



مدل سازی و کنترل عملگر آلیاژ حافظه دار با روش مد لغزشی فازی

سعید شکی¹، محمدرضا ذاکرزاده^{2*}

1- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه تهران، تهران

2- استادیار، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه تهران، تهران

* تهران، صندوق پستی - ، zakerzadeh@ut.ac.ir

چکیده

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: 17 اردیبهشت 1395

پذیرش: 04 تیر 1395

ارائه در سایت: 16 مرداد 1395

کلید واژگان:

مدل پرنتل - ایشلینسکی تعمیم یافته

آلیاژ حافظه دار

کنترلر مد لغزشی فازی

آلیاژهای حافظه دار کاندیدای بسیار مناسبی در زمینه های مختلف مهندسی هستند. یکی از مزیت های آلیاژهای حافظه دار کرنش بالای این مواد است. علاوه بر این ویژگی، سبکی و رفتار سوپرالاستیک از دیگر ویژگی های این مواد می باشد. همه این مشخصات، آلیاژهای حافظه دار را به عنوان یک گزینه مناسب در زمینه های مهندسی معرفی کرده است. این آلیاژها پدیده غیرخطی هیستریزس را در خود دارند. وجود هیستریزس در این مواد، مشکلات استفاده از آن ها به عنوان عملگر موقعیت را افزایش داده است. روش های مختلفی برای مدل سازی هیستریزس این مواد ارائه شده است. در این مقاله، مدل تعمیم یافته پرنتل - ایشلینسکی به دلیل سادگی، کارآمدی و دارا بودن معکوس تحلیلی، برای مدل سازی به کار گرفته شده است. مدل سازی هیستریزس ماده، بر اساس داده های تجربی یکی از مقالات اعتبارسنجی شده است. در بخش کنترل، دو روش کنترلی تناسبی - مشتق گیر - انتگرال گیر و مد لغزشی فازی مقایسه شده اند. روش کنترل مد لغزشی فازی یک روش مناسب برای کنترل سیستم های بدون مدل ریاضی است که می تواند مقاوم بودن سیستم را افزایش دهد. در این مقاله نشان داده شده است که در صورت استفاده از روش فازی، این امکان فراهم می شود که به ازای خطا بین ورودی مرجع و پاسخ سیستم، ورودی کنترلی مناسبی به سیستم جهت از بین بردن خطا اعمال گردد. در حالی که در کنترلر تناسبی - مشتق گیر - انتگرال گیر به دلیل ثابت بودن ضرایب کنترلر خطا قابل قبول نمی باشد. نتایج این تحقیق، کارایی روش مد لغزشی فازی نسبت به کنترلر کلاسیک تناسبی - مشتق گیر - انتگرال گیر را نشان می دهد.

Modeling and control of a shape memory alloy actuator using fuzzy sliding mode controller

Saeid Shakki, Mohammad Reza Zakerzadeh*

School of Mechanical Engineering, College of Engineering, University of Tehran, Tehran, Iran

* P.O.B. 11155-4563 Tehran, Iran, zakerzadeh@ut.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 06 May 2016

Accepted 24 June 2016

Available Online 06 August 2016

Keywords:

Generalized Prandtl-Ishlinskii model

shape memory alloy

fuzzy sliding mode controller

ABSTRACT

Shape memory alloys (SMAs) are suitable candidates in various fields of engineering. One advantage of these alloys is their capabilities in developing high strain and force. In addition to these great features, lightweight and super-elastic behavior are other traits of these materials. These specifications are of such importance and allow SMAs to be suitably used in further engineering applications. However, their intrinsic hysteresis non-linear behavior makes their usage as position actuators difficult. Despite this challenge there are various methods proposed in the literature to model the hysteresis behavior of such materials. In this paper, a generalized Prandtl-Ishlinskii model, because of its simplicity, efficiency and inverse analytical capability, has been used for modeling the SMA behavior. In addition, the hysteresis modeling has been validated via experimental data of one of the articles. In the control section, however, two control systems consisting of PID and fuzzy sliding mode controllers have been used. Fuzzy sliding mode control system is a method that can be used in systems without mathematical model and leads to increased robustness. It is shown in this paper that by using this method, it is possible to apply a suitable control input to the system in order to remove the error signal. However, by using PID controllers, the error signal is not acceptable due to the constant controller coefficients. The results illustrate a more efficient performance of fuzzy sliding mode controller with respect to the classical PID controller.

1- مقدمه

زمانی که عملگرهای آلیاژ حافظه دار تغییر شکل داده و سپس گرم می شوند، توانایی برگشتن به شکل از پیش تعیین شده خود را دارند. این ویژگی کاربردی این مواد را به عنوان عملگر در زمینه های مختلف مهندسی از جمله رباتیک افزایش داده است [4-]. ولی وجود اثر هیستریزس غیر خطی در رفتار این مواد، مشکلاتی را برای کنترل آن ها ایجاد کرده است. پدیده هیستریزس در

اکثر مواد هوشمند همچون آلیاژهای حافظه دار مغناطیسی □ ، فرومغناطیسی [6]، مگنتواستریکتیوها [7] و پیزوالکتریک ها مشاهده می شود.

هیستریزس های مدل نشده در مواد هوشمند، منجر به خطای رد یابی و کاهش عملکرد سیستم کنترلی می شوند. برای غلبه بر این مشکل، لازم است مدل سازی رفتار هیستریزیسی این مواد انجام شود. مدل های هیستریزیسی

Please cite this article using:

S. Shakki, M. R. Zakerzadeh, Modeling and control of a shape memory alloy actuator using fuzzy sliding mode controller, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 7, pp. 353-360, 2016 (in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

2-2- مدل تعمیم یافته پرنتل-ایشلینسکی

مدل پرنتل - ایشلینسکی کلاسیک از یک اپراتور بازی با یک تابع چگالی برای توصیف مواد با رفتار هیستریزس استفاده می کند. شکل رابطه بین ورودی و خروجی اپراتور بازی هیستریزس کلاسیک و تعمیم یافته را نشان می دهد. این اپراتور که بوسیله ورودی u و حد نهایی r (تعیین کننده پهنای عملگر هیستریزس) مشخص شده یک اپراتور پیوسته وابسته به نرخ است.

فرض می شود که T فضای C_m تکه ای پیوسته تابع و $u(t) \in T$ که ورودی در هر زیر بازه $[t_i, t_{i+1}]$ یکنواخت باشد. در حالی - که $t_0 < t_1 < \dots < t_i < t_{i+1} < \dots < t_N = T$. بنابراین خروجی مدل پرنتل-ایشلینسکی کلاسیک به صورت معادله () بدست می آید [17]:

$$y_{\text{classic}}(t) = \int_0^R p(r) F_r(u(t)) dr \quad ()$$

در حالی که در این معادله $p(r)$ یک تابع چگالی مثبت استنتاجی، r آستانه مثبت به ازای $r_0 < r_1 < \dots < r_i < r_{i+1} < \dots < r_N = R$ و $F_r(u(t))$ اپراتور بازی کلاسیک است.

برای $t_i < t < t_{i+1}$ و $N - i$ اپراتور بازی به صورت معادله () تعریف می شود [2]:

$$F_r(u(t)) = \begin{cases} f_r(u) & \text{if } u \leq r \\ w & \text{if } u > r \end{cases} \quad ()$$

در حالی که: $f_r(u) = u - r$ و $w = u + r$

در کاربردهای عملی تعداد محدودی از اپراتورهای بازی هیستریزس برای مدل کردن رفتار هیستریزس به کار گرفته می شود. در این حالت خروجی مدل پرنتل - ایشلینسکی کلاسیک در معادله () نشان داده شده است [2]:

$$y_{\text{classic}}(t) = \sum_{i=0}^R p_i F_{r_i}(u(t)) \quad ()$$

که N تعداد اپراتورهای بازی کلاسیک است. برای حذف ضعف مدل کلاسیک در سیستم های با خروجی اشباع، اپراتور بازی تعمیم یافته ارائه شده است. این اپراتور بازی غیرخطی برای کاهش و افزایش ورودی و بدست آوردن کاهش و افزایش در خروجی به صورت توابع γ_l و γ_r تعریف شده است.

توابع γ_l و γ_r با قید $\gamma_l < \gamma_r$ توابع پوش پیوسته، محدود و معکوس در محدوده ورودی می باشند. بر اساس معادله () خروجی اپراتور هیستریزس بازی تعمیم یافته به صورت تحلیلی برای $t_i < t < t_{i+1}$ و $N - i$ به صورت معادله () تعریف شده است [2]:

$$S_r(u) = \begin{cases} g_r(u) & \text{if } u \leq z \\ S_r(u) & \text{if } u > z \end{cases} \quad ()$$

که $\gamma_l(u) = r$ و $\gamma_r(u) = z$. بدین ترتیب خروجی مدل پرنتل - ایشلینسکی تعمیم یافته در معادله () بدست می آید [2]:

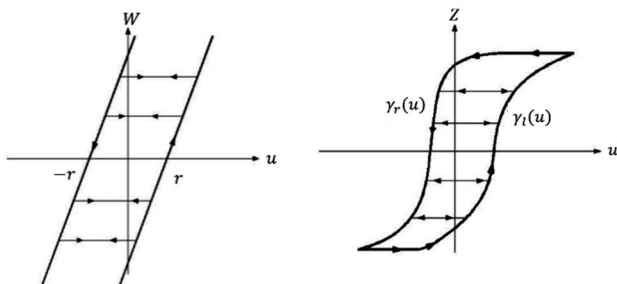


Fig. 1 Input and output relations in generalized and classic play operators

شکل 1 رابطه ورودی و خروجی در اپراتورهای بازی کلاسیک و تعمیم یافته [2]

بسیاری برای پیش بینی رفتار عملگرهای فروالکتریک، الکترومغناطیس، پیزوسرامیک و آلیاژهای حافظه دار مغناطیسی گزارش شده است [7,8].

در مجموع دو مدل متفاوت برای مدل سازی هیستریزس مواد هوشمند پیشنهاد شده است. نوع اول این مدل ها شامل فیزیک هیستریزس و ترکیب آن با ضرایب استخراج شده از تست های تجربی است [9-]. استفاده از این مدل ها در سیستم های کنترلی آسان نیست، زیرا اساس فیزیکی برخی از مشخصات هیستریزس قابل فهم نیست. نوع دوم این مدل سازی ها مبتنی بر طبیعت پدیدارشناختی و توصیف این پدیده به صورت ریاضی است. در این روش مدل سازی، مدل های معروفی همچون پریساج، کراسنوسلسکی-پوکروفسکی و پرنتل-ایشلینسکی وجود دارند. از بین مدل های مذکور مدل پرنتل-ایشلینسکی به دلیل سادگی و داشتن معکوس تحلیلی بیشتر مورد توجه قرار گرفته است. زمانی که از این مدل های پدیدار شناسانه برای مدل سازی هیستریزس مواد هوشمند استفاده می شود، تنها روش های کنترلی مستقل از مدل برای کنترل موقعیت آن ها مناسب می باشد.

کنترل فازی به طور رایج در زمینه های مهندسی مورد استفاده قرار می گیرد، زیرا این روش کنترلی یک روش جدید در زمینه کنترل سیستم ها بدون در نظر گرفتن پیچیدگی های مدل ریاضی سیستم است. از آنجا که، کنترل مد لغزشی یک روش کنترلی مقاوم است که بعد از ورود به سطح لغزش، سیستم را در زمان کوتاه به پایداری می رساند، استفاده از روش کنترل مد لغزشی فازی باعث می شود، تا بتوان به کنترلی مقاوم و مستقل از مدل دست یافت.

به دلیل سادگی و کارآمدی روش های فازی، استفاده از ترکیب های این روش با روش های کنترلی دیگر نیز گسترش یافته است [9-].

در این پژوهش مدل سازی آلیاژ حافظه دار مغناطیسی به روش تعمیم یافته پرنتل-ایشلینسکی صورت گرفته و از کنترلرهای تناسبی- مشتق گیر-انتهال گیر و مد لغزشی فازی برای ردیابی ورودی مرجع استفاده شده است. نشان داده می شود که استفاده از کنترل مد لغزشی فازی نسبت به کنترل دسیک تناسبی- مشتق گیر-انتهال گیر خطای ردیابی مسیر را کاهش می دهد.

2- مدل سازی

2-1- مقدمه

مدل پرنتل - ایشلینسکی یکی از مدل های پدیدار شناختی مبتنی بر اپراتور است که در مدل سازی رفتار غیرخطی هیستریزس موادی همچون پیزوالکتریک، پیزوسرامیک، مگنتواستریکتیو و آلیاژهای حافظه دار استفاده می شود. ویژگی منحصر به فرد و جالب این مدل در مقایسه با مدل های پریساج و کراسنوسلسکی- پوکروفسکی ، وجود معکوس تحلیلی برای آن است. معکوس این مدل به راحتی می تواند به عنوان کنترلر پیشخور برای جبران رفتار غیرخطی هیستریزس به کار گرفته شود.

مانند مدل پریساج، این مدل با اپراتور بازی¹ و یک تابع چگالی برای تعیین شکل هیستریزس تعریف شده است [2]. اولین فرم این مدل، پرنتل - ایشلینسکی کلاسیک نامیده می شود که به علت طبیعت محدود اپراتور بازی کلاسیک نمی تواند سیستم ها با خروجی های اشباع شده را توصیف کند. علاوه بر این ضعف، طبیعت متقارن مدل کلاسیک برای سیستم هایی که عدم تقارن دارند با خطاهای زیاد همراه می شود. به منظور حذف این محدودیت ها اصلاحاتی روی این مدل انجام شده و مدل تعمیم یافته آن معرفی شده است.

¹ play operator

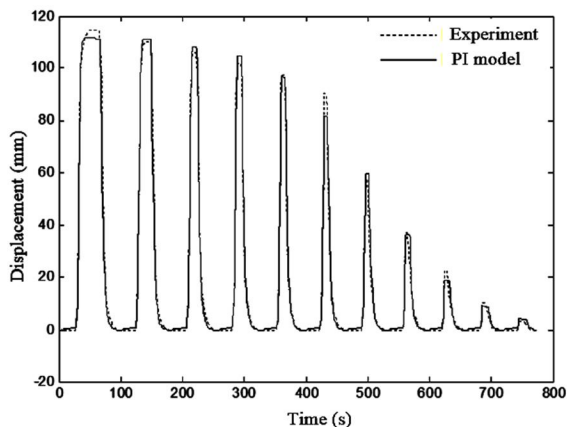


Fig. 3 Model and experimental test comparison to input data for training

شکل 3 مقایسه خروجی مدل و نتایج آزمایش تجربی به داده ورودی برای آموزش

جدول 1 پارامترهای شناسایی شده مدل پرائنل-ایشلینسکی تعمیم یافته

Table 1 Identified Parameters of PI model

مقدار	متغیرها
2.2719	P_1
-8.7445	P_2
13.9191	P_3
-2.2395	P_4
-15.7348	P_5
2.9591	P_6
-5.2257	P_7
-15.729	P_8
-24.4069	P_9
40.9213	P_{10}
73.4325	P_{11}
0.6779	q

بعد از آموزش مدل، برای اطمینان از صحت مدل روی آن تست انجام شده است. برای این کار داده‌های شکل به عنوان ورودی تست در نظر گرفته شده است. شکل خروجی‌های مدل و آزمایش را برای داده‌های تست نشان می‌دهد. با توجه به خطای کم مدل تربیت شده و داده‌های تست، عملکرد مناسب مدل نتیجه می‌شود.

4- طراحی کنترلر

4-1- سطح لغزشی انتگرالی

در طراحی سیستم کنترلی برای سیستم‌های دینامیکی، معمولاً از ترم انتگرال

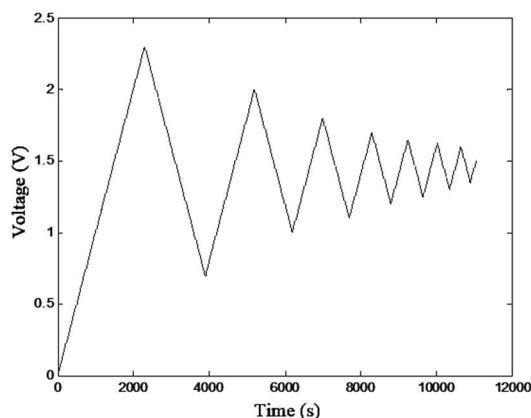


Fig. 4 Input data for model testing

شکل 4 داده ورودی برای تست مدل

$$y_{generalized} t = \int_0^R p u S_r u t dt \quad (1)$$

در مواردی که از یک تعداد محدود اپراتور هیستریزس بازی استفاده می‌شود، معادله (1) کارایی دارد [2]:

$$y_{generalized} t = q u t + \sum_{i=0}^R p_i S_{r_i} u t \quad (2)$$

که N تعداد اپراتورهای بازی تعمیم یافته است. از معادلات مشخص است که مدل پرنتل-ایشلینسکی کلاسیک، یک حالت خاصی از مدل تعمیم یافته است ($\gamma_l = \gamma_r = u$).

خروجی مدل پرنتل-ایشلینسکی تعمیم یافته شدیداً به شکل توابع پوش و تابع چگالی وابسته است. این توابع باید متناسب با رفتار هیستریزس مواد انتخاب شوند.

2-3- فرمولاسیون توابع پوش، چگالی و آستانه برای آلباژ حافظه دار

از آنجا که خروجی توابع پوش، چگالی و آستانه به شدت به پارامترهای آنها وابسته است، این پارامترها باید براساس دیتاهای آزمایشگاهی بدست بیاید. به علت محدود بودن، پیوستگی و ویژگی معکوس پذیری توابع تانژانت هیپربولیک، معمولاً از این توابع برای توابع پوش استفاده می‌شود [2]. توابع پوش تعمیم یافته در معادله (3) نشان داده شده است:

$$\begin{matrix} \gamma_r u & P_1 & P_2 u & P_3 & P_4 \\ \gamma_l u & P_5 & P_6 u & P_7 & P_8 \end{matrix} \quad (3)$$

همچنین، فرمی که برای توابع چگالی و آستانه در نظر گرفته می‌شود به صورت معادله (4) است [2]:

$$\begin{matrix} p_j & P_9 e^{-P_{10} r_j} & j & N \\ r_j & P_{11} j & j & N \end{matrix} \quad (4)$$

بنابراین برای پیش‌بینی رفتار مواد با استفاده از مدل پرنتل-ایشلینسکی تعمیم یافته، ابتدا باید ثابت مدل با استفاده از دیتاهای آزمایش بدست آید تا توان رفتار سیستم مورد نظر را پیش‌بینی کند.

3-1- اعتبار سنجی مدل پرائنل-ایشلینسکی

داده‌های آزمایش مرجع [2] به عنوان داده‌های آموزش و تست مدل انتخاب شده است. برای آموزش، داده‌های شکل به عنوان ورودی مدل در نظر گرفته شده است و نتایج شکل خروجی مدل و آزمایش را نشان می‌دهد. برای بدست آوردن پارامترهای مدل پرنتل-ایشلینسکی از الگوریتم ژنتیک استفاده شده است. پارامترهای شناسایی شده مدل در جدول نشان داده شده است.

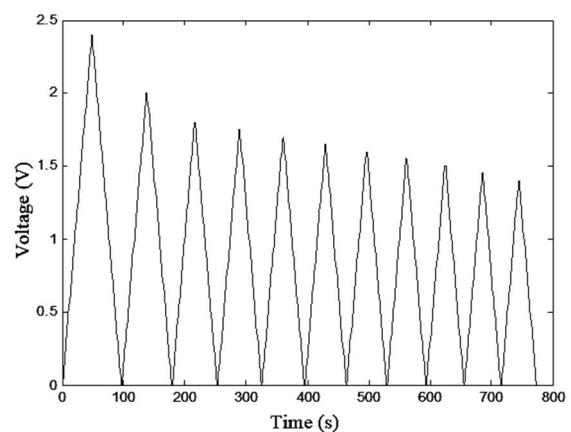


Fig. 2 Input data for model training

شکل 2 داده ورودی برای آموزش مدل

$$t_{reach} \leq \frac{s}{\zeta} \quad ()$$

برای سادگی اثبات، فرض می شود که سیستم درجه دو به صورت معادله () در نظر گرفته شود:

$$\ddot{x} = f - u \quad ()$$

برای اثبات پایداری، سطح لغزش و مشتق آن به صورت رابطه () نشان داده می شود:

$$\begin{aligned} s(x, t) &= \left(\frac{d}{dt} \lambda \right) e^{-\lambda(x - x_d)} - \dot{x} - \dot{x}_d \\ \dot{s} &= \ddot{x} - \ddot{x}_d - \lambda \dot{x} - \dot{x}_d = f - u - \ddot{x}_d - \lambda \dot{x} - \dot{x}_d \end{aligned} \quad ()$$

بهترین تقریب از ورودی کنترلی، زمانی است که s و $\dot{s}$ صفر باشند [2]. بنابراین بهترین تقریب از ورودی کنترلی به صورت رابطه () است:

$$\ddot{u} = -\ddot{f} - \ddot{x}_d - \lambda \dot{x} - \dot{x}_d \quad ()$$

از طرفی یک راه حل ساده برای شرط لغزش هنگام وجود عدم قطعیت، قانون کنترلی تابع علامت است، که به صورت رابطه () نشان داده می شود:

$$u_{dis} = \ddot{u} - K s \quad ()$$

که تابع علامت s به صورت رابطه () تعریف می شود:

$$s = \begin{cases} \frac{s}{|s|} & s > 0 \\ -\frac{s}{|s|} & s < 0 \end{cases} \quad ()$$

در معادله () یک ثابت مثبت است. اگر تابع لیپانوف به صورت رابطه () در نظر گرفته شود:

$$V = s^2 \quad ()$$

برای بررسی پایداری تابع، باید مشتق تابع لیپانوف منفی باشد. مشتق تابع لیپانوف به صورت معادله () بدست می آید:

$$-\frac{d}{dt} s^2 = 2s \dot{s} = 2s [f - \ddot{f} - K s] = 2s(f - \ddot{f}) - 2K s^2 \quad ()$$

بنابراین با انتخاب K مناسب می توان پایداری سطح لغزش را به اثبات رسانید. با توجه به اثبات مطرح شده، اگر سطح لغزش به صورت رابطه () در نظر گرفته شود:

$$s(x, t) = \left(\frac{d}{dt} \lambda \right)^2 \int_0^t e^{-\lambda(x - x_d)} dt \quad ()$$

ورودی کنترلی به صورت معادله () می شود:

$$\ddot{u} = -\ddot{f} - \ddot{x}_d - \lambda \dot{x} - \dot{x}_d - \lambda^2 x - x_d \quad ()$$

برای جزئیات بیشتر از روش سطح لغزشی انتگرالی به مراجع [2-، 2] مراجعه شود.

4-2- ایده کنترل مد لغزشی فازی

نظریه کنترل فازی شامل فازی سازی، یک پایه قانون فازی، استنتاج فازی و غیر فازی سازی است [2]. معمولاً پایه قوانین فازی از تجارب کارشناسان بدست می آید که گاهی اوقات به علت تجارب اشتباه یا توابع عضویت بیش از حد، نامناسب نیز می باشد. در این مواقع، ضمانت مقاوم و پایدار بودن سیستم به سختی می تواند بدست آید. کنترل مد لغزشی فازی، روشی برای غلبه بر این مشکل است. در این روش، از ایده سطح لغزش برای تعریف قوانین فازی استفاده شده است. در بسیاری از سیستم های کنترل فازی، پایه قانون فازی به طور همزمان به خطا و نرخ خطای کنترل وابسته است، به طوری که قوانین منطق فازی افزایش می یابد و توابع عضویت پیچیده می شود.

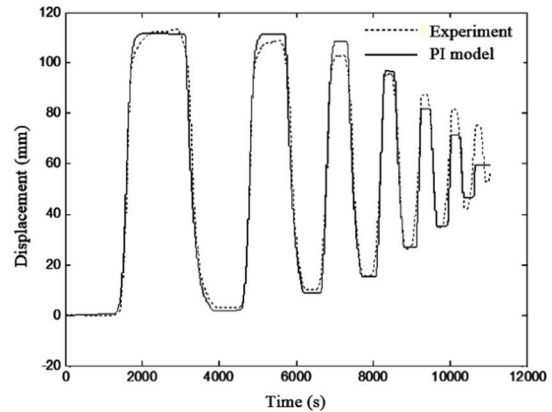


Fig. 5 Model and experimental test comparison to input data for testing

شکل 5 مقایسه خروجی مدل و نتایج آزمایش تجربی به داده ورودی برای تست

برای صفر کردن خطای پایا استفاده می شود. در مراجع [2-] ترم انتگرال در سطح لغزش برای بهبود کنترلر مد لغزشی استفاده شده است. سیستم غیرخطی در رابطه () در نظر گرفته می شود [2]:

$$\ddot{x}^n = f(x) - b(x)u \quad ()$$

به طوری که u بردار ورودی کنترلی، $\ddot{x}$ بردار حالت سیستم به صورت $x, \dot{x}, \ddot{x}^{N-1}$ ، $f(x)$ دینامیک های مدل نشده یا عدم قطعیت و $b(x)$ تابعی شناخته شده می باشد. هدف اصلی طراحی کنترلر سطح لغزشی مبتنی بر ترم انتگرال می باشد. بردار خطای ردیابی به صورت معادله () می باشد:

$$e = x - x_d \quad [e \quad \dot{e} \quad \ddot{e} \quad e^{n-1}]^T \quad ()$$

به طور کلی سطح لغزشی به صورت معادله () در نظر گرفته می شود:

$$s(x, t) = \left(\frac{d}{dt} \lambda \right)^{n-1} e \quad ()$$

که λ یک ثابت مثبت است. برای صفر کردن خطای ردیابی، می توان از ترم انتگرال در سطح لغزش استفاده کرد. در این صورت سطح لغزش به صورت معادله () تعریف می شود:

$$s(x, t) = \left(\frac{d}{dt} \lambda \right)^{n-1} \int_0^t e dt \quad ()$$

بنابراین مطابق با روش های رایج سطح لغزش، ورودی کنترلی از رابطه () برای حرکت روی سطح لغزش تعیین می شود:

$$-\frac{d}{dt} s^2(x, t) \leq -\zeta |s(x, t)| \quad ()$$

درحالی که ζ یک عدد مثبت است. اگر s مثبت باشد، رابطه () بدست می آید:

$$\frac{d}{dt} s \leq -\zeta \quad ()$$

برای حذف ترم مشتق گیر در رابطه از یک فرم انتگرال گیر به صورت رابطه () استفاده می شود:

$$\int_{t=0}^{t=t_{reach}} \frac{d}{dt} s \leq -\int_{t=0}^{t=t_{reach}} \zeta \quad ()$$

درحالی که t_{reach} زمانی است که تراژکتوری ها به سطح لغزش می رسند. بنابراین زمان رسیدن به صورت رابطه () بدست می آید:

$$-s \leq -\zeta t_{reach} \quad ()$$

اگر s منفی باشد، آنگاه زمان رسیدن به صورت معادله () بدست می آید:

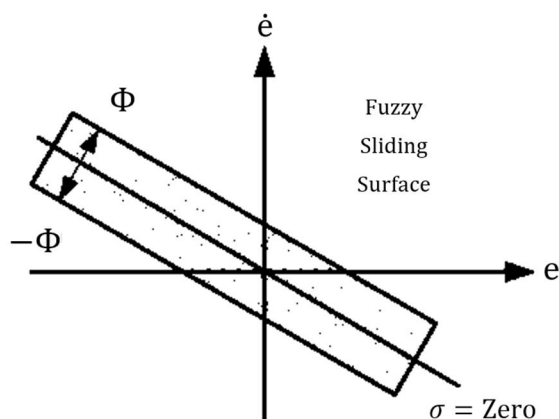


Fig. 7 Fuzzy sliding surface

شکل 7 سطح لغزشی فازی [5]

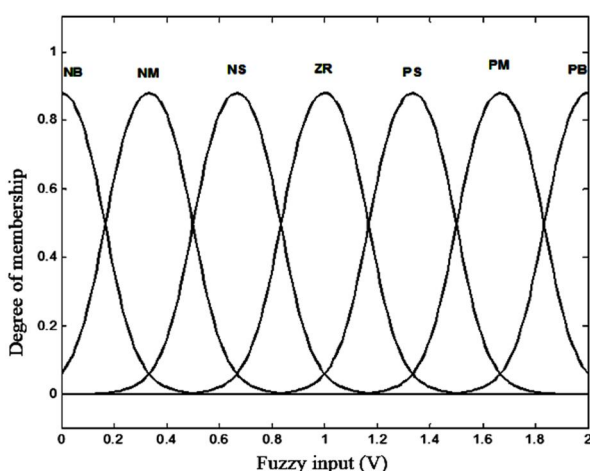


Fig. 8 Membership function of sliding surface (fuzzy algorithm input)

شکل 8 توابع عضویت سطح لغزش (ورودی الگوریتم فازی)

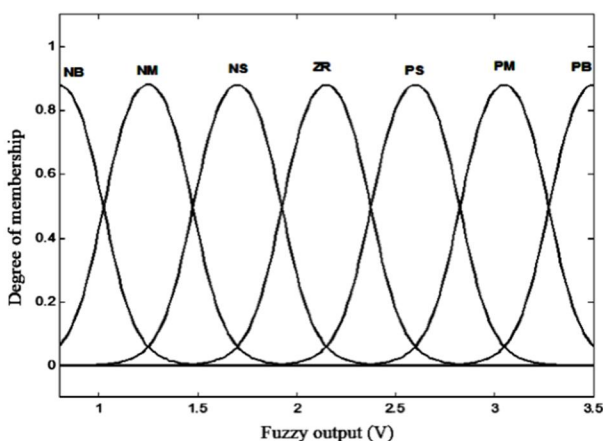


Fig. 9 Membership function of sliding surface (fuzzy algorithm input)

شکل 9 توابع عضویت خروجی فازی (ورودی به سیستم مدار بسته)

برای منطق فازی از روش ممدانی و برای غیرفازی سازی از روش مرکز سطح غیرفازی ساز استفاده شده است [5]. تحلیل تابع غیرخطی سیستم کار مشکلی است، زیرا سیستم شدیداً غیر خطی و وابسته به زمان است. بنابراین با استفاده از قوانین فازی با توجه به خطا، ورودی مناسبی به سیستم اعمال می‌شود. نتایج ورودی کنترلی فازی در شکل مشخص شده است.

سیستم کنترل مد لغزشی فازی، یک تابع سطح لغزش فازی σ برای کاهش ابعاد فضای ورودی و تعداد قوانین منطق فازی معرفی می‌کند [5]. در این حالت دیگر نیازی به رابطه یک به یک بین ورودی‌های خطا نیست. بلکه با تعریف یک سطح لغزش که به سطح لغزش تناسبی - مشتق گیر - انتگرال گیر معروف است، با در نظر گرفتن یک ورودی به سیستم فازی، طراحی کنترلر انجام می‌شود. شکل بلوک دیاگرام سیستم کنترل مد لغزشی فازی این پژوهش را نشان می‌دهد.

3-4- نظریه کنترل مد لغزشی فازی

یک سیستم غیرخطی در نظر گرفته می‌شود:

$$\dot{x}^n = f(x, t) + u \quad (1)$$

در حالی که $x^T = [x, \dot{x}, \dots, x^{n-1}]^T$ بردار حالت، $f(x, t)$ یک تابع غیرخطی با محدوده $F(x, t)$ ، $d(t)$ یک اغتشاش محدود شده به $D(t)$ و u که ورودی کنترلی است. خطای ردیابی بردار حالت به صورت معادله (2) تعریف می‌شود:

$$e^T = [e, \dot{e}, \ddot{e}, \dots, e^{n-1}]^T \quad (2)$$

در حالی که $x_d(t)$ خروجی دلخواه است. تعریف کلی سطح لغزشی فازی به صورت معادله (3) می‌باشد [5]:

$$\sigma(x, t) = \left(\frac{d}{dt} \right)^\alpha e \quad (3)$$

که α یک ثابت مثبت تعریف شده است. در سیستم کنترل مد لغزشی فازی، به طور معمول سطح لغزش فازی سیستم درجه دو رایج می‌باشد (شکل 1). لایه مرزی سطح لغزش فازی این سیستم را نشان می‌دهد. اما در این مقاله برای تعریف سطح لغزش سیستم علاوه بر مشتق و خطا، از انتگرال خطا نیز استفاده شده است (شکل 2). وجود انتگرال خطا، خطای حالت پایا را کاهش می‌دهد. شکل توابع عضویت سطح لغزش فازی را نشان می‌دهد که ورودی سیستم فازی هستند. سطح لغزش فازی به واسطه مجموعه توابع عضویت در معادله (4) نشان داده شده‌اند:

$$\sigma = \quad (4)$$

با توجه به ورودی خطا به سیستم فازی، خروجی فازی متناسب با خطا برای اعمال به سیستم تولید می‌شود. شکل خروجی سیستم فازی و ورودی کنترلی به مدل پرنتل-ایشلینسکی است. توابع عضویت خروجی فازی که ورودی کنترلی به مدل می‌باشد به واسطه توابع عضویت در معادله (5) مشخص شده‌اند:

$$u = \quad (5)$$

بنابراین از قانون فازی که در کنترل فازی رایج، به خطای کنترل، نرخ و انتگرال آن وابسته است، مد لغزشی فازی به کار برده شده در این مقاله با استفاده از سطح لغزش فازی تنها به قانون فازی نیاز دارد. بنابراین قوانین فازی می‌تواند در جدول خلاصه شود.

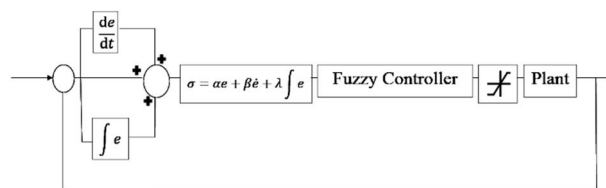


Fig. 6 Block diagram of fuzzy sliding mode controller

شکل 6 بلوک دیاگرام کنترلر مد لغزشی فازی

جدول 2 قوانین فازی

Table 2 Fuzzy rules

شماره قانون	قانون فازی
R^1	اگر σ ، باشد، آنگاه u ، است
R^2	اگر σ ، باشد، آنگاه u ، است
R^3	اگر σ ، باشد، آنگاه u ، است
R^4	اگر σ ، باشد، آنگاه u ، است
R^5	اگر σ ، باشد، آنگاه u ، است
R^6	اگر σ ، باشد، آنگاه u ، است
R^7	اگر σ ، باشد، آنگاه u ، است

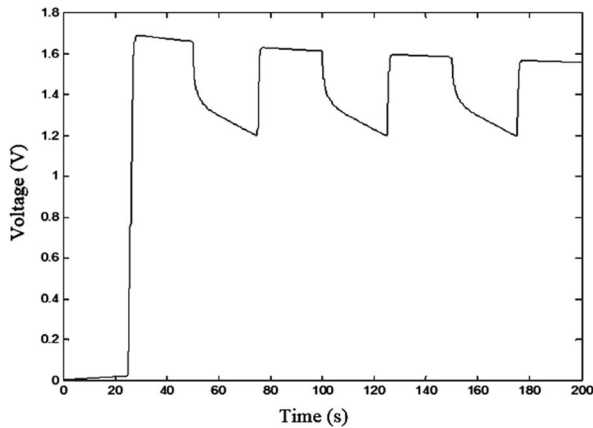


Fig. 11 Control signal to closed loop system using PID controller

شکل 11 سیگنال کنترلی به سیستم مدار بسته در حالت کنترلر تناسبی-مشتق-گیر-انتگرال گیر به ازای ورودی خاص

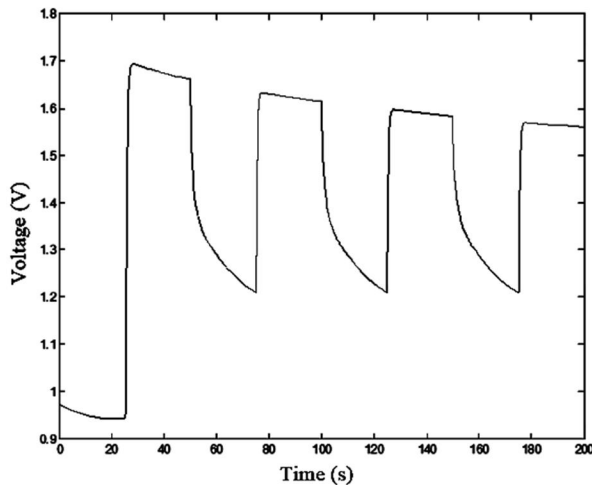


Fig. 12 Control signal to closed loop system using FSMC controller

شکل 12 سیگنال کنترلی به سیستم مدار بسته در حالت کنترلر مد لغزشی فازی به ازای ورودی خاص

جدول 3 پارامترهای سطح لغزش

Table 3 Parameters of sliding surface

ضرایب سطح لغزش	مقدار
α	
β	
λ	

5-2- مسیر یابی ورودی سینوسی با دامنه متغیر

در دومین آزمایش ورودی t $(-\pi/2 \leq t \leq \pi/2)$ با فرکانس هرتز به عنوان ورودی مطلوب به سیستم مدار بسته داده شده و نتایج دو کنترلر در شکل رسم شده است. میانگین مربعات خطا برای کنترلر تناسبی-مشتق-گیر-انتگرال گیر میلی متر و برای کنترلر مد لغزشی فازی میلی متر بدست آمده است.

5-3- مسیر یابی ورودی خاص با دامنه متغیر

در سومین آزمایش، یک ورودی خاص به سیستم مدار بسته داده شده و نتایج دو کنترلر در شکل رسم شده است. در این آزمایش نیز همانند دو آزمایش گذشته، کنترلر مد لغزشی فازی بهتر توانسته سیگنال مرجع را

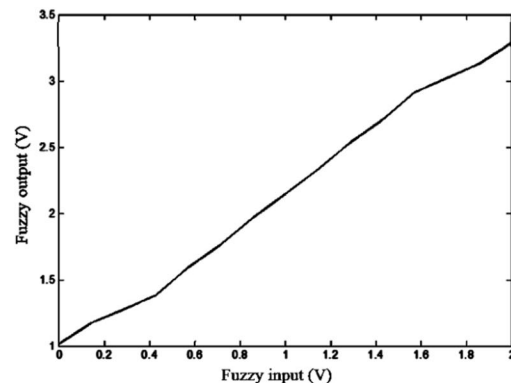


Fig. 10 Input and output of fuzzy algorithm

شکل 10 ورودی و خروجی الگوریتم فازی

5- نتایج و بحث

بعد از مدل سازی آلیاژ حافظه دار با مدل پرتنل-ایشلینسکی و طراحی کنترلر مد لغزشی فازی، ورودی های مختلف روی آن بررسی شده است. ماکزیمم ولتاژ ورودی به مدل ولت می باشد [20]. به همین دلیل قبل از مدل و بعد از ورودی کنترلی، از تابع اشباع شده با بیشینه ولتاژ ولت استفاده شده است.

تعیین محدوده ورودی به سیستم فازی با توجه به سیگنال کنترلی در حالت کنترلر تناسبی-مشتق-گیر-انتگرال گیر تعیین می شود (شکل 1). با توجه به سیگنال کنترلی، مشخص می شود که محدوده ورودی به سیستم فازی باید بین تا ولت باشد. متناسب با این ورودی، سعی شده که برای سرعت بخشیدن به کاهش خطا، ورودی های بزرگتری به سیستم وارد شود. به عبارتی خروجی فازی در محدوده تا ولت در نظر گرفته شده است. شکل سیگنال کنترلی برای کنترلر مد لغزشی فازی را نشان می دهد. پارامترهای سطح لغزش، همان پارامترهای کنترلر کلاسیک می باشد، که از طریق بلوک پی آیدی سیمولینک به طور خودکار بدست آمده اند و در جدول نشان داده شده اند.

5-1- مسیر یابی ورودی سینوسی با دامنه ثابت

در اولین آزمایش ورودی t $(-\pi/2 \leq t \leq \pi/2)$ با فرکانس هرتز به عنوان ورودی مطلوب به سیستم مدار بسته داده شده و نتایج دو کنترلر در شکل رسم شده است. نتایج، عملکرد بهتر کنترلر مد لغزشی فازی را نشان می دهد. میانگین مربعات خطا برای کنترلر تناسبی-مشتق-گیر-انتگرال گیر میلی متر و برای کنترلر مد لغزشی فازی میلی متر بدست آمده است.

مدل یک عملگر آلیاژ حافظه دار با استفاده از داده‌های آزمایشگاهی برای ورودی ولتاژ و خروجی موقعیت با مدل پرنتل-ایشلینسکی مدلسازی شده است. پارامترهای مدل، با در نظر گرفتن مربع خطای بین خروجی داده‌های آزمایش و مدل به عنوان تابع هدف و با استفاده از الگوریتم ژنتیک شناسایی شده است. میانگین مربعات خطای آموزش میلی‌متر بدست آمده است. سپس کنترل موقعیت برای مدل آلیاژ حافظه دار با کنترلرهای تناسبی-مشتق‌گیر-انتگرال‌گیر و مد لغزشی فازی انجام شده است. استفاده از کنترلر مد لغزشی برای سیستم‌هایی که عدم قطعیت یا دینامیک مدل نشده دارند، یک روش بسیار مناسب می‌باشد، زیرا می‌تواند محدوده خوبی را برای عدم قطعیت‌ها پوشش دهد. از طرفی سیستم کنترل فازی را می‌توان مستقل از مدل برای سیستم طراحی کرد و خطا را برای سیستم مستقل از مدل به پایداری رساند. البته، اگر الگوریتم فازی در توابع عضویت، محدوده‌ها و قوانین به درستی انتخاب نشود، کارایی لازم را برای کنترل ندارد.

همان‌طور که از نتایج مشخص می‌باشد، کنترلر مد لغزشی فازی بهتر از کنترلر تناسبی-مشتق‌گیر-انتگرال‌گیر توانسته است، سیگنال‌های ورودی را ردیابی کند. میانگین مربعات خطا به ازای سیگنال‌های ورودی مختلف هم ن کارایی بهتر را نشان می‌دهد.

7 - فهرست علائم

P_t	پارامترهای مدل
q	ضریب وزنی ورودی مدل
p	تابع چگالی
F_r	اپراتور هیستریزس بازی
r	تابع آستانه
t	زمان
u	ورودی مدل
classic	خروجی مدل پرنتل-ایشلینسکی کلاسیک (mm)
$\gamma_{generalized}$	خروجی مدل پرنتل-ایشلینسکی تعمیم یافته (mm)

علائم یونانی

γ	تابع پوش (kgm^{-3})
σ	سطح لغزش (V)
α	ضریب خطا در سطح لغزش
β	ضریب مشتق خطا در سطح لغزش
λ	ضریب انتگرال خطا در سطح لغزش

زیر نویس‌ها

	مدل پرنتل-ایشلینسکی تعمیم یافته
	مدل پرنتل-ایشلینسکی کلاسیک
l	جهت افزایش
N	تعداد داده‌ها
r	جهت کاهش

8 - مراجع

- [1] C. Pfeiffer, K. DeLaurentis, C. Mavroidis, Shape memory alloy actuated robot prostheses: initial experiments, in *Robotics and Automation, 1999. Proceedings. 1999 IEEE International Conference on*, Vol. 3, pp. 2385-2391, 1999.
- [2] M. H. Elahinia, H. Ashrafiuon, Nonlinear control of a shape memory alloy actuated manipulator, *Journal of vibration and acoustics*, Vol. 124, No. 4, pp. 566-575, 2002.

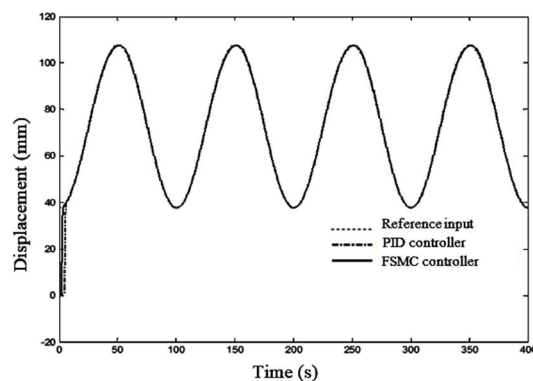


Fig.13 Response of closed loop system to input with frequency 0.01 Hz

$$2\pi ft - \frac{\pi}{2}$$

شکل 13 پاسخ سیستم مدار بسته به ورودی $2\pi ft - \frac{\pi}{2}$ با فرکانس هرتز

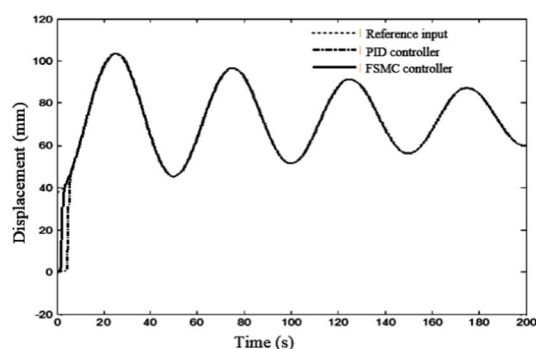


Fig.14 Response of closed loop system to input with frequency 0.02 Hz

$$(2\pi ft - \frac{\pi}{2})$$

شکل 14 پاسخ سیستم مدار بسته به ورودی $(2\pi ft - \frac{\pi}{2})$ با فرکانس هرتز

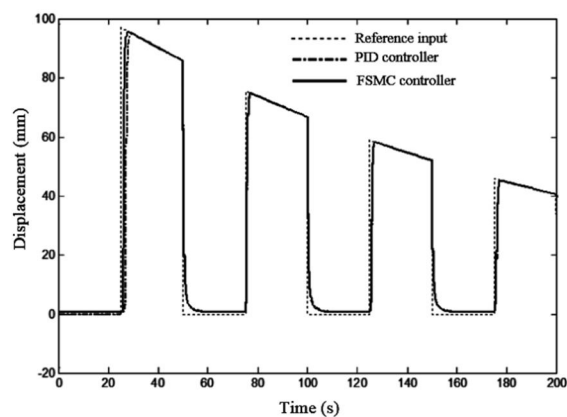


Fig. 15 Response of closed loop system to special input with variable amplitude

شکل 15 پاسخ سیستم مدار بسته به ورودی خاص با دامنه متغیر

ردیابی کند. میانگین مربعات خطا برای کنترلر تناسبی-مشتق‌گیر-انتگرال‌گیر میلی‌متر و برای کنترلر مد لغزشی فازی میلی‌متر بدست آمده است.

6 - نتیجه گیری

برای سیستم‌هایی که دارای پدیده هیستریزس هستند، مدلسازی هیستریزس یک نیاز ضروری برای کنترل آنها می‌باشد. در این مقاله ابتدا

- memory alloy actuators, *International Journal of Research and Reviews in Mechatronic Design and Simulation (IJRRMDS)*, Vol. 1, No. 3, pp. 59-68, 2011.
- [17] M. A. Janaideh, J. Mao, S. Rakheja, W. Xie, C.-Y. Su, Generalized Prandtl-Ishlinskii hysteresis model: Hysteresis modeling and its inverse for compensation in smart actuators, *Decision and Control, 2008. CDC 2008. 47th IEEE Conference on, Fiesta Americana Grand coral beach, Cancun, Mexico, December 9-11*, pp. 5182-5187, 2008.
- [18] O. Jeddinia, M. R. Zakerzadeh, M. Mahjob, Hysteresis behavior investigation of magnetic shape its memory alloy actuator using generalized prandtl-Ishlinskii model and experimental validation, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 15, No. 11, pp. 303-310, 2016. (in persian فارسی)
- [19] M. Rubagotti, A. Estrada, F. Castanos, A. Ferrara, L. Fridman, Integral sliding mode control for nonlinear systems with matched and unmatched perturbations, *Automatic Control, IEEE Transactions on*, Vol. 56, No. 11, pp. 2699-2704, 2011.
- [20] H. Y. Xiaojie SUN, Shumin FEI, Integral Sliding Mode Control Based on Uncertainty Compensator, *JCIS*, Vol. 9, No. 4, pp. 1331-1338, 2013.
- [21] S.-U. Lee, P. H. Chang, Control of a heavy-duty robotic excavator using time delay control with integral sliding surface, *Control engineering practice*, Vol. 10, No. 7, pp. 697-711, 2002.
- [22] F. Piltan, M. A. Bairami, F. Aghayari, M. R. Rashidian, Stable fuzzy PD control with parallel sliding mode compensation with application to rigid manipulator, *International Journal of Information Technology and Computer Science (IJITCS)*, Vol. 5, No. 7, pp. 103-114, 2013.
- [23] İ. Eker, Second-order sliding mode control with PI sliding surface and experimental application to an electromechanical plant, *Arabian Journal for Science and Engineering*, Vol. 37, No. 7, pp. 1969-1986, 2012.
- [24] A. Rhif, Z. Kardous, N. BenHadj Braiek, A PID-Sliding Mode Control Design for a Coupled Tank, *International Conference CRATT*, Tunisia, 2013.
- [25] C. Aguilar-Ibañez, J. A. Mendoza-Mendoza, M. S. Suarez-Castanon, J. Davila, A nonlinear robust PI controller for an uncertain system, *International Journal of Control*, Vol. 87, No. 5, pp. 1094-1102, 2014.
- [26] M.-H. Chiang, J.-H. Lin, A positioning actuator of magnetic shape memory alloys based on fuzzy sliding mode control, , *11th IEEE International Conference on Control & Automation (ICCA)*, Taichung, Tiwan, June 18-20, pp. 440-444, 2014.
- [3] K. J. D. Laurentis, C. Mavroidis, Mechanical design of a shape memory alloy actuated prosthetic hand, *Technology and Health Care*, Vol. 10, No. 4, pp. 91-106, 2002.
- [4] B. Kim, M. G. Lee, Y. P. Lee, Y. Kim, G. Lee, An earthworm-like micro robot using shape memory alloy actuator, *Sensors and Actuators A: Physical*, Vol. 125, No. 2, pp. 429-437, 2006.
- [5] J.-H. Lin, M.-H. Chiang, Hysteresis Analysis and Positioning Control for a Magnetic Shape Memory Actuator, *Sensors*, Vol. 15, No. 4, pp. 8054-8071, 2015.
- [6] Y. Sutou, Y. Imano, N. Koeda, T. Omori, R. Kainuma, K. Ishida, et al., Magnetic and martensitic transformations of NiMnX (X= In, Sn, Sb) ferromagnetic shape memory alloys, *Applied Physics Letters*, Vol. 85, No. 19, pp. 4358-4360, 2004.
- [7] X. Tan, J. S. Baras, Modeling and control of hysteresis in magnetostrictive actuators, *Automatica*, Vol. 40, No. 9, pp. 1469-1480, 2004.
- [8] D. Hughes, J. T. Wen, Preisach modeling of piezoceramic and shape memory alloy hysteresis, *Smart materials and structures*, Vol. 6, No. 3, pp. 287-300, 1997.
- [9] S. Mittal, C.-H. Menq, Hysteresis compensation in electromagnetic actuators through Preisach model inversion, *Mechatronics, IEEE/ASME Transactions on mechatronics*, Vol. 5, No. 4, pp. 394-409, 2000.
- [10] R. C. Smith, J. E. Massad, A Unified, Methodology for modeling hysteresis in ferroelectric, ferromagnetic and ferroelastic materials, DTIC Document, 2001.
- [11] J. M. Nealis, R. C. Smith, Nonlinear adaptive parameter estimation algorithms for hysteresis models of magnetostrictive actuators, in *SPIE's 9th Annual International Symposium on Smart Structures and Materials*, San Diego, California, Vol. 4695, No. 53, pp. 25-36, 2002.
- [12] J.-C. Lo, Y.-H. Kuo, Decoupled fuzzy sliding-mode control, *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*, Vol. 6, No. 3, pp. 426-435, 1998.
- [13] J. Wang, A. B. Rad, P. Chan, Indirect adaptive fuzzy sliding mode control: Part I: fuzzy switching, *Fuzzy sets and Systems*, Vol. 122, No. 1, pp. 21-30, 2001.
- [14] X. Jiao, J. Jiang, Design of Interval Type-2 Fuzzy Sliding Mode Controller for Hypersonic Aircraft, *Journal of Automation and Control Engineering vol*, Vol. 4, No. 2, 2016.
- [15] H. Sayyaadi, M. R. Zakerzadeh, Position control of shape memory alloy actuator based on the generalized Prandtl-Ishlinskii inverse model, *Mechatronics*, Vol. 22, No. 7, pp. 945-957, 2012.
- [16] H. Sayyaadi, M. R. Zakerzadeh, M. A. V. Zanjani, Accuracy evaluation of generalized Prandtl-Ishlinskii model in characterizing asymmetric saturated hysteresis nonlinearity behavior of shape