



## تحلیل فرآیند نفوذ در اهداف هیبریدی سرامیک/نانو کامپوزیت

هادی شانظری<sup>۱</sup>, غلامحسین لیاقت<sup>۲</sup>, سعید فعلی<sup>۳</sup>

۱- دانشجوی دکتری، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

۲- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

۳- دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه رازی، کرمانشاه

\*تهران، صندوق پستی ۱۴۱-۱۴۱۱۵، ghlia530@modares.ac.ir

### چکیده

در این مقاله نفوذ پرتابه در اهداف سرامیک/نانو کامپوزیت به صورت تحلیلی مدل شده است. تحلیل براساس مدل چوکرون بوده که در این مدل جهت تعیین مقاومت سرامیک رویی از تئوری انبساط خفره استفاده شده و میزان مقاومت سرامیک رویی و تغییرات آن جن نفوذ بر این اساس تعیین شده است. همچنین مقادیر نیروی سطح مشترک سرامیک-کامپوزیت اصلاح شده است. کارآیی بالستیکی هدف سرامیکی نیز با اضافه کردن ذرات نانوزیرکونیا به ماتریس سخت کننده کامپوزیت پشتیبان، به صورت تحریبی و با انجام آزمایش هایی بررسی شده است. در این آزمایش های بالستیکی که به منظور تحلیل و مقایسه نتایج تحلیلی پرتابه فولادی به روی هدف سرامیک/کامپوزیت که سرامیک رویی، آلومینیا و کامپوزیت پشتیبان از الیاف بافتی شده و سخت شده با زین و با حضور نانوذرات سرامیکی از جنس زیرکونیا و به مقدار ۵٪ وزنی باشد بررسی شده است. نتایج نشان می دهد وجود نانوذرات زیرکونیا در ماتریس موجب بهبود کارآیی بالستیکی هدف می شود. نتایج تحلیلی حد بالستیک هدف نیز تطابق خوبی با آزمایش های انجام شده و نتایج دیگر محققین دارد.

### اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: ۰۹ تیر ۱۳۹۵

پذیرش: ۱۵ شهریور ۱۳۹۵

ارائه در سایت: ۱۸ مهر ۱۳۹۵

کلید واژگان:

نفوذ، سرامیک

نانو کامپوزیت

آزمایش تحریبی

مدل تحلیلی

## Analysis of penetration process in hybrid ceramic/nanocomposite targets

Hadi Shanazari<sup>1</sup>, Gholamhosein Liaghat<sup>1\*</sup>, Saeed Feli<sup>2</sup>

1- Department of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran

2- Department of Mechanical Engineering, Razi University, Kermanshah, Iran

\*P.O.B. 141-14115, Tehran, Iran, ghlia530@modares.ac.ir

### ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 29 June 2016

Accepted 05 September 2016

Available Online 09 October 2016

#### Keywords:

Perforation

Ceramic

Nanocomposite

Experimental

Analytical model

### ABSTRACT

In this paper, an analytical model has been developed for modeling high velocity impact on ceramic/nanocomposite targets. In this model, penetration resistance of ceramic is determined based on cavity expansion analysis and variables during perforation of projectile onto ceramic are considered. Also, the force of ceramic-composite interface is modified. Ballistic performance of the ceramic/composite target is investigated with addition and dispersion of nano particles of zirconia ( $ZrO_2$ ) in the matrix of back up composite. Ballistic impact tests were performed to validate the analytical predictions. These tests were performed by firing 10 mm steel flat ended projectile onto ceramic/composite target. Front layer is alumina ceramic and composite laminates of back up made of E-glass/epoxy with and without nano-zirconia particle of 5 wt%. The effect of nano-zirconia dispersion in the matrix for different failure modes is discussed. Experimental results revealed an improvement in the ballistic performance of samples with nano-zirconia particle. The analytical predictions of ballistic limit velocity and residual velocity of projectile are found to be in good agreement with the experimental results.

### بررسی مکانیزم نفوذ در کامپوزیت های سرامیکی و طراحی اهداف سرامیکی

کامپوزیتی کار پیچیده ای است که از سه روش تحریبی، شبیه سازی عددی و مدل سازی تحلیلی امکان پذیر است. استفاده از مدل های تحلیلی، از انجام

آزمایش های پر هزینه و وقت گیر در ساخت زره ها جلوگیری می نمایند و می تواند برآورد مناسبی از کارآیی زره داشته باشد. مدل های تحلیلی مختلفی

جهت شبیه سازی نفوذ پرتابه در اهداف سرامیکی انجام شده است. تیت [۱] در سال ۱۹۶۷ مدلی را جهت نفوذ پرتابه در اهداف سرامیکی، ارائه نمود. این

مدل براساس معادلات اصلاح شده برنولی در سیالات، جهت تعادل فشار روی سطح مشترک پرتابه - هدف می باشد. در سال ۱۹۹۰ وود وارد [۲] مدل یک

بعدی جهت نفوذ در زره های سرامیکی ارائه نمود. این مدل فرسایش سرامیک بعدی جهت نفوذ در زره های سرامیکی ارائه نمود. این مدل فرسایش سرامیک

در حیطه کاربردهای بالستیکی، بهبود کارآیی بالستیکی اهداف و سیستم های زرهی شامل کاهش وزن اهداف در عین افزایش مقاومت آن ها از جمله تحقیقات روز دنیاست. استفاده از سرامیک ها نظیر آلومینیا به عنوان صفحه رویی اهداف دو لایه از جمله روش های افزایش کارآیی بالستیکی است. سرامیک ها خواص مکانیکی فوق العاده ای دارند نظیر سختی استثنایی، استحکام فشاری بالا و دانستیه پایین و در حدود نصف استیبل. با این وجود سرامیک ها رفتار ترد و شکننده ای تحت تنشی های کششی دارند. نقش اصلی سرامیک در این برخورد شکست و فرسایش پرتابه است. کامپوزیت پشتی نیز انرژی جنبشی با قیمانده پرتابه و تکه های سرامیکی را جذب می کند.

### - مقدمه

Please cite this article using:

H. Shanazari, Gh. Liaghat, S. Feli, Analysis of penetration process in hybrid ceramic/nanocomposite targets, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 10, pp. 137-146, 2016  
(in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

H. Shanazari, Gh. Liaghat, S. Feli, Analysis of penetration process in hybrid ceramic/nanocomposite targets, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 10, pp. 137-146, 2016

با توجه به شرایط هندسی، نخ کاهش جرم پرتا به به دست می‌آید:

$$\frac{dM_p}{dt} = \rho_p A_p (v - \dot{x}) \quad (2)$$

که  $Y_p$  تنش تسلیم دینامیکی،  $A_p$  سطح مقطع پرتا به،  $\dot{x}$  سرعت ناحیه سطح مشترک پرتا به- سرامیک و  $\rho_p$  دانسیته پرتا به می‌باشد. با استفاده از معادله تیت معادله انرژی در فصل مشترک پرتا به/ سرامیک چنین بیان می‌شود:

$$Y_p + \frac{1}{2} \rho_p (v - \dot{x})^2 = R_t + \frac{1}{2} \rho_c \dot{x}^2 \quad (3)$$

که  $R_t$  مقاومت سرامیک می‌باشد.

#### فاز دوم

این مرحله در زمان  $t=6h/c$  شروع می‌شود و در این زمان کل هدف در کندر کردن پرتا به شرکت می‌کند. قسمت عقب پرتا به با سرعت  $v$  و سطح مشترک سرامیک- پرتا به با  $\dot{x}$  و مخروط با سرعت  $\dot{u}_0$  حرکت می‌کند. اختلاف بین  $v$  و  $\dot{u}_0$  آهنگ فرسایش پرتا به و تفاوت بین  $v$  و  $\dot{u}_0$  آهنگ نفوذ پرتا به به داخل مخروط سرامیکی را نشان می‌دهد.

معادلات حرکت پرتا به:

با توجه به سرعت سطح مشترک پرتا به/ سرامیک حین نفوذ دو حالت ممکن

است رخ دهد:

حالات اول:  $v < \dot{x}$

پس از تشکیل مخروط سرامیکی نفوذ پرتا به به درون حجمی از سرامیک آسیب دیده که استحکام فشاری آن کاهش یافته شروع می‌شود. پس از خرد شدن مخروط سرامیکی و از دست رفتن یکپارچگی و پیوستگی سرامیک، مقاومت آن کاهش می‌یابد. با استفاده از رابطه تیت معادله حاکم بر نفوذ چنین خواهد شد:

$$Y_p + \frac{1}{2} \rho_p (v - \dot{x})^2 = R_t + \frac{1}{2} \rho_c (\dot{x} - \dot{u}_0)^2 \quad (4)$$

که در رابطه فوق  $R_t$  مقاومت سرامیک خرد شده در برابر نفوذ پرتا به می‌باشد. چوکرون [4] در معادلات خود از استحکام تسلیم دینامیکی  $Y_p$  بجای مقاومت سرامیک در معادله تیت استفاده کرده است. حال در این تحقیق جهت برآورد دقیق تری از مقدار مقاومت سرامیک در برابر نفوذ  $R_t$  از تئوری انساط حفره مخصوص مواد ترد از جمله سرامیکها استفاده می‌گردد که در ادامه خواهد آمد. قابل ذکر است که شرایط اولیه در این مرحله با شرایط انتهایی فاز اول برابر است. معادله سوم نیز از شرایط هندسی و بقاء جرم و پیوستگی به دست می‌آید:

$$\frac{dM_p}{dt} = \rho_p A_p (v - \dot{x}) \quad (5)$$

حالات دوم:  $v = \dot{x}$

در فاز دوم حین نفوذ پرتا به ممکن است سرعت ناحیه سطح مشترک پرتا به/ سرامیک با سرعت انتهای پرتا به برابر شود یعنی  $v = \dot{x}$ . به عبارتی در این حالت سرعت ابتدا و انتهای پرتا به یکسان شده، پرتا به به صورت صلب رفتار کرده و فرسایشی ندارد. در این مرحله ممکن است دو حالت زیر اتفاق بیافتد:

وضعیت اول: سرعت نفوذ مخروط سرامیکی به کامپوزیت کوچکتر از سرعت پرتا به است  $\dot{u}_0 < v$ :

در این حالت اگر فشار ایجاد شده توسط پرتا به بیشتر از استحکام فشاری سرامیک باشد پرتا به به درون مخروط سرامیکی نفوذ می‌کند تا این که سرامیک به طور کامل فرسایش یابد. در اینجا معادله حرکت سرعت پرتا به زیر است:

و پرتا به را در نظر می‌گرفت و برآورد مناسبی از سرعت پرتا به، جرم کاهش یافته آن و نفوذ یا عدم نفوذ پرتا به و هدف ارائه می‌دهد. زائر [3] مدلی تحلیلی ارائه داد که اساس آن معادلات تیت براساس تئوری وود وارد مدل سرامیک هاست. در حالی که رفتار ماده پشتی براساس تئوری وود وارد مدل شده است. چوکرون [4] یک مدل یک بعدی ساده و کامل از برخورد بالستیک در مقابل کامپوزیت سرامیک ارائه کرد. این مدل، سرعت باقیمانده، جرم باقیمانده و سرعت پرتا به و تغییر مکان یا کرنش ماده پشتی را می‌دهد. لیاقت [5] مدلی تحلیلی اصلاحی ارائه کرد که اساس آن مدل وود وارد مدل با استفاده از روش تحلیل لامپدمس<sup>1</sup> سرعت حد بالستیک در اهداف سرامیکی با پشتبنده فازی با دقت خوبی پیش‌بینی شده است. فعلی و همکاران [6] نیز مدلی تحلیلی ارائه دادند که نفوذ پرتا به های سرتخت را در اهداف دولایه سرامیک/ کامپوزیت شبیه‌سازی می‌کند.

در این مقاله مدلی تحلیلی برای پیش‌بینی رفتار بالستیکی اهداف سرامیکی/ کامپوزیتی ارائه شده است. این فرمول‌بندی برای پرتا به های استوانه‌ای سر تخت و براساس مدل چوکرون و به کار بردن معادله برنولی می‌باشد. در این مدل نیروی وارد بر کامپوزیت اصلاح شده است. مقاومت به نفوذ سرامیک نیز طبق تئوری انساط حفره به طور دقیق‌تر تعیین شده است. تاثیر اضافه کردن ذرات سرامیکی نانو زیرکونیا به ماتریس بر روی کارآیی بالستیکی نیز بررسی شده است. تغییرات پارامترهای مختلف از جمله سختی و ضخامت سرامیک، سرعت پرتا به و زاویه مخروط سرامیکی در این ترکیب سرامیک/ نانوکامپوزیتی بررسی شده است.

## 2- مدل سازی نفوذ پرتا به

در این بخش ابتدا فرمول‌بندی مسئله بیان می‌گردد و سپس اصلاحات انجام شده مورد بحث قرار می‌گیرند.

### 2-1- فرمول‌بندی

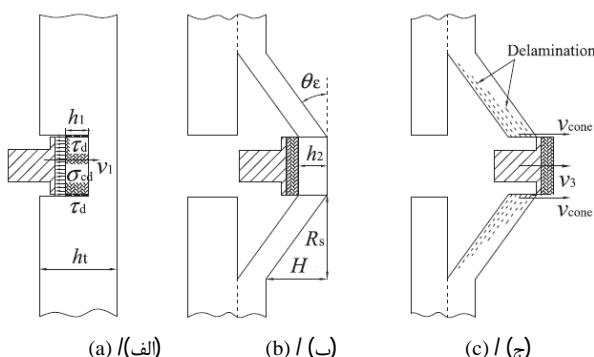
چنین فرض می‌شود که رفتار پرتا به صلب کاملاً پلاستیک است و شکل هندسی آن به صورت استوانه‌ای سرتخت است. ماده کامپوزیتی به صورت الیاف بافتی شده بوده و از انرژی لایه لایه شدن کامپوزیت صرف‌نظر شده است. مدل تحلیلی ارائه شده نفوذ پرتا به در سرامیک را طی دو فاز اصلی شامل اول برخورد پرتا به به سرامیک رویی، ایجاد ترک و تشکیل مخروط سرامیکی و دوم نفوذ پرتا به به مخروط سرامیکی و کامپوزیت پشتیبان مدل‌سازی می‌کند.

#### فاز اول

فاز اول از لحظه برخورد پرتا به به صفحه سرامیکی آغاز شده و تا شکست کامل سرامیک مخروطی شکل ادامه دارد. در حقیقت بالاصله پس از برخورد یک موج فشاری از جلو تا سطح عقبی آن با سرعت صوت عبور می‌کند. سپس این موج به صورت کشنشی انعکاس می‌یابد. به طوری که حین برگشت، سرامیک را در کشنش می‌شکند. دن ریجر [7] فرض می‌کند که در زمان  $t=6h/c$  یک مخروط سرامیکی تولید می‌شود که  $h$  ضخامت سرامیک و  $c$  سرعت صوت طولی است. در طول تغییر شکل مخروط سرامیکی، پرتا به فرسایش داده می‌شود. با استفاده از معادله حرکت سرعت پرتا به این چنین قابل محاسبه است:

$$M_p \frac{dv}{dt} = -Y_p A_p \quad (1)$$

<sup>1</sup> Lumped mass



**Fig. 1** Schematics of the stages of the perforation process. (a) first stage: shearing and compression; (b) second stage: stretching deformation; (c) end of the second stage [8]

شکل 1 شماتیک مراحل نفوذ (الف) مرحله برش و فشار، ب) مرحله کشش الیاف و ج) پایان مرحله دوم [8]

$$F_{1i} = \frac{\rho_t A_c \dot{u}_0^2}{8} = \frac{\pi \rho_t d_c^2 \dot{u}_0^2}{32} \quad (10)$$

بنابراین:

$$F_1 = F_{1s} + F_{1i} + F_{1c} \quad (11)$$

همانطور که در "شکل 1" نشان داده شده است مرحله دوم یا همان مرحله تغییر شکل کششی شروع می‌شود. در این مرحله موج فشاری ایجاد شده زمانی که به سطح پشتی کامپوزیت رسیده به صورت کششی برگشت می‌کند و در این زمان است که مرحله دوم آغاز می‌گردد. زمانی که موج تنش کششی برگشتی به سطح مشترک می‌رسد یک تغییر شکل کششی قابل توجهی در الیاف لایه‌های باقیمانده (که تحت تنش برشی وamanده نشده‌اند) ایجاد می‌شود. نیروی اینرسی عمل کننده برروی پرتابه حین تغییر شکل و حرکت مخروط شکل یافته برابر است با:

$$F_{2i} = \frac{\rho_t A_c \dot{u}_0^2}{8} = \frac{\pi \rho_t d_c^2 \dot{u}_0^2}{32} \quad (12)$$

نیروی کششی عمل کننده روی پرتابه از طرف الیاف و لایه‌های برش نخورد نیز به صورت زیر قابل محاسبه است:

$$F_{2L} = \pi d_c h \sigma_\epsilon \sin \theta \quad (13)$$

که  $h_3$  ضخامت لایه‌های برش نخورد است و  $E\epsilon = E\sigma_\epsilon$  می‌باشد.

بنابراین نیروی کل کششی چنین محاسبه می‌شود:

$$F_2 = F_{2i} + F_{2L} \quad (14)$$

## 2- تعیین مقاومت سرامیک براساس تئوری انبساط حفره برای مواد ترد-سرامیک‌ها - با ابعاد محدود

تئوری انبساط حفره اولین بار برای مواد انعطاف‌پذیر مانند فلزات که ترکی در آن‌ها اتفاق نمی‌افتد بررسی و استفاده گردید در حالی که برای مواد ترد نظری سرامیک‌ها ترک‌های شعاعی در نواحی خرابی خواهیم داشت. براساس میزان خرابی ایجاد شده در سرامیک، نواحی پاسخ دینامیکی براساس تئوری انبساط حفره مطابق "شکل 2" می‌باشد. در این شکل  $r$  شعاع از مرکز حفره یا پرتابه،  $h, a, b, c$  به ترتیب شعاع نواحی حفره، خرد شده، ترک خورده و الاستیک می‌باشد.  $\sigma_\theta$ ,  $\sigma_r$ ,  $\sigma_f$  به ترتیب تنش‌های شعاعی و محیطی و  $\sigma_c$  و  $Y$  هم استحکام کششی و استحکام فشاری سرامیک هستند. زمانی که تنش شعاعی در ناحیه دارای ترک از استحکام فشاری ماده بالاتر بود، این ماده دیگر نیروی برشی را بدون فشار محدود کننده نمی‌تواند تحمل کند. در اینجا سرامیک بعد از

$$M_{p,res} \frac{d\nu}{dt} = -R'_t A_c \quad (6)$$

که  $M_{p,res}$  جرم پرتابه در انتهای حالت قبل بوده و  $\nu$  پرتابه فرسایش ندارد ثابت می‌باشد.  $R'_t$  نیز استحکام دینامیکی سرامیک خرد شده می‌باشد.

وضعیت دوم: سرعت مخروط سرامیکی با سرعت پرتابه برابر شود زمانی که سرعت مخروط قبل از فرسایش کامل با سرعت پرتابه برابر شود، مخروط و پرتابه همانند یک پرتابه جدید با جرم و انرژی مجموع این دو به کامپوزیت پشتیبان نفوذ خواهد کرد. بنابراین در مدل‌سازی مجموع این دو جسم بعنوان پرتابه جدید لحاظ خواهد شد.

## 2- محاسبه نیروی اعمالی بر روی کامپوزیت پشتی

با توجه به لمینیت بودن کامپوزیت پشتی نیروی وارد بر پرتابه از ناحیه کامپوزیت را می‌توان به سه صورت فشاری، برشی و کششی در نظر گرفت. در حقیقت مکانیزم‌های اصلی نفوذ در کامپوزیت‌های لایه‌ای<sup>1</sup> برش پلاگ و واماندگی کششی است. زمانی که ضخامت صفحه کامپوزیتی بسیار نازک باشد، برش پلاگ تفاق نمی‌افتد و مکانیزم واماندگی تنها کشش الیاف خواهد بود. اما زمانی که ضخیم باشد و سرعت پرتابه به اندازه کافی بالا باشد، مکانیزم اصلی واماندگی همان برش پلاگ به همراه خرابی موضعی خواهد بود. با این حال مکانیزم نفوذ نوعاً تشكیل شده از هر دو مد واماندگی با یک حالت انتقالی بین این دو مد که در حقیقت وابسته به ضخامت کامپوزیت است. در مرحله اول نفوذ برش و فشار بر سطح کامپوزیت صفحه‌ای از زمان برخورد پرتابه به هدف آغاز می‌گردد و تا زمان رسیدن موج فشاری ایجاد شده به هدف(طی کردن کل ضخامت هدف) ادامه دارد. به عبارتی لایه‌های سطح مشترک در تماس با پرتابه که موج فشاری را حس کرده است با سرعت عرضی زیادی حرکت می‌کنند. اگر چه نواحی اطراف ناحیه مشترک نیز سرعت عرضی را حس می‌کنند اما این سرعت به مراتب از سرعت عرضی لایه‌های زیرین پرتابه کمتر است و همین امر از جمله دلایل برش الیاف می‌باشد. حین انتشار موج فشاری الیاف در گیر نیز بیشتر خواهد شد و بنابراین افزایش جرم آن‌ها را در پی خواهد داشت. در این حالت نیروی اینرسی ایجاد خواهد شد که خود بخشی از انرژی پرتابه را جذب می‌کند. همان‌طور که "شکل 1" نشان می‌دهد در این مرحله نیروی فشاری زیادی بین پرتابه و کامپوزیت ایجاد می‌شود. به عبارتی یک نیروی برشی در لبه‌های ناحیه سطح مشترک پرتابه/هدف ایجاد می‌شود.

جهت محاسبه نیروی فشاری دینامیکی داریم:

$$F_{1c} = \sigma_{cd} A_c = (1 + \beta \sqrt{\frac{\rho_t}{\sigma_c}} \dot{u}_0) A_c \sigma_c \quad (7)$$

از طرفی فرض می‌شود تنش برشی به طور خطی در کل ضخامت کامپوزیت کاهش می‌باشد. بنابراین داریم:

$$F_{1s} = \frac{\pi d_c \tau_d [h_t - x_2]}{2}, \quad 0 \leq x_2 \leq h_t \quad (8)$$

که  $h_t$  ضخامت کل کامپوزیت،  $x_2$  میزان نفوذ پرتابه و  $\tau_d$  استحکام برشی دینامیکی است که به صورت:

$$\tau_d = \tau_s + \mu \dot{v} \quad (9)$$

بیان می‌شود که در آن  $\dot{v}$  استحکام برشی شباهستاتیکی کامپوزیت و  $\mu$  ضریب ویسکوزیته و  $\lambda$  هم نرخ کرنش برشی است. نیروی اینرسی ناشی از شتاب جرم لایه‌های ناحیه تماسی در جهت حرکت پرتابه است. که به صورت زیر محاسبه می‌شود:

<sup>1</sup> laminate

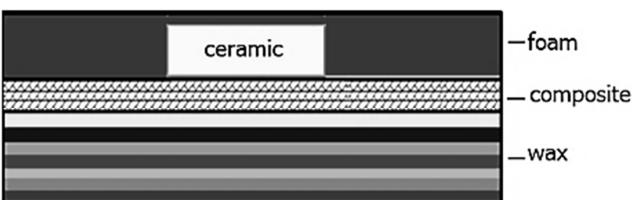
جهت ساخت نمونه‌ها ابتدا کامپوزیت پشتی در دو مرحله ساخته شد. ابتدا ذرات نانو زیرکونیا با رزین اپوکسی به میزان ۵٪ وزنی ترکیب شده و با استفاده از همزن به مدت ۲ ساعت در دور ۲۰۰۰ دور بر دقیقه مخلوط و یکنواخت شدند و سپس در آون تحت خلاء جهت جبارزدایی نگهداشته شدند. بعد از کامپوزیت پشتی به مقدار  $150 \times 150$  میلی‌متر برش خوردن. سرامیک رویی نیز با ابعاد  $50 \times 50$  میلی‌متر تهیه شدند جهت بهتر نگهداشتن سرامیک بر روی کامپوزیت و به جهت جلوگیری از پاشش سرامیک بعد از برخورد پرتا به، یک فوم فشرده به ابعاد  $150 \times 150$  میلی‌متر با یک سوراخ به ابعاد  $50 \times 50$  در وسط، همان‌طور که در "شکل ۴" نشان داده شده است، بر روی هدف جای‌گذاری شده است. در انتها مجموعه در یک قالب قرار گرفته و تحت فشار پرس تا زمان سخت شدن نگهداشته می‌شود. نمونه‌ها دارای سه ضخامت سرامیک رویی ۵ و ۸ و ۱۰ میلی‌متر و دو ضخامت اسمی کامپوزیت پشتی ۳ و ۵ میلی‌متر هستند. کامپوزیت با ضخامت ۳ میلی‌متر دارای ۱۴ لایه و نمونه با ضخامت ۵ میلی‌متری دارای ۲۴ لایه الیاف بافت شده شیشه می‌باشد. "شکل ۳" شماتیکی از آزمایش نشان داده شده است.

برای کلیه تست‌ها از یک لایه ضخیم مومنه‌ای رنگی در پشت هدف جهت اندازه‌گیری میزان تروما و پروفیل برآمدگی ایجاد شده استفاده شده است. نمونه آن در "شکل ۴" نشان داده است. در آزمایش‌های انجام شده از پرتا به قطر ۱۰ و ارتفاع ۱۵ میلی‌متر و وزن ۲.۹ گرم استفاده شده است. جنس پرتا به از فولاد سخت شده تا ۶۰ راکول و به صورت سرتخت می‌باشد.

برای انجام آزمایش‌های برخورد بالستیکی از دستگاه تنفس گازی موجود در آزمایشگاه ضربه دانشگاه تربیت مدرس استفاده شده است. در این دستگاه به‌منظور اندازه‌گیری سرعت اولیه از یک جهت منبع نور لیزر و دیود و دیود حساس نوری که متصل به یک دیتا لاگر است، استفاده می‌کند. برای تأمین سرعت موردنیاز از فشار گاز موجود در مخزن استفاده می‌گردد. در این مخزن با توجه به نیاز به سرعت بالا (بدلیل استفاده از اهداف مقاوم سرامیکی) از گاز خنثی هلیوم استفاده شده است.

#### ۴- نتایج و بحث

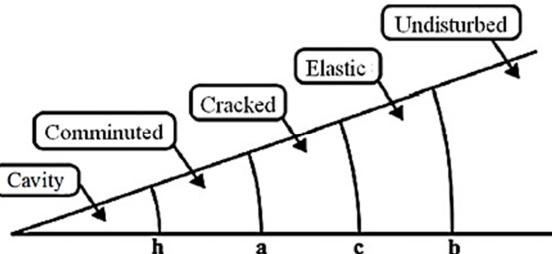
در این بخش به بررسی و مقایسه نتایج مدل تحلیلی این تحقیق با تئوری‌های



شکل ۳ شماتیکی از نمونه هدف سرامیک/کامپوزیت ساخته شده و چیدمان لایه‌ای



شکل ۴ هدف سرامیکی/کامپوزیتی ساخته شده: نمای جلو(چپ)، سطح پشتی (وسط)، و موم رنگی(راست)



شکل ۲ نواحی پاسخ در اهداف سرامیکی

شکست با ماده مور-کلمب مدل می‌شود [۹]. بنابراین داریم:

$$\tau = \lambda p, \quad \frac{\sigma_r - \sigma_\theta}{2} = \lambda \frac{(\sigma_r + 2\sigma_\theta)}{3} \quad (15)$$

که  $p$  فشار و  $\lambda$  ضریب برش- فشار در معادله فوق است. معادله تعادل در این ناحیه نیز به صورت رابطه (۱۶) است:

$$d\sigma_r + 2 \frac{\sigma_r - \sigma_\theta}{r} = 0 \quad (16)$$

با حل هم‌زمان معادله (۱۴) و (۱۵) و استفاده از شرط مرزی در این ناحیه،

تشنج شعاعی حاصله به صورت زیر خواهد بود:

$$\sigma_r = -Y \left( \frac{a}{r} \right)^{2\alpha} \quad (17)$$

بنابراین مقاومت هدف به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$R_t = Y \left( \frac{a}{h} \right)^{2\alpha}, \quad \alpha = \frac{6\gamma}{3 + 4\gamma} \quad (18)$$

که  $\gamma$  ضریب فشار- برش در سرامیک می‌باشد. اگر هدف بی‌نهایت باشد یعنی  $a \rightarrow b$  آن‌گاه مقاومت هدف را می‌توان چنین محاسبه کرد:

$$R_t = Y \left[ \frac{\frac{E}{3Y}}{\left( 1 - \sqrt{\frac{\sigma_f}{Y} \frac{(1-\theta)}{\sqrt{2}}} \right)} \right]^{2\alpha/3} \quad (19)$$

پس از تعیین مقاومت به نفوذ سرامیک در هر برخورد، تغییرات این پارامتر در طول فرآیند هر برخورد نیز طبق معادله تعیین شده توسط دن ریجر محاسبه و در مدل تحلیلی اعمال می‌گردد:

$$R'_t = R_t \left( \frac{\dot{x} - \dot{u}_0}{\dot{x}_1} \right)^2 \quad (20)$$

که در آن  $\dot{u}_0$  سرعت سطح مشترک سرامیک-کامپوزیت و  $\dot{x}$  سرعت نفوذ در انتهای فاز یک می‌باشد.

#### ۳- آزمایش‌های بالستیک

هدف هیبریدی سرامیک/نانوکامپوزیت با ترکیب سرامیک به عنوان صفحه رویی و کامپوزیت شامل الیاف پلیمری سخت شده در ماتریس به عنوان ماده پشتی، تعریف می‌شود. در این تحقیق آلومینیا ۹۹٪ به عنوان سرامیک رویی و الیاف بافت شده شیشه و سخت شده بازیزین داری ذرات نانو از جنس زیرکونیا<sup>۱</sup> می‌باشد.

ذرات نانوی مورد استفاده در این تحقیق، در نمونه‌های نوع سوم، از جنس ذرات سرامیکی زیرکونیا می‌باشند. این ذرات در حقیقت اکسید زیرکونیوم هستند و همانند آلومینیا ساختار سرامیکی دارند. این ذرات در ابتدا به صورت ذرات با اندازه میکرون (کمتر از ۳۰ میکرون) تهیه شدند و بعد با فرآیند آسیا کاری در آسیاب سیاره‌ای به اندازه ذرات کمتر از صد نانومتر رسیدند. مقدار ذرات نانو ۵٪ وزنی در ترکیب رزین در نظر گرفته شده است.

<sup>۱</sup> Zirconia( $ZrO_2$ )

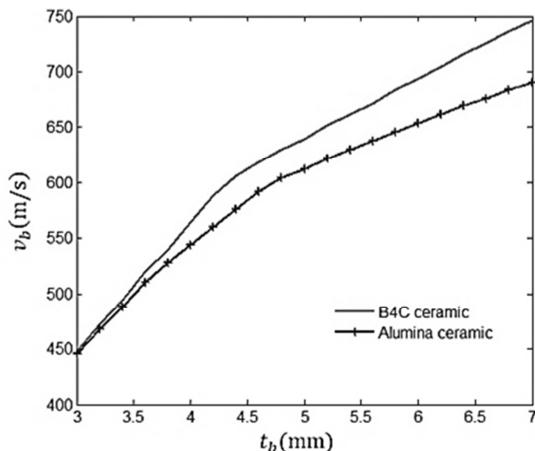


Fig. 6 Comparsion of ballistic limit vs. backing thickness for two different ceramics with different hardness  
شکل ۶ مقایسه سرعت حد بالستیک هدف بر حسب ضخامت ماده پشتی در دو سرامیک مختلف با سختی متفاوت

تغییر ضخامت کامپوزیت را برای این دو سرامیک نشان می‌دهد. در این نمودار، در سرعت‌های پابین تر، اختلاف بین این دو منحنی کم و در سرعت‌های بالاتر، بیشتر است. طبق تئوری اصلاحی ارائه شده در حالتی که انرژی و سرعت برخورد پرتا به زیاد باشد تا حدی که فرسایش سرامیک را در پی داشته باشد، آن‌گاه مقاومت به نفوذ هدف در حالت استفاده از سرامیک برون کارباید بیشتر بوده و سرعت حد بالستیک در این حالت بیشتر خواهد بود. اما زمانی که انرژی و سرعت برخورد پرتا به اندازه‌ای نباشد که فرسایش سرامیک را موجب شود، آن‌گاه استفاده از سرامیک آلومنیا و یا برون کارباید تفاوت زیادی در مقاومت به نفوذ هدف نخواهد داشت. پس آن‌چه در این جا مهم است این است که سختی سرامیک بیشتر در حالت فرسایش سرامیک موثر واقع می‌شود.

#### 4- نتایج آزمایش برخورد بالستیکی

در این بخش به بررسی آزمایش‌های انجام شده و نتایج حاصل از آن و مقایسه با نتایج تئوری پرداخته می‌شود. پارامترهایی نظیر سرعت خروج پرتا، زاویه شکست مخروط، ابعاد ترومای ایجاد شده در پشت، جرم پاقیمانده پرتا، نحوه شکست و خرابی از جمله پارامترهایی هستند که با دیگر نتایج آزمایش‌ها و همچنین با نتایج مدل تحلیلی ارائه شده مقایسه شده و پیرامون آن بحث مبسوطی صورت گرفته است.

#### 4-2-1- اندازه‌گیری و مقایسه برآمدگی<sup>2</sup> کامپوزیت پشتی

در این بخش میزان ترومای ایجاد شده در دو حالت تغییرات ضخامت سرامیک و تغییرات سرعت برخورد بررسی و مقایسه می‌شوند. سه نمونه ضخامت سرامیک 5 و 8 و 10 میلی‌متر در سرعت برخورد یکسان و ضخامت کامپوزیت پشتی یکسان در نظر گرفته می‌شوند. در آزمایش‌های مد نظر سرعت برخورد برابر 190 متر بر ثانیه و ضخامت ماده پشتی سه میلی‌متر می‌باشد. جدول 2 میزان ترومای ایجاد شده در این سه نمونه آزمایش را در مقایسه با مدل تحلیلی ارائه شده نشان می‌دهد. همان‌طور که نتایج نشان می‌دهد میزان ترومای ایجاد شده با افزایش ضخامت سرامیک روی (یا ثابت ماندن دیگر پارامترها) کاهش می‌یابد و این نشان‌دهنده میزان جذب انرژی بیشتر توسط هدف می‌باشد.

<sup>2</sup> trauma

دیگر محققین و همچنین نتایج تجربی موجود پرداخته می‌شود. نتایج آزمایش‌های انجام شده نیز ارائه و تحلیل و بحث مبسوطی صورت گرفته است.

#### 4-1-4- مقایسه نتایج مدل تحلیلی ارائه شده با دیگر مدل‌های تحلیلی و تجربی

در نمودار "شکل 5" سرعت حد بالستیک هدف، به دست آمده از مدل تحلیلی ارائه شده با مدل کانگ [10] و نتایج تجربی ویلکینز [11] مقایسه شده است. در آزمایش‌های ویلکینز پرتا به فولادی با قطر 62.7 میلی‌متر و جرم 12.8 گرم به ترکیب با سرامیک رویی آلومنیا و ماده پشتی کامپوزیت با الیاف شیشه (FRP) و در آزمایش‌های انجام شده توسط هترینگتون [12] پرتا به فولادی با قطر 7.12 میلی‌متر و جرم 6.48 گرم به ترکیب با سرامیک رویی آلومنیا و ماده پشتی کامپوزیت با الیاف شیشه برخورد می‌کند. همان‌گونه که این نمودار نشان می‌دهد با انجام اصلاحات ذکر شده در بخش تئوری، مدل تحلیلی ارائه شده نتایج حد بالستیک را با دقت بیشتری نسبت به مدل کانگ پیش‌بینی کرده و به واقعیت و نتایج تجربی نزدیک است. در جدول 1 سرعت خروجی پرتا به مدل اصلاحی با مدل نایک [13] مقایسه شده است. در این مقایسه دوازده آرایش هدف سرامیک/کامپوزیت با توجه به آزمایش‌های بالستیکی انجام شده توسط هترینگتون [12] در نظر گرفته شده است. در این تست‌ها ضخامت سرامیک و کامپوزیت پشتی متغیر لحاظ شده است. ابعاد سرامیک 50×50 میلی‌متر و ابعاد کامپوزیت پشتی 150×150 میلی‌متر، جرم پرتا به 48.6 گرم و قطر پرتا به  $d=12.7$  میلی‌متر می‌باشد. همان‌طور که مشاهده می‌شود. تطابق مناسبی بین نتایج مدل اصلاحی و نتایج تجربی و تئوری نایک مشاهده می‌شود به نحوی که در بیشتر آزمایش‌ها درصد خطای مدل تحلیلی ارائه شده نسبت به مدل تحلیلی نایک کمتر است.

4-1-1- تاثیر سختی سرامیک رویی بر روی کارآیی بالستیکی سختی سرامیک نیز پارامتر مهمی در تعیین کارآیی بالستیکی اهداف سرامیک/کامپوزیت است. بهمنظور بررسی و مقایسه این پارامتر، دو نوع سرامیک مختلف، آلومنیا و سرامیک برون کارباید<sup>1</sup> با سختی‌های متفاوت در دو برخورد در نظر گرفته می‌شوند. "شکل 6" تغییرات حد بالستیک بر حسب

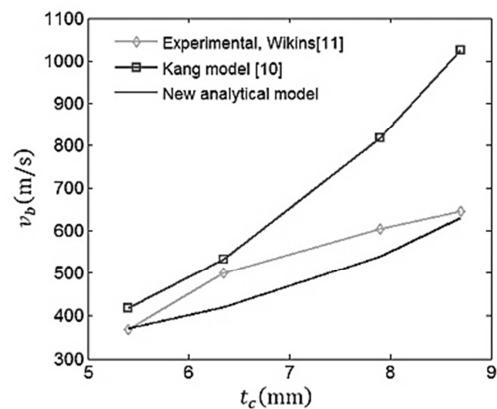


Fig 5 Comparison of ballistic limit vs. ceramic thickness of new analytical and experimental [11] and theoretical [10] results at  $t_b=4.0$  mm of composite

شکل 5 مقایسه سرعت حد بالستیک بر حسب ضخامت سرامیک مدل ارائه شده با نتایج تجربی مرجع [11] و تئوری مرجع [10] در ضخامت کامپوزیت [10]

<sup>1</sup> B<sub>4</sub>C

جدول 1 مقایسه سرعت باقیمانده پرتابه مدل ارائه شده با نتایج تجربی [12] و مدل تحلیلی نایک [13]

Table 1 Comparison of the residual velocity obtained with new analytical model with experimental [12] and analytical model of Naik [13]

شماره نمونه	ضخامت سرامیک mm	سرعت برخورد m/s	تجربی	سرعت باقیمانده (m/s) مدل نایک	مدل جدید	خطای مدل جدید %	خطای مدل نایک %
1	4	5	893	6.850	849	2	2.2
2	4	8	882	5.819	836	2.1	8.0
3	4	10	881	4.799	827	1.3	3.0
4	6	5	880	3.818	796	5.0	3.2
5	6	8	893	7.810	809	9.0	1.1
6	6	10	878	7.75	794	5.4	2
7	9	5	898	8.793	758	4.9	5.14
8	9	8	880	7.753	740	5.12	5.14
9	9	10	889	4.735	742	5.19	4.18

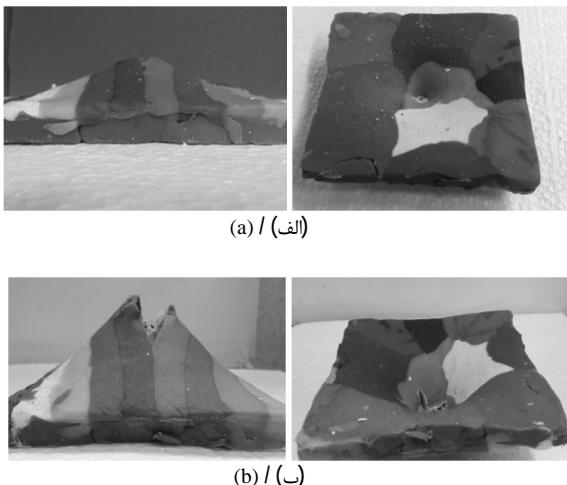


Fig.7 Front and back view of created trauma in colored clay back up the composite at impact velocity of 190m/s and ceramic thickness (a) 10mm and (b)5mm.

شکل 7 ترومای ایجاد شده در خمیر پشتی هدف سرامیکی در دو نمای جانبی و رویرو با سرعت برخورد 190 m/s و ضخامت سرامیک (a) 10mm و (b) 5 mm

جدول 3 مقایسه ابعاد مخروط ایجاد شده در سرعت مختلف. (مدل تحلیلی و آزمایش)

Table 3 Comparison of backing trauma of experimental and new analytical model at different impact velocity

کد نمونه	ارتفاع مخروط پشتی (mm)	سرعت پرتابه m/s	سرعت پرتابه آزمایش	مدل ارائه شده
T1015-03	190	15	10.5	
T1015-08	260	24	21.2	
T1015N-06	288	29	26.1	

#### 4-2-4- مقایسه سرعت خروجی پرتابه

در تست‌های بالستیک انجام شده در چهار مورد پرتابه از هدف سرامیک/ کامپوزیت خارج شد. در جدول 4 مخصوصات ترکیب و سرعت‌های برخورد و خروجی آمده است. از این پنج آزمایش در یک حالت سرعت خروج توسط سنسورها به درستی اندازه‌گیری و ثبت نشد که این می‌تواند به دلیل از هم پاشیدگی و خرد شدن زیاد پرتابه و سرامیک هنگام خروج و عدم تشخیص درست سنسورهای سرعت باشد. آزمایش شماره 11 و 13 (دو ردیف اول جدول) نشان می‌دهد با وجود این که سرعت برخورد آزمایش 11 کمتر از 12

جدول 2 مقایسه ترمومای کامپوزیت پشتی بر حسب ضخامت سرامیک در سرعت برخورد 310 m/s

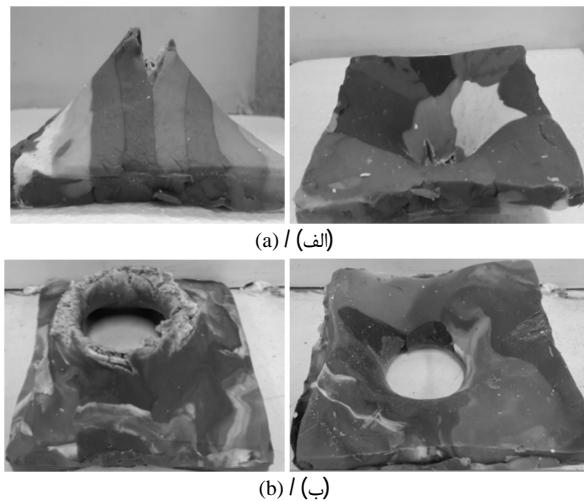
Table 2 Comparison of results of experimental and new analytical model of backing trauma at 310 m/s

کد نمونه	ضخامت سرامیک mm	میزان برآمدگی پشت (mm)	آزمایش مدل تحلیلی	آزمایش خروج پرتابه
T0524-13	5	74.5		
T0824-14	8	65.7		
T1024-15	10	29.6		

"شکل 7" مقدار ترمومای ایجاد شده در موم قرار گرفته در پشت هدف را در دو نمونه ضخامت متفاوت نشان می‌دهد. همان‌طور که مقایسه نتایج آزمایش انجام شده و مدل تحلیلی ارائه شده نشان می‌دهد تطابق خوبی بین این دو وجود دارد. شکست و فرسایش پرتابه نیز با توجه به مقاومت فشاری سرامیک در برابر نفوذ متفاوت است. در نمونه‌های ذکر شده با افزایش ضخامت سرامیک، میزان فرسایش و شکست پرتابه نیز افزایش می‌یابد. نکته قابل تأمل و قابل مشاهده در این تست‌ها این است که با کاهش ضخامت سرامیک افت زیادی در مقاومت سرامیک و کارآیی بالستیکی هدف دیده می‌شود.

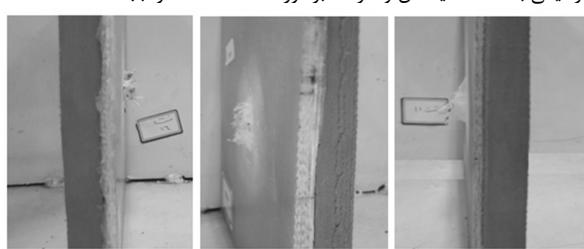
جهت مقایسه ترمومای ایجاد شده بر حسب سرعت برخورد در سه تست مدنظر، اثر سرعت برخورد بر روی ارتفاع و قاعده مخروط ایجاد شده در کامپوزیت پشتی مقایسه شده اند. این نتایج در جدول 3 با نتایج مدل تحلیلی مقایسه شده اند. همان‌گونه که نتایج نشان می‌دهد با افزایش سرعت برخورد میزان ارتفاع و قاعده مخروط ایجاد شده افزایش می‌یابد.

همچنین "شکل 8" میزان تخریب سرامیک رویی را در اثر افزایش سرعت برخورد نشان می‌دهد. همان‌گونه که مشخص است میزان تخریب، ترک‌های شعاعی و ترک‌های محیطی ایجاد شده در سرامیک با افزایش سرعت برخورد افزایش می‌یابد. همان‌طور که در این شکل مشاهده می‌شود در اثر برخورد پرتابه به هدف، سطح برخورد پرتابه به هدف به صورت دایره می‌باشد و در محل تماس پرتابه به سرامیک میزان خرد شدن سرامیک بیشتر بوده و با فاصله گرفتن از مرکز سرامیک تکه‌های خرد شده سرامیک، بزرگ‌تر می‌باشند. ترک‌های شعاعی نیز به‌وضوح دیده می‌شوند. علاوه بر ترک‌های شعاعی در روی سطح سرامیک، ترک‌های محیطی، مخروطی و ترک در ضخامت سرامیک هم ایجاد شده است که در اثر برگشت امواج تنشی از کناره‌های سرامیک می‌باشد.



**Fig. 9** Front and back view of deformation and cone formed at the colored clay of back up composite in the same target thickness and impact velocity (a) 190m/s and (b) 310 m/s

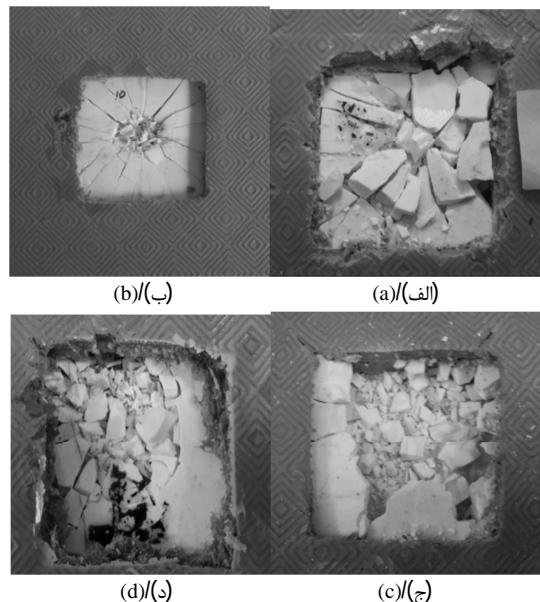
شکل 9 نمای پشت و جلوی تغییر شکل و مخروط ایجاد شده در موم پشتی سرامیکی با ضخامت یکسان و سرعت برخورد: (الف) 190m/s و (ب) 310m/s



**Fig. 10** Failure of backup composite from side view after penetration of projectile

شکل 10 نحوه شکست کامپوزیت پشتی از نمای جانبی در اثر عبور پرتابه

زاویه مخروط سرامیک تشکیل شده از پارامترهای مهم و موثر در فرآیند نفوذ در سرامیک‌هاست. در این قسمت تغییرات زاویه شکست مخروطی در سرامیک در دو حالت برحسب سرعت اولیه برخورد و همچنین ضخامت سرامیک محاسبه و مقایسه شده‌اند. لازم به ذکر است محاسبه زاویه مخروط ایجاد شده در اثر شکست، کمی مشکل بوده و این کار با دقت بر روی سرامیک‌های باقیمانده بر روی هدف و یا از کنار هم قرار دادن تکه‌های شکسته شده در اثر برخورد انجام گرفته است. جهت بررسی و مقایسه نتایج چهار تست انجام شده در نظر گرفته می‌شوند. در این آزمایش‌ها شرایط هدف یکسان بوده و تنها سرعت برخورد پرتابه به هدف متفاوت است. پس از اندازه‌گیری زاویه، مقدار زاویه و مشخصات نمونه آزمایش در جدول 5 نشان داده شده است. همان‌طور که داده‌ها در این جدول نشان می‌دهد با افزایش سرعت برخورد زاویه شکست مخروط سرامیک کاهش می‌یابد. با توجه به این که در سرعت‌های برخورد بالاتر فرسایش بیشتر سرامیک اتفاق می‌افتد، بعد موثر مخروط‌های سرامیکی جدید با ابعاد کوچک‌تر تشکیل می‌شوند. سرامیک، مخروط‌های سرامیکی نیز در تحقیقی نشان دادند که با افزایش سرعت برخورد قسمت تخریب شده حول ناحیه برخورد بیشتر شده و مخروط سرامیکی کوچک‌تر با زاویه کمتری تشکیل می‌شود. در مدل تحلیلی بدليل این که سرعت‌های برخورد کمتر از 600 متر بر ثانیه هستند زاویه برخورد ثابت و برابر 68 درجه می‌باشد. نتایج نشان می‌دهد تطابق نزدیکی بین زوایای به دست آمده از آزمایش و نتوری وجود دارد. همچنین مقدار زاویه مخروط



**Fig 8** Comparison of ceramic fragmentation and the pattern of formed cracks(radial, circumferential, cone) after impact for impact velocities (a)190 m/s, (b) 260 m/s, (c) 288 m/s and (d) 310 m/s

شکل 8 مقدار و نحوه شکست سرامیک روبی و تشکیل ترک‌های شعاعی، محیطی و مخروطی ایجاد شده در سرعت برخورد: (الف) 190m/s (ب) 260m/s (ج) 288m/s (د) 310m/s

جدول 4 مقایسه سرعت باقیمانده پرتابه (مدل تحلیلی جدید و آزمایش)

**Table 4** Comparsion of residual velocity of projectile (experimental and new analytical model)

کد نمونه آزمایش	سرعت برخورد m/s	سرعت باقیمانده پرتابه آزمایش	مدل تحلیلی
T0515-11	288	216	175
T0524-13	310	213	190
T0524-16	288	عدم اندازه گیری	168
T0815-09	260	0	0
T1024-15	310	0	0

است ولی سرعت باقیمانده پرتابه بیشتر است که البته این به دلیل ضخامت بیشتر ماده پشتی در تست 13 می‌باشد. در این جدول سرعت باقیمانده پرتابه حاصل از محاسبات تئوری مدل ارائه شده در این تحقیق نیز جهت مقایسه آمده است. همان‌گونه که نتایج نشان می‌دهد تطابق نسبتاً خوبی بین نتایج وجود دارد. در نمونه آزمایش 13 سرعت خروج حدود 10% و در آزمایش 11 حدود 18% کمتر از مدل تحلیلی تخمین زده شده است. در "شکل 9" تغییر شکل و پاره شده خمیر پشتی در دو نمونه آزمایش با سرعت‌های 190 و 310 متر بر ثانیه نشان داده شده است.

همان‌طور که مشخص است شدت تغییر شکل در حالت سرعت بالاتر، بیشتر و قابل توجه است. نکته قابل توجه در نمونه هایی که پرتابه خارج شده این است که پرتابه تقریباً به لحظه ظاهری سالم و تنها تغییر شکل اندکی در نوک پرتابه حاصل شده است. در "شکل 10" نیز نمای جانبی هدف سرامیکی که در اثر عبور پرتابه موج شکست کامپوزیت شده است نشان داده شده است.

### 3-2-4 - مقایسه زاویه شکست ایجاد شده در سرامیک

حقیقت با افزایش سرعت برخورد، نیروی سطح مشترک پرتا به سرامیک افزایش یافته و موجات فرسایش و شکستگی بیشتر پرتا به را به همراه دارد. با کاهش سرعت پرتا به و رسیدن به سرعت موج پلاستیک و کمتر از آن، دیگر فرسایش پرتا به اتفاق نمی‌افتد و در این حالت پرتا به تنها تغییر شکل می‌دهد 25.1 و حالت قارچی شکل به خود می‌گیرد. اگر قطر حالت قارچی شکل به برابر قطر اصلی پرتا به برسد پرتا به در ناحیه سر دچار برش خواهد شد. در صورتی که سرعت پرتا به آنقدر کم باشد که نیروی سطح مشترک آن با سرامیک از نیروی تغییر شکل و فرسایش پرتا به کمتر شود پرتا به حالت صلب بخود می‌گیرد و دیگر تغییر شکل و فرسایشی نخواهد داشت.

#### 4-5-1 اثر حضور نانوذرات زیرکونیا در کامپوزیت پشتی

جهت تاثیر حضور ذرات نانو در صفحات کامپوزیت پشتیبان سرامیک بر روی کارآیی بالستیکی، مقدار ارتفاع و قاعده برآمدگی ایجاد شده در کامپوزیت پشتی در چند نمونه آزمایش انجام شده اندازه‌گیری و مقایسه مقاومت نیز است. همان‌طور که در فصل پیشین اشاره شد نانوذرات اضافه شده به رزین از جنس زیرکونیا یا اکسید زیرکونیوم که خود نوعی سرامیک است می‌باشد. درصد نانوی ترکیب نیز ۵٪ در نظر گرفته شد و این مقدار با توجه به مطالعات صورت گرفته پیرامون اثر نانوذرات از جنس‌های مختلف بر روی کارآیی بالستیکی کامپوزیت‌های پلیمری به دست آمد که نشان می‌دهد مقدار بهینه درصد نانو حدود ۳ تا ۵ درصد می‌باشد. در حقیقت در این تحقیق، اثر حضور ذرات نانو بر روی کارآیی بالستیکی هدف در حالت بهینه آن، مورد بحث، بررسی و آزمایش قرار گرفته است و بر روی تعیین مقدار بهینه درصد نانو، آزمایش انجام نشده است. جدول 8 در سه تست انجام شده با سه ضخامت سرامیک مختلف، مقدار ارتفاع و قاعده برخورد (ترومای) ایجاد شده در کامپوزیت را در دو حالت بدون نانو و با حضور ذرات نانو مقایسه کرده است. مقدار ضخامت کامپوزیت پشتی ثابت و برابر ۳ میلی‌متر می‌باشد. سرعت

جدول 7 مقایسه جرم باقیمانده پرتا به در سرعت‌های مختلف (آزمایش و مدل تحلیلی)

Table 7 Comparsion of residual mass of projectile at different impact velocity (analytical model and experimental)

کد نمونه	سرعت برخورد (m/s)	جرم باقیمانده پرتا به (گرم)	آزمایش	مدل تحلیلی
T0815-09	260	5.2		3.5
T0815-05	288	3.67		3.15
T1024-15	310	2.43		2.1

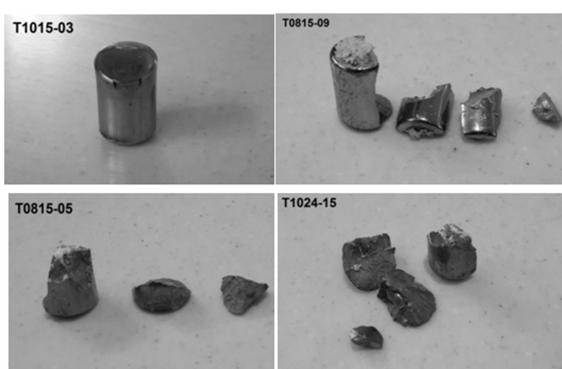


Fig. 11 Erosion and deformation of projectile after impact at different velocities shown in Tab.7

شکل 11 فرسایش و تغییر شکل پرتا به پس از برخورد در سرعت‌های مختلف

جدول 7 و طبق کد آزمایش نشان داده شده در تصویر

جدول 5 مقایسه زاویه شکست مخروط در سرعت برخورد مختلف.

Table 5 Comparison of angle ceramic cone at different impact velocity.

کد نمونه	سرعت برخورد (m/s)	زاویه شکست مخروط
T1015-03	190	66
T1015-08	260	63
T1015N-06	288	61
T1024-15	310	60

سرامیکی ایجاد شده بر حسب ضخامت سرامیک رویی اندازه‌گیری شده است. مطابق جدول 6 این زاویه در سه ضخامت سرامیک ۵ و ۸ و ۱۰ میلی‌متر مقایسه شده است. سرعت برخورد در این نمونه‌ها یکسان و برابر ۱۹۰ متر بر ثانیه در نظر گرفته شده است.

نتایج نشانگر آن است که با افزایش ضخامت سرامیک زاویه شکست نیز افزایش می‌یابد. در حقیقت زمانی که ضخامت سرامیک بیشتر باشد مقاومت سرامیک در برابر نفوذ و ضربه پرتا به بیشتر خواهد بود و فرسایش کمتری در سرامیک ایجاد می‌شود و در بنابراین ابعاد مخروط سرامیکی و در نتیجه زاویه شکست آن بیشتر خواهد شد.

4-2-4- محاسبه و مقایسه جرم باقیمانده پرتا به در اثر برخورد در سرامیک برخلاف اهداف داکتاپل نظیر انواع کامپوزیتها و فلزات، پرتا به پس از برخورد فرسایش یافته و شکسته می‌شود. در حقیقت به دلیل سختی بالای سرامیک در اثر برخورد بالستیک، سرامیک خود شکسته و همچنین باعث فرسایش و شکست پرتا به نیز می‌شود. در ناحیه سطح مشترک پرتا به از سرامیک نیز دما بالا رفته و حتی باعث ذوب موضعی پرتا به نیز می‌شود. این فرآیند در عمل نیز در تست‌های انجام شده مشاهده می‌شد به این صورت که پس از برخورد، ناحیه سطح مشترک پرتا به با هدف به شدت داغ بوده و اثرات فرسایش نیز قابل مشاهده بود.

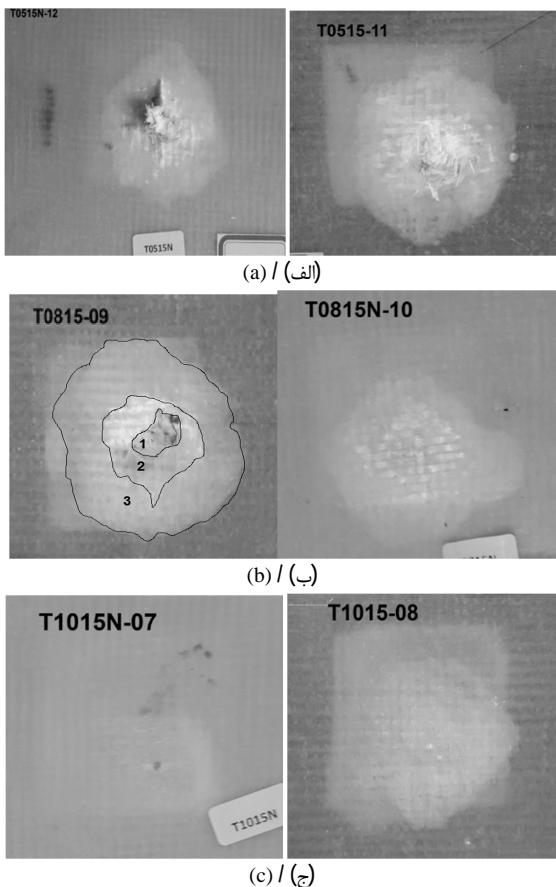
"شکل 11" نمایی از شکست پرتا به در اثر برخورد به هدف سرامیکی با سرعت برخوردهای مختلف را نشان می‌دهد. جدول 7 جرم باقیمانده پرتا به در اثر برخورد در سه نمونه آزمایش با مشخصات و کد نمونه اشاره شده را نشان می‌دهد. در این جدول داده‌های به دست آمده از آزمایش با نتایج حاصله از مدل تحلیلی ارائه شده نیز مقایسه شده است. همان‌طور این جدول و "شکل 11" نشان می‌دهد با افزایش سرعت برخورد، میزان شکستگی و فرسایش پرتا به افزایش می‌یابد.

در حقیقت چنین استنباط می‌شود که در سرعت‌های برخورد بالا، زمانی که سرعت پرتا به بزرگتر از سرعت موج پلاستیک در پرتا به می‌شود، فشار در سطح مشترک پرتا به - سرامیک بسیار زیاد شده و بیشتر از استحکام فرسایشی (استحکام لازم جهت فرسایش ماده) پرتا به خواهد شد و بنابراین پرتا به فرسایش داده می‌شود و به اجزاء و قطعات کوچکتر شکسته می‌شود. در

جدول 6 تغییرات زاویه شکست مخروط بر حسب ضخامت سرامیک

Table 6 Variation of angle of ceramic cone vs. ceramic thickness

کد نمونه	سرعت برخورد (m/s)	ضخامت سرامیک	زاویه شکست
آزمایش	m/s	mm	مخروط(درجه)
T0524-13	310	5	32
T0824-14	310	8	56
T1024-15	310	10	60



**شکل 12** مقایسه مقدار و گسترش خرابی در کامپوزیت پشتیبان سرامیک در دو حالت نانو (جب) و بدون نانو (راست) و سه ضخامت سرامیک (الف) 5 و (ب) 8 و (ج) 10 میلی‌متر

۱. مدل تحلیلی- اصلاحی ارائه شده در این پژوهش، نفوذ در کامپوزیت‌های سرامیکی را با دقت خوبی پیش‌بینی می‌کند. دقت پیش‌بینی این مدل از مدل‌های نایک [13] و کانگ [10] بهتر بوده و به یافته‌های تجربی نزدیکتر است.

۲. نتایج تست‌های بالستیکی انجام شده در این پژوهش نشان می‌دهد که زاویه محروط سرامیکی با کاهش ضخامت سرامیک روی کاهش می‌یابد. ۳. با تعیین مقاومت سرامیک با استفاده از تغوری انبساط حفره، مقاومت سرامیک حین فرآیند نفوذ پرتا به، ثابت نبوده و کاهش می‌یابد. بر این اساس مقدار اولیه مقاومت سرامیک نیز به سرعت برخورد بستگی داشته و متفاوت خواهد بود. نتایج نشان می‌دهد که اعمال این تغییرات شرایط را به واقعیت و تجربه نزدیکتر می‌کند.

۴. تا زمانی که سرامیک فرسایش نیابد، میزان سختی سرامیک روئی در مقاومت به نفوذ هدف تاثیر کمی دارد ولی در صورت فرسایش سرامیک، با افزایش سختی سرامیک سرعت حد بالستیک هدف افزایش خواهد یافت.

۵. افزایش ضخامت سرامیک و ماده پشتی، افزایش سرعت حد بالستیک را به همراه دارد. در حقیقت افزایش ضخامت‌های سرامیک و ماده پشتی افزایش مقاومت به نفوذ هدف را موجب می‌شود.

۶. اضافه کردن ذرات نانو زیرکونیا به کامپوزیت پشتی، کارآیی بالستیکی

**جدول 8** مقایسه ابعاد محروم پشتی و خرابی ایجاد شده در نمونه‌های دارای نانوذرات و بدون نانوذرات زیرکونیا

**Table 8** Comparsion of backing trauma and damage area in back up composite with and without nano-zirconia

کد نمونه آزمایش	نوع ترکیب	سرعت برخورد m/s	تروماتی پشت	مساحت مخروط mm <sup>2</sup>	قاعده	ناحیه خرابی Mm
T0515-11	بدون نانو	288	40	100	100	2400
T0515N-12	حضور نانو	288	40	95	95	2500
T0815-09	بدون نانو	260	38	98	98	3300
T0815N-10	حضور نانو	260	33	88	88	2100
T1015-08	بدون نانو	260	25	85	85	1900
T1015N-07	حضور نانو	260	24	90	90	750

برخورد نیز در این مقایسه با شرایط یکسان در نظر گرفته شده است. همان‌طور که این جدول نشان می‌دهد نمونه‌های دارای ذرات نانو ترومای کمتری نسبت به ترکیب ساده بدون نانو می‌باشند و این نشان‌دهنده افزایش استحکام ماده پشتی و مقاومت در برابر تغییر شکل در نمونه‌های دارای ذرات نانو می‌باشد. میزان و ابعاد تخریب کامپوزیت پشتی نیز در نمونه‌های مذکور در "شکل 12" نشان داده شده است. در این سه نمونه، ضخامت کامپوزیت پشتی یکسان و برابر 3 میلی‌متر و ضخامت سرامیک متغیر و به ترتیب برابر 5 و 8 و 10 میلی‌متر می‌باشد. آن‌گونه که این شکل نشان می‌دهد ناحیه خرابی در پشت کامپوزیت را می‌توان به سه قسمت تقسیم نمود. ناحیه یک: ناحیه خرابی موضعی که بر اثر تشکیل پلاک یا گسیختگی الیاف اولیه تشکیل می‌شود. دوم: ناحیه خرابی یا لایه‌ای شدن کامپوزیت و بعض خرابی الیاف ثانویه نزدیک محل برخورد و سوم: نفوذ منطقه لایه‌ای شدن و گسترش تنش و شکست بیشتر رزین می‌باشد.

همان‌طور که در "شکل 12" مشاهده می‌شود، ناحیه و مساحت خرابی در نمونه‌های دارای نانوذرات زیرکونیا کمتر از نمونه‌های بدون نانو می‌باشد. این موضوع نشان می‌دهد مکانیزم‌های لایه‌ای شدن و ترک ماتریس، انرژی کمتری در نمونه نانو دار نسبت به نمونه بدون نانو دریافت می‌کند.

در حقیقت با وجود ذرات نانوی سرامیکی، سفتی و استحکام کامپوزیت پشتی افزایش یافته و این افزایش سفتی موجب تغییر شکل خمی موضعی کمتر و در نتیجه خرابی کمتری در محل برخورد می‌شود. مقدار مساحت خرابی در هر شش نمونه محاسبه شده و در جدول 8 آمده است. البته در مورد آزمایش 11 و 12 (دو ردیف اول جدول) بهدلیل این که سرعت برخورد از سرعت حد بالستیک بالاتر بوده و پرتا به از هدف عبور کرده است اختلاف کمی بین مساحت ناحیه خرابی این دو نمونه وجود دارد که آن هم نمونه بدون نانو مقدار کمتری از خود نشان داده است. این موضوع نشان می‌دهد میزان ناحیه خرابی در سرعت‌های کمتر و بیشتر از حد بالستیک با هم متفاوت است. در حقیقت در سرعت‌های بالاتر از حد بالستیک زمان کافی برای انتشار موج تنش وجود ندارد و قبل از این که موج تنش و به تبع آن ناحیه خرابی گسترش یابد پرتا به از هدف سرامیکی عبور می‌کند.

## ۵- نتیجه‌گیری

در این تحقیق با بررسی مدل‌های تحلیلی نفوذ در کامپوزیت‌های سرامیکی و همچنین انجام آزمایش‌های بالستیک، مدل تحلیلی جامعی ارائه شد. نتایج این تحقیق که در دو بخش: تحلیل نفوذ پرتا به در کامپوزیت‌های سرامیکی و انجام آزمایش‌های بالستیکی، صورت گرفته را می‌توان چنین بیان کرد:

- H.Hadavinia, A.Aboutorabi, Analytical and numerical investigation of projectile perforation into ceramic-metal targets and presenting modified theory, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 15, No. 9, pp. 353-359, 2015. (in Persian) (فارسی)
- [6] S. Feli, M. H. Yas, M. R. Asgari, An analytical model for perforation of ceramic/multi-layer planer woven fabric target by blunt projectiles, *Composite Structure*, Vol. 93, pp. 548-556, 2011.
- [7] PC. Den Reijer, *Impact on ceramic faced armour*, Ph.D. thesis, Delft University of Technology, Netherlands, 1991.
- [8] Shanghai Chen, Xi Zhu, Hailiang Hou, Zhong Luo, Ting Tang, Analytical model for high-velocity perforation of moderately thick ultra-high molecular weight polyethylene-woven laminated plates, *Journal of Composite Materials*, Vol. 49, No. 17, pp. 2219-2136, 2015.
- [9] H. R. Jianguo Ning, Dynamic response of alumina ceramics impacted by long tungsten projectile, *International Journal of Impact Engineering*, Vol. 62, pp. 60-74, 2013.
- [10] K. Kang, K.Cho, An estimation of ballistic limit for ceramic- FRP composite armor, *KSME Journal* Vol. 5, No. 2, pp. 140-148, 1991.
- [11] M. Wilkins, Mechanics of penetration and perforation, *International Journal of Engineering Science* Vol. 16, No. 11, pp. 793-807, 1978.
- [12] J. Hetherington, B.Rajagopalan, An investigation into the energy absorbed during ballistic perforation of composite armours, *International Journal of Impact Engineering* Vol. 11, No. 1, pp. 33-40, 1991.
- [13] N. Naik, S. Kumar , D. Ratnaveer , M. Joshi , K. Akella , An energy-based model for ballistic impact analysis of ceramic-composite armors, *International Journal of Damage Mechanics* Vol. 22, No. 2, pp. 145-187, 2012

بهتری را به لحاظ توزیع انرژی در سطح بیشتر ماده و کاهش برآمدگی و ترومای پشت به همراه دارد. اضافه نمودن 5% نانوذرات زیرکونیا به کامپوزیت پشتی در شرایط یکسان و در آزمایش انجام شده حداقل 35% مساحت ناحیه خرابی را کاهش می دهد.

7. اضافه نمودن 5% نانوذرات زیرکونیا به کامپوزیت پشتیبان در نمونه آزمایش های انجام شده بین 4% تا 12% ترومای پشت را کاهش داده است.  
8. بهدلیل وجود نانوذرات زیرکونیا در ماتریس، لایه لایه شدن کامپوزیت پشتیبان کنترل شده و موجب خرابی کمتر در کامپوزیت می شود.

## 6- منابع

- [1] A.Tate, A theory for the deceleration of long rods after Impact, *Journal of the Mechanics and Physics of Solids*, Vol 14, pp. 387-399, 1967.
- [2] R. L. Woodward, A simple one dimentional approach to modeling ceramic composit armour defeat, *International Journal of Impact Engineering*, Vol. 9, pp. 455-474, 1990.
- [3] R.Zaera, V. Sanchez-Galvez, Analytical modeling of normal and oblique ballistic impact on ceramic/metal lightweight armours, *International Journal of Impact Engineering*, Vol. 21, No. 3, pp. 133-148, 1998.
- [4] I. Chocron Benloulo, V. Sanchez-Galvez, A new analytical model simulate Impact on to ceramioceramic/ composite Armours, *International Journal of Impact Engineering*, Vol. 2, No. 6, pp. 461-471, 1998.
- [5] G. Liaghaf, M. Tahmasebiabdar, H. Shanazari, A. Khodadadi,