



## بررسی عملکرد یک مرطوب‌ساز غشایی آب-گاز قابل استفاده در سیستم پیل سوختی پلیمری

درنا خوشنویس<sup>۱</sup>, سعید اصغری<sup>۲\*</sup>, فریبرز جهانشاه<sup>۳</sup>

۱- کارشناسی ارشد، مهندسی انرژی‌های تجدیدپذیر، دانشگاه اصفهان، اصفهان

۲- استادیار، مهندسی مکانیک، پژوهشگاه مواد و انرژی، پژوهشگاه فضای ایران، اصفهان

۳- استادیار، مهندسی مکانیک، مجتمع عالی آموزشی و پژوهشی صنعت آب و برق، اصفهان

\* اصفهان، صندوق پستی ۸۱۹۵۵-۱۷۴، s.asghari@isrc.ac.ir

### چکیده

گازهای واکنشگر در هنگام ورود به توده پیل سوختی غشاء پلیمری باستی دارای رطوبت بهینه باشند. مرطوب‌سازی این گازها به کمک یک مرطوب‌ساز غشایی صورت می‌پذیرد. در مطالعه حاضر یک مدل تحلیلی برای بررسی عملکرد یک مرطوب‌ساز غشایی آب-گاز مورد استفاده در پیل سوختی آرائه شده است. در ابتدا روابط بقای جرم و انرژی را برای سمت گاز مرطوب‌ساز اعمال نموده که در نتیجه آن یک دستگاه معادله غیرخطی بر حسب دما و نسبت رطوبت گاز خروجی از مرطوب ساز حاصل حاصل، می‌توان به ارزیابی عملکرد مرطوب‌ساز از نقطه نظر دما و نقطه شبنم گاز خروجی از آن پرداخت. به کمک مدل توسعه داده شده، تأثیر عواملی نظری دی گاز، طول کاتال، دما و فشار گاز ورودی به مرطوب‌ساز و عمق کاتال گاز بر رطوبت نسبی، دمای خروجی و نیز نقطه شبنم گاز خروجی از مرطوب‌ساز بررسی شد. تابع نشان می‌دهد که عمق کاتال اثری بر دما و رطوبت گاز مرطوب خروجی ندارد. همچنین افزایش طول کاتال سبب افزایش نقطه شبنم گاز خروجی از مرطوب‌ساز می‌شود اما رطوبت نسبی ورودی تأثیر چندانی بر روی نقطه شبنم گاز مرطوب خروجی ندارد. افزایش دمای هوای ورودی به مرطوب‌ساز نیز عملکرد مرطوب‌ساز را بهتر نمی‌کند. همچنین نتایج حاصل از مدل شناس می‌دهد که با افزایش فشار ورودی و استفاده از دی هوای کمتر، عملکرد مرطوب‌ساز ارتقا می‌یابد.

### اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دربافت: ۰۶ بهمن ۱۳۹۴

پذیرش: ۱۱ بهمن ۱۳۹۴

ارائه در سایت: ۲۶ بهمن ۱۳۹۴

کلیدواژگان:

پیل سوختی غشا پلیمری

مرطوب‌ساز غشایی

نقطه شبنم

رطوبت نسبی

مدل تحلیلی

## An investigation of the performance of a water-gas membrane humidifier for polymer electrolyte membrane fuel cell systems

Dorna Khoshnevis<sup>1</sup>, Saeed Asghari<sup>2\*</sup>, Fariborz Jahanshah<sup>3</sup>

1- Faculty of New Science and Technology, Isfahan, Iran

2- Institute of Materials and Energy, Iranian Space Research Center, Isfahan, Iran

3- Water and Electricity Higher Education and Research Institute, Isfahan, Iran

\* P.O.B. 81955-174 Isfahan, Iran, s.asghari@isrc.ac.ir

### ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 26 January 2016

Accepted 31 January 2016

Available Online 15 February 2016

**Keywords:**

Polymer electrolyte membrane (PEM) fuel cell  
Membrane humidifier

Dew point

Relative humidity

Analytical model

### ABSTRACT

Reactant gases should be humidified before entering a polymer electrolyte membrane (PEM) fuel cell stack. Humidification of the gases can be performed by a membrane humidifier. In the present study, an analytical model has been proposed to investigate the performance of a water-gas membrane humidifier which is used in the fuel cell systems. At first, a set of nonlinear equations was obtained by applying the mass and energy conservation laws on the gas side of the humidifier. The temperature and the humidity ratio of the outlet gases from the humidifier are the unknowns of these nonlinear equations. The proposed model can evaluate the performance of the humidifier based on the temperature and relative humidity of the outlet gases from the humidifier. The effects of different parameters like: gas flow rate, length and depth of channel, temperature and pressure of the inlet gases on the performance of the humidifier were studied by the developed model. The results show that the channel depth does not have an effect on the temperature and humidity of the humidified outlet gases. In addition, increasing the channel length causes an increase on the dew point of the outlet gases but the relative humidity of the dry inlet gas does not have a noticeable effect on the dew point of the outlet gases. Increasing the temperature of the inlet gases does not improve the humidifier performance, considerably. The results of the model show that increasing the inlet pressure and using less air flow improves the humidifier performance.

### ۱- مقدمه

سوختی می‌توانند در دمای پایین مورد استفاده قرار گرفته و چگالی توان به حجم و توان به جرم بالاتری را نسبت به انواع دیگر پیل سوختی داشته باشند [۱]. پیل سوختی پلیمری (PEMFC) دارای الکتروولت پلیمری به شکل یک

پیل سوختی غشاء پلیمری به عنوان مبدل انرژی در کاربردهای کوچک و نیز در مقیاس‌های بزرگ مورد توجه محققان قرار دارد زیرا این نوع پیل‌های

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

D. Khoshnevis, S. Asghari, F. Jahanshah, An investigation of the performance of a water-gas membrane humidifier for polymer electrolyte membrane fuel cell systems, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 2, pp. 292-300, 2016 (in Persian)

خشک ورودی به آن استفاده می‌کند، توسط چن و همکاران توسعه داده شد [7]. در این مدل علاوه بر کانال‌های ورودی گازهای مرطوب و خشک، برای کنترل رطوبت یا گرمای، یک کانال فرعی نیز که عبور جریان از آن به سیله یک صفحه‌ی لغزان قابل تنظیم است، تعیینه شده است. افشاری و بهارلو یک مدل تحلیلی از مرطوب‌کننده غشاء مسطح برای پل سوتی غشاء پلیمری ارائه دادند. آنها اثر پارامترهای ابعادی مانند ضخامت غشا و مساحت و قطر هیدرولیکی کانال را بر روی عملکرد مرطوب‌ساز بررسی کردند [8]. در تحقیق دیگری، افشاری و بهارلو یک مدل عددی سه بعدی برای مرطوب‌کننده غشایی مسطح ارائه داده و عملکرد دو مرطوب‌کننده با جریان متقابل و موازی را با هم مقایسه کردند [9]. رامیا و همکاران [1] عملکرد یک مرطوب‌کننده غشایی آب-گاز را با یک مرطوب‌کننده خارجی مقایسه کردند. او و پارک یک مدل تحلیلی یک بعدی ساده برای ارزیابی عملکرد مرطوب‌کننده آب-گاز با غشاء نفیون توسعه دادند. آنها در این کار از یک مدل ساده استفاده کردند. آنها اثرات ابعاد کانال جریان گاز مانند طول و عمق کانال و دمای نزدیکی نقطه شبنم<sup>1</sup> را بر ظرفیت مرطوب‌کردن غشاء مرطوب‌کننده با فرض ثابت بودن دما در طول کانال ارزیابی کردند [10]. از آنجا که غشاء علاوه بر تبادل رطوبت، کار تبادل گرما از طرف آب به طرف جریان گاز خشک را نیز انجام داده و همچنین طبق اصول ترمودینامیک، دمای گاز با جذب رطوبت کاهش می‌یابد، بنابراین دمای گاز در طول کانال ثابت نبوده و تغییر می‌یابد. کار حاضر در تکمیل کار او و پارک با در نظر گرفتن مبحث موازنۀ انرژی، تغییر دمای گاز در طول کانال نیز به مجموعه فرضیه‌ها اضافه شده است. فرض تغییرات دما از آنجا اهمیت می‌یابد که در طول کانال از یک طرف دما نقش مهمی در انتقال آب از طریق غشاء داشته و از طرف دیگر به دلیل تبادل انرژی در دو سمت غشاء، دمای گاز در هنگام عبور از مرطوب‌ساز تغییر می‌کند.

در مقاله حاضر با در نظر گرفتن یک مرطوب‌کننده غشایی تک کاناله و مستقیم (شکل 1) و با حل همزمان معادلات حاصل از موازنۀ جرم و انرژی در یک کانال مسطح، تغییرات دما و رطوبت جریان گاز خشک در طی حرکت در طول کانال بررسی می‌شود. همچنین وابستگی تغییرات نقطه شبنم گاز خروجی به تغییر ابعاد کانال و پارامترهای عملکردی دیگری نظریه سرعت، دما، فشار و رطوبت نسبی گاز ورودی بررسی خواهد شد.

## 2- مدل تحلیلی

همان‌گونه که از شکل 1 مشاهده می‌شود، برای توسعه مدل، یک مرطوب‌کننده مسطح تک کاناله در نظر گرفته شده است. همان‌طور که از این شکل مشاهده می‌شود، غشاء نفیون بین کانال جریان گاز خشک (که باید مرطوب شود) و کانال جریان آب قرار می‌گیرد. آب در نتیجه اختلاف غلظت موجود در دو طرف غشاء، در غشاء نفوذ کرده و در جریان گاز خشک تبخیر می‌شود. بدین ترتیب هوای ورودی به پل سوتی مرطوب می‌گردد. چون نفوذ در جهت  $\alpha$  صورت می‌گیرد و گاز در راستای  $\alpha$  حرکت می‌کند، می‌توان سطح مقطع دو بعدی ( $abdc$ ) را در نظر گرفت.

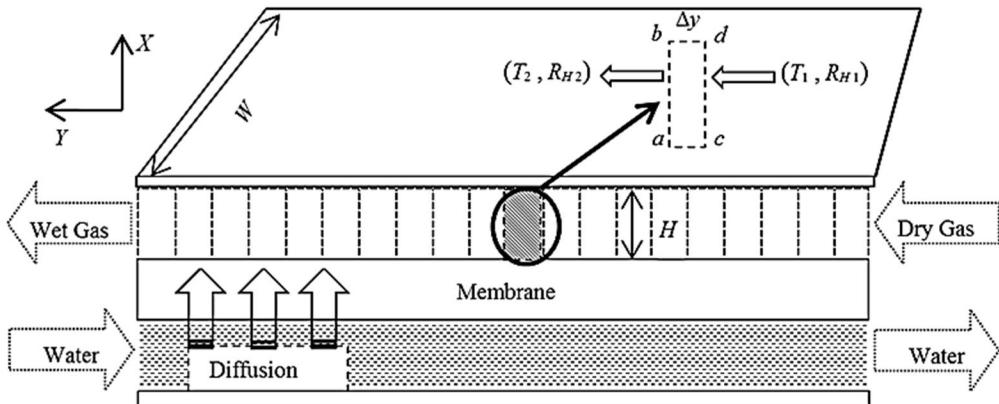
برای بررسی روند تغییرات خواص فیزیکی گاز خشک (نظیر دما و رطوبت نسبی) در طی عبور از کانال مرطوب‌ساز، یک المان حجمی از کانال را به صورتی که در شکل 1 نشان داده شده است، انتخاب شده و روابط موازنۀ جرم و انرژی برای گاز عبوری از این المان استخراج می‌شود. لازم به ذکر است که شرایط گاز ورودی به المان نظیر دما و رطوبت آن معلوم بوده و هدف،

ورقه نازک انعطاف‌پذیر است که هادی یون هیدروژن (بروتون) می‌باشد. متداول‌ترین نوع غشاء، پلیمری با نام تجاری نفیون است. هدایت پروتونی این نوع از غشاء شدیداً به محتوی آب آن بستگی دارد. برای کارایی مطلوب لازم است الکتروولیت، از آب اشباع باشد. با این حال آب تولید شده در سمت کاتد و رطوبت هوا نمی‌وانند در حین کارکرد پل سوتی، غشاء را به درستی مرتبط نگه دارند [2]. کارکرد بهینه توده پل سوتی در دامنه محدودی از رطوبت اتفاق می‌افتد. اگر غشاء میزان رطوبت کمتری از حالت هیدراته کامل داشته باشد، هدایت پروتونی کاهش خواهد یافت که خود منجر به افزایش افت اهمی [3]، کاهش توان خالص توده پل سوتی و احتمالاً تشکیل نقاط داغ محلی می‌شود که می‌تواند به طور چشمگیری طول عمر غشاء را کاهش دهد. با این حال زمانی که آب اضافی در غشاء، در لایه نفوذ گازی (GDL)، الکتروودها و کانال‌های جریان وجود داشته باشد، می‌تواند اثرات منفی بر عملکرد پل داشته باشد زیرا ممکن است مانع انتقال مؤثر گازهای واکنش-دهنده به سایتها کاتالیستی شده و پدیده غرقایی ایجاد شود. زمانی که پدیده غرقایی اتفاق می‌افتد آب در لایه متخلخل نفوذ گازی باقی مانده و مسیر گازهای واکنش-دهنده به سایتها کاتالیستی را مسدود می‌کند که باعث می‌شود نرخ انتقال گازهای واکنش-دهنده به سایتها کاتالیستی کاهش یافته و در نتیجه نرخ واکنش شیمیایی کاهش می‌یابد که این خود باعث افت ولتاژ می‌شود [4]. به منظور نگهداری غشاء در شرایط اشباع، گازهای واکنش-دهنده معمولاً قبل از ورود به پل مرطوب می‌شوند. مرطوب-کننده غشایی وسیله‌ای است که رطوبت را از خروجی کاتد یا جریان آب بازیابی کرده و به جریان گاز خشک ورودی به توده پل منتقل می‌کند. به طور ساده، مرطوب‌کننده غشایی از دو کانال که توسط یک غشاء پلیمری از هم جدا شده‌اند، تشکیل شده است [5].

به طور کلی در سیستم‌های پل سوتی از دو نوع مرطوب‌ساز گاز-گاز و یا آب-گاز استفاده می‌شود. در یک مرطوب‌کننده گاز-گاز، جریان گاز خشک در یک طرف غشاء توسط آب موجود در گاز مرطوب که در سمت دیگر غشاء جریان دارد، مرطوب می‌شود. محتوی بخار آب جریان خشک در طول سطح مشترک غشاء از ورودی تا خروجی مرطوب‌ساز افزایش می‌یابد [2]. در واقع بخار آب با فرایند نفوذ و در نتیجه اختلاف فشار موجود بین سمت گاز خشک و مرطوب از غشاء عبور می‌کند. عملکرد مرطوب‌کننده معمولاً بر اساس مقدار آب منتقل شده ارزیابی می‌شود. عملکرد مطلوب مرطوب‌کننده زمانی اتفاق می‌افتد که نرخ بخار آب جابجا شده حداثر باشد و یا به عبارت دیگر، نقطه شبنم گاز خروجی از سمت خشک به نقطه شبنم گاز ورودی به سمت مرطوب برسد [6].

در مرطوب‌کننده آب-گاز، آب مایع در یک سمت غشاء و گاز واکنش-دهنده خشک در سمت دیگر غشاء جریان دارد. در نتیجه اختلاف غلظت موجود، آب در غشاء نفوذ کرده و در فصل مشترک غشاء با جریان گاز تبخیر شده و گاز خشک را مرطوب می‌کند [1].

اگر چه مرطوب‌کننده‌ها در بهبود عملکرد PEMFC تعیین کننده هستند ولی مطالعات زیادی بر روی سیستم‌های مرطوب‌کننده PEMFC انجام نشده است. کیو و مریدا یک مرطوب‌کننده غشایی تک کاناله و مستقیم را ساخته و اثر دبی گاز سمت خشک و مرطوب را بر عملکرد مرطوب‌کننده غشایی در مرطوب‌کننده گاز-گاز بررسی کردند. آنها نشان دادند که انتقال رطوبت به شدت تحت تأثیر دبی سمت گیرنده رطوبت قرار دارد و با کاهش نرخ جریان سمت خشک، نقطه شبنم افزایش می‌یابد [5]. یک مدل ترمودینامیکی از یک مرطوب‌کننده غشایی که از گاز خروجی از پل برای مرطوب کردن گاز

**Fig. 1** The schematic view of the membrane humidifier**شکل ۱** نحوه عملکرد مرطوب ساز غشایی

شار جرمی آب خروجی از حجم کنترل از مرز  $ab$  می‌باشد و ترم آخر معادله (2) مربوط به شار پخش آب از سمت غشاء (مرز  $ac$ ) (مرز  $ac$ )  $\Delta y$ ,  $H$ ,  $W$ ,  $P_w^{\text{sat}}$ ,  $K_w$  به ترتیب عرض کanal، عمق کanal، طول حجم کنترل دیفرانسیلی در راستای کanal، ضریب نفوذپذیری غشاء، فشار بخار اشباع و فشار بخار آب می‌باشد. با تقسیم معادله (2) بر پارامتر  $HW$  می‌توان به معادله (3) رسید:

$$N_w|_1 - N_w|_2 = -K_w(P_w^{\text{sat}} - P_w)\Delta y/H \quad (3)$$

با فرض این که تغییرات فشار جزی آب در جهت  $x$  ناچیز است و ترم جایجاًی بر ترم پخش در کanal غالب است، می‌توان نوشت [11]:

$$N_w \approx C_w V \quad (4)$$

$$C_w = P_w/RT \quad (5)$$

$C_w$  لحظت بخار آب و  $V$  سرعت گاز می‌باشد. با جایگذاری این مقادیر در معادله (3) می‌توان به معادله (6) رسید:

$$\frac{P_{w1}V}{RT_1} - \frac{P_{w2}V}{RT_2} = -\frac{K_w(P_w^{\text{sat}} - P_w)\Delta y}{H} \quad (6)$$

فشار جزی آب را می‌توان به عنوان یک تقریب اولیه برابر میانگین فشار جزی آب در مقاطعه ۱ و ۲ دانست.

$$P_w = \frac{P_{w1} + P_{w2}}{2} \quad (7)$$

با در نظر گرفتن روابط بین فشار جزی بخار آب، رطوبت نسبی ( $R_H$ ) و رطوبت مطلق ( $\omega$ ) برای مخلوط آب و هوای [12] و با استفاده از رابطه (7)، رابطه (6) به صورت معادله (8) بازنویسی می‌شود:

$$\begin{aligned} & \frac{P_{w1}^{\text{sat}}}{P_{w2}^{\text{sat}}} R_{H1} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{K_w R \Delta y}{2VH} \right) \\ &= \frac{K_w R \Delta y}{V H P_{w2}^{\text{sat}}} P_w^{\text{sat}} + R_{H2} \left( \frac{1}{T_2} + \frac{K_w R \Delta y}{2VH} \right) \end{aligned} \quad (8)$$

که در دمای متوسط گاز ورودی به و خروجی از المان در نظر گرفته شده محاسبه می‌شود.  $P_{w1}^{\text{sat}}$  و  $P_{w2}^{\text{sat}}$  به ترتیب در دمای ورودی به و خروجی از المان محاسبه می‌شوند. از رابطه هایلند و وکسلر جهت استخراج تابعیت فشارهای اشباع بر حسب دما استفاده کرد [5]:

$$\ln P_w^{\text{sat}} = \frac{C_1}{T} + C_2 + C_3 T + C_4 T^2 + C_5 T^3 + C_6 \ln(T) \quad (9)$$

ضرایب مربوط به رابطه (9) در جدول ۱ نشان داده شده‌اند.

در نهایت با ساده‌سازی معادله (8) و دانستن اینکه  $P_w^{\text{sat}}$  از رابطه (9) به دست می‌آید، رابطه (10) حاصل می‌شود که دارای ۲ مجھول  $\omega_2$  و  $T_2$  می‌باشد.

استخراج دما و رطوبت گاز خروجی از المان است. به عبارت دیگر، در طی فرایند حل مساله، ورودی اولین المان فرضی بر ورودی کanal طرف گاز منطبق بوده و بنابراین شرایط دما و رطوبت گاز ورودی به این المان کاملاً مشخص است. از حل معادلات مربوط به موازنه جرم و انرژی برای این المان، دما و رطوبت گاز خروجی از این المان که همان شرایط گاز ورودی به دوین المان است، مشخص خواهد شد. با اعمال و حل معادلات مربوطه برای المان-هایی که به ترتیب در راستای کanal قرار گرفته‌اند، شرایط دما و رطوبت گاز در طول کanal و در نهایت در خروجی کanal گاز مرطوب ساز مشخص خواهد شد.

به دلیل بالاتر بودن ظرفیت گرمایی ویژه آب نسبت به گاز، آب عبوری از مرطوب ساز، تغییرات دمای چندانی نداشته و بنابراین دمای آن در طی عبور از کanal ثابت فرض می‌شود. پس در تحقیق حاضر تمرکز، تنها بر روی طرف گاز بوده و روابط موازنی جرم و انرژی برای سمت گاز استخراج می‌شود.

فرضیه‌های در نظر گرفته شده در مدل شامل موارد زیر است:

- ۱) رفتار گاز و بخار به صورت رفتار گاز ایده‌آل است. ۲) افت فشار در طول کanal ناچیز بوده و فشار سمت گاز ثابت است. ۳) فشار جزی بخار فقط در راستای لا تغییر می‌کند. ۴) جریان گاز کاملاً فراگیر است. ۵) مرطوب کننده به خوبی از محیط اطراف علیق شده و انتقال گرما تهها در طول غشاء اتفاق می‌افتد. ۶) کار خارجی روی سیستم انجام نمی‌شود. ۷) ضریب گرمایی ویژه آب و ضریب انتقال حرارت هم‌رفتی ثابت هستند. ۸) ضریب نفوذپذیری غشاء ثابت بوده و تابعیتی از دما و سایر شرایط کاری ندارد.

## ۱-۲-۱- موازنیه جرم

به دلیل اینکه در کanal‌ها ترم جایجاًی بر پخش غالب است، موازنیه جرم بخار آب برای یک حجم کنترل در کanal گاز (حجم کنترل  $abdc$ ) به صورت یک

بعدی است. رابطه موازنیه جرم آب را می‌توان به صورت معادله (1) نوشت:

$$\dot{m}_w = \dot{m}_a (\omega_2 - \omega_1) \quad (1)$$

که  $\dot{m}_a$  جرم هوای خشک،  $\dot{m}_w$  جرم آب نفوذی از سمت غشاء به داخل المان حجم کنترل،  $\omega_1$  و  $\omega_2$  به ترتیب رطوبت مطلق یا نسبت رطوبت هوای ورودی به و خروجی از المان می‌باشد.

معادله (1) را می‌توان بر حسب شار جرمی به شکل معادله (2) بازنویسی کرد:

$$N_w|_1 \cdot W \cdot H - N_w|_2 \cdot W \cdot H + K_w (P_w^{\text{sat}} - P_w) W \Delta y = 0 \quad (2)$$

که  $N_w|_1$  و  $N_w|_2$  به ترتیب شار جرمی آب ورودی به حجم کنترل از مرز  $cd$  و

$$D_h = \frac{4A_c}{P} \quad (17)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} N_{UD} = 3.54 \\ N_{UD} = 0.023 \times \frac{4}{Re^5} \times \frac{1}{Pr^3} \end{array} \right. ; Re < 2300 \quad (18)$$

معادله‌های (10) و (13) تشکیل یک دستگاه دو معادله و دو مجهول (مجهولات  $\omega_2$  و  $T_2$ ) غیرخطی را می‌دهند. در تحقیق حاضر برنامه‌ای به کمک نرم‌افزار تجاری متلب جهت حل دستگاه معادلات توسعه داده شد. با استناد توجه داشت که مسلم‌آهنگی طول در نظر گرفته شده برای المان در راستای کanal ( $\Delta y$ ) کاهش یابد، دقت پیش‌بینی مدل برای خواص گاز خروجی از مرطوبساز افزایش خواهد یافت. البته این امر منجر به افزایش زمان حل مساله خواهد شد. در طی تحقیق حاضر، آنالیز استقلال حل از اندازه طول المان صورت پذیرفت و مشخص شد که برای ابعاد عرض و ارتفاع در نظر گرفته شده در این تحقیق، طول یک سانتی‌متر برای هر المان کافی بوده و در نظر گرفتن طول‌های کوچکتر، تأثیری در توزیع دما و رطوبت حاصل در طول کanal و همچنین در خروجی از مرطوبساز نخواهد داشت.

برای تحلیل نتایج، برنامه‌ای برای رسم گراف‌های تغییرات دما و رطوبت نسبی گاز خروجی از مرطوبساز بر حسب تغییرات ابعاد کanal و پارامترهای دیگر نظیر دبی، دما و فشار ورودی گاز توسعه داده شد.

برای تعیین تغییرات نقطه شبنم که یک ویژگی سیستم مرطوبساز محسوب می‌شود از معادله مگنوس [16,15] استفاده شده که دارای دقت  $\pm 0.4^\circ C$  بوده و در دامنه دمایی 0 تا 60 درجه سانتی‌گراد معتبر می‌باشد. در معادله (20)،  $T_{Dp}$  نقطه شبنم می‌باشد.

$$\gamma_m(T, R_H) = \ln\left(\frac{R_H}{100}\right) + \frac{bT}{c + T} \quad (19)$$

$$T_{Dp} = \frac{c\gamma_m(T, R_H)}{b - \gamma_m(T, R_H)} \quad (20)$$

### 3- نتایج و بحث

در ابتدا به منظور بررسی و صحه‌گذاری مدل ارائه شده در پیش‌بینی شرایط هوای خروجی از یک مرطوبساز، نتایج حاصل از مدل در پیش‌بینی رطوبت هوای خروجی از یک مرطوبساز با نتایج آزمایشگاهی دیگر محققان [17] با مشخصات هندسی و عملکردی مرطوبساز یکسان، در شکل 2 نشان داده شده است. در این نمودار روند تغییرات رطوبت هوای خروجی از مرطوبساز بر حسب سرعت هوا، که در حقیقت به نوعی بیانگر دبی هوای عبوری می‌باشد، نشان داده شده است. همان‌گونه که از این شکل مشاهده می‌شود، نتایج مدل حاضر در پیش‌بینی رطوبت نسبی هوای خروجی دارای تطابق نسبی خوبی با نتایج آزمایشگاهی است.

برای بررسی و تحلیل عملکرد مرطوبساز به کمک مدل توسعه داده شده، مقادیر عددی نشان داده شده در جدول 2 برای ارزیابی از پارامترهای مدل در نظر گرفته شد. در همه تحلیل‌ها و بررسی‌ها صورت پذیرفته در تحقیق حاضر، مقادیر این پارامترها ثابت و برابر مقادیر نشان داده شده در جدول 2 است مگر برخلاف آن موردی ذکر شده باشد.

### 3-1- بررسی تأثیر طول کanal بر رطوبت نسبی و دما و نقطه شبنم گاز خروجی از مرطوبساز

با توجه به مشاهده‌های تجربی و مقادیر دبی مورد نیاز برای یک پل سوختی با توان پایین، فرض می‌شود که هوای خشک با سرعت 0.5 متر بر ثانیه وارد کanal شده و در حین عبور از کanal، رطوبت لازم را از سمت آب از طریق

جدول 1 ضرایب فشار بخار اشباع در معادله هایلند و وکسلر [5]

Table 1 Coefficients in Hyland and Wexler saturation vapor pressure equation [5]

ضریب	مقدار
$C_1$	-0.58002206×10 <sup>4</sup>
$C_2$	0.13914993×10 <sup>1</sup>
$C_3$	-0.48640239×10 <sup>-1</sup>
$C_4$	0.41764768×10 <sup>-4</sup>
$C_5$	-0.14452093×10 <sup>-7</sup>
$C_6$	0.65459673×10 <sup>1</sup>

$$\frac{\omega_1 P}{\omega_1 + 0.622} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{K_w R \Delta y}{2VH} \right) = - \frac{K_w R \Delta y}{VH} P_w^{\text{sat}} (10^{-5}) + \frac{\omega_2 P}{\omega_2 + 0.622} \left( \frac{1}{T_2} + \frac{K_w R \Delta y}{2VH} \right) \quad (10)$$

معادله (10) دارای دو مجهول دمای خروجی و رطوبت مطلق خروجی می‌باشد که برای به دست آوردن مقادیر آنها باید معادله دیگری تعریف شود.

### 2- موازنۀ انرژی

به دلیل وجود تبادل حرارتی بین گاز و غشاء در المان در نظر گرفته شده و همچنین جذب رطوبت توسط گاز، دمای گاز در طول کanal تغییر می‌کند. برای محاسبه چگونگی این تغییرات باید معادله موازنۀ انرژی را بر المان نشان داده شده در شکل 1 اعمال نمود. معادله (11) از برقراری موازنۀ انرژی برای حجم کنترل abdc حاصل می‌شود:

$$\sum \dot{m}_i h_i = \sum \dot{m}_e h_e \quad (11)$$

از آنجا که جریان گاز در ورودی به و خروجی از المان، مخلوطی از هوا و آب می‌باشد، بنابراین رابطه (11) را می‌توان به صورت رابطه (12) بسط داد:

$$\dot{m}_{a1} h_{a1} + \dot{m}_{v1} h_{v1} + \bar{h} A \Delta T = \dot{m}_{a2} h_{a2} + \dot{m}_{v2} h_{v2} \quad (12)$$

با تقسیم طرفین معادله بر  $\dot{m}_a$  و با دانستن اینکه جرم هوای خشک در طول المان ثابت است و با جایگذاری روابط آنتالپی مخلوط آب و هوا [13] در معادله (12)، می‌توان به معادله (13) رسید:

$$1.006 (T_2 - T_1) + 1998.68 (\omega_2 - \omega_1) + 1.84 (\omega_2 T_2 - \omega_1 T_1) - \frac{\bar{h} A \Delta T}{\dot{m}_a} = (\omega_2 - \omega_1) h_w \quad (13)$$

همان‌گونه که مشاهده می‌شود این معادله نیز همانند معادله (10) دارای دو مجهول دمای خروجی و رطوبت نسبی خروجی ( $\omega_2$  و  $T_2$ ) می‌باشد. همچنین معادله (13) شامل پارامترهای  $A \Delta T$  و  $\bar{h}$  بوده که می‌توان آنها از روابط (14) و (15) به دست آورد.

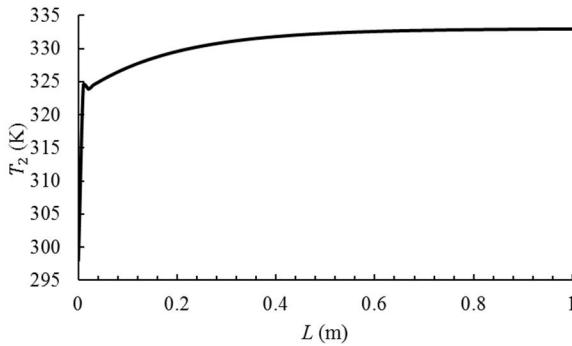
$$\Delta T = T_w - \frac{T_1 + T_2}{2} \quad (14)$$

که اختلاف دمای بین آب و میانگین دمای هوا در المان است. میانگین دمای هوا در المان از میانگین‌گیری دمای هوا در ورودی به و خروجی از المان به دست می‌آید.

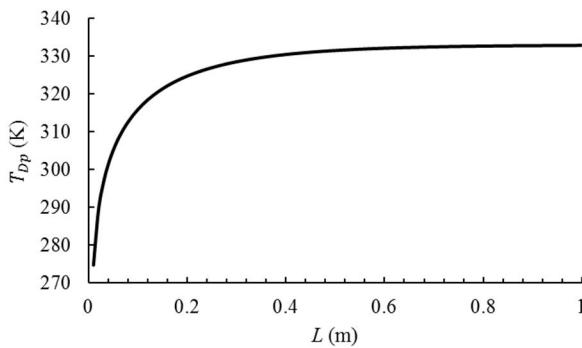
$$\bar{h} = \frac{K N_{UD}}{D_h} \quad (15)$$

با توجه به رژیم جریان که توسط عدد رینولدز تعیین می‌شود و با در نظر گرفتن سطح مقطع غیر دایره‌ای،  $N_{UD}$  از روابط (16) و (17) و (18) به دست می‌آید [14].

$$Re = \frac{D_h V}{\nu} \quad (16)$$



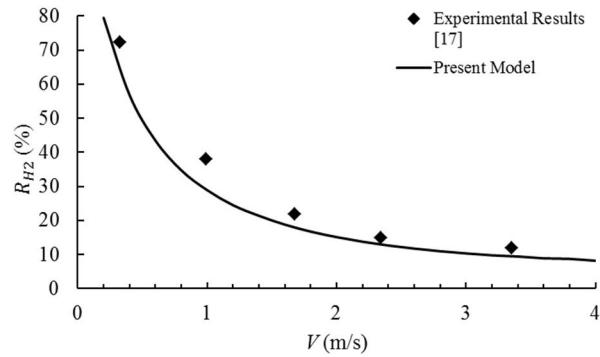
**شکل 4** نمودار تغییرات دمای گاز در طول کanal



**شکل 5** نمودار تغییرات نقطه شبنم در طول کanal

همان‌گونه که از نمودار تغییرات دما در طول کanal مشاهده می‌شود (شکل 4)، دمای گاز در ابتدا یک افزایش ناگهانی داشته و سپس با یک کاهش کوچک مواجه شده و پس از آن دمای گاز شروع به افزایش ملایم می‌کند. افزایش اولیه مریوط به انتقال حرارت از آب گرم به گاز از طریق غشاء است. در حقیقت نزخ انتقال حرارت بسیار بالاتر از نزخ انتقال جرم آب بوده و در نتیجه افزایش دمای ناشی از انتقال حرارت بر کاهش دمای ناشی از انتقال جرم و افزایش رطوبت گاز غالب نموده و در نتیجه گاز با افزایش دمای ناگهانی مواجه می‌شود ولی پس از یک افزایش نسبی، دمای گاز به دلیل جذب رطوبت اندکی کاهش می‌یابد. سپس با انتقال حرارت از آب به گاز در طول کanal، دمای گاز مجدد افزایش می‌یابد.

به منظور مقایسه نتایج مدل حاضر با نتایج حاصل از مدل پارک [10]، روند تغییرات رطوبت نسبی و دمای شبنم در طول کanal برای هوایی که با سرعت 1 متر بر ثانیه و دمای 25 درجه سانتیگراد به مرطوبساز وارد شده است، به ترتیب در شکل‌های 6 و 7 نشان داده شده است. همان‌گونه که از نمودار شکل 6 مشاهده می‌شود، مدل حاضر در قسمتی از طول کanal، رطوبت نسبی کمتری برای گاز پیش‌بینی می‌کند که دلیل آن افزایش دمای گاز در طول کanal در مدل حاضر بوده که به نوعی باعث می‌شود رطوبت نسبی نسبت به مدل پارک و همکاران [10] که در آن تغییر دما اعمال نمی‌شود، کمتر باشد. برای درک بهتر موضوع می‌توان به نمودار تغییرات نقطه شبنم در طول کanal رجوع نمود (شکل 7). همان‌گونه که از این شکل مشاهده می‌شود، در مدل حاضر تبدیل گرما با سمت کanal آب باعث افزایش نقطه شبنم و نزدیکی آن به دمای آب شده است در صورتی که به کمک مدل پارک [10]، تغییرات نقطه شبنم به دلیل انتقال گرما لحاظ نشده و این تغییرات صرفاً ناشی از افزایش رطوبت نسبی گاز بوده است.



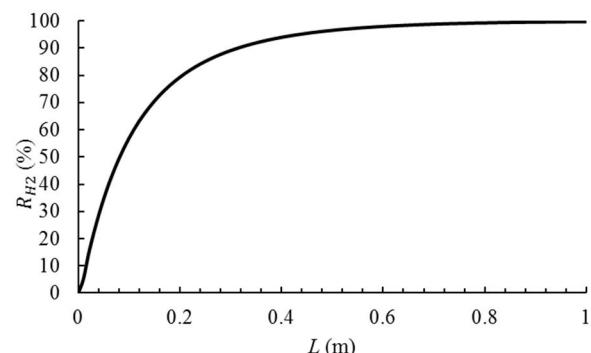
**شکل 2** نمودار تغییرات رطوبت نسبی هوای خروجی از مرطوبساز با سرعت هوای

**جدول 2** پارامترهای ثابت و مقدار آنها در برنامه

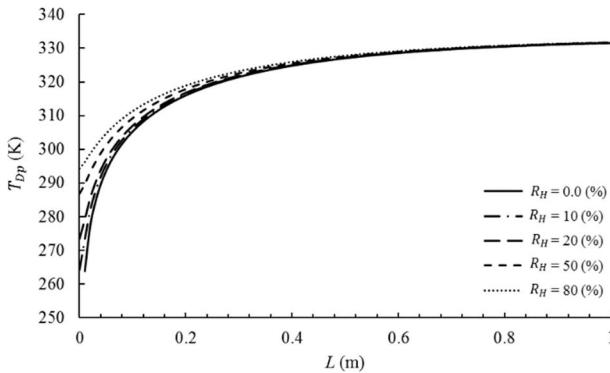
**Table 2** Constant parameters and their values used in the program

پارامتر	واحد	مقدار
عرض کanal	میلیمتر	1
عمق کanal	میلیمتر	1
ضریب نفوذ نفیون 115	کیلوگرم‌بر.مترمربع	$5.3 \times 10^{-5}$
ثانیه.اتمسفر		
دمای هوای ورودی	کلوین	298
دمای آب	کلوین	333
طول کanal	متر	1

غشاء نفیون 115 دریافت کند. رطوبت گاز با حرکت در راستای کanal افزایش می‌یابد. نمودار تغییرات رطوبت در راستای طول کanal در شکل 3 نشان داده شده است. همچنین نمودار تغییرات دمای گاز و نقطه شبنم در طول کanal در شکل‌های 4 و 5 نشان داده شده است. با عبور آب از غشاء و تبخیر در سمت هوای رطوبت هوا افزایش می‌یابد. همان‌گونه که از شکل 3 مشاهده می‌شود طول کanal به اندازه‌ای بلند است که در اوسط طول کanal، رطوبت گاز نزدیک به 100% می‌رسد. همچنین با توجه به شکل‌های 4 و 5، دمای هوا و نقطه شبنم نیز با افزایش طول کanal افزایش می‌یابد. نقطه شبنم گاز تا دمای نزدیک به دمای آب ورودی به مرطوبساز افزایش می‌یابد و افزایش بیشتر طول کanal اثری در افزایش نقطه شبنم ندارد.



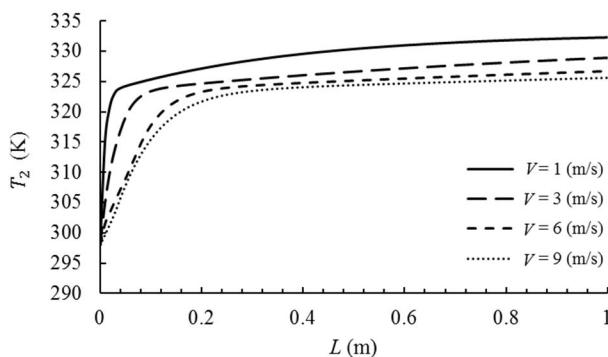
**شکل 3** نمودار تغییرات رطوبت گاز در طول کanal



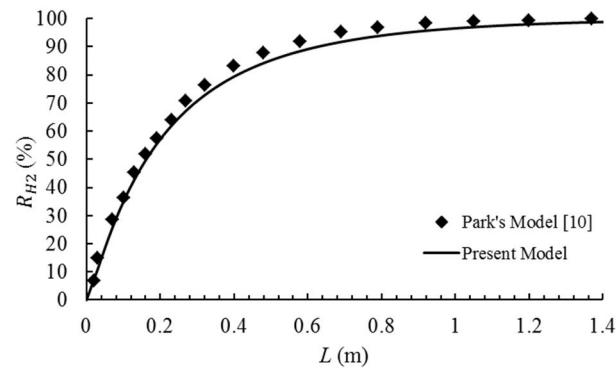
**شکل 8** نمودار تغییرات نقطه بند در طول کanal و در رطوبت‌های ورودی مختلف

### 3-3- بررسی اثر سرعت گاز ورودی بر روی شرایط هوای خروجی از مرطوبساز

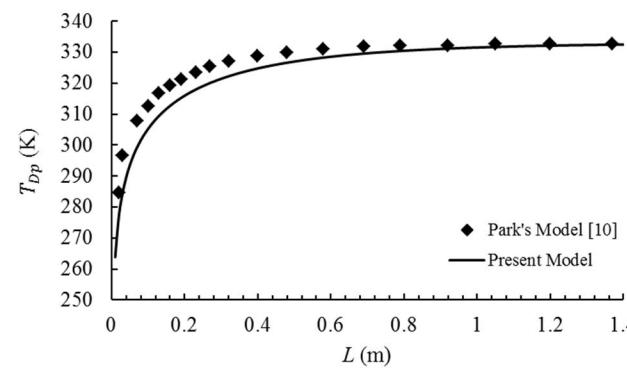
معمولأً یک سیستم پل سوختی برای یک توان نامی طراحی و ساخته می-شود ولی همیشه توان درخواستی از آن برابر توان نامی نمی‌باشد. در پاره‌ای از زمان‌ها توان درخواستی بسیار کمتر از توان نامی است. بنابراین توده پل سوختی به همراه سیستم‌های جانبی که مرطوبساز نیز از جمله آنها است، بایستی دامنه‌ای از توان درخواستی تا حد اکثر توان نامی را جوابگو باشدند. دیگر هوای مورد نیاز توده پل که از مرطوبساز عبور می‌کند، تابعی از توان درخواستی از توده پل می‌باشد. بنابراین مرطوبساز در یک سیستم پل سوختی بایستی دارای عملکرد مطلوبی در دامنه‌ای از سرعت هوای عبوری از آن باشد. به منظور بررسی اثر تغییر سرعت گاز خشک ورودی به مرطوبساز بر روی دما، نقطه شبنم و رطوبت خروجی گاز خروجی از مرطوبساز، سرعت گاز خشک ورودی در دامنه ۱ تا ۹ متر بر ثانیه تغییر داده شد. نمودار تغییرات دما و نقطه شبنم گاز در طول کanal در سرعت‌های مختلف گاز ورودی به ترتیب در شکل‌های ۹ و ۱۰ نشان داده است. همان‌گونه که از شکل‌های ۹ و ۱۰ مشاهده می‌شود، با افزایش سرعت گاز ورودی، مقدار دما و نقطه شبنم در کلیه نقاط کanal، کاهش می‌یابد زیرا ظرفیت انتقال بخار آب در طول غشاء بستگی به تراویی غشاء و سطح نفوذ غشاء دارد. از طرف دیگر، سطح مرطوب کننده را می‌توان از طریق افزایش طول، افزایش داده و با این کار می‌توان دمای خروجی گاز را حتی در سرعت‌های بالا بهبود بخشید.



**شکل 9** نمودار تغییرات دمای گاز در طول کanal در سرعت‌های مختلف گاز



**شکل 6** نمودار تغییرات رطوبت گاز در طول کanal



**شکل 7** نمودار تغییرات نقطه شبنم در طول کanal

### 3-2- بررسی تأثیر رطوبت نسبی ورودی بر نقطه شبنم هوای خروجی از مرطوبساز

از آنجا که ممکن است یک سیستم پل سوختی پلیمری در شرایط محیطی و آب و هوایی مختلفی کار کند، بنابراین این امکان وجود دارد که هوای ورودی به سیستم پل سوختی، در زمان‌ها و محیط‌های مختلف، دارای درصد رطوبت‌های مختلفی باشد. بنابراین مجموعه مرطوبساز سیستم پل سوختی بایستی به گونه‌ای طراحی شده باشد که بتواند فارغ از شرایط محیطی و هوای ورودی به سیستم پل سوختی، جوابگوی میزان رطوبت مورد نیاز توده پل سوختی باشد.

برای بررسی تأثیر رطوبت گاز خشک ورودی به مرطوبساز بر نقطه شبنم گاز خروجی، ضمن ثابت نگه داشتن کلیه پارامترهای هندسی و عملکردی مرطوبساز، رطوبت گاز ورودی در محدوده ۰ تا ۸۰ درصد تغییر داده شد. روند تغییرات نقطه شبنم گاز در راستای طول لوله در رطوبت‌های نسبی مختلف گاز ورودی به مرطوبساز در شکل ۸ نشان داده شده است. همان‌گونه که از این شکل مشاهده می‌شود، با افزایش رطوبت نسبی گاز ورودی در نقاط ابتدایی کanal، افزایش نقطه شبنم گاز مشاهده می‌شود. هرچند که به طرف انتهای کanal، تأثیر میزان رطوبت نسبی گاز ورودی بر نقطه شبنم گاز خروجی کاهش می‌یابد. بنابراین در صورتی که طول کanal مرطوبساز به اندازه کافی بلند باشد، عملأ میزان رطوبت نسبی گاز ورودی تأثیری بر عملکرد مرطوبساز نخواهد داشت هرچند که این امر باعث افزایش هزینه ساخت مرطوبساز و همچنین افزایش ابعاد و حجم آن خواهد شد.

در شکل 12 مشاهده می شود که نقطه شبنم نیز با افزایش سرعت به شدت افت می کند. با افزایش سرعت جریان گاز، مدت زمان اقامت گاز در مرطوب ساز کاهش پیدا کرده و گاز فرست کافی برای جذب رطوبت را ندارد.

#### 4-3- بررسی تأثیر تغییر عمق کanal بر رطوبت نسبی گاز خروجی از مرطوب ساز

برای بررسی اثر عمق کanal بر روی عملکرد مرطوب ساز، ضمن ثابت نگه داشتن کلیه پارامترها، کanal هایی با عمق های مختلف در نظر گرفته شده و معادلات برای آنها حل شد. نمودار تغییرات رطوبت نسبی گاز خروجی از مرطوب ساز بر حسب عمق کanal در شکل 13 نشان داده شده است. همان گونه که از این شکل مشاهده می شود، با توجه به فرضیه های در نظر گرفته شده در مدل حاضر مبنی بر صرف نظر کردن از افت فشار گاز ناشی از حرکت در طول کanal، عمق کanal تأثیری بر عملکرد مرطوب ساز ندارد. البته در صورتی که افت فشار گاز به گونه ای در توسعه معادلات منظور می شد، آنگاه با کم نمودن عمق کanal گاز، افت فشار گاز هنگام عبور از مرطوب ساز افزایش یافته و این کاهش فشار ممکن بود بر روی رطوبت نسبی گاز خروجی از مرطوب ساز تأثیرگذار باشد. جهت مقایسه نتایج مدل حاضر برای تغییرات رطوبت نسبی با عمق کanal با نتایج حاصل از کار او و پارک [10]، نتایج حاصل از کار او و پارک [10] نیز در شکل 13 نشان داده شده است.

همان گونه که از این شکل مشاهده می شود، تحقیق آنها حاکی از آن است که رطوبت گاز خروجی تابعی از عمق کanal است که دقیقاً برخلاف نتایج حاصل از تحقیق حاضر است. بررسی بیشتر نتایج آنها نشان داد که در همه حالات با وجود تغییر عمق کanal، سرعت گاز ورودی ثابت در نظر گرفته شده است. افزایش عمق کanal با فرض ثابت نگه داشتن سرعت ورودی باعث افزایش دبی گاز ورودی به کanal شده و در نتیجه همان گونه که در بالا اشاره شد، افزایش دبی باعث کاهش رطوبت و نقطه شبنم گاز خروجی می شود. به عبارت دیگر، رفتار تغییر رطوبت و نقطه شبنم با تغییر عمق کanal که در مطالعه او و پارک [10] مشاهده شده است، ناشی از تغییر دبی گاز ورودی بوده است. تغییر عمق کanal به تنها یک در حالی که سرعت گاز ورودی به نحوی تغییر یابد که دبی گاز ورودی ثابت باشد، تأثیری بر روی رطوبت و نقطه شبنم گاز خروجی ندارد.

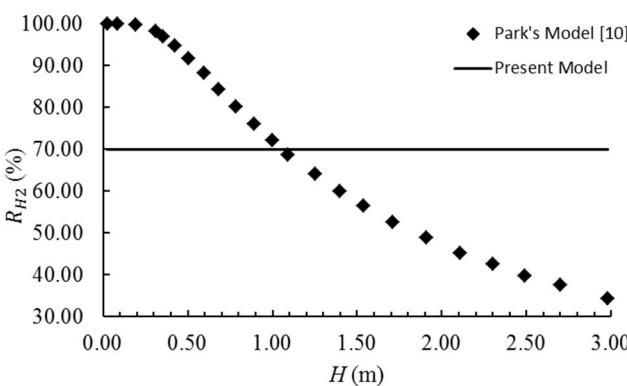


Fig. 13 Graph of relative humidity of the outlet gas versus height of channel

شکل 13 نمودار تغییر رطوبت نسبی خروجی بر حسب عمق کanal

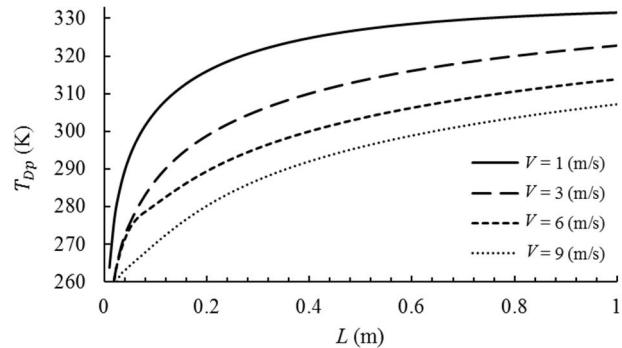


Fig. 10 Graph of dew point variations along the channel in different gas velocities

شکل 10 نمودار تغییرات نقطه شبنم گاز در طول کanal در سرعت های مختلف گاز

در سرعت های بالاتر، رطوبت نسبی به آرامی افزایش می یابد زیرا گاز حامل زمان اقامت کوتاهی داشته و فرست کافی برای جذب رطوبت ندارد. همچنین از این نمودارها مشاهده می شود که با افزایش سرعت گاز دمای نقطه شبنم گاز کاهش یافته و حتی نرخ افزایش آن در طول کanal هم کاهش می یابد. شکل های 11 و 12 به منظور بررسی اثر سرعت گاز ورودی به کanal بر روی نقطه شبنم و رطوبت نسبی خروجی ترسیم شده اند. همان گونه که از این شکل ها مشاهده می شود، با افزایش سرعت گاز در ورودی به مرطوب ساز، رطوبت نسبی گاز خروجی کاهش می یابد (شکل 11).

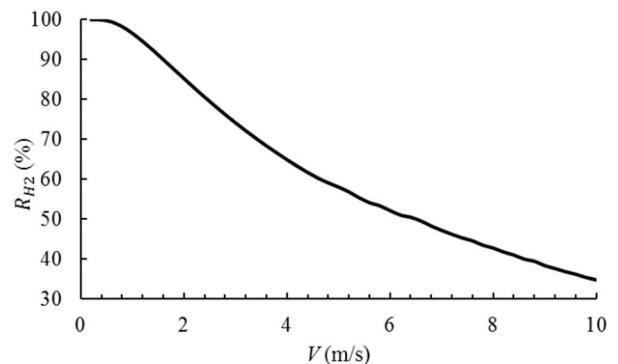


Fig. 11 Graph of relative humidity of the outlet gas versus gas velocity

شکل 11 نمودار تغییرات رطوبت نسبی گاز خروجی بر حسب سرعت گاز

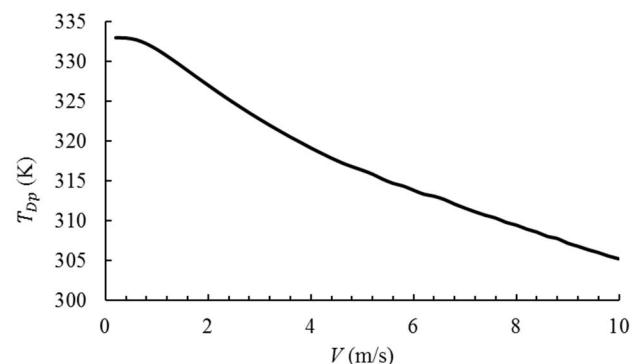


Fig. 12 Graph of dew point of the outlet gas versus gas velocity

شکل 12 نمودار تغییرات نقطه شبنم گاز خروجی بر حسب سرعت گاز

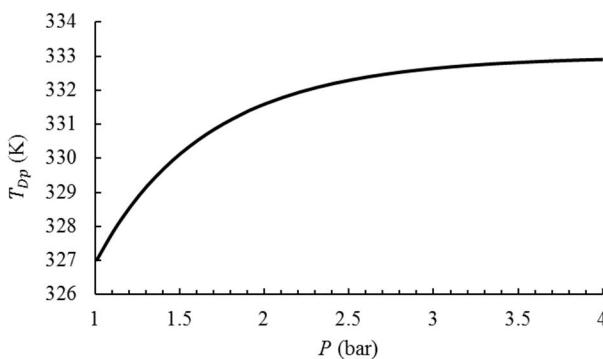


Fig. 14 Graph of dew point of exhaust gas variations versus the inlet gas pressure

شکل ۱۴ نمودار تغییرات نقطه شبنم گاز خروجی بر حسب فشار گاز ورودی

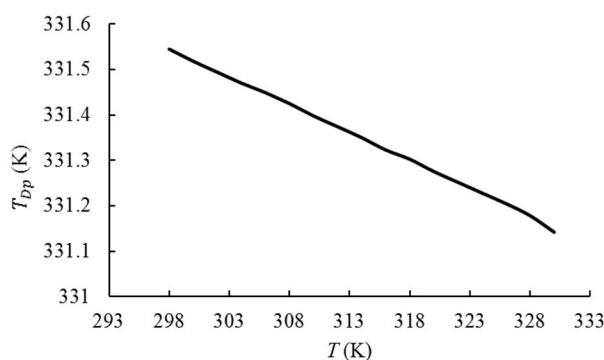


Fig. 15 Variation of dew point of the outlet gas versus the inlet gas temperature

شکل ۱۵ تغییرات نقطه شبنم گاز خروجی بر حسب دمای گاز ورودی

بين نقطه شبنم گازهای خروجی از مرطوبساز که در هنگام ورود به مرطوبساز دماهای مختلفی داشته‌اند، افزایش چشمگیرتری خواهد داشت.

#### 4- نتیجه‌گیری

در مطالعه حاضر با ارائه یک مدل تحلیلی، عملکرد مرطوبساز غشای آب-گاز مورد استفاده در پل سوتی بررسی شده است. نتایج بدست آمده نشان می‌دهد:

- رطوبت نسبی، دمای هوای و نقطه شبنم خروجی با افزایش طول کanal افزایش می‌یابد. نقطه شبنم گاز تا دمای نزدیک به دمای آب ورودی به مرطوبساز افزایش می‌یابد و افزایش بیشتر طول کanal اثری در افزایش نقطه شبنم ندارد.

- در صورتی که طول کanal مرطوبساز به اندازه کافی بلند باشد، عملآمیزان رطوبت نسبی گاز ورودی تاثیری بر عملکرد مرطوبساز نخواهد داشت هرچند که این امر باعث افزایش هزینه ساخت مرطوبساز و همچنین افزایش ابعاد و حجم آن خواهد شد.

- افزایش دبی گاز خشک ورودی سبب کاهش رطوبت نسبی و نقطه شبنم گاز خروجی می‌شود. از این رو استفاده از دبی گاز خشک کمتر، عملکرد بهتر مرطوبساز را در پی دارد.

- با افزایش فشار گاز ورودی به مرطوبساز، رطوبت نسبی و دمای گاز خروجی افزایش پیدا می‌کند. البته روند تغییرات در فشارهای دمای افزایش پارامترهای فشارهای مختلفی ممکن است در نظر گرفته شد، فشار گاز ورودی به مرطوبساز در بازه ۱ تا ۴ بار تغییر داده شد. تغییرات نقطه شبنم گاز خروجی بر حسب فشار گاز ورودی در شکل ۱۴ نشان داده شده است. همان‌گونه که از این شکل مشاهده می‌شود، با افزایش فشار گاز ورودی، نقطه شبنم گاز خروجی افزایش می‌یابد.

#### 5- بررسی اثر تغییرات فشار بر روی نقطه شبنم گاز خروجی از مرطوبساز

عملکرد یک توده پل سوتی با افزایش فشار سمت کاتد و آند ارتقاء پیدا می‌کند. از آنجا که توان مورد نیاز برای راهنمایی کمپرسور هوای سمت کاتد از توان تولیدی خود است، پل سوتی دریافت می‌شود، بنابراین مطلوب است تا حدی که مازاد توان مورد نیاز کمپرسور هوای سمت کاتد برای ایجاد فشار سمت کاتد بر افزایش توان تولیدی است. ناشی از افزایش فشار سمت کاتد غلبه نکرده است، فشار هوای سمت کاتد افزایش می‌یابد. بنابراین ممکن است در یک سیستم پل سوتی در شرایط مختلف عملکردی، هوای با فشارهای مختلف تحت فشارهای مختلف سمت هوای مورد ارزیابی قرار گیرد.

در تحقیق حاضر، جهت بررسی اثر فشار گاز ورودی بر روی نقطه شبنم گاز خروجی از مرطوبساز، با ثابت نگه داشتن کلیه پارامترهای هندسی و فیزیکی و نصف کردن طول کanal در مقایسه با تحلیلهای قبلی (طول کanal برابر ۵۰ سانتی‌متر در نظر گرفته شد)، فشار گاز ورودی به مرطوبساز در بازه ۱ تا ۴ بار تغییر داده شد. تغییرات نقطه شبنم گاز خروجی بر حسب فشار گاز ورودی در شکل ۱۴ نشان داده شده است. همان‌گونه که از این شکل مشاهده می‌شود، با افزایش فشار گاز ورودی، نقطه شبنم گاز خروجی افزایش می‌یابد. البته روند تغییرات در فشارهای کم سریع بوده و با افزایش فشار، روند تغییر پارامترهای فیزیکی گاز خروجی کاهش می‌یابد. دلیل این رفتار در کاهش ظرفیت آب‌گیری گاز با افزایش فشار نهفته است. به عبارت دیگر، با افزایش فشار، گاز جهت رسیدن به سطح خاصی از رطوبت، به میزان آب کمتری نیاز دارد. با توجه به مباحث مطرح شده می‌توان نتیجه گرفت که عملکرد مرطوبساز با افزایش فشار عملکردی ارتقاء می‌یابد.

#### 6- بررسی اثر تغییر دمای ورودی بر روی نقطه شبنم گاز خروجی از مرطوبساز

در بعضی از انواع پل سوتی که از کمپرسور جهت تامین هوای مورد نیاز سیستم پل سوتی استفاده می‌شود، به دلیل نسبت فشار ایجاد شده توسط کمپرسور، هوای خروجی از کمپرسور که همان هوای ورودی به مرطوبساز است، گرم شده و دمای آن افزایش می‌یابد. همچنین ممکن است در بعضی از سیستم‌های پل سوتی، به کمک یک مبدل و با استفاده از گرمای تولیدی توده پل سوتی، هوای ورودی به مرطوبساز گرم شده و دمای آن افزایش یابد. جهت بررسی اثر دمای گاز ورودی به مرطوبساز بر روی عملکرد مرطوبساز، با ثابت نگه داشتن کلیه پارامترهای هندسی و فیزیکی، دمای گاز ورودی در بازه ۲۹۸ تا ۳۳۰ درجه کلوین تغییر داده شد. نمودار تغییرات نقطه شبنم گاز خروجی از مرطوبساز بر حسب دمای گاز ورودی در شکل ۱۵ نشان داده شده است. همان‌گونه که از این شکل مشاهده می‌شود، با افزایش دمای گاز ورودی، کاهش سیار اندکی در نقطه شبنم گاز خروجی از مرطوبساز مشاهده می‌شود. این کاهش می‌تواند ناشی از این باشد که با افزایش دمای گاز ورودی در حالیکه رطوبت نسبی آن ثابت است، میل به جذب رطوبت گاز افزایش یافته و در نتیجه ممکن است میزان رطوبت عبوری از غشا جوابگوی میزان رطوبت مورد نیاز گاز نباشد. البته باستی در نظر داشت که در تحلیل حاضر، طول کanal به اندازه کافی بزرگ گرفته شده است که بتواند رطوبت کافی را به گازهای ورودی با میل به جذب رطوبت مختلف ناشی از دمای متفاوت ورودی برساند. در صورتی که طول کanal کوتاه‌تر باشد، تفاوت

- Dynamic systems, Measurement and Control*, Vol. 127, No. 3, pp. 424-432, 2005.
- [8] E. Afshari , N. Baharlou Houreh, An analytic model of membrane humidifier for proton exchange membrane fuel cell. *Energy Equips System*, Vol. 2, No. 1, pp. 83-94, 2014.
- [9] N. Baharlou Houreh, E. Afshari, Three-dimensional CFD modeling of a planar membrane humidifier for PEM fuel cell systems, *International Journal of Hydrogen Energy*, Vol. 39, No. 27, pp. 14969-14979, 2014.
- [10] S. Park, I. H. Oh, An analytical model of nafion TM membrane humidifier for proton exchange membrane fuel cells, *Journal of Power Sources*, Vol. 188, No. 2, pp. 498-501, 2009.
- [11] R. E. Treybal, *Mass transfer operations*, 3rd Edition, pp. 21-27, London: McGraw-Hill, 1980.
- [12] G. J. Van Wylen, R. E. Sonntag, C. Borgnnak, *Fundamentals of thermodynamics*, Sixth edition, pp. 480-485, New York: John Wiley and Sons, 2002.
- [13] Y. A. Cenjel, M. A. Boles, *Thermodynamics an engineering approach*, Fifth edition, pp. 717-720, Boston: McGraw-Hill College, 2006.
- [14] F. P. Incropera, D. P. Dewett, *Introduction to heat transfer*, 7th edition, pp. 544-555, New York: John Wiley and Sons, 2011.
- [15] F. W. Murray, On the computation of saturation vapor pressure, *Journal of Applied Meteorology*, Vol. 6, No. 1, pp. 203-204, 1967.
- [16] A. Barenbrug, *Psychrometry and psychrometric charts*, 3rd Edition, Cape Town, Cape and transvaal printers Ltd., 1974.
- [17] S. Park, E. A. Cho, I. H. Oh, Characteristics of membrane humidifier for polymer electrolyte membrane fuel cells, *Korean Journal of Chemical Engineering*, Vol. 22, No. 6, pp. 877-881, 2005.

- در صورتی که طول کانال مرطوبساز به اندازه کافی بلند باشد، روابط نسبی گاز خروجی تابعیتی از دمای گاز ورودی به مرطوبساز نخواهد داشت.

## 5- مراجع

- [1] K. Ramya, J. Sreenivas, K. S. Dhathathreyan, Study of a porous brane humidification method in polymer electrolyte fuel cells, *International Journal of Hydrogen Energy*, Vol. 36, No. 22, pp. 14866-14872, 2011.
- [2] JF. Migliardini, O. Veneri, P. Corbo, Interaction between membranes, *Journal of industrial and Engineering Chemistry*, Vol. 18, No. 6, pp. 1945-1950, 2012.
- [3] J. Y. Lee, Y. Kim, Y. Jang, L. M. Chef, Effects of external humidification on the performance of a polymer electrolyte fuel cell, *Journal of Mechanical Science Technology*, Vol. 21, No. 12, pp. 2188-2195, 2007.
- [4] M. Ceraolo, C. Miulli, A. Pozio, Modelling static and dynamic behavior of proton exchange membrane fuel cells on the basis of electro-chemical description, *Journal of Power Sources*, Vol. 113, No. 1, pp. 131-144, 2003.
- [5] P. Cave, W. Merida, Water flux in membrane fuel cell humidifiers: flow rate and channel location, effects, *Journal of Power Sources*, Vol. 175, No. 1, pp. 408-418, 2008.
- [6] J. J .Hwang, W .R .Chang, J .K .Kao, W .Wu, Experimental study on performance of a planar membrane humidifier for a proton exchange membrane fuel cell stack, *Journal of Power Sources*, Vol. 215, No. 6, pp. 69-76, 2012.
- [7] D. Chen, H. Peng, A thermodynamic model of membrane humidifiers for PEM fuel cell humidification control, *Journal of*