدل فن تین- تنر باید کوچک باشند تا مطابقت خوبی با دادههای تجربی داشته باشند [26,25]. به این دلیل در مطالعه حاضر مقادیر این ثابتها مطابق با مقادیر تحقیق کروز و پینهو [26] با دادههای تجربی داشته باشند (گر,26]. به این دلیل در مطالعه حاضر مقادیر این ثابتها مطابق با مقادیر تحقیق کروز و پینهو [26] ($(\mathbf{p}(T))$)، زمان رهایی از تنش ($(\mathbf{r}(T))$)، ظرفیت حرارتی ویژه ($(\mathbf{r}(T))$) فریب هدایت حرارتی (($(\mathbf{r}(T))$) با دما تغییر می کنند و وابستگی دمایی این خواص به صورت رابطه (8) بیان می شوند [27,9].

 $\eta_{0}(T) = \eta_{0,\text{in}}a(T), \qquad k_{f}(T) = k_{f,\text{in}}\left(k_{f,0}^{*} + k_{f,s}^{*}T\right)$ $\lambda(T) = \lambda_{\text{in}}a(T), \qquad C_{p}(T) = C_{p,\text{in}}\left(C_{p,0}^{*} + C_{p,s}^{*}T\right)$ (8)

پارامترهای $\eta_{0,in}$ نام k_{in} λ_{in} λ_{in} $\eta_{0,in}$ نام پارامترهای $\eta_{0,in}$ نام k_{in} λ_{in} $\eta_{0,in}$ زمان رهایی از تنش، ضریب هدایت حرارتی و ظرفیت حرارتی ویژه سیال در دمای ورودی کانال هستند. مقدار $\eta_{0,in}$ در جدول 1 داده شده است و مقادیر پارامترهای کانال هستند. مقدار $\eta_{0,in}$ با توجه به اعداد بدون بعد و جدول 1 بهدست می آیند. همچنین تابع آرنیوسی (T) به صورت رابطه (9) بیان می شود [27,9].

$$a(T) = \exp\left[\alpha \left(\frac{1}{T + 273.15} - \frac{1}{T_0 + 273.15}\right)\right]$$
(9)

پارامتر T_0 دمای مرجع که مقدار آن ثابت و برابر با مقدار دمای ورودی کانال است، همچنین ثوابت مورد استفاده در اعداد بدون بعد و روابط (9,8) در جدول 1 آورده شده است. عدد ناسلت محلی از رابطه (10) و عدد ناسلت میانگین با انتگرال گیری از عدد ناسلت محلی در طول بخش دوم کانال محاسبه می شود.

$$Nu = \frac{k_{f,w} D_h \left(\frac{\partial T}{\partial y}\right)_w}{k_{f,b} (T_w - T_b)}, \quad T_b = \frac{\int C_p u T dA}{\int C_p u dA}$$
(10)

u مؤلفه افقی بردار سرعت و T_b دمای متوسط سیال در سطح مقطع عرضی کانال (A) است. پارامتر k_{f,b} ضریب هدایت حرارتی سیال در مجاورت دیوار کانال و پارامتر k_{f,b} ضریب هدایت حرارتی متوسط سیال در سطح مقطع عرضی کانال است. برای شبیهسازی جریان غیر همدمای سیال

ویسکوالاستیک داخل کانال صفحهای متقارن با انبساط ناگهانی 1:3 از نرمافزار کد باز اپن فوم و برای گسستهسازی معادلات از روش حجم محدود استفاده شده است.

در نرمافزار کد باز اپن فوم قابلیت دسترسی به تمام کدها و امکان تغییر و توسعه حلگرها و روابط وجود دارد. با توجه به وابستگی خواص سیال ویسکوالاستیک به دما نیاز است، همه معادلات حاکم همزمان حل شوند. به همین منظور معادله انرژی و معادلات وابستگی دمایی مربوط به خواص سیال در حلگر ویسکوالاستیک نرمافزار اپن فوم اضافهشده و به صورت همزمان با معادلات بقای جرم و مومنتوم در داخل الگوریتم پیزو حل شده است [28]. برای گسستهسازی ترم جابهجایی معادلات حاکم از روش اختلاف بالادست خطی و برای ترمهای دیورژانس و لاپلاسین از روش تفاضل مرکزی استفاده شده است [30,29].

برای مرزها و ترم جابهجایی، مقدار متغیرها روی وجوه سلول با روش درونیابی خطی روی مقادیر مرکز سلولها تخمین زده میشوند. دستگاه معادلات خطی با گسستهسازی معادلات حاکم به وجود میآید. این دستگاه معادلات با استفاده از روش گردایان مزدوج^۲ با شروعکننده چند شبکهای جربی⁷ برای متغیر فشار و روش گرادیان غیرمزدوج پایدارشده^۴ با شروعکننده [23,31] برای مؤلفههای بردار سرعت، تانسور تنش و دما حل میشوند میقدار خطای مجاز برای توقف حلقه تکرار است. مقدار خطای مجاز برای متغیر فشار برابر با ^{8–10} و برای مؤلفههای سرعت، تانسور تنش و دما جلی مجاز برای متغیر فشار برابر با ^{8–10} و برای مؤلفههای سرعت، تانسور تنش و دما برابر با ^{7–10} در نظر گرفته شده است. ضریب مادون تخفیف مورد استفاده در این

توزیع سرعت و دما در ورودی کانال ثابت و یکنواخت و مقدار تنش و گرادیان فشار نیز صفر در نظر گرفته شده است. مقدار سرعت در ورودی کانال با توجه به عدد رینولدز و مقدار پارامترهای موجود در جدول 1 تعیین میشود. در خروجی کانال مقدار فشار نسبی و مقادیر گرادیان متغیرهای سرعت، تنش و دما صفر در نظر گرفته شده است. به دلیل شرط عدم لغزش، سرعت سیال روی دیوارهای کانال صفر و دما روی دیوار کانال ثابت و یکنواخت فرض شده است. مقادیر دما در ورودی و روی دیوار کانال در جدول 1 نشان داده شده است. مقدار گرفته شده است. به دلیل شرط عدم بغزش، راستای عمود بر دیوارهای کانال در نظر گرفته شده است. روند الگوریتم پیزو مورد استفاده در این تحقیق به صورت خلاصه در شکل 2 نشان شده است.

3- ارزیابی استقلال حل از شبکه

برای بررسی استقلال حل عددی از شبکهبندی هندسه در جریان غیرهم دمای سیال ویسکوالاستیک در کانال صفحهای متقارن با انبساط ناگهانی، توزیع سرعت بدون بعد روی خط مرکزی کانال مورد بررسی قرار گرفته

جدول 1 مقادير ثوابت مورد استفاده در اعداد بدونبعد و روابط (9,8) [27,9] **Table 1** Constant values used in the dimensionless numbers and the formulas (8) and (9) [27,9]

| | - (//[=///] | | | |
|--|---------------------------------|-------------------|---|--------------------------------|
| $k_{\rm f,s}^* \left(\frac{1}{\circ C}\right)$ | $k_{\mathrm{f},\mathrm{0}}^{*}$ | α (K) | $\rho\left(\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right)$ | $\eta_{0,\mathrm{in}}$ (Pa. s) |
| 0.00118 | 0.7753 | 1720 | 1226 | 4.07 |
| $C_{p,s}^* \left(\frac{1}{\circ C}\right)$ | $C_{\mathrm{p},0}^*$ | $T_{\rm in}$ (°C) | <i>h</i> (m) | <i>T</i> _w (°C) |
| -0.00112 | 1.2122 | 190 | 0.1 | 290 |
| | | | | |

² Conjugated gradient (CG)

³ Algebraic multigrid (AMG) preconditioner

⁴ Bi-conjugate gradient stabilized (BiCGstab) ⁵ Cholesky preconditioner

¹ Arrhenius function

0.50

0.25

0.00

-0.25

-0.50

grids

0.0 0.2



شكل 4 پروفيل سرعت بدون بعد جريان سيال ويسكوالاستيك روى سطح مقطع عرضی در ابتدای بخش انبساطی کانال برای چهار شبکه مختلف



Fig. 5 Enlarged view of the channel part with 1:3 abrupt expansion for four different grids

شکل 5 نمای بزرگ شده قسمتی از کانال با انبساط ناگهانی 1:3 برای چهار شبکه مختلف

بسیار اندکی با هم دارند. دقت حل با زیاد شدن تعداد سلولهای شبکه افزایش یافته و افزایش هزینه محاسباتی را نیز به همراه دارد؛ بنابراین شبکه . برای بررسی این مسئله انتخاب شده است. M3

4- صحتسنجي نتايج حل عددي

نتايج مربوط به توزيع دما و پروفيل سرعت براى اعتبارسنجى نتايج تحقيق حاضر با نتایج منتشرشده در مقالات مقایسه شده است. جریان غیر مدمای سیال ویسکوالاستیک داخل کانال صفحه ای مستقیم با فرم ساده شده معادله متشکله فن تین- تنر و عدم وابستگی دمایی خواص سیال شبیهسازی و با نتایج بهدستآمده از حل تحلیلی در تحقیقات پیشین مقایسه شده است. ابتدا توزيع سرعت جريان سيال ويسكوالاستيك مربوط به نتايج عددى مطالعه m Re = 10 ،m arepsilon = 0.01 براى m [33] براى m arepsilon = 3، m arepsilon = 10و We = 3 مقایسه و نتیجه آن در شکل 6 نشان داده شده است. مقایسه توزيع دماى نتايج عددى مطالعه حاضر با نتايج حل تحليلي كوئلهو و همكاران 7 و $\mathrm{Re} = 10$ $\mathrm{eWe}^2 = 0.1$ و $\mathrm{Re} = -1$ ، $\mathrm{Pr} = 100$ ، $\mathrm{Re} = 10$ و $\mathrm{Re} = 10$ براى [7] نشان داده شده است. در شکلهای 6 و 7 مشاهده می شود که بین نتایج عددی مطالعه حاضر و نتایج حل تحلیلی مطابقت بسیار خوبی وجود دارد.

5- ترسيم و تفسير نتايج

هدف این تحقیق بررسی تأثیر نیروی اینرسی روی انتقال حرارت جریان سیال ویسکوالاستیک داخل کانال صفحهای با انبساط ناگهانی 1:3 است. در این تحقیق وابستگی دمایی خواص و تأثیر اتلافات ناشی از لزجت در معادله انرژی لحاظ شده است. بدین منظور تأثیر نیروی اینرسی بر خطوط جریان، توزيع سرعت، پروفيل دما، اعداد ناسلت محلى و ميانگين در محدوده اعداد رينولدز 100 $\ge \mathrm{Re} \le 100$ مورد بررسی قرار گرفته است. در شکل 8 خطوط جریان غیرهمدمای سیال ویسکوالاستیک در کانال متقارن با انبساط ناگهانی



Fig. 2 The numerical solution procedure with the PISO algorithm شکل 2 روند حل عددی با الگوریتم پیزو

است. براساس شکلهای 3 و 4 توزیع سرعت در راستای خط مرکزی کانال و پروفیل سرعت روی سطح مقطع عرضی در ابتدای بخش انبساطی کانال برای 4 شبكه مختلف در عدد برينكمن 1، عدد وايزنبرگ 10 و عدد رينولدز 60 با هم مقایسه شدهاند. این چهار شبکه از شبکه درشت تا شبکه بسیار ریز به ترتیب با M3 ، M2 ، M1 و M4 نام گذاری شدهاند. نمای بزرگشده از مشبندی قسمتی از کانال برای چهار شبکه مختلف در شکل 5 نشان داده شده است. مشخصات مربوط به چهار شبکه همراه با جزئیات آنها در جدول 2 آورده شده است. تعداد سلولهای شبکه در جهت محور عمودی برای بخشهای اول و دوم کانال به ترتیب با پارامترهای Ny1 و Ny2 نشان داده شدهاند، هچنین تعداد سلولهای شبکه در جهت محور افقی برای بخشهای بالادست و پاییندست جریان نیز به ترتیب با پارامترهایNx1 و Nx2 نشان داده شدهاند.

پارامترهای δx_{\min} و δy_{\min} نشاندهنده کمترین اندازه سلولهای شبکه در جهت محورهای افقی و عمودی مختصات است. تعداد کل سلولهای شبکه نیز با پارامتر NT نشان داده شده است. همچنان که در شکلهای 3 و 4 نشان داده شده است اختلاف کمی در توزیع سرعت مربوط به شبکههای M2 و M4 وجود دارد، ولی توزیع سرعت در شبکههای M3 و M4 اختلاف



Fig. 3 The dimensionless velocity distribution of viscoelastic fluid flow on the centerline of symmetric channel with abrupt expansion for four different grids

شکل 3 توزیع سرعت بدون بعد جریان سیال ویسکوالاستیک روی خط مرکزی کانال متقارن با انبساط ناگهانی برای چهار شبکه مختلف

جدول 2 مشخصات سلولهای شبکه برای کانال صفحهای با انبساط ناگهانی Table 2 Characteristics of mesh cells for planar channel with abrupt expansion

| NT | δy_{\min} | Ny2 | Ny1 | δx_{\min} | Nx2 | Nx1 | شبكه |
|--------|-------------------|-----|-----|-------------------|------|-----|------------|
| 8040 | 0.0167 | 18 | 6 | 0.0100 | 400 | 140 | M1 |
| 21440 | 0.0010 | 30 | 10 | 0.0062 | 640 | 224 | M2 |
| 54880 | 0.0063 | 48 | 16 | 0.0039 | 1024 | 358 | МЗ |
| 142662 | 0.0039 | 78 | 26 | 0.0025 | 1638 | 573 | <i>M</i> 4 |



Fig. 6 Comparison of the velocity distribution in the current study with the analytical research of Oliveira and Pinho [33] for viscoelastic fluid flow inside a planar streight channel

شکل 6 مقایسه توزیع سرعت در مطالعه حاضر با حل تحلیلی الیویرا و پینهو [33] برای جریان سیال ویسکوالاستیک داخل یک کانال مستقیم صفحهای



Fig. 7 Comparison of the temperature distribution in the current study with the analytical research of Coelho et al. [7] for non-isothermal flow of viscoelastic fluid inside a planar streight channel

شکل 7 مقایسه توزیع دما در مطالعه حاضر با حل تحلیلی کوئلهو و همکاران [7] براي جريان غير همدماي سيال ويسكوالاستيك داخل يك كانال مستقيم صفحهاي

برای اعداد رینولدز مختلف ترسیم شده است. جریان نامتقارن با افزایش نیروی اینرسی در کانال واگرای متقارن تولید میشود.

حالتهای متقارن و نامتقارن جریان سیال مربوط به تعامل بین اثرات اختلالات سرعت محورى جريان بالادست، جابهجايي اختلالات نواحي گردابهای شکل در جریان پایین دست، اتلافات لزجت و حافظه سیال است. در اعداد رینولدز کوچک، اثرات اختلالات متقارن پایین دست و اتلافات لزجت بر اختلالات نامتقارن جريان بالادست غلبه كرده و گردابهها متقارن باقی میمانند، ولی با افزایش نیروی اینرسی اثر اختلالات سرعت محوری بالادست بر اثرات اختلالات نواحی گردابهای شکل در پایین دست و اتلافات لزجت غلبه کرده و جریان نامتقارن می شود. هنگامی که جریان سیال وارد بخش انبساطی کانال می شود، المان های سیال در جهت عمود بر جریان کشیده شده و در جهت جریان فشرده می شود و این تغییر شکل المان های سیال در حافظه سیال به دلیل خاصیت الاستیک سیال ویسکوالاستیک ذخیره میشود. اثرات نوسان و تغییر شکل در ساختار مولکولی سیال سبب

رشد بیشتر طول گردابهها در مجاورت دیوارههای کانال میشود. از طرف دیگر جریان سیال داخل بخش انبساطی کانال با غلبه اختلالات نامتقارن سرعت محوری بالادست به سمت یکی از دیوارهای کانال (در اینجا دیواره پایین کانال است) منحرف شده و گردابه بزرگتر در مجاورت دیوار مقابل (دیوار بالا) تشكيل مى شود.

افزایش بیشتر نیروی اینرسی سبب رشد اندازه گردابهها به خصوص گردابه بزرگتر در مجاورت دیوار بالایی کانال می شود. گردابه سوم با افزایش عدد رینولدز و تشدید اختلالات سرعت محوری جریان در کانال تشکیل شده و سبب تغییر مسیر و انحراف جریان سیال به سمت دیوار بالایی کانال می شود. اندازه گردابه سوم نیز با افزایش هرچه بیشتر نیروی اینرسی افزایش می یابد. برای مشاهده تأثیر خطوط جریان بر توزیع دما، خطوط همدمای جریان سیال ویسکوالاستیک داخل کانال با انبساط ناگهانی برای اعداد رینولدز مختلف در شکل 8 ترسیم شده است. در شکل 9 دمای بدون بعد در مقدار اختلاف دمای بین ورودی و دیواره کانال ($T_{
m w}$ - $T_{
m in}$ =100) مقدار اختلاف دمای بین ورودی و دیواره کانال است تا خطوط همدما تنها نشان دهنده اختلاف دمای جریان سیال با دمای ديواره كانال باشد. بيشترين اختلاف دما بين جريان سيال ويسكوالاستيك و دیوار کانال مربوط به ناحیه مرکزی کانال در ابتدای بخش انبساطی کانال است. این تغییرات توزیع دما در اعداد رینولدز مختلف به دلیل تشکیل نواحی گردابهای شکل متقارن و نامتقارن است و تشکیل گردابه سوم تأثیر بسیار کمی در روند تغییرات توزیع دما دارد.



Fig. 8 Streamlines of non-isothermal viscoelastic fluid inside planar channel with symmetric abrupt expansion for various Reynolds numbers

شکل 8 خطوط جریان سیال ویسکوالاستیک غیرهمدما داخل کانال صفحهای با انبساط ناگهاني متقارن براي اعداد رينولدز مختلف

Downloaded from mme.modares.ac.ir on 2024-05-03

DOR: 20.1001.1.10275940.1396.17.6.32.2

در شکل 10 توزیع سرعت بدون بعد جریان سیال ویسکوالاستیک روی خط مرکزی کانال با انبساط ناگهانی در اعداد رینولدز مختلف ترسیم شده است. در تمام شکلها سرعت بدونبعد (U) توسط سرعت یکنواخت ورودی و مختصات محورها (X^*, Y) توسط ارتفاع بخش اول کانال بدونبعد شدهاند. هنگامی که جریان سیال وارد بخش انبساطی کانال میشود سرعت آن به دلیل افزایش ناگهانی سطح مقطع کاهش مییابد. گردابهها در نیروی اینرسی کم متقارن بوده و اندازه آنها کوچک است. در نتیجه کاهش سرعت در بخش انبساطی کانال تا انتهای گردابه ادامه دارد، ولی سرعت با اتمام گردابهها اندکی افزایش یافته و سپس به مقدار ثابتی میرسد.

نواحی گردابهای شکل نامتقارن با افزایش نیروی اینرسی ایجاد شده که این سبب افزایش طول و ارتفاع گردابهها (به خصوص برای گردابه بزرگتر در مجاورت دیوار بالایی کانال) میشود. افزایش ارتفاع برای گردابه بزرگتر از مجاورت دیوار بالا شروع شده و تا بعد از خط مرکزی کانال ادامه دارد. سرعت سیال روی خط مرکزی کانال تا پیش از ورود به ناحیه گردابه بزرگتر کاهش مییابد، ولی سرعت آن با وارد شدن سیال به ناحیه گردابه بزرگتر افزایش یافته و پس از خروج از آن کاهش مییابد و این کاهش سرعت تا پس از نواحی گردابهای ادامه دارد. در نهایت سرعت سیال با رسیدن به حالت توسعهیافتگی کامل هیدرودینامیکی به مقدار ثابتی میل میکند؛ بنابراین با زیاد شدن نیروی اینرسی (از عدد رینولدز 10 تا عدد رینولدز 100)، مقادیر بیشینه و کمینه سرعت روی خط مرکزی بخش انبساطی کانال به ترتیب به میزان 1.7 برابر صعود و 2.8 برابر نزول میکند و مکان آن در جهت جریان

در شكل 11 توزيع دما بدون بعد در مقاطع عرضی مختلف كانال و در اعداد رينولدز مختلف ترسيم شده است. در تمام شكلها دمای بدون بعد به صورت $(T^*=(T_w-T)/(T_w-T_{\rm in})$ تعريف شده كه بيانگر اختلاف دمای بين جريان سيال و دمای ديواره كه بر اختلاف دمای بين ورودی و ديواره كانال تقسيم شده است. دمای بدون بعد (T^*) در مقدار اختلاف دمای بين ورودی و ديواره كانال ($T_w-T_{\rm in}=100$) خرب شده است تا دمای بدون بعد تنها نشان دهنده اختلاف دمای جريان سيال با دمای ديواره كانال باشد؛ به همين دليل در كنار محور توزيع دما برای تمام شكلها ضريب 0.01 وجود دارد.

دمای سیال در بخش انبساطی کانال به دلیل اعمال جمله اتلافات ناشی از لزجت در معادله انرژی بیش از دمای روی دیواره کانال است؛ به همین دلیل دمای بدونبعد منفی است. مقطع عرضی CS1 در فاصله 10 برابری ارتفاع بخش اول کانال از ورودی بخش انبساطی در جهت منفی محور مختصات افقی قرار دارد. مقطع عرضی CS2 در ورودی بخش انبساطی کانال قرار گرفته است، همچنین مقاطع عرضی CS3، CS4 و CS5 به ترتیب در فواصل 10، 30 و 50 برابری ارتفاع بخش اول کانال از ورودی بخش انبساطی در جهت مثبت محور مختصات افقی قرار گرفتهاند. بیشترین اختلاف دمای جریان سیال با دیواره کانال مربوط به نواحی گردابهای شکل و در مرکز کانال (به میزان 16 درجه سانتی گراد) است. در این نواحی انرژی گرمایی تولید شده به دلیل اتلافات ناشی از لزجت سیال و به سبب خاصیت الاستیک سیال در داخل آن ذخیره میشود. افزایش نیروی اینرسی سبب تقویت نواحی گردابهای شکل شده و جریان چرخشی داخل گردابها سبب اختلاط سیال غیرهمدما میشود. شیب تغییرات دما در مجاورت دیوارهای پایین و بالای

از طرف دیگر این تغییرات دمایی به دلیل وجود حافظه در سیال ویسکوالاستیک در آن ذخیره میشود. گرما با پیشروی جریان سیال در طول

بخش انبساطی کانال از نواحی مرکزی کانال به سمت دیوارهای کانال انتقال



Fig. 9 Isothermal lines of non-isothermal viscoelastic fluid flow inside planar channel with symmetric abrupt expansion for various Reynolds numbers

شکل 9 خطوط همدمای جریان سیال ویسکوالاستیک غیرهمدما داخل کانال صفحهای با انبساط ناگهانی متقارن برای اعداد رینولدز مختلف



Fig. 10 Velocity of non-isothermal flow related to the viscoelastic fluid on the centerline of planar channel with symmetric abrupt expansion for different Reynolds numbers

شکل 10 سرعت جریان غیرهمدمای سیال ویسکوالاستیک روی خط مرکزی کانال صفحهای با انبساط ناگهانی متقارن برای اعداد رینولدز مختلف



Fig. 11 Temperature distribution of viscoelastic fluid flow in different cross sections of an abrupt expanded channel for various Reynolds numbers

شکل 11 توزیع دمای جریان سیال ویسکوالاستیک در مقاطع عرضی متفاوت کانال واگرای ناگهانی برای اعداد رینولدز مختلف

یافته و اختلاف دمای سیال با دمای دیواره کانال در مقاطع عرضی CS4 و CS5 کاهش مییابد. در شکل 12 توزیع دمای بدون بعد روی خط مرکزی و در مجاورت دیوارهای کانال برای اعداد رینولدز مختلف ترسیم شده است.

بیشترین اختلاف دما در مجاورت دیوارهای بخش انبساطی کانال در انتهای گردابه اول (برای دیوار پایین) و گردابه دوم (برای دیوار بالا) به دلیل عمل اختلاط سیال در نواحی گردابهای شکل اتفاق میافتد. افزایش نیروی نیرسی سبب افزایش قدرت و طول گردابهها میشود. افزایش نیروی اینرسی سبب افزایش قدرت و طول گردابهها میشود؛ بنابراین مقدار بیشینه اختلاف دما در مجاورت دیوارهای کانال با افزایش عدد رینولدز در بخش انبساطی کانال افزایش یافته و در جهت جریان جابهجا میشوند.

اختلاف دما با پیشروی جریان سیال در امتداد بخش دوم کانال و دور شدن از نواحی گردابهای شکل ثابت میشود. از آنجایی که شیب تغییرات اختلاف دما در مجاورت دیوارهای کانال بیش از ناحیه مرکزی کانال است؛ در نتیجه اختلاف دما در مجاورت دیوارهای کانال با پیمودن طول کمتری از کانال (نسبت به ناحیه مرکزی) به مقدار ثابتی می رسد. اختلاف دما در ناحیه مرکزی، در ناحیه کاملاً توسعهیافته حرارتی، به دلیل تولید و ذخیره انرژی گرمایی ناشی از اتلافات لزجت و خاصیت الاستیک بیشتر از اختلاف دما در مجاورت دیوارهای کانال است. بیشینه دمای سیال در مجاورت دیوارهای پایینی و بالایی بخش انبساطی کانال با 10 برابر شدن سرعت جریان در ورودی کانال به ترتیب به میزان 3 و 2.2 برابر دمای دیوارهای پایین و بالا افزایش می یابد.

همان طور که در شکل 13 مشاهده می شود توزیع اعداد ناسلت محلی برای دیوارههای پایین و بالای کانال در اعداد رینولدز مختلف ترسیم شده است. اتلافات ناشی از لزجت (به سبب لزجت نیوتنی) و تولید گرما (به واسطه خاصیت الاستیک) با ایجاد گردابهها در ابتدای بخش انبساطی کانال افزایش می یابد؛ بنابراین در ناحیه در حال توسعه بیشترین مقدار عدد ناسلت محلی برای دیوارهای بالا و پایین بخش انبساطی کانال به ترتیب در انتهای گردابه اول (در مجاورت دیوار پایینی کانال) و در انتهای گردابه دوم (در مجاورت ديوار بالايي كانال) واقع مي شود. تشكيل گردابه ها و كاهش لزجت (به واسطه افزایش دما) سبب افزایش سرعت و کشیدگی بیشتر المان سیال در ناحیه مرکزی کانال می شود؛ درنتیجه گرمای زیادتری در این ناحیه تولید و ذخیره میشود. گرمای ذخیره شده در سیال با پیشروی در طول کانال و اتمام گردابه ها از ناحیه مرکزی به سمت دیوارهای کانال انتقال یافته و عدد ناسلت محلی بعد از اتمام گردابهها افزایش یافته و در نهایت در ناحیه کاملاً توسعهیافته حرارتی به مقدار ثابتی میرسد. افزایش نیروی اینرسی سبب رشد طول و ارتفاع گردابهها شده و افزایش اختلاف دما در مجاورت دیوارهای کانال را به همراه دارد. افزایش عدد رینولدز برای جریان هیدرودینامیکی و گرمایی در حال توسعه سبب رشد و جابهجایی نقطه حداکثر عدد ناسلت محلی برای دیوارهای پایین و بالای بخش انبساطی کانال میشود.

این جابهجایی مکان نقطه حداکثر عدد ناسلت برای دیوار پایینی کانال به دلیل رشد بسیار کم طول گردابه کوچک تر در مجاورت دیوار پایینی کانال بسیار نامحسوس است؛ بنابراین برای نواحی گردابه ای شکل نامتقارن در ابتدای بخش انبساطی کانال، با افزایش عدد رینولدز از 40 تا 100 (رشد 2.5 برابری)، مقدار بیشینه اعداد ناسلت محلی برای دیوارهای پایینی و بالایی کانال به میزان 1.7 برابر افزایش مییابد. در شکل 14 منحنی تغییرات عدد ناسلت میانگین برای دیوارهای پایینی و بالایی بخش انبساطی کانال در اعدد رینولدز مختلف ترسیم شده است.

مقدار عدد ناسلت میانگین برای دیوار پایینی و دیوار بالایی بخش انبساطی کانال با افزایش عدد رینولدز و تشکیل گردابههای نامتقارن متفاوت است. تغییرات عدد ناسلت میانگین با عدد رینولدز در بخش انبساطی کانال

DOR: 20.1001.1.10275940.1396.17.6.32.2

146



Fig. 13 Distribution of local Nusselt numbers for lower and upper walls of the channel expanded part in different Reynolds numbers

شکل 13 توزیع اعداد ناسلت محلی برای دیوارهای پایین و بالای بخش انبساطی کانال در اعداد رینولدز مختلف



Fig. 14 The curve of mean Nusselt number changes for lower and upper walls of the channel expanded part in different Reynolds numbers شکل 14 منحنی تغییرات عدد ناسلت میانگین برای دیوارهای پایین و بالای بخش انبساطی کانال در اعداد رینولدز مختلف

پلیمری زیاد داخل کانال صفحهای با انبساط ناگهانی متقارن 1:3 شبیهسازی و بررسی شده است. برای مدل سازی اثرات هر دو خواص لزجت و الاستیک در رفتار سیال ویسکوالاستیک از فرم نمائی مدل رئولوژیکی فن تین- تنر استفاده شده است. اثر تغییر خواص سیال ویسکوالاستیک با دما و ترم اتلافات ناشی از لزجت در معادله انرژی لحاظ شده است. در این تحقیق تأثیر نیروی اینرسی روی الگوی جریان، پروفیل دما و تغییرات عدد ناسلت محلی و میانگین در محدوده اعداد رینولدز 100 $\ge \mathrm{R} \ge 01$ بررسی شده است. نتایچ حاصل از این تحقیق به صورت خلاصه در ادامه بیان میشود:

1- با افزایش نیروی اینرسی و زیاد شدن عدد رینولدز از مقدار 10 تا 100 در عدد وایزنبرگ 10، عدد برینکمن 1 و عدد پرانتل 1، مقادیر بیشینه و کمینه سرعت روی خط مرکزی بخش انبساطی کانال به



Fig. 12 Temperature distribution of viscoelastic fluid flow on the centerline and in adjacent to the walls of the expanded part of channel for various Reynolds numbers

شکل 12 توزیع دمای جریان سیال ویسکوالاستیک روی خط مرکزی و در مجاورت دیوارهای بخش انبساطی کانال برای اعداد رینولدز مختلف

تقریباً به صورت خطی و شیب تغییرات عدد ناسلت محلی برای دیوار بالایی بیشتر از دیوار پایینی کانال است. شیب تغییرات اختلاف دما در مجاورت دیوار بالایی کانال ببیشتر از دیوار پایینی کانال است. همچنین با زیاد شدن نیروی اینرسی و تشکیل گردابه بزرگتر در مجاورت دیوار بالایی کانال، مقدار بیشینه اختلاف دما در مجاورت دیوار پایینی کانال بزرگتر از مقدار بیشینه اختلاف دما در مجاورت دیوار بالایی کانال است (شکل 12). مقدار عدد ناسلت میانگین برای دیوار پایینی کانال است (شکل 12). مقدار عدد برای دیوار بالایی کانال است؛ بنابراین نسبت عدد ناسلت میانگین به عدد رینولدز برای نواحی گردابهای شکل نامتقارن به ترتیب 2013 و 20.0 برای دیوارهای پایینی و بالایی بخش انبساطی کانال واگرای ناگهانی و به صورت رابطه (11) است.

$$Nu_{m,LW} = 0.013 \times Re$$

$$Nu_{m,UW} = 0.015 \times Re$$
(11)

6- جمع بندی نتایج

در این تحقیق انتقال حرارت جریان اینرسی سیال ویسکوالاستیک با لزجت

- [8] P. M. Coelho, F. T. Pinho, P. J. Oliveira, Thermal entry flow for a viscoelastic fluid: the Graetz problem for the PTT model, *Heat and Mass Transfer*, Vol. 46, No. 20, pp. 3865-3880, 2003.
- [9] J. M. Nóbrega, F. T. Pinho, P. J. Oliveira, O. S. Carneiro, Accounting for temperature-dependent properties in viscoelastic duct flows, *Heat and Mass Transfer*, Vol. 47, No. 6, pp. 1141-1158, 2004.
- [10] D. A. Cruz, P. M. Coelho, M. A. Alves, A simplified method for calculating heat transfer coefficients and friction factors in laminar pipe flow of non-Newtonian fluids, *Heat Transfer*, Vol. 134, No. 9, pp. 1-6, 2012.
- [11] A. Jalali, M. A. Hulsen, M. Norouzi, M. H. Kayhani, Numerical simulation of 3D viscoelastic developing flow and heat transfer in a rectangular duct with a nonlinear constitutive equation, *Korea-Australia Rheology Journal*, Vol. 25, No. 2, pp. 95-105, 2013.
- [12] A. Baptista, M. A. Alves, P. M. Coelho, Heat transfer in fully developed laminar flow of power law fluids, *Heat Transfer*, Vol. 136, No. 4, pp. 1-8, 2014.
- [13] M. A. Alves, A. Baptista, P. M. Coelho, Simplified method for estimating heat transfer coefficients: constant wall temperature case, *Heat and Mass Transfer*, Vol. 51, No. 7, pp. 1041-1047, 2015.
- [14] M. F. Letelier, C. B. Hinojosa, D. A. Siginer, Analytical solution of the Graetz problem for non-linear viscoelastic fluids in tubes of arbitrary crosssection, *Thermal Sciences*, Vol. 111, No. 1, pp. 369-378, 2017.
- [15] A. Montahaee, M. M. Shahmardan, M. Norouzi, The numerical simulation of flow and heat transfer of temperature dependent properties of viscoelastic fluid in an axisymmetric sudden expansion, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 12, pp. 39-49, 2016. (in Persian (فارسی))
- [16] M. Vaz Jr, P. S. B. Zdanski, A fully implicit finite difference scheme for velocity and temperature coupled solutions of polymer melt flow, *Communications in Numerical Methods in Engineering*, Vol. 23, No. 4, pp. 285-294, 2007.
- [17] P. S. B. Zdanski, M. Vaz Jr, Three-dimensional polymer melt flow in sudden expansions: Non-isothermal flow topology, *Heat and Mass Transfer*, Vol. 52, No. 15, pp. 3585-3594, 2009.
- [18] P. S. B. Zdanski, M. Vaz Jr, Non-isothermal polymer melt flow in sudden expansions, *Non-Newtonian Fluid Mechanics*, Vol. 161, No. 1, pp. 42-47, 2009.
- [19] R. B. Bird, R. C. Armstrong, O. Hassager, *Dynamics of polymeric liquids: Fluid mechanics*, Second edition, pp. 10-91, New York: John Wiley and Sons Inc., 1987
- [20] G. W. Peters, J. F. Schoonen, F. P. Baaijens, H. E. Meijer, On the performance of enhanced constitutive models for polymer melts in a crossslot flow, *Non-Newtonian Fluid Mechanics*, Vol. 82, No. 2, pp. 387-427, 1999.
- [21] L. Quinzani, R. Armstrong, R. Brown, Use of coupled birefringence and LDV studies of flow through a planar contraction to test constitutive equations for concentrated polymer solutions, *Journal of Rheology*, Vol. 39, No. 6, pp. 1201-1228, 1995.
- [22] N. Phan-Thien, R. I. Tanner, A new constitutive equation derived from network theory, *Non-Newtonian Fluid Mechanics*, Vol. 2, No. 4, pp. 353-365, 1977.
- [23] N. Phan-Thien, A nonlinear network viscoelastic model, *Rheology*, Vol. 22, No. 3, pp. 259-283, 1978.
- [24] R. B. Bird, J. M. Wiest, Constitutive equations for polymeric liquids, Annual Review of Fluid Mechanics, Vol. 27, No. 1, pp. 169-193, 1995.
- [25] M. Alves, F. T. Pinho, P. J. Oliveira, Viscoelastic flow in a 3D square/square contraction: visualizations and simulations, *Rheology*, Vol. 52, No. 6, pp. 1347-1368, 2008.
- [26] D. O. A. Cruz, F. T. Pinho, Fully-developed pipe and planar flows of multimode viscoelastic fluids, *Non-Newtonian Fluid Mechanics*, Vol. 141, No. 2, pp. 85-98, 2007.
- [27] J. E. Mark, *Physical Properties of Polymers Handbook*, pp. 379-397, New York: American Institute of Physics, 1996.
- [28] P. Oliveira, F. T. Pinho, G. Pinto, Numerical simulation of non-linear elastic flows with a general collocated finite-volume method, *Non-Newtonian Fluid Mechanics*, Vol. 79, No. 1, pp. 1-43, 1998.
- [29] J. Favero, A. Secchi, N. Cardozo, H. Jasak, Viscoelastic flow analysis using the software OpenFOAM and differential constitutive equations, *Non-Newtonian Fluid Mechanics*, Vol. 165, No. 23, pp. 1625-1636, 2010.
- [30] S. V. Patankar, D. B. Spalding, A calculation procedure for heat, mass and momentum transfer in three-dimensional parabolic flows, *Heat and Mass Transfer*, Vol. 15, No. 10, pp. 1787-1806, 1972.
- [31] M. Ajiz, A. Jennings, A robust incomplete Choleski-conjugate gradient algorithm, *Numerical Methods in Engineering*, Vol. 20, No. 5, pp. 949-966, 1984.
- [32] J. Lee, S. Yoon, Y. Kwon, S. Kim, Practical comparison of differential viscoelastic constitutive equations in finite element analysis of planar 4: 1 contraction flow, *Rheologica Acta*, Vol. 44, No. 2, pp. 188-197, 2004.
- [33] P. J. Oliveira, F. T. Pinho, Analytical solution for fully developed channel and pipe flow of Phan-Thien–Tanner fluids, *Fluid Mechanics*, Vol. 387, No. 1, pp. 271-280, 1999.

ترتیب به میزان 1.7 برابر صعود و 2.8 برابر نزول میکند و مکان آن نیز در جهت جریان جابهجا میشود.

- 2- بیشترین اختلاف دمای جریان در حال توسعه سیال ویسکوالاستیک با دیواره کانال مربوط به نواحی گردابهای شکل و در مرکز بخش انبساطی کانال و مقدار آن 16 درجه سانتی گراد است.
- 3- بیشترین اختلاف دمای جریان سیال ویسکوالاستیک در مجاورت دیوارهای پایینی و بالایی بخش انبساطی کانال به ترتیب در انتهای گردابههای اول و دوم جریان واقع است.
- 4- با 10 برابر شدن عدد رینولدز و افزایش نیروی اینرسی در جریان غیرهمدمای سیال ویسکوالاستیک، بیشینه دمای سیال در مجاورت دیوارهای پایینی و بالایی بخش انبساطی کانال به ترتیب به میزان 3 و 2.2 برابر دمای دیوارهای پایین و بالا افزایش یافته و مکان آنها نیز در جهت جریان جابهجا می شود.
- 5- افزایش نیروی اینرسی سبب تولید گردابههای نامتقارن در جریان سیال ویسکوالاستیک میشود؛ در نتیجه عدد ناسلت محلی و میانگین برای دیوارهای پایینی و بالایی بخش انبساطی کانال متفاوت است.
- 6- نقطه بیشینه عدد ناسلت محلی برای دیوارهای بالا و پایین کانال در ناحیه در حال توسعه در بخش انبساطی کانال به ترتیب در انتهای گردابه اول و در انتهای گردابه دوم واقع می شود.
- 7- رشد 2.5 برابری عدد رینولدز برای نواحی گردابهای شکل نامتقارن در ابتدای بخش انبساطی کانال سبب افزایش 1.7 برابری مقدار بیشینه عدد ناسلت محلی برای دیوارهای پایینی و بالایی بخش انبساطی کانال شده و مکان آن نیز در جهت جریان جابهجا میشود.
- 8- تغییرات عدد ناسلت میانگین با عدد رینولدز در بخش انبساطی کانال واگرای ناگهانی متقارن تقریباً به صورت خطی است و در ناحیه گردابه بزرگتر مقدار عدد ناسلت میانگین کوچکتر است، همچنین شیب تغییرات عدد ناسلت میانگین برحسب عدد رینولدز برای دیوارهای پایینی و بالایی بخش انبساطی کانال به ترتیب 0.013 و 0.015 است.

7- مراجع

- P. J. Oliveira, Asymmetric flows of viscoelastic fluids in symmetric planar expansion geometries, *Non-Newtonian Fluid Mechanics*, Vol. 114, No. 1, pp. 33-63, 2003.
- [2] G. N. Rocha, R. J. Poole, P. J. Oliveira, Bifurcation phenomena in viscoelastic flows through a symmetric 1: 4 expansion, *Non-Newtonian Fluid Mechanics*, Vol. 141, No. 1, pp. 1-17, 2007.
- [3] M. M. Shahmardan, M. Norouzi, H. Hassanzadeh, A. Shahbani Zahiri, The influence of elastic property and inertial force on the length of vortices in viscoelastic fluid flow inside planar channel with the gradual expansion, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 15, No. 4, pp. 281-291, 2015. (in Persian فارسی)
- [4] M. Norouzi, A. Shahbani Zahiri, M. M. Shahmardan, H. Hassanzadeh, M. Davoodi, Investigation of stresses and normal stress differences behavior on symmetric and asymmetric polymeric fluid flow through planar gradual expansions, *Meccanica*, Vol. 52, No. 8, pp. 1889-1909, 2017.
 [5] M. Norouzi, M. M. Shahmardan, A. Shahbani Zahiri, Bifurcation
- [5] M. Norouzi, M. M. Shahmardan, A. Shahbani Zahiri, Bifurcation phenomenon of inertial viscoelastic flow through gradual expansions, *Rheologica Acta*, Vol. 54, No. 5, pp. 423-435, 2015.
- [6] F. T. Pinho, P. J. Oliveira, Analysis of forced convection in pipes and channels with the simplified Phan-Thien–Tanner fluid, *Heat and Mass Transfer*, Vol. 43, No. 13, pp. 2273-2287, 2000.
- [7] P. M. Coelho, F. T. Pinho, P. J. Oliveira, Fully developed forced convection of the Phan-Thien–Tanner fluid in ducts with a constant wall temperature, *Heat and Mass Transfer*, Vol. 45, No. 7, pp. 1413-1423, 2002.

Downloaded from mme.modares.ac.ir on 2024-05-03