

ماهنامه علمى پژوهشى

مهندسی مکانیک مدرس





برداشت انرژی از ارتعاشات پل تحت عبور جرمهای متوالی با استفاده از مواد پیزوالکتریک

مسعود کریمی 1 ، رضا تیکنی 2 ، سعید ضیائی راد 3

- 1- كارشناسى ارشد، مهندسى مكانيك، دانشگاه صنعتى اصفهان، اصفهان
 - 2- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان
 - 3 استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان
 - * اصفهان، r_tikani@cc.iut.ac.ir ، 8415683111

حكىدە

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل دریافت: 29 فروردین 1395 پذیرش: 24 اردیبهشت 1395 *کلید واژگان:* برداشت انرژی پیزوالکتریک ارتباشات پل عبور جرمهای متوالی

برداشت انرژی الکتریکی از مواد پیزوالکتریک اغلب برای تجهیزات الکترونیکی با توان کم استفاده می شود. تأمین توان موردنیاز حسگرهای بی سیم مورد استفاده در سلامت سنجی پلها و دیگر شالوده های عمرانی از جمله کاربردهای مهم برداشت کننده های انرژی است. در این پژوهش برداشت انرژی از ارتعاشات پل تحت عبور جرمهای متوالی بررسی شده است. برداشت انرژی به کمک تیر یک سرگیردار با وصله پیزوالکتریک نصب شده بر نقطه میانی پل دو سرمفصل صورت پذیرفته است. روابط حاکم بر ارتعاشات پل تحت عبور جرمهای متوالی با فرض تیر اویلربرنولی استخراج شده است. اثرات نیروهای اینرسی، کوریولیس و گریز از مرکز در استخراج روابط درنظر گرفته شده است، همچنین برداشت کننده انرژی به صورت تیر یک سرگیردار با وصله پیزوالکتریک تحت ارتعاشات پایه ناشی از جابجایی پل مدل سازی شده است. روابط حاصل به

کمک نرمافزار متلب با استفاده از روش رونگه-کوتای مرتبه چهار حل شده و جابهجایی پل و ولتاژ تولیدی در وصله پیزوالکتریک بهدست آمده است. در نهایت ولتاژ تولیدی حاصل از مدل سازی تئوری مسأله با نتایج حاصل از آزمایش تجربی برای سرعتهای مختلف جرمهای عبوری مقایسه شده است. مقایسه انجام شده حاکی از دقت مناسب مدل سازی انجام شده در مسأله حاضر است.

Piezoelectric energy harvesting from bridge vibrations under moving consecutive masses

Masoud Karimi, Reza Tikani*, Saeed Ziaei-Rad

- Department of Mechanical Engineering, Isfahan University of Technology, Isfahan, Iran.
- * P.O.B. 8415683111 Isfahan, Iran, r_tikani@cc.iut.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 17 April 2016 Accepted 13 May 2016 Available Online 14 June 2016

Keywords: Energy harvesting Piezoelectric Bridge vibrations Moving consecutive masses

ABSTRACT

Harvesting energy by piezoelectric materials is nowadays an efficient way for powering low-power electronic devices. Required energy for sensors, used in condition and health monitoring of bridges and other civil infrastructures, can be examples of the energy harvesters. This study aimed to improve the piezoelectric-based energy harvesting on civil infrastructures, especially on bridge structures. In this investigation, harvesting energy from the vibrations of a bridge under moving consecutive masses is studied. Harvesting energy is carried out through a cantilever beam with piezoelectric patch which is installed at the middle of a simply supported bridge. Governing equations for vibration of an Euler-Bernoulli beam under moving consecutive masses are derived. The inertial effects, including centrifugal and coriolis forces are considered. For verification, the results of the numerical solution of the moving mass problem are compared to the experimental tests data of the literature. The harvester is modelled by a cantilever beam with piezoelectric patch under base excitations which are calculated from vibrations of the bridge mid-point. The obtained equations are then solved in MATLAB environment by using the fourth order Runge-Kutta method. The calculated induced voltages are compared with those obtained from experiment. A good degree of accuracy is observed.

1-مقدمه

برداشت انرژی به معنای به دام انداختن مقداری انرژی از منابع انرژی محیط و انباشته و ذخیره کردن آن بهصورت انرژی الکتریکی قابلاستفاده است [2,1]. منابع اصلی انرژیهای در دسترس جهت برداشت عبارتاند از: انرژی مکانیکی (از منابعی چون ارتعاشات، تنش مکانیکی و کرنش مکانیکی)؛ انرژی نور (ز نور خورشید یا نور اتاق توسط ینلهای خورشیدی)؛ انرژی حرارتی ((ز

انرژی حرارتی هدررفته موتورها، کورهها و منابع اصطکاکی)؛ انرژی الکترومغناطیسی (از سلفها، سیمپیچها و ترانسفورماتورها)؛ انرژی بدن انسان (ترکیبی از انرژیهای مکانیکی و حرارتی که بهصورت طبیعی توسط اندامهای بدن انسان بهواسطه اعمالی مانند قدمزدن و دویدن) و سایر انرژیها (از منابع شیمیایی و زیستی) [3]. از میان منابع انرژی که اشاره شد، تمرکز این مطالعه بر برداشت انرژی از منابع مکانیکی است.

برداشت کنندههای انرژی مکانیکی از ارتعاشات، از تنشها و کرنشهای مکانیکی سطحی که روی آن مستقر شدهاند، الکتریسیته تولید می کنند. استخراج انرژی از ارتعاشات عموما براساس حرکت یک جرم سوار شده بر یک فنر نسبت به قاب تکیه گاهش صورت می گیرد. ارتعاشات ناشی از حرکت و نوسان جرمها، سبب ایجاد شتابهای مکانیکی می شوند (انرژی مکانیکی). این انرژی می تواند به وسیله کرنش ماده پیزوالکتریک، میدان الکتریکی (الکترواستاتیک) و یا میدان مغناطیسی (الکترومغناطیس)، به انرژی الکتریکی تبدیل شود. بیشتر سامانههایی که از ارتعاشات توان می گیرند در فرکانس بهینهای تشدید خود کار می کنند که دلالت بر این موضوع دارد که فرکانس بهینهای برداشت بیشترین انرژی وجود دارد.

در برداشت انرژی پیزوالکتریک، با ایجاد کرنش در ماده پیزوالکتریک انرژی مکانیکی به انرژی الکتریکی تبدیل می شود. مواد پیزوالکتریک متعلق به دسته بزرگتری از مواد به نام فروالکتریک هستند [1]. برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک عموما یک تیر یک سر گیردار است که لایههای پیزوالکتریک روی آن متصل شدهاند و جهت افزایش کرنش به نیروی ورودی، در انتهای غیرگیردار آن یک جرم متصل است. ولتاژ تولیدی توسط لایههای پیزوالکتریک متغیر با زمان و کرنش است و به طور مؤثر یک سیگنال AC نامنظم تولید می شود.

برداشت کنندههای انرژی الکترواستاتیک از ارتعاشات، براساس تغییر ظرفیت خازنی بین یک صفحه ثابت و یک صفحه متحرک فلزی کار می کنند. در این نوع برداشت کنندهها فاصله صفحات باردار مقابل هم بهوسیله ارتعاش تغییر کرده و بدینوسیله انرژی مکانیکی به الکتریکی تبدیل میشود [4]. در ابتدا صفحات بهوسیله یک منبع ولتاژ باردار نگه داشته میشوند و زمانی که فاصله بین دو صفحه تغییر کند، تغییر ظرفیت خازنی سبب افزایش پتانسیل الکتریکی بین دو صفحه میشود. در برداشت کنندههای الکترواستاتیک بین برداشت کننده و مدار الکتریکی استخراج انرژی، به سوییچی جهت شارژ و دشارژ کردن نیاز است [4].

برداشت کنندههای انرژی الکترومغناطیس از ارتعاشات، بر پایه قانون القای الکترومغناطیس فارادی کار می کنند [5]. براساس این قانون زمانی که چگالی شار مغناطیسی درون یک حلقه بسته تغییر کند درون حلقه یک نیروی محرک الکتریکی القا می شود. عموما این نوع برداشت کننده ها از یک آهنربای دایم، سیمپیچ و یک سیستم تعلیق تشکیل شده اند. ارتعاش سبب ایجاد یک حرکت نسبی بین آهنربا و سیمپیچ در این نوع برداشت کننده شده و نیروی محرک الکتریکی در سیمپیچ القا می شود.

مقایسه میان سه روش پایه برای برداشت انرژی از ارتعاشات در جدول ۱ آمده است. برداشت کنندههای انرژی پیزوالکتریک و الکترواستاتیک در مقایسه با انواع الکترومغناطیس ولتاژهای بیشتری تولید می کنند [6]. مقدار ولتاژ تولیدی در برداشت کنندههای الکترومغناطیس از مراتب پایین (در محدوده میلیولت) است؛ بنابراین یکسوسازی ولتاژ، اندکی سخت است و عموما دیودهای ولتاژ بسیار کم برای عمل یکسوسازی ولتاژ مورد استفاده قرار می گیرد [7]. برداشت کنندههای الکترواستاتیک به یک منبع ولتاژ دایم برای باردار کردن صفحات برداشت کننده و همچنین یک مدار استخراج انرژی باردار کردن صفحات برداشت کننده و همچنین یک مدار استخراج انرژی کاربرد بسیار کمی دارند. در بسیاری از برداشت کنندههای پیزوالکتریک از مواد پیزوالکتریک موجود در بازار برای برپاسازی برداشت کننده استفاده می شود، در صورتی که در برداشت کنندههای الکترومغناطیس از سیمپیچها و

جدول 1 مقایسه بین روشهای پایه برای برداشت انرژی از ارتعاشات

Je 1 Comparison of basic types of vibrational energy harvesters

Table 1 Comparison of basic types of vibrational energy harvesters					
مشخصه	بر داشت کننده	بر داشت کننده	برداشتكننده		
مسحصه	پيزوالكتريك	الكترواستاتيك	الكترومغناطيس		
ولتاژ خروجي	بالا	بالا	پایین		
فركانس	پایین	УԼ	پایین		
تشديد	پاییں	30	پاییں		
یکسوسازی	آسان	آسان	سخت		
ولتاژ	اسان	اسان	سحت		
مدار سوييچ	نياز ندارد	نياز دارد	نياز ندارد		
•	•	•	-		

آهن رباهای دایمی برای ساخت برداشت کننده استفاده می شود. برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک در مقایسه با انواع الکترومغناطیس و الکترواستاتیک ولتاژ و چگالی توان به نسبت بالاتری تولید می کند [9]. با توجه به برتریهای برداشت کنندههای پیزوالکتریک نسبت به دو نوع دیگر، از یکی از انواع آنها برای برداشت انرژی در این مطالعه بهره گرفته شده است.

هرچند برداشت انرژی یک روش امیدوارکننده بهعنوان منبع تأمین توان است، کاربرد آن در شالودههای عمرانی کمتر مورد مطالعه قرار گرفته است. قرارگرفتن بهعنوان منبع تغذیه برای توانبخشیدن به شبکه حسگر بیسیم در یک سیستم پایش سلامت سازه یکی از کاربردهای آن است که وظیفه مراقبت، ارزیابی و تشخیص را در یک شالوده عمرانی به عهده دارد [11,10] توسعه شبکههای حسگر بیسیم به دلیل منابع توان مرسوم، مانند باتریهای قابل شارژ محدود شده است. شارژ یا جایگزین کردن باتریها به خصوص در برخی از شالودههای عمرانی همواره سخت و در برخی مواقع بسیار گران و یا حتی غیرممکن است. برداشت انرژی یک جایگزین کامل برای منابع مرسوم توان می تواند باشد و عملکرد آن نیاز به مطالعه دارد.

الوین و همکاران [12] امکانسنجی برداشت انرژی برای توانبخشیدن به یک سیستم پایش سلامت سازه را مورد بررسی قرار دادند. تیر پیزوالکتریک یکسر گیردار برداشت کننده انرژی، در شبیه سازی آنها به کار گرفته شد و انرژی خروجی آن در شالودههای عمرانی تحت شرایط بارگذاری مختلف بهدست آمد. گیوها و همکاران [13] به مرور توسعه برداشت انرژی برای سیستم حس گر پایش سلامت سازه توان کم پرداختند. پس از معرفی سیستمهای حس گر پایش سلامت سازه در پژوهش آنها، توانهای مورد نیاز برای چندین سیستم حس گر که در پایش سلامت سازه استفاده می شود مورد بحث قرار گرفت. رویکردهای برداشت انرژی مختلف شامل مکانیزم پیزوالکتریک با در نظر گرفتن الزامات و محدودیتها مطالعه شد. کیما و همكاران [14] به صورت عملی به بررسی اثر پیزوالکتریک بر شرایط مختلف بارگذاری جهت برداشت انرژی از پلها پرداختند. وصلههای پیزوالکتریک مستقیما بر یک مدل آزمایشی پل فولادی متصل شد و تحت پاسخهای سازهای مختلف ناشی از شرایط ترافیکی متفاوت مورد آزمایش قرار گرفت. نتایج آزمایش با نتایج شبیهسازی عددی مقایسه و نشان داده شد که انرژیهای خروجی به شدت از افزایش نرخ کرنش و بیشینه کرنش در وصلههای پیزوالکتریک تأثیر میپذیرند. ارتورک [15] مسأله برداشت انرژی به وسیله پیزوالکتریک از یک سیستم پل شامل برداشت انرژی از ارتعاش پل ناشی از عبور بار و همچنین برداشت انرژی از تغییرات کرنش در سطح پل را عرضه کرد. در این مطالعه هم تیر یکسر گیردار پیزوالکتریک و هم وصله پیزوالکتریک مدلسازی شده و یک مطالعه موردی برای یک وصله پیزوالکتریک چسبیده به یک پل واقعی ارائه شد. علی و همکاران [16] انرژی

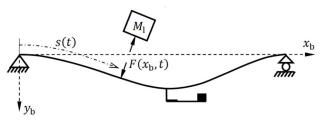


Fig. 1 Schematic diagram of an Euler-Bernoulli beam under a moving concentrated mass

شکل 1 تیر دو سر مفصل تحت عبور جرم متحرک به همراه برداشت کننده انرژی

$$m_{\rm b} \frac{\partial^2 w(x_{\rm b}, t)}{\partial t^2} + C_{\rm b} \frac{\partial w(x_{\rm b}, t)}{\partial t} + E_{\rm b} I_{\rm b} \frac{\partial^4 w(x_{\rm b}, t)}{\partial x_{\rm b}^4}$$
$$= F(x_{\rm b}, t) \delta(x_{\rm b} - s(t))$$
(1)

تابع $F(x_b,t)$ تابع نیروی عکسالعمل بین جرم و تیر شامل نیروی وزن جرم $\delta(x_b-s(t))$. ست. $\delta(x_b-s(t))$ است. و نیروهای اینرسی آن و تابع مکان و زمان جرم متحرک است که تابع دلتای دیراک است و در آن s(t) محل لحظه ای جرم متحرک است که از ابتدای سمت چپ تیر محاسبه می شود. در این مطالعه فرض بر آن است که جرم متمرکز M_1 از طرف چپ به طرف راست تیر حرکت می کند؛ بنابراین، معادله حرکت حاکم بر تیر با استفاده از قانون دوم نیوتن به صورت رابطه (2) بهدست خواهد آمد.

$$m_{\rm b} \frac{\partial^2 w(x_{\rm b},t)}{\partial t^2} + C_{\rm b} \frac{\partial w(x_{\rm b},t)}{\partial t} + E_{\rm b} I_{\rm b} \frac{\partial^4 w(x_{\rm b},t)}{\partial x_{\rm b}^4}$$

$$= M_{l} \left(g - \frac{\partial^{2} w(x_{b}, t)}{\partial t^{2}} - \dot{s}^{2} \frac{\partial^{2} w(x_{b}, t)}{\partial x_{b}^{2}} - 2 \dot{s} \frac{\partial^{2} w(x_{b}, t)}{\partial x_{b} \partial t} \right) \delta(x_{b} - s(t))$$
(2

که g شتاب ناشی از گرانش و \dot{s} سرعت ثابت جرم عبوری است. عبارات داخل کروشه در رابطه (2) به ترتیب شتاب تیر، شتاب گریز از مرکز به دلیل حرکت بر مسیر منحنی تیر و شتاب کوریولیس است. با استفاده از روش گالرکین و تحلیل مودی پاسخ رابطه (2) بهدست می آید. برای یک تیر دوسر مفصل تابع جابهجایی $\dot{w}(x_{\rm b},t)$ با استفاده از مود اول بهصورت رابطه (3) نوشته می شود. (3)

در این جا $W(x_b)$ تابع مود اول نرمالیزه شده یک تیر دو سر مفصل $W(x_b)$ تابع و $W(x_b)$ تابع زمان است. با جای گذاری رابطه (3) در رابطه (2) و ضرب دو طرف معادله حاصل در $W(x_b)$ و انتگرال گیری از صفر تا $W(x_b)$, به دست خواهد آمد.

$$M_{\rm e}\ddot{Q} + C_{\rm e}\dot{Q} + K_{\rm e}Q = F_{\rm e}$$
 (4) در آن ضرایب $K_{\rm e}$ و $C_{\rm e}$ بهترتیب جرم ظاهری، میرایی ظاهری و سختی ظاهری نامیده شده و بهصورت روابط (5) تعریف می شوند.

$$M_{\rm e} = 1 + M_{\rm l} A_1^2 \sin^2(\Omega t)$$
 (5-a)

$$C_{\rm e} = 2\zeta_{1\rm b}\omega_{1\rm b} + M_{\rm l}A_1^2\Omega\sin(2\Omega t) \tag{5-b}$$

$$K_{\rm e} = \omega_{\rm 1b}^2 - M_{\rm l} A_{\rm 1}^2 \Omega^2 \sin^2(\Omega t)$$
 (5-c)

که ω_{1b} فو کانس طبیعی اول یک تیر دوسر مفصل ω_{1b} در ω_{1b} است. در $(\omega_{1b} = (\pi^2/L_b^2)\sqrt{E_bI_b/m_b})$ این جا چون مکان جرم متحر ک با زمان طبق رابطه $z_b = \dot{s}t$ با یکدیگر مرتبط هستند، در روابط $\dot{s}t$ با $\dot{s}t$ جای گذاری شده است. $\dot{s}t$ و $\dot{s}t$ نیز به صورت روابط $\dot{s}t$ تعریف می شوند.

هدف این مقاله بررسی مقدار انرژی قابل برداشت از عبور جرمهای متوالی از روی یک پل به وسیله یک نوع برداشت کننده پیزوالکتریک بهصورت تئوری و تجربی است. در کارهای گذشته عبور فقط یک بار متحرک و نه جرمهای متوالی از روی پل و آن هم بهصورت نیرو و نه جرم در نظر گرفته شده است؛ بدین معنی که از اثرات نیروهای اینرسی، کوریولیس، گریز از مرکز و نیروی ناشی از شتاب بار متحرک صرفنظر شده است. نیروهایی که بهویژه در سرعتهای زیاد و برای جرمهای بزرگ میتوانند بسیار مهم باشند. در پژوهش حاضر از اثرات این نیروها در معادلات ارتعاشات پل صرفنظر نشده و تحلیل تئوری بر این پایه انجام گرفته است، همچنین بررسی اثر عبور جرمهای متوالی که در کارهای پیشین صورت نگرفته نیز مطالعه شده است. بهعلاوه عملکرد یک تیر یکسر گیردار با وصله پیزوالکتریک از جنس سرامیک نرم به عنوان برداشت کننده انرژی تحت برانگیزش ارتعاشات پل به صورت تئوری مورد بررسی قرار گرفت. درنهایت نتایج تئوری با نتایج حاصل از قرار دادن برداشت کننده طراحی و ساخته شده بر یک لرزاننده الکترومغناطیسی و شبیهسازی ارتعاشات نقطه میانی پل تحت عبور جرمهای متوالى مقايسه شد.

2-عبور جرمهای متمرکز متوالی از روی پل

بهمنظور یافتن پاسخ دینامیکی دقیق یک تیر تحت عبور جرم، تأثیر نیروهای اینرسی بهخصوص برای جرمهای سنگین و با سرعتهای زیاد باید محاسبه شوند. در این قسمت معادله حرکت حاکم بر یک تیر اویلر- برنولی با شرایط مرزی دو سر مفصل تحت عبور یک جرم متمرکز با سرعت ثابت (شکل 1) بهدست خواهد آمد و با استفاده از آن مسأله عبور جرمهای متمرکز متوالی حل میشود.

معادله حرکت یک تیر به طول $L_{\rm b}$ تحت عبور یک جرم متمرکز را می توان به صورت رابطه (1) نوشت. که در آن $w(x_{\rm b},t)$ خیز عرضی تیر در نقطه $x_{\rm b}$ و زمان $x_{\rm b}$ است. پارامترهای $x_{\rm b}$ و ممان اینرسی تیر هستند. طول، ضریب میرایی لزج، مدول الاستیک خطی و ممان اینرسی تیر هستند.

1 ANSYS

خروجی به وسیله برداشت انرژی پیزوالکتریک در پلهای بزرگراهها را فقط به صورت تئوری مورد مطالعه قراردادند. یک مدل پل دوبعدی با یک بار نقطهای مورد بررسی قرار گرفت و یک مدل خطی یک درجه آزادی برای برداشت کننده پیزوالکتریک به کار گرفته شد. پیگنی و همکارش [17] برداشت کنندهای را برای یک پل خاص برای برداشت انرژی از ارتعاشات عرضی ناشی از عبور ترافیک در فرکانس 14.5 هرتز فقط بهصورت تجربی طراحی کردند و نشان دادند که در اوج ترافیک پل توانی به اندازهی 0.03 میلیوات در ولتاژ 1.8 - 3.6 ولت برای این مورد خاص تولید میشود. برداشت کننده آنها به لولههای آب متصل به پل متصل شده و اثر عبور سیال و باد درنظر گرفته نشده بود. بوهان و همکاران [18] پس از مرور مدل ریاضی پل برای ارتعاشات کوچک به تحلیل برداشت کننده الکترومغناطیسی پرداختند و محدودیتهای آن را بیان کردند. یه ژانگ و همکاران [19] عملکرد برداشت کننده یک سر گیردار پیزوالکتریک را روی چهار نوع پل بتونی خاص به وسیله نرمافزار انسیس 1 مورد بررسی قرار دادند. آنها اثر عوامل مختلف چون محل قرارگیری برداشت کننده، زبری سطح پل، طول پل و سرعت وسایل نقلیه را در بهدستآوردن پتانسیل نزدیک به واقعیت بررسی کردند.

² Dirac delta function

$$A_1 = \sqrt{\frac{2}{m_b L_b}} \tag{6}$$

$$\Omega = \frac{\pi s}{L_{\rm b}} \tag{7}$$

در رابطه (4)، $F_{\rm e}$ نیروی تعمیمیافته مرتبط با مختصات تعمیمیافته Q(t) است و بهصورت رابطه (8) محاسبه می شود.

$$F_{\rm e} = M_{\rm l}gA_{\rm l}\sin\Omega t \tag{8}$$

رابطه (4) یک رابطه دیفرانسیل معمولی با ضرایب متغیر با زمان است که از یک روش عددی برای حل آن می توان بهره جست. در این جا رویه رونگه-کوتای ¹ مرتبه چهار برای حل این رابطه دیفرانسیل با استفاده از الگوریتم در نرمافزار متلب 2 به کار گرفته شده است. برای راستی آزمایی کد ode45 عددی نوشتهشده برای حل این مسأله، نتایج آزمایش تجربی انجامشده در مقیاس کوچک از مرجع [20] با نتایج عددی مقایسه شده است. در مرجع [20] مدل تیر، اویلر- برنولی و جرم متمرکز یک گوی با شعاع کم درنظر گرفته شده است. مدل با اعمال یک مقیاس مناسب به مدلی آزمایشگاهی تبديل و نتايج آن با نتايج تحليلي منطبق شده است. مقايسه مدل بالا و كد عددی استفاده شده در این قسمت، در جدول 2، با عنوان جابهجایی بیشینه نقطه خاصی از تیر برای سرعتهای مختلف جرم عبوری ارائه گردیده است. نتایج این جدول اعتبار حل عددی را نشان میدهد.

همان طور که از جدول 2 مشخص است، استفاده از دو شکل مود در معادلات حركت اين مسأله، نتايج را آنچنان تحت تأثير قرار نداده و ميتوان با تقریب قابل پذیرشی از یک مود برای حل استفاده کرد.

برای مشخص شدن تأثیر درنظر گرفتن و یا صرفنظر کردن از نیروی اینرسی جرم عبوری، جانب مرکز و کوریولیس در مسأله عبور جرم، مطالعهای بهصورت تئوری انجام گرفت. در این مطالعه حل مسأله یک بار با درنظر گرفتن کل مؤلفههای شتاب جرم عبوری و بار دیگر با درنظر گرفتن جرم بهصورت نیروی متمرکز صورت پذیرفت. در اینجا مسأله مورد بررسی همان مسأله مرجع [20] است. در آن جابهجایی تیر در نقطه $x_{\rm b} = 7L_{\rm b}/16$ برای سرعت 2.11 m/s محاسبه شد. نتایج در شکل 2 آمده است.

همان طور که از شکل 2 پیداست، اختلاف زیادی وجود دارد بین پاسخ-های زمانی تیر هنگامی که تمام مؤلفههای شتاب جرم عبوری درنظر گرفته شود و یا جرم عبوری به صورت یک نیروی متمرکز مدل شود.

جدول 2 مقادیر بیشینه تغییر مکان تیر در موقعیت $x_{\rm b} = 7L_{\rm b}/16$ با دو مدل تجربی

Table 2 The maximum deflections of the beam at $x_h =$ $7L_h/16$ derived from experimental and numerical methods

72b7 To delived from experimental and numerical methods				
حل عددی با به کارگیری مودهای اول و دوم (mm)	حل عددی با به کارگیری مود اول (mm)	نتايج اَزمايش [20] (mm)	سرعت (m/s)	
0.775	0.772	0.747	0.85	
0.777	0.781	0.756	1.14	
0.789	0.789	0.736	1.29	
0.798	0.797	0.739	1.59	
0.794	0.799	0.712	1.76	
0.795	0.787	0.743	1.92	
0.814	0.812	0.787	2.11	

¹ Runge-kutta ² MATLAB

در این مطالعه مسأله برداشت انرژی از ارتعاشات تیر تحت عبور جرمهای متوالی مورد بررسی قرار گرفته است. فرض میشود بیدرنگ پس از عبور جرم پیشین از روی تیر جرم بعد به آن وارد شود؛ بنابراین معادلات حرکت تیر همان معادلات حرکت تیر تحت عبور یک جرم است، با این تفاوت که در این حالت شرایط اولیه تیر تحت عبور یک جرم برابر با شرایط نهایی تیر هنگام خروج جرم قبلی است.

در ادامه، برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک از نوع تیر یکسر گیردار مورد بررسی قرار گرفته است. مشکل کلیدی برای برداشت کنندههای انرژی از پلها، فركانس پايين عمده ارتعاشات، خصوصا ارتعاشات ناشى از عبور جرم

در این تحقیق، با استفاده از یک مود ارتعاشی برای برداشت کننده (مدل یک درجه آزادی) انرژی بهواسطه تحریک پایه برداشت شده است. جرم برداشت کننده در مقایسه با جرم پل قابل چشم پوشی است؛ بنابراین جرم برداشت کننده روی پاسخ پل تأثیر گذار نیست.

برای یک پل خاص، فرکانسهای طبیعی و شکلهای مود ثابت هستند. سرعت وسایل نقلیه در یک محدوده وسیع متغیر است و برای بسیاری از پلها و سامانههای جادهای، اطلاعاتی برای تخمین توابع توزیع احتمال سرعت وسایل نقلیه و همچنین زمان رسیدن به پل موجود است. طراحی پلها عموما به گونهای است که فرکانس تحریک وسیله نقلیه با فرکانس تشدید یل برابر نشود.

بیشتر برداشت کننده های انرژی یک فرکانس تشدید غالب را دارا هستند. عبور وسیله نقلیه از روی پل سبب تحریک پل شده و پاسخ غالب سیستم متناظر با مودهای پل است؛ بنابراین باید فرکانس تشدید برداشت کننده برابر با یکی از فرکانسهای طبیعی پل تنظیم شود. با آگاهی بر این که سرعتهای عبور وسایل نقلیه به گونهای است که فرکانسهای پایین تر بیشتر تحریک میشوند، این فرکانس، فرکانس طبیعی اول پل خواهد بود.

محل بهینه برای قرارگیری برداشت کننده (که در آن انرژی برداشتشده بیشینه است) جایی است که در آن تابع مود یل، در فرکانسی که با فرکانس طبیعی برداشت کننده یکسان است، بیشینه باشد[16]. در اینجا چون فرکانس طبیعی اول برداشت کننده با فرکانس طبیعی اول پل برابر قرار داده شده و با توجه به شرایط مرزی دو سر مفصل یل، وسط یل که مود اول بیشترین مقدار دامنه را دارد، محل بهینه برای قرارگیری برداشت کننده است. محل بهینه برای قرار گرفتن برداشت کننده نقطه وسط تیر است و در این نقطه مود دوم تیر در پاسخ تیر به عبور جرم اثری ندارد، پس نادیده گرفتن

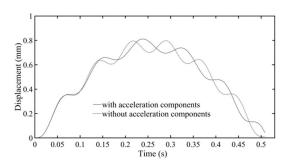


Fig. 2 Deflection time histories of the beam at $x_b = 7L_b/16$ with and without the movig mass acceleration components $x_b = 7L_b/16$ با درنظر گرفتن و صرفنظر از $x_b = 7L_b/16$ با درنظر گرفتن و صرفنظر از تمام مولفههای شتاب جرم عبوری با سرعت 2.11 m/s

مود دوم تیر در مسأله فرض قابل قبولی است. با اینحال مسأله با در نظر گرفتن دو مود به جای یک مود نیز بررسی و نتایج عددی در پاسخ دینامیکی پل در وسط تفاوتی از خود نشان نداد. تفاوت کمی بین نقاط دیگر تیر برای یک و دو مود مشاهده شد که در مقدار برداشت انرژی اثری نخواهد داشت.

برداشت انرژی با تحریک پایه به محل قرارگیری برداشت کننده وابسته است و درنتیجه افزایش دامنه تحریک پل سبب افزایش انرژی برداشتشده می شود. بیشترین دامنه ارتعاشات زمانی اتفاق می افتد که فرکانس تحریک پل با فرکانس طبیعی آن برابر باشد، که به صورت فیزیکی غیرمحتمل است، زیرا تشدید سبب آسیب دیدن پل می شود و سرعت بحرانی نظیر چنین فرکانسی بسیار زیاد است.

3-مدل الکترومکانیکی برداشت کننده برای یک مود و بهینهسازی توان خروجی

برای تولید بار الکتریکی از مواد پیزوالکتریک، بسیاری از محققین از پیکربندی تیر یکسر گیردار استفاده می کنند (شکل 3). این موضوع به دلیل سادگی سازههای یکسر گیردار و توانایی آنها برای تولید تغییر شکلهای بزرگ تحت ارتعاشات است [12].

در اینجا برداشت کننده انرژی از زیرسازه، جرم اضافی و وصله پیزوالکتریک که الکترودهای آن به مدار الکتریکی مناسب جهت بهرهبرداری از ویژگیهای الکتریکی مانند ولتاژ و توان متصل، تشکیل شده است. ارتعاشات مکانیکی پایه منبع ورودی توان به سیستم است. در ارزیابی عملکرد برداشت کنندههای انرژی مرسوم است که شبیهسازی و آزمایش تجربی آنها در حضور یک مقاومت الکتریکی در پایانههای خروجی صورت گیرد، این عمل سبب می شود کیفیت عملکرد برداشت کننده مستقل از الکترونیک سیستم تبدیل توان صورت پذیرد.

در این مطالعه برای سیستم برداشت کننده انرژی یک مدل الکترومکانیکی مودال براساس تئوری اویلر- برنولی استخراج شده است. معادلات پیوسته حرکت به وسیله اصل همیلتون به دست آمده و سپس با روش ریلی- ریتز گسسته سازی شده است. به دلیل ثابت نبودن ماده و هندسه در طول برداشت کننده از روش اجزا محدود برای به دست آوردن فرکانس های طبیعی و شکل مودها استفاده شده است.

درصورتی که فقط از یک تابع شکل مود استفاده شود، معادلات حرکت سیستم چند درجه آزادی، به معادلات اسکالر تبدیل میشوند که نشان دهنده یک درجه آزادی به صورت روابط (10.9) است [8].

$$M\ddot{r}(t) + C\dot{r}(t) + Kr(t) - \theta v(t) = -B_f \ddot{w}(x_b, t)$$
(9)

$$\theta \dot{r}(t) + C_{p} \dot{v}(t) + \frac{1}{R_{1}} v(t) = 0$$
(10)

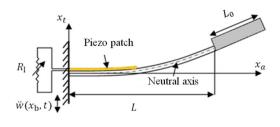


Fig. 3 Schematic diagram of the cantilevered beam type piezoelectric energy harvester منكل 3 شكل 3 شكل 3 شكل 2 شماتيك تير يكسر گيردار با وصله پيزوالكتريك و جرم اضافي، تحريكشده در پايه

مختصات تعمیمیافته مکانیکی و v(t) مختصات تعمیمیافته ولتاژ است. r(t) مغتصات الکتریکی متصل به الکترودهای پیزوالکتریک و نقاط روی پارامترها بیان کننده مشتق آن پارامتر نسبت به زمان است. سایر ضرایب در معادلات بعدی به صورت روابط (12,11) تعریف شدهاند.

$$M = \int_{0}^{L} m \psi_{r}^{2} dx_{a} + M_{0} (\psi_{r}(L))^{2} + 2S_{0} \psi_{r}(L) \psi_{r}'(L) + I_{0} (\psi_{r}'(L))^{2}$$
(11)

که S_0 و I_0 به ترتیب برابرند با:

$$M_0 = m_0 L_0 (12-a)$$

$$S_0 = M_0 \frac{L_0}{2} \tag{12-b}$$

$$I_0 = I_{yy} + M_0(L_0^2 + h^2)$$
 (12-c)

در این جا m_0 جرم واحد طول جرم اضافی، I_{yy} ممان اینرسی جرم اضافی در این جرم و h فاصله بین مرکز جرم جرم اضافی و تار خنثی است، همچنین C_p و C_p به مصورت روابط (13-16) زیر قابل تعریف هستند.

$$K = M\omega_1^2 \tag{13}$$

$$\theta = \int -x_t \psi_r'' \, e_{31}(-\nabla \psi_v) dV \tag{14}$$

$$C_{\rm p} = \int (-\nabla \psi_{\nu}) \varepsilon_{33}^{S} (-\nabla \psi_{\nu}) dV \tag{15}$$

$$B_{\rm f} = \int_0^L m \psi_r dx_a + M_0 \psi_r(L) + S_0 \psi_r'(L)$$
(16)

 ω_1 (13) معادله (13)، ψ_v و ψ_{r1} هستند. در معادله (13)، ψ_v و ψ_r هراند و نوانع مود و فرکانس طبیعی اول سیستم برداشت کننده مربوط به زمانی که شرایط مرزی اتصال کوتاه میان الکترودهای وصله پیزوالکتریک برقرار است و از روش اجزا محدود به دست می آید.

برای شتاب هارمونیک $W_{\rm B}(t)=Re(A_{
m B}e^{i\omega t})$ پاسخهای جابهجایی، برای شتاب هارمونیک v(t) است. v(t) و ولتاژ، v(t) از حل معادلات حرکت بهصورت رابطه v(t)

$$r(t) = Re(Re^{i\omega t}), \quad v(t) = Re(Ve^{i\omega t})$$
(17)

كه R و V , وابط (19,18) , ا ارضا مى كنند.

$$(K - M\omega^2 + iC\omega)R - \theta V = -B_f A_B$$
(18)

$$i\theta\omega R + \left(iC_{\rm p}\omega + \frac{1}{R_{\rm l}}\right)V = 0\tag{19}$$

حل این سیستم (روابط (19,18)) نشان میدهد که V میتواند به صورت رابطه (20) نوشته شود.

$$V = A_{\rm B}H(\omega) \tag{20}$$

که در آن رابطه (21) به صورت زیر است.

 $H(\omega) =$

$$\frac{iB_{\rm f}\theta\omega}{\left[\frac{K}{R_{\rm l}} - \left(\frac{M}{R_{\rm l}} + CC_{\rm p}\right)\omega^2\right] + i\left[\left(KC_{\rm p} + \frac{C}{R_{\rm l}} + \theta^2\right)\omega - MC_{\rm p}\omega^3\right]} \tag{21}$$

حال می توان توابع پاسخ فرکانسی و لتاژ خروجی را نسبت به شتاب پایه بهصورت رابطه (22) به دست آورد.

$$\frac{\left|\frac{V}{A_{\rm B}}\right|}{\sqrt{\left[\frac{K}{R_{\rm l}} - \left(\frac{M}{R_{\rm l}} + CC_{\rm p}\right)\omega^{2}\right]^{2} + \left[\left(KC_{\rm p} + \frac{C}{R_{\rm l}} + \theta^{2}\right)\omega - MC_{\rm p}\omega^{3}\right]^{2}}}$$
(22)

توان خروجی که با پارامتر $P_{\rm out}$ نشان داده شده، نماینده متوسط توانی است که در هر سیکل به مقاومت الکتریکی داده میشود. این توان از رابطه که در هر سیکل به بعدست می آید که در آن $v_{\rm rms}$ ولتاژ مؤثر بوده و برای تابع هارمونیک برابر است با دامنه ولتاژ تقسیم بر $\overline{V}_{\rm vms}$ یعنی $\overline{V}_{\rm vms}$ با

¹ Frequency response functions

جای گذاری V از رابطه (22) در رابطه متوسط توانی رابطه (23) محاسبه می گردد.

$$\left| \frac{P_{\text{out}}}{A_{\text{B}}^{2}} \right| = \frac{1}{2R_{\text{l}}} \frac{(B_{\text{f}}\theta\omega)^{2}}{\left[\frac{K}{R_{\text{l}}} - \left(\frac{M}{R_{\text{l}}} + cc_{\text{p}}\right)\omega^{2}\right]^{2} + \left[\left(Kc_{\text{p}} + \frac{C}{R_{\text{l}}} + \theta^{2}\right)\omega - Mc_{\text{p}}\omega^{3}\right]^{2}}$$
(23)

در یک دامنه شتاب مشخص ($A_{\rm B}$)، توان خروجی به فرکانس تحریک (ω) و مقاومت الکتریکی ($R_{\rm I}$) و ابسته است. جهت یافتن بیشینه توان نسبت به مقاومت الکتریکی باید معادله 0 $\partial P_{\rm out}/\partial R_{\rm I}=0$ حل شود که در واقع مقاومت بهینه سیستم در یک فرکانس مشخص است و بهصورت رابطه (24) قابل بیان

$$-|H(\omega)|^2 + R_1 \frac{\partial |H(\omega)|^2}{\partial R_1} = 0$$
(24)

فر کانس تحریک بهینه در حضور یک مقاومت الکتریکی مشخص از حل معادله $\partial P_{\rm out}/\partial w=0$ به بدست می آید که برابر با رابطه (25) است

$$\frac{\partial |H(\omega)|^2}{\partial \omega} = 0 \tag{25}$$

نقطه عملکرد بهینه سیستم که در آن بیشینه توان برداشت می شود، با حل توأم معادلات (25,24) به دست می آید. براساس مرجع [17] فرکانس تحریک بهینه ($\omega_{\rm opt}$) به فرکانس طبیعی اول برداشت کننده ($\omega_{\rm opt}$) نزدیک است. با استفاده از بسط مرتبه اول فرکانس تحریک بهینه به صورت استفاده (که $\omega_{\rm opt}$) می توان نوشت و به صورت رابطه (26) است.

$$\omega_{
m opt} = \omega_1 + {\sf X}\,\omega_1$$
 (26) که در آن X یک اسکالر بیبعد است. در صورتی که پارامترهای سیستم که در آن ${\sf X}$ در این صورت $\omega_{
m opt} \cong \omega_1$ یک تقریب خوب بهگونهای باشند که 1 \times x در این صورت

است. پارامتر X طبق مرجع [17] بهصورت رابطه (27) تعریف می شود.

$$X = \frac{\left(\frac{2\theta^{2}}{C_{p}} - \frac{C^{2}}{M}\right)}{M\left(\frac{C}{M} - \frac{2\theta^{2}}{C_{p}c}\right)^{2} + 8M\omega_{1}^{2} + \frac{2\theta^{2}}{C_{p}}}$$
(27)

4-برداشت انرژی از یک پل مشخص

تا اینجا یک مدل برای پل تحت عبور جرم متمرکز معرفی شد. معادلات حاکم برای مدل بهدست آمد و اعتبارسنجی آن با نتایج کارهای تجربی گذشته انجام گرفت، همچنین یک مدل تحلیلی برای برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک ارائه شد. در این قسمت مسأله عبور جرمهای متوالی مطابق با آنچه در قسمت 2 آورده شد، برای یک پل خاص حل شده است، سپس پاسخ زمانی شتاب بهدستآمده از حل مسأله عبور جرم در وسط پل بهعنوان ورودی شتاب پایه به برداشت کننده داده شده و در پایان معادلات دیفرانسیل برداشت کننده به روش عددی رونگه- کوتا حل شده است. برای صحتسنجی برداشت کننده از حل عبور جرم برای نقطه وسط پل، بهعنوان نتایج، شتاب بهدستآمده از حل عبور جرم برای نقطه وسط پل، بهعنوان ورودی به برداشت کننده متصل به لرزاننده در آزمایش داده و پاسخ زمانی ولتاژ خروجی به وسیله سیستم دادهبرداری اندازه گیری شده است.

1-4- تعريف مسأله

مسأله مورد نظر در اینجا عبور سه جرم یکسان به اندازههای 10^3 kg بشت سر هم از روی پل است، به گونهای که وقتی جرم اول از روی پل بهصورت کامل عبور کرد، جرم دوم وارد پل شده و پس از آن جرم سوم وارد پل می شود. مشخصات پل در جدول 10^3 آمده است. مسأله برای سرعتهای 10^3 و 10^3 m/s سرعت عبور متداول وسایل نقلیه در چنین پلی، حل شده است.

2-4 طراحي برداشت كننده انرژي پيزوالكتريك

با توجه به مشخصات پل و فرکانس طبیعی اول آن، برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک از نوع تیر یکسر گیردار، مورد استفاده در شبیهسازی و آزمایش بهگونهای طراحی و ساخته شده که فرکانس طبیعی اول آن 13.5 Hz باشد.

یک برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک برای مقایسه نتایج تجربی و پیش بینیهای تئوری، طراحی و ساخته شد. معیار طراحی برداشت کننده فرکانس طبیعی اول آن است. یک وصله پیزوالکتریک QP10N ساخته شده توسط شرکت میدی 1 نزدیک به قسمت گیردار ورقی از جنس فولاد ضدزنگ به ابعاد 2 30×0.5 km² پیش بین به مقدار و 4.2 پسانده شد. یک جرم اضافی به مقدار و 4.2 پرای تنظیم فرکانس تشدید برداشت کننده به سر آزاد تیر متصل شد. سایر مشخصات برداشت کننده در جدول 4 آمده است. خواص ماده وصله پیزوالکتریک مانند چگالی، سختی الاستیک، ثابت پیزوالکتریک و ضریب گذردهی مطلق در تنش ثابت، از برگه اطلاعات پیزوالکتریک استخراج شده است [22]. چگالی زیرسازه با آگاهی از مقادیر جرم و حجم آن به دست آمده و سختی الاستیک آن از انجام آزمایش کشش بر نمونههای استاندارد، محاسبه شده است. از خواص چسب اتصال به دلیل ضخامت اندک آن چشم پوشی شده است.

3-4- شناسایی پارامتری و راستی آزمایی مدل

به دلیل آن که وصله پیزوالکتریک تمام طول تیر را نمیپوشاند، سختی خمشی و چگالی در طول تیر ثابت نیست. یک مدل اجزا محدود جهت محاسبه فرکانسهای طبیعی و شکل مودهای برداشت کننده استفاده شده است. باید خاطر نشان کرد که این تحلیل در شرایط اتصال کوتاه وصله

جدول 3 مشخصات پل

Table 3 The bridge specifications

Tuble of the struge speciments	
مقدار	
3730 kg/m	جرم واحد طول
0.02	نسبت ميرايي
210 GPa	مدول الاستيسيته
0.47m^4	ممان سطح مقطع
16 m	طول
13.5 Hz	فركانس طبيعي اول

جدول 4 خواص سیستم برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک [22]

 Table 4 Material properties of the piezoelectric harvester [22]

	مقدار
چگالی لایه پیزوالکتریک $ ho_{ m p}$ (kg m $^{-3}$)	7800
چگالی لایه زیرسازه $ ho_{ m s}$ (kg m $^{-3}$)	7515
چگالی جرم گواه $ ho_0$ (kg m $^{-3}$)	7515
سختى لايه پيزوالكتريك $c^{E}_{\ 11}$ (GPa)	61
سختى لايه زيرسازه $c_{ m s}$ (GPa)	193
خریب گذردهی مطلق $arepsilon^T{}_{33}$ (F m^{-1})	$1700\varepsilon_0$
ع ضریب گذردهی مطلق $arepsilon^S_{33}$ (F m^{-1})	$1451\varepsilon_0$
خریب گذردهی در خلأ $arepsilon_0$ (F m $^{-1}$)	8.854×10^{-12}
ثابت کرنش $d_{31}~({ m C~N^{-1}})$	-190×10^{-12}
ثابت تنش $e_{31}~({ m C~m^{-2}})$	-11.6

¹ Midé

پیزوالکتریک صورت گرفته؛ بنابراین در فرکانسهای طبیعی و شکل مودها تزویج الکترومکانیکی درنظر گرفته نشده است. به وسیله این تحلیل فرکانس طبیعی اول سیستم نزدیک به 13.37 Hz بهدست آمد. با استفاده از جعبه ابزار انطباق منحنی 1 نرمافزار متلب، یک چندجملهای از درجه چهار بر شکل مود پایه سیستم، $\psi_{r1}(x)$ ، که از حل اجزا محدود بهدست آمده است، منطبق شد.

در این مطالعه، فرض شده است که توزیع پتانسیل الکتریکی، میدان الكتريكي ثابتي را در طول ضخامت المان پيزوالكتريك نتيجه ميدهد. پتانسیل الکتریکی از 0 در الکترود بالایی به 1+ در الکترود پایینی تغییر می کند. پتانسیل الکتریکی در مود عملکردی [3-1]، به معنای قطبش ییزوالکتریک در راستای 3 (x_t) در شکل 3) و تنش در راستای 1 (x_t) در شکل ییزوالکتریک در راستای 3 **3)،** بەصورت رابطە (28) فرض شدە است.

$$\psi_{v} = \frac{\left(t_{p} + d\right) - x_{t}}{t_{p}} \quad , \quad d \le x_{t} \le t_{p} + d \tag{28}$$

ننده پیزوالکتریک و d فاصله میان تار خنثی در تیر برداشت کننده $t_{
m D}$ و سطح بالایی زیر لایه است. پارامترهای سیستم با استفاده از خواص مواد جدول 4) و شکل مود اول، $\psi_{r1}(x)$ ، مشخص شده و در جدول 5 آورده شده $oldsymbol{\psi}$

با استفاده از روش نیم- توان پهنای باند²، نسبت استهلاک مودال مکانیکی خالص از منحنی تابع پاسخ فرکانسی ولتاژ نسبت به شتاب پایه در - شرایط نزدیک به اتصال کوتاه $(R_1 = 22 \,\Omega)$ بهدست آمده است. معادله نیم توان پهنای باند برای $1 \gg \zeta$ در رابطه (29) داده شده است.

$$2\zeta \cong \frac{\omega_{\text{upper}} - \omega_{\text{lower}}}{\omega_1} \tag{29}$$

در رابطه پیشین $\omega_{
m upper}$ و $\omega_{
m lower}$ به ترتیب فرکانسهای پایین تر و بالاتر هستند، وقتی مقدار تابع پاسخ فرکانسی برابر با است. پارامتر ζ از نخستین مود ارتعاشی سیستم $|V/A_{\rm B}| = |V/A_{\rm B}|_{\rm max}/\sqrt{2}$ حدود 4% در آزمایش به دست آمد؛ بنابراین ضریب استهلاک لزج، C از معادله است. قابل استخراج است. قابل استخراج

4-4- برياسازي آزمايش

براى بهدست آوردن توابع پاسخ فركانسي الكترومكانيكي، مقاومت الكتريكي بهینه و ولتاژ خروجی برداشت کننده به ورودی شتاب پایه ناشی از تحریک پل بر اثر عبور جرم بهصورت تجربی آزمایشهایی انجام گرفت که تجهیزات آن در شکل 4 نشان داده شده است.

یک لرزاننده الکترومکانیکی 3 که بهوسیله یک تقویت کننده توان 4 تحریک می شود، برای برانگیزش تیر یک سر گیردار مورد استفاده قرار گرفته است. شتاب پایه تیر یکسر گیردار به وسیله یک شتابسنج کوچک 5 که به گیره آلومینیمی تیر متصل، اندازه گیری شده است. فرض شده که گیره مانند یک جسم صلب در محدوده فرکانسی موردنظر رفتار کرده؛ بنابراین شتابسنج شتاب پایه را اندازه گیری می کند. سیستم دادهبرداری 6 سیگنال شتاب را از شتابسنج و ولتاژ اندازه گیری شده در دو سر مقاومت را ثبت می کند.

جدول 5 پارامترهای مدل متمرکز برداشت کننده

Table 5 Lumped model parameters of the harvester

M	<i>K</i>	C	θ	B _f	C _p
(gr)	(N m ⁻¹)	(N s m ⁻¹)	(N V ⁻¹)	(gr)	(nF)
7.3	51.81	0.05	5.85×10 ⁻⁵	10.5	

5-4- توابع پاسخ فركانسى تحليلى و تجربي

براى مشخص كردن توابع پاسخ فركانسى سيستم الكتروالاستيك خطى، آزمایشهایی با تحریک سینوسی و دامنه تحریک کم صورت گرفت تا اثرات غیرخطی ذاتی در اندازهگیری توابع پاسخ فرکانسی ظاهر نشوند. شکلهای 6,5 به ترتیب نماینده توابع پاسخ فرکانسی مربوط به شرایط الکتریکی مدارباز و اتصال كوتاه هستند.

برای شرایط مدارباز سیمهای متصل به الکترودهای وصله پیزوالکتریک به طورمستقیم به سیستم دادهبرداری وصل شده (مقاومت سیستم دادهبرداری حدود απο اندازه گیری شد.) و برای شرایط اتصال کوتاه یک مقاومت الکتریکی بهاندازهی Ω 22 به صورت موازی با سیستم دادهبرداری بسته شد. برای محدوده فرکانسی اندازهگیری، دقت فرکانسی 7 سیستم دادهبرداری برابر با 0.125 Hz تنظيم شد كه اين مقدار، نهايت دقت اين سيستم است. نتايج نشان میدهند که فرکانسهای طبیعی بهدستآمده در حضور دو شرط الکتریکی (مدارباز و اتصال کوتاه) اختلاف زیادی با یکدیگر ندارند. دلیل این امر مى تواند اثر كم تزويج پيزوالكتريك روى سختى كل سازه باشد [23]. دليل Ω دیگر، مقاومتهای الکتریکی نظیر شرایط اتصال کوتاه و مدار باز به ترتیب 22 و 370 kΩ است و اختلاف آنها بينهايت نيست كه اين موضوع به دليل محدودیت آزمایش است. در شکلهای 6,5، قله موجود در فرکانس50 Hz به دلیل فرکانس نویز موجود در سیمهای محل آزمایش حامل برق شهر است.

همان طور که توابع پاسخ فرکانسی نشان میدهند، فرکانسهای طبیعی اول و دوم سيستم به ترتيب حدود 13.5 Hz و 96.6 Hz است. اختلاف بين فرکانس طبیعی اول و دوم به گونهای است که می توان نتیجه گرفت مودهای بالاتر از مود اول سهم کمی در پاسخ سیستم دارند، بهویژه زمانی که فرکانس تحریک کمتر از 30 Hz باشد. در این صورت میتوان نتیجه گرفت که تقریب استفاده از مود اول برای پیشبینی پاسخ سیستم به دلیل پایینبودن فرکانسهای تحریک در این مطالعه مناسب است.

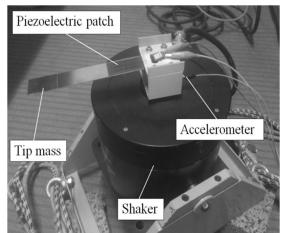


Fig. 4 Measurement equipment

شكل 4 تجهيزات آزمايش

¹ Curve fitting Toolbox

Half-power bandwidth method

B&K PM Vibration Exciter Type 4808 B&K Power Amplifier Type 2719

PCB Piezotronics Model 356B08 ⁶ B&K Data Acquisition Sys. 3560D

⁷ Frequency resolution

7-4- ولتاژ تولیدشده در وصله پیزو در اثر عبور جرمهای متوالی

همان طور که پیشتر اشاره شد در این مسأله برداشت انرژی از ارتعاشات یک پل مشخص تحت عبور سه جرم یکسان متوالی به گونهای که پس از عبور کامل جرم اول از روی پل، جرم دوم وارد پل شده و به همین ترتیب پس از آن، جرم سوم وارد شود، برای سه سرعت متفاوت بررسی شده است. نتایج حاصل از این بررسی برای هر سرعت در شکلهای ۱۹-1 آورده شده است. برای هر یک از سرعتها شکل (الف) نماینده جابهجایی نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم، شکل (ب) نماینده تابع چگالی طیفی توان نظیر شتاب نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم، و شکل (ج) نماینده مقایسه بین ولتاژ خروجی برداشت کننده در حضور مقاومت بهینه، تحت عبور جرمها در سرعت داده شده، بهدست آمده از حل تحلیلی (نشان داده با خط) و جرمها در سرعت داده شده، بهدست آمده از حل تحلیلی (نشان داده با خط) و آزمایش (نشان داده شده با نقطه) است.

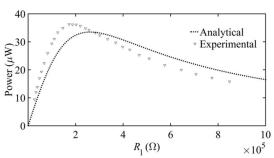


Fig. 7 Variation of the power output versus load resistance for excitation at the resonance frequency

شکل 7 تغییر توان خروجی نسبت به مقاومت الکتریکی در تحریک با فرکانس تشدید

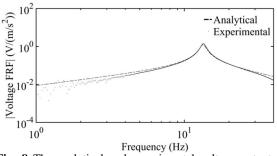


Fig. 8 The analytical and experimental voltage output FRFs with optimum resistive load

شکل 8 پاسخ فرکانسی ولتاژ خروجی پیشبینی و اندازه گیری شده با شرایط الکتریکی مقاومت بهینه

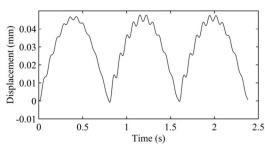


Fig. 9a Displacement time history of the bridge at the mid-span under 3 moving consecutive masses at velocity equal to 20 (m/s)

شکل 9 الف جابهجایی نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم یکسان برای سرعت (m/s) 20

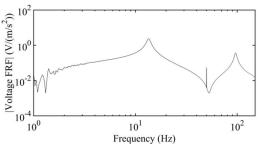


Fig. 5 The harvester voltage output frequency response function at open-circuit boundary conditions

شکل 5 تابع پاسخ فرکانسی ولتاژ خروجی برداشتکننده در شرایط الکتریکی مدار باز

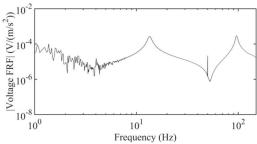


Fig. 6 The harvester voltage output frequency response function at short-circuit boundary conditions

شکل 6 تابع پاسخ فرکانسی ولتاژ خروجی برداشتکننده در شرایط الکتریکی اتصال کوتاه

6-4- مقاومت الكتريكي بهينه

مقاومتی که در آن بیشترین توان استخراج شود، مقاومت الکتریکی بهینه نام دارد. به صورت تئوری، فرکانس تحریک بهینه بسیار نزدیک به فرکانس طبیعی اول سیستم است، چون اسکالر بدون بعد X که در رابطه (27) تعریف شد برابر است با 4.0^{+} که در مقایسه با 1 بسیار کوچک است. در آزمایش مقاومت الکتریکی بهینه در فرکانس تحریک برابر با فرکانس طبیعی اول سیستم به دست آمد.

برای بهدستآوردن مقاومت الکتریکی بهینه بهصورت تجربی، شتاب پایه به صورت سينوسي با دامنه 2 m/s² و فركانس 13.5 Hz با تغيير مقاومت الكتريكي به سيستم داده شد. شكل 7 نماينده توان نسبت به مقاومت به صورت تئوری (نمایش داده شده با خط) و تجربی (نمایش داده شده با نقطه) است. شكل 7 مقاومت الكتريكي بهينهاي حدود 200 kΩ را حاصل از نتایج تجربی مشخص می کند که به مقاومت بهینهای که تئوری پیشبینی می کند (رابطه (24))، حدود 260 kΩ به نسبت نزدیک است. در آزمایش توان $P_{
m out} = v_{
m rms}^2/R_{
m l}$ برداشت کننده از تحریک یایه یادشده با رابطه محاسبه شده است. چون در آزمایش فرکانس تحریک با فرکانس طبیعی اول برداشت کننده برابر است، اختلاف نتایج تئوری و تجربی بیشتر از زمانی است که دو فرکانس یکی نباشند (در اینجا نشان داده نشده است)[25,24] . شکل 8 به مقایسه بین توابع پاسخ فرکانسی ولتاژ حاصل از بررسیهای تحلیلی و تجربی در حضور مقاومت الکتریکی بهینه میپردازد. همان گونه که از شکل پیداست مدل تئوری، نتایج تجربی را با دقت مناسبی دنبال می کند. اختلاف بین دادههای تحلیلی و تجربی در فرکانسهای پایین (O - 5 Hz -) بیشتر به دلیل یهنای باند لرزاننده است که از Hz 5 تا 10 kHz است؛ بنابراین لرزاننده در فرکانسهای پایین تر از Hz 5 نمی تواند تحریک شود.

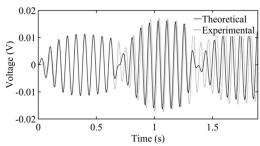


Fig. 10c Comparison of the voltage output of the harvester with presence of optimum load for 3 moving consecutive masses at velocity equal to 25 (m/s)

شکل 10 ج مقایسه بین ولتاژ خروجی برداشتکننده در حضور مقاومت بهینه، برای عبور سه جرم یکسان با سرعت (m/s) 25

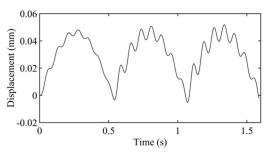


Fig. 11a Displacement time history of the bridge at the midspan under 3 moving consecutive masses at velocity equal to 30 (m/s)

شکل 11 الف جابهجایی نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم یکسان برای سرعت (m/s) 30

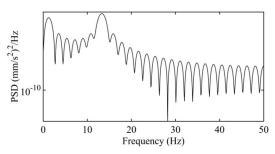


Fig. 11b PSD function of the bridge acceleration at the midspan under 3 moving consecutive masses at velocity equal to 30 (m/s)

شکل 11 ب تابع چگالی طیفی توان نظیر شتاب نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم یکسان برای سرعت (m/s) 30

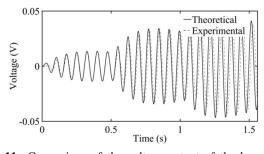


Fig. 11c Comparison of the voltage output of the harvester with presence of optimum load for 3 moving consecutive masses at velocity equal to 30 (m/s)

شکل 11 ج مقایسه بین ولتاژ خروجی برداشت کننده در حضور مقاومت بهینه، برای عبور سه جرم یکسان با سرعت (m/s) 30

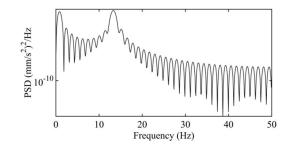


Fig. 9b PSD function of the bridge acceleration at the mid-span under 3 moving consecutive masses at velocity equal to 20 (m/s)

شکل 9 ب تابع چگالی طیفی توان نظیر شتاب نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم یکسان برای سرعت (m/s) 20

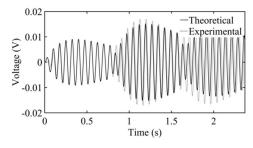


Fig. 9c Comparison of the voltage output of the harvester with presence of optimum load for 3 moving consecutive masses at velocity equal to 20 (m/s)

شکل 9 ج مقایسه بین ولتاژ خروجی برداشت کننده در حضور مقاومت بهینه، برای عبور سه جرم یکسان با سرعت (m/s) 20

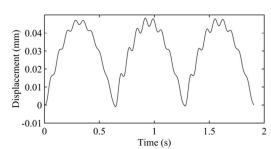


Fig. 10a Displacement time history of the bridge at the midspan under 3 moving consecutive masses at velocity equal to 25 (m/s)

شکل 10 الف جابهجایی نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم یکسان برای سرعت (m/s) 25

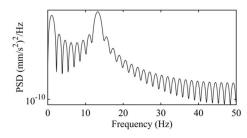


Fig. 10b PSD function of the bridge acceleration at the midspan under 3 moving consecutive masses at velocity equal to 25 (m/s)

شکل 10 ب تابع چگالی طیفی توان نظیر شتاب نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم یکسان برای سرعت (m/s) 25

در این جا لرزاننده جابه جایی نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم را که به صورت تحلیلی محاسبه شده را توسط یک سیگنال ساز به صورت تجربی تولید و به عنوان شتاب پایه به برداشت کننده اعمال می کند.

همان طور که از نمودارهای جابه جایی نقطه وسط پل پیداست، دامنه ارتعاشات پل برای جرم دوم بیشتر از جرم اول و برای جرم سوم بیشتر از جرمهای اول و دوم است. با توجه به نمودارهای توابع چگالی طیفی توان برای سرعتهای مختلف، مشخص است که ارتعاشات پل تحت عبور جرمهای متوالی دارای دو فرکانس غالب هستند، که فرکانس کمتر فرکانس تحریک پل تحت عبور جرمها و فرکانس بیشتر همان فرکانس طبیعی اول پل است، همچنین توابع چگالی طیفی توان در فرکانس طبیعی پل بیشترین دامنه را دارند که نماینده این حقیقت است که در مسأله عبور جرمهای متوالی بیشترین توان ارتعاشات پل در فرکانس طبیعی اول آن وجود دارد. تنظیم کردن فرکانس طبیعی اول پل بهمنظور برداشت بیشینه توان کار معقولی است.

از دلایل اصلی اختلاف بین ولتاژ خروجی پیشبینیشده از تئوری و اندازه گیری شده در عمل در مسأله عبور جرمهای متوالی ناتوانی لرزاننده برای تولید فرکانسهای کمتر از 5 Hz است، زیرا سیگنال ورودی به لرزاننده همان شتاب نقطه وسط پل تحت عبور جرمهاست، که از دو فرکانس غالبی تشکیل شده که یکی از آنها کمتر از 5 Hz است. در حقیقت شتاب پایه برداشت کننده انرژی مورداستفاده در تئوری و آزمایش دقیقا برابر نیستند.

5-نتيجه گيري

در این مطالعه برداشت انرژی از پل تحت عبور جرمهای متوالی مورد بررسی قرار گرفت. برداشت کننده شامل تیر یک سر گیردار با وصله پیزوالکتریک و جرم اضافی بود که در وسط پل نصب شد. معادلات پل تحت عبور جرمهای متوالی و برداشت کننده با وصله پیزوالکتریک ارائه و حل شد. مقایسهای میان یاسخهای زمانی پل تحت عبور جرم با درنظر گرفتن و یا صرفنظر کردن از مؤلفههای شتاب جرم عبوری شامل شتاب کوریولیس، شتاب جانب مرکز به دلیل حرکت روی مسیر منحنی تیر و شتاب تیر انجام پذیرفت. در این مقایسه مشخص شد که مؤلفههای شتاب جرم عبوری تأثیر به سزایی در پاسخهای زمانی پل (بهویژه برای جرمهای سنگین و سرعتهای زیاد) دارند و بنابراین در حل مسأله عبور جرم نمی توان از آنها چشم پوشی کرد. نتایج عددی نشان داد که پاسخ پل تحت عبور جرمهای متوالی پس از عبور هر جرم تغییر خواهد کرد، به گونهای که دامنه ارتعاشات با عبور جرمهای متوالی اندكى افزايش مى يابد، ولى فركانس غالب ارتعاشات كه همان فركانس طبيعي اول پل است، ثابت باقی میماند. نتایج نشان داد که استفاده از مود اول برای محاسبه تغییر مکان وسط پل دارای دقت قابل قبولی است و با زیاد کردن تعداد مودها نتايج تغيير چنداني نمي كند.

در ادامه برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک مناسب مسأله طراحی، ساخته و با انجام آزمایش اعتبار مدل برداشت کننده تأیید شد. جهت برداشت بیشینه توان فرکانس طبیعی اول برداشت کننده با فرکانس طبیعی اول پل برابر قرار داده شد، همچنین مشخص شد که با توجه به شرایط مرزی دو سر مفصل پل، وسط پل که مود اول بیشترین مقدار دامنه را دارد، محل بهینه برای قرارگیری برداشت کننده است.

مقاومت بهینه الکتریکی جهت بیشینه برداشت از سیستم بهصورت تجربی و تئوری محاسبه و نشان داده شد که برای مسئله مورد نظر این مقدار برابر 200 کیلو اهم است.

شتاب نقطه وسط یک پل خاص در اثر عبور سه جرم متوالی به صورت تحلیلی برای سه سرعت متفاوت تعیین شد. با استفاده از این شتاب و به کمک معادلات استخراج شده ولتاژ تولید شده در وصله پیزوالکتریک محاسبه گردید. در ادامه شتاب نقطه وسط پل که به صورت تئوری محاسبه شد توسط لرزاننده به برداشت کننده اعمال و ولتاژ ایجادشده در وصله پیزوالکتریک به مصورت تجربی اندازه گیری شد. تفاوت ناچیز بین مقادیر تئوری و تجربی نشان دهنده دقت بالای مدل ارائه شده است؛ بنابراین می توان از این مدل برای برداشت انرژی از پلهای واقعی به صورت مناسبی استفاده کرد. در پایان از ولتاژ تولیدی می توان برای توان بخشیدن به حسگرهای پایش سلامت سازه در شبکه های بی سیم برای کاهش هزینه های تعمیر و نگهداری پل استفاده کرد.

6-مراجع

- H. A. Sodano, D. J. Inman, G. Park, A Review of Power Harvesting from Vibration using Piezoelectric Materials, *The Shock and Vibration Digest*, Vol. 36, No. 3, pp. 197–205, 2004.
- [2] M. R. Asgharzadeh, K. Jahani, A. Kianpoor, M. H. Sadeghi, Energy Harvesting Investigation from Unimorph Trapezoidal Beam Vibrations using Distributed Parameters Method, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 15, pp. 96-102, 2015 (In Persian فارسي).
- [3] C. Kompis, S. Aliwell, Energy Harvesting Technologies to Enable Remote and Wireless Sensing, London: KTN, pp. 25-32, 2008.
- [4] S. Boisseau, G. Despesse, T. Ricart, E. Defay, A. Sylvestre, Cantilever-based electret energy harvesters, *Smart Materials and Structures*, Vol. 20, No. 10, p. 105013, 2011.
- [5] F. Khan, B. Stoeber, F. Sassani, Modeling of linear micro electromagnetic energy harvesters with nonuniform magnetic field for sinusoidal vibrations, *MicrosystemTechnologies*, Vol. 21, No. 3, pp. 683–692, 2014.
- [6] F. Khan, F. Sassani, B. Stoeber, Nonlinear behaviour of membrane type electromagnetic energy harvester under harmonic and random vibrations, *Microsystem Technologies*, Vol. 20, No. 7, pp. 1323–1335, 2014.
- [7] C. Peters, J. Handwerker, D. Maurath, Y. Manoli, An ultralow-voltage active rectifier for energy harvesting applications, Proceedings of the IEEE International Symposium on Circuits and Systems (ISCAS '10), Paris: IEEE, pp. 889–892, 2010.
- [8] P. D. Mitcheson, T. C. Green, Maximum effectiveness of electrostatic energy harvesters when coupled to interface circuits, *IEEE Transactions on Circuits and Systems I:* RegularPapers, Vol. 59, No. 12, pp. 3098–3111, 2012.
- [9] Y. Zhang, Piezoelectric Based Energy Harvesting on Low Frequency Vibrations of Civil Infrastructures, PhD. Thesis, University of Houston, Texas, 2014.
- [10] J. M. Ko, Y. Q. Ni, Technology developments in structural health monitoring of large-scale bridges, *Engineering structures*, Vol. 27, No. 12, pp. 1715–1725, 2005.
- [11] J. P. Lynch, K. J. Loh, A summary review of wireless sensors and sensor networks for structural health monitoring, *The shock and vibration digest*, Vol. 38, No. 2, pp. 91–128, 2006.
- [12] N. G. Elvin, N. Lajnefand, A. A. Elvin, Feasibility of structural monitoring with vibration powered sensors, *Smart Materials and Structures*, Vol. 15, No. 4, pp. 977–986, 2006.
- [13] G. Park, T. Rosing, Energy Harvesting for Structural Health Monitoring Sensor Networks, *Infrastructure Systems*, Vol. 14, No. 64, pp. 1076-0342, 2008.
- [14] S. Kima, J. Ahn, H. Chung, H. Kang, Analysis of piezoelectric effects on various loading conditions for energy harvesting in a bridge system, *Sensors and Actuators A*, Vol. 167, No. 2, pp. 468–483, 2011.
- [15] A. Erturk, Piezoelectric Energy Harvesting for Civil Infrastructure System Applications: Moving Loads and Surface Strain Fluctuations, *Intelligent Material Systems and Structures*, Vol. 22, No. 17, pp.1959-1973, 2011.
- [16] S. F. Ali, M. I. Friswell, S. Adhikari, Analysis of energy

- harvesting based on vibration, precision engineering and manufacturing, Vol. 12, No. 6, pp. 1129-1141, 2011.
- [22] QuickPack material properties, Accessed on 25 July 2013; http://www.mide.com/.
- [23] N. E. Dutoit, B. L. Wardle, SG. Kim, Design considrations for MEMS-scale piezoelectric mechanical vibration energy harvesters, *Integrated Ferroelectrics*, Vol. 71, No. 1, pp. 121-160, 2005.
- [24] M. Kim, M. Hoegen, J. Dugundji, B. L. Wardle, Modeling and experimental verification of proof mass effects on vibration energy harvester performance, *Smart Materials and Structures*, Vol. 19, No. 4, p. 045023, 2010.
- [25] M. Karimi, R. Tikani, S. Ziaei-Rad, H. R. Mirdamadi, Experimental and theoretical studies on piezoelectric energy harvesting from low-frequency ambient random vibrations, *Proc. IMechE Part C: Mechanical Engineering Science*, 2015, DOI: 10.1177/0954406215593569.

- harvesters for highway bridges, *Intelligent Material Systems and Structures*, Vol. 22, No. 16, pp. 1929–1938, 2011.
- [17] M. Peigney, D. Siegert, Piezoelectric energy harvesting from traffic-induced bridge vibrations, *Smart Materials and Structures*, Vol. 22, No. 9, p. 095019, 2013.
- [18] H. Bo, S. Vassilaras, C. B. Papadias, R. Soman, M. A. Kyriakides, T. Onoufriou, R. H. Nielsen, R. Prasad, Harvesting energy from vibrations of the underlying structure, *Vibration and Control*, Vol. 19, No.15, pp. 2255-2269, 2013.
- [19] Y. Zhang, S. CS. Cai, L. Deng, Piezoelectric-based energy harvesting in bridge systems, *Intelligent Material Systems and Structures*, Vol. 25, No.12, pp.1414-1428, 2014.
- [20] C. Bilello, L. Bergman, D. Kuchma, Experimental investigation of a small-scale bridge model under a moving mass, *Structural Engineering*, Vol. 130, No. 5, pp. 799–804, 2004.
- [21] HS. Kim, JH. Kim, J. Kim, A review of piezoelectric energy