

ماهنامه علمى پژوهشى

مهندسي مكانيك مدرس



mme.modares.ac.ir

تحلیل حساسیت سینماتیکی مکانیزمهای موازی با در نظر گرفتن تأثیر عدم قطعیت موجود در مفاصل غیرفعال

 1 مرتضى دانشىمند 1 ، مهدى طالع ماسوله 2* ، غلامرضا عنبرجعفرى

1- گروه بینایی کامپیوتر، مؤسسه فناوری، دانشگاه تارتو، استونی

2- استادیار، آزمایشگاه تعامل انسان و ربات، دانشکده علوم و فنون نوین، دانشگاه تهران، تهران

* تهران، كديستى 1561-14395 m.t.masouleh@ut.ac.ir *

عكىدە

اطلاعات مقاله

حساسیت صفحه متحرک مکانیزمهای موازی به خطاهای موجود در طراحی و کنترل از اهمیت بسزایی برخوردار است. در واقع، طراحی این مکانیزمها باید به گونهای باشد که تأثیرپذیری مجری نهایی را از انواع مختلف عدم قطعیت تا حد امکان کاهش دهد. از این رو، شاخصهای متنوعی برای ارزیابی کیفیت کارایی این مکانیزمها تاکنون توسط محققان پیشنهاد شده، که اکثر این شاخصها مشکلات مفهومی زیادی از نظر تعبیر فیزیکی و کاربردی دارند، و تنها شاخصی که از این لحاظ قابل اعتماد است شاخص حساسیت سینماتیکی است. با این حال، تاکنون، هیچ پژوهشی تأثیر عدم قطعیت موجود در مفاصل غیرفعال را بر روی شاخص مذکور بررسی نکرده است. شاخصهای کارایی سینماتیک استاتیکیای که تاکنون برای ارزیابی مکانیزمهای موازی پیشنهاد شدهاند، با این فرض فرمول بندی شدهاند که خطا یا لقیای در مفاصل غیرفعال وجود ندارد، یا اگر وجود دارد، قابل چشمپوشی است. این مقاله مدل ریاضی جدیدی را برای محاسبه حساسیت سینماتیکی مکانیزمهای موازی با توجه به خطای موجود در مفاصل غیرفعال ارایه میدهد، که میتواند برای طراحی بهینه و ارتقای کارایی مکانیزمهای موازی با توجه به شخصهای خطای موجود در مفاصل غیرفعال ارایه میدهد، که میتواند برای طراحی بهینه و ارتقای کارایی مکانیزمهای موازی با توجه به سینماتیکی و فضای کاری مورد استفاده قرار گیرد. روش مذکور، برای اثبات صحت و کارایی، در مورد مکانیزمهای موازی چهار میلهای و RPR-3، و نیز ربات تریپترون، به طور نمونه، اعمال میگردد. نتایج پیادهسازی حاکی از آن است میزان شاخص حساسیت سینماتیکی با در نظر گرفتن خطای موجود در مفاصل غیرفعال، برای مکانیزمهای امتحان شده، بهترتیب در بازههای ۲۵/۱۰، 2/۱۰-2/۱۰ و 2/۱۰-2/۱۰ میباشد.

مقاله پژوهشی کامل
دریافت: 10 تیر 1394
پذیرش: 24 مرداد 1394
ارائه در سایت: 08 شهریور 1394
مکانیزمهای موازی
کارایی سینماتیک -استاتیکی
حساسیت سینماتیکی
عدم قطعیت مفاصل
مفاصل غیرفعال

Kinematic Sensitivity Analysis of Parallel Mechanisms by Considering the Effect of Uncertainties in Passive Joints

Morteza Daneshmand¹, Mehdi Tale Masouleh^{2*}, Gholamreza Anbarjafari¹

- 1- iCV Group, Institute of Technology, University of Tartu, Tartu, Estonia
- 2- Human and Robot Interaction Laboratory (TaarLab), Faculty of New Sciences and Technologies, University of Tehran, Tehran, Iran
- * P.O.B. 14395-1561 Tehran, m.t.masouleh@ut.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

ATION ABSTRACT The sensitivity

Original Research Paper Received 01 July 2015 Accepted 15 August 2015 Available Online 30 August 2015

Keywords:
Parallel Mechanisms
Kinetostatic Performance
Kinematic Sensitivity
Joint Clearance
Passive Joints

The sensitivity of the moving platform of parallel mechanisms to the uncertainties in the design and control stages is of paramount importance. The mechanism has to be designed such that the negative effect of the foregoing errors is minimized. The latter issue has encouraged many researchers to derive and propose relevant indices that are responsible for outputting a metric representing the kinetostatic performance of parallel mechanisms. Most of such indices entail severe drawbacks, leading to physically inapplicable interpretation, which was considerably alleviated by the emergence of kinematic sensitivity. Nevertheless, none of the studies heretofore has investigated the influence of the uncertainties in the passive joints on the kinetostatic performance. In other words, the assumption has always been that the aforementioned errors are negligible. This paper proposes a novel formulation for the kinematic sensitivity index, which, apart from that of the active joints, takes the effect of the uncertainties in the passive joints into account and brings about the advantage that the mechanism can be optimized and improved in terms of kinetostatic performance, together with the workspace. The formulation, for the sake of illustration and verification, is also applied to the 4-bar linkage and 3-RPR parallel mechanisms, as well as the Tripteron robot. The results of the implementation of the proposed kinematic sensitivity index, which takes the effect of the uncertainties in the passive joints into account, show that the values associated with the case-studies considered in this paper fall within the intervals 1-2.4, 0.1-0.9 and 0.6-2.2, respectively.

در تعدادی مطالعات جدید، نتایج اعمال شاخصهای اخیر بر مکانیزمهای موازی متداول نشان دهنده آن است که تعبیر فیزیکی حاصل واقعبینانه نیست [6-11].

1- مقدمه

تا کنون، شاخصهای کارایی سینماتیک- استاتیکی متعددی برای ارزیابی، مقایسه و بهینهسازی مکانیزمهای موازی پیشنهاد شدهاند [1-5]. با این حال،

از جمله نقایص عمده شاخصهای مذکور این است که تعریف ریاضی آنها مبتنی بر ماتریس ژاکوبین است. این ماتریس، برای یک مکانیزم موازی، لزوما همگن نیست. به عبارت واضحتر، از آنجا که مجری نهایی یک مکانیزم موازی ممکن است بهطور همزمان دارای درجات آزادی انتقالی و دورانی باشد، متغیرهای استفاده شده برای محاسبه المانهای ماتریس ژاکوبین، در اغلب موارد، دارای واحدهای متفاوتی هستند. بنابراین، شاخصهای کارایی سينماتيك استاتيكي منتجه، عمدتا از لحاظ تعبير فيزيكي بيمعني، يا در بهترین حالت، گمراه کننده خواهند بود.

کارایی مکانیزمهای مکانیکی با ویژگیهای سینماتیکی و استاتیکی آنها گره خورده است، که با یکدیگر رابطه دوگانی دارند [13،12]. در واقع، یک شاخص کارایی سینماتیک استاتیکی یک عدد است که دربرگیرنده بازدهی مکانیزم تحت یک سری شرایط عدم قطعیت سینماتیک است، که این عدم قطعیت می تواند از اجزای متعددی، ازجمله مفاصل فعال یا غیرفعال، ناشی شود.

برای یادآوری مفهوم رابطه سینماتیکی مرتبه اول، که برای مدلسازی ارتباط بین سرعت مفاصل و صفحه متحرک لازم است، در ادامه، مفهوم ماتریس ژاکوبین بطور خلاصه مرور می شود. با در نظر گرفتن dx و dx، به ترتیب، بهعنوان تغییرات کوچک بردارهای ورودی وخروجی، رابطه سینماتیک مرتبه اول برای یک مکانیزم موازی نوعی میتواند به شکل کلی به شکل رابطه (1) نوشته شود:

(1) $d\theta = Kdx$

که در آن K ماتریس ژاکوبین معکوس است. اکثر شاخصهای کارایی سینماتیک استاتیکی پیشنهاد شده در گذشته [15،14،11] براساس این ماتریس تعریف میشوند. همانگونه که اشاره شد، شاخصهای مذکور در خلال روند محاسباتی، متغیرهایی با واحدهای ناهمگون را با یکدیگر ادغام می کنند، که باعث می گردد نتیجه نسبت به واحد متغیر ورودی حساس باشد، به این معنی که معیار قابل اعتمادی برای تصمیم گیری نخواهند بود. حساسیت سینماتیکی [17،16] با دیدی مشابه، اما براساس تفکیک بخشهای انتقالی و دورانی این ماتریس محاسبه می گردد.

با این حال، در پژوهشهای گذشته، همیشه تأثیر خطا یا سرعت مفاصل غیرفعال نادیده گرفته شده است، که در این مقاله، این امر در تحلیلها در نظر گرفته خواهد شد. برای درک ملموس تر تأثیر لقی مفاصل غیرفعال، ربات تریپترون 1 ، که برای اولین بار در دانشگاه لاوال 2 کانادا [19،18] ساخته شده است، را در نظر بگیرید. در صورتی که حساسیت سینماتیکی این ربات را صرفا با توجه به خطای ساخت یا کنترل ورودیهای فعال، یعنی مفاصل کشویی متصل به پایه، محاسبه کنیم، به این معنی که طراحی و عملکرد سایر مفاصل را ایدهآل در نظر بگیریم، از آنجا که مکانیزم افزونه 3 نیست، انتظار میرود که در صورتی که مفاصل کشویی را با لینک 4 های صلب جایگزین کنیم، یا به هر صورت دیگر به کلی از حرکت باز داریم، مجری نهایی قادر به بروز هیچگونه حرکتی نباشد. با این حال، تجربه عملی نشان میدهد که در این حالت، مجری نهایی بهشکل قابل توجهی آزادی برای حرکت یا لغزش خواهد داشت.

در محاسبات هندسی و سینماتیکی متناظر برای تعریف رایج حساسیت سینماتیکی نیز چنین تناقض و خلأی آشکار است، که به وضوح اثبات می کند که با وجود این که تعبیر فیزیکی حساسیت سینماتیکی از سایر شاخصهای سينماتيک-استاتيکي به واقعيت نزديک تر است، همچنان دچار اين نقص

ساختاری است که عدم قطعیت ناشی از لغزش مفاصل غیرفعال را کاملا نادیده می گیرد.

لازم به توجه است که این موضوع، بهطور خاص، در مورد مکانیزمهای موازی، با توجه به ضریب تقویت خطای نوعی بالای آنها و انتظار پیادهسازی مسیرها و وظایف حساس و نیازمند دقت بالا، از اهمیت ویژه برخوردار است، و چشمپوشی از أن ممكن است باعث وقوع خطاهایی با كران بالای بهمراتب بیشتر از آنچه توسط تعریف رایج حساسیت سینماتیکی پیشبینی شده است گردد.

در محاسبه شاخصهای کارایی سینماتیک-استاتیکی برای مکانیزمهای موازی، تاکنون عمدتا فرض بر این بوده که در طراحی مکانیکی مفاصل غیرفعال، هیچ خطا و لقیای وجود ندارد، یا حتی اگر وجود دارد، تأثیر آن بر موقعیت و جهت مجری نهایی قابل اغماض است. بدیهی است که طراحی و ساخت مفاصل غیرفعال، هرچند با کمال دقت صورت گیرد، خالی از خطا و عدم قطعیت نیست.

پیشنهاد شاخص حساسیت سینماتیکی موجب رفع بسیاری از مشکلات و نارساییهای موجود در شاخصهای پیشنهادی در گذشته شد. با این وجود، خطاهای موجود در مفاصل غیرفعال توسط شاخص اخیر نادیده گرفته می گردد. بنابراین، امکان ارزیابی دقیق کران بالای خطای مجری نهایی در اثر یک بردار خطای با نرم واحد در تمامی ورودیها، که متفاوت از تعریف کلاسیک حساسیت سینماتیکی است، را سلب مینماید. این موضوع موجب عدم تطابق هرچند جزیی مقدار محاسبه شده توسط روابط متداول حساسیت سینماتیکی با واقعیت فیزیکی موجود می گردد.

برای غلبه بر مشکل فوق، در این مقاله، شاخصهایی جدید معرفی می گردند که میتوانند حداکثر خطای ممکن در مجری نهایی را در اثر یک خطای نرم واحد در کلیه ورودیها، اعم از مفاصل فعال و غیرفعال، محاسبه كنند. بنابراين، امكان مقايسه يا بهينهسازي طراحي دقيق تر مكانيزمها براساس عدمقطعیت خصوصیات سینماتیکی فراهم میشود، که البته از حوزه اين مقاله خارج است.

شاخص حساسیت سینماتیکی با در نظر گرفتن تأثیر خطای مفاصل غيرفعال براى فضاى كارى قابل دسترسى مكانيزم قابل محاسبه است. براساس معیارهای دستهبندی پیشنهاد شده در [13،12]، این شاخص مستقل از وضعیت است، به این معنی که این شاخص کارایی مکانیزم را برای تمام فضای کاری قابل پیادهسازی اندازه گیری می کند. با این وجود، برای مد نظر قرار دادن تأثیر عدم قطعیت موجود در مفاصل غیرفعال بر روی حساسیت سینماتیکی، ماتریس ژاکوبین نیز میبایست بهگونهای محاسبه گردد که حاوی نسبت بین سرعت ورودی مفاصل غیرفعال و سرعت انتقال یا دوران مجری نهایی هم باشد. خطای مذکور عملا در اثر لقی ظاهر می گردد.

این مقاله شاخص جدیدی را پیشنهاد میدهد که در نتیجه احتساب

خطاها و لقیهای مفاصل غیرفعال، از دقت بالاتری برخوردار است. به این منظور، ماتریس ژاکوبین حاوی تمام درایههای مربوط به مفاصل فعال و غیرفعال، به دو بخش مربوط به درجات آزادی انتقالی و دورانی تفکیک می گردد. در ادامه مقاله، ابتدا مدل هندسی و سینماتیک مرتبه اول مکانیزمهای موازی به طور کلی بررسی خواهد شد. سپس مفاهیم اساسی حساسیت سینماتیکی ارایه می گردد. پس از آن، با استخراج فضای کاری قابل پیادهسازی، شاخص معرفی شده برای تمامی نقاط موجود در فضای کاری چند مکانیزم نمونه محاسبه شده، برای ارزیابی کارآمدی و صحت تعبیر فیزیکی، به کمک منحنیهای مربوطه که با استفاده از نرمافزار متلب⁵ رسم

^{1.} Tripteron

^{2.} Laval University 3. Redundant

^{4.} Link

می گردند، به تصویر کشیده می شود. در پایان تحلیل و مقایسه کوتاهی با توجه به نتایج، ارایه خواهد شد.

2- مدلسازی سینماتیکی

فرمول بندی تحلیلی حساسیت سینماتیکی نیازمند مرور کامل سینماتیک مرتبه اول است که در [18] بررسی شده است. در قسمتهای بعد، این شاخص برای تعدادی مکانیزم نمونه، از جمله مکانیزمهای چهارمیلهای و RPR - S، و نیز ربات تریپترون محاسبه خواهد شد.

2-1- روابط سينماتيک مرتبه اول و ماتريس ژاکوبين

از نقطه نظر هندسی، ماتریس ژاکوبین میتواند به عنوان نگاشت یک کره واحد در فضای سرعت مفاصل به یک بیضی گون تغییر شکل یافته در فضای سرعت کارتزین در نظر گرفته شود که به نام تویست مجری نهایی شناخته می شود [13.12].

برای هدف این مقاله، ماتریس ژاکوبین میتواند بهصورت یک تبدیل خطی معرفی شود که یک خطای محدود در فضای مفاصل را به فضای کارتزین مکانیزم مینگارد [17،16]. این تبدیل، همانگونه که بهطور کامل در [20] تشریح شده است، میتواند بهشکل رابطه (2) بیان شود:

$$\begin{bmatrix} \zeta_1^{\circ} \\ \zeta_2^{\circ} \\ \zeta_3^{\circ} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_x \\ v_y \\ \omega \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \lambda_1 & 0 & 0 \\ 0 & \lambda_2 & 0 \\ 0 & 0 & \lambda_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} d\theta_1^a \\ d\theta_2^a \\ d\theta_3^a \end{bmatrix}, \tag{2}$$

یا در فرم ماتریسی به فرم رابطه (3):

$$Z\xi = \Lambda d\theta \Rightarrow K\xi = d\theta, \tag{3}$$

که در آن $K = \Lambda^{-1}Z$ نشان دهنده ماتریس ژاکوبین معکوس است. ضمنا i نمایان گر سطر i ام ماتریس i بعدی رنچ است. به علاوه، i وقتی محرک گردشی باشد نشانگر ممان نیروی متقابل، نسبت به مرکز مفصل فعال، و وقتی محرک کشویی باشد، نشانگر تصویر نیرو روی راستای انتقال تحریک شده است.

همان گونه که قبلا اشاره شد، این مقاله به بررسی حساسیت سینماتیکی با احتساب خطای مفاصل غیرفعال می پردازد. به منظور اکتساب یک مقدار اسکالر برای کران بالای خطای انتقالی یا دورانی موجود در صفحه متحرک در اثر یک خطای نرم واحد بردار ورودی، حساسیت سینماتیکی در ادامه فرمول بندی می گردد. به منظور تعریف شاخصی که بتوان با استفاده از آن حساسیت سینماتیکی را براساس خطای مفاصل غیرفعال محاسبه کرد، می توان ماتریس ژاکوبین را به شکل رابطه (4) تفکیک نمود:

$$\begin{bmatrix} d\theta_a \\ d\theta_p \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} K_a \\ K_p \end{bmatrix} dx = \begin{bmatrix} K_{at} & K_{ar} \\ K_{pt} & K_{pt} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} dx_t \\ dx_r \end{bmatrix}$$
, (4) که در آن $d\theta_p$ و $d\theta_a$ به ترتیب، نمایان گر تغییرات بسیار کوچکی در بردارهای مربوط به مفاصل فعال و غیرفعال هستند، و ماتریسهای کوچک هستند. به به این تغییرات کوچک هستند. به ترتیب، تبدیل کننده خطاهای مجری نهایی به این تغییرات کوچک هستند. به علاوه، در روابط بالا، dx_r و dx_r و dx_t به ترتیب، بخشهای انتقالی و دورانی dx_r و dx_t به ترتیب، بخشهای دورانی dx_t به ترتیب، بخشهای مربوط به درجات آزادی انتقالی و دورانی dx_t هستند.

در ادامه، شاخصهای حساسیت سینماتیکی با احتساب خطای مفاصل غیرفعال می توانند براساس ماتریسهای بالا محاسبه گردند. لازم به ذکر است که پیش شرط محاسبات مذکور این است که در ابتدا مشخص شود که آیا یک نقطه خاص در محدوده فضای کاری مکانیزم، برای یک جهتگیری خاص،

قرار می گیرد یا خیر. با توجه به این نکته، می توان گفت که نقاط خارج از فضای کاری به طور کلی از باقی مانده تحلیل حذف می گردند، و لذا از حساسیت سینماتیکی می توان به عنوان شاخصی یاد کرد که کارایی مکانیزم را در فضای کاری قابل دسترسی ارزیابی می کند.

نحوه تعیین حوزه فضای کاری مکانیزمهای موازی در تعدادی از مراجع بررسی شده است [16.8.2]، و از نتایج آنها در این بخش استفاده میشود. به این ترتیب که ابتدا، فضای کاری جهت ثابت در نظر گرفته میشود، و برای هر نقطه، محاسبه می گردد که آیا جواب مسأله سینماتیک معکوس قیود سینماتیکی مفاصل را ارضا می کند یا خیر. در صورتی که جواب مثبت است، میزان شاخصهای سینماتیک استاتیکی موردنظر برای این نقاط محاسبه می گردد.

همان گونه که اشاره شد، با توجه به [17،14]، از نقطه نظر هندسی، حساسیت سینماتیکی بهصورت حداکثر انتقال ادوران مجری نهایی، در اثر یک انتقال ادوران با نرم واحد در فضای مفصلی تعریف می گردد. اجزای ماتریس ژاکوبین مشتمل بر درایههای مربوط به مفاصل فعال و غیرفعال است. با این حال، دو نوع مختلف حساسیت سینماتیکی، تحت عنوان حساسیت سینماتیکی انتقالی و حساسیت سینماتیکی دورانی، که از لحاظ ریاضی، به شکل رابطه (5) تعریف می گردند:

 $\sigma_{rc,f} = \max_{\|d\theta\|_{c}=1} \|\phi\|_{f}$, $\sigma_{pc,f} = \max_{\|d\theta\|_{c}=1} \|p\|_{f}$, $\sigma_{pc,f} = \max_{\|d\theta\|_{c}=1} \|p\|_{f}$, $\sigma_{pc,f} = \min_{c} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}$

به طور کلی، می توان گفت که شاخصی که برای این هدف مورد نظر این مقاله تعریف می گردد، و نشان دهنده خطای متأثر از عدم قطعیت، به ترتیب، در مفاصل فعال و غیرفعال باشد، می بایست، مشابه روندی که در [21] پیشنهاد و استفاده شده است، فرم روابط (6) الی (9) را داشته باشد:

$$\sigma_{pa_{2,2}} = \frac{\|K_{at}\|_2}{n_{\nu}},\tag{6}$$

$$\sigma_{pp_{2,2}} = \frac{\|K_{pt}^{n_{\nu}}\|_{2}}{n_{\nu}},\tag{7}$$

$$\sigma_{ra_{2,2}} = \frac{\|K_{ar}\|_2}{n_{\nu}},\tag{8}$$

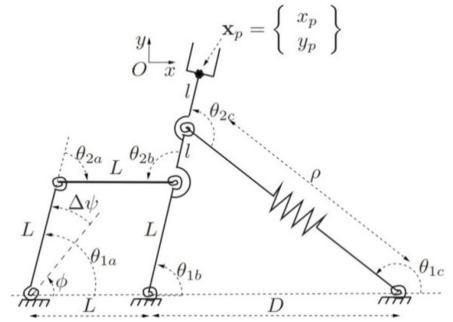
$$\sigma_{rp_{2,2}} = \frac{\|K_{pr}\|_2}{n_{v}},\tag{9}$$

که در آن، n_{ν} نمایان گر تعداد معادلات مربوط به قیود حلقههای بسته سینماتیکی است، که برای هر مکانیزم، عدد بخصوصی را به خود تعلق می دهد. ضمنا، در این رابطه، $\sigma_{rp_{2,2}}$ ، $\sigma_{rp_{2,2}}$ ، $\sigma_{rp_{2,2}}$ ، $\sigma_{rp_{2,2}}$ ، $\sigma_{rp_{2,2}}$ ، نشان دهنده:

- حساسیت سینماتیکی انتقالی در اثر خطای مفاصل فعال،
- حساسیت سینماتیکی انتقالی در اثر خطای مفاصل غیرفعال،
 - حساسیت سینماتیکی دورانی در اثر خطای مفاصل فعال،
- حساسیت سینماتیکی دورانی در اثر خطای مفاصل غیرفعال،

مىباشند.

1. Twist



شكل 1 طرح نوعى مكانيزم چهارميلهاى. شكل از [22] برداشته شده است.

جدول 1 پارامترهای ساخت مکانیزم چهار میلهای.

پارامتر مقدار (متر)

1

0/5

1

2/5

D

برای حصول یک مدل دقیق و جامع و ایجاد بیشترین دقت ممکن، میبایست فرض گردد که تمامی مفاصل غیرفعال، علاوه بر درجه آزادی ذاتی و طبیعی خود، قادر به حرکت در راستای سایر درجات آزادی نیز هستند. به عبارت دیگر، چند درجه آزادی هستند، و میتوانند در راستای تمامی شش درجه آزادی حرکت کرده یا دچار تغییر شکل شوند. طبیعتا، استخراج این مدل، و نیز انجام محاسبات یا پیادهسازی الگوریتمهای بهینهسازی براساس چنین مدلی، نسبت به حالتی که هر مفصل صرفا در راستای درجه آزادی ذاتیاش قادر به حرکت است، پیچیدگی ریاضی و محاسباتی بسیار بالاتری را میطلبد. این موضوع از حوصله این مقاله، و نیز از توان الگوریتمهای بهینهسازی متداول برای همگرا شدن ظرف یک بازه زمانی معقول، خارج است، و انتظار می میرود در پژوهشها و تألیفات آینده نویسندگان بررسی گردد. بنابراین، در اینجا، فرض میشود که عدم قطعیت صرفا در راستای درجه آزادی ذاتی و طبیعی حرکت یا چرخش مفاصل وجود دارد، و در راستای سایر درجات آزادی، خطایی وجود ندارد، یا به عبارت واضحتر، قابل چشمپوشی است.

3- مكانيزم چهارميلهاي

در این بخش، یک مکانیزم چهارمیلهای مورد بررسی قرار می گیرد. این مکانیزم در شکل 1، که از [22] برداشته شده است، به نمایش در آمده است. لازم به ذکر است که مدل سینماتیکی این مکانیزم، بهطور کامل، در [22] استخراج و بررسی شده است، و از نتایج آن در اینجا استفاده می گردد. از نظر هندسی و سینماتیکی، بهطور خلاصه، می توان گفت که مکانیزم مذکور از ساختار نسبتا ساده و قابل فهم تری نسبت به سایر مکانیزمها، که در ادامه مقاله بررسی خواهند شد، برخوردار بوده، به همین دلیل، در ابتدا مطرح می گردد تا زمینه درک مدل پیشنهادی را فراهم سازد. این مکانیزم مجموعا مشتمل بر هفت مفصل است، که یکی از آنها کشویی و سایرین گردشی هستند. دامنه حرکت مفصل کشویی با متغیر θ ، و دامنه دوران مفاصل گردشی با متغیرهای θ_{2c} و θ_{1c} , θ_{2b} , θ_{2b} ، θ_{1b} ، θ_{1b} هشخص شدهاند.

لازم به ذکر است که مکانیزمهای نمونه مورد بررسی در این فصل، و نیز

فصل بعد، صرفا از درجات آزادی صفحهای برخوردار بوده، از میان شش درجه آزادی امکانپذیر در فضا، دو متغیر برای توصیف موقعیت، و یک متغیر برای نمایش جهتگیری آنها در فضا، یا به عبارت دیگر، مجموعا فقط سه متغیر، برای تشریح وضعیت مجری نهایی آنها کفایت می کند.

ادامه این قسمت به این ترتیب است: در ابتدا، خصوصیات هندسی مکانیزم، بهطور خلاصه، مرور میگردد، و رابطه سینماتیک مرتبه اول استخراج میشود، و با استفاده از این روابط، ماتریس ژاکوبین نمایانگر قیود مربوط به حلقههای بسته سینماتیکی محاسبه میگردد. در ادامه، نتایج اعمال شاخص حساسیت سینماتیکی با در نظر گرفتن خطای موجود در مفاصل غیرفعال بر روی مکانیزم ارایه میگردد.

3-1- مدل سينماتيكي

برای فرموله کردن حساسیت سینماتیکی به شکلی که تأثیر خطای مفاصل غیرفعال نیز محاسبه گردد، می بایست ابتدا ماتریس ژاکوبینی استخراج گردد که سرعت مفاصل غیرفعال و مجری نهایی را به یکدیگر تبدیل کند. همان گونه که ذکر شد، این فرایند در [22] انجام شده است، و نتایج آن در ادامه مرور می گردد. همان طور که در شکل 1 ملاحظه می گردد، مکانیزم تحت مطالعه از یک شاخه تشکیل شده است که با یک مفصل کشویی فعال کنترل می گردد.

3-1-1- رابطه سينماتيكي مرتبه اول

در مورد مکانیزم مورد بررسی در این فصل، مشابه [22]، می توان روابط (10) و (11) را استخراج نمود:

$$\cos\theta_{1a} = \frac{x}{L+2l'} \tag{10}$$

$$\sin\theta_{1a} = \frac{L + 2l}{L + 2l} + 1,\tag{11}$$

که براساس آن، حل مسأله سينماتيک معکوس طبق رابطه (12) است:

$$\rho = \sqrt{(L+l)^2 - 2D(L+l)\cos\theta_{1a} + D^2}.$$
 (12)

در ادامه، ماتریس ژاکوبین قیود سینماتیکی، که تغییرات در مفاصل غیرفعال را به تغییرات در مجری نهایی مرتبط می کند، از نظر ریاضی، می تواند به شکل رابطه (13) تعریف گردد:

$$G = \begin{bmatrix} [-1 & 1 & -1 & D(L+1)\sin\theta_{1a}/\rho]^{\mathrm{T}} \\ [f & 1-f]^{\mathrm{T}} \end{bmatrix},$$
 (13)

که در آن، رابطه (14) برقرار است:

$$f = \left(1 - \frac{D}{L+1} \cos \theta_{1a}\right) \left(\frac{L+1}{\rho}\right)^{2}. \tag{14}$$

در نتیجه، می توان حساسیت سینماتیکی با توجه به خطای موجود در مفاصل غیرفعال را به شکل رابطه (15) برای این مکانیزم محاسبه نمود:

$$\sigma_{p_{2,2}} = \frac{\|G\|_2}{n_{\nu}},\tag{15}$$

که در آن، n_{ν} که همان تعداد قیود مربوط به حلقههای بسته سینماتیکی است، در مورد این مکانیزم، برابر 2 است.

2-3- پیادهسازی شاخص روی مکانیزم

همان طور که اشاره شد، برای تأیید صحت تعبیر فیزیکی شاخص پیشنهادی، در این قسمت، مقدار آن برای مکانیزم چهار میلهایاای محاسبه می گردد. اندازه های ساخت مکانیزم مورد بررسی در جدول 1 آمده است. نتایج اعمال شاخص پیشنهادی بر روی مکانیزم در شکل های 2 و 3 با استفاده از کانتور و نمایش سه بعدی به تصویر کشیده شده است. در تمامی شکل ها، جفت 3 و نمایش سه بعدی به تصویر کشیده شده است. در تمامی شکل ها، جفت 3 و

1. Contour

y نمایانگر موقعیت مجری نهایی در صفحه افقی بوده، z، در صورت وجود، میزان ارتفاع مجری نهایی در امتداد محورعمودی نسبت به مبدأ مختصات را نشان می دهد. از شکلهای اخیر می توان نتیجه گرفت که میزان شاخص مذکور برای این مکانیزم در بازه z-2/4 قرار می گیرد.

4- ربات موازی RPR - 3

در این بخش، یک مکانیزم سه درجه آزادی، تحت عنوان RPR - 8 مورد بررسی قرار می گیرد. این مکانیزم در شکل 4، که از [21] برداشته شده است، به نمایش در آمده است. لازم به ذکر است که مدل سینماتیکی این مکانیزم، بهطور کامل، در [21] استخراج و بررسی شده است.

در این جا، برای نمایش مفاصل کشویی و گردشی، به تر تیب، از علایم P و R استفاده می گردد. بنابراین، با فرض تقارن سه شاخه، و با نوشتن ترتیب مفاصل از پایه تا صفحه متحرک، علامت چینش سینماتیکی مکانیزم به صورت R قابل حصول است.

همانطور که در شکل 4 ملاحظه می گردد، این مکانیزم از یک پایه، و نیز صفحه متحرک، مثلثی شکل تشکیل شده است، که در آن، هر یک از رئوس مثلث پایه، یعنی مفاصل گردشی غیرفعال A_3 و A_2 ، A_1 و فعال A_3 و A_3 و A_3 به مفاصل گردشی غیرفعال طریق مفاصل کشویی فعال A_3 و A_3 و A_3 به مفاصل گردشی غیرفعال . A_3 و A_3 و A

برای فرموله کردن حساسیت سینماتیکی به شکلی که تأثیر خطای مفاصل غیرفعال نیز محاسبه گردد، میبایست ابتدا ماتریس ژاکوبینی استخراج گردد که سرعت مفاصل غیرفعال و صفحه متحرک را به یکدیگر تبدیل کند. همانگونه که ذکر شد، این فرایند در [21] انجام شده است، و نتایج آن در ادامه مرور میگردد. همانطور که در شکل 4 ملاحظه میگردد، مکانیزم تحت مطالعه از سه شاخه تشکیل شده است، که از لحاظ سینماتیکی، متقارن هستد، و هریک از یک مفصل کشویی فعال و دو مفصل گردشی غیرفعال تشکیل شده است، که بهترتیب، به هم متصل شدهاند.

4-1- رابطه سينماتيكي مرتبه اول

در مورد مکانیزم مورد بررسی در این فصل، با استفاده از علامتگذاری و روش مشابه آنچه در [21] استفاده و پیشنهاد شده است، می توان روابط (16) الی (39) را استخراج نمود. لازم به ذکر است که روابط مذکور برای محاسبه ماتریس ژاکوبین، و متعاقبا حساسیت سینماتیکی با در نظر گرفتن تأثیر خطای موجود در مفاصل غیرفعال، ضروری می باشند. موقعیت مرکز صفحه متحرک در مختصات ثابت می تواند به شکل رابطه (16) تعریف گردد:

$$p = \begin{bmatrix} p_x \\ p_y \end{bmatrix} = a_i + (c_i - a_i) + (p - c_i) i = 1, ..., 3,$$
 (16)

که در آن، بردارهای a_i و a_i بهترتیب، موقعیت نقاط A_i و مختصات مرجع مشخص شده در شکل را نشان میدهند.

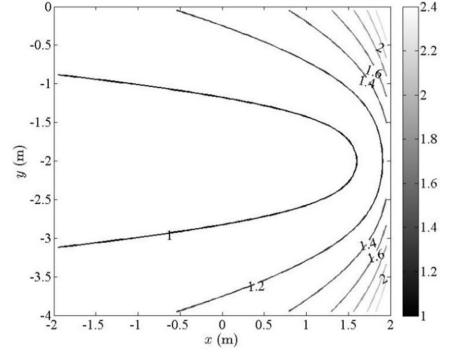
به سورت $C_iP/\|C_iP\|$ یکه $C_iP/\|C_iP\|$ به سورت با احتساب بردارهای C_iP به ست:

$$k_i = \begin{bmatrix} \cos(\phi + \beta_i + \pi) \\ \sin(\phi + \beta_i + \pi) \end{bmatrix}, \tag{17}$$

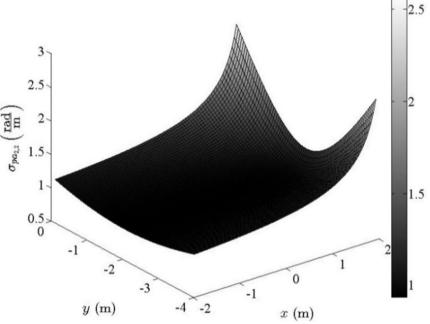
 ϕ اویه β_i ثابت بوده، در شکل α نمایش داده شدهاند. ضمنا، زاویه میزان گردش صفحه متحرک نسبت به افق را نشان می دهد.

 A_iC_i طول هریک از مفاصل کشویی میتواند با محاسبه اندازه بردارهای استخراج گردد. ضمنا، زوایای θ_i زاویه همین بردارها نسبت به محور افق هستند. در ادامه، میتوان با محاسبه رابطه (18):

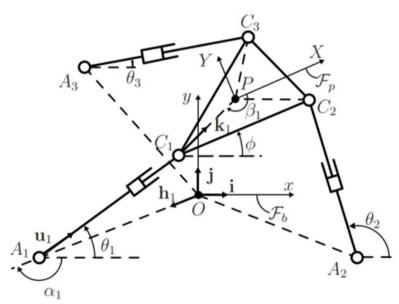
$$u_i = \begin{bmatrix} \cos \theta_i \\ \sin \theta_i \end{bmatrix} \tag{18}$$



شکل 2 کانتور شاخص حساسیت سینماتیکی، برحسب رادیان بر متر، برای طرح نوعی مکانیزم چهار میلهای با طراحی جدول 1.



شکل 3 کانتور شاخص حساسیت سینماتیکی برای طرح نوعی مکانیزم چهار میلهای با طراحی جدول 1.



شكل 4 طرح نوعى مكانيزم RPR - 3. شكل از [21] برداشته شده است.

رابطه (19) را بهدست آورد:

$$m_i = -\rho_i c_i u_i^{\mathrm{T}} E k_i; \tag{19}$$

که در آن رابطه (20) صدق می کند:

$$E = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}. \tag{20}$$

در ادامه، با توجه به این که رابطه (21) برقرار است:

$$v_i = \rho_j \rho_k (u_j u_k)^{\mathrm{T}} k, \tag{21}$$

جدول 2 پارامترهای ساخت مکانیزم R <u>P</u> R – 3.		
مقدار (متر)	پارامتر	
-0/5	$A_{1_{\chi}}$	
-0/3316	$A_{1_{\mathcal{Y}}}$	
0/5	A_{2_X}	
-0/3316	A_{2_y}	
-0/4	A_{3_X}	
0/4472	A_{3_y}	
0/6	$a_1 = a_2 = a_3$	
0/25	$c_1 = c_2 = c_3$	
-2/5	$lpha_1$	
-0/6	$lpha_2$	
2/3	$lpha_3$	
-2/9	eta_1	
-0/25	$oldsymbol{eta_2}$	
0/75	$oldsymbol{eta_3}$	
-0/2405	C_1P_x	
-0/0683	C_1P_y	
0/2422	C_2P_x	
-0/0620	$C_2 P_y$	
0/1735	C_3P_x	
0/1801	C_3P_y	

$j_{A_i\phi} = \frac{1}{\det(A)} [\nu_i q_i$	$v_i r_i$],	(30)	
$j_{A_i\phi} = \frac{1}{\det(A)} \left[\nu_i q_i \right]$	$v_i r_i]$,	(30)	

$$j_{C_i\phi} = \frac{1}{\det(A)} \begin{bmatrix} \nu_i s_i & \nu_i t_i \end{bmatrix},$$

$$j_{i\phi} = \frac{\rho_i \nu_i}{\det(A)},$$
(31)

$$j_{i\phi} = \frac{\rho_i \nu_i}{\det(A)}$$
 (32)

$$J_{A_{i}p} = \frac{1}{\det(A)} \begin{bmatrix} q_{i}v_{i}^{T}i & r_{i}v_{i}^{T}i \\ q_{i}v_{i}^{T}j & r_{i}v_{i}^{T}j \end{bmatrix},$$

$$J_{C_{i}p} = \frac{1}{\det(A)} \begin{bmatrix} s_{i}v_{i}^{T}i & t_{i}v_{i}^{T}i \\ s_{i}v_{i}^{T}j & t_{i}v_{i}^{T}j \end{bmatrix},$$
(34)

$$J_{C_ip} = \frac{1}{\det(A)} \begin{bmatrix} s_i v_i^{\mathrm{T}} i & t_i v_i^{\mathrm{T}} i \\ s_i v_i^{\mathrm{T}} j & t_i v_i^{\mathrm{T}} j \end{bmatrix}, \tag{34}$$

$$j_{ip} = \frac{1}{\det(A)} \begin{bmatrix} \rho_i v_i^{\mathrm{T}} i \\ \rho_i v_i^{\mathrm{T}} j \end{bmatrix}. \tag{35}$$

4-2- محاسبه حساسیت سینماتیکی

شاخصهای حساسیت سینماتیکی با در نظر گرفتن جداگانه خطاهای مفاصل فعال و غيرفعال بهشكل روابط (36) تا (39) قابل محاسبه هستند:

$$\sigma_{pa_{2,2}} = \frac{\|K_{at}\|_{2}}{n_{v}} = \frac{\|[j_{1p} \quad j_{2p} \quad j_{3p}]\|_{2}}{15},$$

$$\sigma_{pp_{2,2}} = \frac{\|K_{pt}\|_{2}}{n_{v}} =$$
(36)

$$\frac{\|[J_{A_1p} \quad J_{A_2p} \quad J_{A_3p} \quad J_{C_1p} \quad J_{C_2p} \quad J_{C_3p}]\|_2}{15},$$
(37)

$$\frac{\|[J_{A_1p} \quad J_{A_2p} \quad J_{A_3p} \quad J_{C_1p} \quad J_{C_2p} \quad J_{C_3p}]\|_2}{\sigma_{ra_{2,2}} = \frac{\|K_{ar}\|_2}{n_v} = \frac{\|[j_{1\phi} \quad j_{2\phi} \quad j_{3\phi}]\|_2}{15},$$

$$\sigma_{rp_{2,2}} = \frac{\|K_{pr}\|_2}{n_v} =$$
(37)

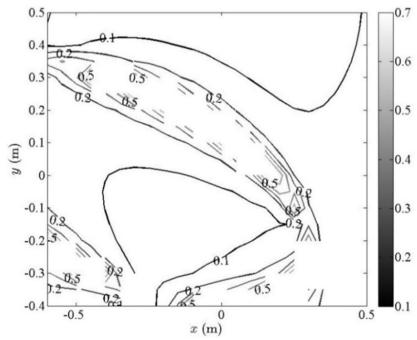
$$\frac{\|[j_{A_1\phi} \quad j_{A_2\phi} \quad j_{A_3\phi} \quad j_{C_1\phi} \quad j_{C_2\phi} \quad j_{C_3\phi}]\|_2}{15}.$$
 (39)

3-4- يبادهسازي شاخص روي مكانيزم

همان طور که اشاره شد، برای تأیید صحت تعبیر فیزیکی شاخص پیشنهادی، در این قسمت، مقدار آن برای مکانیزم RPR - 3 محاسبه می گردد. اندازههای ساخت مكانيزم مورد بررسى در جدول 2 آمده است. نتايج اعمال شاخص پیشنهادی بر روی مکانیزم در شکلهای 5 تا 12، با استفاده از کانتور و نمایش سهبعدی به تصویر کشیده شده است. از این شکلها می توان استنباط نمود که میزان شاخص پیشنهادی برای این مکانیزم در محدوده 0/9-0/1 مىباشد.

5- ييادهسازي شاخص بر روى مكانيزم تريپترون [18]

در این بخش، مکانیزم موازی تریپترون مورد بررسی قرار می گیرد. این مكانيزم در شكل 13 به نمايش در آمده است.



شکل 5 کانتور شاخص $\sigma_{pa_{2,2}}$ ، که بدون واحد است، برای طرح نوعی مکانیزم $\phi = -\pi/8$ با طراحی جدول 2 در صفحه 3 - RPR

جایی که i و k، بهترتیب، برابر با باقی مانده تقسیم i + 1 و i + 2 بر i هستند و k بردار یکه در راستای محور z است، میتوان بردارهای رابطه (22) را تعریف نمود:

$$v_i = E(m_i \rho_k u_k - m_k \rho_i u_i), \tag{22}$$

که به استفاده از آنها، ماتریسهای ژاکوبین مستقیم و معکوس، بهترتیب، به شكل روابط (23) و (24) قابل محاسبه هستند:

$$A = \begin{bmatrix} m_1 & \rho_1 u_1^{\mathrm{T}} \\ m_2 & \rho_2 u_2^{\mathrm{T}} \\ m_3 & \rho_3 u_3^{\mathrm{T}} \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} \rho_1 & 0 & 0 \\ 0 & \rho_2 & 0 \\ 0 & 0 & \rho_3 \end{bmatrix}.$$
(23)

$$B = \begin{bmatrix} \rho_1 & 0 & 0 \\ 0 & \rho_2 & 0 \\ 0 & 0 & \rho_2 \end{bmatrix} . \tag{24}$$

شایان ذکر است که $\det(A)$ که برای محاسبه معکوس این ماتریس لازم است، مى تواند از رابطه (25) بهدست بيايد:

$$\det(A) = \sum_{i=1}^{3} m_i \, \nu_i. \tag{25}$$

در ادامه، برای محاسبه ماتریسهای ژاکوبین تبدیل کننده سرعت مفاصل فعال و غیرفعال به سرعت صفحه متحرک در راستای درجات آزادی انتقالی و دورانی، که منجر به حصول چهار ماتریس ژاکوبین متمایز می گردد، محاسبه متغیرهای روابط (26) و (27) لازم است که به تفصیل ارایه شده

$$q_i = \rho_i u_i^{\mathrm{T}} i, \tag{26}$$

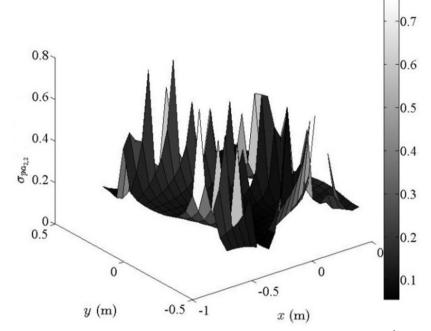
$$r_i = \rho_i u_i^{\mathrm{T}} j, \tag{27}$$

که در آن، i و i، به ترتیب، بردار یکه در راستای محورهای x و y هستند. ضمنا رابطه (28) و (29) به کار میروند:

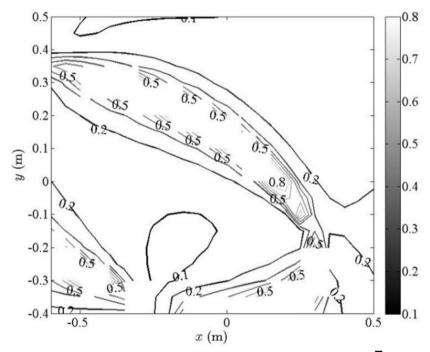
$$s_i = \rho_i u_i^{\mathrm{T}} k_i \cos \beta_i - \rho_i u_i^{\mathrm{T}} E k_i \sin \beta_i, \tag{28}$$

$$t_i = \rho_i u_i^{\mathrm{T}} k_i \sin \beta_i - \rho_i u_i^{\mathrm{T}} E k_i \cos \beta_i.$$
 (29)

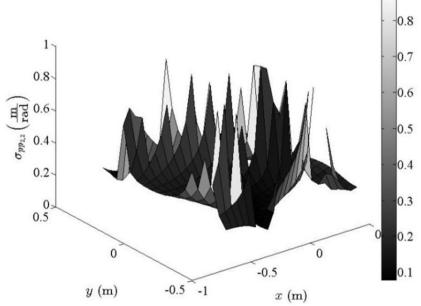
با توجه به این روابط، می توان مقادیر روابط (30) تا (35) را محاسبه نمود:



شکل 6 نمایش سهبعدی شاخص $\sigma_{pa_{2,2}}$ برای طرح نوعی مکانیزم - 8 با طراحی $\phi=-\pi/8$ جدول - در صفحه -



شکل 7 کانتور شاخص $\sigma_{pp_{2,2}}$ ، بر حسب متر بر رادیان، برای طرح نوعی مکانیزم $\phi = -\pi/8$ در صفحه $\phi = -\pi/8$ با طراحی جدول 2 در صفحه $\phi = -\pi/8$



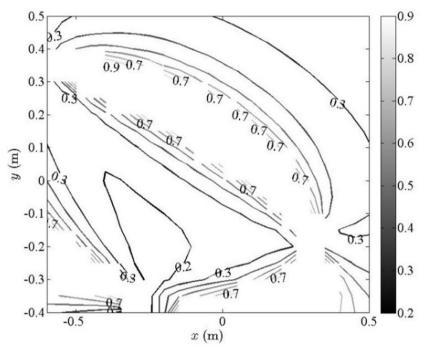
شکل 8 نمایش سهبعدی شاخص $\sigma_{pp_{2,2}}$ برای طرح نوعی مکانیزم -3-8 با طراحی $\phi=-\pi/8$ با طراحی جدول -1

مدل سینماتیک-استاتیکی این مکانیزم، بهطور کامل، در [19] استخراج و بررسی شده است، و از نتایج آن در اینجا استفاده می گردد.

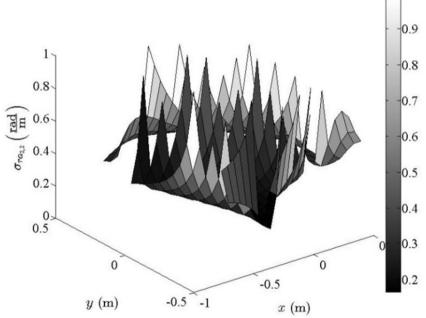
همان گونه که از شکل 13 قابل استنباط است، مکانیزم مذکور بهصورتی طراحی شده است که پایهها در امتداد سه محور مختصات، بهشکل عمود بر یکدیگر، قرار گرفته، روی هریک از آنها، یک ماژول خطی، که در واقع یک

مفصل كشويي فعال است، نصب شده است.

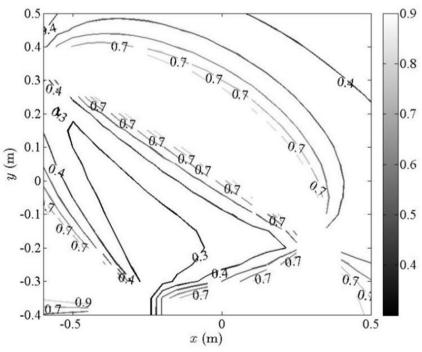
حوزه حرکت مفاصل مذکور با متغیرهای ρ_2 و ρ_3 و شکل نمایش داده شده است. هریک از این مفاصل از طریق سه مفصل گردشی غیرفعال متعاقب یکدیگر به صفحه متحرک متصل می گردد.



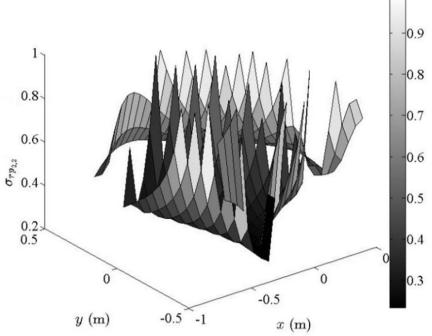
شکل 9 کانتور شاخص $\sigma_{ra_{2,2}}$ ، برحسب رادیان بر متر، برای طرح نوعی مکانیزم $\phi = -\pi/8$ در صفحه $\phi = -\pi/8$ با طراحی جدول 2 در صفحه $\phi = -\pi/8$



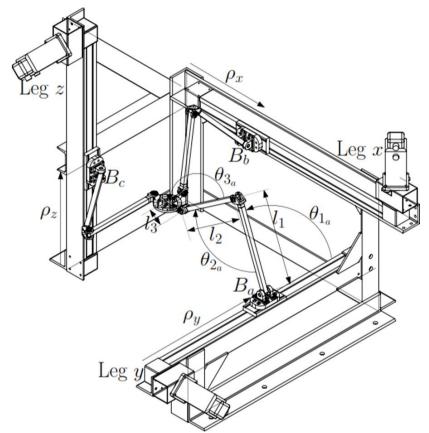
شکل 10 نمایش سهبعدی شاخص $\sigma_{ra_{2,2}}$ برای طرح نوعی مکانیزم $\sigma_{ra_{2,2}}$ با طراحی $\phi=-\pi/8$ عدول 2 در صفحه



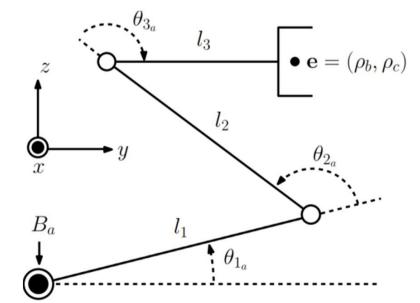
شکل 11 کانتور شاخص $\sigma_{rp_{2,2}}$ ، که بدون واحد است، برای طرح نوعی مکانیزم $\phi = -\pi/8$ در صفحه $\phi = -\pi/8$ با طراحی جدول 2 در صفحه $\phi = -\pi/8$



شکل 12 نمایش سهبعدی شاخص $\sigma_{rp_{2,2}}$ برای طرح نوعی مکانیزم RPR با شکل $\phi=-\pi/8$ عدول 2 در صفحه $\phi=-\pi/8$



شکل 13 شماتیک مکانیزم تحت مطالعه، تریپترون، که برای اولین بار، در دانشگاه لاوال کانادا ساخته شده است [19].



شکل 14 شماتیک یکی از شاخههای متقارن مکانیزم تریپترون، که برگرفته از [18] میباشد.

A میزان دوران مفاصل مشخصشده با ho_2 ، ho_2 ، ho_3 و ho_2 ، ho_4 میزان مفاصل مشخصشده با متغیرهای ho_3 و ho_3 در شکل نمایش داده شده است.

از جمله خصوصیات این مکانیزم این است که قیود مکانیکی بهصورتی در نظر گرفته شدهاند که اجازه دوران صفحه متحرک را نمیدهند، و مکانیزم فقط از درجات آزادی انتقالی برخوردار است. به عبارت دیگر، همانطور که از شکل 14، که برگرفته از [18] میباشد، مشخص است، حرکت صفحه متحرک در امتداد هریک از محورها بهشکل مستقیم وابسته به حرکت ماژول خطی متناظر است.

میبایست به این نکته توجه گردد که از آنجا که دترمینان ماتریس ژاکوبین در نقاط تکینه ¹ هر مکانیزم صفر است، مقدار حساسیت سینماتیکی در چنین نقاطی قابل محاسبه نخواهد بود، یا به بینهایت میل میکند، که باعث اختلال در روند محاسبات پیادهسازی نرمافزاری میگردد. با این حال، یکی از محاسن مکانیزم تریپترون، که باعث میگردد برای هدف این مقاله مناسب باشد، این است که فضای کاری آن عاری از تکینگی میباشد که باعث سهولت پیادهسازی و امتحان شاخص میگردد.

5-1- مدل سينماتيكي

برای فرموله کردن حساسیت سینماتیکی به شکلی که تأثیر خطای مفاصل غیرفعال نیز محاسبه گردد، میبایست ابتدا ماتریس ژاکوبینی استخراج گردد که سرعت مفاصل غیرفعال و صفحه متحرک را به یکدیگر تبدیل کند. همان گونه که ذکر شد، این فرایند در [19] انجام شده است، و نتایج آن در ادامه مرور می گردد.

همان طور که در شکل 13 ملاحظه می گردد، مکانیزم تحت مطالعه از سه شاخه تشکیل شده است، که از لحاظ سینماتیکی، متقارن هستد، و هریک از یک مفصل کشویی فعال و سه مفصل گردشی غیرفعال تشکیل شده است، که به ترتیب، به هم متصل شده اند.

5-1-1- رابطه سينماتيكي مرتبه اول

همان طور که اشاره شد، از نقطه نظر هندسی، ماتریس ژاکوبین می تواند به عنوان نگاشت یک کره واحد در فضای سرعت مفاصل به یک بیضی گون تغییر شکل یافته در فضای سرعت کارتزین در نظر گرفته شود که بهنام تویست صفحه متحرک شناخته می شود [13،12]. برای هدف این مقاله، ماتریس ژاکوبین می تواند به صورت یک تبدیل خطی معرفی شود که یک خطای محدود در فضای مفاصل را به فضای کارتزین مکانیزم می نگارد [17]. برای مکانیزم تریپترون، با استفاده از روش و اختصاص علائم پیشنهاد شده در برای مکانیزم تریپترون، با استفاده از روش و اختصاص علائم پیشنهاد شده در ادامه برای استخراج ماتریس ژاکوبین و شاخص حساسیت سینماتیکی با احتساب عدم قطعیت موجود در مفاصل غیرفعال لازم خواهند بود.

فرض می گردد که بردارهای ψ و λ ، به ترتیب، دستگاه مختصاتی تعمیم یافته مفاصل و محورهای مقید سینماتیکی مفاصل را نشان می دهند. بنابراین، ماتریس ژاکوبین قیود سینماتیکی، که تغییرات در مفاصل غیرفعال را به تغییرات در صفحه متحرک مرتبط می کند، از نظر ریاضی، می تواند به شکل رابطه (40) تعریف گردد:

$$G = \frac{d\lambda}{d\psi}. (40)$$

در رابطه بالا، المانهای G می توانند از رابطه (41) به دست آیند:

$$G^{\mathrm{T}} = [G_a^{\mathrm{T}} \quad G_b^{\mathrm{T}} \quad G_c^{\mathrm{T}}], \tag{41}$$

که در آن، G_a^{T} به صورت رابطه (42) تعریف می گردد:

$$G_{a} = -\left[S_{\theta_{1}a}^{a}; S_{\theta_{2}a}^{a}; S_{\theta_{3}a}^{a}\right]^{-1} \left[S_{\rho_{a}}^{a}; S_{\rho_{b}}^{a}; S_{\rho_{c}}^{a}\right], \tag{42}$$

:(43) موقعیت صفحه متحرک بوده، با استفاده از رابطه $[\rho_a \quad \rho_b \quad \rho_c]^{\mathrm{T}}$ که $\frac{\partial \kappa_u}{\partial v} = S_v^u$ (43) و رابطه (44)

$$S_{v} = \frac{\partial \kappa}{\partial v} \begin{bmatrix} S_{v}^{a} \\ 1 \\ S_{v}^{b} \\ 1 \\ S_{v}^{c} \end{bmatrix}$$
(44)

 κ_a و ست است و قابل محاسبه است و $v \in \{\rho_a, \rho_b, \rho_c, \theta_{1_a}, \dots, \theta_{3_c}\}$ و $u \in \{a, b, c\}$ دستگاه معادلاتی بهشکل رابطه (45) است که قیود سینماتیکی مربوط به شاخه مربوطه را تشریح می کند:

$$\kappa_{a} = \begin{bmatrix}
B_{a_{x}} + l_{1}c_{1a} + l_{2}c_{(1a+2a)} + l_{3} - \rho_{b} \\
B_{a_{y}} + l_{1}s_{1a} + l_{2}s_{(1a+2a)} - \rho_{c} \\
\theta_{1a} + \theta_{2a} + \theta_{3a}
\end{bmatrix} = 0_{3},$$
(45)

که در آن، پارامترهای B_{a_y} و B_{a_y} در ادامه معرفی خواهند شد، مقادیر مورد نیاز می توانند از روابط (46) الی (51) زیر محاسبه شوند:

$$S_{\theta_{1a}}^{a} = \frac{\partial \kappa_{a}}{\partial \theta_{1a}} = \begin{bmatrix} -l_{1}s_{1a} - l_{2}s_{(1a+2a)} \\ l_{1}c_{1a} + l_{2}c_{(1a+2a)} \\ 1 \end{bmatrix}$$
(46)

$$S_{\theta_{2a}}^{a} = \frac{\partial \kappa_{a}}{\partial \theta_{2a}} = \begin{bmatrix} -l_{2}S_{(1a+2a)} \\ l_{2}C_{(1a+2a)} \\ 1 \end{bmatrix}$$
(47)

$$S_{\theta_{3a}}^{a} = \frac{\partial \kappa_{a}}{\partial \theta_{3a}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}, \tag{48}$$

$$S_{\theta\rho_a}^a = \frac{\partial \kappa_a}{\partial \rho_a} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \tag{49}$$

$$S_{\theta_{\rho_b}}^a = \frac{\partial \kappa_a}{\partial \rho_b} = \begin{bmatrix} -1\\0\\0 \end{bmatrix}, \tag{50}$$

$$S_{\theta\rho_c}^a = \frac{\partial \kappa_a}{\partial \rho_c} = \begin{bmatrix} 0 \\ -1 \end{bmatrix}. \tag{51}$$

با جای گذاری روابط (46) الی (51) در رابطه (42)، G_a به صورت رابطه (52) جاصل می شود:

$$G_{a} = \begin{bmatrix} 0 & \frac{c_{(1a+2a)}}{l_{1}s_{2a}} & \frac{s_{(1a+2a)}}{l_{1}s_{2a}} \\ 0 & \frac{-l_{1}c_{1a} - l_{2}c_{(1a+2a)}}{l_{2}l_{1}s_{2a}} & \frac{-l_{1}s_{1a} - l_{2}s_{(1a+2a)}}{l_{2}l_{1}s_{2a}} \\ 0 & \frac{c_{1a}}{l_{2}s_{2a}} & \frac{s_{1a}}{l_{2}s_{2a}} \end{bmatrix},$$

$$(52)$$

و G_c و G_c بهطور مشابه قابل محاسبه بوده، توضیحات بیشتر در [18] آورده شده است.

لازم به ذکر است که در روابط بالا، از علامت گذاریهای رابطه (53) استفاده شده است:

$$\begin{cases} c_{(1a+2a)} = \cos(\theta_{1_a} + \theta_{2_a}) \\ s_{(1a+2a)} = \sin(\theta_{1_a} + \theta_{2_a}) \\ c_{1a} = \cos\theta_{1_a} \\ s_{1a} = \sin\theta_{1_a} \\ c_{2a} = \cos\theta_{2_a} \\ s_{2a} = \sin\theta_{2_a} \end{cases}$$
(53)

که در آن، پارامترهای نشاندهنده فواصل فیزیکی l_1 و l_3 و نیز زوایای θ_{3a} و θ_{2a} ، θ_{1a} نشان داده شدهاند.

5-2- محاسبه حساسیت سینماتیکی

در مورد مکانیزم تریپترون $K_p = GK_a$ ، است، که در آن، K_a یک ماتریس واحد $\mathbf{X} \times \mathbf{X} \times \mathbf{X}$ است. لازم به ذکر است که حساسیت سینماتیکی $\mathbf{X} \times \mathbf{X} \times \mathbf{X}$ است. بنابراین، $\mathbf{X} \times \mathbf{X} \times \mathbf{X} \times \mathbf{X}$ است که حساسیت سینماتیکی نشان دهنده تغییرات در صفحه متحرک در اثر تغییرات ورودی است [20]. از این

نظر، محاسبه حساسیت سینماتیکی با استفاده از ماتریس ژاکوبین مستقیم ممکن است در نگاه اول، منطقی تر به نظر برسد. با این حال، در صورت استفاده از ژاکوبین مستقیم، مشکلی که پدید می آید این است که روند تغییرات شاخص حساسیت سینماتیکی محاسبه شده برای موقعیتهای مختلف صفحه متحرک قابل رسم و بررسی نیست. به طور واضح تر، فرض کنید حساسیت سینماتیکی برای تمامی حالتهای ممکن ورودی برای موقعیتهای متناظر صفحه متحرک محاسبه شود. در این صورت، مجموعه مقادیری حاصل می گردد که لزوما منطبق بر گرههای موردنظر برای ترسیم نیستند. از طرفی، برای برخی نقاط، از آنجا که ممکن است با مدهای کاری مختلف چند حالت مختلف از ورودیها به یک موقعت مشترک صفحه متحرک منجر گردند، چند مقدار متفاوت برای شاخص حساسیت سینماتیکی محاسبه شده باشد. به علاوه، نتایج حاصل در این حالت، ذاتا قابل ترسیم نیستند زیرا موقعیتهای صفحه متحرک بدون هیچ انضباط و ترتیبی در سرتاسر فضای کاری پراکنده شده اند. به عبارت دیگر، جفتهای (موقعیت، حساسیت سینماتیکی) در حالی در میان فضای کاری پخش شده اند که فاصله مشخص و از پیش تعیین شده ای در راستای در جات آزادی مکانیزم ندارند.

بنابراین، برای مقصد این مقاله، ماتریس ژاکوبین معکوس به ماتریس ژاکوبین مستقیم ترجیح داده می شود و از روابطی که حساسیت سینماتیکی را با توجه به این ماتریس محاسبه می کنند برای محاسبه و ترسیم شاخص حساسیت سینماتیکی استفاده می گردد. در نتیجه، مشابه روش پیشنهاد شده در [21]، می توان حساسیت سینماتیکی با توجه به خطای موجود در مفاصل غیر فعال را به شکل رابطه (54) برای این مکانیزم محاسبه نمود:

$$\sigma_{p_{2,2}} = \frac{\|G\|_2}{n_y},\tag{54}$$

که در آن، m_v که تعداد قیود مربوط به حلقههای بسته سینماتیکی است، در مورد این مکانیزم، برابر 12 است.

شایان ذکر است که از آنجا که مکانیزم موازی سه درجه آزادی تحت مطالعه فقط درجات آزادی انتقالی دارد، حساسیت سینماتیکی انتقالی برای توصیف کارایی سینماتیک - استاتیکی این مکانیزم کافی است. با این وجود، در صورتی که مکانیزم، همانند آنچه در [23] معرفی شده است، دارای درجات آزادی دورانی نیز باشد، حساسیت سینماتیکی، با روشی مشابه، قابل محاسبه است.

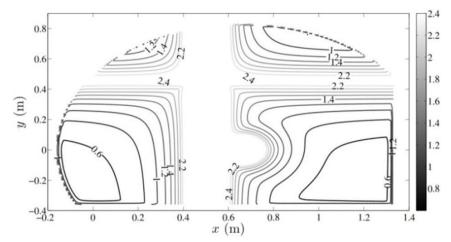
5-3- پیادەسازی شاخص روی مکانیزم

همان طور که اشاره شد، برای تأیید صحت تعبیر فیزیکی شاخص پیشنهادی، در این قسمت، مقدار آن برای مکانیزم تریپترون محاسبه می گردد، که باتوجه به ساختار هندسی و سینماتیکی ساده اش، امکان وصول به این هدف را مهیا می سازد. برای این منظور، ابتدا مرور کوتاهی بر مشخصات و اندازه های ساخت مکانیزم انجام می گیرد، سپس نتایج ارایه شده، در مورد آن ها بحث می گردد.

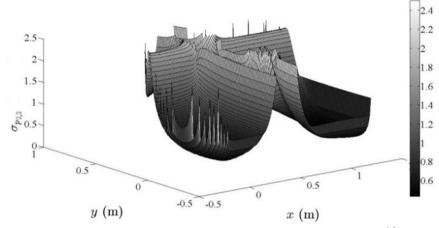
اندازههای ساخت مکانیزم مورد بررسی در جدول 3 آمده است. لازم به ذکر است که در این جدول، مختصات نقاط اتصال هریک از شاخهها به پایه، براساس یک دستگاه مختصات پایه فرضی، بهترتیب، بهشکل رابطه (55) در نظر گرفته شدهاند: $(B_a^T = [B_{a_x} \quad B_{a_y} \quad B_{a_z}]$

$$\begin{cases}
B_b^{T} = [B_{b_x} \quad B_{b_y} \quad B_{b_z}], \\
B_c^{T} = [B_{c_x} \quad B_{c_y} \quad B_{c_z}]
\end{cases}$$
(55)

نتایج اعمال شاخص پیشنهادی بر روی مکانیزم در شکلهای 15 و 16، به ترتیب، با استفاده از کانتور و نمایش سهبعدی به تصویر کشیده شده است. شکلها حاکی از آن است که میزان شاخصهای پیشنهاد شده برای ربات تریپترون در بازه 2/2-2/2 قرار می گیرد.



شکل 15 کانتور حساسیت سینماتیکی، که بدون واحد است، برای مکانیزم تریپترون با در نظر گرفتن خطای مفاصل غیرفعال در صفحه z=10



شکل 16 نمایش سهبعدی حساسیت سینماتیکی مکانیزم تریپترون با در نظر گرفتن خطای مفاصل غیرفعال در صفحه z=10

جدول 3 پارامترهای ساخت مکانیزم تریپترون، براساس اندازههای مستخرج از مدل.

مقدار (متر)	پارامتر
0/44042	l_1
0/39205	l_2
0/092	l_3
0/36458	B_{a_x}
0	$B_{a_{y}}$
0/257	B_{a_z}
0	$B_{b_{\scriptscriptstyle \mathcal{X}}}$
0/50242	$B_{b_{\mathcal{Y}}}$
0	B_{b_Z}
0/57242	$B_{c_{_{\mathcal{X}}}}$
0/00042	$B_{c_{\mathcal{Y}}}$
0	B_{c_z}

6- بحث در مورد نتایج

از نتایج حاصله، که در شکلهای 2، 3، 5 الی 12، 15 و 16 نمایش داده شده اند، می توان استنباط کرد که شاخص ارایه شده، برخلاف شاخصهای کلاسیک، همانند تردستی 1 ، مهارت 2 و حساسیت سینماتیکی با تعریف متداول، موجب استنباطهای نادرست و دور از واقعیت فیزیکی نمی گردد. به عبارت دیگر، از آنجا که مجری نهایی با نزدیک شدن به مرزهای فضای کاری یا حوزههای تکین حساسیت بیشتری را نسبت به عدم قطعیتها از خود نشان می دهد، انتظار می رود که شاخصی که از نظر هندسی تفسیر مناسبی را ارایه می دهد با نزدیک شدن به مرزهای فضای کاری، مقدار بیشتری را گزارش می دهد و با نزدیک شدن به حوزههای تکینه، به بی نهایت میل کند. از شکلهای مذکور، مشهود است که شاخص پیشنهادی این انتظار را برآورده می سازد، و

لازم به توجه است که در شکلهای فوقالذکر، مقادیر حاصل برای حساسیت سینماتیکی با در نظر گرفتن عدم قطعیت موجود در مفاصل غیرفعال، از نظر روند تغییرات در صفحات دوران-ثابت مجری نهایی، شبیه به تعریف کلاسیک حساسیت سینماتیکی، که صرفا اثر خطای ساخت یا کنترل ورودیهای فعال را در نظر میگیرد و در مطالعات قبلی [24] برای برخی مکانیزمهای مشابه بررسی شده است، اما متفاوت از شاخصهایی نظیر تردستی و مهارت است، که مبین صحت تعبیر فیزیکی حاصل از این شاخص

با این حال، همان گونه که از نتایج تحلیل فیزیکی انتظار میرفت، میزان حساسیت پیشبینی شده، در تمامی نقاط فضای کاری، از میزان شاخص حساسیت سینماتیکی با فرمول بندی رایج بیشتر، و به حقیقت هندسی نزدیک تر است. بنابراین، شاخص پیشنهادی مقادیری واقعی تر را برای کران بالای خطا به ازای خطای نرم واحد در ورودیها گزارش کرده، میزان احتمال عملکرد ناخواسته یا معیوب توسط مکانیزم را به شکل واقع بینانه تری پیش بینی می کند.

بدیهی است که اطلاع از این خصوصیات فرصت بهرهبرداری و کنترل مطمئن تری را برای طراح و کاربر فراهم خواهد آورد. همان طور که اشاره شد، پیش بینی محافظه کارانه و دقیق حداکثر خطای مکانیزمهای موازی، بهویژه با توجه با ضریب تقویت خطای نوعا بالای آنها، و انتظار اعمال مسیرها و وظایف ظریف و حساس توسط آنها، اهمیت زیادی دارد.

با فرض استخراج صحیح روابط سینماتیکی و توانایی پردازشگر، روش پیشنهاد شده برای محاسبه حساسیت سینماتیکی متأثر از عدم قطعیت موجود در مفاصل غیرفعال بر روی تمامی انواع مکانیزمهای موازی، از جمله مکانیزمهای موازی صفحهای [27-24]، و حتی رباتهای مانکن [30]، قابل اعمال است. بسترهای مورد نیاز برای اندازه گیری سه بعدی دقیق [30]، قابل اعمال است. به عبارت دیگر، این شاخص می تواند برای ارزیابی، بهبود و بهینهسازی مکانیزمهای موازی مورد استفاده قرار گیرد، و انتظار می رود نتیجه اعمال چنین شاخصی، به توجه به ملاحظات مذکور، دقیق تر و قابل اعتماد تر باشد.

البته موضوع اخیر از حوزه این مقاله خارج بوده، در این جا تنها به اعمال شاخص پیشنهادی بر روی چند مکانیزم نمونه، که سعی شده به گونهای انتخاب شوند که نماینده دستههای مختلف مکانیزمهای موازی از لحاظ درجات آزادی و میزان پیچیدگی مکانیکی در سطح طراحی باشند، اکتفا شده است. به عبارت دیگر، مرحله بعدی متشکل از مقایسه و تلاش برای بهبود کارایی سینماتیک- استاتیکی مکانیزمهای موازی براساس این شاخص خواهد بود، که انتظار میرود در مطالعات آینده مورد توجه قرار گیرد. بنابراین، در این مرحله، امکان بررسی بیشتر و مقایسه عملکرد مکانیزمها، براساس اطلاعات موجود، فراهم نیست، و حوزه این مقاله به معرفی و بررسی صحت فیزیکی شاخص پیشنهادی محدود می گردد.

7- جمع بندي

این مقاله تأثیر عدم قطعیتهای موجود در مفاصل غیرفعال را بر روی فرایند ارزیابی کارایی سینماتیک- استاتیکی مکانیزمهای موازی بررسی نمود. همانگونه که قبلا ذکر شد، اغلب شاخصهای کارایی سینماتیک- استاتیکی پیشنهاد شده در گذشته از این نارسایی رنج میبردند که بخشهای مربوط به درجات آزادی انتقالی و دوررانی ماتریس ژاکوبین را با یکدیگر ادغام میکنند.

از لحاظ صحت و اعتمادپذیری، قابل تأیید است.

^{1.} Manipulability

^{2.} Dexterity

^{3.} Mannequin robots

- [8] M. Daneshmand, M. Tale Masouleh, H. Saadatzi, M. and B. Menhaj, M. "On the Optimum Design of Planar Parallel Mechanisms Based on Kinematic Sensitivity and Workspace," in *CCToMM M³ Symposium*, Montr´eal, Qu´ebec, Canada: IFToMM, May. 2013.
- [9] E. Faghih, M. Daneshmand, H. Saadatzi, M. and M. Tale Masouleh, "A Benchmark Study on the Kinematic Sensitivity of Planar Parallel Mechanisms," in *CCToMM M³ Symposium*. Montr´eal, Qu´ebec, Canada: IFToMM, May. 2013.
- [10] M. Daneshmand, H. Saadatzi, M. M. Tale Masouleh, and B. Menhaj, M. "Optimization of Kinematic Sensitivity and Workspace of Planar Parallel Mechanisms," in *Multibody Dynamics Thematic Conference*, Zagreb, Croatia, Jul. 2013.
- [11] J. Merlet, "Jacobian, Manipulability, Condition Number, and Accuracy of Parallel Robots," *Journal of Mechanical Design*, vol. 128, pp. 199–206, 2006.
- [12] J. Angeles, Fundamentals of Robotic Mechanical Systems: *Theory, Methods, and Algorithms.* Springer, 2006.
- [13] W. Khan and J. Angeles, "The Kinetostatic Optimization of Robotic Manipulators: The Inverse and the Direct Problems," *Journal of Mechanical Design*, vol. 128, no. 1, pp. 168–178, 2006.
- [14] P. Cardou, S. Bouchard, and C. Gosselin, "Kinematic-sensitivity Indices for Dimensionally Nonhomogeneous Jacobian Matrices," *IEEE Transactions on Robotics*, vol. 26, no. 1, pp. 166–173, 2010.
- [15] J. Angeles, "Is there a Characteristic Length of a Rigid-body Displacement?" *Mechanism and Machine Theory*, vol. 41, no. 8, pp. 884–896, 2006.
- [16] M. H. Saadatzi, "Workspace and Singularity Analysis of 5DOF Symmetrical Parallel Robots with Linear Actuators," Master's thesis, Faculty of Electrical and Computer Engineering, K.N. Toosi University of Technology, Tehran, Iran, Summer. 2011. (In Persian)
- [17] M. H. Saadatzi, M. Tale Masouleh, H. D. Taghirad, C. Gosselin, and P. Cardou, "Geometric Analysis of the Kinematic Sensitivity of Planar Parallel Mechanisms," *Transactions of the Canadian Society for Mechanical Engineering*, vol. 35, no. 4, pp. 477–490, Jun. 2011.
- [18] C. Quennouelle and C. Gosselin, "Kinematostatic Modeling of Compliant Parallel Mechanisms," *Meccanica*, vol. 46, no. 1, pp. 155–169, 2011.
- [19] G. Hovland, M. Choux, M. Murray, and T. Brogardh, "Benchmark of the 3dof Gantry-Tau Parallel Kinematic Machine," in *International Conference on Robotics and Automation*. IEEE, 2007, pp. 535–542.
- [20] L. Ros, A. Sabater, and F. Thomas, "An Ellipsoidal Calculus Based on Propagation and Fusion," *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics, Part B: Cybernetics*, vol. 32, no. 4, pp. 430–442, 2002.
- [21] S. Caro, N. Binaud, and P. Wenger, "Sensitivity analysis of 3-rpr planar parallel manipulators," *Journal of Mechanical Design*, vol. 131, no. 12, p. 121005, 2009.
- [22] C. Quennouelle and C. Gosselin, "A quasi-static Model for Planar Compliant Parallel Mechanisms," *Journal of Mechanisms and Robotics, American Society of Mechanical Engineers*, vol. 1, no. 2, pp. 021012, 2009.
- [23] M. Gosselin, C. and F. Hamel, J. "The Agile Eye: a High-performance Three-degree-of-freedom Camera-orienting Device," in *Proceedings of IEEE International Conference on Robotics and Automation (ICRA)*. IEEE, 1994, pp. 781–786.
- [24] M. Daneshmand, M. Tale Masouleh and H. Saadatzi, M., "Optimization of the Kinematic Sensitivity and the Greatest Continuous Circle in the Constant-orientation Workspace of Planar Parallel Mechanisms," *International Journal of Robotics, Theory and Applications*, Vol. 4, No. 1, pp. 12–21, 2015.
- [25] M. Homayounpour, M. Tale Masouleh, Static Balancing of Three Parallel Planar 3-DOF Mechanisms and Static Balancing of Variable Weights, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 16, pp. 321-331, 2015 (In Persian).
- [26] V. Rezania, S. Ebrahimi, A comparative study on the manipulability index of RRR planar manipulators, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 14, pp. 299-308, 2015 (In Persian).
- [27] M. A. Hosseini, Cartesian Dimensional Homogeneous Jacobian Matrix for Performance Evaluation and Optimization of Complex Dof Parallel Manipulator, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 10, pp. 129-138, 2014 (In Persian).
- [28] M. Daneshmand, A. Aabloo and G. Anbarjafari, "Size-Dictionary Interpolation for Robot's Adjustment," *Frontiers in Bioengineering and Biotechnology, Frontiers*, Vol. 3, pp. 63, 2015.
- [29] M. Daneshmand, A. Aabloo, C. Ozcinar and G. Anbarjafari, "Real-Time, Automatic Shape-Changing Robot Adjustment and Gender Classification," *Signal, Image and Video Processing, Springer*, Vol. 9, No. 5, pp. 1-8, 2015.
- [30] A. Traumann, M. Daneshmand, S. Escalera and G. Anbarjafari, "Accurate 3D Measurement Using Optical Depth Information," *Electronics Letters, Institution of Engineering and Technology*, DOI: 10.1049/el.2015.1345, 2015.
- [31] European Regional Development Fund through the Software Technology and Applications Competence Centre (STACC)
- [32] ERDF program "Estonian higher education information and communications technology and research and development activities state program 2011-2015 (ICT program)
- [33] Estonian Research Council grant PUT (PUT638)

این بخشها که طبیعتا از نظر واحد دچار ناهمخوانی هستند، موجب حصول تعابیری میشوند که از نظر فیزیکی ملموس نبوده، و بر حقیقت عملی انطباق ندارد. مشکل مذکور، با پیشنهاد و توسعه شاخصهای مجزای حساسیت سینماتیکی انتقالی و دورانی، در گذشته، برطرف شده بود. با این حال، حساسیت سینماتیکی همچنان ضعف اساسی دیگری داشت، که با پیشنهاد و پیادهسازی یک شاخص اصلاحشده، در این مقاله برطرف شد. این شاخص با احتساب لقیهای غیرقابل انکار موجود در مفاصل غیرفعال و تأثیر آنها بر روی موقعیت و جهت مجری نهایی، امکان ارزیابی، مقایسه و بهینهسازی کارایی سینماتیک استاتیکی مکانیزمهای موازی را فراهم نمود. انتظار میرود این ارتقای کیفی از ارزش قابل توجهی برای بهبود فرایندهای پیادهسازی مسیر توسط مکانیزمهای موازی، از نظر دقت و تکراریذیری، برخوردار باشد. در ادامه، برای اثبات صحت و اعتمادپذیری، این شاخص برای مکانیزمهای موازی چهارمیلهای و RPR - 8، و نیز ربات تریپترون، به طور نمونه، محاسبه شده، نتایج ارایه شد. این نتایج حاکی از این بود که شاخصهای ارایه شده در این مقاله برای ارزیابی کارایی سینماتیک- استاتیکی مکانیزمهای موازی با در نظر گرفتن عدمقطعیت در مفاصل غیرفعال، برخلاف اغلب شاخصهای پیشنهاد شده در گذشته، تعابیری را ارایه میدهد که با انتظاری که از مکانیک مسأله می رود سازگار است. میزان شاخص مذکور، برای مکانیزمهای مورد مطالعه در این مقاله، بهترتیب، در بازههای 1-2/4، 2/1-0/9 و 2/2-0/6 قرار گرفت. با این حال، برای یک ارزیابی کامل تر و دقیق تر، می بایست شاخص هایی طراحی گردند که براساس مدل هایی چند درجه آزادی از مفاصل غیرفعال محاسبه گردند. به عبارت دیگر، برای محاسبه چنین شاخصهایی، میبایست فرض گردد که مفاصل غیرفعال، علاوه بر درجه آزادی ذاتی و طبیعیشان، قادر به حرکت یا لغزش در راستای سایر درجات آزادی نیز هستند. در نظر گرفتن این مدل بدون شک روابط ریاضی بسیار پیچیدهتری را بههمراه خواهد داشت، و فرایند محاسباتی را به کلی دگرگون خواهد نمود. این موضوع، به عنوان یک زمینه باز تحقیقاتی، در پژوهشهای آینده، قابل پیگیری خواهد بود.

8- تقدير و تشكر

این پروژه تحقیقاتی مورد حمایت منابع مالی [31-33] میباشد.

9- مراجع

- [1] C. Gosselin and J. Angeles, "The Optimum Kinematic Design of a Spherical Three-degree-of-freedom Parallel Manipulator," *Journal of Mechanisms, Transmissions, and Automation in Design*, vol. 111, no. 2, pp. 202–207, 1989
- [2] M. Daneshmand, H. Saadatzi, M. and M. Tale Masouleh, "Kinematic Sensitivity and Workspace Optimization of Planar Parallel Mechanisms Using Evolutionary Techniques," in *First International Conference on Robotics and Mechatronics (ICROM)*. Tehran, Iran: IEEE, Feb. 2013.
- [3] S. Bai, R. Hansen, M. and J. Angeles, "A Robust Forward-displacement Analysis of Spherical Parallel Robots," *Mechanism and Machine Theory*, vol. 44, no. 12, pp. 2204–2216, 2009.
- [4] S. Bai, R. Hansen, M. and O. Andersen, T. "Modelling of a Special Class of Spherical Parallel Manipulators with Euler Parameters," *Robotica*, vol. 27, no. 2, p. 161, 2009.
- [5] "Parallel MIC-the Parallel Mechanisms Information Center," Accessed 2 July 2015; http://parallemic.org/.
- [6] Y. Takeda, H. Funabashi, and Y. Sasaki, "Development of a Spherical inparallel Actuated Mechanism with Three Degrees of Freedom with Large Working Space and High Motion Transmissibility: Evaluation of Motion Transmissibility and Analysis of Working Space," *JSME International Journal. Ser. C, Dynamics, Control, Robotics, Design and Manufacturing,* vol. 39, no. 3, pp. 541–548, 1996.
- [7] A. Bonev, I. D. Chablat, and P. Wenger, "Working and Assembly Modes of the Agile Eye," in *Proceedings of IEEE International Conference on Robotics and Automation (ICRA)*. IEEE, 2006, pp. 2317–2322.