



رابطه ضربه ویژه بر حسب تغییرات پس فشار و الگوریتم محاسبه نسبت انبساط بهینه نازل مخروطی

وحید رضائی^۱، محمدصالح عبداله پور^۲، امیر مردانی^{*۳}

۱- کارشناس ارشد، مهندسی هواپیما، دانشگاه صنعتی شریف، تهران

۲- کارشناس ارشد، مهندسی هواپیما، دانشگاه صنعتی شریف، تهران

۳- استادیار، مهندسی هواپیما، دانشگاه صنعتی شریف، تهران

* تهران، صندوق پستی 1458833351 amardani@sharif.edu

چکیده

وظیفه اصلی نازل همگرا- واگرا تبدیل انرژی تولیدشده در محفظه به انرژی جنبشی جهت ایجاد نیروی پیشران است، پارامترهای مختلفی بر روی عملکرد این جز از موتور تأثیرگذار است که به عنوان یکی از مهمترین این پارامترها، می‌توان به اثرات فشار محیط یا به اصطلاح پس فشار اشاره داشت. اصولاً طراحی نازل‌ها برای یک پس فشار خاص صورت می‌گیرد و در زمان صعود به ارتفاعات بالا پس فشار به شدت تغییر می‌یابد که عملکرد نازل را در شرایط غیر بهینه قرار می‌هد. در پژوهش حاضر با استفاده از ابزار عددی، اثرات تغییر پس فشار بر روی عملکرد نازل‌های همگرا- واگرای سه موتور سوخت جامد استار-27، اوربان-1 و میتنمن مورد بررسی قرار گرفته است. ابزار عددی مورد استفاده در این شبیه‌سازی نرم‌افزار فلوئنت است که در این نرم‌افزار جهت شبیه‌سازی آشتفتگی کی- اپسیلون استفاده شده است. با توجه به نوع شبیه‌سازی نرم‌افزار فلوئنت است که در این نرم‌افزار جهت شبیه‌سازی آشتفتگی کی- اپسیلون استفاده شده است. با توجه به نوع پیشران، فشار و دمای محفظه احتراق برای هر موتور با استفاده از نرم‌افزار سی‌ای‌ای (CEA)، گونه‌های ورودی به نازل همگرا- واگرا محاسبه شده است. تتابع عددی به دست آمده از شبیه‌سازی‌های عددی دارای تطابق خوبی با داده‌های تجربی است. از تتابع مهم این پژوهش می‌توان به رابطه به دست آمده برای ضربه ویژه بر حسب تغییر ارتفاع و الگوریتم محاسبه نسبت انبساط بهینه برای هر موتور بر اساس رابطه مذکور برای مأموریت مشخص، اشاره کرد.

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: 04 خرداد 1395

پذیرش: 24 مرداد 1395

ارائه در سایت: 03 مهر 1395

کلید واژگان:

ضربه ویژه

نسبت انبساط بهینه

پس فشار

A Relation for Specific Impulse versus Back Pressure Changes and Optimum Conical Nozzle Expansion Ratio Algorithm

Vahid Rezaei, Mohammad Saleh Abdollahpour, Amir Mardani*

Department of Aerospace Engineering, Sharif University of Technology, Tehran, Iran
* P.O.B. 1458833351, Tehran, Iran, amardani@sharif.edu

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 24 May 2016

Accepted 14 August 2016

Available Online 24 September 2016

Keywords:

Specific Impulse
Optimum Expansion Ratio
Back Pressure

ABSTRACT

The main objective of utilizing nozzles is to convert the chemical energy to kinetic energy producing thrust. A wide variety of parameters makes a significant impact on nozzle performance; one parameter that produces dramatic effect is back pressure or ambient pressure. Basically, a nozzle designed for a specific back pressure does not work properly when the engine is ascending. Consequently, designing of nozzles requires knowledge of full effect of back pressure on engine performance. In this study, numerical simulation of three solid propellant nozzles has been conducted in several flight conditions. In other words, simulation have been done in some ambient pressures which represent specific flight altitudes. Numerical modeling has been conducted aiding commercial code FLUENT. k- ϵ RNG turbulence model has been used for calculating turbulence interactions with the flow. Mass flow rate, chemical species, and chamber temperature have been used as the inlet boundary conditions based on engine specifications. Numerical results show a reasonable accuracy in comparison with experimental measurements. Estimating nozzle thrust level as a function of altitude increment is the primary goal of this study. Furthermore, with the aid of this relation and a MATLAB code for computing average specific impulse, optimum expansion ratio can be achieved based on a specified mission.

-1- مقدمه

یکی از اجزای مهم تشکیل دهنده موتورهای فضایی نازل است. کار اصلی نازل‌های همگرا- واگرا تبدیل انرژی حرارتی تولیدشده در داخل محفظه به انرژی جنبشی است که این انرژی جنبشی، نیروی پیشران تولید می‌کند. کامپیوتری برای نازلی خاص، کمینه مقدار سوخت مصرفی را در زمان پرواز

کمتری نسبت به سایر روش‌ها دارد. عبدالله‌پور و همکارانش [11] در سال 2013 به بررسی تفاوت شبیه‌سازی جریان نازل به صورت گونه‌های تشییت‌شده⁵ و نزخ محدود⁶ برای دو پیشران مختلف پرداختند. از نتایج آن‌ها می‌توان به دقت قابل قبول حل عددی گونه‌های تشییت‌شده برای پیش‌بینی تراست اشاره کرد. مردانی و همکارانش [12] در ادامه کار [11] به این نتیجه رسیدند که خطای نتایج به دست آمده برای دو روش حل عددی گونه‌های تشییت‌شده و نزخ محدود برای پیشران‌های هیدروکربنی با جرم مولکولی سنگین‌تر بیشتر است؛ همچنین محدوده انجام واکنش‌های شیمیایی پیشران هیدروژن- اکسیژن نسبت به کروسین- اکسیژن در طول نازل گسترده‌تر است.

همان‌گونه که اشاره شد، مطالعات فراوانی بر روی اجزای مختلف موتورهای شیمیایی از جمله نازل صورت گرفته است، اما تاکنون مطالعات کمی بر روی اثرات پس فشار جهت محاسبه نسبت انبساط بهینه صورت گرفته است. لذا، در این پژوهش، شبیه‌سازی عددی نازل همگرا- و اگرای سه موتور ساخت جامد در سیزده پس فشار مختلف صورت گرفته است. علاوه بر این، در یک موتور خاص در این سیزده پس فشار مختلف اثرات نسبت انبساط نازل نیز مورد بررسی قرار گرفته است. در تمامی این شبیه‌سازی‌ها، گونه‌های شیمیایی به صورت تشییت‌شده در نظر گرفته شده است. سپس با استفاده از نتایج عددی به دست آمده که دارای تطابق نسبتاً خوبی با داده‌های تجربی است، رابطه‌ای برای ضربه ویژه بر اساس ارتفاع استخراج گردیده است. در نهایت با استفاده از این رابطه یک الگوریتم جهت طراحی نسبت انبساط بهینه ارائه می‌شود که در این الگوریتم، نسبت انبساط بهینه به مأموریت و کلاس کاری موتور وابسته است.

2- مطالعات حاکم

جهت بررسی و شناسایی پدیده‌های مختلف یک جریان با استفاده از روش‌های عددی، باید معادلات مربوط به آن جریان حل گردد. در این راستا، در پژوهش حاضر جهت بررسی و شناسایی پدیده‌های موجود در جریان داخل نازل، معادلات جریان، گونه‌های شیمیایی، انرژی و آشفتگی به صورت همزمان در نرم‌افزار فلوئنت حل شده است. برای برقراری رابطه بین سرعت و فشار از روش کوپل استفاده شده و تمامی معادلات به صورت مرتبه دوم پیشرو گسته سازی شده‌اند. رابطه (1) فرم کلی معادله پاسستگی جرم برای هر دو جریان‌های تراکم‌پذیر و غیرقابل تراکم است. S_m ترم منبع⁷ می‌باشد که جرم اضافه شده از فاز پیوسته به فاز گستته (مثلًا بر اثر تبخیر) است که مقدار آن در مطالعه حاضر صفر است.

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \vec{v}) = S_m \quad (1)$$

نرم افزار فلوئنت معادله انرژی را به صورت معادله (2) حل می‌کند. رسانایی گرمایی آشفته است که با توجه به مدل آشفتگی به دست می‌آید. سه ترم داخل پرانتز در سمت راست راست معادله به ترتیب بیانگر انتقال حرارت در اثر رسانایی، پخش گونه‌ها و پراکندگی لزجت⁸ است. ترم S_h گرمایی حاصل از واکنش‌های شیمیایی یا هر منبع حرارتی در میدان را شامل می‌شود.

متغیرهای E و k_{eff} به ترتیب از رابطه‌های (3) و (4) به دست می‌آید.

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho E) + \nabla \cdot (k_{eff} \nabla T) - \sum_j h_j j' = \nabla \cdot (k_{eff} \nabla T) - \sum_j h_j j' \quad (3)$$

⁵ Frozen species

⁶ Finite Rate

⁷ Source Term

⁸ Viscous Dissipation

محاسبه نمودند. در راستای بهینه کردن مصرف سوخت، در سال 1969 باروز و وود [2] به محاسبه کمینه کردن زمان پرواز پرداختند. از دیگر کارهای انجام‌شده می‌توان به کار یارمارک [3] اشاره داشت؛ وی با توجه به پروفیل ارتفاع پروازی، مقدار پیشران مورد نیاز را برای یک مأموریت خاص بهینه نمود.

علاوه بر مباحثه بهینه‌سازی سیستمی موتور، مطالعات بسیاری بر روی جریان داخل نازل و پلوم موتور صورت گرفته است. از جمله این مطالعات می‌توان به پژوهش انجام‌شده توسط جنتنیک [4] در سال 1991 اشاره کرد. جنتنیک با استفاده از روش‌های عددی جریان داخل نازل موتوری خاص را بدون در نظر گرفتن واکنش‌های احتراقی، مورد بررسی قرارداد. او پارامترهای مختلفی از جمله مقادیر فشار و حرارت انتقال‌یافته به دیواره‌ی موتور، محل جدایش جریان و مقدار تراست حاصل از شبیه‌سازی عددی خود را با داده‌های تجربی مقایسه نمود. نتایج حاصل از شبیه‌سازی عددی وی با داده‌های تجربی از تطابق مناسبی برخوردار بود. از نتایج مهم این مطالعه می‌توان به وجود بیشینه خطای در محاسبات شار حرارتی به دلیل استفاده از معادلات بیضوی پیشرو در مکان و دستیابی به دقت قابل قبول در محاسبه تراست به دلیل استفاده از روش‌های انتگرالی اشاره نمود. شجاعی فرد و همکارانش [5] بدون در نظر گرفتن احتراق، رفتار گزرا بین محدوده فروصوت و فراصوت نازل را به صورت تجربی و عددی مورد بررسی قراردادند. آن‌ها با رسم کانتورهای چگالی و سرعت در دو نسبت فشار نازل، محل ایجاد موج‌های ضربه‌ای و جدایش جریان را به دست آورند. در سال 2006 گیلمشین و همکارانش [6] با استفاده از نرم‌افزارهای تجاری فلوئنت، سی‌اف‌دی پلاس‌پلاس¹ و سی‌اف‌دی- ای‌سی‌ای² به مطالعه عددی اثرات ذرات آلومینیوم در درون نازل و جریان پلوم در قسمت نزدیک نازل پرداختند. آن‌ها به این نتیجه رسیدند که تا زمانی که هدف حل جریان فاز پیوسته نازل و پلوم می‌باشد، هر سه که تجاری جواب‌های مناسبی می‌دهند. احمدی کیا و طالبی [7] به بررسی جریان آشفته‌ی سطح بیرونی بدنه و پلوم پرداختند، آن‌ها در این پژوهش از روش تجزیه‌ی شار و لیر با دقت مرتبه دوم ضمنی در گسته سازی معادلات استفاده کردند. نتایج آن‌ها نشان داد که عدد ماخ و فشار پلوم تأثیر زیادی در آرایش جریان پشت نازل به خصوص در تشکیل و انعکاس امواج فشاری و انساطی دارد. پسندیده‌فرد و ساعدی‌امیری [8] در سال 2008 به مطالعه عددی احتراق در یک جریان مادون صوت تراکم پذیر آشفته پرداختند؛ آن‌ها در این مطالعه از مدل آشفتگی کی- اپسیلون³ استفاده کردند و نتایج قابل قبولی در رابطه با پیش‌بینی محل موج ضربه‌ای در نازل به دست آورند.

در سال 2010 ورما و هایدن [9] به صورت تجربی به بررسی محل جدایش جریان و زوایای موج‌های مایل به وجود آمده در نازل تی‌اوی⁴ در شرایط فشار محیطی مختلف پرداختند. از جمله نتایج مهم پژوهش آن‌ها می‌توان به کاهش زاویه امواج انساطی برای ارتفاع زیاد در مقایسه با سطح دریا اشاره کرد. از دیگر مطالعاتی که در چند سال اخیر انجام‌شده می‌توان به کار ردی و همکارانش [10] اشاره کرد. آن‌ها به منظور شبیه‌سازی جریان محفظه احتراق موتور با نازل زنگولهای، مدل‌های مختلف آشفتگی را مورد بررسی قراردادند و به این نتیجه رسیدند که جهت دستیابی به نتایج نسبتاً قابل قبول می‌توان از معادلات کی- اپسیلون استفاده نمود که حجم محاسباتی

¹ CFD ++

² CFD-ACE

³ k-ε

⁴ TOP (Thrust Optimized Parabolic)

3- شبیه سازی

3-1- اطلاعات عملکردی

در این مطالعه، سه موتور سوخت جامد استار-27⁵، اورباس-1⁶ و مینتمن⁷ بررسی می شود که برخی از ویژگی های عملکردی این سه موتور در جدول آورده شده است [15,16].

3-2- هندسه، شبکه حل و شرایط مرزی

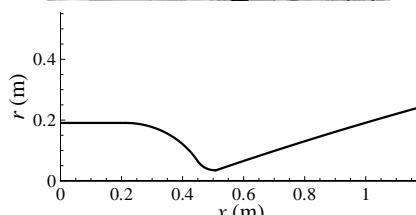
هندسه همگرا و اگرای نازل موتور استار-27 در شکل 1، اورباس-1 در شکل 2 و مینتمن در شکل 3 نمایش داده شده است. این پروفیل ها با استفاده از مطالعات انجام شده در مراجع [15,16] استخراج گردیده است. به منظور کاهش حجم شبیه سازی و همچنین وجود تقاضن در جریان و هندسه، از شبکه دو بعدی، تقاضن محوری و با سازمان تطبیق یافته استفاده شده است. شرایط مرزی حرارتی و سرعتی دیواره به ترتیب دما ثابت 700 کلوین و عدم لغزش است [15,16]. با توجه به شرایط کاری هر موتور و استفاده از مازول TP⁸ نرم افزار CEA⁹ ترکیبات شیمیایی ورودی به نازل در هر موتور به دست آمد؛ به عنوان نمونه این ترکیبات برای موتور استار-27 در جدول مشاهده می شود. دمای کل در شرط مرزی فشار خروجی¹⁰ در همه شبیه سازی ها برابر با 300 کلوین در نظر گرفته شده است.

به منظور بررسی استقلال حل از شبکه محاسباتی در شبیه سازی، برای هر یک از این سه موتور، از سه شبکه با تعداد سلول محاسباتی مختلف استفاده شده است. به عنوان مثال برای موتور استار-27 از سه شبکه با تعداد سلول محاسباتی 20180، 80720 و 322880 استفاده شده است. به دلیل تأثیر مستقیم سرعت محوری بر روی ضربه ویژه، معیار دقت سلول های

(a)



(b)



شکل 1 (a) عکس نازل و موتور استار-27.
(b) پروفیل نازل موتور استار-27 [14]

⁵ STAR 27 (Apogee Motor)

⁶Orbus-1

⁷ Minuteman (First Stage)

⁸ نرم افزار CEA دارای 9 مازول است که یکی از آن ها مازول TP است. در این مازول دما و نوع سوخت و اکسنده ورودی است و خروجی آن ترکیب گونه های شیمیایی حاصل از اختراق است.

⁹ Chemical Equilibrium Compositions and Applications

¹⁰ Pressure Outlet

$$+ (\bar{\tau}_{\text{eff}} \cdot \vec{v})) + S_h \quad (2)$$

$$E = h - \frac{p}{\rho} + \frac{v^2}{2} \quad (3)$$

$$k_{\text{eff}} = k + k_t \quad (4)$$

مدل آشفتگی مورد استفاده در تمامی این شبیه سازی ها، کی - اپسیلون آران جی¹ می باشد. معادلات زیر مدل آران جی با استفاده از روشی اماراتی به نظر ریه نرمال کردن مجدد گروهی² به دست آمده است [13]. به طور کلی ساختار این زیر مدل بسیار شبیه به زیر مدل استاندارد می باشد، با این تفاوت که دارای اصلاحات ذیل می باشد:

(الف) وجود یک ترم اضافی در معادله کی - اپسیلون ، باعث بهبود دقت این زیر مدل برای جریان های دارای ن Rox تغییر شکل بالا³ شده است.

(ب) در نظر گرفتن اثرات چرخش در معادلات این زیر مدل، دقت حل آن را در جریان های آشفته با چرخش زیاد افزایش داده است.

(پ) علاوه بر این موارد، در این زیر مدل برای محاسبه عدد پرانتل آشفته از یک فرمول تحلیلی استفاده می شود، ولی در زیر مدل استاندارد مقدار عدد پرانتل ثابت در نظر گرفته می شود.

ویژگی های زیر مدل آران جی سبب تبدیل مدل کی - اپسیلون به یک مدل آشفتگی با دقت بالا و قابل اعتماد برای محدوده وسیعی از جریان های آشفته شده است. در این مدل آشفتگی، دو معادله انتقال جهت محاسبه انرژی حنبشی و اتلاف آشفتگی به صورت روابط (5) و (6) حل می شود.

$$\begin{aligned} \frac{\partial}{\partial t} (\rho k) + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho k u_i) &= \frac{\partial}{\partial x_j} \left(\alpha_k \mu_{\text{eff}} \frac{\partial k}{\partial x_j} \right) \\ &\quad + G_k + G_b - \rho \epsilon - Y_M \quad (5) \\ \frac{\partial}{\partial t} (\rho \epsilon) + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho \epsilon u_i) &= \frac{\partial}{\partial x_j} \left(\alpha_\epsilon \mu_{\text{eff}} \frac{\partial \epsilon}{\partial x_j} \right) \\ &\quad + C_{1\epsilon} \frac{\epsilon}{k} (G_k + G_{3\epsilon} G_b) \\ &\quad - C_{2\epsilon} \rho \frac{\epsilon^2}{k} - R_\epsilon + S_\epsilon \quad (6) \end{aligned}$$

در این معادلات ضرایب ثابت $C_{1\epsilon}$ و $C_{2\epsilon}$ به ترتیب برابر با 1.42 و 1.68 است.

با توجه به نوع سوخت، اهداف شبیه سازی و همچنین کوچک بودن زمان اقامت نسبت به ن Rox انجام واکنش ها در داخل نازل می توان گونه های موجود در داخل نازل را به صورت تشییت شده در نظر گرفت [12,11]. لذا معادله انتقال گونه ها به صورت رابطه (7) ساده می شود.

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho Y_i) + \nabla \cdot (\rho \vec{v} Y_i) = -\nabla \cdot \vec{j}_i \quad (7)$$

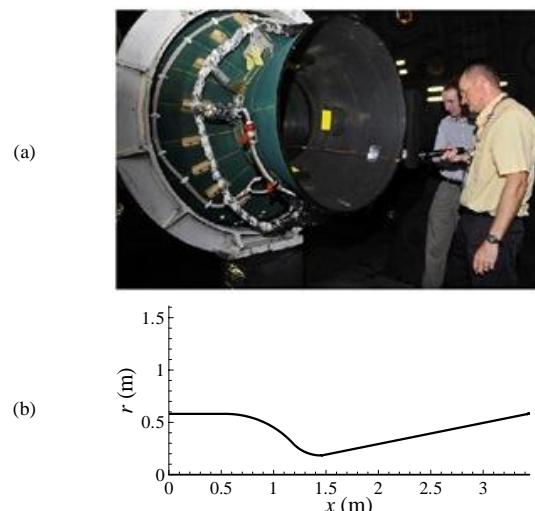
که Y_i کسر جرمی گونه i م و \vec{j}_i پخش گونه i م است. برای برقراری رابطه بین سرعت و فشار از طریق روش کوبیل⁴ استفاده شده و تمامی معادلات به صورت مرتبه دوم پیشرو گسترش سازی شده اند. از آنجایی که خواص مخلوط مانند گرمای ویژه در فشار ثابت، پخش مولکولی و خواص دیگر وابستگی شدیدی به نوع ترکیب مخلوط، دما و فشار دارند، هر یک از این پارامترها به صورت متغیر در نظر گرفته می شود؛ به عنوان مثال گرمای ویژه مخلوط از طریق قانون مخلوط، چگالی مخلوط با استفاده از گاز ایده آل و ویسکوزیته و رسانابی حرارتی از روش میانگین وزنی قانون مخلوط محاسبه می شود.

¹ $k - \epsilon$ RNG

² Renormalization Group Theory

³ Rapidly Strained Flows

⁴ Couple

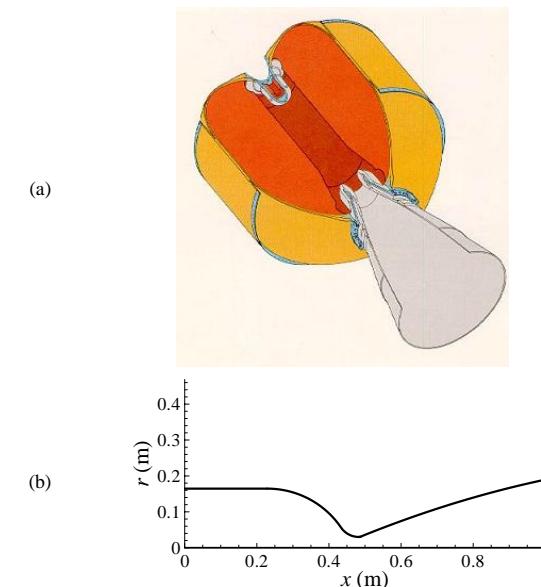


شکل ۳ (a) عکس نازل موتور مینیتمن، (b) پروفیل نازل موتور مینیتمن [14]

استفاده شده است. در نهایت، برای موتورهای استار-27، اورباس-1 و مینیتمن به ترتیب شبکه محاسباتی با تعداد سلول 80720، 102800 و 146800 انتخاب شده است. نمونه‌ای از شبکه حل تولیدشده به همراه شرایط مرزی در نظر گرفته شده در شکل نمایش داده شده است.

3-3- صحبت سنجی

جهت صحبت‌سنجی حل‌های عددی صورت گرفته، مقدار فشار محفظه و ضربه ویژه به دست آمده از حل عددی با مقدار گزارش شده در [15.14] مقایسه شده است (جدول و جدول). مقایسه این نتایج نشان می‌دهد که بیشینه



شکل ۲ (a) عکس نازل و موتور اورباس-1،
(b) پروفیل نازل موتور اورباس-1 [15]

محاسباتی پروفیل سرعت محوری در راستای محور تقارن در نظر گرفته شد. در شکل تغییرات سرعت محوری بر روی محور تقارن برای موتور استار-27 برای سه شبکه مذکور نمایش داده شده است. با مقایسه سرعت محوری در شکل مذکور می‌توان نتیجه گرفت که تغییرات چندانی برای مقدار سرعت محوری در شبکه با تعداد سلول محاسباتی 80720 و 322880 وجود ندارد؛ بنابراین برای شبیه سازی عددی از شبکه با تعداد سلول محاسباتی 80720

جدول ۱ مشخصات موتورهای شبیه‌سازی شده [15.14]

Table 1 Specification of Simulated Engines [14,15]

موتور	استار - 27	اورباس - 1	مینیتمن
تراست میانگین زمان سوزش ¹ (N)	26734	29225	865624
فشار محفظه (bar)	38.06	57.02	53.78
ضریب ویژه (s)	290.8	289.6	254.0*
دماهی بر رو شعله (K)	3538.15	3620.90	3472.03
سرعت مشخصه (m/s)	1578.8	1589.5	1578.8
جرم کل پیشان (kg)	333.6	413.4	20781.4
دیجی جرمی میانگین (kg/s)	9.18	10.19	347.4
زمان سوزش (s)	34.4	40.4	52.6
مساحت گلوبگاه (m ²)	0.00381	0.00284	0.10594
نسبت مساحت انبساط	48.8	39.0	10.1
نیم زاویه مخروط انبساط ² (degree)	18.9	22.15	11.4
پیشان	15.5	12.19	آمونیوم پرکلرات 70%
	72% آمونیوم پرکلرات ³	68%	آلومینیوم 16%
	16% آلومینیوم	18%	چسب و دیگر مواد 14%
	12% چسب ⁴ و دیگر مواد	14%	

* در ارتفاع 3.4 کیلومتری سطح دریا

¹ Burn Time Average Thrust

² Expansion cone Half Angle

³ NH₄ClO₄

⁴ Binder

می‌باشد. به طور کلی متوسط خطای در محاسبه فشار محفوظه در حدود 2.5% و در ضربه ویژه 2.0% است.

4- نتایج شبیه سازی

در این مطالعه، شبیه سازی جریان داخل نازل و پلوم سه موتور سوخت استار-27، اوریاس-1 و مینتن من برای سیزده پس فشار مختلف بین 300 تا 101325 پاسکال (معادل با تغییر ارتفاع از سطح دریا تا ارتفاع 40 کیلومتری از سطح دریا) صورت گرفته است. در تمامی این شبیه سازی‌ها گونه‌های شیمیایی به صورت تثبیت شده در نظر گرفته شده است. پس از آن با استفاده از نتایج عددی، رابطه‌ای برای محاسبه ضربه ویژه بر اساس ارتفاع پروازی مختلف استخراج گردیده است. در نهایت از طریق این رابطه یک الگوریتم برای محاسبه نسبت انبساط بهینه با توجه به مأموریت و کلاس کاری موتور ارائه شده است.

4-1- استار-27

در ابتدا، اثرات پس فشار بر روی عملکرد نازل موتور استار-27 مورد بررسی

جدول 3 صحبت‌سنگی نتایج عددی فشار محفوظه

Table 3 Numerical Results Verification for Chamber Pressure

دراصد خطای فسار	فسار محفوظه (عددی) (bar)	فسار محفوظه (تجربی) (bar)	موتور
2.41	38.98	38.06	استار-27
2.87	58.66	57.02	اوریاس -1
2.45	52.46	53.78	مینتن من

جدول 4 صحبت‌سنگی نتایج عددی با داده‌های تجربی برای ضربه ویژه

Table 4 Numerical Results Verification for Specific Impulse

دراصد خطای ضربه ویژه	ضربه ویژه (عددی) (s)	ضربه ویژه (تجربی) (s)	موتور
1.8	296.1	290.8	استار-27
3.3	299.3	289.6	اوریاس -1
1.6	249.9	254.0	مینتن من

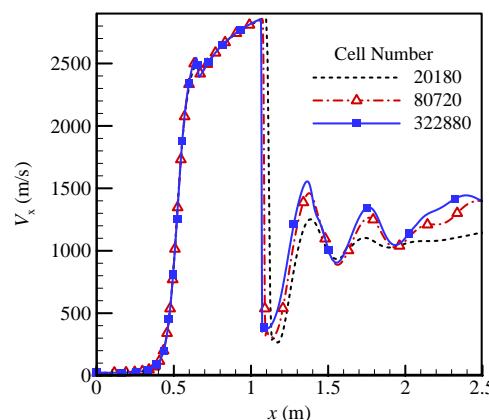


Fig. 4 تغییرات سرعت محوری بر روی محور تقارن موتور استار-27 (Atmospheric Back Pressure)

شکل 4 تغییرات سرعت محوری بر روی محور تقارن موتور استار-27 برای سه شبکه با تعداد سلول 20180، 80720 و 322880 (پس فشار یک اتمسفر است).

جدول 2 نسبت مولی فرآورده‌های خروجی از محفظه احتراق موتور استار-27

Table 2 Mole Fraction of STAR-27 Combustion Chamber Products

گونه	نسبت مولی	گونه	نسبت مولی
Al	0.00001	Cl ₂	0.00001
AlCl	0.03157	H	0.03157
AlCl ₂	0.00142	HCl	0.11668
AlCl ₃	0.00015	HCN	0.00001
AlH	0.00005	H ₂	0.31968
AlO	0.00013	H ₂ O	0.08886
AlOH	0.00036	NH ₂	0.00000
Al ₂ O	0.00005	NH ₃	0.00001
Al ₂ O ₃	0.09293	NO	0.00025
CO	0.22259	O	0.00021
COCl	0.00001	OH	0.00364
CO ₂	0.00799	O ₂	0.00002
Cl	0.00772	N ₂	0.00000

خطای عددی مربوط به محاسبه ضربه ویژه اوریاس-1 با خطای 3.3%

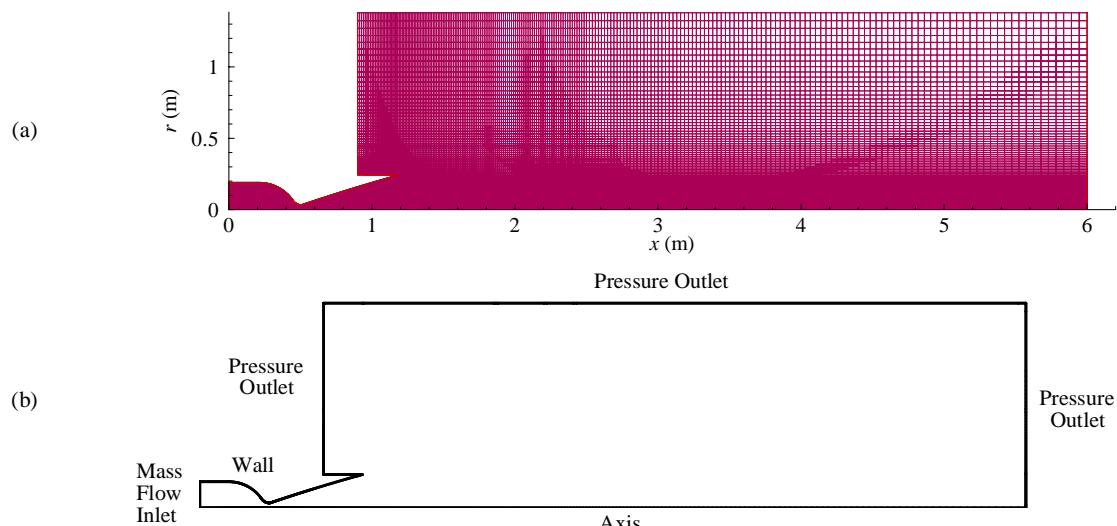


Fig. 5 (a) Grid Generation for STAR-27 Nozzle Simulation, (b) Boundary Conditions for STAR-27 Nozzle Simulation

شکل 5 (a) شبکه محاسباتی برای شبیه سازی نازل استار-27 (b) شرایط مرزی برای شبیه سازی نازل استار-27

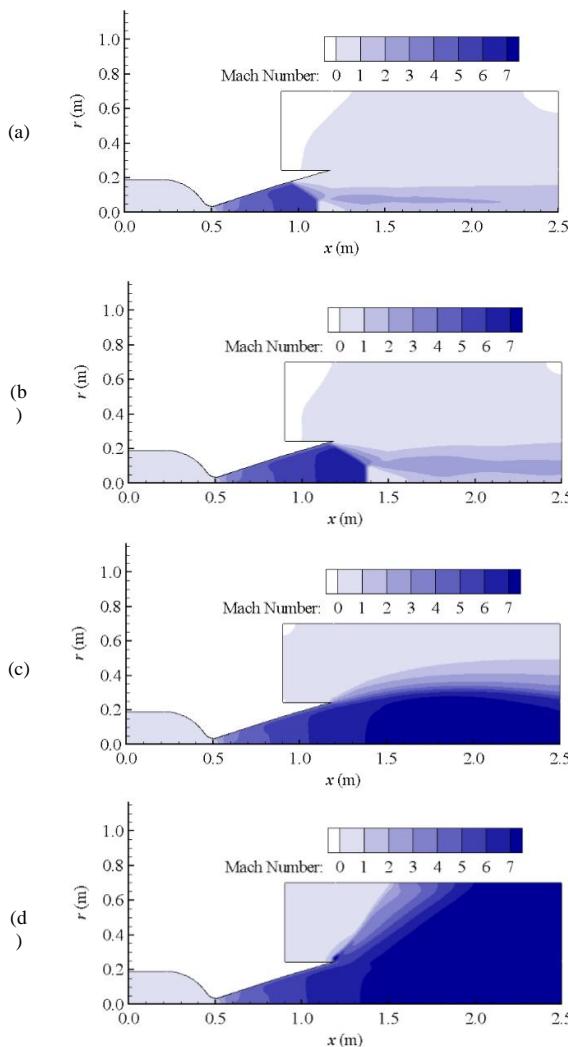


Fig. 7 STAR-27 Nozzle and Plume Mach Number Contour for some Back Pressures (a) $P_{\text{amb}} = 101325 \text{ Pa}$, (b) $P_{\text{amb}} = 50000 \text{ Pa}$, (c) $P_{\text{amb}} = 5000 \text{ Pa}$, (d) $P_{\text{amb}} = 300 \text{ Pa}$

شکل 7 کانتور عدد ماخ برای نازل و پلوم برای موتور استار-27

(a) $P_{\text{amb}} = 50000 \text{ Pa}$ (b) $P_{\text{amb}} = 101325 \text{ Pa}$ (c)

(d) $P_{\text{amb}} = 300 \text{ Pa}$

اگر فرض شود که موتور استار-27 دارای نازل با عملکرد بهینه (عملکرد در شرایط انبساط مطلوب)² در تمامی شرایط پروازی باشد، آنگاه باید نسبت انبساط در هر ارتفاع تغییر یابد تا فشار خروجی برابر با فشار محیط شود. این نسبت انبساط بهینه با فرض جریان آبزنتروپیک، بی دررو، ثابت بودن مرزاها و صرفنظر از انرژی پتانسیل گرانشی، در هر فشار محیط از رابطه (11) به دست می‌آید [16].

$$\frac{A_2}{A_1} = \left(\frac{\gamma+1}{2}\right)^{\frac{1}{\gamma-1}} \left(\frac{P_1}{P_2}\right)^{\frac{1}{\gamma}} \frac{1}{\sqrt{\frac{\gamma+1}{\gamma-1} \left(1 - \left(\frac{P_1}{P_2}\right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}}\right)}} \quad (11)$$

² Optimum Expansion

قرار گرفت. در فشار محیط 50000 پاسکال یک موج ضربه‌ای در دهانه خروجی نازل تشکیل می‌شود. با افزایش فشار محیط، موج ضربه‌ای به سمت داخل نازل حرکت می‌کند و جریان به صورت کامل از سطح نازل جدا می‌شود. این جدایش جریان موجب از بین رفتن کارایی بقیه نازل و کاهش تراست می‌شود. محل جدایش جریان برای موتور استار-27 در فشارهای محیط 101325، 70000 و 50000 پاسکال به ترتیب در فاصله محوری 0.954 و 1.085 و 1.150 متری از دهانه ورودی نازل است (شکل). در فشار محیط کمتر از 1000 پاسکال گازهای خروجی به شدت انبساط می‌یابند. در شکل کانتور ماخ در پس فشارهای مختلف برای موتور استار-27 ترسیم شده است.

جهت مطالعه بیشتر تأثیر جدایش جریان بر روی مقدار ضربه ویژه موتور استار-27 نازل از محل جدایش جریان در سطح دریا (موقعیت (a) در شکل) بریده¹ شد و نازل جدید تولیدشده که دارای نسبت انبساط 8.3 می‌باشد، مورد شبیه سازی قرار گرفت. این بررسی به درک بیشتر و بهتر تأثیر جدایش جریان بر میزان تراست کمک می‌کند. بیان رفتار ضربه ویژه (راطه 8) بر اساس ارتفاع به دلیل اختلاف زیاد بین نسبت‌های انبساط بررسی شده (8.3) و (8.3)، تنها با استفاده از این دو نسبت انبساط سیار دشوار است. به همین منظور دو نسبت انبساط 14 و 26 که بین دو نسبت انبساط مذکور دارد، برای بررسی بیشتر انتخاب شد و نازل از مقاطعی مذکور بریده و شبیه سازی بر روی هندسه‌های جدید انجام پذیرفت. شکل تغییرات ضربه ویژه و فشار محیط را بر اساس تغییرات ارتفاع در نسبت‌های انبساط مختلف نمایش می‌دهد.

$$I_{\text{sp}} = \frac{F}{\dot{m}g_0} \quad (8)$$

مقدار ضربه ویژه برای نازل اصلی موتور استار-27 (نسبت انبساط 48.8) از 163.8 تا 296.1 ثانیه بر اساس افزایش ارتفاع تغییر می‌یابد. با کاهش نسبت انبساط نازل، بازه تغییرات ضربه ویژه نیز کاهش می‌یابد؛ به عنوان مثال برای نازل بریده شده در نسبت انبساط 8.3، ضربه ویژه از 235.5 تا 270.8 تغییر می‌کند. نازل اصلی این موتور برای کار در ارتفاعات بالا (تقریباً خلا) طراحی شده است و طبعاً نازل با نسبت انبساط بیشتر برای مأموریت این موتور دارای بازده بیشتری است. به دلیل ثابت بودن سطح مقطعه گلوگاه و فشار محافظه احتراق در این چهار نازل، ضربه تراست (راطه 9) هم رفتاری مشابه با ضربه ویژه دارد. سرعت مشخصه هم با توجه به رابطه (10) در طول مسیر پرواز ثابت است.

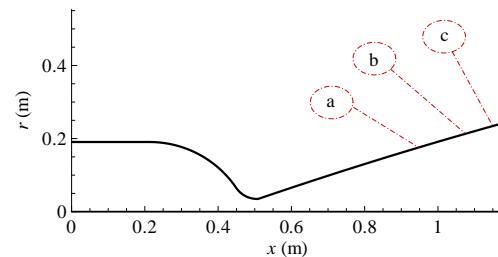


Fig. 6 STAR-27 Nozzle Flow Separation Points for some Back Pressures (a) $P_{\text{amb}} = 101325 \text{ Pa}$, (b) $P_{\text{amb}} = 70000 \text{ Pa}$, (c) $P_{\text{amb}} = 50000 \text{ Pa}$

شکل 6 محل جدایش جریان برای نازل موتور استار-27 در پس فشارهای مختلف (a) $P_{\text{amb}} = 70000 \text{ Pa}$ (b) $P_{\text{amb}} = 101325 \text{ Pa}$ (c) $P_{\text{amb}} = 50000 \text{ Pa}$

¹ cut

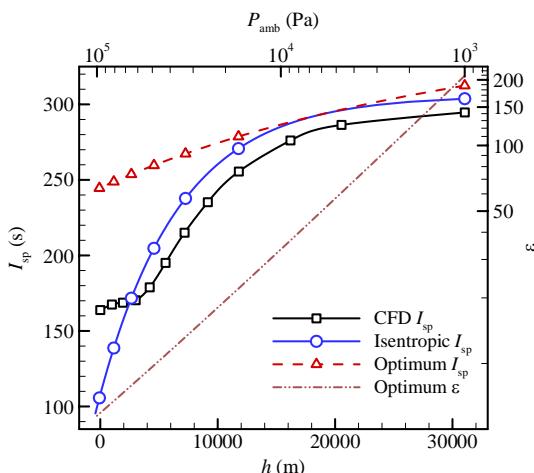


Fig. 9 STAR-27 Specific Impulse Variation versus Altitude for Three Conditions: CFD (Expansion Ratio=48.8), Isentropic Relation (Expansion Ratio=48.8), and Optimum (Variable Expansion ratio) and its corresponding Expansion Ratio

شکل 9 مقدار ضربه ویژه بر اساس ارتفاعات مختلف برای موتور استار-27 حاصل از نتایج عددی (نسبت انبساط ثابت 48.8)، ضربه ویژه بهینه فرضی و مقدار نسبت انبساط متناظر برای بیشینه شدن ضربه ویژه در ارتفاعات مختلف برای موتور استار-27 را نمایش می‌دهد. بیشتر بودن ضربه ویژه در حالت حل عددی نسبت به حالت آبینتروپیک در فشار محیط بیشتر از حدود 55000 پاسکال به دلیل رخ دادن جدایش حریان درون نازل و جلوگیری طبیعت از انبساط بیش از حد سیال است [14]؛ در حالی که در رابطه آبینتروپیک با توجه به افزایش سطح مقطع تا انتهای نازل، انبساط حریان اجتناب ناپذیر است.

4-2-مینتمن و اوریاس-1

مقدار ضربه ویژه شبیه سازی شده بر اساس ارتفاعات مختلف برای دو موتور مینتمن و اوریاس-1 در شکل آمده است. همان‌گونه که مشاهده می‌شود مقدار ضربه ویژه برای موتور مینتمن و اوریاس-1 به ترتیب بین 270 تا 239 و 188 تا 299 ثانیه تغییر می‌کند. از سوی توسعه تقریباً تا ارتفاعات 7000 متري از زمین، ضربه ویژه تولیدی توسط موتور مینتمن از اوریاس-1 بیشتر است، که نمایانگر بازده متفاوت دو موتور با نسبت انبساطهای مختلف در ارتفاعات مختلف است.

5-رابطه ضربه ویژه بر حسب ارتفاع

شکل‌های 8 تا 11 صرفاً بیانگر نتایج شبیه‌سازی‌های عددی و مقایسه آن‌ها با حل تحلیلی آبینتروپیک بود. در این قسمت یک رابطه برای ضربه ویژه بر حسب ارتفاع مختلف پژوهی با توجه به نتایج شبیه‌سازی ارائه می‌شود. اهمیت این رابطه نسبت به حل عددی، کاهش هزینه زمانی و نسبت به رابطه آبینتروپیک، در نظر گرفتن اتفاقات‌ها و نزدیکی به حالت واقعی است. در شکل مقدار ضربه ویژه در ارتفاعات پژوهی مختلف برای حل عددی و آبینتروپیک موتور استار-27 در چهار نسبت انبساط متفاوت ترسیم شده است. مشاهده می‌شود که مقدار ضربه ویژه حاصل از حل عددی کمتر از حالت آبینتروپیک است که به دلیل در نظر گرفتن افت‌های مخلتفی در حل عددی از جمله لایه مرزی است. با توجه به شکل مشاهده می‌شود که با زیاد شدن نسبت انبساط، اختلاف بین حل تحلیلی آبینتروپیک و نتایج عددی زیاد می‌شود.

به منظور به دست آوردن ضربه ویژه در حالت واقعی و در نظر گرفتن اتفاقات می‌توان ضربه ویژه را به صورت رابطه (5) در نظر گرفت.

$$\text{I}_{sp(\text{Isentropic})} = \frac{F}{\dot{m}g_0} = \frac{\dot{m}u_e + (P_e - P_{amb})A_e}{\dot{m}g_0}$$

$$= \frac{\dot{m}u_e + P_e A_e}{\dot{m}g_0} - \frac{P_{amb} A_e}{\dot{m}g_0}$$

$$= I_{sp-\text{vacuum}} - \frac{P_{amb} A_e}{\dot{m}g_0}$$

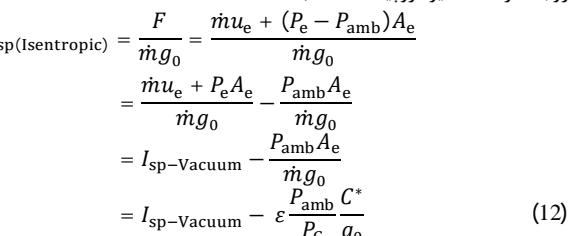
$$= I_{sp-\text{vacuum}} - \epsilon \frac{P_{amb}}{P_c} \frac{C^*}{g_0} \quad (12)$$


Fig. 10 مقایسه ضربه ویژه شبیه سازی شده و آبینتروپیک بر حسب تغییر ارتفاع

شکل 10 مقایسه ضربه ویژه شبیه سازی شده و آبینتروپیک بر حسب تغییر ارتفاع برای موتور مینتمن و اوریاس-1

شکل 8 مقدار ضربه ویژه حاصل از نتایج عددی (نسبت انبساط ثابت 48.8)، رابطه آبینتروپیک (نسبت انبساط ثابت 48.8)، حالت بهینه و مقدار نسبت انبساط بهینه فرضی متناظر برای بیشینه شدن ضربه ویژه در ارتفاعات مختلف برای موتور استار-27 را نمایش می‌دهد. بیشتر بودن ضربه ویژه در حالت حل عددی نسبت به حالت آبینتروپیک در فشار محیط بیشتر از حدود 55000 پاسکال به دلیل رخ دادن جدایش حریان درون نازل و جلوگیری طبیعت از انبساط بیش از حد سیال است [14]؛ در حالی که در رابطه آبینتروپیک با توجه به افزایش سطح مقطع تا انتهای نازل، انبساط حریان اجتناب ناپذیر است.

Fig. 8 تغییرات ضربه ویژه و فشار محیط بر اساس تغییرات ارتفاع برای نسبت‌های

انبساط در نظر گرفته شده موتور استار-27

فشار برای موتورهای مختلف پیشنهاد می‌شود. این رابطه برای چند موتور واقعی دیگر هم مورد ارزیابی قرار گرفت که نتایج با دقت بالایی از آن بدست آمد. در واقع در این رابطه دو ترم اول سمت راست معادله نمایش دهنده مقدار ضربه ویژه در حالت آبزنتروپیک و ترم بعدی نمایش دهنده افت‌ها می‌باشد. این افتها در اثر ایجاد لایه مرزی، انتقال حرارت و امواج ضربه‌ای است. لازم به ذکر است که در این معادله مقدار I_{sp} و \dot{m}_0 واحد (یک) در نظر گرفته شده است.

$$I_{sp(\text{Correlated})} = I_{sp-\text{Vacuum}} - \varepsilon \frac{P_{amb} C^*}{P_C g_0} - I_{sp_0} (\sqrt{\varepsilon} + \sqrt{\frac{\dot{m}}{\dot{m}_0}}) \quad (16)$$

در جدول نتایج حاصل از رابطه (16) با داده‌های تجربی برای موتورهای استار-27، اورباس-1 و مینیمن م مقایسه گردیده است. مشاهده می‌شود که بیشینه مقدار خطأ در این رابطه کمتر از ۱.۸٪ است. در شکل مقدار ضربه ویژه در ارتفاعات پروازی مختلف برای موتور استار-27 برای نسبت‌های سطح مختلف بر اساس رابطه (16) و شبیه‌سازی عددی ترسیم شده است. با توجه به شکل مشاهده می‌شود که به طور متوسط مقدار خطأ رابطه (16) با نتایج عددی به غیر از محدوده جداش جریان کمتر از ۱.۰٪ درصد است. عملکرد در نسبت انبساط ۴۸.۸ در سطح زمین، بیشینه اختلاف بین نتایج عددی و رابطه (16) وجود دارد که این اختلاف به دلیل وجود جداش در نازل پدیدار می‌گردد.

در شکل مقدار ضربه ویژه در ارتفاعات مختلف پروازی برای موتورهای اورباس-1 و مینیمن بر اساس رابطه (16) و شبیه‌سازی عددی اورباس-1 و مینیمن بر اساس رابطه (16) و شبیه‌سازی عددی

جدول ۵ مقایسه ضربه ویژه بر اساس رابطه ۱۶ و داده‌های تجربی (استار-27 و اورباس-1 در شرایط خلا و مینیمن در شرایط ارتفاع ۳.۴ کیلومتری زمین است).

Table 5 Eqn.16 and Experimental I_{sp} Results Comparison (Both STAR-27 and Orbis-1 are in vacuum conditions and Minuteman is at altitude of 3.4 km.)

دراصد خط	ضربه ویژه طبق رابطه (s) 16	ضربه ویژه تجربی (s)	موتور
1.4	294.9	290.8	استار-27
1.8	295.0	289.6	اورباس-1
1.3	250.7	254.0*	مینیمن

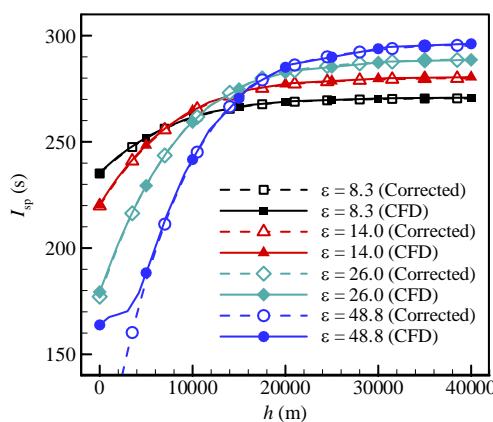
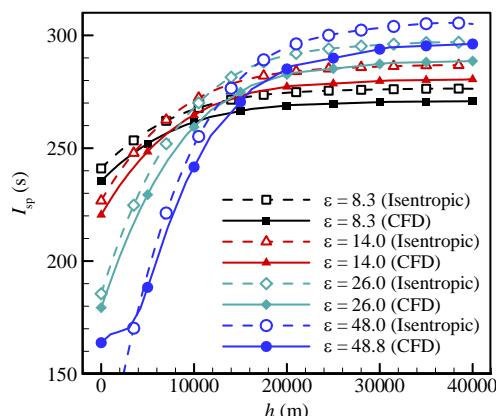


Fig. 12 Numerical I_{sp} and Eqn.16 I_{sp} Prediction Comparison for Specified STAR-27 Expansion Ratios

شکل 12 مقایسه نتایج حل عددی و پیش‌بینی رابطه ۱۶ برای ضربه ویژه موتور استار-27 برای نسبت انبساط‌های مختلف



شکل 11 مقایسه حل تحلیلی آبزنتروپیک با نتایج عددی در چهار نسبت انبساط برای موتور استار-27

طبق رابطه (13) افتها در ضربه ویژه در اثر افتها موجود در محفظه و نازل می‌باشد [14]. به بیان دیگر سرعت مشخصه و ضربیت تراست به ترتیب عملکرد محفظه احتراق و نازل را نشان می‌دهد.

$$I_{sp} = \frac{C^* C_F}{g_0} \quad (13)$$

رابطه (12) را با در نظر گرفتن تلفات می‌توان به صورت رابطه (14) بازنویسی کرد.

$$I_{sp(\text{Correlated})} = I_{sp(\text{Isentropic})} - \text{Losses} \quad (\text{تلفات}) \\ = I_{sp-\text{Vacuum}} - \varepsilon \frac{P_{amb} C^*}{P_C g_0} - \text{Losses} \quad (14)$$

گزارش‌های موجود در مرجع [7] به این نکته اشاره دارد که افت ضربه ویژه از پارامترهای نظیر انحراف جریان در خروجی، سرعت کم جریان در لایه‌مرزی، وجود اصطکاک، وجود جریان دوفازی و یا تغییر فاز جریان گازی، نسبت سطح مقطع محفظه به گلوبگان، ناپایداری احتراق، وجود واکنش‌های شیمیایی در نازل، تغییر نسبت انبساط بر اثر عدم خنک کاری نازل و دیگر عوامل به وجود می‌آید، لذا با علم به این مطلب، رابطه تحلیلی (14) به صورت تابعی با ضوابط نامعلوم که به نحوی، در برگیرنده تمامی موارد مذکور باشد، در نظر گرفته شده است. با توجه به این مطلب، رابطه (15) به دست آمده است.

$$\frac{I_{sp(\text{Correlated})}}{I_{sp_0}} = \frac{I_{sp-\text{Vacuum}}}{I_{sp_0}} - \frac{\varepsilon}{I_{sp_0}} \frac{P_{amb} C^*}{P_C g_0} - \left(\frac{\dot{m}}{\dot{m}_0} \right)^{c_1} - \varepsilon^{c_2} - \left(\frac{A_C}{A_t} \right)^{c_3} - \left(\frac{P_C}{P_\infty} \right)^{c_4} - \left(\frac{T_C}{T_\infty} \right)^{c_5} \quad (15)$$

با توجه به شکل به دلیل اختلاف زیاد بین نتایج شبیه‌سازی عددی و حل تحلیلی برای موتور مینیمن در مقایسه با موتور اورباس-1 احتمالاً تلفات در نازل باید رابطه‌ی مستقیم با دیگر موتور داشته باشد. همچنین با توجه به شکل، به طور مشابه با افزایش نسبت انبساط در موتور استار-27، اختلاف بین حل تحلیلی آبزنتروپیک و نتایج عددی افزایش می‌یابد. با توجه به این نکات و پس از سعی و خطای بسیار و آزمایش ضرایب و نمایهای مختلف در رابطه (15) با استفاده از نرم افزار مطلب و مقایسه آن با داده‌های شبیه‌سازی و تجربی، رابطه (16) برای محاسبه ضربه ویژه بر اساس هر پس

6- نسبت انبساط بهینه

در این بخش با استفاده از نتایج عددی، الگوریتمی جهت محاسبه نسبت انبساط بهینه با توجه به مأموریت تعریف شده، ارائه می‌گردد. بدیهی است این نسبت انبساط بهینه برای یک مسیر پروازی است و کاملاً با نسبت انبساط بهینه رایج که برای یک پس فشار خاص تعریف می‌شود، متفاوت است. به منظور محاسبه نسبت انبساط بهینه برای یک مأموریت، ابتدا باید ضربه ویژه میانگین را در طول مسیر پرواز محاسبه و سپس بهینه نمود. ضربه ویژه میانگین را می‌توان با استفاده از قانون نیوتون و معادلات سینماتیک حرکت و با داشتن نوع مأموریت، جرم اولیه، جرم سوخت، مشخصات موتور و مسیر پروازی به سادگی محاسبه نمود. این الگوریتم به صورت یک کد در نرم‌افزار متلب پیاده‌سازی شده است. ورودی‌های کد عبارت اند از: 1- مشخصات موتور، 2- جرم پیشران و جرم کل، 3- مأموریت. در نهایت خروجی این کد شامل موارد 1- ارتفاع بر حسب زمان، 2- سرعت بر حسب زمان، 3- ضربه ویژه میانگین می‌باشد. برای مثال در این کد اطلاعات مربوط به موتور مینتمن وارد گردیده است و ارتفاع نهایی این موتور حدود 38.5 کیلومتر، سرعت نهایی 1673 متر بر ثانیه و ضربه ویژه میانگین برابر با 256.6 ثانیه به دست آمده است. اختلاف این نتایج با داده‌های تجربی کمتر از یک درصد است.

در مرحله بعد، برای پیدا کردن نسبت انبساط بهینه لازم است ضربه ویژه میانگین بر حسب نسبت انبساط‌های مختلف ترسیم شود. بدین منظور کد تکامل یافته‌ای در نرم‌افزار متلب نوشته شد که الگوریتم آن به صورت خلاصه در شکل آورده شده است. با داشتن مشخصات عملکردی موتور، جرم پیشران، جرم کل، تعریف مأموریت و با استفاده از این کد در نسبت مساحت خاصی از نازل ضربه ویژه میانگین بیشینه می‌گردد. لازم به ذکر است استفاده از این الگوریتم و انتخاب بازه‌های در نظر گرفته شده برای متغیرها (مثلاً نسبت انبساط و جرم پیشران) نیازمند درک از مأموریت موتور است.

6-1- مثال برای محاسبه نسبت انبساط بهینه

همان‌طور که در بخش‌های پیشین اشاره شد، نسبت انبساط بهینه در پیوند با مأموریت به دست می‌آید. مأموریت فرضی به صورت رساندن یک محموله 1500 کیلوگرمی با شروع پرواز از ارتفاع 3 کیلومتری و سرعت عمودی صفر

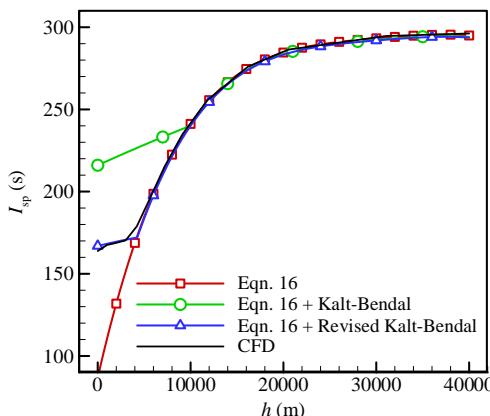


Fig. 14 Comparison of Numerical I_{sp} , Eqn.16 in association with Kalt-Bendal, Eqn.8 in association with Revised Kalt-Bendal, and CFD
شکل 14 مقایسه نتایج ضربه ویژه عددی، رابطه (16) همراه رابطه کالت - بندال، رابطه (16) همراه رابطه کالت - بندال کالیبره شده و شبیه‌سازی عددی

ترسیم شده است. مشاهده می‌شود که رابطه (16) با ساختار پیشنهادی تطابق مناسبی با داده‌های شبیه‌سازی که در ابتداء صحبت‌سنجی شده است دارد. خطای بیشینه رابطه (16) برای موتور اوریاس-1 به مقدار 2.5% است که به نظر می‌رسد به دلیل تفاوت زیاد ساختار سوخت این موتور با دو موتور مینتمن و استار-27 است.

همان‌گونه که اشاره شد به نظر می‌رسد که مشکل اصلی رابطه (16) در محل جدایش جریان است. موتور استار-27 با نسبت انبساط 48.8 برای کار در خلاصه طراحی شده است و در عمل موتوری که از سطح فشار دریا شروع به کار می‌کند اصلاً نباید جدایش جریان داشته باشد. صرفاً برای کامل بودن الگوریتم محاسبه نسبت انبساط بهینه در بخش 6 از رابطه کالت - بندال¹، که یکی از روابطی است که فشار جدایش جریان را در نازل پیش بینی می‌کند، استفاده می‌شود (رابطه 17). این رابطه [17] برای هر نازل باید کالیبره شود.

کالیبره شده این رابطه برای نازل موتور استار-27 با نسبت انبساط 48.8 با انجام سعی و خطا و تغییر ضرایب ثابت رابطه مذکور، به صورت رابطه (10) به دست می‌آید. در این رابطه P_{amb} فشار محیط، P_{sep} فشار جدایش جریان در قسمت واگرای نازل و P_c فشار محفظه است. در پس‌فشار بالا (حالت فرا انبساط) رابطه (16) توانایی پیش‌بینی جدایش جریان را ندارد، برای حل این مشکل از رابطه کالت - بندال کالیبره (رابطه 18) استفاده می‌شود و در نتیجه فشار جدایش و نسبت انبساط معادل محاسبه می‌شود.

$$\frac{P_{sep}}{P_{amb}} = \frac{2}{3} \left(\frac{P_c}{P_{amb}} \right)^{-0.2} \quad (17)$$

$$\frac{P_{sep}}{P_{amb}} = 0.39 \left(\frac{P_c}{P_{amb}} \right)^{-0.32} \quad (18)$$

در شکل ضربه ویژه بر اساس ارتفاعات پروازی مختلف مختصات پروازی بر اساس رابطه (16) بدون اعمال رابطه کالت - بندال، با اعمال رابطه کالت - بندال - بندال کالیبره شده برای نازل استار-27 ترسیم و با نتایج شبیه‌سازی مقایسه شده است. مشاهده می‌شود که با اعمال رابطه کالت - بندال کالیبره شده به رابطه (16)، نتایج حاصل از این رابطه کاملاً با نتایج شبیه‌سازی عددی هم‌خواهی دارد.

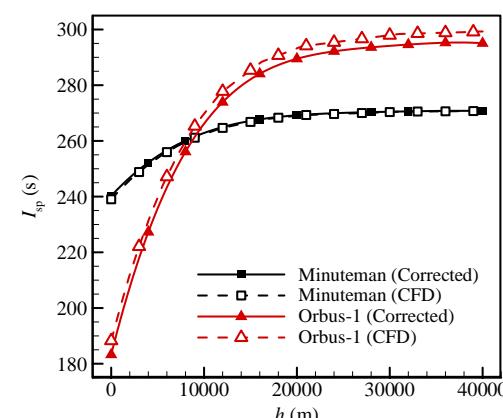


Fig. 13 Numerical I_{sp} and Eqn.16 I_{sp} Prediction Comparison for Minuteman and Orbis-1
شکل 13 مقایسه نتایج حل عددی و پیش بینی رابطه 16 برای ضربه ویژه موتور مینتمن و اوریاس-1

¹ Kalt-Bendal

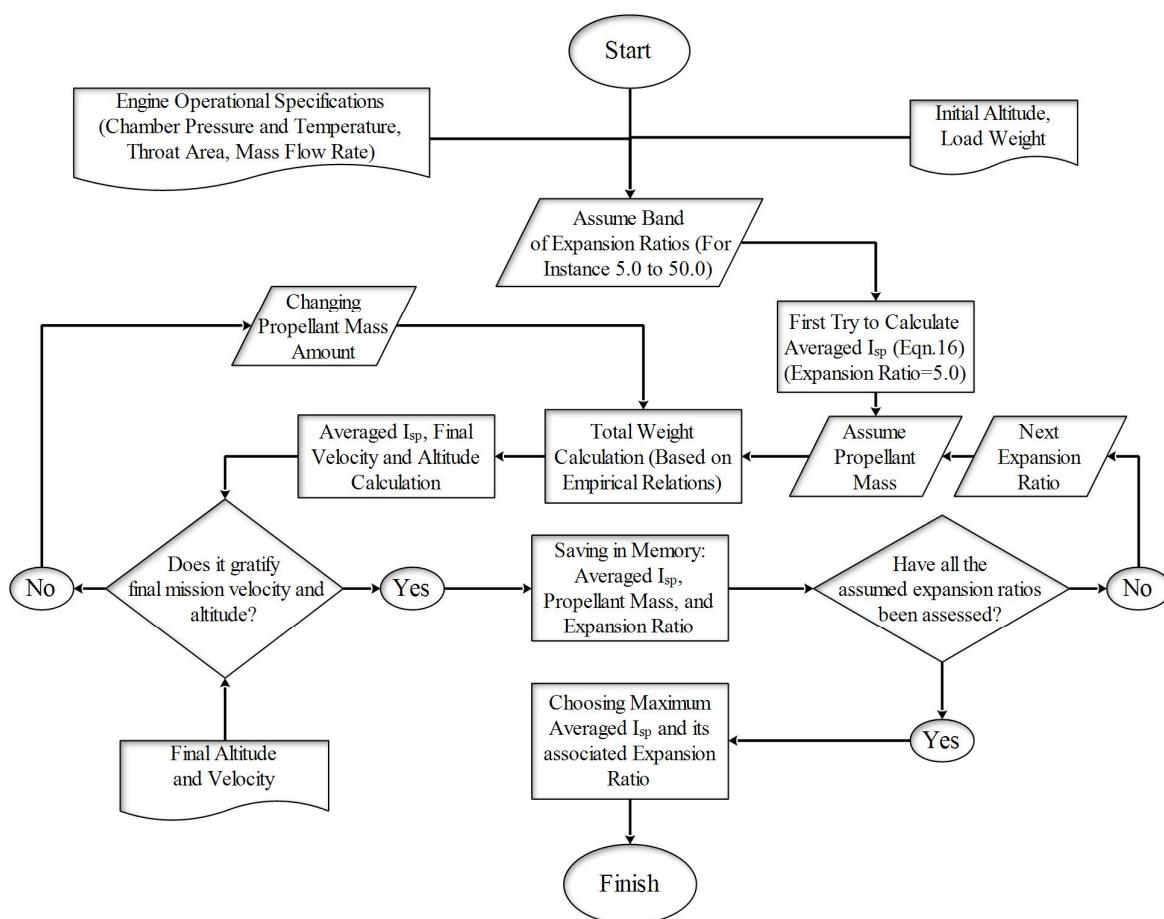
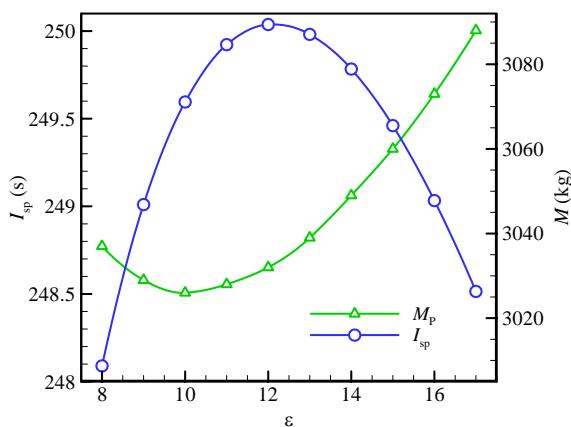


Fig. 15 Optimum Expansion Ratio Algorithm

شکل 15 الگوریتم نسبت انبساط بهینه

است. از نتایج مهم این مطالعه می‌توان به موارد زیر اشاره داشت:

Fig. 16 Variation of Averaged I_{sp} and Propellant Mass versus Expansion Ratio for Premised Minuteman Mission

شکل 16 تغییرات ضربه ویژه میانگین و جرم پیشران بر حسب نسبت انبساط برای مأموریت فرضی موتور مینیتمن

به ارتفاع 30 کیلومتری در نظر گرفته شده است؛ این مأموریت با کمی تفاوت مشابه مأموریت اصلی موtor مینیتمن است. دما، فشار و دیگر محفوظه احتراق و سطح مقطع گلوگاه این موtor مشابه موtor مرحله اول مینیتمن در نظر گرفته شده است (جدول ۱). بازه جرم پیشران از 2000 تا 4000 کیلوگرم فرض شده است و جرم کل از 5000 تا 7000 کیلوگرم به صورت تابعی خطی از جرم پیشران و جرم کل به دست می‌آید. در شکل بخشی از نتایج حاصل از کد نوشته شده بر مبنای الگوریتم شکل آورده شده است. پس از طی مراحل الگوریتم، جواب این مسئله فرضی عبارت است از: نسبت انبساط 12.2، جرم پیشران 3034 کیلوگرم و ضربه ویژه میانگین 250.04 ثانیه. از دیگر مشخصات سامانه بهینه شده می‌توان به زمان سوزش 60.7 ثانیه و جرم کل 6034 کیلوگرم اشاره کرد.

7- جمع‌بندی

در این پژوهش شبیه‌سازی جریان داخل نازل و پلوم سه موtor سوخت جامد استار-27، اوریاس-1 و مینیتمن به منظور محاسبه ضربه ویژه بر اساس ارتفاع پروازی صورت پذیرفته است. برای دستیابی به این منظور هر موtor در سیزده پس فشار مختلف مورد بررسی قرار گرفته است؛ علاوه بر این، برای موtor استار-27 سه نسبت انبساط دیگر در این سیزده پس فشار بررسی گردیده

مربوط به محفظه احتراق	C	1- استخراج رابطه ضربه ویژه بر اساس ارتفاع های پروازی مختلف.
موثر	eff	2- اصلاح رابطه کالت- بندال به منظور در نظر گرفتن اثرات جدایش
مربوط به جدایش جریان	sep	جریان در داخل نازل،
مربوط به ضربه ویژه	sp	3- ارائه الگوریتم جهت محاسبه نسبت انسپاسط بهینه با توجه به مأموریت
مربوط به گلوگاه	t	و کلاس کاری موتور.

9- مراجع

- [1] D.W. Hahn, B. F. Itzen, Optimum Co-altitude Rendezvous Trajectories with Continuous Thrust, *AIAA Journal*, Vol. 3, No.11, pp. 2151-2152, 1965.
- [2] R. R. Burrows, G. A. Wood, Optimal Continuous Low-thrust Trajectories for Co-altitude Rendezvous, *AIAA Journal*, Vol. 7, No.5, pp. 983-985, 1969.
- [3] B. Jarmark, Optimal Projectile Range with Respect to Thrust and Altitude Profiles, *AIAA Paper*, pp. 149-154, 1986.
- [4] T. N. Jentink, CFD Code Validation for Nozzle Flow Fields, *AIAA Paper*, pp. 1-16, 1991.
- [5] M.H. Shojaeeafard, A.R. Noorpoor, V. Keshtiarast, Numerical Simulation of a Transonic Nozzle Flow, *The Second International and Fifth National Conference of Iranian Aerospace Society*, Aerospace Research Institute, Tehran, Iran, 2004. (in Persian) (فارسی)
- [6] S. Gimelshein, G. Markelov, J. Muylaert, Numerical Modeling of Low Thrust Solid Propellant Nozzles at High Altitudes, *9th AIAA/ASME Joint Thermophysics and Heat Transfer Conference*, San Francisco, California, 2006.
- [7] H. Ahmadiak, Sh. Talebi, Supersonic Turbulent Flow Over a Projectile with its Plume, *10th Fluid Dynamics Conference*, Yazd University, Iran, 2006. (in Persian) (فارسی)
- [8] M. Pasandideh Fard, M. Saedi Amiri, 2D and 3D Analysis of Outlet Flow of Convergent-Divergent Nozzle with its Plume Entering Elastic Viscous Environment, *7th Annual International Conference of Iranian Aerospace Society*, Sharif University of Technology, Tehran, Iran, 2008. (in Persian) (فارسی)
- [9] S.B.Verma, O. Haidn, Flow Separation Characteristics of a Thrust Pptimized Parabolic Nozzle in a High Altitude Simulation Chamber, *46th AIAA/ASME/SAE/ASEE Joint Propulsion Conference & Exhibit*, Nashville, Tennessee, 2010.
- [10] S. K.Reddy, K. M. Pandey, A. P. Singh, Numerical Simulation With $k-\epsilon$ Turbulence Model for Combustion Chamber Engines, *The 11th Asian International Conference on Fluid Machinery and The 3rd Fluid Power Technology Exhibition*, IIT Madras, India, 2011.
- [11] M. S. Abdollahpour, V. Rezaei, A. Mardani, Study of the Effect of Equivalence Ratio on Highly Variable Velocity and Temperature of Two Kinds of Fuels, *5th Fuel and Combustion Conference*, University of science and Technology, Tehran, Iran, 2014.
- [12] A.Mardani, M. S. Abdollahpour, V. Rezaei, Study of Equivalence Ratio and Propellant Effects on a Reactive Flow with Low Residence Time and Highly Variable Temperature and Pressure, *Iranian Combustion Institute Journal*, Vol. 7, No. 2, pp. 77-95, 2015. (in Persian) (فارسی)
- [13] ANSYS Inc., *ANSYS FLUENT 14.0 Theory Guide*, pp. 49-54, Southpointe, 275 Technology Drive, Canonsburg, Pennsylvania, 2011.
- [14] G.P. Sutton, O. Biblarz, *Propulsion Elements*, 7th Edition, pp. 34-36, 68-74, 424-425, John Wiley & Sons, 2001.
- [15] Orbus-1 User Guide, Accessed on 12 June 2016; <http://www.astronautix.com/o/orbus1.html>.
- [16] S. Farokhi, *Aircraft Propulsion*, 2nd Edition, pp. 45-48, John Wiley & Sons, 2009.
- [17] R. H. Stark, Flow Separation in Nozzles a Simple Criteria, *41st AIAA/ASME/SAE/ASEE Joint Propulsion Conference & Exhibition*, Tucson, Arizona, 2005.

8- فهرست عالیم

سرعت مشخصه	C^*
ضریب تراست	C_F
انرژی کل	E
شتاب گرانش زمین ($m s^{-2}$)	g_0
آنتالپی	h
انرژی آشفتگی تولیدی در اثر تغییرات سرعت متوسط	G_k
انرژی آشفتگی تولیدشده در اثر نیروی شناوری	G_b
ضریب کل	I
شار پخش گونه زمام	\tilde{J}_j
انرژی جنبشی آشفتگی (J)	k
فشار ($N m^{-2}$)	P
(S) زمان	t
(K) دما	T
سرعت محوری ($m s^{-1}$)	u
سرعت شعاعی ($m s^{-1}$)	v
مکان (m)	x
سهم نوسانات انسپاسط در آشفتگی تراکم پذیر به نزد کلی اتلاف	Y_M
آشفتگی	
علایم یونانی	
لزجت دینامیکی ($kg m^{-1} s^{-1}$)	μ
چگالی ($kg m^{-3}$)	ρ
نرخ اتلاف انرژی جنبشی آشفتگی ($J s^{-1}$)	ϵ
نسبت انسپاسط (سطح) نازل	ϵ
نسبت گرمای ویژه سیال	γ
زیرنویس ها	
مربوط به فشار محفوظه احتراق	1
مربوط به فشار خروجی نازل (فشار محیط)	2
محیط amb	
مربوط به خروجی محفوظه	e