ماهنامه علمى يژوهشى



مهندسی مکانیک مدرس

mme.modares.ac.ir

بررسی نتایج مدلسازی چندشعاعی با مدل تک شعاعی در جریان بخار آب چگالشی در نازل همگرا-واگرای مافوق صوت

محمد على فقيه على $ilde{1}$ يادى 1 ، محمد رضيا مەييكر $^{2^*}$

1– دانشجوی کارشناسی ارشد، تبدیل انرژی، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد 2- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد * مشهد، صندوق پستى 917751111، mahpeymr@um.ac.ir

مقاله چکیده	اطلاعات
كامل بخار آب در توربینهای کمفشار بهعلت مافوق سرد شدن باعث پدیده جوانهزایی میشود. در اکثر این مدل سازیها برای محاسبه شعاع قطرات از نر 1395 نر 1395 مدل تک شعاع طرات را اثبات می نماید. در این مقاله برای واقعی تر شدن مدل رشد قطرات از روش چندشعاعی با استفاده از معادله جوانهزایی کلاسیک معاع قطرات را اثبات می نماید. در این مقاله برای مسئله ریمان استفاده می شود. بدین منظور برای محاسبه روش چندشعاعی رشد قطرات، مرای اولین بار مدل سادهای در روش اویلری – اویلری را رائه می گردد. در این روش ابتدا تعدادی حجم کنترل در منطقه جوانهزایی کلاسیک برای اولین بار مدل سادهای در روش اویلری – اویلری ارائه می گردد. در این روش ابتدا تعدادی حجم کنترل در منطقه جوانهزایی لحاظ شده که قطراتی که در هریک از این حجم کنترلها تولید می شوند را در گروههای موجود جهت ادغام قطرات جدیدی که در سایر حجم کنترل های بعدی ماندن تعداد گروهها دوزیع می کند. این گروهها به صورت جداکانه تا انتهای نارل رشد می کنند و هر کدام از این گروهها دارای رطوبت، دما قطرات و شعاع خود می باشند. بر طبق نتایج در مدل چندشعاعی پیشنهادی مقدار جوانهزایی و تعداد قطرات بیشتر از مدل تک شعاعی است ولی مقدار شعاع متوسط قطرات کمتر از مدل تک شعاعی است ولی مقدار شعاع متوسط قطرات کمتر از مدل تک شعاعی است ولی مقدار شعاع متوسط قطرات کمتر از مدل تک شعاعی و به شعاع تجربی نازل مور با تفاوت 10 درصدی بسیار نزدیک تر است. هردو مدل از نظر مقدار شعاع خود می باشند. بر طبق نتایج در مدل چندشعاعی پیشنهادی مقدار جوانهزایی و تعداد قطرات بیشتر از مدل تک شعاعی است ولی مقدار شعاع متوسط قطرات کمتر از مدل تک شعاعی و به شعاع تجربی نازل مور با تفاوت 10 درصدی بسیار نزدیک تر است هردی شدن شعاع	مقاله پژوهشی دریافت: 17 آ ارائه در سایت: کلید <i>واژگان:</i> چند شعاعی چوانهزایی رشد قطره گروه قطره
قطرات به نتیجه آزمایشگاهی به مراتب دقیق تر است.	

Comparison between polydispersed and monodispersed models on condensing water-vapor flow in a supersonic convergent-divergent nozzle

Mohammad Ali Faghih Aliabadi, Mohammad Reza Mahpeykar^{*}

Department of Mechanical Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran * P.O.B. 917751111 Mashhad, Iran mahpeymr@um.ac.ir

ARTICLE INFORMATION ABSTRACT Original Research Paper The supercooled steam in low pressure turbines creates the nucleation phenomenon. In most modeling Received 07 December 2016 approaches, to reduce the computation time a monodispersed model is used. However, experimental Accepted 30 January 2017 evidence even on one dimensional condensing flow demonstrates the existence of droplets with several Available Online 27 February 2017 sizes. In this paper to make the modeling more realistic, a polydispersed model is used along with the one dimensional HHL Riemann solver. In this study, a simple method is proposed for polydispersed Keywords: model in Eulerian-Eulerian method. In this scheme, first, a number of elements are considered in the Polydispersed nucleation region and the droplets formed in each of the elements are put into a group. Then the new Monodispersed Nucleation droplets formed in consecutive elements are distributed based on the ratio between the number of Droplet growth droplets in each group available for merging constrained by having the same number of groups. These Droplet group groups grow individually until the end of the nozzle and each group has their own wetness, temperature, number of droplets and radius. Based on the results of the proposed polydispersed, the nucleation rate and the number of droplets are found to be more than the results of the monodispersed model, but the average droplet radius is less, with 10% difference closer to the empirical radius of the Moore nozzle. The pressure distributions for both models have good agreement with experimental data, but overall, the results of the proposed polydispersed method are significantly closer to experimental results, especially with regard to the droplet radius.

1-مقدمه

فازی بخار-مایع در آنها می شود. ظهور این قطرات و حرارت نهان آزاد شده توسط آن ها در داخل جریان بخار مافوق صوت باعث ایجاد ضربه چگالش در جریان شده و اثرات قابل ملاحظهای روی متغیرهای جریان از قبیل توزیع

انبساط مداوم بخار تا زیر شرایط اشباع در بسیاری از توربینهای مولد قدرت که با بخار کار می کنند، باعث جدا شدن رطوبت از بخار و ایجاد جریان دو

Please cite this article using:

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

Downloaded from mme.modares.ac.ir on 2024-09-22

فشار، درجه حرارت، سرعت، دانسیته و غیره می گذارد. این موضوع علاوه بر ایجاد افتهای ترمودینامیکی و ائرودینامیکی در جریان، باعث فرسایش پره-های توربین و خسارتهای مکانیکی می شود. با توجه به اهمیت توربینهای بخار کم فشار در نیروگاههای بخاری، طراحی دقیق تر این توربینها می تواند باعث افزایش راندمان شود.

معادله جوانهزایی یکی از معادلات مهم مورد نیاز برای مدلسازی جریان دوفازی است. این معادله در هرگام محاسباتی تعداد قطرات تازه شکل گرفته با شعاع بحرانی مربوط به همان شرایط را محاسبه می کند و در نتیجه تعیین كننده تعداد قطرات توليدي ميباشد. جوانهزايي پس از انبساط جريان و قطع کردن خط اشباع ابتدا با میزان بسیار کم شروع می شود. پس از ورود به منطقه اشباع به علت انبساط سريع دماي سيال از دماي اشباع ان كمتر و فشار سیال از فشار اشباع ان بیشتر شده و جریان فوق اشباع می گردد. در این شرایط با ادامه انبساط جریان و افزایش میزان درجه فوق سردی جوانهزایی بیشتر می شود. ولی در کل بخار می تواند هنوز تک فاز فرض شود ولی هنگامی که میزان درجه فوق سردی به حد قابل توجهی برسد قطرات با شعاع بحرانی به تعداد قابل توجهی تشکیل می شود و چگالش به مقدار موثر جهت دوفازی شدن جریان رخ میدهد. چگالش روی سطح قطرات موجود سبب رشد آنها شده و همزمان قطرات جدیدی نیز شکل می گیرد تا سیستم به تعادل ترمودینامیکی باز گردد. پس از ان با کاهش چشمگیر میزان درجه فوق سردی دیگر قطرات جدیدی تولید نمی شود و قطرات قبلی رشد می نماید. در جریان چگالشی بخار، قطرات با یکدیگر برخورد داشته و برخورد قطرات ممكن است به ادغام يا شكست آنها بيانجامد. اين موضوع موجب پيچيدهتر شدن مدلسازی این نوع جریانها میشود [1].

از آنجا که نتایج حاصل از تئوری در منطقه جوانهزایی با نتایج تجربی موجود همواره مطابقت چندان خوبی ندارد، محققین مختلف سعی میکنند با اعمال تصحیحات لازم به معادله جوانهزایی و رشد قطره و نزدیک کردن شرایط به حالت واقعی، نتایج حاصل را تصحیح کنند. به این منظور در چند دهه گذشته تلاشهای زیادی جهت توصیف کیفی و کمی تشکیل و حرکت قطرات اب داخل جریان بخار انجام شده و نتایج ارزشمندی به دست آمده است. در بیشتر تحقیقات انجام شده در جریان دوفازی بخار مایع تاکنون از مدل تکشعاعی استفاده شده است و یک اندازه برای شعاع در هر قسمت نازل یا پرههای توربین گزارش شده است. از آنجا که این مدل حجم محاسبات بسیار کمتری نسبت به مدل چندشعاعی دارد، مورد علاقه پژوهشگران قرار گرفت و مطالعات متعددی بر روی آن صورت گرفت.

مدلهای عددی متنوعی برای حل جریان بخار تر با استفاده از مدل تک-شعاعی به کار برده شده است. مدل لاگرانژی-اویلری یک بعدی توسط محققانی نظیر مهپیکر و همکاران [2]، امیریراد و همکاران [3] و لکزیان و همکاران [4] استفاده شد. روش لاگرانژی-اویلری تایم مارچینگ دو بعدی توسط باختر و توچایی [5] و تیمورتاش و مهپیکر [6] و روش لاگرانژی-اویلری سه بعدی توسط کرمانی و گربر [7] بر جریان بخار تر اعمال گشته است. مدل اویلری-اویلری به شکل یک بعدی توسط حمیدی و کرمانی [8]، در قالب طرح دو بعدی توسط نوری رحیم ابادی و کوهیکمالی [9]، باقری و همکاران [10]، گربر و کرمانی [11] و هالاما و همکاران [21] و به شکل سه بعدی توسط دیکاس و روبلسکی [13] و نوری رحیم آبادی و احمدپور [41]

شواهد آزمایشگاهی در مورد توربینهای بخار وجود اندازه چندگانه شعاع

را اثبات نموده و اندازه گیری های نوری آشکار ساخته که توزیع شعاع بسیار گسترده است و در توربین، قطرات الزاما دارای یک شعاع نیستند [15]. والترز در قسمت کم فشار یک توربین بخار 500 مگاواتی شعاع قطرات آب را اندازه گرفت و نتایج اندازه گیری خود را در شکل 1 منتشر کرد [16] و این واقعیت را نشان داد که مجاسبات رایج بخار مرطوب غیر تعادلی قادر به پیشبینی این نوع از توزیع اندازه قطرات نیست. جکسون و دیویدسون پیشنهاد کردند با هم ترکیب نشوند و به صورت جداگانه رشد کنند [17]. یانگ [16] و وایت و یانگ [18] مدل چندشعاعی را در روش لاگرانژی- اویلری به صورت دو شعاعی را بر شمرد و این مدلها را با هم مقایسه کرد [15]. هالاما در نظر شعاعی را بر شمرد و این مدلها را با هم مقایسه کرد [15]. هالاما در نظر شعاعی را بر شمرد و این مدلها را با هم مقایسه کرد [16]. هالاما در نظر موفتن رشد جداگانه قطراتی که در هر حجم کنترل از منطقه جوانهزایی و در موسوی [20]، هالاما [11] و روبلسکی و دیکاس [22] با استفاده از روش مومنت به بررسی مدل چندشعاعی پرداختند.

تا به حال مطالعات زیادی بر روی روشهای عددی، مدل تک سیالی و دو سیالی، معادلات جوانهزایی، رشد قطره و خواص صورت گرفته است اما در مورد نحوه شکل گیری، ادغام و شکست گروههای قطره در ناحیه جوانهزایی مطالعه جامعی صورت نگرفته است. در مدل تکشعاعی، فرض ادغام تمامی قطرات با یکدیگر و رشد آنها هر چند سبب ساده تر شدن حل می شود ولی از نظر فیزیکی فرض درستی به حساب نمی آید. در مطالعه پیشرو، در جهت واقعی تر کردن شکل گیری قطرات مایع در منطقه جوانهزایی، از مدل چند-شعاعی استفاده شده است. در این روش استفاده شده برای مدل چندشعاعی ابتدا تعدادی گروه در نظر گرفته سپس به تعداد گروههای قطره حجم کنترل در منطقه جوانهزایی در نظر گرفته می شود. قطراتی که در هر یک از این حجم کنترل ها تولید می شود در هر یک از این گروه ها قرار می گیرد. سپس قطراتی که در سایر حجم کنترلهای منطقه جوانهزایی تولید می شود با نسبت تعداد قطرات در هر یک از این گروهها توزیع و یا ادغام می شوند، با این هدف که تعداد گروههای قطرات با شعاعهای متفاوت در تعدادی منطقی باقی بماند و حجم محاسبات در حد ممکن افزایش یابد. لازم به ذکر است که چون هدف در تحقیقات اینده استفاده از این مدل در جریانهای چگالشی دوبعدی می-باشد و از روش تکرار نیز معمولاً استفاده می شود تعداد گروهها نمی توانند زیاد باشند. تعداد گروههای قطرات براساس تجربه در هندسههای مختلف توسط



Fig. 1 Droplet size distribution measured at inlet to last stage of a 500 MW steam turbine [16]

شکل 1 توزیع اندازه قطرات در قسمت اخر توربین بخار 500 مگاواتی [16]

نویسندگان مقاله به دست امده و پیشنهاد در این مقاله شده است که می تواند این تعداد برای هندسه های کم فشار مناسب باشد. با پیشروی در منطقه جوانهزایی قطرات تولید شده در حجم کنترل ها افزایش می یابد. از آنجا که هر چه تعداد قطرات موجود در گروه ها بیشتر باشند می توانند قطرات بیشتری را در خود ادغام کنند، این نسبت به گونه ای در نظر گرفته شده که گروه هایی که قطرات بیشتری دارند، قطرات بیشتری در آن ها توزیع می شود. این نسبت بدین گونه است که پس از اتمام تشکیل گروه ها تعداد قطرات گروه تقسیم بر تعاد کل قطرات موجود می شود. در مدل چند شعاعی پیشنهادی هم چند شعاعی بودن جریان دو فازی یک بعدی تاکید شده و هم پدیده ادغام لحاظ شده است. ضمن اینکه حجم محاسبات منطقی افزایش پیدا کرده است. مدل در ان حل تقریبی مسئله ریمان HLL ^۱ استفاده می گردد به کار رفته اند و با در ان حل تقریبی مسئله ریمان مالا

2- معادلات حاكم

1-2- مدل تکشعاعی

در این مقاله برای بررسی جریان دوفازی از دیدگاه تک سیالی استفاده می-شود. در این دیدگاه فاز مایع و بخار را به صورت همزمان محاسبه و معادلات حاکم برای ترکیب دو سیال قطره و بخار حل میشود و از سرعت لغزشی بین دو فاز به علت کوچکی قطر قطرات مایع و یا کوچک بودن نیروی درگ صرفنظر میشود [13]. روابط (1) تا (3) فاز مایع و بخار را بهم مرتبط می-کند.

$$P = P_v = P_l \tag{1}$$

$$\frac{1}{\rho} = \frac{1-y}{\rho_v} + \frac{y}{\rho_l} \tag{2}$$

$$h_t = (1 - y)h_v + yh_l \tag{3}$$

P فشار، p چگالی، v رطوبت و h انتالپی است. زیر نویسهای v و l به ترتیب به فاز بخار و مایع اشاره می کند. معادله یحاکم بر جریان شبه یک بعدی، گذرا، غیر لزج و قابل تراکم در نازل همگرا-واگرا با در نظر گرفتن معادلات پیوستگی، مومنتم، انرژی، رطوبت و تعداد قطرات و با صرف نظر از نیروهای وزنی در حالت کاملا پایستار عبارت است از:

$$\frac{\partial Q}{\partial t} + \frac{\partial F}{\partial x} = W \tag{4}$$

Q بردار پایستار، F بردار شار، W بردار چشمه، x و t مولفههای زمان و مکان هستند و از روابط (5) تا (8) بدست میآیند.

$$Q = A \begin{bmatrix} \rho \\ \rho u \\ \rho E_t \\ \rho y \\ \rho n \end{bmatrix}$$
(5)
$$F = A \begin{bmatrix} \rho u \\ \rho u \\ \rho u^2 + P \\ \rho u H_t \\ \rho u y \\ \rho un \end{bmatrix}$$
(6)
$$W = A \begin{bmatrix} 0 \\ -\frac{P dA}{A dx} \\ 0 \\ \Gamma_1 + \Gamma_2 \\ 0 \end{bmatrix}$$
(7)

¹ Harten-Lax-van Leer Riemann solver

$$E_t = H_t - \frac{P}{\rho} + \frac{1}{2}u^2$$

$$E_t = u^2 \quad \text{(8)}$$

$$E_t = u^2 \quad \text{(8)}$$

$$R = u^2 \quad \text{(8)}$$

 F_t سطح مقطع نازل، ρ چکالی مخلوط، u سرعت مخلوط، n تعداد فطرات، f_t و H_t و H_t به ترتیب انرژی داخلی کل و انتالپی کل به ازای واحد جرم هستند. برای به دست آوردن دمای بخار، ابتدا یک مقدار برای دمای بخار حدس زده میشود. با استفاده از معادله حالت فشار بدست میآید. از این مقادیر فشار و دمای بخار برای محاسبه آنتالپی بخار استفاده میشود. اگر این مقدار با آنتالپی بخار معادله (9) مساوی نباشد، مقدار دمای بخار به روش نیوتن رافسون اصلاح میگردد.

 $E_{t} - h_{v}(p, T_{v})(1 - y) - h_{l}(p, T_{l})y + \frac{P}{\rho} - \frac{1}{2}u^{2} = 0$ (9) consolidation (9) co

 $T_{l} = T_{s}(P) - (T_{s}(P) - T_{v})\frac{r^{*}}{r}$ (10) T دما، r شعاع قطره و r^{*} شعاع بحرانی است. زیرنویس S به حالت اشباع اشاره می کند.

2-2- مدل چندشعاعی

در مدل چندشعاعی معادلات حاکم بر قطره برای هر یک از گروهها جداگانه حل می شود و گروهها بدون آنکه کنش و واکنشی با یکدیگر داشته باشند تا انتهای نازل رشد می کنند. رطوبت کل برابر است با مجموع رطوبت تمام گروهها و از رابطه (11) به دست می آید.

$$y(l) = \sum y_i(l) \tag{11}$$

برای هر گروه از قطرات معادله رطوبت به صورت جداگانه با رابطه (12) حل میشود.

$$\frac{\partial(\rho y_i)}{\partial t} + \frac{1}{A} \frac{\partial(\rho u y_i)}{\partial x} = \Gamma_{1i} + \Gamma_{2i}$$
(12)

زیر نویس *i* به شماره گروه قطرات اشاره میکند. دمای هر گروه از قطرات از تقریب گرماسی با رابطه (13) به دست میآید.

$$T_{li} = T_s(P) - (T_s(P) - T_v) \frac{r^*}{r_i}$$
(13)

شعاع هر گروه به روش حجمی با رابطه (14) محاسبه می شود.

$$r_i = (\frac{3y_i}{4\pi\rho_{li}n_i})^{1/3}$$
(14)

و دمای T_i ، ho_{li} ، n_i ، y_i و دمای T_{li} به ترتیب رطوبت، تعداد قطرات، چگالی، شعاع و دمای قطره i، h_i ، h_i ، y_i

3- توزيع و ادغام قطرات

3–1– مدل تکشعاعی

مدل تکشعاعی با این فرض صورت می گیرد که تمامی قطرات تولید شده در منطقه جوانهزایی با هم ادغام میشوند و به صورت یک گروه در می ایند و تمامی قطرات دارای یک اندازه هستند. در این مدل روند تشکیل گروه های قطرات بدین صورت است که در گام اول ناحیه جوانهزایی، اولین گروه قطرات جوانه زده می شود. در گام دوم گروه دوم ایجاد می گردد و گروه اول رشد می -کند. در گام سوم، گروه سوم تولید می شود و دو گروه قبلی با یکدیگر ادغام شده و به یک گروه تبدیل شده و رشد می نمایند و این روند تا پایان محدوده جوانهزایی ادامه می یابد و سر انجام یک گروه قطره باقی می ماند و رشد می -کند [1].

21

3-2- مدل چندشعاعی

تاکنون سه روش در مدل چندشعاعی استفاده شده است. این سه روش در دیدگاههای لاگرانژی⊣ویلری و اویلری-اویلری به کار رفته است. روش اول که به آن روش لاگرانژی⊣ویلری گفته میشود قطرات تولید شده در هر یک از حجم کنترل های منطقه جوانهزایی را در گروه هایی در نظر می گیرد. در این روش به تعداد حجم کنترلهای منطقه جوانهزایی گروه در نظر گرفته میشود و تعداد قطرات هر گروه ثابت باقی میماند. معادلات حاکم بر قطره در دیدگاه لاگرانژی برای هر یک از گروهها حل می شود و این گروهها به صورت جداگانه تا انتهای نازل رشد میکنند. در روش دوم که در دیدگاه اویلری-اویلری به کار رفته است قطرات تولید شده در منطقه جوانهزایی در تعدادی بین تقسیم می شود. در این روش محدوده اندازه قطرات تولید شده به اندازه های ثابتی تقسیم می شود که به آن بین اگفته می شود. در هر بین ممکن است یک حجم کنترل یا چندین حجم کنترل از حجم کنترل های منطقه جوانهزایی در آن باشد. معادلات حاکم بر قطره برای هر بین حل می شود و هر بین به صورت جداگانه تا انتهای نازل رشد میکند. در روش سوم که در روش مومنت به کار رفته است از توابع خاصی برای رشد قطره و اندازه قطرات تولید شده استفاده می شود و معادلات قطره برای یک گروه قطره حل می شود [15]. در مدل چندشعاعی در دیدگاه اویلری اویلری از انجائی استفاده از بین مشکل است در این مقاله تعدادی حجم کنترل از منطقه جوانهزایی را در نظر گرفته و قطراتی در هر یک از این حجم کنترلها تولید می شود را در یک گروه قرار میدهد. سپس قطراتی که در سایر حجم کنترل ها تولید می شود را با نسبت تعداد قطرات در هر یک از گروهها توزیع می کند. با توجه به اینکه با افزایش گروههای قطرات در مدل چندشعاعی باعث افزایش بالای حجم محاسبات می شود به ویژه برای زمانی که این مدل پیشنهادی در مدل سازی دوبعدی و سهبعدی جریان دوفازی بخار-مایع بخواهد استفاده شود و همچنین اضافه شدن بیش از حد گروههای قطرات غیر واقعی میباشد، لذا تا حدود نصف منطقه جوانهزایی گروههای قطرات با شعاعهای مختلف تشکیل میشود و پس از آن تا انتهای جوانهزایی پدیده ادغام صورت می گیرد. لذا در مدل چند شعاعی پیشنهادی هم چند شعاعی بودن جریان دو فازی یک بعدی تاکید شده و هم پدیده ادغام لحاظ شده است. ضمن اینکه حجم محاسبات منطقی افزایش پیدا کرده است.

اگر به تعداد b گروه قطره باشد، قطراتی که در b حجمکنترل اول از منطقه جوانهزایی در هر یک از گروهها جای میگیرد از رابطه (15) به دست میاید.

$$= n(I) - n(I - 1)$$
 (15)

با گذر از b حجم کنترل اول b گروه قطره تشکیل شده است. قطرات تولید شده در سایر حجم کنترلهای منطقه جوانهزایی با نسبت (16) در هر یک از گروهها توزیع میشود.

$$d_i = \frac{n_i}{\sum_{i=1}^b n_i} \tag{16}$$

نسبت توزیع قطرات در هریک از گروهها است. نسبت توزیع قطرات باید d_i به گونهای انتخاب شود که گروههایی که قطرات بیشتری دارند بتوانند قطرات

بیشتری را در خود ادغام کنند. تعداد قطرات هریک از گروهها برابر است با: $n_i(I) = n_i(I-1) + d_i(n(I) - n(I-1))$ (17) تعداد قطرات کل برابر است با مجموع تعداد قطرات هر یک از گروهها و از رابطه (18) محاسبه میشود.

¹ Bin

$$n(l) = \sum_{i=1}^{\nu} n_i(l)$$

4- معادله حالت و خواص

(18)

یکی از موضوعات چالش بر انگیز در بحث جریان دوفازی، معادله حالت است. از انجا که در جریان دوفازی بخار مافوق سرد تولید می شود، لذا یافتن معادله حالت مناسبی که بتواند خواص بخار آب را در چنین شرایط غیر تعادلی پیش بینی کند، اهمیت می یابد. معادله حالت برای بخار به شکلهای زیادی وجود دارد. یکی از دقیق ترین شکلهای معادله حالت، معادلات – IAPWS IF97 است. فشار از رابطه (19) به دست می آید.

(19) $P = \rho_v R T_v (\gamma^0 + \gamma^r)$ and the set of the s

5- مدل چگالشی 5-1- مدل جوانهزایی

چنانچه جریان بخار مافوق صوت در حال انبساط با سطح جامد تماسی نداشته و عاری از ذرات خارجی و یون باشد، هنگام برخورد با خط اشباع سریعا چگالیده نمی شود بلکه دچار حالت شبه پایدار و فوق اشباع می گردد. با گذر زمان از طریق شکل گیری و رشد تعداد زیاد قطرات بسیار ریز، جریان دو فازی شده به حالت تعادل بر می گردد. فرایند شکل گیری قطرات در این شرایط جوانهزایی همگن نامیده می شود. برای انکه جوانهزایی رخ دهد باید خوشه های مولکولی بر سد انرژی آزاد بحرانی غلبه کنند تا قطره با شعاع بحرانی شکل گیرد. انرژی آزاد گیبس مورد نیاز برای تشکیل یک قطره کروی از رابطه (20) به دست می آید.

$$\Delta G = 4\pi r^2 \sigma_r - mRT_v \ln(\frac{P}{P_s(T_v)})$$
⁽²⁰⁾

 σ_r تنش سطحی که در این مطالعه برابر با تنش سطحی صفحه تخت است. برای هر بخار تک فاز ما فوق سرد تغییرات انرژی آزاد گیبس دارای یک نقطه بیشینه است. شعاع متناظر با این نقطه را شعاع بحرانی مینامند و با r^* نمایش میدهند.

$$A^* = \frac{2\sigma_r}{\rho_l R T_v \ln(\frac{p}{p_s(T_v)})}$$
(21)

رابطه (21) که به معادله کلوین هلمهتز معروف است برای هر نسبت فوق اشباع، اندازه قطرهای که در تعادل شبه پایدار است را معلوم میکند. معادله جوانهزایی کلاسیک که بیان گر نرخ تولید قطرات با شعاع بحرانی بر واحد جرم بخار به واحد زمان میباشد، به صورت رابطه (22) است.

$$J_{\text{class}} = q_c \sqrt{\frac{2\sigma_r}{\pi}} m_m^{-3/2} \frac{\rho_v}{\rho_l} \exp(\frac{-4\pi r^{*2}\sigma_r}{3kT_v})$$
(22)

 q_c ضریب چگالش است و در این پژوهش برابر با یک است. k ثابت بولتزمن، q_c مریب چگالش است و R ثابت گازها است. بعدها تصحیحات مختلفی بر m جرم یک مولکول و R ثابت گازها است. بعدها می توان به تصحیحات معادله جوانهزایی کلاسیک اعمال شد که از ان جمله می توان به تصحیحات کانترویتز [24] اشاره کرد که به صورت رابطه (23) به کار رفته است.

$$J_{\rm ka} = \frac{1}{1+\emptyset} J_{\rm class} \tag{23}$$

 \emptyset ضریب اصلاح دمایی است و از رابطه (24) به دست میآید.

DOR: 20.1001.1.10275940.1396.17.3.46.0

بررسی نتایج مدلسازی چندشعاعی با مدل تکشعاعی در جریان بخار آب چگالشی در نازل همگرا-واگرای مافوق صوت

$$\phi = 2 \frac{(\gamma - 1)}{(\gamma + 1)} \frac{h_{lv}}{RT_v} \left(\frac{h_{lv}}{RT_v} - \frac{1}{2}\right)$$
(24)
 h_{lv}

5-2- نرخ رشد قطره

فرایند جذب خوشههای مولکولی شبه پایدار روی سطح جوانههای پایدار در اغلب موارد اهمیتی معادل با فرایند جوانهزایی دارد. گرمای نهان چگالش آزاد شده بر اثر جذب مولکولها روی سطح قطرات شکل گرفته موجب افزایش دمای قطره میشود و در اثر اختلاف دما بین قطرات و محیط بخار انتقال گرما صورت می گیرد. به این ترتیب علاوه بر انتقال جرم به سمت فاز مایع، انتقال گرما به سمت فاز بخار نیز صورت می گیرد. انتقال همزمان جرم و کنترل می کند. برای عددهای نودسن بسیار کوچک قوانین مکانیک سیالات محیط پیوسته حاکم بوده و عامل تعیین کننده انتقال جرم است. از طرف دیگر برای عددهای نودسن بسیار کوچک قوانین مکانیک سیالات محیط پیوسته حاکم بوده و عامل تعیین کننده انتقال جرم است. از طرف جریان آزاد مولکولی حاکم است. اما در اغلب موارد عدد نودسن مقدار موریان آزاد مولکولی حاکم است. اما در اغلب موارد عدد نودسن مقدار مدیران آزاد مولکولی حاکم است. اما در اغلب موارد عدد نودسن مقدار مدیران آزاد مولکولی حاکم است. اما در اغلب موارد عدد نودسن مقدار مدیران آزاد مولکولی حاکم است. اما در اغلب موارد عدد نودسن مقدار مدیران از این موضوع مورد توجه بسیاری از پژوهشگران قرار گرفته و در نتیجه مدلهای رشد گوناگونی معرفی شد.

$$Kn = \frac{l}{2r} \tag{25}$$

$$\bar{l} = \frac{\mu_v}{\rho_v} \left(\frac{\pi}{2RT_v}\right)^{0.5} \tag{26}$$

Kn عدد نودسن، \overline{I} فاصله ازاد مولکولی و μ ویسکوزیته است. معادله رشد. قطره برای رژیم آزاد مولکولی($Kn \gg 1$) به صورت رابطه (27) میباشد. (27) $\frac{dr}{dr} = \frac{P}{r}$

$$\frac{dt}{dt} \operatorname{HK} = \frac{\rho_l}{\rho_l} \left[\frac{\sqrt{2\pi T_v}}{\sqrt{2\pi T_v}} - \frac{1}{\sqrt{2\pi T_l}} \right]$$
(27)

معادله رشد قطره در رژیم پیوسته ($Kn \ll 1$) به صورت رابطه (28) می-باشد.

$$\frac{dr}{dt}CON = \frac{\lambda_v}{\rho_v} \frac{T_s - T_v}{rh_v}$$
(28)

 λ ضریب هدایت حرارتی است. معادله رشد نهایی قطره ترکیبی از معادلات (27) و (28) م باشد و معادله بشد قطره به شکل رابطه (29) م شود [25].

$$dr = dr = 0$$
 (29) مى باشد و معادلة رشد فطره به شكل رابطة (22) مى شود (25).
 $dr = dr = 0$

$$\frac{dt}{dt} - \psi \frac{dt}{dt} \cos(\psi + (1 - \psi)) \frac{dt}{dt} \sin(\psi - \psi) \frac{dt}{dt}$$

در مدل حاضر تغییرات فاز توسط دو منبع جرمی تعریف میشود. برای مدل تک شعاعی:

$$\Gamma_1 = \frac{4}{3} \pi \rho_l \rho r^{*3} J$$
(31)

$$\Gamma_2 = 4\pi\rho_l \rho n r^2 \frac{dr}{dt}$$
(32)

نرخ منبع جرمی ناشی از قطرات تولید شده در فرایند جوانهزایی و Γ_2 نرخ جرمی قطرات چگالیده شده در فرایند رشد قطره است [13].

$$F_{1i} = \frac{4}{3} \pi \rho_{li} \rho r_i^{*3} J_i \tag{33}$$

$$\Gamma_{2i} = 4\pi \rho_{li} \rho n_i r_i^2 \frac{dr_i}{dt}$$
(34)

*F*₁i نرخ منبع جرمی ناشی از قطرات تولید شده در فرایند جوانهزایی و *F*₂i نرخ جرمی قطرات چگالیده شده در فرایند رشد قطره برای گروه *i* است. جرم ناشی از قطرات تولید شده در فرایند جوانهزایی تا *b* حجمکنترل اول از

منطقه جوانهزایی به شکل رابطه (33) و بعد از ان با توجه به رابطه (16) در هر یک از گروهها تقسیم میشود.

6- حل عددی

مدل توصیف شده در این مطالعه توسط کد دینامیک سیالات محاسباتی به کار برده شده است. معادلات حاکم به صورت یک بعدی و با دیدگاه حجم کنترل و با طرح گودناو گسسته سازی می شود و با روش صریح رانج کوتای مرتبه چهار انتگرال زمانی گرفته می شود. از آنجا که استفاده از حل دقیق مسئله ریمان برای گاز حقیقی نسبتاً پیچیده و زمان بر می باشد از حل تقریبی مسئله ریمان استفاده می شود [26].

$$\frac{\partial Q_I}{\partial t} + \frac{F_{I+1/2} - F_{I-1/2}}{\Delta x} = W_I \tag{35}$$

ساختار حل مسئله ریمان در شکل 2 نشان داده شده است. در این حل سه موج وجود دارد. موج میانی همیشه یک تماس ناپیوستگی است. موجهای سمت چپ و راست امواج غیر خطی هستند و میتوانند به صورت شوک یا انبساط باشند. از این رو چهار الگو برای امواج وجود دارد. امواج میانی و شوک به صورت ناپیوستگی و امواج انبساطی به صورت پیوسته هستند. منطقه بین امواج غیر خطی فشار ثابت P و سرعت ثابت u دارند. مقدار چگالی به صورت ناپیوسته در سراسر سطح تماس از مقدار ثابت $_{L}^{a}$ از سمت چپ سطح تماس تا مقدار ثابت p_{R}^{a} از سمت راست سطح تماس تغییر میکند.

یک نوع بسیار ساده از حل تقریبی توسط هارتن و همکاران برای مسئله ریمان ارائه شده است. این حل تقریبی موج میانی را در نظر نمی گیرد و محدوده سرعت امواج غیر خطی را توسط $_{L} 2$ و $_{R} S$ تخمین میزند و برای بردار شار F در مرز I/2 + I رابطه (36) را ارائه می دهد [27].

$$F_{l+\frac{1}{2}}^{\text{HLL}} = \begin{cases} F_{l}, & S_{L} \ge 0 \\ F_{l+\frac{1}{2}}^{*}, & S_{L} \le 0 \le S_{R} \\ F_{l+\frac{1}{2}}, & S_{L} \le 0 \end{cases}$$
(36)

$$F_{l+\frac{1}{2}}^{*} = \frac{\sum_{R=L}^{L} F_{l+1}, \ S_{R} \le 0}{S_{R}F_{L} - S_{L}F_{R} + S_{L}S_{R}(Q_{R} - Q_{L})}$$
(37)

 S_R مسئله اصلی در این حل تقریبی براورد مقدار کافی و مناسب برای S_L و S_L است. تورو با استفاده از خطی سازی معادلات اویلر در متغیرهای اولیه حل تقریبی برای مسئله ریمان ارائه کرد [27].

$$P^* = \frac{1}{2}(P_L + P_R) - \frac{1}{2}(u_R - u_L)\bar{\rho}\bar{a}$$
(38)



Fig. 2 Solution of the Riemann problem with data Q_L and Q_R in the x-t plane. The three waves present define four piece-wise constant states [27].

شکل 2 حلی از مسئله ریمان با مقادیر *Q*_L و *Q*_R در صفحه *t-x* را نشان میدهد. سه موج حاضر چهار مقدار ثابت تعریف میکند [27].

DOR: 20.1001.1.10275940.1396.17.3.46.0

$$u^{*} = \frac{1}{2} (u_{L} + u_{R}) - \frac{1}{2} \frac{P_{R} - P_{L}}{\bar{\rho}\bar{a}}$$
(39)
$$(u_{L} - u^{*})\bar{\rho}$$

$$\rho_L^* = \rho_L + \frac{(u_L - u_P)}{(u_L^* - u_P)\bar{a}}$$

$$\tag{40}$$

$$\rho_R^* = \rho_R + \frac{1}{\bar{a}}$$
(41)

$$\bar{a} = \frac{1}{2} (a_L + a_R) \tag{42}$$

$$\bar{\rho} = \frac{1}{2} \left(\rho_L + \rho_R \right) \tag{43}$$

مقادیر سمت چپ و راست متغیرهای اولیه جریان بر روی مرزها با روش مقادیر سمت چپ و راست متغیرهای اولیه جریان بر روی مرزها با روش MUSCL TVD ' محاسبه میشود [28]. این روش در جهت بالا بردن دقت و از S_L بین بردن ناپایداری های عددی استفاده میشود. تورو و همکاران برای S_R رابطه (46) و (47) را پیشنهاد کردند [27].

$$a_L^* = \sqrt{\frac{\gamma P^*}{\rho_L^*}} \tag{44}$$

$$a_R^* = \sqrt{\frac{\gamma P^*}{\rho_R^*}} \tag{45}$$

$$S_L = \min\{u_L - a_L, u^* - a_L^*\}$$
(46)

$$S_R = \max\{u_R - a_R, u^* - a_R^*\}$$
(47)

7- نتايج

در این مقاله مدل چندشعاعی با مدل تک شعاعی بدون استفاده از ضریب تصحیح در تنش سطحی و نرخ جوانهزایی با هم و با نتایج تجربی موجود در نازل مور A، B و C مقایسه شدهاند. شکل 3 هندسه نازل مور A، B و C را نشان می دهد [29]. X_L طول قسمت همگرای نازل مور است و مقدار ان برابر 0.2 است. برای هر سه هندسه موجود از 400 گره استفاده شده است. استفاده شده است. فشار سکون ورودی برای نازل مور kPa 25 است. دمای سکون ورودی برای نازل مور A، 354.6 K، برای نازل مور B، X 5.75 و برای نازل مور C، X 58.6 است. جریان در ورودی مادون صوت و به صورت بخار خشک وارد نازل عایق همگرا–واگرا می شود و جریان در خروجی مافوق صوت خارج می شود.

در مدل چندشعاعی به تعداد حجم کنترل های موجود در حدود نیمه اول منطقه جوانهزایی گروه در نظر گرفته می شود. قطراتی که در هر یک از این حجم کنترل ها تولید می شود در یک گروه قرار می گیرد. در نازل A، پانزده گروه قطره، در نازل B، بیست گروه قطره و در نازل C، بیست پنج گروه قطره



Fig. 3 Geometry of nozzles that studied [29]

شکل 3 هندسه نازلها در این مطالعه [29]

در نظر گرفته میشود. بعد از شکل گیری گروههای قطره قطرات تولید شده در سایر حجم کنترلهای منطقه جوانهزایی با نسبت (16) در گروهها ادغام میشوند. در پایان حجم کنترلهای منطقه جوانهزایی تعداد قطرات گروهها ثابت شده و این گروهها تا انتهای نازل و بدون هیچ کنش و واکنشی با یکدیگر رشد می کنند.

در شکل 4 توزیع فشار استاتیکی برای مدل چندشعاعی با مدل تک-شعاعی برای دو نازل A، B و C رسم شده است و با نتایج تجربی موجود در



Fig. 4 Comparison of static pressure distribution between polydispersed and monodispersed models, and then with the experimental data along the nozzle

شکل 4 مقایسه توزیع فشار برای مدل چندشعاعی با مدل تکشعاعی و نتایج تجربی موجود در طول نازل

¹ Monotonic Upstream-Centred Scheme for conservation law Total Variation Diminishing

نازل A، B و C مقایسه شدهاند.

فشار استاتیکی در طول نازل کاهش مییابد و هنگامی که چگالش غیر تعادلی اتفاق میافتد گرمای نهان آزاد میشود و با انتقال این گرما به جریان، شوک میعان رخ میدهد و مقدار فشار و دما افزایش مییابد. هر دو مدل تطابق خوبی با نقاط تجربی دارند و شوک میعان را به خوبی نشان میدهند. اختلاف نمودار توزیع فشار استاتیکی برای دو مدل چندشعاعی و تکشعاعی تنها مربوط به پیشبینی شوک میعان میباشد. در مدل چندشعاعی شوک میعان با کمی تأخیر نسبت به مدل تکشعاعی رخ میدهد و قدرت شوک میعان بیشتر است.

در شکلهای 5 و 6 مقدار نرخ جوانهزایی و قطرات تولید شده در مدل چندشعاعی با مدل تکشعاعی در دو نازل موجود مقایسه شده است.

بیشترین مقدار نرخ جوانهزایی در نازل مور A برای مدل چندشعاعی بیشترین مقدار نرخ جوانهزایی در نازل مور A برای مدل چندشعاعی $1/\text{kg.s.} = 1.2 \times 10^{22}$ بیشترین مقدار نرخ جوانهزایی 2.85 برابر مدل تکشعاعی است. بیشترین مقدار نرخ جوانهزایی در نازل مور B برای مدل چندشعاعی $10^{21} \times 10^{22} \times 2.92$ و برای مدل تکشعاعی است. فران مقدار نرخ جوانهزایی در نازل مور B برای مدل چندشعاعی است و بیشترین مقدار نرخ جوانهزایی در مدل تک مواحد $1/\text{kg.s.} = 1.2 \times 2.92$ و برای مدل چندشعاعی است. بیشترین مقدار نرخ جوانهزایی در نازل مور B برای مدل چندشعاعی است و بیشترین مقدار نرخ جوانهزایی در مدل تک مواحد $1/\text{kg.s.} = 1.2 \times 2.92 \times 2.92$



Fig. 5 Comparison of nucleation rate between polydispersed and monodispersed models along the nozzle

شکل 5 مقایسه نرخ جوانهزایی برای مدل چندشعاعی با مدل تکشعاعی در طول نازل



Fig. 6 Comparison of number of droplet between polydispersed and monodispersed models along the nozzle شکل 6 مقایسه تعداد قطرات تولید شده برای مدل چندشعاعی با مدل تکشعاعی در طول نازل

تکشعاعی ¹101 × 2.66 به واحد 1/kg است و قطرات تولید شده در مدل چندشعاعی 2.84 برابر مدل تکشعاعی است. قطرات تولید شده در نازل مور B برای مدل چندشعاعی 10¹⁶ × 7.79 و برای مدل تکشعاعی 10¹⁶ × 4.39 به واحد 1/kg است و قطرات تولید شده در مدل چندشعاعی 2.22 برابر مدل تکشعاعی است. در مدل چندشعاعی مقدار نرخ جوانهزایی و در نتیجه قطرات مدل چندشعاعی بزرگتر از محدوده منطقه جوانهزایی در مدل تکشعاعی است. در بیشترین مقدار نرخ جوانهزایی شوک میعان رخ میدهد. در مدل چندشعاعی بیشترین مقدار نرخ جوانهزایی کمی جلوتر از مدل تکشعاعی است و نشان میدهد شوک میعان در مدل چندشعاعی با کمی تأخیر رخ می-دهد.

شکل 7 رطوبت تولید شده در طول نازلهای موجود برای دو مدل چند-شعاعی و تک شعاعی را نشان می دهد. میزان رطوبت در مدل چند شعاعی در ابتدا کمتر از مدل تک شعاعی است و سپس میزان رطوبت در مدل چند شعاعی افزایش پیدا کرده و تقریبا مقدار رطوبت برای هر دو مدل با هم برابر می شود. علت این تغییرات را می توان در نرخ جرم چگالیده شده مولکول های بخار بررسی کرد.



Fig. 7 Comparison of wetness between polydispersed and monodispersed models along the nozzle شکل 7 مقایسه رطوبت برای مدل چندشعاعی با مدل تک شعاعی و نتایج تجربی موجود در طول نازل

در جریان چگالشی بخار، بر اثر فرایند جوانهزایی و رشد قطرات گرمای نهان ازاد میشود و به جریان منتقل میشود. مقدار گرمای نهان ازاد شده بر اثر فرایند جوانهزایی در برابر مقدار گرمای نهان ازاد شده بر اثر رشد قطرات ناچیز است اما اهمیت ان ایجاد سطوحی برای فرایند چگالش مولکولهای بخار است. در واقع با به وجود امدن جنینهای قطره سطح مورد نیاز برای چگالش بخار فراهم میشود. در مدل تک شعاعی سطح تمامی قطرات با یک اندازه برای شعاع در چگالش در نظر گرفته میشود. زیرا در هر مرحله قطرات تولید شده در مرحله قبلی با هم ادغام میشوند و تبدیل به یک گروه قطره میشود و تعداد قطرات و رطوبت افزایش پیدا می کند. با افزایش شعاع قطره و با توجه به معادله گرماسی دمای قطره افزایش پیدا می کند. با افزایش شعاع و می کند و این روند ادامه پیدا می کند تا شوک میعان رخ دهد. روش ادغام می کند و این روند ادامه پیدا می کند تا شوک میعان رخ دهد. روش ادغام تمام قطرات تولید شده در منطقه جوانهزایی تاثیر بسزایی بر جرم تولید شده بر اثر رشد قطره دارد.

در مدل چندشعاعی در اوایل منطقه جوانهزایی، مقدار جوانهزایی کم است. با کم بودن مقدار جوانهزایی تعداد قطرات تولیدی کم میباشد و قطرات کمتری در گروههای ابتدایی قرار میگیرد. هر چه در منطقه جوانهزایی جلوتر رفته شود مقدار جوانهزایی افزایش مییابد و قطرات بیشتری تولید میشود. از انجائی قطرات تولید شده در منطقه جوانهزایی در تعدادی گروه تقسیم می-

شوند سطح مورد نیاز برای چگالش مجموع گروهها کمتر از مدل تک شعاعی است و مقدار گرمای نهان آزاد شده توسط گروههای قطره به قدری نیست تا شوک میعان رخ دهد در نتیجه مقدار جوانهزایی و تعداد قطرات افزایش پیدا می کند. این افزایش تا جایی ادامه پیدا می کند که مجموع گرمای نهان آزاد شده توسط گروهها سبب شوک میعان شود. به همین دلیل مقدار جوانهزایی و تعداد قطرات در مدل چندشعاعی بیشتر از مدل تکشعاعی است.

شکل 8 نرخ جرم چگالیده شده بر اثر چگالش بخار بر روی سطح قطرات که منجر به رشد قطره میشود را در قسمت واگرای نازلهای موجود نشان میدهد. در ابتدا مقدار نرخ جرم چگالیده شده بر اثر چگالش بخار برای مدل تکشعاعی بیشتر بوده سپس مقدار این نرخ برای مدل چندشعاعی بیشتر میشود.

در مدل تک شعاعی ادغام تمامی قطرات با یکدیگر سطح بیشتری را برای چگالش بخار ایجاد می کند و بخار سریعتر چگالیده شده و گرمای نهان سریع-تر به جریان انتقال مییابد و شوک میعان زودتر رخ میدهد. در مدل چند-شعاعی مقدار نرخ جرم چگالیده شده بر اثر چگالش بخار برای همه گروههای قطره. مقدار نرخ جرم چگالیده شده بر اثر چگالش بخار برای همه گروههای قطره. عدم ادغام گروههای قطره با یکدیگر سطح کمتری نسبت به مدل تک شعاعی برای فرایند چگالش بخار ایجاد می کند و گرمای نهان کمتری ازاد می شود و جریان مافوق سردتر شده و جوانهزایی افزایش مییابد و قطرات بیشتری تولید



Fig. 8 Comparison of mass condensation rate between polydispersed and monodispersed models along the nozzle

شکل 8 مقایسه نرخ جرم چگالیده شده بر اثر چگالش در مدل چندشعاعی با مدل تکشعاعی در طول نازل

میشود و سطح مورد نیاز فراهم میشود و مقدار چگالش به شدت افزایش پیدا می کند و مقدار ان از مدل تکشعاعی بیشتر میشود.

در شکل 9 اندازه شعاع متوسط قطرات برای دو مدل چندشعاعی و مدل تک شعاعی با یکدیگر و شعاع تجربی موجود در هر دو نازل مقایسه شدهاند. در مدل چندشعاعی هریک از گروهها دارای مقداری برای شعاع قطره هستند. از این رو برای مقایسه با مدل تکشعاعی نیازمند مقدار میانگینی برای تمامی گروهها است. در نازل مور A مقدار شعاع تجربی 8 10imes متر است و مقدار شعاع در این نقطه برای مدل چندشعاعی $^{8-}10 \times 2.59$ متر و برای مدل تکشعاعی $^{8-}10 \times 3.67$ متر است. مقدار خطا نسبت به شعاع تجربی موجود در این نازل برای مدل چندشعاعی %3.62 و برای مدل تکشعاعی 46.8% است. در نازل مور B مقدار شعاع تجربی $^{-8}$ 10^{-8} متر است و مقدار 46.8% شعاع در این نقطه برای مدل چندشعاعی 8 10^{-8} \times 4.6 متر و برای مدل تک-شعاعی 8 10^{-8} متر است. مقدار خطا نسبت به شعاع تجربی موجود در این نازل برای مدل چند شعاعی %7.92 و برای مدل تک شعاعی %20.1 است. در نازل مور C مقدار شعاع تجربی $^{-8}$ \times 10⁻⁸ متر است و مقدار شعاع در این نقطه برای مدل چندشعاعی ⁸⁻¹0 × 6.89 متر و برای مدل تکشعاعی متر است. مقدار خطا نسبت به شعاع تجربی موجود در این $8.66 imes 10^{-8}$ نازل برای مدل چند شعاعی %8.12 و برای مدل تک شعاعی %15.5 است. مقدار شعاع میانگین قطرات برای مدل چندشعاعی کمتر از مدل تکشعاعی است و مقدار ان به نقاط تجربی نزدیک تر است.

در شکل 10 توزیع اندازه قطرات نسبت به تعداد قطرات برای هر یک از گروهها در دو مقطع نشان داده شده است. مقطع 3.5 X/X_L انتهای نازل و مقطع $X/X_L = 2.847$ مقطع شعاع تجربی موجود در نازل مور است. با گذر از مقطع شعاع تجربی نازل مور به سمت انتهای نازل تعداد قطرات هر یک از گروهها ثابت باقی مانده و اندازه شعاع هر یک از گروهها افزایش مییابد. در نازل A به ترتیب از سمت راست گروه اول، دوم و غیره گروه پانزدهم نشان داده شده است. از گروه اول به سمت گروه پانزدهم، تعداد قطرات هر یک از گروهها افزایش و مقدار شعاع ان کاهش می یابد. گروه اول بزرگترین شعاع و کمترین تعداد قطرات را دارد و گروه پانزدهم کمترین شعاع و بیشترین تعداد قطره را دارد. محدوده شعاع قطرات در نازل A در مقطع شعاع تجربی از شعاع 2.32×10^{-8} متر تا $^{-8}$ $10^{-8} \times 10^{-8}$ متر است. این محدوده به خوبی شعاع $^{-8}$ تجربی اندازه گرفته شده توسط مور را در نازل A پوشش میدهد. در نازل B به ترتیب از سمت راست گروه اول، دوم و غیره گروه بیستم نشان داده شده است. از گروه اول به سمت گروه بیستم، تعداد قطرات هر یک از گروهها افزایش و مقدار شعاع ان کاهش می یابد. گروه اول بزرگترین شعاع و کمترین تعداد قطرات را دارد و گروه بیستم کمترین شعاع و بیشترین تعداد قطره را دارد. محدوده شعاع قطرات در نازل مور B در مقطع شعاع تجربی از شعاع محدوده به خوبی شعاع 4.22 متر است. این محدوده به خوبی شعاع 4.22 $^{-8}$ تجربی اندازه گرفته شده توسط مور را در نازل B پوشش میدهد. در واقع اندازه شعاع تجربی بدین گونه است که در یک لحظه و در یک نقطه خاص شعاع قطره عبوری اندازه گرفته میشود.

در مدل چندشعاعی به تعداد گروههای قطره شعاع معرفی میشود و محدودهای به عنوان شعاع قطرات در نظر گرفته میشود. این موضوع نشان میدهد که قطرات دارای اندازه متفاوتی هستند. همچنین علاوه بر اندازه قطرات تعداد قطرات نیز مشخص میشود. در مدل چندشعاعی هر چه از اولین گروه به سمت اخرین گروه میرویم مقدار شعاع گروه کاهش و تعداد قطرات آن افزایش میابد.









Nozzle C

Fig. 9 Comparison of average radius of droplet between polydispersed and monodispersed models, and then with the experimental data along the nozzle

شکل 9 مقایسه شعاع میانگین قطرات برای مدل چندشعاعی با مدل تکشعاعی و نتایج تجربی موجود در طول نازل

در شکل 11 دمای بخار و قطره برای مدل چندشعاعی و تکشعاعی در طول نازلمور B با یکدیگر مقایسه شدهاند. در مدل چندشعاعی دمای قطره میانگین دمای قطرات است. وقتی پدیده جوانهزایی رخ میدهد، گرمای نهان به علت چگالش مولکولهای بخار ازاد میشود و دمای قطره بیشتر از دمای



Fig. 11 Comparison of temperature between polydispersed and monodispersed models along the nozzle Moore B

شکل 11 مقایسه توزیع دمای بخار و قطره در مدل چندشعاعی با مدل تکشعاعی در طول نازل مور B



Fig. 12 Distribution of mach number and mass rate along the nozzle Moore $\ensuremath{\mathsf{B}}$

شکل 12 توزیع عدد ماخ و دبی جرمی برای مدل چندشعاعی در طول نازل مور B



Fig. 13 Effect of the grid resolution on the static pressure for monodispersed model along the nozzle Moore B شکل 13 تأثیر تعداد گرہ بر توزیع فشار استاتیکی برای مدل تکشعاعی در طول نازل مور B

مدل چندشعاعی پیشنهادی نسبت به سایر روشهای چندشعاعی دیگران از حجم محاسبات کمتری برخوردار است و ادغام قطرات جدید با دیگر گروهها





Fig. 10 Droplet size distribution in area experimental data and end of nozzle

شکل 10 توزیع اندازه قطرات در مقطع شعاع تجربی و انتهای نازل

بخار میشود. دمای بخار در مدل چندشعاعی با کمی تأخیر نسبت به مدل تکشعاعی شروع به افزایش کرده و مقدار افزایش دمای بخار کمی بیشتر از مدل تکشعاعی است. میانگین دمای قطرات در مدل چندشعاعی در ابتدا کمتر از مدل تکشعاعی و در انتهای شوک چگالشی برابر با مدل تکشعاعی می شود.

شکل 12 تغییرات ماخ جریان و دبی جرمی کل برای مدل چندشعاعی را در نازل مور B نشان میدهد. ماخ جریان در حال افزایش است و با وقوع شوک میعان ماخ کاهش مییابد و بعد از ان به روند افزایشی خود ادامه می-دهد. دبی جرمی مخلوط بخار و مایع نیز در کل نازل مقدار ثابتی است.

تاثیر تعداد گره بر توزیع فشار استاتیکی در طول نازل مور B برای مدل تکشعاعی در شکل 13 نشان داده شده است. در نشان دادن محل وقوع شوک میعان 400 گره با 500 گره تفاوتی ندارد از این رو برای کاهش محاسبات از 400 گره استفاده میشود.

8-نتیجه گیری

در این پژوهش همان گونه که مطرح شده روشی برای مدل چندشعاعی از جریان چگالشی بخار اب که مربوط به نحوه توزیع قطرات در منطقه جوانه-زایی میباشد، ارائه شده است و با مدل تک شعاعی و نتایج تجربی موجود در نازل مور مقایسه شده است.

را نیز در نظر میگیرد که به فیزیک پدیده دوفازی این مدل پیشنهادی نزدیکتر است.

در مدل چند شعاعیپیشنهادی شوک میعان با کمی تأخیر و با قدرت بیشتری نسبت به مدل تک شعاعی رخ می دهد و تطابق خوبی با نقاط تجربی دارد. مقدار و محدوده جوانهزایی در مدل چندشعاعی بزرگتر از مدل تک-شعاعی است و بیشترین مقدار جوانهزایی در مدل چند شعاعی بیش از دو برابر بیشترین مقدار جوانهزایی در مدل تک شعاعی است. تعداد قطرات تولیدی در مدل چندشعاعی بیشتر از مدل تک شعاعی و مقدار ان بیش از دو برابر است. مقدار شعاع میانگین قطرات برای مدل چندشعاعی کمتر از مدل تکشعاعی است و مقدار ان به نقاط تجربی نزدیکتر است.

مدل چندشعاعی به تعداد گروه قطرات، شعاع در هر مقطع از نازل ارائه می دهد و محدوده ای از اندازه برای شعاع قطرات گزارش می دهد و مشخص می سازد که چه تعداد قطره با چه اندازه ای در هر قسمت از نازل وجود دارد. در مدل چند شعاعی پیشنهادی هر چه از گروه اول به سمت گروه اخر طی می شود شعاع قطرات گروهها کاهش و تعداد قطرات موجود در هریک از گروهها افزایش می یابد.

9- فهرست علايم

- (m²) سطح مقطع (A
- b تعداد گروه قطرات
- d نسبت توزيع قطرات
 - ۔ F بردار شار
- (Jkg⁻¹) انرژی ازاد گیبس (G
 - h انتالپی (Jkg⁻¹)
 - J جوانەزايى (kg⁻¹s⁻¹)
 - Kn عدد نودسن
 - (m) فاصله ازاد مولکولی (\bar{l}
- (kg) جرم یک مولکول از اب m_m
 - ش دبی جرمی (kgs⁻¹)
 - (kg^{-1}) تعداد قطرات n
 - P فشار (Pa)
 - Q بردار پایستار
 - ضریب چگالش q_c
 - (Jkg⁻¹K⁻¹) ثابت گازها (
 - شعاع قطرہ (m)
 - m) شعاع بحرانی (m)
 - T دما (K)
 - t زمان (s)
 - (ms⁻¹) سرعت (u
 - x طول (m)

علايم يونانى

- الى
- μ لزجت دینامیکی (kgm⁻¹s⁻¹)
 - چگالی (kgm⁻³)
- λ ضریب هدایت گرمایی (Wm⁻¹K⁻¹)
 - (kgm⁻³s⁻¹) نرخ انتقال جرمی (Γ
 - (Nm^{-1}) تنش سطحی σ

زيرنويسها

i
l
v
S

ات

10- مراجع

- M. Talebi, E. Amirirad, M. R. Mahpeykar, Evaluation of different nucleationmodels and droplet radius averaging methods and their combination on condensing steam flow, *Mechanical Structures and Fluid*, Vol. 5, No. 1, pp.193-209, 2014. (in Persian, فارس)
- [2] M. Mahpeykara, E. A. Radb, A. Teymourtasha, Analytical investigation into simultaneous effects of friction and heating on a supersonic nucleating Laval nozzle, *Scientia Iranica. Transaction B, Mechanical Engineering*, Vol. 21, No. 5, pp. 1700, 2014.
- [3] E. A. Rad, M. R. Mahpeykar, A. R. Teymourtash, Evaluation of simultaneous effects of inlet stagnation pressure and heat transfer on condensing water-vapor flow in a supersonic Laval nozzle, *Scientia Iranica*, Vol. 20, No. 1, pp. 141-151, 2013.
- [4] E. Lakzian, S. Shaabani, Analytical investigation of coalescence effects on the exergy loss in a spontaneously condensing wet-steam flow, *International Journal of Exergy*, Vol. 16, No. 4, pp. 383-403, 2015.
- [5] F. Bakhtar, M. M. Tochai, An investigation of two-dimensional flows of nucleating and wet steam by the time-marching method, *International Journal of Heat and Fluid Flow*, Vol. 2, No. 1, pp. 5-18, 1980.
- [6] A. Teymourtash, M. Mahpeykar, A balde to balde inviscid transonic flow analysis of nucleating steam in a turbine cascade by the jameson's time-marching scheme using body fitted grid, *Journal of Engineering, Ferdowsi University of Mashhad*, Vol. 18, No. pp. 1-20 2006.
- [7] M. Kermani, A. Gerber, A general formula for the evaluation of thermodynamic and aerodynamic losses in nucleating steam flow, *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 46, No. 17, pp. 3265-3278, 2003.
- [8] S. Hamidi, M. Kermani, Numerical study of non-equilibrium condensation and shock waves in transonic moist-air and steam flows, *Aerospace Science and Technology*, Vol. 46, pp. 188-196, 2015.
- [9] S. N. R. Abadi, R. Kouhikamali, CFD-aided mathematical modeling of thermal vapor compressors in multiple effects distillation units, *Applied Mathematical Modelling*, Vol. 40, No. 15, pp. 6850-6868, 2016.
- [10] H. B. Esfe, M. Kermani, M. S. Avval, Effects of surface roughness on deviation angle and performance losses in wet steam turbines, *Applied Thermal Engineering*, Vol. 90, pp. 158-173, 2015.
- [11] A. Gerber, M. Kermani, A pressure based Eulerian–Eulerian multiphase model for non-equilibrium condensation in transonic steam flow, *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 47, No. 10, pp. 2217-2231, 2004.
- [12] J. Halama, F. Benkhaldoun, J. Fořt, Flux schemes based finite volume method for internal transonic flow with condensation, *International Journal for Numerical Methods in Fluids*, Vol. 65, No. 8, pp. 953-968, 2011.
- [13]S. Dykas, W. Wróblewski, Numerical modelling of steam condensing flow in low and high-pressure nozzles, *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 55, No. 21, pp. 6191-6199, 2012.
- [14]S. N. R. Abadi, A. Ahmadpour, CFD-based shape optimization of steam turbine blade cascade in transonic two phase flows, *Applied Thermal Engineering*, 2016.
- [15]A. White, A comparison of modelling methods for polydispersed wet-steam flow, *International journal for numerical methods in engineering*, Vol. 57, No. 6, pp. 819-834, 2003.
- [16] J. Young, Two-dimensional, nonequilibrium, wet-steam calculations for nozzles and turbine cascades, *Journal of Turbomachinery*, Vol. 114, No. 3, pp. 569-579, 1992.
- [17] R. Jackson, B. Davidson, An equation set for non-equilibrium two phase flow, and an analysis of some aspects of choking, acoustic propagation, and losses in low pressure wet steam, *International*

DOR: 20.1001.1.10275940.1396.17.3.46.0

Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part C: Journal of Mechanical Engineering Science, Vol. 219, No. 12, pp. 1315-1333, 2005.

- [25] V. Hric, J. Halama, Performance of simple condensation model in high-pressures, Proceedings of the topical problems of fluid mechanics Conference, Czech Republic: ICNAAM, pp. 59-68, 2016.
- [26] R. Sreekanth, J. Greenberg, Y. Levy, An approximate linearized characteristic Riemann solver based on blending of Riemann invariants, Journal of Computational Physics, Vol. 278, pp. 469-484, 2014.
- [27]E. F. Toro, M. Spruce, W. Speares, Restoration of the contact surface in the HLL-Riemann solver, Shock waves, Vol. 4, No. 1, pp. 25-34, 1994.
- [28]S. Yamamoto, H. Daiguji, Higher-order-accurate upwind schemes for solving the compressible Euler and Navier-Stokes equations, Computers & Fluids, Vol. 22, No. 2, pp. 259-270, 1993.
- [29] M. Moore, P. Walters, R. Crane, B. Davidson, Predicting the fog drop size in wet steam turbines, Wet steam, Vol. 4, pp. 101-109, 1973.

- Journal of Multiphase Flow, Vol. 9, No. 5, pp. 491-510, 1983. [18] A. White, J. Young, Time-marching method for the prediction of two-dimensional, unsteadyflows of condensing steam, Journal of Propulsion and Power, Vol. 9, No. 4, pp. 579-587, 1993.
- [19]J. Halama, F. Benkhaldoun, J. Fořt, Numerical modeling of twophase transonic flow, Mathematics and Computers in Simulation, Vol. 80, No. 8, pp. 1624-1635, 2010.
- [20] A. Gerber, A. Mousavi, Representing polydispersed droplet behavior in nucleating steam flow, Journal of fluids engineering, Vol. 129, No. 11, pp. 1404-1414, 2007.
- [21]J. Halama, Numerical solution of two-phase flow of wet steam with a given droplet size distribution function, AIP Conference Proceeding, Czech Republic: ICNAAM, pp. 224-227, 2013.
- [22]W. Wróblewski, S. Dykas, Two-fluid model with droplet size distribution for condensing steam flows, Energy, Vol. 106, pp. 112-120 2016
- [23] W. T. Parry, J. C. Bellows, J. S. Gallagher, A. H. Harvey, ASME international steam tables for industrial use: pp 25-44, New York ASME Press, , 2006.
- [24]F. Bakhtar, J. Young, A. White, D. Simpson, Classical nucleation theory and its application to condensing steam flow calculations,