

ماهنامه علمى پژوهشى

مهندسی مکانیک مدرس





بررسی دوبعدی عبور تک موج از روی صفحهی نازک عمودی با استفاده از روش سرعت-سنجی تصویری ذرات

رضا زاغیان 1 ، محمدرضا توکلی 2 ، مهران کرباسی پور 1 ، مهدی نیلی 2

- 1 دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان
 - 2- استادیار ، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان
 - * اصفهان، صندوق پستى 415683111 mrtavak@cc.iut.ac.ir

چک

اطلاعات مقاله

بررسی عبور تک موج از روی موانع مغروق و مطالعهی الگوی جریان تشکیل شده در اطراف این موانع، به دلیل تأثیر مستقیم بر شکل موج و میزان تغییرات ایجاد شده در انرژی آن اهمیت بسیار زیادی دارد که نمونهای از کاربرد آن را میتوان در طراحی موجشکنهای ساحلی و دستگاههای جاذب انرژی مشاهده کرد. در این پژوهش به بررسی جریان ایجاد شده در اطراف ... یک صفحهی نازک مغروق در آب در اثر عبور یک تک موج از روی آن پرداخته شده است. برای ایجاد تک موج یک موج ساز پیستونی ساخته شده و برای آشکارسازی جریان از روش غیر تداخلی نوری PIV استفاده شده است که بدون ایجاد اغتشاش در جریان قابلیت اندازه گیری سرعت سیال را دارد. بررسی الگوی جریان، مقادیر سرعت و ورتیسیته در لحظات مختلف، نشان میدهد که قبل از رسیدن موج به مانع گردابهی ساعتگردی در پشت مانع تشکیل میشود که با گذشت زمان افزایش شعاع داده و باعث تشکیل یک جت عمودی سیال در پایین دست مانع میشود. با ورود جریان به ناحیهی پایین دست یک گردابهی پادساعت گرد ضعیفتر در این ناحیه تشکیل میشود که تفاوت اصلی در الگوی جریان نسبت به هندسههای ضخیم را ایجاد می کند. علاوه بر این شکل بدون بعد مؤلفه افقی سرعت در پشت مانع در لحظهی شکل گیری لایه برشی استخراج شده و با حالتی که جسم دارای ضخامت قابل توجهی باشد، مورد مقایسه قرار گرفته است.

مقاله پژوهشی کامل دریافت: 26 اسفند 1394 پذیرش: 70 اردیبهشت 1395 ارائه در سایت: 12 خرداد 1395 تک موج گردابه صفحهی نازک موج ساز روش سرعت سنجی تصویری ذرات

Two-Dimensional Investigation of Solitary Wave passing over a Submerged Vertical Thin Plate with PIV Technique

Reza Zaghian, Mohammad Reza Tavakoli*, Mehran Karbasipour, Mahdi Nili

Department of Mechanical Engineering, Isfahan University of Technology, Isfahan, Iran * P.O.B. 8415683111, Isfahan, Iran, mrtavak@cc.iut.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 16 March 2016 Accepted 26 April 2016 Available Online 01 June 2016

Keywords: Solitary wave Vortex Thin Plate Wave maker

ABSTRACT

The study of wave transmission over submerged obstacles and the flow pattern that forms around the obstacle has always been an important subject because of the direct affect on wave and the changes in wave energy that is crucial in the design of devices that absorb wave's energy and coastal breakwaters. In this research, the flow pattern induced by solitary wave passing over a submerged vertical thin plate has been studied. A wave maker piston has been used to generate the solitary wave and particle image velocimetry (PIV) technique has been used for flow visualization a technique that is non-introsire optic method, which can measure the fluid velocity with any changes in flow pattern. The study of the flow pattern visualization, velocity values and vorticity shows, at first, the flow separation shear layer forms and the clockwise vortex generate at the rear edge of the obstacle before the wave arrives at the barrier. Then the vortex grows in size and causes the water to move upward like a vertical jet on upstream. Then the fluid enters to the downstream and generates the counterclockwise vortex in this region, which is less than the first clockwise vortex in power which makes an important difference with the thick geometry researches. In addition, the non-dimensional horizontal components of fluid velocity at the time of shear layer formation at the rear edge of the plate have been studied and compared with the case that the barrier is rectangular.

1-مقدمه

از گذشتههای دور بررسی اثر برخورد امواج با موانع مختلف و تحلیل الگوی جریان قبل و بعد از مانع به دلیل کاربردهای متنوع در طراحی سازههای ساحلی، موجشکنها و تولید انرژی از امواج از اهمیت بسیار زیادی برخوردار بوده است. برای اندازه گیری سرعت سیال از روشهای عددی و تجربی مختلفی استفاده می شود. اندازه گیری تجربی سرعت سیال در حالت کلی به

التراسونیک و یا روشهای غیر تداخلی مثل روشهای نوری تقسیمبندی می-شوند. روشهای نوری به دلیل عدم تأثیر در جریان سیال مورد استقبال فراوانی قرار گرفتهاند. PIV و LIF ازجمله پرکاربردترین روشهای نوری

روشهای تداخلی مثل استفاده از روش سرعتسنجی سیمداغ و حسگرهای

¹ Particle Image Velocimetry

² Laser Image Fluorescent

هستند که علاوه بر اندازه گیری پارامترهایی نظیر سرعت، توانایی آشکارسازی جریان را نیز دارند.

در اجسام مغروق به دلیل عدم برخورد با سطح موج، غالبا پدیده ی شکست موج ایجاد نمی شود و در نتیجه آشفتگی کمتری در اطراف مانع ایجاد می کنند. به همین جهت آشکارسازی جریان در اطراف این موانع ساده تر و صرفنظر کردن از اثرات سه بعدی در آن بسیار مرسوم است. عبور تک موج از روی استوانه های مغروق به دلیل کاربرد در صنایع نفتی و اهمیت برخورد موج با این تجهیزات، در پژوهشهای بسیاری مورد بررسی قرار گرفته است. چیان و ارتکین از جمله افرادی بودند که به شبیه سازی الگوی جریان اطراف یک استوانه ی افقی مغروق در حین عبور تک موج پرداختند و نیروی پسای وارد بر استوانه را در زمانهای مختلف استخراج کردند [1]. از جمله پژوهشهای اخیر در این زمینه می توان به کار انجام شده توسط زاروک و همکاران اشاره کرد که در آن برای آشکارسازی جریان و گردابه ها در حین عبور موج از روی استوانه، از تزریق فلئورسنت و آشکارسازی با لیزر استفاده شده و برای اندازه گیری سرعت سیال هم از روش سرعتسنجی تصویری ذرات استفاده شده است [2].

در پژوهشهایی با موانع غیر استوانهای، محل قرارگیری مانع مغروق غالبا در کف کانال است تا مشابهت زیادی با موجشکنهای مغروق به وجود آید. چن با استفاده از یک سیستم دو سیاله به بررسی عبور یک تک موج داخلی یکبار از روی یک مانع مغروق مثلثی و یکبار از روی یک نیم استوانه دوار پرداخت و آنها را با هم مقایسه کرد. هدف چن مشاهدهی پرش هیدرولیکی اتفاق افتاده بین دو سطح و گردابهی ایجادشده در پشت مانع بود. برای این کار او با تزریق مادهی فلوئورسنت بین دو سطح مرز ایجاد شده بین دو سطح را به خوبی مشخص کرد و تصاویر پرش هیدرولیکی ایجاد شده را استخراج کرد [3]. بعدها همین کار بهصورت شبیهسازی عددی، توسط هسیه و همکاران انجام شد که مطابقت بسیار خوبی با کار انجام شده توسط چن داشت [4]. چانگ و همکاران به بررسی گردابههای تشکیل شده در داخل یک حفره در هنگام عبور یک تک موج پرداختند. آنها با استفاده از روش سرعت سنجی تصویری ذرات توانستند، نشان دهند که ابتدا یک گردابهی بزرگ تقریبا به قطر حفره داخل آن ایجاد می شود و پس از مدتی گردابهی دیگری با چرخش در جهت عکس گردابهی اولیه در قسمت کف حفره ایجاد میشود [5]. هندسهی مستطیل به دلیل سادگی و کاربرد بسیار در تعداد زیادی از مطالعات مورد بررسی قرار گرفته است. اولین بار تانگ و همکاران به بررسی تشکیل گردابه ناشی از عبور یک تک موج، در پشت یک مانع مغروق مستطیلی پرداختند. آنها این پدیده را هم بهصورت تجربی و هم عددی در عدد رینولدز 8200 بررسی کردند [6]. هوانگ همین کار را بهصورت شبیه سازی عددی و برای نسبتهای ارتفاع موج به نسبت ارتفاع مانع مختلف انجام داد و مقدار نیروی پسای 2 وارد بر مانع را در حالتهای مختلف مورد بررسی قرار داد [7]. چانگ و همکاران به بررسی تشکیل گردابه در هنگام عبور یک تک موج از روی یک مکعب مستطیل با نسبت ارتفاع مانع به عمق0.7 پرداختند. آنها ابتدا با روش سرعتسنجی تصویری ذرات، آزمایش خود را انجام داده و سپس همان شرایط را بهصورت عددی شبیهسازی کردند. از آنجایی که در پشت و جلوی مانع مستطیلی دو گردابه تشکیل میشود، مشاهدات آنها نشان داد که قدرت گردابهی تشکیل شده در جلو مانع مستطیلی تقریبا با گردابهی تشکیل شده در عقب مانع برابر است [8]. یانو و

همکاران مشابه کار چانگ را انجام دادند، با این تفاوت که در پژوهش انجام شده توسط آنها مانع مستطیلی دارای ضخامت بسیار کمی نسبت به ارتفاع آن بود. البته نمی توان آن را صفحه ی نازک نامید، ولی نسبت به مستطیلهای آزمایشهای قبلی بسیار متفاوت بود. آنها برای شبیهسازی از مدل اعتبارسنجی شده ی VOF آ استفاده کردند که براساس معادلات رینولدز متوسط نویر استوک و مدل اغتشاشی s-k است [9]. علاوه بر کارهای یادشده بسیاری از کارهای دیگر بر روی الگوی جریان و گردابههای اطراف مانع مغروق مستطیلی انجام شده است که شاید بتوان کارهای هوانگ و لین و ژانگ [10-13] را مهم ترین آنها دانست. لین نشان داد که شکل پروفیل مؤلفه افقی سرعت در لحظه ی شکل گیری لایه ی برشی و در پشت اجسامی با هندسه ی مستطیلی با ضخامتهای متفاوت یکسان است و این منحنی سرعت را بر روی معادلهای بدون بعد برازش کرد [14].

همان طور که مشاهده می شود در همه ی پژوهش های قبلی انجام گرفته بر روی اجسامی با هندسهی مستطیلی، ضخامت مستطیل نسبت به ارتفاع آن بیشتر یا برابر بوده و بررسی الگوی جریان برای حالتی که ضخامت بسیار کم باشد، انجام نشده است. بدیهی است که کاهش ضخامت مانع تأثیر بسیار زیادی در شکل جریان و تعداد و قدرت گردابههای تشکیل شده در اطراف مانع خواهد داشت. از طرفی در نمونهای از تجهیزات مغروقی که بهعنوان تبدیل کنندهی انرژی امواج به انرژی الکتریکی استفاده میشود از یک صفحه-ی نازک استفاده می شود که بر اثر اختلاف فشار ناشی از عبور موج و نوسانات ایجاد شده در دو طرف صفحه به حرکت در میآید [15]. لذا اطلاع از وضعیت تشکیل گردابهها که ایجاد کنندههای نوسان در دو طرف مانع هستند، می تواند اطلاعات سودمندی در طراحی این گونه تجهیزات ارائه نماید. در این پژوهش به بررسی جریان ناشی از عبور یک تک موج آب از روی یک صفحهی نازک پرداخته میشود. برای انجام این آزمایش از روش نوری سرعتسنجی تصویری ذرات استفاده شده است. با انجام این آزمایش مى توان مقادير سرعت، الگوى جريان، محل تشكيل گردابهها و مقادير ورتیسیته را در اطراف مانع مشخص کرد. علاوه بر این بررسی شکل بیبعد مؤلفه افقی سرعت، در حین شکل گیری لایهی برشی در پشت مانع نازک انجام شده و با پژوهشهای انجام شده بر روی هندسهی مستطیل مقایسه

2-بستر آزمایش تجربی

1-2 - شرایط کانال و دستگاه موج ساز

برای انجام این آزمایش از یک کانال باز با ابعاد $m \times 0.3 \ m \times 0.4 \ m$ و در انجاع 120 سانتی متری از سطح زمین قرار گرفته استفاده شده است. این کانال با سطوح شفاف و از جنس پلکسی گلاس و در دانشکده یمکانیک دانشگاه صنعتی اصفهان طراحی و ساخته شده است. برای ایجاد موج، یک دستگاه موج ساز پیستونی طراحی و ساخته شده است. ارتفاع مانع نصف ارتفاع آب ساکن کانال در نظر گرفته شده است. در "شکل 1" ابعاد کانال و محل قرار گیری مانع در آن مشخص شده است. همچنین شرایط آزمایش که شامل ارتفاع آب ساکن (h)، ارتفاع بیشینه ی موج در لحظه ی رسیدن موج به مانع (h)، سرعت موج (h) و ابعاد مانع که شامل ارتفاع (h)، ضخامت (h) و ابعاد مانع که شامل ارتفاع مرجع و رجع (h) قرص و جول (h) آن است، در جدول (h) مشخص شده است. مطابق مرجع (h)

³ Volume of Fluid

⁴ Reynolds-averaged Navier–Stokes Equations

⁵ Shear layer

⁶ Plexiglass

² Drag

 $Re = \frac{Uh}{v}$

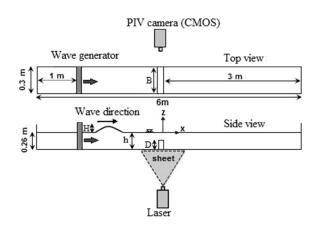


Fig.1 Schematic channel conditions and the location of the barrier in

شکل 1 شماتیک شرایط کانال و محل قراررگیری مانع در آزمایش

با توجه به این که از مقطع وسط کانال تصویربرداری می شود، فاصله ی لنز دوربین تا محل تصویربرداری حدودا 25 سانتی متر است. زمان تصویربرداری از لحظهی حرکت موج ساز تا لحظهی رسیدن موج به انتهای کانال است. بعدازاین زمان به دلیل اثرات موج برگشتی نتایج آزمایش دارای اعتبار نیست. برای مشخص کردن زمان رسیدن موج به انتهای کانال از سنسورهای موج نگار ساخت شرکت آکامینا 5 استفاده شده است [19]. البته سرعت موج و ارتفاع موج هم با استفاده از این سنسورها بهدست آمده است. علاوه بر این در انتهای کانال یک جاذب موج هم قرار داده شده تا انرژی موج را تخلیه کند و سریعتر شرایط ساکن را در آب کانال ایجاد کند. جهت بیبعدسازی زمان مطابق مراجع [12,11] از رابطهی (4) استفاده شده است.

$$t^* = t \sqrt{\frac{g}{h}} \tag{4}$$

در رابطهی t^* زمان بدون بعد شده است و t^* زمان رسیدن قلهی موج به بالای مانع است. بدیهی است که زمانهای منفی شرایط قبل از رسیدن موج و زمانهای مثبت لحظات بعد از عبور موج از روی مانع را نشان میدهند. زمان رسیدن موج به انتهای کانال هم حدودا در $t^* = 4.1$ است. همچنین در همهی تصاویر ارائه شده در بخش نتایج جهت حرکت موج مطابق "شكل 1" از چپ به راست است.

در پایان پردازش تصاویر، استخراج الگوی جریان و بردارهای سرعت از طریق کد نوشته شده در نرمافزار متلب 6 انجام می شود و صحت محاسبه ی سرعت با استفاده از این کد، توسط عکسهای معیار بررسی شده است [20]. در همین آزمایشگاه هم توسط طاهریان و همکاران نیز محاسبات سرعت صحتسنجی شده است [21]. در "شکل 2" میتوان نمونهای از تصویر الگوی جریان در پشت مانع را قبل و بعد از پردازش تصویری مشاهده کرد. شكل سمت چپ (a) تصوير گرفته شده با استفاده از آزمايش سرعتسنجي تصویری ذرات در پشت مانع نازک (با رنگ قرمز مشخص شده) است که در آن ذرات اضافه شده به سیال بهصورت درخشان قابل مشاهده هستند. با انجام عملیات پردازش تصویری که شامل مقایسهی عکسهای متوالی و دنبال کردن دسته ذرات موجود در عکسها است، میتوان به شکل بردارهای سرعت در هرلحظه رسید. برای نمونه در شکل 2 در قسمت (b) بردارهای ناشی از پردازش تصویر و تحلیل شکل (a) نمایش داده شده است. لازم به ذکر است محاسبه عدد رینولدز می توان از رابطهی (1) استفاده کرد.

که در آن ν ویسکوزیته دینامیکی سیال، h ارتفاع آب ساکن و ν نمایانگر سرعت است که از رابطهی (2) محاسبه میشود.

$$U = \frac{u_m h}{h - D} \tag{2}$$

در رابطهی (2) برای محاسبهی u_m که معرف بیشینه سرعت ذرهی سیال در g استفاده کرد، که در این رابطه، gشتاب گرانش است.

$$u_m = \frac{H}{h} \sqrt{g(h+H)} \tag{3}$$

به این ترتیب مقدار عدد رینولدز هم با توجه به دادههای جدول 1 قابل محاسبه خواهد بود.

2-2- نحوهى انجام آزمايش

در روش سرعتسنجی تصویری ذرات به سیال مورد استفاده ذراتی با ابعاد بسیار کوچک، اضافه شده و ردیابی میشود. این ذرات باید دارای خواص مخصوصی باشند که بتوانند از دینامیک سیال پیروی کنند. اساس این روش بر این فرض استوار است که حرکت ذرات تزریق شده به جریان، نماینده حرکت سیال هستند. در نهایت جهت ردیابی، این ذرات توسط لیزر مشخص شده و از آنها فیلمبرداری میشود و این فیلم به عکسهای سازنده آن تبدیل می گردد. با تحلیل این عکسها بردارهای سرعت سیال بهدست خواهد آمد. برای انجام این آزمایش ابتدا ذرات 10 و 20 مایکرونی از جنس پودر شیشه ساخت شرکت دانتک 1 با چگالی برابر با آب به سیال اضافه میشود [16]. مطابق "شكل 2" نور ليزر از كف كانال يك صفحهى دوبعدى را در مقطع وسط کانال روشن میسازد تا بتوان این ذرات را بهخوبی دنبال کرد. برای این کار از یک لیزر نور سبز پیوسته مدل (DPSS) ساخت شرکت بیجینگ 2 با طول موج 532 نانومتر و توان 9 وات استفاده شده است. قطر پرتو نور این لیزر 5 میلیمتر است و به کمک یک لنز استوانهای ساخت شرکت ادموند 5 نور به یک صفحه با ضخامت در حدود 1 میلی متر و عرض 12 سانتی متر تبدیل شده است [17]. همچنین فاصلهی محل قرارگیری لیزر از کف کانال 50 سانتیمتر است. در نهایت تصویربرداری از حرکت سیال توسط یک دوربین 4 CMOS پرسرعت نوع 4 CMOS ساخت شرکت آلمانی PCO با سرعت 4 4 فریم بر ثانیه و کیفیت تصویری 1024 × 1280 پیکسل انجام شده است [18]. لنز دوربین مورد استفاده نیکون 50 میلیمتری با عدد کانونی 1.8 بوده و فاصله-ى، لنز دوربين از ديواره كانال حدودا 10 سانتيمتر است.

جدول 1 شرایط در نظر گرفته شده برای آزمایش

Table 1 Conditions intended to test

نماد	واحد	مقدار	پارامتر
h	m	0.26	ارتفاع آب ساكن
H	m	0.09	ارتفاع بيشينه موج
c	m/s	1.84	سرعت تئوری موج
D	m	0.13	ارتفاع مانع
L	m	0.004	ضخامت مانع
В	m	0.3	عرض مانع
Re	-	329189	عدد رينولدز
	•	_	

⁵ Acamina

⁶ Matlab

⁴ Complementary Metal Oxide Silicon

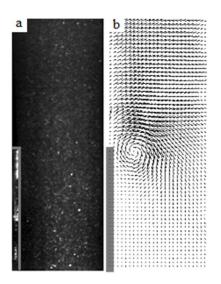
به دلیل این که نور لیزر از کف کانال تابیده می شود، در قسمت بسیار کوچکی در بالای مانع به دلیل ایجاد سایه و تغییر در روشنایی نور باعث بروز خطا در تحلیل نتایج و در الگوی جریان این ناحیه می شود که خود را به صورت ناپیوستگی اندکی در شکل بردارها نشان می دهد.

بررسی تکرارپذیری آزمایش از اهمیت بسیار زیادی برخوردار است. برای بررسی این مسئله این آزمایش $\bf 8$ بار در شرایط مشابه تکرار شده است. از لحاظ الگوی کلی آشکارسازی و مشاهده بریان $\bf 1$ تکرارپذیری آزمایش با توجه به زمان و نحوه ی تشکیل گردابهها کاملا قابل قبول بود.

جهت بررسی کمی تکرارپذیری سرعت سیال، 4 مقطع در فواصل 2 سانتی متری و 4 سانتی متری در جلو و عقب مانع مشخص شده اند و مؤلفه-های افقی و عمودی سرعت در 200 نقطه بر روی این مقاطع و در چهار زمان مختلف در هر سه آزمایش به دست آورده شده است و مورد مقایسه قرار گرفته اند. به عنوان نمونه ای از بررسی های انجام شده برای تکرارپذیری آزمایش و درک بهتر آن مؤلفه های افقی و عمودی سرعت برای زمان مشخص و درک بهتر آن مؤلفه های افقی و عمودی سرعت برای زمان مشخص شده است. در پیوست 1 مؤلفه ی $t^* = -0.08$ سرعت برای هر 3 آزمایش نشان داده شده است. در نهایت اختلاف مقادیر سرعت برای هر 5 آزمایش نشان داده شده است. در نهایت اختلاف مقادیر سرعت ایرای هر 200 نقطه و هر سه آزمایش در هر حالت محاسبه شده است و خطای تکرارپذیری به صورت میانگین در همه می حالتها مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج این بررسی نشان می دهد که میانگین خطای تکرارپذیری مطلق در حدود (m/s) 0.0095 است که با توجه به سرعت جریان تکرارپذیری مطلق در حدود مغشوش بودن جریان مقدار بسیار قابل قبولی است.

3-نتایج بررسی الگوی کلی جریان اطراف مانع

در این قسمت نتایج الگوی جریان در مختصات بدون بعد ترسیم شدهاند، که برای بیبعد کردن ابعاد طولی از ارتفاع آب در وضعیت ساکن (h) استفاده شده است. از آنجایی که در این نوع پژوهشها هدف از بخش ارائهی الگوی جریان به نوعی آشکارسازی جریان است و بیشتر محل تشکیل گردابه مورد



بررسی قرار می گیرد. اما برای بهتر بیان شدن نحوه ی شکل گیری جریان در اطراف مانع در بعضی از قسمتها مؤلفههای عمودی و افقی سرعت مورد بحث قرار گرفتهاند.

با حرکت موج ساز و تشکیل موج، جریان توده ی سیال جلوتر از موج سطحی ایجادشده حرکت میکند. در این لحظات یعنی قبل از زمان رسیدن موج به مانع (زمانهای منفی) شاهد تشکیل جدایش جریان در پشت مانع خواهیم بود. مطابق شکل 3 در پشت جسم ابتدا در ناحیه ی بسیار کوچکی در نوک مانع لایه ی برشی تشکیل میشود و مقدمات تشکیل یک گردابه ی ساعت گرد در پشت مانع را فراهم می سازد.

همان طور که در شکل 4 مشاهده می شود، در لحظات رسیدن موج به مانع این گردابه تقریبا به طور کامل شکل گرفته است. در واقع تا زمان رسیدن موج به مانع و اند کی بعد از آن، این گردابه از موج انرژی گرفته و قوی تر می شود، که مکانیزم انتقال انرژی به این گردابه در این وضعیت از نوع انتقال است. در "شکل 5" هم مؤلفه های قائم و افقی سرعت در مقاطعی، پشت مانع مورد بررسی قرار گرفته است. اما با گذشت زمان و عبور موج از روی مانع، مکانیزم انتقال انرژی گردابه به پخش 8 تغییر کرده و شروع به کاهش قدرت و افزایش شعاع می کند [8].

همچنین مقایسه ی "شکل 6 با شکل 4" به خوبی افزایش شعاع گردابه را نشان می دهد. روند تشکیل این گردابه ی ساعت گرد در پشت مانع دقیقا مشابه با آن چیزی است که در هندسههای مستطیلی ضخیم مشاهده می شود، با این تفاوت که در هندسههای ضخیم همزمان یک گردابه ی ساعت گرد بر روی سطح بالایی مستطیل تشکیل می شود [8-11]، در صورتی که این گردابه در حالت مانع نازک تشکیل نمی شود. با مقایسه ی سرعت در دو مقطع نزدیک به مانع در پشت جسم (0.1) در (x/h = 0.2) در "شکلهای 5 و 7" مانع در په جلوی گردابه به خوبی قابل مشاهده است. مطابق "شکل 5"

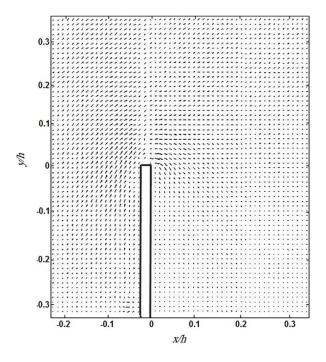


Fig.3 Flow pattern around an obstacle in time t^* =-2.21 t^* =-2.21 مشكل 3 الگوى جريان اطراف مانع در لحظه

¹ Visualization

² Convection

Diffusion

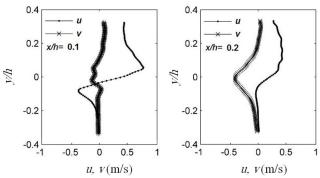


Fig.7 Vertical and horizontal velocity component at time $t^*=1.2$ seconds in the specified section

شکل 7 مؤلفه قائم و افقی سرعت در لحظهی $t^*=1.2$ در مقاطع مشخص

گردابه در لحظه ی رسیدن موج به مانع در ناحیه ی بسیار کوچکی متمرکز بوده و اثرات آن هنوز به x/h = 0.2 نرسیده و تغییرات سرعت در این ناحیه اندک است. اما پس از عبور موج و افزایش شعاع گردابه تغییرات سرعت در این مقطع که ناشی از حرکت روبه جلوی گردابه است را می توان مشاهده کرد. در زمان حضور موج در نزدیکی مانع علاوه بر حرکت دادن گردابه به سمت جلو، همزمان آن را کمی به سمت کف کانال نیز هدایت می کند.

پس از عبور موج از روی مانع مومنتم در بالای گردابه کاهش یافته و گردابهی ساعت گرد تحت تأثیر نیرویی به سمت بالا قرار گرفته و با سرعت بسیار کم به سمت بالا حرکت می کند، که اثرات کف کانال نیز در شکل گیری این حرکت تأثیرگذار است. پیش از این نیز توضیح داده شد که بعد از عبور موج، گردابه شروع به افزایش شعاع و گسترش در اطراف مانع می کند. افزایش شعاع گردابه، جریان را به سمت مانع سوق داده و در واقع باعث تغییر جهت مؤلفه افقی سرعت در نزدیکی مانع میشود. جریانی که به سمت مانع میآید از یک طرف به کف کانال محدود شده و از طرفی با مانع مواجه شده و بهناچار به سمت بالا حرکت می کند. در حقیقت در این لحظات یک جت عمودی سیال به سمت سطح آزاد سیال تشکیل میشود. این پدیده در "شكل 8" در قسمت پشت مانع كاملا قابل مشاهده است. همچنين افزايش مؤلفه قائم سرعت در "شكل 9" در مقاطع پشت مانع نشان دهنده ی جت عمودی تشکیل شده در پشت مانع نازک است. اما در بالادست مانع، پس از عبور موج سرعت کاهش می یابد، به طوری که بعد از زمان اندکی سرعت بالادست به سمت صفر می رود. در همین لحظات جت عمودی سیال در پایین دست مانع، تشکیل شده و مقداری از سیال را بهآرامی وارد بخش بالادست مانع می کند که باعث تشکیل گردابهی پادساعت گرد جدیدی در جلوی مانع (بالادست) می شود. گردابهی جدید تشکیل شده از لحاظ قدرت ضعیفتر و ازلحاظ ابعاد کوچکتر از گردابهی ساعت گرد اولیه است. همچنین زمان اندکی بعد از تشکیل این گردابه موج به انتهای کانال میرسد. اما به طور کلی حرکت هر دو گردابه به سمت سطح آزاد سیال قابل مشاهده است. مقایسهی جریان اطراف مانع نازک انجام شده در این پژوهش با جریان اطراف موانع مستطيلي [8-11] خود را بيش از هر چيز در اين قسمت نشان می دهد. البته در موانع ضخیم هم تشکیل جت عمودی سیال در اثر یخش گردابهی پشت مانع به صورت بسیار ضعیفی وجود دارد که نمونهای از آن را می توان در پژوهش انجام گرفته توسط ژانگ [13] مشاهده کرد ولی تشکیل گردابه بر روی سطح بالایی مستطیل در لحظات ابتدایی، مانع از تأثیر جریان یشت مانع بر جلوی مانع و تشکیل گردابهی پادساعت گرد می شود.

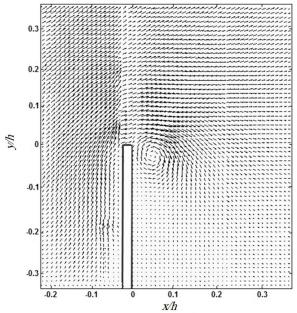


Fig.4 Flow pattern around an obstacle in time t^* =-0.06 t^* =-0.06 منگل 4 الگوی جریان اطراف مانع در لحظه ی

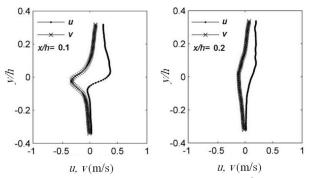


Fig.5 Vertical and horizontal velocity component at time t^* =-0.06 seconds in the specified section

شكل 5 مؤلفه قائم و افقى سرعت در لحظهى 0.06- = *1 در مقاطع مشخص

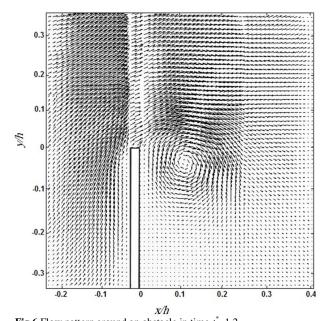


Fig.6 Flow pattern around an obstacle in time $t^*=1.2$

 t^* =1.2 الگوى جريان اطراف مانع در لحظهى t^*

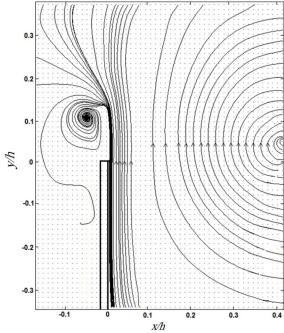


Fig.10 Stream line at the moment of the formation of two vortices at time $t^*=3.68$

شکل 10 خطوط جریان اطراف مانع در لحظه ی شکل گیری دو گردابه در زمان t^* =3.68

جهت مقایسه ی قدرت دو گردابه، مقدار سیر کولاسیون ا اطراف گردابه ها محاسبه شده است. با توجه به این که مقدار ورتیسیته از مؤلفه های سرعت به به به است آمده از آزمایش سرعت سنجی تصویری ذرات استخراج شده است، با انتگرال گیری از آن در یک محیط بسته مطابق رابطه ی (5)می توان مقدار سیر کولاسیون (7) را محاسبه نمود.

$$\Gamma = \oint \omega dA$$
 (5)

که در رابطه (5)، ω ورتیسیته (5) سطح مشخص شده (5) اطراف گردابه است. لازم به ذکر است که لحظه (5) تشکیل این دو گردابه از نظر زمانی یکسان نیست. در "شکل (5) مقدار قدر مطلق سیر کولاسیون این دو گردابه از زمان تشکیل (5) تشکیل (5) تشکیل (5) تشکیل (5) تشکیل (5) مشاهده می شود مقدار قدر مطلق بیشینه سیر کولاسیون تشکیل ممان طور که مشاهده می شود مقدار قدر مطلق بیشینه سیر کولاسیون تشکیل

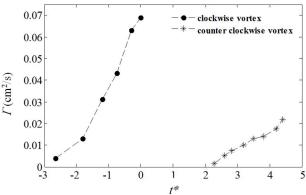


Fig.11 Absolut value circulation of clockwise vortex from formation time until the maximum vortex strength

شکل 11 قدر مطلق سیر کولاسیون گردابهی ساعتگرد و پادساعتگرد از لحظهی تشکیل تا لحظهی رسیدن به قدرت بیشینه

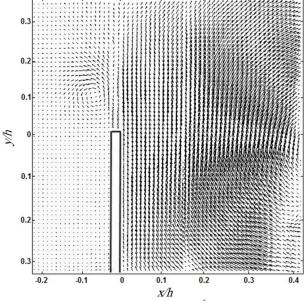


Fig.8 Flow pattern around an obstacle in time t^* =3.6 ش**کل 8** الگوی جریان اطراف مانع در لحظهی t^* =3.68 ش**کل 8** الگوی جریان اطراف مانع در لحظه

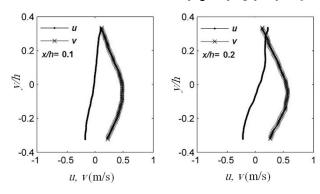


Fig.9 Vertical and horizontal velocity component at time t^* =3.68 seconds in the specified section

 \hat{m} مؤلفه قائم و افقی سرعت در لحظه ی 3.68 \hat{t}^* در مقاطع مشخص

بررسیهای انجام شده نشان میدهد که دو گردابهی تشکیل شده در موانع مستطیلی ضخیم، از نظر زمان تشکیل و هم از نظر قدرت (سیر کولاسیون ایجاد شده) برخلاف آنچه در هندسهی مانع نازک مشاهده می شود، تقریبا یکسان هستند [8]. برای این که بتوان، محل دو گردابه را بهتر مشاهده کرد خطوط جریان در حوالی گردابهها در زمانی که دو گردابه در دو سمت مانع تشكيل شدهاند، ترسيم شده است. همانطور كه مشاهده مي شود، مطابق "شكل 10" در زمان تشكيل گردابهي يادساعت گرد، گردابهي ساعت گرد اولیه به شعاع نسبتا قابل توجهی رسیده است. نکتهی قابل ذکر دیگر این است که همان طور که قبلا اشاره شد جهت حرکت گردابهها به سمت بالا بوده و به نظر می رسد با استناد به مرجع [7] که در آن نسبت ارتفاع مانع به ارتفاع آب ساكن مطابق پژوهش انجام گرفته برابر 0.5 است، اگر طول كانال به اندازهی کافی زیاد بود، دو گردابه به سطح آب خواهند رسید. اما نباید فراموش کرد که این مسئله تحت تأثیر نسبت ارتفاع مانع به ارتفاع آب ساکن است. چنانچه ارتفاع مانع زیاد بوده و به سطح آب نزدیک باشد گردابهی ساعت گرد تحت تأثیر موج قرار گرفته و به سمت کف کانال حرکت می کند، که نمونهای از آن را می توان در پژوهش انجام گرفته توسط ویو و همکاران (با نسبت D/H = 0.8 مشاهده کرد

¹ Circulation

² Vorticity

شده توسط گردابهی ساعتگرد، تقریبا 3 برابر گردابهی پادساعتگرد است که نشان دهندهی قوی بودن گردابهی موردنظر نسبت به گردابهی پادساعتگرد است.

بررسی نیروی پسای وارد بر اجسام مستطیلی با زمان نشان می دهد که در ابتدا نیروی پسا در جهت حرکت موج بوده و پس از عبور موج از روی مانع این نیروی پسا به دلیل جهت چرخش گردابه ی ساعت گرد در جهت عکس (منفی) به مانع مستطیلی وارد می شود [7]. اما آنچه که درباره ی مانع نازک باید در نظر گرفته شود این است که تشکیل گردابه ی پادساعت گرد در بالادست مانع، نیرویی در جهت حرکت موج (مثبت) به مانع وارد کرده و باعث کم کردن نیروی پسای منفی، پس از عبور موج از روی مانع است. این پدیده از مهم ترین تأثیراتی است که تشکیل گردابه بر جریان اطراف مانع خواهد گذاشت.

4-بررسي مؤلفه افقي سرعت در لحظهي شكل گيري لايه برشي

همان طور که پیش از این توضیح داده شد، لین معادلهای را برای شکل بدون بعد مؤلفهی افقی سرعت در لحظات ابتدایی شکل گیری لایه برشی در پشت موانع مستطیلی پیشنهاد کرد که در "شکل 12" قابل مشاهده است و نشان داد که برای دو ضخامت متفاوت این پروفیل یکسان است [12]. با توجه به توضیحات ارائه شده دربارهی تفاوت جدایش جریان بهخصوص در لحظات ابتدایی در مستطیل ضخیم و صفحهی نازک به بررسی و مقایسهی این موضوع در پشت هندسهی صفحهی نازک پرداخته شده است. برای انجام چنین کاری با انتخاب 6 مقطع مشخص در پشت مانع (ناحیهی مثبت دستگاه مختصاتی) و در هر مقطع برای 6 زمان (۴*) مختلف مؤلفهی افقی سرعت محاسبه شده است. بدیهی است که چون هدف بررسی نحوهی تشکیل لایهی برشی در پشت مانع است، مقاطع نزدیک به مانع و زمانها قبل از زمان رسیدن موج به مانع انتخاب شده است. در نهایت با انجام این روند نمودارهایی مطابق "شکل 13" و "شکل 14" ایجاد می شود که نشان دهندهی تغییرات مؤلفهی افقی سرعت در زمانها و مکانهای مختلف پشت مانع هستند. همان طور که در این دو شکل مشاهده می شود با وجود تغییر در مقادیر عددی، شکل کلی پروفیل سرعت در مقاطع و زمانهای مختلف تا حدودی یکسان است و مشابهت زیادی با پروفیل معرفی شده توسط لین "شكل 12" دارد.

با تعریف پارامترهای معرفی شده توسط لین می توان این نمودارها را بدون بعد کرد [12]. برای این منظور مطابق "شکل 12"، اگر بیشینهی مؤلفه افقی سرعت و محل آن در مقطعی پشت مانع به ترتیب u_{\max} و u_{\max} سرعت کمینه u_{\min} و فاصلهی بین محل سرعت بیشینه با محل نصف سرعت بیشینه u_{\min} نامیده شود، آنگاه از طریق روابط (6) و (7) می توان نمودارهای مؤلفههای افقی سرعت در مقاطع پشت مانع را بدون بعد کرد.

$$\xi = \frac{y - y_{\text{max}}}{b} \tag{6}$$

$$U_n = \frac{u - u_{\min}}{u_{\max} - u_{\min}} \tag{7}$$

که در این روابط ξ و U_n به ترتیب معرف مکان بیبعد و سرعت بیبعد شده از هستند. پارامترهای U_n و U_n و U_n و مکانهای محاسبه شده از وی "شکلهای 13 و 14" قابل دستیابی است. بدین منظور کافی است محل نقاط سرعت بیشینه و نصف آن به همراه مختصات این نقاط مشخص شود. تغییرات این سه پارامتر در زمانها و مقاطع مختلف در پشت مانع در "شکل

15 تا شکل "17 ترسیم شدهاند. به طورکلی به غیر از لحظات ابتدایی مشاهده می شود که روند تغییرات y_{\max} و y_{\max} با زمان تقریبا رو به افزایش است که البته این تغییرات به صورت خطی نمی باشند. همچنین مطابق انتظار با گذشت زمان و نزدیک شدن موج به مانع y_{\max} هم افزایش خواهند یافت و حاصل تفاضل آنها به نوعی با زمان کنترل می شود. در نتیجه این تعادل اثر خود را در پارامتر بدون بعد y_{\min} نشان می دهد.

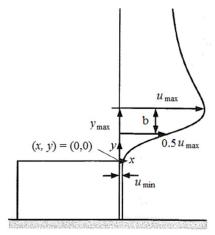


Fig.12 The pattern of horizontal component of velocity in shear layer formation time [12]

شكل 12 الكوى مؤلفه افقى سرعت در لحظهى شكل گيرى لايهى برشى [12]

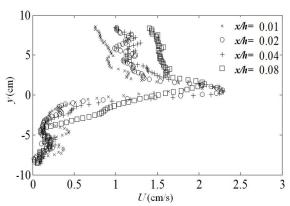


Fig.13 Horizontal component of velocity in several different section in constant time t^* =-0.2

 t^* =-0.2 سرعت افقی جریان در چند مقطع مختلف پشت جسم در زمان

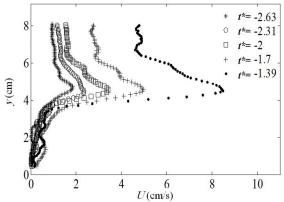


Fig.14 Horizontal component of velocity in several different time in constant section $\frac{x}{h} = 0.04$

 $\frac{x}{h}$ = 0.04 سرعت افقی در چند زمان متفاوت در مقطع ثابت 4.00 سرعت افقی در چند زمان

$$U_n = [\tanh(c_1.\xi + c_2) + 1].\{c_3 - c_4.\cos[c_5.(\xi + c_6)].e^{-\xi}$$
 (8)

که در این معادله ضرایب C_1 تا C_2 اعداد ثابتی هستند که باید بعد از برازش منحنی استخراج شوند. برازش منحنی میانگین مشخص شده در "شکل 18" با معادلهی (8) انجام شده است و ضرایب ثابت آن در جدول 2 قابل مشاهده است. همچنین ضرایب این معادله برای آزمایش لین برای یک مستطیل با پهنای زیاد و یک مستطیل با پهنای کم در جدول 2 آورده و با نتایج تحقیق حاضر مقایسه شده است. بررسی ضریب رگرسیون معادلهی برازش شده بر روی منحنی نشان می دهد که این پروفیل با دقت بسیار مناسبی از این معادله پیروی می کند. همچنین نزدیکی این ضریب به عدد C_1 و نزدیک بودن آن به اعداد به دست آمده در آزمایش لین نشان از دقت در آزمایش انجام شده دارد. به نوعی می توان نتیجه گرفت که معادلهی پیشنهاد شده توسط لین برای صفحهی نازک در حالت عمودی هم، صادق خواهد بود.

5-نتيجه گيري

در این پژوهش عبور یک تک موج آب از روی یک صفحهی نازک قائم با استفاده از آزمایش سرعتسنجی تصویری ذرات مورد بررسی قرار گرفت و مهمترین نتایج بهدست آمده به شرح زیر است:

1- بررسی الگوی جریان اطراف مانع نشان می دهد که عبور موج از روی مانع نازک شامل سه مرحله ی اصلی تشکیل گردابه ی ساعت گرد، تشکیل جت عمودی سیال و تشکیل گردابه ی پادساعت گرد در بالادست است.

2- عمده ترین تغییر شکل در جریان حول مانع نازک در مقایسه با مانع ضخیم در تشکیل گردابه ی پادساعت گرد در بالا دست بوده در حالی که در

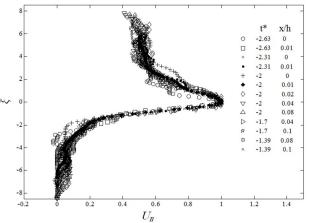


Fig.18 Non dimensional horizontal velocity profile in different time and section at the rear edge of the obstacle

شکل 18 پروفیل بیبعد سرعت افقی در مقاطع و زمانهای مختلف در پشت مانع

جدول 2 مقایسهی ضرایب معادلهی 8 در آزمایش انجام شده در این پژوهش و مراجع [14], [12] **Table 1** Comparison the constant of equation 8 between this study and

reference [12], [14]

<.i. ·!	مستطیل با پهنای	مستطیل با پهنای	. 11
مانع نازک	زياد [14]	کم [14]	پارامتر
0.0910	2.7238	1.63	C_1
0.9071	2.9873	1.5032	C_2
0.2645	0.4617	0.2799	C_3
-0.5021	0.0481	14.7156	C_4
-0.003	-1.7244	0.0187	C_5
69.03	30.719	145.94	C_6
0.978	0.988	0.979	R^2

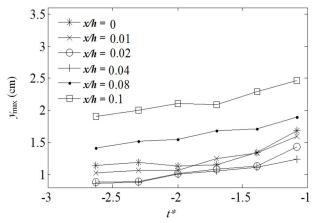


Fig.15 The changes in y_{max} with time at different section شكل 15 تغييرات y_{max} بازمان در مقاطع مختلف

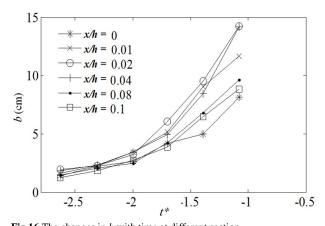


Fig.16 The changes in b with time at different section **شکل 16** تغییرات b بازمان در مقاطع مختلف

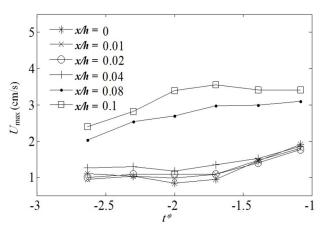
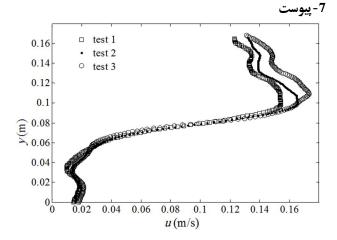


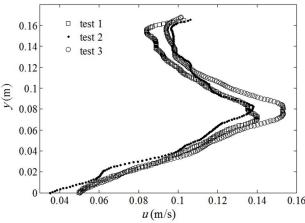
Fig.17 The changes in u_{max} with time at different section شکل 17 تغییرات u_{max} با زمان در مقاطع مختلف

با بدون بعد کردن محورهای سرعت و مکان از طریق روابط (6) و (7) مشاهده می شود که تمامی نمودارهای سرعت در زمان و مکانهای متفاوت در پشت مانع تقریبا از یک مسیر عبور می کنند. این نمودار بدون بعد شده در "شکل 18" برای 4 زمان و 4 مقطع نزدیک مانع رسم شده است. برای برازش منحنی میانگین عبوری از نقاط "شکل 18" از معادلهی پیشنهادی لین استفاده شده است. معادلهی پیشنهادی لین برای این پروفیل در پشت اجسام مستطیلی به صورت معادلهی (8) است.



Appendix.1 Compare the horizontal component of speed in the 3 tests at $t^* = -0.08$ and $\frac{x}{h} = 0.15$

 $\frac{x}{b} = 0.15$ و $t^* = -0.08$ و رازمایش در $t^* = -0.08$ و و



Appendix.2 Compare the vertical component of speed in the 3 tests at $t^* = -0.08$ and $\frac{x}{b} = 0.15$

 $\frac{x}{b} = 0.15$ و $t^* = -0.08$ و رامایش در $t^* = -0.08$ و وادی سرعت در 3

8-مراجع

- C. Chian, R. C. Ertekin, Diffraction of solitary waves by submerged horizontal cylinders, *Wave Motion*, Vol. 15, No. 2, pp. 121-142, 1992.
- [2] G. A. Zarruk, E. A. Cowen, T. R. Wu, Vortex shedding and evolution induced by a solitary wave propagating over a submerged cylindrical structure, *Journal of Fluids and Structures*, Vol. 124, No. 1, pp. 742-749, 2015.
- [3] C. Y. Chen, An experimental study of stratified mixing caused by internal solitarywaves in a two-layered fluid system over variable seabed topography, *Ocean Engineering*, Vol. 34, No. 14, pp. 1995– 2008, 2007.
- [4] C. M. Hsieh, R. R. Hwang, J. R. Hsu, M. H. Cheng, Numerical modeling of flow evolution for an internal solitary wave propagating over a submerged ridge, *Wave Motion*, Vol. 55, No. 1, pp. 48-72, 2015.
- [5] C. H. Chang, C. J. Tang, C. Lin, Vortex generation and flow pattern development after a solitary wave passing over a bottom cavity, *Computers & Fluids*, Vol. 53, No. 1, pp. 79–92, 2012.
- [6] C. J. Tang, J. H. Chang, Flow separation during solitary wave passing over submerged obstacle, *Journal of Hydraulic Engineering*, Vol. 124, No. 7, pp. 724-749, 1998.
- [7] C. J. Huang, C. M. Dong, On the interaction of a solitary wave and a submerged dike, *Coastal Engineering*, Vol. 43, No. 3, pp. 265– 286, 2001
- [8] K. A. Chang, T. J. Hsu, P. L. Liu, Vortex generation and evolution

هندسههای ضغیم یک گردابه بر روی سطح بالایی مستطیل و یک گردابه در پشت مانع تشکیل میشود که هر دو نیز در یک جهت چرخش و قدرت یکسان دارند. در حالی که در صفحهی نازک قائم به علت کم بودن ضخامت صفحه در روی آن گردابهای تشکیل نمیشود و تنها یک گردابهی ساعتگرد در پشت مانع و یک گردابهی پادساعتگرد در جلوی مانع (بالادست) تشکیل میشود که لزوما دارای قدرت یکسان نیستند.

3- قدرت بیشینهی گردابهی ساعتگرد در پشت صفحهی نازک در حدود سه برابر قدرت گردابهی پادساعتگرد در جلوی آن است. علاوهبر این تشکیل گردابهی پادساعتگرد به دلیل محل تشکیل و جهت چرخش باعث کاهش نیروی پسا منفی ناشی از گردابهی پادساعتگرد در زمانهای بعد از عبور موج می شود.

4- بررسی الگوی مؤلفهی افقی سرعت در زمانهای اولیه در پشت مانع نازک نشان میدهد که این پروفیل سرعت الگوی نسبتا یکنواختی دارند و پس از بدون بعد شدن همگی از یک منحنی پیروی میکنند. این منحنی با معادلهی معرفی شده برای مستطیل ضخیم [12] با دقت بالا و ضریب رگرسیون 0.978 برازش میشود.

6-فهرست علائم

(m) عرض مانع B

(m) فاصلهی بین محل سرعت بیشینه و نصف آن t

ضرایب ثابت معادله c

(m) ارتفاع مانع D

g شتاب گرانش (g

(m) ارتفاع بیشینه موج H

(m) ارتفاع آب ساكن h

(m) منخامت مانع L

Re عدد رينولدز

(s) زمان t

س مؤلفه افقى سرعت (ms⁻¹)

سرعت (ms⁻¹) مؤلفه عمودی سرعت

(m) مختصات طولی x

مختصات عرضی (m)

علائم يوناني

 $(\text{kgm}^{-1}\text{s}^{-1})$ لزجت دینامیکی μ

(s⁻¹) ورتيسيته

¹ لزجت سينماتيكي (m²s⁻¹)

 (m^2s^{-1}) سير كولاسيون I

مکان بدون بعد شده

بالانويسها

بدون بعد شدهی پارامتر اصلی

زيرنويسها

بيسيب

max بیشینه

min کمینه

n بدون بعد شده

- Conference on Offshore Mechanics and Arctic Engineering, Hamburg, Germany, June 4-9, 2006.
- [15]C. F. Ferguson, Submerged Pressure Differential Wave Energy Converter, PhD Thesis, Department of Faculty of the Physics, California Polytechnic State University, San Luis, 2011.
- [16] Hollow glass spheres and silver-coated hollow glass spheres, Dantec Dynamic company, Accessed 10 march 2006; http://www.dantecdynamics.com/seeding-materials.
- [17] Yag laser LWGL532-130112 model, Beijing Laserwave Optoelectronics Tech company, Accessed 22 january 2005; http://www.pco.de/scmos-cameras.
- [18] CMOS camera 1200h model, PCO company, Accessed 8 may 2008; http://www.laser-wave.com/EN/products_show.aspx.
- [19] Wave height gauge AWP-24-3 model, Acamina company, Accessed 15 april 2001; http://www.akamina.com/AWP-300-3.html.
- [20] W. Thielicke, E. J. Stamhuis, Affordable and accurate digital particle image velocimetry in MATLAB, *Journal of Open Research Software*, Vol. 2, No. 1, pp. 30-31, 2014.
- [21] Gh. Taherian, M. Nili-Ahmadabadi, M. Zabetian, M. Karbasipour, Two-dimensional investigation of free convection flow around a heated horizontal cylinder immersed in water using PIV technique, *Journal of Solid and Fluid Mechanics*, Vol. 4, No. 1, pp. 107-117, 2014. (in Persian

- in water waves propagating over a submerged rectangular obstacle: Part I. Solitary waves, *Coastal Engineering*, Vol. 44, No. 1, pp. 13–36, 2001.
- [9] Y. T. Wu, S. C. Hsiao, Z. C. Huang, K. S. Hwang, Propagation of solitary waves over a bottom-mounted barrier, *Coastal Engineering*, Vol. 62, No. 1, pp. 31–47, 2012.
- [10] K. S. Hwang, Z. C. Huang, H. H. Hwung, K. A. Chang, Unstable vortices induced by solitary waves propagating over a rectangular barrier, *Proceedings of The 10th Asian Symposium on Visualization*, Andhra Pradesh, India, April 10, 2009.
- [11] M. Y. Lin, L. H. Huang, Vortex shedding from a submerged rectangular obstacle attacked by a solitary wave, *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 651, No. 1, pp. 503–518, 2010.
- [12] C. Lin, T. Y. Ho, S. C. Hsieh, K. A. Chang, Laboratory observation of solitary wave propagating over a submerged rectangular dike, *Journal of Engineering Mechanics*, Vol. 132, No. 5, pp. 545-554, 2006.
- [13] F. Zhuang, J. J. Lee, A viscous rotational model for wave overtopping over marine structure, *Proceedings of The 25th International Conference on Coastal Engineering*, Orlando, U. S. statec, September 2-6, 1996.
- [14] C. Lin, T. Y. Ho, S. C. Hsieh, K. A Chang, Characteristics of vortex shedding process induced by a solitary wave propagating over a submerged obstacle, *Proceedings of The 25th International*