

ماهنامه علمى پژوهشى

مهندسی مکانیک مدرس





تحلیل عددی فلاتر یرههای توربین کمفشار

*3 امىر مشكاتى شىھمىرزادى 1 ، سىعىد اىرانى 2 ، مجتىي فرخ

- 1 دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشکده مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران
 - 2- دانشیار، دانشکده مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران
 - 3- استادیار، دانشکده مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران
 - ' تهران، صندوق پستى farrokh@kntu.ac.ir ،16765-3381

اطلاعات مقاله

در این مقاله پدیده ی فلاتر در توربوماشین معرفی می شود. دلایل اهمیت بررسی و ویژگیهای اَن به عنوان یک ناپایداری دینامیکی آیروالاستیک ارائه می گردد. روشهای متداول آزمون فلاتر پرمهای توربوماشین و رهیافتهای مختلف تحلیل آن شرح داده میشود. سپس از رهیافتی برای تحلیل فلاتر استفاده می شود که تنها اثر پایدارکنندگی سیال را در برابر ارتعاش پرهها بررسی می کند. معادلات استفاده شده در این رهیافت و معیار پایداری از دیدگاه ریاضی ارائه میشود که از آن دو مفهوم پایداری محلی و پایداری کلی بهدست میآید. مشخصات تجهیزات آزمون، شرایط مرزی و کمیتهای اندازهگیری شده که با نرمافزار مدل سازی و حل عددی، شبیه سازی و محاسبه شدهاند، ارائه می گردد. حل عددی با نرمافزار انسیس انجام شده است. استقلال نتایج از مش بندی و تاثیر دو مدل توربولانسی نیز مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج حل عددی با حل عددی دیگر و نیز آزمون مقایسه شده است که تطابق خوبی با نتایج آزمون دارد. حل عددی برای دو حالت پایا و ناپایا انجام شده است که در حالت ناپایا پاسخ سیال به ارتعاش پره در سه مود ارتعاشی خمش محوری، خمش محیطی و پیچش بهدست اَمده است. برای محاسبهی پاسخ کل، از دو روش استفاده و نتایج این دو روش با هم مقایسه شدهاند. در انتها ناپایداری محلی محاسبه و نتایج آن به صورت نمودارهایی ارائه شده است که سهم پرههای مجاور را در ناپایداری یک پرهی مشخص نشان میدهد. همچنین ناپایداری کلی نیز برای سه مود

مقاله پژوهشی کامل دريافت: 06 بهمن 1394 پذيرش: 02 ارديبهشت 1395 ارائه در سایت: 29 اردیبهشت 1395 کلید واژگان: فلاتر پره توربين پایداری ميرايي

Numerical analysis of blade flutter in low-pressure turbine

Amir Meshkati Shahmirzadi, Saeid Irani, Mojtaba Farrokh*

Faculty of Aerospace Engineering, Khajeh Nasir Toosi University of Technology, Tehran, Iran * P.O.B. 16765-3381, Tehran, Iran, farrokh@kntu.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 26 January 2016 Accepted 21 April 2016 Available Online 18 May 2016

Keywords: Flutter Blade Stability Damping

ABSTRACT

In this paper the flutter phenomenon in turbomachinary is introduced. The importance and characteristics of the flutter as a dynamic aeroelastic instability is presented. Conventional methods for the blade flutter test and different approaches in flutter analysis of blade are described. Among the existing analysis methods, one approach which only examines the stabilizing effect of fluid is used in order to analyze the flutter in this paper. Firstly, its equations are described and a criterion for the determination of the stability based on the analysis results is presented. According to the criterion the local and global stability can be concluded. Numerical analysis has been performed by ANSYS CFX. Mesh independence and two different turbulence models have been examined and results have been validated by test results. Numerical analysis has been carried out for two steady and unsteady states. In unsteady state the response of fluid to blade vibration in three modes has been calculated. In order to assess the total response two methods have been used and the results have been compared. Eventually local instability is calculated and the results presented in the figures, which illustrates the contribution of adjacent blades in instability of specific blade. The evaluation of global instability for three modes has been presented and the obtained results are in excellent agreement with the experiment.

خودتحریک است که تحریک اولیه بوجود آورندهی این پدیده ناشی از خود سیستم میباشد. به عنوان نمونه می توان به اغتشاش اولیه در سیال و یا سازه اشاره نمود. اغتشاشات بالادست جریان که توسط ردیف پرههای بالاتر ایجاد می گردد موجب بروز فلاتر در پرههای توربین نمی شود. البته این بدان معنی نیست که تاثیری روی چگونگی فلاتر ندارد. در واقع این اغتشاشات اگر میدان نوسانی فشار باشند و فرکانس آنها با فرکانس طبیعی ردیفیرههای پایین تر

فلاتر یک ناپایداری دینامیکی آیروالاستیک است که از برهمکنش سازه و سیال پیرامون آن بوجود میآید. از ویژگیهای مهم آن میتوان به خودتحریکی و خودتداومبخشی اشاره کرد [1]. فلاتر به این دلیل 1

Self-excited

یکسان شود موجب بروز ناپایداری دیگری به نام رزونانس می شود. این نوع ناپایداری جزء پدیدههای همزمان به شمار می آید. با این توضیح می توان ویژگی دیگری برای فلاتر در توربوماشین ذکر کرد و آن غیرهمزمان بودن آن است. خود تدوام بخشی به این معنی است که آنچه باعث ادامه پیدا کردن فلاتر می شود خود آن است. مثلث آیروالاستیک کولار 2 که در شکل 1 آمده است، برهم کنش نیروهای اینرسی، آیرودینامیک، الاستیک و نیز شکل گیری پدیدههای مختلف را به خوبی نشان می دهد.

اهمیت بررسی فلاتر را با بیان دو مطلب می توان به روشنی نشان داد. نخست این که العینی و همکاران [2] نشان دادهاند اگرچه تا %90 احتمال وقوع خستگی پرچرخه را می توان حین فرایند طراحی و توسعهی موتور، پیش بینی نمود، هزینهی تشخیص %10 باقی مانده به اندازه %30 کل هزینهی توسعهی موتور است. دوم این که در بین پدیدههای مختلف که موجب واماندگی پره می شوند، فلاتر خطرناک ترین آنها به شمار می آید [3].

اهمیت بررسی پدیده ی فلاتر در موتورهای امروزی بیشتر است. زیرا برای کاهش مصرف سوخت، آلودگیهای صوتی و کاهش انتشار اکسیدهای نیتروژن در این موتورها، بازدهی سیکل توربین گاز به روشهای مختلف افزایش داده میشود. یکی از روشها، افزایش نسبت فشار در فن و کمپرسور است [4]. از موانع اصلی نیل به این هدف وزن موتور و بیشینه دمای قابل تحمل قطعات است. بدین ترتیب از یک سو با افزایش نسبت فشار، هریک از پرهها بار بیشتری تحمل می کنند و از سوی دیگر به منظور کاهش وزن موتور و برهها در هر ردیف و از تعداد ردیفپرهها نیز کاسته شده است. علاوه براینها فاصله ی بین ردیفپرهها کمتر شده و برهم کنش جریان آنها روی هم بیشتر میشود. همچنین برای کاهش هزینه ی ساخت و مونتاژ، پرهها و دیسک یکپارچه ساخته میشوند لذا مجموعه ی دیسک و پره، میرایی دیسک یخود را نیز از دست میدهند. از اینرو می توان نتیجه گرفت اهمیت بررسی پایداری دینامیکی در موتورهای امروزی بسیار بیشتر از گذشته است.

بهدلیل این که وقوع پدیده ی فلاتر در توربوماشین خواه در مرحله ی طراحی و توسعه موتور، خواه در شرایط به کارگیری صنعتی، لطمه ی سنگینی به اعتبار شرکت سازنده وارد می کند. به همین دلیل نمونههای مستند بسیار کم است. اما به عنوان نمونه در سال 2009 موتور سمت چپ هواپیمای 340B شرکت SAAB به دلیل آسیبدید گی 4 پره از کمپرسور مرحله 1 دچار سانحه شد. شکل 2 کمپرسور آسیبدیده را نشان می دهد. پس از تحلیل، علت خرابی خستگی چهار پره در اثر ارتعاشات آیرودینامیک با فرکانس زیاد گزارش شد [5].

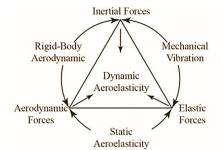


Fig. 1 Collar's aeroelastic triangle

شكل 1 مثلث أيروالاستيك كولار



Fig. 2 Failed compressor blisk in the CT7-9B engine due to HCF [5] **mكل 2** خستگى چهار پرەى كمپرسور از موتور $\mathbf{2}$ 5 المكل $\mathbf{2}$ خستگى چهار پرەى كمپرسور از موتور

2- تحليل و آزمون فلاتر

1-2 - رهيافتهاي مختلف تحليل فلاتر

به طور کلی برای تحلیل فلاتر سه رهیافت وجوددارد. در رهیافت اول که مدل مرتبه ی کاهش یافته نیز نامیده می شود توصیف تحلیلی صریح از بخشهای سازه و سیال ارائه می شود و به جای اینکه جریان حول ایرفویل به طور کامل و دقیق حل شود تقریبی از ناپایداری آیرودینامیک در نظر گرفته می شود. بدین ترتیب سیستم آیروالاستیک به صورت کامل تعریف می شود و مسئله به یک مسئله مقدار ویژه کاهش می یابد و می توان رفتارهای مختلف دینامیکی سیستم مثلا وقوع پدیده ی فلاتر را برحسب کمیتهای مختلف مانند سرعت کاهش یافته بررسی کرد. از نقاط ضعف این رهیافت ساده سازی بسیار زیاد جریان است که موجب می شود برای مواردی که جریان پیچیده است مثلا جریان صوت گذر و یا با بارگذاری زیاد از آن استفاده نشود. برای بررسی فلاتر در بال هواپیما اغلب از این رهیافت استفاده می شود.

در رهیافت دوم بخش سیال و سازه به صورت مجزا تحلیل میشود و هر کدام از این بخشها به عنوان شرایط مرزی به بخش دیگر اعمال میشود. مثلا در تحلیل فلاتر پرههای توربوماشین، جابجایی پره و فشار روی سطح پره به عنوان شرایط مرزی به ترتیب به قسمت آیرودینامیک و سازهای اعمال میشود. از نقاط قوت این رهیافت این است که میتوان روشهای مختلفی را برای تحلیل هر قسمت به کار برد. نقطه ضعف مهم این روش این است که از آنجایی که پیش از تحلیل، شکل مود بحرانی مشخص نیست، تحلیل باید برای تعداد زیادی از شکل مودها انجام شود. در این پژوهش مشابه مرجع [1] و روش به کار رفته در انسیس از این رهیافت استفاده شده است.

در سومین و آخرین رهیافت مجموعه سازه و سیال به عنوان یک سیستم پیوسته در نظر گرفته میشود و معادلات آیروالاستیک به صورت کاملا یکپارچه و به روش گامهای زمانی قصل میشوند. پس از حل این معادلات در هر گام زمانی و برای چند سیکل، پایداری آیروالاستیک برای متغیرهای رفتاری زمانی بررسی میشود. همگرایی این متغیرها نشاندهندهی پایداری و واگرایی آنها بیانکننده ناپایداری است. با این روش شکل مود اصلی فلاتر بدست میآید. این رهیافت دقیق ترین جواب را برای تحلیل دینامیکی سیستمهای آیروالاستیک میدهد اما هزینهی محاسباتی بسیار زیادی دارد. وحدتی و ایمرگان [6] به بررسی فلاتر غیرخطی پرهی فن با استفاده از این رهیافت پرداختند. از کارهای مهم پژوهش مذکور تعیین فرکانس آیروالاستیک سیستم است که اختلاف آن با فرکانس طبیعی سازه حدود %1 بهدست آمد. لذا مشخص شد در حالت خاص در نظر گرفته شده، سیال تاثیری روی الگوی نوسان سازه ندارد.

³ Time-marching

Non-synchronous

² Collar

2-2- روشهاى آزمون فلاتر توربوماشين

به صورت کلی دو روش برای آزمون فلاتر در پرههای توربوماشین وجود دارد. در روش اول عوامل تاثیر گذار بر ناپایداری مانند سرعت جریان و یا زاویه ی حمله آنقدر تغییر داده می شود تا نشانه هایی از ناپایداری مشاهده شود. در روش دوم پرهها تحت شکل مود و فرکانس مشخص به ارتعاش در می آیند و پاسخ جریان (فشار) روی پره اندازه گیری می شود. به روش اول اصطلاحا آزمون فلاتر آزاد و به روش دوم آزمون فلاتر کنترل شده گفته می شود. البته روش دوم را نیز می توان به دو روش ضرایب تاثیر 2 و مود موج متحرک 6 انجام داد. در روش ضرایب تاثیر یک پره نوسان می کند درحالی که در روش مود موج متحرک همه ی پرهها با یک اختلاف فاز مشخص که اصطلاحا به آن اختلاف فاز میان پره ای گفته می شود، نوسان می کنند. در مرجع [1] آزمون فلاتر کنترل شده به روش ضرایب تاثیر برای یک قطاع استوانه ای از روتور توربین که فشار انجام شده است.

3- فلاتر در توربوماشین

3-1- عوا مل موثر بر فلاتر در توربوماشين

بهدلیل ماهیت پدیده ی فلاتر در توربوماشین، عوامل تاثیرگذار بر آن را میتوان به سه دسته ی سازهای سیالاتی و سازهای سیالاتی تقسیم کرد. عوامل سازهای مانند شکل مود، قطر گرهای و میرایی مکانیکی، سیالاتی مانند عدد ماخ، زاویه حمله ی جریان و میرایی آیرودینامیک و سازهای سیالاتی مانند نسبت جرم و فرکانس کاهش یافته می باشند.

1-1-3 میرای مکانیکی

میرایی مکانیکی شامل دو نوع میرایی اصطکاکی و میرایی مادی 6 است. میرایی اصطکاکی در دیسک پرههایی وجود دارد که دیسک و پره یکپارچه ساخته نمیشوند. این نوع میرایی ناشی از حرکت نسبی قطعات در اتصالات است و به عواملی مانند نحوهی اتصال، سرعت دوران موتور و شکل مود ارتعاشی بستگی دارد [7]. در دیسکپرههایی که یکپارچه ساخته میشوند میرایی اصطکاکی وجود ندارد و تنها منبع میرایی مکانیکی، میرایی مادی است که در مقایسه با میرایی اصطکاکی و آیرودینامیک قابل صرف نظر است.

2-1-3 میرایی آیرودینامیک

میرایی آیرودینامیک سومین منبع مستهلک کننده نوسان پرهها است. این نوع میرایی حاصل میدان فشار ناپایا موجود در سیال است که به دلیل نوسان پرهها بهوجود میآید. عوامل مختلفی نظیر سرعت جریان، شکل مود، فرکانس و قطر گرهای بر این نوع میرایی تاثیر میگذارند. از لحاظ مقدار این نوع میرایی میتواند به اندازه ی میرایی اصطکاکی باشد [7]. به همین دلیل نقش مهمی در استهلاک ارتعاش پرهها دارد. اما دلیل دیگری وجود دارد که میرایی آیرودینامیک را آنقدر مهم کرده است که این نوع میرایی معیار تشخیص وقوع و یا عدم وقوع فلاتر قرار می گیرد و آن این است که برخلاف میرایی مکانیکی، علامت میرایی آیرودینامیک میتواند منفی هم باشد. یعنی به جای این که موجب استهلاک ارتعاش پرهها شود باعث تقویت آن شود و در صورتی که میرایی مکانیکی، میتواند ارتعاش پرهها شود باعث تقویت آن شود و در صورتی که میرایی مکانیکی نتواند ارتعاش پرهها شود باعث تقویت آن شود و در صورتی که میرایی مکانیکی نتواند ارتعاش پره را مستهلک کند، فلاتر رخ میدهد.

3-1-3 نسبت جرم

فلاتر در پرهی توربوماشین به عنوان سیستمی که شامل جریان داخلی است با فلاتر در بال هواپیما که تحت تاثیر جریان سیال خارجی است اندکی متفاوت است [8]. از عوامل مهم این تمایز می توان به نسبت جرم و استحکام بالای پرهها در توربوماشین در مقایسه با بال هواپیما اشاره کرد. معادلهی (1) نحوه ی محاسبه ی نسبت جرم را نشان می دهد،

$$\mu = \frac{4\overline{m}}{\pi \rho c^2} \tag{1}$$

که \overline{m} جرم بر واحد طول، ρ چگالی سیال و c اندازه و تر است. لذا می توان نتیجه گرفت در پدیده ی فلاتر در پرههای توربین به دلیل تاثیر کم نیروهای اینرسی و الاستیک بخش سیال، این پره است که فرکانس و مود ارتعاشی را تعیین می کند. به همین دلیل معمولا برای تحلیل فلاتر پرههای توربوماشین نخست فرض می شود که سازه در حال نوسان است و پاسخ سیال، ناشی از این تحریک بر روی سازه بررسی می شود.

4-1-3- فركانس كاهشيافته

فرکانس کاهش یافته نسبت مدت زمانی (t) که طول می کشد تا یک ذره سیال به اندازه و تر پره مسافت طی کند به مدت زمان یک دوره تناوب نوسان پره (T) ضرب در (T) می اشد. در واقع این کمیت بی بعد مقدار ناپایا بودن جریان را نشان می دهد. به طوری که هرچه مقدار آن بیشتر باشد، جریان ناپایاتر است [9]. معادله (D)، معادله و کانس کاهش یافته است:

$$k = 2\pi \frac{t}{T} = \frac{2\pi fc}{u} \tag{2}$$

که f فرکانس نوسان پره و u سرعت جریان است. برای هر وضعیت عملکردی یک فرکانس کاهشیافته ی بحرانی می توان در نظر گرفت که به ازای مقادیر کمتر از آن فلاتر رخ می دهد. در توضیح این مطلب می توان گفت، در حالی که پره با فرکانس طبیعی ثابت نوسان می کند، با افزایش سرعت جریان مقدار فرکانس کاهشیافته کم می شود و به مقدار بحرانی نزدیک می گردد.

2-3- انواع فلاتر در توربین

این پدیده در توربوماشین محوری تنها در ریفپرههای جلو و عقب موتور رخ می دهد [3]. یعنی در قسمتهای فن، کمپرسور کم فشار و توربین کم فشار که پرهها در مقایسه با قسمتهای دیگر موتور بلندتر و نازکتر هستند. شکل 3 قسمتهای نام برده شده را نشان می دهد. بسته به این که توربین در چه ناحیهای از نقشه ی عملکردی 7 خود قرار دارد، عوامل مختلفی باعث بروز ناپایداری و وقوع فلاتر می شود. بر همین اساس می توان فلاتر در توربین را دسته بندی کرد که انواع فلاتر در پرههای توربین کم فشار عبار تند از:

1- فلاتر كلاسيك (مادون صوت)

2- فلاتر ناشی از پدیده ی شک

3- فلاتر مافوق صوت (جريان ورودي مادون صوت)

4- فلاتر مافوق صوت (جريان ورودى مافوق صوت)

در این پژوهش به بررسی عددی فلاتر کلاسیک در پرههای توربین کمفشار پرداخته شده است و نتایج آن با نتایج آزمون و حل عددی مرجع [1] مقایسه شده است.

4- معادلات ناپایداری

هر کدام از رهیافتهای مختلف تحلیل فلاتر بر اساس یک منطق ریاضی که

⁷ Performance map

¹ Free flutte

² Influence coefficients method

³ Traveling wave mode method

Inter blade phase angle
 Nodal diameter

Material damping

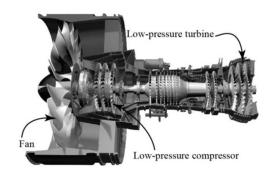


Fig. 3 Section of PW1000G engine model [10] شكل **3** مدل برش خورده از موتور PW1000G [10]

به توصیف فیزیک مسئله می پردازد، پایه گذاری شده است. رهیافت دوم پاسخ سیال به ارتعاش پره را بررسی می کند. در ادامه روابط استفاده شده در این رهیافت ارائه می شود.

1-4- پاسخ سيال به ارتعاشات پره

ذکر این نکته ضروری است که مقصود از پایداری در این پژوهش درواقع اثر پایدارکنندگی سیال است و پایداری مجموعهی سازه و سیال را در بر نمی گیرد. جابجایی پره موجب ایجاد میدان فشار ناپایا حول آن می شود و در نتیجه نیروی ناپایا روی سطح پره ایجاد می گردد. کار انجام شده توسط سیال روی سازه در یک دوره تناوب ارتعاش پره تعیین می کند که آیا سیال پایدار کننده است یا خیر. طبق تعریف اگر علامت این کار مثبت باشد سیال ناپایدارکننده است و برعکس.

با فرض کوچک بودن دامنهی ارتعاش پره و صرفنظر از جزء غیرهارمونیک فشار ناشی از شک، میتوان میدان فشار ناپایا روی پره را به صورت معادله (3) نوشت [11].

$$\tilde{P}(x,t) = P(x) + \Re{\{\tilde{p}(x,t)\}}
= P(x) + \Re{\{\hat{p}(x)e^{i(\omega t + \varphi_{\tilde{p} \to \tilde{r}})}\}}$$
(3)

که P(x) جزء پایا، p(t) جزء نوسانی، p(x) دامنه جزء نوسانی فشار p(x) جزء پایا، p(x) جزء نوسانی دلخواه از سطح پره و p(x) ناپایا، p(x) در تنوسان پره وجزء نوسانی فشار است. معادله کار سیال در مدت زمان یک دور تناوب روی پره عبار تست از:

$$\widetilde{W}_{\text{per cycle}} = \oint_{T} \frac{d\widetilde{W}}{dt} dt = \omega^{-1} \oint_{T} \frac{d\widetilde{W}}{dt} d(\omega t)$$
 (4)

$$\frac{d\widetilde{W}}{dt} = -\oint_{S} \widetilde{P} \, \mathbf{V} \cdot \mathbf{n} ds \tag{5}$$

که ω سرعت زاویهایی نوسان پره و n بردار عمود بر سطح آن است. اگر h بردار جابجایی ناشی از مودهای خمشی و α بردار تغییر زاویه و x بردار مکان دلخواه نقطه x با شد، می توان بردار جابجایی یک نقطه دلخواه از سطح پره را به صورت معادله (6) نوشت.

$$r(x) = h(x) + \alpha \times R(x)$$
 (6)

$$\tilde{\mathbf{r}}(\mathbf{x},t) = \mathbf{r}(\mathbf{x}) \, e^{i\omega t} \tag{7}$$

در نتیجه بردار سرعت عبارتست از:

$$V = \Re\left\{\frac{\partial \tilde{r}(x,t)}{\partial t}\right\} \tag{8}$$

با استفاده از معادلههای (5) تا (8) میتوان نرخ کار را به صورت معادله (9) نوشت.

 $\frac{d\widetilde{W}}{dt} = -\widetilde{P} \oint_{S} \left(\Re\{i\omega h e^{i\omega t}\} + \Re\{i\omega \alpha \times Re^{i\omega t}\} \right) \cdot n ds$ (9) از طرفی نیرو و گشتاور وارد بر پره با معادلههای (10) و (11) بیان بیشود.

$$\widetilde{F} = F + \Re\{\widetilde{f}\} = F + \Re\{fe^{i(\omega t + \varphi_{\widetilde{f} \to \widetilde{h}})}\} = -\oint_{S} \widetilde{P} \, \mathrm{n} ds \qquad (10)$$

$$\widetilde{M} = M + \Re\{\widetilde{m}\} = M + \Re\{me^{i(\omega t + \varphi_{\widetilde{m} \to \widetilde{\alpha}})}\}$$

 $= -\oint_{S} \tilde{P} (R \times n)_{\zeta} ds$ (11)

با جای گذاری معادلههای (9) تا (11) در معادلهی (4) مقدار کار انجام شده توسط سیال روی پره در هر سیکل بدست می آید.

$$\widetilde{W}_{\text{per cycle}} = \pi \left[h_{\xi} f_{\xi} \sin \left(\varphi_{\widetilde{f}_{\xi} \to \widetilde{h}_{\xi}} \right) + h_{\eta} f_{\eta} \sin \left(\varphi_{\widetilde{f}_{\eta} \to \widetilde{h}_{\eta}} \right) + \alpha m \sin \left(\varphi_{\widetilde{m} \to \widetilde{\alpha}} \right) \right]$$
(12)

که اندیسهای ξ ، η و ζ به ترتیب بیانگر مولفههای مربوط به راستای مولفه-های خمش محوری، خمش محیطی و پیچش برای هر کمیت دلخواه است.

همانطور که گفته شد، اگر علامت کار منفی باشد یعنی سیال از نوسان پره انرژی دریافت می کند و سیال نقش پایدار کنندگی دارد و بالعکس. طبق معادلهی (12) تنها ترمهای سینوس اختلاف فاز، تغییر علامت می دهند بدین ترتیب اگر نیروی وارد پره نسبت به جابجایی پره تاخیر ا داشته باشد، علامت آنها منفی و آن مود نوسانی پایدار است.

اگر \tilde{f} جزء نوسانی نیرو، \tilde{m} جزء نوسانی گشتاور و جابجاییهای \tilde{h} و \tilde{n} در صفحه ی مختلط در نظر بگیریم به طوری که جابجاییها در امتداد مثبت محور حقیقی باشد، می توان نوشت:

$$\widetilde{W}_{\text{per cycle}} = \pi \left[h_{\xi} \Im\{\widetilde{f}_{\xi}\} + h_{y} \Im\{\widetilde{f}_{y}\} + \alpha \Im\{\widetilde{m}\} \right]$$
(13)

بدین ترتیب در صورتی که قسمت موهومی (\mathfrak{F}) جزء نوسانی نیرو و گشتاور در صفحه ی مختلط منفی باشد آن مود نوسانی، پایدار است. بر همین اساس می توان میرایی آیرودینامیک را به صورت زیر تعریف کرد.

$$\Xi = \frac{-\widetilde{W}_{\text{per cycle}}\big|_{\xi}}{\pi h_{\xi}} + \frac{-\widetilde{W}_{\text{per cycle}}\big|_{\eta}}{\pi h_{\eta}} + \frac{-\widetilde{W}_{\text{per cycle}}\big|_{\zeta}}{\pi \alpha} \\
= -\Im\{\widetilde{f}_{\xi}\} - \Im\{\widetilde{f}_{\eta}\} - \Im\{\widetilde{m}\} \tag{14}$$

معادله (14) پایداری کل پره را محاسبه میکند. برای اینکه درک بهتری از پایداری پره بدست آید لازم است تا پایداری پره در نقاط مختلف آن، مثلا در مقاطع مختلف طول پره و یا در نقاط مختلف روی هر مقطع، نیز بررسی شود. به این ترتیب مفهوم پایداری محلی مطرح میشود. اگر جزء نوسانی نیرو و گستاور را با معادله (15) نشان دهیم،

$$\tilde{f} = \oint_{S} d\tilde{f} \; ; \; \widetilde{m} = \oint_{S} d\widetilde{m}$$
 (15)

معادلههای (16) المانهای نیرو و گشتاور در هر نقطه از پره را نشان

 $d\tilde{f}_{\xi}(x,t) = \tilde{p}(x,t)n_{\xi}ds$ $d\tilde{f}_{\eta}(x,t) = \tilde{p}(x,t)n_{\eta}ds$ $d\tilde{m}_{\zeta}(x,t) = \tilde{p}(x,t)(R \times n)_{\zeta}ds$ (16)

به این ترتیب اگر مولفههای بردار جابجایی $\tilde{h}(x)$ را در جهت مثبت محور حقیقی از صفحه ی مختلط در نظر بگیریم، پایداری هر نقطه را می توان از علامت قسمت موهومی المان نیرو و گشتاور تعیین نمود. همانند کار اگر علامت منفی باشد، آن نقطه از پره پایدار و در غیر این صورت ناپایدار است.

5- تشريح آزمون

¹ Lag

در این پژوهش آزمون مرجع [1] شبیه سازی شده است. به همین دلیل برای توصیف شبیه سازی، توضیحاتی در مورد مشخصات تجهیزات آزمون، شرایط آن و کمیتهای اندازه گیری شده ارائه می گردد.

1-5- مشخصات تجهيزات آزمون

آزمون به روش ضرایب تاثیر و کنترلشده انجام شده است. این روش در بخش 2-2 شرح داده شده است. قسمت اصلی تجهیزات آزمون عبارتست از یک قطاع استوانهای از یک ردیفپرهی روتور توربین که شامل 7 پره آزاد 1 و 8گذرگاه 2 است که در شکل 4 آمده است. لازم به ذکر است که به دلیل پیچیده و پر هزینه بودن ساخت تجهیزات آزمون دوار، تجهیزات به کار رفته در این آزمون غيردوار ساخته شد [1]. لقى پرهها يا همان فاصلهى نوك پرهها از محفظه به اندازهی %1 طول پره است. مشخصات پره در جدول 1 آمده است. در شکل 5 نحوه شماره گذاری پرهها و محور مختصات تجهیزات آزمون آمده است. جهت مثبت زاویهی θ در شکل نشان داده شده است. اصطلاحا به یرهی شمارهی 0 پرهی مرجع گفته میشود.

برای به ارتعاش در آوردن پرهی مرجع از یک مکانیزم مکانیکی استفاده می شود که پره را در سه مود خالص خمش محوری، خمش محیطی و پیچش و نیز مود ترکیبی به صورت یک جسم صلب به ارتعاش در می آورد. در این پژوهش مانند مرجع [1] تنها به بررسی پایداری سه مود خالص پرداخته شده است. شماتیک حرکت پره در مود خالص خمشی در شکل 6 آمده است. دامنهی حرکت نوک پره در مودهای خمشی به اندازهی 1 mm است و در مود پیچش کل پره حول محور دوران با دامنه ی $^{\circ}$ نوسان می کند.

در شکل 7 شماتیک جهات مثبت حرکت برای سه مود ارتعاشی عمود برهم آمده است. رابطه (17) مختصات نقطهای که محورهای دوران مودهای مختلف از آن می گذرند را نشان می دهد.

x = 375 mm; y = -3.8 mm; z = 18.1 mm(17)



Fig. 4 Test rig [1]

شكل 4 تجهيزان آزمون [1] جدول 1 مشخصات يروفيل يره

Table 1 Blade profile parameters						
مقدار	واحد	نماد	مش <i>خص</i> ه			
50	mm	c	وتر			
45	mm	$c_{\rm ax}$	وتر پره در راستای محور			
97	mm	S	طول پرہ			
4.5	deg	p_c	گام			
1.94	-	s/c	3 ضریب منظر			
383	mm	$r_{ m hub}$	شعاع hub			
480	mm	$r_{ m shroud}$	شعاع Shroud			

Free standing

3 Aspect ratio

Passage

Fig. 5 Blade indexing and test rig coordinates system شکل 5 شماره گذاری پرهها و دستگاه مختصات تجهیزات آزمون

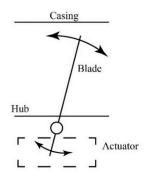


Fig. 6 Blade oscillation schematic in bending modes $\frac{1}{2}$ شکل $\frac{1}{2}$ شماتیک نوسان پره در مودهای خمشی

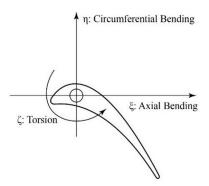


Fig. 7 Coordinates system of orthogonal modes شكل 7 دستگاه مختصات مودهای عمود برهم

2-5- شرايط آزمون

سیال استفاده شده در آزمایش هوا است. مشخصات و شرایط مرزی آزمون در جدول 2 آمده است. آزمون در دوحالت انجام شد. حالت اول که پرهی مرجع حرکت نمی کند، حالت پایا و حالت دوم که پرهی مرجع با فرکانس 49.5(Hz) نوسان مي كند، حالت ناپايا مي ناميم. مقدار فركانس از معادله بدست آمده است که اندازهی سرعت، میانگین سرعت خروجی روی سطحی .[8] است که در فاصلهی c_{ax} از لبهی انتهای یره قرار دارد

3-5- نقاط اندازه گیری فشار

فشار استاتیک هوا روی نقاط مختلف پره اندازه گیری شد. برای مشخص کردن نقاط روی پره معمولا از دستگاه مختصات دو بعدی ویژهای استفاده میشود

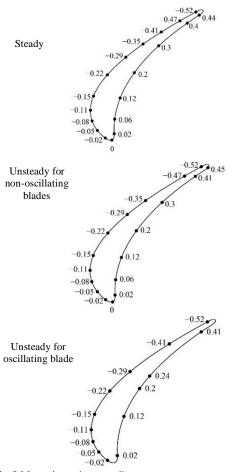


Fig. 9 Measuring points coordinates

شكل 9 مختصات نقاط اندازه گيرى

مقدار فشار در هر نقطه دلخواه X را می توان به صورت معادله (3) نوشت بدین ترتیب ضریب فشار در این حالت را می توان با معادله (21) بدست آورد.

$$\widetilde{C_p}(x,t) = \frac{\Re{\{\tilde{p}(x,t)\}}}{BP_{\text{dyn,ref}}} = \frac{\Re{\{\hat{p}(x)e^{i(\omega t + \varphi_{\tilde{p} \to \tilde{p}})}\}}}{BP_{\text{dyn,ref}}}$$
(21)

در نهایت میتوان متغیرهای زیر را تعریف کرد.

$$C_{p,\text{amp}}(x) = \frac{\hat{p}(x)}{BP_{\text{dyn,ref}}}$$
(22)

$$C_{p,\text{phase}}(X) = \varphi_{\widetilde{p}(X)} - \varphi_{\widetilde{\beta}}$$
 (23)

به طوری که $C_{p,\mathrm{phase}}(\mathsf{X})$ و $C_{p,\mathrm{phase}}(\mathsf{X})$ به ترتیب مقادیر دامنه و اختلاف فاز ضریب فشار در هر نقطهی دلخواه X از روی پره است. در ادامه به منظور خلاصهنویسی به جای اختلاف فاز تنها از کلمه فاز استفاده می شود.

6- شبیه سازی با انسیس

هندسهی پره با نرمافزار سالیدورکس با استفاده از دادههای هندسی که در انتهای مرجع [1] آمده است، مدلسازی شد. از بستهی توربوگرید نرمافزار انسیس برای ایجاد دامنهی حل و مشبندی ساختار یافته استفاده شد. همانطور که در شکل 10 آمده است بالادست و پاییندست جریان به اندازه ی یک طول محوری وتر پره به ترتیب از لبهی حمله و لبهی انتهای پره ادامه پیدا کرده است.

شبیهسازی حالت ناپایا با انسیس به دو روش ضرایب تاثیر و مود موج

که یک بعد آن اصطلاحا در امتداد خم 1 و دیگری در امتداد طول پره 2 نامیده می شود. هر دو بعد بیبعد شده اند. بازهی مقادیر ممکن برای بعد در امتداد خم 2 حرا 2 0.55,0.45 2 0. و برای در امتداد طول پره 2 1 است. مقادیر منفی مختصات در امتداد خم سمت مکش و مقادیر مثبت سمت فشار از سطح پره را نشان می دهد. محدوده ی سطح پره در این دستگاه مختصات در شکل 8 نشان داده شده است. مختصات در امتداد خم نقاط اندازه گیری فشار برای حالت پایا در شکل 9 نشان داده شده است. این نقاط اندازه گیری در مقاطع حالت پایا در مکل 9 نشان داده شده است. این نقاط اندازه گیری فشار در حالت ناپایا روی پرههای ثابت و پره ی مرجع نیز در شکل 9 نشان داده شده است. همهی این نقاط روی مقطع 2 0.5 در امتداد طول پره قرار دارد و فقط برای پرههای 2 1 در مقطع 2 1 در امتداد طول پره نیز تعبیه شده اند.

معادله (18) ضریب فشار بیبعد حالت پایا را نشان میدهد. $C_p(\mathsf{X}) = \frac{P(\mathsf{X})}{D} \tag{18}$

که P(x) مقدار فشار استاتیک در نقطه ی X و عبارتست از: $P_{\mathrm{dyn,ref}} = P_{\mathrm{tot,ref}} - P_{\mathrm{sta,ref}}$ (19)

به طوری که مقادیر فشار استاتیک $P_{
m sta,ref}$ و فشار کل $P_{
m tot,ref}$ در مقطعی بالادست جریان که به اندازه ک $c_{
m ax}$ 0.4 از لبه حمله فاصله دارد اندازه گیری می شود.

در حالت ناپایا می توان حرکت نوسانی پره را با معادله
$$(20)$$
 بیان نمود. $\tilde{\beta}(t) = \Re\{Be^{i(\omega t)}\}$

که B مقدار دامنه ی نوسان پره برحسب درجه است. از طرفی می دانیم

جدول 2 مشخصات و شرایط مرزی آزمون

Table 2 Specifications and boundary conditions of test

مشخصه	نماد	واحد	مقدار
دبی جرمی	ṁ	kg/s	2.36
دمای کل ورودی	$T_{ m tot,in}$	K	303
فشار کل ورودی	$P_{ m tot,in}$	kPa	112.3
فشار استاتیک ورودی	$P_{\mathrm{sta,in}}$	kPa	109.2
فشار استاتیک خروجی	$P_{\rm sta,out}$	kPa	102.9
ماخ ورودى	$M_{\rm in}$	-	0.21
ماخ خروجي	$M_{ m out}$	-	0.37
زاویه جریان ورودی	$lpha_0$	deg	-26°
فركانس كاهش يافته	k	-	0.1

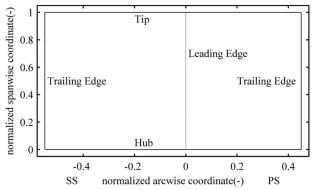


Fig. 8 Developed view of blade surface

شکل 8 نمای گسترده از سطح پره

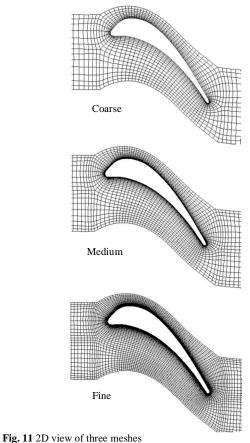
Arcwise coordinate

² Spanwise coordinate

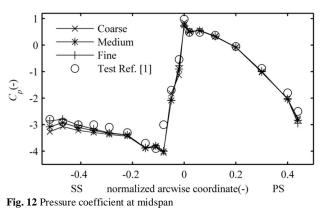
جدول 3 مشخصات سه مشبندی

Table 3 Specifications of three meshes

تعداد المان	فاصله گره اول از	میانگین ⁺ Y در	تعداد المان در	مش
در طول پره	سطح پره(mm)	مقطع میانی پرہ	یک گذرگاه	يندى
40	0.487	48	72784	درشت
64	0.104	26	230464	متوسط
90	0.040	8	786630	ريز



rig. 11 2D view of tiffee mesnes **شکل 11** نمای دو بعدی از سه مش بندی



شکل 12 ضریب فشار در مقطع میانی پره

مش بندی متوسط برای 0.9 طول پره در شکل 14 نشان می دهد که نتایج دو مدل توربولانسی به کار گرفته شده به هم نزدیک است و با نتایج آزمون مطابقت دارد. در ادامه تاثیر دو مدل توربولانسی بر نتایج تحلیل حالت ناپایا مورد برسی قرار گرفت. دامنه ی ضریب فشار و فاز آن در مقطع میانی پره ی 0

متحرک انجام شد. در روش اول مطابق شکل 10 تعداد 5 گذرگاه مدلسازی شد. ولی در روش دوم 2 گذرگاه مدلسازی و از تحلیل فلاتر بهوسیلهی تبدیل فوریه استفاده شد. نخست حل پایا انجام شد و سپس حل پایا به عنوان شرایط اولیه برای حل ناپایا مورد استفاده قرار گرفت. استقلال حل از مش بندی و تاثیر دو مدل مختلف توربولانسی نیز بررسی شد.

1-6- روش ضرایب تاثیر

در این روش که همان روش به کار رفته در آزمون است، تنها یکی از پرهها نوسان می کند و پاسخ سیال روی همه ی پرهها اندازه گیری می شود. برای این منظور تجهیزات آزمون مدل سازی و تعداد 5 گذر گاه برای شبیه سازی در نظر گرفته شد. منظور از تحلیل پایا این است که در این حالت پرهی مرجع به ارتعاش در نمی آید، در حالی که در تحلیل ناپایا پرهی مرجع به ارتعاش در می آید و تحلیل به صورت گذرا انجام می شود. به منظور بررسی استقلال نتایج از مش، سه نوع مش بندی درشت، متوسط و ریز در نظر گرفته شد. همچنین دو مدل توربولانسی 3-4 و 4 بررسی شد که جوابهای نزدیکی هم در حالت ناپایا داشتند. نتایج در ادامه ارائه می شود.

1-1-6 استقلال نتایج از مشبندی

مشخصات سه نوع مشبندی در جدول 8 و نمای دوبعدی از آنها در شکل 11 آمده است. نتایج حالت پایا برای سه نوع مشبندی و مقایسه آنها با نتایج تست در شکل 21 آمده است. این نتایج مربوط به مقطع میانی پره است. همان طور که در شکل نشان داده شده است تقریبا نتایج برای سمت فشار پره و نواحی نزدیک به لبهی حمله از سمت مکش یکسان بدست آمده و تطابق قابل قبولی با نتایج آزمون دارد اما هرچه از سمت مکش به لبهی انتهایی پره می رویم نتایج مشبندی ریز تطابق بهتری با نتایج آزمون دارد.

بررسی استقلال نتایج از مش، برای حالت ناپایا نیز انجام شد که برای مود خمش محوری نتایج روی پرهی شمارهی 1- و مقطع میانی پره در شکل 13 آمده است. به این ترتیب با توجه به این که نتایج حاصل از مش بندی متوسط به اندازهی کافی دقیق بهدست آمد و بهمنظور صرفهجویی در زمان محاسبات، ادامه ی شیبه سازی با مش بندی متوسط انجام گرفت.

6-1-2- بررسي مدلهاي مختلف توربولانسي

به منظور بررسی تاثیر مدلهای توربولانسی مختلف بر نتایج شبیه سازی از دو مدل k و SST و SST موجود در نرمافزار انسیس استفاده شد. نتایج حالت پایا با

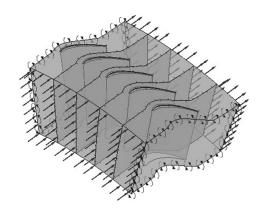


Fig. 10 5 passages modeled in ANSYS CFX شكل 10 دامنه ي حل مدل سازي شده در انسيس

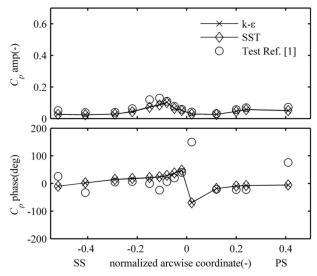


Fig. 15 Pressure coefficient amplitude and phase; blade0; circumferential bending

شکل 15 دامنه و فاز ضریب فشار؛ پرهی 0 ؛ مود خمش محیطی



Fig. 16 Pressure contour

شكل 16 كانتور فشار

پرهی مرجع در حال نوسان فاصله بیشتر شود اثر نوسان بسیار کمتر و معمولا از اثرات آن روی پرهی سوم به بعد صرف نظر میشود. طبق شکلهای 17 تا 19 نتایج شبیهسازی این پژوهش، تطابق بهتری نسبت به حل عددی مرجع [1] با نتایج آزمون همان مرجع دارد. دلیل آن نیز این است که حل عددی آن مرجع با استفاده از معادلات اویلر انجام شده که در آن از اثرات لزجت سیال صرف نظر میشود در حالی که در حل عددی این پژوهش از معادلات ناویر استوکس که اثرات لزجت را در نظر میگیرد، استفاده شده است. از آنجا که عدد ماخ در این آزمون کم است لزجت تاثیر بسزایی در نتایج حل عددی می گذارد. با این حال هر دو حل عددی مقادیر دامنهی فشار بیشتری نسبت به نتایج آزمون بدست می آورند.

روش مود موج متحرک-2-6

در این روش همهی پرهها نوسان می کنند و برخلاف روش ضرایب تاثیر که تنها پاسخ ناشی از نوسان یک پره روی همهی پرهها بدست می آمد، پاسخ کل که شامل اثر نوسان همهی پرهها است محاسبه می شود.

در نرمافزار انسیس برای بررسی پدیدههای گذرای مختلف مانند اغتشاشات ورودی، برهم کنش روتور و استاتور و یا تحلیل فلاتر در برای مود خمش محیطی در شکل 15 نشان داده شده است.

همان طور که در شکل 14 و 15 آمده است، دو مدل توربولانسی نتایج مشابهی تحت شرایط این آزمایش ارائه می دهند. از لحاظ مدت زمان تحلیل، دو مدل توبولانسی برتری نسبت به هم ندارند. اما به دلیل آن که مدل SST از رهیافت خود کار جهت پیش بینی رفتار جریان نزدیک دیواره استفاده می کند که شامل هر دو رهیافت عدد رینولدز کم و تابع دیواره است و نسبت به مدل که شامل هر دورد، مدل SST به عنوان مدل توربولانسی انتخاب شد [12]. شکل 16 کانتور فشار استاتیک سطح پرهها و کف، کانتور فشار کل سطح خروجی و خطوط جریان گذرنده از لقی نوک پرهها را نشان می دهد.

3-1-6- مقايسه نتايج مودهاي مختلف با آزمون و حل عددي مرجع[1]

تحلیل ناپایا برای سه مود ارتعاشی خمش محوری، خمش محیطی و پیچش انجام شد و پاسخ سیال روی پرههای شمارهی 2- تا 2+ بدست آمد. نتایج شبیه سازی در انسیس با نتایج آزمایش و حل عددی مرجع [1] مقایسه شد. برای این که تعداد نمودارها بیش از اندازه زیاد نشود، تنها دامنه و فاز ضریب فشار نوسانی روی پرههای 2- تا 0 در حالت مود خمش محوری در شکلهای 17، 18 و 19 نمایش داده شده است.

با مقایسهی دامنهی ضریب فشار روی پرهای مختلف مشخص می شود که اثر نوسان پرهی شمارهی 0 روی پرهی 2- بسیار کم است. و هرچه از

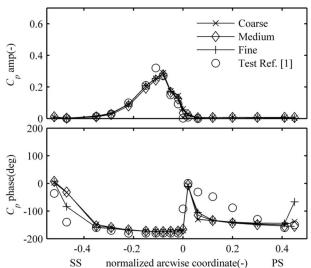


Fig. 13 Pressure coefficient amplitude and phase; blade-1; axial bending شكل 13 دامنه و فاز ضريب فشار؛ پرهى 1-؛ مود خمش محورى

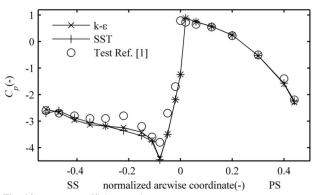


Fig. 14 Pressure coefficient at 90% span

شکل 14 ضریب فشار در مقطع % 90 طول پره

توربوماشین از مدلهای ردیف پرهی گذر اا استفاده می شود [12]. مدل استفاده شده برای تحلیل فلاتر، تبدیل فوریه است که از آن برای لحاظ کردن اختلاف فاز میان پرهای استفاده می شود. معادله های (24) و (25) نحوه محاسبه ی اختلاف فاز میان پرهای را نشان می دهد [7].

$$\sigma_{\text{forward}} = \frac{2\pi ND}{N}, ND = 1, 2, \dots, ND_{\text{max}}$$
 (24)

$$\sigma_{\text{backward}} = \frac{2\pi(N - ND)}{N}, ND = 1, 2, \dots, ND_{\text{max}}$$
 (25)

که N تعداد پره، ND قطر گرهای و $ND_{\rm max}$ حداکثر مقدار قطر گرهای است. همان طور که در معادلههای (24) و (25) آمده است، برای هر قطر گرهای یک جفت اختلاف فاز میان پرهای تعریف می شود. که اصطلاحا به آن ها پیش رونده 2 و پس رونده 3 گفته می شود. حداکثر مقدار قطر گرهای بسته به این که تعداد پرهها عددی زوج و یا فرد باشد متفاوت است. معادلههای (26) و (27) نحوه محاسبه مقدار حداکثر قطر گرهای را به ترتیب وقتی که تعداد پرهها زوج و فرد است را نشان می دهد.

$$ND_{\text{max}} = \frac{N}{2}$$
, $N \text{ even}$ (26)

$$ND_{\text{max}} = \frac{(N-1)}{2}, N \text{ odd}$$
 (27)

در توضیح قطر گرهای می توان گفت که اگر مقدار آن 1 باشد یعنی اینکه فاز نوسان پرهها منحصربهفرد است و فاز نوسان هیچ دو پرهای یکسان
نیست و به همین ترتیب اگر مقدار آن 2 باشد یعنی هر پره با یک پرهی دیگر
از ردیف پره همفاز هستند و زمانی همهی پرهها با هم همفاز هستند که مقدار
قطر گرهای 0 باشد. در شکل 20 شماتیک دو مقدار قطر گرهای و نحوه
قرارگیری پرهها در یک ردیفیره آمده است.

ازمون تاثیر و آزمون موج متحرک با ضرایب تاثیر و آزمون -1-2-6

برای مقایسه ی نتایج دو روش باید پاسخهای بدست آمده از روش ضرایب تاثیر را با استفاده از معادله ی (28) جمع کرد و پاسخ کل را بدست آورد تا بتوان با پاسخ کل بدست آمده از روش مود موج متحرک مقایسه کرد. اثبات

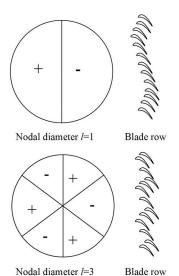


Fig. 20 Schematic of two values of nodal diameter and position of

شکل 20 شماتیک دو مقدار قطر گرهای و وضعیت پرهها

3 Backward

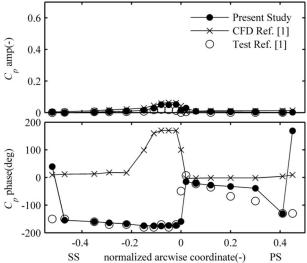


Fig. 17 Pressure coefficient amplitude and phase; blade-2;axial bending شكل 17 دامنه و فاز ضريب فشار؛ پرهى 2- ؛ خمش محورى

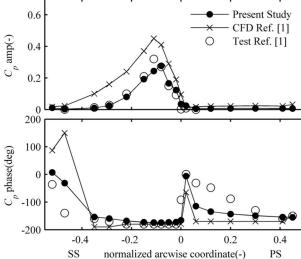


Fig. 18 Pressure coefficient amplitude and phase; blade-l̂; axial bending شكل 18 دامنه و فاز ضريب فشار؛ پرهې 1- ؛ مود خمش محوري

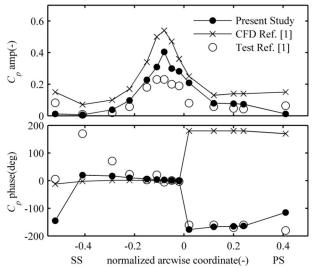


Fig. 19 Pressure coefficient amplitude and phase; blade0; axial bending شكل 19 دامنه و فاز ضريب فشار؛ پرهى 0 ؛ مود خمش محورى

¹ Transient blade row models

² Forward

شده است که در حالتی که نوسان پرهها کوچک باشد معادلهی (28) دقت مناسبی دارد [13].

$$C_{p,\text{twm}}^{a,\sigma}(x,t) = \sum_{b=-\frac{N}{2}}^{b=+\frac{N}{2}} C_{p,\text{infc}}^{b,a}(x,t) e^{-i\sigma b}$$
 (28)

که $C_{p,\inf}^{b,a}$ ضریب فشار مختلط، ناشی از نوسان پرهی شمارهی d روی پرهی شماره که انشی از نوسان پرهی شماره d ناشی از نوسان پرهی شماره σ اختلاف فاز میان پرهای و d تعداد پره است. همان طور که در بخش d ذکر شد اثر ناشی از نوسان پرههای سوم به بعد به دلیل ناچیز بودن آن ها صرف نظر می شود.

با توجه به شکل 9 تعداد نقاط اندازه گیری متناظر روی پرهها در آزمون انجام شده در مرجع [1]، 12 عدد است به همین خاطر مقایسهی نتایج دو روش تنها برای این نقاط انجام شد. نتایج این مقایسه برای هر سه مود ارتعاشی و $\sigma=90^\circ$ روی پرهی شمارهی 1- در شکلهای 21، 22 و 23 آمده است. همان طور که ملاحظه می شود نتایج روش مود موج متحرک به

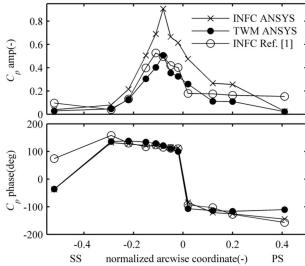


Fig. 21 Pressure coefficient amplitude and phase of total response; blade-1; $\sigma = 90^{\circ}$; axial bending

شكل 21 دامنه و فاز ضريب فشار پاسخ كل؛ $\sigma = 90^\circ$ ؛ پرهى 1 - ؛ خمش محورى

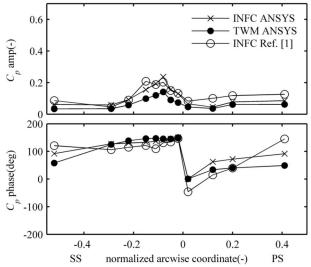


Fig. 22 Pressure coefficient amplitude and phase of total response; blade-1; $\sigma=90^\circ$; circumferential bending شكل 22 دامنه و فاز ضريب فشار پاسخ كل؛ $\sigma=90^\circ$, پرەى 1- ؛ خمش محيطى

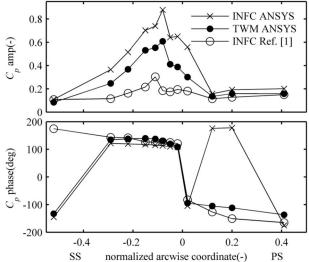


Fig. 23 Pressure coefficient amplitude and phase of total response; blade-1; $\sigma = 90^{\circ}$; torsion

شكل 23 دامنه و فاز ضريب فشار پاسخ كل؛ $\sigma = 90^{\circ}$ ؛ پرهى 1- ؛ پيچش

نتایج آزمون نزدیکتر است. لذا برای محاسبهی پاسخ کل و ناپایداری با استفاده از نرمافزار انسیس بهتر است از روش مود موج متحرک استفاده شود.

3-6- بررسی پایداری

6-3-1- بررسي پايداري محلي

پیش از این در بخش 4-1 مفهوم پایداری کلی و محلی پره ارائه شد. برای بررسی پایداری به کمک رهیافت مورد استفاده در این پژوهش، میتوان پایداری پره را از هر دو نقطهنظر محلی و کلی بررسی کرد. نتایج پایداری محلی در شکلهای 24 تا 26 ارائه شده است. این شکلها سهم اثر پایداری ناشی از نوسان پرههای دیگر روی پرهی 1- را نشان میدهد. در این شکلها اثر ناپایدارکنندگی نوسان خود پرهی 1- ، پرهی 0 و اثر همهی پرهها مقایسه شد که نتایج مهمی بهدست آمد. اول این که نوسان خود پره در ایجاد ناپایداری در مقایسه با پرههای مجاور بسیار کم و قابل صرف نظر است. دوم این که دو پرهی مجاور مثلا پرهی شماره ی 0، بیشترین تاثیر را در ایجاد ناپایداری دارند به طوری که سهم اصلی در ناپایداری ناشی از مجموع پرهها را در.

2-3-6 بررسی پایداری کلی

برای محاسبه ی پایداری کلی نرمافزار انسیس کمیتی به نام میرایی آیرودینامیک را محاسبه میکند [14]. این کمیت در واقع همان مقدار انرژی خالصی است که پره در هر دوره ی تناوب از نوسانش به سیال منتقل میکند. نحوه ی محاسبه ی میرایی آیرودینامیک در معادله ی (14) آمده است. اگر مقدار میرایی آیرودینامیک مثبت باشد، ارتعاش پره توسط سیال مستهلک می شود و در صورتی که منفی باشد ارتعاش پره مستهلک نمی شود و پره ناپایدار است. شکل 27 مقدار میرایی آیرو دینامیکی را برای سه شکل مود و مقادیر مختلف اختلاف فاز میان پرهای در بازه ی [°180, 180°] نشان می در مین باید قابل توجه این است که در صورت تغییر علامت اختلاف فاز میان پرهای اثر پایدار کنندگی سیال نیز تغییر می کند. برای مثال برای میان پرهای خمش محوری و پیچش در شرایط پایدار قرار دارند در حالی که برای $\sigma = 90$ مودهای خمش محوری و پیچش در شرایط پایدار قرار دارند در حالی که برای $\sigma = 90$ در شرایط ناپایدار هستند.

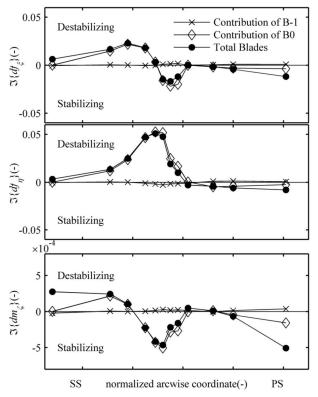


Fig. 26 Contribution of different blades on stability of blade-1; $\sigma = 90^{\circ}$; torsion

شکل 26 سهم پایداری پرههای مختلف بر پرهی $\sigma = 90^{\circ}$ ؛ $\sigma = 90^{\circ}$ ؛ پیچش

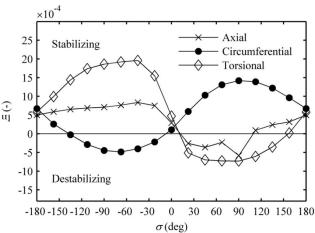


Fig. 27 Aerodynamic damping

شكل 27 ميرايي آيروديناميك

7- جمع بندی و نتیجه گیری

در این پژوهش نخست پدیده ی فلاتر در توربوماشین معرفی شد و سپس به ویژگیها و عوامل موثر بر آن پرداخته شد. رهیافتهای مختلف تحلیل فلاتر و روشهای مختلف آزمون آن توضیح داده شد. رهیافت دوم برای تحلیل فلاتر در این پژوهش انتخاب و سپس منطق ریاضی حاکم بر آن تشریح گشت. مفاهیم پایداری محلی و کلی و نیز روابط مربوط به آنها ارائه گردید. با استفاده از نرمافزار انسیس به عنوان ابزار حل عددی، تجهیزات و شرایط آزمون شبیهسازی شد. استقلال نتایج از مشربندی و تاثیر دو مدل مختلف توربولانسی بر نتایج حل بررسی گردید. نتایج بدست آمده با نتایج آزمون مرجع [1] و حل عددی همان مرجع مقایسه شد. نتایج بررسی پایداری محلی

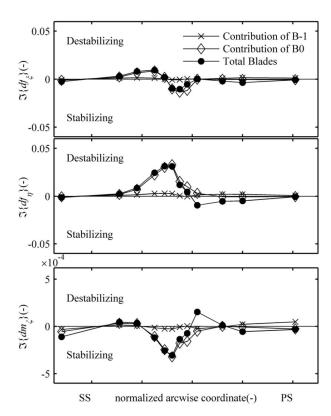


Fig. 24 Contribution of different blades on stability of blade-1; $\sigma = 90^{\circ}$; axial bending

شکل $\sigma=90^\circ$ ؛ خمش محوری مختلف بر پرهی $\sigma=90^\circ$ ؛ خمش محوری

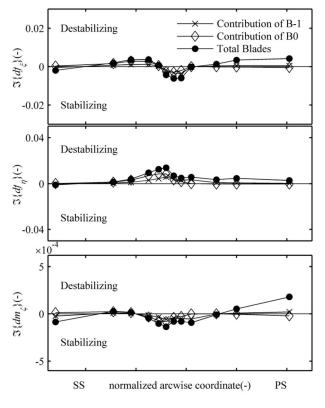


Fig. 25 Contribution of different blades on stability of blade-1; $\sigma=90^\circ$; circumferential bending

شکل 25 سهم پایداری پرههای مختلف بر پرهی ۱- ؛ $\sigma = 90^{\circ}$ ؛ خمش محیطی

8- مراجع

- D. Vogt, Experimental investigation of three-dimensional mechanisms in low-pressure turbine flutter, PhD Thesis, KTH Royal Institute of Technology, 2005.
- [2] E.-A. Yehia, d. Robert, S. Alan, C. Vincent, High cycle fatigue of turbomachinery components - Industry perspective, *Proceeding of Joint Propulsion Conferences and Exhibit*, Seattle, WA, U.S. A, 1997.
- [3] A. Srinivasan, Flutter and resonant vibration characteristics of engine blades, Journal of Engineering for Gas Turbines and Power, Vol. 119, No. 4, pp. 742-775, 1997.
- [4] B. K. Kestner, J. S. Schutte, J. C. Gladin, D. N. Mavris, Ultra high bypass ratio engine sizing and cycle selection study for a subsonic commercial aircraft in the N+ 2 timeframe, *Proceeding of ASME 2011 Turbo Expo:* Turbine Technical Conference and Exposition, Vancouver, Canada, June 6-10, 2011
- [5] Australian Transport Safety Bureau, Engine failure, VH-SBA Wagga Wagga Aerodrome, New South Wales 4 October 2009, No. Aviation Occurrence Investigation AO-2009-061, pp. 6, 2010.
- [6] M. Vahdati, M. Imregun, A non-linear aeroelasticity analysis of a fan blade using unstructured dynamic meshes, Part C: Journal of Mechanical Engineering Science, Vol. 210, pp. 549-564, 1996.
- [7] M. A. Mayorca, Numerical methods for turbomachinery aeromechanical predictions, PhD Thesis, KTH Royal Institute of Technology, 2011.
- [8] H. Ferria, Contribution to numerical and experimental studies of flutter in space turbines: aerodynamic analysis of subsonic and supersonic flows in response to a prescribed vibratory mode of the structure, PhD Thesis, Ecole Centrale de Lyon, 2011.
- [9] D. H. Hodges, G. A. Pierce, Introduction to structural dynamics and aeroelasticity, Second Edition, pp. 189-190, New York: Cambridge University Press, 2011.
- [10] PurePower PW1000G ENGINE, Accessed 20 Jan., 2016; http://www.pw.utc.com/PurePowerPW1000G_Engine.
- [11] J. M. Verdon, Linearized unsteady aerodynamic theory, In AGARD aeroelasticity in axial-flow turbomachines, Vol. 1, pp. 31, 1987.
- [12] ANSYS® Academic Research, Release15.0, Help System, ANSYS CFX-Solver Modeling Guide, ANSYS, Inc.2013, Accessed on 20 Jan., 2016; http://148.204.81.206/Ansys/readme.html.
- [13] A. Bölcs, T. H. Fransson, Aeroelasticity in turbomachines: Comparison of theoretical and experimental cascade results, Communication du Laboratoire de Thermique Appliqué et de Turbomachines, No. 13, Lausanne, EPFL, 1986.
- [14] ANSYS® Academic Research, Release15.0, Help System, ANSYS CFX-Pre Users Guide, ANSYS, Inc.2013, Accessed on 20 Jan., 2016; http://148.204.81.206/Ansys/readme.html.

در چند نقطه از مقطع میانی یک پره ارائه شد. پایداری کلی نیز برای سه مود ارتعاشی مختلف در فرکانس (49.5(Hz و برای مقادیر مختلف اختلاف فاز میان پرهای محاسبه شد. میتوان دستآوردهای این پژوهش را به صورت زیر دستهبندی کرد:

- حل عددی این پژوهش در مقایسه با حل عددی مرجع [1] پاسخهای نزدیکتری به نتایج آزمون داشت. زیرا در این پژوهش بر خلاف آن مرجع اثرات لزجت سیال در حل عددی لحاظ شد.
- و مدل توربولانسی ε-۲ و SST تاثیری بر نتایج حل عددی این پژوهش نداشتند.
- در حل عددی حالت ناپایا به روش ضرایب تاثیر مشاهده شد که مقدار دامنه ی ضریب فشار روی پرههای 2+ و 2- بسیار کم و قابل صرف نظر است. بنابراین در شرایط مشابه، به منظور کاهش هزینه ی محاسبات، پیشنهاد می شود تنها سه گذرگاه مدل سازی شود.
- از مقایسه دو روش به کار رفته در تحلیل عددی حالت ناپایا، می توان به این نتیجه رسید که با روش مود موج متحرک، نتایج دقیق تر و نزدیکتر به نتایج آزمون به دست می آید. لذا بهتر است از این روش برای محاسبه ی پاسخ سیال و پایداری استفاده نمود.
- در بررسی ناپایداری محلی نشان داده شد که سهم تاثیر نوسان خود پره بر ناپایداریاش در مقایسه با پرههای مجاور بسیار کم است. بیشترین سهم را دو پرهی مجاور دارند.
- ناپایداری محلی معیار مناسبی است که از آن میتوان برای اصلاح هندسه ی پره به منظور جلوگیری از ناپایداری استفاده کرد.
- در بررسی ناپایداری کلی این نتیجه حاصل شد که با تغییر علامت اختلاف فاز میان پرهای رفتار سیال نیز تغییر می کند.