

بررسی تجربی ساختار گردابه‌های روی یک مدل زیرسطحی

علی سعیدی نژاد^۱، علی اکبر دهقان^{۲*}، مجتبی دهقان منشادی^۳، محمد کاظمی اصفهانی^۴

۱- دانشجوی دکتری مهندسی مکانیک، دانشگاه یزد، یزد

۲- دانشیار مهندسی مکانیک، دانشگاه یزد، یزد

۳- استادیار مجمع دانشگاهی مکانیک و هوافضا، دانشگاه صنعتی مالک اشتر، پرdis اصفهان

۴- کارشناس ارشد مهندسی مکانیک، دانشگاه یزد، یزد

* یزد، صندوق پستی ۷۴۱-۸۹۱۹۵

adehghan@yazd.ac.ir

چکیده- بررسی میدان جریان اطراف اجسام خط جریانی تقارن محوری که تشکیل دهنده بدن اصلی هواپیماها و زیردریایی‌ها می‌باشد مورد توجه محققان زیادی قرار دارد. این تحقیق سعی دارد تا با استفاده از دو روش مرئی‌سازی، میدان جریان ایجاد شده در اطراف یک مدل زیرسطحی استاندارد را در زوایای حمله مختلف بررسی کند. با بهره‌گیری از روش مرئی‌سازی جریان دود توسط نور لیزر در یک تونل عمودی، ساختارهای گردابه‌ای تشکیل شده در اطراف این مدل در زاویه حمله 40° درجه به صورت کیفی بررسی شده است. آشکارسازی خطوط میدان تنش برشی بر روی سطح مدل نیز با استفاده از روغن و رنگدانه در زوایای حمله $30^\circ \leq \alpha \leq 0^\circ$ انجام شده است. استفاده از دو روش تجربی مرئی‌سازی در این تحقیق به درک بیشتر میدان سه بعدی گردابه‌های تشکیل شده در اطراف یک مدل زیرسطحی کمک شایانی کرده است و این پژوهش را نسبت به تحقیقات مرتبط گذشته تمایز می‌سازد. نحوه تشکیل و رشد گردابه اولیه و ثانویه در امتداد مدل با استفاده از نتایج مرئی‌سازی با دود و نور لیزر به صورت کیفی تفسیر شده است. همچنین مکان جدایش‌های اولیه و ثانویه جریان در امتداد سطح مدل در زوایای حمله مختلف با استفاده از نتایج مرئی‌سازی با روغن استخراج شده‌اند.

کلیدواژگان: رفتار جریان، مدل زیرسطحی، مرئی‌سازی جریان، تونل باد.

Experimental investigation of the vortex structure on a submersible model

A. Saeidi Nezhad¹, A.A. Dehghan^{2*}, M. Dehghan Manshadi³, M. Kazemi Esfahan⁴

1- PhD Student, Mech. Eng., Yazd Univ., Yazd, Iran

2- Assoc. Prof., Mech. Eng., Yazd Univ., Yazd, Iran

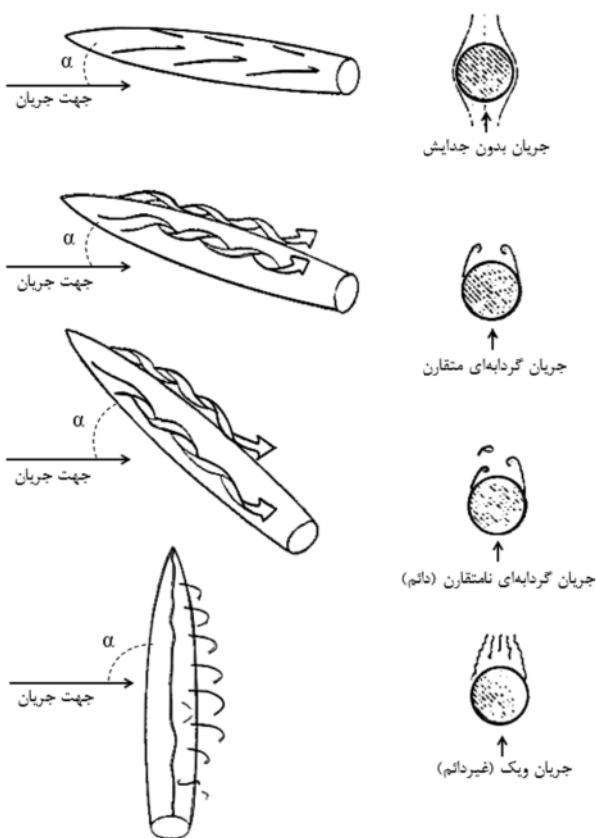
3- Assist. Prof., Mech. Eng., Malek Ashtar Univ., Esfahan, Iran

4- MSc Mech. Eng., Yazd Univ., Yazd, Iran

* P. O. B. 89195-741 Yazd, Iran. adehghan@yazd.ac.ir

Abstract- The flow field around the axisymmetric streamlined bodies which forms the main body of the airplanes and submarines has been the subject of several researches. The present study aimed to investigate the flow field around a standard submersible model in various angles of attack by employing two visualization methods. The vortex structures around the model are qualitatively studied at the 40-degree angle of attack in a vertical wind tunnel. These structures are visualized by the laser sheet illumination of the smoke injected flow. The shear stress field lines on the model surface for $0 \leq \alpha \leq 30^\circ$ angles of attack are visualized by oil and pigments. Noteworthy and distinct aspect of the present study is the application of two empirical visualizing methods which made three dimensional vortical field more understandable. Formation and development of the primary and secondary vortex along the model length are qualitatively interpreted from the results of the smoke and laser light visualization technique. Moreover, the primary and secondary separation lines along model length for various angles of attack were deduced from the results of the oil flow visualization.

Keywords: Flow Behavior, Submersible Model, Flow Visualization, Wind Tunnel.



شکل ۱ اثر تغییر زاویه حمله بر روی ساختارهای گردا بهای تشکیل شده در اطراف یک جسم خط جریانی شکل [۱]

جادیش عرضی جریان با یک گردايان فشار عرضی همراه است. در این مکان فشار کمتر در سمت مخالف باد با سمت موفق باد مقایسه می شود و در نتیجه یک نیرو و ممان بر روی بدنه تشکیل خواهد شد. نیروهای هیدرودینامیکی که سطوح کنترلی یک وسیله زیرسطحی (رادر و الیتور^۱) ایجاد می کنند معمولاً بزرگ تر از نیروهایی هستند که توسط گردا بهای تشکیل شده روی بدنه ایجاد می شوند. اما گردا بهای تشکیل شده بر روی بدنه ممکن است بر روی مانورها تأثیر بگذارد و چنان که آنها با تغییر زاویه حمله محلی بالکهای افقی می توانند نیروهای لیفت و ممان های چرخشی بزرگ نامشخصی را به شناور اعمال کنند.

پیش بینی چنین پدیده هایی برای تعیین نیروها و ممان های وارد به بدنه یک وسیله زیرسطحی بسیار حیاتی است [۲]. برای پیش بینی رفتار ساختارها و گردا بهای تشکیل شده در

۱- مقدمه

بررسی میدان جریان اطراف اجسام خط جریانی تقارن محوری، همیشه مورد توجه محققان زیادی قرار داشته است زیرا چنین اجسامی غالباً برای طراحی شکل بدنه اصلی وسایل متحرک در هوا یا آب مانند هواپیماه، زیردریایی ها، ازدهرا و غیره مورد استفاده قرار می گیرند. بررسی پایداری و کنترل پذیری حرکت این وسایل متحرک احتیاج به پیش بینی صحیح مقادیر نیروها و ممان های وارد به جسم دارد. وقتی که این اجسام نسبت به جریان سیال زاویه می گیرند، لایه مرزی در سمت مخالف باد از روی بدنه جدا شده و یک میدان جریان سه بعدی گردا بهای در اطراف جسم ایجاد می شود. این ساختارهای پیچیده گردا بهای در زوایای بالا می توانند نیروهای غیرخطی و غیردائمی به جسم اعمال کنند. در نتیجه برای تعیین مناسب نیروها و ممان های وارد به چنین اجسامی باید جدایش جریان و ساختارهای گردا بهای ایجاد شده در میدان جریان اطراف این اجسام به درستی پیش بینی شوند.

اریکسون و ردینگ [۱] چهار رژیم مشخص برای رفتار جریان اطراف یک جسم خط جریانی که نسبت به جریان از صفر تا ۹۰ درجه زاویه می گیرد، در نظر گرفته اند. در شکل ۱ به صورت شماتیک این چهار رژیم جریان نشان داده شده است. در زوایای حمله کم، جدایش جریان وجود ندارد و جریان محوری بر میدان جریان اطراف جسم حکم فرماست. در این رژیم، تغییرات نیروی لیفت و ممان پیچ نسبت به زاویه حمله خطی است. در رژیم میانی، گردايان فشار جانبی توسط جریان عرضی در روی سطح مدل ایجاد می شود و باعث جدایش لایه مرزی از سطح شده و یک جفت گردا به متقارن در سمت مخالف جریان ایجاد می شود. به علت تقارنی که این گردا به ها در این رژیم دارند هیچ نیروی جانبی به جسم وارد نمی شود. با افزایش زاویه حمله، جفت گردا به تشکیل شده تقارن خود را از دست داده و باعث ایجاد نیروها و ممان های جانبی نامشخص و غیرخطی به جسم خواهد شد. در زوایای حمله بسیار زیاد، گردا به های تشکیل شده همانند میدان جریان اطراف یک سیلندر از اطراف جسم ریزش می کنند. مهمترین گردا به ایجاد شده در هنگام عملیات مانوری یک زیرسطحی، گردا به های شکل گرفته در اثر جدایش جریان عرضی می باشند.

متفاوت مشخص کردن. نتایج بدست آمده از آزمایش‌های مرئی‌سازی کمک شایانی به تحلیل نتایج حاصل از اندازه‌گیری‌های نیرویی داشته‌اند.

هوگینز و پکوود [۹] نیروهای هیدرودینامیکی وارد بر یک مدل زیرسطحی درگ پایین را در تونل باد اندازه‌گیری کردن. در این تحقیق از روش مرئی‌سازی با خاک رس چینی استفاده شد. میزان رطوبت این نوع خاک تأثیر زیادی بر رنگ آن دارد. با آغشته کردن بدنه مدل با این نوع خاک مرتبط و عبور جریان از روی بدنه مدل می‌توان نوع لایه مرزی تشکیل شده بر روی بدنه و محل گذار آن و جدایش لایه مرزی را مشخص کرد. استفاده از تکنیک مرئی‌سازی بر روی بدنه مدل زیرسطحی با درگ پایین نشان داد که لایه مرزی تا ۷۰ درصد طول مدل ادامه پیدا می‌کند و در ۳۰ درصد باقی‌مانده نیز جدایش جریان وجود ندارد.

فرخی و همکاران [۱۰] نحوه کاهش درگ فشاری یک مدل زیردریایی را به صورت تجربی در تونل باد بررسی کردن. آنها از یک سری مولدهای ورتکس چهار وجهی هوشمند^۱ بر روی سطح یک مدل زیردریایی استفاده کردن. در این آزمایش‌ها از تکنیک مرئی‌سازی به وسیله روغن استفاده شده است. نتایج آزمایش‌های مرئی‌سازی بر روی بدنه مدل زیردریایی، بدون تولید کننده ورتکس، نشان داده‌اند که یک جدایش گردابه‌ای خیلی قوی در پشت برجک و یک ناحیه جدایش سه‌بعدی بزرگ نیز در قسمت پاشنه زیردریایی روی بدنه تشکیل می‌شود. نتایج حاصل از نصب تولید کننده‌های ورتکس ثابت روی سطح بدنه زیردریایی نشان داد که ناحیه جدایش گردابه‌ای بزرگ حذف شده است.

هسدر و سیمیسون [۱۱] میزان تنش اصطکاکی روی سطح مدل زیرسطحی استاندارد را برای جریان دائم و غیر دائم با استفاده از سنسورهای فیلم داغ^۲ دما ثابت بررسی کردن. اندازه‌گیری فشار استاتیکی و مرئی‌سازی با روغن نیز روی بدنه در حالت جریان دائم در زوایای حمله ۱۵ و ۲۰ درجه انجام شده است. نتایج جریان دائم نشان می‌دهد که ساختارهای جدایش جریان عرضی در سمت مخالف باد، بر روی بدنه مدل دیده می‌شود. الگوی ناحیه جدایش در مدل دارای برجک، از

یک شبیه‌سازی عددی به حجم محاسبات بسیار زیادی نیاز است.علاوه بر این برای صحه‌گذاری نتایج شبیه‌سازی عددی باید از اندازه‌گیری‌های تجربی نیز بهره برد. در نتیجه بررسی تجربی تجسم جریان سیال در اطراف جسم اهمیت داشته و کمک شایانی به فهم چنین پدیده‌هایی خواهد نمود.

استفاده از روش‌های مرئی‌سازی در آزمایش‌های تجربی کمک شایانی به درک فیزیک مسأله مورد بررسی می‌کند. از آزمایش‌های مرئی‌سازی با دود و نور فلاش برای بررسی فیزیک دو بعدی جریان اطراف اجسام استفاده شده است [۳]. با استفاده از صفحه نور لیزر می‌توان به صورت مقطعی گردابه‌های سه‌بعدی را نیز مورد بررسی قرار داد. کارهای متعددی در مورد استفاده از روش‌های مرئی‌سازی روغن و رنگدانه یا دود و نور لیزر بر روی مدل‌های هوافضایی مانند موشک‌ها یا گلوله‌ها انجام شده است [۴,۵].

محققان زیادی برای طراحی بهینه شکل بدنه یک وسیله زیرسطحی، ویژگی‌های جریان اطراف این گونه وسائل را به صورت آزمایشگاهی یا عددی بررسی کرده‌اند. ویژگی‌هایی همچون محل گذار و جدایش لایه مرزی تشکیل شده بر روی سطح جسم دارای اهمیت است [۶]. پدیده‌شناسی گردابه‌های مختلف تشکیل شده در اطراف بدنه و قسمت‌های جانبی یک وسیله زیرسطحی نیز مورد توجه بوده است. شبیه‌سازی جریان اطراف بدنه یک مدل زیرسطحی به منظور اندازه‌گیری نیروها و ممان‌های وارده به آن، به طور مکرر در تونل بادهای مختلف دنیا انجام شده است [۷]. این آزمایش‌ها در کنار آزمایش‌های حوضچه کشش و تونل آب همواره در پیشرفت هیدرودینامیک بدنه این وسائل نقش به سزاوی داشته و هم اکنون نیز در مراکز تحقیقاتی معتبر دنیا در حال انجام است.

مکی [۸] یک سری آزمایش‌های مرئی‌سازی و نیرویی بر روی یک مدل زیردریایی استاندارد در یک تونل باد مادون صوت انجام داد. هدف از انجام این آزمایش‌ها مطالعه قابلیت مانور، هیدرودینامیک بدنه و مقایسه نتایج تونل باد با نتایج حاصله از آزمایشات تونل آب بوده است. در ابتدا برای ایجاد دید فیزیکی جریان در اطراف مدل، یک سری آزمایش‌های مرئی‌سازی جریان به وسیله روغن و رنگدانه بر روی سطح مدل انجام شده است. نتایج آزمایش مرئی‌سازی، مکان جدایش را روی بدنه و برجک در زوایای حمله مختلف و اعداد رینولدز

1. Smart Tetrahedral Vortex Generators (STVG)

2. Hot Film

زیرسطحی استاندارد بدون قسمت های جانبی استفاده شده است. در تحقیق حاضر ابتدا با استفاده از توپل دود و روشنایی نور لیزر ساختارهای گردا بهای جریان عرضی در مقاطع مختلف از طول مدل بررسی شده اند و سپس با استفاده از پخش روغن و رنگدانه بر روی سطح مدل، مکان جدایش و اثرات گردا بها بر روی سطح مدل در داخل توپل باد مشخص شده اند. استفاده از دو روش مرئی سازی بر روی یک مدل زیرسطحی جهت درک بیشتر رفتار جریان سه بعدی در اطراف مدل، این پژوهش را نسبت به کارهای گذشته متمایز می سازد.

۲-تجهیزات آزمایشگاهی و روش انجام آزمایش

۲-۱- روش مرئی سازی جریان با دود و نور لیزر

آزمایش های مرئی سازی جریان با دود و نور لیزر در یک توپل دود عمودی مکنده در اتاق آزمون به ابعاد (mm) $100 \times 180 \times 500$ انجام شده است. این توپل دود را می توان به دو قسمت مجزا از هم تقسیم کرد: قسمت پایینی توپل که مربوط به مکانیزم تولید دود است و قسمت فوقانی آن که یک توپل باد می باشد. مکانیزم تولید دود این دستگاه به این صورت است که گازوئیل از مخزن وارد هیتر شده و در آنجا با هوایی که توسط فن سانتریفیوژ تأمین می شود، می سوزد. دود حاصل وارد مخزن اولیه شده و از آنجا به سمت مخزن ثانویه دود هدایت می شود. در این مخزن علاوه بر آنکه گازوئیل سوخته نشده تهشیین می شود، جریان دود به صورت کاملاً یکنواخت در می آید. دود حاصل بعد از خروج از این مخزن وارد یک تقسیم کننده (پراب دود) می شود. این پраб دود در مسیر جریان هوای خروجی نازل توپل قرار دارد. این پраб به صورت خط جریانی طراحی شده تا کمترین اغتشاش را در جریان هوا ایجاد کند.

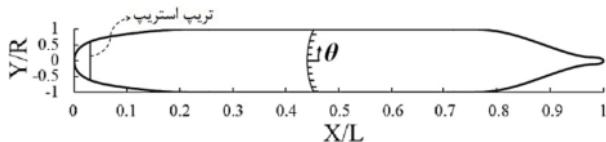
قسمت فوقانی این توپل دود شامل قسمت های مختلف یک توپل باد (نازل، اتاق آزمون، دیفیوزر، فن محوری، لانه زنبوری و توری) می باشد. دیوارهای اتاق آزمون این توپل از جنس پلکسی گلاس شفاف ساخته شده اند تا نور لیزر به خوبی از آن عبور کند. سرعت جریان هوای این توپل دود حداقل 5 m/s بوده و بیشترین شدت اغتشاش جریان آن به $7/0\%$ می رسد. مدل زیرسطحی که در این تحقیق مورد بررسی قرار می گیرد، یک

الگوهای جدایش جریان بدون بر جک پیروی می کند. جدایش جریان در حالت مدل با بر جک، به شدت تحت تأثیر حضور گردا به نعل اسبی ناشی از اتصال بر جک بر بدنه قرار می گیرد. پانتلاتوس و متیولاکیس [۱۲] میدان جریان اطراف یک استوانه با دماغه کروی شکل را بررسی کردند. این آزمایش ها در جریان با عدد رینولدز $Re = 10^5 \times 1/88$ تا 40 درجه انجام شدند. مرئی سازی روی سطح مدل با استفاده از دو نوع ماده مختلف انجام شد. آنها ابتدا از کریستال مایع (حساس به نور فرابنفش) استفاده کردند و سپس مرئی سازی با استفاده از مخلوط روغن و اکسید تیتانیم انجام شده است. نتایج مرئی سازی ها، تشکیل جدایش حبابی^۱ دماغه و خط جدایش اولیه را به وضوح نشان می دهند.

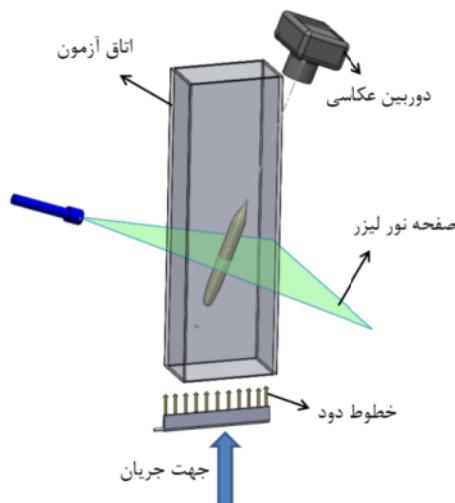
بهشتی و همکاران [۱۳] نیروی درگ وارد به یک مدل کشتی هوایی را در حوضچه کشش به صورت تجربی بررسی کردند. برای درک بیشتر ویژگی های آبرودینامیکی و توضیح نتایج نیرویی اخذ شده، فیزیک جریان شامل جدایش جریان، گذار لایه مرزی و تداخل بدنه با قسمت های جانبی با استفاده از آزمایش های مرئی سازی بررسی شد. مرئی سازی جریان به وسیله پخش ذرات فلورسنت یا رنگدانه و روشن سازی با استفاده از نور لیزر بوده است.

یکی از رایج ترین روش های مرئی سازی جریان به منظور بررسی ساختار میدان جریان نزدیک به سطح یک مدل در توپل باد، استفاده از روش مرئی سازی به کمک روغن و ماده رنگی می باشد. در اکثر تحقیقات تجربی گذشته جهت تعیین الگوی تنش برشی و مکان جدایش جریان بر روی سطح مدل های زیرسطحی، از جریان مخلوط روغن و دوده یا روغن با اکسید تیتانیم بر روی سطح مدل استفاده شده است. با توجه به مطالعات انجام گرفته، کارهای مرئی سازی زیادی بر روی مدل های هوافضایی مانند موشک ها و گلوله ها انجام شده است، اما در هیچ تحقیقی از مرئی سازی با دود و نور لیزر برای بررسی ساختارهای گردا بهای اطراف یک مدل زیرسطحی داخل توپل باد استفاده نشده است. در این تحقیق از دو روش آشکار سازی جریان برای بررسی ساختار جریان شامل جدایش جریان و ساختارهای گردا بهای تشکیل شده در اطراف یک مدل

1. Bubble Separation



شکل ۲ پروفیل شکل مدل زیرسطحی سابوف به صورت بدون بعد



شکل ۳ نحوه نصب مدل زیرسطحی در اتاق آزمون و نحوه عکس برداری از میدان جریان اطراف مدل

همان گونه که در این شکل دیده می‌شود، در حالتی که مدل نسبت به جریان ورودی زاویه مناسب را داشته باشد، صفحه نور لیزر کاملاً عمود بر محور طولی مدل قرار می‌گیرد و با استفاده از یک دوربین عکاسی سرعت بالا که در راستای محور طولی مدل و عمود بر صفحه لیزر قرار گرفته است، تصاویر مورد نظر از گرداههای تشکیل شده در اطراف مدل اخذ می‌شوند. از هم راستایی تابش و بازتابش نور برخورد کرد به سطح مدل می‌توان اطمینان حاصل کرد که نور لیزر دقیقاً عمود بر سطح تابانده شده است. اندازه‌گیری‌ها به منظور بررسی تمامی گرداههای تشکیل شده (اولیه و ثانویه) در زاویه $\alpha = 40^\circ$ انجام شده است.

۲-۲- روش مرئی‌سازی توسط روغن و رنگدانه
مرئی‌سازی با روغن نیز بر روی سطح همین مدل انجام شده است. برای مشخص شدن خطوط میدان تنش برشی بر روی سطح مدل از مخلوط گازوئیل با رنگدانه‌های فلورسنت استفاده شده است. این مخلوط با حل ۳ واحد رنگدانه‌های فلورسنت در ۵ واحد گازوئیل بدست می‌آید. به منظور جلوگیری از لخته

مدل زیرسطحی تقارن محوری استاندارد به نام سابف^۱ است. این مدل اولین بار توسط پژوهشکده دیوید تیلور^۲ طراحی شد [۱۴] و مورد آزمایش‌های متفاوتی در تونل باد و حوضچه کشش قرار گرفته است [۱۵، ۱۶]. آزمایش‌های انجام شده توسط این پژوهشکده در تونل باد، شامل آزمایش‌های اندازه‌گیری سرعت، فشار و تنش اصطکاکی بر روی سطح مدل بوده است و علاوه بر آن در پایین دست مدل نیز سرعت جریان به صورت سه‌بعدی اندازه‌گیری شده است. در این آزمایش‌ها بررسی کیفی جریان به صورت مرئی‌سازی با روغن بر روی سطح مدل یا دود در اطراف مدل انجام نشده است. پروفیل شکل بدن این مدل به صورت بدون بعد بر حسب طول کلی مدل ($L = 0.229$ m) و شعاع بیشینه ($R = 0.134$ m) در شکل ۲ نشان داده شده است. این مدل بدون قسمت‌های جانبی از جنس آلومینیم با استفاده از روش CNC با دقت 0.1 ± 0.01 mm ساخته شده است. برای شبیه‌سازی لایه‌مرزی توربولانسی بر روی سطح مدل، یک سیم نازک (تریپ استریپ) با مقطع دایره‌ای به قطر $2/0.2$ mm از نوک دماغه در مکان استفاده شده است. نحوه اندازه‌گیری این دو مختصات در شکل ۲ نشان داده شده است. جهت تعیین مکان طولی جدایش در ۲ نشان داده شده است. جهت تعیین مکان طولی جدایش در امتداد بدن از یک خط کش درجه‌بندی شده و جهت تعیین زاویه جدایش بر روی محیط مدل نیز از یک حلقه دایره‌ای شکل قرار داده شده است.

نمای شماتیکی از نحوه قرارگیری مدل زیرسطحی در اتاق آزمون تونل دود و نحوه عکس‌برداری از گرداههای ایجاد شده در اطراف مدل در شکل ۳ نشان داده شده است. نور لازم برای مرئی‌سازی جریان توسط یک منبع نور لیزر سبز با توان 50mW تأمین می‌شود. خط نور ایجاد شده به وسیله منبع نور لیزر، توسط یک شیشه استوانه‌ای به یک صفحه نوری تبدیل می‌شود.

1. SUBOFF
2. David Taylor Research Center
3. Circumferential Angle

۳- بررسی و تحلیل نتایج

در این تحقیق به منظور بررسی کامل رفتار جریان در اطراف یک مدل زیرسطحی، از دو روش مجسمسازی جریان استفاده شده است. ابتدا با استفاده از روش آشکارسازی با دود و نور لیزر، ساختار گردابه‌های تشکیل شده در اطراف جسم در زاویه حمله ۴۰ درجه بررسی شده است و سپس اثرات این گردابه‌ها بر سطح مدل مانند مکان جدایش یا مکان اتصال مجدد سیال به سطح^۱ به وسیله جریان روغن و رنگدانه بر روی سطح بدن مدل در زوایای مختلف تعیین شده است. نتایج کمی مکان جدایش و مکان اتصال مجدد سیال به سطح با استفاده از تحلیل نتایج مرئی‌سازی با روغن استخراج شده‌اند. میزان عدم قطعیت در اندازه‌گیری‌های انجام شده با توجه به دقت نحوه تعیین مکان جدایش با استفاده از ابزارهای اندازه‌گیری، حدود ۳ درصد می‌باشد.

وقتی که وسائل متحرک زیرسطحی با بدن خلط جریانی شکل همانند زیردریایی‌ها، ازدها و غیره، نسبت به جریان آزاد زاویه می‌گیرند، مؤلفه‌های جریان سیال برخورد کننده با جسم به دو قسمت تقسیم می‌شود:

- ۱) مؤلفه‌ای از جریان که در امتداد محور جسم است و جریان محوری نام دارد.
- ۲) مؤلفه‌ای که عمود بر محور مدل بوده و جریان عرضی^۲ نامیده می‌شود.

با افزایش زاویه مدل نسبت به جریان، گردابیان فشار معکوس عرضی بین سمت موافق و مخالف جریان، باعث جدایش لایه مرزی در سمت مخالف جریان می‌شود. لایه مرزی جدا شده با جریان طولی برخورد کرده و تشکیل گردابه‌هایی را در سمت مخالف باد می‌دهد. یک جفت گردابه متقاضن (با چرخش مخالف) در سمت مخالف جریان ایجاد می‌شوند که در زوایای حمله بالا، از مدل ریزش می‌کنند. در شکل ۵ نمای شماتیکی از این جفت گردابه متقاضن با چرخش مخالف نشان داده شده است. در قسمت بالایی این شکل، جفت گردابه‌های سه‌بعدی تشکیل شده در اطراف بدن مدل زیرسطحی استاندارد ساپوف در زاویه حمله ۴۰ درجه به صورت شماتیک نشان داده شده است. یک صفحه نور لیزر به صورت عمودی بر راستای محور

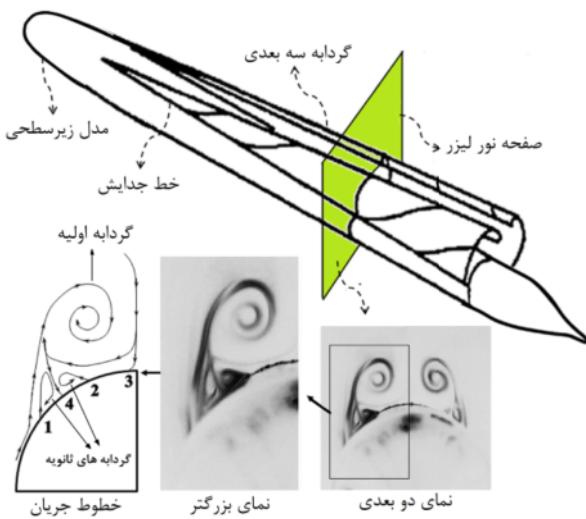
شدن رنگدانه‌ها و همچنین کنترل اندازه آنها، چند قطره اسید اوئیک به این مخلوط اضافه شده است. هنگامی که مخلوط روغن و رنگدانه آماده شد، با استفاده از یک برس نقاشی، مخلوط روغن و رنگدانه بر روی تمامی قسمت‌های بدن مدل کشیده شد تا اینکه هیچ جایی از بدن خالی نماند. مقدار مخلوط پخش شده بر روی بدن نباید به حدی کم باشد که خطوط جدایش و غیره تشکیل نشود. همچنین مقدار مخلوط پخش شده بر روی سطح مدل نباید آنقدر زیاد باشد که باعث تجمع بیش از اندازه مخلوط روغن و رنگدانه در یک مکان شده و جریان هوا توانایی حرکت آن را نداشه باشد. در نتیجه مقدار مناسبی از مخلوط باید روی بدن پخش شود.

به منظور عکس‌برداری مناسب از رنگ‌های فلورسنت از لامپ‌های مهتابی با رنگ آبی برای نورپردازی استفاده شده است. آزمایش‌های مرئی‌سازی با روغن در یک تونل باد مادون صوت از نوع مدار باز با اتاق آزمون بسته انجام شده است. در شکل ۴ نمایی از اتاق آزمون این تونل باد نشان داده شده که دارای مقطعی با ابعاد $350 \times 350 \text{ mm}^2$ و با طول ۷۰۰ mm می‌باشد. دیوارهای جانبی این تونل شفاف بوده و قابلیت عکس‌برداری از مدل بعد از انجام آزمایش‌ها وجود دارد. تمام آزمایش‌ها در سرعت جریان آزاد 5 m/s که معادل عدد رینولدز $Re = 67400$ می‌باشد، انجام شده است. با توجه به ابعاد مدل، نسبت انسداد تونل باد در بیشترین زاویه کمتر از ۵٪ است که در این نسبت انسداد از تأثیر دیوارهای تونل باد بر روی ساختارهای جریان اطراف مدل می‌توان صرف‌نظر کرد [۱۷]. تمامی اندازه‌گیری‌ها در یک سرعت و در زوایای مختلف $\alpha \leq 30^\circ$ درجه انجام شده است.



شکل ۴ نحوه قرار گیری مدل زیرسطحی در اتاق آزمون تونل باد برای انجام آزمایش‌های مرئی‌سازی با روغن

1. Reattachment
2. Cross Flow



شکل ۵ آشکارسازی گردابه‌های ایجاد شده در اطراف مدل زیرسطحی ساپوف در مکان $X/L = 0/3$ در زاویه 40°

در این فاصله گردابه‌های ثانویه وجود ندارند. با افزایش فاصله از نوک دماغه، مکان جدایش اولیه (شماره ۱) از سمت مخالف باد به سمت موافق حرکت می‌کند و جدایش، سهم بیشتری از مقطع مدل را در بر می‌گیرد. ابعاد گردابه اولیه نیز افزایش می‌یابد. همچنین با افزایش فاصله بین جدایش اولیه (شماره ۱) و مکان اتصال دوباره جریان (شماره ۴) گردابه‌های ثانویه را بزرگتر می‌شوند ($X/L = 0/4$ و $0/3$). با حرکت طولی جریان و افزایش بیشتر فاصله از دماغه، جفت گردابه‌های اولیه به اندازه‌ای بزرگ می‌شوند که در راستای عرضی جای کمی برای رشد پیدا می‌کنند در نتیجه در راستای دیگر کشیده شده و شکل دایره مانند خود را از دست می‌دهند ($X/L = 0/5$). این گردابه‌ها در فواصل بیشتر از دماغه کاملاً پایداری خود را از دست داده و از هم واپاشیده می‌شوند. به این حالت واپاشیدگی ورتکس^۳ گفته می‌شود.

شکل ۷ کانتور میدان تنفسی روی سطح یک مدل زیرسطحی حاصل از نتایج عددی را نشان می‌دهد [۱۸]. چگونگی تشخیص مکان جدایش اولیه، ثانویه و ناحیه چسبیدن دوباره جریان به سطح به صورت شماتیک در این شکل نشان داده شده است.

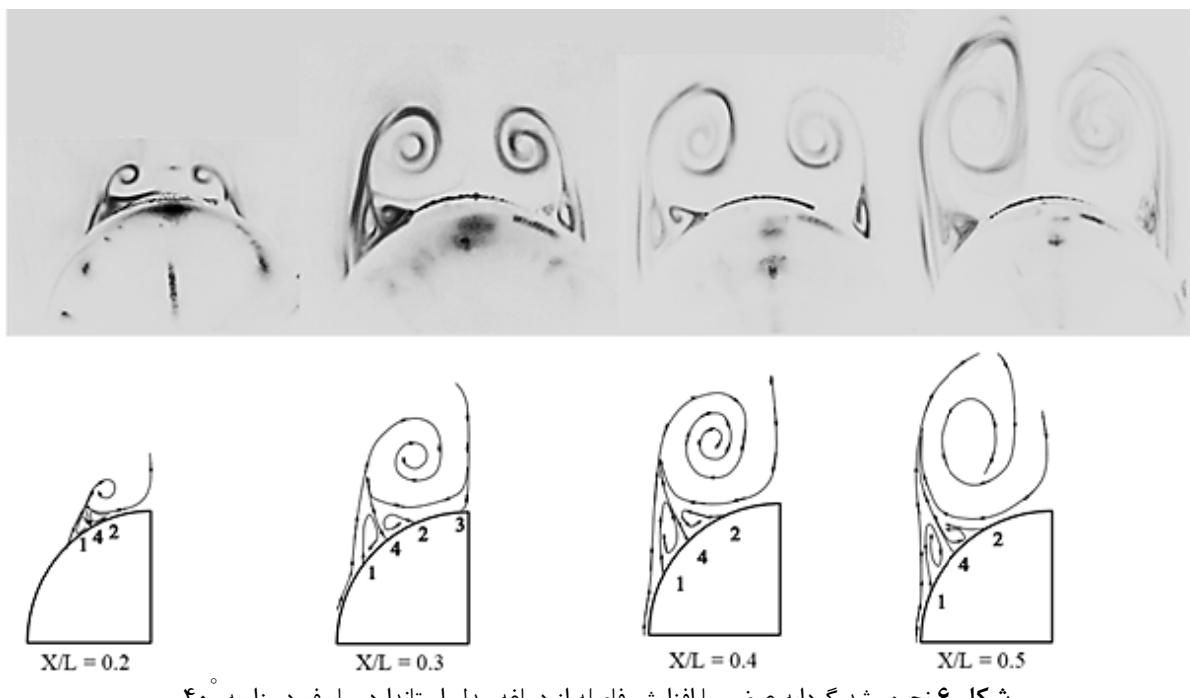
3. Vortex Breakdown

این گردابه‌ها در مقطع $X/L = 0/3$ تابیده شده و یک نمای دوبعدی از مقطع جفت گردابه بددست آمده است. در این شکل تقارن بسیار خوب جفت گردابه‌ها دیده می‌شود. جهت بررسی بهتر مکان جدایش جریان از سطح^۱ یا اتصال مجدد جریان به سطح^۲، نمای بزرگتری از یکی از گردابه‌ها نشان داده شده است. با استفاده از ترسیم مکان خطوط دود که مبین خطوط جریان می‌باشند، نحوه جدایش لایه مرزی و تشکیل گردابه اولیه و ثانویه تفسیر شده است.

در قسمت پایین شکل ۵ تفسیر خطوط دود نشان داده شده است. در مکان شماره (۱) جدایش اولیه جریان در اثر گردابیان فشار نامطلوب عرضی رخ می‌دهد و لایه مرزی از سطح جدا می‌شود. در اثر این جدایش یک گردابه عرضی (گردابه اولیه) تشکیل می‌شود. گردابه اولیه جدا شده از سطح، دوباره به قسمتی از سطح مدل که پشت به جریان باد است، برخورد کرده و باعث اتصال دوباره جریان به سطح می‌شود. این ناحیه بر روی شکل با شماره (۳) مشخص شده است. نکته قابل توجه آن است که این جریان چسبیده به سطح دوباره در مکان شماره (۲) از سطح جدا شده و تشکیل خط جدایش ثانویه را موجب می‌شود. در اثر جدایش ثانویه گردابه‌های کوچکی بین سطح مدل و گردابه اولیه تشکیل شده که به عنوان گردابه‌های ثانویه شناخته می‌شود. بین دو گردابه ثانویه که چرخش بر عکس یکدیگر دارند، جریان دوباره به سمت سطح مدل حرکت کرده و در مکان شماره (۴) دوباره به سطح مدل می‌چسبد. در نتیجه در سمت مخالف جریان، گردابه‌های عرضی باعث می‌شوند تا جریان دو مرتبه از سطح مدل جدا شده و دوباره به مدل بچسبد.

در شکل ۶ نحوه رشد گردابه عرضی با افزایش فاصله از دماغه در زاویه 40° برای مدل استاندارد ساپوف نشان داده شده است. در این شکل، ساختار واقعی گردابه‌های عرضی جریان به همراه تفسیرهای آنها آورده شده است تا به فهم بیشتر نحوه رشد این گردابه‌ها کمک کند. در مکان‌های نزدیک به دماغه مدل ($X/L = 0/2$)، مکان جدایش اولیه (شماره ۱) نزدیک به سمت مخالف باد بوده و ناحیه جدایش کوچک است. در نتیجه، اندازه گردابه اولیه نیز کوچک بوده و به سطح مدل نزدیک است.

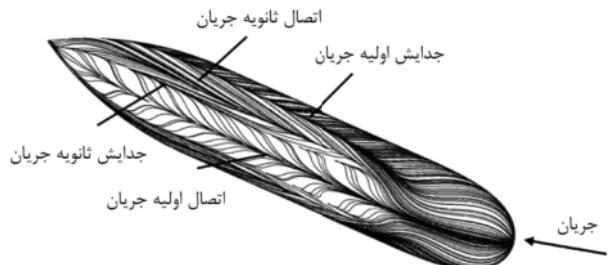
1. Flow Separation
2. Reattachment

شکل ۶ نحوه رشد گردابه عرضی با افزایش فاصله از دماغه مدل استاندارد سابوف در زاویه 40°

کننده این مطلب می‌باشد. در زوایایی بیشتر از 10° درجه لایه مرزی‌های تشکیل شده بر روی سطح جسم با جریان عرضی بر خورد کرده و از روی بدن جدا شده و تشکیل گردابه‌هایی را در پشت مدل می‌دهند. در زوایای حمله کم، ناحیه جدا شده کاملاً کوچک بوده و در انتهای مدل قرار دارد ولی با افزایش زاویه جریان، ناحیه جدا شده قسمت زیادی از سطح جسم را فرا گرفته و به سمت جلویی مدل پیش می‌رود.

در شکل ۸ ساختار جریان بر روی سطح مدل زیرسطحی سابوف در سمت مقابل جریان در زاویه حمله 30° نشان داده شده است. این شکل از نتایج مرئی‌سازی با روغن و رنگدانه بر روی سطح مدل بدست آمده است. هنگامی که مدل نسبت به جریان زاویه می‌گیرد، در سمت موافق باد^۱ در امتداد طولی مدل (قسمت میانی) سرعت جریان هنگام برخورد با جسم به صفر رسیده و خط سکون^۲ ایجاد می‌شود. همان‌گونه که در شکل ۸ مشاهده می‌شود حرکت خطوط جریان، با رسیدن به مکان جدایش متوقف می‌شوند. در این مکان لایه نازکی از روغن روی هم انباشته می‌شود. این لایه نازک روغن به صورت یک خط در امتداد بدن زیرسطحی در این شکل قبل مشاهده

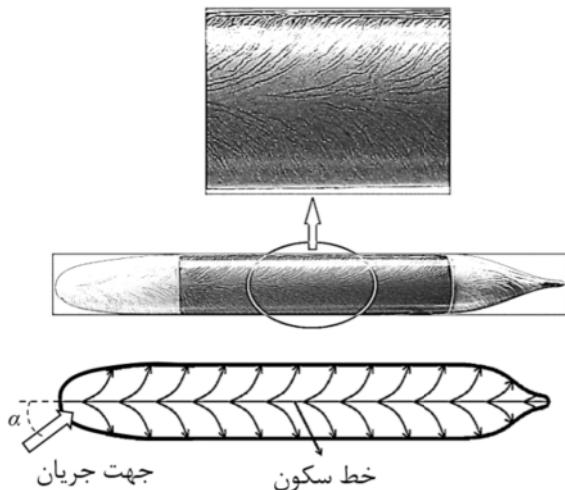
1. Windward Direction
2. Stagnation Line



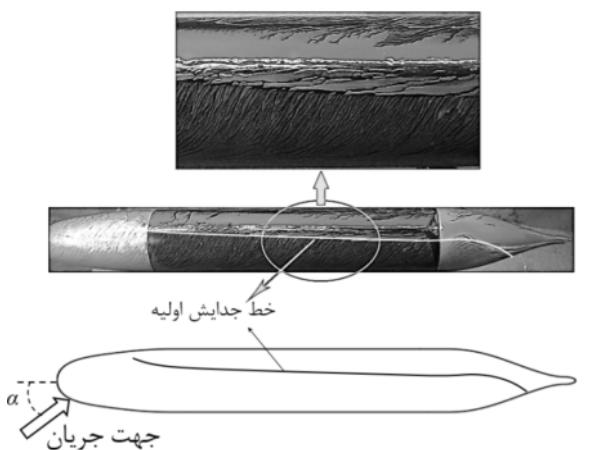
شکل ۷ کانتور میدان تنش برشی روی سطح یک مدل زیرسطحی حاصل از نتایج عددی [۱۸]

در این شکل نیز به وضوح می‌توان مشاهده کرد که در ناحیه چسبیدن اولیه جریان به سطح، خطوط جریان نسبت به یک خط مرکزی از یکدیگر واگرا شده‌اند و قسمتی از آنها به سمت نیمه بالایی مدل و قسمتی دیگر به سمت نیمه پایینی مدل حرکت کرده است.

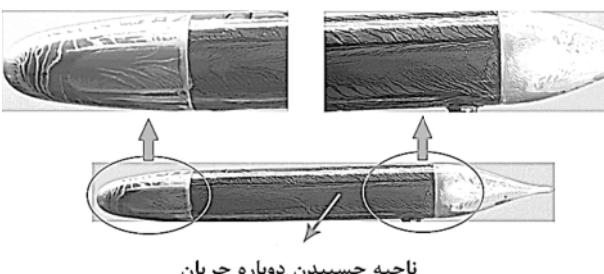
آزمایش‌های مرئی‌سازی با روغن و رنگدانه در زوایای حمله 30° الی 30° درجه بر روی مدل مورد مطالعه انجام شده است. با توجه به نتایج بدست آمده از مرئی‌سازی‌های انجام شده، در زوایای حمله صفر، 5° و 10° درجه، لایه مرزی، جریان قسمت‌های دماغه و مسطح بدن را بدون جدایش پشت سر می‌گذارد و به رشد خود ادامه می‌دهد و نهایتاً در قسمت انتهایی دم از سطح جدا می‌شود. نتایج دیگر محققین نیز تایید



شکل ۸ ساختار جریان بر روی مدل زیرسطحی سابوف در سمت موافق باد در زاویه حمله 30°



شکل ۹ مکان جدایش اصلی جریان بر روی مدل زیرسطحی سابوف در زاویه حمله 30°



شکل ۱۰ مکان ناحیه چسبیدن دوباره جریان بر روی مدل زیرسطحی سابوف در زاویه حمله 30°

موقعیت مکان جدایش در این شکل نشان می‌دهد که با افزایش فاصله از دماغه مدل به سمت پاشنه، جدایش روی سطح مدل از سمت مخالف جریان به سمت موافق جریان

است. از آنجایی که این مدل کاملاً تقارن محوری می‌باشد ساختار جریان در نیمه بالایی و پایینی مدل یکسان است. به همین دلیل در این قسمت تنها ساختار جریان در نیمه بالایی مدل بررسی می‌شود.

در شکل ۹ نمای بالایی از ساختار جریان در اطراف مدل زیرسطحی سابوف در زاویه حمله 30° نشان داده شده است. لایه‌های مرزی که به سمت نیمه بالایی و پایینی مدل حرکت می‌کنند، در اثر گرادیان فشار نامطلوب که در عرض مدل (در اثر انحنای سطح مدل) وجود دارد، از سطح جدا می‌شوند و باعث تشکیل گردابه عرضی می‌شود. جایی که جریان از روی مدل جدا می‌شود، خطوط و رگه‌های مخلوط روغن و رنگدانه به آن سمت همگرا می‌شوند و در آنجا تجمع می‌کنند [۱۸]. در شکل ۹ مکان ناحیه جدایش اولیه (اصلی) بر روی بدنه زیردربالی سابوف در زاویه حمله 30° دیده می‌شود. همان‌گونه که قبلاً نیز در تفسیر نتایج مرئی‌سازی با دود و لیزر بررسی شد، مکان جدایش اولیه با فاصله گرفتن از نوک دماغه از سمت مخالف باد به سمت موافق باد حرکت می‌کند. همان‌گونه که در این شکل نیز نشان داده شده است، خط جدایش جریان با افزایش فاصله از نوک دماغه به سمت جلوی مدل حرکت کرده است. در شکل ۱۰ قسمتی از سطح مدل که در سمت مخالف جهت باد قرار دارد نشان داده شده است. همان‌طور که پیشتر توضیح داده شد، گردابه‌ها تشکیل شده در اثر جدایش جریان، دوباره به سطحی از مدل که پشت به جریان می‌باشد، بخورد کرده و باعث چسبیدن دوباره جریان به سطح مدل می‌شوند.

ناحیه‌ای که جریان دوباره به مدل می‌چسبد (در شکل ۲ نقطه شماره ۳) در شکل ۱۰ به وضوح قابل رویت می‌باشد. این ناحیه که در آن خطوط روغن به طور متقاضی از خط وسط مدل به سمت بالا و پایین واگرا شده‌اند تقریباً از ابتدای دماغه شروع می‌شود و تا انتهای مدل پیش می‌رود [۱۸].

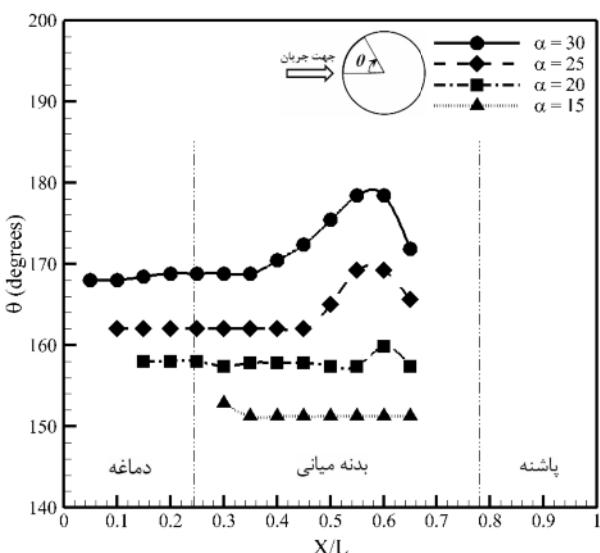
در شکل ۱۱ نحوه تغییرات مکان جدایش اولیه برای چهار زاویه حمله متفاوت مدل زیرسطحی سابوف نشان داده شده است. در این منحنی محور افقی (X/L) فاصله بدون بعد از ابتدای دماغه مدل در امتداد مدل بوده و محور عمودی نشان دهنده موقعیت زاویه جانبی^۱ (θ) روی بدنه مدل می‌باشد که مبدأ آن در محل خط سکون (مرکز مدل در سمت موافق باد) قرار دارد.

1. Circumferential Angle

در شکل ۱۳ تغییرات مکان جدایش ثانویه با زاویه حمله برای چهار زاویه حمله متفاوت مدل زیرسطحی سابوف نشان داده شده است. همانند جدایش اولیه، شروع مکان جدایش ثانویه نیز با کاهش زاویه حمله از دماغه به سمت قسمت میانی زیرسطحی حرکت می‌کند. نکته دیگری که باید به آن توجه داشت این است که، مختصات زاویه عرضی جدایش ثانویه در قسمت انتهایی بدنه میانی دچار تغییرات شدیدی می‌شود. البته این تغییرات با کاهش زاویه حمله کاهش می‌یابد به گونه‌ای که در زاویه حمله ۱۵ درجه هیچ گونه تغییر شدیدی مشاهده نمی‌شود. در این پژوهش هیچ گونه جدایش ثانویه‌ای بر روی پاشنه زیرسطحی سابوف مشاهده نشد. در شکل ۱۴ نیز چگونگی تغییرات ناحیه اتصال ثانویه جریان به سطح با زاویه حمله بر روی زیرسطحی سابوف نشان داده شده است. بررسی داده‌های شکل ۱۴ نشان می‌دهد که مکان چسبیدن جریان به سطح تقریباً مستقل از زاویه حمله است و برای تمام زوایای حمله جریان به صورت خطی از ابتدای قسمت میانی تا انتهای آن کاهش می‌یابد.

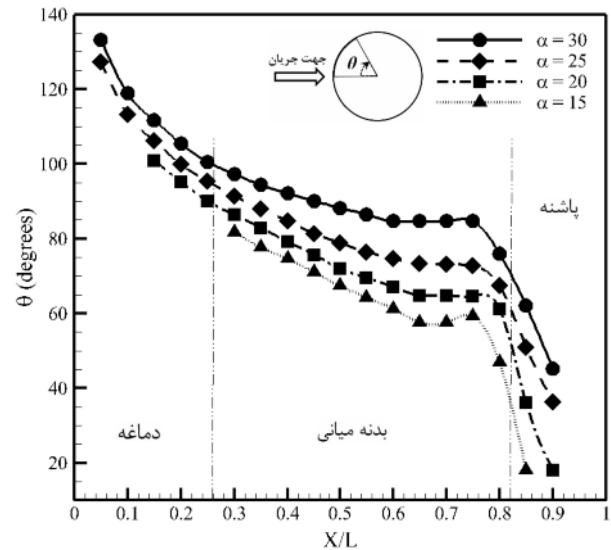
۴- نتیجه‌گیری

به منظور بررسی فیزیک میدان جریان اطراف بدنه یک مدل زیرسطحی استاندارد از روش مرئی‌سازی جریان توسط روغن و رنگدانه بر روی سطح مدل در توپل باد استفاده شده است.

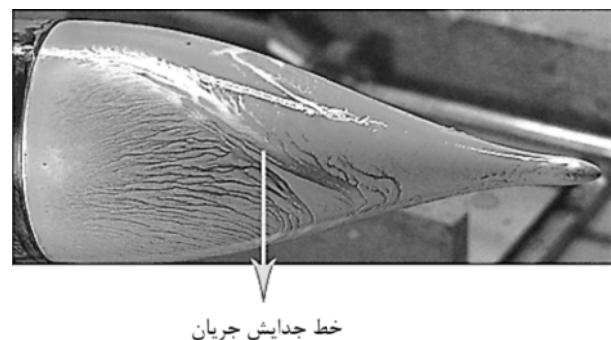


شکل ۱۳ مکان جدایش ثانویه بر روی زیردریایی سابوف در زوایای حمله مختلف

حرکت کرده و باعث می‌شود که ناحیه بیشتری از سطح مدل دچار جدایش شود. با افزایش زاویه حمله، شروع جدایش در موقعیت‌های نزدیکتری به دماغه اتفاق می‌افتد. اما در یک موقعیت مکانی X ثابت، با افزایش زاویه حمله، مکان جدایش به سمت مخالف جریان حرکت می‌کند (مقادیر θ افزایش می‌یابند). در شکل ۱۲ مکان جدایش جریان در قسمت پاشنه (dm) زیرسطحی نشان داده شده است. در تمام زوایای حمله، مختصات زاویه جانبی جدایش بر روی پاشنه زیرسطحی به شدت کاهش می‌یابد و قسمت وسیعی از پاشنه زیرسطحی تحت تأثیر ناحیه جدایش جریان قرار می‌گیرد. این جدایش وسیع جریان در این قسمت ناشی از شبیب زیاد منحنی پاشنه می‌باشد.



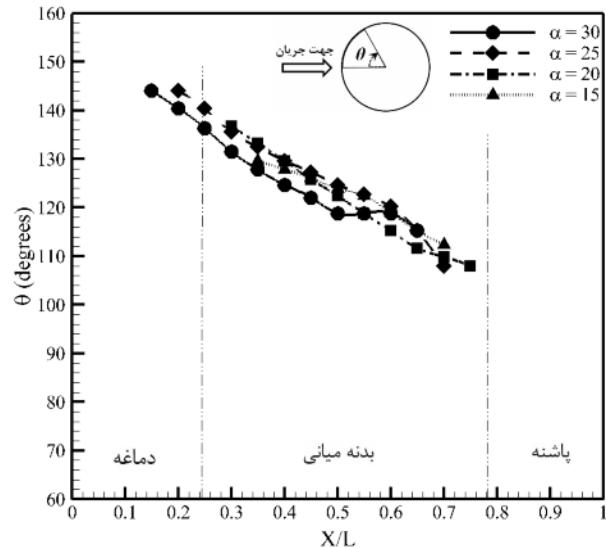
شکل ۱۱ مکان جدایش اصلی بر روی زیردریایی سابوف در زوایای حمله مختلف



شکل ۱۲ خط جدایش جریان بر روی پاشنه مدل زیرسطحی سابوف در زاویه حمله ۳۰

خلاصه بیان می‌شود:

- ۱) در زوایای حمله $\alpha \leq 10^\circ$ در قسمت دماغه و قسمت میانی بدن مدل زیرسطحی هیچ جدایش جریانی به چشم نمی‌خورد. اما در قسمت پاشنه مدل به علت شیب منحنی زیاد بدن، جدایش در زوایای حمله ۵ و 10° درجه رخ می‌دهد.
- ۲) در زوایای حمله $30^\circ \leq \alpha \leq 15^\circ$ با حرکت از سمت دماغه مدل زیرسطحی به سمت پاشنه آن، مختصات عرضی زاویه جدایش اولیه و ثانویه کاهش می‌یابد. به عبارت دیگر ناحیه بیشتری از سطح بدن در منطقه ویک قرار می‌گیرد.
- ۳) در زوایای حمله زیاد، مکان جدایش در قسمت دماغه زیرسطحی قرار دارد اما با کاهش زاویه حمله، شروع مکان جدایش اولیه و ثانویه به قسمت میانی بدن زیرسطحی منتقل می‌شود. همچنین با افزایش زاویه حمله مکان زاویه عرضی جدایش نیز افزایش می‌یابد.
- ۴) در تمام زوایای حمله مختصات زاویه عرضی جدایش بر روی پاشنه زیرسطحی به شدت کاهش می‌یابد در نتیجه قسمت زیادی از پاشنه زیرسطحی تحت تأثیر ناحیه جدایش جریان قرار می‌گیرد.
- ۵) در تمامی زوایای حمله مکان چسبیدن دوباره جریان به سطح تقریباً مستقل از زاویه حمله است و به صورت خطی از ابتدای قسمت میانی تا انتهای آن کاهش می‌یابد.



شکل ۱۴ مکان ناحیه اتصال ثانویه جریان به سطح بر روی زیردریایی سابوف در زوایای حمله مختلف

همچنین روش مرئی‌سازی توسط خطوط دود و نور لیزر در جریان اطراف مدل در داخل تونل دود نیز به کار گرفته شده است. نتایج کیفی استخراج شده از آزمایش‌های مرئی‌سازی در تونل دود نشان می‌دهد که وقتی یک مدل زیرسطحی نسبت به جریان زاویه می‌گیرد در اثر گردیان فشار معکوسی که در عرض مدل رخ می‌دهد جریان از روی سطح مدل جدا می‌شود. جدایش جریان باعث تشکیل جفت گرداه عرضی (گرداه‌های اولیه) می‌شود که به صورت سه‌بعدی در امتداد طولی مدل کشیده شده‌اند. به علت چرخش معکوس دو گرداه نسبت به یکدیگر، جریان در سمت مخالف باد بین دو گرداه، به مدل بر خورد کرده و به آن می‌چسبد. با حرکت از سمت دماغه مدل به سمت انتهای آن، ابعاد گرداه اولیه بزرگ‌تر شده و از سطح مدل فاصله می‌گیرد. بین سطح مدل و گرداه اولیه گرداه‌های ثانویه قرار دارند که عموماً ابعاد آنها همانند گرداه اولیه بوده و با فاصله گرفتن از دماغه افزایش می‌یابد. در زوایای حمله بالا ($\alpha \geq 30^\circ$) در انتهای مدل، گرداه‌های عرضی ساختار خود را از دست داده و از هم واپاشیده می‌شوند.

نتایج مرئی‌سازی با استفاده از روغن و رنگدانه بر روی سطح مدل میدان تنش برشی روی سطح مدل را آشکار می‌سازد. در این قسمت نتایج کیفی و کمی اندازه‌گیری شده که رفتار مکان جدایش اولیه و ثانویه و مکان چسبیدن دوباره جریان روى سطح مدل زیرسطحی استاندارد را نشان می‌دهند به طور

۵- فهرست عالیم

طول کلی مدل (m)	L
شعاع بیشینه منحنی مدل (m)	R
شعاع منحنی مدل (m)	r
عدد رینولدز ($\mu UL\mu^{-1}$)	Re
سرعت جریان آزاد (ms^{-1})	U
فاصله از نوک دماغه در امتداد بدن مدل (m)	X
فاصله عمودی از محور مرکزی مدل (m)	Y
عالیم یونانی:	
زاویه حمله (degree)	α
زاویه پیرامونی روی سطح مدل (degree)	θ
ویسکوزیته دینامیکی ($kgm^{-1}s^{-1}$)	μ
چگالی هوا (kgm^{-3})	ρ

۶- مراجع

- [11] Hosder S., Simpson, R. L., "Unsteady Turbulent Skin Friction and Separation Location Measurements on a Maneuvering Undersea Vehicle", *Report of Department of Aerospace and Ocean Engineering Virginia Polytechnic Institute and State University*, 2002.
- [12] Pantelatos D. K., Mathioulakis D. S., "Experimental Flow Study Over a Blunt-Nosed Axisymmetric Body at Incidence", *Journal of Fluids and Structures*, Vol. 19, 2004, pp. 1103-1115.
- [13] Beheshti, B. H., Wittmer F., Abhari R. S., "Flow Visualization Study of an Airship Model Using a Water Towing Tank", *Aerospace Science and Technology*, Vol. 13, 2009, pp. 450-458.
- [14] Groves N. C., Huang T. T., Chang M. S., "Geometric Characteristics of DARPA SUBOFF Models (DTRC Model Nos. 5470 And 5471)", *Report DTRC/SHD-1298-01*, 1989.
- [15] Huang T., Liu H. L., Groves N., Forlini T., Blanton, J., Gowing, S., "Measurements of Flows Over an Axisymmetric Body With Various Appendages in a Wind Tunnel: the DARPA SUBOFF Experimental Program", *19th Symposium on Naval Hydrodynamics*. Seoul, Korea, 1992.
- [16] Roddy, R. F., "Investigation of the Stability and Control Characteristics of Several Configurations of the DARPA SUBOFF Model (DTRC Model 5470) From Captive-Model Experiments", *David Taylor Research Center, Ship Hydromechanics Department*, DTRC/SHD-1298-08, 1990.
- [17] West, G. S., Apelt, C. J., "The effects of tunnel blockage and aspect ratio on the mean flow past a circular cylinder with Reynolds numbers between 10^4 and 10^5 ", *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 14, 1982, pp. 361-377.
- [18] Jeans T. L., Holloway A. G. L., "Flow-Separation Lines on Axisymmetric Bodies with Tapered Tails", *Journal of Aircraft*, Vol. 47, No. 6, 2010, pp. 2177-2183.
- [1] Ericsson L. E., Reding J. P., "Vortex-Induced Asymmetric Loads in 2-D and 3-D Flows", *AIAA 18th Aerospace Sciences Meeting*, Pasadena, California, 1980.
- [2] Gorski, J. J., "Marine Vortices and Their Computation", *RTO Applied Vehicle Technology Panel (AVT) Symposium*, Leon, Norway, 2001.
- [3] Kazemi Esfeh, M., Dehghan, A. A., Dehghan Manshadi, M., "Experimental Investigation of Upstream Structure Influence on the Ventilation Performance of One-Side Wind-Catchers", *Modares Mechanical Engineering Journal*, Vol. 13 No. 1, 2013, pp. 49-60 (In Persian).
- [4] Xueying, D., Gang, W., Xuerui, C., Yankui, W., Peiqing, L., Zhongxiang, X., "A Physical Model of Asymmetric Vortices Flow Structure in Regular State Over Slender Body at High Angle of Attack", *Science in China*, Vol. 46, No. 6, 2003, pp. 561-573.
- [5] Keener, E. R., "Oil Flow Separation Patterns on an Ogive Forebody", *AIAA J.*, Vol. 21, No. 4, 1983, pp. 550-556.
- [6] Paster, D. L., "Importance of Hydrodynamic Considerations for Underwater Vehicle Design", *IEEE, CH2363-0/86/0000*, 1986, pp. 1413-1422.
- [7] Barlow, J. B., Rae, W. H., Pope A., *Low-Speed Wind Tunnel Testing*, Third Ed., John Wiley and Sons, 1999, pp. 627-630.
- [8] Mackay M., "Flow Visualization Experiments with Submarine Models in a Wind Tunnel", *Report DREA TM 88/204, Defense R&D Canada*, 1988.
- [9] Huggins, A., Packwood, A. R., "Wind Tunnel Experiments on a Fully Appended Laminar Flow Submersible for Oceanographic Survey", *Journal of Ocean Engineering*, Vol. 22, No. 2, 1995, pp. 207-221.
- [10] Farokhi S., Taghavi R., Barrett R., "Pressure Drag Reduction Concepts for Maneuvering Submarines", *10th European Drag Reduction Working Meeting*, Berlin, Germany, 1997.