ماهنامه علمی پژوهشی



mme.modares.ac.ir

شبیهسازی و ساخت بازوی رباتی دو درجه آزادی با محرک کابلی با فضای کاری سهبعدی

محمد غفورى ورزنه'، فاطمه يوسفىفر'، محمد مهدى جليلى"*

۱- کارشناس ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه یزد، یزد
 ۲- کارشناس ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه یزد، یزد
 ۳- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه یزد، یزد

* یزد، صندوق پستی: ۱۹۵۹٬۹۵۷٬۴۱ jalili@yazd.ac.ir

| اطلاعات مقاله | چکیدہ |
|--|---|
| مقاله پژوهشی کامل دریافت ۳۰ شهریور ۱۳۹۲ پذیرش: ۲۹ مهر ۱۳۹۲ ابائه د ساست: ۲۳ فه، دن. ۱۳۹۳ | در این مقاله یک بازوی رباتی با الهام از ستون فقرات مار و بازوهای هشتپا شبیهسازی و ساخته شده است. در تحلیل سینماتیک معکوس ربات که بهصورت فضایی انجام پذیرفته است، پس از تعیین مختصههای تعمیمیافته سیستم، معادلات جبری حاکم بر سیستم بهدست آمدهاند. این معادلات در تحلیل جابهجایی با استفاده از روش عددی نیوتن رافسون تا اتمام زمان شبیهسازی حل گردیدهاند. همچنین، فضای کاری ربات نیز با |
| کلید <i>واژگان:</i> بازوی رباتی مارشکل محرک کابلی دینامیک محاسباتی سینماتیک معکوس دینامیک معکوس | استفاده از روش عددی مذکور تعیین شده است. در تحلیل دینامیک معکوس، نیروی کشش کابل.ها بهصورت نیروهای خارجی درنظر گرفته شدهاند. با استفاده از روش جایگزینی، با مشخص بودن ماتریس قیود، ماتریس جرم و بردار شتاب.هایی که در هر لحظه از سینماتیک معکوس بهدست آمدهاند، نیروی کشش کابل.ها و گشتاور اعمالی لازم از سوی موتورها جهت حرکت و طراحی ربات مشخص شدهاند. بهمنظور اعتبارسنجی مدل ربات مارشکل، نمونهای از این ربات ساخته شده و برای حرکت در مسیرهای فرضی دایرهای و کمانی برنامهریزی شده است. مسیر پیموده شده توسط مجری نهایی ربات در هر حالت بهدست آمده است. موایسه نتایج حاصل با مسیر مطلوب نشان داده است که خطای استاندارد مسیر طی شده توسط مجری نهایی ربات در هر حالت بهدست آمده است. مقایسه نتایج حاصل با مسیر مطلوب نشان داده است که خطای |

Simulation and construction of a 2-DOF wire driven robotic arm with 3-D workspace

Mohammad Ghafoori Varzaneh¹, Fatemeh Yousefifar², Mohammad Mahdi Jalili^{3*}

1- Department of Mechanical Engineering, Yazd University, Yazd, Iran.

2- Department of Mechanical Engineering, Yazd University, Yazd, Iran.

3- Department of Mechanical Engineering, Yazd University, Yazd, Iran.

کاهش دهند. از این رباتها میتوان در پزشکی برای عکسبرداری از اجزاء

*P.O.B. 89195741, Yazd, jalili@yazd.ac.ir

| ARTICLE INFORMATION | Abstract |
|---|---|
| Original Research Paper Received 21 September 2013 Accepted 21 October 2013 Available Online 12 April 2014 | Inspired by the muscle arrangement of the octopus and skeleton of the snakes, a wire-driven serpentine robot arm has been simulated and constructed in this article. The robot links which are connected via flexible beam act as the snake backbone. Instead of using motors at each joint, four sets of wire are employed as octopus muscles to drive the robot arm. For the spatial inverse kinematics, after determining the generalized coordinates of the system, governing algebraic equations of the system including constraint equations of the joints and cables and favorable movements have been determined. For displacement analysis, these equations have been solved using the Newton-Raphson method. Using this method robot workspace has also been determined. For the inverse dynamics of the robot, cables tension force has been considered as external forces. Using Embedding technique with specified constraint matrix, mass matrix and acceleration vectors that are determined from inverse kinematics, cables tension force and torque of motors are specified. To validate the snake robot model, a prototype has been built and programmed for some circular and arcuate routs. Travelled pass by end effector have been obtained. Comparing the results with the desired path, accuracy of the designed robot has been |
| <i>Keywords:</i> Snake like Robotic Arm Wire Driver Computational Dynamics Inverse Kinematics Inverse Dynamics | |

۱- مقدمه

رباتهای صنعتی امروزی با رابطهای صلب، ابعاد بزرگ، درجات آزادی کم و داخلی بدن، جستجوی مصدومان در حوادث غیرمترقبه مانند زلزله و انعطاف پذیری محدودی دارند. در این میان، رباتهای الهام گرفته از طبیعت و همچنین برخی تعمیرات در ایستگاههای فضایی و صنایع هستهای استفاده بهویژه رباتهای مارشکل، که با بهرهگیری از آناتومی بدن خزندگان طراحی و کرد. همچنین بسته به اندازه و کاربرد، مکانیزم حرکتی این رباتها نیز ساخته می شوند، می توانند محدودیتهای موجود در رباتهای صنعتی را متفاوت می باشد.

Please cite this article using:

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

M. Ghafoori Varzaneh, F. Youse⁻fifar, M.M. Jalili, Simulation and construction of a 2-DOF wire driven robotic arm with 3-D workspace, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 2, pp. 34-40, 2014 (In Persian)





در زمينه شبيهسازي، طراحي، ساخت و كنترل اين گونه رباتها، تحقيقات مختلفى صورت گرفته است. بهعنوان نمونه شبيهسازى سينماتيكى یک ربات مارشکل با محرک کابلی توسط لی و همکارانش انجام شده است. بهمنظور اعتبارسنجی ربات ذکر شده، نتایج حاصل از این شبیهسازی با نتایج بهدست آمده از یک ربات موجود مقایسه شدهاند[۱]. در نمونهای دیگر، پایداری و کنترلپذیری یک ربات مارشکل صفحهای توسط لیلجبک و همکارانش مورد بررسی قرار گرفته است[۲]. آنها علاوه بر مدلسازی و بررسی پایداری حرکت ربات، کنترل پذیری آن را نیز مورد بررسی قرار داده و کنترلر مناسب را نیز برای آن طراحی کردهاند. در پژوهشی دیگر، بهمنظور کمک به مصدومان ناشی از زلزله، گائو و همکارانش اقدام به طراحی و ساخت یک ربات مارشکل امداد کردهاند [۳]. این ربات به گونهای طراحی شده است که بتواند در ساعات اولیه حادثه، مصدومان مدفون در زیر آوار را شناسایی نماید. همچنین کنترل ربات مارسان بدون چرخ با درنظر گرفتن اصطکاک کولمبی بیضوی با استفاده از انحنای مسیر سرپنوئیدی توسط غیور و همکارانش انجام شده است. در این پژوهش، معادلات حرکت ربات از روش لاگرانژ بهدست آورده شدهاند. در معادلات حرکت مختصات تعمیم یافته زوایای مطلق هر عضو ربات و مختصات مرکز جرم ربات درنظر گرفته شدهاند [۴]. در پژوهشی دیگر، جلیلی و همکارانش سینماتیک و دینامیک یک ربات مارشکل با محرک کابلی که مهرههای آن از طریق مفاصل کروی به هم متصل شده بودند را شبیهسازی کردند. در این طرح، با استفاده از روشهای کلاسیک نیروی کشش لازم در هر کابل برای جهت گیری دلخواه ربات محاسبه شده است[۵].

در موارد دیگر، طراحی و شبیهسازی رباتهای مارشکل جنبه کاربردیتری پیدا کرده است. بهعنوان مثال، در سال ۲۰۰۴، عرضه یک ربات مارشکل با پنج بازو در یکی از راکتورهای سوئد برای تکمیل و جایگزینی خطوط لوله یکی از کاربردهای بسیار کارآمد و بارز این گونه بازوهای رباتیک میباشد[۶].

در این پژوهش، شبیهسازی و ساخت یک ربات مارشکل، که مهرههای آن توسط یک میله انعطاف پذیر به هم متصل می گردند، ارائه می شود. جهت بهدست آوردن روابط حرکت و فضای کاری این بازو از روش عددی نیوتن رافسون در سینماتیک معکوس استفاده می گردد. همچنین، تحلیل دینامیک معکوس، به منظور محاسبه نیروهای کشش محرک کابلی و گشتاور مورد نیاز جهت حرکت ربات برای ساخت نمونه، به کار گرفته می شود. جهت اعتبار سنجی این طرح، نتایج حاصل از تحلیل با نتایج مدل ساخته شده مقایسه گردیده است.

۲- مواد و روشها

این ربات با الهام از ستون فقرات و چگونگی حرکت مارها طراحی گردیده است. ستون فقرات مارها شامل تعدادی مهره است که استخوانهای دنده به آن متصل شده است. بازوهای هشتپا نیز بدون مهره و هر کدام از ۳ ماهیچه بسیار منعطف و قوی ساخته شدهاند. ماهیچه نوع اول ماهیچه طولی، ماهیچه نوع دوم ماهیچه عرضی و ماهیچه نوع سوم ماهیچه خارجی مورب میباشند[۱]. انقباض و انبساط همزمان این ماهیچهها باعث موقعیتدهی فضایی به بازو میشوند. در این طراحی، عامل محرک با الگو گرفتن از عضلات و ماهیچههای بازوی هشتپا، که با انقباض و انبساط خود باعث حرکت یا موقعیتدهی به آن میشود، انتخاب شده است.

این شبیه سازی به منظور تحلیل حرکت یک بازوی رباتی با محرک کابلی، به دست آوردن روابط حاکم بر جابه جایی، شتاب، نیروها و گشتاورهای وارد بر آن صورت گرفته است. استفاده از محرک کابلی این امکان را فراهم می آورد

که طی اعمال نیروهای کافی به هر کابل، در عین سادگی روش، فضای گستردهای را در هر حرکت پوشش دهد.

در این مقاله ابتدا مدل ربات طراحی شده ارائه می گردد. در ادامه روابط حاکم بر حرکت بازوی رباتی بهوسیله سینماتیک و دینامیک معکوس بهدست آمدهاند. نتایج حاصل از شبیهسازی معادلات بهدست آمده در حل سینماتیک و دینامیک معکوس و فضای کاری این بازوی رباتی در بخش سوم ذکر شدهاند. در بخش چهارم اعتبارسنجی مدل ارائه شده با مقایسه نتایج تجربی حاصل از آزمایش نمونه ساخته شده و نتایج عددی صورت گرفته است.

۲-۱- مدلسازی ربات

ربات مارشکل ارائه شده در این مقاله از چندین نوع مهره تشکیل شده است، که در حکم ستون فقرات مار میباشند. یک میله انعطاف پذیر از میان تمام مهرهها عبور کرده که موجب اتصال مهرهها به یکدیگر میگردد و بسیار شبیه به نخاع عبوری از ستون فقرات است. کابلهایی هم که در طول مهرهها عبور کردهاند الهام گرفته از ماهیچههای بازوهای هشت پا هستند. انقباض و انبساط ماهیچهها که عامل بهوجود آورنده حرکت هستند به صورت تغییر طول کابلها مدلسازی شدهاند. این ربات در مقایسه با رباتهای دیگر در عین سادگی دارای فضای کاری گستردهتری میباشد. همچنین در صورتی که یکی از مهره های میانی ربات به جایی گیر کرده و ثابت شود، مهرههای بعد از آن هنوز توانایی حرکت توسط همان چهار کابل را دارا میباشند.

اصول حرکت ربات، همانطور که در شکل ۱-الف دیده می شود، بدین صورت است که در حرکت صفحهای، هنگامی که ربات حالت کشیده خود را داشته باشد، طول هر چهار کابل عبوری از سوراخهای P1، P2، P3 و P4 با هم برابرند و طول کابلهای P1وP3 (که در شکل دیده نمی شوند) مقدار ماکزیمم خود را دارند. هنگامی که ربات به سمت راست حرکت کند از طول کابل P2 کاسته و به طول کابل P4 افزوده می گردد. این در صورتی است که طول کابلهای P1 و P3 در هر لحظه به یک مقدار کاسته می شوند. برای حرکت به سمت چپ این بار از طول کابل P4 کاسته و به طول کابل P2 افزوده می گردد. برای حرکت به جلو و عقب همین تغییرات طول برای کابلهای P1 و P3 برای حرکت به جلو و عقب همین تغییرات طول برای کابلهای P1 و P3 می نماید. با تغییر طول همزمان چهار کابل به میزان معین و نابرابر، ربات می تواند در صفحات دلخواه، که حاصل دوران صفحه نشان داده شده در شکل می تواند در صفحای است، جهت گیری نماید.

ربات نمونهای که در این مقاله مورد شبیه سازی قرار گرفته است مطابق شکل ۱-ب دارای یک مهره اولیه، چهار مهره میانی و یک مهره انتهایی می-باشد که چهار کابل از میان تمام این مهرهها گذشته و همگی به انتهای مهره انتهایی بسته شدهاند. میله انعطاف پذیر عبوری از وسط مهرهها نیز به صورت مفاصل کروی همراه با یک فنر پیچشی همراستا با محور دوران مفصلها انعطاف پذیر به مهرهها در اثر آن را مدل میکند. این ربات دو درجه آزادی دارد. یک درجه آزادی دورانی حول محور عمودی که تعیین کننده صفحه ای است که ربات در آن دوران مینای دو یک درجه آزادی دورانی دوم نیز حول محور عمود بر صفحه دوران که میزان خم شدن ربات در صفحه مذکور را مشخص میکند. به طور نمونه، مطابق شکل ۱-ب، جهت گیری ربات در یک مفحه دلخواه که حاصل دوران صفحه گذرنده از سوراخهای P2 و P4 به اندازه مهره درجه است را نشان می دهد. در این حالت هر مهره از ربات در این صفحه به اندازه θ درجه خم شده است.





شکل ۱ مدل کلی و نحوه قرارگیری دستگاههای مختصات ربات

۲-۲- سینماتیک معکوس ربات

اولین مرحله در تحلیل سینماتیک معکوس ربات تعیین بردار مختصههای تعمیم یافته متناظر با سیستم است. مطابق شکل ۱-ب، مهره اولیه ثابت و متصل به زمین درنظر گرفته شده که دستگاه مرجع به آن متصل گردیده است. همچنین، به مرکز جرم هر یک از مهرههای میانی، مهره انتهایی و مرکز جرم هر کدام از قرقرهها یک دستگاه مختصات با شش مختصه مطلق اختصاص داده شده است. همچنین، یک دستگاه نیز به انتهای مهره آخر متصل گردیده است تا بتوان حرکتهای مورد انتظار از ربات را به مختصات این دستگاه اعمال نمود.

پولیها توسط مفاصل لولایی به زمین متصل گردیدهاند و فقط قابلیت دوران حول محور لولا را دارا میباشند. در دستگاه متصل به پولیها محور Z محور دوران پولی درنظر گرفته شده است. با این چیدمان در مجموع ۱۰ دستگاه مختصات و ۶۰ مختصه تعریف شده است که بهصورت بردار تعریف شده در رابطه (۱) بیان می گردد.

 $q = [Rx_1, Ry_1, Rz_1, \varphi_1, \theta_1, \psi_1, \dots]$

$$Rx_{10}, Ry_{10}, Rz_{10}, \varphi_{10}, \theta_{10}, \psi_{10}]^{\mathrm{T}}$$
 (1)

در تعریف زوایای مطلق از قانون زوایای فضایی اویلر ZXZ استفاده شده است. بردار قیود از معادلاتی تشکیل شده است که از طرف مفاصل کروی، کابلها و مفاصل لولایی به سیستم تحمیل می گردند. مجموع این قیود سینماتیکی ۵۸ عدد است. روابط شماره (۲) و (۳) قیود سینماتیکی که از طرف مفصل و کابلها به مهره *i* ام تحمیل گردیده است را بیان می کنند[۷].

$$C_{iR} = R_i + A_i u_i - R_{i-1} - A_{i-1} u_{i-1}$$
(Y

$$C_{ic} = \left[\varphi_i - \varphi_6, \theta_i - i / 5 \times \theta_6, \psi_i + \varphi_i\right]^2, i = 1, ..., 5$$
(٣)

قیود وارد شده به دستگاه متصل شده به انتهای مهره آخر طبق رابطه (۴) می اشند.

$$C_6 = \begin{bmatrix} R_6 - R_5 - A_5 \overline{u}_5 \\ \psi_6 + \varphi_6 \end{bmatrix}$$
(f)

قیود سینماتیکی وارد شده به دستگاههای متصل به پولیها نیز بهصورت رابطه (۵) تعریف میگردند.

$$C_{i} = \left[Rx_{i} + a, Ry_{i} + b, Rz_{i} + c, \varphi_{i} + \alpha, \\ \theta_{i} + \beta, \psi_{i} + f_{i} \right]^{\mathrm{T}}, \quad i = 7, ..., 10$$
(Δ)

که در آن پارامترهای a، c، b، a و β بهترتیب اعداد و زوایایی هستند که مختصات مبدأ و جهت گیری دستگاه متصل به هر پولی را در دستگاه مرجع مشخص مینمایند. توابع f_i نیز برای هر پولی مطابق روابط (β) تا (β) محاسبه می گردند [f_i].

$$f_{7} = (d \sin(\varphi_{6}) \sin(\theta_{6} / (2n_{b}))) + 2h \sin^{2}(\theta_{6} / (4n_{b}))) n_{b} / r$$
(\$)

$$f_8 = (d \cos(\varphi_6) \sin(\theta_6 / (2n_b)))$$

- 2h sin²(\(\theta / (4n_b))) n / r

$$-2h\sin^{2}(\theta_{6}/(4n_{b})))n_{b}/r$$

$$f_{9} = (d\sin(\varphi_{6})\sin(\theta_{6}/(2n_{b})))$$
(Y)

$$-2h\sin^2(\theta_6/(4n_b)))n_b/r \tag{A}$$

$$f_{10} = (d \cos(\varphi_6) \sin(\theta_6 / (2n_b)))$$

$$+2h\sin^2(\theta_6/(4n_b)))n_b/r \tag{9}$$

دو درجه آزادی ربات، مختصههای $\rho_6 = \rho_6$ درنظر گرفته شدهاند. حرکت-های دلخواه مجری نهایی ربات توسط این دو مختصه بیان میشوند. دو قید دیگر، که به آنها قید محرک گفته میشود، به ۵۸ قید قبلی افزوده شده و درنتیجه تعداد معادلات قیود برابر با تعداد مختصهها میگردند. در این حالت سیستم کاملاً مقید بوده و با روش عددی نیوتن رافسون برای تحلیل جابه-جایی حل شده است.

۲-۳- دینامیک معکوس ربات

اولین مرحله در تحلیل دینامیک معکوس، تعیین بردار مختصههای تعمیم یافته متناظر با سیستم است. در این قسمت تنها دستگاههای شماره ۱ تا ۵ که در شکل ۱–ب نشان داده شده مورد استفاده قرار گرفته است. بردار مختصههای تعمیم یافته در این تحلیل دینامیکی به شکل رابطه (۱۰) میباشد.

$$q = [Rx_{1}, Ry_{1}, Rz_{1}, \varphi_{1}, \theta_{1}, \psi_{1}, ...$$
$$Rx_{5}, Ry_{5}, Rz_{5}, \varphi_{5}, \theta_{5}, \psi_{5}]^{\mathrm{T}}$$
(1.1)

محمد غفوری ورزنه و همکاران

نیروی وارد شده از طرف کابلها به مهرهها به همراه گشتاور پیچشی ناشی از فنرهای پیچشی موجود در مفاصل جزو نیروهای خارجی قرار داده شدهاند. روابط (۱۱) و (۱۲) بیانگر نیرو و گشتاور وارد شده از طرف کابلها به مهره انتهایی است.

$$F = F_L - F_E \tag{(11)}$$
$$\bar{M} = \bar{u}_E \times \bar{F}_E + \bar{u}_L \times \bar{F}_L \tag{(17)}$$

نیرو و گشتاور اعمال شده از طرف کابلها با مهرهای میانی در رابطه (۱۳) و (۱۴) بیان شده است.

$$\overline{F} = \overline{F}_L - \overline{F}_R \tag{117}$$

$$\overline{M} = \overline{u}_R \times \overline{F}_R + \overline{u}_L \times \overline{F}_L \tag{14}$$

که در آن:

$$\overline{F}_{E} = \begin{bmatrix} 0\\0\\-T \end{bmatrix}, \quad \overline{F}_{R} = \begin{bmatrix} 2T\sin\frac{\theta}{4}\cos\frac{\theta}{4}\sin\varphi\\-2T\sin\frac{\theta}{4}\cos\frac{\theta}{4}\cos\varphi\\-2T\sin\frac{\theta}{4}\sin\frac{\theta}{4} \end{bmatrix},$$
$$\overline{F}_{L} = \begin{bmatrix} 2T\sin\frac{\theta}{4}\cos\frac{\theta}{4}\sin\varphi\\-2T\sin\frac{\theta}{4}\cos\frac{\theta}{4}\cos\varphi\\2T\sin\frac{\theta}{4}\sin\frac{\theta}{4} \end{bmatrix}$$
(14)

$$\overline{u}_{E} = \overline{u}_{R} = \begin{bmatrix} u\sin\beta\sin\phi \\ -u\sin\beta\cos\phi \\ u\cos\beta \end{bmatrix}, \quad \overline{u}_{L} = \begin{bmatrix} u\sin\beta\sin\phi \\ -u\sin\beta\cos\phi \\ -u\cos\beta \end{bmatrix}$$
(19)

$$= \tan^{-1}(d/H) \qquad (1 \forall)$$

گشتاور خارجی ناشی از فنرهای پیچشی در مفاصل نیز این گونه بیان می-شوند:

$$M_{s} = \frac{k}{5} \theta_{s} G_{s}^{T} \begin{bmatrix} -\cos \varphi_{s} \\ -\sin \varphi_{s} \\ 0 \end{bmatrix}$$
(1A)
we say that the set of the set

$$k = EI / h \tag{19}$$

که در آن E مدول الاستیسیته میله انعطاف پذیر و I ممان اینرسی سطحی میله است. با مشخص بودن نیروهای خارجی، بردار پارامتری نیروهای خارجی تعمیم یافته ناشی از کشش کابلها به صورت رابطه (۲۰) تعریف می گردد. T

$$Q_e = \left\lfloor A \,\overline{F}, \ \overline{G}^{\mathrm{T}} \overline{M} \right\rfloor^{(\mathsf{T} \cdot \mathsf{T})}$$

ماتریس جرم نیز با مشخص بودن ممان اینرسی مهرهها بهسادگی محاسبه می گردد. با مشخص بودن بردار مختصههای تعمیم یافته، بردار قیود سینماتیکی، بردار پارامتری نیروهای خارجی تعمیم یافته و بردار عددی شتاب مختصهها که از تحلیل سینماتیک معکوس بهدست آمد، با استفاده از روش جایگزینی بردار نیروهای خارجی به صورت عددی مطابق رابطه (۲۱) محاسبه می شود.

$$B_i^{\mathrm{T}} M B_i \ddot{q}_i = B_i^{\mathrm{T}} Q_e \cdot B_i^{\mathrm{T}} M \gamma_i \tag{(1)}$$

دررابطه بالا، ماتریس انتقال سرعت B و بردار مرتبه دوم سرعتها γ با

مشخص بودن ماتریس قیود و بردار سرعتها، بهسادگی محاسبه میشوند.

با برابر قرار دادن بردار عددی نیروهای خارجی تعمیم یافته با بردار پارامتری آن که تابعی از نیروی کشش کابل میباشد، مجموعه معادلاتی به-دست خواهند آمد که با حل آنها ماکزیمم نیروی کشش کابلها تعیین می-گردد. با داشتن این مقدار نیرو که برآیند نیروی کشش تکتک کابلها در هر لحظه است، میتوان با توجه به حرکت شبیهسازی شده، هر چهار نیروی کششی را در هر لحظه بهطور جداگانه محاسبه نمود.

3- نتايج

۳–۱– سینماتیک معکوس

پارامترهای استفاده شده در حل عددی در جدول ۱ ارائه شدهاند.

جدول ۱ پارامترهای استفاده شده در شبیهسازی ربات

| مقدار (mm) | پارامتر | مقدار (mm) | پارامتر |
|------------|---------|------------|---------|
| ۶ | h | ١٠ | Н |
| ٣٠ | d | 4. | D |
| | | ١۴ | r |

حرکات دلخواهی که بهطور نمونه برای ربات تعریف شده است در روابط (۲۲) تا (۲۴) آمده است. این حرکتها بهترتیب عبارتاند از مسیر کمانی، دایرهای و سینوسی دایرهای که در شکل ۲ نشان داده شدهاند.

$$C = \left[\varphi_6 - \pi t / 5, \theta_6 - \pi / 4\right]^{1} \tag{(YY)}$$

$$C = [\varphi_6, \theta_6 - \pi t / 18 + 5\pi / 18]^{\text{I}}$$
(Y^m)

$$C = \begin{bmatrix} \varphi_6 - \pi t / 5 \\ \theta_6 - \pi / 18 \sin(2\pi t / 5) - 2\pi / 9 \end{bmatrix}$$
(Yf

با حل عددی معادلات قیود ارائه شده در روابط (۲) تا (۹) بهروش نیوتن رافسون، موقعیت، سرعت و شتاب خطی و دورانی مرکز جرم تکتک مهرهها و پولیها بهدست آمده است. موقعیت زاویهای دستگاههای مختصات متصل به مرکز جرم هر چهار پولی طی حرکات فوق در شکلهای ۳ تا ۵ نمایش داده شدهاند.



شکل ۲ مسیر حرکتهای شبیه سازی شده برای مجری نهایی: الف) مسیر کمانی، ب) مسیر دایرهای پ) مسیر سینوسی دایرهای



شکل ۷ نیروی کشش کابلها و گشتاور موتورها طی حرکت دایرهای

۳-۲- فضای کاری ربات

برای یافتن فضای کاری، موقعیت دستگاههای اختصاص داده شده همانند شکل ۱-ب است، با این تفاوت که پولیها در سیستم درنظر گرفته نشدهاند. بنابراین، ۳۶ مختصه تعمیم یافته تعریف شده است. بردار قیود نیز از روابط (۲) تا (۴) بهدست میآید. این معادلات بهروش عددی نیوتن رافسون برای رسیدن به فضای کاری بیشینه حل گردیدهاند. حداکثر فضای کاری به پارامترهای ابعادی ربات از جمله طول مهرهها، قطر مهرهها، تعداد مهرهها و فاصله مهرهها از همدیگر بستگی دارد. برای ربات شبیه ازی شده در این مقاله فضای کاری به صورت شکل ۶ بهدست آمده است که یک پوسته



کروی ناقص میباشد. ابعاد این پوسته با تغییر ابعاد مهرمها و دیگر پارامترهای این بازوی رباتی قابل تغییر میباشد. هر حرکت قابل پیشبینی برای این بازوی رباتیک بر روی این پوسته کروی قرار میگیرد و آن مسیر روی این پوسته طی میشود. بهعنوان نمونه، سه مسیر دایره و کمانی و سینوسی شکل، که در بخش قبل شبیهسازی شد، قسمتی از همین فضای کاری میباشند.

۳-۳- دینامیک معکوس

با مشخص شدن نیروی کشش کابلها در هر لحظه براساس روشهای گفته شده و داشتن شتاب دورانی هر یک از پولیها در همان لحظه در طی حرکت شبیه سازی شده با استفاده از رابطه (۲۵) میتوان گشتاور اعمالی از طرف هر ۴ موتور در هر لحظه برای طی حرکت دلخواه را بهدست آورد.

$$M_{mi} - T_i r = J_i \ddot{\psi}_i, \quad i = 1, \dots 4$$
(Y Δ)

بهطور نمونه، برای مسیر دایرهای مقادیر نیروی کشش هر کابل و گشتاور موتورها در شکل ۷ آورده شدهاند.

۴- اعتبارسنجی مدل

بهمنظور اعتبارسنجی مدل ربات مارشکل ارائه شده در این مقاله، نمونهای از این ربات با مشخصات ارائه شده در جدول ۱ ساخته شده است. شکل ۸ نمایی از مدل ساخته شده این ربات را نشان میدهد.

ربات ساخته شده برای حرکت در دو مسیر کمانی و دایرهای برنامهریزی شده و مسیر پیموده شده توسط مجری نهایی در هرحالت بهدست آمده است. نتایج بهدست آمده در هر حالت در شکلهای ۹ و ۱۰ نشان داده شدهاند. در هر شکل، مسیر پیموده شده توسط مجری نهایی با مسیر مطلوب مقایسه شده است.

آزمون خطای استاندارد یکی از آزمونهای آمار است که برای تشخیص یکسان بودن میانگین برآورد شده نمونهای با میانگین جامعه کاربرد دارد. این آزمون پارامتری است؛ یعنی استفاده از آن مشروط به آن است که دو پارامتر جامعه معلوم باشند. جهت محاسبه خطای آزمایش از رابطه خطای استاندارد ۲۶ استفاده شده است.

$$E = \sqrt{\frac{1}{(n-2)} \left[\sum (y - \overline{y})^2 - \frac{\left[\sum (x - \overline{x})(y - \overline{y}) \right]^2}{\sum (x - \overline{x})^2} \right]}$$
(79)



شکل ۸ نمای کلی از ربات مارشکل ساختهشده



جدول ۲ خطای محاسبه شده نتایج تجربی

| مسير دايره | مسیر کمانی | |
|------------|------------|---------------------------|
| •/137424 | •/797979 | تکرارپذیری(cm) |
| ′∕. •/Y• | ·/. •/۵۶ | خطای نسبی |
| •/•٩١٩١ | •/١٢١٩٢٣ | خطای استاندارد آزمایش اول |
| •/• ٧٣٨۶١ | •/1499 | خطای استاندارد آزمایش دوم |
| •/• | •/١٣۵۵۵۵ | خطاى استاندارد آزمايش سوم |
| •/•٩١٩١ | •/1499 | خطاي استاندارد ماكزيمم |

نتایج حاصل از خطاگیری این آزمایش و تکرارپذیری، که در واقع ماکزیمم اختلاف بین داده های حاصل از آزمایش از میانگین آنها میباشد، برای هر مسیر در جدول ۲ ذکر شده است.

۵- نتیجه گیری

رباتهای مارشکل، بهدلیل شکل خاص خود، انعطاف پذیری زیادی داشته و در نتیجه در بسیاری از کاربردها قابل استفاده می باشند. در این پژوهش سینماتیک و دینامیک معکوس یک بازوی ربات مارشکل خاص به منظور طراحی و ساخت یک نمونه از آن مورد بررسی قرار گرفته است. زاویه و گشتاور مورد نیاز هر موتور برای طی مسیر دلخواه توسط مجری نهایی بهدست آمده است. پس از ساخت این مدل نمونه ربات، حرکت مجری نهایی آن در پیمایش مسیرهای گوناگون مورد بررسی قرار گرفته است. نایج نشان داده است که این ربات قابلیت طی مسیرهای مختلف و پیچیده را با دقت کافی و خطای بسیار کم نسبت به مسیر مطلوب دارا می باشد. این ربات در می باشد. همچنین درصورتی که یکی از مهرههای میانی ربات به جایی گیر کرده و ثابت شود، مهرههای بعد از آن هنوز توانایی حرکت توسط همان چهار کابل را دارا می باشد.

۷- مراجع

- [1] Z. Li, R. Du, M. Lei, S. Yuan, Design and analysis of a biomimetic wiredriven robot arm, ASME 2011 International Mechanical Engineering Congress & Exposition, Denver, Colorado, USA, 2011.
- [2] P. Liljeback, K. Y. Pettersen, O. Stavdahl, J. T. Gravdahl, Controllability and stability analysis of planar snake robot locomotion, *IEEE Transactions on Automatic Control*, Vol. 56, No. 6, pp. 1365-1380, 2011.
- [3] J. Gao, X. Gao, W. Zho, J. Zho, B. Wei, Design and research of a new structure rescue snake robot with all body drive system, *IEEE* International Conference on Mechatronics and Automation, Takamatsu, Kagawa, Japan, 2008.
- [4] M. M. Jalili, M. Ghafoori, F. Yousefifar, Kinematic and Dynamic Simulation of a Wire Driven Snake Robot, The First RSI/ISM International Conference on Robotics and Mechatronics, Tehran, Iran, 2013. (In Persian)
- [5] M. Ghaioor, N. Negahbani, A. H. Nakhaee, Control of without wheel snake robot with considering elliptical coulomb friction using serpenoid curve, 17th Annual Conference on Mechanical Engineering, Tehran, Iran, 2009. (In Persian)
- [6] Nuclear snake-arm robot, Accessed 16 November 2010; http:// www. zdnet.com/ heroic-tech-ten-awe-inspiring-bits-of kit_p9-3040090856.
- [7] A. A. shabana, Computational Dynamics, Third Ed., New York: John Wiley & Sons, pp. 359-445, 2010.

| ۶- فهرست ه | علايم |
|----------------|--|
| Α | ماتريس انتقال |
| D | قطر هر مهره (m) |
| d | قطر دایرهی کابلها (m) |
| G | ماتریس انتقال از دستگاه اویلر به دستگاه مرجع |
| Н | ضخامت هر مهره (m) |
| h | فاصله دو مهره متوالی (m) |
| r | شعاع پولی (m) |
| X | متغیر مستقل از جنس فاصله (دادههای تحلیلی) |
| \overline{x} | ميانگين متغير مستقل |
| у | دادههای تجربی در هر زاویه |
| \overline{y} | میانگین داده های تجربی |
| علايم يونانى | |
| φ | زاویه دوران حول محور Z طبق قرارداد اویلر |
| | l titi të n t v i titi ti ti |

زاویه دوران حول محور X طبق قرارداد اویلر θ زاویه دوران حول محور Z طبق قرارداد اویلر ψ

زيرنويس

i

شماره دستگاه مختصات مربوط