

## مدل المان مرزی و تحلیلی برای انتقال صوت از پوسته مافلر خودرو

محمد حسن شجاعی فرد<sup>۱</sup>، روح الله طالبی توتی<sup>۲\*</sup>، عارف یدالهی<sup>۳</sup>

۱- استاد دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران

۲- استادیار دانشکده مهندسی خودرو، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران

۳- کارشناس ارشد مهندسی خودرو، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران

\*تهران، صندوق پستی ۱۶۸۴۴. rtalebi@iust.ac.ir

**چکیده-** در این مقاله شبیه‌سازی تحلیلی و عددی افت انتقال صوت (TL) از پوسته مافلر تحلیل و بررسی می‌شود. از آنجا که سهم بزرگی از نویز منتشر شده از سیستم اگزوز خودرو مربوط به پوسته مافلر است، پیش‌بینی صحیح افت انتقال صوت از پوسته مافلر اهمیت ویژه‌ای دارد. در روش تحلیلی، مافلر به صورت پوسته‌ای استوانه‌ای با طول بینهایت در معرض امواج صفحه‌ای هارمونیک در نظر گرفته شده و با حل دقیق معادلات ارتعاش پوسته و معادلات موج آکوستیکی به طور همزمان، TL محاسبه می‌شود. در روش عددی به کمک نرم‌افزار تجاری SYSNOISE که نوعی نرم‌افزار المان مرزی (BEM) است، از کوپل سازه‌ای مدل‌های FEM/BEM برای پیش‌بینی افت انتقال (TL) استفاده می‌شود. مطابقت نتایج به دست آمده از مدل تحلیلی و مدل عددی با داده‌های آزمایشگاهی بررسی شده و در نهایت تاثیر پارامترهای طراحی مهم مانند ضخامت و شکل هندسی پوسته برای انتخاب راهبرد طراحی مطالعه می‌شود.

**کلیدواژگان:** مافلر، انتقال صوت، مدل المان مرزی (BEM)، نرم‌افزار SYSNOISE.

## BE and analytical model of sound transmission through an automotive muffler shell

M. H. Shojaeifard<sup>1</sup>, R. Talebitooti<sup>2\*</sup>, A. Yadollahi<sup>3</sup>

1- Prof., Mechanical Engineering Department, Iran Univ. of Science and Techn.

2- Assist.Prof., Automotive Engineering Department, Iran Univ. of Science and Tech.

3- M. Sc. of Automotive Engineering, Iran Univ. of Science and Tech.

\*P.O.B. 16844, Tehran Iran. rtalebi@iust.ac.ir

**Abstract-** In this study, TL characteristics of muffler shells are simulated using analytical and numerical model. Noise generated by engines, is radiated out into the atmosphere at the radiation end of the muffler and also from the shell of the muffler. So, accurate prediction of sound radiation characteristics from muffler shells is of significant importance in automotive exhaust system design. In analytical method, an exact solution is obtained by solving the vibration equation of the shell and acoustic wave equations simultaneously. Then, in numerical model, with the aid of SYSNOISE, commonly used commercial boundary element software, the coupled structural FEM-BEM model is applied to predict the TL of muffler shell. The predicted results agreed reasonably well with the experimental results. The effects of important design parameters likes thickness and geometrical shape are studied to provide design guidelines.

**Keywords:** Muffler, Sound Transmission, Boundary Element Method (BEM), SYSNOISE.

## ۱- مقدمه

بخش مهمی از نويز خارج شده از سيستم اگزوز خودرو، از پوسته مافلر است. قوانين محدود کننده محیطی و اولویت‌های اصلی مشتری، مهندسان را وادار می‌کند که از روش‌هایی قابل اعتماد برای محاسبه مشخصه انتقال صوت از پوسته مافلر استفاده کنند. روش‌های تحلیلی، عددی و آزمایشگاهی برای پیش بینی تراز انتقال صوت بکار می‌رود.

انتقال نويز از طریق پوسته استوانه‌ای توسط بسیاری از محققان مانند اسمیت [۱]، وایت [۲]، کوال [۳-۶]، بلیز و همکاران [۷، ۸، ۹] و تانگ و همکاران [۱۰ و ۱۱] برای اهداف مختلفی بویژه در طراحی هواپیما، مطالعه شده است. کیم و لی [۱۲ و ۱۳] روش‌های حل برای مطالعه مشخصه انتقال صوت از دیواره پوسته استوانه‌ای تک لایه و دولایه ارائه کرده‌اند. همچنین دانشجو و همکاران [۱۴] افت انتقال صوت از پوسته استوانه‌ای اورتوتروپیک را به صورت تحلیلی بررسی کردند. در این تحلیل‌ها معمولاً سیستم استوانه‌ای به طول بینهایت در معرض موج ورودی صفحه‌ای ساده‌سازی شده است و در تمامی موارد، پاسخ با حل معادلات ارتعاش پوسته کامل به روش برهم‌نهی مود به دست آمده است. در این روش مقایسه نسبی پارامترهای مختلف طراحی مانند ضخامت، شعاع و جنس پوسته به سرعت امکان پذیر است.

بسیاری از محققان از مدل‌های کوپل سازه‌ای FEM/BEM برای پیش‌بینی افت انتقال (TL) سازه‌های مختلف استفاده کرده‌اند [۱۵-۱۸]. در روش عددی مودهای عمودی سازه به کمک نرم‌افزارهای المان محدود محاسبه می‌شود. مودهای به دست آمده برای اجرای تحلیل المان مرزی سازه‌ای کوپل، برای محاسبه میدان فشار صوت به نرم‌افزار المان مرزی منتقل می‌شود و تراز شدت صوت در داخل و خارج سازه جهت محاسبه مشخصه‌های افت انتقال به دست می‌آید. این روش می‌تواند در پیش بینی TL برای مافلهایی با طراحی پیچیده خارجی و دارای جزئیات داخلی به شکل بسیار موثری استفاده می‌شود. اما از طرفی، این روش نیازمند مهارت زیادی در زمینه CAE است.

SYSNOISE نوعی نرم‌افزار المان مرزی است. یکی از

مزایای حل به روش المان مرزی (BEM) نسبت به روش المان محدود (FEM)، استفاده از شبکه‌بندی دوبعدی به جای سه‌بعدی است که در نتیجه، سرعت و سهولت حل مسأله و همچنین دقت بالاتر جواب‌ها را در پی دارد. به علاوه، اهمیت این مزایا در استفاده از روش المان مرزی برای مسائل انتشار نويز، به دلیل نیاز نداشتن به شبکه‌بندی محیط آکوستیکی، دوچندان می‌شود.

هدف این تحقیق محاسبه افت انتقال (TL) از پوسته مافلر با استفاده از روش عددی با به‌کارگیری ابزارهای تجاری FEM/BEM موجود (مانند نرم‌افزارهای SYSNOISE و NASTRAN) و همچنین مدل تحلیلی است. سپس نتایج، با نتایج آزمایشگاهی موجود برای پوسته مافلر تک‌لایه مقایسه می‌شود. پس از آن که یکبار مدل شبیه‌سازی شده با نتایج آزمایشگاهی اعتبارسنجی شد، مدل‌های مختلف دیگر را نیز می‌توان ارزیابی کرد. مدل‌های به‌کار رفته در مدل‌های آزمایشگاهی، عددی و تحلیلی، ابعاد و خواص یکسانی دارند، به جز طول نامحدود که به‌ناچار در مدل تحلیلی فرض شده است. در مدل آزمایشگاهی برای به‌دست آوردن نويز عبور کننده از پوسته مافلر به‌تنهایی و جلوگیری از عبور نويز از قسمت‌های دیگر مافلر، صفحه‌های انتهایی و لوله‌های ورودی و خروجی مافلر ضخیم در نظر گرفته می‌شود، اما در مدل عددی، این صفحه‌ها و لوله‌ها به صورت صلب مدل‌سازی شده است. همچنین تأثیر پارامترهای مهم طراحی مانند ضخامت پوسته و شکل هندسی مافلر مطالعه شده است.

## ۲- فرمول‌بندی و محاسبه افت انتقال صوت به روش تحلیلی

پاسخ لرزه- آکوستیکی سیستم، از حل کردن همزمان معادلات پوسته و موج آکوستیکی به دست می‌آید. طرح‌واره‌ای از محفظه به‌کار رفته در فرمول‌بندی مسأله در شکل ۱ نشان داده شده است. طول استوانه نامحدود فرض می‌شود.  $\gamma_i$  زاویه موج برخورد کننده،  $R_i$  شعاع محفظه،  $h_i$  ضخامت دیواره و  $\rho_i$  چگالی جرمی است. موج ورودی، صفحه‌ای بوده و تشعشع آن

در سطوح داخلی و خارجی پوسته، سرعت جزئی محیط آکوستیکی در جهت عمود با سرعت عمود پوسته برابر است، که معادلات زیر را نتیجه می دهد:

$$\frac{\partial(p^I + p_1^R)}{\partial r} = -\rho_1 \frac{\partial w_1}{\partial t} \quad \text{at } r=R \quad (3)$$

$$\frac{\partial p_r^T}{\partial r} = \rho_r \frac{\partial w_r}{\partial t} \quad \text{at } r=R \quad (4)$$

موج هارمونیک اصابت کننده  $p^I$  از خارج را -در شکل ۱ نشان داده شد- می توان در مختصات استوانه ای به صورت زیر نمایش داد:

$$p^I(r, z, \theta, t) = p_0 \sum_{n=-\infty}^{\infty} \varepsilon_n (-j)^n J_n(k_{1r} r) \cos[n\theta] e^{j(\omega t - k_{1z} z)} \quad (5)$$

$p_0$  دامنه موج اصابت کننده،  $J_n$ ،  $j = \sqrt{-1}$  تابع بسل نوع اول و  $\omega$  فرکانس زاویه ای است. موج انتقال یافته به خارج و داخل محفظه،  $p_1^R$  و  $p_3^T$ ، به صورت زیر داده می شود:

$$p_1^R(r, z, \theta, t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} p_{1n}^R H_n^+(k_{1r} r) \cos[n\theta] e^{j(\omega t - k_{1z} z)} \quad (6)$$

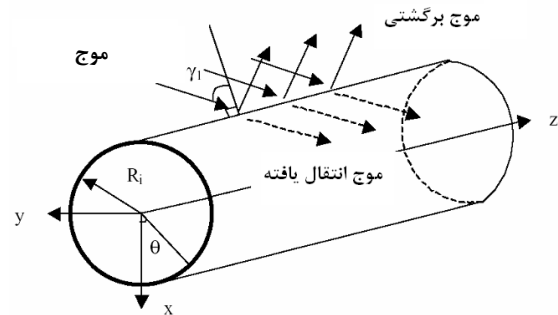
$$p_r^T(r, z, \theta, t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} p_{rn}^R H_n^-(k_{rr} r) \cos[n\theta] e^{j(\omega t - k_{rz} z)} \quad (7)$$

که در آن،  $H_n^1$  و  $H_n^2$  به ترتیب توابع هنکل نوع اول و دوم مرتبه  $n$  است.

سه مولفه جابه جایی پوسته را می توان به شکل زیر نشان داد [۴]:

$$w_1(z, \theta, t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} w_{1n} \cos[n\theta] e^{j(\omega t - k_{1z} z)} \quad (8)$$

در صفحه ای موازی با صفحه  $x-z$  صورت می گیرد. فضای آکوستیکی در داخل و خارج پوسته دارای چگالی و سرعت صوت به ترتیب برابر  $\{\rho_1, c_1\}$  و  $\{\rho_3, c_3\}$  است.



شکل ۱ طرح وارده ای از مدل تحلیلی

معادله موج در فضای داخلی و خارجی به صورت زیر است [۱۲]:

$$\begin{aligned} c_1 \nabla^2 (p^I + p_1^R) + \frac{\partial^2 (p^I + p_1^R)}{\partial t^2} &= 0 \\ c_r \nabla^2 p_r^T + \frac{\partial^2 p_r^T}{\partial t^2} &= 0 \end{aligned} \quad (1)$$

که در آن  $\nabla^2$  عملگر لاپلاسی در دستگاه مختصات استوانه ای  $p^I$  و  $p_1^R$  و  $p_r^T$  به ترتیب فشار آکوستیکی موج های ورودی، منعکس شده و عبورکننده است.

معادلات پوسته به صورت معادلات زیر است که در آن  $\{u_1^0, v_1^0, w_1^0\}$  جابه جایی پوسته در صفحه خنثا به ترتیب در جهت های محوری، محیطی و شعاعی است.

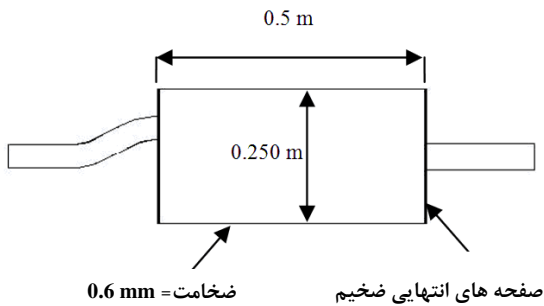
$$\begin{aligned} L_1\{u_1^0, v_1^0, w_1^0\} &= \rho_1 h_1 u_1^0 \\ L_r\{u_1^0, v_1^0, w_1^0\} &= \rho_r h_r v_1^0 \end{aligned} \quad (2)$$

$$L_r\{u_1^0, v_1^0, w_1^0\} + (p^I + p_1^R) - p_r^T = \rho_r h_r u_1^0$$

اپراتورهای دیفرانسیل  $L_1$ ،  $L_2$  و  $L_3$  در مرجع [۱۲] ارائه شده اند.

گرفته شده است.

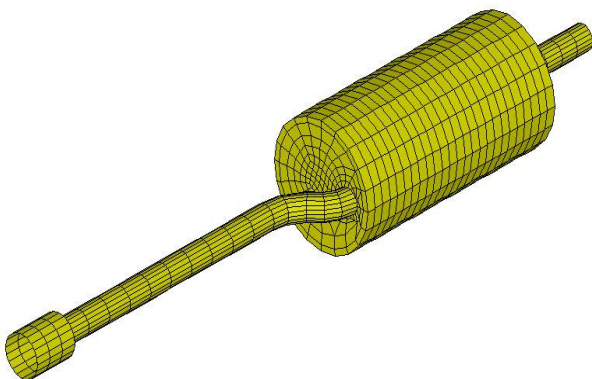
در صنعت خودرو، نویز ساطع شده از مافلر بسته به دور موتور در ۲۰۰۰ تا ۶۰۰۰ دور بر دقیقه وجود دارد. بنابراین در این مطالعه تمامی تحلیل‌ها در محدوده فرکانسی ۵۰ تا ۱۲۵۰ هرتز انجام شده است.



شکل ۲ مدل مافلر

### ۳-۲- تحلیل مودی المان محدود

برای محاسبه افت انتقال (TL) سازه به روش کوپل سازه‌ای FEM-BEM، باید شکل مودهای سازه تعیین شود. مودهای طبیعی پوسته مافلر به روش المان محدود و با استفاده از نرم‌افزار المان محدود تجاری NASTRAN محاسبه و به نرم‌افزار SYSNOISE وارد می‌شود. مدل المان محدود در شکل ۳ نشان داده شده است.



شکل ۳ مدل المان محدود مافلر

$$u'_i(z, \theta, t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} u'_{in} \cos[n\theta] e^{j(\omega t - k_{iz} z)} \pi \quad (9)$$

$$v'_i(z, \theta, t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} v'_{in} \cos[n\theta] e^{j(\omega t - k_{iz} z)} \quad (10)$$

با جایگذاری معادلات (۵) و (۶) تا (۱۰) در معادله پوسته (معادله (۲)) و دو شرایط مرزی [معادله (۳) و (۴)]، پنج معادله حرکت به دست می‌آید. با حل این معادلات، پنج ضریب مجهول  $w_{3n}^0$ ،  $v_{3n}^0$ ،  $u_{3n}^0$ ،  $p_{3n}^T$ ،  $p_{1n}^R$  بر حسب  $p_0$  به دست می‌آیند. نسبت دامنه موج‌های ورودی و انتقال یافته به دست آمده از این روش، محاسبه افت انتقال (TL) را امکان‌پذیر می‌سازد.

سپس افت انتقال (TL) از پوسته به صورت زیر به دست می‌آید [۱۲]:

$$(11)$$

$$TL =$$

$$-10 \log_{10} \sum_{n=-\infty}^{\infty} \frac{\operatorname{Re}\{p_{rn}^T \times H_n^*(k_{rr} R_i) \times (j \omega w'_{in})^*\} \times \rho c \pi}{\varepsilon_n \cos(\gamma) p^T}$$

$$\text{برای } n=1 \text{ داریم } \varepsilon_n=1 \text{ و برای } n=2,3,\dots, \varepsilon_n=2$$

### ۳- محاسبه افت انتقال به روش عددی

#### ۳-۱- توصیف مدل

نمونه مافلر استفاده شده در این مطالعه دارای ابعاد مورد استفاده در صنعت خودرو است. مدل مورد نظر از پوسته تک جداره با ضخامت ۰/۶ میلی‌متر، طول ۰/۵ متر و شعاع ۱۲/۵ سانتی‌متر ساخته شده است. ابعاد و هندسه مدل مانند نمونه مورد استفاده در روش آزمایشگاهی است. جزئیات هندسی مدل مافلر در شکل ۲ نشان داده شده است. در مدل آزمایشگاهی، صفحه‌های انتهایی و لوله‌های ورودی و خروجی، برای صرف نظر کردن از انتقال نویز، ضخیم در نظر گرفته شده است. بنابراین در مدل عددی شرط مرزی جابه‌جایی صفر برای این صفحه‌ها و همچنین لوله‌های ورودی و خروجی در نظر

خواص فولاد مافلر در جدول ۱ آورده شده است [۱۹]:

جدول ۱ خواص فولاد مافلر

خواص فولاد پوسته مافلر	
مدول یانگ	۲۰۶/۲ گیگا پاسکال
ضریب پواسون	۰/۲۹
چگالی	۷۶۹۵/۰۴ کیلوگرم بر متر مربع

چند مود به دست آمده برای مدل مافلر (با ضخامت ۰/۶ میلی‌متر) و شکل مودهای متناظر، در جدول ۲ ارائه شده است. در این جدول همچنین نتایج بدست آمده از محاسبه تحلیلی برای استوانه‌ای با شرط مرزی دیافراگم برشی یا تکیه گاه ساده<sup>۱</sup> ارائه شده است. دیده می‌شود که نتایج حاصل از روش FEM با استفاده از نرم‌افزار NASTRAN با نتایج تحلیلی مطابقت خوبی دارد.

جدول ۲ مودهای سازه‌ای پوسته مافلر با ضخامت ۰/۶ میلی‌متر

شماره مود (m,n)	فرکانس تحلیلی (Hz)	فرکانس FEM (Hz)
(۱و۴)	۲۷۷/۳	۲۷۹/۴
(۱و۵)	۲۷۷/۶	۲۷۹/۵
(۱و۶)	۳۵۲/۴	۳۵۴/۵
(۱و۳)	۴۰۶/۹	۴۰۹/۲
(۱و۷)	۴۶۶/۱	۴۶۸/۲
(۲و۶)	۵۴۵/۲	۵۴۸/۶
(۲و۷)	۵۶۹/۵	۵۷۳/۸
(۱و۸)	۶۰۵/۴	۶۰۶/۲
(۱و۲)	۷۷۹/۲	۷۷۷/۷

منطقی است که در فرکانس‌هایی نوین انتقال یافته ماکزیمم خواهد شد که منطبق بر مودهای سازه‌ای پوسته و یا مودهای

1. Shear Diaphragm

آکوستیکی محفظه باشد. مودهای سازه‌ای مدل در جدول ۲ ارائه شد. مودهای آکوستیکی محفظه را می‌توان با استفاده از روش المان محدود سیال در SYSNOISE انجام داد. تحلیل المان محدود آکوستیکی جزئی از مراحل تحلیل المان مرزی ما در محاسبه نویز خارج شده، نمی‌باشد. این تحلیل فقط جهت درک بهتر از رفتار سیستم صورت پذیرفته است. ده مود اول آکوستیکی محاسبه شده برای محفظه مدل مافلر در جدول ۳ ارائه شده است.

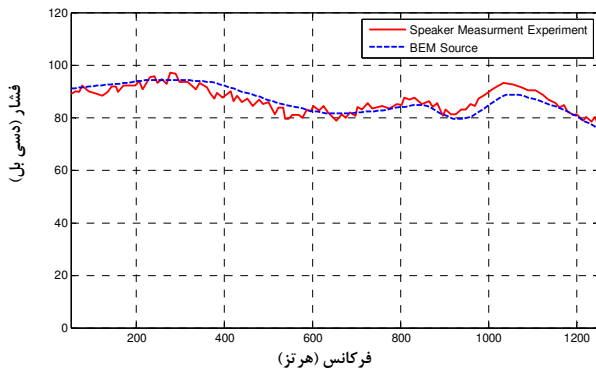
جدول ۳ مودهای آکوستیکی محفظه مافلر

شماره مود	فرکانس FEM (Hz)
۱	۲۵۳
۲	۳۴۴
۳	۵۱۰
۴	۶۷۶
۵	۷۶۷
۶	۸۰۹
۷	۸۱۲
۸	۸۸۰
۹	۸۹۳
۱۰	۱۰۱۷

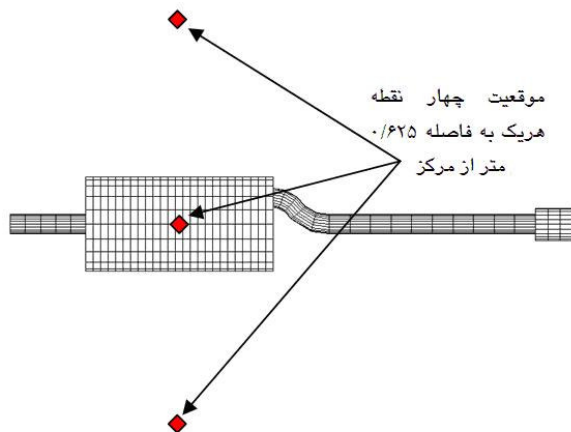
### ۳-۳- تحلیل المان مرزی آکوستیکی

نویز ساطع شده از سازه را به روش عددی با استفاده از نرم‌افزارهای مختلفی مانند SYSNOISE، ABAQUS، ANSYS و NASTRAN می‌توان محاسبه کرد. اما فقط نرم افزار SYSNOISE امکان تحلیل به روش المان محدود و المان مرزی را دارد. سایر نرم‌افزارها فقط بر پایه الگوریتم المان محدود عمل کرده و قابلیت تحلیل به روش المان مرزی را ندارند. مزیت اصلی روش المان مرزی نسبت به روش المان محدود آن است که به شبکه‌بندی میدان سیال در اطراف سازه نیاز نداشته و از این‌رو، مرحله شبکه‌بندی برای تحلیل بسیار ساده شده و حجم المان‌ها و گره‌ها تا حد زیادی کاهش می‌یابد.

خارج محفظه مافلر است. مدل المان مرزی مورد استفاده برای محاسبه فشار خارجی در شکل ۶ نشان داده شده است. مقادیر فشار در چهار نقطه روبه روی هم در امتداد قطر میانگین گیری شده است (هریک به فاصله ۰/۶۲۵ از مرکز مافلر).



شکل ۵ مدل منبع در آزمون و SYSNOISE



شکل ۶ مدل المان مرزی استفاده شده برای محاسبه فشار در خارج مافلر

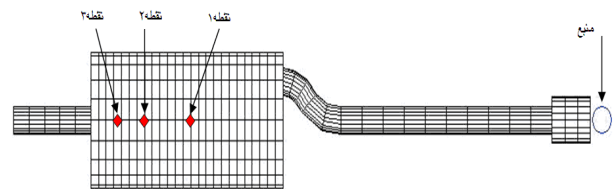
#### ۴- بررسی نتایج عددی

در پایان، پس از کوپل کردن دو مدل FEM و BEM، تحریک توسط منبع کروی در ابتدای لوله مافلر، مقدار فشار در داخل محفظه مافلر در نقاط تعریف شده محاسبه می شود. شکل ۷ مقادیر فشار را در سه نقطه داخلی و همچنین متوسط فشار داخلی را برحسب دسی بل (dB) و تابعی از فرکانس

بنابراین بازه فرکانسی تحلیل در آن نسبت به FEM گسترده تر است.

مرحله اول در تحلیل آکوستیکی، مربوط به محاسبه فشار در داخل محفظه مافلر است. برای این منظور مدل سازه‌ای مافلر و مودهای سازه‌ای محاسبه شده از نرم افزار المان محدود خارجی به SYSNOISE وارد شده و سپس مدل آکوستیکی - که از لحاظ هندسه و شبکه بندی با مدل سازه‌ای مطابقت کامل دارد - برای کوپل دو مدل به SYSNOISE وارد می شود. مدل المان مرزی استفاده شده برای محاسبه فشار داخل محفظه مافلر در شکل ۴ نشان داده شده است. همان طور که در شکل ۴ دیده می شود، فشار آکوستیکی در سه نقطه در داخل محفظه مافلر محاسبه شده و به کمک معادله (۱۲) متوسط گیری شده و برای محاسبه TL استفاده می شود. متوسط گیری در سه نقطه با رابطه زیر انجام می شود [۲۰]:

$$P_{in-ave} = 10 \cdot \text{Log}_{10} \left[ \frac{1}{3} (10^{(P_{in1}/10)} + 10^{(P_{in2}/10)} + 10^{(P_{in3}/10)}) \right] \quad (12)$$



شکل ۴ مدل المان مرزی استفاده شده برای محاسبه فشار در داخل مافلر

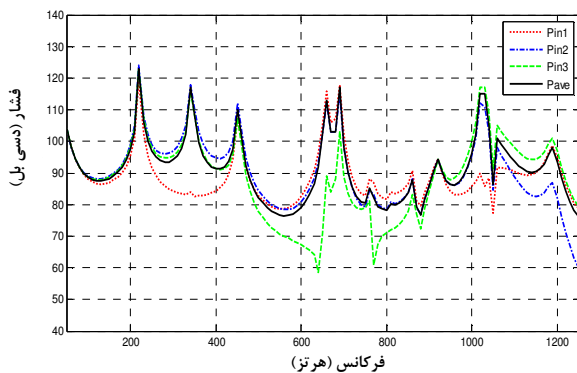
برای آن که نتایج عددی و آزمایشگاهی قابل مقایسه باشند، در این مرحله به مدل سازی منبع تحریک نیاز است. فشار آکوستیکی خروجی از بلندگو در مدل آزمایشگاهی، اندازه گیری شده و برای مدل منبع تحریک در SYSNOISE در نظر گرفته شده است (از [۲۱]). منبع تحریک استفاده شده از نوع کروی است. در شکل ۵ تراز فشار صوت<sup>۱</sup> اندازه گیری شده در آزمایش و مدل منبع در SYSNOISE مقایسه شده است.

مرحله دوم تحلیل آکوستیکی، محاسبه فشار صوت در

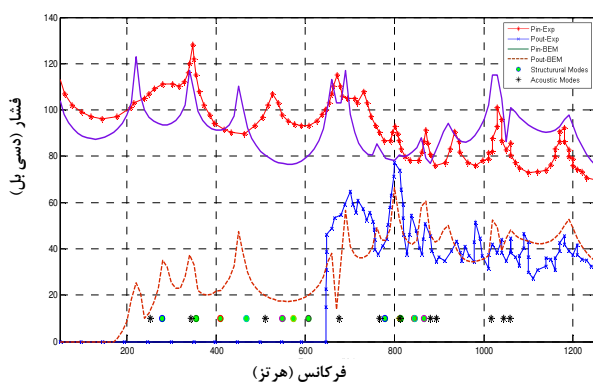
1. SPL

نشان می‌دهد.

افت انتقال به‌دست آمده از روش تحلیلی و آزمایشگاهی در محدوده فرکانسی بالای ۶۵۰ هرتز، مطابقت خوبی دارند. اختلاف نسبتاً زیاد در فرکانس‌های پایین می‌تواند ناشی از فرض‌های اصلی در فرمول بندی مدل تحلیلی باشد. در مدل تحلیلی طول بینهایت فرض شده و تأثیر این شرایط مرزی بر محاسبه افت انتقال (TL) مدل آزمایشگاهی با طول محدود در مودهای پایین - که طول موج بلندتری دارند - اهمیت بیشتری می‌یابد. شرایط موج اصابت کننده تخت همراه با مدل‌سازی جابه‌جایی پوسته فقط با موج خمشی نیز می‌تواند در ایجاد اختلاف بین نتایج مدل تحلیلی و آزمایشگاهی سهیم باشد.



شکل ۷ فشار در سه نقطه داخلی و متوسط آنها



شکل ۸ متوسط فشار در داخل و خارج مافلر در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی

متوسط فشار در خارج مافلر، متوسط فشار در داخل محفظه مافلر، همراه با مودهای سازه‌ای و مودهای آکوستیکی در شکل ۸ ترسیم شده و با فشارهای داخلی و خارجی حاصل از آزمون آزمایشگاهی مقایسه شده است.

افت انتقال (TL) با در دست داشتن توان آکوستیکی در داخل و خارج مافلر قابل محاسبه است. رابطه زیر افت انتقال را برحسب فشار آکوستیکی نشان می‌دهد:

$$TL = 20 \log(Pa_{in} / Pa_{out}) \quad (13)$$

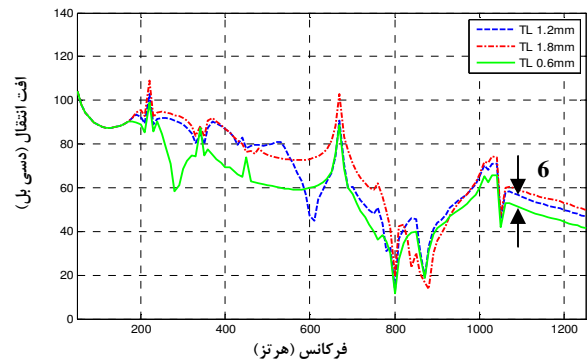
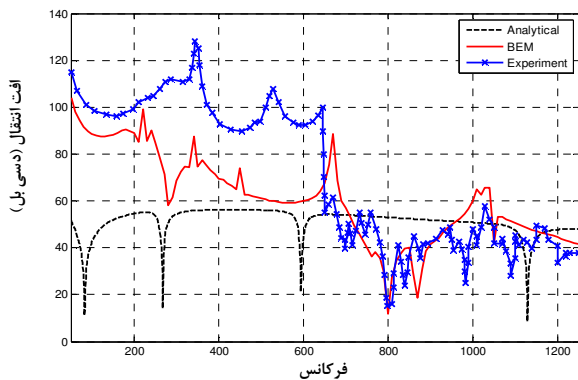
که در آن  $Pa_{in}$  فشار آکوستیکی در داخل مافلر و  $Pa_{out}$  فشار آکوستیکی در خارج مافلر است.

افت انتقال محاسبه شده از روش عددی در شکل ۹ در کنار افت انتقال به دست آمده از روش تحلیلی و نتایج آزمون آزمایشگاهی برای مافلر با ضخامت ۰/۶ میلی متر ترسیم شده است.

مطابقت خوبی بین نتایج عددی و آزمایشگاهی برای تراز فشار صوت در داخل محفظه مافلر وجود دارد و مقایسه افت انتقال (TL) مطابقت منطقی و قابل قبولی را نشان می‌دهد. شبیه‌سازی عددی می‌تواند مودهای سازه‌ای و آکوستیکی در مدل را با دقت خوبی محاسبه کند. اختلاف موجود در TL ناشی از تفاوت در شرایط مرزی و محیط اطراف در آزمایش و شبیه‌سازی است. روش BEA محیط را به طور کامل بی‌پژواک<sup>۱</sup> فرض می‌کند. در آزمایش واقعی، امواج بازتاب شده، به سبب حضور کف سخت و دیوارهای جانبی، حضور دارند. در آزمون آزمایشگاهی انتهای مافلر به صورت بی‌پژواک مدل شده اما در شبیه‌سازی عددی انتهای مافلر باز است. به طور کلی می‌توان نتیجه گرفت که شبیه‌سازی عددی، رفتار آکوستیکی مدل را به خوبی پیش‌بینی کرده است.

1. Anechoic

در هر دو شبیه‌سازی تحلیلی و عددی، با دو برابر شدن ضخامت (از  $0/6$  میلی‌متر به  $1/2$  میلی‌متر)، TL در حدود  $6$  دسی‌بل افزایش یافت. این پیش بینی با قانون جرم که بیان می‌کند افت انتقال از یک پنل با دو برابر کردن ضخامت پنل  $6$  دسی‌بل افزایش می‌یابد، به خوبی مطابقت دارد [۲۰]. شبیه‌سازی عددی مانند شبیه‌سازی تحلیلی در حدود  $3/6$  دسی‌بل افزایش در TL با افزایش ضخامت از  $1/2$  میلی‌متر به  $1/8$  میلی‌متر را پیش‌بینی می‌کند.



شکل ۹ مقایسه افت انتقال در روش آزمایشگاهی، عددی و تحلیلی

## ۵- مطالعه حساسیت پارامترهای طراحی بر افت انتقال

اثر پارامترهای مختلف طراحی مافلز خودرو مانند ضخامت پوسته و شکل سطح مقطع را در تعیین حساسیت افت انتقال مطالعه می‌کنیم. در هر دو مدل شبیه‌سازی شده تحلیلی و عددی پارامترهای دیگر ثابت در نظر گرفته شده است.

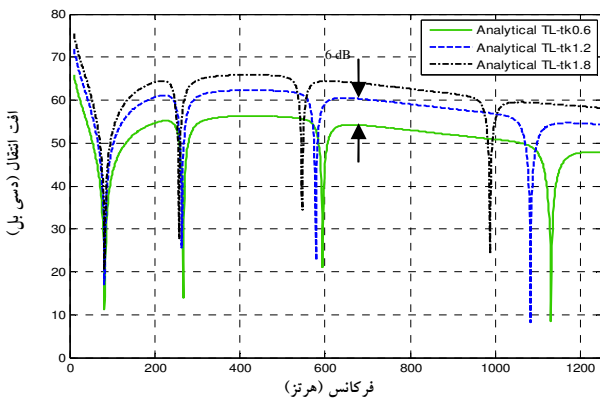
### ۵-۱- اثر ضخامت

به منظور تعیین اثر ضخامت بر TL، پوسته مافلز با سه ضخامت مختلف،  $0/6$  میلی‌متر (مدل پایه)،  $1/2$  میلی‌متر و  $1/8$  میلی‌متر تحلیل شد. سایر پارامترها مانند مدلی است که در بخش قبلی با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شد. چند مود اول سازه‌ای برای پوسته مافلز با ضخامت  $1/2$  و  $1/8$  میلی‌متر در جدول ۴ ارائه شده است. در شکل ۱۰، TL به دست آمده از شبیه‌سازی عددی برای ضخامت‌های مختلف پوسته مقایسه شده است. همچنین در شکل ۱۱ نیز افت انتقال (TL) به دست آمده از روش تحلیلی مقایسه شده است.

جدول ۴ مدهای پوسته مافلز با ضخامت  $1/2$  و  $1/8$  میلی‌متر

شماره مود (m,n)	فرکانس عددی برای ضخامت $1/2$ (Hz)	فرکانس عددی برای ضخامت $1/8$ (Hz)
(۱,۴)	۳۷۸/۹	۵۰۱/۸
(۱,۳)	۴۳۴/۸	۴۷۵/۹
(۱,۵)	۴۹۱/۹	۷۱۴/۸
(۱,۶)	۶۸۳/۲	۱۰۱۲/۷
(۲,۵)	۷۷۲/۵	۹۴۹/۷
(۱,۲)	۷۸۴/۴	۸۰۱/۹

شکل ۱۰ مقایسه افت انتقال برای ضخامت‌های مختلف (به روش المان مرزی)



شکل ۱۱ مقایسه افت انتقال برای ضخامت‌های مختلف (به روش تحلیلی)

### ۵-۲- اثر هندسه

برای تعیین اثر شکل محفظه بر TL، پوسته مافلز با سه سطح مقطع



مدل‌ها برابر است، هرچه انحنای پوسته از حالت دایروی فاصله می‌گیرد صلبیت خمشی کاهش یافته و در نتیجه، سختی سازه کاهش می‌یابد که این به کاهش فرکانس‌های طبیعی سازه منجر می‌شود.

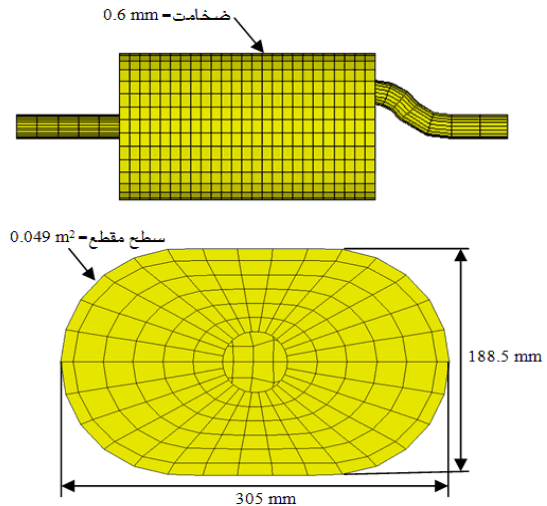
متفاوت، استوانه‌ای (مدل پایه)، بیضی و چندضلعی<sup>۱</sup> تحلیل شد. هر سه مدل دارای مساحت سطح مقطع یکسان بود (۰/۰۴۹ متر مربع) و پارامترهای دیگر ثابت در نظر گرفته شد. مدل با سطح مقطع بیضی و چند ضلعی در شکل ۱۲ و ۱۳ نشان داده شده است.

جدول ۵ مودهای پوسته مافلر با سطح‌های مقطع متفاوت

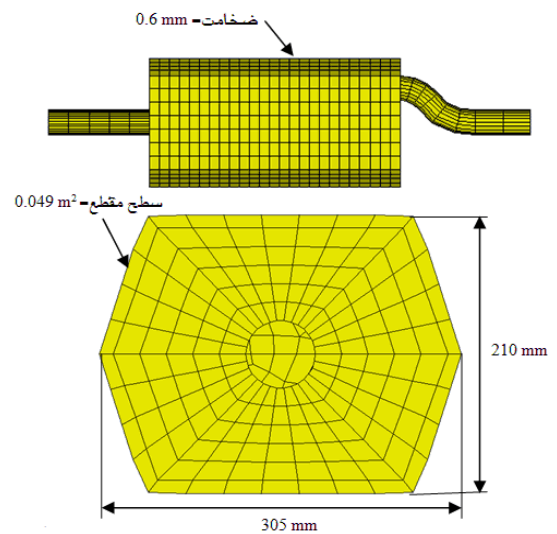
شماره مود	فرکانس عددی سطح مقطع بیضی (Hz)	فرکانس عددی سطح مقطع چندضلعی (Hz)
۱	۱۱۰/۵	۷۰/۸
۲	۱۲۲/۷	۷۳/۱
۳	۱۵۸/۵	۹۵/۵
۴	۱۶۰/۳	۹۷/۶
۶	۲۰۰/۱	۱۳۰/۲
۷	۲۰۲	۱۳۲/۳
۸	۲۲۸/۵	۱۴۴/۴
۹	۲۳۴/۹	۱۷۳/۴
۱۰	۲۴۵/۳	۱۷۴/۶

مقایسه بین TL به دست آمده از سطح‌های مقطع مختلف در شکل ۱۴ نشان داده شده است.

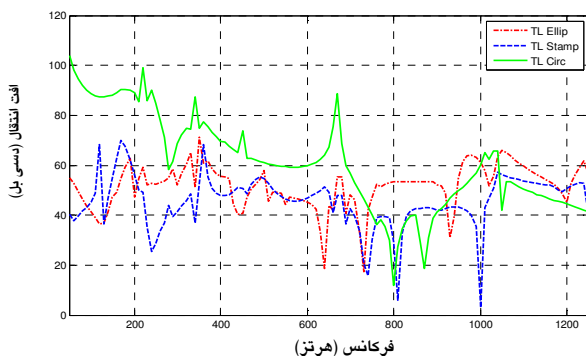
همان‌طور که دیده شد TL تا حد زیادی به شکل سطح مقطع مافلر بستگی دارد و مافلر با سطح مقطع چند ضلعی کمترین TL را دارد. همچنین دیده می‌شود که هر دو مافلر با سطح مقطع بیضی و چندضلعی، چگالی مودی بالا در محدوده فرکانسی پایین در مقایسه با مافلر با سطح مقطع دایروی دارند. کاهش در TL و افزایش در چگالی مودی می‌تواند ناشی از کاهش سختی با منحرف شدن مقطع مافلر از شکل دایروی باشد.



شکل ۱۲ مدل مافلر با سطح مقطع بیضی



شکل ۱۳ مدل مافلر با سطح مقطع چند ضلعی



شکل ۱۴ TL به دست آمده از سطح‌های مقطع مختلف

ده مود سازه‌ای اول برای مدل با سطح مقطع بیضی و چند ضلعی در جدول ۵ ارائه شده است. از آنجا که سطح مقطع

1. Stamp

shell, comparison with Koval's results and understanding of phenomena" *Journal of Sound and Vibration*, No. 150, 1991, pp233-43.

- [8] Blaise A., Lesuer C.; "3-D orthotropic multi-layered infinite cylindrical shell, part I: formulation of the problem" *Journal of Sound and Vibration* 5, No. 171, 199, pp651-64.
- [9] Blaise A., Lesuer C.; "3-D orthotropic multi-layered infinite cylindrical shell, part II: validation and numerical exploitation for large structures" *Journal of Sound and Vibration* 5, No. 171, 1994, pp665-80.
- [10] Vette Y., Tang Y., Robinson JH., Silcox RJ., Sound transmission through a cylindrical sandwich shell with honeycomb core, 34th AIAA Aerospace Science Meeting and Exhibit, AIAA-96-0877, 1996, pp 1-10.
- [11] Vette Y., Tang Y., Robinson JH., Silcox RJ., Sound transmission through two concentric cylindrical sandwich shells, Proceedings of the 14th International Modal Analysis Conference, Japan 1996, pp1488-92.
- [12] Lee J.H., Kim J.; "Study on sound transmission characteristics of a cylindrical shell using analytical and experimental models" *Journal of applied acoustics*, No. 64, 2003, pp611-622.
- [13] Lee J.H., Kim J.; "Analysis and measurement of sound transmission through double walled cylindrical shell" *Journal of sound and vibration* 4, No. 251, 2002, pp631-649.
- [14] Daneshjou K., Nouri A., Talebitooti R.; "Sound transmission through laminated composite cylindrical shells using analytical model" *Archive of Applied Mechanics* 6, No. 77, 2007, pp 363-379.
- [15] Hu K., Lee C., Homsy E., Moenssen D.; "Acoustics Modeling and Radiated Noise Prediction for Plastic Air-Intake Manifolds" *SAE 2003011448*.
- [16] Desmet W., Sas P., Vibro-acoustic analysis procedures for the evaluation of the sound insulation characteristics of agricultural machinery cabins, Proceedings for 25th ISMA conference, 2000, pp1587-1598.
- [17] Lee J. H., Development of new technique for damping identification and sound transmission analysis through various structures, Ph.D. dissertation, University of Cincinnati, 2001.
- [18] Herrin D.W., Tao Z., Liu J., Seybert A.F., Using Boundary Element Analysis to Analyze Multi-Component Exhaust Systems, *SAE 2007012182*.
- [19] Gere J. M., Stephen P., Timoshenko, *Mechanics of Materials*, Boston, MA, PWS Publishers, 2000.

## ۶- نتیجه گیری

در بخش اول، روش تحلیلی برای محاسبه TL برای پوسته استوانه‌ای تک‌جداره ارائه شد. به سبب فرض‌های موجود در فرمول‌بندی مسأله، روش تحلیلی توانایی تعیین دقیق موده‌های سازه‌ای و آکوستیکی را ندارد. هرچند TL حاصل از روش تحلیلی در فرکانس‌های پایین، ناهمخوانی زیادی دارد، اما در تعیین تغییرات نسبی TL، بین طراحی‌های مختلف دایروی مانند ضخامت می‌تواند بسیار مؤثر باشد.

در بخش دوم نتایج تعیین TL برای پوسته مافلر به روش عددی و به کمک نرم‌افزار المان مرزی SYSNOISE ارائه شد که نشان می‌دهد روش عددی قابلیت تعیین دقیق موده‌های سازه‌ای و آکوستیکی را دارد. TL به دست آمده، با نتایج آزمایشگاهی مطابقت قابل قبولی داشت.

تحلیل حساسیت نشان داد که شکل سطح مقطع محفظه مافلر، پارامتر بسیار مهمی بوده و TL نسبت به شکل سطح مقطع بسیار حساس است. در میان انواع سطح مقطع‌های استفاده شده در صنعت خودرو (دایروی، بیضی و چند ضلعی)، مافلر با سطح مقطع چندضلعی بالاترین چگالی مودی را در فرکانس‌های پایین داشته و در نتیجه کمترین افت انتقال را دارد.

## ۷- منابع

- [1] Smith Jr PW.; "Sound transmission through thin cylindrical shells" *Journal of Acoustical Society of America*, No. 29, 1957, pp712-29.
- [2] White P.; "Sound Transmission through a finite, closed, cylindrical shell" *Journal of Acoustical Society of America*, No. 40, 1966, pp1124-30.
- [3] Koval LR.; "On sound transmission into a thin cylindrical shell under flight conditions" *Journal of Sound and Vibration*, No.48, 1976, pp265-75.
- [4] Koval LR.; "Effects of stiffening on sound transmission into a cylindrical shell in flight" *AIAA Journal*, No. 15, 1977, pp899-900.
- [5] Koval LR.; "On sound transmission into an orthotropic shell" *Journal of Sound and Vibration*, No. 63, 1979, pp51-9.
- [6] Koval LR.; "Sound transmission into a laminated composite cylindrical shell" *Journal of Sound and Vibration*, No. 71, 1980, pp523-30.
- [7] Blaise A., Lesuer C., Gotteland M., Barbe M.; "On sound transmission into an orthotropic infinite

- [21] George J., Analytical, Numerical and Experimental calculation of sound transmission loss characteristics of single walled muffler shells, MS Degree Thesis, University of Cincinnati, 2007.
- [20] Beranek L.L., Ver I.L., Noise and Vibration Control Engineering: Principles and Applications, New Jersey: John Wiley & Sons Inc, 2005.