

ماهنامه علمى پژوهشى

مهندسی مکانیک مدرس





تأثير جريانهاي ثانويه ايجادشده توسط ميكروميكسرهاي منحني شكل با هندسههاي مختلف روى اختلاط سيالات غيرنيوتني

 3 سيما ياهري اسلامي $^{1^{*}}$ ، مرضيه خضر لو 2 ، رضا غرائي خسر و شاهي

- 1 استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه تبریز، تبریز
- 2- كارشناس ارشد، مهندسي مكانيك، دانشگاه تبريز، تبريز
- 3- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه شهید مدنی آذربایجان، تبریز
 - * تبريز، 14766-51666، baheri@tabrizu.ac.ir

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل دريافت: 19 آذر 1394 پذيرش: 11 فرودين 1395 ارائه در سایت: 03 خرداد 1395 کلید واژگان:

سيال غيرنيوتني جريان ثانويه ميكروميكسر غيرفعال درجه اختلاط

از آن جایی که بیشتر سیالات در کاربردهای مهندسی و بیولوژیکی غیرنیوتنی هستند، مطالعه اختلاط سیالات غیرنیوتنی بسیار مهم است. در میکرومیکسرهای منحنی شکل از جریانهای ثانویه برای بهبود اختلاط سیالات استفاده می شود. در این مطالعه اختلاط سیالات غیرنیوتنی در میکرومیکسرهای منحنی بهصورت عددی و با استفاده از کد متن باز این فوم بررسی شده است. بررسیها با فرض جریان سهبعدی، پایا و تراکهناپذیر و برای اعداد رینولدز 0.1-300 انجام گرفت. در این مطالعه از آب به عنوان سیال نیوتنی و از محلول آبی کربوکسی متیل سلولز با غلظتهای متفاوت بهعنوان سیال غیرنیوتنی استفاده شد. تأثیر عدد رینولدز جریان، کمیتهای لزجت سیال قانون توانی و هندسه میکرومیکسر روى درجه اختلاط و افت فشار بي بعد مطالعه شد و نتايج با نتايج مربوط به ميكروميكسر مستقيم مقايسه شد. نتايج نشان داد كه با كاهش شاخص توانی سیال، درجه اختلاط کاهش مییابد و بازده اختلاط برای سیالات رقیقشونده در هندسههای دارای پیچهای تیز بهتر است، همچنین با افزایش عدد رینولدز و به تبع آن افزایش سرعت، اثرات گریز از مرکزی بیشتر شده و اختلاط بهبود می یابد. بررسی همزمان درجه اختلاط و افت فشار نشان داد که برای رینولدزهای پایین و شاخصهای توانی کوچک، میکرومیکسر -ب عملکرد بهتری دارد.

The effect of secondary flows created by curved micromixers with various geometries on mixing of non-Newtonian fluids

Sima Baheri Islami^{1*}, Marzieh Khezerloo², Reza Gharraei³

- 1, 2- Faculty of Mechanical Engineering, University of Tabriz, Tabriz, Iran.
- 3- Mechanical Engineering Department, Azarbaijan Shahid Madani University, Tabriz, Iran.
- * P.O.B. 51666-14766, Tabriz, Iran, baheri@tabrizu.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 10 December 2015 Accepted 30 March 2016 Available Online 23 May 2016

Keywords: Non-Newtonian fluid secondary flow passive micromixer mixing index

Since the majority of fluids in engineering and biologic applications are non-Newtonian, the study on mixing of non-Newtonian fluids is very important. Secondary flows are used in curved micromixers to improve the mixing of fluids. In this study, a numerical study was performed on the mixing of non-Newtonian fluids in curved micromixers using Open source CFD code of OpenFOAM. The flow was assumed three-dimensional, steady and incompressible and Reynolds numbers were between 0.1-300. Also, water and CMC solution were used for simulation of Newtonian and non-Newtonian fluid flows, respectively. The effect of Reynolds number, power-law viscosity parameters and micromixer geometry on mixing index and non-dimensional pressure drop was studied and results were compared with those of the straight channel micromixer. The results showed that the mixing index decreased by decreasing the power law index. The mixing index was high for shear thinning flows in micromixers with sharp turns. Also, by increasing the Reynolds number, and therefore velocity, centrifugal force effects increased and mixing improved. Simultaneous investigation of mixing index and pressure drop showed that, for low Reynolds numbers and small power law indexes micromixer-b had better performance.

بستمهای میکروسیالی است. از طرفی بیشتر مواد بیولوژیکی و شیمیایی در سیستمهای میکروسیالی سیالات غیرنیوتنی هستند، از اینرو بررسی اختلاط سیالهای غیرنیوتنی در میکرومیکسرها بسیار پراهمیت است. میکرومیکسرها به دو دسته فعال و غیرفعال تقسیم میشوند [1]. میکرومیکسرهای فعال برای اختلاط نیاز به انرژی خارجی دارند. این انرژی می تواند به صورت میدان

1 - مقدمه

در دو دهه اخیر تکنولوژی آزمایشگاه تراشهای سبب توسعه میکروسیستمها بهویژه در زمینههای شیمیایی، بیولوژیکی و کاربردهای پزشکی شده است. بسیاری از فرآیندهایی که در میکروسیستمها رخ میدهند نیاز به اختلاط دو یا تعداد بیشتری سیال دارند، بنابراین واحد مخلوط کننده مهم ترین واحد در

الكتريكي، ميدان مغناطيسي، اغتشاش در ميدان فشار، امواج فراصوت و... باشد. از طرفي اعمال انرژي خارجي اثرات نامطلوبي مانند افزايش دما، روى سيال تحت اختلاط دارد كه اين اثرات در اكثر كاربردهاي پزشكي و صنعتي مناسب نيست. در حاليكه در ميكروميكسرهاي غيرفعال اختلاط در اثر تعامل جريان با هندسه كانال حاصل مي شود، كه اثر سوئي روى سيال ندارد. علاوهبر اين ميكروميكسرهاي غيرفعال به دليل فرآيندهاي ساخت آسان و كم هزينه نسبت به ميكروميكسرهاي فعال از اهميت بالايي برخوردارند. انواع روشهايي كه در ميكروميكسرهاي غيرفعال مورد استفاده قرار مي گيرند ميتوان به لايهاي كردن جريان، ايجاد جدايش و تركيب دوباره در هندسه كانال، استفاده از موانع، اعمال سرعت نوساني و ايجاد حركت بي نظم اشاره كرد [4-2].

همان گونه که میدانیم در اعداد رینولدز پایینی که در بیشتر میکرومیکسرها وجود دارد پخش مولکولی به تنهایی قادر به ایجاد اختلاط مناسب در میکرومیکسرهای غیرفعال نیست. در رژیم جریان آرام که سرعت سیال پایین است، پخش مولکولی فقط در جهت محوری صورت می گیرد. در کانالهای انحنادار در اثر نیروی گریز از مرکز، جریانی در جهت عرضی ایجاد میشود که جریان ثانویه نابه دارد. وجود جریانهای ثانویه سبب جابهجایی سیال در جهت عرضی و ایجاد حرکت بینظم در رژیم جریان آرام میشود که نوعی آشفتگی به شمار میآید و منجربه پخش جرمی در جهت عرضی میشود به همین دلیل اختلاط بهبود می بابد.

لیو و همکاران [5] میکرومیکسرهای سهبعدی با سه هندسه میکروکانال مستقیم، میکروکانال با موج مربعی و میکروکانال مارپیچ را بهصورت عددی و تجربی بررسی و مشاهده کردند که میکروکانال مارپیچ در اعداد رینولدز 6-70 نرخ اختلاط بهتری نسبت به دو میکروکانال دیگر دارد. وانکا و همکاران [6] به انجام مطالعه عددی روی اختلاط جریانهایی با اعداد رینولدز کوچک در کانالهای انحنادار پرداختند و به این نتیجه رسیدند که با افزایش عدد رينولدز، شدت جريان ثانويه افزايش يافته در نتيجه اختلاط تقويت مي شود. جیانگ و همکاران [7] به دو روش عددی و تجربی به بررسی عملکرد اختلاط در کانالهای منحنی شکل پرداختند. الگوی جریان و میزان کشش سطح مشترک بین دو جز سیالی به صورت عددی برای اعداد دین³ مختلف محاسبه شد، همچنین برای مطالعه اختلاط، توزیع زمان اقامت⁴ در کانال اختلاط را به روش ردیابی ذرات محاسبه کردند. اختلاط دوسیال قابل امتزاج در داخل لوله مارپیچ با مقطع دایروی در شرایط جریان لایهای بهصورت عددی توسط کومار و همكاران [8] بررسی شد. نتایج نشان داد كه بازده اختلاط تابع پیچیدهای از عدد رينولدز، عدد اشميت، نسبت انحنا و گام لوله است. افضل و كيم [9] اختلاط سیالات نیوتنی و غیرنیوتنی را در میکرومیکسرهای T شکل و مارپیچ سینوسی مطالعه کردند. ایشان به ترتیب از خواص آب و خون برای شبیه سازی جریان سیال نیوتنی و غیرنیوتنی استفاده و مشاهده کردند که برای همه دبیهای جریان، میکرومیکسر مارپیچ درجه اختلاط بهتری دارد و برای هر دو سیال نیوتنی و غیرنیوتنی، درجه اختلاط با افزایش دبی جریان، نخست کاهش و سپس افزایش مییابد، همچنین نتایج نشان داد که در یک دبی ثابت، توان پمپ مورد نیاز در جریان سیال غیرنیوتنی بسیار بیشتر از جریان سیال نیوتنی است. اختلاط سیالات نیوتنی آب و اتانول در دو میکرومیکسر منحنی شکل در بازه اعداد رینولدز 0.1- 32 بهصورت عددی

توسط پارسا و همکاران [10] بررسی شد. نتایج نشان داد که با افزایش رینولدز درجه اختلاط ابتدا کاهش و سپس افزایش می یابد، همچنین در قطر هیدرولیکی ثابت، افت فشار بین ورودی و خروجی میکرومیکسر با افزایش عدد رینولدز، افزایش می یابد. الم و همکاران [11] اختلاط آب و اتانول در میکرومیکسر را نصورت عددی بررسی کردند. مطالعه آنها در بازه اعداد میکرومیکسر را بهصورت عددی بررسی کردند. مطالعه آنها در بازه اعداد رینولدز 1.0 - 60 صورت گرفت. آنها مشاهده کردند که میکرومیکسرهایی با موانع دایرهای و شش گوش درجه اختلاط یکسانی دارند و میکرومیکسرها دارد. موانع لوزی شکل درجه اختلاط کمتری نسبت به سایر میکرومیکسرها دارد. کوک و همکاران [12] یک میکرومیکسر جدید را که از جریانهای ثانویه برای بهبود عملکرد اختلاط بهره می گیرد معرفی کردند. تسای و یانگ [13] میکرومیکسر میدی را بهصورت تجربی و عددی میکرومیکسر منحنی شکل دارای موانع شعاعی را بهصورت تجربی و عددی بررسی کردند.

استفاده از جریانهای ثانویه یک روش مناسب برای بهبود اختلاط در میکرومیکسرهای غیرفعال است. میکرومیکسرهای منحنی شکل از این جریانها بهره میبرند. با توجه به بررسی منابع انجام گرفته، هندسههای مختلفی برای بهبود اختلاط میکرومیکسرهای انحنادار ارائه و بررسی شده است. در بیشتر مطالعات انجام گرفته، سیال نیوتنی بهعنوان سیال کاری درنظر گرفته شده است و اختلاط سیالات غیرنیوتنی به ندرت در این میکرومیکسرها بررسی شده است. این نوع میکرومیکسرها در فرآیندهایی مانند پلیمریزاسیون مورد استفاده قرار می گیرند [14]. از طرفی برخی پلیمرهای صنعتی رفتار رقیق شوندگی دارند و به خوبی از قانون توانی تبعیت مى كنند [15]. به همين دليل با توجه به اهميت كاربرد سيالات غيرنيوتني در میکرومیکسرها، در این مطالعه اختلاط سیالات غیرنیوتنی رقیقشونده در میکرومیکسرهای انحنادار مورد مطالعه قرار گرفته است که نوآوری کار حاضر است، همچنین ارزیابی کارآئی هندسههای مختلف میکرومیکسرهای منحنی و اثر نوع جریانهای ثانویه ایجاد شده توسط آنها در اختلاط سیالات غيرنيوتني نيز تاكنون انجام نشده است. تأثير شاخص قانون تواني سيال و عدد رینولدز جریان روی درجه اختلاط بررسی شده است و همچنین برای بررسی تأثیر هندسه میکرومیکسرها، سعی شده است مقایسهای بین نتایج حاصل از سه هندسه متفاوت، ارائه شود و در نهایت هندسه مناسب معرفی گردد.

2- معادلات حاكم و روش حل عددي

معادلات حاکم بر اختلاط جریانهای غیرقابل تراکم سه بعدی و پایای سیال نیوتنی یا غیرنیوتنی شامل معادلات بقای جرم، ممنتوم و غلظت است که بهصورت روابط (1-3) بیان میشوند.

$$\nabla \cdot \vec{U} = 0 \tag{1}$$

$$\rho \vec{U} \cdot \nabla \vec{U} = -\vec{\nabla} P - \nabla \cdot \bar{\tau} \tag{2}$$

$$\vec{U} \cdot \vec{\nabla} C = D \nabla^2 C \tag{3}$$

در روابط (3-1) \vec{U} بردارسرعت، ρ چگالی، P فشار، D ضریب نفوذ جرمی و C کسر جرمی است. تانسور تنش برشی برای سیال رقیقشونده توانی با استفاده از روابط (5,4) تعریف میشود.

$$\bar{\bar{\tau}} = m\dot{\gamma}^{n-1}\bar{\dot{\bar{\gamma}}} \tag{4}$$

$$\dot{\gamma} = \sqrt{1/2 \, (\bar{\dot{\gamma}} : \bar{\dot{\gamma}})} \qquad , \ \bar{\ddot{\gamma}} = \nabla \vec{U} + \nabla \vec{U}^{\mathrm{T}} \qquad (5)$$

که $ar{ar{\gamma}}$ تانسور نرخ برش، $\dot{\gamma}$ اندازه تانسور نرخ برش، m ضریب سازگاری و

¹ Chaotic advection

² Secondary flow ³ Dean number

⁴ Residence Time Distribution

n شاخص قانون توانی سیال است.

برای بیان کیفیت اختلاط از کمیتی به نام شاخص اختلاط استفاده میشود [8] که بهصورت روابط (7,6) تعریف میشود.

$$M = 1 - \frac{\sigma}{\sigma_0} \tag{6}$$

$$\sigma^2 = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^{k} (c_i - \bar{c})^2 \qquad , \sigma_0^2 = \bar{c}(1 - \bar{c})$$
 (7)

که σ انحراف معیار کسر جرمی در مقطع عرضی کانال، k بیانگر تعداد کل نمونه برداری شده، c_i کسرجرمی در موقعیتهای مختلف سطح مقطع عرضی و \overline{c} میانگین مقادیر مربوط به c_i است.

به دلیل کاربردهای وسیع میکرومیکسرها بازه گستردهای از اعداد رینولدز برای آنها گزارش شده است $(10^{-3} < \text{Re} < 10^4)$ [16]. در این مطالعه، بررسی برای 8 عدد رینولدز در بازه (0.1) تا (0.1) انجام شده است که عدد رینولدز برای جریان سیال غیرنیوتنی قانون توانی داخل کانال براساس رابطه (8) قابل محاسبه است (17].

$$Re = \frac{\rho U_{\rm m}^{2-n} D_{\rm h}^{n}}{m \left[\frac{24n+\xi}{(24+\xi)n} \right]^{n} \xi^{n-1}}$$
 (8)

و که برای قطر هیدرولیکی کانال و ξ کمیت هندسی بیبعد است که برای مقطع مربعی برابر 7.113 است [17].

روابط براساس روش حجم محدود و با استفاده از کد متن باز اپنفوم 1 مدهاند. با افزودن رابطه غلظت به حلگر سیمپل فوم 2 ، حلگر جدیدی تعریف شد، که در این حلگر از الگوریتم سیمپل 5 برای کوپل میدان سرعت و فشار، از روش کمترین مربعات برای گسسته سازی جملات گرادیان، از اسکیم تفاضل مرکزی خود فیلتر 4 برای گسسته سازی جملات جابه جایی در رابطه غلظت و از اسکیم مرتبه دو پیشرو برای گسسته سازی جملات جابه جایی در رابطه ممنتوم استفاده شده است. دقت همگرایی برای تمامی موارد بررسی شده $^{-}$ 10 است.

3- خواص سیالات، هندسه و شرایط مرزی

در این مطالعه از آب به عنوان سیال نیوتنی و از محلول آبی کربوکسی متیل سلولز با غلظتهای متفاوت به عنوان سیال غیرنیوتنی استفاده شده است. پرگالی سیالات بررسی شده برابر 1000 kgm³ است [18] و کمیتهای لزجت سیالات [20,19] مورد بررسی در جدول 1 ارائه شده است. ضریب نفوذ جرمی سیالات هم برابر m^2s^{-1} m^2s^{-1} درنظر گرفته شده است نفوذ جرمی سیالات هم برابر m^2s^{-1} m^2s^{-1} درنظر گرفته شده است خواهد بود.

در مطالعه حاضر اختلاط دو جریان داخل میکرومیکسری به شکل میکروکانال مستقیم و میکرومیکسرهای منحنی شکل بررسی شده است. طول طرحواره میکرومیکسرهای انحنادار در شکل 1 نشان داده شده است. طول محوری همه میکرومیکسرها برابر μm 6000، مقطع آنها مربعی به ضلع $100~\mu m$ $100~\mu m$

از توزیع سرعت توسعهیافته در ورودیها و شرایط مرزی عدم لغزش و عدم نفوذ در دیوارهها استفاده شده است. برای بررسی پدیده اختلاط فرض می شود یک ماده نشانگر مثلا رنگ به یکی از ورودیها اضافه می شود، اما هدف آن فقط آشکارسازی است و هیچ تغییری در خواص سیالات مورد

4- استقلال نتایج از شبکه

جهت بررسی استقلال نتایج از شبکه محاسباتی، 4 شبکه یکنواخت با 0.75 اندازههای مختلف برای شبیهسازی عددی جریان سیال با شاخص توانی 0.75 و عدد رینولدز 0.00 در میکرومیکسر -الف استفاده شد و مؤلفه سرعت بی بعد محوری برای هر 4 شبکه در شکل 2 ارائه شده است. با توجه به شکل 2 شبکه یکنواخت با 380000 سلول به اندازه کافی برای انجام محاسبات عددی مناسب است.

5- اعتبارسنجي

جهت اعتبارسنجی روش عددی مورد استفاده در این مطالعه، جریان آب داخل میکرومیکسر بررسیشده در مرجع [13] شبیهسازی شد. درجه اختلاط در خروجی کانال برای اعداد رینولدز مختلف محاسبه و با نتایج ارائهشده توسط تسای و یانگ [13] در شکل 3 مقایسه شد. همانگونه که مشاهده میشود همخوانی نتایج بهخصوص در رینولدزهای پایین بسیار خوب است. در رینولدزهای بالاتر که اثرات اینرسی مشهودتر است اختلاف جزئی در نتایج دیده میشود. با استفاده از اسکیمهای مرتبه دو به بالا برای گسسته کردن جملات جابهجایی در معادلات ممنتوم میتوان به دقتهای بالاتری رسید، اما به نظر میرسد با توجه به کوچکبودن خطای ایجادشده در مقایسه با نتایج تجربی، افزایش زمان محاسبات با اسکیمهای مرتبه بالا توجیه چندانی نداشته باشر می

برای اعتبار بخشیدن به روش عددی مورد استفاده برای شبیهسازی جریان سیال غیرنیوتنی، جریانهای برخوردی سیال رقیقشونده با شاخص توانی 0.6161 بررسی شد و درجه اختلاط حاصل از نتایج کار حاضر با نتایج ارائهشده [18] مقایسه شد (شکل 4). این مرجع اختلاط سیالات غیرنیوتنی در جت برخوردی را با استفاده از حل معادله انرژی بررسی کرده است. دو سیال غیرنیوتنی رقیقشونده با دماهای متفاوت از ورودیها وارد میشوند و پس از برخورد در کانال اختلاط جریان میابند. همانطور که در شکل مشاهده میشود تطابق خوبی بین نتایج وجود دارد.

6- نتايج

برای توجیه نتایج در بخشهای بعدی ابتدا نیاز به بررسی رفتار لزجت ظاهری

[20,19] CMC جدول 1 كميتهاى لزجت سيالات غيرنيوتنى برحسب درصد **Table 1** Flow parameters of non-Newtonian fluids in terms the percentage of CMC [19,20]

ضریب سازگاری (Pa.s ⁿ)	شاخص قانون توانى	درصد جرمی
0.000902	1	0
0.0066	0.93	0.1
0.0252	0.85	0.2
0.097	0.75	0.25
0.67	0.6	0.5
2.75	0.49	0.7

Open FOAM

استفاده ایجاد نمی کند؛ بنابراین کسر جرمی سیال دارای رنگ در یکی از ورودی ها 1 و در دیگری 0 فرض شده است. فرض میشود جریان در خروجی به محیطی با فشار اتمسفر تخلیه میشود. این شرط مرزی برای فشار در بیشتر مطالعات عددی بر میکرومیکسرها مورد استفاده قرار گرفته است [0.1].

³ SIMPLE

SIMPLE

Self-filtered central differencing (SFCD)

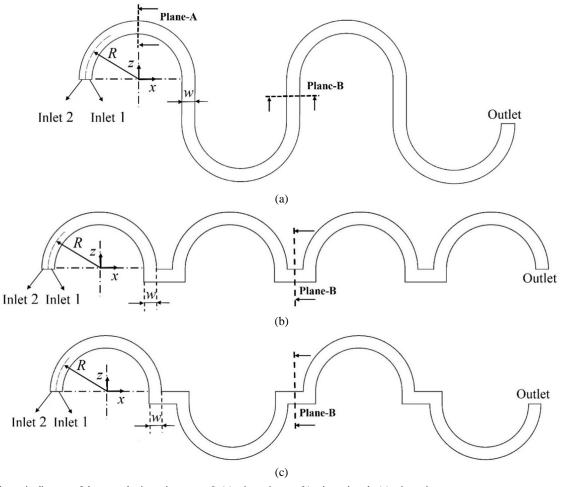


Fig. 1 Schematic diagram of the curved micromixers at y=0, (a) micromixer-a, (b) micromixer-b, (c) micromixer-c (b) میکرومیکسر -ب، (c) میکرومیکسر -ب، (b) میکرومیکسر الف، (b) میکرومیکسر الف، (c) میکرومیکسر علاقت التحادار در صفحه میانی (y=0) میکرومیکسر -ب، (c) میکرومیکسر -ب، (d) میکرومیکسر -ب، (e) میکرومیکسر علاقت التحادار در صفحه میانی (d) میکرومیکسر -ب، (e) میکرومیکسر -ب

میکرومیکسر-الف نشان میدهد. مشاهده میشود لزجت ظاهری سیال با افزایش شاخص قانون توانی کاهش مییابد و این به دلیل نحوه تغییرات خواص در جدول 1 است.

1-6- تأثير عدد رينولدز

این قسمت از نتایج به بررسی تأثیر عدد رینولدز روی درجه اختلاط

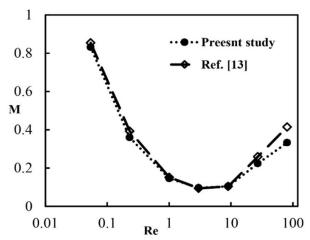


Fig. 3 Comparison of the results of present study and the results of Ref. [13]

شكل 3 مقايسه نتايج كار حاضر و نتايج مرجع [13]

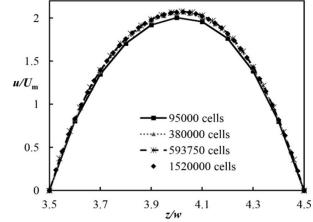


Fig. 2 Dimensionless velocity for 90° first turn of micromixer-a, for different grids

شکل 2 پروفیل سرعت بی بعد در زاویه 90° نخستین پیچ میکرومیکسر -الف برای شبکههای مختلف

سیالات مورد بررسی است. همانطور که در رابطه (4) اشاره شد، لزجت ظاهری، متناظر با نرخ برشی سیال در هر نقطه است و علاوهبر نرخ برش به شاخص قانون توانی و ضریب سازگاری سیال بستگی دارد. شکل 5 لزجت ظاهری متوسط را، در عدد رینولدز 100، روی سطح مقطع خروجی

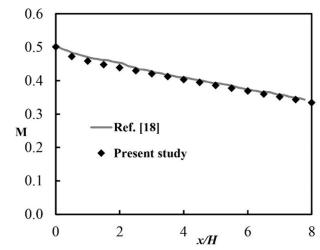


Fig. 4 Comparison of the results of present study and the results of Ref. [18]

شكل 4 مقايسه نتايج كار حاضر و نتايج مرجع [18]

میکرومیکسر مستقیم و انحنادار پرداخته است، همچنین جهت بررسی دقیق تر تأثیر عدد رینولدز روی جریانهای ثانویه و درجه اختلاط، از توزیع کسر جرمی و ورتیسیته نیز استفاده شده است. شکل 6 تغییرات درجه اختلاط با عدد رینولدز را برای مقادیر مختلف شاخص قانون توانی در خروجی میکرومیکسر مستقیم نشان میدهد. همانطور که مشاهده میشود درجه اختلاط برای تمامی مقادیر شاخص توانی با افزایش عدد رینولدز کاهش می یابد. این روند برای سیال نیوتنی در مراجع مختلف نیز گزارش شده است [23,22]؛ زيرا در كانال مستقيم جريان عرضي بسيار ناچيز است و فرآيند اختلاط در اعداد رينولدز يايين فقط تحت يديده نفوذ جرمي انجام مي گيرد و چون جزهای سیالی سرعت پایینی دارند زمان تماس بین دو جز سیال زیاد است، در نتیجه اختلاط به خوبی صورت می گیرد. در حالی که با افزایش عدد رینولدز و به تبع آن افزایش سرعت جزهای سیالی زمان اقامت سیال داخل کانال اختلاط و در نتیجه زمان تماس بین دو جز کم شده و بازده اختلاط نیز کمتر می شود. به همین دلیل در میکرومیکسر مستقیم درجه اختلاط برای تمامی مقادیر شاخص توانی با افزایش رینولدز، کاهش می یابد، همچنین مشاهده میشود که با کاهش شاخص توانی، درجه اختلاط کمتر میشود.

مطابق شکل 5 برای شاخصهای توانی کمتر، لزجت ظاهری بزرگتر است که در رینولدز ثابت سبب میشود نیروی لزجی در مقابل نیروی اینرسی مقاومت کند و بنابراین در شکل 6، همای کمتر درجه اختلاط کمتری دارند. شکل 7 تغییرات درجه اختلاط در مقابل عدد رینولدز را برای مقادیر مختلف شاخص قانون توانی در مقطع خروجی میکرومیکسر الف نشان میدهد. درجه اختلاط در میکرومیکسر الف پس از رسیدن به مقدار کمینه که رینولدز بحرانی نام دارد و بهعنوان مرزی برای تغییر سازوکار اختلاط معرفی میشود، آغاز به افزایش میکند. این روند کاهشی - افزایشی برای همه مقادیر شاخص توانی مشاهده میشود و دلیل آن حرکت بینظمی است که در اثر افزایش سرعت ایجاد میشود و دلیل آن حرکت بینظمی است که در میکرومیکسر، نیروی گریز از مرکز به سیال اعمال میشود و از آنجایی که سرعت در مرکز سطح مقطع کانال بیشینه است، بیشترین نیروی گریز از مرکز به سیال واقع در مرکز کانال وارد میشود و تحت تأثیر این نیرو، گرادیان فشاری در جهت شعاعی ایجاد میشود و منجربه جابهجایی سیال از سمت دیواره داخلی به سمت دیواره خارجی میشود و درنهایت دو جفت

گردابه غیر همجهت در مقطع عرضی کانال ظاهر می شود. با افزایش سرعت، اثرات گریز از مرکزی روی سیال بیشتر شده و شدت جریانهای ثانویه و گردابههای عرضی افزایش می یابد. در نتیجه میزان بی نظمی جریان بیشتر شده و درجه اختلاط بهبود می یابد، همچنین مشاهده می شود که با کاهش شاخص توانی، درجه اختلاط در خروجی میکرومیکسرها کاهش می یابد. هرچه لزجت ظاهری سیال کم باشد حرکت جریان داخل میکرومیکسر بیشتر تحت تأثیر نیروی اینرسی و اثرات گریز از مرکزی قرار می گیرد و تأثیر نیروی لزجی روی سیال کم می شود در نتیجه شدت جریانهای ثانویه ایجاد شده و میزان بی نظمی جریان بیشتر خواهد بود و اختلاط ناشی از حرکت بی نظم در سیالاتی با شاخص توانی بزرگتر، بیشتر است.

شکل 8 توزیع غلظت را برای سیالی با شاخص توانی 0.85 و عدد رینولدز 5 و 100 در مقطع -A میکرومیکسر -الف نشان می دهد. با افزایش عدد رینولدز و به تبع آن افزایش سرعت، اثرات گریز از مرکزی و به تبع آن میزان کشیدگی 1 و تاشدگی 2 فصل مشترک بیشتر شده و اختلاط بهبود می یابد.

ورتیسیته بهصورت کرل بردار سرعت تعریف می شود و بیانگر پیچش المانهای سیال است [24]؛ بنابراین می تواند به عنوان معیار مناسبی برای نمایش جریانهای ثانویه در این بررسی مورد استفاده قرار گیرد. برای بررسی جریانهای ثانویه ایجادشده در مقطع عرضی میکرومیکسرها از کانتورهای بردار ورتیسیته استفاده شده است. برای تمام میکرومیکسرها مؤلفه بردار ورتیسیته عمود بر مقطع B رسم شده است. در شکل P اثر عدد رینولدز بر بردار ورتیسیته در جهت عمود بر مقطع B میکرومیکسر P نشان داده شده است. دو گردابه که در جهت مخالف هم می چرخند در این شکل به روشنی دیده می شوند. همچنین مشاهده می شود که در اثر افزایش عدد رینولدز به دلیل افزایش سرعت و نیروی گریز از مرکز وارد شده به سیال، قدرت گردابها افزایش می یابد.

2-6- تأثير شاخص قانون توانى

شاخص توانی سیال روی لزجت و در نتیجه جریان و فرآیند اختلاط سیال تأثیر دارد. در این قسمت به بررسی تأثیر شاخص توانی با استفاده از توزیع غلظت و کانتور ورتیسیته پرداخته شده است. شکل 10 توزیع غلظت را برای

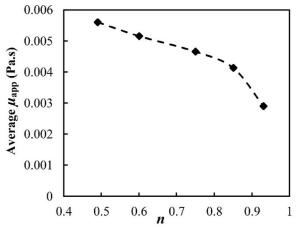


Fig. 5 Variation of average apparent viscosity versus power-law index, exit section of micromixer-a, Re=100

شکل 5 تغییرات لزجت ظاهری متوسط در مقطع خروجی میکرومیکسر-الف با شاخص قانون توانی، Re=100

Stretching

² Folding

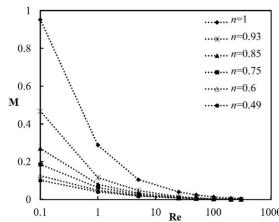


Fig. 6 Variation of the mixing index versus Reynolds number for various power-law indexes, exit section of straight micrmixer شکل 6 تغییرات درجه اختلاط با عدد رینولدز بهازای شاخصهای توانی مختلف مقطع خروجی میکرومیکسر مستقیم

رینولدز 50 و شاخص توانی 0.93 و 0.06 در مقطع - A میکرومیکسر -الف نشان میدهد. همان طور که پیشتر اشاره شد، اثر نیروی گریز از مرکز روی سیالاتی با شاخص توانی بزرگتر، بیشتر است. در نتیجه جابه جایی سیال در جهت عرضی به آسانی صورت می گیرد. از شکل 10 مشاهده می شود که میزان کشیدگی فصل مشترک که به واسطه جابه جایی سیال در مقطع عرضی به وجود می آید، برای سیالی با شاخص توانی 0.93 بیشتر است و در نتیجه درجه اختلاط بهتری حاصل می شود.

در شکل 11 اثر شاخص توانی بر بردار ورتیسیته در جهت عمود بر مقطع B میکرومیکسر - ب نشان داده شده است. دو گردابه که در جهت مخالف هم می چرخند در این شکلها به روشنی دیده می شوند. همان گونه که مشاهده می شود با افزایش شاخص توانی و تضعیف نیروهای لزجی قدرت گردابه ها (با توجه به زیاد شدن اندازه ورتیسیته) افزایش یافته و مرکز گردابه ها به سمت دیواره خارجی جابه جا می شود.

3-6- تأثير هندسه ميكروميكسر

در میکرومیکسرهای غیرفعال، هندسه میکرومیکسر نقش اساسی در بهبود اختلاط دارد. از این رو در این قسمت به ارائه نتایجی برای مقایسه سه هندسه

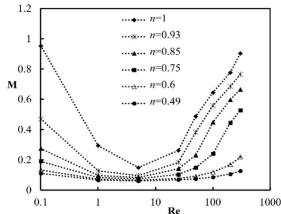


Fig. 7 Variation of the mixing index versus Reynolds number for various power-law indexes, exit section of micromixer-a شکل 7 تغییرات درجه اختلاط با عدد رینولدز بهازای شاخصهای توانی مختلف، مقطع خروجی میکرومیکسر-الف

مختلف میکرومیکسر انحنادار پرداخته شده است. همانگونه که پیشتر اشاره شد لزجت ظاهری سیالات قانون توانی به نرخ برشی، شاخص قانون توانی و ضریب سازگاری سیال بستگی دارد. شکل 12 لزجت ظاهری در مقطع -B را برای میکرومیکسرهای مختلف نشان میدهد. در خصوص سیالات رقیقشونده می توان بیان کرد برای یک سیال مشخص (شاخص قانون توانی و ضریب سازگاری ثابت) با افزایش نرخ برش، لزجت ظاهری کاهش می یابد. به این دلیل در هر سه مقطع نشان داده شده، بیشینه لزجت ظاهری در نزدیکی مرکز سطح است و در مجاورت دیوارهها کمتر می شود، همچنین لزجت ظاهری در مرکز سطح مقطع مربوط به میکرومیکسر الف بزرگ تر از سایر میکسرهاست. در میکرومیکسر الف جریان سیال به آرامی از قسمتهای انحنادار عبور می کند و به تدریج تغییر مسیر می دهد و با تغییر ناگهانی مسیر مواجه نمی شود، در نتیجه میزان تنش اعمالی میکرومیکسر بیشتر سیال کمتر است، که باعث می شود لزجت ظاهری در این میکرومیکسر بیشتر از سایرمیکرومیکسرها باشد و اثرات نیروهای گریز از مرکز و اینرسی نتوانند

شکل 13 ورتیسیته در مقطع -B میکرومیکسرهای مختلف را نشان می دهد. مشاهده می شود که گردابههای ایجاد شده در میکرومیکسر -الف بسیار ضعیف تر از دو میکرومیکسر دیگر است. به دلیل پیچهای موجود در هندسه میکرومیکسر - ب، برای عدد رینولدز و شاخص توانی ارائه شده، شدت گردابههای ایجادشده در میکرومیکسر - بیشتر است.

شکل 14 تغییرات درجه اختلاط را در میکرومیکسرهای مختلف برای سیالاتی با شاخص توانی 0.93 و 0.6 نشان میدهد. میکرومیکسر- ب و میکرومیکسر- ج به درجه اختلاط بهتری میرسند و دلیل آن تقویت حرکت بینظم در اثر وجود پیچهای تند و ناگهانی در هندسه میکرومیکسر است. درجه اختلاط برای سیالاتی که رفتار رقیقشوندگی بالایی دارند (شاخص توانی 0.6) در رینولدزهای پایین برای هندسههای مختلف متفاوت است؛ چون لزجت این نوع سیالات بیشتر تحت تأثیر تنش برشی قرار می گیرد و

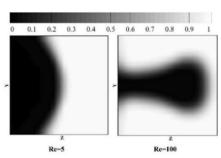


Fig. 8 Mass fraction distribution on Plane-A, micromixer-a, n=0.85 منكل 8 توزيع غلظت در مقطع -A ميكروميكسر - الف، شاخص تواني 3.50 شكل 8 توزيع غلظت در مقطع -A ميكروميكسر - الف، شاخص تواني

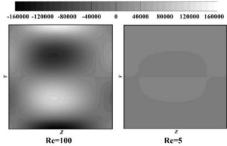
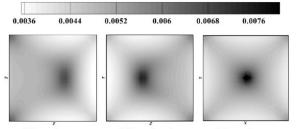


Fig. 9 The vorticity (s $^{-1}$) on Plane-B of micromixer-b, n=0.75 0.75 همكل 9 ورتيسيته (s $^{-1}$) در مقطع $^{-1}$ 0 ميكروميكسر $^{-1}$ 0 ميكروميكسر

بهطوری که برای سیالات با خاصیت رقیقشوندگی بالا (شاخصهای توانی کوچک) میکرومیکسر- ب درجه اختلاط بهتری دارد و برای سیالاتی با شاخص توانی نزدیک به 1، میکرومیکسر-ج درجه اختلاط بهتری دارد.



Micromixer-e Micromixer-b Micromixer-a Fig. 12 Apparent viscosity (Pa.s) on Plane-B of various micromixers, Re=100, n=0.75

شكل 12 لزجت ظاهری (Pa.s) در مقطع -B ميكروميكسرهای مختلف، عدد رينولدز 100 و شاخص توانی 0.75

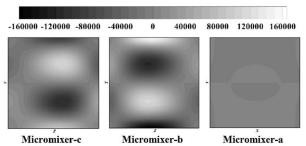


Fig. 13 The vorticity (s $^{-1}$) on Plane-B of various micromixers, Re=100, n=0.75

شکل 13 ورتیسیته (s^{-1}) در مقطع -B میکرومیکسرهای مختلف، عدد رینولدز 100 و شاخص توانی 0.75

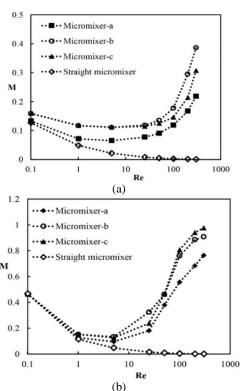


Fig. 14 Variation of the mixing index at the exit of different micrmixers, (a) n=0.6, (b) n=0.93

شكل 14 تغييرات درجه اختلاط در ميكروميكسرهاى مختلف، (a) شاخص توانى 0.6. (b) شاخص توانى 0.93

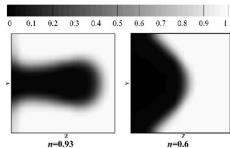


Fig. 10 Mass fraction distribution on Plane-A, micromixer-a, Re=50 میکل 10 توزیع غلظت در مقطع -A میکرومیکسر-الف، عدد رینولدز 50

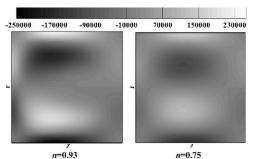


Fig. 11 The vorticity (s^{-1}) on Plane-B of micromixer-b, Re=100 (s^{-1}) در مقطع B درینولدز (s^{-1}) در مقطع ((s^{-1}) در مقطع

هندسهای که تنش برشی بیشتری به سیال اعمال میکند، لزجت ظاهری را بیشتر میکاهد، در نتیجه پدیده نفوذ جرمی و همچنین حرکت بینظم ناشی از اثرات گریز از مرکزی بیشتر شده و اختلاط بهبود مییابد. بنا به دلایلی که در توضیحات شکل 13 گفته شد، میکرومیکسر-الف پس از کانال مستقیم دارای کمترین درجه اختلاط است.

طول کانال مورد نیاز برای اختلاط، از مهمترین کمیتها برای بررسی هندسه است. میکرومیکسری که در کوتاهترین طول بتواند به درجه اختلاط مورد نظر دست یابد، مناسب است [26,25]. به همین منظور در طول میکرومیکسر صفحاتی عمود بر جهت اصلی جریان تعریف شده است و با داشتن توزیع کسرجرمی در هر صفحه، درجه اختلاط با استفاده از رابطه (6) برای هر صفحه محاسبه شده است. در نهایت نمودار تغییرات درجه اختلاط در طول میکرومیکسر برای مقادیر شاخص توانی 0.93 و 0.75 در اعداد رینولدز 1 و 100 محاسبه شده و در شکل 15 نشان داده شده است. به دلیل یکسان بودن هندسه میکرومیکسرهای مختلف در ابتدای کانال، هر سه میکرومیکسر درجه اختلاط مشابهی دارند، ولی در ادامه به دلیل متفاوت بودن هندسه میکرومیکسرها میان قسمتهای انحنادار و وجود پیچهای ناگهانی در میکرومیکسرهای ب و ج روند متفاوتی برای درجه اختلاط مشاهده می شود. این شکل نشان می دهد برای رسیدن به یک درجه اختلاط از پیش تعیین شده، میکرومیکسر- الف به طول کانال بیشتری نسبت به میکرومیکسرهای -ب و ج نیاز دارد. همچنین شکل 15 نشان میدهد تأثیر هندسه بیشتر تحت تأثیر عدد رینولدز است تا شاخص توانی و اثر هندسه کانال در رینولدزهای بالا مشهودتر میشود.

شکل 16 تغییرات درجه اختلاط را در مقابل شاخص قانون توانی برای میکرومیکسرهای مختلف در اعداد رینولدز 1 و 100 نشان می دهد. در عدد رینولدز کوچک (Re=1) میکرومیکسرهای - و ج درجه اختلاط مشابهی برای تمام مقادیر شاخص توانی دارند، ولی در عدد رینولدز بزرگتر (Re=100) این دو میکرومیکسر به درجه اختلاط متفاوتی می رسند

0.16

0.12

M

0.08

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

0.04

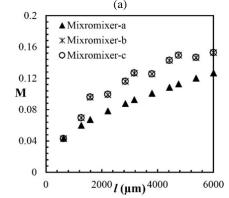
0.04

0.04

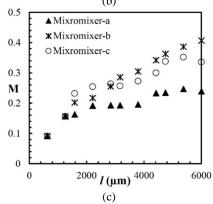
0.04

0.04

0.04



6000



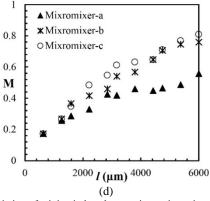


Fig. 15 Variation of mixing index along various micromixers, (a) Re=1, n=0.75, (b) Re=1, n=0.93, (c) Re=100, n=0.75, (d) Re=100, n=0.93 (m>20 Triangle 21 Triangle 22 Triangle 23 Triangle 24 Triangle 24 Triangle 25 Tri

در اعداد رینولدز پایین، پدیده نفوذ جرمی، سازوکار غالب اختلاط است. چون در یک عدد رینولدز ثابت برای یک شاخص توانی معین، سرعت سیال و به

تبع آن، زمان اقامت سیال در میکرومیکسرهای مختلف یکسان است، به همین دلیل برای سیال نیوتنی هر چهار نوع میکرومیکسر به درجه اختلاط یکسانی رسیدهاند، در حالی که درجه اختلاط برای سیالات غیرنیوتنی در میکرومیکسرهای مختلف، متفاوت است. دلیل این امر تنشهایی است که هنگام عبور سیال از میکرومیکسر به سیال وارد شده و موجب تغییر در لزجت ظاهری سیال میشود. به این صورت که میکرومیکسری که تنش بیشتری به سیال وارد می کند، لزجت ظاهری را می کاهد و درنهایت درجه اختلاط بهتری حاصل می شود.

در اعداد رینولدز بالا، حرکت بینظم در جریان سیال سازوکار غالب اختلاط است، به همین دلیل بنا به هندسه میکرومیکسرها و میزان ایجاد بینظمی در جریان، نتایج متفاوتی برای درجه اختلاط در یک شاخص توانی معین (حتی برای سیال نیوتنی) در میکرومیکسرهای مختلف مشاهده می شود.

4-6- معرفي ميكروميكسر مناسب

برای بیان میزان بهبود عملکرد اختلاط میکرومیکسرهای انحنادار نسبت به میکرومیکسر مستقیم علاوهبر درجه اختلاط، افت فشار هم باید درنظر گرفته

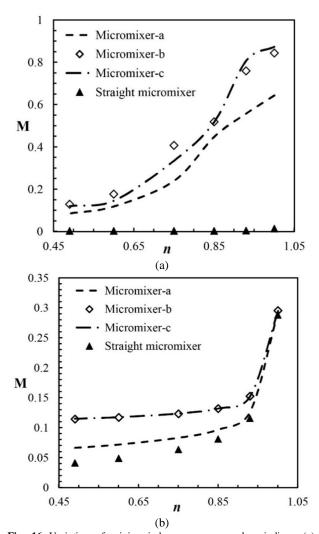


Fig. 16 Variation of mixing index versus power-law indices, (a) Re=100, (b) Re=1 شكل 16 تغييرات درجه اختلاط در مقابل شاخص قانون توانى، (a) عدد رينولدز (b) عدد رينولدز 1

سازگاری نیز وابسته است)، حرکت بی نظم در اعداد رینولدز بالا و نفوذ جرمی در اعداد رینولدز پایین کمتر می شود و درجه اختلاط کاهش می یابد. درجه اختلاط سیالاتی با رفتار رقیق شوندگی بالا در اعداد رینولدز پایین تحت تأثیر هندسه میکرومیکسر است و عملکرد میکرومیکسری که تنش برشی زیادی به سیال وارد می کند بهتر است. برای دخیل کردن افت فشار بر مقایسه عملکرد میکرومیکسر انحنادار نسبت به میکسرومیکسر مستقیم، کمیت بی بعدی معرفی شد و براساس نتایج ارائه شده مشاهده شد که در تمام اعداد رینولدز استفاده از میکرومیکسر انحنادار برای سیالات رقیق شونده مفید است.

8- فهرست علائم

کسر جرمی \mathcal{C} (m^2s^{-1}) ضریب نفوذ جرمی قطر هیدرولیک (m) $D_{\rm h}$ ارتفاع میکرومیکسر (m) Н طول محوری میکرومیکسر (m) درجه اختلاط ضریب ساز گاری سیال (Pasⁿ) شاخص قانون توانى فشار (kgm⁻¹s⁻²) شعاع انحنا (m) بردار سرعت (ms⁻¹) U سرعت در جهت محور x (ms-1) عرض میکرومیکسر (m) محورهای مختصات دکارتی (m) x, y, zعلائم يوناني (s^{-1}) اندازه تانسور نرخ برش Ϋ́ تانسور نرخ برش (s⁻¹) $\bar{\dot{\gamma}}$ كميت بيبعد هندسي ξ چگالی (kgm⁻³) ρ انحراف معيار كسر جرمي σ تانسور تنش (kgm⁻¹s⁻²) زيرنويسها ىيانگىن

9- مراجع

- Y. T. Chew, H. M. Xia, C. Shu, Techniques to enhance fluid micro-mixing and chaotic micromixers, *Modern Physics Letters B*, Vol. 19, No. 28 & 29, pp. 1567-1570, 2005.
- [2] C. Y. Lee, C. L. Chang, Y. N. Wang, L. M. Fu, Microfluidic mixing: A review, Molecular Sciences, Vol. 12, No. 5, pp. 3263-3287, 2011.
- [3] S. Baheri Islami, S. Ahmadi, Numerical investigation on the effect of various geometries on mixing efficiency of passive micromixers with oscillatory inlet velocities, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 7, pp. 27-34, 2014. (in Persian فارسى)
- [4] J. J. Chen, C. H. Chen, S. R. Shie, Optimal designs of staggered dean vortex micromixers, *Molecular Sciences*, Vol. 12, No. 6, pp. 3500-3524, 2011.
 [5] R. H. Liu, M. A. Stremler, K. V. Sharp, M. G. Olsen, J. G. Santiago, R. J.
- [5] R. H. Liu, M. A. Stremler, K. V. Sharp, M. G. Olsen, J. G. Santiago, R. J. Adrian, H. Aref, D. J. Beebe, Passive mixing in a three dimensional serpentine microchannel, *Journal of Microelectromechanical Systems*, Vol. 9, No. 2, pp. 190-197, 2000.
- [6] S. P. Vanka, G. Luo, C. M. Winkler, Numerical study of scalar mixing in curved channels at low Reynolds numbers, *American Institute of Chemical Engineers*, Vol. 50, No. 10, pp. 2359-2368, 2004.
- [7] F. Jiang, K. S. Drese, S. Hardt, M. Kupper, F. Schonfeld, Helical flows and chaotic mixing in curved micro channels, *American Institute of Chemical Engineers*, Vol. 50, No. 9, pp. 2297-2305, 2004.

 $\Delta P/\rho U_{\rm m}^2$ معرفی شد که $M/(\Delta P/\rho U_{\rm m}^2)$ معرفی شد که افت فشار بیبعد است. این کمیت نشانگر درجه اختلاط بهازای واحد افت فشار بیبعد است. شکل 17 نسبت مقدار این کمیت برای میکرومیکسرهای انحنادار به مقدار آن برای میکرومیکسر مستقیم را برای تعدادی از موارد بررسی شده نشان می دهد. مشاهده می شود که برای همه شاخصهای توانی و همه اعداد رینولدز این عدد بزرگ تر از واحد است؛ بنابراین استفاده از میکرومیکسر انحنادار بسیار مفیدتر از میکرومیکسر مستقیم است، همچنین مشاهده می شود در بیشتر موارد و به ویژه در اعداد رینولدز بالا، مقدار این کمیت برای میکرومیکسر - ب بیشتر از باقی است که نشان از عملکرد بهتر این میکرومیکسر دارد.

7- نتيجه گيري

در این مطالعه اختلاط سیالات نیوتنی و غیرنیوتنی در کانال انحنادار و اثر جریان ثانویه روی درجه اختلاط مورد مطالعه قرارگرفت. نتایج در مورد میکرومیکسرهای منحنی یک روند کاهشی- افزایشی را برای درجه اختلاط در مقابل عدد رینولدز برای همه شاخصهای توانی بررسی شده نشان میدهد، همچنین مشاهده شد برای مواد مورد بررسی با کاهش شاخص توانی به دلیل افزایش لزجت ظاهری سیال (که علاوهبر شاخص توانی به ضریب

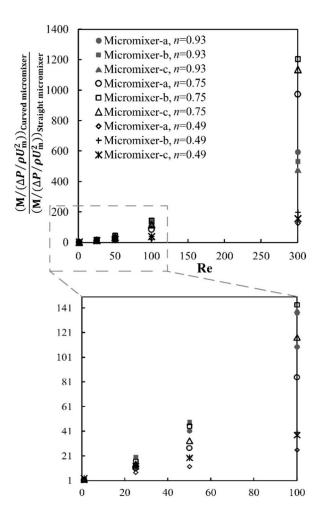


Fig. 17 The ratio of $M/(\Delta P/\rho U_m^2)$ for curved micromixers to the one of straight micromixer

شکل 17 نسبت کمیت بیبعد $M/(\Delta P/
ho U_{
m m}^2)$ برای میکرومیکسرهای انحنادار به مقدار $M/(\Delta P/
ho U_{
m m}^2)$ برای میکرومیکسر مستقیم

- [17] F. Delplace, J.C. Leuliet, Generalized Reynolds number for the flow of power law fluids in cylindrical ducts of arbitrary cross-section, Chemical Engineering Journal, Vol. 56, No. 2, pp. 33-37, 1995.
- [18] C. Srisamran, S. Devahastin, Numerical simulation of flow and mixing behavior of impinging streams of shear-thinning fluids, *Engineering Science*, Vol. 61, No. 15, pp. 4884-4892, 2006.
- [19] H. Fellouah, C. Castelain, A. OulEl-Moctar, H. Peerhossaini, The Dean instability in power-law and Bingham fluids in a curved rectangular duct, Non-Newtonian Fluid Mechanics, Vol. 165, No. 3&4, pp. 163-173, 2010.
- [20] F. T. Pinho, J. H. Whitelaw, Flow of non-Newtonian fluids in pipe, Non-Newtonian Fluid Mechanics, Vol. 34, No. 2, pp. 129-144, 1990.
- [21] T. Das, S. Chakraborty, Biomicrofluidics: Recent trends and future challenges, Sadhana, Vol. 34, No. 4, pp. 573-590, 2009.
- [22] T. Scherr, C. Quitadamo, P. Tesvich, D. S. W. Park, T. Tiersch, D. Hayes, J. W. Choi, K. Nandakumar, W. T. Monroe, A planar microfluidic mixer based on logarithmic spirals, *Micromechanics and Microengineering*, Vol. 22, No. 5, pp. 055019-1-10, 2012.
- [23] T. J. Johnson, D. Ross, L. E. Locascio, Rapid microfluidic mixing, Analytical Chemistry, Vol. 74, No. 1, pp. 45-51, 2002. [24] B. R. Munson, D. F. Young, T. H. Okiishi, W. W. Huebsch, Fundamentals of
- Fluid Mechanics, Sixth Edition, pp. 265-269, New York: Wiley, 2009. [25] A. Alam, K. Y. Kim, Analysis of mixing in a curved microchannel with rectangular grooves, Chemical Engineering, Vol. 181-182, pp. 708-716,
- [26] A. P. Sudarsan, V. M. Ugaz, Fluid mixing in planar spiral microchannels, Lab on a Chip, Vol. 6, No. 1, pp. 74-82, 2006.

- [8] V. Kumar, M. Aggarwal, K. D. P. Nigam, Mixing in curved tubes, Chemical Engineering Science, Vol. 61, No. 17, pp. 5742-5753, 2006.
- A. Afzal, K. Y. Kim, Flow and mixing analysis of non-Newtonian fluids in straight and serpentine microchannels, Chemical Engineering Science, Vol. 116, pp. 263-274, 2014.
- [10] M. Khosravi Parsa, F. Hormozi, S. Mirhaj, Design and modeling study of a curved channel passive micromixer for chemical and biomedical applications, Proceedings of The 14th national Conference of Chemical Engineering, Tehran, Iran, October 17-19, 2012. (in Persian فارسى)
- [11] A. Alam, A. Afzal, K. Y. Kim, Mixing performance of a planar micromixer with circular obstructions in a curved microchannel, chemical engineering research and design Vol. 92, No. 3, pp. 423-434, 2014.
- [12] K. J. Cook, Y. F. Fan, I. Hassan, Mixing evaluation of a passive scaled-up serpentine micromixer with slanted grooves, Fluids Engineering, Vol. 135, No. 8, pp. 081102-1-12, 2013.
- [13] R. T. Tsai, C. Y. Wu, An efficient micromixer based on multidirectional vortices due to baffles and channel curvature, Biomicrofluidics, Vol. 5, No. 1, pp. 014103-1-13, 2011.
- [14] F. Bally, C. A. Serra, V. Hessel, G. Hadziioannou, Micromixer-assisted polymerization processes, Chemical Engineering Science, Vol. 66, No. 7, pp. 1449-1462, 2011.
- [15] R. P. Chhabra, J. F. Richardson, Non-Newtonian Flow and Applied Rheology, Second Edittion, pp. 10-11, Oxford: Butterworth-Heinemann, 2008.
- [16] G. S. Jeong, S. Chung, C. B. Kim, S. H. Lee, Applications of micromixing technology, Analyst, Vol. 135, No. 3, pp. 460-473, 2010.