

SID



سرویس های
ویژه



سرویس ترجمه
تخصصی



کارگاه های
آموزشی



بلگ
مرکز اطلاعات علمی



سامانه ویراستاری
STES



فیلم های
آموزشی

کارگاه های آموزشی مرکز اطلاعات علمی جهاد دانشگاهی



کارگاه آنلاین
بررسی مقابله ای متون (مقدماتی)

دزنه: آنلاین
بررسی مقابله ای متون (مقدماتی)



کارگاه آنلاین
پرپوزال نویسی و بایان نامه نویسی

دزنه: آنلاین
پرپوزال نویسی و بایان نامه نویسی



کارگاه آنلاین آشنایی با پایگاه های اطلاعات علمی
بین المللی و
ترفندهای جستجو

آشنایی با پایگاه های اطلاعات علمی مبنی اصلی و ترفندهای جستجو



بررسی عددی شار حرارتی وارد بر سینی کف و بدنه موشک و پدیده جداپذیر جریان در اثر القای پلوم

حیده سلطانی^۱, سجاد قاسملوی^{۲*}, حمید پرهیزکار^۲, حمیدرضا طالش بهرامی^۳

۱- فارغ التحصیل کارشناسی ارشد، مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی مالک اشتر، تهران

۲- استادیار، مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی مالک اشتر، تهران

۳- دانشجوی دکتری، مهندسی مکانیک، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران

*تهران، صندوق پستی 441315875 sghasemloo@mut.ac.ir

چکیده

بازگشت پلوم خروجی در اثر انبساط ناشی از اوج گرفتن یک موشک، تداخل و برهمکنش آن با بدنه موشک و بخصوص سینی کف همواره یکی از دغدغه‌های محققین و طراحان موشک بوده است. هدف از تحقیق فعلی، بررسی پارامترهای مختلف تاثیرگذار بر فرایند بازگشت پلوم بر بدنه یک موشک فرضی است. برای این کار شار حرارتی در شش ارتفاع مختلف و در نسبت فشارهای گوناگون بررسی شده و اثر پارامترهای مختلف، نظری شرایط پروازی مختلف، مدل‌های توربولانسی، مدل‌سازی یا عدم مدل‌سازی نازل و طول سینی کف موشک بر شار حرارتی وارد بر سینی کف و بدنه موشک بررسی شده است. در ادامه پدیده جداپذیر جریان در اثر القای پلوم بررسی شده است. جهت تولید شبکه و حل جریان از نرم افزارهای گمیت و فلوقنت استفاده شده است. نتایج احتساب نشان داد با افزایش ارتفاع، جریان خروجی در پشت موشک به تدریج باز شده و در ارتفاعات بالا کل سینی کف را در برمی‌گیرد. همچنین نتایج نشان می‌دهد عدم مدل‌سازی جریان داخل نازل باعث انبساط سریع‌تر جریان در خروجی و کاهش شار حرارتی می‌شود. کاهش شار حرارتی در نقاط مختلف سینی کف متفاوت بوده و در نزدیکی نازل به ۸۳ درصد در فواصل دور از نازل به صفر می‌رسد. همچنین تاثیر افزایش طول سینی کف بررسی شد و ملاحظه گردید که با افزایش طول سینی کف، گردابهای انتهایی جسم گسترده‌تر شده و باعث افزایش شار حرارتی می‌شود، به گونه‌ای که با دوباره شدن طول سینی، حداکثر شار حرارتی افزایشی ۲۰ درصدی دارد.

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: ۲۸ شهریور ۱۳۹۶

پذیرش: ۲۶ دی ۱۳۹۶

ارائه در سایت: ۲۱ بهمن ۱۳۹۶

کلید واژگان:

نازل

پلوم

جداپذیر جریان

گرمایش سینی کف

Numerical investigation of imposed heat flux on the base and body of a missile and plume induced flow separation

Hadiseh Soltani¹, Sajjad Ghasemloo^{1*}, Hamid Parhizkar¹, Hamid Reza Talesh Bahrami²

1-Department of Aerospace Engineering, Malek Ashtar University of Technology, Tehran, Iran

2-Department of Mechanical Engineering, Iran University of science and Technology, Tehran, Iran

* P.O.B. 441315875, Tehran, Iran, sghasemloo@mut.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 19 September 2017

Accepted 16 January 2018

Available Online 10 February 2018

Keywords:

Nozzle

Plume

Flow Separation

Base Heating

ABSTRACT

Plume reversion due to missile ascending and related flow expansion and its interaction with missile body especially with missile base has been an important concern of investigators and missile designers. The aim of the current is investigation of effects of different parameters on the interaction of plume and missile body. To do this, heat flux on the missile body at different conditions including different flight conditions, turbulence modeling, base length and nozzle modeling has been studied. In the following, plume induced flow separation is studied. To model flow field, Gambit 2.4.6 and Ansys Fluent 17 are used for grid generation and flow simulation respectively. The results show that with increasing in flight height, plume at the base of missile gradually expands and finally covers the base completely. As well as, it can be seen that plume expands more rapidly in the base region and reduces heat flux when the nozzle is not considered. The reduction of heat flux is different in various parts of the base, ranging from zero to a maximum of 83% in areas far away from or near the nozzle. In the end, the effect of the base length was investigated. The results showed that as the base length is increased, the vortices are further expanded and this expansion leads to increased heat flux so that when the base length is doubled, the heat flux is increased by 20% at most.

بیش از پیش اهمیت پیدا می‌کند. در واقع اهمیت این موضوع در علوم هوافضا

زمانی به اوج خود رسید که بشر توانست به سرعتهای مافوق صوت و

برصوت دست یابد. در سرعتهای بالا به علت لزجت و اصطکاک جریان بر

با پیشرفت روز افزون در طراحی وسایل پرنده و بالا رفتن سرعت پرنده‌های

ساخت بشر، لزوم توجه به مباحث مربوط به انتقال حرارت این وسایل نیز

۱- مقدمه

Please cite this article using:

H. Soltani, S. Ghasemloo, H. R. Talesh Bahrami, Numerical investigation of imposed heat flux on the base and body of a missile and plume induced flow separation, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 18, No. 02, pp. 1-9, 2018 (in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

www.mme.ac.ir

هندسه‌های بدن انتهایی^۳ و بدن جلویی^۴ مختلف در سرعت‌های مافوق صوت انجام داده‌اند. نتیجه‌گیری مهم آن‌ها این بود که در اعداد ماخ نسبتاً پایین نواحی جدایش کوچک بودند و نسبت فشار جت موردنیاز برای القای جدایش نسبتاً پایین‌تر از هنگامی است که اعداد ماخ بالاتر است. میشنکو^۵ [8] با حل کامل معادلات ناویر – استوکس اثر پلوم را بر روی بدن هواپیما بررسی کرده است. علی طالبی⁶ [9] اثر فروسرخ پلوم هواپیما با استفاده از تغییرات هندسی در نازل خروجی اگرزو برسی کرد. در این راستا او میدان سیال پلوم برای دو نازل با هندسه‌های متفاوت با نرم‌افزار انسیس فلوئنت^۷ شبیه‌سازی کرد و تاثیر هندسه بر توزیع دمای پلوم را مشاهده کرد. او نتیجه گرفت که دما در هسته داغ پلوم برای نازل صاف بدون برش و برش دار به ترتیب حدود 900 و 840 می‌باشد و نشان داد که پلوم در حالت نازل برش دار زودتر سرد می‌شود. حسین احمدی‌کیا و شهرام طالبی¹⁰ [10] جریان متلاطم فرماحتی را بر روی موشک به همراه پلوم خروجی از آن را بررسی کردند. آن‌ها نشان دادند که عدد ماخ و فشار پلوم تاثیر زیادی در آرایش جریان پشت موشک بخصوص تشکیل و انعکاس‌های مختلف امواج فشاری و انبساطی نواحی جدایی جریان دارند. محمد فرشچی و عباسعلی گرجی¹¹ [11] تحلیل‌های عددی بر روی میدان جریان در قسمت انتهایی موشک همراه با جت خروجی (پلوم) انجام دادند. ابراهیم شیرانی و شهرام طالبی¹² [12] شبیه‌سازی عددی جریان جت مافوق صوت به کمک مدل تلاطمی کی امگا انجام دادند. آن‌ها نتیجه گرفتند که برای جت کاملاً منبسط دو مدل تفاوت چندانی باهم ندارند ولی برای جت فرمونبسط نتایج مدل کی امگا بهتر از مدل کی اپسیلون می‌باشد.

در ارتفاعات پایین جریان خارجی پس از عبور از بدن و به محض رسیدن به سینی کف^۸ و دم موشک دچار انبساط ناگهانی شده و گرادیان فشار مثبت جریان را جدا کرده و یک گردابه^۹ در ناحیه سینی کف تشکیل می‌شود. تغییرات پی در پی در ارتفاع باعث تغییر نسبت فشار بین پلوم نازل و محیط می‌شود. زمانی که نسبت فشار افزایش می‌باشد، پلوم نازل ناحیه چرخشی را تحت فشار قرار می‌دهد و به سمت بدن موشک هل می‌دهد. درنهایت بازشدگی پلوم منجر به ایجاد گرادیان فشار مثبت بر روی بدن موشک شده و آن را از سطح جدا می‌کند. این پدیده به عنوان جدایش جریان در اثر پلوم شناخته می‌شود که در "شکل 2" نشان داده شده است. همان‌طور که از شکل مشاهده می‌شود، این پدیده بسیار پیچیده می‌باشد. پلوم در خروجی نازل تحت امواج انبساط قوی منبسط می‌شود و پلوم منبسط شده در تقابل با جریان خارجی یک شوک تراکمی تشکیل می‌دهد که جزئیات آن در "شکل 2" به خوبی نمایش داده است. وسایل پرنده در اثر این پدیده‌ها تغییراتی را در نیروهای آریوپینامیکی، مومنتوم و بار گرمایشی در ناحیه سینی کف تجزیه می‌کند^[13].

با بررسی تحقیقات و مقالات نوشه شده، مشاهده شد که تأثیر پلوم بر عملکرد جسم پرنده بسیار قابل توجه و نیز حائز اهمیت است. از جمله عواملی که تأثیر بسزایی در میزان شار حرارتی وارد بر سینی کف و یا بدن خارجی موشک دارند می‌توان به مدل‌سازی یا عدم مدل‌سازی نازل، نوع مدل توربولانسی مورد استفاده و طول سینی اشاره کرد که در منابع و مقالات در دسترس نویسنده‌گان بررسی نشده است. در این تحقیق تأثیر این عوامل بر شار حرارتی سینی کف و بدن مورد بررسی قرار گرفته است. یکی از موضوعات جدیدی که در حیطه موضوع پلوم مطرح شده است اما تحقیقات

روی جسم پرنده دمای سطح جسم به خصوص در لبه‌هایی که در معرض جریان هوا با سرعت زیاد قرار دارند (نظریه ناحیه دماغه موشک) به شدت افزایش پیدا می‌کند. عدم توجه به این موضوع باعث آسیب رسیدن به جسم پرنده و عدم تحقق ماموریت آن می‌شود. یکی از پدیده‌های مهم مرتبط با انتقال حرارت جسم پرنده، پدیده پلوم^۱ است. جریان گازهای خروجی موشک‌ها و هوایپیماها شامل گازهای داغ (گاهی با درصد کمی ذرات جامد) و با سرعت زیاد است. این جریان که شبیه تخلیه یک جریان جت در جریانی موازی است، به اصطلاح پلوم نامیده می‌شود. تداخل جریان گازهای داغ و پرسرعت در خروجی نازل جسم پرنده با جریان آزاد باعث تغییرات اساسی در میدان جریان نزدیک به جسم پرنده و عملکرد آن خواهد شد. میدان جریان پلوم متقاضی محوری خروجی یک موشک در "شکل 1" نشان داده شده است. همان‌گونه که ملاحظه می‌شود جریان در این ناحیه را می‌توان به سه بخش طبقه‌بندی کرد. به طور عمده میدان نزدیک پلوم مکانی غیرلژج است که شامل امواج قوی بوده و فرآیند اختلاط آشفته معمولاً به لایه‌های نازک محدود می‌شوند. منطقه گذرا گایی است که لایه‌های ترکیبی سراسر پلوم را فرا گرفته‌اند و قدرت امواج به علت اتلاف (کاهش) آشفتگی کاهش می‌یابد. میدان دور از پلوم کاملاً لوح ناحیه‌ای است که فرآیندهای موج کاملاً مستهلك می‌شود (کاهش می‌یابد) و یک ناحیه فشار ثابت با اختلاط آشفتگی غالب می‌شود. برای تجزیه و تحلیل فعل و انفعالات بین پلوم و بدن، تنها ساختار میدان نزدیک پلوم مورد توجه قرار می‌گیرد زیرا ناحیه دور از ساختار پلوم تأثیر ناچیزی بر روی بدن موشک دارد [1].

تحقیقات اولیه در بررسی جریان پلوم شامل روش‌های تجربی و تحلیلی بوده‌اند. به علت پیچیده‌گی جریان پلوم روش‌های تجربی اهمیت خاصی در بررسی پلوم دارند. نخستین بار آلپینیری و همکارانش [2] مسئله اثر پلوم بر جدایی جریان روی بدن را مطرح کردند. کینیرگ و همکاران [3] این مسئله را با یک روش انتگرالی حل کرده‌اند. آن‌ها میدان نزدیک جت را با جریان لایه مرزی روی بدن مرتبط کرده و از یک مدل ساده جبری برای شبیه‌سازی آشفتگی استفاده کرده‌اند. نتایج آن‌ها نشان داده است که با افزایش ارتفاع پرواز (افزایش نسبت فشار میان خروجی نازل و میدان جریان دور دست) محل جدایی جریان روی بدن به سمت جلوی وسیله منتقل می‌شود. کان و همکاران [4] در تحقیقات خود نشان داده‌اند که با افزایش ارتفاع پرواز، شکل پلوم بازتر (پهن‌تر) می‌شود و کاهش ارتفاع و کاهش عدد ماخ حالت خمیدگی پلوم را کمتر می‌کند. همچنان با افزایش ارتفاع پرواز، کاهش عدد ماخ پرواز و کم شدن نسبت گرمای ویژه گاز، جدایی جریان روی بدن موشک در اثر بازشدگی پلوم زودتر اتفاق می‌افتد (یعنی نقطه جدایی به قسمت سر وسیله نزدیکتر می‌شود). مک گی و همکاران [7-5] آزمایشاتی روی اثرات جدایش جریان القا شده توسط جت پلوم^۲ روی چندین جسم متقاضی محوری با

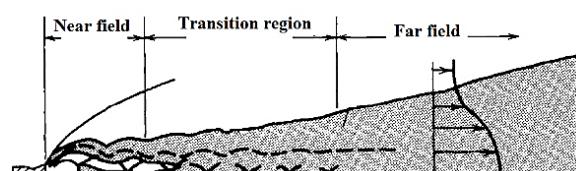


Fig. 1 A section of plume flow field of a racket at low altitudes [1]

شکل 1 یک مقطع از میدان جریان پلوم خروجی از راکت در ارتفاعات پایین [1]

¹ Plume

² Pifs (plume induced flow stream)

³ After body

⁴ Forbody

⁵ Ansys Fluent

⁶ Base

⁷ Vortex

$$\mu_t = c_\mu \frac{\rho k^2}{\varepsilon} \quad (9)$$

که ضرایب به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\begin{aligned} c_\mu &= 0.09 & c_{\varepsilon 1} &= 1.44 & c_{\varepsilon 2} &= 1.92 \\ \sigma_k &= 1.0 & \sigma_\varepsilon &= 1.3 & \sigma_c &= 0.9 \end{aligned} \quad (10)$$

شار حرارتی (q_k) برابر است با:

$$q_k = -\lambda \frac{\partial T}{\partial x_k} \quad (11)$$

که λ برابر با ضریب گرمایش رسانشی می‌باشد.

3- تعریف مسئله و روش حل

به منظور مطالعه اثرات پلوم روی سینی کف و بدنه موشک، یک مدل از انتهای یک موشک نمونه به همراه یک نازل همگرا - واگرا استفاده شده است. "شکل 3" یک نمای شماتیک از مسئله را نشان می‌دهد. همان‌طور که در "شکل 3" مشاهده می‌شود، موشک نمونه شامل قسمت سینی کف و بدنه و یک نازل همگرا - واگرا می‌باشد. جدول 1 مشخصات هندسی مسئله موردنظر را ارائه می‌دهد.

برای تولید شبکه در این تحقیق، از نرم‌افزار گمبیت نسخه 2.4.6 و برای مطالعه جریان نیز از نرم‌افزار انسیس فلوئنت نسخه 17 استفاده شده است. دامنه جریان شامل یک محفظه احتراق با طول و قطر مشخص است که مقدار فشار و دمای احتراق به عنوان ورودی آن اعمال می‌شود. شرایط مرزی ورودی در این مسئله برای دمای محفوظه احتراق، 3000 کلوین است. برای شرط مرزی ورودی از شرط مرزی دبی جرمی ورودی^۱ استفاده شده است و دبی جرمی ورودی 100 کیلوگرم بر ثانیه است و برای شرایط تنظیم می‌شود. همچنین بدنه موشک و نازل و سینی کف از نوع دیواره^۲ می‌باشد. مسئله به صورت متقاضن محوری بوده و نیز از شرط مرزی تقارن^۳ برای قسمت پایین دامنه حل استفاده شده است که شرایط مرزی در جدول 2 بیان شده است. فرضیاتی جهت حل عددی مسئله درنظر گرفته شده است که شامل

جدول 1 مشخصات هندسی مسئله موردنظر بررسی
Table 1 Geometric Properties of the Problem

مشخصات هندسی مسئله موردنظر	
0.062047	طول نازل همگرا - واگرا
0.026284	ارتفاع نازل همگرا - واگرا
0.031750	ارتفاع سینی کف موشک
0.095250	طول بدنه موشک

جدول 2 شرایط مرزی مسئله

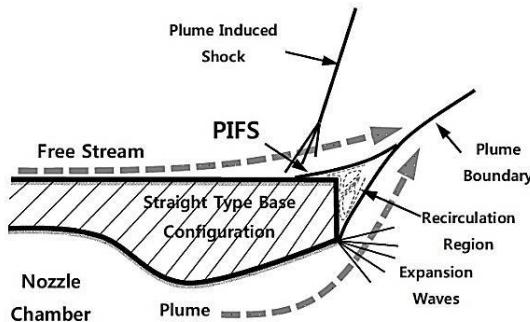
نام شرط مرزی	نوع شرط مرزی
نازل	دیواره
موشک	دیواره
سینی کف	دیواره
ورودی محفوظه احتراق	دبی جرمی ورودی
محور تقارن	تقارن
دوردست	فشار دوردست

² Mass Flow Inlet

³ Far Field

⁴ wall

⁵ Axis



شکل 2 پدیده‌های مرتبط با تقابل جریان پلوم و محیط اطراف [13]

شکل 2 پدیده‌های مرتبط با تقابل جریان پلوم و محیط اطراف [13]

کمی بر روی آن‌ها صورت گرفته، بررسی اثر جریان جدایشده در اثر القای پلوم بر روی شار حرارتی سینی کف و بدنه یک موشک می‌باشد. بنابراین در این مطالعه به صورت دقیق‌تری بر روی این موضوع تمرکز شده است. لازم به ذکر است که جهت انجام این مطالعه از نرم‌افزارهای تجاري گمبیت^۱ و انسیس^۲ فلوئنت برای تولید شبکه و شبیه‌سازی جریان استفاده شده است.

2- معادلات حاکم

معادلات حاکم بر جریان آشفتگی تراکم‌پذیر به صورت زیر می‌باشد [14].

معادله پیوستگی:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_k} (\rho u_k) = 0, \quad k = 1, 2, 3 \quad (1)$$

معادله مومنتوم:

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho u_i) + \frac{\partial}{\partial x_k} (\rho u_i u_k) + \frac{\partial p}{\partial x_i} = \frac{\partial (\tau_{ik})}{\partial x_k}, \quad i, k = 1, 2, 3 \quad (2)$$

معادله انرژی:

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho E) + \frac{\partial}{\partial x_k} (\rho u_k H) = -\frac{\partial}{\partial x_k} (u_j \tau_{jk}) + \frac{\partial q_k}{\partial x_k}, \quad j, k = 1, 2, 3 \quad (3)$$

معادله انرژی جنبشی توربولانسی (Turbulent Energy)

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho k) + \frac{\partial}{\partial x_k} (\rho u_k k) = \frac{\partial}{\partial x_k} \left(\left(\frac{\mu_l}{Pr} + \frac{\mu_t}{\sigma_k} \right) \frac{\partial k}{\partial x_k} \right) + s_k \quad (4)$$

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho \varepsilon) + \frac{\partial}{\partial x_k} (\rho u_k \varepsilon) = \frac{\partial}{\partial x_k} \left(\left(\frac{\mu_l}{Pr} + \frac{\mu_t}{\sigma_\varepsilon} \right) \frac{\partial \varepsilon}{\partial x_k} \right) + s_\varepsilon \quad (5)$$

که T , E , p , u_i , ρ , H , s_k , s_ε به ترتیب آنالیپی کل، انرژی کل، فشار، سرعت و چگالی می‌باشد. لزجت کل برابر μ_l می‌باشد که $\mu_l = \mu_t + \mu_i$ و μ_t به ترتیب ادی لزجت آرام و آشفته و عدد پرانتل می‌باشد. s_k و s_ε که ترم های چشم‌هستند به صورت زیر تعریف می‌شوند.

$$s_k = \tau_{ik} \frac{\partial u_i}{\partial x_k} - \rho \varepsilon \quad s_\varepsilon = c_{\varepsilon 1} \tau_{ik} \frac{\partial u_i}{\partial x_k} - c_{\varepsilon 2} \frac{\rho \varepsilon^2}{k} \quad (6)$$

که تنش برشی آشفتگی برابر است با:

$$\tau_{ik} = \mu_l \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_k} + \frac{\partial u_k}{\partial x_i} \right) \quad (7)$$

می‌ادی لزجت آرام می‌باشد که از قانون ساترلند به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\mu_l = \mu_{ref} \left(\frac{T}{T_{ref}} \right)^{3/2} \left(\frac{T_{ref} + S}{T + S} \right) \quad (8)$$

می‌ادی لزجت آشفته می‌باشد که به صورت زیر تعریف می‌شود:

¹ Gambit

مرزی باسازمان استفاده شده است. همچنین برای بررسی دقیق‌تر جریان پلوم، گردابه‌های شکل گرفته و شوک‌های مربوطه، از شبکه ریزتری بر روی مرز تقارن در نزدیکی بدن و ناحیه پشت استفاده شده است.

3- استقلال از شبکه

به منظور بررسی استقلال حل از شبکه محاسباتی از چهار شبکه متفاوت استفاده شده است. لازم به ذکر است که شبکه‌ها به صورت یکنواخت و یا یک نسبت در تمامی دامنه ریز یا درشت شده‌اند. پارامتری که استقلال حل با آن قضاوت شده است، شار حرارتی بر روی بدن بوده است. در "شکل 5" نتایج این چهار شبکه با هم مقایسه شده است. ملاحظه می‌شود که روند تغییرات به این صورت است که با افزایش تعداد سلول‌ها متوسط شار حرارتی کاهش پیدا می‌کند اما شار حرارتی در شبکه با تعداد سلول 371242 تفاوت چندانی با شبکه با تعداد سلول 210325 ندارد. بنابراین در این مطالعه از شبکه با تعداد سلول 210325 استفاده خواهد شد. با توجه به این که در این مطالعه از مدل توربولانسی کی امگا اس اس تی استفاده شده است، واپس در این مطالعه بر روی دیواره در حدود 1 حفظ شده است [15].

4- اعتبارسنجی

برای بررسی اعتبار روش حل انجام شده در این تحقیق، از نتایج منتشر شده‌ی کیم و همکاران استفاده شده است [13]. این مقاله به بررسی پدیده جدایش جریان در اثر القای پلوم و گرمایش آبیروبدینامیکی در شش ارتفاع مختلف و در نسبت فشارهای گوناگون پرداخته است. بدن پرنده مورد بررسی در آن تحقیق به صورت استوانه‌ای با دماغه مخروطی 15 درجه به همراه یک نازل همگرا و اگرا است. جزئیات نازل در مرجع [13] بیان نشده به همین دلیل برای انجام اعتبارسنجی از اثرات نازل صرف‌نظر شده است. در این تحقیق شار حرارتی روی سینی کف برای نسبت فشار بین پلوم و جریان، 516 و ارتفاع 40 کیلومتری نسبت به مقاله مرجع [13] اعتبارسنجی شده و

دوبعدی بودن هندسه و حل متقاضن محوری و عددی است. همچنین جریان هوا گاز کامل و ایده‌آل است و لزجت و ضریب هدایت حرارتی و ظرفیت حرارتی همگی ثابت فرض شده است. لازم به ذکر است که جریان گاز مغشوش و فرمولاسیون به صورت ضمنی درنظر گرفته شده است. این نکته حائز اهمیت است که از روش حل بر پایه دانسیته استفاده شده است. علت استفاده از این روش حل، تراکم‌پذیر بودن جریان و به وجود آمدن شرایط فیزیکی مانند شوک و انتشار امواج می‌باشد که دانسیته در حلقه اصلی و فشار از معادله حالت به دست می‌آید. در این تحقیق از مدل کی امگا اس اس تی^۱ برای شبیه سازی اثرات آشفتگی استفاده شده است. لازم به ذکر است که انتخاب دقت روش حل مهم می‌باشد. برای همگرایش نازل لازم است تا از گزینه دبل پریسیشن^۲ در نرمافزار فلوئنت استفاده کرد. همچنین برای افزایش سرعت همگرایی پس از اطمینان از روند همگرایی مسئله عدد کورانت را به تدریج افزایش می‌دهیم تا زمان کمتری برای همگرایی مسئله صرف شود. برای حل معادلات جریان از روش گسته سازی حجم محدود استفاده شده است. همچنین از مرتبه دوم تفکیک ترم جابجایی در معادلات ناویراستوکس به دلیل دقت بیشتر نسبت به روش مرتبه اول استفاده شده است. لازم به ذکر است که کیم و همکاران [13] نیز از این مدل جهت اثاث افتراضی بر روی نتایج کرده‌اند. در تحقیق حاضر اثرات مدل‌های مختلف افتراضی بر روی پردازش شده است. شرایط پروازی مورد استفاده در این مطالعه در جدول 3 ذکر شده است.

با توجه به جدول 3 که بیانگر تغییر عدد ماخ بر حسب ارتفاع و بعصارتی دیگر معرف مسیر پروازی می‌باشد، مقادیر فشار و دما در نقاط ذکر شده در جدول فوق از جداول اتمسفر استاندارد استخراج شده و در نرمافزار فلوئنت تنظیم می‌شود. لازم به ذکر است که مقدار انتقال گرمایی تشبعشی در سینی کف بستگی به نوع و عملکرد موتور مoshک دارد و به طور نسبی مقدار شار حرارتی جابجایی در مقابل مقدار شار حرارتی تشبعشی آنقدر قابل توجه است که عموماً در مطالعه پلوم مoshک از مدل سازی پدیده‌های تشبعشی - با توجه به پیچیدگی‌های آن صرف نظر می‌شود [13].

1- تولید شبکه

در "شکل‌های 3، 4" نمای کلی از میدان محاسباتی به همراه شبکه تولید شده نشان داده شده است که ناحیه سینی کف و بدن مoshک در "شکل 3" نشان داده شده است. در این مسئله از شبکه بی‌سازمان در همه بخش‌های دامنه به غیر از نزدیکی دیواره استفاده شده است. برای بررسی دقیق‌تر جریان و استخراج لایه‌های مرزی حرارتی و جریان، در نزدیکی دیواره از شبکه لایه

جدول 3 مسیر پروازی و شرایط جریان در ارتفاعات مختلف پروازی مoshک

Table 3 Flight trajectory and flow conditions in different rocket flight altitudes

دما T (K)	عدد ماخ M	فشار P (Pa)	ارتفاع h (km)
275	0.4	79385	2
255	0.9	53925	5
240	1.2	38459	6.9
216	2	14701	14
219	3	3354.53	23
230	4	664	33
270	5	104	48
256	6	34	56.5
236	7	12	64

¹SST k-ω

²Double pressision

Fig. 3 Schematic of the problem

شکل 3 نمای شماتیک از مسئله

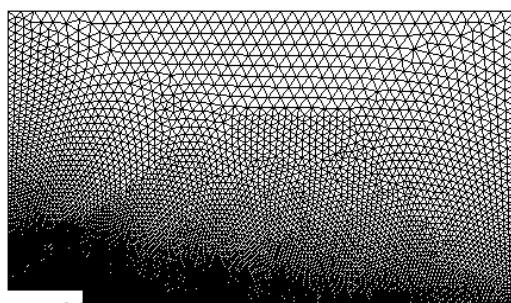


Fig. 4 An overview of the generated mesh

شکل 4 نمایی از شبکه تولید شده

مسیر ارائه شده در جدول 1 محاسبه شده و نتایج به صورت نمودار و کانتور ارائه شده است. اثرات پارامترهای مختلف نظری مدل‌سازی یا عدم مدل‌سازی نازل و نوع مدل تورولانسی مورد استفاده بر روی نتایج نیز بررسی شده است.

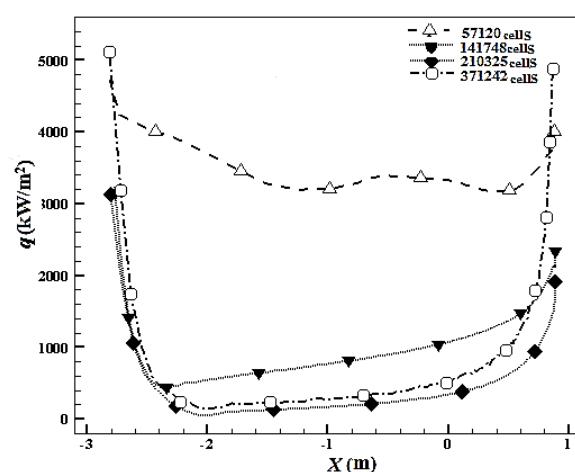
5-1- رفتار پلوم در شرایط مختلف پروازی

کانتورهای سرعت در شرایط مختلف در "شکل 7" نمایش داده شده است. در ارتفاعات پایین زمانی که جریان در سرعت های متفاوت صوت از نازل خارج می‌شود، فشار اتمسفر بالاتر از فشار خروجی پلوم می‌باشد. در این حالت که فرا منبسط¹ نامیده می‌شود، الگوی صاف حلقوی از جریان با فاصله از یکدیگر در مجموعه خروجی موتور تشکیل می‌شود که به عنوان الماس‌های ضربه‌ای یا دیسک‌های ماخ² نیز شناخته می‌شوند [1]. در این وضعیت جریان پلوم در مواجه با محیط پی در پی دچار انبساط و تراکم می‌شود. این حالت در ارتفاعات 2 و 5 کیلومتری در این تحقیق دیده می‌شود. هر چقدر ارتفاع افزایش می‌یابد، شکل پلوم بیشتر شبیه به مخروط ناقص می‌شود و قطر و طول پلوم افزایش می‌یابد. هسته‌ی پلوم از خروجی نازل با سرعت متفاوت صوت خارج شده و با یک شوک ضربه‌ای متراکم و مایل که معروف به موج بارل³ است، به جریان خارجی می‌پیوندد. پس از آن بخش مرکزی پلوم وارد ماخ دیسک می‌شود که یک موج ضربه‌ای متراکم قائم قوی است. این پدیده بخوبی در "شکل 7" قابل مشاهده است.

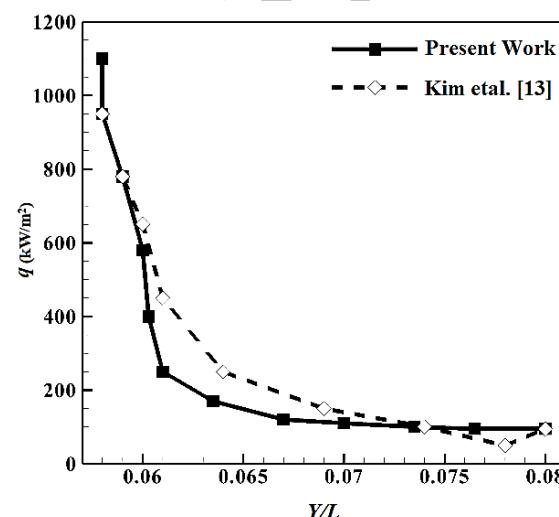
خطوط جریان در منطقه سینی کف و خروجی موشک در شرایط مختلف در "شکل 8" ارائه شده است. ملاحظه می‌شود که در ارتفاعات پایین جریان خارجی پس از عبور از بدنہ و به محض رسیدن به سینی کف و دم موشک دچار انبساط ناگهانی شده و گرادیان فشار مثبت جریان را جدا کرده و یک گردابه در ناحیه سینی کف تشکیل می‌شود. زمانی که ارتفاع افزایش می‌یابد، با از شدن پلوم اندازه ناحیه و منطقه چرخشی کاهش می‌یابد و موقعیت این منطقه روی سینی کف حرکت می‌کند و به طرف نقطه‌ای روی لبه خارجی سینی پیش می‌رود. بدین ترتیب ناحیه چرخشی با افزایش ارتفاع مرتبًا کاهش یافته تا اینکه در ارتفاعات بسیار بالا کاملاً محو می‌شود.

5-2- شارحرارتی وارد بر سینی کف

یکی از اثرات پلوم بر روی موشک، افزایش دمای آن در قسمت سینی کف و بدنہ آن در ناحیه انتهایی می‌باشد. در ناحیه انتهایی موشک تجهیزات حساسی مثل عملگرها قرار دارند که خود باعث می‌شود بحث انتقال حرارت حائز اهمیت شود. در این مطالعه شارحرارتی در شرایط پروازی متفاوت بر روی بدنہ و سینی کف محاسبه شده و نتایج آن در "شکل‌های 9 و 10" نشان داده شده است. در "شکل 9" مشاهده می‌شود که شارحرارتی روی بدنہ موشک از ارتفاع 2 تا 23 کیلومتری افزایش می‌یابد و سپس از ارتفاع 23 تا 64 کیلومتری کاهش می‌یابد. همان‌طور که در "شکل 10" مشاهده می‌شود، حداقل شارحرارتی بالاتر از 1300 کیلووات بر متر مربع در مناطقی شامل خروجی نازل اتفاق می‌افتد (جایی که انبساط یا گسترش سریع پلوم بعد از خروجی نازل اتفاق می‌افتد). مطابق "شکل 10" ملاحظه می‌شود که تغییرات شارحرارتی از ارتفاع 2 تا 64 کیلومتری به صورت منحنی وار و منظم نسبت به یکدیگر تغییر می‌کنند. با افزایش ارتفاع در همان شرایط، متوسط شارحرارتی از طریق کاهش سریع چگالی جریان آزاد، کاهش می‌یابد.



شکل 5 نمودار حساسیت شبکه نسبت به تغییرات شارحرارتی روی بدنہ موشک



شکل 6 مقایسه نتایج این تحقیق با کارکیم و همکاران [13]

مقایسه نتایج در "شکل 6" ارائه شده است. اختلاف بین نتایج تحقیق حاضر و مرجع [13] به خاطر عدم مدل‌سازی نازل است. با محاسبه میزان دقت "شکل 6" که شامل دو نمودار شارحرارتی روی سینی کف حاصل از این پژوهش و مقاله کیم می‌باشد، میزان دقت در حل عددی حاضر بین 0 تا 50 درصد می‌باشد. همان‌طور که در "شکل 6" مشاهده می‌شود، بین نتایج پژوهش حاضر با نتایج مقاله کیم تفاوت بسیاری وجود دارد. علت این اختلاف این است که به دلیل عدم ارائه جزئیات نازل در مقاله کیم جزئیات نازل مدل‌سازی نشده است. بنابراین نتایج پژوهش با مقاله کیم که نازل در آن مدل‌سازی نشده است، تفاوت دارد. ملاحظه می‌شود که در حالت بدون مدل‌سازی نازل، جریان بلا فاصله با خروج از نازل منبسط شده و سینی کف را در برمی‌گیرد که می‌تواند موجب ماقزیم شدن شارحرارتی نازل وارد حالی که با در نظر گرفتن نازل جریان با زاویه‌ای مماس بر خروجی نازل وارد محیط شده و شکل کاملاً منظمی با توجه به زاویه‌ی خروجی نازل به خود می‌گیرد. همین مسئله منجر به تغییرات چشم گیر شارحرارتی در طول سینی کف می‌شود.

5- نتایج و بحث

در این مطالعه تغییرات شارحرارتی روی سینی کف و بدنہ موشک با توجه به

¹ Overexpand

² Mach disks

³ Barrel

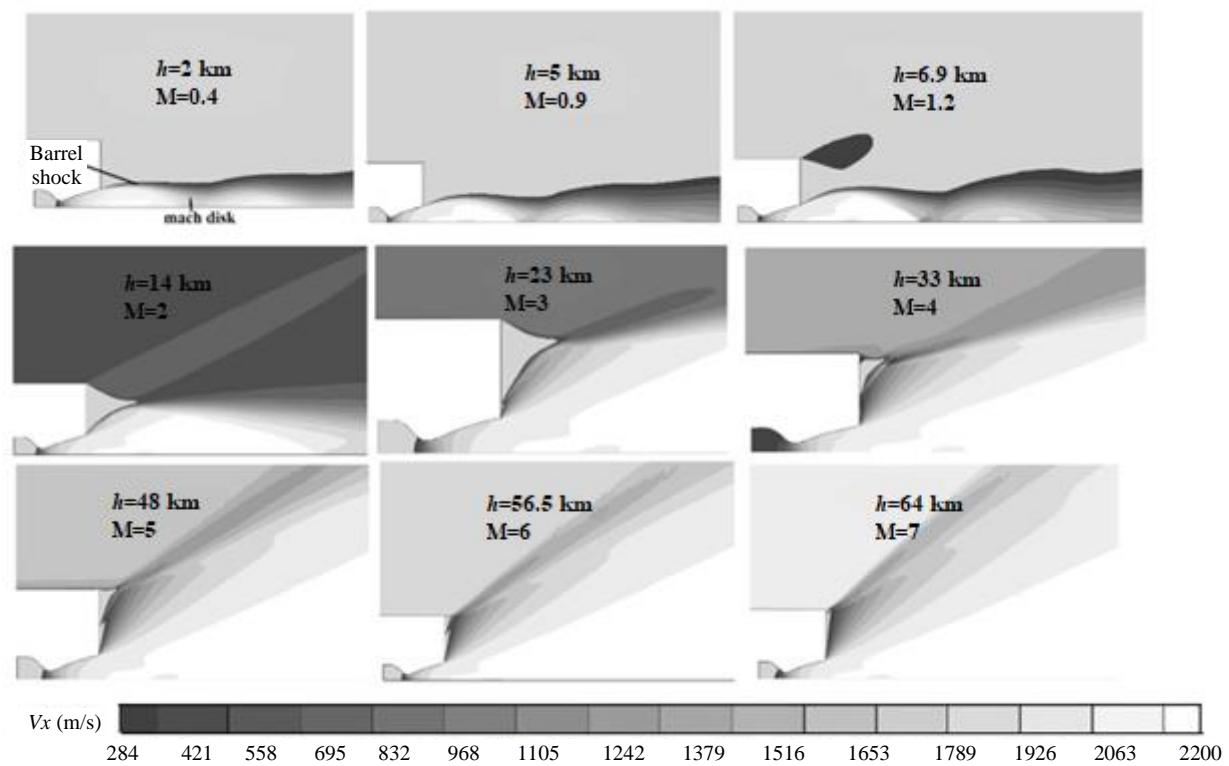


Fig. 7 Velocity contours in the missile exit at different Mach numbers (m/s)

شکل 7 کانتورهای سرعت در خروجی موشک در اعداد ماخ متفاوت

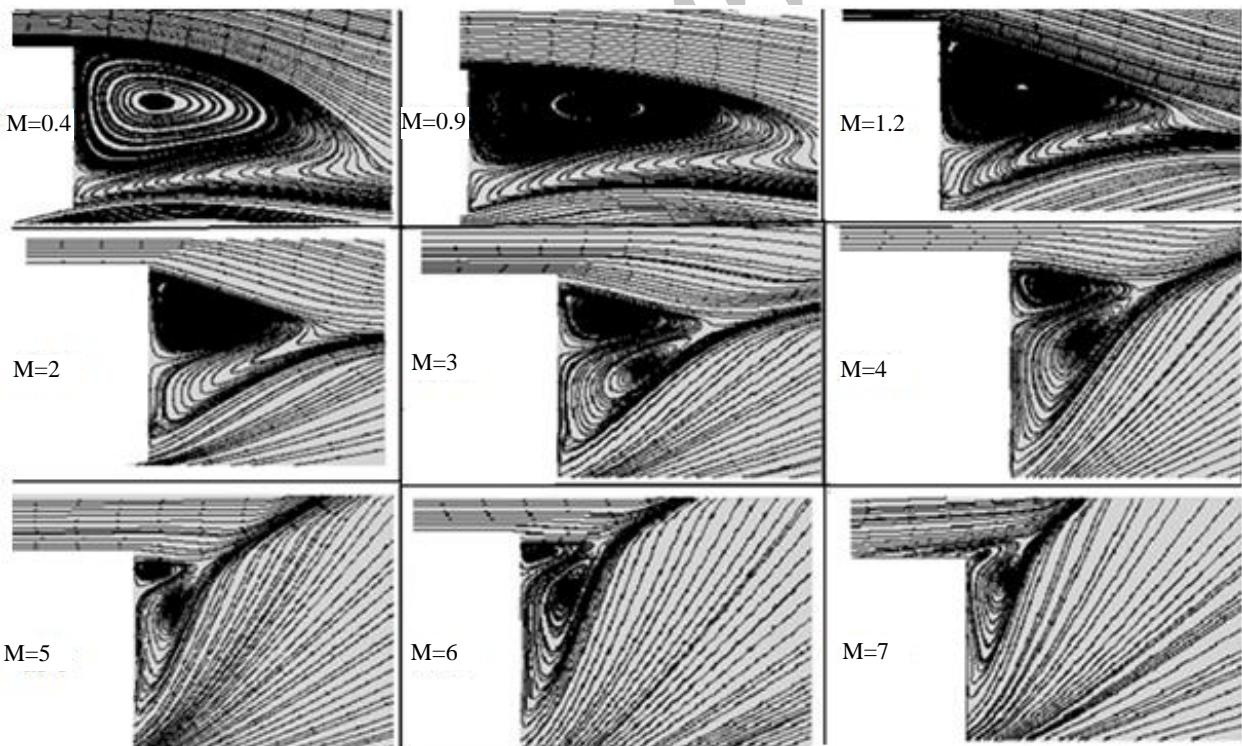


Fig. 8 Stream lines at different Mach numbers

شکل 8 خطوط جریان در اعداد ماخ متفاوت

است. بخصوص این‌که در نازل هر سه شرایط زیر صوت، گذر صوت و فراصوت وجود دارد. از این رو گاهی در مسائل مهندسی این گونه هندسه‌ها بدون نازل حل می‌شود. در این بخش اثر مدل‌سازی نازل بر میدان جریان و شار حرارتی

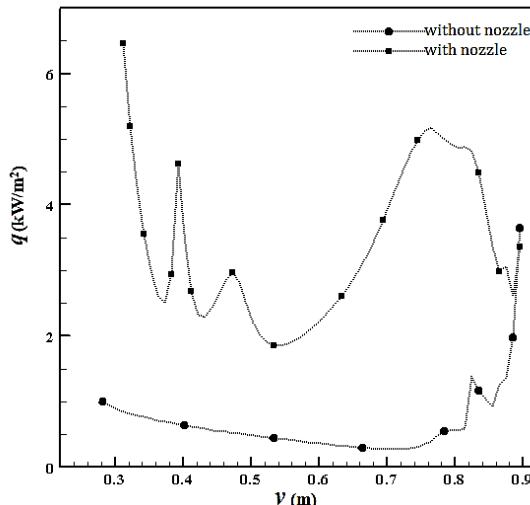
6- اثر مدل‌سازی یا عدم مدل‌سازی نازل بر روی انتقال حرارت سینی کف

حل جریان درون نازل به همراه حل سایر قسمت‌های میدان مسئله‌ای دشوار

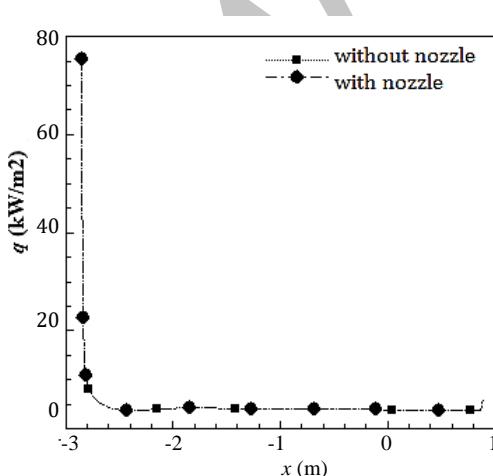
از نازل منبسط شده یعنی فرآیند انبساط سریع تر اتفاق می‌افته و مسیر معینی را طی می‌کند. در حالی که با در نظر گرفتن نازل جریان با زاویه‌ای مماس بر خروجی نازل وارد محیط شده و شکل کاملاً منظمی با توجه به زاویه‌ی خروجی نازل به خود می‌گیرد و سپس فرآیند انبساط رخ می‌دهد و جریان به سینی کف برخورد می‌کند و باعث افزایش دما و شار حرارتی در طول سینی کف نسبت به حالت بدون نازل می‌شود. همین مسئله منجر به تغییرات چشم گیر شارحرارتی در طول سینی کف می‌شود. "شکل‌های 12 و 13" تفاوت شارحرارتی در طول سینی کف و بدنه در دو حالت با و بدون حل جریان داخلی نازل و در شرایط جریان خارجی با عدد ماخ 5 را نشان می‌دهد. همچنین مطابق "شکل 13" ملاحظه می‌شود که عدم مدل‌سازی نازل تاثیر چندانی بر روی شار حرارتی وارد بر بدنه‌ی موشک در این ارتفاع ندارد.

7-۱۰ مدل توربولامسی بر شار حرارتی روی سینی کف

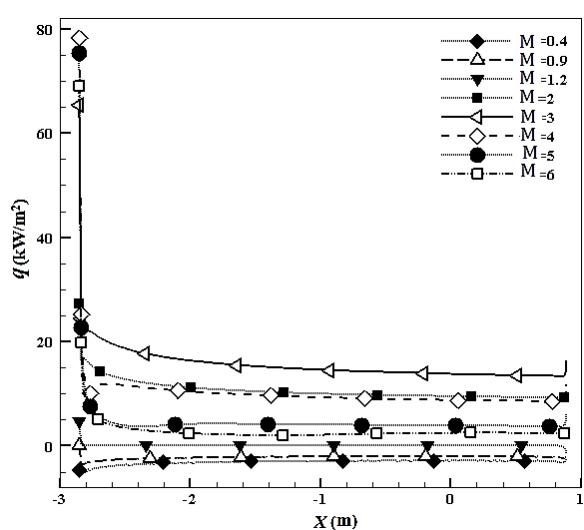
یکی از عواملی که تاثیر بسزایی در بررسی عددی جریان‌های آشفته دارد، نوع مدل آشفتگی مورد استفاده می‌باشد. در این مطالعه تاثیر سه مدل



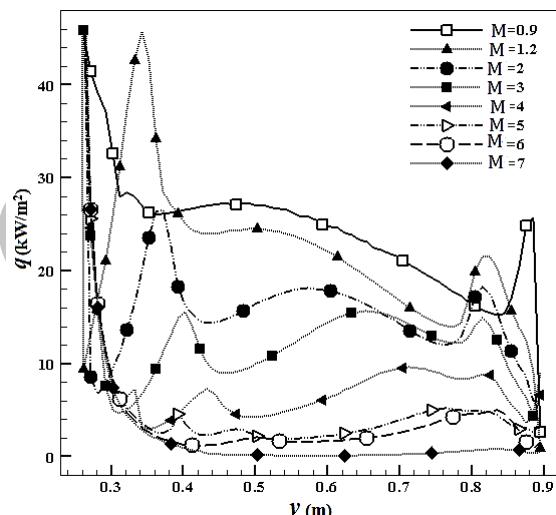
شکل 12 مقایسه تغییرات شار حرارتی بر روی سینی کف با و بدون مدل‌سازی نازل



شکل 13 مقایسه تغییرات شار حرارتی در طول بدنه موشک در حالت بدون مدل‌سازی نازل و با مدل‌سازی نازل

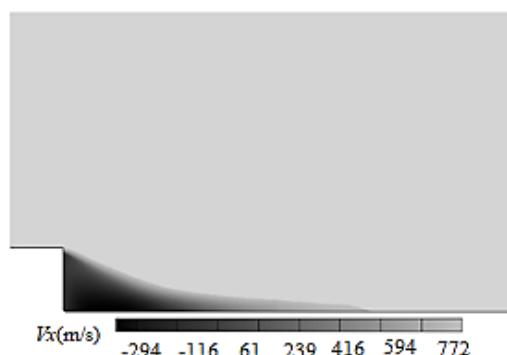


شکل 9 تغییرات شار حرارتی در طول بدنه موشک در اعداد ماخ متفاوت



شکل 10 تغییرات شار حرارتی در طول سینی کف در اعداد ماخ متفاوت

وارد شده بر روی سینی کف مدل می‌شود. "شکل 11" کانتور سرعت میدان مدل‌سازی شده بدون در نظر گرفتن نازل را نشان می‌دهد. از مقایسه "شکل 11" با کانتور سرعت نشان داده در "شکل 7" ملاحظه می‌شود که در حالت بدون مدل‌سازی نازل، جریان بلافارصله با خروج



شکل 11 کانتور سرعت زمانی که نازل مدل نشده است

جدول 4 طول سینی کف در سه حالت

Table 4 Base length in three moods

L_3	L_2	L_1	طول
1.1	0.9	0.7	متر

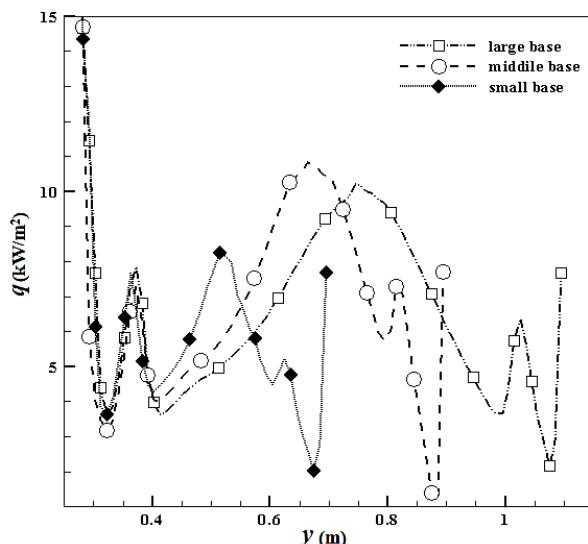


Fig. 15 Comparison of heat flux in three different lengths of the base in Mach number 5

شكل 15 مقایسه شار حرارتی در سه طول متفاوت سینی کف در عدد ماخ 5

جدول 5 متوسط شار حرارتی در سه طول متفاوت سینی کف

Table 5 average heat flux in three base length

$L_3 = 1.1$	$L_2 = 0.9$	$L_1 = 0.7$	طول(متر)
8508.545	10548.57	12748.19	شار حرارتی(کیلووات بر مترمربع)

سریعتر طول سینی کف را فرا می گیرد و پلوم بازتر می شود و جریان گستردگی تری به سینی کف برخورد می کند و شار حرارتی افزایش می یابد.

9- نتیجه گیری

بازگشت پلوم خروجی در اثر انبساط ناشی از اوج گرفتن یک موشک، تداخل و برهمکنش آن با بدن موشک و بخصوص سینی کف همواره یکی از دغدغه اصلی محققین و بخصوص طراحان موشک بوده است. هدف از تحقیق فعلی، بررسی پارامترهای مختلف تاثیرگذار بر فرایند بازگشت پلوم بر بدن یک موشک فرضی است. برای این کار شار حرارتی در شش ارتفاع مختلف و در نسبت فشارهای گوناگون بر روی یک موشک فرضی بررسی شده و اثر پارامترهای مختلف، نظیر شرایط پروازی مختلف، انواع مدل‌های توربولانسی، مدل سازی یا عدم مدل سازی نازل و طول سینی کف موشک بر شار حرارتی وارد بر سینی کف و بدن موشک بررسی شده است. از جمله نوآوری هایی که در این پژوهش در زمینه جریان پلوم صورت گرفته است، تغییر همزمان ارتفاع و عدد ماخ می باشد. مدل سازی نازل یکی از پارامترهایی است که تاثیر به سزاپی در مقدار شارحرارتی بر روی سینی کف دارد و طی بررسی های انجام گرفته مشخص شد تاکنون هیچ مطالعه ای در زمینه تاثیر عدم مدل سازی آن صورت نگرفته است. حرارت دیدن بیش از حد سطح موشک بخصوص در انتهای آن که مکانیزم هایی چون عملگرها تعییه شده اند، باعث تغییر مسیر پروازی و عدم پایداری موشک می شود. به همین دلیل بررسی پارامتر شار حرارتی در ارتفاعات مختلف و به عبارتی در طی مسیر پروازی جهت طراحی

توربولانسی اسپالارت آلمارس¹، کی اپسیلون² و کی امگا بر شار حرارتی وارد بر سینی کف در عدد ماخ 3 مورد بررسی قرار گرفته شده است. همان طور که در "شکل 14" دیده می شود، مدل آشفتگی کی اپسیلون بیشترین شار حرارتی و تغییرات شار حرارتی در مدل کی امگا اس اس تی بین دو مدل دیگر می باشد. لازم به ذکر است که مدل توربولانسی کی امگا اس اس تی، مدل کی امگا را در ناحیه لایه مرزی و مدل کی اپسیلون را در منطقه بیرونی و جریان برشی آزاد به کار می گیرد. در این مطالعه از مدل کی امگا اس اس تی استفاده شده است زیرا نتایج خوبی را در پارامترهای محاسبه پلوم منبسط شده نظری لایه اختلاط و جریان اطراف جت نشان می دهد [16]. همچین مقالات بسیاری [20-16] جهت بررسی پدیده پلوم و شار حرارتی بر روی سینی کف از این مدل استفاده کرده اند. بنابراین این مدل قابل اعتمادتر است. همچنین لازم به ذکر است که در عدد ماخ 2 و 5 این سه مدل آشفتگی بررسی شده است و نتایج آن همانند عدد ماخ 3 می باشد. بنابراین مدل کی امگا اس اس تی را می توان برای تمامی اعداد ماخ تعمیم داد.

8- اثر هندسه موشک بر پلوم خروجی از موشک

یکی از عواملی که تاثیر به سزاپی در شار حرارتی در طول سینی کف موشک دارد طول سینی کف می باشد. بدین دلیل از سه طول متفاوت برای مقایسه شار حرارتی استفاده شده است. به منظور بررسی شار حرارتی، در عدههای ماخ پایین بدليل این که شعله باز نشده است، طول سینی کف تاثیری روی شار حرارتی ندارد. به همین دلیل مطالعه در این بخش در عدد ماخ 5 انجام شده است. طول های انتخاب شده سینی کف جهت بررسی پلوم خروجی در جدول 4 بیان شده است. با توجه به "شکل 15" و استفاده از نرم افزار فلورنت می توان متوسط شار حرارتی را در سه طول متفاوت به دست آورد که مطابق جدول 5 می باشد.

همین طور که در جدول 5 دیده می شود، هرچه طول افزایش پیدا کند،

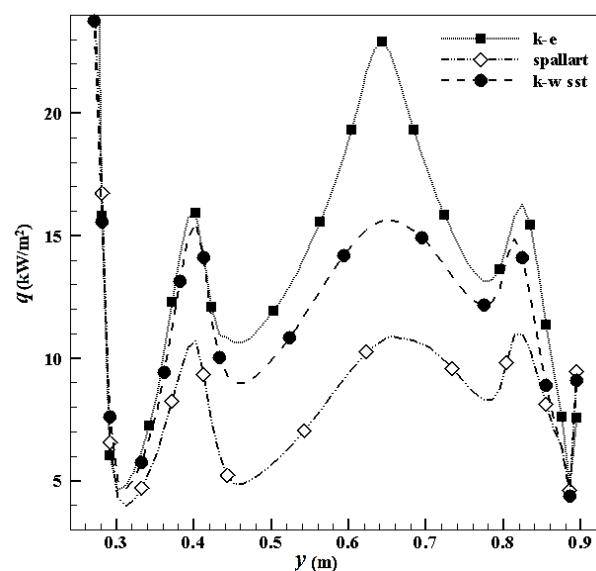


Fig. 14 Comparison of base heat flux variations in various types of turbulent models

شکل 14 مقایسه تغییرات شار حرارتی در طول سینی کف در انواع مدل های توربولانسی

¹ Spallart Almaras² k-ε

- York: Wiley & Sons, 1992.
- [2] L. J. Alpinieri, R. H. Adams, Flow separation due to jet pluming, *AIAA Journal*, Vol. 4, No. 10, pp. 1865-1866, 1966.
- [3] J. M. Kineberg, T. Kubota, L. Lees, Theory of exhaust plume/boundary layer interactions at supersonic speeds, *AIAA Journal*, Vol. 10, No. 5, pp. 581-588, 1972.
- [4] G. D. Kuhn, Calculation of separated turbulent flows on axisymmetric after bodies including exhaust plume effects, *AIAA Journal*, Vol. 18, No. 3, pp. 235-240, 1980.
- [5] R. J. McGhee, *Some Effects of Jet Pluming on the Static Stability of Ballistics Bodies at a Mach Number of 6*, NASA No. TD-3698, 1966.
- [6] R. J. McGhee, J. A. Martin, *Exploratory Investigation of Flow Field Resulting from Forward-Facing Nozzles Exhausting Near a Large Cylindrical Body at Free-Stream Mach Numbers of 3.0 to 6.0*, NASA No. TND-5030, 1969.
- [7] R. J. McGhee, *Jet Plume Induced Flow Separation on Axisymmetric Bodies at Mach numbers of 3.00, 4.50 and 6.00*, NASA No. TM X-2059, 1970.
- [8] E. V. Myshenkov, Regimes of laminar lateral flow separation due jet exhaust, *Fluid Dynamics*, Vol. 29, No. 1, pp. 103-107, 1994.
- [9] A. Talebi, Reduction of aircraft plume infrared signature using geometric changes in the exhaust nozzle, *Journal of Passive Defense Quarterly*, Vol. 3, No. 4, pp. 37-43, 2012. (in Persian)
- [10] H. Ahmadikia, S. H. Talebi, The fluctuating flow of ultrasound on a rocket with plume, *The 10th Dynamic Fluid Conference*, Yazd, Iran, October 31-November 2, 2006. (in Persian)
- [11] M. Farshchi, A. Gorgi, Numerical analysis of the flow field at the end of the body of the missiles with the output jet, *The 2nd Dynamic Fluid Conference*, Esfahan, Iran, February 4-6, 1993. (In Persian)
- [12] S. H. Talebi, E. Shirani, Numerical simulation of supersonic jet with turbulent model k-ε, *The 8th Dynamic Fluid Conference*, Tabriz, Iran, September 8-10, 2002. (in Persian)
- [13] J. Kim, J. Woo Lee, J. Choi, K. Kim, Investigation on the characteristics of plume induced flow separation and wall heat transfer, *Journal of Spacecraft and Rockets*, Vol. 49, No. 1, pp. 189-192, 2012.
- [14] S. Saha, S. Rathod, M. S. R Chandra Murty, P. K. Sinha, Debasis Chakraborty, Numerical simulation of base flow of a long range flight vehicle, *Journal of Acta Astronautica*, Vol. 74, No. 1, pp. 112-119, 2012.
- [15] ANSYS Fluent Theory Guide chapter 4: Turbulence, ANSYS, Inc., 275 Technology Drive Canonsburg, PA 15317, 2017.
- [16] J. Lee, J. Kim, K. Kim, Effects of Al₂O₃ particle on convective and radiative heat flux to rocket base surface, *Seventh International Conference on Computational Fluid Dynamics*, Big Island: Hawaii, pp. 103-111, 2012.
- [17] K. Deere, A. Elmiligui, K. S. Abdol-Hamid, USM3D simulations of saturn v plume induced flow separation, *Journal of Spacecraft and Rockets*, Vol. 49, No. 4, pp. 679-690, 2012.
- [18] C. Bauer, A. Koch, F. Minutolo, P. Grenard, Engineering model for rocket exhaust plumes verified by CFD results, *29th ISTS*, Nagoya: Japan, 2-9 June, 2013.
- [19] Y. K. Lee1, H. D. Kim, S. Raghunathan, A study of base drag optimization using mass bleed, *15th Australasian Fluid Mechanics Conference*, Sydney: Australia, pp. 50- 59, 2004.
- [20] M. Mehta, F. Canaba, S. B. Tashakkor, S. D. Smith, *Base Heating Sensitivity Study for a 4-Cluster Rocket Motor Configuration in Supersonic Free Stream*, TFAWS Patent NO. M11-0717, M11-0847 and M11-0848, 2011.

موشک امری واجب است که در مطالعات سال‌های اخیر به آن پرداخته نشده است. تحقیق حاضر نشان می‌دهد که:

1- زمانی که ارتفاع افزایش می‌یابد، ناحیه چرخشی روی سطح سینی کف وجود می‌آید. این ناحیه چرخشی به سمت لبه حرکت می‌کند، به طوری که اندازه این ناحیه چرخشی کاهش می‌یابد. سپس پدیده جدایش جریان ناشی از پلوم در قسمت انتهای بدن به وجود می‌آید. به علاوه این موضوع باعث افزایش نسبت فشار قسمت انتهای بدن می‌شود.

2- با افزایش ارتفاع و کاهش چگالی، مقدار متوسط شار حرارتی جابجایی کاهش می‌یابد. همان‌طور که در شکل‌ها مشهود است زمانی که ارتفاع افزایش می‌یابد، شار حرارتی متوسط از طریق کاهش چگالی جریان آزاد کاهش می‌یابد. به گونه‌ای که در ارتفاعات بالا شار حرارتی تقریباً برابر صفر می‌شود.

3- در این مطالعه تاثیر انواع مدل توربولانسی روی تغییرات شار حرارتی مورد بررسی قرار گرفت و نتیجه گیری شد که مدل کی امگا اس اس تی بهترین مدل جهت بررسی عددی پدیده پلوم می‌باشد.

4- هم چنین تاثیر عدم مدل‌سازی نازل بر تغییرات شار حرارتی بررسی شد و مشاهده شد که تفاوت چشم‌گیری در دو حالت وجود دارد و عدم مدل‌سازی نازل باعث کاهش شار حرارتی می‌شود. همچنین نتایج نشان می‌دهد عدم مدل‌سازی جریان داخل نازل باعث انبساط سریع تر جریان در خروجی و کاهش شار حرارتی می‌شود. کاهش شار حرارتی در نقاط مختلف سینی کف متفاوت است و در بیشترین حالت (در نزدیکی نازل) به 83 درصد می‌رسد و در فواصل دور از نازل تاثیر آن به صفر می‌رسد.

5- از آنجایی که تغییرات هندسه مoshک تاثیر بسزایی در شار حرارتی بر روی بدن مoshک و سینی کف دارد، این عامل نیز در این مطالعه بررسی شد. در واقع با افزایش طول سینی کف مقدار شار حرارتی افزایش می‌یابد. به گونه‌ای که با دوبرابر شدن طول سینی، حداقل شار حرارتی افزایشی 20 درصدی دارد.

10- مراجع

- [1] G. P. Sutton, *Rocket Propulsion Elements*, 7th Edition, pp. 127-149, New



سرвис های
ویژه



سرвис ترجمه
تخصصی



کارگاه های
آموزشی



بلاگ
مرکز اطلاعات علمی



سامانه ویراستاری
STES



فیلم های
آموزشی

کارگاه های آموزشی مرکز اطلاعات علمی جهاد دانشگاهی



بررسی مطلبی ای حنون (مقدماتی)

کارگاه آنلاین
بررسی مقابله ای متون (مقدماتی)



PROPOSAL

پروپوزال
بروزال نویسی و بایان نامه نویسی

کارگاه آنلاین
پروپوزال نویسی و بایان نامه نویسی



آشنایی با پایگاه های اطلاعات علمی بین المللی و ترفندهای جستجو
کارگاه آنلاین آشنایی با پایگاه های اطلاعات علمی
بین المللی و ترفندهای جستجو