ماهنامه علمى پژوهشى

مهندسی مکانیک مدرس

mme.modares.ac.ir



# روشی ساده برای محاسبه بار کمانشی سازههای مشبک مخروطی از مواد مرکب تحت اثر بار محوري

علىاصىغر نادرى<sup>1</sup>، غلامحسىن رحيمى<sup>2\*</sup>

1- دکترا، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربتمدرس، تهران 2- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیتمدرس، تهران \* تهران، صندوق پستی rahimi\_gh@modares.ac.ir ،14115-111

در این مقاله، از رابطههای هندسی ساده برای تعیین ابعاد و هندسهٔ یک سازه مشبک مخروطی استفاده شده است و با کمک از همین رابطهها و بابطهٔ کلاسک بار کمانش برک تبد ایرانی برایکیانش بحرانی کی سازه برستهای مشکل مخروطی استفاده شده است و با کمک از همین رابطهها و	مقاله پژوهشی کامل
رابطه كرسیک بار کمانشی یک نیز اویلری، بار کمانش بکردی یک سرک پوستای مسبک سکروکی ، شرشر کب کاب بار سکوری، بارس تحلیلی محاسبه شده است. در ادامه نتایج این تحلیل با نتایج حاصل از آزمایش و نتایج حاصل از تحلیل المان مقایسه شده است. در این مقاله، با ۱393	دریافت: 13 آبان 392 پذیرش: 26 آذر 1392 ارائه در سایت: 04 آبان
بهدست اورین صریب طول مور، از رابطه نیز اویبری برای معاسبه دماس استفاده شده است. دمونههای آرمایسی با یک روس ابتکاری در یک قالب قابل انعطاف از الیاف شیشه با روش رشته پیچیتر، در رزین اپوکسی تولید شدهاند. از یک دستگاه کشش برای آزمایش فشاری محوری بار-جابهجایی میتوان بارکمانش بحرانی سازه را تعیین نمود. در این آزمایش مدهای واماندگی سازه مشبک همچون کمانش عمومی و شکست ریب مشاهده شد. نتایج آزمایش و المان محدود نشان میدهند، حل تحلیلی در پیشگویی بار کمانش بحرانی یک وسته میاری برای کارایی مناسبی است. هدن ست می توان برکمانش بحرانی باز مین مود در این آزمایش مدهای واماندگی سازه مشبک همچون کمانش عمومی و شکست دریب مشاهده شد. نتایج آزمایش و المان محدود نشان میدهند، حل تحلیلی در پیشگویی بار کمانش بحرانی سازه برای طراحی اولیه، دارای	<i>کلید واژگان:</i> کمانش سازہ مشبک مخروطی طراحی اولیہ مواد مرکب

# Simple method for buckling load of composite conical Lattice structures under axial load

Ali Asghar Naderi<sup>1</sup>, Gholam Hossien Rahimi<sup>2\*</sup>

1- Department of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran 2- Department of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran

\* P.O.B. 14115-111 Tehran, Iran, rahimi\_gh@modares.ac.ir

ARTICLE INFORMATION	Abstract
Original Research Paper Received 04 November 2013 Accepted 17 December 2013 Available Online 26 October 2014	This paper describes a simple method for determining the critical buckling load of composite lattice conical structures under axially compressive load. To reveal the critical buckling strength of conical lattice structures, an analytical method based on the classical beam-column theory was applied. Characteristic equations were built according to the equilibrium equations. Furthermore,
<i>Keywords:</i> Buckling Lattice Conical Structure Preliminary Design Composites	the buckling behavior of the conical composite shells under axial compression were investigated using experimental method. The specimens used in the experiment were made from glass/epoxy by winding the continuous glass fibers wetted with epoxy on a die with helical and circumferential grooves adopting a simplified manufacturing process. A relatively new flexible tool was developed for forming the grid-structures die, and the specimens were tested by using a universal testing machine. The diagrams of axial load versus displacement were recorded in real time during the tests. The experimental results describe failure modes that are present in the structures such as rib crippling, and general buckling. Axial buckling tests were carried out and the results were compared with the analytical method. The results have been summarized to verify the analytical method. Also, the proposed model was verified with the aid of finite element analysis. The proposed model suggests the possibility to improve the preliminary design solution with respect to the fully analytical approach.

#### 1- مقدمه

سازهها یکی از مهمترین معیارهای واماندگی آنهاست. از آنجایی که طراحی مواد سبک تر همراه با مقاومت بالاتر، مورد توجه طراحان است، در دو دهه اخیر، حجم گستردهای از پژوهشها در زمینهٔ طراحی سازههای پوسته ای، به استفاده از سازههای مشبک اختصاص دارد.

امروزه، پوسته های رشته پیچی شده از مواد مرکب در صنایع هوایی، هوافضا و نظامی مورد استفاده قرار می گیرند. پوسته های مخروطی، معمولاً برای اتصال مقاطع استوآنهای با شعاع متفاوت به کار میروند و مقاومت کمانشی این نوع

Please cite this article using:

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

A.A. Naderi, Gh.H. Rahimi, Simple method for buckling load of composite conical Lattice structures under axial load, Modares Mechanical Engineering, Vol. 14, No. 15, pp. 290-298, 2015 (In Persian)

واسیلیف و همکاران با ارایه خلاصهای از پژوهشهای خود در یک موسسه روسی، در زمینهٔ ساخت، آزمایش، بهینهسازی و کاربرد سازههای مشبک، مقالاتی ارایه دادهاندکه مهمترین معیار طراحی، در این مطالعات مقاومت كمانشى است[1-3]. همچنين تاريخچه ساخت و كاربرد اين نوع سازهها بهوسیلهٔ هایبریج و همکاران تشریح شده است[4]. ساخت و آزمایش ورق و پوسته استوآنهای بهوسیلهٔ کیم مطالعه شده است، در این مطالعات شبکهها همسان هستند و نمونهها تحت بار فشاری به روش تجربی مطالعه شدهاند [6،5]. روشی ارزان و ساده با استفاده از فوم پلی اورتان برای ساخت پوسته مشبک استوآنهای به وسیله براهویان و ولمرگان ارایه شده است و كمانش اين سازه با المان محدود و آزمايش بررسى شده است[7]. ودسبنت و همکاران با روش معادل سازی و المان محدود [8]، کیدانه و همکاران با روش معادلسازی و تجربی [9] و یزدانی و رحیمی به روش تجربی [11،10] مقاومت کمانشی سازههای مشبک استوآنهای از مواد مرکب را بررسی نمودهاند. قاسمی و همکاران [12]، زندی و رحیمی [13] پارامترهای مؤثر بر بار کمانش بحرانی سازههای مشبک استوآنهای از مواد مرکب را بررسی نمودهاند همچنین تحلیل تنش سازههای مشبک استوآنهای تحت فشار داخلی و بار پیچشی به وسیلهٔ صیاد ارایه شده است [14]. توتارو مدلی تحلیلی بر اساس بار کمانش بحرانی یک تیر اویلری، برای محاسبه بارکمانش بحرانی موضعی سازههای مشبک استوآنهای با شبکه سه وشش ضلعی ارایه نموده است در این مدل بار کمانش بحرانی شبکههای غیرهمسان نیز بررسی شده است[16،15]. بعضی از مدهای کمانش بحرانی داخل صفحه سازه مشبک بهوسیلهٔ فان و همکاران معرفی شده است، در این مطالعه شبکه همسان است و كل شبكه از تكرار يك سلول واحدايجاد مي شود [17].

در زمینه سازههای مشبک مخروطی از مواد مرکب، هو و گرامول با ساخت چند نمونه در شیارهایی از گچ، بهروش المان محدود این نوع سازه ار ا مورد مطالعه قرار داده اند[18]. توتارو گوردال یک روش عددی برای بهینه سازی وزن در مقابل بار کمانش بحرانی آن ها بر اساس تحلیل واسیلف و همکاران ارایه نموده اند[19]. و مارازوف و همکاران با روش المان محدود بارکمانش بحرانی سازه های مشبک مخروطی با شبکه های نامنظم را تحت بارهای محوری، خمشی و پیچشی بررسی نموده اند[20].

دراین مقاله بار کمانش بحرانی سازههای مشبک مخروطی با شبکههای ناهمسان با یک روش تحلیلی ساده بر اساس کار توتارو [16] و واسیلیف و همکاران [2]، بررسی و محاسبه میشود. برخلاف روش واسیلیف و همکاران [2]، که ضریب طول مؤثر سازه را برابر ثابت قرار داده است، دراین روش، ضریب طول مؤثر سازه از هندسهٔ سازه به دست میآید. همچنین در ساخت از یک روش ابتکاری استفاده شده است. نمونهها تحت آزمایش فشاری محوری قرار می گیرند و در نهایت با استفاده از دادههای المان محدود مارازوف [20] و دادههای حاصل از آزمایش، کارایی حل تحلیلی در طراحی مورد تایید قرار می گیرد.

# 2- فرم**ول بندی** 2-1- طراحی هندسی

مسیر ریبهای مارپیج و محیطی یک سازه مشبک مخروطی در شکل 1 نشان داده شده است. دراین شکل Ta و Ta بهتر تیب شعاع مقاطع دایرهای در لبههای کوچک و بزرگ سازه مشبک مخروطی است.  $2\alpha$  زاویهٔ رأس مخروط و L طول یال مخروط است. از دستگاه مختصات مخروطی  $z-\theta$ -x با بردار یکههای i-j-kکه بر روی لایهٔ میانی قرار می گیرد برای معرفی سازه استفاده می شود. x، فاصله از لبهٔ کوچک مخروط در راستای یال آن؛  $\theta$ ، مختصات محیطی و z

مختصات نقاط در راستای عمود بر سطح مخروطی است (جهت مثبت آن رو به بیرون). دراین سیستم مختصات، شعاع متغیر (۲/۸، فاصلهٔ عمودی هر نقطهٔ شبکه از محور دوران سطح مخروطی است که با توجه به شکل 1 و استفاده از رابطه های مثلثاتی طبق رابطه (1) به دست خواهد آمد:

$$r(x) = r_d + x\sin\alpha = r_d + \left(\frac{r_D - r_d}{L}\right)x$$
(1)

برای تصور بهتر، میتوان از تعریف دوبعدی سازه سود برد. گسترش دوبعدی قسمتی از سازه مشبک مخروطی در شکل 2 آمده است. در این شکل، برای پرهیز از شلوغی فقط دو ریب مارپیچ در محدوده دو ریب محیطی، نشان داده شده است. از دستگاه مختصات قطبی  $\beta$ -۵، دراین صفحه استفاده میشود. دراین دستگاه، فاصله شعاعی  $\delta$  از مرکز انحنا و مختصات محیطی  $\beta$ ، موقعیت هر نقطه از پوسته را مشخص میکنند.



متغیر ۲، همان متغیر  $r(x)/\sin \alpha$  است که با توجه به شکل 2، دیده می شود با رابطهٔ (2)، به متغیر x وابسته است.

$$s(x) = \frac{r(x)}{\sin \alpha} = \frac{r_d}{\sin \alpha} + x$$
(2)

جهتگیری الیاف در هر نقطعه با رابطهٔ **(3)، ت**عریف میشود که بیانگر زاویه بین راستای i، بردار یکه محور x، و راستای مماس بر مسیر الیاف r، میباشد:

$$\tan\varphi(x) = r(x)\frac{d\sigma}{dx} \tag{3}$$

انحنای '۸، بیانگر تغییرات بردار مماس در راستای محور طولی x است. بنابراین با تشکیل بردار مماس، میتوان انحنای مسیر را برابر با رابطهٔ (4)، بهدست آورد[21]:

$$\kappa'(x) = \left(\frac{d\varphi}{dx}\cos\varphi + \frac{\sin\alpha\sin\varphi}{r(x)}\right)\vec{\xi} + \left(\frac{-\cos\alpha\sin\varphi^2}{r(x)}\right)\vec{k}$$
(4)

دراین رابطه،  $\xi$  معرف بردار یکه قائم بر مسیر الیاف در سطح پوسته مخروطی میباشد در حالیکه k، بردار یکه عمود بر سطح مخروط میباشد. در بررسی رابطهٔ اخیر برای یک سطح تخت ( $\alpha=90$ ) و یک سطح استوانه ( $\alpha=0$ )، دیده میشود: عبارت نخست، حرکت نازل برای جای گذاری الیاف مواد مرکب در راستای سطح را تعیین می کند؛ و عبارت دوم، بیانگر انحنای در راستای عمود بر سطح میباشد که برای یک مندرل مخروطی بیانگر تغییرات سطح مندرل در حین دوران در زمان تولید پوسته میباشد.

از آنجایی که عبارت نخست رابطه مذکور، بیانگر قرارگیری الیاف در سطح است، بنابراین این عبارت، یک معیار مناسب برای تعیین محدودیت انحنای پیچش الیاف  $\kappa$ ، در طراحی است. واضح است که این مقدار به جهت گیری الیاف و هندسه مخروط بستگی دارد و از رابطه (5) محاسبه می شود [21]:

$$\kappa(x) = \frac{d\varphi}{dx} \cos\varphi(x) + \frac{\sin\alpha \sin\varphi(x)}{r(x)}$$
(5)

فرض می شود ریب های شبکه بر مسیر ژئودزیک قرار می گیرند و مسیر ژئودزیک، مسیری است که دارای انحنای صفر است. بنابراین (*x*)، زاویهٔ قرار گیری یک ریب مارپیج نسبت به محور در هر نقطه از پوستهٔ مخروطی، با اعمال *k*=0، به رابطهٔ (5)، برابر با رابطهٔ (6)، به دست می آید[21]:

$$\varphi(x) = \sin^{-1}\left(\frac{r_d \sin\varphi_d}{r(x)}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{r_D \sin\varphi_D}{r(x)}\right)$$
(6)

که در آن *۵*۹ و ۵۵، زاویهٔ قرارگیری ریب مارپیج، نسبت به محور X بهترتیب در شلبهٔ کوچک و بزرگ سازه مشبک است.

در شکل 3، یک سازهای مشبک و مخروطی متشکل از دوازده ریب مارپیچ، و سه ریب محیطی، نشان داده شده است. n، تعداد ریبهای محیطی و n، تعداد ریبهای مارپیچ بر یکی از مسیرهای ژئودزیک با زاویهٔ ریب نسبت به یال مخروط در انتهای بزرگ پوستهٔ مخروطی q + یا q - است.دراین شکل h، h = d - d بترتیب برابر ضخامت، عرض ریب مارپیچ و عرض ریب محیطی است. در اینجا فرض شده است، ضخامت ریبهای مارپیچ و محیطی، یکسان است. همچنین فرض می شود هر ریب محیطی، ما بین نقاط تقاطع، سیستم ریبهای متقارن مارپیچ، قرار می گیرد و لبهٔ کوچک و برزرگ سازه بر اولین وآخرین ریب محیطی منطبق است.

بنابراین، با توجه به گسترش دوبعدی این سازه که در شکل 2 نشان داده شده است زاویهٔ روبرو به ریب 7، برابر است با (رابطه (7)):

$$\gamma = \frac{\psi}{2}(\eta - 1) \tag{7}$$



شکل 3 پارامترهای ریب و شبکه در پوسته مشبک مخروطی

که در آن  $\psi$ ، فاصلهٔ زاویهای ریبهای مارپیچ، از رابطهٔ (8)، بهدست میآید:  $w = \frac{2\pi \sin \alpha}{2\pi \sin \alpha}$ 

$$-\frac{n_{\rm h}}{n_{\rm h}}$$
 (8)

از روی شکلهای 2 و 3، با توجه به هندسهٔ سازه میتوان *، م*، زاویهٔ قرار گیری ریب مارپیچ، نسبت به محور x، در *ا*امین نقطهٔ نقاطع یک ریب مارپیچ با ریبهای دیگر را مطابق رابطه (9) بهدست آورد:

$$\varphi_i = \varphi_d - (i-1)\frac{\psi}{4} \tag{9}$$

که در رابطهٔ اخیر arphi، از رابطهٔ (10)، محاسبه میشود[2]:

$$\varphi_d = \tan^{-1}(\frac{r_D \sin\gamma}{r_D \cos\gamma - r_d})$$
(10)

r، شعاع *ا*امین نقطهٔ نقاطع بر روی یک ریب مارپیچ، با ریبهای دیگر از رابطهٔ (6) و با داشتن زاویهٔ قرارگیری ریب مارپیج نسبت به محور x از رابطه (11) بهدست میآید:

$$r_i = \frac{r_d \sin \varphi_d}{\sin \varphi_i} \tag{11}$$

و *۱*، طول هر تکه از ریب مارپیچ، در مابین هر دو تقاطع، با توجه به شکل 2، از رابطه (12) محاسبه می شود:

$$I_{i} = \frac{r_{i} \sin \alpha}{\sin \alpha} \frac{\psi}{4}$$
(12)

از شکل 2، *a*<sub>ci</sub>، فاصلهٔ ریبهای محیطی با توجه به رابطهٔ (13)، بهدست خواهد آمد:

$$a_{ci} = \frac{r_{i+1} - r_i}{\sin\alpha}$$
(13)

# 2-2- باركمانش بحراني سازه مشبك مخروطي

بارکمانش بحرانی موضعی سازههای مشبک مخروطی معمولاً با استفاده از بارکمانش بحرانی تیر اویلری و با فرض گیردار بودن دو سر تیر یعنی با ضریب طول مؤثر، β= 0/5 =β، برای تکه تیرکهای تشکیل دهنده سازه، بهدست میآید[2].





*P/2n<sub>h</sub> cos* α **مکل 5** نمودار آزاد یک سلول در حلقهٔ مخروطی (شکل 4).



**شکل 6** مد اول کمانش در صفحه سلول، تکیه گاه گیردار (راست)، تکیه گاه کشسان با فرض کمانش متقارن تیر (چپ)

مقدار ضریب طول مؤثر، استفاده شده در این روش از تقریب بالایی برخوردار است. در اینجا سعی می شود، مقدار ضریب طول مؤثر، با تقریب بهتری بهدست آورده شود. برای این منظور، با فرض شرایط تکیه گاهی مناسب تر برای تکه تیرکهای تشکیل دهنده یکسازهٔ مشبک مخروطی، از هندسهٔ سازه مقدار ضریب طول مؤثر، با تقریب بهتری بهدست آورده می شود.

سازه مشبک مخروطی تحت بار محوری *P*، در نظر گرفته میشود. به علت طول بزرگ تکه تیرکهای سازه در حلقۀ مخروطی نشان داده شده در شکل 4-الف، کمانش موضعی در آن ناحیه اتفاق خواهد افتاد. این ناحیه از تکرار عناصر سازهای مانند شکل 4-ب، تشکیل شده است و با فرض کمانش متقارن سازه میتوان بارکمانش بحرانی یک عنصر (سلول) را به بارکمانش بحرانی حلقۀ مخروطی و بار کمانش کل سازه تعمیم داد.

نمودار آزاد نیرویی، برای یک سلول واحد از سازهٔ مشبک مخروطی، در

شکل 5، نشان داده شده است. با فرض اتصالات لولا در محل تقاطع ریبهای سازه، از رابطههای تعادل استاتیک می توان بار فشاری ایجاد شده در داخل ریبهای مارپیچ Fh و بار کششی در ریبهای محیطی Fc را بهدست آورد، این مقادیر در رابطههای (14) آورده شدهاند. دراین تقریب برای محاسبه نیروی داخلی تیرها، از خطای کم حاصل از فرض اتصالات لولا در محل تقاطع ریبهای سازه،در مقابل حجم زیاد و وقت گیر محاسبات دقیق تر صرفنظر شده است[22]. در نمودار آزاد شکل 5، دیده می شود، فشرده شدن ریب های مارپیج با کشیده شدن ریبهای محیطی همراه است. همچنین طول ریبهای محیطی کوتاهتر از ریبهای مارپیچ است. از طرفی فرض میشود ابعاد سطح مقطع ریبهای مارپیچ و محیطی با هم برابر هستند، بنابراین، محاسبات اولین مد کمانش سلول واحد براساس کمانش ریبهای مارپیچ قرار می گیرد. ابعاد a1, a1 بهترتيب برابر طول لبهٔ بالا و پايين و b ارتفاع سلول واحد مىباشد. همچنین ابعاد *L*1 و *L*2 به ترتیب طول تکه تیرکهای بالایی و پایینی تشکیل دهنده سلول ضربدری، از حلقهٔ مخروطی در سازه مشبک مخروطی است. مقادیر *F*h و *F*c از رابطه **(14)** محاسبه میشود. р

F. =	·
• h -	$2n_h \cos \varphi \cos \alpha$
F _	$P \sin \varphi$
<i>c</i> –	$2n_h \cos\varphi\cos\alpha$

### 2-2-1-كمانش داخل صفحه

همان گونه که قبلا اشاره شد، در سازه مورد نظر، ریبهای محیطی تحت بار کششی، و ریبهای مارپیچ تحت بار فشاری هستند، از طرفی در یک سلول واحد، طول تکه تیرکهای محیطی، کوتاه تر از طول تکه تیرکهای مارپیچ هستند. بنابراین، مقدار بار کمانش بحرانی سلولواحد، از اولین بار کمانشی یک تکه تیرکمارپیچ (ضرب دری) تشکیل دهندهٔ سلول واحد، به دست میآید. در این جا فرض می شود ضخامت ریب از پهنای آن بیشتر است بنابراین کمانش عالب در این حالت، کمانش موضعی ریبها در داخل صفحه است. نقطه تقاطع ریبهای مارپیچ پدیدار می شود. بارکمانشی داخل صفحه با صفر نقطه تقاطع ریبهای مارپیچ پدیدار می شود. بارکمانشی داخل صفحه با صفر کمانش داخل صفحه سلول واحد با توجه به شرایط تکیه گاهی در دو حالت تکیه گاهی گیردار و کشسان بررسی می شود. الگوی مدکمانش اول برای شرایط تکیه گاهی گیردار و کشسان یک سلول با نقطه تقاطع ریبهای مارپیچ شرایط تکیه گاهی گیردار و کشسان یک سلول با نقطه تقاطع ریبهای مارپیچ شرایط تکیه گاهی گیردار و کشسان یک سلول با نقطه تقاطع ریبهای مارپیچ

در حالت اول، دو سر سلول، گیردار و ثابت است و هر تکه تیرک از سلول را میتوان بهصورت شکل 7، مدل نمود. دراین مدل تیر تحت بار محوری *F* است. یکسر از تیر ثابت و سر دیگر آن در اتصال کشسان است و میتواند با چرخش گشتاور تحمل نماید.

گشتاور خمشی *MAB*، گشتاور اعمالی به سر A برای تکه تیرک AB، ازسلول واحد که یک سر آن گیردار و سر دیگر آن متصل به محیط کشسان است، با فرض چرخش واحد در سر A، 1=*m*، برابر با رابطه (15) بهدست میآید[22].

$$M_{AB} = \frac{12EI}{L} \frac{J_1(\lambda)}{4J_1^2(\lambda) - J_2^2(\lambda)}$$
(15)

دراین رابطه، E مدول یانگ ماده تیر، I گشتاور اینرسی مقطع تیر، L طول تیر، ۱/ ولا توابع پایداری تیر هستند که در رابطه (16) تعریف شدهاند[22].



کمانش صفحهای سلول ضربدری، با چرخش بدون جابهجایی نقطهٔ m، محل تقاطع ریبهای مارپیچ، پدیدار میشود. بار کمانشی داخل صفحه با صفر قرار دادن سفتی چرخشی، نقطهٔ تقاطع ریبهای مارپیچ بهدست خواهد آمد (رابطه (17)).

$$\frac{J_1(\lambda_1)}{\left(4J_1^2(\lambda_1) - J_2^2(\lambda_1)\right)L_1} + \frac{J_1(\lambda_2)}{\left(4J_1^2(\lambda_2) - J_2^2(\lambda_2)\right)L_2} = 0$$
(17)

از حداقل مقدار *kl*<sup>1</sup> یا klz که رابطهٔ (17)، را ارضا کند، مقدار β، ضریب طول مؤثر و *Fa*r، بارکمانشی سلول از رابطهٔ (18) محاسبه میشود[22].

$$\beta_{i} = \frac{\pi}{k I_{i}} , i = 1,2$$

$$F_{cri} = \frac{\pi^{2} E I_{in}}{(\beta_{i} I_{i})^{2}} , i = 1,2$$
(18)

در حالت دوم، دو سر هر تکه تیرک از سلول در شرایط اتصال کشسان است و بنابراین هر دو سر گشتاور تحمل میکنند. با فرض مقدار چرخش برابر و واحد، 1=00هه ( مخالف جهت) برای هر دو سر یک تکه تیرک، میتوان آن را مانند شکل 8، مدل نمود.

$$M_{AB} = \frac{J_{L}}{L} \frac{1}{2J_1(\lambda) + J_2(\lambda)}$$
(19)

همانند حالت قبل، کمانش صفحهای سلول ضربدری با چرخش بدون جابهجایی نقطه تقاطع ریبهای مارپیچ m، پدیدار میشود. بارکمانشی داخل صفحه با صفر قرار دادن سفتی چرخشی نقطه تقاطع ریبهای مارپیچ از رابطه (20) بهدست خواهد آمد.

$$\frac{1}{(2J_1(\lambda_1) + J_2(\lambda_1))L_1} + \frac{1}{(2J_1(\lambda_2) + J_2(\lambda_2))L_1} = 0$$
(20)

از حداقل مقدار kl<sub>1</sub> یا klz که رابطهٔ **(20)،** را ارضا کند، مقدار β، ضریب طول مؤثر و بارکمانش بحرانی سلول برابر رابطه (18) محاسبه میشود.

#### 2-2-2-كمانش خارج صفحه

بار کمانش عمومی کشسان خطی از رابطهٔ کلی یک مدل با استفاده از رابطههای تفوری پوسته بهدست می آید که بسته به تعداد ریبها و محل تقاطع آنها روش پر زحمتی است و بههمین منظور در موارد کاربردی از روش اجزای محدود استفاده می شود [1]. روش تقریبی معادل سازی یک سازه مشبک مخروطی با یک پوسته مخروطی نیز روش مناسبی برای بهدست آوردن بار کمانشی سازه به روش تحلیلی تقریبی است اما در این روش بایستی سازه از لحاظ تعداد ریبها چگال باشد و گرنه تقریب با خطای زیادی همراه است [1]. در اینجا از کمانش خارج از صفحه سلول در حلقهٔ مخروطی اندیاده می شود. البته دراین تقریب فرض کمانش عموی سازه مشبک مخروطی استفاده می شود. البته دراین تقریب فرض می شود کمانش سازه متقارن و چگالی ریب آن کم است.

برای سازههای که در آن مقدار  $\psi$ ، فاصلهٔ زاویهای ریبهای مارپیچ، زیاد است، با توجه به رابطهٔ (12)، ریبهای مارپیچ مابین ریبهای محیطی در نزدیکی مقطع بزرگ سازه طویل هستند. بنابراین، برای سازههای مشبک با ابعاد h>bh=bc، مد غالب كمانش، كمانش موضعي داخل صفحه است. و براي سازههای مشبک با ابعاد $h \leq b_h = b_c$ ، مد غالب کمانش، خارج از صفحه و کلی است. با فرض کمانش متقارن، به علت طول زیاد تیرکها و کم بودن ضخامت، در حلقهٔ مخروطی نزدیک لبهٔ بزرگ سازه، میتوان بار کمانش بحرانی این حلقه را به عنوان بار کمانش بحرانی عمومی در نظر گرفت. این موضوع در شکل 9، نشان داده شده است و در نتایج تجربی نیز، برای یک سازه مشبک مخروطی با سطح مقطع ریبهای 2×2 میلیمترمربع همین مد كمانش به عنوان اولين مد كمانش، ديده مى شود. بنابراين از بار كمانشى خارج از صفحه سلول ضربدری جرای محاسبه کمانش عمومی استفاده می شود. دراین تقریب فرض می شود کمانش کاملاً متقارن و هر دو ریب از سلول ضرب دری هم زمان باهم کمانش می کنند. با توجه به شرایط تکیه گاهی از استاندارد BS\_5950، [23] بهمنظور محاسبه ضريب طول مؤثر، برای حالت كمانش خارج از صفحه β ، استفاده می شود (رابطه (21)).

$$\beta_{out} = .85$$

$$F_{crout} = \frac{\pi^2 E I_{out}}{\left(\beta_{out} I_{12}\right)^2}$$
(21)

که در آن 11، جمع طول 11 و 12 به ترتیب طول تکه تیرکهای بالایی و پایینی تشکیل دهنده سلول واحد از حلقهٔ مخروطی در سازه مشبک مخروطی است که طول ریب مارپیچ محصور در حلقهٔ انتهایی (مابین دو ریب محیطی در نزدیکی لبه بزرگ) است.

برای سازههایی که در آن مقدار *س*، کم است یا به عبارت دیگر تراکم ریبها بالاست، ریزین و واسلیف [2] مقدار بار کمانش عمومی سازه مخروطی را شبیه به کمانش یک سازه استوآنهای با شعاع متوسط، با رابطهٔ (22) ارایه نمودهاند:

$$F_g = 2\pi t^2 \cos^2 \varphi_D \cos^2 \alpha \sqrt{\frac{2E^2 b_h b_c}{3a_h a_c}}$$
(22)

که در آن F<sub>g</sub>، بار کمانش عمومی سازه مشبک مخروطی و a<sub>h</sub>، فاصلهٔ ریبهای مارپیچ آن است.

## 3- ساخت و آزمایش

یکی از جنبههای کلیدی ساخت سازههای مشبک، شکل دهی ریب، درون شیار است.



**شکل 9** کمانش عمومی خارج از صفحه سلول



**شکل 1**0 ساخت پوسته مشبک مخروطی



**شکل 11** نمونه پوسته مشبک مخروطی تولید شده

مواد	مكانىكى	خواص	1,1	حد
- 7		U T	· U.	,

چگالی (kg/m³)	مدول یانگ (GPa)	مادہ
2440	72	الياف شيشه نوعE
1120	3/35	ماده زمینهای متشکل از رزین و هاردنر 5052

یک مندرل فلزی با شیارهای تراشکاری شده روی آن، میتواند ابعاد دقیقی بهدست دهد اما هزینهٔ ساخت آن بالاست. استفاده از گچ، فوم و پلاستیک بهجای فلز در ساخت قالب هزینه پایین تری خواهند داشت. همان گونه که در شکل 10 دیده میشود، سازههای مشبک مخروطی بهوسیلهٔ رشته پیچی الیاف درون شیار بر روی یک مندرل انعطاف پذیر با سرعت دورانی مندرل 10 rpm و کشش اولیه الیاف170 گرم، بر روی آن ایجاد میشود. جزییات روش ساخت در اداره ثبت اختراعات ایران به شمارهٔ 279252 ثبت شده است.

همهٔ نمونهها دارای دوازده ریب مارپیچ (شش جفت ریب مارپیچ ساعت گرد و پادساعت گرد) و سه ریب محیطی هستند (شکل 11). سطح مقطع هر ریب 2×2 میلیمتر مربع و سازه مشبک مخروطی به شعاع دایرهای پوستهٔ میانی در لبه کوچک و لبه بزرگ و طول یال بهترتیب 100.50 و 100میلی مترمشخص می شود.

نمونهها بعد از رشته پیچی به مدت یک هفته در دمای اتاق پخت شدهاند. برای پرهیز از اثر محل بارگذاری، دو حلقهٔ اپوکسی به لبههای سازه مشبک اضافه می شود. الیاف تک جهته شیشه از نوع E و ماده زمینهای اپوکسی (LY5052) و هاردنر HY5052 شرکت هانتسمن با ترکیب نسبت وزنی (100:38)، مواد مرکب تشکیل دهندهٔ نمونهها هستند، خواص اسمی این مواد در جدول 1 لیست شده است.

جدول 2 خواص مکانیکی یک تک لایه از ماده مرکب را نشان میدهد. این خواص با استفاده از خواص ارایه شده در جدول 1 و قاعدهٔ اختلاط، با متوسط 31/1 درصدحجمی الیاف بهدست آمدهاند. درصد حجمی الیاف براساس استاندارد 99-ASTM D3171، از آزمایش سوختن مواد نمونه تولید شده بهدست آمده است.

همان گونه که قبلاً اشاره شد یکی از مدهای غالب واماندگی در سازههای پوستهای، کمانش است. همان گونه که در شکل 12 نشان داده شده است با آزمایش فشاری، رفتار کمانش بحرانی سازه مشبک مخروطی تحت بار محوری بررسی میشود.

جدول 2 خواص مکانیکی لایهای نمونهسازههای مخروطی مشبک از موادمرکب

مقدار	واحد	خاصيت مكانيكى
24/7	(GPa)	مدول یانگ در جهت 1
4/76	(GPa)	مدول یانگ در جهت 2
1/83	(GPa)	مدول برشی در صفحه
0/27		نسبت پواسون
1/548	(kg/m³)	چگالی



شكل 12 أزمايش فشار محوري پوسته مشبك مخروطي

295



شکل 13 نمودار بار بر حسب کوتاه شدن یا جمع شدگی دو انتهای پوسته های مشبک مخروطی



شکل 14 کمانش عمومی پوسته مشبک مخروطی در حین آزمایش

**جدول 3** نتایج تجربی برای بارکمانش بحرانی نمونه سازههای مشبک مخروطی از

مواد مرکب				
متوسط عددی بارکمانش (kN)	بار کمانش (kN)	نمونه		
	1/100	1		
	1/145	2		
1/096	1/147	3		
	0/990	4		
	خراب	5		

از مواد مرکب	، مشبک مخروطی	ش بحرانی سازد	نريبي براي باركمان	4 نتايج تحليلي-تن	جدول <del>ا</del>
--------------	---------------	---------------	--------------------	-------------------	-------------------

ار كمانش (kN)	e β	شرايط تكيهگاهي سلول واحد
3/41	0/599	بارکمانش بحرانی صفحهای دوسر گیردار
2/71	./67	بارکمانش بحرانی صفحهای دو سرگیر لولا
2/64	./68	باركمانش بحراني صفحهاي دوسر اتصال كشسان
0/63	0/85	بارکمانش بحرانی خارج صفحه با اتصال کشسان
0/923	0/7	بارکمانش بحرانی خارج صفحه با اتصال یکسر گیردار

برای این منظور از دستگاه آزمایشی اینسترون مدل 5500R برای آزمایش فشار استفاده میشود. هر نمونه، بین دو کفشک صلب قرار گرفته و با سرعت بارگذاری 1 mm/min تا حد مچالگی، تحت فشار محوری قرار میگیرد. نمودار بار-جابهجایی برای هر نمونه از دستگاه بهدست میآید.

#### 4- نتايج و بحث

از نتایج تجربی حاصل از ساخت و آزمایش فشاری نمونهها با دستگاه آزمایشی، نمودارهای بار-جابهجایی یا جمع شدگی آنها تحت بار محوری فشاری، مطابق نمودار شکل 13 بهدست میآید.

دراین شکل یکی از نمودارها رفتاری متفاوت دارد که میتواند گویای معیوب بودن نمونه یا شرایط آزمایش باشد، درحالی که 4 نمونه دیگر با تقریب مناسب، رفتاری یکسان دارند. بار کمانش بحرانی از افت ناگهانی شیب نمودار بار جابه جایی به دست میآید. در شکل 13، دیده میشود، شیب منحنی بار جابه جایی نمونه ها، در بارهای 1/1، 1/15، 1/147 و 99/0 کیلونیوتن، به ایرژی است و یا به عبارت دیگر، سازه در جذب انرژی محوری ناتوان است و با تغییر شکل، درجهتی غیراز راستای محوری سعی در نگهداری خود در وضعیت تعادل است، بار تحمل شده در وضعیت تعادل جدید، همان بار کمانش اول یا یا بار بحرانی سازه است. بارکمانش بحرانی نمونه ا و متوسط عددی بارکمانش بحرانی، آنها در جدول 3 آمده است. متوسط عددی بارکمانش بحرانی برای نمونه های مورد آزمایش برابر با 1/096 است.

شکل 14 شرایط آزمایشی بعد از کمانش سازه مورد نظر را نشان می دهد.در این شکل به وضوح دیده می شود، مد اول کمانش خارج از صفحه است. سازه به وضعیت خمرهای در آمده است و ریب های آن به سمت خارج از صفحه مخروطی، کمانش کردهاند. بنابراین در این وضعیت، برای مقایسه نتایج حاصل از آزمایش با حل تحلیلی، کافی است که مقادیر به دست آمده از آزمایش با مقادیر حاصل از حل تحلیلی برای بار کمانش بحرانی خارج از صفحهٔ یک سلول واحد، مقایسه شود. از آنجایی که برای پرهیز از اثر محل اعمال بار در هنگام آزمایش از حلقه های اپوکسی در لبه استفاده شده است و با توجه به اصطکاک این حلقه، با صفحهٔ دستگاه آزمایشی، می توان شرایط آزمایش را گیردار در نظر گرفت. بنابراین، بار کمانش بحرانی حاصل از آزمایش با مقدار بار کمانش بحرانی حاصل از حل تحلیلی بار کمانش بحرانی خارج صفحهٔ از سلول با یک سر گیردار، مقایسه می شود.

برای بررسی نتایج تحلیلی، ابتدا سازه مشبک مخروطی از مواد مرکب با دوازده ریب مارپیچ و سه ریب محیطی به سطح مقطع 2×2 میلیمتر مربع با زاویه نیم رأس 30 به شعاع دایرهای پوسته میانی 50میلیمتر و 100میلیمتر در لبه کوچک و لبه بزرگ و طول یال 100 میلیمتر از ماده جدول2 در نظر گرفته میشود.

از رابطههای (1) تا (13) استفاده میشود تا ابعاد سازه و سلول واحد تعیین شوند. در ادامه با استفاده از رابطههای (15) تا (18) ضریب طول مؤثر و بارکمانش بحرانی سازه در حالت کمانش صفحهای با شرایط مرزی دو سرگیردار سلول واحد بهدست میآید. همچنین میتوان با استفاده از رابطههای (18) تا (20) ضریب طول مؤثر و در نهایت بارکمانش بحرانی سازه در حالت کمانش صفحهای با شرایط مرزی دوسر الاستیک سلول واحد (دو سر سلول واحد در محیط الاستیک درگیر است) بهدست آورد. بارکمانش بحرانی خارج از صفحه این سازه از رابطه (21) بهدست میآید. این نتایج در جدول 4 آورده شده است.

دیده می شود که ضریب طول مؤثر برای شرایط مختلف بین 5/. تا 1 است. در محاسبات تئوری، مقدار عددی 5/0، ضریب طول مؤثر، یک تیر با شرایط تکیه گاهی دو سرگیردار و مقدار عددی 1، ضریب طول مؤثر، یک تیر با شرایط تکیه گاهی دوسر لولا است. بنابراین شرایطی که در اینجا مدل شده است شرایطی بین وضعیت دوسر گیردار و دوسر لولا در یک تکه تیرک از سلول واحد، است و این شرایط با شرایط واقعی سازه همخوانی دارد. در نمونه سازهٔ مورد نظر، نتایج حل تحلیلی کمانش خارج از صفحه، با نتایج آزمایش همخوانی دارد. همچنین دیده می شود که نتایج آزمایش به نتایج حل تحلیلی کمانش خارج از صفحه با اتصال گیردار، نزدیکتر است.

در آزمایش از دو حلقه اپوکسی در دو انتهای سازه استفاده شده است و همچنین با توجه به وجود اصطکاک بین کف سازه و صفحه آزمایش، شرایط تکیه گاهی یک سلولواحد که در انتهای بزرگ سازه مخروطی قرار دارد را می توان با اتصال یک سر گیردار مدل نمود. مقایسهٔ بار کمانش بحرانی، حاصل از نتایج آزمایش (kN (kN))، با مقدار بار کمانش بحرانی حاصل از حل تحلیلی، بارکمانش بحرانی خارج صفحهٔ از سلول با یک سر گیردار (kN (0/923)، گویای همخوانی نتایج و تایید روش تحلیلی است.

همچنین،به منظور بررسی بیشتر روش تحلیلی، از نتایج اجزای محدود سازه مورد مطالعهٔ مارازوف و همکاران [20] استفاده میشود.



حل 13 پوسته مشبک محروطی که دو ریب محیطی حلفه انتهایی محروط تفو شده است[20]

جدول 5 جرم و بارکمانش بحرانی برای نمونههای سازه مشبک مخروطی از موادمرکب با ابعاد مرجع [20].

	نتايج از مرجع [20]		ایج از این تحقیق ایط اتصالات کشسان		
خطا %	بار کمانش بحرانی (kN)	جرم (kg)	بارکمانش بحرانی(kN)	جرم (kg)	تمونەھ∪φ±
17	44/334	2/263	52/028	2/694	5∘
24	110/002	2/908	136/550	3/090	10°
-4	179/714	3/320	172/409	3/355	15°
-1	252/123	3/792	249/274	3/847	<b>20</b> °
7	316/574	4/567	339/633	4/610	<b>25</b> °
0/3	*230/507	*3/552	**231/162	-	<sup>*</sup> 15∘

(\*) دو ریب محیطی آخر دراین نمونه تقویت شده است

(\*\*)با شرایط تکیه گاه گیردار سلولواحد حل شده است

پوستههای مشبک مخروطی از موادمرکب با 60 جفت ریب مارپیچ، سطحمقطع هر ریب 2×8میلی مترمربع،به قطر دایرهای پوسته میانی 8/0 متر سطحمقطع هر ریب 2×8میلی مترمربع،به قطر دایرهای پوسته میانی 8/0 متر و 1/6 مستند. ریبها دارای خواص مکانیکی: ضریب کشسان محوری  $F_x=100$ GPa هستند. ریبها دارای زمان مکانیکی: ضریب کشسان محوری  $\rho=1550$ kg/m<sup>3</sup> و چگالی آنالیز نمونههای مارپیچ در انتهای منونههای مختلف از پوستههای مشبک که زوایای ریبهای مارپیچ در انتهای آنایز گرفته میند. برای آنالیز نمونههای مختلف از پوستههای مشبک که زوایای ریبهای مارپیچ در انتهای نظر گرفته میشود. همچنین ریبهای محیطی، به گونهای به مدل اضافه میشود که هر ریب محیطی، مابین تقاطع ریبهای مارپیچ، قرار گیرند. برای میشود که هر ریب محیطی، مابین تقاطع ریبهای مارپیچ، قرار گیرند. برای مدلهای با زاویه ریب باربر با 20، 10، 15، 20, 25 می طرح محیای محیطی محیطی مارپیچ، موار گیرند. برای محیطی به ترتیب برابر با 20، 20، 10، 15، 20, 27 می

مارازوف و همکاران [20]، بار کمانش بحرانی سازهها را به روش المان محدود و با شرایط تکیه گاهی ساده به دست آورده اند و نسبت ابعاد ریب ها در این تحلیل 4 به 1 است، یعنی ضخامت یک ریب چهار برابر پهنای آن است. نسبت ضخامت یک ریب نسبت به پهنای آن 4 و از طرفی گشتاور دوم سطح مقطع یک ریب، نسبت به محور  $\theta$  (شکل 1) با توان سوم ضخامتش رابطهٔ مستقیم دارد. نسبت بار کمانش بحرانیخارج از صفحه، نسبت به بار کمانش داخل صفحه، برای یک ریب برابر 64 است. بنابراین مد غالب کمانش برای سلول واحد، کمانش داخل صفحه خواهد بود و با توجه به شرایط تکیه گاهی ساده تحلیل المان محدود، حل تحلیلی از حل کمانش بحرانی تیرکهای با شرایط دوسر اتصال کشسان، به دست خواهد آمد. نتایج محاسبه جرم و حل تحلیلی بار کمانش بحرانی برای نمونه های سازه مشبک مخروطی مارازوف و همکاران [20]، در جدول 5 آمده است.

از برسی این نتایج دیده میشود که با تقریب مناسبی حل تحلیلی به نتایج حاصل از المان محدود مارازوف و همکاران [20]، نزدیک است. برای زاویه ریبهای مارپیچ در انتهای بزرگ پوسته 5 و 10 درجه،اختلاف بیشتر است که منتج ازتفاوت مدلسازی در این روش (حل تحلیلی ارایه شده در مقاله) و مدلسازی مرجع [20] است.

در یک حالت خاص مارازوف و همکاران [20]، دو ریب محیطی نزدیک به لبهٔ بزرگ یکی از سازه مشبک مخروطی را تقویت نمودهاند (شکل 15) و بارکمانش بحرانی سازه را با روش المان محدود به دست آوردهاند. زاویه ریبهای مارپیچ در لبهٔ بزرگ سازه مخروطی در این نمونه °15=*qp*± است. شرایط این مسئله با شرایط روش محاسبه بارکمانش بحرانی صفحهای برای سازهٔ با سلول واحد دوسر گیردار همسان است. مقایسه نتایج محاسبهٔ بار کمانش بحرانی برای این سازه به روش تحقیق حاضر و مرجع [20] در جدول 5 با علامت \* و \*\* آمده است. دیده میشود تفاوت نتایج ناچیز است و دلیل آن به علت همسان بودن شرایط تکیه گاهی است. حلقهٔ تقویت شده همانند تکیه گاه گیردار عمل میکند.

#### 5- نتیجه گیری

در این تحقیق، با استفاده از رابطهٔ اویلری برای کمانش بحرانی یک تیر و هندسهٔ سازه، بارکمانشی اجزای نزدیک به انتهای بزرگ سازه پوستهای مشبک مخروطی، بهدست آمده است. با استفاده از این بار کمانشی و با فرض کمانش متقارن،بارکمانش بحرانی، یک سازه مشبک مخروطی تحت بار محوری، محاسبه شده است.دراین روش با بهدست آوردن ضریب طول مؤثر، بارکمانش بحرانی یک تیر از شبکه محاسبه شده است. در ادامه برای بررسی حل تحلیلی، چند نمونه ساخته میشود. نمونههای آزمایشی با یک روش

- [11] M. Yazdani, G. H. Rahimi, The Effects of Helical Ribs' Number and Grid Types on the Buckling of Thin-walled GFRP-stiffened Shells under Axial Loading, *Journal of Reinforced Plastics and Composites*, Vol. 29, No. 17, pp. 2568-2575, 2010.
- [12] M. A. GHasemi, M. Yazdani, S. M. Hoseini, Analysis of effective parametres on the buckling of grid stiffened composite shells based on first order shear deformation theory, *Modares Mechnical Enginerring*, Vol. 13, No. 10, pp. 51-61, 2013. (In Persian)
- [13] M. Zandi, G. H. Rahimi, Analysis of effect of stiffener shape and profile in composite isogrid stiffened shell under axial loading, in *The 2<sup>nd</sup> International Conference on Composite Chracterization, Fabrication and Application*, Kish Iland, Iran, 2010.
- [14] K. Sayad, Stress analysis of lattice composite cylinder under internal pressure and torsion, in *The International Conference on Experimental Solid Mechanical and Dynamics*, Tehran, Iran, 2012.
- [15] G. Totaro, Local buckling modelling of isogrid and anisogrid lattice cylindrical shells with triangular cells, *Composite Structures*, Vol. 94, No. 2, pp. 446-452, 2012.
- [16] G. Totaro, Local buckling modelling of isogrid and anisogrid lattice cylindrical shells with hexagonal cells, *Composite Structures*, Vol. 95, No. 1, pp. 403-410, 2013.
- [17] H. Fan, J. Fengnian, D. Fang, Uniaxial local buckling strenth of periodic lattice composite, *Materials and Design*, Vol. 30, No. 10, pp. 4136-3145, 2009.
- [18] A. Hou, K. Gramoll, Fabrication and compressive strength of composite attachment fitting for lunch vehicle, *Journal of Advanced Materials*, Vol. 32, No. 1, pp. 39-45, 2003.
- [19] G. Totaro, Z. Gurdal, Optimal design of composite lattice shell structures for aerospace applications, *Aero Science and Technology*, Vol. 13, No. 4, pp. 157-164, 2009.
- [20] V. Morozov, A. Lopatin, V. Nesterov, Buckling analysis and design of anisogrid composite lattice conical shells, *Composite Structures*, Vol. 93, No. 12, pp. 3150-3162, 2011.
- [21] A. A. Naderi, G. H. Rahimi, M. Arefi, Influence of fiber paths on buckling load of tailored conical shells, *Steel and Composite Structures*, Vol. 16, No. 4, pp. 375-387, 2014.
- [22] Z. P. Bazant, L. Cedolin, Stability of Structures: Elastic, Inelastic, Fracture, and Damage Theories, Singapore:World Scientific Publishing Co. Pte. Ltd., 2010.
- [23] S. British, structural use of steel work in bulding, Annex D Effective lenghts of columns in simple structure, BS, London, pp. 174-180, 2000.

ابتکاری در یک قالب قابل انعطاف، از الیاف شیشه با روش رشته پیچی تر در رزین اپوکسی تولید شدهاند. از دستگاه کشش برای آزمایش فشار محوری نمونهها استفاده شده است. این دستگاه منحنی بار فشاری بر حسب جابه جایی نسبی دو انتهای سازه را به دست می دهد. با استفاده از منحنی حاصل از بار -جابه جایی می توان بار کمانش بحرانی سازه را تعیین نمود. در نهایت نتایج حاصل از حل تحلیلی ارایه شده در این مقاله، با نتایج آزمایش و کار المان محدود دیگران مقایسه می شود. نتایج از کارایی مؤثر حل ارایه شده برای طراحی اولیه سازه یوسته ای مشبک مخروطی حکایت دارد.

#### 6-مراجع

- V. V. Vasiliev, V. A. Barynin, A. F. Rasin, Anisogrid lattice structure-survey of development and application, *Composite Structures*, Vol. 54, No. 3, pp. 361-370, 2001.
- [2] V. V. Vasiliev, A. F. Razin, G. Totaro, F. D. Nicola, Anisogrid conical adapters for commercial space application, in *The 13th AIAA/CIRA International Space Planes and Hypersonic Systems and Technologies Conference*, Capua, Italy, 2005.
- [3] V. V. Vasiliev, Anisogrid composite lattice structure for spacecraft and aircraft application, *Composite Structures*, Vol. 76, No. 4, pp. 182-189, 2006.
- [4] S. M. Huybrechts, T. E. Meink, P. M. Wegner, J. M. Ganley, Manufacturing theory for advanced grid stiffened structures, *Composites: Part A*, Vol. 33, No. 2, pp. 155-161, 2002.
- [5] T. D. Kim, Fabrication and testing of composite isogrid stiffened panel, *Composite Structures*, Vol. 49, No. 1, pp. 21-25, 2000.
- [6] T. D. Kim, Fabrication and testing of composite isogrid stiffened cylinder, Composite Structures, Vol. 45, No. 1, pp. 1-6, 1999.
- [7] M. Buragohain, R. Velmurugan, Study of filamemnt wound grid-stiffened composite cylindrical structures, *Composite Structures*, Vol. 93, No.2, pp. 1031-1038, 2011.
- [8] E. Wodesenbet, S. Kidane, S. Pang, Optimisation for buckling loads of gridstiffened composite panels, *Composite Structures*, Vol. 60, No. 2, pp. 159-169, 2003.
- [9] S. Kidane, L. Guoqiang, J. Helms, S.-S. Pang, E. Wodesenbet, Buckling load analysis of grid stiffened composite cylinders, *Composites: Part B*, Vol. 24, No. 1, pp. 1-9, 2003.
- [10] M. Yazdani, H. Rahimi, A. A. Khatibi, S. Hamzeh, An experimental investigation into the buckling of GFRP stiffened shells under axial loading, *Science Research Essays*, Vol. 4, No. 9, pp. 914-920, 2009.