

## مدل سازی دینامیکی، شبیه سازی و کنترل یک کوادراتور با استفاده از داده های آزمایشگاهی MEMS سنسور های

احسان داوودی<sup>۱</sup>، مهدی رضایی<sup>۲\*</sup>

۱- کارشناس ارشد مکانیک، دانشگاه صنعتی سهند تبریز، سهند

۲- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی سهند تبریز، سهند

\*تبریز، شهر جدید سهند، صندوق پستی 33585-123 m.rezaei@sut.ac.ir

### چکیده

این مقاله به کنترل یک کوادراتور بر اساس تخمین وضعیت بسته است. آمده از سنسور های MEMS می پردازد. در ابتدا، مدل دینامیکی کوادراتور استخراج شده و سپس با استفاده از الگوریتم PID معمکس، کنترل وضعیت آن در نرم افزار متلب شبیه سازی شده است. برای واقعی تر کردن مدل شبیه سازی و نزدیک کردن آن به واقعیت، از داده های آزمایشگاهی استفاده شده است. به همین منظور یک مجموعه آزمایشگاهی تشکیل شده از یک بدنه حامل سنسور های شتاب سنج و سرعت زاویه ای که در دو سمت آن دو موتور ملخ دار نصب گردیده و حول یک شفت دوران می کند طراحی و ساخته شد. از آنجا که داده های آزمایشگاهی برای سنسورها نشان از خطأ و نویزی بودن آنها دارد از یک فیلتر کالمن برای کاهش نویز سنسورها استفاده گردید و نتایج عملکرد کنترل با استفاده از خروجی سنسورها و خروجی فیلتر کالمن با هم مقایسه شدند. نتایج بدست آمده نشان از عملکرد خوب فیلتر کالمن و کنترل مناسب مجموعه می باشد.

### اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: 01 مرداد 1392

پذیرش: 17 شهریور 1392

ارائه در سایت: 31 اردیبهشت 1393

کلید واژگان:

کوادراتور

Sensors' experimental data

Kalman PID

Filiter

## Dynamic modeling, simulation and control of a quadrotor using MEMS sensors' experimental data

Ehsan Davoodi, Mahdi Rezaei\*

Sahand University of Technology, Sahand, Iran.

\*P.O.B. 33585-123 Sahand Tabriz,Iran, m.rezaei@sut.ac.ir

### ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 23 July 2013

Accepted 08 September 2013

Available Online 21 May 2014

Keywords:

Quadrotor

MEMS Sensor

PID Control

Kalman.

### ABSTRACT

This paper presents the inverted PID control of a quadrotor based on the experimentally measured sensors and actuators' specifications. The main goal is the control and closed loop simulation of a quadrotor using inverted PID algorithm. First, a nonlinear model of quadrotor is derived using Newton-Euler equations. To have a more realistic simulation a setup were designed and developed to measure the sensors noise performance as well as the actuators' dynamics. The setup involves a platform that two brushless motors mounted at the ends and rotates on a shaft. The platform attitude is measured using the MEMS sensors attached to it. A Kalman filter was used to reduce the sensors noises effect. Results demonstrate good performance for Kalman filter and the controller.

چالش های پیش روی استفاده از این وسیله می باشد. از کاربردهای این وسیله می توان به بازرسی و کنترل مرزها، ماموریت های شناسایی، عکس برداری، عملیات جستجو، بازدید و بازرسی خطوط انتقال نفت و خطوط فشار قوی، کشف آتش سوزی ها، استفاده در محیط های خطرناک و غیرقابل دسترس اشاره کرد.

بر روی کنترل کوادراتور کارهای زیادی انجام گرفته است، در مراجع [۱،۲] از تئوری لیپانوف به دلیل حصول اطمینان از پایداری مجازی سیستم استفاده شده است. روش های کنترلی تنااسبی - مشتقی و نیز تنااسبی - مشتقی - انگرالی نیز هر کدام به دلایلی مورد توجه قرار داشته اند [۳،۴]. روش تنااسبی - مشتقی به سبب خاصیت همگرایی نمایی اش با جبران ترم های

کوادراتور یک وسیله پرنده با ۶ درجه آزادی حرکت است که قابلیت پرواز عمودی و انجام مانورهای پیچیده را دارد. این وسیله دارای ساختاری شبیه صلیبی می باشد که چهار ملخ در چهار گوشه آن قرار داشته و با تغییر سرعت ملخ ها می تواند حرکات و مانورهای مختلف را انجام دهد. این وسیله به سبب قابلیت نشست و برخاست عمودی در دسته عمود پروازها قرار می گیرد که به جهت برخی مزایا و ویزگی هاییش مورد توجه قرار گرفته است. ظرفیت حمل بار، سادگی ساختار وسیله، قابلیت مانور پذیری بالا، داشتن قیود کم در حرکت، هزینه کم تعمیر و نگهداری از جمله این ویزگی هاست. البته مصرف انرژی بالا، رفتار به شدت غیر خطی، محدودیت برد و زمان پرواز از

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

E. Davoodi, M. Rezaei, Dynamic modeling, simulation and control of a quadrotor using MEMS sensors' experimental data, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 3, pp. 175-184, 2014 (In Persian)

جدول 1 لیست نیروها و گشتاورهای موثر بر کوادراتور

منبع	اثر
چرخش و فلپینگ ملخها	اثرات آبیودینامیکی
تغییر در سرعت چرخش ملخها	گشتاور اینرسی
موقعیت مرکز جرم	اثر گرانش
تغییر در جهت جسم صلب	اثرات ژیروسکوپی
تغییر در جهت صفحه ملخ	حرکت کوادراتور
اصطکاک	

به منظور بدست آوردن معادلات نیاز به دو فریم می‌باشد: فریم اینرسی (متصل به زمین) و فریم متصل به کوادراتور. معادلات حرکت به دلایلی مانند ثابت بودن ماتریس اینرسی نسبت به زمان، مشخص بودن نیروهای کنترلی و انجام شدن اندازه‌گیری‌ها در فریم متصل به جسم، در دستگاه متصل به جسم فرمول می‌شود. می‌توان دینامیک جسم صلب با جرم  $m(kg)$  و ماتریس ممان  $I(Nms^2)$  را در حالتی که معادلات در دستگاه بدنی (متصل به جسم) نوشته می‌شوند و مرکز فریم متصل به جسم بر مرکز جرم آن منطبق باشد، بصورت رابطه (1) نشان داد.

$$\begin{aligned} m\left(\frac{\partial V^B}{\partial t}\right) + W \times V^B &= F^B \\ I\dot{W} + W \times (IW) &= \tau^B \end{aligned} \quad (1)$$

که در آن  $\dot{V}^B$  و  $V^B$  به ترتیب معرف بردار شتاب و سرعت خطی کواد و  $\dot{W}^B$  و  $W^B$  به ترتیب نشانگر بردار شتاب و سرعت زاویه‌ای کوادراتور در فریم بدنی  $B$  می‌باشد. علاوه بر این،  $F^B(N)$  و  $\tau^B(Nm)$  به ترتیب بردار نیرویی و بردار گشتاور زاویه‌ای کوادراتور در فریم  $B$  می‌باشند. فرم مبسوط رابطه (1) بصورت رابطه (2) می‌باشد.

$$\begin{aligned} m[\dot{U} - VR + \omega q] &= \sum F_x, \quad m[\dot{V} - \omega p + UR] = \sum F_y \\ m[\dot{\phi} - Uq + VP] &= \sum F_z, \quad I_{xx}\dot{p} + (I_{zz} - I_{yy})qr = \sum M_x \\ I_{yy}\dot{q} + (I_{xx} - I_{zz})rp &= \sum M_y, \quad I_{zz}\dot{r} + (I_{yy} - I_{xx})pq = \sum M_z \end{aligned} \quad (2)$$

معادله (2) کاملاً کلی و عام است و برای همه اجسام صلب که فرضیه‌های قبلي را ارضاء کنند، معتبر است. آنچه وجه تمایز بین اجسام مختلف است، ترم مربوط به نیروهای تعیین یافته در این معادله می‌باشد که در بردارنده اطلاعات خاصی از دینامیک وسیله می‌باشد. نیروهای تعیین یافته برای کوادراتور را می‌توان به چهار جزء تقسیم کرد: نیروی وزن، نیروی ناشی از اثرات ژیروسکوپی، نیروی اصطکاک، نیروها و گشتاورهای کنترلی.

### 2-1-اثرات گرانشی

اولین بخش مربوط به بردار نیروی گرانشی می‌باشد که ناشی از شتاب جاذبه معین و معلوم زمین می‌باشد. از آنجا که این نیرو در مرکز جرم وسیله (منطبق بر مبدا دستگاه مختصات متصل به کواد) در نظر گرفته می‌شود، گشتاوری تولید نمی‌کند و تنها خاصیت نیرویی دارد. معادله (3) چگونگی بازنویسی این نیرو در دستگاه نیروهای تعیین یافته متصل به کواد را نشان می‌دهد.

$$G_B = \begin{bmatrix} F_G^B \\ 0_{3 \times 1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R_\theta^{-1} F_G^E \\ 0_{3 \times 1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ R_\theta^{-1} 0 \\ -mg \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} mgsin\theta \\ -mgcos\theta sin\varphi \\ -mgcos\theta cos\varphi \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad (3)$$

کریولیپس و ژیروسکوپی و روش تناسبی- مشتقی-انتگرالی به دلیل عدم احتیاج به پارامترهای خاص مدل و سادگی اجرای آن کنترلرهای مناسبی محسوب می‌شوند. در مرجع [5] از تکنیک‌های تطبیقی به دلیل کارایی خوب آن برای دینامیک مدل نشده و نامعینی‌های پارامتریک استفاده شده است. روش LQR هم به سبب مزیت در ارائه سیگنال ورودی بهینه از فیدبک متغیرها موضوع برخی کارها قرار گرفته است [6,7]. مشکل این تکنیک، دشواری حل تحلیلی معادله ریکاتی می‌باشد. کنترل بک استپینگ روش دیگری است که همگرایی متغیرهای داخلی کواد را تضمین می‌کند اما نیاز به محاسبات زیادی دارد [8-10]. روش اسلایدینگ مود نیز در بسیاری از تحقیقات مورد استفاده قرار گرفته است [11-13]. این روش نیز مانند هر روش دیگری نقطه ضعف خود را دارد و آن، پدیده نوسان و چترینگ می‌باشد که هر چند بهبود یافته است ولی همچنان جای کار زیادی دارد. البته روش‌های دیگری مانند فیدبک دینامیکی [14]، فیدبک بینایی [15-17]، تکنیک‌های فازی [18,19] شبکه‌های عصبی [20,21] و غیره نیز هر چند کمتر ولی در بحث کنترل کواد از نظر دور نگاه داشته نشده‌اند.

هدف از این مقاله، ترکیب شبیه‌سازی‌های تئوریک با داده‌های بدست آمده از آزمایش‌های تجربی است. کوادراتور برای حفظ پایداری نیاز به تخمین زاویه و سرعت‌های زاویه‌ای خود دارد که عملکرد سنسورها و تأثیر اختشاشات مختلف روی آنها می‌تواند در خروجی پایدار کننده‌ها و کنترل کننده‌ها تاثیر بسزایی داشته باشد. در کارهای مشابه قبلی، کمتر در رابطه با سنسورها و تخمین وضعیت سیستم با استفاده از فیلتر کالمون بحث شده است. اصولاً در کارهای گذشته، الگوریتم کنترلی مهمترین بخش را شامل می‌شده است و کارهای عملی انجام گرفته نیز صرفاً با هدف تست کارایی کنترل در پایداری سیستم و بهتر کردن نتایج آن مورد توجه قرار گرفته است. تخمین وضعیت وسایل پرنده به طور غیرمستقیم و با استفاده از سنسورهای شتاب دارای مشکلاتی است که ناشی از حساسیت این سنسورها به ارتعاشات شتاب دارای مشکلاتی است که ناشی از حساسیت این سنسورها به ارتعاشات می‌باشد. در این مقاله، کنترل وضعیت کوادراتور بر اساس سنسورهایی خواهد بود که اطلاعات آنها از آزمایش‌های تجربی بدست آمده‌اند و اثرات ارتعاش موتورها به همراه سایر اختشاشات و نویزها در آنها مورد توجه قرار گرفته است.

## 2-مدل‌سازی دینامیکی

کوادراتور با وجود داشتن سیستم مکانیکی ساده، مجموعه‌ای از اثرات فیزیکی متعدد ناشی از حوزه‌های مکانیک و آبیودینامیک می‌باشد. مدل کوادراتور باید تمامی اثرات مهم را در بر داشته باشد. جدول 1 لیستی از اثرات اصلی وارد شده به کوادراتور را به طور خلاصه نشان می‌دهد [22].

به منظور استخراج معادلات حاکم بر کوادراتور مفروضات زیر در نظر گرفته شد [23]:

(1) ساختار کواد و ملخ‌ها صلب می‌باشد؛

(2) از اثرات زمین صرف نظر شده و زمین مسطح فرض می‌شود؛

(3) ساختار کواد متقاضی فرض شده است؛

(4) تراست و درگ با مربع سرعت زاویه‌ای متناسب می‌باشد؛

(5) مرکز جرم و مبدا فریم متصل به کوادراتور بر هم منطبق هستند.

(6) محورهای فریم بدنی متصل به کواد بر محورهای اینرسی اصلی کوادراتور منطبق هستند در این صورت ماتریس ممان اینرسی، قطری شده و باعث ساده‌تر شدن معادلات می‌شود.

## ۲-۱-اثرات اصطکاکی

چهارمین بخش از نیروهای تعیین‌یافته، نیروی اصطکاکی وارد بر بدنه ناشی از حرکت انتقالی کوادراتور می‌باشد. این نیرو وابسته به اندازه و جهت سرعت، شکل هندسی کواد و حتی زوایای رول و پیچ و یاوه می‌باشد. این نیرو که همواره در خلاف جهت حرکت اعمال می‌شود را می‌توان بصورت رابطه (8) نشان داد.

$$F_{\text{friction}} = \frac{1}{2} \rho C_D A V^2 = \frac{1}{2} \rho C_D A (U^2 + V^2 + W^2) \quad (8)$$

که در آن  $\rho$  چگالی هوای  $C_D$  ضریب درگ بدنه،  $A$  مساحت مؤثر درگ در راستای حرکت و  $V$  بیانگر سرعت خطی کوادراتور می‌باشد. از آنجا که نیروی اصطکاک وابسته به پارامترها و متغیرهای مختلفی می‌باشد و مقدار این نیرو با توجه به سرعت کاری کوادراتور، قابل صرف‌نظر کردن در مقایسه با سایر نیروهای مؤثر است، همچنین با توجه به اثر میرایی که دارد، برای کاهش پیچیدگی مدل کوادراتور از آن صرف‌نظر می‌شود.

رابطه (9) معادلات دینامیکی حاکم بر کوادراتور را در دستگاه بدنی (متصل به کوادراتور) نشان می‌دهد.

$$\begin{aligned} \dot{U} &= (vr - wq) + g \sin \theta & \dot{V} &= (wp - ur) - g \cos \theta \sin \varphi \\ \dot{W} &= (uq - vp) - g \cos \theta \cos \varphi + \frac{U_1}{m} & \dot{P} &= \frac{I_{yy} - I_{zz}}{I_{xx}} qr - \frac{J_{TP}}{I_{xx}} q \Omega + \frac{U_2}{I_{xx}} \\ \dot{Q} &= \frac{I_{zz} - I_{xx}}{I_{yy}} rp - \frac{J_{TP}}{I_{yy}} p \Omega + \frac{U_3}{I_{yy}} & \dot{R} &= \frac{I_{xx} - I_{yy}}{I_{zz}} pq + \frac{U_4}{I_{zz}} \end{aligned} \quad (9)$$

که در آن ورودی‌های کنترلیتابع سرعت ملخ‌ها، بصورت رابطه (10) تعریف شده‌اند.

$$\begin{aligned} U_1 &= b(\Omega_1^2 + \Omega_2^2 + \Omega_3^2 + \Omega_4^2) = T_1 + T_2 + T_3 + T_4 \\ U_2 &= b(\Omega_4^2 - \Omega_2^2) & U_3 &= b(\Omega_3^2 - \Omega_1^2) \\ U_4 &= d(\Omega_2^2 + \Omega_4^2 - \Omega_3^2 - \Omega_1^2) & \Omega &= \Omega_1 + \Omega_2 + \Omega_3 + \Omega_4 \end{aligned} \quad (10)$$

از آنجا که درک و همچنین کار بر روی معادلات مربوط به سرعت‌ها و شتاب‌های خطی مخصوصاً در بحث کنترل ارتفاع در فریم مرجع اینرسی آسان‌تر و کارآتر از فریم متصل به جسم می‌باشد، با استفاده از ماتریس‌های انتقال و دوران، معادلات خطی در فریم اینرسی و معادلات زاویه‌ای در فریم متصل به جسم بصورت رابطه (11) بازنویسی می‌شوند.

$$\begin{aligned} \dot{X} &= (\sin \psi \sin \varphi + \cos \psi \sin \theta \cos \varphi) \frac{U_1}{m} \\ \dot{Y} &= (-\cos \psi \sin \varphi + \sin \psi \sin \theta \cos \varphi) \frac{U_1}{m} \\ \dot{Z} &= -g + (\cos \theta \cos \varphi) \frac{U_1}{m} \\ \dot{P} &= \frac{I_{yy} - I_{zz}}{I_{xx}} qr - \frac{J_{TP}}{I_{xx}} q \Omega + \frac{U_2}{I_{xx}} \\ \dot{Q} &= \frac{I_{zz} - I_{xx}}{I_{yy}} rp - \frac{J_{TP}}{I_{yy}} p \Omega + \frac{U_3}{I_{yy}} \\ \dot{R} &= \frac{I_{xx} - I_{yy}}{I_{zz}} pq + \frac{U_4}{I_{zz}} \end{aligned} \quad (11)$$

## ۲-۲-مدل موتور - ملخ

دینامیک کوادراتور و پارامترهای کنترلی آن تابعی از نیروها و گشتاورهای تولید شده توسط ملخ‌ها است. برای کنترل کوادراتور باید رابطه‌ای بین این ورودی‌های کنترلی و ولتاژ ورودی به موتورها (سیگنال PWM اعمالی به موتور) برقرار کرد که این ارتباط از طریق مدل موتور - ملخ حاصل می‌شود.

که در آن  $F_G^B$  بردار نیروی گرانشی در فریم متصل به جسم  $B$  و  $R_B^T$  بردار نیروی گرانشی در فریم مرجع اینرسی  $E$  می‌باشد. به علاوه از آنجا که ماتریس دوران  $R_B$  ماتریس متعامد نرماییزه شده می‌باشد وارون آن یعنی  $R_B^{-1}$ ، معادل  $R_B^T$  می‌باشد.

## ۲-۳-اثرات ژیروسکوپی

دومین بخش، اثرات ژیروسکوپی تولید شده در اثر چرخش ملخ است. چون دو ملخ در جهت عقربه‌ها و دو تای دیگر در خلاف جهت عقربه‌ها می‌چرخند، وقتی که جمع جبری سرعت ملخ‌ها صفر نباشد، یک عدم تعادل سراسری وجود دارد. اگر علاوه بر آن نرخ رول یا پیچ هم مخالف صفر باشد، کوادراتور یک گشتاور ژیروسکوپی مطابق با معادله (4) را تجربه می‌کند.

$$O_B(v)\Omega = -\sum_{K=1}^4 J_{TP} \begin{pmatrix} 0_{3 \times 1} \\ 0 \\ \omega^B \times \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \end{pmatrix} \times (-1)^K \Omega_K$$

$$= \begin{pmatrix} 0_{3 \times 1} \\ -q \\ J_{TP} \begin{pmatrix} p \\ 0 \end{pmatrix} \Omega \end{pmatrix} = J_{TP} \begin{pmatrix} 0_{3 \times 4} \\ q & -q & q & -q \\ -p & p & -p & p \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad (4)$$

که در آن  $O_B(v)$  ماتریس ژیروسکوپی ملخ،  $J_{TP}$  ممان اینرسی چرخشی کل حول محور ملخ و  $\Omega$  نشانگر مجموع جبری سرعت ملخ‌ها می‌باشد که در معادله (5) نشان داده شده است:

$$\Omega = \Omega_1 + \Omega_2 + \Omega_3 + \Omega_4 \quad (5)$$

$\Omega_1$  نشان دهنده سرعت ملخ جلو،  $\Omega_2$  نشان دهنده سرعت ملخ راست،  $\Omega_3$  نشان دهنده سرعت ملخ عقب و  $\Omega_4$  نشان دهنده سرعت ملخ چپ می‌باشد. واضح است که اثرات ژیروسکوپی تولید شده توسط چرخش ملخ‌ها فقط با معادلات زاویه‌ای ارتباط دارد و با معادلات خطی ارتباطی نخواهد داشت.

## ۲-۴-اثرات آیرودینامیکی

سومین بخش از نیروها و گشتاورها به وسیله ورودی‌های اصلی حرکت ایجاد می‌شوند. از ملاحظات آیرودینامیکی این نتیجه منتج می‌شود که هر دو نیروی تراست و گشتاور اصطکاکی متناسب با مربع سرعت ملخ‌ها می‌باشند که در رابطه (6) نیز نشان داده شده‌اند.

$$\begin{aligned} T_i &= b \Omega_i^2 \\ Q_i &= d \Omega_i^2 \end{aligned} \quad (6)$$

که در آن  $T_i$  و  $Q_i$  به ترتیب نشانگر نیروی تراست و گشتاور درگ موتور  $i$  می‌باشد و همچنین  $b$  و  $d$  معرف ضرایب تراست و درگ هستند. معادله (7) نیروها و گشتاورهای آیرودینامیکی وارد بر مجموعه کوادراتور در اثر چرخش ملخ‌ها را نشان می‌دهد که در آن  $L$  فاصله بین مرکز کوادراتور و مرکز ملخ می‌باشد.

$$U_B(\Omega) = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ U_1 \\ U_2 \\ U_3 \\ U_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ b(\Omega_1^2 + \Omega_2^2 + \Omega_3^2 + \Omega_4^2) \\ b(\Omega_4^2 - \Omega_2^2) \\ b(\Omega_3^2 - \Omega_1^2) \\ d(\Omega_2^2 + \Omega_4^2 - \Omega_3^2 - \Omega_1^2) \end{bmatrix} \quad (7)$$

در کنترل مستقیم، داخلی ترین حلقه کنترلی یعنی سیگنال PWM به عنوان ورودی اصلی کنترل در نظر گرفته می شود ولی در روش غیرمستقیم، خارجی ترین بخش کنترلی یعنی  $U_i$  به عنوان ورودی اصلی کنترل شده و با عمل معکوس گیری، سیگنال های PWM موتورها مشخص می شوند. در این مقاله از روش معکوس استفاده شده و هدف نهایی، تعیین مقادیر سیگنال PWM موتورها جهت حفظ کوادراتور در موقعیت مرجع است. شکل 2 بلوک دیاگرام کلی سیستم کنترلی را نشان می دهد. در این شکل، بلوک "معکوس ماتریس حرکت" در واقع رابطه بین ورودی کنترلی  $U_i$  و تراست  $T_i$  است که با توجه به رابطه (10) به صورت رابطه (13) قابل بیان خواهد بود.

$$\begin{aligned} T_1 &= \frac{1}{4} U_1 - \frac{1}{2\ell} U_3 - \frac{b}{4d} U_4, & T_2 &= \frac{1}{4} U_1 - \frac{1}{2\ell} U_2 + \frac{b}{4d} U_4 \\ T_3 &= \frac{1}{4} U_1 + \frac{1}{2\ell} U_3 - \frac{b}{4d} U_4, & T_4 &= \frac{1}{4} U_1 + \frac{1}{2\ell} U_3 + \frac{b}{4d} U_4 \\ \Rightarrow \begin{bmatrix} T_1 \\ T_2 \\ T_3 \\ T_4 \end{bmatrix} &= \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & -\ell & 0 & \ell \\ -\ell & 0 & \ell & 0 \\ -\frac{b}{d} & \frac{b}{d} & -\frac{b}{d} & \frac{b}{d} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} U_1 \\ U_2 \\ U_3 \\ U_4 \end{bmatrix} \end{aligned} \quad (13)$$

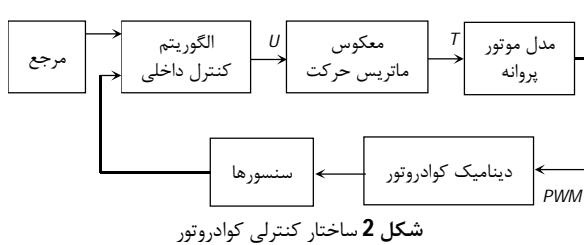
در همین شکل، بلوک "مدل موتور- پروانه"، روابط ارتباط دهنده نیروی تراست و سیگنال PWM اعمالی به موتورها است که می توان آنها را با توجه به رابطه (12) به صورت رابطه (14) پازنیویسی نمود.

$$\begin{aligned} signal_{PWM1} &= 0.3764 \times T_1 + 12.16, \\ signal_{PWM2} &= 0.4 \times T_2 + 34.84, \\ signal_{PWM3} &= 0.343 \times T_3 + 1.09, \\ signal_{PWM4} &= 0.363 \times T_4 + 14.7 \end{aligned} \quad (14)$$

برای بدست آوردن یک مدل معکوس ساده که بتواند در الگوریتم های کنترلی اجرا شود دینامیک کوادراتور باید تا حدود زیادی ساده سازی شود. معادله (11) می تواند بر طبق ملاحظات زیر ساده سازی شده و بازنیویسی شود:

- بخش های دورانی به دلیل وجود چندین متغیر بسیار پیچیده هستند. بیشتر آنها از کوپلینگ جفت سرعت های زاویه ای (فرم کریوپیس مرکزی و اثرات ژیروسکوپی) حاصل می شوند. چون هدف اصلی کنترل حفظ وضعیت پرواز ایستا کوادراتور می باشد می توان حرکت آن را نزدیک به وضعیت پرواز ایستا فرض کرد. بنابراین تعییرات زاویه ای مخصوصاً حول محورهای  $x$  و  $y$  را می توان کوچک فرض کرده و معادلات مربوطه را ساده سازی نمود.

- شتاب های زاویه ای در فریم متصل به کوادراتور ( $\ddot{\theta}, \ddot{q}, \ddot{r}$ ) با شتاب زوایای اویلر ( $\ddot{\psi}, \ddot{\theta}, \ddot{\phi}$ ) که نسبت به فریم اینرسی محاسبه می شوند، برابر نیستند. ماتریس انتقال  $\mathbf{M}$  ارتباط بین سرعت های زاویه ای در فریم اینرسی و سرعت های زاویه ای در فریم متصل به کوادراتور را تعیین می کند (رابطه 15). چون در وضعیت پرواز ایستا، این ماتریس به ماتریس همانی نزدیک است معادلات شتاب زاویه ای بطور مستقیم به شتاب زوایای اویلر ارجاع داده می شوند.



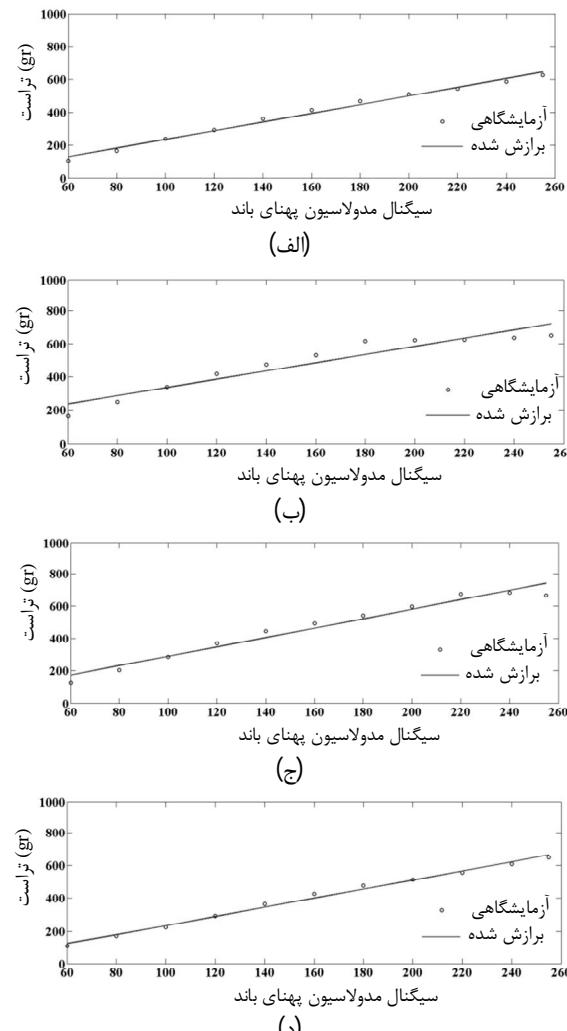
مدل موتور در اصل یک معادله دیفرانسیل مرتبه اول بر حسب سرعت زاویه ای و ولتاژ اعمالی به موتور است. همچنین نیروی تراست و گشتاور ملخ ها نیز، همان طور که در بخش اثرات آیرو دینامیکی ذکر شد، وابسته به مریع سرعت زاویه ای می باشند. برای حذف سنسور اندازه گیری سرعت دورانی ملخ ها، این دو بخش با هم ادغام شده و بدین ترتیب مدل موتور-ملخ که هر دوی این بخش ها را در خود مستتر دارد، از داده های آزمایشگاهی استخراج می شود. البته با حذف مدل دیفرانسیلی موتور فقط حالت پایدار موتور در نظر گرفته شده و از تأخیر زمانی رسیدن به حالت پایا صرف نظر می شود. شکل 1 نمودار تراست بر حسب سیگنال ورودی را برای موتورها نشان می دهد.

همان طور که از شکل 1 مشاهده می شود رابطه بین تراست و سیگنال PWM ورودی موتورها تقریباً خطی است. معادله (12) این رابطه خطی را برای هر موتور نمایش می دهد.

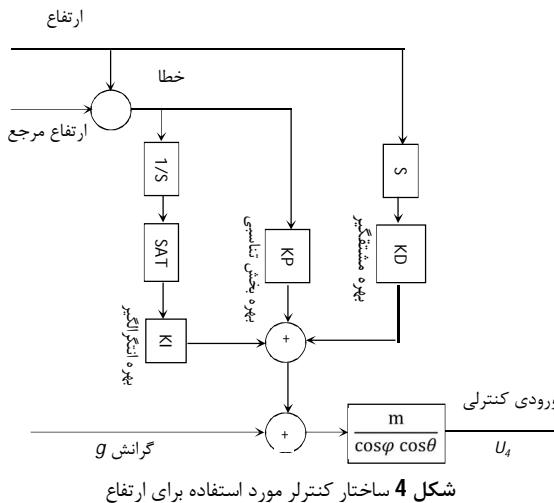
$$\begin{aligned} T_1 &= 2.644 \times signal_{PWM1} - 29.8, & T_2 &= 2.487 \times signal_{PWM2} + 86.97 \\ T_3 &= 2.917 \times signal_{PWM3} - 3.179, & T_4 &= 2.753 \times signal_{PWM4} - 40.47 \end{aligned} \quad (12)$$

### 3- الگوریتم کنترلی

کنترلرهای مورد استفاده برای کوادراتور را می توان به دو نوع کلی مستقیم و معکوس تقسیم بندی کرد.



شکل 1 نمودار تغییر تراست (gr) بر حسب سیگنال PWM ورودی: الف- موتور شماره یک، ب- موتور شماره دو، ج- موتور شماره سه، د- موتور شماره چهار



شکل 5 نمایی از نمونه آزمایشگاهی

جدول 2 مشخصات اجزای اصلی نمونه آزمایشگاهی

مشخصات	نام جزء	اسم	شرکت سازنده
30A	موتور	بی ال 2215	ای مکس
30A	درایور موتور	-	ای مکس
-	ملخ	8x4/5	-
2000 mAh 3cell	باتری	لیتیوم پلیمری	-
حساسیت	سنسور شتاب	ADXL330	آنالوگ دیوایز
300 mv/g ±3g			
تک محوره	ژیروسکوپ	LISY300AL	اس تی میکرو الکترونیکس
±300°/s			
حساسیت			
3.3 mv/(°/s)			

سعی بر آن بوده است که تا حد امکان سیستم متقارن بوده و محور دوران از مرکز جرم مجموعه عبور کند تا بدین ترتیب اثر گشتاور نیروی وزن بر روی مجموعه کم باشد. نحوه چینش اجزا نیز بر همین مبنای انجام گرفته است.

شکل 5 نمایی از این نمونه آزمایشگاهی را نشان می‌دهد.

سنسورهای مورد استفاده در آزمایش‌ها از نوع آنالوگ هستند که داده‌های آنها از طریق یک میکروکنترلر و با زمان نمونه‌گیری 0/02 ثانیه دریافت می‌شود. به جهت روزگارشون ده بیتی مبدل‌های آنالوگ به دیجیتال (ADC) میکروکنترلر، خروجی سنسورها اعدادی بین 0 تا 1023 خواهد بود. میکرو، اطلاعات دریافتی از سنسورها را از طریق پورت سریال به کامپیوتر انتقال می‌دهد. همچنین دستورات

$$[\dot{\phi}, \dot{\theta}, \dot{\psi}]^T = T_0 [\rho, q, r]^T$$

$$T_0 = \begin{bmatrix} 1 & \sin\phi \tan\theta & \cos\phi \tan\theta \\ 0 & \cos\phi & -\sin\phi \\ 0 & \frac{\sin\phi}{\cos\theta} & \frac{\cos\phi}{\cos\theta} \end{bmatrix} \quad (15)$$

کل الگوریتم کنترلی برای دادن سیگنال‌های مناسب به موتورها استفاده می‌شود. چون تعداد ملخ‌ها چهار عدد می‌باشد بیشتر از چهار متغیر نمی‌تواند در حلقه کنترل شود. از آنجا که کنترل زوایای اوپلر و کنترل ارتفاع اهداف اصلی سیستم کنترلی کواد می‌باشند، تصمیم بر آن شد که معادلات موقعیت  $x$  و  $y$  از معادلات سیستم حذف شوند.

معادله (16)، دینامیک مورد استفاده در کنترل را نشان می‌دهد.

$$\begin{aligned} \ddot{Z} &= -g + \frac{U_1}{m}, & \ddot{\phi} &= \frac{U_2}{I_{xx}}, \\ \ddot{\theta} &= \frac{U_3}{I_{yy}}, & \ddot{\psi} &= \frac{U_4}{I_{zz}} \end{aligned} \quad (16)$$

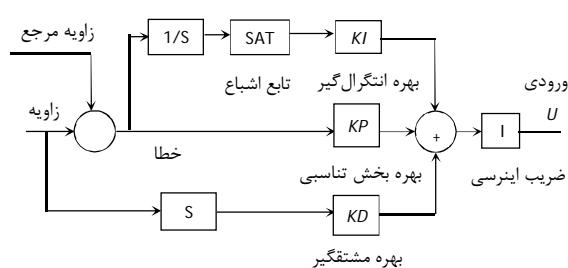
از یک کنترل PID برای پایدارسازی کوادراتور استفاده شد. از آنجا که معادلات زاویه‌ای در رابطه (16) مشابه یکدیگر هستند الگوریتم کنترلی زوایای رول، پیچ و یاو مشابه یکدیگر است اما به سبب اختلاف ذاتی، کنترل ارتفاع متفاوت خواهد بود. شکل‌های 3 و 4 ساختار بلوکی کنترلر مورد استفاده برای زوایا و ارتفاع را نشان می‌دهد.

همان‌طور که در شکل‌ها مشخص است برای جلوگیری از اشباع محرک‌ها، از بلوك اشباع استفاده شده و مشتق نیز به جای خطای خروجی گرفته شده است. علت مشتق‌گیری از خروجی به جای خطای در این نکته نهفته است که اگر یک پله در مرجع ایجاد شود با مشتق‌گیری از خطای خروجی مشتق‌گیر یک ضربه را نشان خواهد داد که این متعاقباً می‌تواند محرک‌ها را اشباع نموده و سیستم را از ناحیه خطی دور کند. با بدست آمدن ورودی‌های کنترلی  $U_1$  و  $U_2$  با توجه به روابط (13) و (14)، رابطه بین سیگنال ورودی به موتورها بر حسب وضعیت فعلی و مرجع کوادراتور بدست می‌آید.

#### 4- معرفی نمونه آزمایشگاهی

برای نزدیک کردن شبیه‌سازی به واقعیت، تلاش گردید تا حد امکان از داده‌های آزمایشگاهی در مدل شبیه‌سازی استفاده گردد. از همین رو و همچنین به دلایلی چون نیاز به کالibrاسیون سنسورها و تست کارایی فیلتر کالمون، یک نمونه آزمایشگاهی طراحی و ساخته شد.

این نمونه آزمایشگاهی از یک شاسی که سایر اجزا بر روی آن سوار می‌شوند، بهره می‌گیرد. دو موتور براشلس در دو انتهای شاسی و برد الکترونیکی در وجه بالایی تعییه شده‌اند. ملخ‌های مورد استفاده برای ایجاد نیروی عمودی در دو سمت شاسی، یکی راستگرد و دیگری چپ‌گرد است. درجهات آزادی سیستم توسط یک شفت که به راحتی حول محور خود دوران می‌کند محدود می‌شود. جدول 2 مشخصات هر جزء را نشان می‌دهد.



شکل 3 ساختار کنترلر مورد استفاده برای زوایای رول، پیچ و یاو

که  $k_k$  بهره فیلتر کالمن،  $P_k$  ماتریس کواریانس خطای تخمین،  $R$  و  $Q$  به ترتیب ماتریس کواریانس نویز فرایند و نویز اندازه‌گیری هستند. همچنین  $A$  و  $B$  و  $C$  به ترتیب نشان‌دهنده ماتریس ضرایب متغیرهای حالت، ورودی و خروجی در رابطه (20) هستند. با استفاده از این الگوریتم و مدل فضای حالت که در رابطه (20) مشخص شده است تخمین زاویه انجام می‌شود.

## 6- نتایج

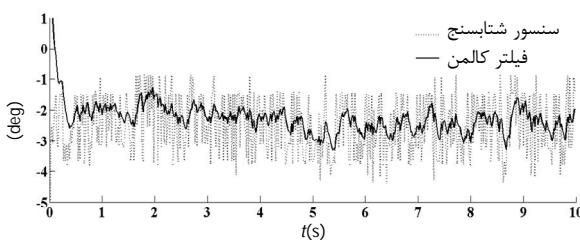
در این بخش ابتدا نتایج داده‌های آزمایشگاهی برای سنسورها آورده شده و سپس با اعمال فیلتر کالمن، مقایسه‌ای بین خروجی سنسورها و فیلتر کالمن انجام و کارآئی فیلتر کالمن برای بهبود نتایج بررسی می‌شود. در ادامه، نتایج شبیه‌سازی در مطلب با استفاده از اطلاعات مستخرج از داده‌های آزمایشگاهی آورده شده و چگونگی تغییرات متغیرهای حالت برای کوادراتور نشان داده خواهد شد.

### 6-1- نتایج آزمایشگاهی

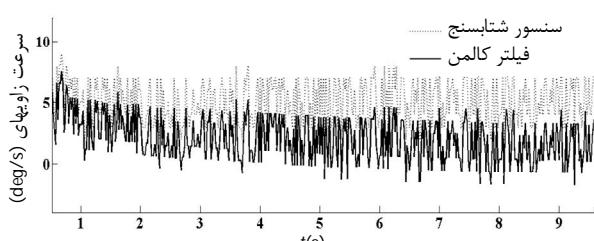
با توجه به اطلاعات سنسورها و تست‌های انجام شده، ماتریس‌های کواریانس  $R$  و  $Q$  زیر بهترین جواب‌ها در استفاده از فیلتر کالمن فراهم می‌آورند:

$$R = [0.0015] \quad Q = \begin{bmatrix} 0.00008 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (23)$$

در شکل‌های 6 و 7، خروجی سنسورها و نتایج بدست آمده از تخمین برای حالت افقی موتور خاموش و بدون حرکت نشان داده شده است. از شکل 6 ملاحظه می‌شود که در حالت موتور خاموش که بدن فاقد ارتعاش است، تغییرات خروجی شتاب‌سنجهای باز هم نویزی است و اعمال فیلتر کالمن موجب بهبود قابل توجه در خروجی زاویه شده است. همچنین شکل 7 نشان می‌دهد که فیلتر کالمن تغییر زیادی در بهبود خروجی ژیروسکوپ سرعت زاویه‌ای از نظر کاهش نویز نداده و تنها یک جابجایی اندک در مقدار آن ایجاد می‌کند. ذکر دو نکته در رابطه با نتایج شکل 7 لازم می‌باشد: اول این که علت اختلاف موجود بین نتایج سنسور و فیلتر کالمن (یا همان شبیفت بین این دو) به مبنای کالیبراسیون سنسور ژیروسکوپ باز می‌گردد. در ژیروسکوپ، مبنای کالیبراسیون، خروجی آن در حالت موتور روشن قرار داده شده است، نه خروجی آن در حالت موتور خاموش. دوم این که به جهت مدل مورد استفاده در تخمین گر کالمن که در مورد سرعت زاویه‌ای، تنها مقادیر بایاس را تخمین می‌زند، انتظاری برای حذف نویز سرعت زاویه‌ای نمی‌رود.



شکل 6 خروجی زاویه در حالت موتور خاموش و بدون حرکت



شکل 7 سرعت زاویه‌ای در حالت موتور خاموش و بدون حرکت

کنترلی از کامپیوتر به میکرو نیز از طریق همین پورت سریال منتقل می‌شوند. برای دریافت، تجزیه و تحلیل داده‌ها و ارسال دستورات کنترلی از زبان برنامه‌نویسی ویژوال سی‌شارپ استفاده شده است.

## 5- تئوری تخمین

تخمین به دلایل متنوعی از جمله عدم امکان اندازه‌گیری مستقیم بعضی پارامترها، گرانی سنسورها، کاهش نویز سنسورها، ترکیب اطلاعات چند سنسور برای رسیدن به نتیجه بهتر و غیره استفاده می‌شود. در دو دهه اخیر تکنولوژی سیستم‌های میکروالکترومکانیکی<sup>1</sup> باعث بوجود آمدن سنسورهایی شده است که بسیار کوچک، سبک و ارزان قیمت بوده و برای بسیاری از کاربردها دقت قابل قبول دارند. از جمله این سنسورها می‌توان به سنسورهای شتاب و ژیروسکوپ‌های سرعت زاویه‌ای اشاره کرد. در حال حاضر سنسور ممزیکه مستقیماً برای اندازه‌گیری زاویه به کار رود وجود ندارد اما می‌توان از سنسورهای شتاب و ژیروسکوپ‌های سرعت زاویه‌ای به عنوان ابزاری برای تخمین غیر مستقیم زاویه استفاده کرد. در این بخش از مقاله بحث ترکیب اطلاعات دو سنسور شتاب سنج و ژیروسکوپ به منظور بهبود نتایج بررسی خواهد شد. سنسور شتاب بسیار به ارتعاشات حساس است و ژیروسکوپ نیز دارای دریفت می‌باشد. از همین رو با استفاده از فیلتر کالمن سعی در جبران ضعف‌های هر یک از سنسورها با ترکیب اطلاعات آنها شده است.

معادله سینماتیکی نشان داده شده در رابطه (17) به عنوان مدلی از سیستم که همواره برقرار است در نظر گرفته می‌شود.

$$\theta_{k+1} = \theta_k + \int_{k\Delta T}^{(k+1)\Delta T} W \, dt \quad (17)$$

به علت بایاس ژیروسکوپ، انتگرال گیری از خروجی‌های ژیروسکوپ موجب ایجاد دریفت می‌شود. به همین جهت، بایاس ژیروسکوپ ثابت و کوپل شده با نویز سفید در نظر گرفته می‌شود. در نتیجه معادله (17) می‌تواند بصورت روابط (18)- (20) بازنویسی شود.

$$\theta_{k+1} = \theta_k + W_k \times \Delta T - b \times \Delta T + \omega \quad (18)$$

$$\dot{b} = 0 \Rightarrow b_{k+1} = b_k \quad (19)$$

$$Z_k = \theta_k + v = \theta_{acc} \quad (20)$$

یا همان سرعت زاویه‌ای که از ژیروسکوپ بدست می‌آید به عنوان ورودی برای معادله (18) در نظر گرفته می‌شود. در نتیجه معادله (20) نشان داده شده است از طریق شتاب‌سنجه حس می‌شود. با ترکیب روابط (18) تا (20)، رابطه (21) نتیجه می‌شود.

$$X_{k+1} = \begin{bmatrix} \theta_{k+1} \\ b_{k+1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -\Delta T \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \theta_k \\ b_k \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \Delta T \\ 0 \end{bmatrix} u_k + \omega \quad Z_k = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \theta_k \\ b_k \end{bmatrix} + v \quad (21)$$

لازم به یادآوری است که  $\theta_k$  بیانگر زاویه در زمان نمونه گیری  $k$ ام،  $b$  نماینده بایاس سنسور سرعت زاویه‌ای و  $\Delta T$  زمان نمونه‌برداری است. همچنین  $\omega$  و  $v$  به ترتیب نویز فرایند و اندازه‌گیری را نشان می‌دهند.

با توجه به رابطه (21) که مدل فضای حالت را دارد از الگوریتم فیلتر کالمن خطی بیان شده توسط رابطه (22)، استفاده شده است.

$$K_k = AP_k C^T (CP_k C^T + R)^{-1} \quad \hat{x}_{k+1} = (A\hat{x}_k + B\dot{u}_k) + k_k (y_k - C\hat{x}_k) \quad P_{k+1} = AP_k A^T + Q - AP_k C^T R^{-1} CP_k A^T \quad (22)$$

در ادامه، بدنه به وسیله دست و با موتور روش حرکت داده شد و نتایج حاصل با یکدیگر مقایسه گردید. همان‌طور که پیش‌بینی می‌شد و در شکل 9 نیز مشخص است فیلتر کالمن با کاهش نویز زاویه، خروجی منحنی را ارائه می‌کند. شکل 10 نیز حاکی از نزدیکی زیاد بین منحنی خروجی سنسور سرعت‌زاویه‌ای و منحنی منتج از فیلتر کالمن می‌باشد که این امر به دلیل کوچک بودن بایوس و همچنین عدم ثابت بودن وضعیت سیستم به جهت حرکت دادن آن می‌باشد.

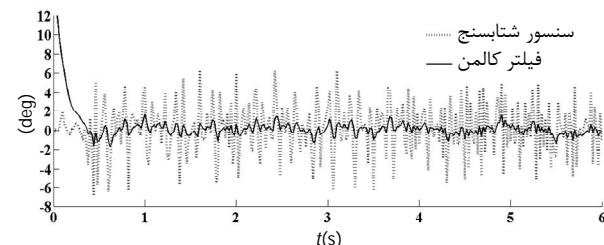
در شکل 9 زاویه و در شکل 10 سرعت زاویه‌ای مجموعه نشان داده شده است.

نتایج حاصل از تست‌های حلقه باز نشانگر اینست که استفاده از فیلتر کالمن موجب کاهش نوسانات زاویه و بدست آمدن منحنی هموارتر برای آن شده است. از همین نتایج بدست آمده برای نویز سنسورها قبل و بعد از اعمال فیلتر کالمن، در مدل شبیه‌سازی استفاده شده است تا عملکرد کنترلر به واقعیت نزدیک‌تر شود.

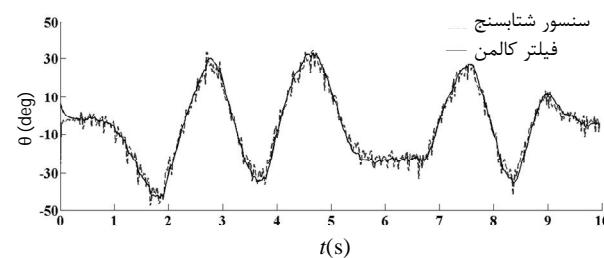
## 6-2- نتایج شبیه‌سازی برای کوادراتور

برای بررسی عملکرد کنترلر، مدل کوادراتور در نرم‌افزار متلب شبیه‌سازی شد. از یک تأخیر زمانی برای مدل موتور - ملح استفاده شد تا اثرات حذف مدل دیفرانسیلی موتور کاهش یافته و شبیه‌سازی به واقعیت نزدیک‌تر شود. همچنین با استفاده از داده‌های آزمایشگاهی بدست آمده از سنسورها و فیلتر کالمن، نویز لازم به سیستم اعمال گردید. برای سنسور ارتفاع نیز نویزی با واریانس ۰/۱ در نظر گرفته شد که باعث خطایی در حدود ۳۰ سانتی‌متری می‌شود. نکته مهمی که باید در اینجا بیان کرد این است که اگر چه زاویه یا و را نمی‌توان مشابه زوایای رول و پیچ از شتاب‌سنج بدست آورد ولی می‌توان بدون کاستن از کلیت مسئله، نویز سنسور قطب‌نما را که برای اندازه‌گیری زاویه یا از آن استفاده می‌شود، مشابه نویز سنسور شتاب‌سنج در نظر گرفت و شبیه‌سازی را بر همین اساس انجام داد.

شکل‌های 11 تا 16 نتایج حلقه بسته را به ازای شرایط اولیه مختلف و با هدف رسیدن به حالت پرواز ایستا نشان می‌دهند. شکل‌های 11 تا 14 مقایسه‌ای بین متغیرهای واحد (زوایای اویلر و ارتفاع) در حالت حلقه بسته بدون فیلتر کالمن (با استفاده از خروجی سنسورها) و با استفاده از فیلتر کالمن را نمایش می‌دهند.



شکل 8 خروجی زاویه در حالت موتور روشن و بدون حرکت افقی



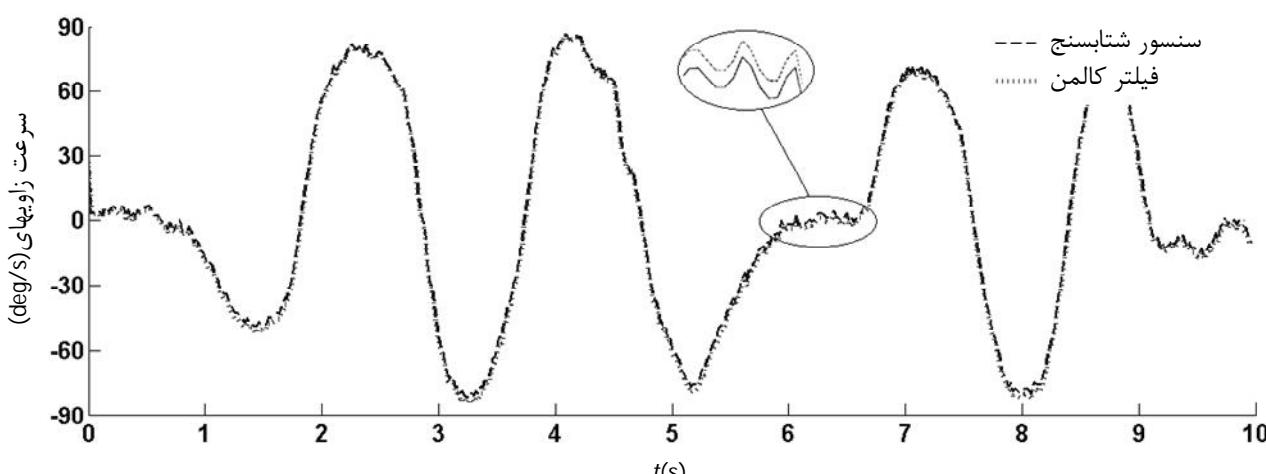
شکل 9 خروجی زاویه در حالت موتور روشن و جابجایی با دست

جدول 3 انحراف معیار نتایج در حالت موتور روشن و خاموش

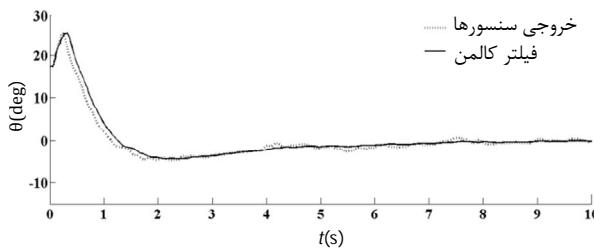
	شتاپ سنج	فیلتر کالمن
موتور خاموش	0/35	0/95
موتور روشن	0/7	2/71

شکل 8 نتایج حالت افقی بدون حرکت را با موتورهای روشن نشان می‌دهد. در مقایسه با شکل 6 ملاحظه می‌شود که نویز زاویه بدست آمده از شتاب‌سنجها بیشتر شده است. لازم به ذکر است که برای حذف ارتعاشات منتقله به سنسورها، علاوه بر استفاده از فیلترهای پایین‌گذر برای هر سنسور که ترکیبی از یک مقاومت و خازن می‌باشد، از دمپرهای مناسب بین موتور و بدنه نیز استفاده شده است. بدون استفاده از این دمپرهای نتایج حاصل به مراتب بدتر خواهد شد. لازم به ذکر است که با تخمین بایاس توسط فیلتر کالمن، دریفت سنسور سرعت زاویه‌ای تا حد قابل قبولی کاهش می‌باید.

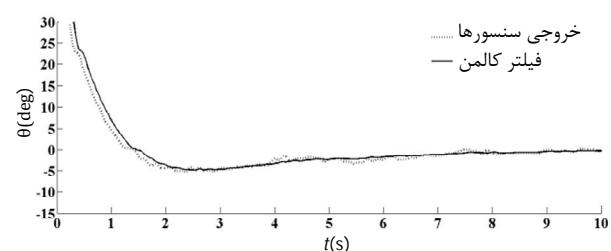
برای مقایسه کمی نتایج، انحراف معیار نتایج حاصل برای سنسور شتاب سنج و خروجی کالمن در جدول 3 نشان داده شده است. همان‌طور که ملاحظه می‌شود، فیلتر کالمن باعث بهبود بسیار در نتایج بدست آمده برای زاویه شده است.



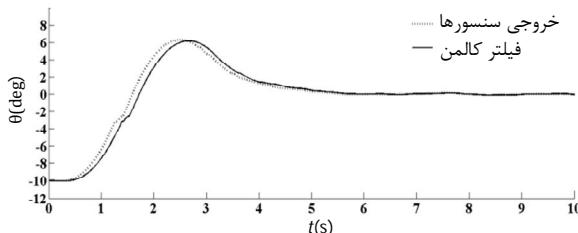
شکل 10 سرعت زاویه‌ای در حالت موتور روشن و جابجایی با دست



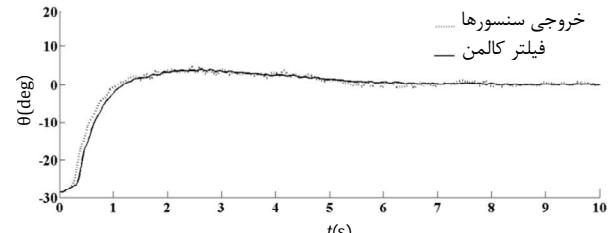
شکل ۱۳ مقایسه تغییرات زاویه  $\theta$  در حالت حلقه بسته با استفاده از خروجی سنسورها و فیلتر کالمن



شکل ۱۱ مقایسه تغییرات زاویه  $\theta$  در حالت حلقه بسته با استفاده از خروجی سنسورها و فیلتر کالمن



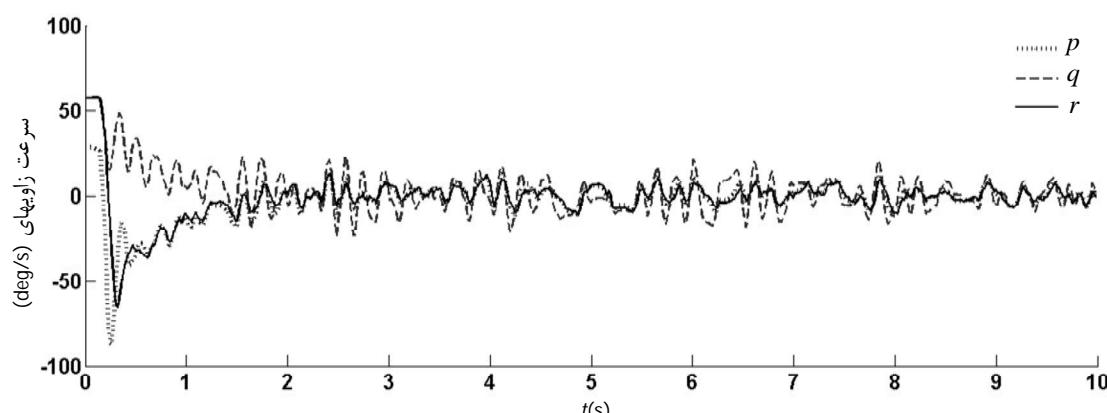
شکل ۱۴ مقایسه تغییرات ارتفاع در حالت حلقه بسته با استفاده از خروجی سنسورها و فیلتر کالمن



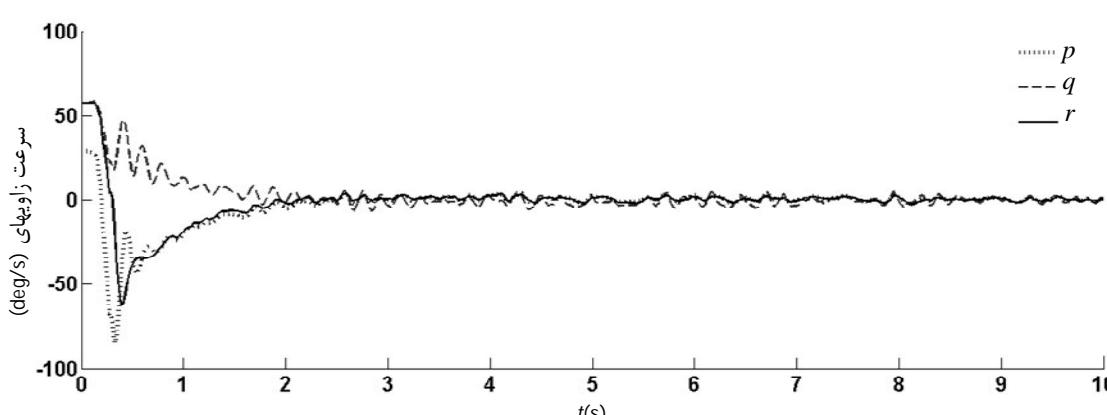
شکل ۱۲ مقایسه تغییرات زاویه  $\theta$  در حالت حلقه بسته با استفاده از خروجی سنسورها و فیلتر کالمن

همچنین با مقایسه نمودارهای ۱۵ و ۱۶ می توان دریافت که بدون فیلتر کالمن، در سرعت های زاویه ای جهش های بزرگ تری نسبت به حالتی که از فیلتر کالمن استفاده شده مشاهده می شود. علت این امر از دو چیز سرچشم می گیرد: یکی نویز و خطای خود ژیروسکوپ و دیگری نویز و خطاهای متغیر زاویه که از طریق کنترلر به مجموعه وارد می شود. جمیع این نتایج نشان از عملکرد قابل قبول و مناسب فیلتر کالمن دارد.

در شکل های ۱۵ و ۱۶ نیز تغییرات سرعت زاویه ای در شرایط حلقه بسته در دو حالت ذکر شده نشان داده شده است. لازم بذکر است که بهره های کنترلر با سعی و خطأ و با انجام شبیه سازی های مختلف و با هدف کسب بهترین نتیجه بدست آمدند. مقدار بهره های کنترلر در جدول ۴ نشان داده شده است. همان طور که از شکل های ۱۱ تا ۱۴ مشهود است تغییرات زاویه ای اویلر با استفاده از فیلتر کالمن هموار تر و محدوده آن کمتر شده است.



شکل ۱۵ تغییرات سرعت زاویه ای در حالت حلقه بسته با استفاده از آداده های آزمایشگاهی سنسورها



شکل ۱۶ تغییرات سرعت زاویه ای در حالت حلقه بسته با استفاده از خروجی فیلتر کالمن

زوایای اوپلر	$\varphi, \theta, \psi$
زاویه بدن نسبت به افق، rad	$\theta$
نماد سرعت زاویه‌ای، $\frac{\text{rad}}{\text{s}}$	$\dot{\theta}$
نویز اندازه گیری	$v$
نویز فرآیند	$\omega$

جدول ۴ برهه‌های کنترلی اعمالی به مدل

$h$	$\psi$	$\theta$	$\phi$	
20	27	33	28	$K_p$
8	10	13	9	$K_i$
12	15	26	19	$K_d$

## ۹- مراجع

- [1] S. Bouabdallah, R. Siegwart, Design and control of an indoor coaxial helicopter, in *The Proceedings of the IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems*, 2006.
- [2] P.Castillo, A. Dzul, Real-time stabilization and tracking of a four-rotor mini rotorcraft, *Control Systems Technology*, Vol. 12, No. 4, pp. 510-516, 2004.
- [3] A.Tayebi, S. McGilvray, Attitude stabilization of a four-rotor aerial robot, *Decision and Control, CDC. 43rd IEEE Conference on*, IEEE, 2004.
- [4] A. Tayebi, S. McGilvray, Attitude stabilization of a VTOL quadrotor aircraft, *Control Systems Technology*, Vol. 14, No. 3, pp. 562-571, 2006.
- [5] Y.Morel, A. Leonessa, Direct adaptive tracking control of quadrotor aerial vehicles, *Conference on Recent Advances in Robotics*, Florida, 2006.
- [6] A. Ö Kivrak, *Design of control systems for a quadrotor flight vehicle equipped with inertial sensors*. Master's Thesis, Atılım University, 2006.
- [7] G. Hoffmann, D. G. Rajnarayan, The Stanford testbed of autonomous rotorcraft for multi agent control (STARMAC), *Digital Avionics Systems Conference, DASC 04*, The 23rd IEEE, 2004.
- [8] A. A. Mian, W. Daobo, Modeling and backstepping-based nonlinear control strategy for a 6 DOF quadrotor helicopter, *Chinese Journal of Aeronautics*, Vol. 21, No. 3, pp. 261-268, 2008.
- [9] A.Soumelidis, P. Gáspár, Control of an experimental mini quad-rotor UAV, *Control and Automation, 16th Mediterranean Conference on IEEE*, 2008.
- [10] A. A.Mian, M. I. Ahmad, Backstepping based nonlinear flight control strategy for 6 DOF aerial robot, *Smart Manufacturing Application, ICSMA International Conference on IEEE*, 2008.
- [11] L.Luque-Vega, B. Bastillo-Toledo, Robust block second order sliding mode control for a quadrotor, *Journal of the Franklin Institute*, 2011.
- [12] M.Guisser, H. Medromi, A high gain observer and sliding mode controller for an autonomous quadrotor helicopter, *International Journal of Intelligent Control and Systems*, Vol. 14, No. 3, pp. 204-212, 2009.
- [13] A. Benallegue, A. Mokhtari, High-order sliding-mode observer for a quadrotor UAV, *International Journal of Robust and Nonlinear Control*, Vol. 18, No.4, pp. 427-440, 2007.
- [14] A. Mokhtari, A. Benallegue, Dynamic feedback controller of Euler angles and wind parameters estimation for a quadrotor unmanned aerial vehicle, *Robotics and Automation, Proceedings ICRA'04 International Conference on IEEE*, 2004.
- [15] N.Guenard, T. Hamel, A practical visual servo control for an unmanned aerial vehicle, *Robotics*, Vol. 24, No. 2, pp.331-340, 2008.
- [16] C.Schlaile, O. Meister, Using natural features for vision based navigation of an indoor-VTOL MAV, *Aerospace Science and Technology*, Vol. 13, No. 7, pp.349-357, 2009.
- [17] F. Kendoul, I. Fantoni, Optic flow-based vision system for autonomous 3D localization and control of small aerial vehicles, *Robotics and Autonomous Systems*, Vol. 57, No. 6, pp. 591-602, 2009.
- [18] , G. V. Raffo, M. G. Ortega, An integral predictive/nonlinear  $H_\infty$  control structure for a quadrotor helicopter, *Automatica*, Vol. 6, No. 1, pp. 29-39, 2010.
- [19] K. Zemalache, H. Maaref, Controlling a drone: Comparison between a based model method and a fuzzy inference system, *Applied Soft Computing*, Vol. 9, No. 2, pp. 553-562, 2009.
- [20] T.Dierks, S. Jagannathan, Output feedback control of a quadrotor UAV using neural networks, *Neural Networks*, Vol. 21, No. 1, pp. 50-66, 2010.
- [21] H. Voos, Nonlinear and neural network-based control of a small four-rotor aerial robot, *Advanced intelligent mechatronics, IEEE/ASME international conference on IEEE*, 2007.
- [22] S. Bouabdallah, *Design and control of quadrotors with application to autonomous flying*, PhD Thesis, Lausanne Polytechnic University, 2007.
- T. Bresciani, *Modelling, identification and control of a quadrotor helicopter*, Master's Thesis, Department of Automatic Control, Lund University, 2008.

نکته دیگری که از شکل‌های 11 تا 14 مشاهده می‌شود این است که فیلتر کالمن علی‌رغم بهبود نتایج کاهش خطأ و اثر نویز روی سیستم باعث تأخیر زمانی در پاسخ می‌شود که البته طبیعی است. نتایج نشان می‌دهد سیستم توانسته با این تأخیر سازگاری پیدا کند و مشکلی در کنترل مجموعه پیش نیاید. از شکل 14 نیز می‌توان این نتیجه را گرفت که فیلتر کالمن بر روی ارتفاع تاثیر کمی داشته و بیشترین تأثیرش روی زوایا و سرعت‌های زاویه‌ای بوده است.

## 7- بحث و نتیجه گیری

در این مقاله تلاش گردید مدل‌سازی و کنترل یک کوادروتور تا حد امکان بر اساس داده‌های بدست آمده از آزمایش‌های تجربی انجام شود تا کنترل طراحی شده و نتایج حاصل از شبیه‌سازی تطابق مناسبی با واقعیت داشته باشد. برای تخمین زاویه با استفاده از سنسورهای شتاب، از فیلتر کالمن بهره گرفته شد و تأثیر قابل ملاحظه فیلتر اعمالی در بهبود نتایج ارائه گردید. نتیجه گرفته شد که به دلیل حساسیت بالای سنسورهای شتاب به ارتعاشات، کنترل مناسب زاویه بدون استفاده از فیلتر کالمن پذیر نیست. بعد از حصول تجربه و کشف چالش‌ها و مشکلات موجود در کنترل مجموعه و همچنین گرفتن نتایج مناسب از مجموعه آزمایشگاهی، در ادامه کار ساخت نمونه آزمایشگاهی کامل کوادروتور مدنظر قرار دارد. بحث استفاده از سنسورهای بهتر و دارای حساسیت کمتر به نویز و اغتشاشات و استفاده از مدل دینامیکی سیستم در الگوریتم فیلتر کالمن نیز به موازات در حال مطالعه و بررسی است.

## 8- فهرست عالیم

بايس ژيروسكوب	<i>b</i>
مان اینرسی کوادروتور حول محورهای بدنی	<i>Ixx</i>
مان اینرسی سیستم حول محور پروانه	<i>JTP</i>
بهره فیلتر کالمن	<i>Kk</i>
طول بازوی کوادروتور	<i>l</i>
جرم (kg)	<i>m</i>
سرعت‌های زاویه‌ای در دستگاه بدنی	<i>p,q,r</i>
ماتریس کواریانس خطای تخمین	<i>Pk</i>
ماتریس کواریانس نویز اندازه گیری	<i>Q</i>
ماتریس کواریانس نویز فرآیند	<i>R</i>
تراست پروانه / ام	<i>Tt</i>
وروودی کنترلی / ام	<i>Ui</i>
سرعت‌های انتقالی در دستگاه بدنی	<i>u,v,w</i>
سرعت زاویه‌ای اندازه گیری شده توسط ژيروسكوب	<i>W</i>
بردار نیرو در دستگاه بدنی	<i>F<sup>B</sup></i>
بردار گشتاور در دستگاه اینرسی	<i>T<sup>B</sup></i>
زمان نمونه برداری، <i>s</i>	<i>ΔT</i>