ماهنامه علمى پژوهشى

مهندسی مکانیک مدرس

mme.modares.ac.ir

اثر ارتعاشات ژورنال بر روی پروفیل فشار هیدرودینامیک در یک ژورنال بیرینگ ساده

محمد حسينى1*، حسين آبيار2

1 - استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی سیرجان، سیرجان

2- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه آزاد اسلامی واحد سیرجان، سیرجان

مىرجان، صندوق پستى hosseini@sirjantech.ac.ir ، 7813733385

چکیدہ	اطلاعات مقاله
در بسیاری از موارد ارتعاشات ژورنال در جهت شعاعی در یاتاقان ژورنال ماشینهای دوار مختلف مشاهده شده است. هدف از انجام این تحقیق بررسی تأثیر نوسانات اجباری ژورنال در یک یاتاقان ژورنال ساده بر پروفیل فشار هیدرودینامیک است. جهت انجام شبیهسازیها از نرمافزار تجاری انسیس- فلوئنت استفاده گردید. هندسه مسئله دو بعدی بوده و به کمک نرمافزار گمبیت شبکه مناسب تولید گردید. سیال مورد مطالعه	مقاله پژوهشی کامل دریافت: 13 اسفند 1394 پذیرش: 22 اردیبهشت 1395 ارائه در سایت: 16 خرداد 1395
بیوتنی و آرام بوده و از انتقال حرارت صرف نظر شده است. علاوه بر این فرض شد که در تمام شرایط هیچگونه تغییر فازی رخ نمیدهد. برای شبیهسازی نوسانات ژورنال یک تابع کاربری به زبان سی نوشته شد. مسئله برای سه نسبت فرکانس نوسانات فرزال (0.000 0.1 و 1) و دو نسبت خروج از مرکزیت (0.54 و 0.8) حل گردید. نتایج نشان داد که پروفیل فشار هیدرودینامیک کاملا وابسته به فرکانس نوسانات 1) و دو نسبت خروج از مرکزیت (0.54 و 0.8) حل گردید. نتایج نشان داد که پروفیل فشار هیدرودینامیک کاملا وابسته به فرکانس نوسانات	<i>کلید واژگان:</i> یاتاقان ژورنال فرکانس کاهشیافته ارتعاشات
زورنال است. همچنین مشخص کردید که در فرکانسهای نوسایی بسیار کوچک نعییرات قشار هیدرودینامیک کم است به تونه ای که می وان فشار را مستقل از نوسانات ژورنال دانست. در حالی که با افزایش فرکانس نوسانی ژورنال توزیع فشار کاملا تحت تأثیر قرار میگیرد و در نتیجه پروفیل فشار هیدرودینامیک یاتاقان ژورنال کاملا متفاوت میشود. این اثرات با افزایش نسبت فرکانس نوسانی بدون بعد به خصوص هنگامی که برابر یک میشود، شدیدتر میگردند.	ر باسط پروفیل فشار هیدرودینامیک

The effect of journal vibration on the hydrodynamic pressure profile in a plain journal bearing

Mohammad Hosseini^{1*}, Hossein Abyar²

1- Department of Mechanical Engineering, Sirjan University of Technologhy, Sirjan, Iran.

2- Department of Mechanical Engineering, Sirjan Branch, Islamic Azad University, Sirjan, Iran.

* P.O.B. 7813733385, Sirjan, Iran, hosseini@sirjantech.ac.ir

ARTICLE INFORMATION	ABSTRACT
Original Research Paper Received 03 March 2016 Accepted 21 April 2016 Available Online 05 June 2016	In many cases, journal vibrations in the radial direction have been observed in the various rotating machinery using journal bearing. In this investigation the effects of forced oscillation of a journal on the hydrodynamic pressure profile of a two dimensional plain journal bearing are evaluated. Gambit and ANSYS- Fluent software are used to produce mesh and simulate the flow field respectively. Fluid is
<i>Keywords:</i> Journal bearing reduced frequency vibration hydrodynamics pressure profile	Newtonian and viscosity is constant. Also, flow is laminar, isothermal, and heat transfer is neglected. It is assumed that there is no phase change and cavitation does not exist. A user defined function is written in C language and compiled by Fluent to apply the oscillation motion to the journal. Results are obtained for three non-dimensional vibration frequencies of journal (0.001, 0.1 and 1), and two eccentricity ratios (0.54 and 0.8). Results show that the hydrodynamic pressure profile is significantly dependent on the oscillation frequency of journal. It can be observed that the pressure distribution variations are independent of frequency when oscillation frequency is low. However, the pressure distribution is considerably affected by increasing oscillation frequency which leads to appearance of different hydrodynamic pressure distribution. These influences become more and more intense by rising non-dimensional vibration frequency ratios, especially when it is 1.

لحاظ شکل هندسی این یاتاقانها می توانند به شکل ساده تا شکلهای پیچیده همانند پدهای نوسانی¹ باشند. رفتار هيدروديناميكي ياتاقانها توسط محققان زيادى مورد مطالعه و

بررسی قرار گرفته است. گو و همکارانش [1] در سال 2005 یک روش عددی با استفاده از نرمافزار سیالاتی سیافایکس² برای شبیهسازی و محاسبهی میدان فشار و محاسبهٔ مشخصات استاتیکی و دینامیکی یاتاقان های مختلف

اهمیت نقش مؤثر مکانیزمهای روغن کاری و روانکاری و نیز یاتاقانها به منظور تحمل بارهای سنگین ناشی از محورهای چرخان و کنترل و بهبود عملکرد آنها بر کسی پوشیده نیست. از این رو مطالعه چگونگی عملکرد یاتاقانهای ژورنال که از جمله پرمصرفترین انواع یاتاقانها در صنعت هستند امری ضروری به نظر میرسد. فیلم روغن ایجاد شده در این یاتاقانها تماس فیزیکی بین شافت و یاتاقان را به تماس هیدرودینامیکی تبدیل مینماید. از

2016 (in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

1- مقدمه

¹ Tilting pad ² CFX-TASC

توسعه دادند. گنجعلیخاننسب و مرتضوی [2] در سال 2005 به مطالعه استفاده از نرمافزار انسیس فلوئنت را انجام دادهاند و پارامترهای مختلف یاتاقان مانند توزیع فشار و تنش برشی دیواره را در نسبتهای خروج از مرکزیت مختلف محاسبه کردند. لی و همکارانش [9] در سال 2012 یک مدل سهبعدی از یک یاتاقان ژورنال تحت شرایط نامیزانی با استفاده از نرمافزار فلوئنت ارائه دادند. در این مقاله کیفیت نتایج مدل عددی با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شده است. همچنین برای رفع مشکل حجم منفی المانها در فرایند شبکهبندی جریان گذرا، یک شبکهبندی متحرک براساس روش مشبندی ساختاریافته تولید شده است. مزیت اصلی این نوع شبکهبندی، تولید مش منظم با کیفیت در طول حرکتهای محور در مدارهای چرخش بزرگ است. شواهان [10] در سال 2014، اثرات سرعت محور را بر روی توزیع فشار و دمای یاتاقان ژورنال دایروی با استفاده از نرمافزار انسیس فلوئنت تخمین زد. با فرض سیال روانکار خطی و با استفاده از روشهای همدما و ترموهیدرودینامیکی، توزیع فشار و دما در کل یاتاقان به دست آمده است. در شرایط خروج از مرکزی 0.8 و سرعت محور بین بازه 2500 rpm تا 5000 rpm، به دلیل در نظر گرفتن تغییرات لزجت با دما، افزایش دمای کمتری برای سیستم یاتاقان در تحلیل ترموهیدرودینامیکی در مقایسه با تحلیل همدما برای تمامی سرعتها مشاهده شد. همچنین فشار، دما و نیروی روغن روانکار با افزایش سرعت محور در هر دو تحلیل همدما و هیدرودینامیکی افزایش پیدا کرده بود. سینگلا و همکارانش [11] در سال 2014، یک مدل یاتاقان ژورنال دایروی را با استفاده از نرمافزار انسیس فلوئنت برای پیشبینی عملکرد گرمایی آن شبیهسازی کردهاند. در این مقاله، سیال روانکار نیوتنی فرض شده و تغییرات لزجت با تغییر فشار و دمای روانکار لحاظ شده است. توزيع فشار و دما در تمام ياتاقان با فرض لزجت يكنواخت برای تحلیل همدما و لزجت متغیر برای تحلیل ترموهیدرودینامیکی به دست آمده است. در این نمونهی عددی نیز افزایش دمای کمتری در حالت ترموهیدرودینامیکی نسبت به حالت همدما به دست آمد. گائو و همکارانش [12] در سال 2014 چند مدل محاسباتی سهبعدی را با استفاده از نرمافزار فلوئنت جهت بررسى عملكرد هيدروديناميكي ياتاقان ژورنال مسطح روانكاري شده با آب ارائه دادند. پس از معتبرسازی مدلهای محاسباتی، یک بانک جامع دادههای تحلیلی برای انتخاب ابعاد اولیهی قطر یاتاقان جهت استفاده در طراحی یک یاتاقان بهینه و روانکاری شده با آب تهیه شده است. علاوه بر موارد ذکر شده در خصوص تأثیر عوامل مختلف بر رفتار هیدرودینامیکی یاتاقان ژورنال، مطالعاتی نیز در خصوص تأثیر پارامترهای متعددی از جمله نامیزانی جرمی و میزان پیش بار بر روی رفتار دینامیکی یاتاقان ژورنال با استفاده از روشهای عددی توسط جلیلی و همکارانش [13] در سال 2014، دشتی رحمت آبادی و همکارانش [14] در سال 2015 و زارع مهرجردی و همكارانش [15] در سال 2015 صورت گرفته است.

از آنجایی که در بسیاری از مسائل صنعتی به دلیل تغییر در شرایط کارکرد ماشین دوار، ژورنال متعلق به سیستم یاتاقان ژورنال آن ماشین میتواند دارای یک حرکت نوسانی باشد که این حرکت نوسانی بر پارامترهای هیدرودینامیکی یاتاقان تأثیر گذار است. بر اساس مطالعه نویسندگان تاکنون پژوهشی در خصوص اثر نوسانات ژورنال بر رفتار هیدرودینامیکی یاتاقان همانند توزيع فشار هيدروديناميكي بهندرت مورد مطالعه و بررسي قرار گرفته است؛ لذا این پژوهش به بررسی این موضوع پرداخته است. برای این منظور فرض میشود که ژورنال دارای یک حرکت نوسانی با دامنه و فرکانس مشخص است و تأثیر دامنه حرکت و نوسان ژورنال بر رفتار فشار هیدرودینامیکی یاتاقان مطالعه می گردد. جریان سیال بین دو استوانه هممرکز در یاتاقانهای ژورنال پرداختند. طول یاتاقان نامحدود بوده و جریان سیال تحت شرایط آرام، پایا و غیر قابل تراکم مىباشد. در اين تحقيق با استفاده از حل عددى معادلات ناوير -استوكس، تأثیر رفتار غیر نیوتنی سیال بر مشخصات هیدرودینامیکی سیستم مورد مطالعه قرار گرفته است. گرتزوس و همکارانش [3] در سال 2008 مشخصات عملکردی و ساختار بنیادی یک یاتاقان ژورنال را با یک سیال روانکاری بینگهام¹ و همچنین یک سیال روانکاری نیوتنی توسط تحلیل عددی و به کمک نرمافزار فلوئنت تخمین زدند. تکنیک شبکهبندی دینامیکی² در تحلیل آنها استفاده شده بود. در پژوهش آنها نتایج مشخصههای عملکردی مختلف یاتاقان ژورنال تطابق خوبی را با نتایج آزمایشگاهی موجود نشان دادند. همچنین یک دیاگرام از پارامتر خروج از مرکزی نسبی³، وضعیت حرکتی محور، ضريب اصطكاك، سرعت جريان، فشار ماكزيمم و زاوية فشار ماكزيمم برحسب عدد سامرفیلد⁴ برای نسبتهای مختلف طول به قطر یاتاقان و مقادیر مختلف عدد بیبعد برشی بینگهام تهیه گردید. سینگ و همکارانش [4] در سال 2008 یک تحلیل تئوری ترموهیدرودینامیکی پایا از یک یاتاقان ژورنال شیاردار روانکاری شده با روغن در فشار ثابت ارائه دادند. در تحلیل ترموهیدرودینامیکی تمام معادلات رینولدز، انرژی و انتقال حرارت بوش و محور به صورت همزمان در نظر گرفته شده و حل گردیده است. علاوهبراین، مطالعهٔ پارامتری انجام شده نشان داد دمای فیلم سیال به دلیل گرمای اصطکاکی ناشی از لزجت سیال افزایش یافته و ظرفیت بار کاهش مییابد. سرعت افزايشيافتة محور موجب افزايش ظرفيت تحمل، دماى بوش، سرعت جریان و اصطکاک میشود. رهروی و همکارانش [5] در سال 2011 به بررسی اثرات حرارتی و نیرویی یاتاقان لغزشی پرداختند. آنها معادله توزیع دمای درون یاتاقان را به دست آوردند و با شرایط مرزی مناسب، معادلات حاکم را به صورت عددی حل نمودند. یاتاقان لغزشی دارای اثرات مهم نیرویی است که این خاصیت به کمک ضرایب سفتی و استهلاک مناسب محاسبه گردید. سلغار و گنجعلیخاننسب [6] در سال 2011 یک بانک داده برای مشخصههای ترموديناميكي سهبعدي حالت پاياي يك ياتاقان ژورنال تحت شرايط گذرا فراهم کردهاند. حلهای عددی معادلات حاکم بر یک یاتاقان با طول محدود با استفاده از روشهای عددی به دست آمده است. همچنین پدیدهٔ کاویتاسیون در مدل آنها در نظر گرفته شد. شکل تجزیه شدهٔ معادلات با استفاده از روش حجم محدود به دست آمده و توسط الگوریتم سیمپل⁵ حل شده است. در مطالعه آنها نتایج عددی با نتایج تئوری و آزمایشگاهی موجود تطابق نسبتا خوبی را نشان میدهد. آنها همچنین در همین سال یک تحلیل ترموهیدرودینامیکی برای یک یاتاقان با عرض محدود و با یک شیار تعبیه شده در بالای آن با در نظر گرفتن اثرات آشفتگی در فیلم روانکار ارائه دادهاند [7]. معادلات حاكم بر جريان سيال و همچنين فرايند انتقال حرارت به كمك یک برنامهٔ کامپیوتری حل شدهاند. در پژوهش آنها نتایج عددی مشخصههای ترمودینامیکی یاتاقان ژورنال برحسب عدد رینولدز و نسبت خروج از مرکزی نشان داده شده است و همچنین نتایج تطابق خوبی را با نتایج آزمایشگاهی موجود نشان میدهند. پاندای و همکارانش [8] در سال 2012 تحليل عددى ناپايا بر روى ياتاقان ژورنال با فيلم روانكار نازك با

¹ Bingham

dynamic mesh technique

relative eccentricity

Sommerfeld ⁵ SIMPLE

2- روش حل

دو رهیافت عددی بر مبنای حل معادلات ناویر -استوکس و تحلیلی بر مبنای حل معادله رينولدز براى تحليل هيدروديناميكي ياتاقان مطرح هستند. حل تحلیلی بر اساس معادله رینولدز میباشد [16]. معادله رینولدز از سادهسازی معادلات ناویر استوکس شامل معادله پیوستگی و معادله مومنتوم به دست مى آيند. كه به صورت معادلات (1) و (2) نشان داده مى شوند.

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla (\rho v) = \mathbf{0} \tag{1}$$

$$\rho\left(\frac{\partial v}{\partial t} + v \cdot \nabla v\right) = -\nabla p + \eta \nabla^2 v \tag{2}$$

که ρ چگالی، v سرعت سیال، η لزجت دینامیکی، t زمان و p فشار می باشند. رینولدز سیال روانساز را مانند یک مادهٔ چسبنده بین هر دو سطح تصور کرد که توسط سطوح متحرک به یک فضای گوهای شکل کشیده شده تا فیلمی از سیال با شدت فشار کافی برای تحمل بار یاتاقان ایجاد شود. یکی از مهمترین فرضیات ساده کننده نظریه رینولدز این است که فیلمهای سیال در فشار نسبت به شعاع یاتاقان بسیار باریک شده که بنابراین میتوان از انحنای آن صرفنظر کرد. این امر باعث میشود که یاتاقان تکهای منحنیدار با یک ياتاقان صاف جايگزين شده كه موجب شده ياتاقان لغزشي ساده ناميده شود. در نتیجه معادله عمومی رینولدز به شکل معادله (3) به دست میآید،

$$\nabla\left(\frac{\rho H^{3}}{\mathbf{12}}\nabla\left(\frac{p}{\eta}\right)\right) = \frac{\partial(\rho H)}{\partial t} + \nabla(\rho HU)$$
(3)

که در آن، H ضخامت محلی فیلم روغن و U میانگین سرعتهای مماسی مى باشند و U به صورت رابطه (4) تعريف مى شود.

$$U = \frac{U_0 + U_1}{2} \tag{4}$$

که در آن، U_0 و U_1 سرعتهای مماسی دیوارها میباشند.

با فرض تراکم ناپذیر بودن که به معنای ثابت بودن چگالی روانساز است می توان معادله را ساده تر کرد. علاوه بر این فرض می شود که دما ثابت است که به معنای ثابت بودن لزجت است. یاتاقان ساده یاتاقانی است که تمام فرضيات فوق را ميتوان بر آن اعمال كرد. معادله رينولدز با اعمال فرضيات فوق به صورت معادله (5) نشان داده می شود.

$$\frac{\partial}{\partial x} \left(H^3 \frac{\partial p}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left(H^3 \frac{\partial p}{\partial y} \right)$$

= $6\eta \left(\frac{\partial}{\partial x} \left(U_0 + U_1 \right) H + 2 \frac{\partial H}{\partial t} \right)$ (5)

معادله (5) در مختصات استوانهای برای یک یاتاقان ساده به شکل معادله (6) نوشته می شود [17].

$$\frac{\partial}{\partial \theta} \left((\mathbf{1} + \varepsilon \cos \theta)^3 \frac{\partial p}{\partial \theta} \right) + R^3 \frac{\partial}{\partial z} \left((\mathbf{1} + \cos \theta)^3 \frac{\partial p}{\partial z} \right)$$
$$= -6\eta \left(\frac{R}{C} \right)^3 (\Omega) \varepsilon \sin \theta - 2 \frac{d\varepsilon}{dt} \cos \theta \tag{6}$$

که در آن، heta زاویه فیلم روغن، z مؤلفه محوری، z نسبت عدد خروج از مرکز، شعاع یاتاقان و Ω سرعت دوران ژورنال میباشند. رابطه نسبت عدد خروج Rاز مرکز به صورت رابطه (7) تعریف می شود.

$$r = \frac{e}{C} \tag{7}$$

که در آن، e فاصله مرکز ژورنال از مرکز یاتاقان و C مقدار لقی بین یاتاقان و ژورنال میباشند.

در معادلات فوق فرض بر این است که هیچ گونه کاویتاسیونی رخ

نمیدهد. همچنین فرض میشود که چگالی و ویسکوزیته ثابت هستند. شرایط مرزی برای حل معادله رینولدز در مختصات استوانهای به صورت رابطه (8) هستند.

$$p(\theta, \mathbf{0}) = p(\theta, L) = p_a \tag{-8}$$

$$p(\mathbf{0}, z) = p(2\pi, z) = p_0$$
 (...-8)

که در آن، L طول یاتاقان، p_a فشار اتمسفر و p_0 فشار منبع روغن میباشند. حل تحلیلی معادله رینولدز در حالت ساده شدهای وجود دارد و در حالت کلی حل تحلیلی آن پیچیده است. یکی از فرضیات ساده کننده فرض بینهایت بودن طول یاتاقان است. به عبارت دیگر فرض می شود که یاتاقان از دو طرف هیچ گونه نشتی ندارد یا به زبان دیگر دو بعدی است. فرض طولانی بودن یاتاقان منجر به این می شود که بتوان از ترم دوم معادله (6) صرف نظر کرد. زیرا توزیع فشار وابسته به مؤلفه محوری نخواهد بود. در یک حالت خاص که ژورنال بدون حرکت و در شرایط ایستا^۱ است می توان به دلیل عدم جابجایی ژورنال، از ترمهای وابسته به زمان در معادله (6) صرف نظر کرد. در این صورت، حل معادله رینولدز (رابطه (6)) در مختصات استوانهای به صورت معادله (9) است [17].

$$P(\theta) = P_0 + 6\mu \left(\frac{R}{C}\right)^2 \Omega \frac{\varepsilon(2 + \varepsilon \cos\theta)\sin\theta}{(2 + \varepsilon^2)(1 + \varepsilon \cos\theta)^2}$$
(9)

که در آن، $P(\theta)$ فشار زاویهای و μ لزجت سینماتیکی میباشند.

رهیافت دیگر استفاده از روشهای عددی است که مبتنی بر حل معادلات ناویر -استوکس هستند که در این تحقیق مورد استفاده قرار گرفته است. به همین منظور از نرمافزار تجاری انسیس فلوئنت استفاده گردید. فرایند ترمودینامیکی یاتاقان در نظر گرفته شده به صورت همدما بوده و از انتقال حرارت به مجموعهی سیستم یاتاقان صرفنظر شده است. جریان سیال داخل یاتاقان به صورت آرام مدلسازی شده است. همچنین فرض شده است که جریان سیال روانساز به صورت تکفاز باقی میماند و از اثرات کاویتاسیونی صرف نظر می شود. از الگوریتم سیمپل سی² برای ارتباط میدان فشار و سرعت استفاده شد. همچنین درونیابی مرتبه دو برای فشار در نظر گرفته شد. برای گسستهسازی معادلات مومنتوم نیز از روش کوئیک³ که از دقت مرتبه دو برخوردار است، استفاده شده است. گسستهسازی زمانی نیز از مرتبه دو است. لازم به ذکر است که نرمافزار فلوئنت از شبکه متمرکز بیسازمان و میانیابی رای چاو برای حل جریان استفاده می کند. جزئیات روش عددی به تفصیل در مرجع [18] بيان گرديده است.

1-2- استقلال حل از شبکه

یکی از مهمترین مراحل صحت سنجی در تمامی شبیهسازیهای مبتنی بر ديناميک سيالات محاسباتي⁴، مطالعه استقلال حل از شبکه محاسباتي است. در این تحقیق، مسئله تعریف شده در مرجع [17] مورد مطالعه قرار گرفته است. همانطور که در این مرجع ذکر شده است، مشخصات یاتاقان موجود در جدول 1 ارائه شده است. برای روشنتر شدن موضوع، کمیتهای هندسی ارائه شده در این جدول در شکل 1 نمایش داده شدهاند. برای شبکهبندی، تعداد سلولها در جهت مماسی برابر 1000 در نظر گرفته شده و تعداد سلولها در جهت شعاعی برای رسیدن به شبکه بهینه تغییر کرده است.

Stationary ² SIMPLEC

QUICK

⁴ Computational Fluid Dynamics

کیفیت این تغییرات در جدول 2 نمایش داده شده است. شکل 2 تأثیرات تغییر ابعاد شبکه بر روی فشار استاتیکی بیبعد را نمایش میدهد. لازم بذکر است که فشار استاتیک به صورت معادله (10) بی بعد شده است.

$$\bar{P} = \frac{P}{\Omega \mu} \tag{10}$$

 \varOmega که در آن، $\overline{\mathbf{P}}$ معرف فشار بی بعد، P نشان دهنده فشار استاتیک محلی، Ω سرعت دوران ژورنال و μ لزجت دینامیکی میباشند.

همانطور که از شکل 2 مشاهده می شود، اختلاف بین نتایج شبکه سوم و چهارم بسیار ناچیز است. برای داشتن یک مقایسه کمی بین نتایج حاصل از شبکههای مختلف، بیشینه اختلاف بین نتایج هر شبکه با شبکه چهارم در جدول 3 نمایش داده شده است. دادههای جدول نشان میدهد که حتی شبکه دوم نیز برای انجام محاسبات این بخش مناسب است. با این وجود، در تحقیق حاضر برای داشتن نتایج دقیقتر از شبکه سوم که بیشینه اختلاف بین نتایج آن با شبکه چهارم کمتر از یک درصد است، استفاده شده است.



Fig. 1 Geometry and physics of flow

شکل 1 هندسه و فیزیک مسئله

جدول 1 مشخصات ياتاقان

Table 1 Bearings properties				
مقدار عددی	نام	پارامتر		
3 (mm)	شعاع ياتاقان	R		
17.5 × 10 ⁻⁶ (m)	مقدار لقی (بدون خروج از مرکزی)	С		
9.5 × 10 ⁻⁶ (m)	فاصله مركز ژورنال از مركز ياتاقان	е		
0.54 , 0.8	نسبت خروج از مرکز	$\varepsilon = \frac{e}{C}$		
240000 (rpm)	سرعت دوران	Ω		
850 (<mark>kg</mark>)	چگالی سیال	ρ		
0.0413 (<mark>kg</mark>) m³)	لزجت سيال	μ		
0	فشار اتمسفر	P_a		

جدول 2 شبکههای مورد بررسی در آنالیز استقلال حل از شبکه Table 2 Evaluated grids in grid independency study

تعداد سلولهای مماسی	تعداد سلولهاي شعاعي	شبكه
1000	5	شماره 1
1000	10	شماره 2
1000	15	شماره 3
1000	20	شماره 4

جدول 3 بیشینه اختلاف فشار بی بعد هر شبکه با شبکه چهارم Table 3 Maximum difference of each orid with fourth orid

Table 5 Maximum difference of each gift with fourth gift		
بیشینه درصد اختلاف با نتایج شبکه چهارم	شبکه	
7.1%	شماره 1	
1.5%	شمارہ 2	
0.4%	شماره 3	



شكل 2 مطالعه استقلال حل از شبكه محاسباتي (٤ = 0.54)

2-2- صحت سنجي

بعد از اطمینان از کیفیت شبکه و استقلال نتایج از آن، به ارزیابی صحت نتایج حاصل در مقایسه با حل تحلیلی پرداخته می شود. در این راستا، نتایج حاصل از شبیه سازی یاتاقان با شرایط جدول 1 و ابعاد شبکه سوم در جدول 2 با نتيجه حل تحليلي، براى حالتي كه ژورنال درشرايط ايستا است، مقايسه گردیده است. رابطه (9) را برای فشار بیبعد به صورت زیر میتوان بازنویسی کرد،

$$\bar{P}(\theta) = \frac{P(\theta)}{\mu\Omega} = \frac{P_0}{\mu\Omega} + 6\left(\frac{R}{C}\right)^2 \frac{\varepsilon(2 + \varepsilon \cos\theta)\sin\theta}{(2 + \varepsilon^2)(1 + \varepsilon \cos\theta)^2}$$
(11)

که در آن، (*P*(**θ** فشار زاویهای بیبعد میباشد.

شكل 3 پروفيل فشار بيبعد حاصل از شبيهسازىها را با نتايج رابطه (11) مقایسه می کند. همان طور که مشاهده می شود، مطابقت بسیار خوبی بین نتايج عددي و تحليلي وجود دارد. با توجه به اين نتايج مي توان از شبكه و الگوریتم عددی فعلی برای سایر شبیهسازیهای این بخش استفاده نمود.

3- مدلسازی ریاضی و شبکهبندی متحرک

پارامتر دیگری که تأثیر بسیار زیادی بر روی دقت شبیهسازیهای عددی دارد، میزان اریبی شبکه^۱ میباشد. پارامتر مذکور بخصوص در حوزه شبیه-سازیهای شبکه دینامیک از اهمیت فوق العاده ای برخوردار است. چراکه ثابت

¹ skewness



Fig. 3 Comparison of numerical and analytical result ($\varepsilon = 0.54$)

 $(\varepsilon = 0.54)$ شکل 3 مقایسه پروفیل فشار با حل تحلیل ($\varepsilon = 0.54$

ماندن محل گردها بر روی دیواره ژورنال و یاتاقان باعث میشود که اریبی شبکه با نوسان ژورنال به صورت یکنواخت افزایش و کاهش یابد. برای رسیدن به اریبی شبکه یکنواخت در هنگام خروج از مرکزی، عدد نسبتا پایین 0.3 برای فاکتور ثابت فنر¹ از قسمت تنظیمات مدل هموارسازی² نرمافزار فلوئنت انتخاب شده است. هرچقدر این عدد کوچکتر باشد، سختی فنرهای مدل کننده شبکه افزایش یافته که در نتیجه آن ابعاد سلولها به صورت یکنواخت ری تغییر کرده و محدود به نواحی همسایه دیواره نمیشود. به عبارت بهتر حرکت مرز تا عمق بیشتری از دامنه محاسباتی نفوذ میکند. شبکه بر روی نتایج اندیشیده شده، استفاده از الگوریتم سیمپلسی با انتخاب شبکه بر روی نتایج اندیشیده شده، استفاده از الگوریتم سیمپلسی با انتخاب مناسب خود اعمال شده است. شبکه با بیشترین اریبی یعنی هنگامی که ژورنال در بالاترین یا پایین ترین نقطه قرار دارد در شکل 4 نشان داده شده است. همان گونه که دیده میشود در بحرانیترین وضعیت همچنان اریبی شبکه در حد مطلوبی قرار دارد.

در این قسمت فرض می شود که ژورنال دارای یک حرکت نوسانی به فرم سینوسی در راستای محور نوسان است. محور نوسان در امتداد خطالمرکزین ژورنال و یاتاقان می باشد که در شکل 1 نشان داده شده است. این حرکت نوسانی به صورت زیر بیان می شود،

 $Y = C\varepsilon sin(2\pi R_f t)$



Fig. 4 Quality of mesh

شكل 4 كيفيت شبكه

که در آن، فرکانس کاهشیافته R_f بی بعد به صورت نسبت فرکانس نوسانات ژورنال به سرعت دوران ژورنال تعریف می شود و به صورت زیر بیان می گردد. $R_f = \frac{f}{\Omega}$ (13)

در رابطه فوق، f فرکانس نوسانات ژورنال و Ω سرعت دوران ژورنال در جهت خلاف عقربههای ساعت است. طبق رابطه (12) دامنه حرکت نوسانی ژورنال به اندازه c = ce میباشد که a میزان خروج از مرکزیت، C میزان لقی ژورنال بیرینگ و a نسبت خروج از مرکزیت است. لازم به ذکر است که در حالت ایستا، فرض میشود که ژورنال در موقعیت خروج از مرکزیت a (با نسبت خروج از مرکزیت a) واقع شده و هیچ گونه نوسانی در امتداد خط المرکزین ندارد.

حال با توجه به این موضوع که نرمافزار فلوئنت حرکت ژورنال را به صورت تغییرات سرعت درک میکند، لازم است که از رابطه (12) بر حسب زمان مشتق گیری شود. در این صورت رابطه (14) به دست میآید،

 $V = 2C\varepsilon\pi R_f \cos(2\pi R_f t)$

که در آن، V مؤلفه سرعت (در راستای محور نوسان) و 2*Cε*π*R_f* دامنه نوسانات سرعت در امتداد خطالمرکزین میباشد. حال با استفاده از رابطه فوق یک تابع کاربری⁴ به زبان سی نوشته شده و در اختیار نرمافزار قرار داده شده است. گام زمانی در تمام موارد یک صدم دوره تناوب در نظر گرفته شد.

4- نتايج و بحث

(14)

(15)

برای درک بهتر تأثیرات نوسانات ژورنال بر روی میدان فشار، تغییرات نسبت خروج از مرکز و فرکانس کاهشیافته که به ترتیب کنترل کننده دامنه و فرکانس نوسانات ژورنال هستند مورد مطالعه قرار گرفته است. در این راستا، سه فرکانس کاهشیافته ۵۰۵۱، ۵.۱ و ۱ همراه با نسبت خروج از مرکزیت بر اساس مقالات موجود انتخاب شده است. محدوده نسبت خروج از مرکزیت بر کاهشیافته به گونهای انتخاب شده که تأثیر نوسان ژورنال در فرکانسهای پایین و متوسط و بالا بر روی توزیع فشار هیدرودینامکی بررسی گردد. نتایج در هشت لحظه زمانی در طول یک دوره تناوب نوسانات ژورنال مورد مطالعه قرار میگیرد که لحظههای زمانی به صورت رابطه (15) تعریف میشود.

$$\mathbf{T} = \frac{t}{z}$$

که در آن، \mathbf{T} زمان بدون بعد، t زمان و au دوره تناوب میباشند.

شكلهای 5 و 6 توزیع فشار بی بعد را به صورت تابعی از زاویه θ در لحظات زمانی مختلف برای نسبتهای خروج از مركز 0.54 و 0.8 در فركانس كاهشیافته 0.001 نشان می دهد، با توجه به این نمودارها نكات زیر آشكار می شوند. همانطور كه مشاهده می شود، پروفیل فشار در دو زمان = **T** (1,000 تقریبا برابر صفر است. این موضوع با توجه به اینكه ژورنال در این زمانها دقیقا در مركز یاتاقان است كاملا قابل انتظار بود. پروفیلهای فشار در زمانهای در مركز یاتاقان است كاملا قابل انتظار بود. پروفیلهای فشار در زمانهای در مرکز یاتاقان است كاملا قابل انتظار بود. پروفیلهای فشار در زمانهای دهم قرار گرفته و تفاوت قابل توجهی بین آنها وجود ندارد. همین موضوع در زمانهای **T** و مقاوت قابل توجهی بین آنها وجود ندارد. همین موضوع در زمانهای **T** و می مشود. بیشترین اختلاف فشار در زمانهای قرار دارد نیز مشاهده می شود. بیشترین و بالاترین نقطه واقع شده است، ایجاد می شود. (12)

spring constant factor

² smoothing

³ skewness correction

⁴ User Defined Function



a) 0.125 < T \leq 0.500, b) 0.625 < T \leq 1

شکل 6 پروفیل فشار بی بعد (Rf = 0.001 و E = 3)،

الف) 0.625 < T ≤ 1 (ب $0.125 < T \leq 0.500$

شكلهاى 7 و 8 توزيع فشار بى بعد را به صورت تابعى از زاويه θ در لحظات زمانى مختلف براى نسبتهاى خروج از مركز 0.54 و 0.8 در فركانس كاهشيافته 0.1 نشان مى دهد، با توجه به اين نمودارها اولين تفاوتى كه منحنىهاى مربوط به فركانس كاهشيافته 0.1 با فركانس 0.001 دارند، مقدار قابل توجه فشار در زمانهاى **10.50 = T** در مقايسه با ساير لحظات است. دليل اين موضوع را مىتوان در نزديك شدن سرعت حركت نوسانى ژورنال به سرعت دورانى آن جستجو كرد. چراكه در اين حالت (فركانس كاهشيافته 0.1) فركانس نوسانات ژورنال نزديك به فركانس دورانى آن است. درحالى كه در فركانس نوسانات ژورنال نزديك به فركانس دورانى نوسانات ژورنال نسبت به سرعت دورانى مىتوان از حركت نوسانى ژورنال نسبت به حركت دورانى آن در زمانهاى **10.50 ب** دليل پايين بودن اين زمانها ژورنال در مركز قرار داشته و تغيير خروج از مركزى عامل توليد اين زمانها ژورنال در مركز قرار داشته و تغيير خروج از مركزى عامل توليد اين زمانها ژورنال قرار دارت منحنى فشار در اين مقاطع تنها تحت تأثير حركت نوسانى ژورنال قرار دارد. حال با مقايسه نمودارهاى فشار در اين زمان-



Fig. 5 Dimensionless pressure profile ($R_f = 0.001 \& \varepsilon = 0.54$),

a) 0.125 < T \leq 0.500, b) 0.625 < T \leq 1

 $(R_f = 0.001 \ e = 0.54)$ سکل 5 پروفیل فشار بی بعد ($\epsilon = 0.54$

0.625 < T ≤ 1 (ب $0.125 < T \leq 0.500$ (الف)

T = شكل منحنىها در موقعيتهاى متقارن براى نمونه در زمانهاى (= T در كيبهاى يكسان نيست. دليل اين موضوع را مىتوان در تركيبهاى مختلف موقعيت مكانى ژورنال با حركت دورانى ثابت آن كه همواره در جهت خلاف جهت عقربه ساعت است جستجو كرد. به عبارت ديگر، هنگامى كه ژورنال در نيمه پايين قرار مىگيرد، تركيب آن با حركت دورانى در خلاف جهت عقربههاى ساعت ميدان فشارى را نتيجه مىدهد كه متفاوت از ژورنال واقع در نيمه بالايى است. در اين نمودارها حالت ايستا بر اساس اين فرض ترسيم شده است كه ياتاقان در پايينترين و بالاترين نقطه خود در حالت بدون نوسان قرار گرفته است. همانطور كه مشاهده مىشود توزيع فشار براى حالت ايستا كه مستقل از زمان است با حالتى كه ژورنال نوسان دارد (در موقعيتهاى مشابه با حالت ايستا در زمانهاى (T عرفت) (در الارى

همچنین از مقایسه شکلهای 5 و 6 مشخص میگردد که افزایش نسبت خروج از مرکز موجب افزایش ماکسیمم فشار در زمانهای مشابه میگردد.







a) 0.125 < T \leq 0.500, b) 0.625 < T \leq 1

شكل 7 پروفيل فشار بى بعد (٤.54 = ٤ و ٤.1 ا)،

الف) 0.625 < T ≤ 1 (ب $0.125 < T \leq 0.500$ (الف

ژورنال در پایین ترین و بالاترین موقعیتها قرار داشته و اثرات ناشی از خروج از مرکزی بیشینه است، میتوان به این نتیجه رسید که اثرات نوسانات در فرکانس کاهشیافته 0.1 قابل توجه است.

برخلاف نمودارهای مربوط به فرکانس کاهشیافته 0.001، در این حالت، پروفایلهای فشار در زمانهای T = 0.125,0.375 حادارای اختلاف قابل توجهی هستند. همین اختلاف بین منحنیهای فشار در زمانهای = T موقعیت مکانی و اندازه سرعت برابر اما جهت متضاد در آنها است. جهت سرعت متضاد در این زمانها باعث شده که اثرات حرکت نوسانی ژورنال بر روی فشار متفاوت بوده و سبب ایجاد اختلاف بین منحنیها باشد. این مسئله گواه دیگری برای اثرات نوسانات ژورنال بر روی میدان فشار در فرکانس کاهشیافته 0.1 است. حرکت نوسانی ژورنال مادی بی بیشینه و کمینه فشار در نمودارهای مربوط به فرکانس کاهشیافته 0.1، تا حدودی بیشتر از نمودارهای متناظر آنها در فرکانس کاهشیافته



شکل 8 پروفیل فشار بیبعد (8**.3 =** ٤ و 8.1 = R_f)،

0.625 < T ≤ 1 (ب 0.125 < T \leq 0.500 (الف)

0.001 باشد. همانند نمودارهای فشار در فرکانس کاهشیافته 0.001، بیشترین اختلاف فشار در زمانهای **T = 0.250,0.750 = T** که ژورنال در پایین ترین و بالاترین نقطه واقع شده است، ایجاد می شود.

برای رسیدن به یک جمعبندی کامل، نمودارهای توزیع فشار بی بعد به صورت تابعی از زاویه θ در لحظات زمانی مختلف برای نسبتهای خروج از مرکز 20.4 و 0.8 برای فرکانس کاهشیافته 1 که در آن مقیاسهای زمانی حرکت نوسانی با مقیاسهای زمانی حرکت دوار ژورنال برابر است در شکل 9 و 10 نمایش داده شده است. با توجه به نمودارهای این شکلها میتوان به این نکات اشاره کرد. کاملا مشخص است که تأثیرات نوسانات ژورنال در این حالت کاملا هم مرتبه با تأثیرات تغییر خروج از مرکزی است. این جمعبندی از مقایسه نتایج مربوط به زمانهای **10.5 = T** که در آنها ژورنال در از مقایسه نتایج مربوط به زمانهای **10.50 = T** که در آنها ژورنال در زمانهای **0.250 = T** که ژورنال در نقاط بالایی و پایینی ثابت بوده و باریک شدن فیلم روغن عامل ایجاد اختلاف فشار است به دست آمده است. همانطور که مشاهده می شود، اختلاف فشار ایجاد شده در زمانهای





Fig. 10 Dimensionless pressure profile ($R_f = 1 \& \varepsilon = 0.8$),

a) 0.125 < T \leq 0.500, b) 0.625 < T \leq 1

شکل 10 پروفیل فشار بیبعد (8**.۵ =** ۲ و 3 **= (***R*_f = 1)،

الف) 0.625 < T ≤ 1 (ب 0.125 < T \leq 0.500 (الف

5- نتيجه گيري

در این تحقیق اثرات نوسانات ژورنال بر روی توزیع فشار یک یاتاقان ژورنال مورد مطالعه قرار گرفت. برای این منظور، از دینامیک سیالات محاسباتی و نرمافزار فلوئنت استفاده شد که مهم ترین نتایج حاصل از شبیه سازی ها از قرار زیر میباشند.

فرکانس کاهشیافته که به صورت نسبت فرکانس نوسانات ژورنال به سرعت دوران آن تعریف میشود، پارامتر قابل توجهی بر روی توزیع فشار هیدرودینامکی یک یاتاقان ژورنال میباشد. در فرکانسهای کاهشیافته بسیار کوچک، توزیع فشار حاصل از آن تقریبا مستقل از نوسانات است. با افزایش فرکانس کاهشیافته و نزدیک شدن فرکانس نوسانات به سرعت دوران ژورنال، تاثیر آن بر روی توزیع فشار قابل توجه میباشد؛ بگونهای که تفاوت قابل توجهی در توزیع فشار حاصل از حالتی که نوسانات وجود دارد با حالتی که نوسان وجود ندارد مشاهده میشود. همچنین در حالتی که ژورنال در بالاترین و پایینترین موقعیت مکانی خود قرار دارد توزیع فشار حاصل از آن به نتایج حالت ایستا (در موقعیت مشابه) تقریبا نزدیک بوده و تفاوت چندانی





Fig. 9 Dimensionless pressure profile ($R_f = 1 \& \varepsilon = 0.54$),

a) 0.125 < T \leq 0.500, b) 0.625 < T \leq 1

شكل 9 پروفيل فشار بي بعد (8 **54 =** ٤ و 3 ا = R_f)،

الف) 0.625 < T ≤ 1 (ب) 0.125 < T \leq 0.500 (الف

T = 0.500,1 بسیار بیشتر از اختلاف فشار مربوط به زمانهای T = 0.500,1(0.250,0.750) است. شکل منحنیهای فشار در فرکانس کاهشیافته 1 کاملا متفاوت از شکل منحنیها در فرکانسهای 0.1 و 0.001 است. دلیل این اختلاف غالب بودن اثرات نوسانات ژورنال بر روی توزیع فشار در فرکانس کاهشیافته 1 در مقایسه با فرکانسهای کاهشیافته 0.1 و 0.001 است.

همانطوری که قبلا نیز اشاره شد هنگامی که ژورنال در بالاترین و پایینترین مکان خود قرار دارد توزیع فشار حاصل از آن بسیار شبیه به حالت ایستا است و حتی با افزایش فرکانس کاهشیافته در مقایسه با زمانهای دیگر تنها تفاوت کمی بین مقادیر آنها ایجاد میشود. دلیل این موضوع این است که در حالت نوسانی نیز هنگامی که ژورنال در بالاترین و پایینترین نقطه قرار دارد، سرعت آن صفر است. این توزیع فشار تقریبا یکسان در حالت ایستا و حالت نوسانی، در زمانهایی که ژورنال در بالاترین و پایینترین مسیر حرکت خود قرار دارد را نیز میتوان تأکیدی بر صحت نتایج عددی حاصل دانست. Power, Vol. 127, No. 2, pp. 445-451, 2005.

- [2] S.A. Gandjalikhan Nassab, H. Mortazavi, The effects of non-Newtonian fluid flow between two rotating eccentric cylinders, Proceedings of the 13th Annual (International) Conference on Mechanical Engineering-ISME2005, Isfahan University of Technology, Isfahan, Iran, May 17-19, 2005 (in Persian فارسى).
- [3] K. P. Gertzos, P. G. Nikolakopoulos, C. A. Papadopoulos, CFD analysis of journal bearing hydrodynamic lubrication by bingham lubricant, Tribology International, Vol. 41, No. 12, pp. 1190-1204, 2008
- [4] U. Singh, L. Roy, M. Sahu, Steady-state thermo-hydrodynamic analysis of cylindrical fluid film journal bearing with an axial groove, Tribology International, Vol. 41, No. 12, pp. 1135-1144, 2008.
- [5] A, Rahroi, S. Ziaee Rad, M. Esfahanian, Investigaton of thermal and force effects of sliding bearings, Proceedings of the 19th Annual (International) Conference on Mechanical Engineering-ISME2011, Birjand University, Birjand, Iran, May 10-12, 2011. (in Persian (فارسى
- [6] A. A. Solghar, S. A. G. Nassab, A numerical study of circular journal bearings running under turbulent regime, International Journal of Fluid Mechanics Research, Vol. 38, No. 5, pp. 409-423, 2011.
- [7] A. A. Solghar, S. Gandjalikhan Nassab, Thermohydrodynamic behaviors of finite journal bearings with cavitation, Mécanique & Industries, Vol. 12, No. 01, pp. 5-15, 2011.
- [8] K. Panday, P. Choudhury, N. Kumar, Numerical unsteady analysis of thin film lubricated journal bearing, International Journal of Engineering and Technology, Vol. 4, No. 2, pp. 185-191, 2012.
- [9] Q. Li, S.-l. Liu, X.-h. Pan, S.-y. Zheng, A new method for studying the 3D transient flow of misaligned journal bearings in flexible rotor-bearing systems, Journal of Zhejiang University SCIENCE A, Vol. 13, No. 4, pp. 293-310, 2012.
- [10] A. Chauhan, Circular bearing performance parameters with isothermal and thermo-hydrodynamic approach using computational fluid dynamics, International Journal of Research in Advent Technology, Vol.2, No.7, pp. 46-52, 2014.
- [11] A. Singla, P. Singh, A. Kumar, A. Chauhan, S. Bala, Thermohydrodynamic analysis on temperature profile of circular journal bearing using computational fluid dynamics, Proceedings of 2014 RAECS UIET Panjab University Chandigarh, Chandigarh, India, March 6 -8, 2014.
- [12] G. Gao, Z. Yin, D. Jiang, X. Zhang, Numerical analysis of plain journal bearing under hydrodynamic lubrication by water, Tribology International, Vol. 75, No. 2, pp. 31-38, 2014.
- [13] M. M. Jalili, M. Zare Mehrjardi, R. Rashidi, Meybodi. Effects of preload on nonlinear dynamic behavior of noncircular aerodynamic journal bearing, Modares Mechanical Engineering, Vol. 14, No. 16, pp. 45-56, 2014. (in Persian فارسى)
- [14] A. Dashti Rahmatabadi, M. Zare Mehrjardi, R. Rashidi Meybodi, Investigation of preload effects on the linear and nonlinear dynamic analysis of noncircular two lobe journal bearing with micropolar lubricant, Modares Mechanical Engineering, Vol. 15, No. 5, pp. (فارسى in Persian (فارسى)
- [15] Ma. Zare Mehrjardi, A. Dashti Rahmatabadi, R. Rashidi Meybodi, Effects of mass unbalance of rotor on the dynamic stability of two lobe noncircular hydrodynamic journal bearing with micropolar lubricant, Modares Mechanical Engineering, Vol. 15, No. 7, pp. فارسی in Persian (فارسی)
- [16] J. E. Shigley, Shigley 's mechanical engineering design, Ninth Edittion, pp. 618-630, New Delhi: Tata McGraw-Hill Education, 2011.
- [17] I. A. M. Dockx, Flow in a floating ring bearing, Traineeship Report, Eindhoven University of Technology Department of Mechanical Engineering Dynamics & Control, Eindhoven University of Technology, Eindhoven, pp. 1-49, 2010.
- [18] H. K. Versteeg, W. Malalasekera, An introduction to computational fluid dynamics: The finite volume method, Second Edition, pp. 190-220, New York: Pearson Education, 2007.

در توزیع فشار آنها دیده نمی شود. مشاهده گردید که در حرکت نوسانی به دلیل تغییر سرعت ژورنال در زمانهای مختلف حتی در موقعیتهای مکانی یکسان توزیع فشار هیدرودینامیک متفاوت است که این تفاوت در فرکانس نوسانی بالاتر مشهودتر میباشد. همچنین هنگامی که ژورنال در مرکز یاتاقان قرار دارد به دلیل نوسانات توزیع فشار هیدرودینامیک ایجاد می گردد که در فرکانس نوسانی پایین این توزیع فشار بسیار ناچیز میباشد ولی با افزایش فركانس نوسانات اختلاف فشار إيجاد شده قابل توجه است.

6- فهرست علائم

л

- Η ضخامت محلى فيلم روغن
 - طول ياتاقان L

فشار منبع روعن
$$\mathbf{F}_0$$

فرکانس کاهشیافته
$$R_f = \frac{f}{\Omega}$$

 $U_0 U_1$ سرعتهای مماسی دیواره 40 IZ

به ترتیب، سرعت ژورنال و سیال
$$\mathcal{V}_{\bullet}V$$

حرکت نوسانی ژورنال Υ

> مؤلفه محورى Z

> > علائم يوناني

$$ho$$
 چگالی
 ho ویسکوزیته دینامیکی
 ho زاویه فیلم روغن
 ho عدد خروج از مرکزیت
 ho سرعت دوران
 ho لزجت سینماتیکی
 ho دوره تناوب
 ho عملگر گرادیان
 ho^2

д مشتق جزئى

7- مراجع

[1] Z. Guo, T. Hirano, R. G. Kirk, Application of CFD analysis for rotating machinery-part I: hydrodynamic, hydrostatic bearings and squeeze film damper, Journal of Engineering for Gas Turbines and

Downloaded from mme.modares.ac.ir on 2024-09-10